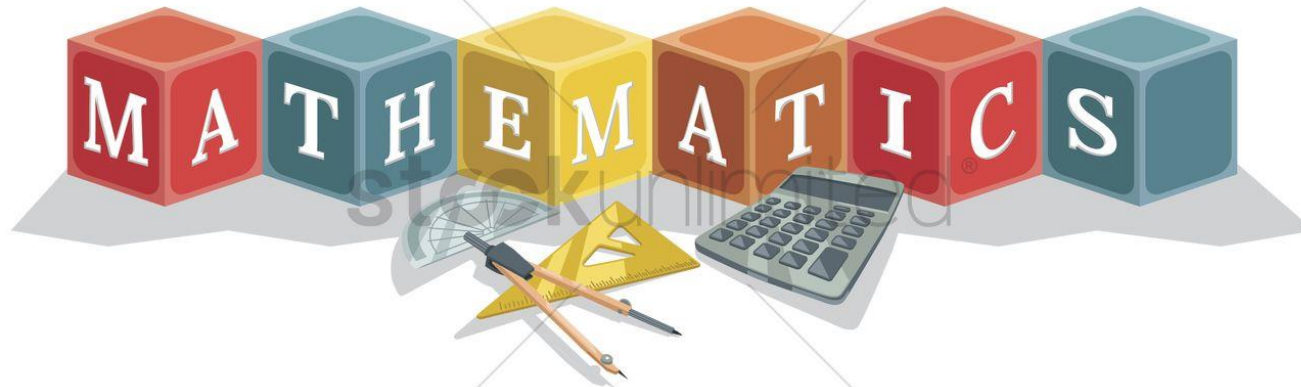


دفتر الرياضيات  
الفصل الدراسي الثاني



اسم الطالبة /

الشعبة /





## تصنيف المثلث وفقاً لزاياه

.....

.....

.....

## تصنيف المثلثات

## تصنيف المثلث وفقاً لأضلاعه

.....

.....

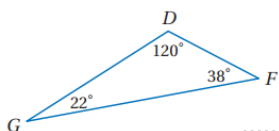
.....

## تحقق من فهمك



## مهارات التفكير العليا

**(44) اكتشف الخطأ:** تقول ليلي: إن  $\triangle DFG$  منفرج الزاوية، لكن نوال لا توافقها الرأي وتقول: إن عدد الزوايا الحادة في المثلث أكثر من عدد الزوايا المنفرجة؛ لذا فإن المثلث حادّ الزوايا. أيتّهما كانت إجابتهما صحيحة؟ فسر إجابتك.

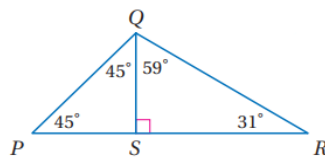


**تبرير:** قرّر ما إذا كانت الجملة في كلّ مما يأتي صحيحة أحياناً أو صحيحة دائماً أو صحيحة دائماً أو غير صحيحة أبداً.

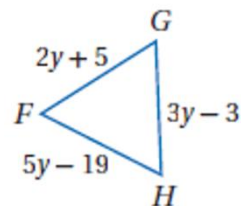
**(45)** المثلث المتطابق الزوايا هو مثلث قائم الزاوية أيضاً.

**(46)** المثلث المتطابق الأضلاع هو مثلث متطابق الضلعين أيضاً.

**(2)** استعمل الشكل أعلاه لتصنيف  $\triangle PQS$  إلى: حادّ الزوايا أو متطابق الزوايا أو منفرج الزاوية أو قائم الزاوية.

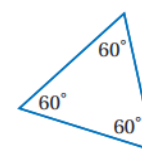


**(5)** أوجد قياسات أضلاع المثلث المتطابق الأضلاع  $FGH$ .

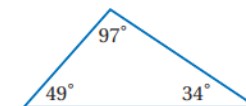


صنّف كلّاً من المثلثين الآتيين وفقاً لزاياه:

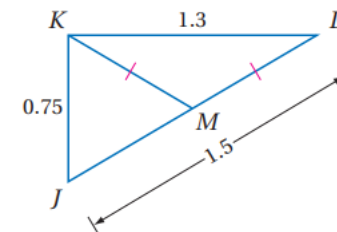
(1B)



(1A)



**(4)** صنّف  $\triangle KML$  إلى متطابق الأضلاع أو متطابق الضلعين أو مختلف الأضلاع.

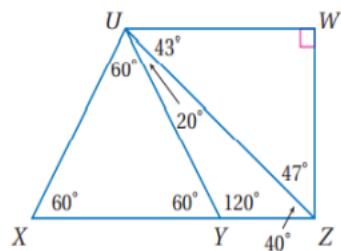




## تأكد + تدرّب



٢ / صنف كلًا من المثلثات الآتية وفقاً لزواياها :



- .....  $\triangle UYZ$   
 .....  $\triangle UXZ$   
 .....  $\triangle UWZ$   
 .....  $\triangle UXY$

## تحصيلي

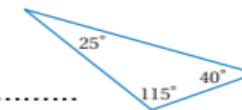
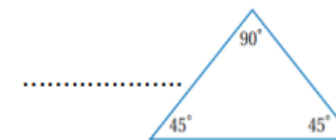
مثلث قياسات زواياه  $50^\circ$ ،  $50^\circ$ ،  $80^\circ$ ، ما نوع هذا المثلث؟

- (A) قائم الزاوية  
 (B) منفرج الزاوية  
 (C) متطابق الأضلاع  
 (D) متطابق الضلعين

المثلث  $ABC$  قائم الزاوية ومتطابق الضلعين، إن قياس أي زاوية من زاويتي الحادتين يساوي ..

- (A)  $60^\circ$   
 (B)  $45^\circ$   
 (C)  $30^\circ$   
 (D)  $20^\circ$

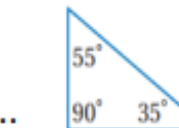
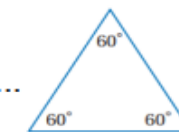
١ / صنف الأشكال التالية حسب زواياها وأضلاعها :



.....

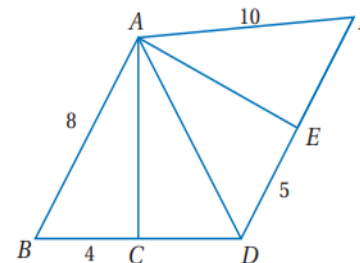
.....

.....



٣ / إذا كانت النقطة  $C$  منتصف  $\overline{BD}$  والنقطة  $E$  منتصف  $\overline{DF}$  ،

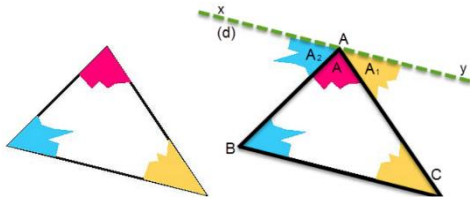
فصنف كلًا من المثلثات الآتية وفقاً لأضلاعها :



- .....  $\triangle ADF$  .....  $\triangle ABC$   
 .....  $\triangle ABD$  .....  $\triangle ACD$

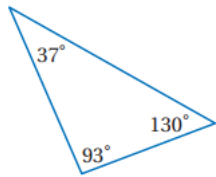


## تحقق من فهمك



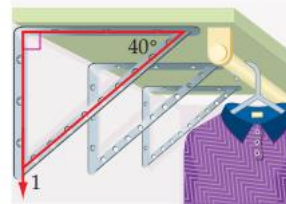
## مهارات التفكير العليا

**33 اكتشاف الخطأ:** قام خالد بقياس زوايا المثلث وكتبها كما في الشكل. فقال عادل: إن هناك خطأ في هذه القياسات. وضح بطريقتين مختلفتين على الأقل كيف توصل عادل إلى هذه النتيجة.



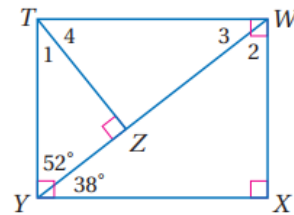
.....  
 .....  
 .....

**(2) تنظيم خزانة الملابس:** تثبت لطيفة جسور الرفوف على جدار خزانة. ما قياس  $\angle 1$  التي يصنعها الجسر مع جدار الخزانة؟



.....  
 .....  
 .....

أوجد قياس كل من الزوايا المرقمة في الشكل المجاور.



$\angle 2$  (3A)

.....

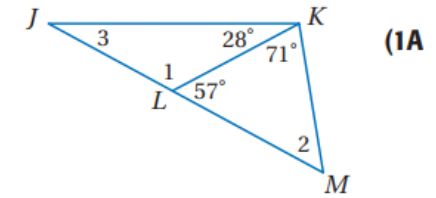
$\angle 3$  (3B)

.....

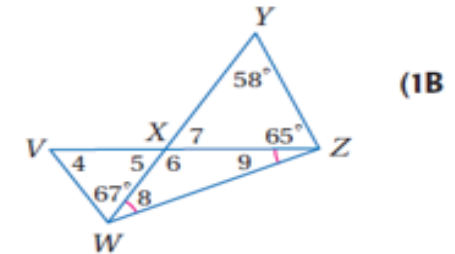
$\angle 4$  (3C)

.....

أوجد قياسات الزوايا المرقمة فيما يأتي:



.....  
 .....  
 .....

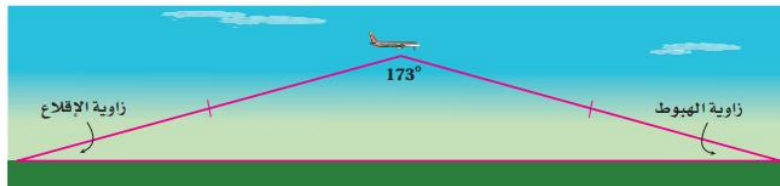


.....  
 .....  
 .....



## تأكد + تدرّب

(12) **طائرات:** يمكن تمثيل خطّ الطيران في رحلة ما باستعمال ضلعي مثلث كما في النموذج أدناه، علمًا بأن المسافة التي تقطعها الطائرة صعودًا تساوي المسافة التي تقطعها هبوطًا.



- (a) صنّف النموذج بحسب الأضلاع والزوايا.  
 (b) إذا كانت زاويتا الإقلاع والهبوط متطابقتين، فأوجد قياس كلٍّ منهما.

## تحصيلي

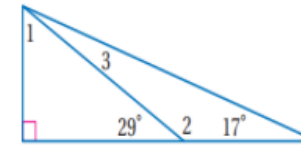
احسب قياس أي زاوية خارجية لمثلث متطابق الأضلاع.

- 30° (A)      60° (B)  
 90° (C)      120° (D)

إذا كان قياس زاويتي مثلث 40° ، 110° فأأي القياسات التالية

- لا يمكن أن يكون لزاوية خارجية للمثلث؟  
 160° (A)      150° (B)  
 140° (C)      70° (D)

١ / أوجد كلاً من القياسات الآتية :

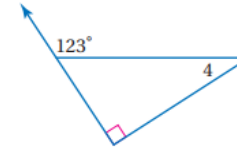


$m\angle 1$  ..... (7)

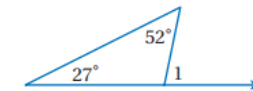
$m\angle 3$  ..... (8)

$m\angle 2$  ..... (9)

$m\angle 4$  (14)



$m\angle 1$  (13)

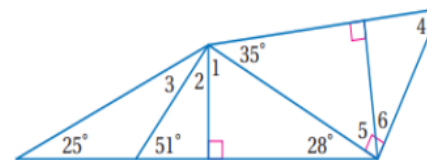


٢ / أوجد كلاً من القياسات الآتية :

.....  $m\angle 2$  (17)      .....  $m\angle 1$  (16)

.....  $m\angle 5$  (19)      .....  $m\angle 3$  (18)

.....  $m\angle 6$  (21)      .....  $m\angle 4$  (20)

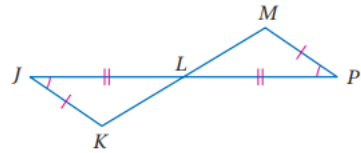




## تحقق من فهمك



4) اكتب برهاناً ذا عمودين.



المعطيات:  $\angle J \cong \angle P$ ,  $\overline{JK} \cong \overline{PM}$

$\overline{KM}$  تنصف  $L$ ,  $\overline{JL} \cong \overline{PL}$

المطلوب:  $\triangle JLK \cong \triangle PLM$

.....  
 .....  
 .....

## مهارات التفكير العليا

تبرير: حدّد ما إذا كانت كل عبارة مما يأتي صحيحة أم خطأ. وإذا كانت خطأ، فأعط مثلاً مضاداً. أما إذا كانت صحيحة، فوضح إجابتك.

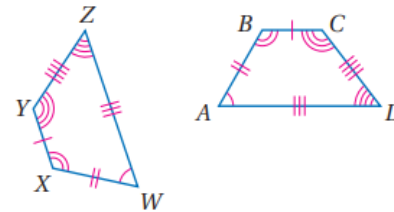
28) إذا تطابق زوجان من الزوايا المتناظرة لمثلثين، وتطابقت الأزواج الثلاثة من أضلاعهما المتناظرة، فإنّ المثلثين متطابقان.

.....

29) إذا كانت أزواج الزوايا المتناظرة الثلاثة لمثلثين متطابقة، فإنّ المثلثين متطابقان.

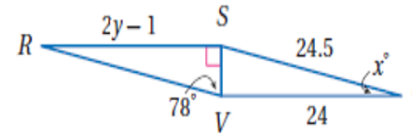
.....

1A) بين أنّ المضلعين المجاورين متطابقان، بتعيين جميع العناصر المتناظرة المتطابقة. ثمّ اكتب عبارة التطابق.



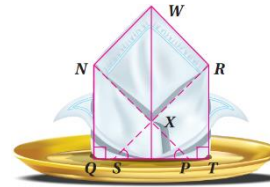
.....  
 .....  
 .....

2) في الشكل المجاور إذا كان  $\triangle RSV \cong \triangle TVS$ ، فأوجد قيمة كلّ من  $x$ ,  $y$ .



.....  
 .....  
 .....

3) في الشكل أعلاه، إذا كانت  $\angle WNX \cong \angle WRX$ ، وكان  $\overline{WX}$  منصفاً لـ  $\angle NXR$ ، وكان  $m\angle WNX = 88^\circ$ ،  $m\angle NXW = 49^\circ$ ، فأوجد  $m\angle NWR$ . وفسر إجابتك.



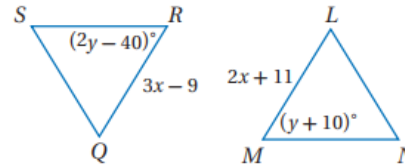
.....  
 .....  
 .....

تأكد + تدرّب 

رسم شكلاً يمثل المثلثين المتطابقين فيما يلي وسمه ثم أوجد قيمة  $y$  :

$\triangle ABC \cong \triangle DEF$ ,  $AB = 7$ ,  $BC = 25$ ,  $AC = 11 + x$ ,  $DF = 3x - 13$ ,  $DE = 2y - 5$  (22)

.....  
 .....  
 .....

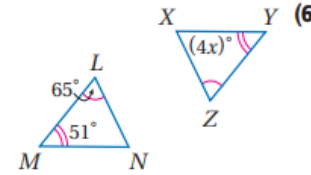


في الشكلين المجاورين، إذا كان  $\triangle LMN \cong \triangle QRS$  فأوجد:  
 (3) قيمة  $x$ .

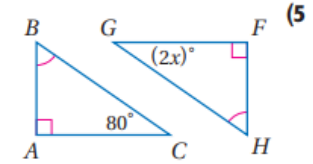
.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....

(4) قيمة  $y$ .

في كلٍّ من السؤالين الآتيين، أوجد قيمة  $x$ ، وفسّر إجابتك.



.....  
 .....  
 .....  
 .....



.....  
 .....  
 .....  
 .....

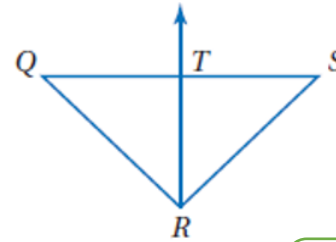


## تحقق من فهمك



(1) اكتب برهاناً تسلسلياً.

المعطيات:  $\triangle QRS$  متطابق الضلعين، فيه،  $\overline{QR} \cong \overline{SR}$ .  
 $\overline{RT}$  تنصّف  $\overline{QS}$  عند النقطة  $T$ .  
 المطلوب: إثبات أنّ  $\triangle QRT \cong \triangle SRT$

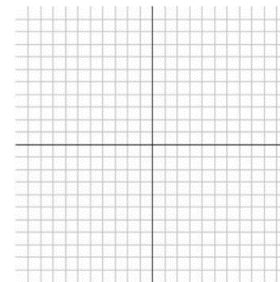

  
  


(2) إحداثيات رؤوس المثلث  $JKL$  هي  $J(2, 5)$ ,  $K(1, 1)$ ,  $L(5, 2)$ . ورؤوس المثلث  $NPQ$  هي  $N(-3, 0)$ ,  $P(-7, 1)$ ,  $Q(-4, 4)$ .

(A) مثل كلا المثلثين في مستوى إحداثي واحد.

(B) استعمل هذا التمثيل؛ لتخمين ما إذا كان المثلثان متطابقين أم لا.

(C) اكتب برهاناً منطقياً باستعمال الهندسة الإحداثية لتدعم تخمينك في الجزء B.

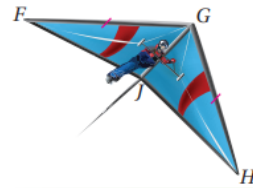


.....

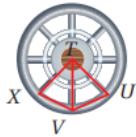
.....

.....

(3) **طيران شرعي:** في الصورة المجاورة يبدو جناحا الطائرة الشراعية أنهما مثلثان متطابقان. فإذا كانت  $\overline{FG} \cong \overline{GH}$ ،  $\angle FGH$  تنصّف  $\overline{JG}$ ، فأثبت أنّ  $\triangle FGJ \cong \triangle HGJ$ .

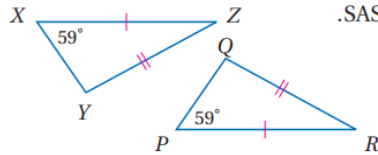

(4) قضبان الإطار الداخلية تقسمه إلى ثمانية أجزاء. إذا كان:  $\overline{TU} \cong \overline{TX}$  و  $\angle XTV \cong \angle UTV$ ، فبين أنّ  $\triangle XTV \cong \triangle UTV$ .


## مهارات التفكير العليا

(24) **اكتشف الخطأ:** قال أحمد: إنّ  $\triangle PRQ \cong \triangle XYZ$  بحسب SAS.

فاعترض خالد وقال: لا توجد معلومات كافية لإثبات أن المثلثين متطابقان. أيهما كانت إجابته صحيحة؟ وضح إجابتك.



.....

## قراءة الرياضيات

اختصارات رياضية  
 S اختصار side  
 أو ضلع، و A اختصار  
 Angle أو زاوية.

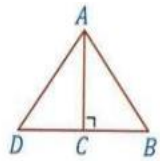




## تأكد + تدرّب



## تحصيلي



في الشكل المجاور، الشرط الناقص ليكون

$\Delta ABC \cong \Delta ADC$  هو ..

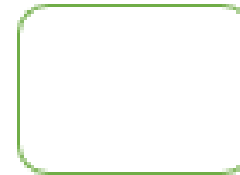
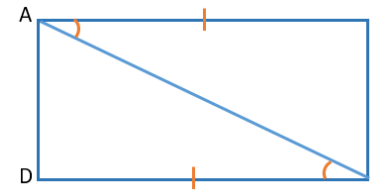
$m\angle B \cong m\angle DAC$  (B)       $\overline{AC} \cong \overline{DC}$  (A)

$m\angle DAC \cong m\angle ACB$  (D)       $\overline{DC} \cong \overline{BC}$  (C)

(4) اكتب برهاناً ذا عمودين.

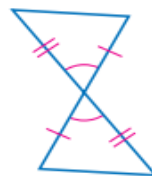
المعطيات:  $\overline{BA} \cong \overline{DC}$ ,  $\angle BAC \cong \angle DCA$

المطلوب:  $\overline{BC} \cong \overline{DA}$



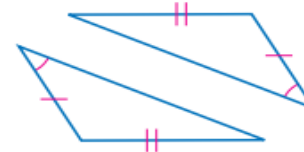



حدّد ما إذا كان المثلثان في كلّ من الأسئلة الآتية متطابقين أم لا. وضّح إجابتك.



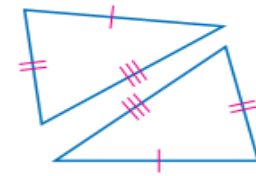
(15)

.....



(14)

.....



(13)

.....

تحقق من فهمك



## حالات إثبات تطابق مثلثين

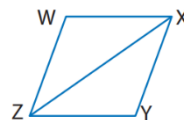
مسألة SSS

مسألة SAS

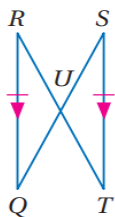
مسألة ASA

نظرية AAS

## 1) اكتب برهاناً حرّاً.

المعطيات:  $\overline{ZX}$  تنصف  $\angle WZY$ ،  $\overline{XZ}$  تنصف  $\angle YXW$ .المطلوب:  $\triangle WXZ \cong \triangle YXZ$ 

## 2) اكتب برهاناً تسلسلياً:

المعطيات:  $\overline{RQ} \cong \overline{ST}$ ،  $\overline{RQ} \parallel \overline{ST}$ المطلوب:  $\triangle RUQ \cong \triangle TUS$ 

## مهارات التفكير العليا

14) **اكتشف الخطأ:** يقول عمر إنه لا يمكن إثبات تطابق مثلثين بتطابق ثلاث زوايا AAA، بينما يقول حسن إنه بإمكانه إثبات هذا التطابق، أيهما كانت إجابته صحيحة؟ وضح إجابتك.

.....

.....

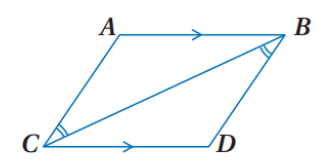
تأكد + تدرّب

برهان: على الشكل المقابل:

(4) المعطيات:  $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$

$\angle CBD \cong \angle BCA$

المطلوب:  $\triangle CAB \cong \triangle BDC$



←

←

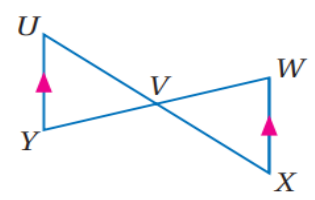
←

برهان: اكتب برهاناً ذا عمودين.

(5) المعطيات:  $V$  نقطة منتصف  $\overline{WY}$

$\overline{XW} \parallel \overline{UY}$

المطلوب:  $\triangle UVY \cong \triangle XVW$



←

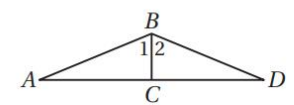
←

←

تحصيلي

(18) في الشكل أدناه،

$\overline{BC} \perp \overline{AD}$ ,  $\angle 1 \cong \angle 2$

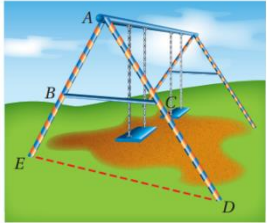


أي نظرية أو مسلّمة مما يأتي يمكن استعمالها لإثبات أن  $\triangle ABC \cong \triangle DBC$  ؟

- |         |         |
|---------|---------|
| SAS (C) | AAS (A) |
| SSS (D) | ASA (B) |



## تحقق من فهمك



**حدايق:** اصطحب خالد أخاه الأصغر إلى حديقة الحي، فلاحظ أن دعائم الأرجوحة الموجودة في الحديقة تشكل مجموعتين من المثلثات، وأن  $\overline{AB} \cong \overline{AC}$  ولكن  $\overline{BC} \not\cong \overline{AB}$ .

(a) إذا قدر خالد أن  $m\angle BAC = 50^\circ$ ، فما قيمة  $m\angle ABC$  وفقاً لهذا التقدير؟ وضح إجابتك.

.....  
.....

(b) إذا كان  $\overline{BE} \cong \overline{CD}$ ، فبين أن  $\triangle AED$  متطابق الضلعين.

.....  
.....  
.....

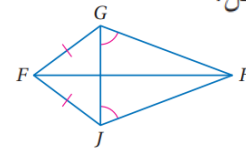
## مهارات التفكير العليا

(35) **مسألة مفتوحة:** ارسم مثلثاً متطابق الضلعين، فيه زاويتا القاعدة منفرجتان إن أمكنك ذلك، وإلا فوضح السبب.

.....  
.....

(1A) سمّ زاويتين متطابقتين غير مشار إلى تطابقهما في الشكل.

(1B) سمّ قطعتين مستقيمتين متطابقتين غير المشار إلى تطابقهما في الشكل.



.....  
.....

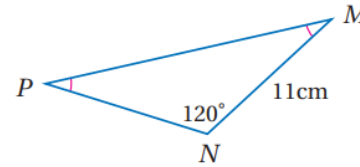
أوجد كل قياس من القياسات الآتية:

$m\angle M$  (2A)

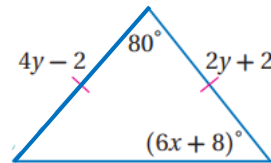
.....

$PN$  (2B)

.....



(3) أوجد قيمة كل من المتغيرين في الشكل المجاور.



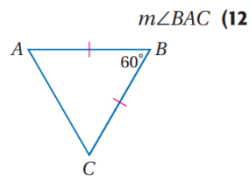
.....  
.....  
.....



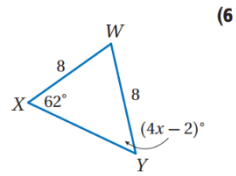
## تأكد + تدرّب



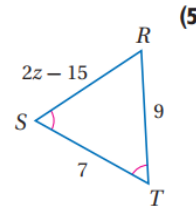
**جبر:** أوجد قيمة المتغير في كل من السؤالين الآتيين:



.....  
 .....  
 .....



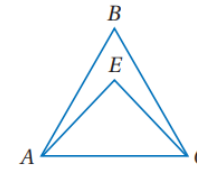
.....  
 .....  
 .....



.....  
 .....  
 .....

باستعمال الشكل المجاور أجب عن السؤالين الآتيين:

**(1)** إذا كان  $\overline{AB} \cong \overline{CB}$ ، فسّم زاويتين متطابقتين.



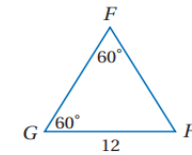
.....

**(2)** إذا كان  $\angle EAC \cong \angle ECA$ ، فسّم قطعتين مستقيمتين متطابقتين.

.....

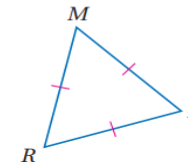
أوجد كلاً من القياسين الآتيين:

**(3) FH**



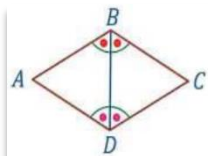
.....

**(4)  $m\angle MRP$**



.....

## تحصيلي



في الشكل المجاور،  $\triangle ABD \cong \triangle CBD$  بمسألة ..

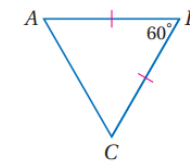
SAS (B)

SSS (A)

AAS (D)

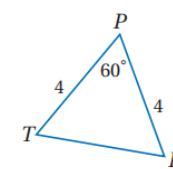
ASA (C)

**(12)  $m\angle BAC$**



.....

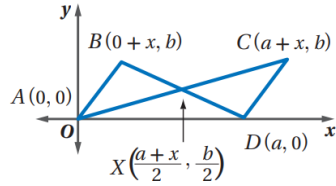
**(13) TR**



.....



## تحقق من فهمك



3) اكتب برهاناً إحداثياً لإثبات أن:  
 $\triangle ABX \cong \triangle CDX$ .

.....

.....

.....

.....

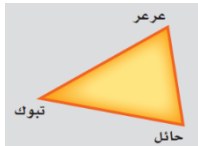
.....

4) جغرافياً: يضم مجمّع كسفيّ ثلاث فرق من ثلاث مدن تمثل مثلثاً.

إذا كانت الإحداثيات التقريبية لمواقع هذه المدن الثلاث هي:

تبوك  $28.37^\circ\text{N}36.6^\circ\text{E}$ ، عرعر  $30.9^\circ\text{N}41.13^\circ\text{E}$ ، حائل  $27.43^\circ\text{N}41.68^\circ\text{E}$ .

فاكتب برهاناً إحداثياً لإثبات أن المثلث الذي رؤوسه هذه المدن الثلاث متطابق الضلعين تقريباً.



.....

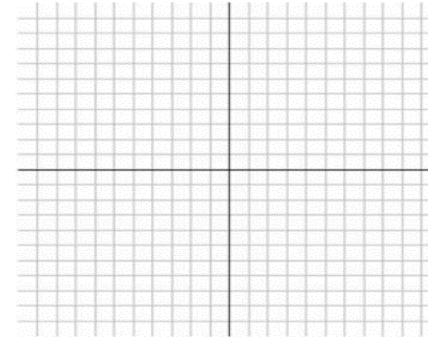
.....

.....

.....

.....

1) ارسم المثلث  $JKL$  المتطابق الضلعين في المستوى الإحداثي وسمّ رؤوسه، على أن يكون طول قاعدته  $\overline{KL}$  يساوي  $a$  وحدة، ويكون ارتفاعه  $b$  وحدة، والرأس  $K$  يقع على المحور  $y$ .

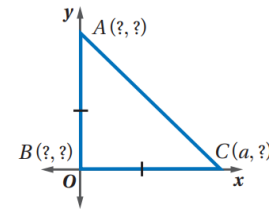


.....

.....

.....

.....



2) أوجد الإحداثيات المجهولة في المثلث  $\triangle ABC$  المتطابق الضلعين والقائم الزاوية.

.....

.....

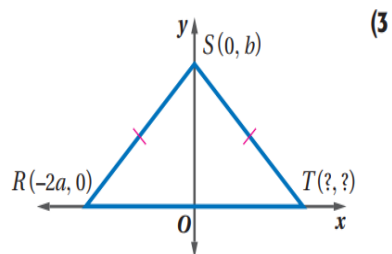
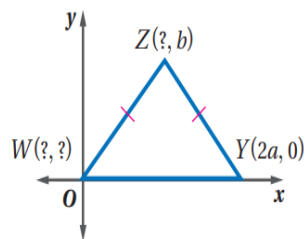
.....

.....

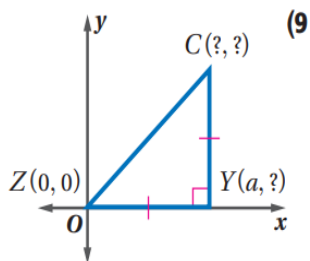
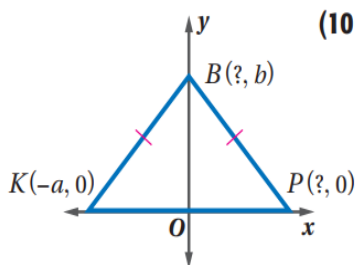
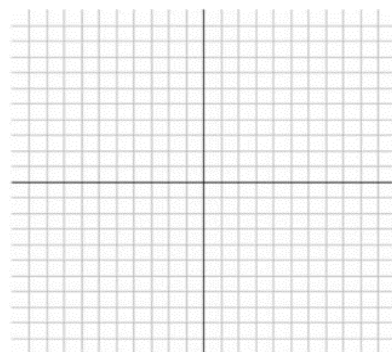


## تأكد + تدرّب

أوجد الإحداثيات المجهولة في كلٍّ من المثلثين الآتيين:

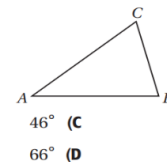


ارسم كلاً من المثلثين الآتيين في المستوى الإحداثي، وحدد إحداثيات رؤوسه.  
**(1)**  $\triangle ABC$  قائم الزاوية، فيه  $\overline{AC}$ ,  $\overline{AB}$  ضلعا القائمة، وطول  $\overline{AC}$  يساوي  $2a$  وحدة، وطول  $\overline{AB}$  يساوي  $2b$  وحدة.

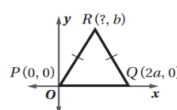


## تدريب على اختبار

(25) في الشكل أدناه إذا كان  $m\angle B = 76^\circ$ ، وقياس  $\angle A$  يساوي نصف قياس  $\angle B$ ، فما  $m\angle C$ ؟



46° (C)      33° (A)  
66° (D)      38° (B)



(26) ما إحداثيات النقطة R في المثلث المجاور؟

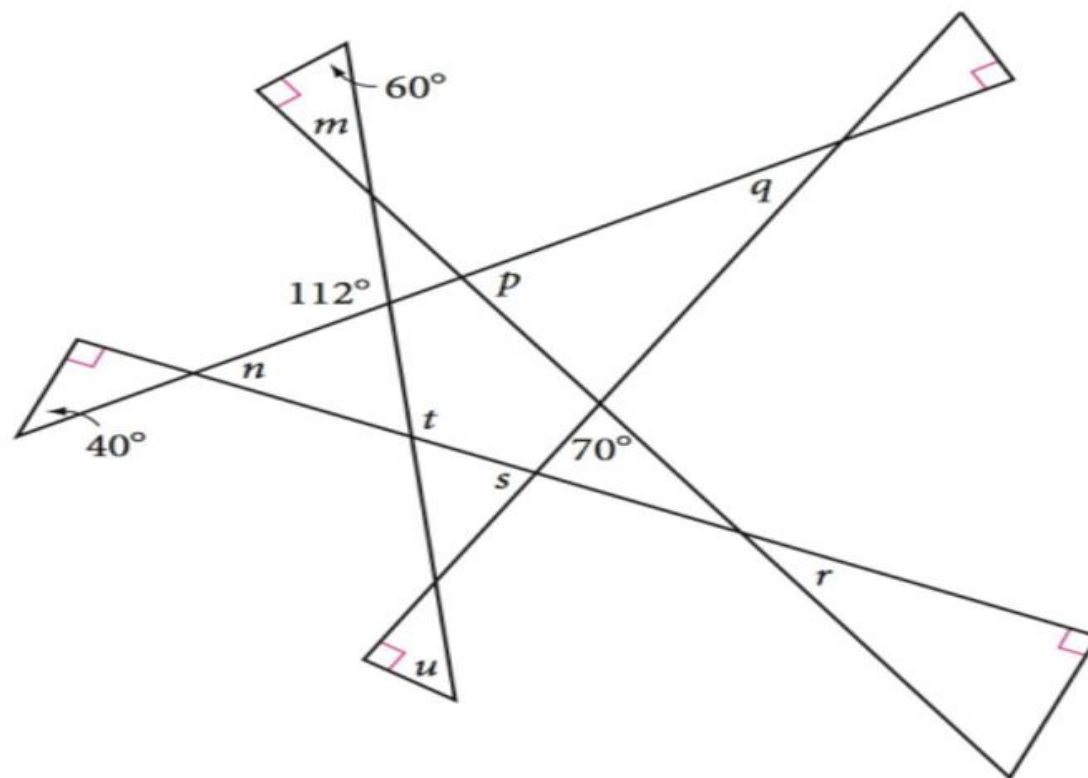
- (4a, b) C       $(\frac{a}{2}, b)$  A  
 $(\frac{a}{4}, b)$  D      (a, b) B

المهمة الأثائية (١)

الدرجة :

٢ ٤ ٦ ٨ ١٠

لوجد قياسات الزوايا المطلوبة :



$q = \underline{\hspace{1cm}}$

$p = \underline{\hspace{1cm}}$

$r = \underline{\hspace{1cm}}$

$s = \underline{\hspace{1cm}}$

$t = \underline{\hspace{1cm}}$

$u = \underline{\hspace{1cm}}$

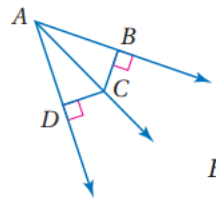
$n = \underline{\hspace{1cm}}$

$m = \underline{\hspace{1cm}}$





## تحقق من فهمك



(3A) إذا كان:  $BC = 5$ ,  $DC = 5$ ,  $m\angle BAC = 38^\circ$ ، فأوجد  $m\angle DAC$

.....  
.....

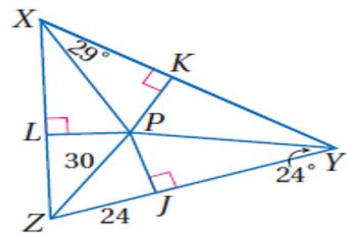
(3B) إذا كان:  $DC = 10$ ,  $m\angle DAC = 40^\circ$ ,  $m\angle BAC = 40^\circ$ ، فأوجد  $BC$

.....  
.....

(3C) إذا كان  $\overrightarrow{AC}$  ينصف  $\angle DAB$ ، و  $DC = 9x - 7$ ,  $BC = 4x + 8$ ، فأوجد  $BC$

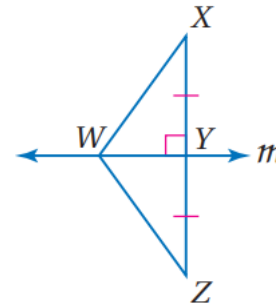
.....  
.....

إذا كانت  $P$  مركز الدائرة الداخلية لـ  $\triangle XYZ$ ، فأوجد القياسين الآتيين:



.....  $PK$  (4A)

.....  $\angle LZP$  (4B)



(1A) إذا كان  $WX = 25.3$ ,  $YZ = 22.4$ ,  $WZ = 25.3$ ، فأوجد طول  $\overline{XY}$ .

.....  
.....

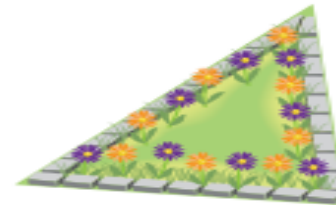
(1B) إذا كان  $m$  عموداً منصفاً لـ  $\overline{XZ}$ ،  $WZ = 14.9$ ، فأوجد طول  $\overline{WX}$ .

.....  
.....

(1C) إذا كان  $m$  عموداً منصفاً لـ  $\overline{XZ}$ ،  $WX = 4a - 15$ ,  $WZ = a + 12$ ، فأوجد طول  $\overline{WX}$ .

.....  
.....

(2) يريد عليّ أن يضع مرشّة الماء على أبعاد متساوية من رؤوس حديقته المثلثة الشكل. فأين يتعين عليه وضع المرشّة؟

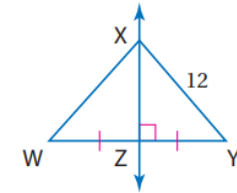




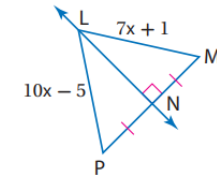
## تأكد + تدرّب

أوجد كل قياس مما يأتي:

XW (1)

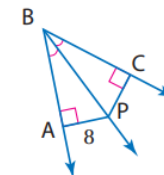


LP (3)

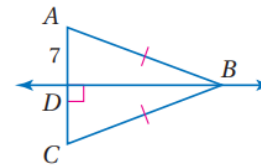


أوجد كل قياس مما يأتي:

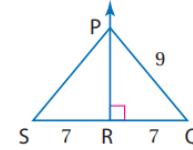
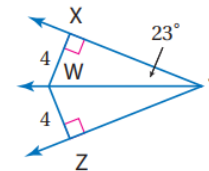
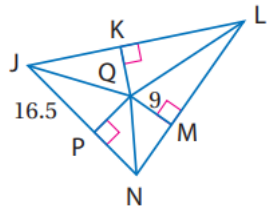
CP (5)



AC (2)



PS (10)

 $\angle WYZ$  (6)(8) إذا كانت Q مركز الدائرة الداخلية لـ  $\triangle JLN$ ، فأوجد طول  $\overline{JQ}$ .

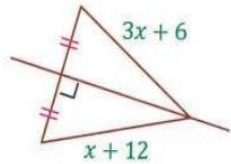
.....

.....

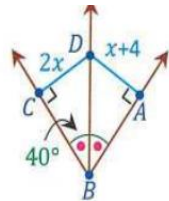
.....

.....

## تحصيلي

ما قيمة  $x$  في الشكل المجاور؟

- (A) 3      (B) 6
- (C) 9      (D) 12

ما قيمة  $x$  في الشكل المجاور؟

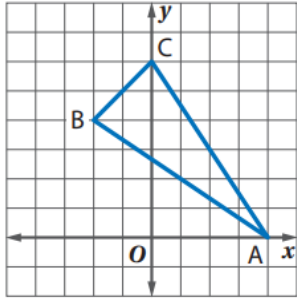
- (A) 2      (B) 4
- (C) 20      (D) 40



## تحقق من فهمك



4) أوجد إحداثيات ملتقى ارتفاعات  $\triangle ABC$  في الشكل المجاور.



.....

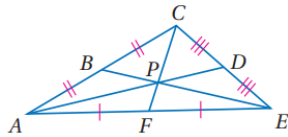
.....

.....

.....

## مهارات التفكير العليا

27) **اكتشف الخطأ:** قال صفوان: إن  $\frac{2}{3}AP = AD$  في الشكل المجاور.



ولكن عبد الكريم لم يوافق في ذلك، فأيهما كانت إجابته صحيحة؟  
وضّح إجابتك.

.....

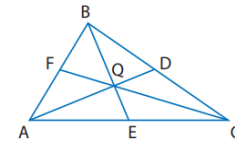
.....

.....

28) **تبرير:** هل العبارة التالية صحيحة أم خطأ؟ وضّح إجابتك إذا كانت صحيحة، وإلا فأعطِ مثالاً مضاداً.  
”ملتقى ارتفاعات المثلث القائم الزاوية تقع عند رأس الزاوية القائمة“.

.....

في  $\triangle ABC$  إذا كان  $FC = 15$ ، فأوجد طولي القطعتين الآتيتين:



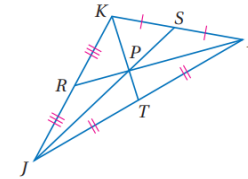
..... **FQ (1A)**

.....

..... **QC (1B)**

.....

في  $\triangle JKL$  إذا كان  $JP = 9$ ،  $RP = 3.5$ ، فأوجد طولي القطعتين الآتيتين:



..... **PL (2A)**

.....

..... **PS (2B)**

.....

3) تقع رؤوس مثلث آخر عند النقاط  $(0, 4)$ ،  $(6, 11.5)$ ،  $(12, 1)$ ، هذا المثلث؟ وضّح إجابتك.

.....

.....

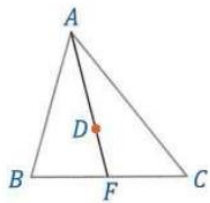
.....

## تأكد + تدرّب

(12) هندسة إحداثية: أوجد إحداثيات ملتقى الارتفاعات للمثلث الذي رؤوسه:  
 $J(3, -2), K(5, 6), L(9, -2)$

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....

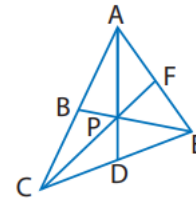
## تحصيلي



في الشكل المجاور، إذا كانت  $D$  مركز المثلث

$ABC$  و  $AF = 12$  فإن  $DA = \dots\dots\dots$

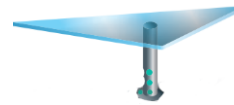
- (A) 4  
 (B) 6  
 (C) 8  
 (D) 12



إذا كانت النقطة  $P$  مركز  $\triangle ACE$  ،  $AD = 15$  ،  $PF = 6$  .  
 فأوجد كل طول مما يأتي:

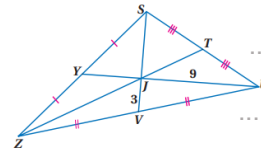
- (1)  $PC$  .....
- (2)  $AP$  .....

(3) تصميم داخلي: بالعودة إلى فقرة "لماذا؟"، إذا كانت  
 إحداثيات رؤوس المثلث عند النقاط  $(3, 6)$  ،  $(5, 2)$  ،  $(7, 10)$  .  
 فعند أي نقطة ستوضع الدعامة؟



.....  
 .....  
 .....  
 .....

في  $\triangle SZU$  ، إذا كان  $ZT = 18$  ، فأوجد كل طول مما يأتي:



- (5)  $YJ$  .....
- (6)  $SJ$  .....
- (7)  $YU$  .....
- (8)  $SV$  .....
- (9)  $JT$  .....
- (10)  $ZJ$  .....



## تحقق من فهمك



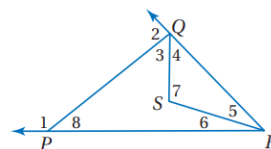
استعمل نظرية متباينة الزاوية الخارجية؛ لكتابة جميع الزوايا المرقمة التي تحقق الشرط المُعطى في كلِّ مما يأتي:

(1A) قياساتها أقل من  $m\angle 1$

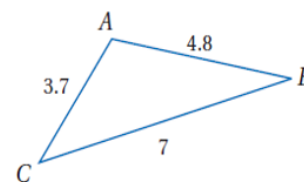
.....  
.....

(1B) قياساتها أكبر من  $m\angle 8$

.....  
.....

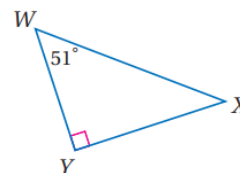


(2) اكتب زوايا  $\triangle ABC$  مرتبة من الأصغر إلى الأكبر.



.....  
.....  
.....

(3) اكتب زوايا  $\triangle WXY$  وأضلاعه، مرتبة من الأصغر إلى الأكبر.



.....  
.....  
.....

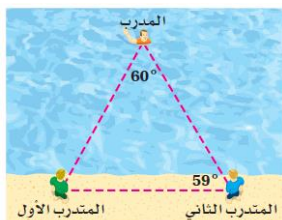
(4) **سباحو الإنقاذ:** في أثناء التدريب يُمثّل المدرب دور

شخص في خطر ليتمكّن المتدربان من تطبيق مهارات

الإنقاذ. إذا كان المدرب والمتدرب الأول والثاني في

المواقع المبيّنة في الشكل، فأَيُّ المتدربين أقرب إلى

المدرب؟



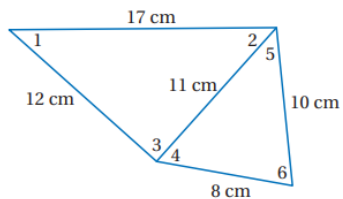
.....  
.....  
.....

## مهارات التفكير العليا

**تحذّر:** استعمل أطوال الأضلاع في الشكل المجاور؛

لترتب قياسات الزوايا المرقمة من الأصغر إلى الأكبر،

إذا علمت أن  $m\angle 2 = m\angle 5$ . ووضّح إجابتك.



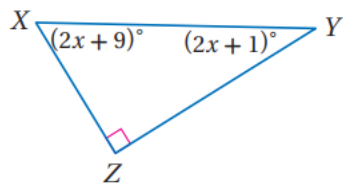
.....  
.....  
.....



## تأكد + تدرّب

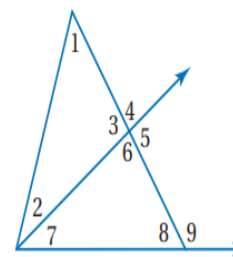


(17) اكتب زوايا المثلث المجاور مرتبة من الأصغر إلى الأكبر :



.....  
 .....  
 .....  
 .....

استعمل نظرية متباينة الزاوية الخارجية، لكتابة جميع الزوايا المرقمة التي تحقق الشرط المعطى في كل مما يأتي :



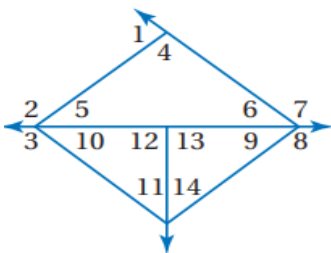
(1) قياساتها أقل من  $m\angle 4$  .

(2) قياساتها أكبر من  $m\angle 7$  .

(3) قياساتها أكبر من  $m\angle 2$  .

(4) قياساتها أقل من  $m\angle 9$  .

استعمل الشكل المجاور؛ لتحديد الزاوية ذات القياس الأكبر في كل مجموعة مما يأتي :



(18)  $\angle 1, \angle 5, \angle 6$

(20)  $\angle 7, \angle 4, \angle 5$

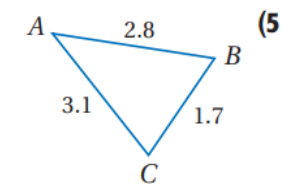
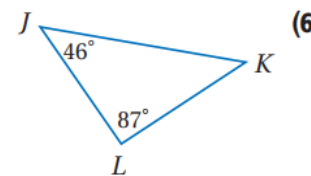
(22)  $\angle 3, \angle 9, \angle 14$

(19)  $\angle 2, \angle 4, \angle 6$

(21)  $\angle 3, \angle 11, \angle 12$

(23)  $\angle 8, \angle 10, \angle 11$

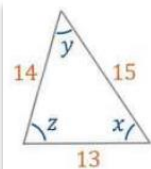
اكتب زوايا كل مثلث مرتبة من الأصغر إلى الأكبر في السؤالين الآتيين :



.....  
 .....  
 .....

.....  
 .....  
 .....

## تحصيلي



في المثلث المجاور، أي العبارات التالية صحيحة؟

(A)  $x = z$

(C)  $x > z$

(B)  $x < z$

(D)  $y > x$



## تحقق من فهمك



**(3) رحلة:** قطع رياض أكثر من 360 كيلومترًا في رحلة، وتوقف في أثناء سفره مرتين فقط. استعمل البرهان غير المباشر لإثبات أن رياضًا قطع أكثر من 120 كيلومترًا في إحدى مراحل رحلته الثلاث على الأقل.

.....  
 .....  
 .....  
 .....

**(4)** اكتب برهانًا غير مباشر لإثبات أنه "إذا كان مربع عدد صحيح فرديًا، فإن العدد الصحيح فردي".

.....  
 .....  
 .....

اكتب الافتراض الضروري الذي تبدأ به برهانًا غير مباشر لكل عبارة مما يأتي:

**(1A)**  $x > 5$  .....

**(1B)** النقاط  $J, K, L$  تقع على استقامة واحدة.

.....

**(1C)**  $\triangle XYZ$  متطابق الأضلاع.

.....

اكتب برهانًا غير مباشر لكل من العبارتين الآتيتين:

**(2A)** إذا كانت  $7x > 56$ ، فإن  $x > 8$

.....  
 .....  
 .....  
 .....



## تأكد + تدرّب



اكتب الافتراض الذي تبدأ به برهاناً غير مباشر لكل عبارة مما يأتي :

(1)  $\overline{AB} \cong \overline{CD}$

(2)  $\triangle XYZ$  مختلف الأضلاع.

(3) إذا كان  $4x < 24$ ، فإن  $x < 6$

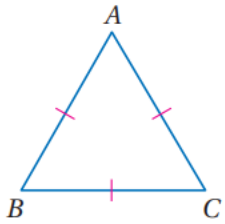
(4)  $\angle A$  ليست زاوية قائمة.

اكتب برهاناً غير مباشر لكل عبارة من العبارتين الآتيتين :

(5) إذا كان  $2x + 3 < 7$ ، فإن  $x < 2$

(22) المعطيات:  $\triangle ABC$  متطابق الأضلاع.

المطلوب:  $\triangle ABC$  متطابق الزوايا.



اكتب برهاناً غير مباشر لكل عبارة مما يأتي:

(20) المعطيات:  $n^2$  عدد زوجي.

المطلوب:  $n$  عدد زوجي.

## تحصيلي

لإثبات صحة العبارة «إذا كانت  $3x < 12$  فإن  $x < 4$ » بالبرهان غير

المباشر فإن الافتراض الضروري الذي تبدأ به هو ..... صحيحة.

(B)  $x \geq 4$

(A)  $x \leq 4$

(D)  $3x > 12$

(C)  $3x < 12$





## تحقق من فهمك



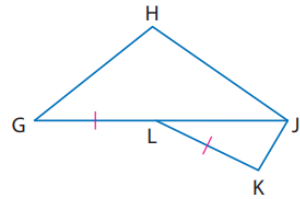
حدد ما إذا كانت القياسات المعطاة يمكن أن تمثل أطوال أضلاع مثلث في كل من السؤالين الآتيين، وإذا لم يكن ذلك ممكنًا، فوضح السبب:

15 cm , 16 cm , 30 cm (1A)

.....  
 .....  
 .....

2 ft , 8 ft , 11 ft (1B)

.....  
 .....  
 .....



3) اكتب برهانًا إذا عمودين.

المعطيات:  $GL = LK$

المطلوب:  $JH + GH > JK$

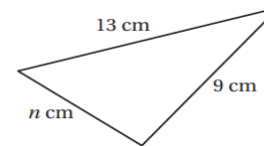
.....  
 .....  
 .....

### مهارات التفكير العليا

**تبرير:** ما مدى طول كل من الضلعين المتطابقين في مثلث طول قاعدته 6 cm؟ وضح إجابتك.

.....  
 .....  
 .....

2) في الشكل المجاور، أي الأعداد الآتية لا يمكن أن يكون قيمة  $n$ ؟



10 C

7 A

22 D

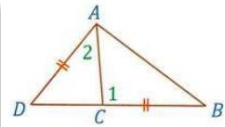
13 B



## تأكد + تدرّب



## تحصيلي



في الشكل المجاور، إذا كان  $\overline{AD} \cong \overline{CB}$  فإن

$\angle A$  .....  $\angle C$

< (B)

= (A)

$\cong$  (D)

> (C)

حدّد ما إذا كانت القياسات المعطاة يمكن أن تمثل أطوال أضلاع مثلث في كلّ مما يأتي، وإن لم يكن ذلك ممكناً فوضّح السبب.

3 in, 4 in, 8 in (2)

5 cm, 7 cm, 10 cm (1)

.....

.....

(4) اختيار من متعدّد: إذا كان طولاً ضلعين في مثلث 5 m, 9 m، فما أصغر عدد صحيح يمكن أن يمثل طول الضلع الثالث فيه؟

6 m D

14 m C

4 m B

5 m A

اكتب متباينةً تمثل مدى طول الضلع الثالث في مثلثٍ عُلم طولاً ضلعين من أضلاعه في كلّ مما يأتي:

5 m, 11 m (11)

4 ft, 8 ft (10)

.....

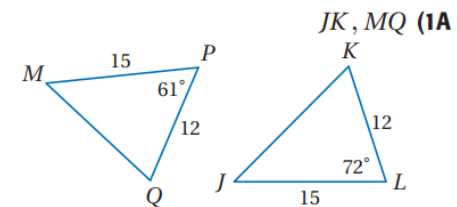
.....



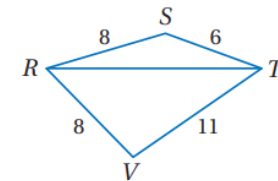
## تحقق من فهمك



قارن بين القياسات المعطاة في كل من السؤالين الآتيين



**(1B)  $m\angle SRT, m\angle VRT$**



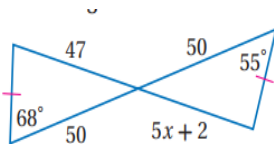
**(2) التزلج على الجليد:** انطلقت مجموعتان من المتزلجين من المكان نفسه، فقطعت المجموعة A مسافة 4 mi في اتجاه الشرق، ثم انحرفت  $70^\circ$  في اتجاه الشمال الشرقي قاطعة مسافة 3 mi، وقطعت المجموعة B مسافة 4 mi في اتجاه الغرب، ثم انحرفت  $75^\circ$  في اتجاه الشمال الغربي قاطعة 3 mi، أي مجموعة كانت الأبعد عن مكان الانطلاق عند هذه اللحظة؟ وضح إجابتك.

.....

.....

.....

**(3) أوجد متباينة تمثل مدى القيم الممكنة لـ  $x$ .**



.....

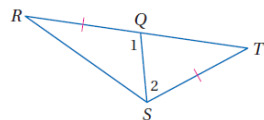
.....

.....

**(4) اكتب برهاناً ذا عمودين.**

**المعطيات:**  $\overline{RQ} \cong \overline{ST}$

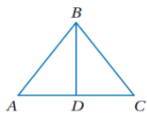
**المطلوب:**  $RS > TQ$



المبررات	العبارات
.....	.....
.....	.....
.....	.....
.....	.....
.....	.....
.....	.....
.....	.....

### مهارات التفكير العليا

**تبرير:** إذا كانت قطعة متوسطة في  $\triangle ABC$  كما في الشكل المجاور، وكان  $AB < BC$ ، فهل تكون  $\angle BDC$  حادة دائماً، أو أحياناً، أو لا تكون حادة أبداً؟ وضح إجابتك.



.....

.....

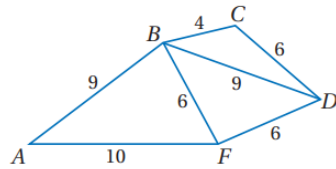
.....



## تأكد + تدرّب



استعمل الشكل المجاور لكتابة متباينة تربط بين قياس كل زوج من الزوايا في السؤالين الآتيين:



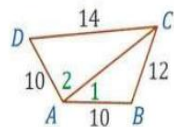
$m\angle BDC, m\angle FDB$  (20)

.....  
.....

$m\angle ABF, m\angle FDB$  (21)

.....  
.....

## تحصيلي



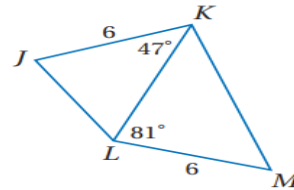
في الشكل المجاور،  $m\angle 2$  .....  $m\angle 1$ .

< (B) = (A)

$\cong$  (D) > (C)

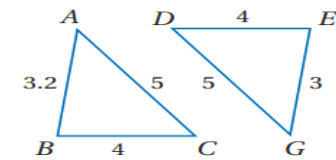
قارن بين القياسين المحددين في كلٍّ من السؤالين الآتيين:

$JL, KM$  (2)

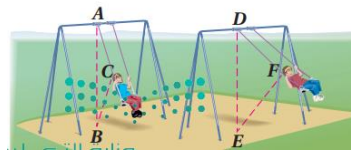


.....  
.....  
.....  
.....

$m\angle ACB, m\angle GDE$  (1)



.....  
.....  
.....  
.....



(3) أراجيح: يتغيّر موضع الأرجوحة تبعاً لقوّة دفعها.

(a) أي الأزواج متطابق من هذه القطع المستقيمة؟

(b) أيهما أكبر: قياس  $\angle A$  أم قياس  $\angle D$ ؟

وضح إجابتك.

.....  
.....  
.....

## تحقق من فهمك



1A) أوجد مجموع قياسات الزوايا الداخلية للثماني المحدّب.

.....

.....

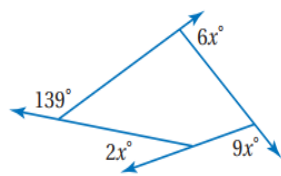
.....

3) إذا كان قياس الزاوية الداخلية لمضلع منتظم يساوي  $144^\circ$ ، فأوجد عدد أضلاعه.

.....

.....

.....



4A) أوجد قيمة  $x$  في الشكل المجاور.

.....

.....

.....

4B) أوجد قياس الزاوية الخارجية لمضلع منتظم ذي 12 ضلعاً.

.....

.....

.....

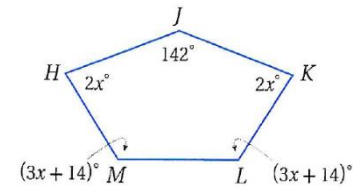
### مهارات التفكير العليا

**اكتشف الخطأ:** قالت مريم: إن مجموع قياسات الزوايا الخارجية للعشاري أكبر منه للسباعي؛ لأن عدد أضلاع العشاري أكثر من أضلاع السباعي. وقالت لبنى: إن مجموع قياسات الزوايا الخارجية لكلا المضلعين متساوي. "فهل أيّ منهما ادعاؤها صحيح؟" وضح تبريرك.

.....

.....

.....



1B) أوجد قياسات جميع الزوايا الداخلية للخماسي المجاور.

.....

.....

.....

2A) **سجاد:** أوجد قياس الزاوية الداخلية لسجادة على شكل ثماني منتظم.

.....

.....

.....

2B) **نوافير:** تزين النوافير الأماكن العامة، ويقام بعضها على شكل مضلعات منتظمة. أوجد قياس زاوية داخلية لنافورة على شكل تساعي منتظم.

.....

.....

.....

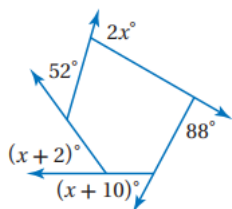
## تأكد + تدرّب



إذا كان قياس إحدى الزوايا الداخلية لمضلع منتظم معطى، فأوجد عدد الأضلاع في كل مما يأتي:

6)  $150^\circ$

.....  
 .....  
 .....



8) أوجد قيمة  $x$  في كلٍّ من الشكلين الآتيين:

.....  
 .....  
 .....

أوجد قياس الزاوية الخارجيّة لكل من المضلعين المنتظمين الآتيين:

10) رباعي

.....  
 .....

## تحصيلي

مجموع قياسات الزوايا الخارجيّة لمضلع سباعي يساوي مجموع قياسات

الزوايا الداخليّة لمضلع ..

Ⓐ ثلاثي

Ⓑ رباعي

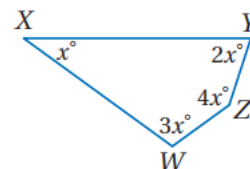
Ⓒ خماسي

Ⓓ سباعي

أوجد مجموع قياسات الزوايا الداخليّة لكل من المضلعين المحدبين الآتيين:

المضلع	مجموع الزوايا الداخليّة	مجموع الزوايا الخارجيّة
العشاري		
الخماسي		
ذو 12 ضلعاً		

3) أوجد قياسات جميع الزوايا الداخليّة لكل من المضلعين الآتيين:



.....  
 .....  
 .....  
 .....

5) عجلة دوارة: العجلة الدوّارة على شكل مضلع منتظم عدد أضلاعه 15 ضلعاً. أوجد قياس الزاوية الداخليّة له.

.....  
 .....  
 .....

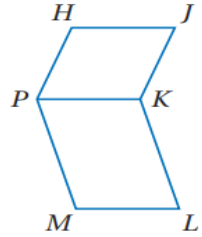


## تحقق من فهمك



(3) هندسة إحداثية: أوجد إحداثيي نقطة تقاطع قطري  $\square RSTU$  الذي رؤوسه  $R(-8, -2), S(-6, 7), T(6, 7), U(4, -2)$ .

.....  
 .....  
 .....  
 .....

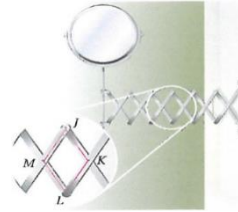


(4) اكتب برهاناً ذا عمودين.

المعطيات:  $\square HJKP, \square PKLM$

المطلوب:  $\overline{HJ} \cong \overline{ML}$

.....  
 .....  
 .....  
 .....



(1) مرايا: تُستعمل في مرآة الحائط المبينة جانباً متوازيات أضلاع يتغير شكلها كلما مُدّ الذراع. في  $\square JKLM$ ، إذا كان  $m\angle J = 47^\circ, MJ = 8 \text{ cm}$ ، فأوجد كلاً مما يأتي:

LK (A)

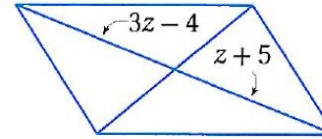
.....  
 .....

$m\angle L$  (B)

.....  
 .....

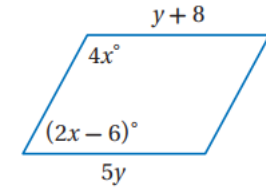
أوجد قيمة المتغير في كل من متوازي الأضلاع الآتيين:

(2B)



.....  
 .....  
 .....  
 .....

(2A)



.....  
 .....  
 .....  
 .....



## تأكد + تدرّب



(4) هندسة إحداثية: أوجد إحداثيي نقطة تقاطع قطري  $ABCD$  الذي رؤوسه  $A(-4, 6), B(5, 6), C(4, -2), D(-5, -2)$ .

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....



(5) برهاناً حرّاً.

المعطيات:  $ABCD$  متوازي أضلاع،  $\angle A$  قائمة.  
 المطلوب:  $\angle B, \angle C, \angle D$  قوائم. (النظرية 5.6)

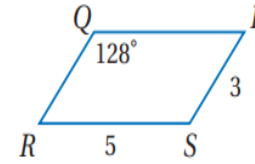
.....  
 .....  
 .....

## تحصيلي

قياس زاويتين متحالفتين في متوازي أضلاع  $(3x)^\circ, (2x + 20)^\circ$  أي مما يلي يساوي قياس الزاوية الكبرى؟

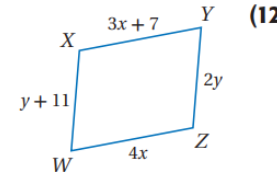
- (A)  $42^\circ$  (B)  $84^\circ$   
 (C)  $96^\circ$  (D)  $148^\circ$

استعمل  $PQRS$  المبيّن جانباً لإيجاد كل مما يأتي :

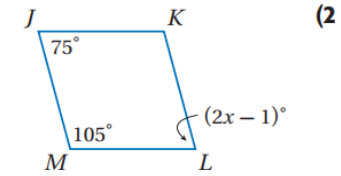


- .....  $m\angle R$  (7)  
 .....  $QR$  (8)  
 .....  $QP$  (9)  
 .....  $m\angle S$  (10)

جبر: أوجد قيمة المتغير في كل من متوازي الأضلاع الآتيين :



(12)



(2)

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....





## تحقق من فهمك



مثّل في المستوى الإحداثي الشكل الرباعي الذي أعطيت إحداثيات رؤوسه فيما يأتي. وحدّد ما إذا كان متوازي أضلاع أم لا. برّر إجابتك باستعمال الطريقة المحددة في السؤال:

(4A)  $A(3, 3)$ ,  $B(8, 2)$ ,  $C(6, -1)$ ,  $D(1, 0)$ ، صيغة المسافة.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(5) اكتب برهاناً إحدائياً للعبارة الآتية: إذا كان الشكل الرباعي متوازي أضلاع فإن أضلاعه المتقابلة متطابقة.

.....

.....

.....

## مهارات التفكير العليا

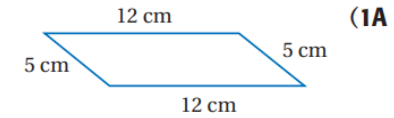
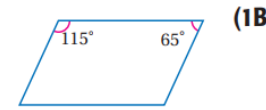
(38) **تبرير:** إذا كانت الزوايا المتناظرة في متوازي أضلاع متطابقة، فهل يكون متوازي الأضلاع متطابقين أحياناً، أم دائماً، أم لا يكونان متطابقين أبداً؟

.....

.....

.....

حدد ما إذا كانت المعطيات على الشكل الرباعي المجاور كافية ليكون متوازي أضلاع أم لا. برّر إجابتك.



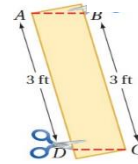
(2) **نوحات:** عدّ إلى فقرة "لماذا؟" بداية الدرس، وضح لماذا يكون خطي القص أعلى وأسفل كل شريط متوازيين.

.....

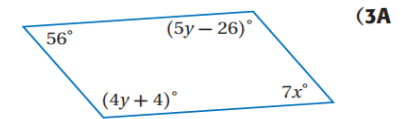
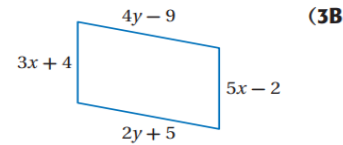
.....

.....

.....



أوجد قيمتي  $x$ ,  $y$  في كل مما يأتي بحيث يكون الشكل الرباعي متوازي أضلاع.



.....

.....

.....

.....



## تأكد + تدرّب



(4) هندسة إحداثية: أوجد إحداثي نقطة تقاطع قطري  $ABCD$  الذي رؤوسه  $A(-4, 6), B(5, 6), C(4, -2), D(-5, -2)$ .

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....



(5) برهاناً حرّاً.

المعطيات:  $ABCD$  متوازي أضلاع،  $\angle A$  قائمة.  
 المطلوب:  $\angle B, \angle C, \angle D$  قوائم. (النظرية 5.6)

.....  
 .....  
 .....

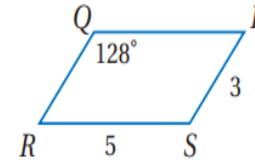
## تحصيلي

قياس زاويتين متحالفتين في متوازي أضلاع  $(3x)^\circ, (2x + 20)^\circ$

أي مما يلي يساوي قياس الزاوية الكبرى؟

- (A)  $42^\circ$  (B)  $84^\circ$   
 (C)  $96^\circ$  (D)  $148^\circ$

استعمل  $PQRS$  المبيّن جانباً لإيجاد كل مما يأتي:



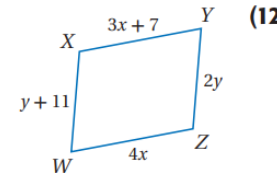
.....  $m\angle R$  (7)

.....  $QR$  (8)

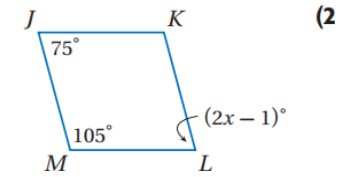
.....  $QP$  (9)

.....  $m\angle S$  (10)

جبر: أوجد قيمة المتغير في كل من متوازي الأضلاع الآتين:



(12)



(2)

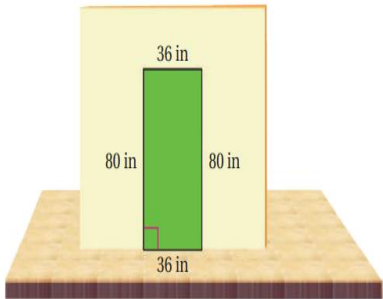
.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....



## تحقق من فهمك



(3) **تصميم:** بالرجوع إلى فقرة "لماذا؟" بداية الدرس. قاس أحمد أبعاد المنطقة التي قام بطلائها كما في الشكل أدناه. وباستعمال زاوية النجارين تحقق من أن الزاوية عند الركن الأيسر السفلي قائمة. فهل يمكنه استنتاج أن المنطقة مستطيلة الشكل؟ وضح إجابتك.



.....

.....

.....

.....

.....

.....

(4) إذا كانت إحداثيات رؤوس الشكل الرباعي  $JKLM$  هي  $J(-10, 2)$ ,  $K(-8, -6)$ ,  $L(5, -3)$ ,  $M(2, 5)$ . فهل  $JKLM$  مستطيل؟ استعمل صيغة الميل.

.....

.....

.....

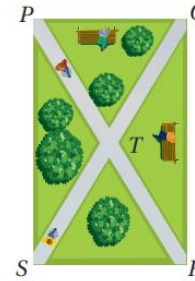
.....

**حداثق:** حديقة مستطيلة الشكل تحتوي على ممرين على ممرين كما في الشكل المجاور.

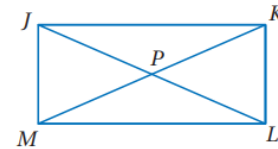
إذا كان  $PR = 200$  m، فأوجد  $QT$ .

(1A) إذا كان  $TS = 120$ ، فأوجد  $PR$ .

(1B) إذا كان  $m\angle PRS = 64^\circ$ ، فأوجد  $m\angle SQR$ .



(2) استعن بالشكل إذا كان  $JP = 3y - 5$ ,  $MK = 5y + 1$ ، فأوجد قيمة  $y$ .



.....

.....

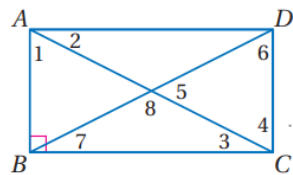
.....

.....

.....



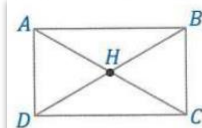
## تأكد + تدرّب



في المستطيل  $ABCD$ ، إذا كان  $m\angle 2 = 40^\circ$ ،  
فأوجد كلاً مما يأتي :

- $m\angle 1$  (26) .....  $m\angle 7$  (27) .....  
 $m\angle 5$  (29) .....  $m\angle 6$  (30) .....

## تحصيلي



في الشكل المجاور،  $DB = 4x - 2$ ،  $HC = 9$ ،  
ما قيمة  $x$  التي تجعل الشكل  $ABCD$  مستطيلاً؟

- (A) 4 ..... (B) 5 .....  
(C) 6 ..... (D) 8 .....

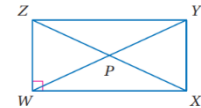
**سياج:** سياج مستطيل الشكل تُستعمل فيه دعائم متقاطعة لتقوية السياج.  
إذا كان  $AB = 6$  ft،  $AC = 2$  ft،  $m\angle CAE = 65^\circ$ ،  
فأوجد كلاً مما يأتي :



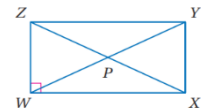
- $BD$  (10) .....  
 $CB$  (11) .....  
 $m\angle DEB$  (12) .....

**جبر:** استعن بالمستطيل  $WXYZ$  المبيّن جانباً.

(14) إذا كان  $ZY = 2x + 3$ ،  $WX = x + 4$ ، فأوجد  $WX$ .

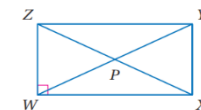


(15) إذا كان  $WP = 2x + 11$ ،  $PY = 3x - 5$ ، فأوجد  $ZP$ .



(16) إذا كان  $m\angle ZYW = (2x - 7)^\circ$ ،  $m\angle WYX = (2x + 5)^\circ$

فأوجد  $m\angle ZYW$ .





## تحقق من فهمك

**(3) خياطة:** خاطت كوثر غطاء طاولة باستعمال قطع ملونة من القماش كما في الرسم المجاور.

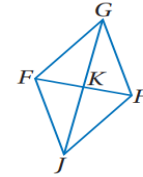
**(A)** رسمت كوثر قطري كل من القطع الصفراء فوجدت أنهما متعامدان، هل يمكنها استنتاج أن كل قطعة صفراء معين؟ وضح إجابتك.

**(B)** إذا كانت الزوايا الأربع للقطعة الخضراء متساوية القياس، والضلعان الأيسر والسفلي متساويي الطول، فهل يمكنها استنتاج أن القطعة الخضراء مربع؟ وضح إجابتك.

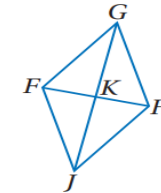
**(4)** حدد ما إذا كان  $\square JKLM$  الذي إحداثيات رؤوسه  $J(5, 0)$ ,  $K(8, -11)$ ,  $L(-3, -14)$ ,  $M(-6, -3)$  معيناً أو مستطيلاً أو مربعاً؟ اكتب جميع التسميات التي تنطبق عليه. وضح إجابتك.

استعن بالمعين  $FGHJ$  أعلاه.

**(1A)** إذا كان  $FK = 5$ ,  $FG = 13$ ، فأوجد  $KJ$ .



**(1B) جبر:** إذا كان  $m\angle KFG = (9y - 5)^\circ$ ,  $m\angle JFK = (6y + 7)^\circ$ ، فأوجد قيمة  $y$ .



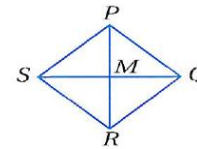
**(2)** اكتب برهاناً حرّاً.

المعطيات:  $\overline{SQ}$  عمود منصف لـ  $\overline{PR}$ .

$\overline{PR}$  عمود منصف لـ  $\overline{SQ}$ .

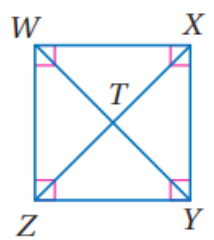
$\triangle RMS$  متطابق الضلعين.

المطلوب:  $PQRS$  مربع.



## تأكد + تدرّب

في المربع  $WXYZ$ ، إذا كان  $WT = 3$ ، فأوجد كلاً مما يأتي :

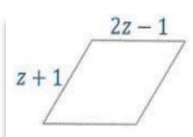


- (24)  $ZX$  .....
- (25)  $XY$  .....
- (26)  $m\angle WTZ$  .....
- (27)  $m\angle WYX$  .....

**هندسة إحدائية:** حدّد ما إذا كان  $QRST$  المعطاة إحداثيات رؤوسه في كل مما يأتي معيناً أو مستطيلاً أو مربعاً. اكتب جميع التسميات التي تنطبق عليه. وضح إجابتك.

- (5)  $Q(1, 2), R(-2, -1), S(1, -4), T(4, -1)$

## تحصيلي

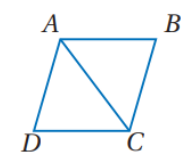


قيمة  $z$  التي تجعل متوازي الأضلاع المجاور معيناً ..

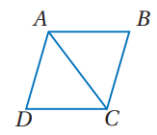
- (A) 1
- (B) 2
- (C) 3
- (D) 4

**جبر:** استعن بالمعين  $ABCD$  المبيّن جانباً.

- (1) إذا كان  $m\angle BCD = 114^\circ$ ، فأوجد  $m\angle BAC$ .



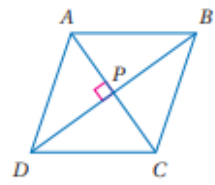
- (2) إذا كان  $AB = 2x + 3$ ،  $BC = x + 7$ ، فأوجد  $CD$ .



**جبر:** استعن بالمعين  $ABCD$  المبيّن جانباً.

- (7) إذا كان  $AB = 14$ ، فأوجد  $BC$ .

- (8) إذا كان  $m\angle BCD = 118^\circ$ ، فأوجد  $m\angle BAC$ .



- (9) إذا كان  $AP = 3x - 1$  و  $PC = x + 9$ ، فأوجد  $AC$ .

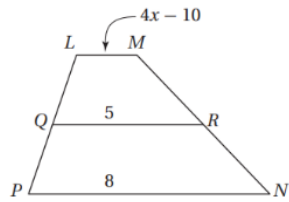
- (10) إذا كان  $m\angle ABC = (2x - 7)^\circ$  و  $m\angle BCD = (2x + 3)^\circ$ ، فأوجد  $m\angle DAB$ .



## تحقق من فهمك



(3) في الشكل أدناه، قطعة متوسطة لشبه المنحرف  $LMNP$ . ما قيمة  $x$ ؟



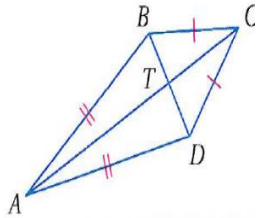
.....

.....

.....

(4A) إذا كان  $ABCD$  شكل طائرة ورقية، فيه:

$m\angle ADC$  فأوجد  $m\angle BAD = 38^\circ$ ،  $m\angle BCD = 50^\circ$



.....

.....

.....

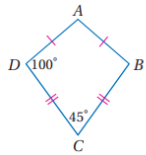
(4B) إذا كان  $BT = 5$ ،  $TC = 8$  فأوجد  $CD$ .

.....

.....

.....

(47) **اكتشف الخطأ:** أوجد كل من عادل وسعيد  $m\angle A$  في شكل الطائرة الورقية  $ABCD$  المجاور. هل إجابة أي منهما صحيحة؟ وضح إجابتك.



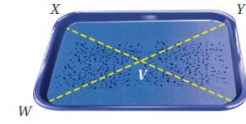
للحيد  
 $m\angle A = 45^\circ$

عادل  
 $m\angle A = 115^\circ$

مهارات التفكير العليا

(1) **مطاعم:** لاستغلال مساحة الطاولة المربعة، تستعمل

في مطعم أطباقاً على شكل شبه منحرف كما في الشكل المجاور. إذا كان شبه منحرف متطابق  $WXYZ$  الساقين، وكان  $m\angle YZW = 85^\circ$ ،  $WV = 15$  cm،  $VY = 10$  cm فأوجد كلاً مما يأتي:



- .....  $m\angle XWZ$  (A)
- .....  $m\angle WXY$  (B)
- .....  $XZ$  (C)

(2) رؤوس الشكل الرباعي  $QRST$  هي  $Q(-8, -4)$ ،  $R(0, 8)$ ،  $S(6, 8)$ ،  $T(-6, -10)$ . بين أن شبه منحرف، وحدد ما إذا كان متطابق الساقين. وضح إجابتك.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

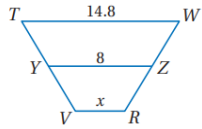
.....

.....

.....



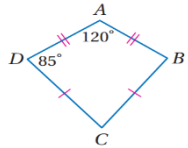
## تأكد + تدرّب



(5) **إجابة قصيرة:** في الشكل المجاور: قطعة متوسطة  $\overline{YZ}$  لشبه المنحرف  $TWRV$ . أوجد قيمة  $x$ .

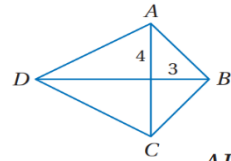
.....  
 .....  
 .....

إذا كان  $ABCD$  على شكل طائرة ورقية، فأوجد القياس المطلوب في كل من السؤالين الآتيين:



$m\angle C$  (7)

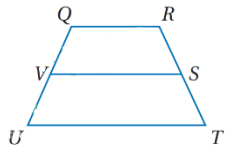
.....  
 .....  
 .....



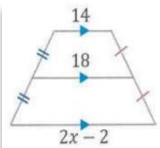
$AB$  (6)

.....  
 .....  
 .....

في الشكل المجاور،  $S, V$  نقطتا منتصفي الساقين لشبه المنحرف  $QRTU$ .  
 (14) إذا كان  $QR = 12$ ,  $UT = 22$ ، فأوجد  $VS$ .



.....  
 .....  
 .....



ما قيمة  $x$  في الشكل المجاور؟

(B) 12

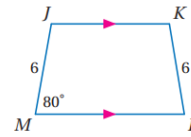
(D) 8

(A) 3

(C) 9

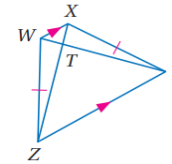
توصيلي

أوجد القياس المطلوب في كل من السؤالين الآتيين:



$m\angle K$  (8)

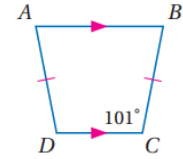
.....



(2)  $WT$ ، إذا كان:

$ZX = 20$ ,  $TY = 15$

.....



$m\angle D$  (1)

.....

**هندسة إحداثية:** رؤوس الشكل الرباعي  $ABCD$  هي  $A(-4, -1)$ ,  $B(-2, 3)$ ,  $C(3, 3)$ ,  $D(5, -1)$

(3) بين أن  $ABCD$  شبه منحرف.

.....  
 .....  
 .....  
 .....

(4) حدّد ما إذا كان  $ABCD$  شبه منحرف متطابق الساقين؟ وضح إجابتك.

.....  
 .....



