

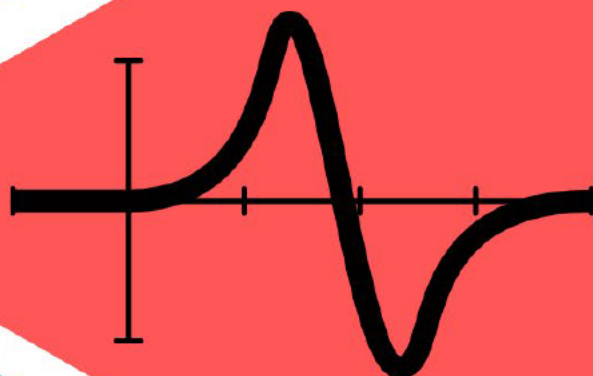


# جداول التغيرات

## محتوى الملف :

- ✓ جميع جداول أسئلة الدورات مع طلبات إضافية مُرفقة بالحل .
- ✓ جداول إضافية داعمة مُرفقة بالحل .
- ✓ شرح مفصّل لكامل الحلول على قناتنا التليغرام .
- ✓ دراسة هذا الملف يضمن 40 درجة بإذن الله .

$x$	0	$+\infty$
$f'(x)$	+	+
$f(x)$	0	600







## التعريف الأول

تتأمل جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $R$  وخطه البياني  $C$ . المطلوب :

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$f'(x)$		-	+	+
$f(x)$	3	$\searrow$	$\nearrow$	$\nearrow$
		-2	4	$+\infty$

(1) جذ  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

(2) اكتب معادلة المقارب الأفقي للخط  $C$ .

(3) هل  $f(2) = 4$  قيمة حديّة محلياً؟

(4) ما هي حلول المتراجحة  $f'(x) < 0$ ؟

(5) ما عدد حلول المعادلتين  $f(x) = 0$  و  $f(x) = 3$ ؟

(6) ما عدد المماسات الأفقيّة التي يقبلها التابع؟ واكتب معادلة كل منها.

(7) جذ  $f(D_f)$  و  $f(]-\infty, 2])$ .

(8) ناقش بحسب قيم  $m \in R$  عدد حلول المعادلة  $f(x) = m$ .

## حل التعريف الأول

(6) يقبل مماسان أفقيان : $y = -2$ و $y = 4$ .	(1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 3$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$
(7) $f(D_f) = [-2, +\infty[$	(2) $y = 3$ : مقارب أفقي في جوار $-\infty$ .
$f(]-\infty, 2]) = [-2, 4]$	(3) لا . (لأن $f$ لم يُغيّر اطرافه عندها)
(8) $m \in ]-\infty, -2[$ : ليس للمعادلة أي حل .	(4) $x \in ]-\infty, 1[$
$m = -2$ : للمعادلة حل وحيد .	(5) عدد حلول $f(x) = 0$ : حلان .
$m \in ]-2, 3[$ : للمعادلة حلان .	عدد حلول $f(x) = 3$ : حل وحيد .
$m \in [3, +\infty[$ : للمعادلة حل وحيد .	

♥ تذكّر :

➤ مماس أفقي  $\Leftrightarrow$  مُشتق معدوم ( $m = 0$ ).

➤ مماس شاقولي  $\Leftrightarrow$  مُشتق غير مُعرَّف ( $m = \infty$ ).

➤ لإيجاد حلول  $f'(x) > 0 \Leftrightarrow$  نبحث عن تزايد التابع .  
 ➤ لإيجاد حلول  $f'(x) < 0 \Leftrightarrow$  نبحث عن تناقص التابع .  
 ونعيّن مجال الإكسكات .



## التمرين الثاني

تأمل جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $R$ . المطلوب :

$x$	$-\infty$	$-2$	$2$	$+\infty$				
$f'(x)$		+	0	-	0	+		
$f(x)$		2	↗	4	↘	-1	↗	$+\infty$

(1) جذ  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) اكتب معادلة المقارب الأفقي للتابع  $f$ .

(3) دل على القيمة الحدية الصغرى للتابع.

(4) ما هي حلول المتراجحة  $f'(x) \leq 0$  ؟

(5) ما عدد حلول المعادلات :  $f(x) = 0$  و  $f(x) = 2$  و  $f(x) = 1$  و  $2f(x) + 8 = 0$  ؟

(6) اكتب معادلة كل مماس أفقي للتابع  $f$ . جذ المستقر الفعلي للتابع و  $f(]-2, 2])$ .

(8) جذ مجموعة تعريف التابع  $g$  الذي يحقق  $g(x) = \ln(f'(x))$ .

## حل التمرين الثاني

(6) $y = -1$ و $y = 4$	(1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$
(7) $f(D_f) = [-1, +\infty[$	(2) $y = 2$ : مقارب أفقي في جوار $-\infty$ .
$f(]-2, 2]) = [-1, 4[$	(3) $f(2) = -1$ : قيمة حدية صغرى محلياً.
(8) $g$ مُعرَّف بشرط : $f'(x) > 0$ $\Rightarrow D_g = ]-\infty, -2[ \cup ]2, +\infty[$	(4) $x \in [-2, 2]$
	(5) عدد حلول $f(x) = 0$ : حلان . عدد حلول $f(x) = 2$ : حلان . عدد حلول $f(x) = 1$ : حلان . عدد حلول $2f(x) = -8 \Leftrightarrow 2f(x) + 8 = 0$ $\Leftrightarrow f(x) = -4$ وليس لها أي حل .



## التمرين الثالث

نجد جانباً جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $R$  وخطه البياني  $C$ . المطلوب :

$x$	$-\infty$	$-1$	$2$	$+\infty$			
$f'(x)$		$-$	$0$	$+$	$0$	$-$	
$f(x)$	$+\infty$	$\searrow$	$-2$	$\nearrow$	$4$	$\searrow$	$3$

(1) جد  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

(2) اكتب معادلة المقارب الأفقي للخط  $C$ .

(3) دل على القيمة الحدية الصغرى للتابع.

(4) ما هي حلول المتراجحة  $f'(x) \leq 0$  ؟

(5) ما عدد حلول المعادلتين  $f(x) = 0$  و  $f(x) = 3$  ؟

(6) ما عدد المماسات الأفقية التي يقبلها التابع ؟ واكتب معادلة كل منها.

(7) جد  $f(D_f)$  و  $f([-1, 2])$ .

(8) ناقش بحسب قيم  $m \in R$  عدد حلول المعادلة  $f(x) = m$ .

(9) جد مجموعة تعريف التابع  $g$  الذي يُحقَّق  $g(x) = \sqrt{f'(x)}$ .

(10) أثبت أن  $f(2) = 4$  قيمة حدية كبرى محلياً.

## حل التمرين الثالث

(1)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 3$

(2)  $y = 3$  : مقارب أفقي في جوار  $+\infty$ .

(3)  $f(-1) = -2$  قيمة حدية صغرى محلياً.

(4)  $x \in ]-\infty, -1] \cup [2, +\infty[$ .

(5) عدد حلول  $f(x) = 0$  : حلان.

عدد حلول  $f(x) = 3$  : حلان.

(6) مماسان أفقيان :  $y = -2$  و  $y = 4$ .

(7)  $f(D_f) = [-2, +\infty[$ .

$f([-1, 2]) = ]-2, 4]$

(8)  $m \in ]-\infty, -2[$  : ليس للمعادلة أي حل.

$m = -2$  : للمعادلة حل وحيد.

$m \in ]-2, 3]$  : للمعادلة حلان.

$m \in ]3, 4[$  : للمعادلة ثلاثة حلول.

$m = 4$  : للمعادلة حلان.

$m \in ]4, +\infty[$  : للمعادلة حل وحيد.

(9)  $g$  مُعرَّف بشرط :  $f'(x) \geq 0 \Leftrightarrow D_g = [-1, 2]$

(10) نختار جوار  $I = ]1, 3[$  :

$\Rightarrow \forall x \in (I \cap R) = ]1, 3[ \Rightarrow f(x) \leq f(2)$

$\Leftrightarrow f(x) \leq 4$  أي :  $f(2) = 4$  قيمة حدية كبرى محلياً

احفظ طريقة إثبات القيمة الحدية



## التمرين الرابع

نجد جانباً جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $R$  وخطه البياني  $C$ . المطلوب :

$x$	$-\infty$	$0$	$4$	$+\infty$
$f'(x)$	—		+	—
$f(x)$	$+\infty$	$2$	$6$	$-\infty$

(1) جد  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) هل يقبل التابع مقارب أفقي؟ علّل.

(3) دلّ على القيم الحدية للتابع مبيّناً نوعها.

(4) ما هي حلول المتراجحة  $f'(x) > 0$ ؟

(5) ما عدد حلول المعادلتين  $f(x) = 0$  و  $f(x) = 2$ ؟ (6) اكتب معادلة المماس الشاقولي للتابع.

(7) جد  $f(D_f)$  و  $f(]-\infty, 4])$ . (8) ناقش بحسب قيم  $m \in R$  عدد حلول المعادلة  $f(x) = m$ .

## حل التمرين الرابع

$x = 0$ (6)	(1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$
(7) $f(D_f) = ]-\infty, +\infty[ = R$ $f(]-\infty, 4]) = [2, +\infty[$	(2) لا؛ لأنّ: عدد $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) \neq$
(8) $m \in ]-\infty, 2[$ : للمعادلة حل وحيد.	(3) $f(0) = 2$ قيمة حدية صغرى محلياً.
$m = 2$ : للمعادلة حلان.	$f(4) = 6$ قيمة حدية كبرى محلياً.
$m \in ]2, 6[$ : للمعادلة ثلاثة حلول.	(4) $x \in ]0, 4[$
$m = 6$ : للمعادلة حلان.	(5) عدد حلول $f(x) = 0$ : حل وحيد.
$m \in ]6, +\infty[$ : للمعادلة حل وحيد.	عدد حلول $f(x) = 2$ : حلان.



♥ ضَع في حُسبانك :

➤ تكون النقطة  $f(a) = b$  قيمة حدية في ثلاث حالات :

✚ التابع غير اطراده عندها. (بغض النظر عن وضع المشتق)

(عندما يكون طرف مجموعة التعريف

عدد ينتهي لمجموعة التعريف  $\Leftarrow$

يكون عنده قيمة حدية).

✚ التابع بدأ عندها.

✚ التابع انتهى عندها.

♥ تذكّر :

➤ لكي تكون النقطة  $f(a) = b$  قيمة حدية للتابع  $f$ ,

يجب أن يغيّر التابع اطراده عندها.

(بغض النظر عن وضع المشتق)

➤ مماس شاقولي  $\Leftrightarrow$  مُشتق غير مُعرّف ( $m = \infty$ ).





## التمرين الخامس

تأمل جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $R_+^*$  وخطَّه البياني  $C$ . المطلوب :

$x$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	— + — 0 —		
$f(x)$	$-\infty$	$\frac{1}{e}$	0

(1) جد  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) اكتب معادلة المقاربين الأفقي والشاقولي للخط  $C$ .

(3) دل على القيمة الحدية للتابع مبيِّناً نوعها.

(4) ما هي حلول المتراجحة  $f'(x) > 0$  ؟

(5) ما عدد حلول المعادلتين  $f(x) = 0$  و  $f(x) = \frac{1}{e^2}$  ؟

(6) اكتب معادلة المماس الأفقي للتابع  $f$ .

## حل التمرين الخامس

(4) $x \in ]0, 1[$	(1) $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$
(5) عدد حلول $f(x) = 0$ : حل وحيد . عدد حلول $f(x) = \frac{1}{e^2}$ : حلان .	(2) $y = 0$ مقارب أفقي في جوار $+\infty$ . $x = 0$ مقارب شاقولي .
(6) $y = y_0 \Rightarrow y = \frac{1}{e}$	(3) $f(1) = \frac{1}{e}$ قيمة حدية كبرى محلياً .





## التمرين السادس

نجد جانباً جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $R_+^*$  وخطه البياني  $C$ . المطلوب :

$x$	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	— — 0 — —		
$f(x)$	$-\infty$	1	0

(1) جد  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$ .

(2) اكتب معادلة المقاربين الأفقي والشافولي للخط  $C$ .

(3) ما عدد القيم الحدية محلياً؟

(4) جد صورة المجال  $R_+^*$  وفق  $f$ .

(5) اكتب معادلة مماس منحن التابع عند النقطة التي فاصلتها  $x = 1$ .

(6) ما عدد حلول المعادلة  $f(x) = 0$ .

(7) جد مجموعة تعريف التابع  $g$  الذي يُحقَّق :  $g(x) = \ln(-f'(x))$ .

## حل التمرين السادس

(4) $f(R_+^*) = ]-\infty, 1]$	(1) $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$
(5) مماس أفقي : $y = 1 \Rightarrow y = y_0$ .	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f[f(x)] = \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$
(6) حل وحيد.	(2) $y = 0$ مقارب أفقي في جوار $+\infty$ .
(7) $g$ مُعرَّف بشرط : $-f'(x) > 0$ $\Rightarrow f'(x) < 0 \Rightarrow D_g = ]1, +\infty[$	$x = 0$ مقارب شاقولي.
	(3) واحدة. $f(1) = 1$ قيمة حدية كبرى محلياً

## ♥ تذكّر :

➤ تكون النقطة  $f(a) = b$  قيمة حدية في ثلاث حالات :

✚ التابع غير أطراده عندها. (بغض النظر عن وضع المشتق)

✚ التابع بدأ عندها. (عندما يكون طرف مجموعة التعريف

عدد ينتهي لمجموعة التعريف ←

✚ التابع انتهى عندها. (يكون عنده قيمة حدية).





## التمرين السابع

تتأمل جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $R \setminus \{-1, 1\}$  وخطَّه البياني  $C$ . المطلوب :

$x$	$-\infty$	$-1$	$1$	$+\infty$
$f'(x)$	+		-	
$f(x)$	$3 \nearrow +\infty$	$+\infty \searrow -\infty$	$+\infty \searrow 3$	

- (1) جدَّ نهاية التابع عند أطراف مجموعة تعريفه ، واستنتج  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ .
- (2) اكتب معادلة كلِّ مقارب أفقي أو شاقولي للخط . (3) هلَّ يوجد مقاربات مائلة للخط البياني  $C$  ؟
- (4) هلَّ يوجد للخط  $C$  مماسات أفقية ؟
- (5) أثبت أنَّ للمعادلة  $f(x) = 0$  حلَّ وحيد على المجال  $]-1, 1[$ .
- (6) ما عدد حلول المعادلتين  $f(x) = 3$  و  $f(x) = \frac{5}{2}$ .
- (7) جدَّ مجموعة تعريف التابع  $g$  الذي يُحقِّق :  $g(x) = \ln(f'(x))$ .

## حل التمرين السابع

<p>(5) <math>f</math> مُعرَّف و مُستمر و مُتناقص تماماً على المجال <math>]-1, 1[</math> : <math>x \in ]-1, 1[</math>  <math>f(]-1, 1[) = R</math>  <math>f(x) = 0 \Leftrightarrow 0 \in R</math>          حلَّ وحيد على <math>]-1, 1[</math>.</p>	<p>(4) لا .          (لأنَّ المُشتق لم ينعدم)</p>	<p>(1) <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 3</math> و <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 3</math>  <math>\lim_{x \rightarrow (-1)^-} f(x) = +\infty</math> و <math>\lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x) = +\infty</math>  <math>\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = -\infty</math> و <math>\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = +\infty</math>  <math>\lim_{x \rightarrow 1^+} f[f(x)] = \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 3</math></p>
<p>(6) عدد حلول <math>f(x) = 3</math> : حلَّ وحيد .          عدد حلول <math>f(x) = \frac{5}{2}</math> : حلَّ وحيد .</p>		<p>(2) <math>y = 3</math> مقارب أفقي في الجوارين <math>\pm\infty</math> .  <math>x = 1</math> و <math>x = -1</math> مقاربات شاقولية .</p>
<p>(7) مُعرَّف بشرط : <math>f'(x) &gt; 0</math>  <math>\Rightarrow D_g = ]-\infty, -1[</math></p>		<p>(3) لا . (لأنَّ <math>\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = 3</math>)          ("بسبب وجود المقارب الأفقي بالجوارين <math>\pm\infty</math>")</p>



## التمرين الثامن

تتأمل جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $[-2, +\infty[$  وخطه البياني  $C$ . المطلوب :

$x$	-2	1	$+\infty$
$f'(x)$			
$f(x)$	2	4	-2

(1) جذُّ المستقر الفعلي للتابع  $f$  ، وصورة المجال  $I = [1, +\infty[$  .

(2) اكتب معادلة المقارب الأفقي للخط  $C$  .

(3) هل  $f(-2) = 2$  قيمة حديّة للتابع ؟ علّل .

(4) ما عدد حلول المعادلة  $f(x) = 2$  .

(5) جذُّ مجموعة تعريف التابع  $g$  حيث :  $g(x) = \ln(-f'(x))$  .

(6) جذُّ  $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x)-4}{x-1}$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$  .

(7) اكتب معادلة نصف المماس للخط  $C$  من اليسار في النقطة التي فاصلتها  $1 = x$  .

(8) هل يمكن رسم مماس أفقي للخط  $C$  من إحدى نقاطه ؟

(9) ليكن  $\alpha$  هو الحل الوحيد للمعادلة  $f(x) = 0$  . عيّن إشارة  $f(x)$  .

♥ تذكّر :

➤ عندما يكون طرف

مجموعة التعريف عدد

ينتهي لمجموعة التعريف

← يكون عنده قيمة حديّة .

## حل التمرين الثامن

$$(7) \Leftrightarrow f(1) = 4 \Leftrightarrow x = 1$$

$$(1, 4) \text{ نقطة تماس } m = f'(1^-) = 3$$

$$y - y_0 = m(x - x_0)$$

$$\Rightarrow y - 4 = 3(x - 1)$$

$$\Rightarrow y = 3x + 1$$

$$(1) f(D_f) = ]-2, 4] \text{ و } f([1, +\infty[) = ]-2, 4]$$

$$(2) y = -2 \text{ مقارب أفقي في جوار } +\infty .$$

(3) نعم هي قيمة حديّة صغرى محلياً :

لأنه يوجد جوار  $I = ]-3, -1[$  يُحقّق :

$$\forall x \in (I \cap D_f) = [-2, -1[ \Rightarrow f(x) \geq f(-2)$$

$$\Leftrightarrow f(x) \geq 2 \text{ أي : } f(-2) = 2 \text{ قيمة حديّة صغرى محلياً.}$$

(8) لا ؛ لأنّ المُشتق لم ينعدم .

$$(9) \text{ عندما } f(x) > 0 \Leftrightarrow x \in [-2, \alpha[$$

$$\text{عندما } f(x) < 0 \Leftrightarrow x \in ]\alpha, +\infty[$$

$$\text{عندما } f(x) = 0 \Leftrightarrow x = \alpha$$

أو بأسلوب آخر :

$$(6) \lim_{x \rightarrow +\infty} f[f(x)] = \lim_{x \rightarrow -2} f(x) = 2 \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -2$$

بما أنّ  $f$  اشتقاقي عند  $x = 1$  من اليسار فحسب قاعدة العدد المُشتق

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x)-f(1)}{x-1} = f'(1^-) \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x)-4}{x-1} = 3 \text{ تكون :}$$

$x$	-2	1	$\alpha$	$+\infty$
$f(x)$	2	4	0	-2
$f(x)$	+++++	0	-----	





## التمرين التاسع

نتأمل جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $[-3, +\infty[ \setminus \{-1, 1\}$  وخطه البياني  $C$ .

$x$	-3	-1	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	—	+	3	-2	—
$f(x)$	2	$-\infty$	5	$-\infty$	3

المطلوب :

- اكتب معادلة كلِّ مقارب أفقي أو شاقولي للخط  $C$ .
- ما عدد حلول المعادلة  $f(x) = 3$  والمعادلة  $f(x) = 2$  ؟
- هل  $f(-3) = 2$  قيمة حدية محلياً للتابع ؟ علل . (4) احسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - 5}{x}$ .
- هل  $f$  اشتقاقي عند الصفر ؟ (6) اكتب معادلة نصف المماس من اليمين في  $x = 0$ .

## حل التمرين التاسع

(4) بما أنَّ  $f$  اشتقاقي عند  $x = 0$  من اليمين ،

فحسب قاعدة العدد المشتق تكون :

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = f'(0^+)$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - 5}{x} = -2$$

(5) لا . (لأن :  $f'(0^-) \neq f'(0^+)$ )

$$f(0) = 5 \Leftrightarrow x = 0 \quad (6)$$

$$m = f'(0^+) = -2 \quad \text{نقط تماس } (0, 5)$$

$$y - y_0 = m(x - x_0)$$

$$\Rightarrow y - 5 = -2(x - 0)$$

$$\Rightarrow y = -2x + 5$$

(1)  $y = 3$  مقارب أفقي في جوار  $+\infty$ .

$x = -1$  و  $x = 1$  مقاربات شاقولية .

(2) عدد حلول  $f(x) = 3$  : حلان .

عدد حلول  $f(x) = 2$  : أربعة حلول .

(3) نعم هي قيمة حدية كبرى محلياً ;

لأنه يوجد جوار  $I = ] - 4, -2[$  يُحقَّق :

$$\forall x \in (I \cap D_f) = [-3, -2[$$

$$\Rightarrow f(x) \leq f(-3)$$

$$\Rightarrow f(x) \leq 2$$

أي :  $f(-3) = 2$  قيمة حدية كبرى محلياً.





## التمرين العاشر

تتأمل جدول تغيرات التابع  $f$  المُعرَّف على  $R \setminus \{1\}$  وخطه البياني  $C$ . المطلوب :

$x$	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$f'(x)$	—	—	0	+
$f(x)$	$+\infty \searrow -\infty$	$+\infty \searrow 0$	0	$\nearrow 2$

(1) جذ  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

(2) اكتب معادلة كلِّ مقارب أفقي أو شاقولي للخط  $C$ .

(3) ما عدد حلول المعادلة  $f(x) = 0$  والمعادلة  $f(x) = 2$  ؟

(4) ما هي حلول المتراجحة  $f'(x) \leq 0$  ؟

(6) اكتب معادلة المماس الأفقي للخط  $C$ .

(7) احسب  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)}{x-2}$

(8) ناقش بحسب قيم العدد الحقيقي  $\lambda$  عدد حلول المعادلة  $f(x) = \lambda$ .

(5) جذ المستقرّ الفعلي للتابع  $f$ .

## حل التمرين العاشر

(7) بما أنّ  $f$  اشتقاقي عند  $x = 2$  ،

فحسب قاعدة العدد المشتق تكون :

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = f'(2)$$

$$\Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x)}{x - 2} = 0$$

(1)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = -\infty$  و

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$  و

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f[f(x)] = \lim_{x \rightarrow 2} f(x) = f(2) = 0$

(2)  $y = 2$  : مقارب أفقي في جوار  $+\infty$  .

$x = 1$  : مقارب شاقولي .

(3) عدد حلول  $f(x) = 0$  : حلان .

عدد حلول  $f(x) = 2$  : حلان .

(4)  $x \in ]-\infty, 1[ \cup ]1, 2]$  .

(5)  $f(D_f) = R$

(6)  $y = y_0 = 0$  . (لأنَّ المشتق معدوم عند  $x = 2$ )

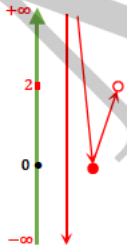
(8)

$\lambda \in ]-\infty, 0[$  : للمعادلة حل وحيد .

$\lambda = 0$  : للمعادلة حلان .

$\lambda \in ]0, 2[$  : للمعادلة ثلاثة حلول .

$\lambda \in [2, +\infty[$  : للمعادلة حلان .



Blank lined paper for notes, divided into two columns by a vertical line.