

سلسلة

التجمع التعليمي



التجمع التعليمي

القناة الرئيسية: t.me/BAK111

بوت التواصل: [@BAK1117_bot](https://t.me/BAK1117_bot)

أولاً : أجب عن خمسة من الأسئلة الآتية : (40 درجة لكل سؤال)

x	$-\infty$	2	5	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	+
$f(x)$	2	↘ 0	↗ 4	↗ 6

السؤال الأول : نجد جانبا جدول تغيرات التابع f المعرف على R

1. جد $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2. اذكر معادلة المماس في نقطة فاصلتها $x = 2$

3. اذكر القيم الحدية محليا

4. اكتب معادلة كل مقارب أفقي للخط البياني للتابع

5. ماهي مجموعة حلول المتراجحة $f(x) < 0$

السؤال الثاني : اوجد البعد بين المستويين :

$$Q: 4x + 2y - 2z = 1, \quad p: 2x + y - z = 3$$

السؤال الثالث : في أحد الامتحانات يطلب من الطالب الإجابة عن 5 أسئلة من 8 أسئلة .

(a) بكم طريقة يمكن للطالب أن يختار الأسئلة؟

(b) بكم طريقة يمكن للطالب الاختيار إذا كانت الأسئلة الثلاثة الأخيرة إجبارية.

السؤال الرابع : ليكن c الخط البياني للتابع المعرف f على المجال $I =]0, +\infty[$ وفق :

$$f(x) = x + 1 - \frac{\ln x}{x}$$

برهن أن المستقيم d الذي معادلته $y = x + 1$ مقارب للخط c وادرس الوضع النسبي للخطين c و d

السؤال الخامس : ترمي سعاد حلقتين لادخالهما في وتر، احتمال نجاح سعاد بالحلقة الأولى يساوي احتمال

فشلها، إذا نجحت بالحلقة الأولى فإن احتمال نجاحها في الثانية $\frac{1}{3}$ وإذا فشلت في الأولى فإن احتمال فشلها في

الثانية $\frac{4}{5}$ والمطلوب:

1. ارسم مخططاً شجرياً

2. احسب احتمال نجاحها في الحلقة الثانية

3. إذا علمت أنها نجحت في الحلقة الثانية ما احتمال نجاحها في الأولى؟

السؤال السادس : ليكن التابع $f(x) = x - \ln x$ المعرف على $I =]0, +\infty[$ والمطلوب ... :

(1) جد $f(1)$ واحسب $f'(x)$ على هذا المجال ثم $f'(1)$

(2) ما نهاية $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - \ln x - 1}{x - 1}$

ثانياً : حل التمارين الثلاثة الآتية : (75 درجة للتمرينين الأول والثالث و 60 درجة للثاني)

التمرين الأول: لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ حيث $u_n = \frac{1}{n+1}$, والمتتالية $(v_n)_{n \geq 0}$ حيث $v_n = \frac{-1}{2n+4}$, أثبت أن (u_n) و (v_n) متجاورتان .

التمرين الثاني: ليكن لدينا : $z_1 = 1 + \sqrt{3}i$ و $z_2 = 1 + i$

1. اكتب بالشكل المثلثي z_1 و z_2 و 2. اكتب بالشكل الجبري $\frac{z_1}{z_2}$ ثم استنتج $\cos \frac{\pi}{12}$

التمرين الثالث: ليكن f التابع المعرف على $]-\infty, 3]$ وفق $f(x) = x\sqrt{3-x}$, خطها البياني c

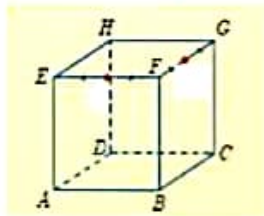
1. ادرس تغيرات التابع f و نظم جدولاً بها ثم عين ما للتابع f من قيم كبرى أو صغرى محلياً
2. ارسم الخط c

3. أثبت أن التابع المعين بالعلاقة $g(x) = \frac{2}{5}(x^2 - x - 6)\sqrt{3-x}$ هي تابع أصلي على المجال $]-\infty, 3]$ للتابع f

4. احسب مساحة السطح المحصور بين c والمحور xx' والمستقيمين اللذين معادلتاهما $x = 0$, $x = 2$

ثالثاً : حل المسألتين الآتيتين : (100 درجة لكل مسألة)

المسألة الأولى : نتأمل في معلم متجانس $(A; \overline{AB}; \overline{AD}; \overline{AE})$ المكعب $ABCDEFGH$ والمطلوب :



5. اكتب في هذا المعلم احداثيات كل من النقاط A, C, H, F, D

6. اكتب معادلة للمستوي (ACH)

7. أثبت أن المستوي P الذي معادلته $P: -2x + 2y - 2z + 1 = 0$

يوازي المستوي (ACH)

8. بفرض I مركز ثقل المثلث ACH أثبت أن F, D, I على استقامة واحدة

9. اكتب معادلة الكرة S التي مركزها $\Omega(1, -1, 1)$ ونصف قطرها $R = \sqrt{3}$ وبين أن المستوي (ACH) يمس الكرة S

المسألة الثانية : ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على $]-\infty, -2[\cup]0, +\infty[$ حيث

$f(x) = \ln\left(\frac{x+2}{x}\right)$ والمطلوب :

1. احسب نهاية التابع عند كل طرف من أطراف مجموعة التعريف D

2. ادرس تغيرات التابع f و نظم جدولاً بها

3. ارسم الخط C في المعلم المتجانس

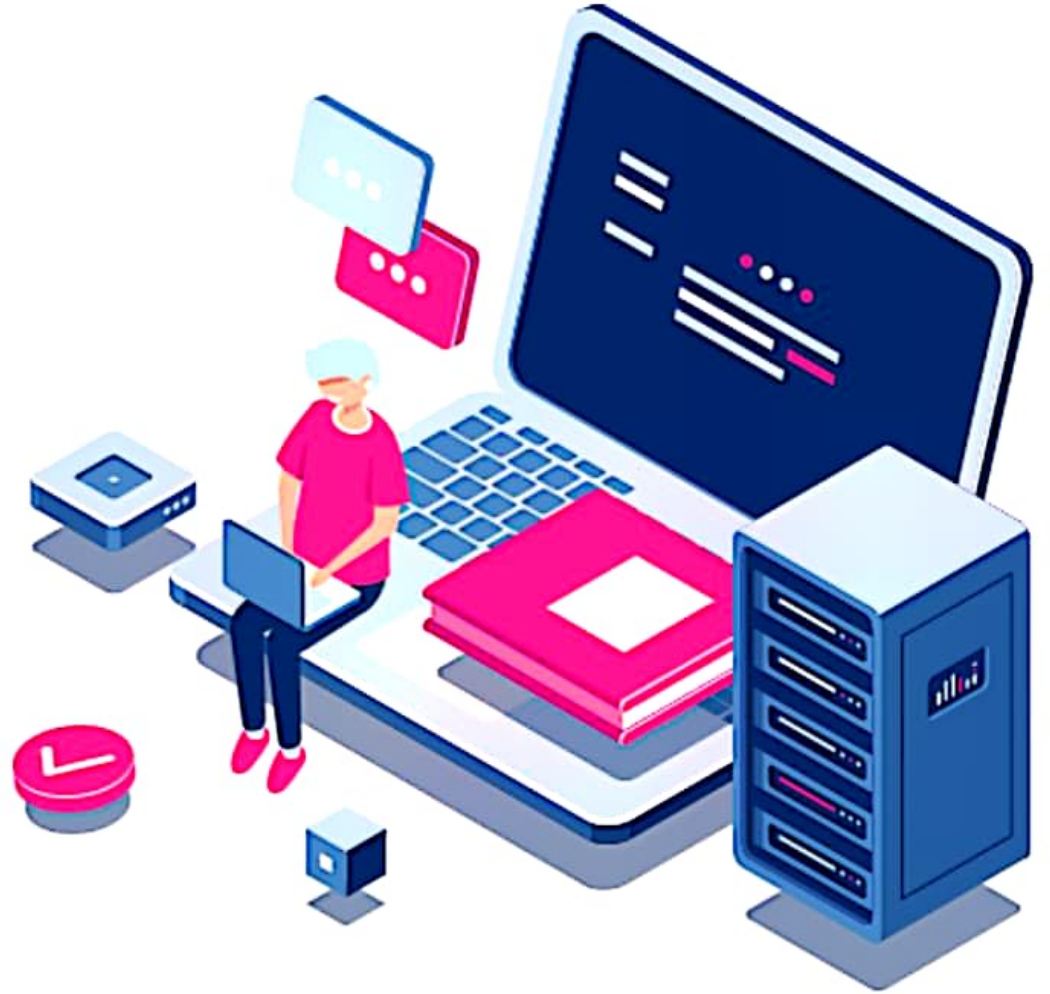
4. لتكن $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية معرفة N^* على وفق $u_n = f(n)$ نضع $s_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$ أثبت أن

$$s_n = \ln\left(\frac{(n+2)(n+1)}{2}\right)$$

أ. فارس جقل - اللاذقية - دورات (ر.ف.ك) - هاتف 0955186517

سلسلة

التجمع التعليمي



التجمع التعليمي

القناة الرئيسية: t.me/BAK111

بوت التواصل: [@BAK1117_bot](https://t.me/BAK1117_bot)