



ليكن  $c$  الخط البياني  $f$  المعرف على  $\{1\} \setminus \mathbb{R}$  وجدول تغيراته هو:

أجب عن الأسئلة 1 و 2 و 3

القيمة الكفرى محلها هي:

-1

4	D	3	C	-1	B	1	A
---	---	---	---	----	---	---	---

معادلة المقارب الأفقى للخط  $C$  هي

-2

$y = 3$	D	$y = 4$	C	$y = -1$	B	$y = 2$	A
---------	---	---------	---	----------	---	---------	---

قيمة التكامل  $I = \int_0^{\ln 2} e^x (1 - e^x)^2 dx$  تساوى

-3

3	D	4	C	-1	B	2	A
---	---	---	---	----	---	---	---

قيمة التكامل  $I = \int_0^{\ln 2} e^x (1 - e^x)^2 dx$  تساوى

-4

$-\frac{1}{3}$	D	$\frac{1}{3}$	C	$\frac{2}{3}$	B	$-\frac{2}{3}$	A
----------------	---	---------------	---	---------------	---	----------------	---

ليكن الخط البياني للتابع  $f$  المعرف على وفق  $(x) = 2e^{-x} + x - 2$  أجب عن الأسئلة 5 و 6

معادلة  $\Delta$  المقارب العلالي للخط في جوار  $+\infty$  هي

-5

$\Delta: y = x + 2$	D	$\Delta: y = x - 2$	C	$\Delta: y = -x + 2$	B	$\Delta: y = -x - 2$	A
---------------------	---	---------------------	---	----------------------	---	----------------------	---

الوضع النسبي للخط  $f$  بالنسبة إلى مقاربة  $\Delta$

-6

$\Delta$ على يمين $C$	D	$\Delta$ على يسار $C$	C	$\Delta$ فوق $C$	B	$\Delta$ تحت $C$	A
-----------------------	---	-----------------------	---	------------------	---	------------------	---

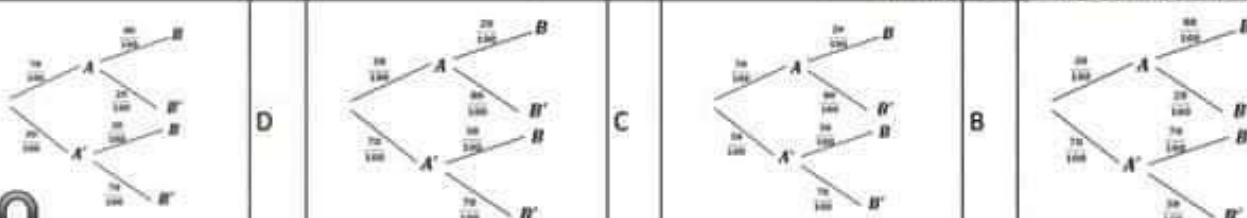
لتكن  $S$  المساحة المحسورة بين  $C$  و  $\Delta$  والمستقيمين  $x_1 = \ln 3$  ،  $x_2 = \ln 2$  عند قيمة  $S$  تساوى

-7

$\frac{1}{3}$	D	$\frac{1}{4}$	C	$\frac{1}{2}$	B	1	A
---------------	---	---------------	---	---------------	---	---	---

في أحد المجتمعات تظهر أعراض مرض كورونا على 70% من الأشخاص ، 20% منهم مساحتهم إيجابية ، و 70% من المساحات الماخوذة من الأشخاص لا تظهر عليهم أعراض المرض تكون نتيجتها سلبية ، تختار عشوائياً شخص من هذا المجتمع ، ولترمز بالرمز  $A$  لحدث الشخص الذي تظهر عليه الأعراض ، وبالرمز  $B$  لحدث المسحة الإيجابية. أجب عن السؤال 8 و 9

8- التمثيل الشجري المناسب للتجربة هو



احتمال أن يكون الشخص مصاب

-9

$\frac{23}{100}$	D	$\frac{73}{100}$	C	$\frac{27}{100}$	B	$\frac{65}{100}$	A
------------------	---	------------------	---	------------------	---	------------------	---

قيمة العدد الطبيعي  $n$  الذي يحقق المعادلة  $\binom{n}{2} = \binom{n}{4}$  تساوى:

-10

$n = 6$	D	$n = 5$	C	$n = 4$	B	$n = 2$	
				$i z + z' = 2$ ① $z - 3z' = 1+i$ ②		حل جملة المعادلتين	-11
$z = 1 - 2i, z' = -i$	D	$z = -i, z' = 1 - 2i$	C	$z = 1 + 2i, z' = -i$	B	$z = 1 - 2i, z' = i$	A
				$Z = \left[ \sin \frac{\pi}{5} + i \cos \frac{\pi}{5} \right]^6$ هـ		الشكل المثلثي للعدد العقدي	-12
$z = \sin \frac{9\pi}{5} + i \cos \frac{9\pi}{5}$	D	$z = \sin \frac{6\pi}{5} + i \cos \frac{6\pi}{5}$	C	$z = \sin \frac{-7\pi}{10} + i \cos \frac{-7\pi}{10}$	B	$z = \sin \frac{\pi}{5} - i \cos \frac{\pi}{5}$	A
						مجموعة النقط $M(z)$ التي تحقق $ z - i + 2  = 3$	-13
(1, -2) دائرة مركزها $R = 3$	D	(2, -1) دائرة مركزها $R = 3$	C	(-1, -2) دائرة مركزها $R = 3$	B	(-2, 1) دائرة مركزها $R = 3$	A
						تتأمل في معلم متوازي (ii, ii, i) من المستوى العقدي النقط $A, B, C$ التي تمثل الأعداد العقدية $a = -1 + 2i, b = 2 + i, c = 3 + 4i$ . اجب عن الأسئلة 14 و 15 و 16.	
$-i$	D	$+i$	C	1	B	$\frac{a-b}{b-c}$ تساوي	-14
						$A, B, C$ النقاط	-15
نقط على استقامة واحدة	D	رؤوس لمثلث قائم وغير متساوي الساقين	C	رؤوس لمثلث قائم و غير متساوي الساقين	B	رؤوس لمثلث متساوي الأضلاع	A
						العدد العقدي الممثل لصورة $B$ دوران ربع دوره مركزه $O$ هو	-16
$+2 - i$	D	$-2 + i$	C	$1 + 2i$	B	$-1 - 2i$	A
						في الشكل المجاور $G$ مركز أبعاد متناسبة للنقاط $(A, \alpha), (B, \beta), (C, \gamma)$ و $AB$ متصف $\alpha : \beta : \gamma = 19 : 18 : 17$ اجب عن الأسئلة 17 و 18 و 19.	
$\alpha = 1, \beta = 1, \gamma = 1$	D	$\alpha = 1, \beta = 1, \gamma = 2$	C	$\alpha = 2, \beta = 2, \gamma = 2$	B	$\alpha = 1, \beta = 2, \gamma = 2$	A
						قيمة التغيرات هي:	-17
						$C$ مركز أبعاد متناسبة للنقاط الممثلة.	-18
$(A, 1), (B, 1), (G, -3)$	D	$(A, 1), (B, 1), (G, -2)$	C	$(A, 1), (B, 1), (G, -4)$	B	$(A, 1), (B, 2), (G, -4)$	A
						مجموعة نقاط الفراغ $M$ التي تتحقق العلاقة: $\ MA + MB + 2MC\  = 12$ يـ	-19
كرة مركزها $G$ ونصف قطرها $CG$	D	كرة مركزها $G$ ونصف قطرها $\frac{1}{4}$	C	كرة مركزها $G$ ونصف قطرها $\frac{3}{4}$	B	المستوى المحوري للقطعة $[IC]$	A
						لتكن معادلة المخروط مع $x^2 + y^2 - \frac{16}{100}z^2 = 0$ حيث مع $5 \leq z \leq 0$ اجب عن الأسئلة 20 و 21.	
						النقطة التي تقع على المخروط هي	-20
$Q(2, 0, 5)$	D	$R(-2, 1, 5)$	C	$S(1, 1, 3)$	B	$Q(2, 2\sqrt{3}, 10)$	A
						اذا علمت ان حجم المخروط يعطى بالعلاقة $v = \frac{\pi}{3}r^2 h$ فان قيمة $v$ هي:	-21
$\frac{20\pi}{3}$	D	$\frac{13\pi}{3}$	C	$\frac{15\pi}{4}$	B	$\frac{160\pi}{3}$	A
						لتكن $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ معادلة للكرة $S$ ولكن $2\sqrt{3}x - 2y + 3z + 5 = 0$ معادلة للمستوى $p$ اجب عن المسائلين: 22 و 23.	

-22 بعد مركز الكرة  $S$  عن المستوى  $p$  يساوي

0	D	1	C	$\sqrt{2}$	B	2	A
---	---	---	---	------------	---	---	---

-23 الوضع النسبي للكرة والمستوى

المستوى قاطع الكرة	D	المستوى غير قاطع للكرة	C	المستوى يمس الكرة	B	المستوى يمر من مركز الكرة	A
--------------------	---	------------------------	---	-------------------	---	---------------------------	---

-24 ليكن المستويان  $P, Q$  معادلتيهما  $P : 2x + y + z = 1$   $Q : x + y - z = 0$  عند المعادلات الوسيطية لفصلهما المشترك ( $d$ ) هي

$\begin{cases} x = -2t + 1 \\ y = 3t - 1 \\ z = t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$	D	$\begin{cases} x = 2t - 1 \\ y = -t + 1 \\ z = t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$	C	$\begin{cases} x = -2t + 1 \\ y = -2t - 1 \\ z = t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$	B	$\begin{cases} x = 2t + 1 \\ y = -t \\ z = t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$	A
---	---	--	---	--	---	--	---

-25 المستقيمان:  $(d') \begin{cases} x = -s + 2 \\ y = s + 1 \\ z = -2s + 3 \end{cases} \quad s \in \mathbb{R}$   $(d') \begin{cases} x = t \\ y = -t \\ z = 2t - 1 \end{cases} \quad t \in \mathbb{R}$

متقطعان	D	متطبقان	C	متوازيان وغير متطبقين	B	لا يقعان في مستوي واحد	A
---------	---	---------	---	-----------------------	---	------------------------	---

-26 لإثبات تقاطع المستقيم ( $AB$ ) والمستوى  $P$  ولتكن  $n$  ناظماً للمستوى ، ثبت أن

$\vec{n} \cdot \vec{AB} \neq 0$	D	$\vec{n}$ مرتبطة خطياً بـ $\vec{AB}$ وـ $\vec{n}$ غير مرتبطة خطياً	C	$\vec{n} \cdot \vec{AB} = 0$	B	$\vec{n} \cdot \vec{AB} = 0$	A
---------------------------------	---	--	---	------------------------------	---	------------------------------	---

في معلم متغير  $(\Delta)$  النقاطة  $(l, 2, 4; i, j, k)$  نقطة من المستقيم  $\Delta$  الذي تمثله الوسطى

والنقطة  $B$  نقطة من المستقيم  $\Delta$  فاصلتها  $x = 0$  والمطلوب : أجب عن الأسئلة 27 و 28 و 29 احداثيات النقطة  $B$  هي

(0, 2, 1)	D	(0, 3, 1)	C	(0, 2, 3)	B	(0, 1, 1)	A
-----------	---	-----------	---	-----------	---	-----------	---

-28 النقطة  $O'$  مسقط  $O$  على المستقيم  $(\Delta)$  تتحقق:

$\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OA} = 0$	D	$\overrightarrow{OO'} \cdot \overrightarrow{AB} = 0$	C	$\overrightarrow{OO'} \cdot \overrightarrow{AO} = 0$	B	$\overrightarrow{OO'} \cdot \overrightarrow{OB} = 0$	A
---	---	--	---	--	---	--	---

-29 احداثيات النقطة  $O'$  مسقط  $O$  على المستقيم  $(\Delta)$  هي

(0, 2, 1)	D	(0, 3, 1)	C	(0, 2, 3)	B	(0, 1, 1)	A
-----------	---	-----------	---	-----------	---	-----------	---

-30 لكن المتالية  $(U_n)_{n \geq 0}$  معرفة وفق  $U_n = \sqrt{n+1} - \sqrt{n}$  والمطلوب : أجب عن الأسئلة الثلاث 30 و 31 يكتب بالصيغة  $U_n$

$U_n = \frac{1}{\sqrt{n+1} - \sqrt{n}}$	D	$U_n = \frac{-1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}}$	C	$U_n = \frac{1}{\sqrt{n} - \sqrt{n+1}}$	B	$U_n = \frac{1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}}$	A
---	---	--	---	---	---	---	---

-31 محدونة بالعددين  $(U_n)_{n \geq 0}$

$1 < U_n < 2$	D	$0 < U_n \leq 1$	C	$-2 < U_n \leq -1$	B	$1 \leq U_n \leq 2$	A
---------------	---	------------------	---	--------------------	---	---------------------	---

-32 لكن المعرفة كما يأتي :  $(v_n)_{n \geq 0}$  ونعرف المتالية  $(u_n)_{n \geq 0}$   $u_{n+1} = \frac{1}{2} u_n + n - 1$  :  $u_0 = 0$

كما يأتي :  $(v_n)_{n \geq 0}$  من أجل أي عدد طبيعي  $n$  ، عند الممتالية  $v_n = u_n - 2n + 6$

حسابية متلاصصة	D	حسابية متزايدة	C	هندسية متلاصصة	B	هندسية متزايدة	A
----------------	---	----------------	---	----------------	---	----------------	---

-33 أي كان العدد الطبيعي  $n$  فإن العلاقة المعتبرة عن مضاعفات العدد 11 هي

$6^{2n} - 5^{2n}$	D	$6^n - 5^n$	C	$3^{2n} - 2^{2n}$	B	$2^{3n} - 2^{2n}$	A
-------------------	---	-------------	---	-------------------	---	-------------------	---

لتكن  $(U_n)_{n \geq 0}$  متالية تدريجية تحقق  $1 \leq U_{n+1} \leq U_n$  أجب عن الأسئلة 34 و 35

-34 المتالية  $(U_n)_{n \geq 0}$

متقاربة	D	متزايدة ومحبونة من الأعلى	C	متزايدة ومحبونة من الأدنى	B	متزايدة ومحبونة من الأعلى	A
---------	---	---------------------------	---	---------------------------	---	---------------------------	---

-35 المتاليتان  $(s_n)_{n \geq 1}$  و  $(t_n)_{n \geq 1}$  المتجلورتان فيما يلي هما:

$t_n = 1 + \frac{n}{n+1}$	D	$t_n = \frac{n}{n+1}$	C	$t_n = \frac{2n}{n+1}$	B	$t_n = \frac{-n}{n+1}$	A
$s_n = 1 - \frac{n+1}{n}$		$s_n = \frac{n+1}{n}$		$s_n = \frac{n+1}{2n}$		$s_n = \frac{n+1}{n}$	

-36 المتالية  $(S_n)_{n \geq 0}$  المعرفة وفق  $S_n = -3 - \frac{3}{4} - \frac{3}{16} - \dots - \frac{3}{4^n}$  تساوي

0	D	-4	C	+∞	B	-∞	A
---	---	----	---	----	---	----	---

-37 المتالية المتزايدة فيما يلي هي :

$t_0 = 2$	D	$u_n = \left(\frac{1}{2}\right)^n : n \geq 1$	C	$v_n = -2(n-1)^2 : n \geq 0$	B	$u_n = \frac{n^2+2}{2n} : (u_n)_{n \geq 1}$	A
-----------	---	---	---	------------------------------	---	---	---

-38 إذا كان  $|g(x) + 4| \leq \frac{1 - \cos x}{x^2} - \frac{1}{2}$  عند  $\lim_{x \rightarrow \infty} g(x)$  تساوي

0	D	-2	C	4	B	-4	A
---	---	----	---	---	---	----	---

-39  $x^2 - 2x + \ln(m+1) = 0$  المعدلة تكون  $\ln(m+1) = 2x - x^2$  المعدلة حلان مختلفان عندما

$\ln(m+1) > 1$		$\ln(m+1) < 1$		$\ln(m+1) > 2$		$\ln(m+1) < 2$	
----------------	--	----------------	--	----------------	--	----------------	--

ليكن الخط البياني للتابع المعرف على  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  وفق العلاقة  $f(x) = \frac{x+1}{x-2}$  والمطلوب: أجب عن الأسئلة 40 و 41

-40  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  تساوي

1	D	2	C	-2	B	+∞	A
---	---	---	---	----	---	----	---

-41 قيمة العدد الحقيقي الذي يتحقق الشرط، إذا كان  $A > x$  كان  $f(x) \in [0.9, 1.1]$

32	D	31	C	30	B	33	A
----	---	----	---	----	---	----	---

-42- ليكن  $f$  التابع المعرف على  $\mathbb{R} \setminus \{1\}$  وفق  $f(x) = \frac{1}{1-x}$  في حالة  $x \neq 1$  يعطي المتنق من المرتبة بالصيغة

$f^{(n)}(x) = \frac{(n)!}{(1-x)^{(n)}}$	D	$f^{(n)}(x) = \frac{(n+1)!}{(1-x)^{(n)}}$	C	$f^{(n)}(x) = \frac{(n)!}{(1-x)^{(n+1)}}$	B	$f^{(n)}(x) = \frac{((n+1)!)!}{(1-x)^{(n+1)}}$	A
---	---	---	---	---	---	--	---

-43  $\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 2x + 1} - 2x)$

2	D	0	C	+∞	B	-∞	A
---	---	---	---	----	---	----	---

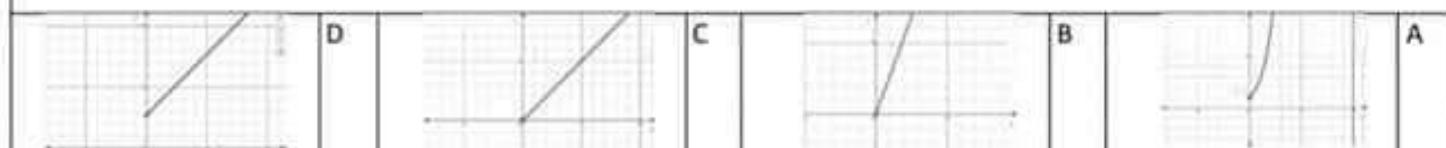
ل يكن  $x = \ln(e)^3 - 2, y = \ln(e\sqrt{e})$  عندذا -44

$x > y$	D	$x < y$	C	$x \geq y$	B	$x \leq y$	A
---------	---	---------	---	------------	---	------------	---

-45 مجموعه حلول المعادله هي  $\ln|x+2|=0$  هي

$(-3, -1)$	D	$(-1, +1)$	C	$(-3, 3)$	B	$(-2, +2)$	A
------------	---	------------	---	-----------	---	------------	---

-46 ل يكن  $y = f(x)$  عندذا الخط البياني للتابع  $f$  الذي يتحقق العلاقة هو  $\ln y - \ln e = \ln x$



ل يكن  $f$  المعرف على  $\mathbb{R}$  وفق  $f(x) = (x-1)e^x$  وخطه البياني

أجب عن الأسئلة 47 و 48



-47 فالخط البياني للتابع  $f_1$  حيث  $f_1(x) = |1-x|e^x$  هو



-48 مساحة السطح المحصور بين C والمحورين الاحداثيين تساوي

$S = e - 1$	D	$S = e - 2$	C	$S = 3 - e$		$S = e + 2$	A
-------------	---	-------------	---	-------------	--	-------------	---

إذا كان  $A, B$  فإن  $B = 3^{\frac{1}{1-e}}$  ،  $A = 2^{-\frac{1}{\ln 2}}$  -49

-1	D	6	C	e	B	1	A
----	---	---	---	---	---	---	---

-50 ليكن التابع  $f$  المعرف على  $\mathbb{R}$  وفق  $f(x) = \begin{cases} \sin 2x & : x \neq 0 \\ \frac{1}{1-e^x} & : x = 0 \end{cases}$  عندذا قيمة  $m$  التي يجعل  $f$  مستمراً على

0	S	2	D	-2	C	-1	B	0	A
---	---	---	---	----	---	----	---	---	---

يملأ الجدول المبين جائياً القتون الاحتمالي لزوج  $(X, Y)$  من المتغيرات العشوائية اجب عن الأسئلة : 51 و 52 و 53

X \ Y	0	1	2	X	قطون X	P(X = 0)	-51	
0	$\frac{1}{20}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{5}$					
1	$\frac{1}{60}$	$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{24}$					
Y								
قطون Y								
	$\frac{3}{8}$	D	$\frac{3}{10}$	C	$\frac{3}{20}$	B	$\frac{1}{20}$	A

-52  $P(X = 0, Y = 1)$  يساوي

$\frac{3}{8}$	D	$\frac{1}{8}$	C	$\frac{17}{60}$	B	$\frac{1}{20}$	A
---------------	---	---------------	---	-----------------	---	----------------	---

53- الاحتمال الصحيح فيما يأتي هو

$P(X = 0) = \frac{3}{8}$	D	$P(X = 0) = \frac{1}{10}$	C	$P(X = 0) = \frac{3}{64}$	B	$P(Y = 1) = \frac{1}{2}$	A
--------------------------	---	---------------------------	---	---------------------------	---	--------------------------	---

يتحقق الطالب نجيب لعدة اختبارات متتالية وفق ما يلى: احتمال نجاحه في الاختبار الأول يساوى احتمال رسوبي .  
إذا نجح نجيب في اختبار ما ، يكون احتمال رسوبي في الاختبار التالي  $\frac{2}{5}$  ، وإذا رسب في ذلك الاختبار ، يكون احتمال نجاحه في الاختبار التالي

هو  $\frac{3}{10}$  ، أي كان العدد الطبيعي  $n$  الغير معنوم [لرمز بالرمز  $A_n$ ] : حدث نجاح الطالب نجيب في الاختبار  $n$ .

54- حدث رسب الطالب نجيب في الاختبار  $n$ . لتحقق  $(B_n)$  و  $p_n = \mathbb{P}(A_n)$  ، اجب عن الأسئلة 55 و 56 و 57 و 58  
ان  $p_2$  يساوي :

$\frac{7}{20}$	D	$\frac{7}{10}$	C	$\frac{13}{20}$	B	$\frac{3}{5}$	A
----------------	---	----------------	---	-----------------	---	---------------	---

55- يكتب  $p_{n+1}$  بدالة  $p_n$  بالصيغة:

$p_{n+1} = \frac{1}{10}p_n + \frac{3}{10}$	D	$p_{n+1} = \frac{7}{10}p_n + \frac{7}{10}$	C	$p_{n+1} = \frac{3}{10}p_n + \frac{3}{10}$	B	$p_{n+1} = \frac{7}{10}p_n + \frac{3}{10}$	A
--	---	--	---	--	---	--	---

56- تعرف المتتالية  $u_n = p_n - \frac{3}{7}$  هندسية، عندها حدها الأول وأساسها يساويان:

$u_1 = \frac{-1}{14}, q = \frac{7}{10}$	D	$u_1 = \frac{1}{14}, q = \frac{3}{10}$	C	$u_1 = \frac{1}{10}, q = \frac{7}{10}$	B	$u_1 = \frac{1}{10}, q = \frac{1}{14}$	A
---	---	--	---	--	---	--	---

57- إن عبارة  $u_n$  بدالة  $n$  تساوي:

$u_n = \frac{5}{21} \left( \frac{3}{10} \right)^n$	D	$u_n = \frac{1}{14} \left( \frac{3}{10} \right)^n$	C	$u_n = \frac{5}{21} \left( \frac{3}{10} \right)^{n-1}$	B	$u_n = \left( \frac{3}{10} \right)^{n-1}$	A
--	---	--	---	--	---	---	---

58- النهاية  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  تساوي:

$\frac{3}{7}$	D	0	C	$\frac{3}{10}$	B	$\frac{1}{10}$	A
---------------	---	---	---	----------------	---	----------------	---

59- أمثل الحد المستقل عن  $x$  في مشور  $\cdot \left( x + \frac{1}{x^2} \right)^6$

-15	D	15	C	20i	B	-20i	A
-----	---	----	---	-----	---	------	---

في إحدى الامتحانات المؤتمنة، يتضمن الاختبار ستون سؤالاً كل منها مزود بأربعة إجابات مفترضة منها واحدة صحيحة فقط. يقرر أحد المتقدمين الإجابة عشوائياً عن هذه الأسئلة.

60- احتمال الحصول على أربع وعشرون إجابة صحيحة في هذا الاختبار هو

$\binom{96}{24} \left( \frac{1}{4} \right)^{24} \left( \frac{3}{4} \right)^{36}$	D	$\binom{36}{24} \left( \frac{1}{4} \right)^{24} \left( \frac{3}{4} \right)^{36}$	C	$\binom{60}{24} \left( \frac{3}{4} \right)^{24} \left( \frac{1}{4} \right)^{36}$	B	$\binom{60}{24} \left( \frac{1}{4} \right)^{24} \left( \frac{3}{4} \right)^{36}$	A
--	---	--	---	--	---	--	---

انتهت الأسئلة