

الاسم :
المدة :
الدرجة :

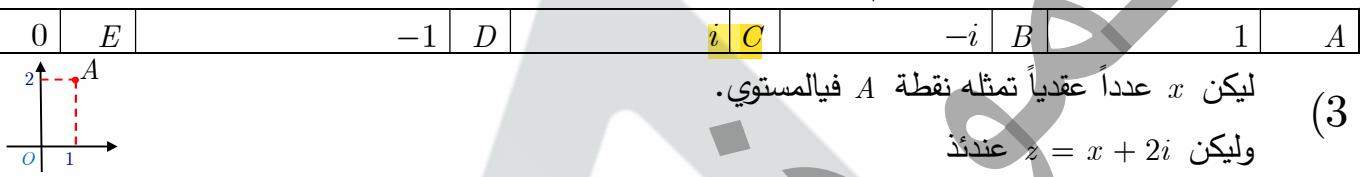
اختر الإجابة الصحيحة ثم ضلل على ورقة إجابتك دائرة الحرف الموافق للإجابة الصحيحة

(لكل سؤال إجابة صحيحة واحدة فقط)

$abc = 216$ و $a + b + c = 21$ و $a < b < c$ حيث: a و b و c ثلاثة حدود متالية هندسية ، عندئذ قيمة $a + c$ هو: (1)

6	E	9	D	12	C	15	B	18	A
---	---	---	---	----	---	----	---	----	---

الشكل الجيري للعدد العقدي $A = \frac{-1+i}{1+i}$ هو: (2)



$z = 1 + 4i$	E	$z = 1 + 2i$	D	$z = 1 - 2i$	C	$z = 4 - i$	B	$z = 1 - 4i$	A
--------------	---	--------------	---	--------------	---	-------------	---	--------------	---

ليكن العدد العقدي $z = 3 + 2i$ عندئذ $\operatorname{Re}(\frac{1}{z})$ هو (4)

$\frac{9}{13}$	E	$\frac{3}{13}$	D	3	C	$-\frac{3}{13}$	B	2	A
----------------	---	----------------	---	---	---	-----------------	---	---	---

ليكن التابع f المعروف على المجال $[1, \infty)$ وفق: $f(x) = \frac{1}{x-1} - \sqrt{x}$ عندئذ عدد حلول المعادلة (5)

4	E	3	C	2	C	1	B	0	A
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

الشكل الجيري للعدد العقدي $z = \frac{\cos 2x + i \sin 2x}{\cos x - i \sin x}$ هو (6)

e^{-2ix}	E	$\cos 3x + i \sin 3x$	D	e^{4ix}	C	$\cos 3x - i \sin 3x$	B	$\cos 2x + i \sin 2x$	A
------------	---	-----------------------	---	-----------	---	-----------------------	---	-----------------------	---

جذري
مسودة

الاسم :
المدة :
الدرجة :

ليكن 40 العددان a و b اللذان يحققان $P(z) = z^4 - 19z^2 + 52z - 40$ (7)

$$\text{لما} P(z) = (z^2 + az + b)(z^2 + 4z + 2a)$$

$a = -4$	E	$a = 4$	D	$a = -4$	C	$a = 4$	B	$a = -4$	A
$b = -5$	و	$b = -5$	و	$b = 5$	و	$b = -10$	و	$b = -10$	و

ليكن $\alpha = e^{2i\pi/7}$ عندئذ قيمة المجموع $S = 1 + \alpha + \alpha^2 + \alpha^3 + \alpha^4 + \alpha^5 + \alpha^6$ هو (8)

$S = 0$	E	$S = \alpha$	D	$S = i$	C	$S = 1$	B	$S = -1$	A
---------	-----	--------------	-----	---------	-----	---------	-----	----------	-----

ليكن $A = \alpha + \alpha^4$ عندئذ A تساوي (9)

$\cos(\frac{\pi}{5})$	E	$\sqrt{2} \cos(\frac{\pi}{5})$	D	$\cos(\frac{2\pi}{5})$	C	$2 \cos(\frac{\pi}{5})$	B	$2 \cos(\frac{2\pi}{5})$	A
-----------------------	-----	--------------------------------	-----	------------------------	-----	-------------------------	-----	--------------------------	-----

قيمة المجموع : (10)

$S = 2064$	E	$S = 2046$	D	$S = 2048$	C	$S = 2047$	B	$S = 2058$	A
------------	-----	------------	-----	------------	-----	------------	-----	------------	-----

إذا علمت أن $\vec{u} \cdot \vec{v} = \frac{1}{2}\vec{i} + 5\vec{j}$ و $\vec{u} = 2\vec{i} - 3\vec{j}$ فإن (11)

-9	E	-10	D	-11	C	-13	B	-14	A
----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

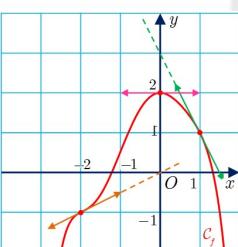
ليكن f التابع الذي يقرن بكل نقطة (x, y) من المستوى $M(x, y)$ النقطة P من المستوى $f(M) = M'(9x + 10y, 3x + 5y)$ (12)

لتكن S_0 النقطة التي إحداثياتها $(0, 1)$ عندئذ: $f(S_0)$ هي

(9, 3)	E	(10, 5)	D	(5, 10)	C	(5, 0)	B	(0, 10)	A
--------	-----	---------	-----	---------	-----	--------	-----	---------	-----

الشكل المرافق، C_f هو الخط البياني لتابع f . تأمل الشكل

قيمة $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ هي (13)



2	E	1	D	-2	C	4	B	-4	A
---	-----	---	-----	----	-----	---	-----	----	-----

جذبي
مسودة

الاسم :

المدة :

الدرجة :

(14) $(u_n)_{n \geq 0}$ ممتالية حسابية أساسها 10 وفيها $u_1 = -2$ ، عندئذ u_n بدلالة n :

$u_n = 10n + 2$	E	$u_n = 10n - 12$	D	$u_n = 2n - 10$	C	$u_n = 10n - 2$	B	$u_n = 10 - 2n$	A
-----------------	---	------------------	---	-----------------	---	-----------------	---	-----------------	---

(15) لأنّ $x^n - a^n = (x - a)(x^{n-1} + x^{n-2}a + x^{n-3}a^2 + \dots + a^{n-1})$ فإنّ $3^{2n} - 2^n$ مضاعف للعدد

2	E	3	D	6	C	5	B	7	A
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

(16) ليكن P تابعاً تاليفياً (من الدرجة الأولى) بحيث تتحقق الممتالية $(t_n)_{n \geq 0}$ التي حددها العام $t_n = P(n)$ العلاقة التدريجية $t_{n+1} = \frac{1}{2}t_n + n$ أيًّا كانت n عندئذ:

$t_n = 2n + 2$	E	$t_n = 2n + 4$	D	$t_n = 4n - 2$	C	$t_n = 4n + 2$	B	$t_n = 2n - 4$	A
----------------	---	----------------	---	----------------	---	----------------	---	----------------	---

(17) ممتالية حسابية فيها $u_2 = 12$ و $u_5 = 27$. عندئذ قيمة u_{20} هي :

102	E	92	D	82	C	72	B	60	A
-----	---	----	---	----	---	----	---	----	---

(18) ممتالية هندسية أساسها 2 وفيها $u_1 = -2$. عندئذ $(u_n)_{n \geq 0}$

$u_n = -2^{n+1}$	E	$u_n = 2^{2n-1}$	D	$u_n = -2^{n+2}$	C	$u_n = -2^{n-1}$	B	$u_n = -2^n$	A
------------------	---	------------------	---	------------------	---	------------------	---	--------------	---

(19) ممتالية هندسية أساسها 2 وفيها $u_1 = -2$. عندئذ قيمة المجموع $: u_1 + u_2 + \dots + u_8$ هي :

128	E	-257	D	-510	C	-500	B	-256	A
-----	---	------	---	------	---	------	---	------	---

(20) قيمة المجموع $S = 1 + 10 + 10^2 + \dots + 10^5$ هي

99999999	E	11111111	D	111110	C	111111	B	999999	A
----------	---	----------	---	--------	---	--------	---	--------	---

جذبي
مسودة

الاسم :

المدة :

الدرجة :

نفترض وجود تابع f معرف على \mathbb{R} وشتقاقي عليها، ويتحقق $f(0) = 0$ و $f'(x) = \frac{1}{1+x^2}$ عند كل x من \mathbb{R} .

$$\text{ولiken } h \text{ التابع المعرف والاشقاقي على } I = [0, +\infty[\text{ وفق (21)}$$

$$h(x) = f(x) + f\left(\frac{1}{x}\right)$$

العبارة الصحيحة مما يأتي هي:

$h'(x) \neq 0$	E	0 اشتقاقي عند h	D	$h'(x) = -1$	C	$h'(x) = 1$	B	$\lim_{x \rightarrow \infty} h(x) = 2f(1)$	A
----------------	---	-------------------	---	--------------	---	-------------	---	--	---

$$\text{نتأمل التابع } f \text{ المعرف على } \mathbb{R} \text{ المعطى وفق (22)}$$

$$\cdot f(x) = \sqrt{1 - \cos x}$$

التابع f

ليس زوجي ويقبل العدد 2π دوراً له	E	زوجي وغير دوري	D	ليس فردي وليس زوجي ويقبل العدد 2π دوراً له	C	زوجي ويقبل العدد 2π دوراً له	B	فردي ويقبل العدد 2π دوراً له	A
--------------------------------------	---	----------------	---	--	---	----------------------------------	---	----------------------------------	---

$$\cdot f(x) = \frac{2x^2 + 1}{x + 3} \text{ هو التابع المعرف على } [0, +\infty[\text{ وفق (23)}$$

$$\cdot x \geq 0 \text{ العدين } b \text{ و } c \text{ يحققان } f(x) = 2x + b + \frac{c}{x + 3}, \text{ أيًّا كان}$$

فإن قيمة كل من العدين b و c هي

$b = -6, c = 9$	E	$b = -6, c = 19$	D	$b = -6, c = -19$	C	$b = 6, c = -19$	B	$b = 6, c = 19$	A
-----------------	---	------------------	---	-------------------	---	------------------	---	-----------------	---

$$\text{ليكن } C \text{ الخط البياني للتابع } f \text{ المعرف على } \mathbb{R} \text{ وفق (24)}$$

$$f(x) = x + \sqrt{|4x^2 - 1|}$$

عندئذ معادلة مقاربه المائل في جوار $-\infty$ هي

$y = x$	E	$y = -3x$	D	$y = 3x$	C	$y = x - 1$	B	$y = -x$	A
---------	---	-----------	---	----------	---	-------------	---	----------	---

جذبي
مسودة

الاسم :

المدة :

الدرجة :

(25) لنعرف التوابع f ، h ، g وفقاً عند $x = 0$

$$f(x) = \frac{x^2 + |x|}{x^2 + 1} \quad ③ \quad h(x) = x|x| \quad ② \quad g(x) = x\sqrt{x} \quad ①$$

غير اشتقافي عند الصفر	E	f ، h ، g التوابع اشتقاقية عند الصفر	D	غير اشتقافي g عند الصفر	C	h ، g اشتقاقيان عند الصفر	B	اشتقافي عند الصفر	A
-----------------------	-----	--	-----	---------------------------	-----	-------------------------------	-----	-------------------	-----

(26) إذا علمت أن $\sin x \leq x$ ، أيًّا يكن $x \geq 0$ عند في حالة $x \in \mathbb{R}$ المتراجحة المحققة هي:

$$\cos x \leq x^2 \quad E \quad 1 + \frac{x^2}{2} \leq \cos x \quad D \quad -\frac{x^2}{2} \leq -\cos x \quad C \quad 1 - \frac{x^2}{2} \leq \cos x \quad B \quad \cos x \leq 1 - \frac{x^2}{2} \quad A$$

(27) ليكن f التابع المعروف على $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ وفق الصيغة $f(x) = \frac{1}{x}$. في حالة $x \neq 0$ يعطى المشتق من المرتبة n بالصيغة:

$$\frac{n!}{(x)^{n+1}} \quad E \quad \frac{(-1)^n n!}{(x)^{n+1}} \quad D \quad \frac{(-1)^n n!}{(x)^{n-1}} \quad C \quad \frac{(-1)^n (n-1)!}{(x)^{n+1}} \quad B \quad \frac{n!}{(x)^{n+1}} \quad A$$

(28) متوازي أضلاع عند M هي مركز الأبعاد المناسبة للنقاط:

$$(A;1) \text{ و } (B;-1) \quad E \quad (B;-1) \text{ و } (A;1) \quad D \quad (B;1) \text{ و } (A;-1) \quad C \quad (B;1) \text{ و } (A;1) \quad B \quad (B;1) \text{ و } (A;1) \quad A$$

$$(C;2) \quad (C;1)$$

(29) في معلم متجانس للفراغ، لتكن $(1,2,1)$ الممثل وسيطياً وفقاً: $x = 0, y = -t, z = -t + 1 : t \in \mathbb{R}$ والمستقيم (d) الممثلاً $S : (x-1)^2 + (y-2)^2 + (z-1)^2 = 6$ يقطع الكرة $\mathcal{P} : x + y + z = 1$ عند معادلة المستوى المار بالنقطة A ويعامد (d) هي.

$$x + 3 = 0 \quad E \quad y - z + 3 = 0 \quad D \quad x + y + 3 = 0 \quad C \quad y - z - 3 = 0 \quad B \quad z + y - 3 = 0 \quad A$$

(30) المستوى $S : (x-1)^2 + (y-2)^2 + (z-1)^2 = 6$ يقطع الكرة $\mathcal{P} : x + y + z = 1$ دائرة نصف قطرها

$$r = 6 \quad E \quad r = \sqrt{6} \quad D \quad r = \sqrt{3} \quad C \quad r = 36 \quad B \quad r = 3 \quad A$$

(31) ليكن التابع f المعروف على \mathbb{R} وكان $f'(x) = x$ وكان $f'(x) = f(\cos(x))$ عند $x = 0$ يساوي

$$-\cos(x) \quad E \quad -\cos(x)\sin(x) \quad D \quad \cos(x) \quad C \quad \sin(x)\cos(x) \quad B \quad \sin(x) \quad A$$

مسودة

في معلم متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$. معادلات ثلاثة مستويات، بحل الجملة الخطية الموافقة فإن هذه المستويات

$$\begin{aligned} P_1 &: x + y + z = 1 \\ P_2 &: -2y + z = 1 \\ P_3 &: -4y + 14z = -2 \end{aligned} \quad (32)$$

متعامدة	E	تشترك ب نقطة	D	لا تشترك بأية نقطة	C	تشترك بمستقيم	B	متوازية	A
---------	-----	--------------	-----	--------------------	-----	---------------	-----	---------	-----

نتأمل في معلم متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، المستويين P و Q :

$$\begin{aligned} x - y + 1 &= 0 \\ x + y - 1 &= 0 \end{aligned}$$
فإن التمثيلات الوسيطية لفصليهما المشترك بدلالة $t \in \mathbb{R}$ هو

$\begin{cases} x = 0 \\ y = 2 \\ z = t \end{cases}$	E	$\begin{cases} x = 0 \\ y = 1 \\ z = t \end{cases}$	D	$\begin{cases} x = t \\ y = 2 \\ z = -t \end{cases}$	C	$\begin{cases} x = 0 \\ y = t \\ z = 1 \end{cases}$	B	$\begin{cases} x = -t \\ y = 2 \\ z = 0 \end{cases}$	A
---	-----	---	-----	--	-----	---	-----	--	-----

إذا علمت أنّ نظيم \vec{u} يساوي 5 ونظيم \vec{v} يساوي 3 وأنّ $\vec{u} \cdot \vec{v} = -5$ فإن $(\vec{u} + \vec{v}) \cdot (\vec{u} - 3\vec{v})$ يساوي :

3	E	5	D	2	C	8	B	4	A
---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	---	-----

رباعي وجوه منتظم ولنضع $AB = 6$ ، ليكن I منتصف $[AB]$ و J منتصف $[CD]$ عندئذ فإن طول $[IJ]$:

$2\sqrt{3}$	E	$\frac{3\sqrt{2}}{2}$	D	6	C	$3\sqrt{2}$	B	$6\sqrt{2}$	A
-------------	-----	-----------------------	-----	---	-----	-------------	-----	-------------	-----

عندما تسعى x إلى $+\infty$ فإن التابع $x \mapsto \sin(x)$:

غير موجود	E	يسعى إلى $-\infty$	D	يسعى إلى 1	C	يسعى إلى 0	B	يسعى إلى $+\infty$	A
-----------	-----	--------------------	-----	------------	-----	------------	-----	--------------------	-----

جذبي
مسودة

الاسم :
المدة :
الدرجة :

(37) ليكن f التابع المعرف على المجال $[0, 1]$ وفق $f(x) = x\sqrt{x - x^2}$ عند الخط البياني للتابع

له مماس ميله 1 عند 1	E	له نصفي مماس عند 1	D	ليس له مماس عند 1	C	له مماس شاقولي عند 1	B	له مماس أفقي عند 1	A
-------------------------	-----	-----------------------	-----	----------------------	-----	-------------------------	-----	-----------------------	-----

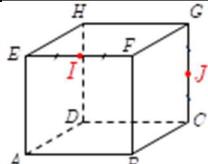
(38) ليكن f التابع المعرف على \mathbb{R} وفق $f(x) = \sin x \cos x$ فإن $f'(x)$ هو :

$2\sin x \cos x$	E	$\sin^2 x \cos^2 x$	D	0	C	$\sin^2 x - \cos^2 x$	B	$\cos 2x$	A
------------------	-----	---------------------	-----	---	-----	-----------------------	-----	-----------	-----

في الشكل المجاور، C هو الخط البياني لتابع f في معلم متجانس.
والمسقطي Δ منصف الربع الأول.

نعرف المتالية التدرجية $u_0, u_{n+1} = f(u_n)$ ونوضح العدد الحقيقي u_0 عند المتالية:

متزايدة ومحدودة من الأعلى	E	متناقصة وغير محدودة من الأعلى	D	متناقصة ومحدودة من الأعلى	C	متزايدة وغير محدودة من الأعلى	B	ثابتة	A
---------------------------------	-----	----------------------------------	-----	---------------------------------	-----	-------------------------------------	-----	-------	-----



. [CG] . فيه I منتصف $[EF]$ و J منتصف $[CG]$. مكعب طول ضلعه 6 . في $\vec{JH} \cdot \vec{IF}$ يساوي:

6	E	18	D	-18	C		-6	B	$9\sqrt{5}$	A
---	-----	----	-----	-----	-----	--	----	-----	-------------	-----

جذبي مسودة

الاسم :

المدة :

الدرجة :

ليكن العددين العقديين z و z' يحققان جملة المعادلتين: (41)

$$\begin{cases} 3z + 2iz' = -1 \\ z - z' = -2 - 4i \end{cases}$$

$11 + 2i$	E	$3 - 2i$	D	$2 + 3i$	C	$9 - 2i$	B	$1 + 2i$	A
-----------	-----	----------	-----	----------	-----	----------	-----	----------	-----

ليكن التابع f المعرف على \mathbb{R} وفق: $f(x) = \frac{2x}{\sqrt{4x^2 + 1}} + 2x$ الخط البياني للتابع f يقبل مقارباً مائلاً عند $-\infty$ (42)

معادله:

$y = 2x$	E	$y = -2x + 1$	D	$y = 2x + 3$	C	$y = 2x - 1$	B	$y = 2x + 1$	A
----------	-----	---------------	-----	--------------	-----	--------------	-----	--------------	-----

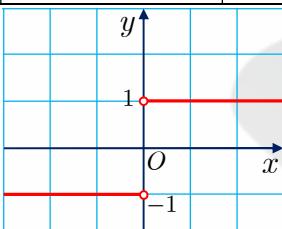
نرمز بالرمز $E(n)$ إلى القضية « $3^n \geq 2^n + 5 \times n^2$ » ، عندئذ أصغر عدد طبيعي غير معروف n ، تكون (43) صحيحة عنده هو:

2	E	3	D	4	C	5	D	6	A
---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	---	-----

لتكن $(t_n)_{n \geq 0}$ و $(s_n)_{n \geq 0}$ متاليتان متجاورتان فإذا علمت أن $t_n = -\frac{1}{2n+4}$ عندئذ: أي العبارات الآتية يمكن أن تمثل $(s_n)_{n \geq 0}$ (44)

 $(s_n)_{n \geq 0}$

$s_n = 1 + \frac{1}{2n}$	E	$s_n = \frac{n}{n+1}$	D	$s_n = \frac{2n}{n+1}$	C	$s_n = \frac{n^2}{n+1}$	B	$s_n = \frac{1}{n+1}$	A
--------------------------	-----	-----------------------	-----	------------------------	-----	-------------------------	-----	-----------------------	-----

 التابع f المعرف وفق $f(x) = 1$ عندما $x > 0$ و $f(x) = -1$ عندما $x < 0$ ، اشتقاقيعلى \mathbb{R}^* ، فإن f تابع (45)

ليس ثابتًا	E	مشتقه غير معدوم	D	ليس زوجي وليس فردي	C	ليس فردي	B	زوجي	A
------------	-----	-----------------	-----	--------------------	-----	----------	-----	------	-----

جذبي

مسودة

في معلم متاجنس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نتأمل النقاطين $A(2, 6, 2)$ و $B(-2, 0, 2)$. $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = 0$ هي كة مركزها: (46)

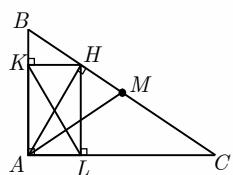
$(-2, 0, 2)$	E	$(2, 3, 0)$	D	$(2, 6, 2)$	C	$(0, 0, 0)$	B	$(0, 3, 2)$	A
--------------	-----	-------------	-----	-------------	-----	-------------	-----	-------------	-----

نتأمل في معلم متاجنس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، المستويين \mathcal{P} و \mathcal{Q} : $x - 2y + 3z - 5 = 0$ و $x + y + z + 1 = 0$ (47)

اذا علمت أن d هو الفصل المشترك للمستويين \mathcal{P} و \mathcal{Q} عندئذ d هو مجموعه النقاط

$(z+1, z, z)$	E	$(-5z + 1, 2z, 2z)$	D	$(5z + 1, 2z - 2, 3z)$	C	$(\frac{5}{3}z + 1, \frac{2}{3}z - 2, z)$	B	$(-\frac{5}{3}z + 1, \frac{2}{3}z - 2, z)$	A
---------------	-----	---------------------	-----	------------------------	-----	---	-----	--	-----

مثلاً قائم في A ، و M منتصف $[BC]$ ، و H موقع الارتفاع المرسوم من A .
ليكن K و L المسقطين القائمين للنقطة H على $[AB]$ و $[AC]$ بالترتيب
عندئذ الجداء $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{KL}$ يساوي: (48)



$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{HA}$	E	$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$	D	$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AK}$	C	$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AH}$	B	$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{LA}$	A
---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	---	-----

$ABCD A'B'C'D'$ متوازي مستطيلات. يتقاطع قطراه $[CA']$ و $[BD']$ في O . نضع $\alpha = \widehat{COD'}$ ، ونفترض أن $DD' = 3$ و $CD = 4$ و $BC = 2$. نختار معلمًا متاجنساً $(A, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ بحيث يكون \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{i} مرتبطين خطياً، و \overrightarrow{AD} و \overrightarrow{j} مرتبطين خطياً، وكذلك $\overrightarrow{AA'}$ و \overrightarrow{k} مرتبطين خطياً. عندئذ فإن قيمة $\cos \alpha$ هي: (49)

$= \frac{21}{29}$	E	$-\frac{2}{3}$	D	$-\frac{1}{3}$	C	$-\frac{1}{9}$	B	$-\frac{2}{9}$	A
-------------------	-----	----------------	-----	----------------	-----	----------------	-----	----------------	-----

التابع f المعرف على $I = [0, +\infty)$ هو تابع: (50)

غير مطرد على I	E	متزايد تماماً على I	D	فردي	C	زوجي	B	متناقص تماماً على I	A
---------------------	-----	--------------------------	-----	------	-----	------	-----	--------------------------	-----

انتهت الاسئلة