

سلسلة

التجمع التعليمي



التجمع التعليمي



القناة الرئيسية: t.me/BAK111

بوت التواصل: [@BAK1117_bot](https://t.me/BAK1117_bot)

أولاً: أجب عن خمسة فقط من الأسئلة الستة الآتية: (40 درجة لكل سؤال)

x	$-\infty$	2	5	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+	+
$f(x)$	2 ↘	0 ↗	4	↗ 6

السؤال الأول: نجد جانبا جدول تغيرات التابع f المعرف على R

1. جد $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2. اذكر قيمة حدية للتابع وبيّن نوعها

3. هل $f(5) = 4$ قيمة حدية كبرى

4. اكتب معادلة كل مقارب أفقي للخط البياني للتابع

5. اكتب مجموعة تعريف التابع حيث $g(x) = \ln(f(x))$

السؤال الثاني: عين مجموعة تعريف التابع $f(x) = \frac{\sin x}{\sqrt{1+x-1}}$

السؤال الثالث: أوجد الحد المستقل عن x في منشور ذي الحدين $(x^2 - \frac{1}{x})^4$

السؤال الرابع: صندوق يحتوي على ثلاث كرات حمراء وأربع كرات سوداء. نسحب عشوائياً من الصندوق ثلاث كرات في آن معاً وليكن

الحدث A الحصول على كرة حمراء على الأقل والحدث B الحصول على كرتين سوداويين على الأقل احسب الاحتمالات التالية:

1. $A, B, A \setminus B$

2. إذا كان X متحول عشوائي يدل على عدد الكرات المسحوبة اكتب جدول قانونه الاحتمالي واحسب توقعه وتباينه

السؤال الخامس: $(u_n)_{n \geq 0}$ متتالية هندسية فيها $u_0 = -2$ و $q = 2$

(1) احسب u_5 .

(2) احسب المجموع $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$. ثم احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$

السؤال السادس:

حل المعادلة التفاضلية $2y' + 3y = 0$ والخط البياني C للحل يمر بالنقطة $A(\ln 4, 1)$.

ثانياً: حل التمارين الثلاثة الآتية: (75 درجة للتمارين الأول والثاني و60 درجة للتمرين الثالث)

التمرين الأول: لتكن النقطة M التي يمثلها العدد العقدي $Z = -1 + i$ والمطلوب:

(1) أثبت أن Z^8 عدداً حقيقياً.

(2) جد العدد Z' الممثل للنقطة M' صورة M وفق دوران مركزه $A(1+i)$ وزاويته $\frac{\pi}{4}$ واكتبه بالشكل الأسّي.

التمرين الثاني: لتكن النقاط $A(1, -1, 2), B(2, 1, 0), C(2, 3, -1), D(0, 0, 2)$

1. عين احداثيات G مركز الابعاد المتناسبة للنقاط المثقلة $(A, 1), (B, 2), (C, 2), (D, 1)$

2. حدد S مجموعة النقاط التي تحقق $\|\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{MD}\| = 6$

3. جد معادلة للمجموعة S

التمرين الثالث: ليكن f المعرف على المجال $[2, +\infty[$ وفق:

$$f(x) = x - 4 + \sqrt{x - 2}$$

- 1) ادرس تغيرات f على المجال $[2, +\infty[$ ونظم جدولاً بها.
- 2) أثبت أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً.
- 3) اكتب معادلة المماس للخط C في النقطة التي فاصلتها 3.

ثالثاً: حل المسألتين الآتيتين : (100 درجة لكل مسألتين)

المسألة الأولى: ليكن f التابع المعرف على \mathcal{R} وفق: $f(x) = \frac{2}{e^x+1}$ خطه البياني C_f والمطلوب :

1. ادرس تغيرات التابع f ونظم جدولاً بها.
2. أوجد ما للخط C من مستقيمات مقارنة وبين وضع C بالنسبة إلى كل مقارب له
3. استنتج أن C_f متناظر بالنسبة للنقطة $I(0, -1)$
4. أوجد معادلة المماس Δ للخط C في النقطة $A(0, 1)$
5. ارسم كل مقارب للخط C وارسم Δ ثم ارسم C

المسألة الثانية: في معلم متجانس لدينا النقاط $A(1, 2, 4)$ ، $B(1, 0, 2)$ ، $C(2, 2, 5)$ ، $M(2, 2, -1)$

1. جد احداثيات النقطة I منتصف $[AB]$ والنقطة D نظيرة C بالنسبة ل C
2. عين α, β إذا علمت أن $\vec{AB} = \alpha \vec{AC} + \beta \vec{AD}$
3. تحقق أن النقاط A, B, C تعين مستويًا P أوجد معادلته
4. اكتب تمثيلاً وسيطاً للمستقيم Δ المار من M ويعامد المستوي P
5. عين احداثيات النقطة M' المسقط القائم ل M على المستوي P

انتهت الأسئلة... 😊

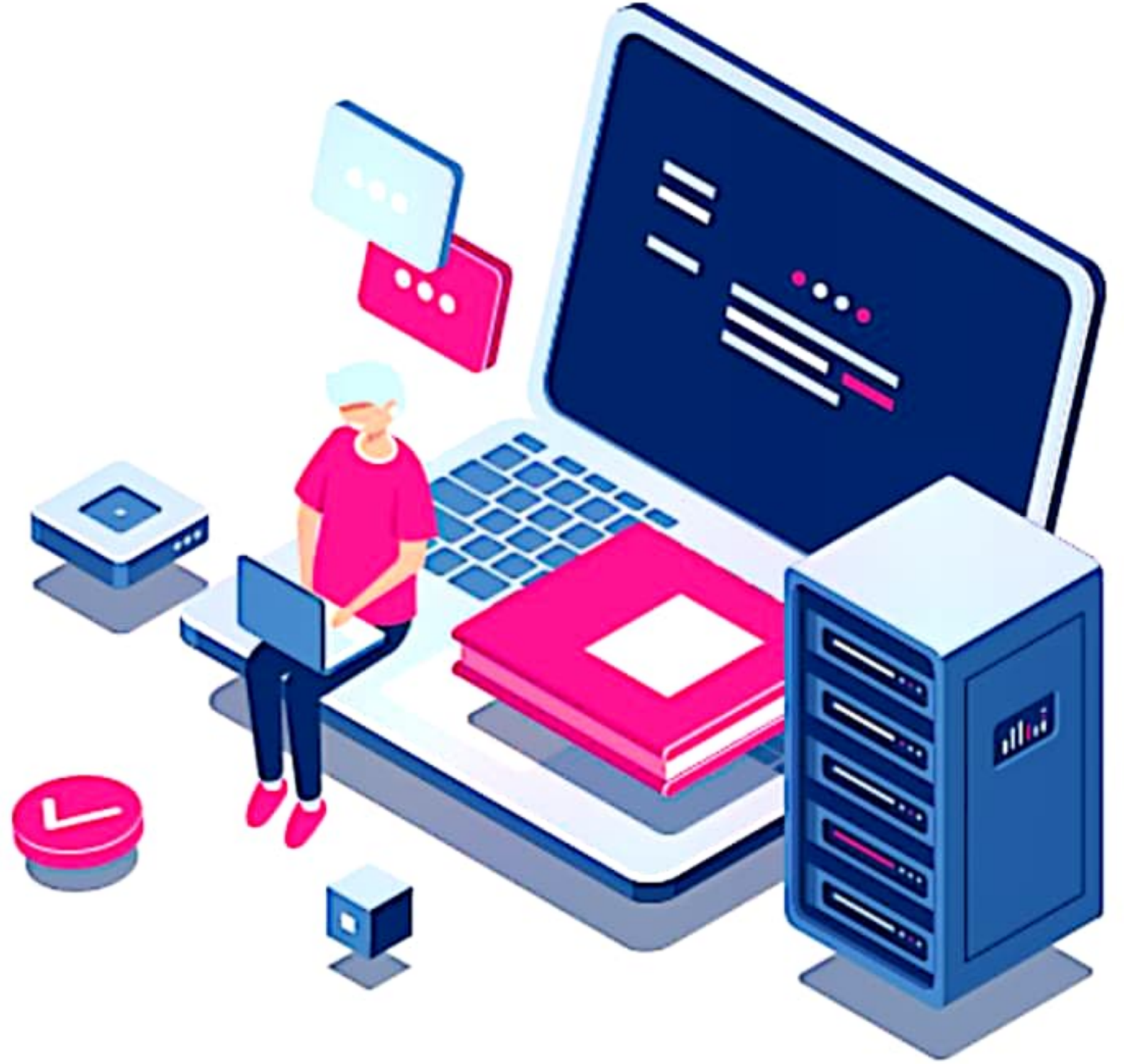
مع أطيب الأمنيات لكم بالنجاح ❤️

سلسلة

التجمع التعليمي



التجمع التعليمي



القناة الرئيسية: t.me/BAK111

بوت التواصل: [@BAK1117_bot](https://t.me/BAK1117_bot)