

ورقة عمل للوحدة الثالثة جبر (تاسع) ((الصفحة الأولى)) اعداد المدرسون المتحدون 2020



**أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين: (50 درجة للسؤال الأول 50 درجة للسؤال الثاني)**  
السؤال الأول: في كل حالة آتية إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة . اكتبها.

(1) للمعادلة:  $-2x(x^2 + 4) = 0$

A	حلان متعاكسان	B	حل وحيد	C	حلان مختلفان
---	---------------	---	---------	---	--------------

(2) أحد حلول المتراجحة:  $2(x-1) \leq 1$  هو:

A	-4	B	2	C	4
---	----	---	---	---	---

(3) المعادلة التي حلولها:  $-\sqrt{5}$  ,  $\sqrt{5}$  هي:

A	$x^2 - 5 = 0$	B	$x^2 = 25$	C	$(x-5)(x-5) = 0$
---	---------------	---	------------	---	------------------

(4) إذا كان  $x$  عدداً يحقق  $x \leq -1$  كان:

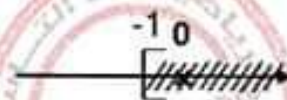
A	$x - 5 \geq 5$	B	$x - 5 \leq -1$	C	$x - 5 \leq -6$
---	----------------	---	-----------------	---	-----------------

السؤال الثاني: أجب بصح أو خطأ على مايلي:

(1) ناتج تحليل العبارة  $E = (y+7)^2 - 7(y+7)$  هو  $E = (y+7)(y)$ .

(2) حلول المتراجحة  $-2x < 7$  هي جميع قيم  $x$  التي تحقق  $x < \frac{-7}{2}$ .

(3) للمعادلة  $x^2 = (0.2)^2$  حل وحيد هو  $(0.2)$ .



(4) تمثل حلول المتراجحة  $x \leq -1$  على محور الأعداد بالشكل

**ثانياً: حل التمارين الخمسة الآتية: (50 درجة لكل تمرين)**

التمرين الأول: لتكن العبارة:  $A = (x+5)^2 - 2x - 10$ . المطلوب:

(1) انشر واختر  $A$ .

(2) حلل  $A$  الى جداء عوامل.

(3) احسب القيمة العددية للعبارة  $A$  من أجل  $x = -2$ .

(4) حل المعادلة  $A = 0$ .

التمرين الثاني: لتكن المتراجحة  $\frac{2x+1}{3} > 9$ . المطلوب:

(1) هل العدد 3 حل للمتراجحة؟ علل.

(2) حل المتراجحة وامل حلولها على محور الأعداد.

(3) ليكن  $ABC$  مثلث متساوي الاضلاع محيطه يساوي  $2x+1$ . بفرض  $x$  عدد طبيعي.

a. أوجد طول ضلع المثلث بدلالة  $x$ .

b. بدءاً من أي قيمة لـ  $x$  يكون طول ضلع المثلث أكبر تماماً من 9.

التمرين الثالث: لتكن العبارتان:  $A = x^2 - 2x + 1$  ,  $B = (1+x)(x-1) + 2(1-x)$ . المطلوب:

(1) اثبت أن  $A = B$ .

(2) حل المعادلة:  $x^2 - 2x + 1 = 25$ .

(3) إذا كانت  $x = \sqrt{3} - 1$ , اكتب  $A$  بالشكل  $A = a + b\sqrt{c}$ .

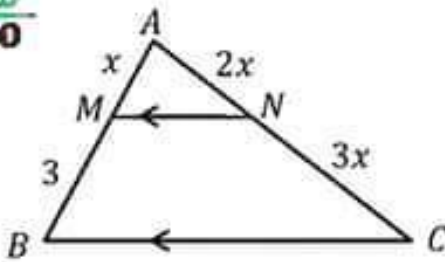
يتبع في الصفحة الثانية

ورقة عمل للوحدة الثالثة جبر (تاسع) ((الصفحة الثانية)) اعداد المدرسون المتحدون 2020



التمرين الرابع: عمر صبا يساوي ثلاثة أمثال عمر رشا

فإذا كان مجموع مربعي عمريهما يساوي (250) أوجد عمر كل منهما.



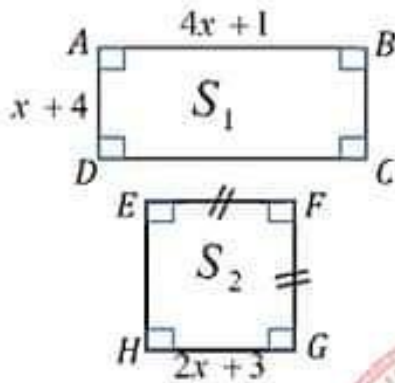
التمرين الخامس: في الشكل المرافق  $ABC$  مثلث فيه  $NM \parallel BC$

بفرض  $x$  عدد أكبر تماما من الصفر،

$MB = 3, AM = x, NC = 3x, AN = 2x$  المطلوب:

(1) اثبت أن:  $\frac{x}{x+3} = \frac{2}{5}$  واحسب قيمة  $x$ .

(2) بفرض محيط المثلث  $ABC$  يساوي 22، احسب طول  $BC$ .



التمرين السادس: في الشكل المجاور:

$ABCD$  مستطيل بعناه:  $AD = x + 4, AB = 4x + 1$  نرمز لمساحته  $S_1$ ،

$EFGH$  مربع طول ضلعه  $HG = 2x + 3$  نرمز لمساحته  $S_2$ . المطلوب:

(1) اثبت أن مساحة المستطيل تعطى بالعلاقة:  $S_1 = 4x^2 + 17x + 4$ .

(2) اثبت أن مساحة المربع تعطى بالعلاقة  $S_2 = 4x^2 + 12x + 9$ .

(3) أوجد قيمة  $x$  لتكون مساحة المستطيل تساوي مساحة المربع.

ثالثا: حل المسألتين الآتيتين: (100 درجة لكل مسألة)

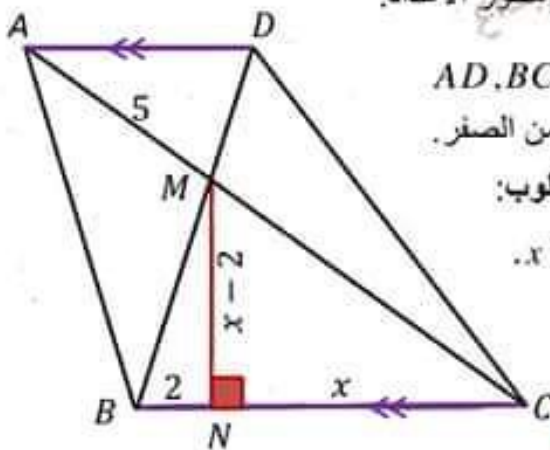
المسألة الأولى: ليكن لدينا  $E = (4x - 1)^2 - (3x + 2)(4x - 1)$  المطلوب:

(1) انشر وبسط العبارة  $E$ .

(2) حل العبارة  $E$  إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.

(3) حل المعادلة  $(4x - 1)(x - 3) = 0$ .

(4) حل المتراجحة  $4x^2 - 13x + 3 \leq 4x^2 + 29$  ومثل الحل على محور الأعداد.



المسألة الثانية: في الشكل المرافق  $ABCD$  شبه منحرف قاعدته  $AD, BC$

القطرين  $AC$  و  $BD$  يتقاطعان في  $M$ ، بفرض  $x$  عدد أكبر تماما من الصفر.

وليكن  $AM = 5, MN = x - 2, BN = 2, NC = x$  المطلوب:

(1) إذا كانت مساحة المثلث  $BMC$  تساوي  $30 \text{ cm}^2$ ، احسب قيمة  $x$ .

(2) اثبت أن  $MC = 10$

(3) اثبت تشابه المثلثين  $AMD$  و  $BMC$

واستنتج أن المثلث  $ADM$  متساوي الساقين

(4) احسب مساحة المثلث  $AMD$

انتهت الاسئلة



ورقة عمل للوحدة الثالثة هندسة (تاسع) ((الصفحة الأولى)) اعداد المدرسون المتحدون 2020



**أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين: (60 درجة للسؤال الأول 40 درجة للسؤال الثاني)**  
السؤال الأول: في كل حالة أتية إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة . اكتبها.

(1) ضلع في مثلث منتظم مركزه النقطة  $O$  فإن قياس الزاوية  $\widehat{AOB}$  يساوي:

A	$45^\circ$	B	$135^\circ$	C	$72^\circ$
---	------------	---	-------------	---	------------

(2) إذا كان  $ABCDEF$  سدس منتظم مرسوم في دائرة مركزها  $O$  ونصف قطرها  $\sqrt{2}$  فيكون طول  $AB$ :

A	2	B	$2\sqrt{2}$	C	$\sqrt{2}$
---	---	---	-------------	---	------------

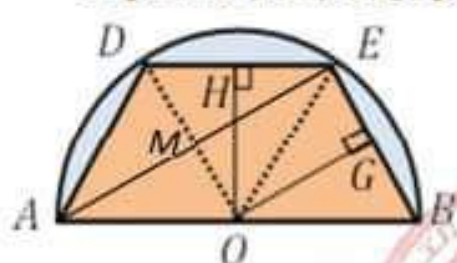
(3) الزاويتان المحيطية و المماسية المشتركتان بنفس القوس في الدائرة:

A	متتامتان	B	متكاملتان	C	متساويتان
---	----------	---	-----------	---	-----------

(4)  $BA$  رأسين متتاليين في مضلع منتظم مركزه  $O$  بفرض الزاوية  $\widehat{AOB} = 30^\circ$  فإن عدد أضلاعه هو:

A	3	B	12	C	6
---	---	---	----	---	---

**السؤال الثاني:** في الشكل المجاور نصف دائرة مركزها  $O$  وقطرها  $AB$ ، الأقواس  $\widehat{AD}$ ،  $\widehat{DE}$ ،  $\widehat{EB}$  طبوقة.



أجب بكلمة صح أو خطأ على العبارات التالية:

(1) قياس الزاوية  $\widehat{DAB}$  يساوي  $120^\circ$ .

(2) المستقيمان  $(AB)$ ،  $(DE)$  متوازيان.

(3) قياس الزاوية  $\widehat{ADE}$  يساوي  $60^\circ$ .

(4) الرباعي  $OGEH$  دائري.

**ثانياً: حل التمارين الخمسة الآتية: (60 درجة لكل تمرين)**

**التمرين الأول:** في الشكل المجاور النقط  $A, B, C, D$  تقع على دائرة مركزها  $O$

$HG$  مماس للدائرة في  $B$ ، الوترين  $DB, DC$  طبوقين

قياس الزاوية  $\widehat{GBA} = 80^\circ$ ، قياس الزاوية  $\widehat{CDB} = 110^\circ$  والمطلوب:

(1) احسب قياسات زوايا المثلث  $ABC$ .

(2) أثبت أن  $DB$  منصف للزاوية  $\widehat{CBH}$ .

**التمرين الثاني:** في الشكل المجاور نصف دائرة  $C$  التي مركزها  $O$  وقطرها  $AB$ ،

$MO \perp AB$ ،  $\widehat{DBM} = 30^\circ$ . المطلوب:

(1) ما طبيعة المثلث  $ABM$  واستنتج قياس الزاوية  $\widehat{ABD}$ .

(2) احسب قياسات زوايا المثلث  $ADM$ .

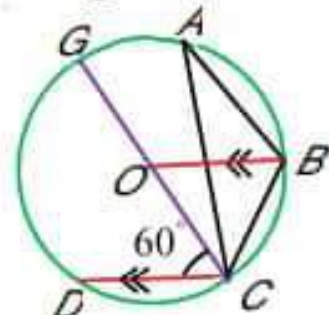
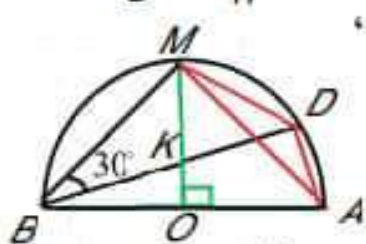
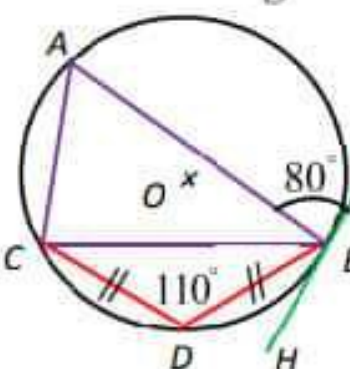
(3) أثبت أن الرباعي  $ADKO$  دائري وعين مركز الدائرة المارة برؤوسه.

**التمرين الثالث:** في الشكل المجاور  $CG$  قطر الدائرة التي مركزها  $O$ ،

$CD \parallel OB$ ،  $\widehat{GCD} = 60^\circ$ ، المطلوب:

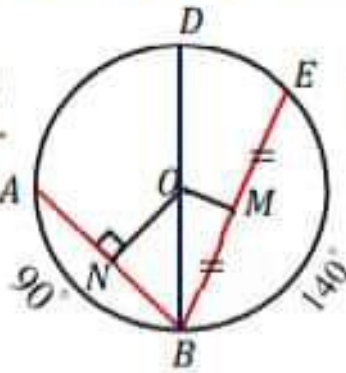
(1) أثبت أن المثلث  $OBC$  متساوي الأضلاع.

(2) احسب قياس الزاوية  $\widehat{CAB}$  وقياس القوس  $\widehat{DC}$ .



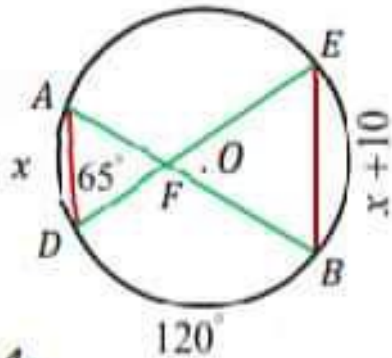
يتبع في الصفحة الثانية

ورقة عمل للوحدة الثالثة هندسة (تاسع) ((الصفحة الثانية)) اعداد المدرسون المتحدون 2020



- التمرين الرابع:** في الشكل دائرة  $C$  مركزها  $O$  وقطرها  $[BD]$ ،  
الوتران  $[BA]$  و  $[BE]$  متقاطعان بالنقطة  $B$ ، النقطة  $M$  منتصف  $[BE]$   
و  $ON \perp AB$ ، بفرض  $\widehat{AB} = 90^\circ$  و  $\widehat{BE} = 140^\circ$ ، المطلوب:  
(1) ما طبيعة المثلث  $AOB$ .  
(2) احسب قياس الزاوية  $\widehat{ABE}$ .  
(3) أثبت أن الرباعي  $ONBM$  دائري، واحسب قياس  $\widehat{NOM}$ .

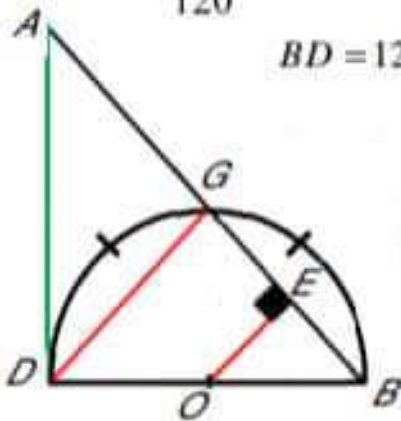
**التمرين الخامس:** في الدائرة المجاورة التي مركزها  $O$ ، الوتران  $[AB]$  و  $[DE]$  متقاطعان في النقطة  $F$ ،



- قياس الزاوية  $\widehat{ADE} = 65^\circ$  و قياس القوس  $\widehat{DB} = 120^\circ$ ، والمطلوب:  
(1) احسب قياس القوس  $\widehat{EA}$  واحسب قياس كل من الزاويتين  $\widehat{DAB}$  و  $\widehat{ABE}$ .  
(2) احسب قياس الزاوية  $\widehat{AFD}$ .  
(3) بفرض قياس  $\widehat{DA} = x$ ،  $\widehat{EB} = x + 10$ ، احسب قيمة  $x$  واستنتج قياس  $\widehat{EB}$ .

**ثالثاً: حل المسألتين الآتيتين: (100 درجة لكل مسألة)**

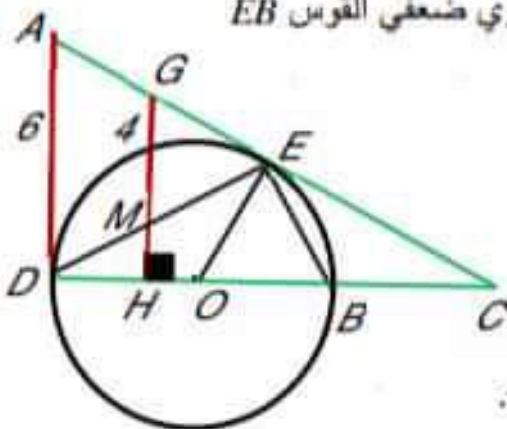
**المسألة الأولى:** في الشكل المرسوم جانبياً: نصف دائرة مركزها  $O$ ، وقطرها  $BD = 12 \text{ cm}$



- $AD$  مماس للدائرة في  $D$ ، النقطة  $G$  منتصف القوس  $\widehat{BD}$ ، والمطلوب:  
(1) أثبت أن النقطة  $G$  منتصف  $AB$ .  
(2) احسب طول  $DG$ .  
(3) بفرض  $OE \perp BG$  أثبت تشابه المثلثين  $OBE$ ،  $DGB$  واحسب طول  $OE$ .  
(4) أثبت أن الرباعي  $AEOD$  دائري وعين مركز الدائرة المارة من رؤوسه واحسب طول نصف قطرها.

**المسألة الثانية:** في الشكل المرسوم جانبياً: دائرة  $C$  مركزها  $O$ ، قطرها  $BD$ ،

$(AE)$ ،  $(AD)$  مماسان لها مرسومين من النقطة  $A$ ، قياس القوس  $\widehat{ED}$  يساوي ضعفي القوس  $\widehat{EB}$



ولیکن  $GM = 4 \text{ cm}$ ،  $AD = 6 \text{ cm}$ ،  $BD = 4\sqrt{3} \text{ cm}$ ، والمطلوب:

- (1) احسب قياس القوسين  $\widehat{EB}$ ،  $\widehat{ED}$ .  
(2) أوجد قياسات زوايا المثلث  $EOC$ ، واحسب أطوال اضلاعه.  
(3) أثبت أن النقطة  $B$  منتصف  $OC$ .  
(4) أثبت أن المثلث  $AED$  متساوي الاضلاع.  
(5) أثبت تشابه المثلثين  $GME$ ،  $ADE$  واحسب محيط المثلث  $GME$ .  
(6) أثبت أن الرباعي  $GHOE$  دائري وعين مركز الدائرة المارة من رؤوسه.

انتهت الاسئلة

ورقة عمل للوحدة الثالثة هندسة (تاسع) ((الصفحة الأولى)) اعداد المدرسون المتحدون 2020



((((نموذج ب)))

**أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين: (60 درجة للسؤال الأول 40 درجة للسؤال الثاني)**  
السؤال الأول: في كل حالة آتية إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة . اكتبها.

1) إذا كان  $ABCD$  رباعي دائري فإن:

A	$\widehat{ACB} + \widehat{ABC} = 180^\circ$	B	$\widehat{ADC} + \widehat{DCB} = 180^\circ$	C	$\widehat{ADC} + \widehat{CBA} = 180^\circ$
---	---	---	---	---	---

2) الدائرتان  $C(O, 5), C'(O', 3)$  متباعدتين داخلاً فإن البعد بين مركزيهما  $OO'$  هو:

A	$OO' = 2$	B	$OO' < 2$	C	$OO' > 2$
---	-----------	---	-----------	---	-----------

3)  $ABCD$  رباعي دائري فيه  $CM$  هو امتداد الضلع  $DC$  فإن قياس الزاوية  $\widehat{BCM}$  يساوي:

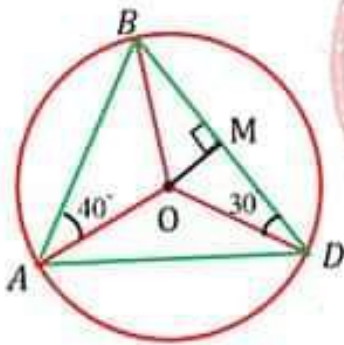
A	$\widehat{ADC}$	B	$\widehat{DAB}$	C	$\widehat{ABC}$
---	-----------------	---	-----------------	---	-----------------

4) لتكن الزاوية  $\widehat{AOB} = 60^\circ$  حيث  $O$  مركز مضلع منتظم وليكن  $A, B$  رأسين متتاليين فيه فإن عدد أضلاعه هو:

A	3	B	12	C	6
---	---	---	----	---	---

**السؤال الثاني: اجب بكلمة صح أو خطأ على العبارات التالية:**

- 1) الدائرة هي مجموعة نقط المستوي  $M$  التي تحقق  $OM \geq R$ .
- 2) المستقيم المماس لدائرة يبعد عن مركزها مسافة تساوي نصف قطرها.
- 3) إذا تساوت أطوال أضلاع مضلع كان المضلع منتظم.
- 4) في دائرتين متقاطعتين يكون البعد بين مركزيهما يساوي طول نصف قطر إحدى الدائرتين.



**ثانياً: حل التمارين الخمسة الآتية: (60 درجة لكل تمرين)**

**التمرين الأول:** في الشكل المرسوم جانبياً:

الدائرة  $C$  التي مركزها  $O$  ونصف قطرها  $OA = 6 \text{ cm}$ ,

ولیکن  $\widehat{OAB} = 40^\circ, \widehat{ODB} = 30^\circ$  والمطلوب:

1) احسب قياس الزاوية  $\widehat{AOD}$ .

2) اوجد قياسات زوايا المثلث  $ABD$ .

3) احسب طول  $BD$ .

**التمرين الثاني:** في الشكل المجاور  $ABEDF$  خماسي منتظم مركزه  $O$ .

نصفي المستقيمين  $[FD]$  و  $[BE]$  متقاطعين في النقطة  $M$ . المطلوب:

1) احسب قياس الزاوية  $\widehat{EOD}$ .

2) احسب قياس الزاوية  $\widehat{DEB}$ .

3) أثبت أن المثلث  $EMD$  متساوي الساقين، واحسب قياسات زواياه.

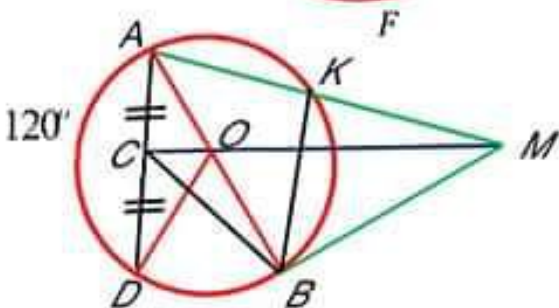
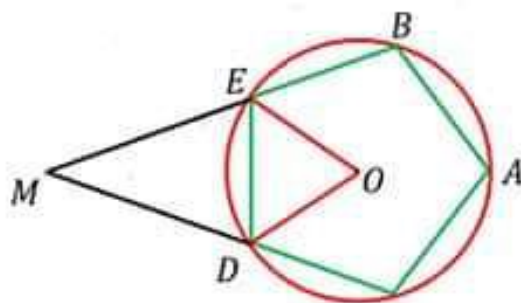
**التمرين الثالث:** في الشكل المجاور  $AB$  قطر الدائرة التي مركزها  $O$ ,

النقطة  $C$  منتصف الوتر  $AD$ , قياس القوس  $\widehat{DA} = 120^\circ$ ,

$MB$  مماس للدائرة في  $B$ . المطلوب:

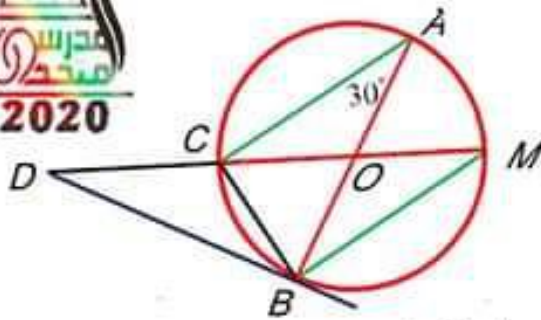
1) اوجد قياس الزاويتين  $\widehat{DOB}, \widehat{DAB}$ .

2) أثبت أن الرباعي  $ACBM$  دائري.



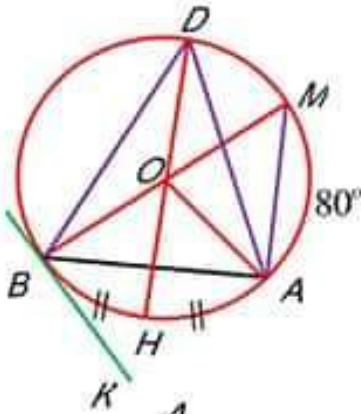
يتبع في الصفحة الثانية

ورقة عمل للوحدة الثالثة هندسة (تاسع) ((الصفحة الثانية)) اعداد المدرسون المتحدون 2020  
 (((نموذج ب)))



- التمرين الرابع:** الدائرة  $C$  مركزها  $O$ ، وليكن  $CM$  قطران فيها،  
 $BD$  مماس للدائرة في  $B$ ، قياس الزاوية  $\widehat{BAC} = 30^\circ$  والمطلوب:  
 (1) أوجد قياس الزوايا:  $\widehat{COB}$ ،  $\widehat{CMB}$ ،  $\widehat{CBD}$ .  
 (2) احسب قياس الزاوية  $\widehat{ABM}$  واستنتج طبيعة الرباعي  $AMBC$ .  
 (3) أثبت أن  $CD = CB$ .

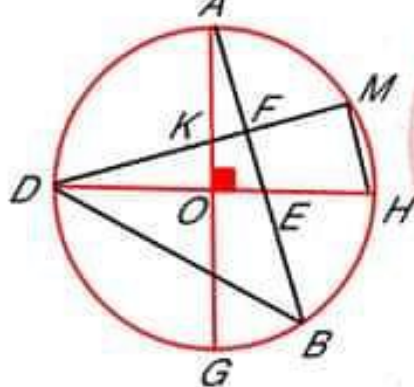
**التمرين الخامس:**  $DH$ ،  $BM$  قطران في الدائرة التي مركزها  $O$ ،  $KB$  مماس في  $B$ ،



- والنقطة  $H$  منتصف القوس  $\widehat{AB}$ ، قياس القوس  $\widehat{AM} = 80^\circ$ ، المطلوب:  
 (1) أوجد قياس الزاوية  $\widehat{AOB}$  واستنتج قياس  $\widehat{HOA}$ .  
 (2) احسب قياس الزاويتان  $\widehat{AMB}$ ،  $\widehat{KBA}$ .  
 (3) أثبت أن المثلث  $ABD$  متساوي الساقين.  
 (4) أثبت أن القوسين  $\widehat{DM}$ ،  $\widehat{BH}$  طبوقين.

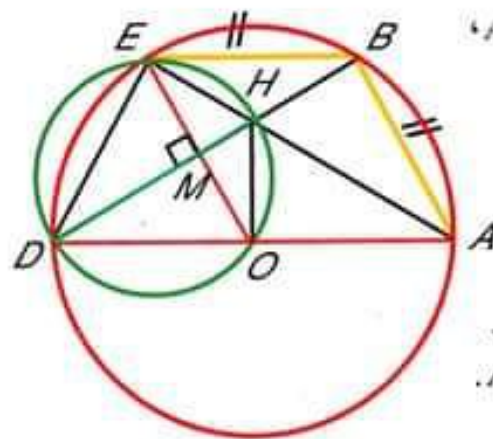
**ثالثاً: حل المسالتين الآتيتين: (100 درجة لكل مسألة)**

**المسألة الأولى:** في الشكل المجاور دائرة  $C$  مركزها  $O$ ،



- القطران  $AG$ ،  $DH$  متعامدان، وليكن القوسان  $\widehat{HM} = \widehat{GB} = 30^\circ$ ، المطلوب:  
 (1) أوجد قياسات زوايا المثلث  $DMH$  واحسب قياس الزاوية  $\widehat{DBA}$ .  
 (2) ما طبيعة المثلث  $DAH$ .  
 (3) احسب قياس الزاوية  $\widehat{GAB}$  واستنتج قياس الزاوية  $\widehat{OEA}$ .  
 (4) أثبت أن  $MH \parallel AB$ ، واستنتج تشابه المثلثين  $DEF$ ،  $DMH$ .  
 (5) أثبت أن الرباعي  $OKFE$  دائري وعين مركز الدائرة المارة برؤوسه.

**المسألة الثانية:** في الشكل المرسوم جانباً: دائرة  $C$  مركزها  $O$  وقطرها  $AD$ ،



- والدائرة  $C'$  تقطع الدائرة  $C$  في النقطتين  $D$  و  $E$ ،  
 النقطة  $B$  منتصف القوس  $\widehat{AE}$  وليكن  $\widehat{DE} = \frac{1}{3} \widehat{DA}$ ،  
 وليكن  $OE$  عمود على  $BD$  في النقطة  $M$ ، المطلوب:  
 (1) احسب قياس الزوايا  $\widehat{EBD}$ ،  $\widehat{EOD}$ ،  $\widehat{EAD}$ .  
 (2) أثبت أن المثلث  $OED$  متساوي الاضلاع، واحسب قياس الزاوية  $\widehat{AHO}$ .  
 (3) أثبت أن المثلث  $DHA$  متساوي الساقين، واستنتج أن  $OH$  عمود على  $AD$ .  
 (4) أثبت أن الرباعي  $ABHO$  دائري، وعين مركز الدائرة المارة برؤوسه.

انتهت الاسئلة