

أوراق عمل دروس مقرر الرياضيات ١-٢

(1-1) / خصائص الأعداد الحقيقية



(1) تحقق من فهمك

حدّد مجموعات الأعداد التي ينتمي إليها كل عدد مما يأتي:

Z, Q, R -185 (1A)

Z, Q, R $-\sqrt{49}$ (1B)

I, R $\sqrt{95}$ (1C)

Q, R $-\frac{7}{8}$ (1D)

(2) تحقق من فهمك

ما الخاصية الموضّحة في: $2(x + 3) = 2x + 6$ ؟

التوزيع

(3) تحقق من فهمك

أوجد النظير الجمعي والنظير الضربي للعدد

$\frac{5}{2} = 2\frac{1}{2}$ (3B)

1.25 (3A)

النظير الجمعي = 1.25، أو $-\frac{5}{4}$

النظير الجمعي = $-\frac{5}{2}$

النظير الضربي = $\frac{1}{1.25}$ ، أو $\frac{4}{5}$

النظير الضربي = $\frac{2}{5}$

(4) تحقق من فهمك

أعمال: يتقاضى كمال 20 ريالاً عن كل ساعة عمل في محل تجاري. فإذا كانت ساعات عمله في أحد

الأسابيع هي 4، 3، 2.5، 3، 4، فما المبلغ الذي حصل عليه كمال في ذلك الأسبوع؟

تحقق من فهمك 

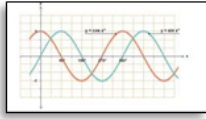
(5)

بسّط العبارة: $3(4x - 2y) - 2(3x + y)$

$$12x - 6y - 6x - 2y$$

$$= 6x - 8y$$

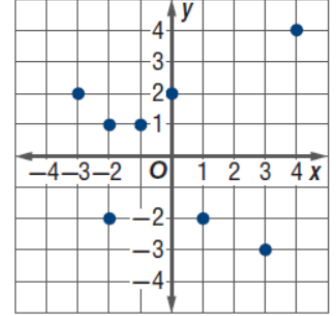
تمارين إضافية :



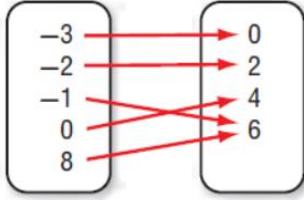
(1) تحقق من فهمك

حدّد مجال كلّ علاقة فيما يأتي ومداها، وبيّن ما إذا كانت دالة أم لا، وإذا كانت كذلك فهل هي متباينة أم لا؟

(1A)



(1B)



المجال = $\{-3, -2, -1, 0, 8\}$

المداها = $\{0, 2, 4, 6\}$

دالة غير متباينة

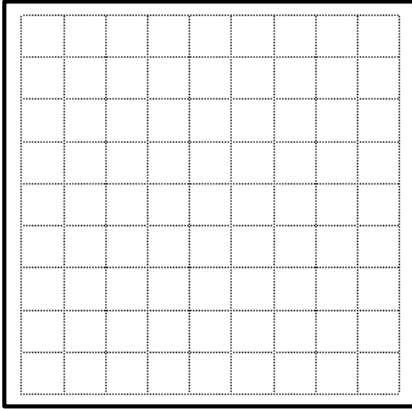
المجال = $\{-3, -2, -1, 0, 1, 3, 4\}$

المداها = $\{-3, -2, 1, 2, 4, 7\}$

غير دالة

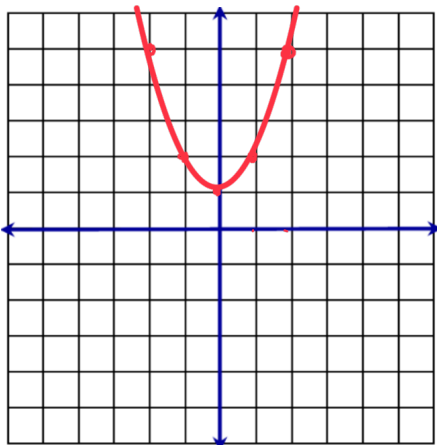
(2) تحقق من فهمك

عمال: إذا كان عدد العاملين في إحدى المؤسسات في الأعوام من 1424هـ إلى 1429هـ على الترتيب هو: 25, 28, 34, 31, 27, 29. مثل هذه البيانات بيانياً، وهل العلاقة التي تمثلها هذه البيانات منفصلة أم متصلة. وهل تمثل دالة؟



(3) تحقق من فهمك

مثّل المعادلة $y = x^2 + 1$



x	y
2	5
1	2
0	1
-1	2
-2	5

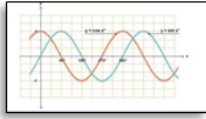
لنكن $g(x) = 0.5x^2 - 5x + 3.5$ فأوجد $g(4a)$ (4B)

$$\begin{aligned} &= 0.5(4a)^2 - 5(4a) + 3.5 \\ &= 0.5(16a^2) - 20a + 3.5 \\ &= 8a^2 - 20a + 3.5 \end{aligned}$$

 $g(2.8)$ (4A)

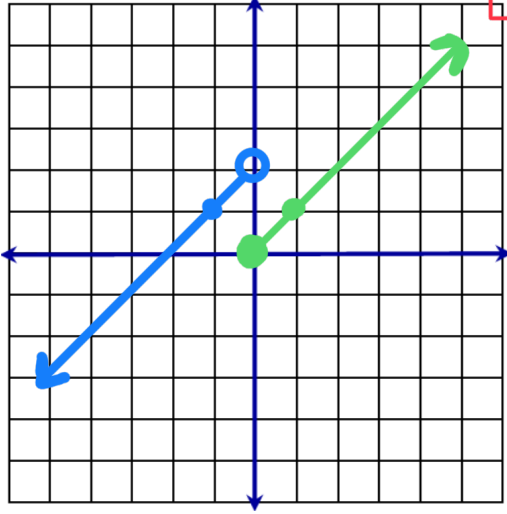
$$\begin{aligned} &0.5(2.8)^2 - 5(2.8) + 3.5 \\ &= -6.58 \end{aligned}$$

تمارين إضافية :

 **$f(x)$ هي y**

تحقق من فهمك

(1)



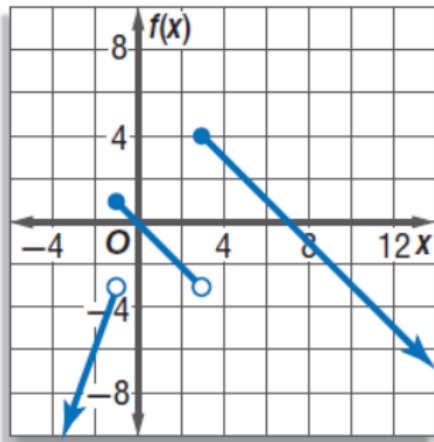
مثل الدالة $f(x) = \begin{cases} x + 2, & x < 0 \\ x, & x \geq 0 \end{cases}$ بيانياً

ثم حدد كلاً من مجالها ومداهما

$R =$ المجال $f(x) = x$

$R = \mathbb{R}$ $f(x) = x + 2$

x	$f(x)$	x	$f(x)$
0	0	0	2
1	1	-1	1



تحقق من فهمك

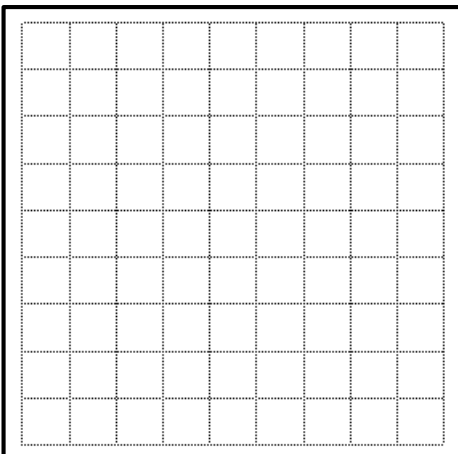
(2)

اكتب الدالة المتعددة التعريف الممثلة بيانياً في الشكل المجاور.

تحقق من فهمك

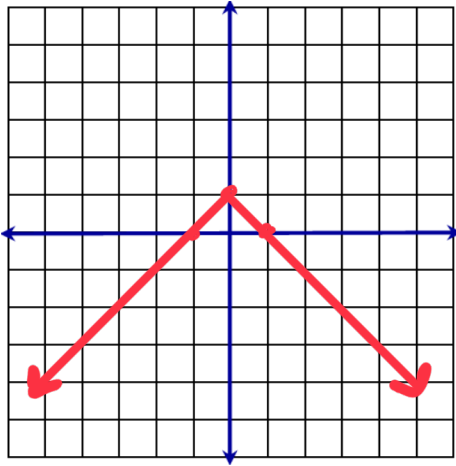
(3)

إعادة تدوير الورق: تدفع شركة لإعادة تدوير الورق 25 ريالاً عن كل صندوق من الورق يتم إحضاره للشركة ولا تدفع أي شيء مقابل أي صندوق غير ممتلئ بالكامل. اكتب الدالة التي تمثل هذا الموقف ومثلها بيانياً.

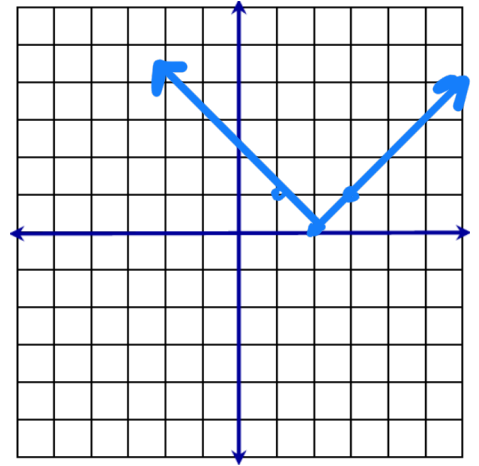


مثل الدوال التالية بيانياً ثم حدد كلاً من مجالها ومداهما :

$$f(x) = -|x| + 1 \quad (4B)$$



$$f(x) = |x - 2| \quad (4A)$$



$R = \mathbb{R}$ المجال

x	f(x)
1	0
0	1
-1	0

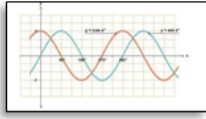
المركب = $f(x) \leq 1$

$R = \mathbb{R}$ المجال

x	f(x)
3	1
2	0
1	1

المركب = $f(x) \geq 0$

تمارين إضافية :

**(1) تحقق من فهمك**

مثل المتباينات التالية بيانياً:

$$-x + 2y > 4 \quad (1B)$$

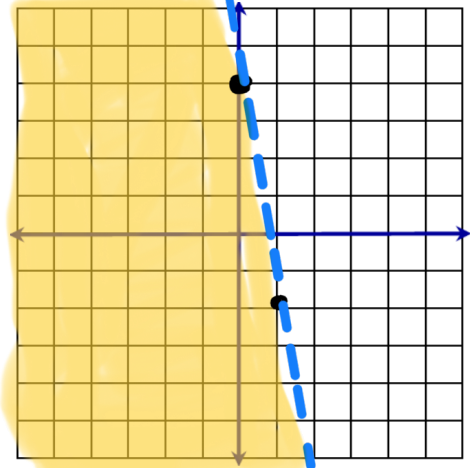
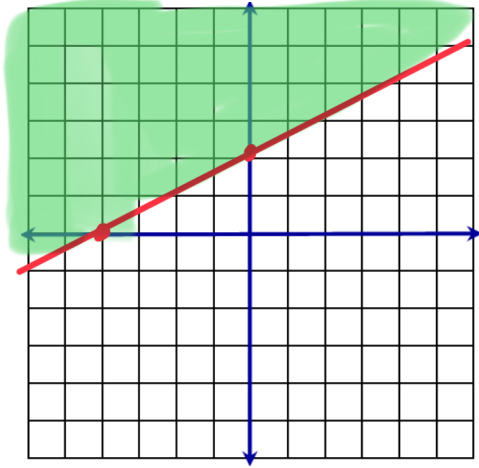
$$3x + \frac{1}{2}y < 2 \quad (1A)$$

اختيار $(0,0)$
 $-x + 2y > 4$
 $0 > 4$ x
 إذًا نظالم المنطقه التي لا تحتوي على $(0,0)$

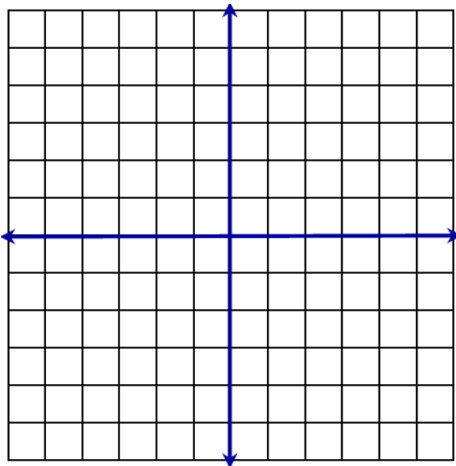
x	y
-4	0
0	2

اختيار $(0,0)$
 $3x + \frac{1}{2}y < 2$
 $0 < 2$ ←
 إذًا نظالم المنطقه التي لا تحتوي على $(0,0)$

x	y
0	4
1	-2

**(2) تحقق من فهمك**

ألعاب: مع صالح 60 ريالاً يستطيع إنفاقها في مدينة الألعاب. فإذا كان ثمن تذكرة الألعاب الإلكترونية 5 ريالاً، وثمان تذكرة كل لعبة عادية 6 ريالاً. فاكتب متباينة تصف هذا الموقف، ثم مثلها بيانياً.



مثل المتباينات التالية بيانياً:

$$y \geq 3|x + 1| \quad (3B)$$

$$y \leq 2|x| + 3 \quad (3A)$$

اختيار (0,0) $y = 3|x+1|$

x	y
0	3
-1	0
-2	3

$y > 3|x+1|$
 $0 > 3 \times$

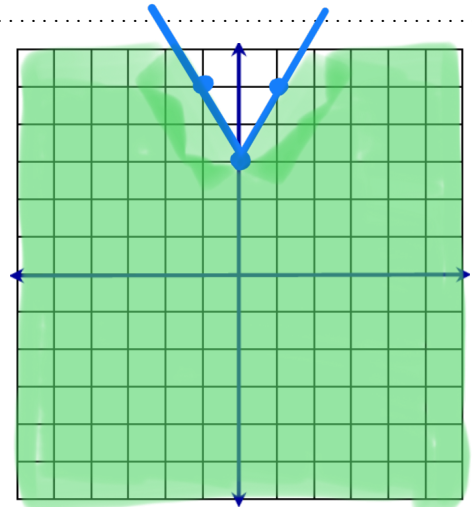
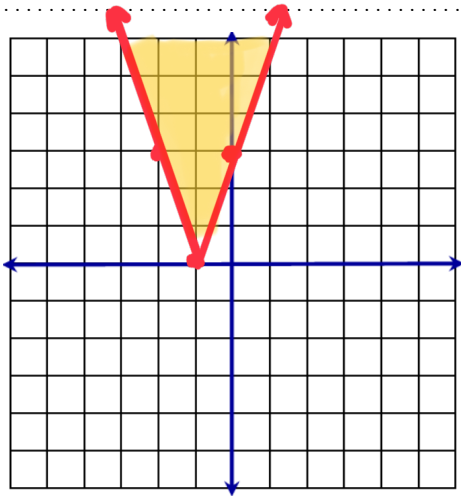
إذاً نظل المنطقه التي لا تحتوي (0,0)

اختيار (0,0) $y = 2|x| + 3$

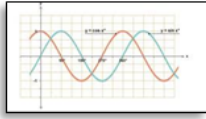
x	y
-1	5
0	3
1	5

$y \leq 2|x| + 3$
 $0 \leq 3$ ✓

إذاً نظل المنطقه التي تحتوي (0,0)



تمارين إضافية :



(1) تحقق من فهمك

حل الأنظمة التالية بيانياً:

$y \geq |x|$ (1B)

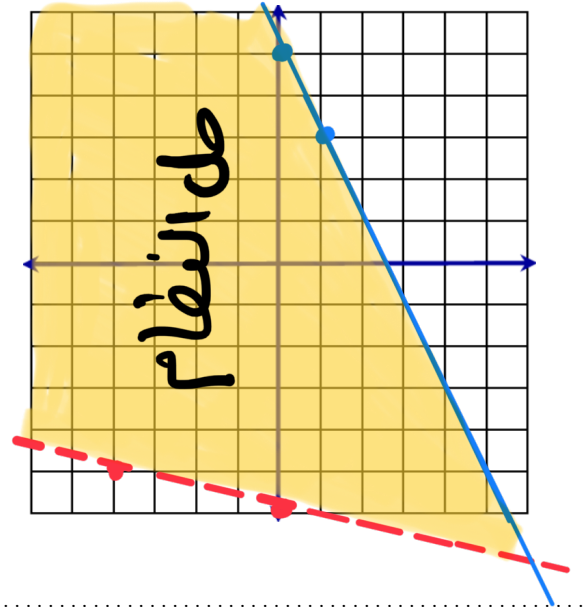
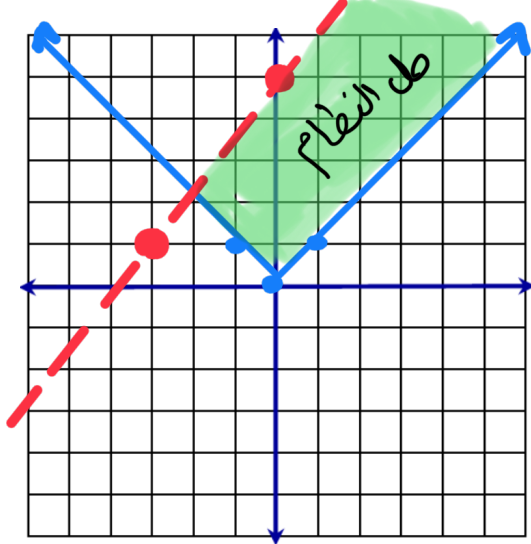
$y < \frac{4}{3}x + 5$

$y \leq -2x + 5$ (1A)

$y > -\frac{1}{4}x - 6$

$y = \frac{4}{3}x + 5$		$y = x $	
x	y	x	y
0	5	1	1
-3	1	0	0
		-1	1

$y = -\frac{1}{4}x - 6$		$y = -2x + 5$	
x	y	x	y
0	-6	0	5
-4	-5	1	3



(2) تحقق من فهمك

حل الأنظمة التالية بيانياً:

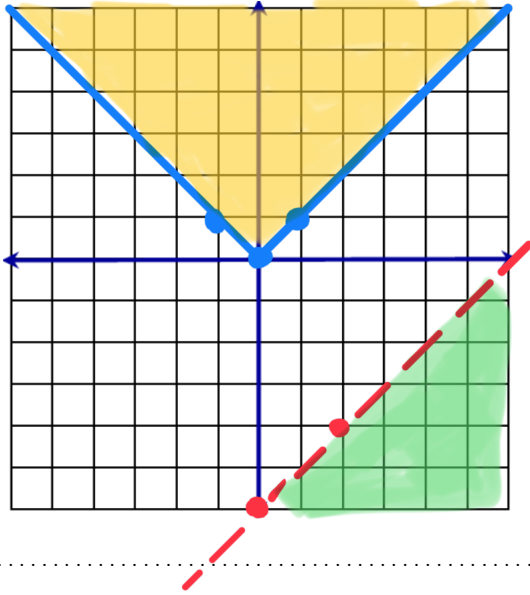
$y \geq |x|$ (2B)

$y < x - 6$

$y \geq -4x + 8$ (2A)

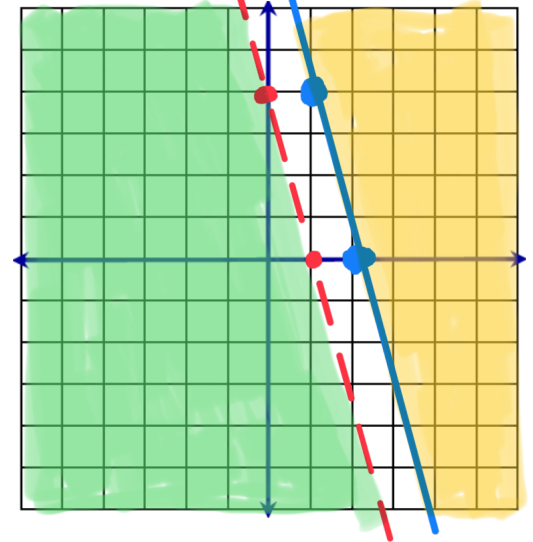
$y < -4x + 4$

$y = x - 6$		$y = x $	
x	y	x	y
0	-6	1	1
2	-4	0	0
		-1	1



لا يوجد حل للنظام

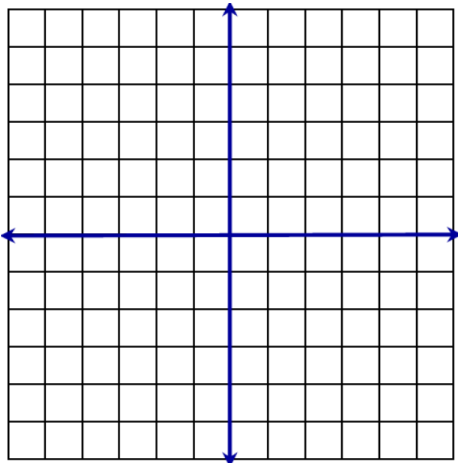
$y = -4x + 4$		$y = -4x + 8$	
x	y	x	y
0	4	1	4
1	0	2	0



لا يوجد حل للنظام

(3) تحقق من فهمك

سفر: خرج مشاري وبدر في رحلة لزيارة بعض محافظات المملكة براً فتناوبا قيادة السيارة. فإذا كانت فترات قيادة مشاري للسيارة على نحوٍ متواصل في اليوم لا تقل عن 4 ساعات، ولا تزيد على 8 ساعات، وكانت فترات قيادة بدر للسيارة على نحوٍ متواصل في اليوم لا تقل عن ساعتين ولا تزيد على 5 ساعات، وكان إجمالي زمن قيادة كليهما يومياً لا يزيد على 10 ساعات، فاكتب نظام متباينات خطية يمثل هذا الموقف، ثم مثله بيانياً.



(4) تحقق من فهمك

أوجد إحداثيات رؤوس المثلث الناتج عن التمثيل البياني للنظام الآتي:

$$5y \leq 2x + 9 \quad (4B)$$

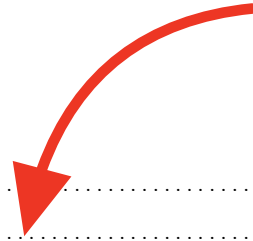
$$y \leq -x + 6$$

$$9y \geq -2x + 5$$

$$y \geq -3x - 6 \quad (4A)$$

$$2y \geq x - 16$$

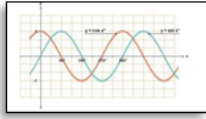
$$11y + 7x \leq 12$$



The handwritten solution shows the following steps:

- Column 1:** Solves the system $2y = x - 16$ and $11y = -7x + 12$. It uses elimination to find $x = 8$ and $y = -4$, resulting in the vertex $(8, -4)$.
- Column 2:** Solves the system $y = -3x - 6$ and $11y = -7x + 12$. It uses elimination to find $x = -3$ and $y = 3$, resulting in the vertex $(-3, 3)$.
- Column 3:** Solves the system $y = -3x - 6$ and $2y = x - 16$. It uses elimination to find $x = \frac{4}{7}$ and $y = \frac{-54}{7}$, resulting in the vertex $(\frac{4}{7}, \frac{-54}{7})$.
- Column 4:** Solves the system $y = -3x - 6$ and $11y + 7x = 12$. It uses elimination to find $x = \frac{4}{7}$ and $y = \frac{-54}{7}$.

تمارين إضافية:



(١) ✓ تحقق من فهمك

مثل نظام المتباينات الآتي بيانياً، ثم حدّد إحداثيات رؤوس منطقة الحل، وأوجد القيمة العظمى والقيمة الصغرى للدالة المعطاة في هذه المنطقة:

$$-6 \leq y \leq -2 \quad (1B)$$

$$y \leq -x + 2$$

$$y \leq 2x + 2$$

$$f(x, y) = 6x + 4y$$

$$-2 \leq x \leq 6 \quad (1A)$$

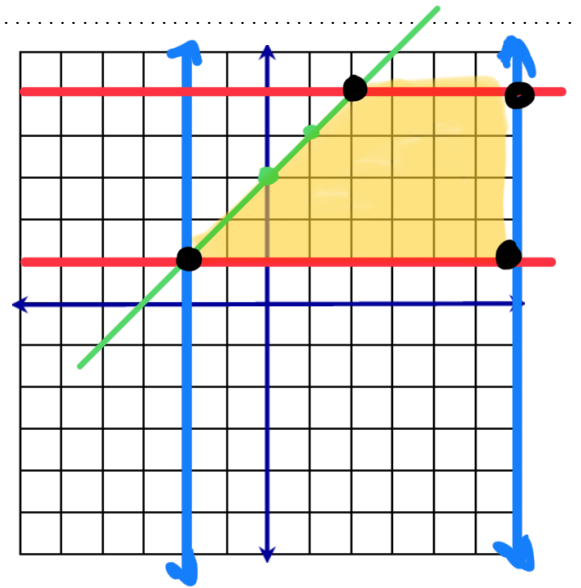
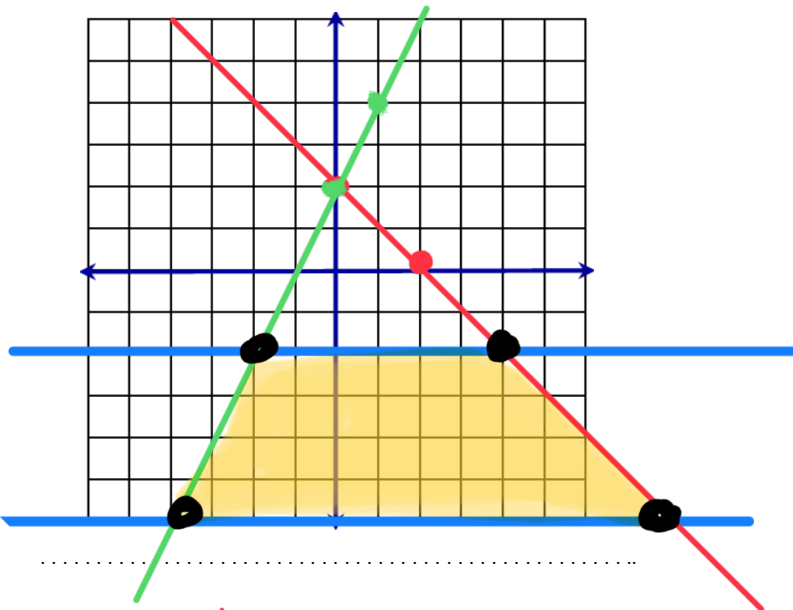
$$1 \leq y \leq 5$$

$$y \leq x + 3$$

$$f(x, y) = -5x + 2y$$

بما أن منطقة الحل مصرية
فإنه لنأخذ قيمه عظمى وصغرى

بما أن منطقة الحل
مصرية فهناك قيمه عظمى
وصغرى



(x, y)	$6x + 4y$	$f(x, y)$
$(-2, -2)$	$-12 + (-8)$	-20
$(-4, -6)$	$-24 + (-24)$	-48 صغرى
$(4, -2)$	$24 + (-8)$	16
$(8, -6)$	$48 + (-24)$	24 عظمى

(x, y)	$-5x + 2y$	$f(x, y)$
$(-2, 1)$	$10 + 2$	12 عظمى
$(2, 5)$	$-10 + 10$	0
$(6, 5)$	$-30 + 10$	-20
$(6, 1)$	$-30 + 2$	-28 صغرى

(2) تحقق من فهمك

مثل نظام المتباينات الآتي بيانًا، ثم حدّد إحداثيات رؤوس منطقة الحل، وأوجد القيمة العظمى والقيمة الصغرى للدالة المعطاة في هذه المنطقة:

$y \geq x - 9$ (2B)

$y \leq -4x + 16$

$y \geq -4x - 4$

$f(x, y) = 10x + 7y$

بما أنه منطقة الحل غير محصورة فإن هناك قيمة عظمى أو صغرى

$y \leq 8$ (2A)

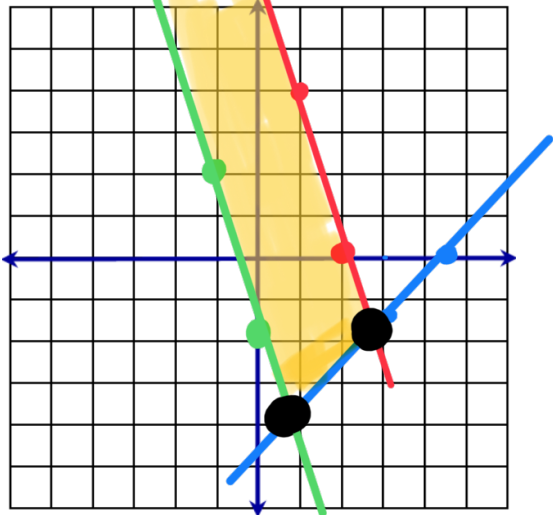
$y \geq -x + 4$

$y \leq -x + 10$

$f(x, y) = -6x + 8y$

بما أنه منطقة الحل غير محصورة فإن هناك قيمة عظمى أو صغرى

ملاحظة: كل مربع ب 2

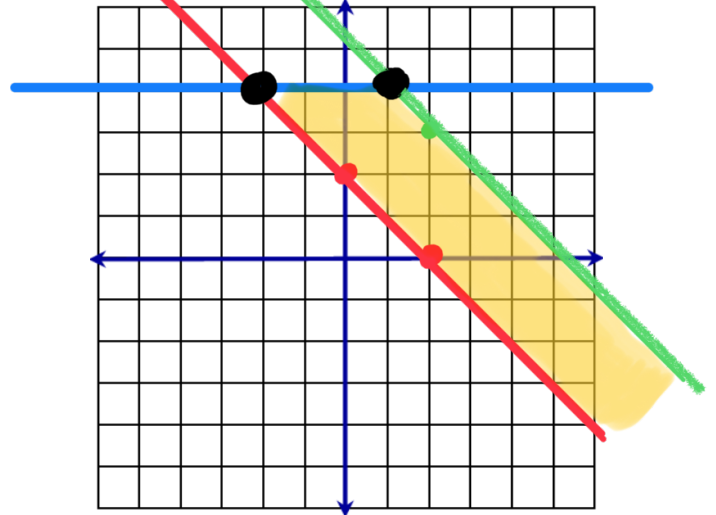


(x, y)	$10x + 7y$	$f(x, y)$
$(5, -4)$	$50 + (-28)$	22
$(1, -8)$	$10 + (-56)$	-46
$(2, 6)$	$20 + 42$	62

نقطة اختبار

إذا القيمة العظمى غير منتهية
إذا القيمة صغرى

ملاحظة: كل مربع ب 2



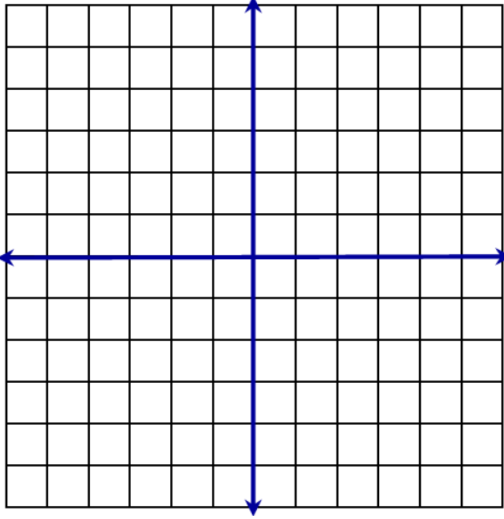
(x, y)	$-6x + 8y$	$f(x, y)$
$(2, 8)$	$-12 + 64$	52
$(-4, 8)$	$24 + 64$	88
$(4, 4)$	$-24 + 32$	8

نقطة اختبار

إذا القيمة الصغرى غير منتهية
إذا القيمة عظمى

(3) تحقق من فهمك

مجوهرات: تصوغ أسماء من 10 إلى 25 عقدًا، ومن 15 إلى 40 سوارًا شهريًا. فإذا كانت أجرة صياغة العقد 50 ريالاً. وأجرة صياغة السوار 30 ريالاً، وصاغت في أحد الأشهر 30 قطعة من العقود والأساور على الأقل، فكم قطعة من كلا النوعين عليها صياغتها لتحصل على أكبر أجر؟



تمارين إضافية :