

## ملاحظات الميكانيك

### ملاحظات حل مسائل النواس المرن

$$1. \text{الدور الخاص ووحدته (sec)} \left\{ \begin{array}{l} T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \\ T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} \text{ النبض} \\ T_0 = \frac{\text{زمن الهزات}}{\text{عدد الهزات}} \end{array} \right. \text{حسب المعطيات من ثلاثة طرق}$$

- ✓ الدور الخاص للنواس المرن لا علاقة له بالجاذبية  $g$  ولا بسعة الاهتزاز  $X_{max}$  (يعني لما يغيرن يبقى الدور كما هو  $T_0 = T_0'$ )  
✓ الدور الخاص للنواس المرن له علاقة بالكتلة  $m$  (تناسب طردي) وبثابت صلابة النابض  $k$  (تناسب عكسي)

$$2. \text{الاستطالة السكونية: } x_0 = \frac{m \cdot g}{k} \Rightarrow mg = kx_0$$

وإذا لم تعطى قيم  $m, k$

✓ نستطيع تبديل  $\omega_0^2 = \frac{k}{m}$  فيكون  $x_0 = \frac{m \cdot g}{\omega_0^2}$

✓ نربع ونعزل  $x_0$  نعوض بدل  $\frac{m}{k}$  في علاقة الدور  $mg = kx_0 \Rightarrow \frac{m}{k} = \frac{x_0}{g} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{x_0}{g}}$

3. قوة الارجاع  $\vec{F} = -k\vec{x}$  (N) القوة التسارع  $\vec{a} = -\omega_0^2 \vec{x}$  ( $m \cdot s^{-2}$ )  
لما يطلبن رح يعطي قيمة المطال  $x$  أو (اللحظة  $t = 0$  تكون مثلاً  $x = +X_{max}$ )

✓ شدة قوة الارجاع بالقيمة المطلقة وشدة محصلة القوى هي نفسها شدة قوة الارجاع  $|\vec{F}| = |m \cdot \vec{a}| = |k\vec{x}|$

4. ثابت صلابة النابض  $k$  ( $N \cdot m^{-1}$ )

✓ إذا أعطانا النبض الخاص  $\omega_0$  :  $k = m \cdot \omega_0^2$  أو عندما يعطينا خط بياني للطاقة نحسب منه  $k$  : من علاقة الطاقة الكلية :  $E = \frac{1}{2} k X_{max}^2$  ونعزل  $k$  :

✓ أو نحسبه من علاقة الدور بعد ترتيبها :  $k = 4\pi^2 \frac{m}{T_0^2}$   $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow T_0^2 = 4\pi^2 \frac{m}{k}$

5. استنتاج التابع الزمني:

(1) نكتب الشكل العام:  $\vec{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$

(2) نعين الثوابت:  $\omega_0, X_{max}, \varphi$

(3) نعوض الثوابت بالشكل العام

•  $\omega_0$  النبض الخاص ( $rad \cdot s^{-1}$ ):  $\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0}$  أو  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$

• سعة الحركة ، سعة الاهتزاز ، ضمن جدول مرونة النابض ،  $X_{max} = \frac{\text{طول القطعة المستقيمة}}{2}$  تعني كلها

• تعيين  $\varphi$  من شروط البدء

الاتجاه الموجب:  $v > 0$  ، السرعة موجبة ، الاتجاه السالب:  $v < 0$  ، السرعة سالبة

شروط البدء :  $t = 0, x = \frac{X_{max}}{2}$  ، الاتجاه سالب مثلاً

نعوض شروط البدء بتابع المطال :  $\vec{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$

$$\frac{X_{max}}{2} = X_{max} \cos\left(\frac{\pi}{2}(0) + \varphi\right)$$

$$\Rightarrow \cos\varphi = +\frac{1}{2} \left\{ \begin{array}{l} \varphi = +\frac{\pi}{3} \text{ rad (إما)} \\ \varphi = -\frac{\pi}{3} \text{ rad (أو)} \end{array} \right.$$

نختار  $\varphi$  قيمة التي تجعل السرعة سالبة:

$$\vec{v} = (\vec{x})'_t = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \varphi)$$

نعوض شروط البدء  $t = 0, v < 0$

$$\vec{v} = -\omega_0 X_{max} \sin\varphi < 0$$

$$\varphi = +\frac{\pi}{3} \Rightarrow \vec{v} = -\omega_0 X_{max} \sin\left(+\frac{\pi}{3}\right) \Rightarrow v < 0 \text{ مقبول}$$

$$\varphi = -\frac{\pi}{3} \Rightarrow \vec{v} = +\omega_0 X_{max} \sin\left(-\frac{\pi}{3}\right) \Rightarrow v > 0 \text{ مفروض}$$

في الوضعين الطرفين  $x = \pm X_{max}$  تنعدم السرعة في كلا الاتجاهين  $v = 0$

شروط البدء :  $t = 0, x = +X_{max}$  ، تركت دون سرعة ابتدائية

نعوض شروط البدء بتابع المطال :

$$\vec{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$+X_{max} = X_{max} \cos(\varphi) \Rightarrow \cos\varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0$$

شروط البدء :  $t = 0, x = -X_{max}$  ، تركت دون سرعة ابتدائية

نعوض شروط البدء بتابع المطال :

$$\vec{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$-X_{max} = X_{max} \cos(\varphi) \Rightarrow \cos\varphi = -1 \Rightarrow \varphi = \pi \text{ rad}$$

تابع السرعة :  $\vec{v} = (\vec{x})'_t = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \varphi)$

6. السرعة العظمى طويلاً (موجبة) :  $v_{max} = \omega_0 X_{max}$

سرعة المرور الاول بوضع التوازن في كلا الاتجاهين ( $t = 0, x = \pm X_{max}$ ) :  $v = \pm \omega_0 X_{max}$

حساب السرعة طويلاً عند المطال  $x$  معلوم معطى  $v = \omega_0 \sqrt{X_{max}^2 - x^2}$  وعندما يكون الاتجاه الموجب:  $v > 0$  ، السرعة موجبة ، الاتجاه السالب:  $v < 0$  ، السرعة سالبة

7. تعيين (زمن) أو لحظات المرور بوضع التوازن لعدة مرات :  
 ✓ إذا كانت شروط بدء الحركة من الوضعين الطرفيين ( $t = 0, x = \pm X_{max}$ )

الأول	الثاني	الثالث	الرابع
$t_1 = \frac{T_0}{4}$	$t_2 = \frac{3T_0}{4}$	$t_3 = \frac{5T_0}{4}$	$t_4 = \frac{7T_0}{4}$

✓ إذا كانت شروط بدء الحركة ليس من الوضعين الطرفيين ( $t = 0, x \neq \pm X_{max}$ )

1) نعدم تابع المطال لأن في وضع التوازن  $x = 0$  ←  $0 = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$   
 $X_{max} \neq 0 \Rightarrow \cos(\omega_0 t + \varphi) = 0$

2) نضع بدل  $(0) \cos(\frac{\pi}{2} + \pi k) = 0$  لأن  $\cos(\frac{\pi}{2} + \pi k) = 0$  حيث  $k$  عدد الدورات التي ينعدم عندها  $\cos$ :  $k = 0, 1, 2, 3, 4, \dots$

فيصبح:  $\cos(\omega_0 t + \varphi) = \cos(\frac{\pi}{2} + \pi k) \Rightarrow \omega_0 t + \varphi = \frac{\pi}{2} + \pi k$

3) نغزل الزمن  $t$  من المعادلة السابقة حيث تكون قيم  $\omega_0, \varphi$  معلومة من تابع المطال مسبقاً:  $t = \frac{\frac{\pi}{2} + \pi k - \varphi}{\omega_0}$

✓ نعوض  $k = 0$  للحصول على زمن المرور الأول و  $k = 1$  للمرور الثاني زمن الوصول من المطال الأعظمي الموجب إلى المطال الأعظمي السالب (الزمن بين الوضعيين المتناظرين  $\pm X_{max}$ ):  $t = \frac{T_0}{2}$

8. الطاقات :

الطاقة الكامنة المرونية التي يقدمها المحرب (بدون ماكس):  $E_p = \frac{1}{2} kX^2$

الطاقة الميكانيكية (الكلية) (مع ماكس):  $E = E_k + E_p, E = \frac{1}{2} kX_{max}^2$

الطاقة الحركية (من الفرق):  $E_k = E - E_p$

معطاة بالطلب  $X^2 - X_{max}^2$  سعة الحركة  $X_{max}^2 - X^2 \Rightarrow E_k = \frac{1}{2} k [X_{max}^2 - X^2]$

الطاقة الحركية عند مرور المتحرك بوضع التوازن  $x = 0 \Rightarrow E_p = 0 \Rightarrow E_k = E = \frac{1}{2} kX_{max}^2$

تحديد موضع (مطال)  $X$  مركز عطالة الجسم عندما تتساوى الطاقين الكامنة والحركية  $E_k = E_p$

نجدز الطرفين  $X^2 = \frac{X_{max}^2}{2} \Rightarrow X = \pm \frac{X_{max}}{\sqrt{2}}$

نعوض بالقوانين  $E = E_k + E_p \Rightarrow E = 2E_p \Rightarrow \frac{1}{2} kX_{max}^2 = 2 \cdot \frac{1}{2} kX^2 \Rightarrow X^2 = \frac{X_{max}^2}{2}$

9. تحديد موضع (مطال)  $X$  مركز عطالة الجسم في اللحظة  $t$  أو لحظة بدء الزمن  $t = 0$   
 نعوض هذا الزمن المعطى في تابع المطال فنتج لدينا قيمة  $x$  تكون هي موضع الجسم في ذلك الزمن المعطى

10. التوابع الزمنية الموجودة داخل الكتاب وخارجه :

اسم التابع و قانونه	التابع الزمني	تفصيل التابع الزمني	القيمة العظمى الطويلة له
المطال (موضع الجسم) : $\bar{x}$	$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$	$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$	$\bar{x} = X_{max}$
السرعة: $\bar{v} = (\dot{x})_t$	$\bar{v} = -v_{max} \sin(\omega_0 t + \varphi)$	$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \varphi)$	$v_{max} = \omega_0 X_{max}$
التسارع: $\bar{a} = (\ddot{x})_t$	$\bar{a} = -\omega_0^2 \bar{x}$	$\bar{a} = -\omega_0^2 X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$	$a_{max} = \omega_0^2 X_{max}$
قوة الإرجاع: $\bar{F}$	$\bar{F} = -F_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$	$\bar{F} = -kX_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$	$F_{max} = kX_{max} = m\omega_0^2 X_{max}$

ملاحظات حل النواس الفتل:

الدور الخاص للنواس الفتل:  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}}$

- ✓ الدور الخاص للنواس الفتل لا علاقة له بالجاذبية  $g$  ولا بسعة الاهتزاز  $\theta_{max}$  (يعني لا يغيرن يبقى الدور كما هو  $T_0 = T_0'$ )
  - ✓ الدور الخاص للنواس الفتل له علاقة بعزم العطالة للنواس  $I_{\Delta}$  (تناسب طردي) وثابت فتل سلك الفتل  $k$  (تناسب عكسي)
11. عزم العطالة  $I_{\Delta}$  :

- ✓  $I_{\Delta/m}$  : عزم عطالة أي نقطة مادية (كتلة نقطية) هو جداء الكتلة بمربع بعدها عن محور ثابت (سلك الفتل)  $I_{\Delta/m} = m \cdot r^2$    
 الكتل على طرفي الساق  $r = \frac{l}{2} \Rightarrow I_{\Delta/m} = m \cdot \frac{l^2}{4}$   
 الكتلة على محيط القرص  $I_{\Delta/m} = m \cdot r^2$
- ✓  $I_{\Delta/c}$  : عزم عطالة الجسم (ساق أو قرص) حول محور مار من منتصفه وعمودي على مستويه :  $I_{\Delta/c} = \frac{1}{12} m l^2$  للساق  $I_{\Delta/c} = \frac{1}{2} m r^2$  للقرص
- ✓  $I_{\Delta/جمله}$  : عزم عطالة الجملة (بوجود كتل نقطية) هو مجموع عزوم عطالة مكونات النواس  $2 \cdot I_{\Delta/m_1} + I_{\Delta/c}$  جسم (ساق أو قرص)  $I_{\Delta/جمله} = I_{\Delta/c}$

لا يوجد كتل جسم (ساق أو قرص)  $I_{\Delta/c}$   
 وجود كتل  $2 \cdot I_{\Delta/m_1} + I_{\Delta/c}$  جسم (ساق أو قرص)  $I_{\Delta/جمله} = I_{\Delta/c}$   
 خلاصة عزم العطالة بالنواس الفتل

✓ ثابت فتل السلك  $k$  :  $(m \cdot N \cdot rad^{-1})$  إذا أعطانا النبض الخاص  $\omega_0$  :  $k = I_{\Delta} \cdot \omega_0^2$  أو نحسبه من علاقة الدور بعد تربيعها :  $k = 4\pi^2 \frac{I_{\Delta}}{T_0^2}$   
 $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}} \Rightarrow T_0^2 = 4\pi^2 \frac{I_{\Delta}}{k} \Rightarrow k = 4\pi^2 \frac{I_{\Delta}}{T_0^2}$

12. ملاحظات للاختيار من متعدد :

تستخدم هذه العلاقة فقط عند التغيير في سلك الفتل حيث:  $k'$  ثابت يتعلق بنوع السلك  $2r$  : قطر مقطع السلك (ثخنه)  $L$  : طول السلك  $K = k' \frac{(2r)^4}{L}$

عكساً  $\sqrt{K} \leftarrow T_0$  لا يغير طول سلك الفتل ويطلب  $T_0'$  الجديد هنا فقط نجدز نسبة الطول الجديد

- ✓ نجعل طول سلك الفتل أربع أضعاف ما كان عليه فيكون الدور الجديد:  $T_0' = 2T_0$
- ✓ نجعل طول سلك الفتل ثلاثة أضعاف ما كان عليه فيكون الدور الجديد:  $T_0' = \frac{\sqrt{3}}{2} T_0$
- ✓ نحذف ثلاثة أضعاف طول سلك الفتل فيكون الدور الجديد:  $T_0' = \frac{1}{2} T_0$  (الطول الجديد هنا هو الربع لأنه حذف ثلاثة أضعاف من طوله)

تقسم سلك الفتل قسمين (متساويين ، ربع وثلاثة أرباع ، ثلث وثلثين) فيكون الدور الجديد بعد تعليق الساق جزأي السلك معاً أحدهما من الأعلى والآخر من الأسفل ويطلب  $T_0'$  الجديد هنا نضرب نسبيتي الطولين ونجدرهما .

• قسمين متساويين:  $\frac{1}{2} \times \sqrt{\frac{1}{2}} \leftarrow T_0' = \frac{1}{2} T_0$  • ثلث وثلثين:  $\frac{1}{3} \times \sqrt{\frac{2}{3}} \leftarrow T_0' = \frac{\sqrt{2}}{3} T_0$  • ربع وثلاثة أرباع:  $\frac{1}{4} \times \sqrt{\frac{3}{4}} \leftarrow T_0' = \frac{\sqrt{3}}{4} T_0$

13. ملاحظات للمسائل وخصوصاً عند الدمج مع الثقلي المركب :

عند إضافة كتل على النواس فإن الذي يتغير هو عزم العطالة أما ثابت فتل السلك فلا يتغير وعند طلب الدور الجديد هنا : تنسب الدورين

معطى بنص المسألة جسم (ساق أو قرص)  $I_{\Delta/c}$  :  $I_{\Delta/c} = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta/c}}{k}}$  الدور بدون كتل  
 جسم (ساق أو قرص)  $I_{\Delta/c}$  :  $I_{\Delta/c} = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta/c}}{k}} + 2 \cdot I_{\Delta/m_1}$  الدور بوجود كتل

نعوض قيم العزوم ونعزل المجهول المطلوب

نختصر  $k$   $\frac{I_{\Delta/c}}{k} \rightarrow T_0' = \frac{I_{\Delta/c}}{2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta/c}}{k}}}$   $\frac{I_{\Delta/c}}{k} \rightarrow T_0' = \sqrt{\frac{I_{\Delta/c}}{k}}$

إذا علقتنا الساق بسلكي فتل معاً أطولهما  $L_2, L_1$  أحدهما من الأعلى والآخر من الأسفل وطلب حساب الدور الجديد :

$T_0' = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k_{جملة}}}$  :  $k_{جملة} = k_1 + k_2$   $\left\{ \begin{array}{l} k_1 = k' \frac{(2r)^4}{L_1} \\ k_2 = k' \frac{(2r)^4}{L_2} \end{array} \right.$   $L_1 = L_2 \Rightarrow k_1 = k_2 \Rightarrow T_0' = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{2k_1}}$

فتل (زاوي)	المطال الزاوي	مرن (خطي)	المطال
$\theta = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \phi)$	المطال الزاوي	$\bar{x} = X_{\max} \cos(\omega_0 t + \phi)$	المطال
$\dot{\omega} = (\dot{\theta})_t = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \phi)$	السرعة الزاوية	$\bar{v} = (\dot{x})_t = -\omega_0 X_{\max} \sin(\omega_0 t + \phi)$	السرعة الخطية
$\omega_{\max} = \omega_0 \theta_{\max}$	السرعة الزاوية لعظمى (طويلة)	$v_{\max} = \omega_0 X_{\max}$	السرعة الخطية لعظمى (طويلة)
$\bar{\alpha} = -\omega_0^2 \theta$	التسارع الزاوي	$\bar{a} = -\omega_0^2 \bar{x}$	التسارع الخطي
$\alpha_{\max} = \omega_0^2 \theta_{\max}$	التسارع الأعظمى (طويلة)	$a_{\max} = \omega_0^2 X_{\max}$	التسارع الأعظمى (طويلة)
$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}}$	الدور الخاص	$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$	الدور الخاص
$(m \cdot N \cdot \text{rad}^{-1}) k = I_{\Delta} \cdot \omega_0^2$	ثابت افتل السلك	$(N \cdot m^{-1}) k = m \cdot \omega_0^2$	ثابت صلابة النابض
$\bar{\Gamma} = -K \cdot \theta$	عزم الارجاع	$\bar{F} = -K \cdot \bar{x}$	قوة الارجاع
$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{I_{\Delta}}}$	النبض الخاص	$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$	النبض الخاص
$E = \frac{1}{2} k \theta_{\max}^2$	الطاقة الكلية (الميكانيكية)	$E = \frac{1}{2} k X_{\max}^2$	الطاقة الكلية (الميكانيكية)
$E_p = \frac{1}{2} k \theta^2$	الطاقة الكامنة	$E_p = \frac{1}{2} k X^2$	الطاقة الكامنة المرونية
$E_k = \frac{1}{2} I_{\Delta} \cdot \omega^2$	الطاقة الحركية الدورانية	$E_k = \frac{1}{2} m \cdot v^2$	الطاقة الحركية الانسحابية
$(kg \cdot m^2 \cdot \text{rad} \cdot s^{-1}) L = I_{\Delta} \cdot \omega$	العزم الحركي الدوراني	$(kg \cdot m \cdot s^{-1}) P = m \cdot v$	كمية الحركة الانسحابية
$\omega = -\omega_0 \theta_{\max}$	سرعة المرور الأول بوضع التوازن	$v = -\omega_0 X_{\max}$	سرعة المرور الأول بوضع التوازن

### ملاحظات لحل مسائل النواس البسيط

1. الدور الخاص للنواس الثقلي البسيط وتغيراته :

✓ الدور بحالة ساعات كبيرة  $\theta > 0,24 \text{ rad}$  أو  $\theta > 14^\circ$  (الزوايا

الشهيرة)  $T_0' = T_0 \left[ 1 + \frac{\theta_{\max}^2}{16} \right]$  ساعات صغيرة  $T_0$  ساعات كبيرة  $T_0'$

✓ الدور بحالة ساعات صغيرة  $\theta \leq 0,24 \text{ rad}$  أو  $\theta \leq 14^\circ$

$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$

✓ الدور  $T_0$  يتناسب عكساً مع  $g$

أي إذا انتقلنا بالنواس من سطح البحر إلى قمة الجبل فتنقص  $\sqrt{g}$  ويزداد الدور  $T_0$  أي (المبقتاتية تؤخر) وبالعكس (المبقتاتية تقدم)

2. استنتاج علاقة توتر الخيط لحظة المرور في الشاقول

جملة المقارنة : خارجية

الجملة المدروسة : كرة النواس

القوى المؤثرة:  $\bar{W}$  ثقل الكرة ،  $\bar{T}$  توتر الخيط

$\Sigma \bar{F} = m \bar{a}$

$\bar{W} + \bar{T} = m \bar{a}$

بالاسقاط على الناظم نجد :

$T - W = m \cdot a_c$

$T = m \cdot a_c + W \xrightarrow{a_c = \frac{v^2}{r} \text{ التسارع الناظمي}} T = m \frac{v^2}{r} + mg \xrightarrow{\text{طول الخيط } L=r}$

علاقة توتر الخيط  $T = m \left[ \frac{v^2}{L} + g \right]$

3. نزيح بزواوية  $\theta_{\max}$  ونتركه دون سرعة ابتدائية احسب السرعة الخطية لحظة المرور بالشاقول

كلمة: نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

الوضع الأول : لحظة تركه دون سرعة ابتدائية  $\theta = \theta_{\max}$

الوضع الثاني : لحظة المرور بالشاقول  $\theta = 0$

$\Delta E_K = \Sigma \bar{W}_{F_{1 \rightarrow 2}}$

$E_k - E_{k0} = \bar{W}_T + \bar{W}_W$

(  $E_{k0} = 0$  ) تركت دون سرعة ابتدائية (  $\bar{W}_T = 0$  ) لأن  $\bar{T}$  تعامد الانتقال في كل لحظة.

$mgh = \frac{1}{2} mv^2$

عند المرور بالشاقول  $d=L, \theta=0 \rightarrow \cos\theta=1$   $\xrightarrow{\text{نختصر } m} gh = \frac{1}{2} v^2$

$h = d[\cos\theta - \cos\theta_{\max}] \xrightarrow{\text{نجد } v = \sqrt{2 \cdot gL[1 - \cos\theta_{\max}]}} h = L[1 - \cos\theta_{\max}]$

$\left\{ \begin{array}{l} v^2 = 2 \cdot gL[1 - \cos\theta_{\max}] \\ [1 - \cos\theta_{\max}] = \frac{v^2}{2 \cdot gL} \Rightarrow \cos\theta_{\max} = 1 - \frac{v^2}{2 \cdot gL} \end{array} \right.$

4. علاقة التسارع المماسي عندما يصنع الخيط زاوية  $\theta$  مع الشاقول

$\Sigma \bar{F} = m \bar{a}$

$\bar{W} + \bar{T} = m \bar{a}$

بالاسقاط على المماس نجد :

$W \cdot \sin\theta = m \cdot a_t \Rightarrow m \cdot g \cdot \sin\theta = m \cdot a_t$

(  $a_t = g \cdot \sin\theta$  ) التسارع المماسي  $(m \cdot s^{-2})$

• التسارع الزاوي  $\alpha$  :  $\alpha = \frac{a_t}{L} \text{ (rad} \cdot s^{-2})$   $\xrightarrow{L=r \text{ طول الخيط}} a_t = \alpha \cdot r \Rightarrow \alpha = \frac{a_t}{r}$

• ملاحظة: اسقاط التسارع على الناظم هو تسارع ناظمي  $a_c = \frac{v^2}{r}$  وعلى المماس هو تسارع مماسي  $a_t$

## ملاحظات لحل مسائل النواس الثقلي المركب

$$T_0' = T_0 \left[ 1 + \frac{\theta_{\max}^2}{16} \right]$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

الدور بحالة الساعات الصغيرة:

$$T_0 = 2\text{sec}$$

الدور يتناسب عكساً مع  $g$  إذا انتقلنا بالنواس من سطح البحر إلى قمة الجبل فتتقص  $\sqrt{g}$  ويزداد  $T_0$  أي (المقايمة تؤخر) وبالعكس (المقايمة تقدم)

الدور لا علاقة له بالكتلة العطالية  $m$  (يعني بس يغير  $m$  ويطلب الدور الجديد نختار  $T_0' = T_0$ )

طلبات مسألة النواس الثقلي المركب

**السؤال الأول** حساب  $T_0$  من العلاقة  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$  يجب تعيين كل من  $I_{\Delta}$ ،  $d$ ،  $m$  ونختصر  $g$  مع  $\pi$  بعد تعويض  $g = 10$

• عزم العطالة  $I_{\Delta}$ :

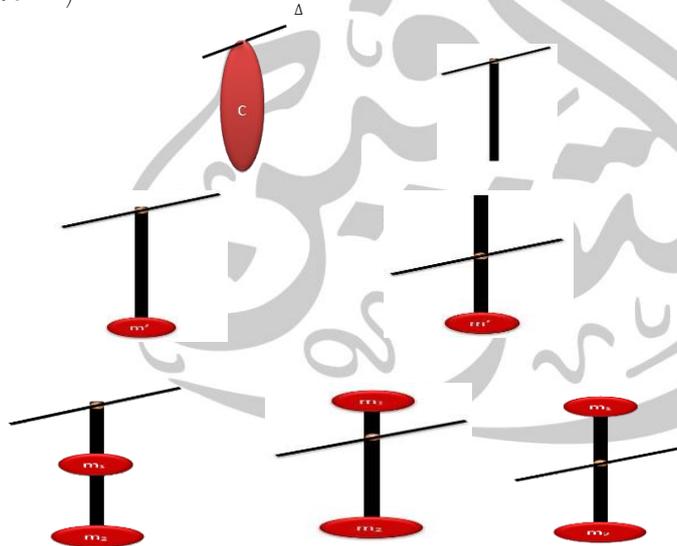
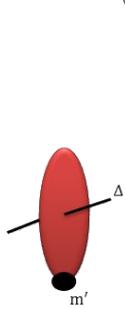
$$I_{\Delta/m} = m \cdot r^2 \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{الكتل على طرفي الساق} \\ r = \frac{L}{2} \end{array} \right. \rightarrow I_{\Delta/m} = m \cdot \frac{L^2}{4}$$

$$I_{\Delta/c} = m \cdot r^2 \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{الكتلة على محيط القرص} \\ r = \frac{L}{2} \end{array} \right. \rightarrow I_{\Delta/c} = m \cdot \frac{L^2}{2}$$

$$I_{\Delta/c} = \frac{1}{12} m L^2 \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{لساق} \\ \text{للقرص} \end{array} \right. \rightarrow I_{\Delta/c} = \frac{1}{2} m r^2$$

$$I_{\Delta/\text{هايفنز}} = I_{\Delta} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{عزم عطالة الجسم (ساق أو قرص) حول محور لا يمر من منتصفه وعمودي على مستويه} \\ \text{عزم عطالة الجسم (ساق أو قرص) حول محور لا يمر من منتصفه وعمودي على مستويه} \end{array} \right.$$

$$I_{\Delta/\text{جملة}} = I_{\Delta} \quad \left( \begin{array}{l} \text{جملة} \\ \text{مهمة أو هايفنز أو } I_{\Delta/c} \end{array} \right) + I_{\Delta/m_1} + I_{\Delta/m_2}$$



حالات النواس الثقلي المركب:

(1) ساق حاف (ما في كتل): يعني  $I_{\Delta}$  حسب هايفنز:

$$I_{\Delta/\text{هايفنز}} = I_{\Delta/c} + m \cdot d^2$$

$$d = oc : d \text{ تعيين}$$

(2) ساق مع كتلة:

تعيين  $I_{\Delta}$  حسب جملة:

$$I_{\Delta/\text{جملة}} = I_{\Delta/c} + I_{\Delta m_1}$$

$$d = \frac{\sum mr}{\sum m} = \frac{m_1 r_1}{m + m_1} : d \text{ تعيين}$$

$$m = m_{\text{ساق}} + m_1 : m \text{ تعيين}$$

(3) ساق مع كتلتين : نعين أولاً  $(r_1, r_2)$

تعيين  $I_{\Delta}$  حسب جملة:

$$I_{\Delta/\text{جملة}} = I_{\Delta/c} + I_{\Delta m_1} + I_{\Delta m_2}$$

$$d = \frac{\sum mr}{\sum m} = \frac{m_1 r_1 + m_2 r_2}{m + m_1 + m_2} : d \text{ تعيين}$$

$$m = m_{\text{ساق}} + m_1 + m_2 : m \text{ تعيين}$$

**السؤال الثاني** : احسب طول النواس البسيط المواقت للنواس المركب:

$$T_0 \text{ بمركب} = T_0 \text{ بسيط}$$

$$\left( \frac{\text{رقم}}{\text{قانون}} \right) = \left( \frac{\text{رقم}}{\text{قانون}} \right)$$

$$2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = \text{رقم}$$

**السؤال الثالث** : نزيح النواس (ساق أو قرص) عن وضع توازنه الشاقولي زاوية  $\theta_{\max}$  وندعه دون سرعة ابتدائية فتكون السرعة الزاوية لحظة المرور بالشاقول

$$\omega \sqrt{I_{\Delta}} \cdot \theta_{\max} \text{ نفصل ثم نعوض فوراً أو } \omega \sqrt{I_{\Delta}} \cdot \theta_{\max} \text{ نزل ثم نعوض}$$

المعل:

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

الوضع الأول : لحظة تركه دون سرعة ابتدائية  $\theta = \theta_{\max}$

الوضع الثاني : لحظة المرور بالشاقول  $\theta = 0$

$$\sum W_{F_{1 \rightarrow 2}} = \Delta E_K$$

$$W_R + W_W = E_K - E_{K0}$$

دون سرعة ابتدائية لأن نقطة تأثير القوة لا تتنقل

$$mgh = \frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2$$

$$h = d[1 - \cos \theta_{\max}]$$

$I_{\Delta}$ ،  $d$ ،  $m$  نحصل على قيمهم من طلب الدور.

$$v = \omega \cdot r : \text{ لإحدى الكتلتين } v = \omega \cdot r \rightarrow v = \omega \cdot d \text{ لسرعة الخطية لمركز العطالة: } \left( \begin{array}{l} \text{زاوية } \omega \\ \text{بعد } m \text{ عن } 0 \end{array} \right) = \left( \begin{array}{l} \text{خطية } v \\ \text{بعد } m \text{ عن } 0 \end{array} \right)$$

## ملاحظات الموائع :

✓ بعض التحويلات الهامة :

$(h,L,z,y,x) \times 10^{-2} \text{ cm} \rightarrow m$	$cm^2 \times 10^{-4} \rightarrow m^2$ تحويل المساحة s	$cm^3 \times 10^{-6} \rightarrow m^3$ تحويل الحجم $V_{\text{حجم}}$
$\rho \times 1000 \text{ g.cm}^{-3} \rightarrow \text{kg.m}^{-3}$ تحويل $\rho$	$g \times 10^{-3} \rightarrow \text{kg}$ تحويل الكتلة m	$L \times 10^{-3} \rightarrow m$ تحويل الحجم $V_{\text{حجم}}$

✓ قوانين الحجم لبعض الأجسام المتجانسة :

النوع	الكرة	الاسطوانة	المكعب
قانون الحجم	$V = \frac{4}{3} \pi r^3$	$V = s.h = \pi r^2.h$	$V = L^3$

المنسوب الكتلي : كمية السائل التي تعبر المقطع s خلال وحدة الزمن وهو ثابت.  $Q = \frac{m}{\Delta t} (\text{kg.s}^{-1})$

المنسوب الحجمي (معدل التدفق الحجمي أو معدل الضخ) : حجم السائل الذي يعبر المقطع s خلال وحدة الزمن وهو ثابت  $Q' = \frac{V}{\Delta t} (\text{m}^3.\text{s}^{-1})$   
العلاقة بين المنسوب الكتلي والمنسوب الحجمي (هامة متعدد)

$$\frac{Q}{Q'} = \frac{\frac{m}{\Delta t}}{\frac{V}{\Delta t}} = \frac{m}{V} = \rho \Rightarrow Q = \rho \cdot Q'$$

لحساب التدفق الحجمي من القانونين	1. نستطيع من قانون التدفق الحجمي حساب
$Q' = \frac{V}{\Delta t}$ $Q' = \frac{V}{\Delta t} \xrightarrow{V=s.\Delta x} Q' = \frac{s.\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{v=\frac{\Delta x}{\Delta t}} Q' = s.v$	الزمن اللازم للتفريغ
	سرعة تدفق السائل
	$Q' = s.v \Rightarrow v = \frac{Q'}{s}$ $Q' = \frac{V}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{V}{Q'}$

2. عندما يطلب سرعة دخول السائل  $v_1$  عبر المقطع  $s_1$  أو سرعة خروج السائل  $v_2$  من المقطع  $s_2$  نستخدم :

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{سرعة دخول السائل } v_1 = \frac{Q'}{s_1} = \frac{s_2.v_2}{s_1} \\ \text{سرعة خروج السائل } v_2 = \frac{Q'}{s_2} = \frac{s_1.v_1}{s_2} \end{array} \right. \Rightarrow Q' = s_1.v_1 = s_2.v_2 = \text{const}$$

- إذا كان السائل يدخل من فرع واحد s لخرطوم ويخرج من أكثر من فرع  $s_1, s_2$  فتكون معادلة الاستمرارية له :

$$Q' = s.v = s_1.v_1 + s_2.v_2 = \text{const}$$

- إذا كان السائل يدخل من فرع واحد  $s_1$  لخرطوم ويخرج من أكثر من n فرع متماثلة كل منها  $s_2$  فتكون معادلة الاستمرارية له

$$Q' = s_1.v_1 = n s_2.v_2 = \text{const}$$

- قد يعطينا السرعات ويطلب مساحتي مقطعي الدخول والخروج  $s_1, s_2$  نعرّضهما من معادلة الاستمرارية بدلاً من عزل السرعات

3. عندما يطلب ضغط السائل عند الدخول  $P_1$  أو ضغط السائل عند الخروج  $P_2$  أو فرق الضغط  $P_1 - P_2$  نستخدم :

$$\text{معادلة برنولي : } P + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g z = \text{const} \text{ وفق الخطوات الآتية :}$$

$$(1) \text{ نكتب معادلة برنولي العامة : } P + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g z = \text{const}$$

$$(2) \text{ نكتب معادلة برنولي المفصلة : } P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$(3) \text{ نزل المجهول ونخرج عامل مشترك : (مثال أحسب } P_2)$$

$$P_2 = P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 - \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_1 - \rho g z_2$$

$$P_2 = P_1 + \frac{1}{2} \rho (v_1^2 - v_2^2) + \rho g (z_1 - z_2)$$

$$(4) \text{ نعوض المعطيات ونتنبه لكل من :}$$

- إذا طلب  $P_2$  فإن  $P_1$  تكون معطاة أو مساوية للضغط الجوي ( $P_1 = P_0$ ) والعكس صحيح إذا طلب  $P_1$

- نعوض الفرق ( $Z_1 - Z_2$ ) أو ( $Z_2 - Z_1$ ) بإحدى قيم الارتفاعات ( $h, z, x, y$ ) حيث تكون معطاة بنص المسألة

- إذا كان الأنبوب أفقي أي ( $Z_1 - Z_2$ ) فإن تغير الطاقة الكامنة الثقالية معدوم ( $\Delta E_p = 0$ ) ويكون تغير الطاقة الحركية في وحدة الحجم مساوية ( $\frac{\Delta E_k}{\Delta V}$ ) :

$$4. \text{ حساب العمل الميكانيكي : } W = -m g z + (P_1 - P_2) \Delta V \text{ حساب كتلة المائع } m = \rho V$$

توبه : تستطيع مشاهدة فيديوهات لشرح منهاج الفيزياء كاملاً وحل مسائل الكتاب على قناة اليوتيوب (أنس أحمد فيزياء)

## ملاحظات لحل مسائل الأمواج

- البعد بين عقدتين متتاليتين أو بطنين متتاليتين (هو نصف طول الموجة  $\frac{\lambda}{2}$ )
- البعد بين عقدة و بطن يليها (هو ربع طول الموجة  $\frac{\lambda}{4}$ )
- عدد أطوال الموجة يحسب :  $\frac{L}{\lambda} = \frac{\text{طول الوتر}}{\text{طول الموجة}}$  وواحدته (طول موجة)

طول الخيط (الوتر المشدود)  $L$  : يقسم إلى عدد  $n$  من المغازل كل مغزل طوله  $\frac{\lambda}{2}$  ويكون :

$$1. \quad \text{عند طلب } \lambda \text{ طول الموجة} \left\{ \begin{array}{l} \lambda = \frac{2L}{n} \\ n = \frac{2L}{\lambda} \end{array} \right. \text{ عند طلب } n \text{ عدد المغازل}$$

2. حساب السعة لنقطة (ارتفاع النقطة) تبعد مسافة ( $x$  معطاة) عن النهاية المقيدة :

$$\text{حيث : } y_{\max, n} = 2y_{\max} \left| \sin \frac{2\pi x}{\lambda} \right|$$

3. الكثافة الخطية للوتر (ميو  $\mu$ ) هي النسبة بين كتلته  $m$  وطوله  $L$  :  $\mu = \frac{m}{L}$  واحدتها  $kg.m^{-1}$

- يمكن حساب الكثافة الخطية لوتر اسطواني كتلته الحجمية (كثافته  $\rho$ ) :  $\mu = \rho \cdot \pi r^2$   $\Rightarrow \mu = \frac{m}{L} = \frac{\rho \cdot V}{L} = \frac{\rho \cdot sL}{L} = \rho \cdot s$
- حساب سرعة انتشار الاهتزاز :  $f$  : تواتر الاهتزاز  $v = \lambda \cdot f$   
 $F_T$  : قوة الشد  $v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$  سرعة انتشار الاهتزاز

4. حساب التواترات الخاصة لعدة مدروجات :  $f = \frac{n \cdot v}{2L}$  حيث  $n = 1, 2, 3, 4$  تمثل عدد المغازل (المدرج الثالث :  $n = 3$  , المدرج الثاني :  $n = 2$  , المدرج الأساسي (الأول) :  $n = 1$ )
5. حساب قوة الشد  $F_T$  من أجل  $n$  مغزل وفق الخطوات الآتية :

$$6. \quad \text{حساب أبعاد العقد والبطون عن النهاية المقيدة} : \left\{ \begin{array}{l} v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \\ f = \frac{n \cdot v}{2L} \end{array} \right. \leftarrow f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \leftarrow f^2 = \frac{n^2}{4L^2} \frac{F_T}{\mu} \leftarrow \text{نربع الطرفين ونعوّض}$$

معادلة العقد :  $x = n \cdot \frac{\lambda}{2}$  حيث : رابع عقدة 3 , ثالث عقدة 2 , ثاني عقدة 1 , أول عقدة 0

معادلة البطون :  $x = (2n + 1) \frac{\lambda}{4}$  حيث : رابع بطن 3 , ثالث بطن 2 , ثاني بطن 1 , أول بطن 0

ملاحظة : لما يغير عدد المغازل نحسب طول موجة جديدة  $\lambda_{\text{جديدة}} = \frac{2L}{n_{\text{جديدة}}}$

## ملاحظات المزامير

مزامير مختلف الطرفين		مزامير متشابهة الطرفين	
ذو فم نهاية مغلقة , ذو لسان نهاية مفتوحة		ذو فم نهاية مفتوحة , ذو لسان نهاية مغلقة	
$L = (2n - 1) \frac{\lambda}{4}$	طول المزامير	$L = n \cdot \frac{\lambda}{2}$	طول المزامير
$f = (2n - 1) \frac{v}{4L}$	تواتر الصوت	$f = \frac{n \cdot v}{2L}$	تواتر الصوت
$(2n - 1) = 1, 3, 5$ (صوت أساسي $n = 1$ )	القوس $(2n - 1)$ يمثل مدوجات الصوت $(n = 1, 2, 3, 4)$	$n = 1, 2, 3, 4$ (صوت أساسي $n = 1$ )	$n$ تمثل مدروجات الصوت
$\frac{\text{طول المزامير}}{\text{طول الموجة}} = \frac{L}{\lambda}$	عدد أطوال الموجة يحسب :	$\lambda = \frac{v}{f}$	طول الموجة يحسب في المزامير من العلاقة :
$\frac{\lambda}{4}$	البعد بين عقدة و بطن يليها	$\frac{\lambda}{2}$	البعد بين عقدتين متتاليتين أو بطنين متتاليتين
تغيير السرعة $v$ عند تغيير شروط التجربة (درجة حرارة الوسط أو كثافة الغاز)			
السرعة تتناسب عكساً مع الجذر التربيعي لكثافة الغاز		السرعة تتناسب طردياً مع الجذر التربيعي لدرجة الحرارة	
$\frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{D_1}{D_2}} = \sqrt{\frac{M_1}{M_2}}$ : $D = \frac{\text{الكثافة الجرامية}}{29}$		نسختن : $T_2 = t(C^0) + 273$ $\frac{v_2}{v_1} = \sqrt{\frac{T_2}{T_1}}$	

### ملاحظات الأعمدة الكوانية

نعوض القوس  $(2n - 1)$  برقم المدرج ونعوض  $n$  برقم الرنين

العمود الهوائي المغلق (مختلف الطرفين) (قناة سمعية)	العمود الهوائي المفتوح (متشابه الطرفين) (نفق عبور سيارات)
<p>طوله <math>L = (2n - 1) \frac{\lambda}{4}</math></p> <p>القوس <math>(2n - 1)</math> يمثل موجات الصوت <math>(n = 1, 2, 3, 4)</math></p> <p>الرنين الأول: <math>n = 1</math> <math>(2n - 1) = 1</math></p> <p>الرنين الثاني: <math>n = 2</math> <math>(2n - 1) = 3</math></p> <p>طول العمود الهوائي عند الرنين الأول يساوي <math>L_1 = \frac{\lambda}{4}</math> (أقصر طول)</p> <p>طول العمود الهوائي عند الرنين الثاني يساوي <math>L_2 = \frac{3\lambda}{4}</math></p> <p>البعد بين صوتين شديدين متتاليين <math>\Delta L = L_2 - L_1 = \frac{3\lambda}{4} - \frac{\lambda}{4} = \frac{\lambda}{2}</math></p> <p><math>\Delta L = L_2 - L_1 = \frac{\lambda}{2}</math></p> <p>تواتره <math>f = (2n - 1) \frac{v}{4L}</math></p> <p>البعد الذي يحدث عنده الرنين الأول <math>L_1 = ?</math></p> <p><math>(2n - 1) = 1</math> الرنين الأول: <math>f = \frac{v}{4L_1} \Rightarrow L_1 = \frac{v}{4f}</math></p>	<p>طوله <math>L = n \cdot \frac{\lambda}{2}</math></p> <p>الرنين الأول: <math>n = 1</math> الرنين الثاني: <math>n = 2</math></p> <p>تواتره <math>f = \frac{n \cdot v}{2L}</math></p> <p><math>n = 1, 2, 3, 4</math></p> <p>(الرنين الأول <math>n = 1</math>)</p> <p>القوة الضاغطة تساوي الضغط ضرب مساحة السطح <math>F = P \cdot S</math></p> <p>البعد بين صوتين شديدين متتاليين (رنينين متعاقبين): <math>\frac{\lambda}{2}</math></p> <p>طول الموجة: <math>\lambda = \frac{v}{f}</math></p>

### ملاحظات النسبية

1- المراقب الداخلي ( مركبة فضائية ، رائد فضاء ، إلكترون ، بروتون )

المراقب الخارجي ( محطة أرضية )

2- عامل لورنتز ( معامل التمدد ) :  $\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$

3- تمدد (تباطؤ) الزمن : ( زمن الرحلة )  $t = \gamma \cdot t_0$   $\gamma > 1 \Rightarrow t > t_0$

$t_0$  : لا يوجد تمدد (بالنسبة للمراقب الداخلي) ،  $t$  : يوجد تمدد (بالنسبة للمراقب الخارجي)

4- تقلص الأطوال (طول المركبة) :  $L = \frac{L_0}{\gamma}$   $\gamma > 1 \Rightarrow L < L_0$

$L_0$  : لا يوجد تقلص (بالنسبة للمراقب الداخلي) ،  $L$  : يوجد تقلص (بالنسبة للمراقب الخارجي)

(يتقلص الطول الموازي لشعاع سرعة الجسم المتحرك فقط)

5- تقلص المسافات (المسافة المقطوعة) :  $L' = \frac{L'_0}{\gamma}$   $\gamma > 1 \Rightarrow L' < L'_0$

$L'_0$  : لا يوجد تقلص (بالنسبة للمراقب الخارجي) ،  $L'$  : يوجد تقلص (بالنسبة للمراقب الداخلي)

6- ازدياد الكتلة السكونية  $m_0$  أثناء الحركة :  $m = \gamma \cdot m_0$   $\gamma > 1 \Rightarrow m > m_0$

7- الطاقة الكلية هي مجموع الطاقة السكونية والحركية  $E = mc^2$  ،  $E = E_k + E_0$

8- الطاقة السكونية:  $E_0 = m_0 \cdot c^2$

9- الطاقة الحركية:  $E_k = E - E_0$

10- كمية الحركة في الميكانيك النسبي:  $P = m \cdot v$  كمية الحركة في الميكانيك الكلاسيكي:  $P_0 = m_0 \cdot v$

## ملاحظات الكهرباء

### ملاحظات الدرس الأول : المغناطيسية

شدة الحقل المغناطيسي الناتج عن التيارات الكهربائية:

$$d: \text{بعد النقطة المدروسة عن السلك (m)} \quad B = 2 \times 10^{-7} \frac{I}{d} \quad \text{سلك مستقيم}$$

$$N \text{ عدد اللفات (لفة)، } r \text{ نصف قطر الملف (m)} \quad B = 2\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{r} \quad \text{ملف دائري}$$

$$l: \text{طول الوشيجة} \quad B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{l} \quad \text{وشيجة}$$

$$N = \frac{\ell l}{2\pi r} \quad \leftarrow \quad \text{قوانين عدد اللفات: } \frac{\text{طول السلك}}{\text{محيط اللفة}} = \text{عدد اللفات الكلية}$$

$$N' = \frac{\ell}{2r'} \quad \left( \text{وشيجة متلاصقة الحلقات} \right) \quad \text{عدد اللفات في الطبقة الواحدة} = \frac{\text{طول الوشيجة}}{\text{قطر سلك اللف}}$$

$$n = \frac{N}{N'} \quad \leftarrow \quad \text{عدد الطبقات} = \frac{\text{عدد اللفات الكلية}}{\text{عدد اللفات في الطبقة الواحدة}}$$

حساب التدفق المغناطيسي :  $\Phi = N B s \cos \alpha$  :  $\alpha = (\vec{B}, \vec{n})$  والتدفق المغناطيسي الأرضي  $\Phi_H = N B_H s \cos \alpha$

• عند طلب حساب تغير التدفق  $\Delta \Phi$  يكون هذا التغير ناتج عن تغير أحد العوامل وذلك حسب نص المسألة

• عامل النفاذية المغناطيسي  $\mu = \frac{B_t}{B}$  ونعزل المجهول المطلوب وزاوية انحراف إبرة مغناطيسية :  $\tan \theta = \frac{B}{B_H}$

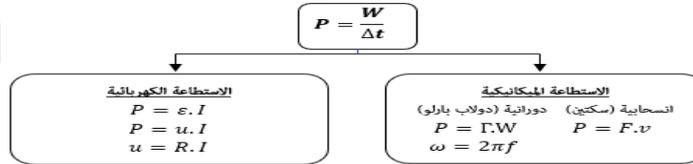
السلكين : عندما يكون التيارين بجهة واحدة والإبرة بينهما فالحقلين متعاكسين  $B_{\text{كي}} = B_1 - B_2 > 0$  والعكس بجهة واحدة  $B_{\text{كي}} = B_1 + B_2 > 0$

إذا طلب النقطة الواقعة بين السلكين والتي تنعدم فيها محصلة الحقلين  $B_{\text{كي}} = B_1 - B_2 = 0 \Leftrightarrow B_1 = B_2$

### ملاحظات الدرس الثاني : فعل الحقل المغناطيسي في التيار الكهربائي

$$\text{حساب عمل القوة الكهرطيسية: } W = P \cdot \Delta t = \frac{F \cdot \Delta x}{\text{سكتين}} = I \cdot \Delta \Phi \quad \left( \begin{array}{l} \text{إطار} \\ \text{بارلو} \end{array} \right)$$

مخطط لحساب الاستطاعة:



تجربة السكتين الكهرطيسية: بشكل عام :  $\Delta s = L \cdot \Delta x$   $\Delta \Phi = B \Delta s$   $\Delta x = v \cdot \Delta t$

• شدة القوة الكهرطيسية:  $F = ILB \sin \theta$  :  $\theta(\vec{IL}, \vec{B}) = \frac{\pi}{2}$   $\sin \theta = 1$

• عند إمالة السكتين عن الأفق بزاوية  $\alpha$  وطلب (حساب تلك الزاوية أو شدة التيار الواجب إمراره في الدارة) لتبقى الساق ساكنة

ندرس الساق تحريكياً بدءاً من شرط التوازن الانسحابي:

$$\sum \vec{F} = \vec{0} \Rightarrow \vec{R} + \vec{F} + \vec{W} = \vec{0}$$

بالإسقاط على محور موجه بجهة  $F$ :  $+F \cos \alpha - W \sin \alpha = 0$

$$\text{نعزل المجهول المطلوب} \quad \boxed{ILB \cos \alpha = m \cdot g \cdot \sin \alpha}$$

تجربة دولاب بارلو:

• شدة القوة الكهرطيسية:  $F = ILB \sin \theta$  :  $L = r$  ولكن  $\theta(\vec{IL}, \vec{B}) = \frac{\pi}{2}$  ويكون  $F = IrB \sin \theta$

• عزم القوة الكهرطيسية:  $\Gamma = d \cdot F$  :  $d = \frac{r}{2} \Rightarrow \Gamma = \frac{r}{2} \cdot F$

• حساب قيمة الكتلة الواجب إضافتها على طرف نصف القطر لمنع الدولاب من الدوران :

جملة المقارنة: خارجية الجملة المدروسة: الدولاب المتوازن.

القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{W}$  ثقل الدولاب ،  $\vec{F}$  القوة الكهرطيسية ،  $\vec{R}$  رد فعل محور الدوران ،  $\vec{W}$  ثقل الكتلة المضافة.

• شرط التوازن الدوراني  $\sum \vec{\Gamma}_\Delta = 0$

$$\vec{\Gamma}_{\vec{W}/\Delta} + \vec{\Gamma}_{\vec{F}/\Delta} + \vec{\Gamma}_{\vec{R}/\Delta} + \vec{\Gamma}_{\vec{W}'/\Delta} = 0$$

$$0 = \vec{\Gamma}_{\vec{R}/\Delta} \text{ لأن حامل } \vec{R} \text{ يلاقي } \Delta \quad 0 = \vec{\Gamma}_{\vec{W}'/\Delta} \text{ لأن حامل } \vec{W}' \text{ يلاقي } \Delta$$

$$\left( \frac{r}{2} \right) F - (r) m g = 0 \Rightarrow \left( \frac{r}{2} \right) F = (r) m g \Rightarrow \boxed{m = \frac{F}{2g}}$$

تجربة انحراف الساق الشاقولية: جملة المقارنة: خارجية، الجملة المدروسة: الساق المتوازنة  
القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{W}$  ثقل الساق،  $\vec{F}$  القوة الكهرطيسية،  $\vec{R}$  رد فعل محور الدوران  
ينحرف السلك عن الشاقول ويتوازن أي يتحقق شرط التوازن الدوراني:

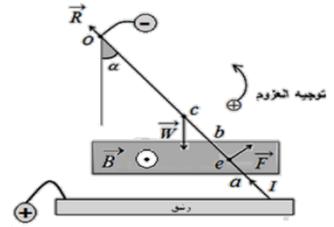
$$\sum \vec{\Gamma} = 0 \Rightarrow \vec{\Gamma}_{\vec{W}/\Delta} + \vec{\Gamma}_{\vec{F}/\Delta} + \vec{\Gamma}_{\vec{R}/\Delta} = 0$$

$$\Delta \vec{R}/\Delta \text{ لأن حامل } \vec{R} \text{ يلاقي } \Delta = 0$$

$$-(oc \sin \alpha) m g + (oe) F = 0$$

$$(oc \sin \alpha) m g = (oe) I L B \sin \frac{\pi}{2}$$

$$\boxed{(oc \sin \alpha) m g = (oe) I L B} : \text{ ونغزل المجهول المطلوب :}$$



تجربة الإطار :

تجربة الإطار

سلك قتل

نكتب الاستنتاج كاملاً ونغزل المجهول

$$\sum \vec{\Gamma}_{\Delta} = 0$$

$$\vec{\Gamma}_{\Delta} + \vec{\Gamma}'_{\Delta} = 0$$

قتل كهرطيسية

$$N I s B \sin \alpha - k \theta' = 0$$

$$\alpha + \theta' = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \sin \alpha = \cos \theta'$$

$$N I s B \cos \theta' - k \theta' = 0$$

قلج بنو بذلك يا حاك

$$\boxed{N I s B \cos \theta' = k \theta}$$

وإذا كانت  $\theta'$  زاوية صغيرة فإن  $\cos \theta' = 1$

$$\boxed{N I s B = k \theta}$$

نغزل المجهول من العلاقة

ثابت المقياس الغلفاني (حساسية المقياس) :

$$G = \frac{NBS}{K} \text{ أو } G = \frac{\theta'}{I} \text{ وواحدته } rad. A^{-1}$$

سلك عديم القتل

1. حساب التدفق المغناطيسي:

$$\Phi = N s B \cos \alpha$$

لحظة إمرار التيار:  $\alpha = \frac{\pi}{2}$

لحظة الاستقرار:  $\alpha = 0$

عندما يدور الإطار زاوية  $30^\circ$  أو  $\frac{\pi}{6}$  أو  $\frac{\pi}{3}$

2. حساب شدة القوة الكهرطيسية لحظة إمرار التيار:

$$F = N I L B \sin \theta : \theta (\vec{IL}; \vec{B})$$

الأضلاع الأفقية  $\vec{IL} // \vec{B}$

الأضلاع الشاقولية  $\vec{IL} \perp \vec{B}$

3. حساب عزم المزدوجة الكهرطيسية :

$$\Gamma = N I S B \sin \alpha$$

3. حساب عمل القوة الكهرطيسية بين وضعين:

$$W = I \Delta \Phi = I (\Phi_2 - \Phi_1)$$

$$= I (NBS \cos \alpha_2 - NBS \cos \alpha_1)$$

$$= INBS (\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1)$$

معطاة  $\alpha_1$  (الوضع الأول)

معطاة  $\alpha_2$  (الوضع الثاني)

## ملاحظات الدرس الثالث : التحريض الكهرطيسي

القوة المحركة الكهرطيسية المتحرضة الوسطية (دلالة مقياس الملي فولت)  $\bar{\epsilon} = -\frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$

تغيير الزاوية	تغيير السطح (استنتاج)	تغيير الحقل
ندير أو نحرك الوشيعه ندير أو نحرك الإطار $\Delta \Phi = NBS \Delta \cos \alpha$	نحرك الساق ندرج الساق $\Delta \Phi = NB \Delta S \cos \alpha$	نضاعف أو ننقص الحقل قطع التيار تقريب أو إبعاد مغناطيس $\Delta \Phi = N \Delta B S \cos \alpha$

حساب شدة التيار المتحرض (دلالة المقياس الغلفاني - دلالة المقياس ميكرو أمبير) :  $\bar{i} = \frac{\bar{\epsilon}}{R}$

- تحديد جهته: محرّض متزايد :  $\Delta \Phi > 0$  تزايد  $\bar{i} < 0 \Leftarrow \bar{\epsilon} < 0$  تيار المتحرض يولد متحرض  $\vec{B}$  عكس محرّض  $\vec{B}$
- محرّض متناقص :  $\Delta \Phi < 0$  تناقص  $\bar{i} > 0 \Leftarrow \bar{\epsilon} > 0$  تيار المتحرض يولد متحرض  $\vec{B}$  مع محرّض  $\vec{B}$
- وتحدد جهة التيار المتحرض حسب قاعدة اليد اليمنى: إبهامها بجهة متحرض  $\vec{B}$  أصابع اليد تلتف بجهة التيار.
- إذا ذكر أن ملفاً دائرياً يحيط بالقسم المتوسط من وشيعة ولم يُعط نصف قطر ملف ولا سطحه نكتب:  $S_{\text{ملف}} = S_{\text{وشيعة}} = \pi r^2$
- تقريب قطب يعطي وجه مشابه (تنافر)
- إبعاد قطب يعطي وجه مخالف (تجاذب)

التحريض الذاتي: يعطينا في هذه المسألة تابع للتيار بدلالة الزمن

القوة المحركة التحريضية الذاتية: $\bar{\epsilon} = -L \frac{di}{dt} = -L (\bar{i})'_t$ الطاقة الكهرطيسية المخزنة بالوشيعة: $E = \frac{1}{2} \Phi I$ أو $E = \frac{1}{2} L I^2$	التدفق الذاتي: $\bar{\Phi} = L \bar{i}$ تغير التدفق المغناطيسي $\Delta \bar{\Phi} = L \Delta \bar{i}$ $\bar{\Delta \Phi} = L (I_2 - I_1)$	ذاتية الوشيعة: $L = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{N^2 \times S}{l}$ أو $N = \frac{\ell'}{2\pi r}$ $\Rightarrow L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\ell'^2}{4\pi^2 r^2 \cdot \pi r^2}$ $S = \pi r^2$ $\Rightarrow L = 10^{-7} \frac{\ell'^2}{\ell}$ وطول سلكها $\ell'$
---	--	--

مولد التيار المتناوب الجيبي AC: استنتاج:

- التابع الزمني للقوة المحركة الكهربائية المتحرضة الأينية (اللحظية - المتناوبة):  $\bar{\epsilon} = \epsilon_{max} \sin \omega t$
- القيمة العظمى للقوة المحركة الكهربائية المتحرضة:  $\epsilon_{max} = NBS\omega$
- تعيين اللحظات التي تكون فيها قيمة القوة المحركة الكهربائية المتحرضة الأينية الناشئة معدومة:

$$\bar{\epsilon} = \epsilon_{max} \sin \omega t \Rightarrow 0 = \epsilon_{max} \sin \omega t \Rightarrow \sin \omega t = 0 \Rightarrow \omega t = k\pi \Rightarrow t = \frac{k\pi}{\omega} : k = 0, 1, \dots$$

- التابع الزمني لشدة التيار المتحرض المتناوب  $\bar{i} = \frac{\bar{\epsilon}}{R} = \frac{\epsilon_{max} \sin \omega t}{R}$

### ملاحظات الدرس الرابع: الدارات المكثزة

المكثفة: من المثلث: شحنة المكثفة (كولوم)  $q = c.u$ : سعة المكثفة: (فاراد)  $c = \frac{q}{u}$

- الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثفة:  $E_c = \frac{1}{2} \frac{q^2}{c} : t = 0 \Rightarrow \bar{q} = q_{max}$

الوشية: ذاتيتها:  $L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2.S}{\ell}$

أو يمكن حساب ذاتية ووشية علم طولها  $\ell$  وطول سلكها  $\ell'$  من الاستنتاج:  $L = 10^{-7} \frac{\ell'^2}{\ell}$

الدارة المهتزة:

- دورها:  $T_0 = 2\pi\sqrt{L.C} = \frac{1}{f_0} = \frac{2\pi}{\omega_0}$  \* تواترها: عند طلب التواتر: نحسب الدور ونقلبه  $f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{L.C}} = \frac{1}{T_0} = \frac{\omega_0}{2\pi}$

- نبضها:  $w_0 = \frac{2\pi}{T_0} = 2\pi f_0 = \frac{1}{\sqrt{L.C}}$  تابع الشحنة اللحظية:  $\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t)$

- تابع الشدة اللحظية:  $\bar{i} = (\bar{q})'_t = -\omega_0 q_{max} \sin \omega_0 t$  أو  $\bar{i} = \omega_0 q_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$

- شدة التيار الأعظمي:  $I_{max} = \omega_0 q_{max}$

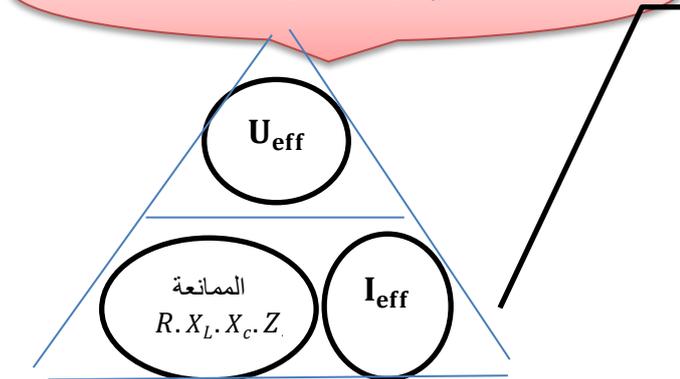
### ملاحظات الدرس الخامس التيار المتناوب الجيبي

النابج (معادلة الشدة اللحظية والنابج العظمي)	نابج الشدة اللحظية: $\bar{I} = I_{max} \cos(\omega t + \varphi_1)$	نابج النابج العظمي: $\bar{U} = U_{max} \cos(\omega t + \varphi_2)$
عندما يعطي النابج في نص المسألة	الشدة المنتجة: $I_{eff} = \frac{I_{max}}{\sqrt{2}}$	النابج المنتج: $U_{eff} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}}$
عندما يطلب إيجاد نابج أو معادلة للنابج أو الشدة	نكتب الشكل العام ثم نعوض الثوابت ونضع الواحدة	نكتب الشكل العام ثم نعوض الثوابت ونضع الواحدة

على نسرع التوتور U ثابت و I متغير

على نسرسل التوتور I ثابت و U متغير

المثلث الذهبي نرقم المنغير حسب نوع



من المثلث

النابج المنتج  $U_{eff} = Z \cdot I_{eff}$

الشدة المنتجة  $I_{eff} = \frac{U_{eff}}{Z}$

الممانعة الكلية  $Z = \frac{U_{eff}}{I_{eff}}$

المقاومة الصرفة  $R = \frac{U_{effR}}{I_{effR}}$

ممانعة ردية ووشية  $X_L = \frac{U_{effL}}{I_{effL}}$

ممانعة انساعية المكثفة  $X_C = \frac{U_{effC}}{I_{effC}}$

الاسطاعة المنوسطة المسهكة $P_{avg} = I_{eff} \cdot U_{eff} \cdot \cos\varphi$	إنشاء فرينل نسرسل	العالة بين آوَو نسرسل	الطور $\varphi$ (نسرع)	الطور $\varphi$ (نسرسل)	الممانعة X	الجهاز
$\varphi = 0 \Rightarrow \cos\varphi = 1 \Rightarrow P_{avg} = I_{eff} \cdot U_{eff} = R \cdot I_{eff}^2$ الاسطاعة الحرارية $[P_{avg} = R \cdot I_{eff}^2]$	$\vec{U}_{eff} \rightarrow \vec{i}$	تجعل النونر على نوافق مع الشدة	$\varphi = 0$	$\varphi = 0$	$X_R = R$	المقاومة الصرفة R
$\varphi = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \cos\varphi = 0 \Rightarrow P_{avg} = 0$ الذانية لانسهك طاقة	$\vec{U}_{eff} \rightarrow \vec{i} \perp$	نقدم النونر على الشدة	$\varphi = -\frac{\pi}{2}$	$\varphi = +\frac{\pi}{2}$	ممانعتها $X_L = L\omega$ (ردية ووشية)	الذانية L (وشية) مهمله مقاومه
$\varphi = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \cos\varphi = 0 \Rightarrow P_{avg} = 0$ لانسهك طاقة	$\vec{U}_{eff} \rightarrow \vec{i} \perp$	نؤخر النونر عن الشدة	$\varphi = +\frac{\pi}{2}$	$\varphi = -\frac{\pi}{2}$	ممانعتها $X_C = \frac{1}{\omega c}$ (انساعية المكثفة)	المكثفة C

نؤبه: نستطيع مشاهدة فيديوهات لشرع منهاج الفيزياء كما لو حل مسائل الكتاب على قناة اليوتيوب (أنس أحمد فيزياء)

### الوشية التي لها مقاومة (L, r)

$Z_2 = \sqrt{r^2 + X_L^2}$ $\Rightarrow \frac{Z_2^2 - r^2}{\omega} = X_L^2$ $\Rightarrow L = \frac{Z_2^2 - r^2}{\omega}$	$X_L = L\omega$	رديتها
$Z_2 = \sqrt{r^2 + X_L^2}$		صمانتها
على نثرع حادة سالبة (-φ)	على نلسل حادة جبة (+φ)	طورها
نعطي مثلث غير قائم زُنب : (علاقة شعاعية - علاقة النجيب)		إنشاء فرينل على النثرع
العلاقة الشعاعية : $\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{eff1} + \vec{I}_{eff2}$ علاقة النجيب :		
$I_{eff}^2 = I_{eff1}^2 + I_{eff2}^2 + 2I_{eff1} \cdot I_{eff2} \cdot \cos(\phi_2 - \phi_1)$		
$\cos\phi = \frac{1}{2} \Rightarrow \phi = \pm \frac{\pi}{3} \text{ rad}$	$\cos\phi = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \phi = \pm \frac{\pi}{6} \text{ rad}$	$\cos\phi = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \phi = \pm \frac{\pi}{4} \text{ rad}$

### حساب الاستطاعة المتوسطة المستهلكة :

• الاستطاعة المتوسطة المستهلكة على التسلسل وأجزاء النثرع من :

$$P_{avg} = I_{eff} \cdot U_{eff} \cdot \cos\phi$$

أو من : المقاومة بمرع التيار (النيار) × (المقاومة)

• الاستطاعة المستهلكة في جملة الفرعين

$$P_{avg} = P_{avg1} + P_{avg2}$$

$$P_{avg} = I_{eff1} \cdot U_{eff} \cdot \cos\phi_1 + I_{eff2} \cdot U_{eff} \cdot \cos\phi_2$$

### حساب عامل استطاعة الدارة :

• في التسلسل وأجزاء النثرع :  $\cos\phi = \frac{\text{المقاومة}}{\text{الممانعة}}$  (r)

• في الدارة التفرعية الكلية :  $\cos\phi = \frac{P_{avg}}{I_{eff} \cdot U_{eff}}$

### حساب الطاقة الحرارية للمقاومة

$$E = P_{avg} \cdot t$$

✓ المصباح الكهربائي ذو الذائبة المهملة يعتبر مقاومة صرفة R

✓ إذا وصل جهاز من طرفي جهاز فالوصل نثرع

✓ إذا أعطانا شدة نيار متواصل و نونر متواصل U نحسب منه مقاومة الوشية  $r = \frac{U_{متواصل}}{I_{متواصل}}$

### تطبيقات لحساب الممانعة الكلية و الاستطاعة المتوسطة المستهلكة وعامل استطاعة الدارة على بعض الدارات التسلسلية

دائرة تحوي على التسلسل :	مقاومة صرفة (R) ووشية لها (C) ومكثفة (C)	مقاومة صرفة (R) ووشية مهملة (L) ومكثفة (C)	مقاومة صرفة (R) ووشية لها (r, L) ومكثفة (C)	مقاومة صرفة (R) ووشية لها (r, L) ومكثفة (C)
الممانعة الكلية للدارة Z :	$Z = \sqrt{R^2 + X_C^2}$	$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$	$Z = \sqrt{(r+R)^2 + (X_L - X_C)^2}$	$Z = \sqrt{(r+R)^2 + (X_L - X_C)^2}$
عامل الاستطاعة $\cos\phi = \frac{\text{المقاومة}}{\text{الممانعة}}$ (r)	$\cos\phi = \frac{R}{Z}$	$\cos\phi = \frac{R}{Z}$	$\cos\phi = \frac{r+R}{Z}$	$\cos\phi = \frac{r+R}{Z}$
الاستطاعة المتوسطة $P_{avg} = (I_{نيار})^2 \times (\text{المقاومة})$	$P_{avg} = R \cdot I_{eff}^2$	$P_{avg} = R \cdot I_{eff}^2$	$P_{avg} = (r+R) \cdot I_{eff}^2$	$P_{avg} = (r+R) \cdot I_{eff}^2$

### • حالة التجاوب الكهربائي (الظنين الكهربائي) $X_L = X_C$ وفق الشروط :

1- دارة تسلسل 2- تغيير في الدارة (تغيير تواتر أو إضافة جهاز جديد) 3- ذكر إحدى الجملة الأربعة :

• الممانعة أصغر ما يمكن  $Z = R$  • التيار بأكبر قيمة له  $I_{eff} = \frac{U_{eff}}{R}$  • عامل الاستطاعة يساوي الواحد  $\cos\phi = 1$  • التوتر على وفاق بالطور مع الشدة  $(\phi = 0)$

في حالة التجاوب الكهربائي (الظنين) نُنْب (  $X_L = X_C \Rightarrow L\omega = \frac{1}{\omega C}$  ) ونعزل المجهول ونحسب نيار جديد من العلاقة  $(I'_{eff} = \frac{U_{eff}}{R})$

### • حالات خاصة :

في التسلسل عندما يضيف جهاز ويذكر جملة ( بقيت شدة النيار نفسها ) قبل الإضافة Z = بعد الإضافة

في النثرع عندما يضيف جهاز ويذكر جملة ( فرق العنن على نوافق مع النيار ) : نرسم إنشاء فرينل لكل الدارة وشعاع (I) المضاف نرسمه لحد ال (U) فنحصل على مثلث قائم ونحسب منه (I) المضاف

### • خاص بالمكثفات :

خاص بالمكثفات	وصل المكثفات على التسلسل	ضم المكثفات على النثرع
تحديد نوع الضم (نقارن C مع السعة الكلية $C_{eq}$ )	$C_{eq} < C$	$C_{eq} > C$
حساب سعة المكثفة المضافة (C')	$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C'} \Rightarrow \frac{1}{C'} = \frac{1}{C_{eq}} - \frac{1}{C}$	$C_{eq} = C + C' \Rightarrow C' = C_{eq} - C$
حساب عدد المكثفات (n) المتماثلة	$C = \frac{C_1}{n} \Rightarrow n = \frac{C_1}{C}$	$C = n \cdot C_1 \Rightarrow n = \frac{C}{C_1}$

### ملاحظات الدرس السادس المحولة الكهربائية

ثانوي s : من قوانين المتناوب أولي p : من نسبة التحويل

$$\mu = \frac{N_s}{N_p} = \frac{U_{effs}}{U_{effp}} = \frac{I_{effp}}{I_{effs}}$$

محولة رافعة للتوتر (الجهد) وخافضة للتيار :  $\mu > 1 \Rightarrow N_s > N_p \Rightarrow U_{effs} > U_{effp}$

محولة خافضة للتوتر (الجهد) ورافعة للتيار :  $\mu < 1 \Rightarrow N_s < N_p \Rightarrow U_{effs} < U_{effp}$

$$I_{effs} = \frac{U_{effs}}{R_s} \text{ أو } I_{effs} = \frac{P_s}{U_{effs}} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{لحساب كل من شدة تياري الأولية } I_{effp} \text{ والثانوية } I_{effs} \\ I_{effp} = \mu \cdot I_{effs} \end{array} \right.$$

يتر دمج مسألة المحولة مع التيار المتناوب في الدارة الثانوية ويكون  $U_{effs}$  هو التوتر المنتج الكلي للدارة النثرع

تنويه : يوجد أوراق محلولة تشمل (النظري سؤال وجواب - العملي عشر مسائل محلولة شاملة للنهائج)

تنويه : تستطيع مشاهدة فيديوهات لشرح منهاج الفيزياء كاملاً وحل مسائل الكتاب على قناة اليوتيوب (أنس أحمد فيزياء)