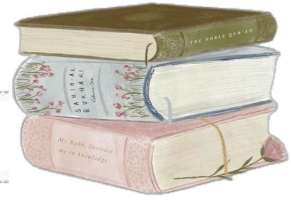


**مفاهيم كتاب الرياضيات
للمصف السادس
الفترة الدراسية الثانية**

الفصل السادس

العمليات على الكسور الاعتيادية



مفهوم أساسي

التقريب إلى أقرب نصف

التقريب إلى أدنى:

إذا كان البسط أصغر
كثيراً من المقام، فقرب
الكسر إلى العدد السابق.

مثال:

$$\frac{1}{8} \text{ تُقَرَّبُ إلى صفر.}$$

١ أصغر كثيراً من ٨

التقريب إلى $\frac{1}{2}$:

إذا كان البسط قريباً من
نصف المقام، فقرب
الكسر إلى $\frac{1}{2}$.

مثال:

$$2 \frac{3}{8} \text{ يُقَرَّبُ العدد إلى } 2 \frac{1}{2}$$

٣ تساوي نصف ٨ تقريباً

التقريب إلى أعلى:

إذا كان البسط قريباً من
المقام بصورة كبيرة، فقرب
الكسر إلى العدد التالي.

مثال:

$$\frac{7}{8} \text{ يُقَرَّبُ إلى ١}$$

٧ قريبة من ٨

الكسور التي لها المقامات نفسها تسمى **كسوراً متشابهة**.

مفهوم أساسي

جمع كسور متشابهة

التعبير اللفظي: لجمع كسرين متشابهين، اجمع بسطيهما، واستعمل المقام نفسه في المجموع. فمثلاً خمسان زائد خمس يساوي ثلاثة أخماس.

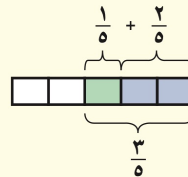
أعداد

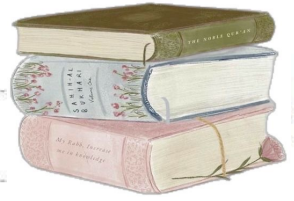
نموذج

أمثلة:

$$\frac{1+2}{5} = \frac{1}{5} + \frac{2}{5}$$

$$\frac{3}{5} =$$





مفهوم أساسي

طرحُ كسورٍ متشابهةٍ

التعبيرُ اللفظيُّ: لطرحِ كسرينِ متشابهينِ، اطرحُ بسطيهما، واستعملِ المقامَ نفسه في ناتجِ الطرحِ. ومثالُ ذلك: ثلاثةُ أخماسٍ ناقصُ خمسٍ يساوي خمسين.

أعدادُ

$$\frac{1-3}{5} = \frac{1}{5} - \frac{3}{5}$$
$$\frac{2}{5} =$$

نموذجُ

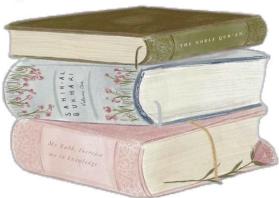
$$\frac{1}{5} - \frac{3}{5}$$
$$\frac{2}{5}$$

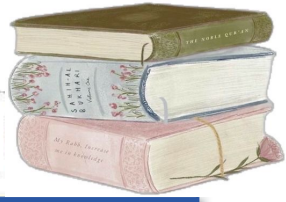
أمثلة:

مفهوم أساسي

جمعُ كسورٍ غيرِ متشابهةٍ أو طرحها

- لجمعِ كسرينِ مختلفي المقام، أو طرحهما:
- أعد كتابة الكسرينِ مُستعملًا المضاعفَ المشتركَ الأصغرَ (م.م.أ) للمقامين.
 - اجمعُ أو اطرحُ كما في الكسورِ المتشابهة.
 - اكتبِ المجموعَ أو الفرقَ في أبسطِ صورةٍ عند الحاجة.





مفهوم أساسي

جمع الأعداد الكسرية و طرحها

- اجمع الأجزاء الكسرية أو اطرحتها.
- ثم اجمع الأعداد الكلية أو اطرحتها.
- أعد كتابة الناتج في أبسط صورة إذا تطلب الأمر ذلك.

يُعدُّ استعمال الأعداد المتناغمة، أو الأعداد التي يمكن قسّمها ذهنيًا، إحدى طرق تقدير نواتج ضرب الكسور.

مفهوم أساسي

ضرب الكسور

التعبير اللفظي: اضرب البسطين واضرب المقامين.

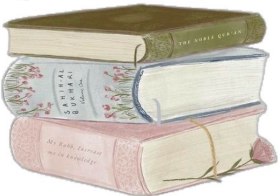
جبر

أعداد

أمثلة:

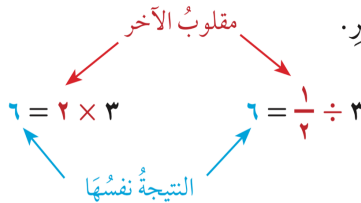
$$\frac{أ \times ج}{ب \times د} = \frac{ج}{د} \times \frac{أ}{ب} \quad \frac{1 \times 2}{2 \times 5} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{5}$$

كلًا من ب، د لا يساوي صفرًا.



لضرب عددين كسريين، اكتب كلا منهما في صورة كسر غير فعلي، ثم اضرب كما في الكسور الاعتيادية.

القسمة على $\frac{1}{3}$ تعطي نتيجة الضرب في 3 نفسها. فالعددين $\frac{1}{3}$ و 3 بينهما علاقة خاصة؛ إذ إن ناتج ضربهما يساوي 1، وأي عددين ناتج ضربهما 1، يكون كل منهما مقلوباً للآخر.



التعبير اللفظي: عند القسمة على كسر، اضرب في مقلوبه.

الجبر

الأعداد

أمثلة

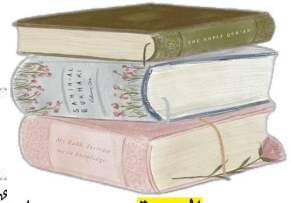
$$\frac{أ}{ب} \div \frac{ج}{د} = \frac{أ}{ب} \times \frac{د}{ج}$$

$$\frac{3}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{2}{3} \div \frac{1}{2}$$

حيث ب، ج، د \neq صفراً.

عملية قسمة الأعداد الكسرية تشبه قسمة الكسور. ولقسمة الأعداد الكسرية، اكتبها أولاً في صورة كسور غير فعلية، ثم أجر عملية القسمة كما في قسمة الكسور.

الفصل السابع النسبة والتناسب



النسبة، وهي عبارة عن المقارنة بين كميتين باستعمال القسمة. ويمكن أن تُكتب نسبة مشبكين أحمرين إلى ٦ مشابك زرقاء بثلاث طرق، على النحو الآتي:

$$٢ \text{ إلى } ٦ \text{ أو } ٦:٢ \text{ أو } \frac{٢}{٦}$$

المعدل هو نسبة تقارن بين كميتين بوحدتين مختلفتين.

الكيلومتر والساعة وحدتان مختلفتان.

الريال السعودي والدينار الأردني وحدتان مختلفتان من النقود.

١٨٠ كيلومترًا في ٣ ساعات.

١٠ ريالات سعودية لكل ٢ دينار أردني.

وعند تبسيط المعدل، بحيث يصبح مقامه مساويًا ١، فإنه يُسمى **معدل الوحدة**.

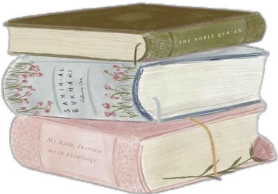
مفهوم أساسي

التناسب

التعبير اللفظي: **التناسب** هو معادلة تبين أن نسبتين أو معدلين متساويان.

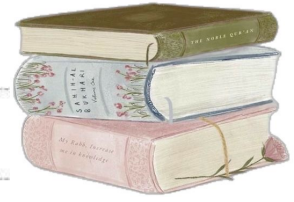
$$\frac{٦ \text{ صور}}{٣٠ \text{ ريالاً}} = \frac{٢ \text{ صورة}}{١٠ \text{ ريالاً}} \quad \frac{٦}{١٥} = \frac{٢}{٥}$$

أمثلة:



الفصل الثامن

النسبة المئوية والاحتمالات



النسبة المئوية مفهوم أساسي

التعبير اللفظي: النسبة المئوية هي نسبة تقارن عدداً ما بـ ١٠٠

مثال: ٧٥٪ \Leftarrow ٧٥ من ١٠٠ أو $\frac{٧٥}{١٠٠}$

نموذج:

٧٥٪

وتُسمى الحادثة المكوّنة من ناتج واحد حادثة بسيطة.

الاحتمال هو فرصة وقوع حادثة معينة، ويمكن إيجاده باستعمال النسبة.

الاحتمال مفهوم أساسي

التعبير اللفظي: احتمال حادثة هو نسبة عدد النواتج التي تتكون منها الحادثة إلى العدد الكلي للنواتج الممكنة.

أمثلة:

ح(حادثة) = $\frac{\text{عدد النواتج في الحادثة}}{\text{العدد الكلي للنواتج الممكنة}}$

وزارة التعليم

والحادثتان المتتامتان هما حادثتان يُحتمل وقوع إحداهما، ولكن لا

يمكن وقوعهما معاً في الوقت نفسه، ومجموع احتماليهما ١ أو ١٠٠٪.

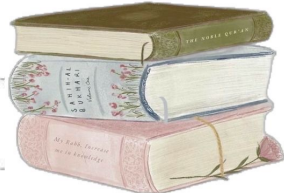
تُسمى مجموعة كل النواتج الممكنة لتجربة ما فضاء العينة.

هناك طريقة أخرى لإيجاد فضاء العينة، وهي استعمال **مبدأ العدّ الأساسي**، الذي ينصّ على أنّه إذا كان هناك «م» من النواتج للخيار الأول، و «ن» من النواتج للخيار الثاني، فإنّ

العدد الكلي للنواتج الممكنة يساوي م × ن

الفصل التاسع

الهندسة: الزوايا والمضلعات



فالزاوية تتكوّنُ .

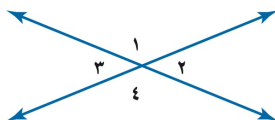
من ضلعين يشتركان في نقطة واحدة تُسمّى رأس الزاوية. وتُسمّى

الوحدة الأكثر استعمالاً للتعبير عن قياس الزاوية هي الدرجة،

عندما يتقاطع مستقيمان، فإنهما يشكّلان زوجين من الزوايا المتقابلة، كلٌّ منهما يُسمّى زاويتين متقابلتين بالرأس. والزويتان المتقابلتان بالرأس لهما القياس نفسه. وتُسمّى الزوايا التي لها القياس نفسه زوايا متطابقة.

يستعمل الرمز \cong ليدلّ على أن الزاويتين متطابقتان.

$$\begin{cases} \angle 4 \cong \angle 1 \\ \angle 3 \cong \angle 2 \end{cases}$$



مفهوم أساسي

أزواج الزوايا

الزاويتان اللتان مجموع قياسيهما يساوي 180° هما زاويتان متكاملتان.

التعبير اللفظي:

النماذج:

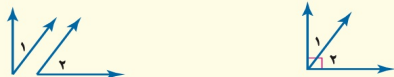


$$\text{ق } \angle 1 = 120^\circ, \text{ ق } \angle 2 = 60^\circ, \text{ ق } \angle 1 + \text{ ق } \angle 2 = 180^\circ$$

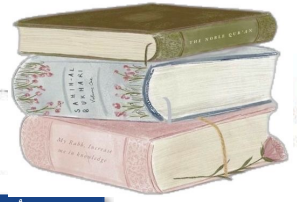
الزاويتان اللتان مجموع قياسيهما يساوي 90° هما زاويتان متتامتان.

التعبير اللفظي:

النماذج:



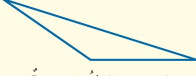
$$\text{ق } \angle 1 = 30^\circ, \text{ ق } \angle 2 = 60^\circ, \text{ ق } \angle 1 + \text{ ق } \angle 2 = 90^\circ$$



مفهوم أساسي

تصنيف المثلثات وفق زواياها

مثلثٌ متفرِّجُ الزاويةِ



إحدى زواياه منفرجةٌ

مثلثٌ قائمُ الزاويةِ



إحدى زواياه قائمةٌ

مثلثٌ حادُّ الزوايا



جميعُ زواياه حادةٌ

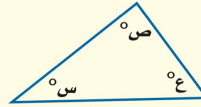
مفهوم أساسي

مجموعُ قياساتِ زوايا المثلثِ

التعبيرُ اللفظيُّ: مجموعُ قياساتِ زوايا المثلثِ يساوي 180°

بالرموز: $180^\circ = \text{ع}^\circ + \text{ص}^\circ + \text{س}^\circ$

النموذجُ:

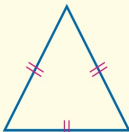


يمكنك أيضًا أن تصنّف المثلثاتِ وفق أضلاعها. حيث يُعدُّ كلُّ ضلعٍ من أضلاع المثلثِ **قطعةً مستقيمةً**. وتُسمَّى القطعُ المستقيمةُ التي لها الطولُ نفسه **القطعُ المستقيمةُ المتطابقةُ**. ويشارُ إليها في الشكلِ بوضعِ شرطٍ عليها.

مفهوم أساسي

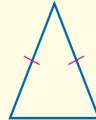
تصنيف المثلثاتِ وفق أضلاعها

مثلثٌ متطابقُ الأضلاعِ



أضلاعهُ الثلاثةُ متطابقةٌ

مثلثٌ متطابقُ الضلعينِ

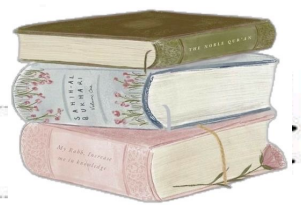


فيه ضلعانِ متطابقانِ على الأقلِ

مثلثٌ مختلفُ الأضلاعِ



ليس فيه أضلاعٌ متطابقةٌ

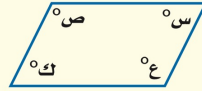


مفهوم أساسي

زوايا الشكل الرباعي

التعبير اللفظي: مجموع قياسات زوايا الشكل الرباعي يساوي 360°

بالرموز: $360^\circ = \text{ع}^\circ + \text{ك}^\circ + \text{ص}^\circ + \text{س}^\circ$



النموذج:

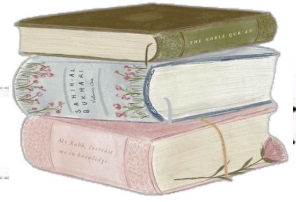
مفهوم أساسي

تصنيف الأشكال الرباعية

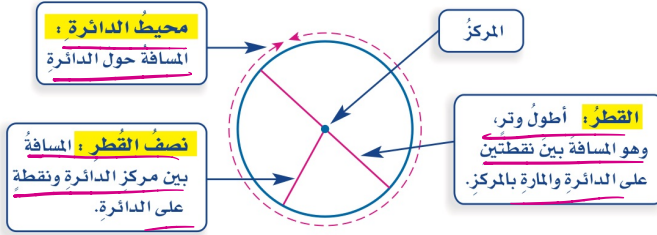
الخصائص	الرسم	الشكل الرباعي
<ul style="list-style-type: none"> • أضلاعه المتقابلة متطابقة. • جميع زواياه قوائم. • أضلاعه المتقابلة متوازية. 		المستطيل
<ul style="list-style-type: none"> • جميع أضلاعه متطابقة. • جميع زواياه قوائم. • أضلاعه المتقابلة متوازية. 		المربع
<ul style="list-style-type: none"> • أضلاعه المتقابلة متطابقة. • أضلاعه المتقابلة متوازية. • زواياه المتقابلة متطابقة. 		متوازي الأضلاع
<ul style="list-style-type: none"> • جميع أضلاعه متطابقة. • أضلاعه المتقابلة متوازية. • زواياه المتقابلة متطابقة. 		المعين
<ul style="list-style-type: none"> • فيه ضلعان متوازيان فقط. 		شبه المنحرف

الفصل العاشر

القياس : المحيط والمساحة والحجم



الدائرة هي مجموعة النقاط في المستوى، التي لها البعد نفسه عن نقطة معلومة تُسمى المركز. أما الوتر فهو أية قطعة مستقيمة طرفاها على الدائرة.



مفهوم أساسي

القطر ونصف القطر

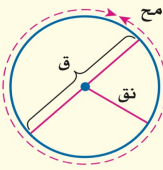
التعبير اللفظي: قطر الدائرة (ق) يساوي مثلي نصف قطرها (نق).

بالرموز: $ق = ٢ نق$ $نق = \frac{١}{٢} ق$

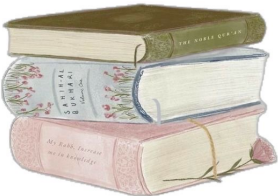
مفهوم أساسي

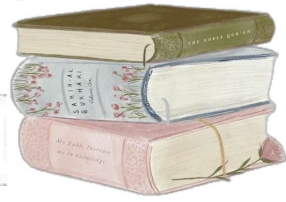
محيط الدائرة

التعبير اللفظي: محيط الدائرة (مح) يساوي حاصل ضرب ط في قطرها (ق)، أو ضرب ط في نصف قطرها (نق).

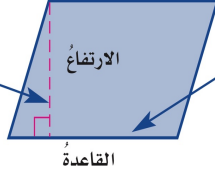


بالرموز: $مح = ط ق$ أو $مح = ٢ ط نق$





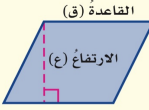
الارتفاع: هو البعد بين القاعدة والضلِعِ المقابلِ لها.



القاعدة: يمكن أن تكون القاعدة أي ضلع من أضلاع متوازي الأضلاع.

مفهوم أساسي

مساحة متوازي الأضلاع



نموذج:

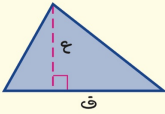
التعبير اللفظي: مساحة متوازي الأضلاع هي ناتج ضرب طول أي قاعدة (ق) في الارتفاع المرافق لها (ع)

$$م = ق \times ع$$

بالرموز:

مفهوم أساسي

مساحة المثلث

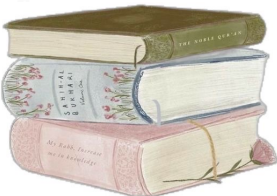


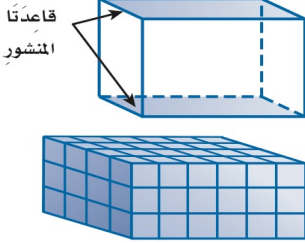
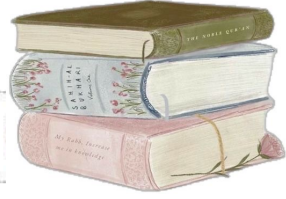
نموذج:

التعبير اللفظي: مساحة المثلث (م) هي نصف ناتج ضرب القاعدة (ق) في الارتفاع (ع).

$$م = \frac{1}{2} ق \times ع \text{ أو } م = \frac{ق \times ع}{2}$$

بالرموز:





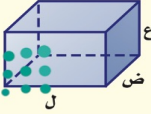
المنشورُ الرباعيُّ: شكلٌ ثلاثيُّ الأبعادٍ له قاعدتانِ متوازيتانِ، في صورةٍ مستطيلينِ متطابقينِ.

الحجمُ: هو مقدارُ الحيزِ داخلِ الشكلِ الثلاثيِّ الأبعادِ، ويُقاسُ بالوحداتِ المكعبةِ.

مفهوم أساسي

حجمُ المنشورِ الرباعيِّ

نموذجُ:



التعبيرُ اللفظيُّ: حجمُ المنشورِ الرباعيِّ (ح) هو ناتجُ ضربِ الطولِ (ل) في العرضِ (ض) في الارتفاعِ (ع).

$$ح = ل \times ض \times ع$$

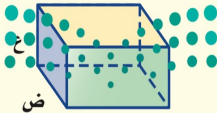
بالرموزِ:

وزارة
التعليم

مفهوم أساسي

مساحةُ سطحِ المنشورِ الرباعيِّ

نموذجُ:



التعبيرُ اللفظيُّ: مساحةُ السطحِ (م) لمنشورٍ طوله (ل)، وعرضه (ض)، وارتفاعه (ع) هي مجموعُ مساحاتِ أوجهه.

$$م = ٢ل \times ض + ٢ل \times ع + ٢ض \times ع$$

بالرموزِ:

وزارة التعليم
Ministry of Education

