# مذاكرة متتاليات

**السؤال الأول:** أوجد الحد العام لكل من المتتاليات الآتية:

1) $u_n = \frac{2n}{n+1}$

2) $u_n = \frac{n+1}{3n}$

3) $u_n = 1 + \frac{1}{2} + \dots + \frac{1}{n}$

**السؤال الثاني:** لتكن $(u_n)_{n\geq 0}$ متتالية حسابية حيث $u_3 = 3$ و $r = 2$ والمطلوب:

1) أحسب $u_5$

2) اكتب $u_n$ بدلالة $n$

3) أحسب $S = u_0 + u_1 + \dots + u_5$

**السؤال الثالث:** لتكن $(u_n)_{n\geq 0}$ متتالية حسابية حيث $u_5 = 17$ و $u_{17} = 82$ والمطلوب:

1) أحسب $u_0$ و $r$

2) اكتب $u_n$ بدلالة $n$

3) أحسب $S = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ بدلالة $n$

**السؤال الرابع:** لتكن $(u_n)_{n\geq 0}$ متتالية عددية حيث:

$$\begin{cases} u_0 = 1 \quad u_1 = 2 \\ u_{n+2} = \frac{4}{3}u_{n+1} - \frac{1}{3}u_n \end{cases}$$

ولتكن $(v_n)_{n\geq 0}$ متتالية عددية معرفة بالعلاقة $v_n = u_{n+1} - u_n$ والمطلوب:

1) أحسب $v_0$ و $v_1$

2) برهن أن $(v_n)_{n\geq 0}$ هندسية يطلب أساسها وحدها الأول

3) أحسب بدلالة $n$ المجموع $S_n = v_0 + \dots + v_n$

**السؤال الخامس:** لتكن $(u_n)_{n\geq 0}$ متتالية معرفة بالشكل التكراري:

$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + 2 \end{cases}$$

1) أحسب $u_1$ و $u_2$ ثم استنتج أن المتتالية ليست حسابية ولا هندسية.

2) أثبت أنه $\forall n \in \mathbb{N}$ يكون $u_n < 3$

3) برهن أن المتتالية $(u_n)$ متزايدة تماماً على $\mathbb{N}$

4) أثبت أن المتتالية $(u_n)$ متقاربة ثم احسب نهايتها

5) اكتب الكلام السابق بدلالة $n$ ثم استنتج عبارة $u_n$ بدلالة $n$

6) احسب المجموع $S_n$ بدلالة $n$ حيث $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

**السؤال السادس:**

$a, b, c$ ثلاثة أعداد حقيقية غير معدومة ($a \neq 0$) بحيث $a, b, c$ ثلاثة حدود متتابعة من متتالية حسابية أساسها $q$.

كما نعلم أن $3a, 2b, c$ ثلاثة حدود متتابعة من متتالية هندسية أساسها $q$