

أولاً: أجب عن خمسة فقط من الأسئلة الستة الآتية: (40 درجة لكل سؤال)

x	$-\infty$	2	5	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+ 0	+
$f(x)$	2 ↘	0 ↗	4 ↗	6 ↗

السؤال الأول: نجد جانباً جدول تغيرات التابع f المعرف على R :

1. جد $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
2. اذكر قيمة حدية للتابع وبين نوعها
3. هل $f(5) = 4$ قيمة حدية للتابع؟ اكتب معادلة المماس في نقطة فاصلتها 5
4. اكتب معادلة كل مقارب أفقي للخط البياني للتابع
5. اكتب مجموعة تعريف التابع g حيث $g(x) = \ln(f(x))$

السؤال الثاني: لتكن المجموعة $S = \{2, 3, 5, 0, 9\}$ ، والمطلوب:

1. كم عدداً مختلف الأرقام و مؤلفاً من ثلاث منازل يمكن تشكيله من عناصر S ؟
2. كم عدداً من مضاعفات العدد 5 و مؤلفاً من ثلاث منازل يمكن تشكيله من عناصر S ؟

السؤال الثالث: لتكن المتتاليتين $(u_n)_{n \geq 1}$ و $(v_n)_{n \geq 1}$ المعرفتين وفق العلاقتين: $u_n = -\frac{1}{n}$ و $v_n = \frac{1}{\sqrt{n^2+1}}$

1. ادرس اطراد كل من $(u_n)_{n \geq 1}$ و $(v_n)_{n \geq 1}$
2. أثبت أن المتتاليتين $(u_n)_{n \geq 1}$ و $(v_n)_{n \geq 1}$ متجاورتان.

السؤال الرابع: حل المعادلة $(e^x - 1)(e^x - \frac{1}{2}) = 0$ ثم حل المتراجحة $(e^x - 1)(e^x - \frac{1}{2}) \geq 0$

السؤال الخامس: ليكن $ABCD$ رباعي وجوه منتظم طول حرفه 4 فيه I منتصف CD .

1. وضح النقطة M المحققة للعلاقة $\vec{AM} = \frac{1}{2}\vec{AD} + \frac{1}{2}\vec{AC} - \vec{BI}$

2. احسب العدد $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$

السؤال السادس: نلقي حجر نرد متوازن وجوهره مرقمة من 1 إلى 6 نحصل على درجة واحدة إذا ظهر الوجه 1 ونحصل على ست درجات إذا ظهر الوجه 6 ونخسر درجتين في بقية الحالات. ليكن X المتحول العشوائي الذي يمثل الدرجة التي نحصل عليها. اكتب القانون الاحتمالي للمتحول العشوائي X ، واحسب كلاً من $E(X)$ و $V(X)$.

ثانياً: حل التمارين الثلاثة الآتية: (70 درجة لكل من التمرين الأول والثاني - 60 درجة للتمرين الثالث)

التمرين الأول: ليكن التابع f المعرف على $[0, +\infty[$ والمعطى بالعلاقة $f(x) = \sqrt{x} \ln(1+x)$

1. أثبت أن f اشتقائي عند 0 ثم استنتج مجموعة تعريف $f'(x)$

2. جد $f'(x)$ على $[0, +\infty[$

3. استنتج مشتق التابع g العرف على المجال $]0, \frac{\pi}{2}[$ وفق $g(x) = \sqrt{\cos x} \ln(1 + \cos x)$

التمرين الثاني: ليكن العددان العقديان $z_1 = \sqrt{3} + i$ و $z_2 = \sqrt{2} + \sqrt{2}i$

1. اكتب z_1 و z_2 بالشكل المثلثي والأسّي.

2. أوجد $z_2 \cdot z_1$ جبرياً وأسياً ومثلثياً.

3. استنتج $\sin \frac{5\pi}{12}$ و $\cos \frac{5\pi}{12}$

التمرين الثالث : لتكن $(u_n)_{n \geq 1}$ متتالية معرفة على N^* وفق $u_n = \ln\left(\frac{n+1}{n}\right)$

1. جد نهاية هذه المتتالية.

2. نضع $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$

a. أثبت أن $S_n = \ln(n+1)$

b. ما نهاية $(s_n)_{n \geq 1}$ ؟

3. احسب $\int_1^e \ln\left(\frac{x+1}{x}\right) dx$

ثالثاً : حل المسألتين الآتيتين : (100 درجة لكل مسألة)

المسألة الأولى : ليكن C_f الخط البياني للتابع f المعرفة على $]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$ وفق :

$$f(x) = 2x - 1 - \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right) \text{ والمطلوب :}$$

1. أثبت أن المستقيم d الذي معادلته $y = 2x - 1$ مقارب للخط C في جوار $-\infty$ و $+\infty$ و ادرس وضع C بالنسبة إلى d

2. ادرس تغيرات التابع f ونظم جدولاً بها و اكتب معادلات المقاربات الشاقولية للخط C_f

3. اثبت أن $f(x) + f(-x) = -2$

4. استنتج أن C_f متناظر بالنسبة للنقطة $I(0, -1)$

5. ارسم ما وجدته من مقاربات ثم ارسم C_f

6. استنتج رسم C_g للتابع g المعرفة وفق $g(x) = -2x + 1 - \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$

المسألة الثانية : مكعب $ABCDEFGH$ مكعب طول حرفه 1 و T نقطة من $[AB]$ وتحقق $\overrightarrow{AT} = \frac{2}{5}\overrightarrow{AB}$ و N نقطة من $[AD]$

وتحقق $\overrightarrow{AN} = \frac{2}{5}\overrightarrow{AD}$ والمطلوب :

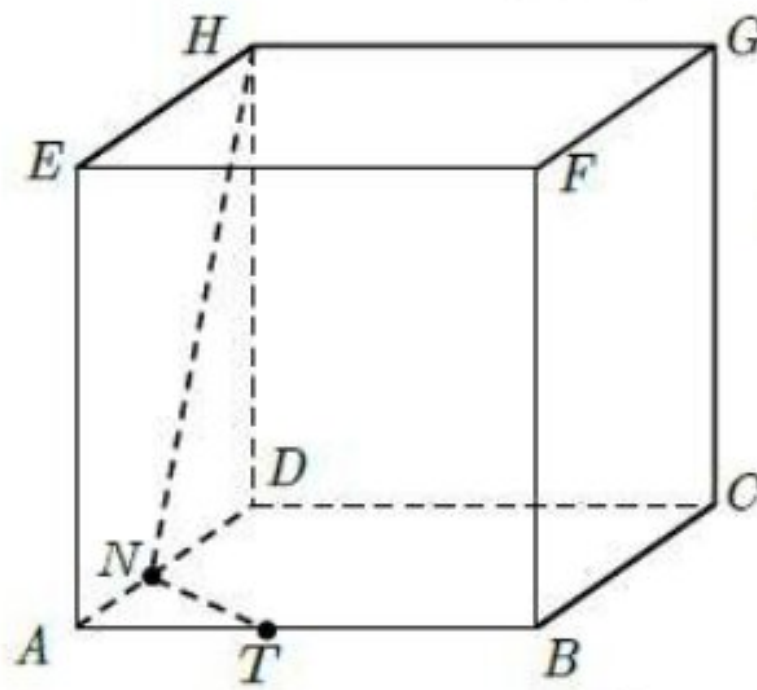
1. في المعلم المتجانس $(A, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$ جد إحداثيات النقاط H, F, N, T

2. جد الشعاعين \overrightarrow{NH} ، \overrightarrow{NT} ثم جد معادلة المستوي (HNT)

3. جد تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (EF)

4. استنتج نقطة تقاطع المستقيم (EF) مع المستوي (HNT)

5. اذكر مقطع المكعب بالمستوي (HNT) . ما طبيعته ؟



مع أطيب الأمنيات لكم بالنجاح 😊❤️

أ. فارس جقل - اللاذقية - دورات (ر.ف.ك) - هاتف 0955186517

[2]

Subject (50)

السؤال الثاني عشر:

$\vec{AM} = \frac{1}{2} \vec{AD} + \frac{1}{2} \vec{AC} - \vec{BI}$ [1]

$= \frac{1}{2} (\vec{AD} + \vec{AC}) - \vec{BI}$

$= \frac{1}{2} (2\vec{AI}) - \vec{BI}$

$= \vec{AI} + \vec{IB} = \vec{AB}$

(20) M تنطبق على B ←

$\vec{AB} \cdot \vec{AC}$ [2]

$= \|\vec{AB}\| \cdot \|\vec{AC}\| \cos(A)$

$= 4 \cdot 4 \cdot \cos \frac{\pi}{3}$

(20) ← $= 4 \cdot 4 \cdot \frac{1}{2} = (8)$

السؤال الثالث عشر:

كلية لدراسة U_n و $f(x)$

$f(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2+1}}$ مستر واستنفاد

على $[1, +\infty[$

$f'(x) = \frac{-x}{(x^2+1)\sqrt{x^2+1}} < 0$

كلية لدراسة U_n و $f(x)$

$f(x) = \frac{1}{x}$

f مستر واستنفاد على $[1, +\infty[$

$f'(x) = \frac{-1}{x^2} > 0$

السؤال الثالث عشر (50)

$U_{n+1} - U_n = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n}$ [1]

$5 \leftarrow = \frac{1}{n(n+1)} > 0$

U_n متزايدة ← $2 \leftarrow$

$U_{n+1} - U_n = \frac{1}{\sqrt{(n+1)^2+1}} - \frac{1}{\sqrt{n^2+1}} < 0$ [2]

$5+5 \leftarrow U_n$ متناقصة ←

$5 \leftarrow$ أو نستنتج ..

[2] $\lim_{n \rightarrow +\infty} (U_n - U_{n+1}) = \lim_{n \rightarrow +\infty} (\frac{1}{n} - \frac{1}{\sqrt{n^2+1}})$

$(8) = 0$

الشروط التي تحقق

أو: (8)

$\lim U_n = \lim U_{n+1} = 0$

السؤال الرابع (50):

شروط الحد في R

مقبولة $5+5$: $e^x = 1 \Rightarrow x = 0$

مقبولة $5+5$: $e^x = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \ln \frac{1}{2} = -\ln 2$

مجموعة حلول المتراجحة $f(x) \geq 0$

~~$[0, +\infty[$~~

$S =]-\infty, \ln \frac{1}{2}] \cup [0, +\infty[$

(20)

Subject

70

3

□□□

ثانياً: التمرين الأول

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} \quad 10 \quad (1)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{x} \cdot \ln(1+x)}{x} \quad 5$$

5 ← = 0(1) = 0 ⇒ (0) استقارياً عند 0

$$Df' = [0, +\infty[\quad 5$$

5 ←

$$f'(0) = 0 \rightarrow 5 \quad (2)$$

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}} \ln(1+x) + \frac{1}{1+x} \cdot x$$

$$= \frac{(1+x) \cdot \ln(1+x) + 2x}{2\sqrt{x} \cdot (x+1)} \quad 5$$

(10) $g'(x) = f'(\cos x) (\cos x)'$

$$= (1 + \cos x) \ln(1 + \cos x + 2\cos x) (-\sin x) - 2\sqrt{\cos x} (\cos x)'$$

15

1 $Z_1 = 2 \left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6} \right)$ التمرين الثاني

$$Z_1 = 2e^{i\frac{\pi}{6}} \quad 5 + 5 \rightarrow 5$$

$$Z_2 = 2 \left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right) = 2e^{i\frac{\pi}{4}} \quad 5$$

$$Z_1 \cdot Z_2 = (\sqrt{6} - \sqrt{2}) + (\sqrt{6} + \sqrt{2})i \quad 2 \rightarrow 5$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} Z_1 \cdot Z_2 = 4e^{i\frac{5\pi}{12}} \rightarrow 10 \quad 10$$

$$Z_1 \cdot Z_2 = 4 \left(\cos \frac{5\pi}{12} + i \sin \frac{5\pi}{12} \right) \rightarrow 10$$

3 $\cos \frac{5\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$, $\sin \frac{5\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$

أولاً: الخواص الستة:

$$X(\omega) = \{1, 6, -2\} \quad 10$$

$$P(1) = \frac{1}{6}, \quad P(6) = \frac{1}{6} \quad 5, 6$$

$$P(-2) = \frac{4}{6} \quad 5$$

ω_i	1	6	-2
$P(X=\omega_i)$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{4}{6}$ (5)

$$\omega_i^2: \quad 1 \quad 36 \quad 4$$

$$E(X) = \sum_{i=1}^n \omega_i \cdot P(X=\omega_i)$$

$$= \frac{1}{6} + \frac{6}{6} + \frac{-8}{6} = \frac{-1}{6} \quad 5$$

$$V(X) = E(X^2) - [E(X)]^2$$

$$E(X^2) = \frac{1}{6} + \frac{36}{6} + \frac{16}{6} = \frac{53}{6}$$

$$V(X) = \frac{53}{6} - \left(\frac{-1}{6}\right)^2$$

$$= \frac{317}{36} \quad 5$$

10

10

$$I_1 = \ln(x+1)$$

$$u = x+1 \Rightarrow u' = \frac{1}{x+1}$$

$$v' = 1 \Rightarrow v = x$$

$$\Rightarrow [u \cdot v] - \int v \cdot u'$$

$$\int \frac{x}{x+1} dx = \int \frac{x+1-1}{x+1} dx = \int \left(1 - \frac{1}{x+1}\right) dx$$

$$= x - \ln|x+1|$$

$$\Rightarrow I_1 = x^2 + x - x + \ln|x+1|$$

$$I_2 = \int \ln(x) = [x \ln(x) - x]$$

10

20

$$u = \ln\left(\frac{x+1}{x}\right) \Rightarrow u'$$

$$v' = 1 \Rightarrow v = x$$

مع قانون الجزئية

المقرب $\ln(x)$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} \ln\left(\frac{n+1}{n}\right)$$

$$= \ln(1) = 0$$

$$S_n = \ln 2 + \ln \frac{3}{2} + \ln \frac{4}{3} + \dots + \ln\left(\frac{n+1}{n}\right)$$

$$= \ln\left(2 \times \frac{3}{2} \times \frac{4}{3} \times \dots \times \frac{n+1}{n}\right)$$

$$= \ln(n+1)$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} \ln(n+1)$$

10

$$\int_1^e \ln\left(\frac{x+1}{x}\right) dx$$

$$= \int_1^e [\ln(x+1) - \ln(x)]$$

$$= x \ln(x+1) - \int \frac{x}{x+1} dx - (x \ln(x) - x)$$

$$= e \ln(e+1) - \ln 2 - \frac{1}{2} + 1 - e + 1$$

[5]

Subject

$2, 5 + 2.5$

$x \rightarrow -\infty$ مقارب ساقية C_p في P و ∞
 $x \rightarrow \infty$ مقارب ساقية C_p في P و ∞

$f(x) + f(1-x) =$

$= 2x - 1 - \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right) - 2x - 1 - \ln\left(\frac{1-x}{-1-x}\right)$

$= -\ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right) - \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right) - 2$

$= -\ln\left[\frac{x+1}{x-1} \cdot \frac{x-1}{x+1}\right] - 2$

$= -\ln(1) - 2 = -2$

$I(0, 1) = (a, b)$

$a=0, b=1$
 في سقعة لسرطين:

$\forall x \in]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$

$z \in]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$

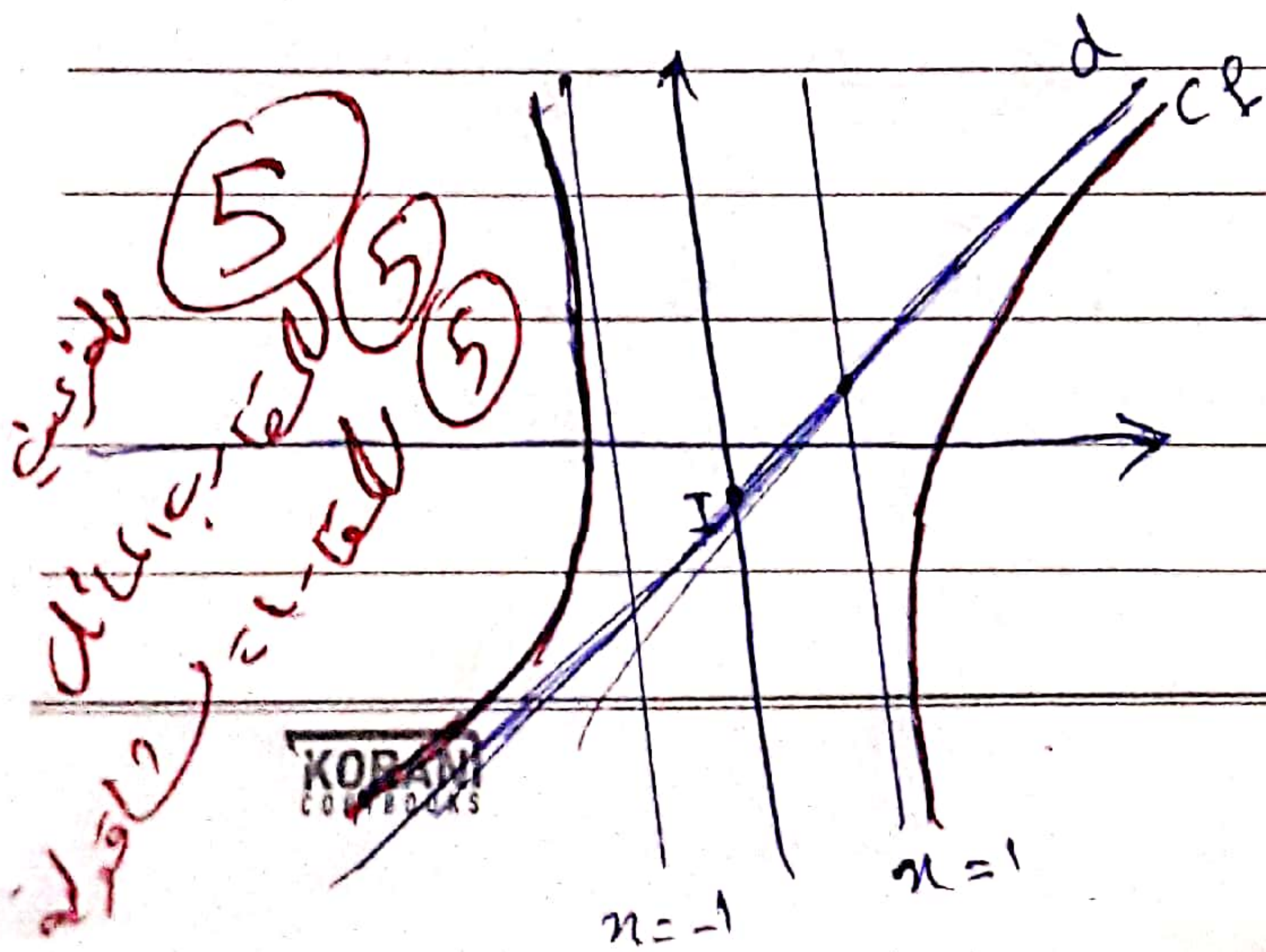
سقعة لأن:

$2a - x = x$

$f(2a - x) + f(x) = 2b$

$f(1-x) + f(x) = 2$

فالسقعة I مركزية C_p



الفرضين
 للفقاعة
 للفقاعة
 للفقاعة

KORAM COMPOUNDS

$f(x) - y_0 = -\ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$

$\lim_{x \rightarrow \infty} [f(x) - (2x-1)] = 0$

$= \lim_{x \rightarrow \infty} \left[-\ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)\right] = -\ln(1) = 0$

في P و ∞ مقارب ساقية C_p في P و ∞

~~$f(x) - (2x-1) = \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$~~
 $= \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
إشارة الطرف	$+$			$-$
المرتب السببي	فوق C			داس C

f بمرتبة وصغر واستقامتي على:

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

$\lim_{x \rightarrow (-1)^-} f(x) = +\infty$, $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty$

$f'(x) = 2 - \frac{1}{x+1} + \frac{1}{x-1}$

$= \frac{2x^2 - 2 - x + 1 + x + 1}{x^2 - 1} = \frac{2x^2}{x^2 - 1}$

$f'(x) > 0$, $f'(x) = 0 \Rightarrow x=0 \notin D$

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$f'(x)$	$+$			$+$
$f(x)$	$-\infty$	$+\infty$		$+\infty$

[6]

Subject

معادلة المستوي : (20)

$$5x + 5y - 3z - 2 = 0$$

$$u = \vec{EF} = (1, 0, 0)$$

$$\left. \begin{matrix} x = t \\ y = 0 \\ z = 1 \end{matrix} \right\} ; t \in \mathbb{R} \quad [3]$$

[4] لغزوة المعادلات الوسطية في معادلة المستوي :

(20) $F(1, 0, 1)$

[5] المقام هو NTFH بيعة سبه مفروض متساوية

(5x5) ✓

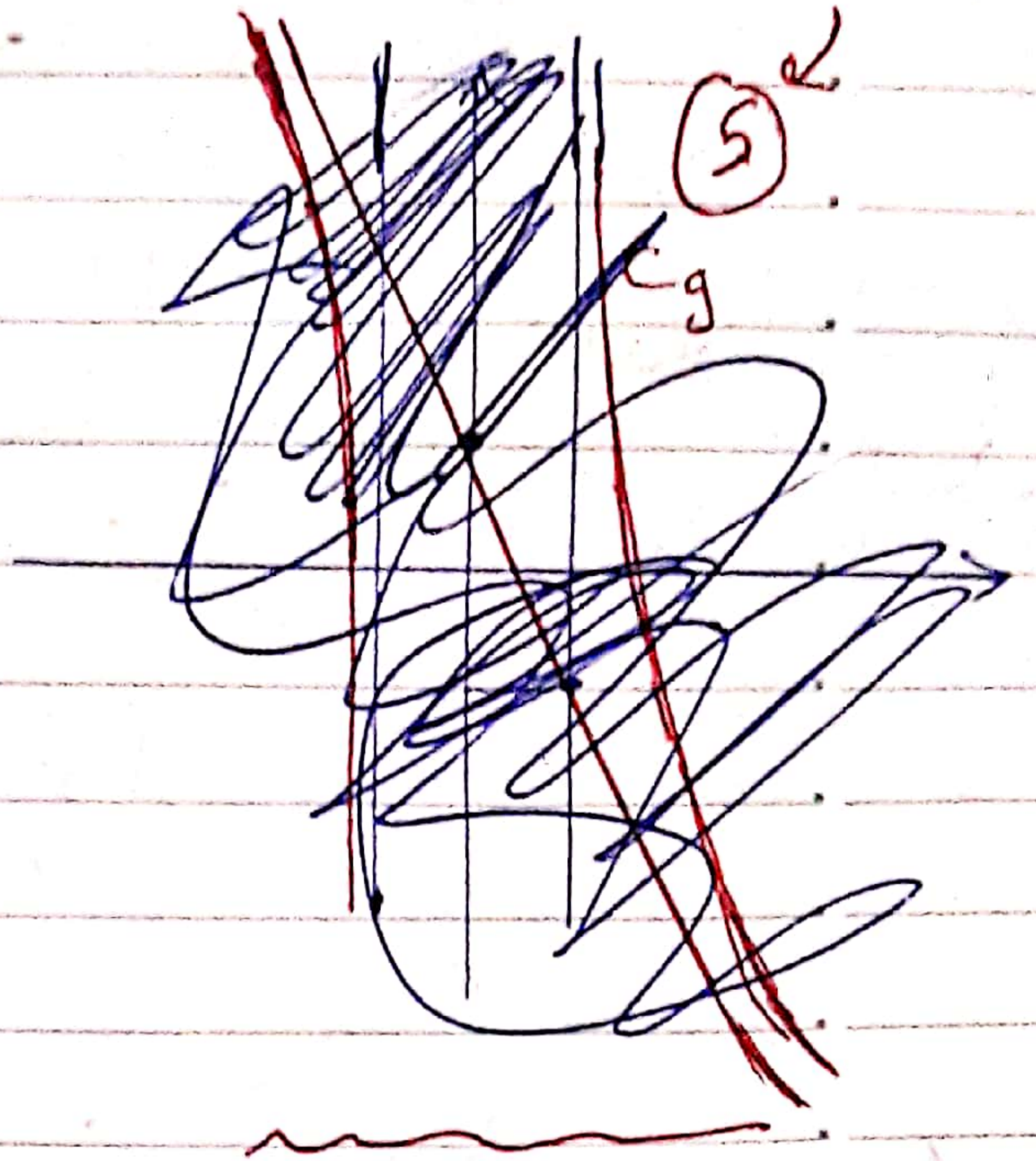
* انتهى السلام ..

Batout.H



(5) $g(x) = -f(x)$ [6]

c_g تغير c_p بالنسبة لـ g



المسألة الثانية :

[1] $H(0, 1, 1), F(1, 0, 1), N(0, \frac{2}{5}, 0)$

(20x4) $T(\frac{2}{5}, 0, 0)$

$\vec{NT}(\frac{2}{5}, -\frac{2}{5}, 0)$ (20)

$\vec{NH}(0, \frac{3}{5}, 1)$ (20)

معادلة المستوي :

$$\vec{n} \perp \vec{NT} \Rightarrow \vec{n} \cdot \vec{NT} = 0$$
$$\Rightarrow \frac{2a}{5} - \frac{2b}{5} = 0$$

$$\vec{n} \perp \vec{NH} \Rightarrow \vec{n} \cdot \vec{NH} = 0$$

$$\frac{3}{5}b + c = 0$$

$$\Rightarrow \vec{n}(5, 5, -3)$$