

تمارين امتحانية لبحث الأشعة في الفراغ

السؤال الأول:

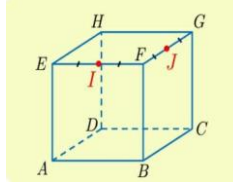
١) ABCDEFGH مكعب. I منتصف [EF] ، J منتصف [FG].

١- في كل من الحالات الأتية، بين فيما إذا كانت النقطة M المعرفة بالمساواة الشعاعية المفروضة تنطبق أو لا تنطبق على أحد رؤوس المكعب وعلل اجابتك.

$$\vec{AM} = \vec{AE} + \vec{AB} + \vec{AD} \quad (1)$$

$$\vec{AM} = \vec{AG} + \vec{BF} \quad (4) \quad \vec{AM} = \vec{FE} + \vec{DG} \quad (3)$$

$$\vec{AM} = \frac{1}{2} [\vec{AG} + \vec{HB}] \quad (5)$$



السؤال الثاني:

نتأمل في معلم (O; i, j, k) النقاط:

A(1.2. -3) B(-1.3.3) C(4. -1.2) ول

تكن D نقطة تجعل ABCD متوازي أضلاع. احسب احداثيات D ثم احسب احداثيات I مركز متوازي الأضلاع هذا.

السؤال الثالث:

نتأمل النقاط A(1.1. √2) B(√2. -√2. 0) و C نظيرة A بالنسبة الى المبدأ O.

أثبت أن المثلث ABC مثلث قائم ومتساوي الساقين.

السؤال الرابع:

نتأمل النقاط

A(2.3. -1) B(2.8. -1) C(7.3. -1) D(-1.3.3) E(5.3.3)

أثبت أن B, C, D, E تقع على كرة مركزها A

السؤال الخامس:

ABCD رباعي وجوه. وضع على شكل النقاط الأتية:

I مركز الأبعاد المتناسبة للنقطتين:

(A. 1) (B. 2)

J مركز الأبعاد المتناسبة للنقطتين:

(D. 1) (C. 2)

K مركز الأبعاد المتناسبة للنقطتين:

(A. 1) (B. 2) (C. 2) (D. 1)

L مركز الأبعاد المتناسبة للنقطتين:

(A. 1) (B. -2)

M مركز الأبعاد المتناسبة للنقطتين:

(A. 1) (B. -2) (C. -1)

N مركز الأبعاد المتناسبة للنقطتين:

(D. 1) (C. -1) (A. 1) (B. -2)

السؤال السادس:

نتأمل في معلم (O; i, j, k) النقاط:

A(3.2.1) B(1.2.0) C(3.1. -2)

١- أثبت أن النقاط A, B, C ليست على استقامة واحدة

٢- عند أي قيمة للوسيط m تنتمي النقطة M(m. 1.3) الى المستوي (ABC)؟

٣- ما العلاقة بين x و y لتقع النقاط A, B, C و D(x. y. 3) في مستو واحد؟

السؤال السابع:

جد على محور الفواصل نقطة متساوية البعد عن النقطتين A(2. -1.3) B(0.5. -1)

السؤال الثامن:

ليكن α عددا حقيقيا ، و نتأمل النقاط

A(3.1. -3) B(-1.5. -3) C(-1.1. α)

أثبت أن المثلث ABC متساوي الساقين، أيا كان α. أيمكن أن يكون متساوي الأضلاع؟

السؤال التاسع:

m و n عددان حقيقيان موجبان يحققان $n > m > 0$

نتأمل النقاط

A(√3. 3.0) B(0.6.0) M(0.6. m) N(0.0. n)

معلم متجانس (O; i, j, k)

عين m و n ليكون المثلث MAN قائما في A

وحجم المجسم AOBMN يساوي $5\sqrt{3}$

السؤال العاشر:

نتأمل رباعي الوجوه ABCD. ونقطتين J, I معرفتين وفق:

$$\vec{IA} = 2\vec{IB} \quad \vec{JC} = 2\vec{JD}$$

١- أيمكن أن تنطبق إحدى النقطتين J, I على الأخرى؟

٢- أثبت أنه أيا كانت النقطة M من الفراغ، كان:

$$\vec{MA} - 2\vec{MB} = -\vec{MI} \quad \vec{MC} - 2\vec{MD} = -\vec{MJ}$$

٣- جد مجموعة نقاط الفراغ M التي تحقق:

$$\|\vec{MB} + \vec{MC} + \vec{MD}\| = \|\vec{3MA} - \vec{MB} - \vec{MC} - \vec{MD}\|$$

انتهت الأسئلة

