

الكهرباء و المغناطيسية

4 الدارات المهتزة

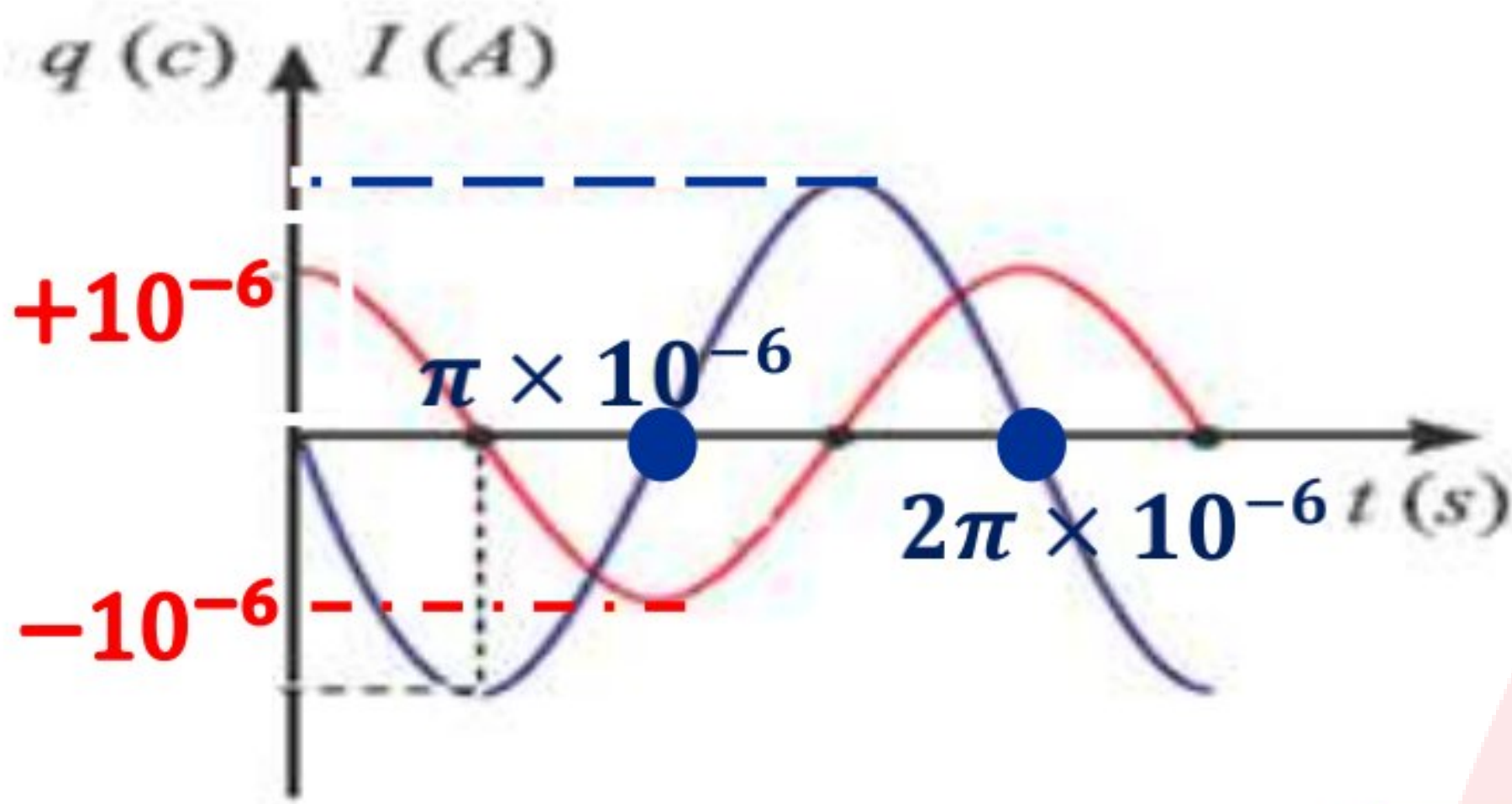


والتيارات عالية التواتر

فيزياء

الثالث الثانوي العلمي

ورقة عمل (9) A



ثالثاً : أجب عن أحد السؤالين الآتيين : / 20 درجة /

1 المعادلة التفاضلية لدارة تحتوي على (R, L, C) هي

$$L(\ddot{q}) + R(\dot{q}) + \frac{1}{C}q = 0$$

كيف نحصل على دارة مهتزة تفرغها جيبي ؟

استنتج عبارة الدور الخاص للاهتزازات الحرة غير

المتخامدة في الدارة الكهربائية (L, C)

(علاقة تومسون) .

2 استنتج بالرموز عبارة الطاقة في الدارة الكهربائية المهتزة

(L, C) وبرهن أنها ثابتة . ثم ارسم الخطوط البيانية

لكل من (E_L, E_C) موضعاً تغيراتها خلال دور واحد .

رابعاً : حل المسألة الآتية : / 90 درجة /

دارة مهتزة تتألف من مكثفة سعتها $(C = 10^{-9} F)$

ووشية مهملة المقاومة لفاتها متلاصقة بطبقة واحدة

طولها $(\ell = 25 \text{ cm})$ وذاتيتها $(L = 10^{-3} H)$

نشحن المكثفة بتوتر كهربائي $(100 V)$ ثم نصلها

في اللحظة $(t = 0)$ بين طرفي الوشية .

والمطلوب :

1 احسب الشحنة الكهربائية العظمى للمكثفة . والطاقة

الكهربائية المختزنة فيها في اللحظة $t = 0$.

2 احسب الدور الخاص للتفريغ المهتز في الدارة .

3 اكتب التابع الزمني للشحنة اللحظية ،

والتابع الزمني للشدة اللحظية

4 احسب طول سلك الوشية . انتهت الأسئلة

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة مما يأتي : / 30 درجة /

1 تتألف دارة مهتزة من مكثفة مشحونة سعتها (C)

ووشية ذاتيتها (L) دورها الخاص (T_0) .

نستبدل الوشية بوشية أخرى ذاتيتها $(L' = 3L)$

والمكثفة بمكثفة أخرى $(C' = 3C)$ فيصبح دورها

الخاص :

$$T_0' = 3T_0 \quad b, \quad T_0' = 9T_0 \quad a$$

$$T_0' = T_0 \quad d, \quad T_0' = \frac{1}{3}T_0 \quad c$$

2 تتألف دارة مهتزة من مكثفة مشحونة سعتها (C)

ووشية مهملة المقاومة ذاتيتها (L) وتواترها الخاص

(f_0) . استبدلنا بالوشية وشية أخرى ذاتيتها $L' = \frac{L}{4}$

فيصبح التواتر الخاص :

$$f' = \frac{f}{4} \quad b, \quad f' = \frac{f}{2} \quad a$$

$$f' = 4f \quad d, \quad f' = 2f \quad c$$

3 تتألف دارة مهتزة من مكثفة مشحونة سعتها (C)

وذاتيتها (L) وطاقتها (E) . نستبدل ذاتية بذاتية أخرى

بحيث $(L' = 2L)$ فتصبح طاقة الدارة (E') :

$$E' = 2L I_{max}^2 \quad b, \quad E' = 4L I_{max}^2 \quad a$$

$$E' = \frac{1}{2}L I_{max}^2 \quad d, \quad E' = L I_{max}^2 \quad c$$

ثانياً : أجب عن السؤالين الآتيين : / 40 درجة /

1 أعط تفسيراً علمياً لكل مما يأتي باستخدام العلاقات الرياضية

المناسبة .

a تُبدي الوشية ممانعة كبيرة للتيارات عالية التواتر .

b تُبدي المكثفة ممانعة صغيرة للتيارات عالية التواتر .

2 يُمثل الشكل الرسم البياني للتابعين (الشحنة وشدة التيار)

بدلالة الزمن للدارة (L, C)

a احسب التواتر الخاص للاهتزازات الكهربائية .

b اكتب التابع الزمني لشحنة المكثفة ولشدة التيار .

ما فرق الطور بينهما .

c ما قيمة شحنة المكثفة عندما تنعدم شدة التيار ؟

الكهرباء و المغناطيسية

4 الدارات المهتزة



والتيارات عالية التواتر

فيزياء

الثالث الثانوي العلمي

حل ورقة عمل (9) A

من الشكل $T_0 = 2\pi \times 10^{-6} \text{ Hz}$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi \times 10^{-6}} \Rightarrow f_0 = \frac{1}{2\pi} \times 10^6 \text{ Hz}$$

$$\bar{q} = q_{max} \cos \omega_0 t \quad \text{تابع الشحنة} \quad b$$

$$q_{max} = 10^{-6} \text{ c} \quad \text{من المنحني}$$

$$\omega_0 = 2\pi f_0 \Rightarrow \omega_0 = 2\pi \left(\frac{1}{2\pi} \times 10^6 \right)$$

$$\omega_0 = 10^6 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\bar{q} = 10^{-6} \cos 10^6 t \quad c$$

$$\bar{i} = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2}) \quad \text{تابع شدة التيار}$$

$$I_{max} = \omega_0 q_{max} = 10^6 \times 10^{-6} \quad \text{حيث}$$

$$I_{max} = 1 \text{ A}$$

$$\bar{i} = 1 \cos(10^6 t + \frac{\pi}{2}) \text{ A} \quad \text{تابع شدة التيار}$$

$$\bar{i} = \frac{d\bar{q}}{dt} = (\bar{q})'_t \quad \text{أو باشتقاق تابع الشحنة}$$

$$\bar{i} = -10^6 (10^{-6} \sin 10^6 t)$$

$$\bar{i} = 1 \cos(10^6 t + \frac{\pi}{2}) \text{ A}$$

$$\varphi = \frac{\pi}{2} \text{ rad} \quad \text{فرق الطور بينهما}$$

أولاً : اختر الإجابة الصحيحة مما يأتي : / 30 درجة /

$$T_0' = 3T_0 \quad b \quad \text{الجواب} \quad ①$$

$$f' = 2f \quad c \quad \text{الجواب} \quad ②$$

$$E' = \frac{1}{2} L I_{max}^2 \quad d \quad \text{الجواب} \quad ③$$

ثانياً : أجب عن السؤالين الآتيين : / 40 درجة /

$$X_L = \sqrt{r^2 + \omega^2 L^2} \quad a \quad ①$$

المقاومة r صغيرة

$$\Rightarrow X_L = \omega L$$

$$\omega = 2\pi f \quad \text{بما أن}$$

$$\Rightarrow X_L = 2\pi f L$$

لما كانت f كبيرة فإن X_L كبيرة .

$$X_C = \frac{1}{\omega C} \quad b$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi f_0 C} \quad \text{إذا} \quad \omega = 2\pi f$$

في التيارات عالية التواتر f كبيرة فإن X_C صغيرة

فالممانعة صغيرة .

$$f_0 = \frac{1}{T_0} \quad \text{التواتر الخاص} \quad a \quad ②$$

المدرّس زياد درويش

0933371991



$$L = 4 \pi \times 10^{-7} \frac{N^2 S}{\ell} \quad (4)$$

$$N = \frac{\ell'}{2\pi r}, \quad S = \pi r^2$$

$$\Rightarrow L = 4 \pi \times 10^{-7} \frac{(\frac{\ell'}{2\pi r})^2 \cdot \pi r^2}{\ell}$$

$$\Rightarrow L = 10^{-7} \times \frac{\ell'^2}{\ell}$$

$$\Rightarrow \ell' = \sqrt{\frac{L \cdot \ell}{10^{-7}}}$$

$$\Rightarrow \ell' = \sqrt{\frac{10^{-3} \times 25 \times 10^{-2}}{10^{-7}}}$$

$$\Rightarrow \ell' = 50 \text{ m}$$

انتهى الحل

C عندما تنعدم شدة التيار تكون شحنة المكثفة عظمى

$$(10^{-6}) C$$

ثالثاً: أجب عن أحد السؤالين الآتيين: / 20 درجة /

من الكتاب ..

رابعاً: حل المسألة الآتية: / 90 درجة /

$$q_{max} = C U_{max} \quad (1)$$

$$\Rightarrow q_{max} = 10^{-9} \times 100$$

$$\Rightarrow q_{max} = 10^{-7} C$$

$$E_C = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C}$$

$$\Rightarrow E_C = \frac{1}{2} \times \frac{(10^{-7})^2}{10^{-9}}$$

$$\Rightarrow E_C = 5 \times 10^{-6} J$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{L \cdot C} \quad (2)$$

$$\Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{10^{-3} \times 10^{-9}}$$

$$T_0 = 2\pi \times 10^{-6} s$$

$$\bar{q} = q_{max} \cos \omega_0 t \quad (3)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} \Rightarrow \omega_0 = \frac{2\pi}{2\pi \times 10^{-6}}$$

$$\Rightarrow \omega_0 = 10^6 \text{ rad. s}^{-1}$$

$$\Rightarrow \bar{q} = 10^{-7} \cos 10^6 t \quad C$$

- تابع الشدة

$$\bar{i} = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

$$I_{max} = \omega_0 q_{max} \Rightarrow I_{max} = 10^6 \times 10^{-7}$$

$$\Rightarrow I_{max} = 10^{-1} A$$

$$\Rightarrow \bar{i} = 10^{-1} \cos(10^6 t + \frac{\pi}{2}) A$$

المدرّس زياد درويش

0933371991