

سلسلة تمارين رقم 2 في مادة الإحصاء 2- أعمال موجهة-
جميع المجموعات

التمرين الأول:

يحتوي كيس على 6 كرات اثنان منها تحمل الرقم 0 وثلاثة منها تحمل الرقم 1 أما الكرة الباقية فتحمل الرقم 2. نسحب في آن واحد كرتان و نعرف المتغير العشوائي الذي يمثل مجموع الرقمين على الكرتان المسحوبتان.

عين قانون التوزيع الاحتمالي $P(X=x_i)$ وتابع الاحتمالات $F(x)$.

التمرين الثاني:

في تجربة إلقاء زهرة نرد مرة واحدة نرمز بـ X للمبلغ المتحصل عليه، حيث نحصل على مبلغ قدره 20 دج إذا حصل الرقم 2، و يربح 40 دج إذا حصل على الرقم 4، و 60 دج إذا حصل على الرقم 6، و يخسر 10 دج إذا حصل على الرقم 1، و 30 دج إذا حصل على الرقم 3، 50 دج إذا حصل على الرقم 5.

1. حدد القيم الممكنة للمتغير X في التجربة النهائية للعبة.
2. أوجد قانون التوزيع الاحتمالي للمتغير X .
3. أوجد التوقع الرياضي والانحراف المعياري للمتغير X .
4. ماذا تستنتج فيما يخص فرص اللعبة بين الربح و الخسارة.
5. نفرض المتغير العشوائي و ليكن $Y = 3x - 10$. أحسب المميزات العددية للمتغير الجديد Y .

التمرين الثالث:

ليكن X متغير عشوائي قانونه الاحتمالي كما يلي:

X	0	1	2	3	4	5
$P(X=x)$	1/10	3/10	4/10	α	0.5/10	0.5/10

1. أوجد قيمة α حتى تحقق قانون احتمالات.

2. أوجد دالة التوزيع

3. أحسب التوقع الرياضي و التباين.

4. أحسب الاحتمالات $P(X \geq 2)$ و $P(2 \leq X \leq 4)$

التمرين الرابع:

في تجربة إلقاء زهرة نرد مرة واحدة نرمز بـ X للمبلغ المتحصل عليه، حيث نحصل على مبلغ قدره 20 دج إذا ظهر الرقم 1 أو 2، و نحصل على مبلغ قدره 50 دج إذا ظهر الرقم 3، و مبلغ قدره 30 دج إذا ظهر كل من 4 أو 5 أو 6.

1. أوجد قانون التوزيع الاحتمالي $P(X=x_i)$ و تابع الاحتمالات $F(x)$ و مثلها بيانيا.

2. أحسب الاحتمالات التالية: $P(20 \leq X \leq 30)$, $P(X=25)$, $P(X \leq 10)$, $P(X > 30)$, $P(X \leq 30)$.

3. أوجد المبلغ المتوسط الذي يمكن الحصول عليه. و أحسب التباين و الانحراف المعياري.

التمرين الخامس: ليكن x متغير عشوائي معرف بتابع احتمالاته $F(x)$ حيث:

$$F(x) = \begin{cases} 0 & x < -5 \\ \frac{2}{15} & -5 \leq x < -3 \\ \frac{7}{15} & -3 \leq x < 0 \\ \frac{13}{15} & 0 \leq x < 2 \\ 1 & 2 \leq x \end{cases}$$

1. أوجد قانون التوزيع الاحتمالي ثم مثله بيانيا .

2. احسب الاحتمالات التالية $P(-3 < x < 2)$ ، $P(x \geq -3)$.

3. أحسب التباين باستعمال التوقع الرياضي والانحراف المعياري .

التمرين السادس:

ليكن x متغير عشوائي موزعا على المجال $[0,3]$ ودالة كثافته الاحتمالية هي: $f(x) = \frac{4}{81}x(9 - x^2)$

1. أثبت أن $f(x)$ دالة كثافة احتمالية ثم أوجد تابع الاحتمالات ؟.

2. احسب الاحتمالات التالية: $P(x < 2)$ ، $P(\frac{1}{2} \leq x < \frac{5}{2})$ ، $P(x \geq 1)$.

3. أحسب التباين باستعمال التوقع الرياضي.

التمرين السابع:

ليكن x متغير عشوائي ودالة كثافته الاحتمالية هي :

$$\begin{cases} CX^2 & \text{si } x \in [0,3] \\ 0 & \text{si } \text{non} \end{cases}$$

1. أوجد قيمة الثابت c حتى تكون f دالة كثافة احتمالية.

2. أوجد دالة التوزيع $F(x)$.

3. أحسب التوقع الرياضي و التباين .

4. أحسب قيمة الاحتمال $P(1 \leq x \leq 2)$

التمرين الثامن:

ليكن x متغير عشوائي كثافته الاحتمالية:

$$f(x) = \begin{cases} ce^{-2x}, & 0 < x < \infty \\ 0 & < 0 \end{cases}$$

1. أوجد قيمة الثابت c .

2. أوجد دالة التوزيع $F(x)$.

3. أحسب التوقع الرياضي.

التمرين التاسع: ليكن تابع الاحتمالات للمتغير العشوائي x المعرف كما يلي:

$$F(x) = \begin{cases} 0 & x < 2 \\ (x-2)^2 & 2 < x < 3 \\ 1 & x \geq 3 \end{cases}$$

1. أوجد دالة الكثافة الاحتمالية ومثل بيانيا كل من الدالتين.

2. أحسب الاحتمالات التالية: $P(\frac{5}{2} \leq x \leq 3)$ ، $P(1 < x \leq \frac{5}{2})$

$$P(\frac{5}{2} \leq x < \frac{7}{2})$$

(بالتوفيق/ عن أساتذة المادة)