

السؤال الأول: دل على الإجابات الصحيحة :

1	حلول المتراجحة $5 > x^2 + 1 > 10$ حيث $x \neq 0$ هي :				
A	$3 > x > 2$	B	$x \in [2, 3]$	C	$x \in]2, 3[$
2	إذا كان $ x+7 > 0$ فإن :				
A	$x \in [-7, +7]$	B	$x \in]-7, +7[$	C	$x \neq -7$
3	إذا كان $3 < x < 5$ و $2 < y < 3$ فإن :				
A	$5 < x+y < 8$	B	$6 < x.y < 15$	C	$\frac{1}{15} < \frac{1}{xy} < \frac{1}{6}$
4	إذا كان $A = \frac{1}{4}$ فإن :				
A	$A < A^2 < A^3$	B	$A > A^2 > A^3$	C	$\frac{1}{A} < \frac{1}{A^2} < \frac{1}{A^3}$

السؤال الثاني: أجب بعبارة صح أو خطأ مع توضيح الخطأ :

1. كل عدد دوري هو عدد غير عشوي.

2. العدد $(\sqrt{\sqrt{6} - \sqrt{2}})(\sqrt{\sqrt{6} + \sqrt{2}})$ هو عدد غير منطوق.

3. تحليل المقار $A(x) = (x^2 + 6x + 9) - 3(x + 3)$ يساوي $x(x + 3)$.

4. العدد $(\sqrt{3} + \frac{4}{\sqrt{3}})^2$ هو عدد عشوي.

السؤال الثالث: عين قيم x المجموعة ثم حل المتراجحة $\frac{3x+4}{2x-1} \leq 0$ و مثل مجموعة الحلول على مستقيم متزاج و عزز عنها بدلالة مجالات.

السؤال الرابع: مثل على مستقيم متزاج مجموعة النقاط التي تحقق الشرط $|\bar{x} + 2| \leq 4$.

السؤال الخامس: احصر المقار $A = \sqrt{a-1}$ إذا علمت أن $10 < a < 17$.

السؤال السادس: حل المعادلات: $(x-3)^2 = 25$ و $|x+8| = 2|x-3|$ و $\sqrt{(x+2)^2} = 5$.

السؤال السابع: قارن بين العددين $a = \frac{\sqrt{10}}{\sqrt{2}}$ و $b = \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$.

السؤال الثامن: عزز باستعمل القيمة المطلقة عن قيم x التي تحقق الشرط $x \in]-1, 7[$.

السؤال التاسع: ادرس بشرة المقار $A(x) = (2x-4)(5-x)$.

السؤال العاشر: أثبت صحة العلاقة $(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$.

السؤال الحادي عشر: أثبت أن العدد $\sqrt{2} + 1$ هو حل للمعادلة $x^2 - 2x - 1 = 0$ ، هل هناك حل آخر؟

السؤال الثاني عشر: ليكن a و b عددين حقيقيين يحققان $0 < b \leq a$. قارن بين الأعداد الآتية:

$$\frac{a}{b+1} + \frac{a+1}{b+1} + \frac{a}{b}$$

انتهت الأسئلة

المذ العاشر 2020 الجبر بعض خواص المتراجحة Yasser amkiah

المتراجحات:

المتراجحة هي عبارة عن طرفين غير متساويين يفصل بينهما إحدى إشارات المقارنة $<, \leq, >, \geq$
 نقول عن العدد $x \geq 0$ أنه عدد موجب و نكتب $x \in [0, +\infty[$ و نقول عن العدد $x > 0$ أنه موجب تماماً و
 نكتب $x \in]0, +\infty[$

و بنفس الشكل نقول عن العدد $x \leq 0$ أنه عدد سالب يحقق $x \in]-\infty, 0]$ و نقول عن العدد $x < 0$ هو عدد
 سالب تماماً و نكتب $x \in]-\infty, 0[$.

للمقارنة بين عددين a, b عدد طريقتين:

<p>2. نقارن الكسر $\frac{a}{b}$ مع العدد 1 بشرط $b \neq 0$ فلنجد:</p> <ul style="list-style-type: none"> • إذا كان $\frac{a}{b} > 1$ فلن $a > b$. • إذا كان $\frac{a}{b} < 1$ فلن $a < b$. • إذا كان $\frac{a}{b} = 1$ فلن $a = b$. 	<p>1. ندرس إشارة المتباينة $a - b$ فلنجد:</p> <ul style="list-style-type: none"> • إذا كان $a - b > 0$ فلن $a > b$. • إذا كان $a - b < 0$ فلن $a < b$. • إذا كان $a - b = 0$ فلن $a = b$.
---	---

بعض خواص المتراجحة:

- 1) لا تتغير جهة المتراجحة إذا أضفنا أو طرحنا من طرفيها عدد ثابت $a > b \Rightarrow a + c > b + c$
- 2) لا تتغير جهة المتراجحة إذا ضربنا كل من طرفيها بعدد موجب تماماً ، أو قسمنا كل من طرفيها على عدد موجب تماماً.
 $a > b, c > 0 \Rightarrow a \cdot c > b \cdot c$ $a > b, c > 0 \Rightarrow \frac{a}{c} > \frac{b}{c}$
- 3) تتعكس جهة المتراجحة إذا ضربنا طرفيها بعدد سالب تماماً.
 $a > b, k < 0 \Rightarrow a \cdot k < b \cdot k$
- 4) تتعكس جهة المتراجحة إذا قسمنا طرفيها على عدد سالب تماماً.
 $a > b, c < 0 \Rightarrow \frac{a}{c} < \frac{b}{c}$
- 5) إذا قلبنا حدود المتراجحة تتعكس جهتها بشرط أن تكون حدود المتراجحة أعداد موجبة تماماً $a > b \Rightarrow \frac{1}{a} < \frac{1}{b}$
- 6) يمكن جمع متراجحتين (كل طرف إلى طرف) بشرط أن يكون لهما نفس الجهة و نحصل على متراجحة لها الجهة نفسها.
 $a > b, c > d \Rightarrow a + c > b + d$
- 7) يمكن ضرب طرفي متراجحة بطرفي متراجحة متفقة معها بالجهة شريطة أن تكون طرفي المتراجحتين موجبة ، و نحصل على متراجحة لها الجهة ذاتها.
 بفرض a, b, c, d أعداد موجبة فلن: $a > b, c > d \Rightarrow a \cdot c > b \cdot d$
- 8) إذا كان طرفا المتراجحة موجبان فلننا نستطيع أن نربع الطرفين و تبقى الجهة ذاتها.
 بفرض $a > 0, b > 0$ فلن: $a > b \Rightarrow a^2 > b^2$
- 9) إذا كان طرفا المتراجحة موجبان فلننا نستطيع أن نجتد الطرفين تربيعياً و تبقى الجهة ذاتها.
 بفرض $a > 0, b > 0$ فلن: $a > b \Rightarrow \sqrt{a} > \sqrt{b}$
- 10) يتم حل المتراجحة بنفس أسلوب حل المعادلة من الدرجة الأولى و بعد الانتهاء من الحل نكتب الحل على مستقيم الأعداد و نكتبه بصورة مجال.
- 11) مثال: حل المتراجحة $6 - 3(x + 2) \geq 0$ ، ثم اكتب الحل على هيئة مجالات و مثله على مستقيم الأعداد.



ورقة عمل في الوحدة الثالثة جبر

مديرية التربية بدرعا

الأول الثانوي العلمي

كتاب الجبر

السؤال الأول : حل المعادلات التالية في R :

$$(x^2 - 2x + 5)^2 - (x^2 + 3x + 1) = 0 , \quad \sqrt{x^2 + 9} = x - 3 , \quad \sqrt{x^2 + 3x} = \sqrt{x + 8}$$
$$\sqrt{(x + 2)(x - 1)} = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2} , \quad 3x - \sqrt{4x^2 - x + 2} = x - 2 , \quad \sqrt{9x^2 - 6x + 1} = 3x - 1$$
$$\frac{x^2 + 25x + 24}{x - 3} = 0 , \quad \frac{x^3 - 9x^2 + 8x}{x^2 - 4} = 0 , \quad x - 2 + \sqrt{(3x - 4)^2} = 2$$

السؤال الثاني : حل المتراجحات التالية في R :

$$x^2 + 5x + 6 \leq 0 , \quad (x + 1)^2(2x - 4) \geq 0 , \quad (x - 3)^3(5x + 1)^5(x + 3)^4 \geq 0$$
$$\frac{(4x^2 - 9)(x + 3)}{x - 3} \leq 0 , \quad \frac{2x + 1}{x - 2} < \frac{x - 3}{x + 3} , \quad \frac{3x + 6}{x^2 - 3x + 2} > 0$$

السؤال الثالث : ادرس الوضع النسبي لكل من الخطين البيانيين الممثلين بالمعالنتين التاليتين :

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ x^2 + y^2 + xy = 3 \end{cases} , \quad \begin{cases} x - 2y = 5 \\ x^2 - 3xy - 4x + 4 = 0 \end{cases} , \quad \begin{cases} x - y = 3 \\ x^2 + 2y^2 - 3x + 5y = 12 \end{cases}$$

السؤال الرابع : حل التمارين التالية :

التمرين الأول : لتكن المعادلة $4x^2 - 3x - 2m + 1 = 0$ عين قيمة $m \in R$ كي يكون $x = 1$ حلا للمعادلة ثم أوجد قيمة الجذر الآخر

التمرين الثاني : عين قيمة $m \in R$ كي يكون للمعادلة $2x^2 + x + m - 2 = 0$ جذر مضاعف

التمرين الثالث : عين قيم m التي تجعل التركيب $f(x) = -x^2 + 4x + 3m$ سالبا على R

التمرين الرابع : ليكن x_1 و x_2 الجذرين الحقيقيين للمعادلة $x^2 - 5x + 6 = 0$ والمطلوب :

أحسب المقدار $A = \frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$ وذلك دون حساب الجذرين

التمرين الخامس : بفرض $(m \neq 0)$ أثبت أن التركيبين التاليين موجبين تماما وذلك أيا كانت $x \in R$ حيث :

$$f(x) = 2x^2 - 3mx + 2m^2 , \quad g(x) = x^2 + mx + m^2$$

التمرين السادس : ليكن التركيب $f(x) = (m + 1)x^2 - (m + 2)x + 2m + 4$ والمطلوب :

عين مجموعة قيم m التي تجعل التركيب $f(x)$ موجبا تماما على R

التمرين السابع : لتكن المعادلة $ax^2 + bx + c = 0$. $a \neq 0$ التي جذراها x_1, x_2 والمطلوب :

أثبت أنه إذا كان احد الجذرين هو مقلوب للاخر فان $a = c$