

اختبر نفسك
تبسيط العبارات الجذرية

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

١- تبسيط العبارة الجذرية $\sqrt{24}$ =

| | | | |
|---|---------------------------|----------------------------|----------------------------|
| (أ) $\sqrt{2}$ | (ب) $\sqrt{4}$ | (ج) $\sqrt{6}$ | (د) ١٢ |
| ٢- تبسيط $\sqrt{8} \times \sqrt{5}$ = | | | |
| (أ) $\sqrt{4}$ | (ب) $\sqrt{2}$ | (ج) $\sqrt{4}$ | (د) $\sqrt{5}$ |
| ٣- تبسيط العبارة $\sqrt{\frac{45}{10}}$ = | | | |
| (أ) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ | (ب) $\frac{\sqrt{5}}{10}$ | (ج) $\frac{\sqrt{45}}{10}$ | (د) $\frac{\sqrt{50}}{10}$ |

٢- اكمل الفراغات التالية :

١- $\sqrt{88} = \sqrt{2 \times 2 \times 2 \times 11} = 2\sqrt{22}$

٢- مرافق $\sqrt{7} - 6$ هو $\sqrt{7} + 6$

٤- بسط العبارة

$$\sqrt{56} \text{ من ص } 10 \text{ ك } 5$$

$$= \sqrt{2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7} =$$

$$= 2 \sqrt{14} \text{ من ص } 10 \text{ ك } 5$$

٣- بسط العبارة :

$$\frac{3}{\sqrt{5} + 3}$$

$$= \frac{\sqrt{5} - 3}{\sqrt{5} - 3} \times \frac{3}{\sqrt{5} + 3} =$$

$$= \frac{\sqrt{5} - 9}{4} = \frac{\sqrt{5} - 9}{5 - 9} =$$



اختبر نفسك

العمليات على العبارات الجذرية

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

$$= \sqrt{4} \sqrt{7} \times \sqrt{5} \sqrt{2} - 1$$

| | | | |
|-------------------|------------------|------------------|-------------------|
| (أ) $20\sqrt{14}$ | (ب) $5\sqrt{14}$ | (ج) $5\sqrt{28}$ | (د) $10\sqrt{28}$ |
|-------------------|------------------|------------------|-------------------|

$$= \sqrt[2]{\sqrt{4} + \sqrt{2}\sqrt{5}} - \sqrt[2]{\sqrt{3}}$$

| | | | |
|-------------------|-------------------|-------------------|-------------------|
| (أ) $\sqrt[2]{4}$ | (ب) $\sqrt[2]{2}$ | (ج) $\sqrt[2]{2}$ | (د) $\sqrt[2]{6}$ |
|-------------------|-------------------|-------------------|-------------------|

$$= \sqrt[3]{\sqrt{3} + \sqrt[3]{\sqrt{6}}} - \sqrt[3]{\sqrt{3} + \sqrt[3]{\sqrt{4}}}$$

| | | | |
|---|---|---|--|
| (أ) $\sqrt[3]{\sqrt{3} + \sqrt[3]{\sqrt{2}}}$ | (ب) $\sqrt[3]{\sqrt{6} + \sqrt[3]{\sqrt{2}}}$ | (ج) $\sqrt[3]{\sqrt{4} + \sqrt[3]{\sqrt{2}}}$ | (د) $\sqrt[3]{\sqrt{6} + \sqrt[3]{\sqrt{10}}}$ |
|---|---|---|--|

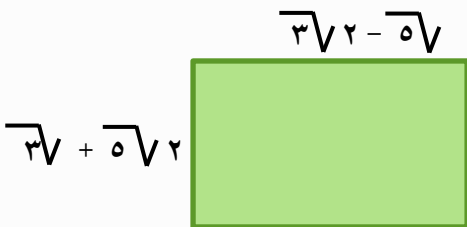
٢- اكمل الفراغات التالية :

$$\sqrt[6]{16} = \sqrt[2]{4} + \sqrt[2]{2}$$

$$\sqrt[3]{3} = \sqrt[3]{2} + \sqrt[3]{2} - \sqrt[3]{2}$$

٣- أوجد مساحة المستطيل المجاور بأبسط صورة.

$$\text{مساحة المستطيل} = (\sqrt[3]{2} + \sqrt[5]{2})(\sqrt[3]{2} - \sqrt[5]{2})$$



$$= (\sqrt[3]{2})(\sqrt[3]{2}) - (\sqrt[5]{2})(\sqrt[3]{2}) - (\sqrt[3]{2})(\sqrt[5]{2}) + (\sqrt[5]{2})(\sqrt[5]{2}) =$$

$$= 2 - \sqrt[15]{4} - \sqrt[15]{4} + 2 =$$

$$= 4 - 2\sqrt[15]{4}$$



١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

| | | | |
|--|-------|-------|-------|
| ١- حل المعادلة $\sqrt{s-3} - 2 = 4$ هو : | | | |
| أ) ٣٦ | ب) ٣٩ | ج) ٤٢ | د) ٤٥ |
| ٢- حل المعادلة $s - \sqrt{s-1} = 3$ هو : | | | |
| أ) ٣ | ب) ٤ | ج) ٥ | د) ٦ |

٢- اكمل الفراغات الآتية :

١- المعادلات التي تحتوي متغيرات تحت الجذر تسمى معادلات جذرية

٢- لحل المعادلات الجذرية اجعل الجذر في طرف المعادلة أولاً ثم ربع طرفيها للتخلص من الجذر

٣- حل المعادلة $14 = \sqrt{1+h} + 4$ و تحقق من صحة الحل .

$$\begin{aligned} \text{المعادلة الأصلية} & 14 = \sqrt{1+h} + 4 \\ \text{اطرح ٤ من الطرفين} & 4 - 14 = \sqrt{1+h} \\ \text{ربع الطرفين وبسط} & 10 = \sqrt{1+h} \\ \text{بسط} & 100 = 1+h \\ \text{اطرح ١ من الطرفين} & 99 = h \end{aligned}$$

التحقق من الحل

بالتعويض عن $h = 99$ في المعادلة الأصلية

$$\begin{aligned} 14 &= 1 + 99\sqrt{1+h} + 4 \\ 14 &= 100\sqrt{1+h} + 4 \\ 14 &= 10 + 4 \\ 14 &= 14 \end{aligned}$$

اختبر نفسك نظرية فيثاغورس

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

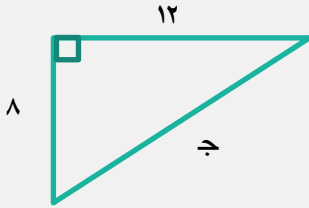
| | | | |
|---|------------------|-----------------|-----------------|
| ١ - مساحة المثلث م ن ب بالوحدات المربعة في الشكل المجاور : | | | |
| | | | |
| أ (٢٩ , ٦٨) | ب (١٥٣ , ٦٧) | ج (٣٠٧ , ٣٥) | د (١٩ , ٢١) |
| ٢ - أي الأطوال التالية تشكل أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية ؟ | | | |
| أ (١٥ , ١٢ , ٩) | ب (١٢ , ٦ , ٦) | ج (٨ , ٤ , ٣) | د (٣ , ٥ , ٣) |

٢ - اكمل الفراغات الآتية :

١ - يسمى الضلع المقابل للزاوية القائمة في المثلث القائم الزاوية **الوتر**

٢ - ضلعا المثلث القائم الزاوية غير الوتر هما **ساقين**

٣- أوجد طول الضلع المجهول في المثلث المقابل :-



$$ج = ٢١ + ٢٨$$

$$ج = ٢٨ + ١٢$$

$$ج = ١٤٤ + ٦٤$$

$$ج = ٢٠٨$$

$$ج = ١٤ , ٤٢ \pm$$

بما أن طول الضلع لا يكون سالبا , لذا فإن طول الضلع هو ٤٢ , ١٤ وحدة

٤ - اكتشف الخطأ : يحاول حسام و حازم تحديد إن كانت الأعداد ٣٦ , ٧٧ , ٨٥ تشكل ثلاثية فيثاغورس . فأيهما إجابته صحيحة ؟ فسر إجابتك .

الإجابة / حسام . يجب أن يساوي مربع العدد الأكبر مجموع مربعي العددين الآخرين . حيث تتحقق عندها ثلاثية فيثاغورس

حازم

$$٢٧٧ \stackrel{?}{=} ٢٨٥ + ٢٣٦$$

$$٥٩٢٩ \stackrel{?}{=} ٧٢٢٥ + ١٢٩٦$$

$$٥٩٢٩ \neq ٩٠٢١$$

لا

حسام

$$٢٨٥ \stackrel{?}{=} ٢٧٧ + ٢٣٦$$

$$٧٢٢٥ \stackrel{?}{=} ٥٩٢٩ + ١٢٩٦$$

$$٧٢٢٥ = ٧٢٢٥$$

نعم

اختبر نفسك المسافة بين نقطتين

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

| | | | |
|---|-----------|-----------|-------------|
| ١ - المسافة بين النقطتين (٣، ٥)، (٣، ١) = | | | |
| أ) ١٦ | ب) ٤ | ج) ٥ | د) ٩ |
| ٢ - إحداثي نقطة المنتصف للقطعة المستقيمة التي تصل بين النقطتين (٣، ١)، (٩، ٩) = | | | |
| أ) (٦، ٥) | ب) (٦، ٤) | ج) (٦، ٨) | د) (١٢، ١٠) |

٢ - اكمل الفراغ الآتي :

١ - تسمى النقطة الواقعة على بعدين متساويين من طرفي قطعة مستقيمة و تنتمي إلى هذه القطعة نقطة المنتصف

٣ - أراد سعد و جمال أن يلتقيا في مطعم مشويات كما في التمثيل المجاور فاستعمل سعد قاربه للوصول إلى المطعم . في حين استعمل جمال سيارته . علما بأن طول ضلع كل مربع من المستوى الإحداثي يمثل كيلومترا واحدا .



ب- ما المسافة التي قطعها جمال ؟

$$\text{إحداثي بيت جمال} = (0, 2)$$

$$\text{إحداثي مطعم المشويات} = (5, 3)$$

$$m = \frac{\sqrt{(5-0)^2 + (3-2)^2}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{(5)^2 + (1)^2}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{25 + 1}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{26}}{2} = 2,57 \text{ كلم تقريبا}$$

أ - ما المسافة التي قطعها سعد ؟

$$\text{إحداثي بيت سعد} = (3, 5)$$

$$\text{إحداثي مطعم المشويات} = (5, 3)$$

$$\text{المسافة} = \frac{\sqrt{(5-3)^2 + (3-5)^2}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{(2)^2 + (-2)^2}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{4 + 4}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{8}}{2} = 1,41 \text{ كلم}$$

١- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي :

| | | | |
|---|--------------------|--------------------|--------------------|
| ١- في الشكل \triangle \triangle متشابهان قياس الضلع المجهول = | | | |
| | | | |
| (أ) ١٢ | (ب) ١٠ | (ج) ٦ | (د) ٣ |
| ٢- طول الضلع المجهول س في المثلثين المتشابهين يساوي | | | |
| | | | |
| (أ) $\frac{55}{7}$ | (ب) $\frac{77}{5}$ | (ج) $\frac{11}{5}$ | (د) $\frac{55}{3}$ |

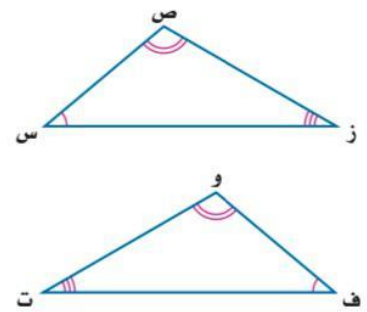
٢- اكمل الفراغ الآتي:

١- في المثلثين إذا تناسبت الأضلاع المتناظرة وتساوت الزوايا المتناظرة يكون المثلثان متشابهين

٣- قارنت رهف و نوال بين المثلثين المتشابهين المجاورين . فأيهما كانت مقارنتها صحيحة ؟ فسر إجابتك .

نوال
 $ق \triangle س = ق \triangle و$
 $ق \triangle ص = ق \triangle ف$
 $ق \triangle ز = ق \triangle ت$
 $\triangle س ص ز \sim \triangle و ف ت$

رهف
 $ق \triangle س = ق \triangle ت$
 $ق \triangle ص = ق \triangle و$
 $ق \triangle ز = ق \triangle ف$
 $\triangle س ص ز \sim \triangle ت و ف$

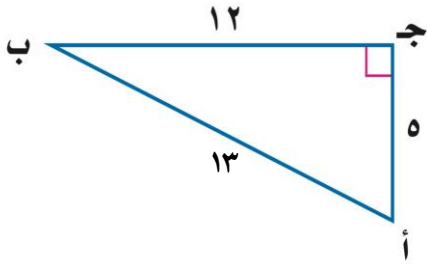


الإجابة / كلتاهما خطأ ، فالأقواس تشير إلى الزوايا المتناظرة ، لذا فإن $\triangle س ص ز \sim \triangle و ف ت$

١ - النسبة التي تقارن بين طولي ضلعين من أضلاع المثلث القائم تسمى النسب المثلثية

٢ - دراسة العلاقة بين زوايا المثلث و أضلاعه يسمى حساب المثلثات

٢ - أوجد قيم النسب المثلثية الثلاث للزاوية ب.



$$\text{جتا ب} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{12}{13}$$

$$\text{جاب} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{5}{13}$$

$$\text{ظاب} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{5}{12}$$

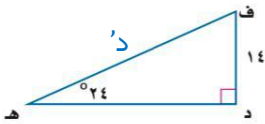
٣ - استعمل الحاسبة لإيجاد قيمة كل نسبة مثلثية فيما يأتي وقرب إلى اقرب جزء من ألف.

$$\text{ظا } 14^\circ = 0,2493$$

$$\text{جتا } 23^\circ = 0,9205$$

$$\text{جا } 37^\circ = 0,6018$$

٥ - أوجد قياس د في المثلث مقربا إلى أقرب جزء من عشرة:



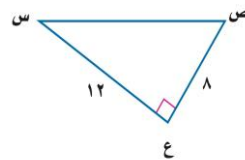
$$\text{جا هـ} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$$

$$\text{جا د} = \frac{14}{12}$$

$$\text{د} = \frac{14}{12}$$

$$\text{د} = 34,4$$

٤ - أوجد قياس س في المثلث مقربا إلى أقرب درجة:



$$\text{ق س} =$$

$$\text{ظا س} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$$

$$\text{ظا س} = \frac{8}{12}$$

$$\text{ظا س} = 0,6667$$

$$\text{س} = 34^\circ$$