

خلاصة الوحدة الثانية

المادة: جبر (قوى الأعداد العادية) الصف: التاسع

①- قوى الأعداد العادية

$$a^n = a \times a \times a \dots \dots \text{مرة } n$$

يسمى (a) الأساس و (n) الأس

$$\text{مثال: } (5)^3 = 5 \times 5 \times 5 = 125$$

$$a^1 = a \rightarrow 10^1 = 10$$

$$a^0 = 1 \rightarrow 10^0 = 1$$

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n} \rightarrow 10^{-2} = \frac{1}{10^2} =$$

$$= \frac{1}{100} = 0,01$$

②- قواعد القوى:

1- جداء القوى = جمع الأسس (بشرط لها نفس

(الأساس)

$$a^n \times a^m = a^{n+m}$$

$$3^2 \times 3^3 = 3^5 \quad \text{أمثلة:}$$

$$2^{-3} \times 2^{+5} = 2^{+2}$$

2- قسمة القوى = طرح الأسس (بشرط لها نفس

(الأساس)

$$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$$

$$\text{مثال: } \frac{2^5}{2^3} = 2^3$$

3- قوة قوة = ضرب الأسس

$$[(a)^n]^m = a^{n \times m}$$

$$\text{مثال: } [5^2]^3 = (5)^6$$

4- قوة جداء:

$$(a \times b)^n = a^n \times b^n$$

مثال:

$$(2 \times 3)^3 = 2^3 \times 3^3 = 8 \times 27 = 216$$

5- قوة كسر:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

$$\text{مثال: } \left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{3^2}{4^2} = \frac{9}{16}$$

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

مثال: انشر

$$(x + 5)(x - 5) = x^2 - 25$$

⑥- التحليل باستخدام المتطابقات الشهيرة:

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$$

مثال: حل:

$$x^2 + 6x + 9 = (x + 3)^2$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

مثال: حل:

$$x^2 - 10x + 25 = (x - 5)^2$$

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

أمثلة: حل:

$$x^2 - 81 = (x + 9)(x - 9)$$

$$4x^2 - 9 = (2x + 3)(2x - 3)$$

$$(x + 3)^2 - 25 = (x + 3 + 5)(x + 3 - 5)$$

$$= (x + 8)(x - 2)$$

المدرس نزار القادري

③- خاصة التوزيع:

$$k(a \pm b) = ka \pm kb$$

$$-4(3x - 2) = -12x + 8 \quad \text{مثال:}$$

$$(a + b)(c + d) = ac + ab + bc + bd$$

مثال:

$$(x + 3)(x - 2) = x^2 - 2x + 3x - 6$$

$$= x^2 + x - 6$$

④- التحليل بإخراج العامل المشترك الأكبر:

$$kx \pm ky = k(x \pm y)$$

مثال: حل:

$$3x^2 - 6x = 3x(x - 2)$$

⑤- المتطابقات الشهيرة:

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

مثال: انشر

$$(x + 3)^2 = x^2 + 6x + 9$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

مثال: انشر

$$(x - 5)^2 = x^2 - 10x + 25$$

ورقة عمل للوحدة الثانية

الصف : التاسع

المادة : جبر

①- اكتب بصيغة قوة :

$$\frac{4^8 \times 3^7 \times 5^4}{2^5 \times 9^3 \times 5^{-7}}$$

$$\frac{2^8 \times 3^2 \times 5^7}{2^3 \times 15^2}$$

$$\frac{(\sqrt{48})^6}{(12)^6}$$

$$(5)^2 \times (5^3)^{-2}$$

$$\frac{2^3 \times 10 \times 10^{-1}}{80 \times 10^{-6} (10^3)^2}$$

$$\frac{10^4 \times 10^5}{(10^{-3})^2}$$

$$\frac{(2)^3}{(5)^3}$$

$$\frac{1}{(10)^{-6}}$$

②- أي العبارات صحيحة :

1- نصف 6^3 يساوي 3^3 ()2- العدد $(\sqrt{5} - \sqrt{2})^2$ هو عدد صحيح ()3- العدد $(\sqrt{\sqrt{3}})^2$ هو عدد غير عادي ()4- العدد $(\frac{1}{\sqrt{3}})^{-2}$ يساوي 3 ()③- لتكن العبارة : $A = (x - 2)^2 - 9(x - 2)$ والمطلوب :

1- انشر العبارة A واختر لها

2- حل العبارة A

3- احسب قيمة A عندما $x = 3$ ④- لتكن العبارة : $E = (6x + 2)^2 - (4x + 5)(6x + 2)$ والمطلوب :

1- انشر العبارة E واختر لها

2- حل العبارة E

3- احسب قيمة E عندما $x = \frac{1}{2}$ ⑤- مستطيل طوله $\sqrt{72} + 3\sqrt{6}$ و عرضه $\sqrt{2}$ ، مربع طول ضلعه $\sqrt{3} + 3$

اثبت ان مساحة المستطيل تساوي مساحة المربع

انشر ما يلي:

$(x + 7)^2 - 3(x + 7)$

$(3x - 5)^2 + (3x - 5)$

$(2x - 1)^2 + 6x - 3$

$(2x + 3)^2 + (x - 1)(2x + 3)$

$(3x + 5)^2 - (3x + 5)(x + 1)$

$(5x - 8)(x + 1) - (x + 1)^2$

$(5x + 7)^2 + (5x + 7)(5x - 4)$

$x^2 - 9$

$4x^2 - 36y^2$

$\frac{9}{25} - \frac{1}{4}x^2$

$(3x - 1)^2 - 64$

$(3x + 5)^2 - 4x^2$

$49 - (x + 3)^2$

$(2x + 1)^2 - (3x - 4)^2$

$x^2 + 6x + 9$

$x^2 - 12x + 36$

$9x^2 - 24x + 16$

$4x^2 + 36x + 81$

$25x^2 - 10x + 1$

اعداد المدرس نزار القادري

$6x(2x - 5) + 2(x + 1)$

$(x - 2)(x + 3)$

$(3x - 7)(2x + 3)$

$(2x - \sqrt{3})(2x - \sqrt{3})$

$(x + 5)^2 =$

$(3x - 4)^2 =$

$(x + \sqrt{2})^2 =$

$(1 - 2x)^2 =$

$(\sqrt{2} + \sqrt{3})^2 + (\sqrt{2} - \sqrt{3})^2$

$(2x - 4)^2 - (2x - 4)^2$

$(2\sqrt{2} + \sqrt{3})^2$

$(4x - 5)(4x + 5)$

$(3\sqrt{5} + 2\sqrt{3})(3\sqrt{5} - 2\sqrt{3})$

$\left(x + \frac{1}{3}\right)^2 + \left(x + \frac{1}{3}\right)\left(x - \frac{1}{3}\right)$

$(3 - 4\sqrt{5})(3 + 4\sqrt{5}) - (3 - 4\sqrt{5})^2$

حلل ما يلي:

$3x^2 - 6x$

$(2x + 1)(3x - 4) + (2x + 1)(x + 2)$

$2x(x + 3) - 5(x + 3)$