

المملكة العربية السعودية

وزارة التعليم

MINISTRY OF EDUCATION



لكل المهتمين و المهتمات
بدروس و مراجع الجامعية

هام

مدونة المناهج السعودية eduschool40.blog

المذكرات الجديدة
يتم تحديثها كل فصل دراسي حسب الخطة الجديدة

فيزياء 110

السنة التحضيرية

Ch-1

يوسف زويل
لتدريس طلاب المرحلة الجامعية
★ 0557999301 ★

(Ex-4)- ^{القوة} The basic SI unit of force is: (where $F = ma$)

- a) Lb b) joule c) kg m/s d) kg m/s² e) kg

(Ex-5)- ^{التسارع} The unit of acceleration in SI unit is:

- a) km/s b) m/s c) ft/s² d) mi/hr e) m/s²

(Ex-6)- The prefix of the kilowatt value is:

- a) mW b) W c) nW d) kW e) μ W

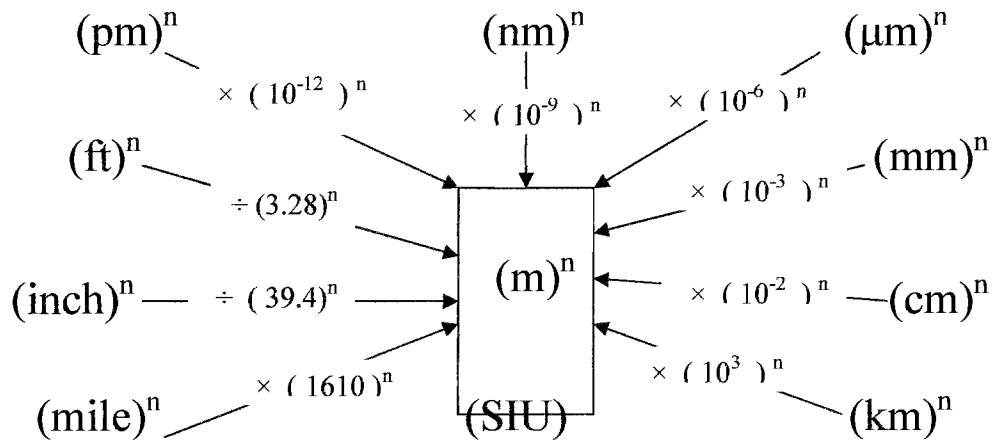
المساحة والحجم لبعض الاشكال الهندسية المشهورة.

الشكل	المساحة	الحجم
Circle دائرة	Πr^2	-----
A square مربع	L^2	-----
Sphere كرة	$4\Pi r^2$	$\frac{4}{3}\Pi r^3$
A cube مكعب	$6L^2$	L^3

حيث - $(\Pi = 3.14)$ و (نصف القطر=r) و (طول الضلع = L)

بعض التحويلات الهامة

I-Length (n=1)



لاحظ جيدا ان ١- يمكن عكس التحويل (عكس اتجاه السهم) بعكس العملية (الضرب الى قسمة والعكس)

m = milli = 10^{-3}	μ = micro = 10^{-6}
n = nano = 10^{-9}	p = Pico = 10^{-12}

- ٢ -

(Ex-7)- The value $5 \mu\text{m}$ is equal to:

- a) $5 \times 10^{-9}\text{m}$ b) $5 \times 10^{-3}\text{m}$ c) $1 \times 10^{-6}\text{m}$ d) $5 \times 10^{-6}\text{m}$ e) 10^{-6}m

Solution

$$\mu = 10^{-6}$$

للتحويل من متر الى ميكرومتر نضرب $\times 10^6$

$$5 \mu\text{m} = 5 \times 10^{-6} \text{m}$$

الارتفاع

(Ex-8)- A man has a height of 120cm. His height in meters is

- a) 1.2cm b) $1.2 \times 10^{-2}\text{m}$ c) $1.2 \times 10^5\text{m}$ d) 1.2m e) 120m

Solution

للتحويل من سم الى م نقسم على 100

$$120 \text{cm} = \frac{120}{100} \text{m} = 1.2 \text{m}$$



II-Area (n=2)

عند تحويل وحدات المساحة فإننا نستخدم نفس المخطط السابق ولكن الكل مرفوع لاس يساوي (n=2)

$$Cm^2 \xrightarrow{\div (10^2)^2} m^2 \quad (\text{وحدات المساحة هي مربع وحدات الطول})$$

(Ex-9)- A square with an edge of 1cm has an area of (area = edge²)

- (a) $10^{-5} m^2$ (b) $10^{-2} m^2$ (c) $10^{-3} m^3$ (d) $10^{-4} m^2$ (e) $10^{-1} m^2$

Solution

مربع طول الزاوية = مساحته

$$A = (1cm)^2 = 1 cm^2$$

للتحويل من cm^2 إلى m^2 نقسم على $(100)^2$

$$1 cm^2 = \frac{1}{(100)^2} = 10^{-4} m^2$$

نصف قطر دائرة

مساحة

(Ex-10)- The area of a circle of radius R=45cm in SI units (if the area of the circle is given by $A = \pi R^2$) is

- (a) $20cm^2$ (b) $10m^2$ (c) $40m^2$ (d) $0.64m^2$ (e) $5m$

Solution

$$مساحة الدائرة = \pi R^2$$

$$= 3.14 \times (45)^2 = 6400.0 cm^2$$

$$\xrightarrow{\div (100)^2} = 0.64 m^2$$

طول المربع ١٠ مم

(Ex-11)- The area of a square of 10mm side length in SI unit is:

- (a) $10^{-4}m^2$
- (b) $10^{-6}m^2$
- (c) $10^{-3}m^2$
- (d) 10^4m^2
- (e) 10^6m^2

Solution

$$A = (0.01)^2$$

$$= (0.01)^2 m^2$$

$$10 \text{ mm} = \frac{10}{1000} \text{ m}$$

$$= 0.01 \text{ m}$$

$$= 1 \times 10^{-4} m^2$$

= الجواب

(Ex-12)- The area of a square is 100mm^2 . This value in SI units is:

- (a) $100m^2$
- (b) $0.5m^2$
- (c) $1m^2$
- (d) $10^{-4}m^2$
- (e) $10m^2$

Solution

$$\text{mm} \xrightarrow{\div 1000} \text{m}$$

$$100 \text{ mm}^2 = 100 \times (10^{-3})^2 m^2$$

$$= 10^{-4} m^2$$



III-Volume (n=3)

عند تحويل وحدات الحجم فإننا نستخدم نفس مخطط (الطول) السابق ولكن الكل مرفوع لاس يساوي (n=3)

(وحدات الحجم هي مكعب وحدات الطول) $mm^3 \xrightarrow{\div(10^3)^3} m^3$ منزلة مكعب بالقوة منبع
 (Ex-13)- A cubic box with an edge of exactly 1cm has a volume of (volume = edge³)

- (a) $10^{-6}m^3$ (b) $8 \times 10^{-6} m^3$ (c) $2.7 \times 10^{-5} m^3$ (d) $6.4 \times 10^{-5} m^3$

Solution

$$\text{حجم المكعب} = (\text{طول الضلع})^3$$

$$cm^3 \xrightarrow{\times(10^{-2})^3} m^3$$

$$V = (1cm)^3 = 1cm^3 = 1 \times 10^{-6} m^3$$

ا كوب

(Ex-14)- Volume of cube $V = 1.84 \text{ inch}^3$ if 1 inch = 2.54cm. Find its volume in SI-units.

- (a) $30.2 \times 10^6 m^3$ (b) $30 \times 10^{-6} m^3$ (c) $3 \times 10^{-6} m^3$

Solution

$$V = 1.84 \text{ inch}^3$$

$$= 1.84 (2.54cm)^3$$

$$= 30 cm^3$$

$$= 30 (10^{-2})^3 m^3$$

$$= 30 \times 10^{-6} m^3$$

ا كوب

(Ex-15)- A ^{cube} cube of edge 95mm, its ^{volume} volume in SI units is:

- (a) $95m^3$
- (b) $0.95m^3$
- (c) $8.6 \times 10^{-4}m^3$
- (d) $7m^3$

Solution

$$\begin{aligned}
 V &= (95 \text{ mm})^3 \\
 &= (95 \times 10^{-3} \text{ m})^3 \\
 &= 8.6 \times 10^{-4} \text{ m}^3
 \end{aligned}$$

IV-Mass

$$mg \xrightarrow{\div 10^6} kg \xleftarrow{10^3 \div} g$$

(Ex-16)- A gram is equal to:

- (a) $10^{-2}kg$
- (b) $10^{-3}kg$
- (c) $10kg$
- (d) $1kg$
- (e) $10^{-1}kg$

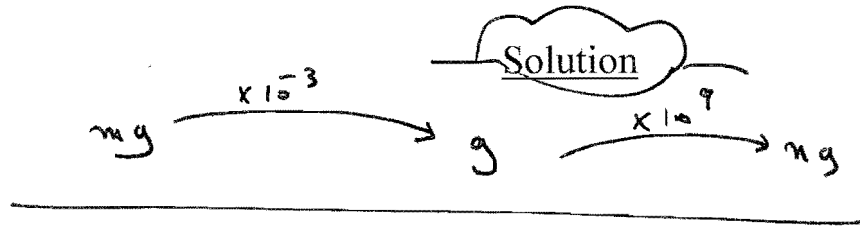
Solution

$$g = 10^{-3} kg$$

الجواب ب



(Ex-17)- 10mg = ng



$$10 \text{ mg} = 10 \times 10^{-3} \text{ g} = 10 \times 10^{-3} \times 10^9 \text{ ng} = 10^7 \text{ ng}$$

(Ex-18)- The one Kilogram is equal in term of gram:

- a) 1000g b) 100g c) 10^4 g d) 1g e) Zero

Solution

۱ کیلو گرام = ۱۰۰۰ گرام

$$1 \text{ kg} = 10^3 \text{ g}$$

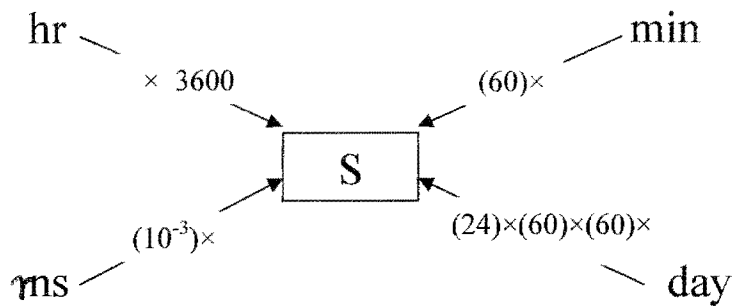
(Ex-19)- A man has a mass of 150 kg. Convert this mass to grams.

- (a) 1.5×10^5 g (b) 1.5×10^{-5} g (c) 15×10^5 g (d) 150g

Solution

$$\begin{aligned} 150 \text{ kg} &= 150 \times 10^3 \text{ g} \\ &= 1.5 \times 10^5 \text{ g} \end{aligned}$$

الزمن
V-Time



تادی
(Ex-20)- 10^2 milliseconds is equal to:

- (a) 10^3 s
- (b) 10^2 s
- (c) 10 s
- (d) 1 s
- (e) 10^{-1} s

Solution

$ms \longrightarrow 10^{-3} s$

$100 ms \longrightarrow 100 \times 10^{-3} s = 0.1 s$
 $= 10^{-1} s$

یک سو

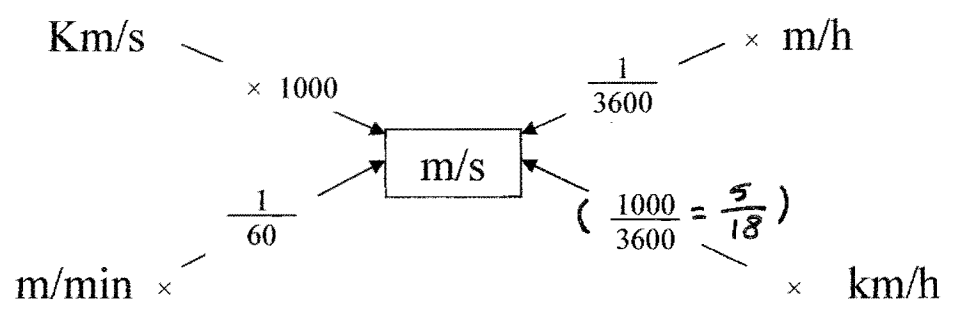
(Ex-21)- 10min = S

- (a) 10
- (b) 600
- (c) 0.1
- (d) 0.01
- (e) 0.001

Solution

$10 min = 10 \times 60 s = 600 s$

VI-Velocity



(Ex-22)- A car is traveling at 20m/s. The speed of this car is equal to:

- a) 12km/h
- b) 10km/h
- c) 72km/h
- d) 20km/h
- e) 5km/h

Solution

$$20 \text{ m/s} = 20 \times \frac{18}{5} \text{ km/h} = 72 \text{ km/h}$$

(Ex-23)- A car moves along a straight horizontal way with a velocity 120km/h. The velocity in SI is:

- a) 33.33m/s
- b) 20m/s
- c) 3.3m/s
- d) 1.5m/s
- e) Zero

Solution

$$120 \text{ km/h} = 120 \times \frac{5}{18} = 33.33 \text{ m/s}$$

(Ex-24)- ^{تسیر} A car is traveling at 25km/min². ^{تسارع} The acceleration of this car in SI unit is:

- a) 20 cm/s²
- b) 10m/s²
- c) 40m/s²
- d) 6.9m/s²
- e) 5m/s²

Solution

$$\frac{25 \text{ km}}{\text{min}^2} = \frac{25 \times 1000 \text{ m}}{(60 \text{ s})^2} = \frac{25 \times 1000}{3600} \text{ m/s}^2$$

$$= 6.9 \text{ m/s}^2$$

VII- Density

$$g / ml \xrightarrow{\times 10^3} kg / m^3 \xleftarrow{10^3 \times} g / cm^3$$

(Ex-25)- ^{کثافت} The density of water is 1g/cm³. The density in kg/m³ is:

- a) 1000kg/m³
- b) 10kg/m³
- c) 100kg/m³
- d) 10⁴kg/m³
- e) 1kg/m³

Solution

$$1 \text{ g/cm}^3 = 1 \times 10^3 \text{ kg/m}^3 = 1000 \text{ kg/m}^3$$

- ۱۲ - سر منگھت کڈ کیم
(Ex-26)- The density of lead is 11.3 g/cm^3 . This value in kilograms per cubic meter is:

- a) 0.13 kg/m^3 b) $1.1 \times 10^{-4} \text{ kg/m}^3$ c) 11.3 kg/m^3 d) 11300 kg/m^3 e) 1 kg/m^3

Solution

$$\begin{aligned} 11.3 \text{ g/cm}^3 &= 11.3 \times 10^3 \text{ kg/m}^3 \\ &= 11300 \text{ kg/m}^3 \end{aligned}$$

اشتقاق بعض الوحدات باستخدام القانون

(Ex-27)- Given $A = B^2 C^2$ where A is in meter square and C is in seconds. The unit of B is:

- (a) m/s (b) ms (c) m/s^4 (d) m/s^3 (e) m/s^2

Solution

$$A = B^2 C^2$$

$$\text{m}^2 = B^2 \text{ s}^2$$

$$B^2 = \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \Rightarrow B = \sqrt{\frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}} = \text{m/s}$$

ا. ب. ج. د. هـ

(Ex-28)- The speed v in m/s of a car is given $V=bt^2$ where the time t is in seconds. The unit of b is:

- (a) m/s^4
- (b) ms
- (c) m/s
- (d) m/s^3
- (e) m/s^2

Solution

$$v = bt^2$$

$$b = \frac{v}{t^2} = \frac{\frac{m}{s}}{s^2} = m/s^3$$

الجواب: d

(Ex-29)- If $x = kt^3$ where x is the displacement in m and t is the time in s. The unit of k is:

- (a) m/s
- (b) m/s^2
- (c) m/s^3
- (d) m^3/s
- (e) m/s^4

Solution

$$k = \frac{x}{t^3} = \frac{m}{s^3} = m/s^3 \quad (m \cdot s^{-3})$$

الجواب: c



المذكرات الجديدة

تم تحديثها كل فصل دراسي حسب الخطة الجديدة

110 فيزياء

السنة التحضيرية

Ch-2

يوسف زويل
لتدريس طلاب المرحلة الجامعية
★ 0557999301 ★

Ch - 2

Motion along straight line

الحركة من خط مستقيم

الكميات الفيزيائية والمصطلحات التي سترد في هذا الشبر

Vertical
y
المسافة
المقطوعة
راسيا
m

v_0	initial velocity السرعة الابتدائية	(m/s)	x	distance المسافة	m
v	final velocity السرعة النهائية		a	acceleration التسارع	m/s^2
v_{av}	average velocity السرعة المتوسطة		t	Time الزمن	S

افقياً
Horizontal
المسافة المقطوعة افقياً-X
m

يوسف زويل
مدرسين طلاب المرحلة الجامعية
* 0557999301 *

Motion in a straight line

الحركة في خط مستقيم

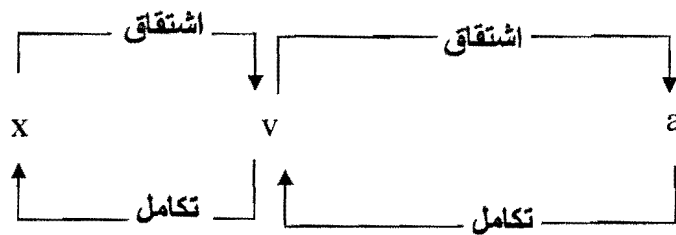
أولاً: مصطلحات هامة:

x= position	(m) (البعد عن نقطة الأصل) موضع
v = velocity	m/s سرعة
a = acceleration	m/s ² تسارع
v _{av} = average velocity	سرعة متوسطة
a _{av} = average acceleration	تسارع متوسط
v ₀ = initial velocity	سرعة ابتدائية
Δx = d= displacement	إزاحة
Start from rest ≡ v ₀ =0	بدأ من سكون
Come to rest ≡ v=0	أصبح ساكناً
Dropped ≡ v ₀ =0	سقط
Highest point = maximum height ≡ v = 0	أعلى نقطة أقصى ارتفاع

ثانياً: أنواع حركة الجسم:

(1) حركة الجسم حسب علاقة رياضية.

وفيها تكون x أو v أو a دالة في الزمن (وتكون لحظية Instantaneous أي تعتمد على الزمن)



$$v = \frac{dx}{dt} \quad a = \frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{dx}{dt} \right)$$

ملحوظة: خلال فترة زمنية من $t_1 \leftarrow t_2$ خلال حركة الجسم يكون

التسارع المتوسط the average acceleration	السرعة المتوسطة the average velocity	الإزاحة displacement
$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$	$v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$	$\Delta x = x_2 - x_1$

من تتغير السرعة التسارع المتوسط
(Ex-1)-If $t_1 = 2s$ and $t_2 = 4s$ find the average acceleration when the velocity changes from 8m/s to 12m/s.

- (a) $1m/s^2$ (b) $3.33m/s^2$ (c) $5m/s^2$ (d) $2m/s^2$ (e) $4.5m/s^2$

Solution:

$$t_1 = 2s$$

$$t_2 = 4s$$

$$v_1 = 8m/s$$

$$v_2 = 12m/s$$

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{12 - 8}{4 - 2} = \frac{4}{2} = 2 m/s^2$$

نقطه لامل يبدأ التسارع
(Ex-2)-The velocity of a particle starts from the origin as $v(t) = (3t^2 + 5) m/s$. The acceleration of the particle after 2 seconds is:

- (a) $6m/s^2$ (b) $12m/s^2$ (c) $18m/s^2$ (d) $24m/s^2$ (e) $30m/s^2$

Solution:

نوجد أولاً التسارع بالاشتقاق ثم نعوض $t = 2$ كما هو مظهر بالحوال

$$v = 3t^2 + 5$$

$$a = 6t \quad \xrightarrow[t=2m]{\text{تعويف}} \quad a = 6 \times 2 = 12 m/s^2$$

المعادلة $x(t) = 2t + 3t^2$ -
 دراجه $x(t) = 2t + 3t^2$
 (Ex-3)-A bicycle is moving along x – axis according to the equation $x(t) = 2t + 3t^2$
 where x is in meters and t is in seconds. Its instantaneous velocity at t = 2 sec. is:

- (a) 14m/s (b) 26m/s (c) 32m/s (d) m/s (e) 38m/s

Solution:

نوجد أولا السرعة بالاشتقاق x ثم نعوض بالذمه بالوقت

$$x = 2t + 3t^2$$

اشتقاق

$$v = 2 + 6t$$

تحويل $t = 2$ م

$$v = 2 + 6 \times 2 = 14 \text{ m/s}$$

المواضع الابتدائية

(Ex-4)-The initial and final positions of a particle along the X-axis are -3m, 10m, then its displacement ΔX equals:

- (a) +7m (b) +13m (c) -13m (d) -7m (e) 4.5m

Solution:

$$\Delta x = x_2 - x_1$$

الازاحة

$$= 10 - (-3)$$

$$= 10 + 3 = 13 \text{ m}$$

$$x_2 = 10 \text{ m}$$

$$x_1 = -3 \text{ m}$$

يسوسفا زويل
 لتدريس طلاب المرحلة الجامعية
 * 0557999301 *

(Ex-5)-^{سؤال} The position of a particle along the X-axis is given by $X = 3t^3 - 2t^2 - 2$ where x in meters and t in seconds, the ^{المتوسط} average velocity of this particle in the time interval from $t_1 = 1s$ to $t_2 = 3s$ is:

- (a) 13 m/s (b) 10m/s (c) 31m/s (d) -10m/s

Solution:

من التعريف ب t_1 من العلاقة x_1 ونحوها ب t_2 نحصل على x_2

$$\begin{aligned}
 x_1 &= 3 \cdot 1^3 - 2 \cdot 1^2 - 2 = -1 \text{ m} \\
 x_2 &= 3 \cdot 3^3 - 2 \cdot 3^2 - 2 = 61 \text{ m} \\
 t_1 &= 1 \\
 t_2 &= 3
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 v_{av} &= \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \\
 &= \frac{61 - (-1)}{3 - 1} = \frac{62}{2} = 31 \text{ m/s}
 \end{aligned}$$

(Ex-6)-A car moves along a straight line with velocity in m/s given by $V = t^2 - 16$. The velocity at $t = 0$ is:

- (a) Zero (b) 4m/s (c) -16m/s (d) -25m/s (e) -9m/s

Solution:

المعادلة المعطاة هي معادلة سرعة والمتطلب هو إيجاد ذلك
 يتم التعويض مباشرة من المعادلة المعطاة .

$$v = t^2 - 16$$

$$t = 0 \rightarrow v = -16 \text{ m/s}$$

ملاحظة: سرعة السالبة تعني أنه الاتجاه يكون في x السالبة لليسار
 أو في y السالبة أي للأسفل

(Ex-7)-Referring to the previous question, the car stops when t equals:

- (a) 5s
- (b) 4s
- (c) 3s
- (d) 6s
- (e) 2s

Solution:

هكذا تتوقف سيارة تكون $v = 0$ أو أن v يعادل 0 صفر
ونحل ونوجد قيم $t =$

$$v = t^2 - 16$$

$$0 = t^2 - 16 \Rightarrow t^2 = 16 \Rightarrow t = 4 \text{ s}$$

السارع اللحظي

(Ex-8)-The instantaneous acceleration \vec{a} is given as:

- (a) $\frac{dx}{dt}$
- (b) $\frac{d}{dt} \left(\frac{dx}{dt} \right)$
- (c) $\frac{d^2}{dt^2} \left(\frac{dx}{dt} \right)$
- (d) $\frac{d}{dt} \left(\frac{dx}{dt^2} \right)$
- (e) $\frac{d^2}{dt^2} \left(\frac{dv}{dt} \right)$

Solution:

السارع اللحظي هو المشتقة I للارزاع اللحظي X

السارع اللحظي

(Ex-9)-The instantaneous acceleration \vec{a} is given as:

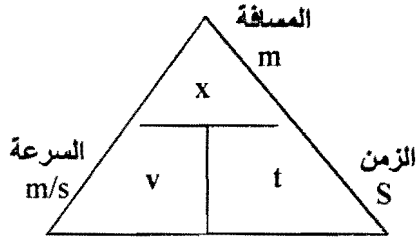
- (a) $\frac{d^2}{dt^2} \left(\frac{dx}{dx} \right)$
- (b) $\frac{d}{dt} \left(\frac{dv}{dt} \right)$
- (c) $\frac{dv}{dt}$
- (d) $\frac{d}{dt} \left(\frac{dv^2}{dt^2} \right)$
- (e) $\frac{d^2}{dt^2} \left(\frac{dv}{dt} \right)$

Solution:

السارع اللحظي هو المشتقة I للسر اللحظي v

(٢) حركة الجسم حسب معطيات عددية

I - إذا كانت السرعة ثابتة Constant Velocity يكون التسارع $a = 0$



ويوجد قانون واحد لحل الأمثلة هو

(Ex-10)-A car is traveling at constant speed of 30m/s for 3 S:

(1) The acceleration of the car is

- (a) 0
- (b) $3m/s^2$
- (c) $10m/s^2$
- (d) $9m/s^2$

(2) The distance after that time is

- (a) 90m
- (b) 50m
- (c) 33m
- (d) 27m

Solution:

١) $a = 0$ حيث أن السيارة تتحرك بسرعة ثابتة .

$$\begin{array}{l} v = 30 \text{ m/s} \\ t = 3 \text{ s} \\ x = ?? \end{array}$$

مسافة الكانون

$$\begin{aligned} x &= v t \\ &= 30 \times 3 = 90 \text{ m} \end{aligned}$$



II- إذا كانت السرعة متغيرة بتسارع ثابت (له قيمة ثابتة)

في هذه الحالة يوجد عدة معادلات: (بفرض بداية الحركة من $x_0=0$)

(1) $v = v_0 + at$

(2) $x = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$

(3) $x = vt - \frac{1}{2} a t^2$

(4) $x = (\frac{v+v_0}{2}) \cdot t$

(5) $v^2 = v_0^2 + 2ax$

(لا بد من وجود ثلاث معطيات لحل المثال بهذه القوانين)

ملاحظات:

(1) Deceleration a (-) تباطؤ

(2) If acceleration is constant then $v_{av} = \frac{v+v_0}{2}$

(3) Speed $= \frac{distance}{time}$ السرعة القياسية = ($\frac{المسافة}{الزمن}$) وهي موجبة دائماً

(4) Velocity $= \frac{displacement}{time}$ السرعة المتجهة = ($\frac{الإزاحة}{الزمن}$) - (وقد تكون موجبة أو سالبة مع محاور الأحداثيات)

(Ex-11)-A car traveling at 20m/s is 30m from a wall when the driver applied the brakes.

The car hit the wall 2s later. How fast is the car traveling when it hits the wall?

- (a) 5m/s
- (b) 15m/s
- (c) 8m/s
- (d) 10m/s
- (e) 0

Solution:

$v_0 = 20 \text{ m/s}$
 $x = 30 \text{ m}$
 $t = 2 \text{ s}$
 $v = ??$

$x = \frac{v + v_0}{2} \cdot t$
 $30 = \frac{v + 20}{2} \cdot 2$
 $30 = v + 20$

$v = 30 - 20 = 10 \text{ m/s}$

10 m/s \rightarrow أي أن سياره صدمت الجدار، عندما كانت سرعتها

١٠٠- صاف شاع ثابت
 (Ex-12)- Starting from rest, a car moving with constant acceleration covers a distance
 of 280m. If the car speed at the end of the distance is 70m/s, then its acceleration is:

- (a) 7.54m/s² (b) 6.4m/s² (c) 8.75m/s² (d) 10m/s² (e) 9.8m/s²

لانہ برآسہ لکونہ

Solution:

$$V_0 = 0$$

$$X = 280 \text{ m}$$

$$V = 70 \text{ m/s}$$

$$a = ??$$

$$V^2 = V_0^2 + 2aX$$

$$a = \frac{V^2 - V_0^2}{2X} = \frac{70^2 - 0}{2 \times 280} = 8.75 \text{ m/s}^2$$

صاف شاع
 (Ex-13)- A car has an acceleration of 1.2m/s². If its initial velocity is 10m/s, the distance
 the car covers in the first 5 sec. after the acceleration begins is:

- (a) 15m (b) 25m (c) 53m (d) 65m (e) 44m

Solution:

$$a = 1.2$$

$$t = 5$$

$$V_0 = 10$$

$$X = ??$$

$$X = V_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$= 10 \times 5 + \frac{1}{2} \times 1.2 \times 5^2$$

$$= 65 \text{ m}$$

١٠- صاف شائع ثابت
 (Ex-12)-Starting from rest, a car moving with constant acceleration covers a distance
 of 280m. If the car speed at the end of the distance is 70m/s, then its acceleration is:

- (a) 7.54m/s² (b) 6.4m/s² (c) 8.75m/s² (d) 10m/s² (e) 9.8m/s²

لانہ بدآ سے لگونا

Solution:

$$V_0 = 0$$

$$X = 280 \text{ m}$$

$$V = 70 \text{ m/s}$$

$$a = ??$$

$$V^2 = V_0^2 + 2aX$$

$$a = \frac{V^2 - V_0^2}{2X} = \frac{70^2 - 0}{2 \times 280} = 8.75 \text{ m/s}^2$$

صاف
 (Ex-13)-A car has an acceleration of 1.2m/s². If its initial velocity is 10m/s, the distance
 the car covers in the first 5 sec. after the acceleration begins is:

- (a) 15m (b) 25m (c) 53m (d) 65m (e) 44m

Solution:

$$a = 1.2$$

$$t = 5$$

$$V_0 = 10$$

$$X = ??$$

$$X = V_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$= 10 \times 5 + \frac{1}{2} \times 1.2 \times 5^2$$

$$= 65 \text{ m}$$

(Ex-14)-A car moving with constant acceleration covers the distance between two points 60m apart in 6 seconds. Its velocity as it passes the second point is 14m/s. Its velocity at the first point is:

- (a) 4m/s (b) 2m/s (c) 6m/s (d) 10m/s (e) 8m/s

Solution:

$$X = 60 \text{ m}$$

$$t = 6$$

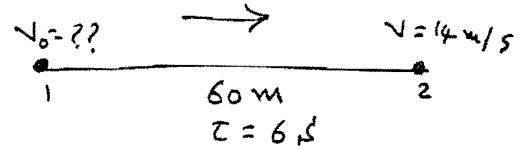
$$v = 14 \text{ m/s}$$

$$v_0 = ??$$

$$X = \frac{v + v_0}{2} \cdot t$$

$$60 = \frac{14 + v_0}{2} \cdot 6$$

$$20 = 14 + v_0 \implies v_0 = 20 - 14 = 6 \text{ m/s}$$



(Ex-15)-An airplane travels 280m along the runway before taking off. If it starts from rest moving with constant acceleration and takes off at speed 60m/s then its acceleration is:

- (a) 14.5m/s² (b) 6.4m/s² (c) 8.75m/s² (d) 10m/s² (e) 4m/s²

Solution:

$$X = 280 \text{ m}$$

$$v_0 = 0$$

$$v = 60 \text{ m/s}$$

$$a = ??$$

$$v^2 = v_0^2 + 2ax$$

$$a = \frac{v^2 - v_0^2}{2x} = \frac{60^2 - 0}{2 \times 280}$$

$$= 6.4 \text{ m/s}^2$$

يوسف زويل
تدريس طلاب المرحلة الجامعية
★ 0557999301 ★

(Ex-16)-A Car travels in a straight line with an initial velocity of 2m/s and an acceleration of 2m/s². The distance travels in 4s is:

- (a) 36m
- (b) 40m
- (c) 24m
- (d) 28m
- (e) 32m

Solution:

$v_0 = 2 \text{ m/s}$ $a = 2 \text{ m/s}^2$ $t = 4 \text{ s}$ $x = ??$	$x = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$ $= 2 \times 4 + \frac{1}{2} \times 2 \times 4^2$ $= 8 + 16 = 24 \text{ m}$
---	--

(Ex-17)-A car, initially at rest, travels 16m in 4s along a straight line with constant acceleration. The acceleration of the car is:

- (a) 4m/s²
- (b) 5m/s²
- (c) 6m/s²
- (d) 2m/s²
- (e) 3m/s²

Solution:

$v_0 = 0$ $x = 16 \text{ m}$ $t = 4 \text{ s}$ $a = ??$	$x = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$ $16 = 0 + \frac{1}{2} \cdot a \cdot 4^2$ $16 = 8a$ $a = 2 \text{ m/s}^2$
--	--

السرعة ص = 0

(Ex-18)-A particle starts moving from rest with constant acceleration. After 1 second its velocity becomes 12m/s. Its acceleration is:

- (a) 12m/s²
- (b) 6m/s²
- (c) Zero
- (d) 4m/s²
- (e) 3m/s²

Solution:

$v_0 = 0$
 $t = 1\text{ s}$
 $v = 12\text{ m/s}$
 $a = ??$

$v = v_0 + at$
 $a = \frac{v - v_0}{t} = \frac{12 - 0}{1}$
 $= 12\text{ m/s}^2$

(Ex-19)-A car initially traveling at 24.6m/s may be able to brake with a deceleration تباطؤ of 4.92m/s². The time it takes to come to rest is:

- (a) 4 sec.
- (b) 6 sec.
- (c) 5.5 sec.
- (d) 7 sec.
- (e) 5 sec.

Solution:

$v_0 = 24.6\text{ m/s}$
 $a = -4.92\text{ m/s}^2$
 الارتفاع ص = 0
 لان التباطؤ
 $v = 0$
 $t = ??$

$v = v_0 + at$
 $0 = 24.6 + 4.92t$
 $t = \frac{-24.6}{4.92} = 5\text{ s}$

(Ex-20)-In 2 seconds, a particle moving with constant acceleration along the X-axis goes from $X_1 = 10\text{m}$ to $X_2 = 50\text{m}$. The velocity at the end of this time interval is 10m/s . What is the acceleration of the particle?

- (a) -10m/s^2 (b) 15m/s^2 (c) -15m/s^2 (d) 20m/s^2 (e) -20m/s^2

Solution:

$$X_2 = X_1 + v_1 t - \frac{1}{2} a t^2$$

$$50 = 10 + 10 \cdot 2 - \frac{1}{2} a \cdot 2^2$$

$$40 = 20 - 2a$$

$$t = 2$$

$$v = 10\text{m/s}$$

$$a = ??$$

$$X = v_0 t - \frac{1}{2} a t^2$$

$$40 = 20 - 2a$$

$$20 = -2a$$

$$a = \frac{20}{-2} = -10\text{m/s}^2$$

السقوط الحر

Free Fall

الحركة الرأسية تحت تأثير الجاذبية الأرضية فقط.

ملحوظة: التسارع مقداره ثابت ويساوي 9.8m/s^2

وقيمته المتجهة

$$+ 9.8\text{m/s}^2$$

في حالة الصعود

$$- 9.8\text{m/s}^2$$

في حالة الهبوط أو عند أقصى ارتفاع

بعض الناس يخطئ
الجسم

* معادلات حركة الجسم هي نفس معادلات الحركة الأفقية مع استبدال $(y \leftarrow x)$ $(-g \leftarrow a)$ ويكون (بفرض بداية الحركة من $y_0=0$)

$$(1) v = v_0 - g t$$

$$(2) y = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$$



$$(3) y = v t + \frac{1}{2} g t^2$$

$$(4) y = \left(\frac{v + v_0}{2} \right) \cdot t$$

$$(5) v^2 = v_0^2 - 2g y$$

ملحوظات هامة:

(بفرض إهمال مقاومة الهواء)

* في حالة حركة الجسم لأعلى والعودة يكون:	* في حالة حركة الجسم لأسفل يكون:
(١) السرعة عند أقصى ارتفاع $v = 0$ at highest point = at maximum height	(١) في حالة السقوط dropped تكون $v_0 = 0$
(٢) زمن الصعود لأقصى ارتفاع = زمن العودة لنقطة البداية.	(٢) y, v نعوض عنهم بإشارة سالبة إذا كانوا في المعطيات.
(٣) مقدار السرعة لأعلى عند أى نقطة	(٣) إذا كانت v مطلوبة فإنها تكون سالبة في حالة Velocity وموجبة في حالة Speed.
= مقدار السرعة لأسفل عند نفس النقطة أو أى نقطة في مستواها	(٤) في حالة thrown down فإن $V_0 \neq 0$
	
$V +, V_0 +, y +,$	$V -, V_0 -, y -,$

 $v_0 = 0$
قطعت

y

(Ex-21)-A rock is dropped from a cliff مرتفع. The time it takes to fall 40m is:

(a) 3.2s

(b) 4.6s

(c) 1s

(d) 2.86s

(e) 5.7s

Solution:

y سبب لان الجسم اسفل

$$\begin{aligned} v_0 &= 0 \\ g &= 9.8 \\ y &= 40 \text{ m} \\ t &= ?? \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y &= v_0 t - \frac{1}{2} g t^2 \\ (-40) &= 0 - \frac{1}{2} \cdot 9.8 t^2 \\ -40 &= -4.9 t^2 \end{aligned}$$

$$t^2 = \frac{+40}{+4.9} = 8.16 \Rightarrow t = \sqrt{8.16} = 2.86 \text{ s}$$

- 16 - **سؤال فيزياء**
 (Ex-22)-A boy throws a ball vertically upward. If the ball was caught by a person in a window 4m above the ground after 2s, what is the initial speed of the ball?

- (a) 9.45m/s (b) 10m/s (c) 11m/s (d) 11.8m/s

Solution:

$$g = 9.8$$

$$y = 4$$

$$t = 2$$

$$v_0 = ??$$

$$y = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$4 = 2v_0 - \frac{1}{2} \times 9.8 \times 4^2$$

$$4 = 2v_0 - 19.6$$

$$2v_0 = 4 + 19.6 \Rightarrow v_0 = \frac{23.6}{2} = 11.8 \text{ m/s}$$

سؤال فيزياء
 (Ex-23)-A stone is thrown vertically upward with an initial velocity of 14m/s. It will rise to maximum height of:

- (a) 95m (b) 10m (c) 40m (d) 8.6m (e) 95m

Solution:

$$g = 9.8$$

$$v_0 = 14$$

$$v = 0$$

صيت انه قال
 اقصر ارتفاع
 $y = ??$

$$v^2 = v_0^2 - 2gy$$

$$y = \frac{v^2 - v_0^2}{-2g}$$

$$= \frac{0 - 14^2}{-2 \times 9.8} = 10 \text{ m}$$

ملفوظ : سر، كبر
 عند اقصر ارتفاع
 ص ص

يوسف زويل
 لتدريس طلاب المرحلة الجامعية
 * 0557999301 *

سقطات

(Ex-24)-A stone is dropped from the top of a building. When the speed of the stone is 20m/s the falling distance is:

- (a) 1.28m
- (b) 20.41m
- (c) 43.75m
- (d) 32.21m
- (e) 87.5m

Solution:

$v_0 = 0$
 لأنها سقطت
 $v = 20 \text{ m/s}$
 $g = 9.8$
 $y = ??$

$v^2 = v_0^2 - 2gy$
 $(-20)^2 = 0 - 19.6y$
 $y = \frac{400}{-19.6} = -20.41 = 20.41$

وتمذف الإشارة لانه لا يمكن ان تكون موجبة دائما
 لكن الإشارة تدل على ان هذه المسافة مقطوعة للأسفل

سبني لأعلى قذف

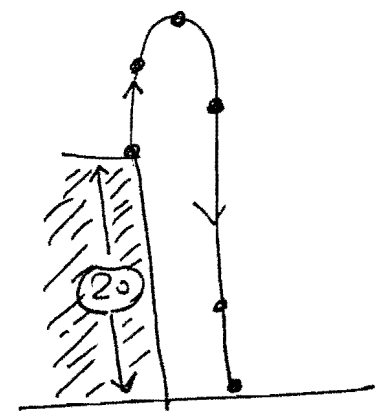
(Ex-25)-A stone is projected vertically upward from the top of 20m high building with an initial speed of 30m/s. The magnitude of its velocity before it hits the ground is:

- (a) 30m/s
- (b) 20m/s
- (c) 35.9m/s
- (d) -30m/s
- (e) 36m/s

Solution:

$g = 9.8$
 $y = 20 \text{ m}$
 $v_0 = 30 \text{ m/s}$
 $v = ??$

$v^2 = v_0^2 - 2gy$
 $v^2 = (30)^2 - 2 \times 9.8 \times (-20)$
 $v^2 = 900 + 392$
 $v = \sqrt{1292}$
 $= 35.9 \text{ m/s}$



(Ex-26)-Referring to the previous question, what is the acceleration of the stone at its highest point.

(a) 9.8m/s^2

(b) -9.8m/s^2

(c) Zero

(d) 4.9m/s^2

Solution:

سريع الجسم في مجال الجاذبية الارضية ثابت وهو 9.8m/s^2
وبهذا عند ارتفاعه يكون اتجاهه قد
آى -9.8

يسوي أيضا زونصل
لتقارير من طلاب المرحلة الجامعية
★ 0557999301 ★

قوة ($v_0 = 0$)

(Ex-27)-An object is dropped from a height of 10m above the ground; calculate its speed just before it hits the ground.

(a) 4.9m/s

(b) 14m/s

(c) 4.8m/s

(d) Zero

(e) 19.6m/s

Solution:

$v_0 = 0$
 $y = 10\text{m}$
 $g = 9.8$
 $v = ??$

$v^2 = v_0^2 - 2gy$
 $= 0 - 2 \times 9.8 \times (-10)$
 $v^2 = 196$
 $v = \sqrt{196} = 14\text{m/s}$

ملاحظه :
اذا قام بطلب velocity
ستكون الاجابة
 -14
لانه velocity
مجهه لكن
speed
وتكون موجبه دائما

(Ex-28)-A stone is thrown up vertically with an initial speed of 30m/s. when the speed of the stone is half its maximum speed, its height is:

- (a) 34.43m (b) 30m (c) 12.39m (d) 15.3m (e) 20.3m

Solution:

$$g = 9.8$$

$$v_0 = 30 \text{ m/s}$$

وهذا نصف سره لان في هذا الحركه
لايع تنافس سره

$$v = 15 \text{ m/s}$$

$$y = ??$$

$$v^2 = v_0^2 - 2gy$$

$$y = \frac{v^2 - v_0^2}{-2g}$$

$$= \frac{15^2 - 30^2}{-19.6}$$

$$= 34.4 \text{ m}$$

لايفل رصيت

(Ex-29)-A stone is thrown downward from the height (h) above the ground with an initial speed of 10m/s. It strikes the ground 3 seconds later. Find h.

- (a) 60m (b) 74m (c) 44m (d) 90m (e) 14m

Solution:

$$v_0 = 10 \text{ m/s}$$

$$t = 3 \text{ s}$$

$$g = 9.8$$

$$h = y = ??$$

$$y = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$$

$$= (10 \times 3) - \frac{1}{2} \times 9.8 \times 3^2$$

$$= -30 - 44.1 = -74.1 \text{ m}$$

وتخذف الاشارة لان الارتفاع ايجابي وصحيح

$$\therefore h = y = 74.1 \text{ m}$$

(Ex-30)-A ball is thrown vertically upward. It returns to its starting point after 4s:

(1) The initial velocity of the ball is

- (a) 19.6m/s (b) zero (c) 39.2m/s (d) 9.8m/s

(2) The maximum height the ball rise is:

- (a) 39.2m (b) 9.8m (c) 196m (d) 19.6m

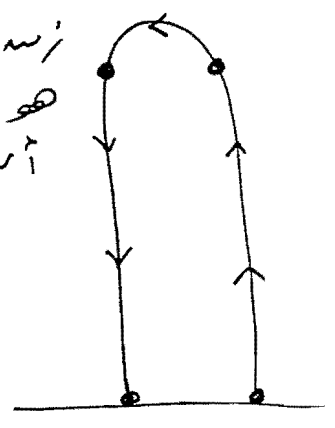
Solution:

$g = 9.8$
 $v = 0$
 عند توقف ارتفاع $t = 2$
 $v_0 = ??$
 $y = ??$

① $v = v_0 - gt$
 $0 = v_0 - 19.6$
 $v_0 = 19.6 \text{ m/s}$

② $y = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$
 $= 19.6 \times 2 - \frac{1}{2} \times 9.8 \times 4$
 $= 19.6 \text{ m}$

زمن الارتفاع والهبوط هو نصف الزمن الكلي
 $\frac{2s}{v}$



(Ex-31)-A stone is dropped from a building at a height of 25m. When the speed of the stone is 12.6 m/s its height from the ground is:

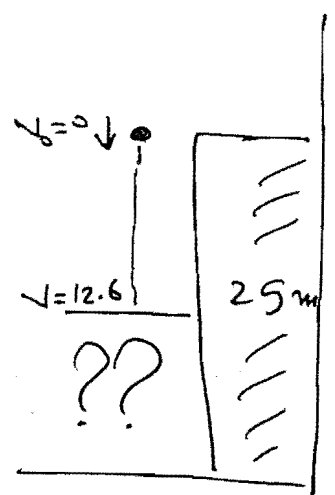
- (a) 23m (b) 16.9m (c) 12.3m (d) -8.1m (e) 6.6m

Solution:

$v_0 = 0$
 $g = 9.8$
 $v = 12.6$
 $y = ??$

$v^2 = v_0^2 - 2gy$
 $y = \frac{v^2 - v_0^2}{-2g}$
 $= \frac{12.6^2 - 0}{-2 \times 9.8} = -8.1 \text{ m}$
 وارتفاعه من الأرض

$H = 25 - 8.1 = 16.9 \text{ m}$



الارتفاع من الأرض والارتفاع من طرف مبنى الارتفاع المطلوب هو

(Ex-32)-The acceleration of the stone just before it hits the ground is:

(a) Zero

(b) 19.6m/s^2

(c) -9.8m/s^2

(d) 4.9m/s^2

Solution:

سأع الحجر عند اصطدامه بالأرض يساوي

تسارعت -9.8

وهو مقدار ثابت

يوسف زويل
لتدريس طلاب المرحلة الجامعية
★ 0557999301 ★



المذكرات الجديدة

أتم تحديثها كل فصل دراسي حسب الخطة الجديدة

110 فيزياء

السنة التحضيرية

يوسف زويل
لتدريس طلاب المرحلة الجامعية
★ 0557999301 ★

Ch-3

2

Ch-3

Types of Physical Quantities

انواع الكميات الفيزيائية

Vector quantities	كميات متجهة	Scalar quantities	كميات قياسية
* velocity * displacement	سرعة/ازاحة	* work * length	
* acceleration	تسارع	* Energy * time	
* force	قوة	* power * mass	
* momentum	كمية حركة	* Area	
* Impulse	دفع - نبضة	* Volume	
* Pressure	ضغط	* density	


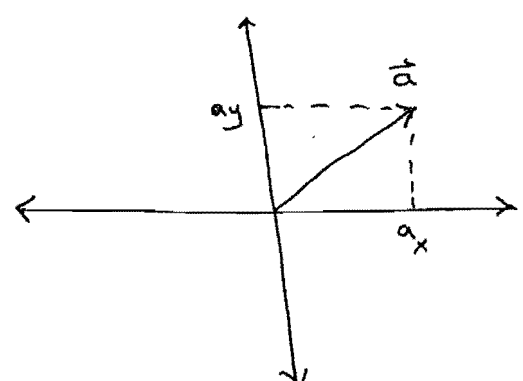
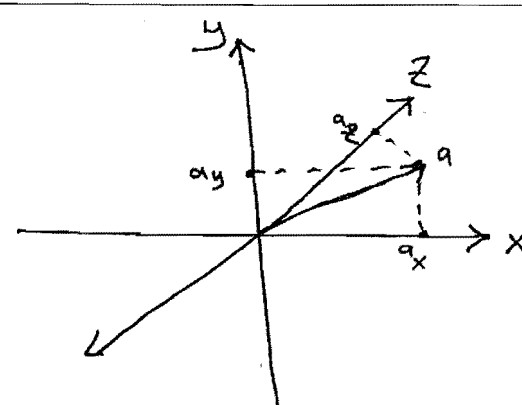
** مصطلحات هامة:

Magnitude	المقدار او القيمة المطلقة (دائما موجب)
Sum	مجموع
The angle	الزاوية
x- component	المركبة x- (قيمة المتجه في الاتجاه x)
Unit vector notation	علامات متجهات الوحدة (i , j , k)
Origin	مركز الاحداثيات (نقطة الاصل 0,0)
Coordinate system	نظام الاحداثيات (x,y,z)
horizontal component	المركبة الفقية (قيمة المتجه في الاتجاه x)
vertical component	المركبة الراسية (قيمة المتجه في الاتجاه y)
Direction	الاتجاه (يقصد الزاوية مع x الموجب عكس الساعة)
Vector product	الضرب الاتجاهى
Scalar product	الضرب القياسى

A vector of any Vector quantity

متجه لأي كمية متجهة

**** A vector is المتجه (يعبر عن الكمية المتجهة فقط) قد يكون: : ****

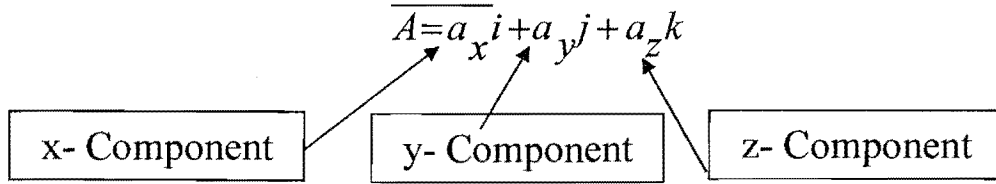
	<p>في بعد واحد x مثلاً (محور)</p> <p>In one dimension</p>
	<p>* في بعدين x, y (مستوي).</p> <p>* In tow dimensions</p>
	<p>في ثلاث أبعاد x, y, z (فراغ).</p> <p>In three dimensions</p>

يسولسنا زويل
تتدریس طلاب المرحلة الجامعية
* 0557999301 *

متجهات الوحدة Unit Vectors

k	j	i
متجه وحدة في الاتجاه z	متجه وحدة في الاتجاه y	متجه وحدة في الاتجاه x
متجه الوحدة هو متجه طوله (مقداره) واحد		

** ويكتب المتجه بدلالة هذه المتجهات كما يلي:



تحليل المتجه في المستوى (x,y)

** إذا أعطى المتجه على صورة مقدار $|A|$ واتجاه θ فإننا نحلله في الاتجاهين المتعامدين x,y كما يلي:

$a_x = A \cos \theta$ horizontal component (المركبة الأفقية)

$a_y = A \sin \theta$ vertical component (المركبة الرأسية)

⇐ بشرط أن تكون θ هي الزاوية مع (+x) عكس عقارب الساعة .Counterclockwise

⇐ ويكون المتجه بعد ذلك بدلالة متجهات الوحدة هو: (by the unit vectors notation is)

$$A = a_x \mathbf{i} + a_y \mathbf{j}$$

(Ex-1)- A vector \vec{A} in the xy plane if its direction is 230° counterclockwise from the positive direction of the x axis and its magnitude is 7.3m.

(1) The x- component is

- (a) -4.7 i (b) -4.7 (c) 2.3 i (d) -2.3

(2) The y- component is

- (a) -5.6j (b) -5.6 (c) -4.2 j (d) -4.2

Solution

المطلوب هو المركبة x والمركبة y

$$|\vec{A}| = 7.3$$

$$\theta = 230^\circ$$

$$\textcircled{1} A_x = A \cos \theta$$

$$= 7.3 \cos 230$$

$$= -4.7$$

الجواب b

$$\textcircled{2} A_y = A \sin \theta$$

$$= 7.3 \sin 230$$

$$= -5.6$$

الجواب b



إيجاد مقدار واتجاه المتجه في الفراغ (ثلاث ابعاد)

The magnitude & direction

إذا أعطى المتجه على الشكل $A = a_x i + a_y j + a_z k$

$$|A| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$$

فإن ١- المقدار (او القيمة المطلقة)

٢- يحدد الاتجاه بزائويتين على الاقل من الزوايا الاتية-

$$\theta_x = \text{Cos}^{-1} \left(\frac{a_x}{|A|} \right)$$

الزاوية مع المحور x الموجب

$$\theta_y = \text{Cos}^{-1} \left(\frac{a_y}{|A|} \right)$$

الزاوية مع المحور y الموجب

$$\theta_z = \text{Cos}^{-1} \left(\frac{a_z}{|A|} \right)$$

الزاوية مع المحور z الموجب

حيث

$$|a_x| = A \cos \theta_x$$

$$|a_y| = A \cos \theta_y$$

$$|a_z| = A \cos \theta_z$$

$$\cos^2 \theta_x + \cos^2 \theta_y + \cos^2 \theta_z = 1 \quad \text{علاقة هامة}$$

تحديد موضع (اتجاه- زاوية) المتجه في المستوى x, y

١- من الرسم المعطى

$\theta = 180 - 30 = 150$ 	$\theta = 90$ 	$\theta = 30$ 	$\theta = 0$
$\theta = 180$	$\theta = 270 - 15 = 255$	$\theta = 270$	$\theta = 270 + 30 = 300$

٢- من المتجه المعطى $A = a_x i + a_y j$ (يوجد ثلاث خطوات)

١- تحديد الربع من اشارات

الربع	الزوج المرتب (x,y)	اشارة a_x	اشارة a_y
الاول	(+,+)	+	+
الثاني	(-,+)	-	+
الثالث	(-,-)	-	-
الرابع	(+,-)	+	-

ب- تحديد الزاوية Φ حيث Φ هي الزاوية التي تنتج بالآلة الحاسبة باستخدام القانون.

$$\Phi = \tan^{-1} \left(\frac{a_y}{a_x} \right)$$

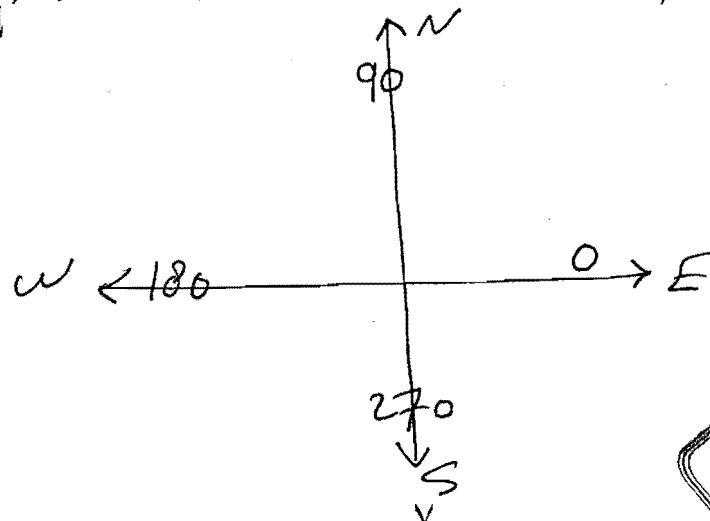
وتكون مع أقرب محور x حسب الربع الذي يقع فيه المتجه.

ج- تحديد الزاوية θ Direction المحصورة بين المتجه و +ve-x عكس عقارب الساعة (وهي المطلوبه)

ويكون ذلك حسب الربع كما يلي

الربع من الفقرة (أ)	الزاوية θ
الاول	$\theta = 0 + \Phi$
الثاني	$\theta = 180 - \Phi$
الثالث	$\theta = 180 + \Phi$
الرابع	$\theta = 360 - \Phi$

ملحوظ هام : اعلام بين الاتجاهات الجغرافية والزاوية



(Ex-2)- The x component of vector \vec{A} is -20m and the y component is +15m.

(1) Vector \vec{A} by the unit vectors notation is

- (a) $-20\mathbf{i} + 15\mathbf{j}$ (b) $15\mathbf{i} - 20\mathbf{j}$ (c) $5\mathbf{i} - 10\mathbf{j}$ (d) $20\mathbf{i} + 15\mathbf{j}$

(2) The magnitude of \vec{A} is

- (a) -5 (b) 35 (c) 25 (d) 1.25

(3) The angle between the direction of \vec{A} and the +ve -x- axis is:

- (a) 37° (b) 143° (c) 120° (d) 215°

Solution

هنا نجد أنه المركبات x و y معطاه —

$$\left. \begin{array}{l} A_x = -20 \\ A_y = 15 \end{array} \right\} \textcircled{1} \vec{A} = -20\mathbf{i} + 15\mathbf{j}$$

$$\textcircled{2} |\vec{A}| = \sqrt{(-20)^2 + (15)^2} \\ = 25$$



لاحظ أن $A_x \ominus$ فإن Φ الناتجة من ربع 2

$$\Phi = \tan^{-1} \left| \frac{A_y}{A_x} \right| = \tan^{-1} \left(\frac{15}{20} \right) = 37^\circ$$

$$\ominus = 180 - \Phi = 180 - 37 = 143$$

لأن الناتجة من ربع 2

جمع وطرح المتجهات

لا يمكن جمع او طرح متجهين الا اذا كانا على الصورة

$$\vec{A} = a_x i + a_y j + a_z k \quad , \quad \vec{B} = b_x i + b_y j + b_z k$$

ويكون الجمع او الطرح كما يلي

$$\vec{A} \pm \vec{B} = (a_x \pm b_x) i + (a_y \pm b_y) j + (a_z \pm b_z) k$$

$$(\vec{A} - \vec{B}) = -(\vec{B} - \vec{A}) \quad \text{ملحوظة}$$

(Ex-3)- Vector \vec{A} has a magnitude of 3m and is directed east; vector \vec{B} has a magnitude of 5m and directed 35° west of north.

(1) Vector \vec{A} in unit-vector notation is

- (a) $3i + 0j + 0k$ (b) $3i - 2j + 0k$ (c) $0i + 3j + 0k$ (d) $5i - 2j + k$

(2) Vector \vec{B} in unit-vector notation is

- (a) $0.1i + 4.1j$ (b) $-0.1i + 5j$ (c) $-2.9i + 4.1j$ (d) $-2.9i + 4.1j + k$

(3) Vector $\vec{A} + \vec{B}$ is

- (a) $0.1i + 4.1j$ (b) $-0.1i + 4.1j$ (c) $2.5i + 0j$ (d) $0.1i - 2.5j + k$

(4) The magnitude and the direction of $\vec{A} + \vec{B}$ is

- (a) $4.1, 88.6^\circ$ (b) $7.2, 325^\circ$ (c) $5.5, 325^\circ$ (d) $13.5, 34^\circ$

(5) Vector $\vec{A} - \vec{B}$ is

- (a) $5.9i - 4.1j$ (b) $-5.9i + 4.1j$ (c) $2.1i - 2.5j$ (d) $5i - 2.5j$

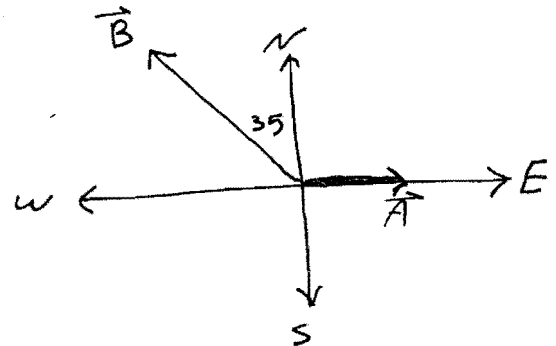
(6) The magnitude and the direction of $A - B$ is

- (a) $13, 34^\circ$ (b) $7.2, 325^\circ$ (c) $5.5, 325^\circ$ (d) $13.5, 34^\circ$

Solution

$A = 3$
 $\theta = 0$
 لأنه يجه نحو الشرق

$B = 5$
 $\theta = 125^\circ$



دو لہندوں کو ملا کر ایک مرکب سے کل نتیجہ

$$A = 3$$

$$\theta = 0$$

$$A_x = A \cos \theta \\ = 3 \cos 0 = 3$$

$$A_y = A \sin \theta \\ = 3 \sin 0 = 0$$

$$B = 5$$

$$\theta = 125$$

$$B_x = B \cos \theta \\ = 5 \cos 125 = -2.9$$

$$B_y = B \sin \theta \\ = 5 \sin 125 = 4.1$$

$$\textcircled{1} \vec{A} = 3i + 0j + 0k$$

$$\textcircled{2} \vec{B} = -2.9i + 4.1j + 0k$$

$$\textcircled{3} \vec{A} + \vec{B} = 0.1i + 4.1j$$

$$|\vec{A} + \vec{B}| = \sqrt{0.1^2 + 4.1^2} = 4.1$$

$$\textcircled{4} \phi_{A+B} = \tan^{-1} \left(\frac{4.1}{0.1} \right)$$

$$= 88.6$$

$$\theta = \phi$$

وہی تفسیر لان لیجئے
 $(\vec{A} + \vec{B})$
 صائب ربع 1

$$\textcircled{5} \vec{A} - \vec{B} = 5.9i - 4.1j$$

صائب ربع 4

$$\textcircled{6} |A - B| = \sqrt{(5.9)^2 + (-4.1)^2} \\ = 7.2$$

$$\phi = \tan^{-1} \left(\frac{4.1}{5.9} \right)$$

$$= 35^\circ$$

$$\theta = 360 - \phi \rightarrow \left[\begin{array}{l} \text{لان 4 صائب ربع} \\ \text{وہی تفسیر سے اس کا } \theta \text{ ہے} \\ \text{اور ان کا } \end{array} \right]$$

$$= 360 - 35 = 325$$

10

(Ex-4)- You drive 6km north and then 5km northwest. The magnitude of the resultant displacement is:

- (a) 9.24km (b) 12.07km (c) 6.57km (d) 8.32km (e) 10.12km

$$A = 6 \begin{cases} A_x = A \cos 40 = 0 \\ A_y = A \sin 40 = 6 \end{cases}$$

$$\vec{A} = 0i + 6j$$

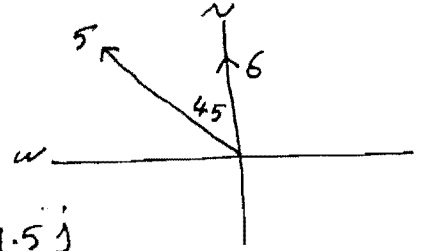
$$B = 5 \begin{cases} B_x = B \cos 135 = 5 \cos 135 = -3.5 \\ B_y = B \sin 135 = 5 \sin 135 = 3.5 \end{cases}$$

$$\vec{B} = -3.5i + 3.5j$$

Solution

$$\vec{A} + \vec{B} = -3.5i + 9.5j$$

$$|\vec{A} + \vec{B}| = \sqrt{(-3.5)^2 + (9.5)^2} = 10.12$$



(Ex-5)- Two vectors $\vec{A} = xi + 6j$ and $\vec{B} = 2i + yj$. The values of x and y satisfying the relation $\vec{A} + \vec{B} = 4i + j$ are:

- (a) (-1,-2) (b) (-3,2) (c) (2,-5) (d) (1,-4) (e) (0,-3)

Solution

$$\vec{A} = xi + 6j$$

$$\vec{B} = 2i + yj$$

$$\vec{A} + \vec{B} = (x+2)i + (6+y)j = 4i + j$$

$$\therefore x + 2 = 4 \Rightarrow x = 2$$

$$6 + y = 1 \Rightarrow y = -5$$

ملاحظه
اذا كانت متجهان فان

1) معاد 1 = معاد 1

2) معاد 2 = معاد 2

3) معاد 3 = معاد 3



(Ex-6)- Two vectors are given as $\vec{a} = i + 2j + 2k$ and $\vec{b} = 2i + 4j + 2k$.

Vector \vec{c} which satisfies the relation $\vec{a} - \vec{b} + \vec{c} = 3i$ is:

- (a) $i + 3j$ (b) $-i + 5j$ (c) $-i + j$ (d) $4i + 2j$ (e) $-i + 2j$

Solution

$$\therefore \vec{a} - \vec{b} + \vec{c} = 3i$$

$$\begin{aligned} \therefore \vec{c} &= 3i - (\vec{a} - \vec{b}) \\ &= 3i - (-i - 2j) \\ &= 3i + i + 2j \\ &= 4i + 2j \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \vec{a} &= i + 2j + 2k \\ \vec{b} &= 2i + 4j + 2k \\ \vec{a} - \vec{b} &= -i - 2j \end{aligned}$$

(Ex-7)- Vector \vec{A} has a magnitude of 5.0m and is directed 30° north of east.

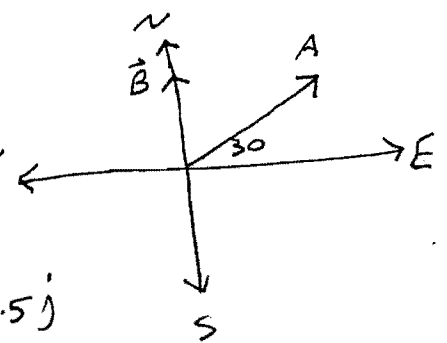
Vector \vec{B} has a magnitude of 6.0m and is directed north.

The magnitude of $\vec{A} + \vec{B}$ is:

- (a) 7.4m (b) 6.8m (c) 5.4m (d) 9.5m (e) 3.2m

Solution

(4) نفس طريقة حل السؤال



$$A = 5 \begin{cases} A_x = 5 \cos 30 = 4.3 \\ A_y = 5 \sin 30 = 2.5 \end{cases}$$

$$\boxed{\vec{A} = 4.3i + 2.5j}$$

$$B = 6 \begin{cases} B_x = 6 \cos 90 = 0 \\ B_y = 6 \sin 90 = 6 \end{cases}$$

$$\boxed{\vec{B} = 0i + 6j}$$

$$\vec{A} + \vec{B} = 4.3i + 8.5j$$

$$|\vec{A} + \vec{B}| = \sqrt{4.3^2 + 8.5^2}$$

$$= 9.5$$

(12)

(Ex-8)- The angle between vector $\vec{d} = 2i + 2j$ and the positive y-axis is:

- (a) 63° (b) 19° (c) 30° (d) 45° (e) 11°

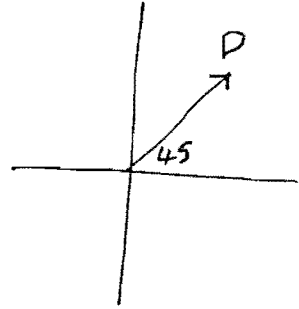
Solution

نلاحظ أن المتجه \vec{d} يقع في الربع الأول ومركباته متساوية، لذا زاوية 45°

كل

$$\phi = \tan^{-1} \left| \frac{2}{2} \right| = 45$$

$\theta = \phi$
لأنه في الربع الأول



(Ex-9)- Vector \vec{c} starts at point (4, 1, 2) and ends at point (4, 3, 2). Its magnitude is:

- (a) 5 (b) 6 (c) 2 (d) 8 (e) 4

Solution

$$\begin{aligned} |\vec{c}| &= \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2} \\ &= \sqrt{(4-4)^2 + (3-1)^2 + (2-2)^2} = 2 \end{aligned}$$



(Ex-10)- The sum of two vectors $\vec{A} + \vec{B}$ is $4i + j$, and their difference $\vec{A} - \vec{B}$ is $-2i + j$, the magnitude of vector \vec{A} is:

- (a) 1.8 (b) 2.8 (c) 4.1 (d) 2 (e) 1.4

Solution

$$\begin{aligned}\vec{A} + \vec{B} &= 4i + j \\ \vec{A} - \vec{B} &= -2i + j\end{aligned}$$

$$2\vec{A} = 2i + 2j$$

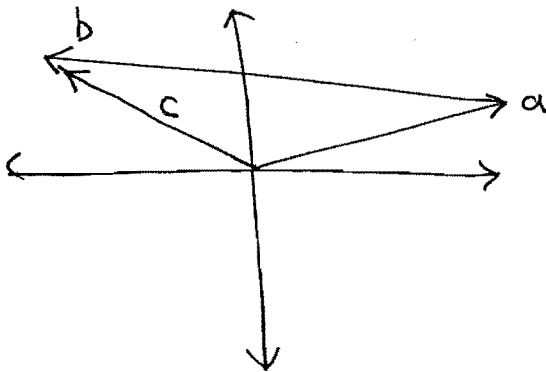
بالجمع

$$\vec{A} = i + j$$

$$|\vec{A}| = \sqrt{1+1} = \sqrt{2} = 1.4$$



ملاحظة : اذا كان لدينا متجهين \vec{a} و \vec{b}



$$\vec{c} = \vec{a} + \vec{b}$$

فإن

$$\Rightarrow \vec{a} = \vec{c} - \vec{b}$$

$$\Rightarrow \vec{b} = \vec{c} - \vec{a}$$

ويعني هذا ان المتجه \vec{c} يتساوى مع مجموع المتجهين \vec{a} و \vec{b} (مبدأ المتجه)

Multiplying of vectors

ضرب المتجهات

(1) إذا كان لدينا $|A|$ و $|B|$ والزاوية بينهما θ

فإن

الضرب القياسي The scalar product	الضرب الاتجاهي The vector product
$\vec{B} \cdot \vec{A} = A B \cos \theta$	$ A \times B = A B \sin \theta$
* If $\theta = 90^\circ$ ($A \perp B$) then $\vec{A} \cdot \vec{B} = 0$ * $i \cdot j = 0$ * $i \cdot k = 0$ * $k \cdot j = 0$ * $i \cdot i = 1$ * $j \cdot j = 1$ * $k \cdot k = 1$	* If $\theta = 0$ ($A \parallel B$) then $\vec{A} \times \vec{B} = 0$ * $i \times i = 0$ * $j \times j = 0$ * $k \times k = 0$ * $i \times j = k$ * $j \times k = i$ * $k \times i = j$
$\vec{A} \cdot \vec{B} = \vec{B} \cdot \vec{A}$	$(\vec{A} \times \vec{B}) = -(\vec{B} \times \vec{A})$ so $j \times i = -k$

(Ex-11)- A vector \vec{A} of magnitude 10 units and another vector \vec{B} of magnitude 5 units differ in directions by 60°

(1) The scalar product of the two vectors is

- (a) 13i (b) 15 (c) 25 (d) 25j

(2) The magnitude of the vector product $\vec{A} \times \vec{B}$ is

- (a) 43.3 (b) 43.3k (c) 15.5i (d) 16.6

Solution

$$A = 10$$

$$B = 5$$

$$\theta = 60$$

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \vec{A} \cdot \vec{B} &= AB \cos \theta \\ &= 5 \times 10 \cos 60 \\ &= 25 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} |\vec{A} \times \vec{B}| &= AB \sin \theta \\ &= 50 \sin 60 \\ &= 43.3 \end{aligned}$$

(Ex-12)- The magnitude of vector \vec{A} is 6m and vector $\vec{B} = 2i + j$ (m). If the angle between them is 30° their scalar product is:

- (a) $11.6m^2$ (b) $16.4m^2$ (c) $2.24m^2$ (d) $32.8m^2$ (e) $9.8m^2$

Solution

$$A = 6$$

$$\vec{B} = 2i + j$$

$$\theta = 30^\circ$$

$$|\vec{B}| = \sqrt{5}$$

$$\begin{aligned} \vec{A} \cdot \vec{B} &= AB \cos \theta \\ &= 6\sqrt{5} \cos 30^\circ \\ &= 11.6 \end{aligned}$$

(Ex-13)- For any two vectors \vec{A} and \vec{B} , if $\vec{A} \times \vec{B} = 0$ then the angle between them is:

- (a) 60° (b) 90° (c) zero (d) 30° (e) 270°

Solution

ملفوظا گھام ① لای متجهين متعامدين يكون $A \cdot B = 0$ ان الزاويه بينهما 90°
 ② لای متجهين متوازيين يكون $A \times B = 0$ ان الزاويه بينهما 0°

$$\therefore \vec{A} \times \vec{B} = 0$$

$$\therefore \theta = 0$$

متوازيان

(Ex-14)- The vectors A and B are in x-y plane. Their magnitude are 4.5 and 7.3 units, respectively whereas their direction are 320° and 85° measured counterclockwise from the positive x-axis. The A.B is:

- (a) $3.45i-2.9j$ (b) -18.8 (c) $0.6i+7.3j$ (d) $2.2i-21j$ (e) 23.19 (f) 40

Solution

$$A = 4.5$$

$$B = 7.3$$

$$\theta = 320$$

$$\theta = 85$$

من حاله و صود زاویه کله منجه فادن لزاویه این بیسزاها تاغ طرح لزاویه بینه

$$\theta = 320 - 85 = 235$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A B \cos \theta$$

$$= 4.5 \times 7.3 \times \cos 235 = -18.8$$

(Ex-15)- If $\vec{A} \cdot \vec{B} = 0$ then the angle between vector \vec{A} and vector \vec{B} is:

- (a) zero (b) 90° (c) 180° (d) 45° (e) 360°

Solution

$$\therefore \vec{A} \cdot \vec{B} = 0$$

∴ لزاویه بیسزاها 90° وها معادلت

لما من سوال 13



** (٢) إذا كان لدينا

$$\vec{A} = a_x i + a_y j + a_z k,$$

$$\vec{B} = b_x i + b_y j + b_z k$$

فإن

الضرب القياسي يعطى عدد	الضرب الاتجاهي يعطى متجه
$\vec{A} \cdot \vec{B} = (a_x b_x) + (a_y b_y) + (a_z b_z)$ وتكون أيضًا (الزاوية بين المتجهين) $\theta = \cos^{-1} \left(\frac{A \cdot B}{ A B } \right)$ * * $\vec{A} \cdot \vec{B} = \vec{B} \cdot \vec{A}$	$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix}$ $= (a_y b_z - a_z b_y) i + (a_z b_x - a_x b_z) j + (a_x b_y - a_y b_x) k$ $\vec{A} \times \vec{B} = -(\vec{B} \times \vec{A})$

(Ex-16)- Given: $A = 2i - 4j + 5k$ and $\vec{B} = mi - 9j + 2k$

عمودي على

If A is normal to B then the m is

Solution

$$\vec{A} = 2i - 4j + 5k$$

$$\vec{B} = mi - 9j + 2k$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = 2m + 36 + 10 = 0 \leftarrow \text{لانها متعامدان } A \cdot B = 0$$

$$2m = -46 \Rightarrow m = -23$$

(Ex-17)- A two vectors $\vec{A} = 3i - 7j$ and $\vec{B} = 2i + 3j - 2k$ define a plane the vector which perpendicular to the plane is

- (a) $12i - 20j + k$ (b) $14i + 6k + 23k$
 (c) $-14i - 6j + 23k$ (d) $5i - 2j + 13k$

Solution

ملفوظ هام

النتیجہ العمودی علی سطحین هو حاصل ضرب الارجاع لهما

$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ 3 & -7 & 0 \\ 2 & 3 & -2 \end{vmatrix} = [14 \ 0]i + [0 - (-6)]j + [9 - (-14)]k$$

$$= 14i + 6j + 23k$$

(Ex-18)- From the relation $|\vec{c} \times \vec{d}| = \frac{2}{5}(\vec{c} \cdot \vec{d})$. The angle between vectors \vec{c} and \vec{d} is equal to:

- (a) 72.9° (b) 21.8° (c) 30° (d) 31.9° (e) 20.9°

Solution

اذا كان $A \cdot B$ و $|A \times B|$ معطيات، وكان المطلوب هو الزاوية بينهما يكون

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{A \times B}{A \cdot B} \right) = \tan^{-1} \left[\frac{|c \times d|}{c \cdot d} \right]$$

$$= \tan^{-1} \frac{2}{5} = 21.8$$

$$\frac{A}{c} = \frac{d}{B}$$

ملفوظ هام: اذا كان $A \cdot B = c \cdot d$ فان

(Ex-20)- For $A=3j-4k$ and $B=-5j+4k$ $B \cdot A$ is:

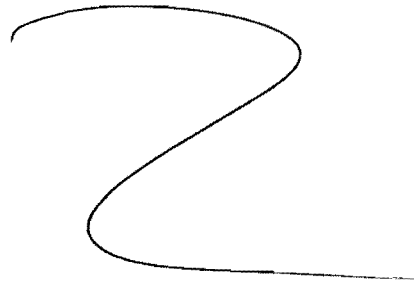
- (a) -31 (b) 31 (c) -31i (d) -i (e) -15i+16j

Solution

$$B = -5j + 4k$$

$$A = 3j - 4k$$

$$\vec{B} \cdot \vec{A} = -15 - 16 = -31$$



(Ex-21)- For $A=i-2j-k$ and $B=ai-j-2k$ the value of constant a such that $A \perp B$ is:

- (a) 0 (b) +4 (c) -4 (d) -4 (e) 4i

Solution

$$A = i - 2j - k$$

$$B = ai - j - 2k$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = a + 2 + 2 = 0$$

$$a + 4 = 0$$

$$\boxed{a = -4}$$

نفس طريقة السؤال رقم 16

صحت أن $B \perp A$ يكون $A \cdot B = 0$

(Ex-22)- The vector perpendicular to vectors $\vec{A}=2i+2k$ and $\vec{B}=5i+6k$ is:

- (a) $11i$ (b) $-9k$ (c) $-2j$ (d) $6i$ (e) $4k$

Solution

$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ 2 & 0 & 2 \\ 5 & 0 & 6 \end{vmatrix} = 0i - 2j + 0k = -2j$$

(Ex-23)- Three vectors $\vec{A} = i-2j+k$ $\vec{B} = 5i+2j-6k$ and $\vec{C} = 2i+3j$. The value of $(\vec{A}+\vec{B}) \cdot \vec{C}$ is:

- (a) 18 (b) 12 (c) 14 (d) 7 (e) 15

Solution

$$\vec{A} + \vec{B} = 6i + 0j - 5k$$

$$\vec{C} = 2i + 3j + 0k$$

$$(\vec{A} + \vec{B}) \cdot \vec{C} = 12 + 0 + 0 = 12$$



Student Name:

student NO.

Quiz#2

Given the two vectors $\vec{A} = 5\hat{i} + 2\hat{j} + 6\hat{k}$, $\vec{B} = \hat{i} + 3\hat{j} + 5\hat{k}$ and $\vec{C} = \hat{i} + 4\hat{j} + 2\hat{k}$ find the following:

- $\vec{A} + \vec{B}$ and $|\vec{A} + \vec{B}|$
- $4\vec{A} - 2\vec{B}$
- $\vec{A} \cdot (\vec{C} + \vec{B})$
- $\vec{A} \times \vec{C}$ and $|\vec{A} \times \vec{C}|$
- The angle between \vec{A} and \vec{C}
- The angle between the vector \vec{C} and the positive Y-axis?

(a) $\vec{A} + \vec{B} = 6\hat{i} + 5\hat{j} + 11\hat{k}$, $|\vec{A} + \vec{B}| = \sqrt{36 + 25 + 121} = 13.49$

(b) $4\vec{A} = 20\hat{i} + 8\hat{j} + 24\hat{k}$, $2\vec{B} = 2\hat{i} + 6\hat{j} + 10\hat{k}$, $4\vec{A} - 2\vec{B} = 18\hat{i} + 2\hat{j} + 14\hat{k}$

(c) $\vec{C} + \vec{B} = \hat{i} + 4\hat{j} + 2\hat{k} + \hat{i} + 3\hat{j} + 5\hat{k} = 2\hat{i} + 7\hat{j} + 7\hat{k}$

$$\vec{A} \cdot (\vec{C} + \vec{B}) = (5\hat{i} + 2\hat{j} + 6\hat{k}) \cdot (2\hat{i} + 7\hat{j} + 7\hat{k}) = 10 + 14 + 42 = 66$$

(d) $\vec{A} \times \vec{C} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 5 & 2 & 6 \\ 1 & 4 & 2 \end{vmatrix} = (4 - 24)\hat{i} + (6 - 10)\hat{j} + (20 - 2)\hat{k} = -20\hat{i} - 4\hat{j} + 18\hat{k}$

$$|\vec{A} \times \vec{C}| = \sqrt{400 + 16 + 324} = 27.2$$

(e) $\vec{A} \cdot \vec{C} = (5\hat{i} + 2\hat{j} + 6\hat{k}) \cdot (\hat{i} + 4\hat{j} + 2\hat{k}) = 5 + 8 + 12 = 25$

$$|\vec{A}| = \sqrt{25 + 4 + 36} = 8.06, \quad |\vec{C}| = \sqrt{1 + 16 + 4} = 4.58$$

$$\vec{A} \cdot \vec{C} = AC \cos \theta \quad \longrightarrow \quad 25 = (36.9) \cos \theta$$

$$\theta = \cos^{-1}\left(\frac{25}{36.9}\right) = 47.4^\circ \quad \text{OR} \quad |\vec{A} \times \vec{C}| = AC \sin \theta \rightarrow \theta = \sin^{-1}\left(\frac{27.2}{36.9}\right) = 47.4^\circ$$

$$|\vec{C}| = \sqrt{1 + 16 + 4} = 4.58$$

(f) $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{C_y \hat{j}}{C}\right) = \cos^{-1}\left(\frac{4}{4.58}\right) = 29.1^\circ$

المذكرات الجديدة

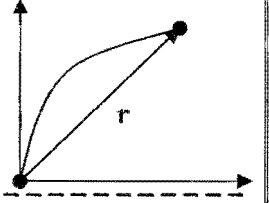
يتم تحديثها كل فصل دراسي حسب الخطة الجديدة

110 فيزياء

السنة التحضيرية

Ch-4

Motion in plane الحركة في المستوى (Motion in two dimension)



1- Position vector متجه الموضع

$$\vec{r}(t) = x(t)\mathbf{i} + y(t)\mathbf{j}$$

وعند لحظة معينة حسب قيمة t يكون

إذا طلب الموضع الابتدائي نضع $t = 0$

$$|\vec{r}| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

وللحصول على المقدار والاتجاه لمتجه الموضع في تلك اللحظة

$$\vec{r} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j}$$

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{y}{x}\right)$$

لاتنسى التعامل مع الربع الذي يقع فيه المتجه

ونحصل على متجه السرعة والتسارع من متجه الموضع المرتبط بالزمن كما يلي

$$\vec{r}(t) \xrightarrow{\text{اشتقاق}} \vec{v}(t) \xrightarrow{\text{اشتقاق}} \vec{a}(t)$$

2-Velocity vector - متجه السرعة

$$\vec{v}(t) = v_x(t)\mathbf{i} + v_y(t)\mathbf{j}$$

وعند لحظة معينة حسب قيمة t يكون

إذا طلب السرعة الابتدائية نضع $t = 0$

$$|\vec{v}| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$

وللحصول على المقدار والاتجاه لمتجه السرعة في تلك اللحظة

$$\vec{v} = v_x\mathbf{i} + v_y\mathbf{j}$$

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{v_y}{v_x}\right)$$

لاتنسى التعامل مع الربع الذي يقع فيه المتجه

3- Acceleration vector متجه التسارع

$$\vec{a}(t) = a_x(t)\mathbf{i} + a_y(t)\mathbf{j}$$

وعند لحظة معينة حسب قيمة t يكون

إذا طلب التسارع الابتدائي نضع $t = 0$

$$|\vec{a}| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$$

وللحصول على المقدار والاتجاه لمتجه التسارع في تلك اللحظة

$$\vec{a} = a_x\mathbf{i} + a_y\mathbf{j}$$

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{a_y}{a_x}\right)$$

لاتنسى التعامل مع الربع الذي يقع فيه المتجه

4-Average velocity

$$\vec{V}_{av} = \frac{\vec{r}_2 - \vec{r}_1}{t_2 - t_1} \quad (\text{m/s})$$

5-Average Acceleration

$$\vec{a}_{av} = \frac{\vec{V}_2 - \vec{V}_1}{t_2 - t_1} \quad (\text{m/s}^2)$$

تمنياتى لكم بأعلى الدرجات
والعدلات وأرقى الكليات

Yusuf.zw111@gmail.com

(Ex.1)- If the position of a particle is given by $\vec{r} = (3t^2 + 2t)i + (t^3 + 1)j$ (m)

- (a) Find its velocity vector at $t = 1s$ and magnitude and direction.
 (b) Find the average acceleration from $t = 1s$ to $t = 2s$.
 (c) Find the acceleration at $t = 2s$.

Solution

(a) $\vec{r} = (3t^2 + 2t)i + (t^3 + 1)j$ $\left\{ \begin{array}{l} |\vec{v}| = \sqrt{8^2 + 3^2} = \sqrt{73} \\ \theta = \tan^{-1} \left| \frac{3}{8} \right| = 20.6^\circ \end{array} \right.$

اشتقاق $\vec{v} = (6t + 2)i + (3t^2)j$

تعويض $\vec{v} = 8i + 3j$ [t=1]

وهذا يعني ان \vec{v} حاد بربع الزوايا

(b) $\vec{v} = (6t + 2)i + (3t^2)j$ $\left\{ \begin{array}{l} \vec{v}_1 = 8i + 3j \Rightarrow v_1 = \sqrt{73} = 8.5 \\ \vec{v}_2 = 14i + 12j \Rightarrow v_2 = 18 \end{array} \right.$

$t_1 = 1$ و $t_2 = 2$

$$a = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{18 - 8.5}{1} = 9.5 \text{ m/s}^2$$

(c) $\vec{v} = (6t + 2)i + (3t^2)j$

اشتقاق $\vec{a} = 6i + 6tj$

تعويض $t=2$ $\vec{a} = 6i + 12j \Rightarrow a = \sqrt{180} = 13.4 \text{ m/s}^2$

(Ex.2)-If the X- component of vector \vec{r} is 3.2m and the y-component is 6.2m then \vec{r} in unit vector notation is:

- (a) $2.6j - 2.3j$ (b) $-2.3i + 2.6j$ (c) $6.2i + 3.2j$ (d) $3.2i + 6.2j$

Solution

$$r_x = 3.2$$

$$r_y = 6.2$$

$$\vec{r} = 3.2i + 6.2j$$

(Ex.3)-The displacement of a particle moving from $\vec{r}_1 = -5i + 2j + 2k$ to $\vec{r}_2 = -8i + 2j - 2k$ is:

- (a) $-7i + 12j$ (b) $3i + 4k$ (c) $7i - 12j$ (d) $-3i - 4k$

Solution

$$\vec{r}_1 = -5i + 2j + 2k$$

$$\vec{r}_2 = -8i + 2j - 2k$$

$$\vec{d} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = \underline{-3i - 4k}$$

دفعہ آؤں کو دیکھو

$$\vec{d} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

(Ex.4)-The components of a car's velocity as a function of time are given by:

$V_x = 2t + 3$ and $V_y = 3t^2 + 3$ its velocity vector at $t = 2s$ is

- (a) $\vec{v} = 9i + 11j$ (b) $\vec{v} = 5i + 3j$ (c) $\vec{v} = 7i + 7j$ (d) $\vec{v} = 7i + 15j$



$V_x = 2t + 3$
 $V_y = 3t^2 + 3$

$t = 2$ →

$\left\{ \begin{array}{l} V_x = 7 \\ V_y = 15 \end{array} \right. \rightarrow \vec{v} = 7i + 15j$ ✓

(Ex.5)-The components of a car's velocity as a function of time are given

by $v_x = 5t^2 - 5$ $v_y = -4t^3$. The acceleration components are:

- (a) $a_x = 10t$ (b) $a_x = 4t$ (c) $a_x = 6t$ (d) $a_x = 12t$

- $a_y = -12t^2$ $a_y = -6t^2$ $a_y = -15t$ $a_y = -9t^2$



$v_x = 5t^2 - 5 \xrightarrow{\text{تفاضل}} a_x = 10t$ ✓

$v_y = -4t^3 \Rightarrow a_y = -12t^2$ ✓

للوصول الى ايت رباع صدقنا ان سرعة مركبة كانت صفره واحده .
 وكل مركبة للسرعة تقطع اى مركبة لها ايت رباع

v_x	→	a_x
v_y	→	a_y

(Ex.6)-Acceleration is equal to

(a) $\frac{d\vec{r}}{dt}$

(b) $\frac{d\vec{v}}{dt}$

(c) $\frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t}$

(d) $\frac{d\vec{v}}{dt}$

Solution

نعلم أن التسارع هو مشتق السرعة $a = \frac{dv}{dt}$

(Ex.7)-A particle moving with ^{ابتدائية} initial velocity $\vec{v}_0 = 2i + 4j$ m/s, and acceleration $\vec{a} = 5i + 8j$ m/s², the X-component (v_x) of the ^{النهائية} final velocity at ($t = 7s$) is?

(a) -7m/s

(b) -17m/s

(c) -27m/s

(d) 37m/s

Solution

$$\vec{a} = \frac{5}{a_x} i + \frac{8}{a_y} j$$

$$\vec{v}_0 = \frac{2}{v_{0x}} i + \frac{4}{v_{0y}} j$$

$$v_{0x} = 2$$

$$a_x = 5$$

$$t = 7s$$

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t \rightarrow \left(\frac{2}{\text{م.س.}} \right)$$

$$v_x = v_{0x} + a_x t = 2 + 35 = 37 \text{ m/s}$$

$$v_y = v_{0y} + a_y t = 4 + 56 = 60 \text{ m/s}$$

وارتبط و ←

المقذوفات Projectiles

المقذوفات تتحرك في البعدين x و y في أزواج

ومن أشهر الأمثلة على القذائف - كرة القدم المحلقة في الهواء - طلقات المدافع والدبابات

أشكال القذائف

من مستوى لمستوى ادنى جو ارض	من مستوى لمستوى اعلى ارض جو	من مستوى لنفس المستوى ارض ارض

هذه قوانين أى قزيفة

الموضع فى اى لحظة

$$y = v_0 t \sin \theta - \frac{1}{2} g t^2$$

$$x = v_0 t \cos \theta$$

$$\vec{r} = x \mathbf{i} + y \mathbf{j}$$

السرعة فى اى لحظة

$$v_y = v_0 \sin \theta - g t$$

$$v_x = v_0 \cos \theta$$

$$\vec{v} = v_x \mathbf{i} + v_y \mathbf{j}$$

هذه قوانين القزيفة ارض ارض فقط

$$R = \frac{V_0^2 \sin(2\theta)}{g}$$

$$H = \frac{V_0^2 (\sin \theta)^2}{2g}$$

$$t = \frac{2V_0 \sin \theta}{g}$$

$$\tan \theta = \frac{4H}{R}$$

ملاحظة هامة جداً-

عندما تكون $\theta = 45^\circ$ تكون قيمة الـ R اكبر ما يمكن

Maximum range =

maximum horizontal distance = R_{max}

$$\theta = 45^\circ \Rightarrow R_{max} = \frac{V_0^2}{g} \quad \text{مهم جداً}$$

Yusuf.zw111@gmail.com

ملاحظات هامة

$V_0 = \text{initial speed}$	السرعة الابتدائية
θ Angle of projection	زاوية القذف وتحسب دائمًا مع الأفقي إذا أعطانا الزاوية مع الرأس
$H = \text{Maximum height (attitude)}$	أقصى ارتفاع
$R = \text{Range}$	المدى المسافة الأفقية بين نقطة القذف ونقطة الاصطدام بالأرض
$t = \text{Total time (time of flight)}$ $t = \frac{2V_0 \sin \theta}{g}$	زمن الطيران (الزمن الكلي) لاحظ أن زمن الصعود = زمن الهبوط • وإذا طلب في السؤال زمن الوصول لأقصى ارتفاع (زمن الصعود) زمن الصعود لأقصى ارتفاع = $\frac{t}{2}$
vertical component of the velocity $v_y = v_0 \sin \theta - gt$	المركبة الرأسية للسرعة وهي تساوي صفر عند أقصى ارتفاع وفي البداية عندما $t = 0$ يكون $v_{0y} = v_0 \sin \theta$
Horizontal component of the velocity $v_x = v_0 \cos \theta$	المركبة الأفقية للسرعة وهي ثابتة لا تتغير لان $a_x = 0$ (هام جدا) وحتى في البداية عندما $t = 0$ يكون $v_{0x} = v_0 \cos \theta$
Vertical displacement (y)	الازاحة الرأسية $y = v_0 t \sin \theta - \frac{1}{2}gt^2$ وعند أقصى ارتفاع يكون $y = H$
Horizontal displacement (x)	الازاحة الأفقية في أي لحظة $x = v_0 t \cos \theta$ وعند أقصى ارتفاع يكون $x = R/2$
<p>لاحظ أن معادلات الحركة الرأسية للقذيفة هي نفسها معادلات السوط الحر مع ضرب كل v_0 في $\sin \theta$</p> <p>$v_0 \implies v_0 \sin \theta$</p> <p>$v_0^2 \implies (v_0 \sin \theta)^2$</p>	

يوسف زويل

مع أطيب التمنيات

Yusuf.zw111@gmail.com

(Ex.8)-The maximum range of a projectile is at launch angle.

زاوية الانطلاق عند زاوية اقصى

(a) $\theta = 35^\circ$

(b) $\theta = 45^\circ$

(c) $\theta = 55^\circ$

(d) $\theta = 25^\circ$

Solution:

نعلم ان اقصى مدا يكون فقط عندما تكون $\theta = 45$

هنا هو

(Ex.9)-In the projectile motion the horizontal velocity component V_x

مركبة السرعة الافقية

تبقى ثابتة

remains constant because the acceleration in the horizontal direction is:

(a) $a_x = g$

(b) $a_x > g$

(c) $a_x = 0$

(d) $a_x > 0$

Solution:

نعلم ان مركبة السرعة الافقية للقذيفة تكون

سرعة ثابتة لان $a_x = 0$

هنا هو

(Ex.10)-The ^{المدى} range of a ball is ^{موجّه} thrown at an angle of 30 above the ^{بنواويه} horizontal with an ^{الرفق} initial ^{ابتدائيه} speed ^{سرعه} 65m/s is: ^{قوف}

- (a) 318.1m (b) 266.3m (c) 373.4m (d) 220.9m

Solution:

$$\theta = 30$$

$$v_0 = 65 \text{ m/s}$$

$$R = ??$$

Range ^{الطلبه} ^{من} ^{الطلبه}

$$R = \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g}$$

$$= \frac{(65)^2 \sin 60}{9.8} = 373.4 \text{ m} \checkmark$$

(Ex.11)-An ^{قوف} object is ^{من} projected from the ground with an initial velocity of 15m/s at an angle of 30° above the horizontal. The maximum height the object reaches above the ground is:

- (a) 11.48m (b) 16.3m (c) 2.87m (d) 5.1m (e) 7.97m

Solution:

$$v_0 = 15 \text{ m/s}$$

$$\theta = 30^\circ$$

$$H = ??$$

$$H = \frac{v_0^2 (\sin \theta)^2}{2g}$$

$$= \frac{15^2 (\sin 30)^2}{2 \times 9.8} = 2.87 \text{ m} \checkmark$$

(Ex.12)- Cannon ^{مرفق} is firing a ball from ground level at an angle of 15° above the horizontal. If the ball speed is 200m/s , the horizontal distance of the ball just before it hits the ground is:

- (a) 4.59km (b) 3.19km (c) 6.25km (d) 5.3km (e) 2.04km

Solution:

$$\theta = 15^\circ$$

$$v = 200\text{ m/s}$$

$$R = ??$$

المطلوب هو R فإني
 صحت الاصطلاح بال R
 وذلك لي R

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g}$$

$$= \frac{(200)^2 \sin 30}{9.8} = 2040.8\text{ m}$$

$$= 2.04\text{ km}$$

نفس طريقه السؤال ١٥

لا حظ أنه تم التحويل من m إلى km حسب التعليمات

(Ex.13)- A projectile is fired from a ground at angle 45° above the horizontal. If it reaches the ground at 60m from the starting point, the initial velocity is:

- (a) 24.3m/s (b) 16m/s (c) 9.8m/s (e) 31.3m/s

Solution:

$$\theta = 45$$

$$R = 60\text{ m}$$

$$v_0 = ??$$

$$R = \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g}$$

$$\sin(2\theta) = \sin 90 = 1$$

$$R = \frac{v_0^2}{g} \Rightarrow v_0 = \sqrt{Rg}$$

$$v_0 = \sqrt{60 \times 9.8} = 24.3\text{ m/s}$$

(Ex.14)-A baseball leaves the bat with an initial velocity $\vec{v}_0 = 10i + 20j$ (m/s). Its range is:

- (a) 40.8m (b) 102m (c) 20.4m (d) 61.2m (e) 81.6m

Solution:

نوجد مقدار v_0 من النتيجة
وأيضا الكاوس θ

$$\vec{v}_0 = 10i + 20j \Rightarrow \begin{cases} v_0 = \sqrt{500} \\ \theta = \tan^{-1} \left| \frac{20}{10} \right| = 63.43^\circ \end{cases}$$

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g} = \frac{(\sqrt{500})^2 \sin(126.87)}{9.8} = 40.8 \text{ m}$$

تذفنت الكرة

(Ex.15)-A ball is projected above the horizontal with an initial velocity

$\vec{v}_0 = 25i + 25j$ (m/s). The maximum height the ball rises is:

- (a) 1m (b) 20.4m (c) 2.4m (d) 31.89m (c) 10.2m

Solution:

$$\vec{v}_0 = 25i + 25j \Rightarrow \begin{cases} v_0 = 35.35 \text{ m/s} \\ \theta = \tan^{-1} \left| \frac{25}{25} \right| = 45^\circ \end{cases}$$

نفس الطريقة السؤال الكيف

من النتيجة $\vec{v}_0 = v_{0x}i + v_{0y}j$
اذ كان $v_{0x} = v_{0y}$
فان $\theta = 45^\circ$
صافرة

$$H = \frac{v_0^2 (\sin \theta)^2}{2g} = \frac{1250 \times (\sin 45)^2}{2 \times 9.8} = 31.89 \text{ m}$$

(Ex.16)-A projectile is launched at an angle such that the maximum height reached equals the horizontal range. The launch angle is:

- (a) 22.5° (b) 45° (c) 30° (d) 76° (e) 14°

Solution:

$$\begin{array}{l}
 H = R \\
 \theta = ??
 \end{array}
 \left|
 \begin{array}{l}
 \theta = \tan^{-1} \left(\frac{4H}{R} \right) \\
 = \tan^{-1} (4) \\
 = 76^\circ \quad \checkmark
 \end{array}
 \right.$$

(Ex.17)-A ball is kicked from the ground with an initial speed of 4m/s at an upward angle of 30°. The time the ball takes to reach its maximum height is:

- (a) 0.2s (b) 0.31s (c) 0.41s (d) 0.51s (e) 0.61s

Solution:

$$\begin{array}{l}
 v_0 = 4 \text{ m/s} \\
 \theta = 30^\circ
 \end{array}
 \left|
 \begin{array}{l}
 \text{زمن للوصول لارتفاع يساوي نصف الزمن الكلي} \\
 t = \frac{v_0 \sin \theta}{g} = \frac{4 \sin 30}{9.8} \\
 = 0.2 \text{ s} \quad \checkmark
 \end{array}
 \right.$$

(Ex.18)-A ball is kicked from the ground with an initial speed of 15m/s, the maximum horizontal distance the ball travels:

- (a) 40.8m (b) 22.96m (c) 25.5m (d) 63.8m (e) 102m

Solution:

$$v_0 = 15 \text{ m/s}$$

$$\theta = 45^\circ$$

لجند ما يقول عن السؤال اقصر من افقي
أي اقصر من تكون $\theta = 45^\circ$

$$R = \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g}$$

$$= \frac{225}{9.8}$$

$$\sin(2\theta) = \sin 90 = 1$$

$$= 22.96 \text{ m}$$

(Ex.19)-A ball is kicked with speed of 25m/s at an angle of 35° above the ground. Its time of flight is:

- (a) 5.9s (b) 11s (c) 3.25s (d) 2.93s (e) 8.5s

Solution:

$$v_0 = 25 \text{ m/s}$$

$$\theta = 35^\circ$$

$$t = ??$$

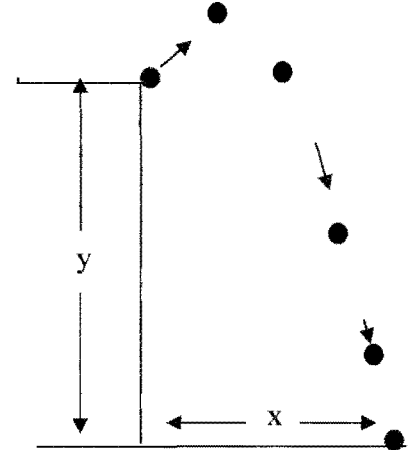
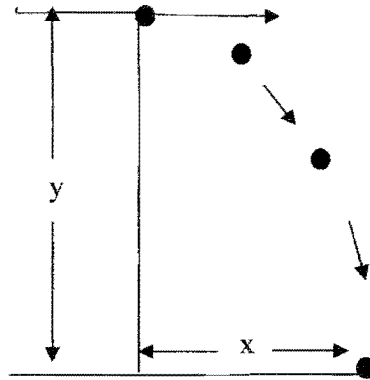
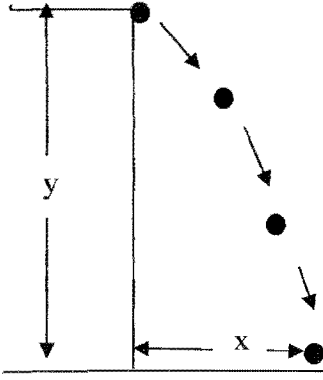
$$t = \frac{2v_0 \sin \theta}{g}$$

$$= \frac{2 \times 25 \sin 35}{9.8}$$

$$= 2.93 \text{ s}$$

الكلوب هو زمن الطيران كله

القذيفة جو ارض



(Ex.20)-A ball rolls horizontally off the top of a building. If the ball landed on the ground after 1.4 seconds, the height of the building from the ground is:

- (a) 19.6m (b) 9.6m (c) 15.88m (d) 12.54m (e) 10m

Solution:

لماذا يقول عن كسوال أفقياً تكون $\theta = 0$

$$\begin{array}{l}
 t = 1.4 \text{ s} \\
 \theta = 0 \\
 y = ??
 \end{array}
 \left|
 \begin{array}{l}
 y = v_0 t \sin \theta - \frac{1}{2} g t^2 \\
 = 0 - \frac{1}{2} \times 9.8 \times 1.4^2 \\
 = -9.6 \text{ m}
 \end{array}
 \right.
 \begin{array}{l}
 \sin 0 = 0
 \end{array}$$

$$= 9.6 \text{ m}$$

الارتفاع يكون \oplus دائماً لكنه $y = -9.6$ تعني إزاحة الخطأ من الأصل عند النظر البسيط

(Ex.21)-Referring to the previous question. The magnitude of acceleration of the ball while falling is:

- (a) 3m/s^2 (b) 7m/s^2 (c) 14m/s^2 (d) 9.8m/s^2 (e) 8m/s

Solution:

السؤال للتدبير دائما من أن كظم هو 9.8m/s^2 وهو \ominus عند السقوط \oplus عند الارتفاع
 لكنه صغره دائما موجب وهو 9.8m/s^2
 لاحظ أن هذا هو التسارع الرأسي فقط لكنه التسارع
 الكلي كما ذكرنا أنه قبل $a_x = 0$ دائما
 هذا كله يفرض الحال سواء السقوط

افقياً $\theta = 0$

(Ex.22) A stone is thrown horizontally from a height of 120m with an initial velocity of 20m/s. the time needed to reach the ground is.

- (a) 4.95s (b) 6.25s (c) 4.52s (d) 5s (e) 7.2s

Solution:

$$\theta = 0$$

$$y = 120$$

$$v_0 = 20 \text{ m/s}$$

$$t = ??$$

$$y = v_0 t \sin \theta - \frac{1}{2} g t^2$$

$$-120 = \cancel{20} t \sin 0 - \frac{1}{2} \times 9.8 t^2$$

$$120 = 4.9 t^2$$

$$t = \sqrt{\frac{120}{4.9}} = 4.95 \text{ s}$$

$$\sin 0 = 0$$

لاحظ أنه لأن $\theta = 0$ لا يسفل
 تم التعريف به $\sin 0 = 0$
 بادئ ربه

(Ex.23) Referring to the previous question, the magnitude of the vertical component of the velocity just before it hits ground is.

(a) 48.5 m/s

(b) 6.25 m/s

(c) 45.2 m/s

(d) 5 m/s

Solution:

$$\theta = 0$$

$$y = 120 \text{ m/s}$$

$$v_0 = 20 \text{ m/s}$$

$$v_y = ??$$

$$v_y^2 = (v_0 \sin \theta)^2 - 2gy$$

$$v_y^2 = 0 - 2 \times 9.8 \times (-120)$$

$$v_y = \sqrt{2352} = 48.5 \text{ m/s}$$

(Ex.24) A stone is thrown from the top of a building with an initial velocity directed at 30° above the positive X-axis. After 10s, the stone hits the ground at a distance 400m from the base of the building. the initial speed of this stone is.

(a) 122m/s

(b) 46.2m/s

(c) 12.6m/s

(d) 9.81m/s

(e) 98.1m/s

Solution:

$$\theta = 30^\circ$$

$$t = 10 \text{ s}$$

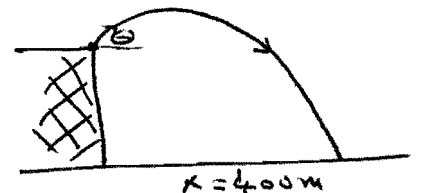
$$x = 400 \text{ m}$$

$$v_0 = ??$$

$$x = v_0 t \cos \theta$$

$$v_0 = \frac{x}{t \cos \theta}$$

$$= \frac{400}{10 \cos 30} = 46.2 \text{ m/s}$$



(Ex.25) A stone is thrown horizontally from the top of a building of height 75m, with an initial speed of 15m/s. the speed of the stone 2s after it is thrown is.

- (a) 25m/s (b) 38m/s (c) 15m/s (d) 10m/s (e) 0m/s

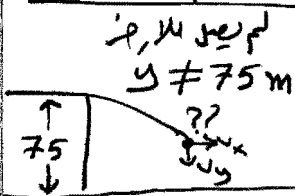
Solution:

$\theta = 0$

$v_0 = 15 \text{ m/s}$

$t = 2 \text{ s}$

$v = ??$



$v_x = v_0 \cos \theta = 15 \cos 0 = 15 \text{ m/s}$

و ظل ثابت

$v_y = v_0 \sin \theta - gt = -19.6 \text{ m/s}$

$\vec{v} = 15i - 19.6j$

$v = \sqrt{15^2 + 19.6^2} = 25 \text{ m/s}$

هذه السرعة بعد 2s من انطلاقه
لكن المحلث السرعة بعض قيم امي مقدار

(Ex.26) A boy on the edge of a vertical building 19.6m high throws a stone horizontally with a speed of 20m/s. It strikes ground at horizontal distance X form the building is:

- (a) 10m (b) 9.8m (c) 50m (d) 19.6m (e) 40m

Solution:

$y = v_0 t \sin \theta - \frac{1}{2} g t^2$ لوجود اوجه ح من العلاقات

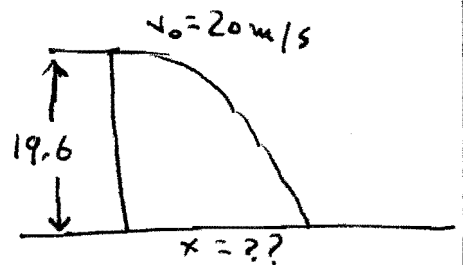
$19.6 = 4.9 t^2 \Rightarrow t = 2 \text{ s}$

نمكن بعد قبة X من العلاقات

$x = v_0 \cos \theta \cdot t$

$= 20 \cos 0 \times 2 = 40 \text{ m}$

$\cos 0 = 1$

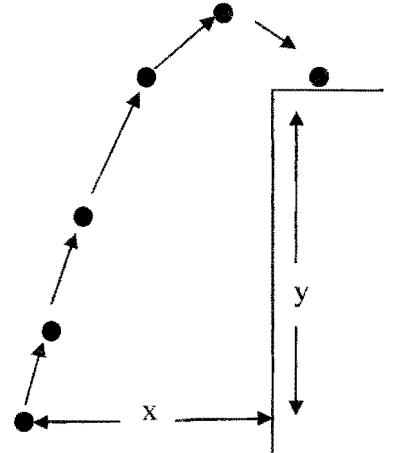
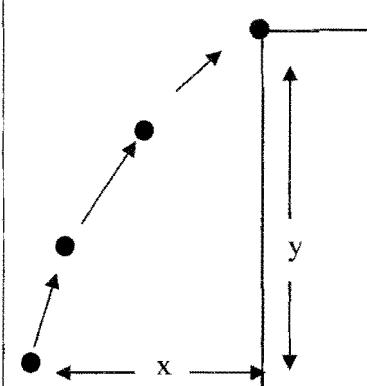
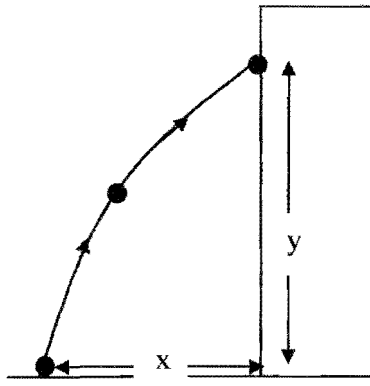


$\theta = 0$

$y = 19.6$

$v_0 = 20 \text{ m/s}$

القذيفة أرض جو



(Ex.27)-A stone is projected at building of height h with an initial speed of 42m/s directed 60° above the horizontal (as shown in the figure). The stone landed on the roof of the building 7 seconds after launching. The height h is:

- (a) 59.4m (b) 41.8m (c) 29.4m(d) 14.5m (e) 44.6m

Solution:

$$v_0 = 42 \text{ m/s}$$

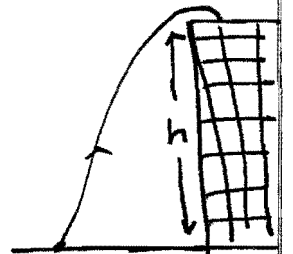
$$\theta = 60$$

$$t = 7 \text{ s}$$

$$y = h = v_0 t \sin \theta - \frac{1}{2} g t^2$$

$$= 42 \times 7 \sin 60 - \frac{1}{2} \times 9.8 \times 49$$

$$= 14.5 \text{ m}$$



(Ex.28) A projectile is launched at an angle of 60° with the horizontal with a speed of 100m/s . When it reaches its maximum height its speed is:

- (a) 30m/s (b) 40m/s (c) 50m/s (d) 60m/s (e) 20m/s

Solution:

$$\theta = 60$$

$$v_0 = 100 \text{ m/s}$$

عند هذا أقصى ارتفاع $v_x = v_{0x}$ }
عند هذا أقصى ارتفاع $v_y = 0$

∴ عند هذا أقصى ارتفاع v_x فقط لأن المركبة الرأسية وصلت ذروتها

$$v_x = v_0 \cos \theta$$

$$= 100 \cos 60 = 50 \text{ m/s}$$

(Ex.29) A ball was ejected at angle θ° with the horizontal and an initial speed of 50m/s . The ball reached the highest point after 3s , the angle θ° is:

- (a) 11.3° (b) 34.4° (c) 36° (d) 60° (e) 5.7° (e) 30°

Solution:

$$t = 3 \text{ s}$$

$$v_0 = 50 \text{ m/s}$$

$$t_{\frac{1}{2}} = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$$

$$\sin \theta = \frac{t g}{v_0}$$

$$\theta = \sin^{-1} \left(\frac{3 \times 9.8}{50} \right) = 36^\circ$$

لاحظ أن الزمن $t = \frac{2v_0 \sin \theta}{g}$ وتم حذف 2 لكي يصل على نصف الزمن

(Ex.30) A boy throws a ball with speed 50m/s with angle 60° on a wall 40° from the boy as shown in the figure. At what height does the ball strike the wall?

- (a) 22.8m (b) 32.4m (c) 56.8m (d) 18.7m

Solution:

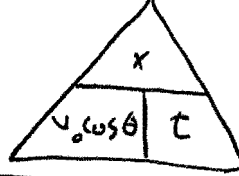
$$t = \frac{x}{v_0 \cos \theta}$$

$$= \frac{40}{50 \cos 60} = 1.6 \text{ s}$$

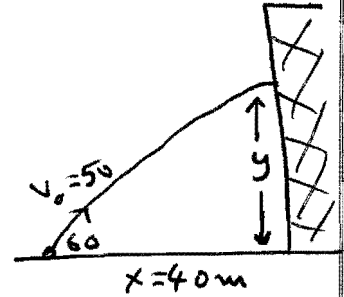
$$y = v_0 t \sin \theta - \frac{1}{2} g t^2$$

$$= 50 \times 1.6 \times \sin 60 - \frac{1}{2} \times 9.8 \times 1.6^2 = 56.8 \text{ m}$$

نوجد الزمن أولاً من العلاقة



ثم نجد y من العلاقة



$$v_0 = 50 \text{ m/s}$$

$$x = 40 \text{ m}$$

$$\theta = 60$$

$$y = ??$$

(Ex.31) A particle is projected with an initial velocity $\vec{v}_0 = 5\mathbf{i} + 4\mathbf{j} \text{ (m/s)}$. The horizontal component of its velocity at the maximum height is:

- (a) zero (b) 4m/s (c) 3m/s (d) 5m/s (e) 6m/s

Solution:

$$\vec{v}_0 = 5\mathbf{i} + 4\mathbf{j}$$

المركبة x ثابتة
لا تتغير
 $a_x = 0$

$$v_{0x} = 5 \text{ m/s}$$

$$v_{0y} = 4 \text{ m/s}$$

عند البداية
وشكلها
عند أقصى ارتفاع

تتغير مع الزمن
لا $a_y = 9.8$

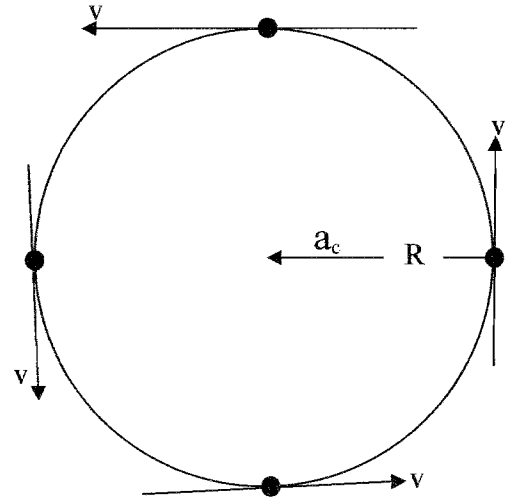
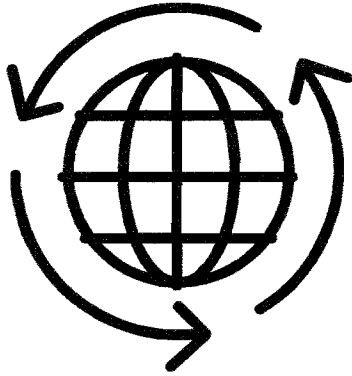
$$v_{0y} = 4 \text{ m/s}$$

عند البداية
وشكلها
عند أقصى ارتفاع

المطلوب هو المركبة الأفقية للسرعة
عند أقصى ارتفاع وهي 5 m/s
وكانت نفس القيمة من كل مكان
لأنها ثابتة لا تتغير (المركبة الأفقية)
الرأسي للسرعة عند أقصى ارتفاع
 $v_y = 0$

Circular Motion

الحركة الدائرية



عندما يتحرك جسم في مسار دائري نصف قطره R (Radius = R)

عدد من الدورات n في زمن t وبسرعة ثابتة v فإن

التردد Frequency	الزمن الدوري Period time	التسارع المركزي Central acceleration	السرعة الخطية Liner velocity
<p>Frequency</p> <p>$F = \frac{1}{T}$ التردد HZ (عدد اللفات في الثانية)</p>	<p>Period (time of one revolution) = circum frequency</p> <p>$T = \frac{2\pi R}{v}$ S</p> <p>الزمن الكلي / عدد الدورات</p>	<p>$a_c =$ Central acceleration = Radial acceleration</p> <p>$a_c = \frac{v^2}{R}$ (m/s^2)</p> <p>(toward the center)</p> <p>(التسارع المركزي دائما نحو المركز)</p>	<p>$v = \frac{2\pi Rn}{t}$ m/s</p> <p>وتكون مماسا للدائرة ونظرا لان السرعة ثابتة فإن التسارع الخطي يساوي صفر (لا يوجد تسارع خطي)</p>

معلومة هامة جدا

عندما يربط شخص حجر بخيط طوله R ويديره في مستوى أفقي بسرعة ثابتة v فإن الشد في الخيط يساوي قوة الجذب المركزي ويعادلها للخارج قوة الطرد المركزي الناتجة عن الدوران. وعند ما ينقطع الخيط فإن الحجر ينطلق أفقيا بسرعه v ويهبط على الارض على بعد أفقي x من قدم الشخص تماما كقذيفة جو أرض من ارتفاع y يساوي طول الشخص

في الحركة الدائرية ذات السرعة الثابتة إذا قال تسارع فقط بدون تحديد فهو يقصد التسارع المركزي

مع أطيب التحيات

يوسف زويل

Yusuf.zw111@gmail.com

(Ex.32)-A player runs in a circular tract of radius 50m with constant speed of 10m/s. The magnitude of his centripetal acceleration is:

لاعب نصف قطر دائري السرعة مقدار المركزي التسارع

- (a) 0.2m/s² (b) 2m/s² (c) 5m/s² (d) 20m/s²

Solution:

$$\begin{array}{l|l}
 R = 50 \text{ m} & a_c = \frac{v^2}{R} \\
 v = 10 \text{ m/s} & \\
 a_c = ?? & = \frac{100}{50} = 2 \text{ m/s}^2 \quad \checkmark
 \end{array}$$

(Ex.33)-In the previous question. The time he takes to go completely round the tract is:

السؤال السابق كامله

- (a) 20s (b) 5s (c) 10s (d) 31.4s

Solution:

$$\begin{array}{l|l}
 n = 1 & T = \frac{2\pi R}{v} \\
 R = 50 & \\
 v = 10 \text{ m/s} & \\
 T = ?? & = \frac{2 \times 3.14 \times 50}{10} = 31.4 \text{ s} \\
 \text{الوقت الذي يستغرقه اللاعب} & \\
 \text{المطلوب} &
 \end{array}$$

(Ex.34)-The period of an object moving at a constant speed of 4m/s on a circular of radius 8m is:

(a) π s

(b) 2π s

(c) 4π s

(d) 8π s

Solution:

$$v = 4 \text{ m/s}$$

$$R = 8 \text{ m}$$

$$T = ??$$

المدة الزمنية
Period
 $n = 1$

$$T = \frac{2\pi R}{v} = \frac{2\pi \cdot 8}{4} = 4\pi \text{ s}$$

ملاحظة: لو طلب التردد f يكون

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{4\pi} \text{ Hz}$$

هرتز

(Ex.35) Referring to the last question, the acceleration of the object is:

(a) 1 m/s^2

(b) 2 m/s^2

(c) 4 m/s^2

(d) 8 m/s^2

Solution:

$$v = 4 \text{ m/s}$$

$$R = 8$$

$$a_c = ??$$

$$a_c = \frac{v^2}{R} = \frac{16}{8} = 2 \text{ m/s}^2$$

(Ex.36) A particle moves in a circular path 0.4m in radius with constant speed V . If the particle makes four revolutions in each second of its motion. The speed V of the particle is:

- (a) 10m/s (b) 31.4m/s (c) 2.51m/s (d) 12.57m/s

Solution:

$$R = 0.4 \text{ m}$$

$$n = 4$$

$$t = 1$$

$$V = ??$$

$$\begin{aligned} V &= \frac{2\pi R n}{t} \\ &= \frac{2 \times 3.14 \times 0.4 \times 4}{1} \\ &= 10 \text{ m/s} \end{aligned}$$

مع آئیے، اچھے اور عمدے

yusuf.zwll@gmail.com

المذكرات الجديدة

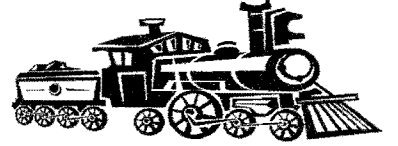
يتم تحديثها كل فصل دراسي حسب الخطة الجديدة

110 فيزياء

السنة التحضيرية

Ch-5

Forces & Motion



قوانين الحركة لنيوتن

القانون الثالث	القانون الثاني	القانون الأول
لكل فعل رد فعل مساوي له في المقدار ومعاكس له في الاتجاه	إذا أثرت قوة F على جسم كتلته m فإنه يتحرك بتسارع a ويكون	إذا تحرك جسم بسرعة ثابتة أو كان ساكنا (الجسم متزن) ($a=0$) فإن
$F_1 = -F_2$ $\sum F_{\text{المعمدي على السطح}} = 0$	$\text{Net Force} = \sum \vec{F} = a \sum m$ $\sum F_{\text{المعمدي على الحركة}} = 0$	$\text{Net Force} = \sum \vec{F} = 0$ $\sum F_y = 0$ $\sum F_x = 0$
يستخدم في حالة الفعل ورد الفعل (حالة وضع (ارتكاز) جسم على سطح)	يستخدم في حالة الجسم المتحرك بتسارع ثابت لا يساوي صفر	يستخدم في حالة الجسم الساكن أو المتحرك بسرعة ثابتة

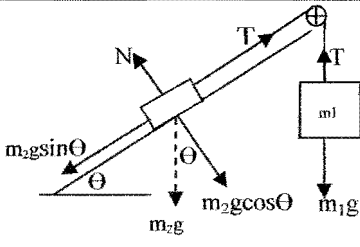
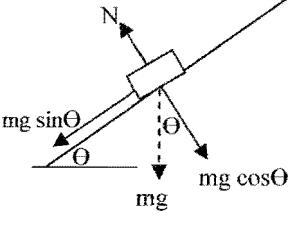
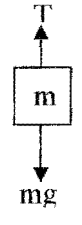
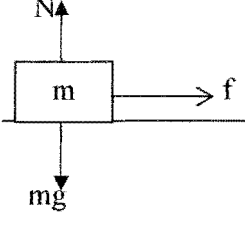
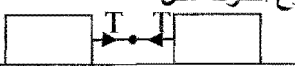
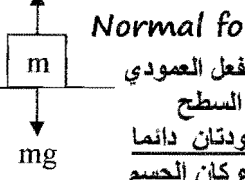
ملحوظة هامة جدا جدا

- 1- (مجموع القوى العمودية على الحركة يساوي صفر دائما دائما دائما) وتأخذ القوى العليا بالموجب والسفلى بالسالب عند الجمع)
- 2- عند تجميع القوى لإيجاد المحصلة $\sum F$ في أي حالة فإننا نأخذ القوة التي مع اتجاه الحركة بالموجب والمعاكسة لاتجاه الحركة بالسالب
- 3- اتجاه التسارع دائما دائما في اتجاه المحصلة $\sum F$ سواء كانت المحصلة في اتجاه الحركة او عكسها (لأنه مثلا)
 - أ- في حالة الضغط على البنزين للسيارة تكون المحصلة للأمام (مع اتجاه الحركة) والتسارع للأمام أيضا
 - ب- في حالة الضغط على الفرامل للسيارة تكون المحصلة للخلف (عكس اتجاه الحركة) والتسارع للخلف أيضا

تمنياتى لكم بأعلى الدرجات والمعدلات وأرقى الكليات

يوسف زويون
سر ١٣٣١

Yusuf.zw111@gmail.com

حالات الحركة			
مركبة	مانلة	رأسية	أفقية
أي حالتان مما سبق على بكرة	جسم ينزلق أو يصعد على منحدر مانل بزاوية	- المصعد - ونش الرفع	- سيارة على الطريق - جسم على طاولة
			
$(N - m_2g \cos \theta = 0)$ $N = m_2g \cos \theta$	$(N - mg \cos \theta = 0)$ $N = mg \cos \theta$	لا توجد قوى عمودية على الحركة .	$(N - mg = 0)$ $N = mg$
في حالة البكرات والخيوط يوجد شدين متساويين متعاكسين متجهين دائما نحو نقطة الارتكاز (التعليق أو التثبيت أو البكرة . وفي حالة وجود خيط مشدود بين جسمين متحركين يكون الارتكاز في منتصف الخيط كما بالشكل ايا كان نوع الحركة مثل	دائما في حالة المستوى المائل بزاوية θ على الأفقي (بعد تحليل mg) تكون القوة العمودية على المستوى لأسفل هي $mg \cos \theta$ والموازية للمستوى أيضا لأسفل هي $mg \sin \theta$ سواء كان الجسم ساكن أو متحرك بتسارع أو بدون تسارع	(قوة الوزن لأسفل mg) وقوة الشد المتجهة دائما نحو نقطة الارتكاز (البكرة) هما الوحيدتان الموجودتان في حالة الحركة الرأسية البسيطة سواء كان الجسم ساكن أو متحرك بتسارع أو بدون تسارع	(قوة الوزن mg العمودية دائما لأسفل) وقوة N رد الفعل العمودي على السطح موجودتان دائما سواء كان الجسم ساكن أو متحرك
			

ملاحظات هامة

١ - جميع الاسهم الدالة على قوى وزن الجسم ومركباتها ورد الفعل والشد في الخيوط موجودة دائما بنفس الاتجاهات الموضحة بالرسم السابق بصرف النظر عن معطيات السؤال أو حاله الجسم متحرك أو ساكن .

$$1 \text{ Newton} = 1 \text{ kg.m/s}^2$$

٢ - وحدة قياس القوة بالنيوتن (N)

$$W = mg \quad \text{نيوتن (N)}$$

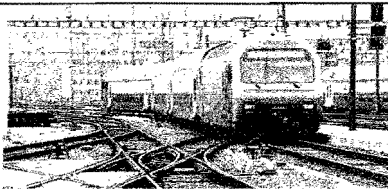
٣-الوزن قوة وحدته النيوتن ويختلف تماما عن الكتلة ويحسب من القانون

$$\text{Weight} = W = \text{الوزن} - m = \text{mass (kg)} - g = 9.8 \text{ m/s}^2$$

٤- في حالة وجود عدة كتل في نظام حركي واحد فيتم الجمع والتعامل معها ككتلة واحدة .

كما في هذا الفطار جميع عرباته وجميع ركابه تتحرك بتسارع واحد . ويتحرك كله ككتلة واحدة

٥- جميع الكتل في النظام الحركي الواحد لها نفس التسارع .

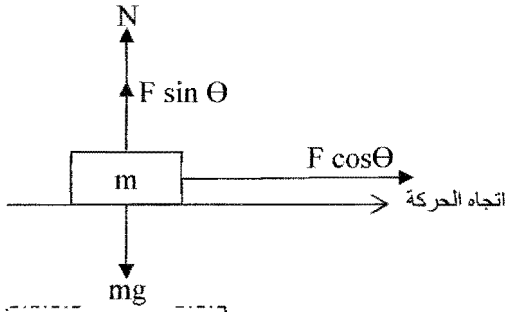


٦- في حالة القوة F التي تميل على اتجاه الحركة بزاوية θ لابد من تحليلها، وتكون المركبة المجاورة للزاوية $F \cos \theta$

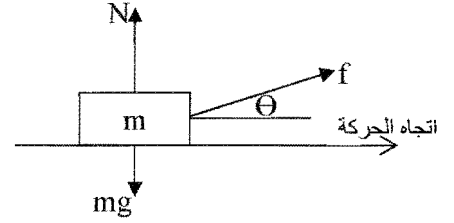
والمركبة العمودية عليها $F \sin \theta$

المركبة الأفقية هي المجاورة للزاوية

قوة سحب تميل على الأفقي بزاوية θ



$$N + F \sin \theta = mg$$

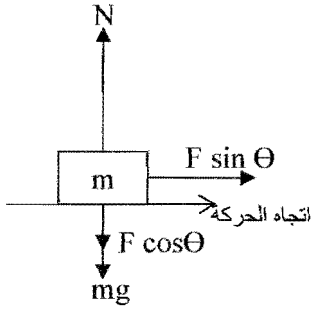


تحليل

لا بد أن تكون كل القوى خارجة من الجسم

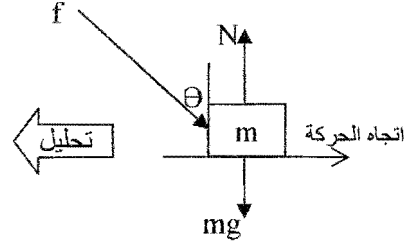
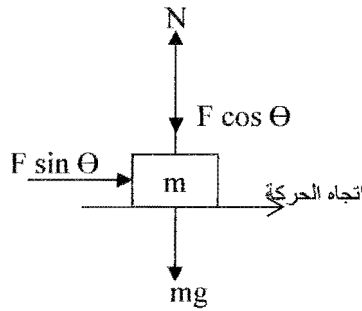
المركبة الرأسية هي المجاورة للزاوية

قوة دفع تميل على الرأسى بزاوية θ

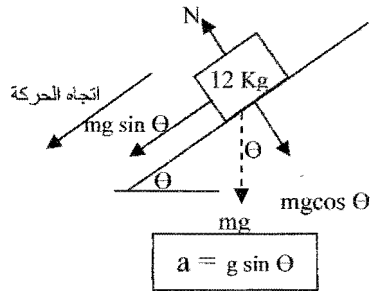


$$N = mg + F \cos \theta$$

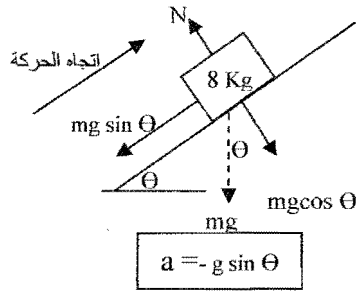
تعديل



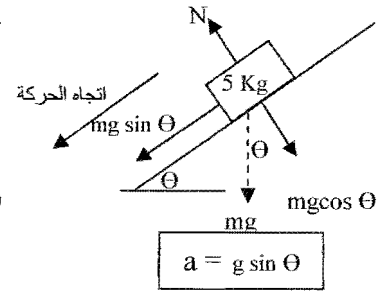
٧- عند حركة جسم تحت تأثير وزنه فقط على مستوى مائل لأعلى أو لأسفل يكون التسارع $a = g \sin \theta$ موجب عند الحركة لأسفل وسالب عند الحركة لأعلى ولا يعتمد مقدار التسارع على كتلة الجسم (في حالة غياب الاحتكاك فقط) بل يعتمد فقط على زاوية ميل المستوى ويتناسب معها تناسباً طردياً، (يزداد التسارع بزيادة زاوية الميل- ولا يعتمد على الكتلة في غياب الاحتكاك)



$$a = g \sin \theta$$



$$a = -g \sin \theta$$



$$a = g \sin \theta$$

خطوات حل أى سؤال

١- في حالة عدم وصف شكل الحركة نعتبرها أفقية دانما ونطبق القانون اللازم مباشرة

٢- في حالة وجود رسم موجود أو موصوف بالسؤال يتم الآتي

أ- يتم إظهار القوي الغير ظاهرة مثل (الجاذبية ورد فعل السطح)

(والشد في الخيوط والاحتكاك إن وجد)

ب- يتم التحليل للقوي المائلة فقط إن وجدت - ثم يطبق بعد ذلك القانون المناسب لإيجاد المطلوب

اقرأ وتفهم
جيدا

أسئلة عامة وحركة أفقية

(Ex.1)- one Newton equals ^{يا دة}

(a) Kg.m

(b) Kg.m/s²

(c) Kg /s²

(d) m/s²

Solution:

$$F = m \cdot a$$

سه، لعلهم آف

وله قياس بقوة $\rightarrow N = \frac{kg \cdot m}{s^2}$

وله قياس كتلة \uparrow

وله قياس التسارع \rightarrow

$$\therefore N \equiv kg \cdot m / s^2$$

(Ex.2)- The basic SI unit of the force is ^{بقوة الوحدة الاساسية}

(a) Kg.m

(b) Kg.m/s²

(c) Kg /s²

(d) m/s²

Solution:

الوحدة الاساسية للقوة هي المعروفة انها النيوتن وانه يساوي اليا دة

$$N = kg \cdot m / s^2$$

(Ex.3)- A 3.2kg box is moving with a constant speed of 24.7m/s. The net force on the box is: ^{سرع ثابتة}

(a) zero

(b) 4 N

(c) 5 N

(d) 45 N

Solution:

سه المعروف انه اذا كانت السرعة ثابتة فانه القوة الصافية هي صفر
بصرف نظر عن كتلة الجسم المتحرك وسرعته

$$F_{net} = zero \Rightarrow \sum F = 0 \quad [a = 0]$$

(Ex.4)- Three forces act on a particle of mass m $\vec{F}_1 = 80i + 60j$ $\vec{F}_2 = 40i + 100j$

If the particle moves with constant speed of 4m/s. then \vec{F}_3 is

(a) $80i + 60j$

(b) $80i - 60j$

(c) $-80i + 60j$

(d) $-120i - 160j$

Solution:

$\therefore v \rightarrow \text{Constant}$

$\therefore \sum \vec{F} = 0$

$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = 0$
 $120i + 160j$

$\vec{F}_3 = -(\vec{F}_1 + \vec{F}_2)$
 $= -120i - 160j$

(Ex.5)- Two forces act on a particle that moves with constant velocity, if

$\vec{F}_1 = 6i - 2j$ then \vec{F}_2 is

(a) $\vec{F}_2 = 6i - 2k$

(b) $\vec{F}_2 = -2i + 6k$

(c) $\vec{F}_2 = -6i + 2j$

(d) $\vec{F}_2 = -2i + 6j$

Solution:

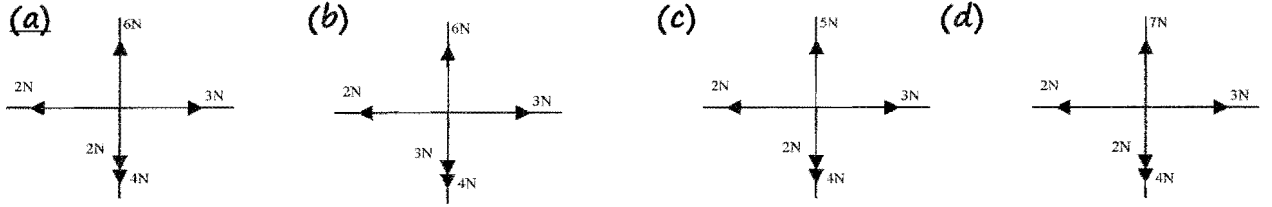
$\therefore v \rightarrow \text{Constant}$

$\therefore \sum \vec{F} = 0 \Rightarrow \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = 0$

$\vec{F}_2 = -\vec{F}_1$

$\vec{F}_2 = -6i + 2j$

(Ex.6)-In which figure of the following the y-component of the net force is zero?

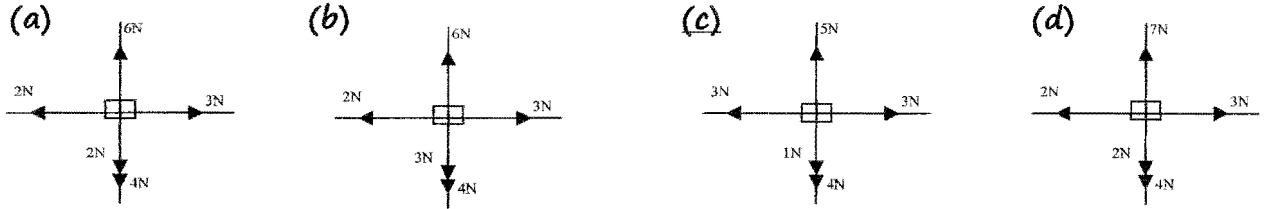


Solution:

تلاحظ أنه من الشكل A على المحور y لقوة بعينها $6N$ ولقوة سفلى $6N = 2N + 4N$ وهما متعاكسان ومتساويان

$\therefore \sum F_y = 0$
من الشكل ①

(Ex.7)-In which figure of the following the particle moves with constant velocity?



Solution:

يتملك الجسم سرعة ثابتة عندما يكون $\sum F_x = 0$ و $\sum F_y = 0$
وبسط هذا يتحقق من الشكل C فقط

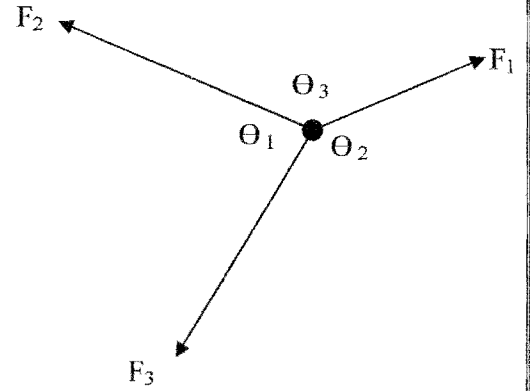
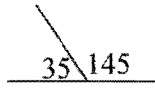
حالة خاصة

إذا اتزن جسم (الجسم المتزن هو الساكن أو المتحرك بسرعة ثابتة $a=0$) تحت تأثير ثلاث قوى فقط في المستوى فإن

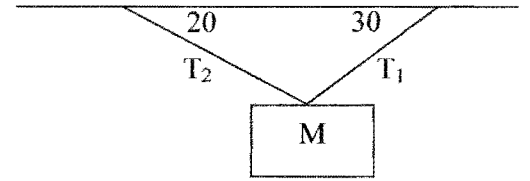
$$(قاعدة لامي) \quad \frac{F_1}{\sin\theta_1} = \frac{F_2}{\sin\theta_2} = \frac{F_3}{\sin\theta_3}$$

لاحظ جيدا إن-

- ١- كل زاوية في الشكل مقابلة لقوتها من الناحية المعاكسة
- ٢- مجموع الزوايا الثلاث بالرسم = مجموع زوايا أي شكل رباعي = 360° درجة.
- ٣- إذا كان $\theta_1 = \theta_2$ فإن $F_1 = F_2$
- ٤- إذا كان $\theta_1 = \theta_2 = \theta_3$ فإن $F_1 = F_2 = F_3$
- ٥- مجموع زوايا أي مثلث = 180° درجة.
- ٦- أي زاويتين في وضع تبادل متساويتان
- ٧- مجموع الزاويتان المتجاورتان = 180° درجة



(Ex.8)-The mass M of the suspended block in the figure 50kg , and the mass is in equilibrium. the tension T_1 and T_2 are.



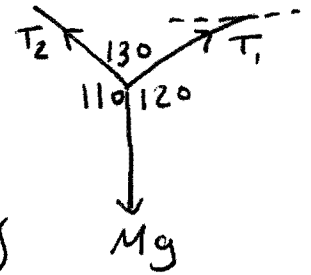
- (a) 200 N , 300 N . (b) 554 N , 600 N .
 (c) 100 N , 200 N (d) 600 N , 554 N

Solution

$$\frac{T_1}{\sin 110} = \frac{T_2}{\sin 120} = \frac{Mg}{\sin 130}$$

$$T_1 = \frac{Mg \sin 110}{\sin 130} = \frac{490 \sin 110}{\sin 130} = 601\text{ N}$$

$$T_2 = \frac{Mg \sin 120}{\sin 130} = \frac{490 \sin 120}{\sin 130} = 554\text{ N}$$



$M = 50\text{ kg}$
 $Mg = 490\text{ N}$

(Ex.9)- A particle of mass 2 Kg at a point where $g = 9.8 \text{ m/s}^2$, the weight of this particle at a point where $g = 0$ is:

(a) 49 N

(b) 98 N

(c) zero

(d) 9.8 N

Solution:

$$W = mg \quad \text{به معروف آن}$$
$$= 2 \times 0 = 0 \quad \text{اذا}$$

وزن جسم تنها نقطه ساع
اخباری تنها هاند
کیون معلوم
آی یا صفر

در تنس آذ وزن جسم = کتله \times ساع اخباری که هاند همان طوری و ساع

(Ex.10)-The direction of the acceleration of the body is:

(a) Opposite to the net force.

(b) The same direction of the net force.

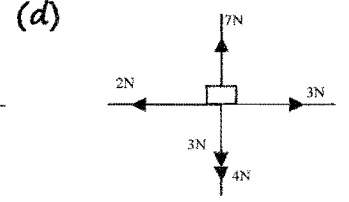
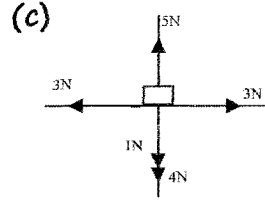
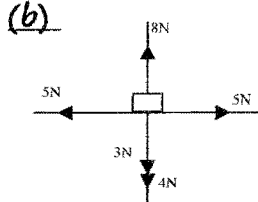
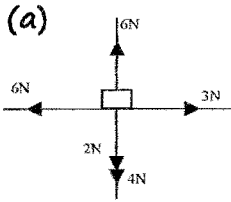
(c) Perpendicular to the direction of the net force.

(d) The same of the initial velocity.

Solution:

ساع جسم کیون دائماً فی اتجاه لقوه طی صله
و بالناهی غایف الجواب هو b

(Ex.11)-In which figure of the following the particle moves up if it starts from rest ?



Solution:

يتمحرك الجسم لاعلى اذا كانت $\sum F_x = 0$ و $\sum F_y > 0$

وهذا يتحقق في الشكل b

$\sum F_x = 0$

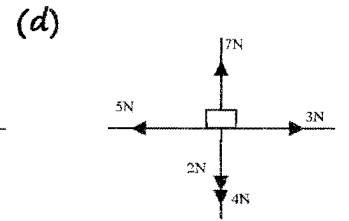
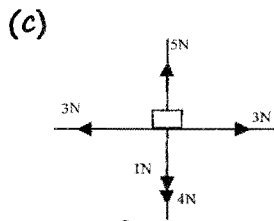
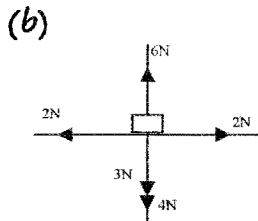
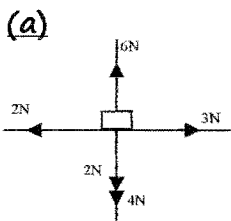
$\sum F_y = 1 \uparrow$

هذا صواب $\sum F_x$

نأخذ القوة لليسار أو لليمين \oplus

واليسار أو لليسار \ominus

(Ex.12)-In which figure of the following the acceleration of the particle moves to right?



Solution:

(a) $\sum F_x = 1$

$\sum F_y = 0$

(c) $\sum F_x = 0$

$\sum F_y = 0$

(b) $\sum F_x = 0$

$\sum F_y = -1$

(d) $\sum F_x = -2$

$\sum F_y = 1$

القوة بجهة تصير أنها لليسار

على (x) أو لليسار على (y)

الجواب

$\sum F_x = +1$ لليسار

من الشكل (A)

أي أنه يتسارع مع الجهد

والجهد من الشكل (A) لليسار

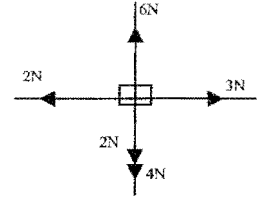
(Ex.13)- In the figure the net force on the block is:

(a) 1N-right

(b) 6N-up

(c) 2N-lift

(d) 4N-down



Solution:

$$\sum F_x = 1 \longrightarrow \text{تکون لیهین}$$

$$\sum F_y = 0$$

چند ایجاد الخصله علی الخاور
 ناخذ الخور الخوب بلو شارتو وک بلو
 بلو شارتو ویکون لناغ
 صا اجاهه شاره لنا نجه

سابع جسم اثرت قوه چندتا

(Ex.14)-When a force of 10N is applied to a body its acceleration is 2m/s^2 . The mass of the body is:

(a) 20kg

(b) 10kg

(c) $\frac{1}{5}$ kg

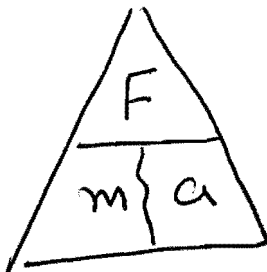
(d) 5kg

Solution:

$$F = 10 \text{ N}$$

$$a = 2 \text{ m/s}^2$$

$$m = ??$$



$$m = \frac{F}{a} = \frac{10}{2} = 5 \text{ kg}$$

(Ex.15)-From the figure the acceleration of the block of mass $M= 0.5\text{kg}$ moving along the X-axis on a horizontal frictionless table is:

(a) 10m/s^2

(b) -10m/s^2

(c) -6.3m/s^2

(d) -8.3m/s^2

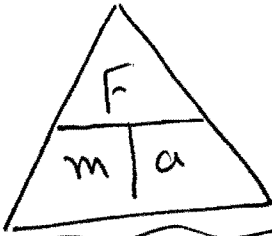


Solution:

$F = -5\text{N}$ (لأنها عكس الحركة)

$M = 0.5\text{kg}$

$a = ??$



$$a = \frac{F}{m} = \frac{-5}{0.5} = -10\text{m/s}^2$$

منها اتجاه لقوة F عكس الحركة أيضا

(Ex.16)-A force of 7N applied to a mass of 7kg the acceleration is.

(a) 3m/s^2

(b) 1m/s^2

(c) 2m/s^2

(d) 4m/s^2

(e) 7m/s^2

Solution:

$F = 7\text{N}$

$m = 7\text{kg}$

$a = ??$

$$a = \frac{F}{m} = \frac{7}{7} = 1\text{m/s}^2$$

(Ex.17)-A force accelerates a 5kg particle from rest to a speed of 12m/s in 4s. The magnitude of this force is:

- (a) 10N (b) Zero (c) 20N (d) 25N (e) 15N (f) 30N

Solution:

$$m = 5 \text{ kg}$$

$$v_0 = 0$$

$$v = 12 \text{ m/s}$$

$$t = 4 \text{ s}$$

$$F = ??$$

$$v = v_0 + a t$$

$$12 = 0 + 4a$$

$$a = 3 \text{ m/s}^2$$

نوجد a باستخدام
معاداة الحركة

$$F = m a$$

$$= 5 \times 3 = 15 \text{ N}$$

نتم تطبيقه من قانون نيوتن
للمعادلة

(Ex.18)- If the acceleration of a 1.0 kg moving particle by a force F is

$\vec{a} = 3\hat{i} + 4\hat{j} \text{ m/s}^2$, the magnitude of the acting force is:

- (a) 2.5N (b) 7.5N (c) 12N (d) 10N (e) 5N

Solution:

$$m = 1 \text{ kg}$$

$$\vec{a} = 3\hat{i} + 4\hat{j}$$

$$F = ??$$

$$\vec{F} = m \vec{a}$$

$$= 3\hat{i} + 4\hat{j}$$

$$|\vec{F}| = \sqrt{9 + 16}$$

$$= \sqrt{25} = 5 \text{ N}$$

(Ex.19)- A net force of 15N acts on a body of weight 29.4 N, the acceleration of the body is:

(a) 9.8 m/s^2

(b) 5.0 m/s^2

(c) 6.5 m/s^2

(d) 2.45 m/s

Solution:

$$F = 15 \text{ N}$$

$$W = 29.4 \Rightarrow m = \frac{W}{g}$$
$$= \frac{29.4}{9.8}$$

$$m \longrightarrow = 3 \text{ kg}$$

$$a = \frac{F}{m}$$

$$= \frac{15}{3} = 5 \text{ m/s}^2$$

$$a = ??$$

(Ex.20)- Only two forces are acting on a particle of mass 2kg that moves with an acceleration of 3 m/s^2 in the positive direction of y. axis. If $\vec{F}_1 = 8\hat{i}$ (N), the magnitude of \vec{F}_2 is

(a) 12N

(b) 10N

(c) 17N

(d) 15N

(e) 9N

Solution:

$$m = 2 \text{ kg}$$

$$a = 3\hat{j} \text{ m/s}^2$$

$$\vec{F}_1 = 8\hat{i}$$

$$\vec{F}_2 = ??$$

$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 = ma$$

$$8\hat{i} + \vec{F}_2 = 6\hat{j}$$

$$\vec{F}_2 = -8\hat{i} + 6\hat{j}$$

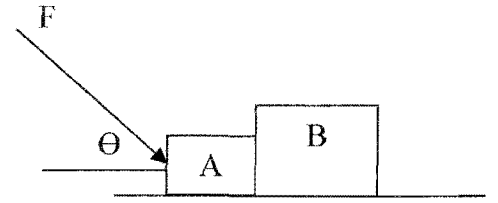
$$|\vec{F}_2| = \sqrt{64 + 36} = \underline{\underline{10 \text{ N}}}$$

(Ex.21)- A constant force of 46 N is applied at an angle of 60° to a block A of a mass 10 Kg as shown in the figure. Block A pushes another block B of mass 36 Kg.

(Assume the blocks are on a frictionless surface)

the total acceleration of the blocks along the x-axis is.

- (a) 1.5 m/s^2 (b) 0.25 m/s^2 (c) 0.5 m/s^2 (d) 1 m/s^2 (e) 2 m/s^2



Solution:

$$F = 46 \text{ N} \quad \theta = 60^\circ$$

$$m_A = 10 \text{ kg}$$

$$m_B = 36 \text{ kg}$$

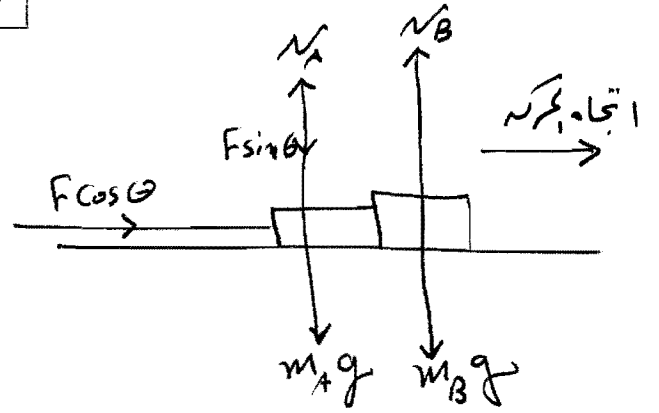
$$\Sigma F = m a$$

$$a = \frac{\Sigma F}{m} = \frac{F \cos \theta}{m_A + m_B}$$

$$= \frac{46 \cos 60}{10 + 36}$$

$$= 0.5 \text{ m/s}^2$$

سريع المحبوس هو تف
سريع الجسم A هو تف
سريع الجسم B



على هذا المثال (بقوة ماثل)

① تم تحليل لقوة F إلى

على الجوارر للدور $F \cos \theta$

على الجهد الجهد $F \sin \theta$

② عند جميع لقوة نهيل لقوى

العمودية على الحركة لأنها

تلاش عنصر (متعادله)

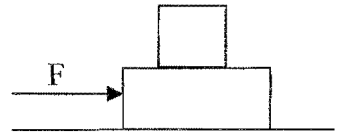
③ نأخذ لقوة تتابع الحركة

بالموجب $F \cos \theta$ ولعكسه

الحركة باللب (لاتوجد)

④ تم جميع لكنل ككتله واحد

(Ex.22)- A 3 Kg box is placed on the top of a 10 Kg box. The bottom box is pushed with a force F. The two boxes move together with acceleration of 2 m/s². the horizontal force F is



- (a) 3 N (b) 26 N (c) 1 N (d) 5 N (e) 9 N

Solution:

$m_1 = 3 \text{ kg}$

$m_2 = 10 \text{ kg}$

$a = 2 \text{ m/s}^2$

$F = ??$

$\Sigma F = a \Sigma m$

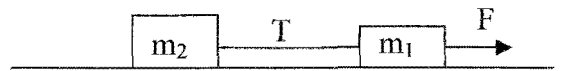
$F = 2 \times 13 = 26 \text{ N}$

فرد هذا المثال

- لم نحل F لانها ليست مائتة
على الجسم
- تم تجميع كتل كتلة واحدة

(Ex.32)- In the figure two blocks are connected and pulled on a horizontal table by a force with a magnitude of 20N. If the mass $m_1 = 3 \text{ kg}$ and $m_2 = 2 \text{ kg}$

then T and a are



- (a) 5 N , 4m/s² (b) 8 N , 4m/s² (c) 5 N , 4m/s² (d) 5 N , 4m/s²

Solution

$m_1 = 3 \text{ kg}$

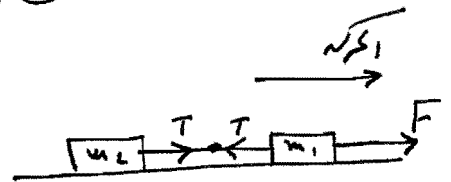
$m_2 = 2 \text{ kg}$

$F = 20 \text{ N}$

$a = ??$

$T = ??$

$a = \frac{F}{\Sigma m}$
 $= \frac{20}{5} = 4 \text{ m/s}^2$



لايجاد ا ب يتم تطبيق قانون $\Sigma F = ma$ على m_1 و m_2 فقط
و بتطبيقه على m_2

$F - T = m_1 a$

$20 - T = 12$

$\Rightarrow T = 8 \text{ N}$

$T = m_2 a$
 $= 2 \times 4 = 8 \text{ N}$

و عند الحل يتكافئ بالتطبيق على m_1 و m_2 فقط

الحركة الرأسية

Elevator مسائل المصعد

بتسارع لأعلى (up) Ascend	بدون تسارع - صعود أو هبوط أو سكون	بتسارع لأسفل (Down) Descend
يحدث ذلك عند بداية الحركة لأعلى - أو عند التوقف وهو هابط	يحدث ذلك عند استمرار الحركة لأسفل - أو لأعلى بسرعة ثابتة - وعند السكون	يحدث ذلك عند لحظة بداية الحركة لأسفل - أو عند لحظة التوقف وهو صاعد
$T - mg = ma$	$T - mg = 0 \implies T = mg$	$Mg - T = ma$

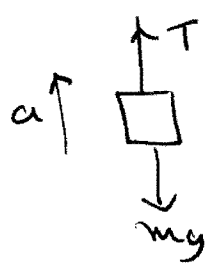
ملحوظة هامة: في حالة وجود جسم أو شخص واقف على ميزان داخل المصعد فإن قراءة الميزان أثناء الحركة أو وزن الجسم هو نفسه قيمة T في القوانين السابقة علما بان الكتلة المستخدمة تكون للجسم أو الشخص فقط .

(Ex.23)-An elevator of total mass 2000kg moves upward. The tension in the cable pulling the elevator is 24000N. the acceleration of the elevator is.

(a) 2.2 m/s² (b) 9.8 m/s² (c) 12m/s² (d) 3.6m/s² (e) 4m/s²

Solution:

$m = 2000 \text{ kg}$
 $T = 24000 \text{ N}$
 $a = ??$



$\Sigma F = ma$
 $T - mg = ma$ (تسارع لأعلى)
 $a = \frac{T - mg}{m}$
 $= \frac{24000 - 2000 \times 9.8}{2000} = 2.2 \text{ m/s}^2$

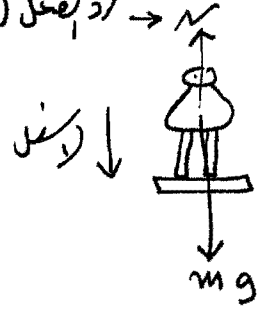
(Ex.24)-A 70 kg-man stands on a spring scale in an elevator that has a downward acceleration of 2.8m/s^2 . The scale will read.

- (a) 980 N (b) 680 N (c) 490 N (d) 343 N

Solution:

∴ کمره رو سفد

قراوه
ايشيان



$$\therefore mg - N = ma$$

قراوه ايشيان $\rightarrow N = mg - ma$

$$= 70 \times 9.8 - 70 \times 2.8$$

$$= 490 \text{ N}$$

(Ex.25)-An elevator has a body of 10kg. the tension in the cable when the elevator is moving upward at a constant speed of 10 m/s is.

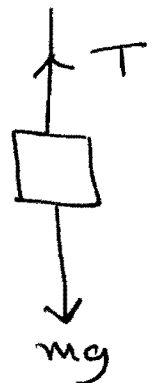
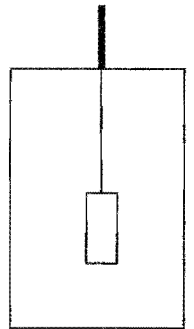
- (a) zero (b) 98N (c) 1.5N (d) 7.3N

Solution:

∴ بسره كابتنه (بصفت لنتظرت معقوله)

$$\therefore T = mg$$

$$= 10 \times 9.8 = 98 \text{ N}$$

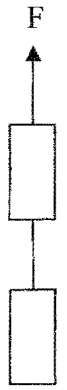


Ex.36)- Two masses ($m_1 = 4 \text{ Kg}$, $m_2 = 6 \text{ Kg}$) are connected to

a rope of negligible mass. An upward force of 198 N is

applied as shown. The magnitude of the acceleration of the system is:

- (a) 10 m/s^2 (b) 40.2 m/s^2 (c) 50.2 m/s^2 (d) 70.2 m/s^2



Solution:

$$F = 198 \text{ N}$$

$$m_1 = 4 \text{ kg}$$

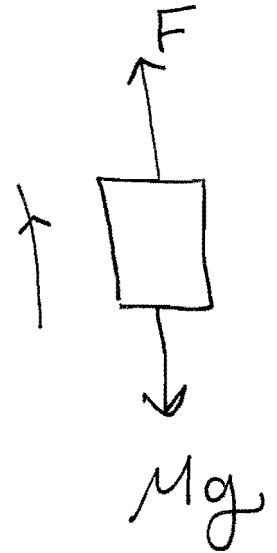
$$m_2 = 6 \text{ kg}$$

قانون نیوتن

$$\sum F = a \sum m$$

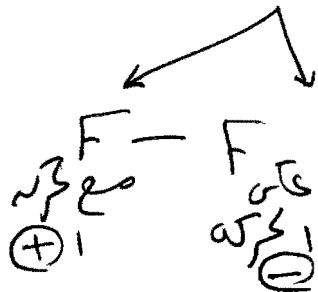
$$F - Mg = Ma$$

$$a = \frac{F - Mg}{M} = \frac{198 - 98}{10} = \frac{100}{10} = 10 \text{ m/s}^2$$



$$\sum f = a \sum m$$

د انعامند طبيعہ قانون



جمع کتنل
فکود کتنه واحد

الحركة المائلة

(Ex.26)- 5kg block pushed upward 30° inclined plane with initial velocity of 14m/s. the distance that the block goes it is.

- (a) 20 m (b) 10 m (c) 18m (d) 24m

Solution:

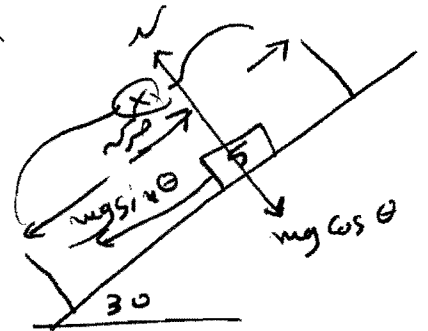
إذا انزلنا جسمه بهذا الشكل كل ثباتنا يبروزنا فقط

ليكون $a = -g \sin \theta$
 $= -4.9 \text{ m/s}^2$

$v_0 = 14 \text{ m/s}$ $v = 0$ $x = ??$

$v^2 = v_0^2 + 2ax$

$x = \frac{v^2 - v_0^2}{2a} = \frac{0 - 14^2}{-2 \times 4.9} = 20 \text{ m}$



$a = \frac{\Sigma F}{m}$
 $= \frac{-mg \sin \theta}{m}$
 $a = -g \sin \theta$

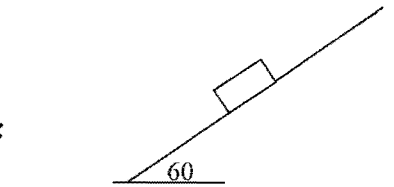
(Ex.27)-From the figure the ^{القوة العمودية} normal force F_n on a block of weight 60N sliding down a frictionless plane is:

- (a) 50N (b) 30N (c) 25N (d) 40N

Solution:

$N = mg \cos \theta$
 $= 60 \cos 60$
 $= 30 \text{ N}$

سواء



$mg = 60 \text{ N}$
 الوزن

(Ex.28)-A block slides down a frictionless inclined plane with acceleration of magnitude 4.9 m/s^2 . The angle between the plane and the horizontal is:

(a) 30°

(b) 26°

(c) 21.55°

(d) 14.32°

Solution:

مسئله معروف آنہ جیڑا پینڈلہ (اوریبلہ) ہے جسے ہر اے سطح
مائل ناہم کت تا تیروزہ فقط اے

$$a = g \sin \theta$$

$$\sin \theta = \frac{a}{g}$$

$$\theta = \sin^{-1} \left(\frac{a}{g} \right)$$

$$= \sin^{-1} \left(\frac{4.9}{9.8} \right) = 3^\circ$$

ساکنہ عوبہ نسوہ

(Ex.29)-A 40-N crate is held at rest on a frictionless incline by a force parallel to the incline.

If the incline is 30° above the horizontal, the magnitude of the applied force is.

(a) 20N

(b) 40N

(c) 23.5N

(d) 10N

Solution:

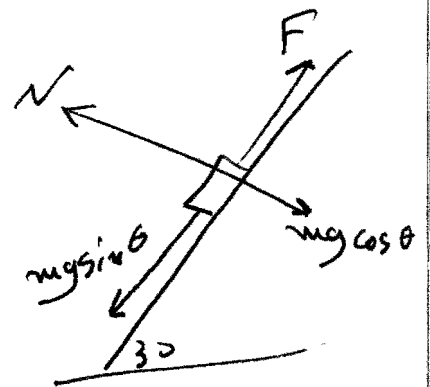
$$W = mg = 40 \text{ N}$$

کیج ساکن

$$\therefore F = mg \sin \theta$$

$$= 40 \sin 30$$

$$= 20 \text{ N}$$



(Ex.30)-A block of mass 4kg is pushed up a smooth 30 inclined plane by a constant force of magnitude 40N and parallel to the incline. the magnitude of the acceleration of the block is.

- (a) zero (b) 9.8m/s^2 (c) 1.2m/s^2 (d) 7.3m/s^2 (e) 5.1m/s^2

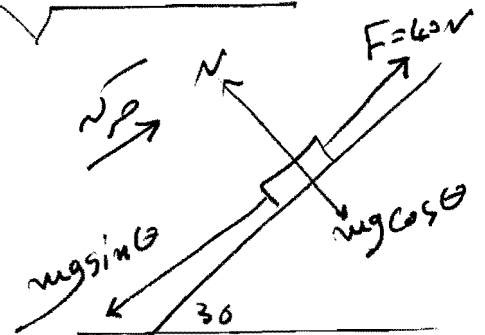
Solution:

$$\sum F = a \sum m$$

$$F - mg \sin \theta = a m$$

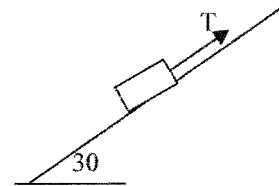
$$a = \frac{F - mg \sin \theta}{m}$$

$$= \frac{40 - 4 \times 9.8 \sin 30}{4} = 5.1 \text{ m/s}^2$$



(Ex.31)- If the mass of the block is 5kg. Find T if the block moves with constant velocity upward the smooth inclined plane. (or at rest)

- (a) 45N (b) 24.5 N (c) 42N (d) 25N



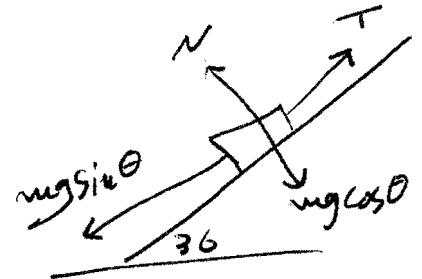
Solution:

بجمله بی حرکت باقی [حداذکاره سکن]

$$T = mg \sin \theta$$

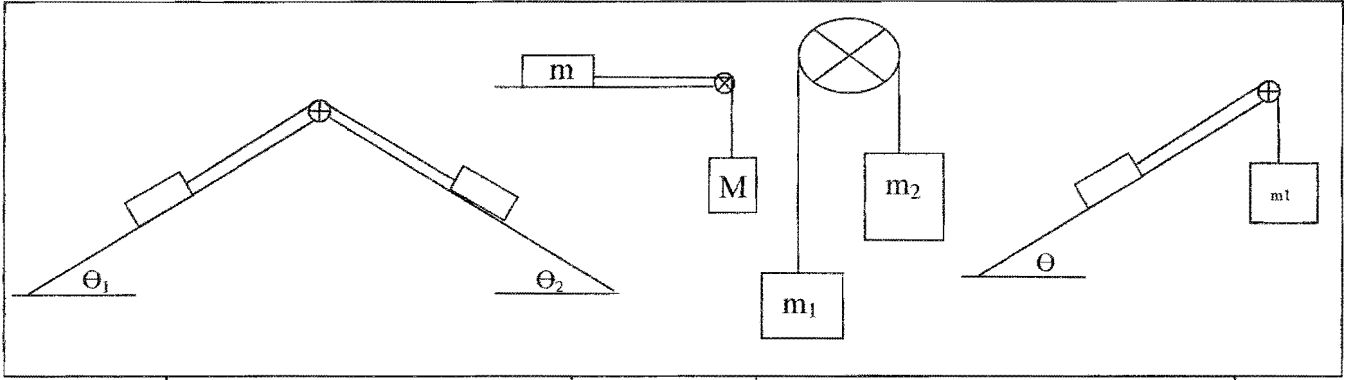
$$T = 5 \times 9.8 \sin 30$$

$$= 24.5 \text{ N}$$



الحركة المركبة

(للتسهيل في حالة المسائل فقط) - لأي جسمين متحركين تحت تأثير وزنيهما فقط (لا يوجد احتكاك أو قوى خارجية)
كما بالأشكال الآتية



$$T = \frac{(\sin \theta_1 + \sin \theta_2)}{(m_1 + m_2)} m_1 m_2 g$$

و

$$a = \frac{|m_1 \sin \theta_1 - m_2 \sin \theta_2|}{m_1 + m_2} g$$

يكون

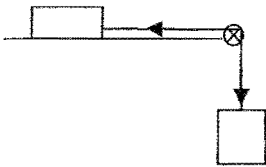
وذلك مباشرة بدون تحليل قوى ورسم اسهم وخلافه علما بان $\theta = 0$ للجسم المتحرك افقيا و $\theta = 90$ للجسم المتحرك رأسيا

اما في حالة السرعة الثابتة أو السكون في أي هذه الحالات يكون $a = 0$ و $T = m_1 g \sin \theta_1 = m_2 g \sin \theta_2 = m a$ للمتحرك أفقي

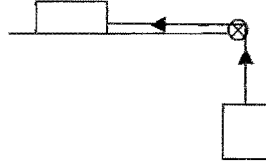
لا تنسى ولاحظ ان $\sin 90 = 1$ و $\sin 0 = 0$

للشد الاتجاه الصحيح
(Ex.37)- Show the correct direction of the tension T:

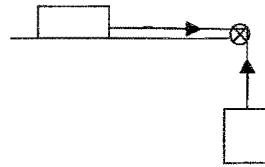
(a)



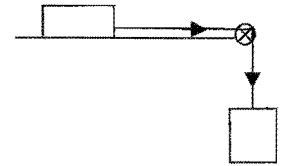
(b)



(c)



(d)

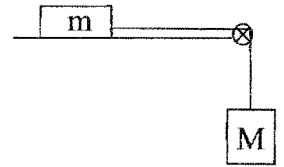


Solution:

كما ذكرنا من قبل في حالة بكرات يوجد في الحيط شدتين متساويتين
ومعتاكسين ومجهدين نحو البكرة

وهذا يوجد فقط في كل C

(Ex.38)- A block of mass m is connected to a block of mass M as shown. The normal force on block m is:

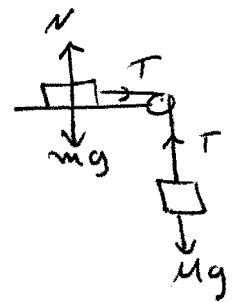


- (a) $F_N = mg - T$ (b) $F_N = mg$ (c) $F_N = Mg - T$ (d) $F_N = Mg$

Solution:

الطلب فقط N يسألنا عليه ولا يهم m

$N = mg$



ممكن $N = F_N$ هذا قوة رد الفعل العمودية على السطح

(Ex.39)- Referring to the last example, if block M is moving downward, the net force acting on it is:

- (a) $Ma - T = Mg$ (b) $T = Ma$ (c) $T = Mg$ (d) $T - Mg = -Ma$

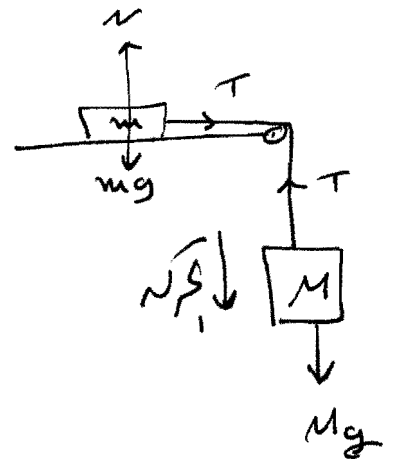
Solution:

معادلة الحركة للحجم M هي

$Mg - T = Ma$

or $T - Mg = -Ma$

الجواب d



ملاحظة: نظراً لأن السطح غير انزلاقي فعندما يبداء السطح يتحرك لظننا انه متحرك

Ex $\frac{a}{b-c} = \frac{-a}{c-b}$

$a-b=c \Rightarrow b-a=-c$

(Ex.40)- In the example-38, if we cut the cord the acceleration of mass M is:

اگر کبل کا قطع

(a) - 9.8 m/s²

(b) - 0.735 m/s²

(c) zero

(d) - 4.9 m/s²

Solution:

اذا قطع کبل سے سوال بابہ قانون M تقطع قوتاً

وہیكون $a = -9.8 \text{ m/s}^2$

آپ سے اس کے بارے میں سوال ہے اس کے لیے دیکھیں

(Ex.41)- If $m_1 = 5 \text{ Kg}$ and $m_2 = 10 \text{ Kg}$.

1- The acceleration is:

(a) 1.96 m/s²

(b) 1.08 m/s²

(c) 4.36 m/s²

(d) 3.3 m/s²

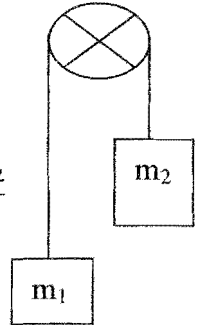
2- The tension in the string is:

(a) 196 N

(b) 65.3 N

(c) 98 N

(d) 6.2 N



Solution:

$m_1 = 5 \quad \theta_1 = 90$

$m_2 = 10 \quad \theta_2 = 90$

①
$$a = \frac{|m_1 - m_2|}{m_1 + m_2} g$$

$$= \frac{5}{15} \times 9.8$$

$$= 3.3 \text{ m/s}^2$$

②
$$T = \frac{(m_1 \theta_1 + m_2 \theta_2)}{m_1 + m_2} m_1 m_2 g$$

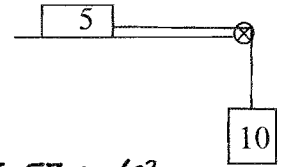
$$= \frac{(1 + 1)}{15} 50 \times 9.8$$

$$= 65.3$$

وزن کے مجموعے سے بائیں کی قوتیں 50

(Ex.42)- If $m_1 = 5 \text{ Kg}$, $m_2 = 10 \text{ Kg}$

the acceleration of the system is-



- (a) 2 m/s^2 (b) 3.4 m/s^2 (c) 9.8 m/s^2 (d) 6.53 m/s^2

Solution:

مگر کہ بدون استعمال ہو جائے
قوت خارج ہے

$$m_1 = 5 \quad \theta_1 = 0$$

$$m_2 = 10 \quad \theta_2 = 90$$

$$a = ??$$

$$a = \frac{|m_1 \sin \theta_1 - m_2 \sin \theta_2|}{m_1 + m_2} g$$

$$a = \frac{m_2 g}{m_1 + m_2} = \frac{98}{15} = 6.53 \text{ m/s}^2$$

(Ex.43)- in the above example find the tension in the string:

- (a) 32.7 N (b) 98 N (c) 33.45 N (d) 89 N

Solution:

تension

میں استعمال ہے

میں سے افقی طور پر

میں سے عمودی طور پر

میں سے عمودی طور پر

$$T = m_1 a$$

$$= 5 \times 6.53$$

$$= 32.7 \text{ N}$$

تension معلوم ہے

میں سے

$$T = \frac{\sin \theta_1 + \sin \theta_2}{m_1 + m_2} m_1 m_2 g$$

$$= \frac{(0 + 1) 50g}{15}$$

$$= 32.7 \text{ N}$$

تension معلوم ہے

میں سے

$$m_2 g - T = m_2 a$$

$$T = m_2 g - m_2 a$$

$$= 98 - 65.3$$

$$= 32.7$$

تension معلوم ہے

تension فقط باء ہذا حل کر لو

(Ex.44)- If $m_1 = 4 \text{ Kg}$ and $m_2 = 4 \text{ Kg}$. The magnitude of force F required for the two bodies at rest.

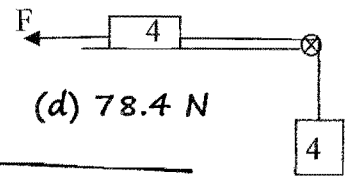
مطلوبه
سكون

(a) 39.2 N

(b) 58.8 N

(c) 98 N

(d) 78.4 N



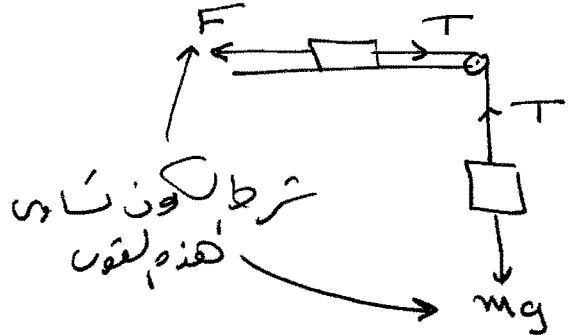
Solution:

$a = 0$ سكون
مطلوبه

$$F = mg$$

$$= 4 \times 9.8$$

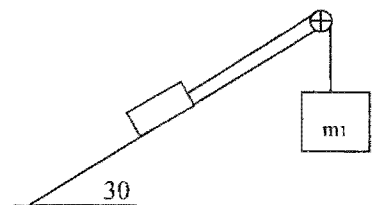
$$= 39.2 \text{ N}$$



(Ex.47)- If the inclined plane is frictionless and

$m_1 = 10 \text{ Kg}$, $m_2 = 6 \text{ Kg}$.the acceleration

of the system and the tension in the string are :



(a) 4.3 m/s², 55.0 N

(b) 0.45 m/s², 55 N

Solution:

$$m_1 = 10 \text{ kg} \quad \theta_1 = 40$$

$$m_2 = 6 \text{ kg} \quad \theta_2 = 30$$

$$a = \frac{m_1 \sin \theta_1 - m_2 \sin \theta_2}{m_1 + m_2} g$$

$$= \frac{(10 - 3)}{16} \times 9.8 = 4.3 \text{ m/s}^2$$

$$T = \left(\frac{\sin \theta_1 + \sin \theta_2}{m_1 + m_2} \right) m_1 m_2 g$$

$$= \frac{(1 + 0.5)}{16} \times 60 \times 9.8$$

$$= 55 \text{ N}$$

المذكرات الجديدة

لتم تحديثها كل فصل دراسي حسب الخطة الجديدة

110 فيزياء

السنة التحضيرية

Ch-6

Friction

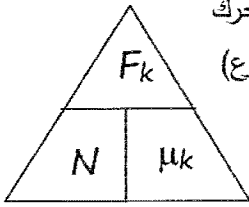
الاحتكاك

عندما يتحرك جسم على مستوى خشن يتأثر بقوة من السطح تسمى قوة الاحتكاك تكون مماسة للسطح واتجاهها دائماً دائماً عكس اتجاه الحركة

أنواع قوة الاحتكاك

Kinetic frictional force

قوة الاحتكاك الحركي



عندما يكون الجسم متحرك

(بسرعة ثابتة أو بتسارع)

إتجاه F_k عكس إتجاه

الحركة

معامل الاحتكاك الحركي

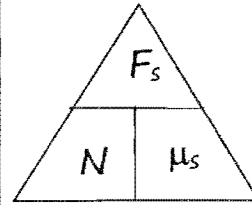
$\mu_k = \text{coefficient of kinetic friction}$

قوة رد الفعل العمودي

$N = \text{Normal force}$

Static frictional force

قوة الاحتكاك السكوني



عندما يكون الجسم

على وشك الحركة

إتجاه F_s عكس

إتجاه الحركة

معامل الاحتكاك السكوني

$\mu_s = \text{Coefficient of static friction}$

قوة رد الفعل العمودي

$N = \text{Normal force}$

لاحظ أن -

1- $F_k < F_s < 1$

2- تحسب N من

الرسم حسب حالة

الحركة وشكل المستوى

3- يتم التعامل مع

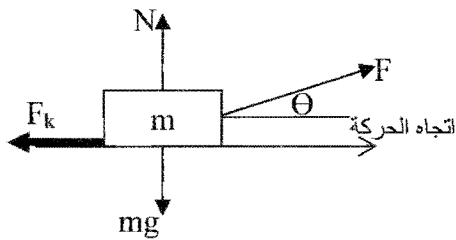
الأسئلة بنفس طرق

وقوانين الباب السابق

بعد اخذ قوة الاحتكاك

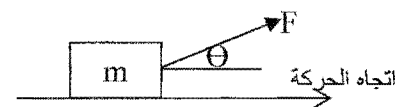
واتجاهها في الاعتبار

لا بد من إظهار قوى الجاذبية ورد الفعل
(والاحتكاك والتشد في الخيوط إن وجد)
(ثم التحليل اذا وجدت قوى مائلة فقط)

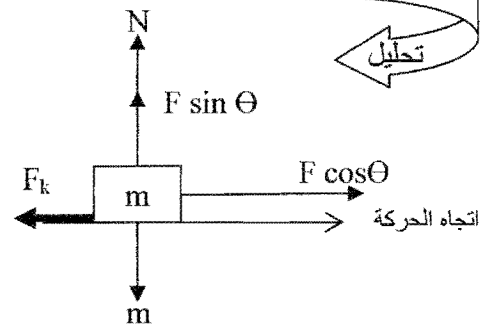


إظهار القوى

الرسم كما يأتي أو يوصف بالسؤال



تحليل



ثم بعد ذلك يطبق القانون المناسب
لإيجاد المطلوب

$$N = mg - F \sin \theta$$

$$N + F \sin \theta = mg$$

ملاحظات هامة

١- إذا كان الجسم ينزلق حرا (تحت تأثير وزنه فقط) على مستو خشن يميل على الأفقي بزاوية θ فإن

أ- ويكون التسارع موجب عند الانزلاق لا سفلى ويساوي $a = g (\sin \theta - \mu_k \cos \theta)$

وسالب عند الانزلاق لأعلى ويساوي $a = -g (\sin \theta + \mu_k \cos \theta)$

لاحظ انه عندما يكون السطح ناعم فإن $\mu_k = 0$ ويكون $a = g \sin \theta$

ب- عندما يكون الجسم على وشك الانزلاق يكون $a = 0$ وتكون $\mu_s = \tan \theta$

ج- عندما ينزلق الجسم بسرعة ثابتة يكون $a = 0$ ويكون $\mu_k = \tan \theta$

٢- إذا كان الجسم يتحرك على مستو أفقي خشن ،

$$F = F_s = \mu_s N$$

أ - القوة اللازمة للتحريك تساوى ١ - قوة الاحتكاك السكوني عند لحظة الحركة

$$F = F_k = \mu_k N$$

٢ - قوة الاحتكاك الحركي عند الاستمرار بسرعة ثابتة

ب- إذا كانت μ_k غير معلومة وطلب قوة الاحتكاك الحركي F_k لا نستخدم القانون: $F_k = \mu_k N$

$$\Sigma F = ma$$

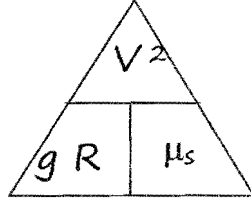
ولكن نوجد F_k من معادلة الحركة

ج- في حالة الانزلاق على المستوى الأفقي تحت تأثير الاحتكاك فقط يكون التسارع $a = -\mu g$

٣- إذا كان الجسم يتحرك في مستوى دائري أفقي خشن بسرعة ثابتة (حركة دائرية مثل حركة سيارة في دوار) فإن

$$F_s = F_c = \mu mg = \frac{mv^2}{R}$$

أ- قوة الاحتكاك تساوى قوة الطرد المركزي الناتجة عن الدوران ويكون



ب - أقصى سرعة يتحرك بها الجسم

دون انزلاق تحسب من القانون

تمنياتى لكم بالنجاح الباهر والمستقبل

الزاهر

Yusuf.zw111@gmail.com

بندله

(Ex-1)- A block of mass 60 Kg slides on horizontal surface with acceleration

$a = - 8 \text{ m/s}^2$, the force of friction between the block and the surface is:

- (a) - 360 N (b) - 480 N (c) - 600 N (d) - 720 N

Solution:

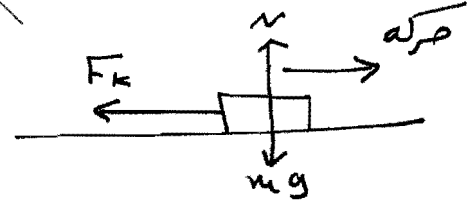
$m = 60 \text{ kg}$

$a = - 8 \text{ m/s}^2$

$\Sigma F = ma$

$F_k = 60 \times 8$

$= - 480 \text{ N}$



- منظره مثال لا يوجد سوى قوة الاحتكاك أو تسمى التنازل
- تسمى القوى العمودية على الحركة لأن محدداتهما من هف
- إذا طلب قوة رد الفعل العمودية تكون $N = mg$
- إذا طلب معامل الاحتكاك يكون $\mu_k = \frac{F_k}{N}$ بعد ما ب F_k

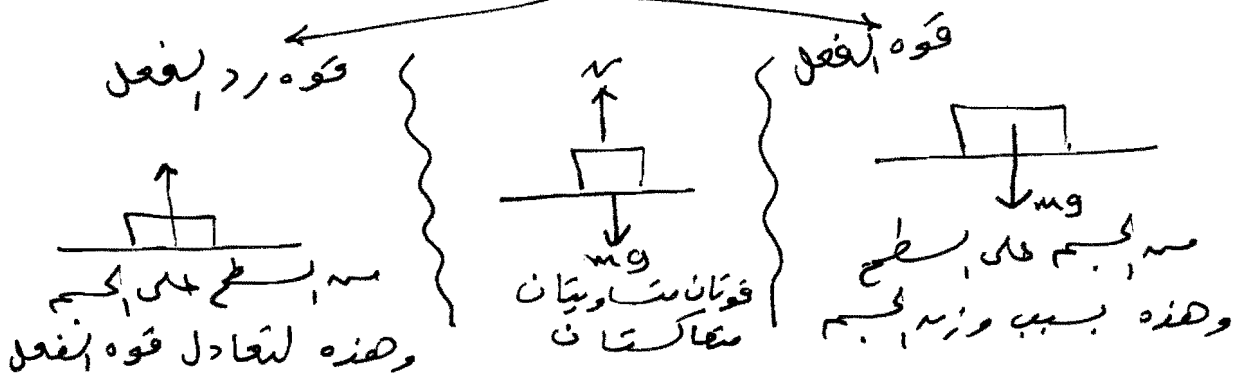
(Ex-2)- A book rests on a table, exerting a downward force on it. The reaction to this force is:

رد فعل بعينه لا يفل متوترا طاولة ساكن

- (a) Force from the Earth on the table. (b) Force from the book on Earth.
- (c) Force from Earth on the book. (d) Force from the table on the book.

Solution:

عند وضع جسم على سطح
توجد قوتان



(Ex-3) - A block of weight 5 N moves with constant speed by a force of 2 N, the value of the coefficient of friction μ_k is:

سرعت ثابتة

(a) 0.3

(b) 0.4

(c) 0.5

(d) 0.6

Solution:

$$mg = 5 \text{ N}$$

$$a = 0 \leftarrow \text{السُرعة ثابتة}$$

$$F = 2 \text{ N}$$

$$F_k = ??$$

$$\sum F = 0$$

$$a = 0 \leftarrow \text{السُرعة ثابتة}$$

$$\therefore F_k = F = 2 \text{ N}$$

$$\mu = \frac{F_k}{mg} = \frac{2}{5} = 0.4$$

[لافظان عامل الاحتكاك ليس له وحدة قياس]

(Ex-4) - The coefficient of static friction (μ_s) between a 5 Kg block and the horizontal surface is 0.1, the maximum horizontal force that can be applied to the block just before starting to move is.

الاحتكاك الكون عامل

قوة أقصى الحركة بداية

(a) 19.6 N

(b) 24.5 N

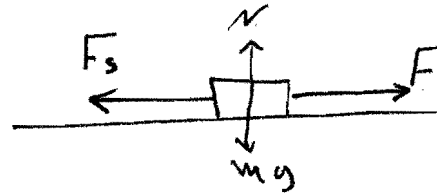
(c) 4.9 N

(d) 9.8 N

Solution:

$$\mu_s = 0.1$$

$$m = 5 \text{ kg}$$



القوة F اللازمة لبداية تحريك كتلة 5 كغ

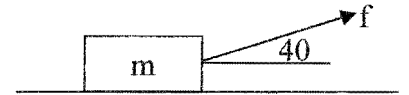
$$F = F_s = \mu_s N$$

$$= \mu_s mg$$

$$= 0.1 \times 5 \times 9.8 = 4.9 \text{ N}$$

(Ex-5)- A 3.5 Kg block is pulled at constant velocity along

a horizontal floor by a force $F = 15 \text{ N}$ that makes an angle



40° with the horizontal. the coefficient of kinetic friction is.

- (a) 0.34 (b) zero (c) 0.47 (d) 0.1 (e) 0.2

Solution:

$m = 3.5 \text{ kg}$

$a = 0$

$F = 15 \text{ N}$

$\theta = 40$

$F_k = ??$

∵ سرحد ثابت $a = 0$
 $\Sigma F = 0$

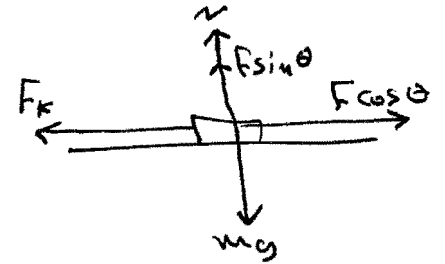
$F_k = F \cos \theta$

$\mu_k N = F \cos \theta$

$\mu_k = \frac{F \cos \theta}{mg - F \sin \theta}$

$= \frac{15 \cos 40}{(3.5 \times 9.8 - 15 \sin 40)}$

(بہ وزن و وزن فیاس) $\mu_k = 0.47$



من صفا نشان
 - تم تحلیل F لا غایتہ -
 - اذا طلب F_k فقط $F \cos \theta$ لان $(a=0)$
 - اذا طلب رد الفعل العمودي N فقط
 $N + F \sin \theta = mg$
 $N = mg - F \sin \theta$

(Ex-6)- A body of mass 4 Kg pulled up by a force parallel to the inclined surface

(where $\theta = 25^\circ$) at constant speed. If $\mu_k = 0.2$, the force F is:

- (a) 275.1 N (b) 281.7 N (c) 9.437 N (d) 23.67 N

Solution:

$m = 4 \text{ kg}$

$a = 0$ (سرحد ثابت) $\Sigma F = 0$

$\mu_k = 0.2$

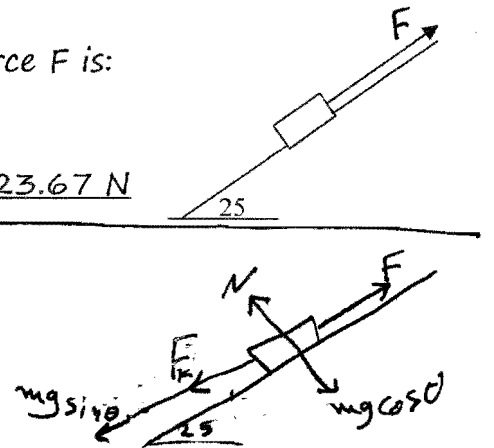
$F = ??$

$\theta = 25^\circ$

$F = mg \sin \theta + F_k$

$= mg \sin \theta + \mu mg \cos \theta$

$= 23.67 \text{ N}$



من صفا نشان -
 - تم اظہار مرکبات وزنی جسم mg
 کا با شکل
 - قوت F کے مخالف F_k کے برعکس ہونے کا اظہار
 $N = mg \cos \theta$

(EX-7) - A coin is placed on a flat surface, when the surface is titled 10° to the horizontal the coin will start to move. The coefficient of static friction between the coin and the surface is:

- (a) 0.286 (b) 0.325 (c) 0.176 (d) 0.212 (e) 0.422

Solution:

نعماً نہ ہند، اِمالہ سطح لیبا سے، لانڈراہ علیہ تگوت

$$\mu_s = \tan \theta$$

$$= \tan 10 = 0.176$$

آنظر مراقظات (ج) (ا) صحیح

(EX-8) - A block is sliding down at constant speed on a rough inclined angled at 14° to the horizontal. The coefficient of kinetic friction of the block with the plane is:

- (a) 0.4 (b) 0.53 (c) 0.13 (d) 0.25 (e) 0.35

Solution:

اِرفناً ہندا استمر اندراہ سے (تحتاً نائیز و زبر فقط) سیرت ثابت
علی الحستوں، پائل قیوت

$$\mu_k = \tan \theta$$

$$= \tan 14$$

$$= 0.25$$

(EX-9) - A block is placed on an inclined rough plane. If $\mu_s = 0.4$, $\mu_k = 0.3$. the angle between the inclined plane and the horizontal if the block will start to slide down the inclined plane is.

- (a) 33.4° (b) 26.2° (c) 44.3° (d) 55.4° (e) 21.8°

Solution:

المطلوب: الزاوية عند بدء الحركة

$$\mu_s = 0.4$$

$$\mu_k = 0.3$$

$$\mu_s = \tan \theta$$

↑
عند بدء
الحركة

$$\theta = \tan^{-1} \mu_s$$

$$= \tan^{-1} 0.4 = 21.8^\circ$$

(EX-10) - 5 Kg block moves on a horizontal rough plane ($\mu_k = 0.2$). the acceleration of the block and the net force on the block.

- (a) -19.6 m/s^2 & 5.5 N (b) -3 m/s^2 & 93 N (c) -1.96 m/s^2 & -9.8 N

Solution:

$$m = 5 \text{ kg}$$

$$\mu_k = 0.2$$

$$a = -\mu g$$

$$= -0.2 \times 9.8$$

$$= -1.96 \text{ m/s}^2$$



من هذا المثال نلاحظ أنه لا يتحرك فقط تحت تأثير الاحتكاك فقط

$$F_k = ma$$

$$= 5 \times 1.96$$

$$= -9.8 \text{ N}$$

$$\text{or } F_k = \mu N$$

$$= \mu mg$$

$$= 0.2 \times 5 \times 9.8$$

$$= -9.8 \text{ N}$$

وهذا سببه لانها فاس الحركه

(يكتف بحد واحد فقط)

(EX-11)- A block is given an initial speed of 10 m/s on a horizontal surface.

If $\mu_k = 0.15$ between the block and the surface, the distance that the block slide before coming to rest is.

(a) 33m

(b) 25m

(c) 44m

(d) 34m

Solution:

$$v_0 = 10 \text{ m/s}$$

$$\mu_k = 0.15$$

$$x = ??$$

$$v = 0$$

$$a = -\mu g$$

$$= -0.15 \times 9.8$$

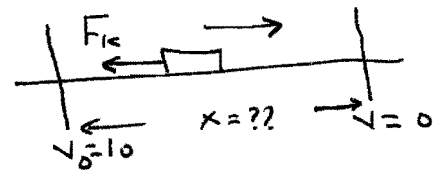
$$= -1.47 \text{ m/s}^2$$

$$v^2 = v_0^2 + 2ax$$

$$x = \frac{v^2 - v_0^2}{2a}$$

$$= \frac{0 - 100}{-2 \times 1.47} = 34 \text{ m}$$

جسم بنزلہ افقیاً تحت تاثير وزنه
اور ہڪال فقط ڪم ڪيو ٿو



(EX-12)- A crate is sliding down on an inclined plane that is 35° above the horizontal. If the coefficient of kinetic friction is 0.4, the acceleration of the crate is:

(a) zero

(b) 2.4 m/s^2

(c) 5.8 m/s^2

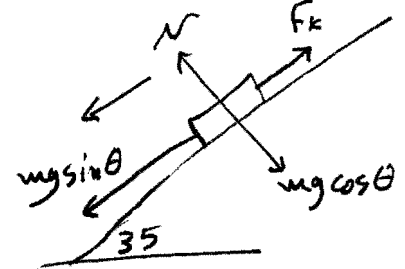
(d) 10.3 m/s^2

Solution:

$$a = g [\sin \theta - \mu \cos \theta]$$

$$= 9.8 [\sin 35 - 0.4 \cos 35]$$

$$= 2.4 \text{ m/s}^2$$



جسم بنزلہ لا سف على مستوى
المائل بحسه بتاثير وزنه
فقط

$$N = mg \cos \theta$$

$$F_k = \mu N$$

اذا طلب N
اذا طلب F_k

(Ex-13)- In the previous question, if the crate moves up on the inclined plane, the acceleration of the crate is:

(a) 1.4 m/s²

(b) - 2.4 m/s²

(c) -8.8 m/s²

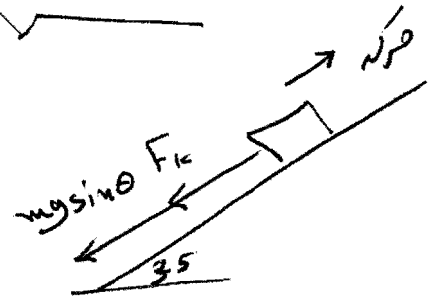
(d) zero

Solution:

$$a = -g (\sin \theta + \mu \cos \theta)$$

$$= -9.8 (\sin 35 + 0.4 \cos 35)$$

$$= -8.8 \text{ m/s}^2$$



لاحظ أن من حالة الحركة لا عسى تكون F_k لا تفضل مع الحركة $mg \sin \theta$ وليس عكسها كما ما يتبادر بباله

من هذه الحالة عند النزول

$$a = g (\sin \theta - \mu \cos \theta)$$

عند الصعود

$$a = g (\sin \theta + \mu \cos \theta)$$

(Ex-14)- A 1.8 Kg block is released from rest at the top of a rough 30° inclined plane. As the block slides down the inclined, its acceleration is 3 m/s² down the incline. the magnitude of the force of friction acting on the block is.

(a) 3.8 N

(b) 2.3 N

(c) 4.2 N

(d) 3.4 N

Solution:

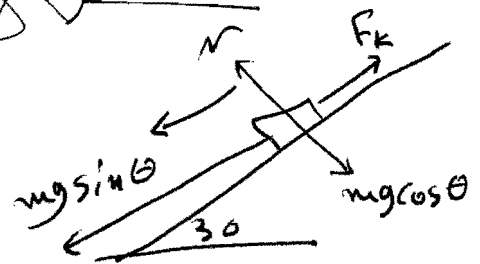
$$\sum f = a m$$

$$mg \sin \theta - F_k = a m$$

$$F_k = mg \sin \theta - ma$$

$$= 1.8 \times 9.8 \sin 30 - 1.8 \times 3$$

$$= 3.4 \text{ N}$$



كسب ينزل لا تفضل باع $a = 3 \text{ m/s}^2$

$$m = 1.8 \text{ kg}$$

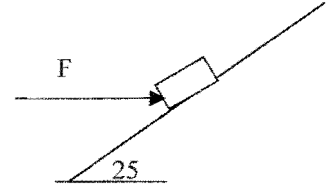
$$\theta = 30^\circ$$

$$a = 3 \text{ m/s}^2$$

$$F_k = ??$$

الاتجاه عكس الحركة و المطلوب مقدار ذلك تكون (d)

(Ex-15) - As shown in the figure, A block 5kg slides down an inclined plane of coefficient of friction of 0.2.



A horizontal force 10 N acts on the block. If $\theta = 25^\circ$, the magnitude of the acceleration of the block is:

- (a) 9.8 m/s^2 (b) 7.53 m/s^2 (c) 0.55 m/s^2 (d) 0.38 m/s^2

Solution:

$m = 5 \text{ kg}$, $\mu_k = 0.2$, $F = 10$, $a = ??$

$$a = \frac{\sum F}{m}$$

$$a = \frac{mg \sin \theta - [F_k + f \cos \theta]}{m}$$

$$a = \frac{20.7 - 18.8}{5}$$

$$a = 0.38 \text{ m/s}^2$$

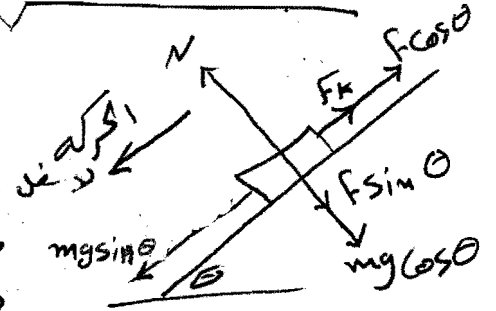
لا حظ ان

$$N = f \sin \theta + mg \cos \theta = 48.6 \text{ N}$$

$$F_k = \mu_k N = 9.7 \text{ N}$$

$$mg \sin \theta = 20.7 \text{ N}$$

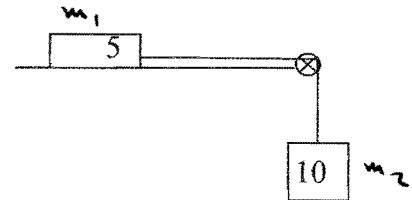
$$f \cos \theta = 9.1 \text{ N}$$



تم تحليل F لانها مائله على الحركة
تم نقل البركبات بحيث تكون كل القوى في اتجاه واحد
في مكانه عكس الحركة لا تغل

(Ex-16) - The two blocks are released from rest and observed to move with acceleration

$a = 1.5 \text{ m/s}^2$. What is the magnitude of the frictional force on the block that slides horizontally?



- (a) 20.4 N (b) 30.6 N (c) 75.5 N (d) 35 N (e) 18 N

Solution:

$m_1 = 5 \text{ kg}$, $m_2 = 10 \text{ kg}$, $a = 1.5 \text{ m/s}^2$

$F_k = ??$

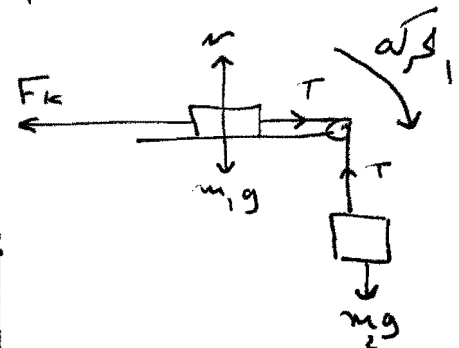
$$\sum F = a \sum m$$

$$m_2 g - F_k = a(m_1 + m_2)$$

$$F_k = m_2 g - a(m_1 + m_2)$$

$$= 98 - 1.5 \times 15 = 75.5 \text{ N}$$

يا اذا طلبت بيان بالتطبيق على m_2
 $m_2 g - T = m_2 a$
 $T = m_2 g - m_2 a$

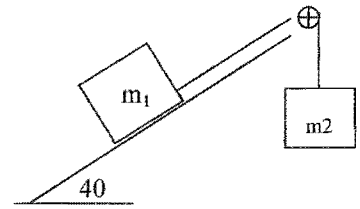


لا حظ ان كتلتهم لا هما صاويان ومتعاكس

(EX-17) - If $m_1 = 10 \text{ Kg}$ $\mu_k = 0.2$, $m_2 = 3 \text{ Kg}$.

The acceleration of m_2 is:

- (a) 1.4 m/s² (up) (b) 0
 (c) 6.2 m/s² (down) (d) 8.2 m/s² (up)



Solution:

$m_1 = 10, m_2 = 3, \mu_k = 0.2, \theta = 40$

$m_1 g \sin \theta = 63$

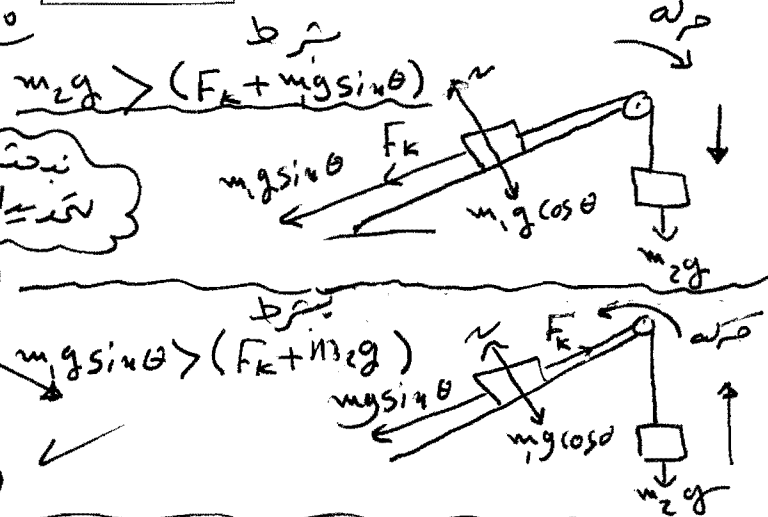
$m_2 g = 29.4$

$F_k = \mu N = 0.2 \times 98 \cos 40 = 15$

$\therefore m_1 g \sin \theta > (F_k + m_2 g)$

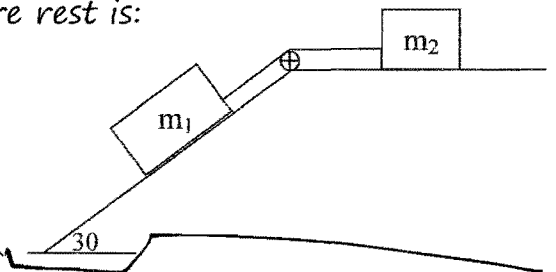
$a = \frac{63 - 44.4}{13} = 1.4 \text{ (up)}$

نیچر ایجاب کرتا ہے
 کہ F_k ایجاب دے گا



(EX-18) - Block m_1 in the figure has a mass of 5 Kg and m_2 has a mass of 3 Kg. The coefficient of friction between m_2 and the horizontal plane is 0.833 The inclined plane is smooth. The tension in the string if the mass are rest is:

- (a) 11.79 N (b) 14 N
 (c) 15.68 N (d) 24.5 N



Solution:

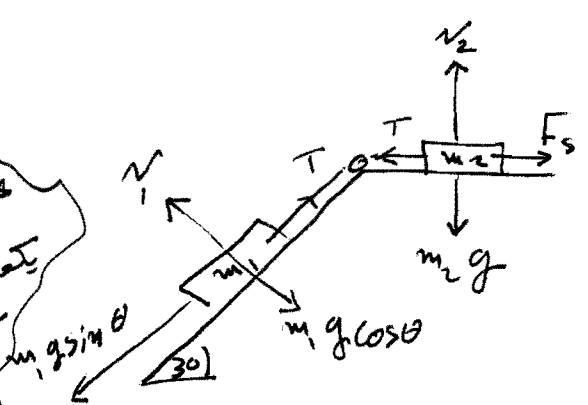
$a = 0$ ایجاب کرتا ہے

$\therefore m_1 g \sin \theta = T = F_s$

$\therefore T = m_1 g \sin \theta = 24.5 \text{ N}$

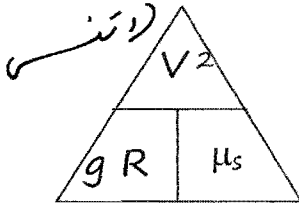
OR $T = F_s = \mu N_2 = \mu m_2 g = 0.833 \times 3 \times 9.8 = 24.5 \text{ N}$

عسرا کیوں
 $a = 0$
 کیوں کہ قوتیں
 متوازن ہیں

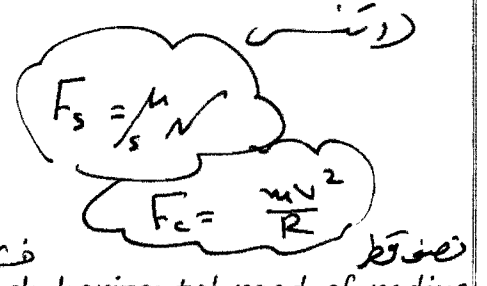


$m_1 = 5, m_2 = 3, \mu_s = 0.833$
 $\theta = 30$

Circular Motion



الحركة الدورانية



لا جمع فقره (3) في 2 (سيارة في دوار خشن)

(Ex-19)- A truck is moving in a circular path on a rough horizontal road of radius 25 m with a constant speed of 10 m/s. The coefficient frictions which prevent the truck from sliding off the road is:

(a) 0.36

(b) 0.15

(c) 0.3

(d) 0.4

Solution:

$$\begin{aligned}
 R &= 25 \text{ m} \\
 v &= 10 \text{ m/s} \\
 \mu_s &= ?? \\
 \mu_s &= \frac{v^2}{gR} \\
 &= \frac{100}{25 \times 9.8} \\
 &= 0.4
 \end{aligned}$$

معامل الاحتكاك الذي يمنع
السيارة من الانزلاق عند
هذه السرعة

(Ex-20)- A truck is moving in a circular road of radius 20 m. The friction coefficient between the road and the tires is 0.6. What is the maximum speed for the car without sliding off the road ?

(a) 5 m/s

(b) 10.8 m/s

(c) 5.4 m/s

(d) 4.2 m/s

Solution:

$$\begin{aligned}
 R &= 20 \text{ m} \\
 \mu_s &= 0.6 \\
 v &= ?? \\
 v &= \sqrt{\mu_s R g} \\
 &= \sqrt{0.6 \times 20 \times 9.8} \\
 &= 10.8 \text{ m/s}
 \end{aligned}$$

أقصى سرعة يمكن أن تتحرك
بها دون انزلاق

(Ex-21)- A car travels in a circle of radius 50m at constant speed of 13 m/s. The mass of the car is 1500 Kg. The magnitude of the force of the friction exerted by the road on the car is: (a) 3630 N (b) 4320 N (c) 5070 N (d) 5880 N

مسئله الموتره الة صكان قوة مقدار دائره

مع السياره الطريقه

Solution:

$R = 50\text{ m}$
 $v = 13\text{ m/s}$
 $m = 1500\text{ kg}$
 $f_s = ??$

$f_s = m \frac{v^2}{R}$
 $= 1500 \frac{169}{50}$
 $= 5070\text{ N}$

يمكن حساب مساله بقانون
 $f_s = \mu_s mg$
 لكن بشرط معرفة μ_s من السؤال

المذكرات الجديدة

للسنة التحضيرية

يتم تحديثها كل فصل دراسي

حسب الخطة الجديدة

110 فيزياء

Ch-7

اعداد / يوسف زويل

Mechanical energy

الطاقة الميكانيكية



طاقة حركية
Kinetic energy

طاقة كامنة
Potential energy

تنقسم الى

حركية بسبب الحركة

وهي الطاقة (بالجول) التي يمتلكها الجسم المتحرك بسرعة v

$$K = \frac{1}{2} m v^2 \quad J$$

حيث m (kg) كتلة الجسم
 v (m/s) سرعة الجسم

تزداد الطاقة الحركية
بزيادة كتلة الجسم وسرعته
والجسم الساكن طاقته
الحركية
صفر

يوسف زويل - يلمنى الجميع كل الخير في الدنيا والاخرة

كامنة بفعل الجاذبية

Gravitational Potential energy
وهي الطاقة (بالجول) المخزنة
في الجسم المرفوع عن الارض
مسافة راسية h

$$U = m g h \quad J$$

حيث m (kg) كتلة الجسم و
 $g = 9.8 \text{ m/s}^2$ الجاذبية و
 h (m) الارتفاع الراسي عن الارض

اعتبرت الطاقة الكامنة
لجسم على سطح الارض

صفر

كامنة بفعل المرونة

Elastic Potential energy
وهي الطاقة (بالجول) المخزنة
في زنبرك مضغوط او مشدود
او حبل مرن مشدود

$$U = \frac{1}{2} k x^2 \quad J$$

حيث k (N/m) ثابت
المرونة و x (m) مقدار
الاستطالة او الانضغاط

اذا تأثر زنبرك ثابتته k
بقوة F فانه يستطيل
بمقدار x حسب العلاقة

$$F = k x$$

تمنياتي لكم باعلى الدرجات والمعدلات وارقي الكليات

يوسف زويل
0631 6631

Yusuf.zw111@gmail.com

(Ex.1) - A 5 Kg block moves with speed of 72 Km/h. its kinetic energy is.

(a) 1000 kg.m/s²

(b) 1000 kg.m²/s²

(c) 1200 kg.m²/s³

(d) 50 kg.m³/s²

solution

$$v = 72 \text{ km/h}$$

$$= 20 \text{ m/s}$$

$$m = 5 \text{ kg}$$

لا تنسى

$$\text{km/h} \xrightarrow{\times \left(\frac{1000}{3600}\right)} \text{m/s}$$

$$\text{m/s} \xrightarrow{\left(\frac{3600}{1000}\right) \times} \text{km/h}$$

(أ) (18/5)

$$K = \frac{1}{2} m v^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 5 (20)^2$$

$$= 1000 \text{ J}$$

(Ex.2) - A 5 Kg block moves with velocity of $\vec{v} = (6i + 8j) \text{ m/s}$. its kinetic energy is.

(a) 250 J

(b) 400 J

(c) 540 J

(d) 180 J

solution

$$\vec{v} = 6i + 8j$$

$$v = 10 \text{ m/s}$$

$$m = 5 \text{ kg}$$

$$|\vec{v}| = \sqrt{6^2 + 8^2}$$

$$= \sqrt{100} = 10$$

$$K = \frac{1}{2} m v^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 5 (10)^2 = 250 \text{ J}$$

لا تنسى
الطاقة الحركية
التيه الحلقه

(Ex.3) - Which of the following bodies has the largest kinetic energy?

	m	v
A	3M	V
B	3M	2V
C	2M	3V
D	M	4V
E	All four of the above have the same kinetic energy	

← solution →

supposing $\Rightarrow M=1 \text{ kg}$ & $v=1 \text{ m/s}$ then

$$K_A = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (3M)(V)^2 = 1.5 \text{ J}$$

$$K_B = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (3M)(2V)^2 = 6 \text{ J}$$

$$K_C = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (2M)(3V)^2 = 9 \text{ J} \rightarrow$$

$$K_D = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} (M)(4V)^2 = 8 \text{ J}$$

الأكبر طاقة
C

(Ex.4) - A 8000 - N car is traveling at 12m/s along a horizontal road when the brakes are applied. The car skids to a stop in 4.0 s. How much kinetic energy does the car lose in this time?

- A. $4.8 \times 10^4 \text{ J}$ B. $5.4 \times 10^4 \text{ J}$ C. $1.2 \times 10^5 \text{ J}$ D. $5.8 \times 10^4 \text{ J}$ E. $4.8 \times 10^6 \text{ J}$

← solution →

$$m = \frac{8000}{9.8} = 816 \text{ Kg}$$

$$v_1 = 12 \text{ m/s}$$

$$v_2 = 0$$

$$N \div 9.8 \rightarrow \text{Kg} \quad \text{لانسي}$$

$$K_1 = \frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{1}{2} \times 816 \times 12^2 = 5.87 \times 10^4 \text{ J}$$

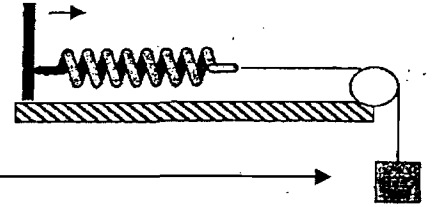
$$K_2 = \frac{1}{2} m v_2^2 = \text{Zero}$$

$$\Delta K = K_2 - K_1 = -5.87 \times 10^4 \text{ J}$$

ومقدار الطاقة المفقود هو $5.87 \times 10^4 \text{ J}$ (في اتجاه التوقف فقط)

(Ex.5) - As shown in the figure, if $m = 5 \text{ Kg}$ and the spring constant is 500 N/m , then the spring will stretch a distance of:

- (a) 0.13 m (b) 0.147 m (c) 7.35 cm (d) 9.8 cm



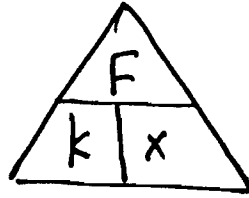
← solution →

$m = 5 \text{ kg}$

$F = 49 \text{ N}$

$k = 500 \text{ N/m}$

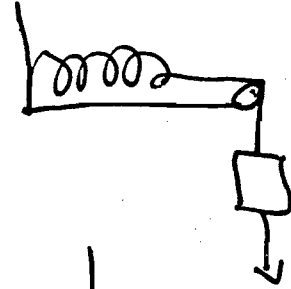
$x = ??$



$$x = \frac{F}{k}$$

$$= \frac{49}{500} = 0.098 \text{ m}$$

$$= 9.8 \text{ cm}$$



$F = mg$
 $= 5 \times 9.8$
 $= 49 \text{ N}$

ملاحظہ: اگر کانتینت ہلکے k ہے تو N/cm لایہ رہے تو یہاں اس کی اولیہ N/m

کما یا کر :- $N/cm \xrightarrow{\times 100} N/m$

ناہی

کابت

(Ex.6) - A force of 10 N holds an ideal spring with a 20 N/m spring constant in compression. The Potential energy stored in the spring is.

- A. 0.5J B. 2.5J C. 5 J D. 10 J E. 200 J

← solution →

$F = 10 \text{ N}$

$k = 20 \text{ N/m}$

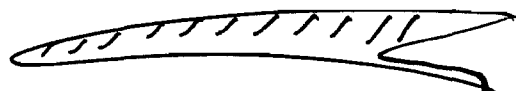
$U_s = ??$

$x = \frac{F}{k} = \frac{10}{20} = 0.5 \text{ m}$ (x) نو جد اولیہ

$$U = \frac{1}{2} k x^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 20 (0.5)^2$$

$$= 2.5 \text{ J}$$



(Ex.7) - A 2-kg block at a point 20 m above Earth's surface its potential energy is

- A. 5J B. 25J C. 46J D. 392J E. 270J

solution

$$m = 2 \text{ kg}$$

$$h = 20 \text{ m}$$

$$U_g = mgh$$

$$= 2 \times 9.8 \times 20 = 392 \text{ J}$$

(Ex.8) - Joule equals الجول يساوي

(a) $\text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}$

(b) $\text{kg} \cdot \text{m}/\text{s}^3$

(c) $\text{kg} \cdot \text{m}/\text{s}^2$

(d) $\text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2$

solution

$$U_g = mgh$$

$$\text{kg} \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \text{m}$$

$$\Rightarrow$$

$$\underline{\underline{\text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2}}$$

وحده قياس الطاقة الجول
هي الجول

ويكافئ

(Ex.9) - The basic SI unit of energy is

(a) $\text{kg} \cdot \text{m} / \text{s}$

(b) $\text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2$

(c) $\text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^3$

(d) $\text{kg} \cdot \text{m}^3/\text{s}^2$

solution

نفس السؤال السابق

والإضافة

وحده قياس الطاقة هو (الجول - كيلوات ساعة)
(kWh - J)

والجول يساوي (يكافئ) $(\text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2)$



Work

الشغل كمية قياسية (scalar quantity) وحدته الجول (N.m) ($\text{kg.m}^2/\text{s}^2$)
- وهو الطاقة التي تبذلها قوة \underline{F}

عندما

3

2

1

تؤثر على جسم وتغير من
طاقتة الكامنة
1- تحريك جسم لأعلى أو لأسفل

$$W = mg (h_2 - h_1)$$

2- ضغط أو شد نابض أو حبل مرن

$$W = \frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2)$$

تؤثر على جسم وتغير من طاقتة
الحركية ويسمى net work

$$W = K_2 - K_1$$

وإذا تغيرت السرعة
من v_1 إلى v_2 فإن

$$W = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

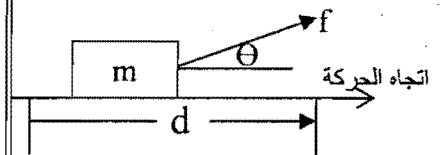
الشغل الكلي net work للقوى
يساوي صفر عند السرعة الثابتة

تؤثر على جسم وتسبب له
إزاحة d على نفس محورها

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d}$$

ضرب قياسي لمتجه القوة والإزاحة

$$W = F d \cos \theta$$



(Ex.10) - Force \underline{F} acts on a particle m making a displacement \underline{s} .

If $\vec{F} = 7\mathbf{i} + 3\mathbf{j} - 1.5\mathbf{k}$ (N), and $\vec{S} = 2\mathbf{i} - 3\mathbf{j} + 2.5\mathbf{k}$ (m). The work done by the force is:

(a) 9.25 J

(b) 7.25 J

(c) 5.25 J

(d) 3.25 J

(e) 1.25 J

solution

$$\vec{F} = 7\mathbf{i} + 3\mathbf{j} - 1.5\mathbf{k}$$

$$\vec{d} = \vec{S} = 2\mathbf{i} + 3\mathbf{j} + 2.5\mathbf{k}$$

$$W = ??$$

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d} = (14) - (9) - (3.75) = 1.25 \text{ J}$$

لا تنس أن الشغل دائماً لميكه قياسي

(Ex.11) - A constant force of 10N in the positive x-direction, acts on a 4 kg mass as it moves from the origin (0, 0) to the point (-6i - 8j) m, the work done by the force F is:

- (a) 60 j (b) -120 j (c) 120 j (d) -60 j (e) zero

← solution →

$$\vec{F} = 10\hat{i}$$

$$\vec{r}_1 = 0\hat{i} + 0\hat{j}$$

$$\vec{r}_2 = -6\hat{i} - 8\hat{j}$$

$$\vec{d} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1$$

$$\vec{d} = -6\hat{i} - 8\hat{j}$$

$$W = ??$$

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d}$$

$$= -60 \text{ J}$$

العمل المبذور يساوي تقاطع القوة بالمتجه المتحرك

(Ex.12) - A particle moves 5 m in the positive x-direction while being acted upon by a constant force $\vec{F} = 2\hat{i} + 2\hat{j}$ the work done on the particle by this force is.

- (a) 20 J (b) 10 J (c) 30 J (d) -15 J (e) zero

← solution →

$$\vec{d} = 5\hat{i}$$

$$\vec{F} = 2\hat{i} + 2\hat{j}$$

$$W = ??$$

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d}$$

$$= 10 \text{ J}$$



(Ex.13) – Force F acts on a body $m = 4 \text{ Kg}$ initially moving with speed $V_0 = 12 \text{ m/s}$. The force exerts work ($W = 512 \text{ J}$) on the body. The final speed .

(a) 22.7 m/s

(b) 10 m/s

(c) 5 m/s

(d) 20 m/s

(e) 2 m.s

solution

$$m = 4 \text{ kg}$$

$$v_1 = 12 \text{ m/s}$$

$$W = 512 \text{ J}$$

$$v_2 = ??$$

$$W = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$\frac{2W}{m} = v_2^2 - v_1^2$$

$$v_2 = \sqrt{\left(\frac{2W}{m} + v_1^2\right)}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{2 \times 512}{4} + 12^2\right)} = 20 \text{ m/s}$$

(Ex.14) – A force acts on a 3 Kg particle in such way that the position of the object is $x = 3t - 4t^2 + t^3$ where x in meters and t in seconds. Find the work done on the object by the force from $t=0$ to $t=4 \text{ s}$

(a) 528J

(b) 10 J

(c) 50 J

(d) 528m/s

(e) 2 m.s

solution

$$x = 3t - 4t^2 + t^3$$

$$v = 3 - 8t + 3t^2$$

$$t_1 = 0 \Rightarrow v_1 = 3 \text{ m/s}$$

$$t_2 = 4 \Rightarrow v_2 = 19 \text{ m/s}$$

$$W = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times 3 (19^2 - 3^2)$$

$$= 528 \text{ J}$$

انواع الشغل

تعتمد قيمة الشغل على قيمة الزاوية بين اتجاه القوة واتجاه الحركة

ويكون الشغل

$$W = F d \cos \theta$$

حسب القانون

+

$$90 > \theta \geq 0$$

(موجب) اذا كانت القوة في اتجاه الحركة (مسببة للحركة) كما في شغل القوة المحركة للجسم

$$W = F d \cos \theta$$

2- شغل الجاذبية على جسم يتحرك رأسيًا لأسفل

$$W_g = m g h$$

او لأسفل مستوى مائل

$$W_g = m g d \sin \theta$$

3- شغل قوة الشد او الضغط على نابض

$$W = 0.5 k x^2$$

0

$$\theta = 90$$

(صفر) اذا كانت القوة عمودية على الحركة كما في

- 1- شغل القوة المركزية في الحركة الدائرية
- 2- شغل الجاذبية على جسم يتحرك افقياً
- 3- شغل قوة رد الفعل العمودية (N)
- 4- شغل شخص يحمل جسم ويتحرك به افقياً

مع اطيب التمنيات بالتوفيق

يوسف زويل

0557999301

$$180 \geq \theta > 90$$

(سالب) اذا كانت القوة معاكسة لاتجاه الحركة (معيقة للحركة) كما في 1- شغل الجاذبية على الجسم المتحرك رأسيًا لأعلى

$$W_g = - m g h$$

او لأعلى مستوى مائل

$$W_g = - m g d \sin \theta$$

2- شغل قوة الاحتكاك على جسم متحرك

$$W = - F_k \cdot d$$

3- شغل النابض اثناء الشد او الضغط من قوة خارجية

$$W = - 0.5 k x^2$$

(Ex.15) - A 5.0-kg cart is moving horizontally at 6.0m/s. In order to change its speed to 10.0m/s, the net work done on the cart must be:

A. 40 J

B. 90 J

C. 160 J

D. 400 J

E. 550 J

solution

$$m = 5 \text{ kg}$$

$$v_1 = 6 \text{ m/s}$$

$$v_2 = 10 \text{ m/s}$$

$$W = ??$$

$$W = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times 5 (100 - 36)$$

$$= 160 \text{ J}$$

النكاس
شغل موجب
يدل على وجود شغل (+) من حركة الجسم

(Ex.16) - A 4 Kg block starts up an incline with a speed of 3 m/s and comes to rest 2 m up the incline. The total work on the block is: ($\theta = 13^\circ$)

- (a) 6 J (b) 8 J (c) 12 J (d) -18 J (e) zero

← solution →

$$v_1 = 3 \text{ m/s}$$

$$v_2 = 0$$

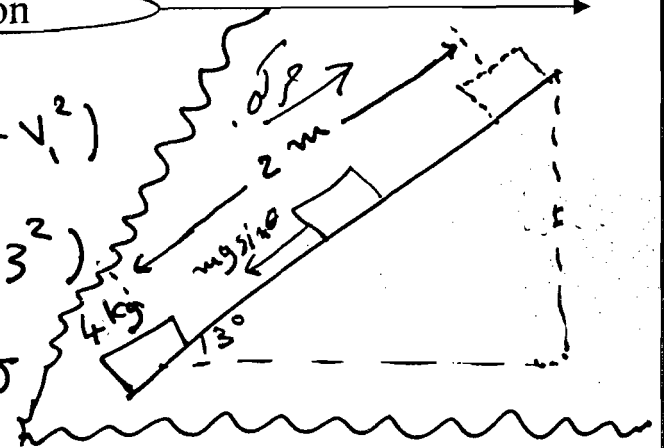
$$m = 4 \text{ kg}$$

$$W_{\text{net}} = ??$$

$$W = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times 4 (0 - 3^2)$$

$$= -18 \text{ J}$$



کے عمل سے بل بیلے سے نقصان طاقہ جسم کے لئے
و ان کے لئے بل بیلے سے نقصان طاقہ جسم کے لئے

$$W_g = -F_g \cdot d = -mg \sin \theta \cdot d = -4 \times 9.8 (\sin 13) \cdot 2 = -18 \text{ J} \quad \leftarrow \text{حل ۲۱}$$

(Ex.17) - A 2 Kg block slides up a 60° inclined plane for 1.5 m. The work done by the force of gravity is

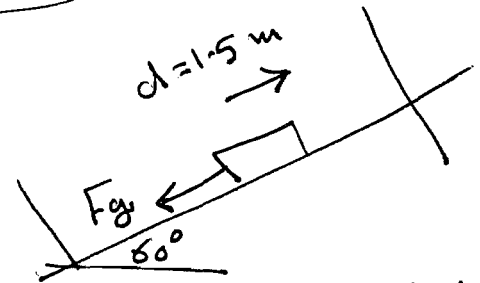
- (a) -14.7 J (b) 25.46 J (c) -25.46 J (d) 14.7 J

← solution →

$$m = 2 \text{ kg}$$

$$F_g = mg \sin \theta$$

$$d = 1.5 \text{ m}$$



$$W = F \cdot d \cos \theta$$

$$= mg \sin \phi \cdot d (\cos 180)$$

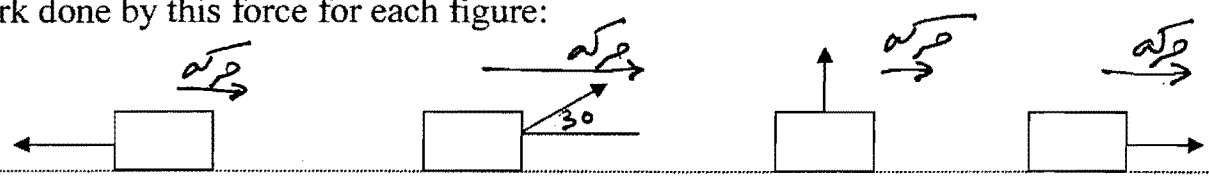
$$= 2 \times 9.8 \sin 60 \times 1.5 \times (-1)$$

$$= -25.46 \text{ J}$$

لاہذا ہم
آزاد قوت کے لئے
تاسا اسی لئے
($\theta = 180$)

لاہذا ہم
آزاد قوت کے لئے
تاسا اسی لئے

(Ex.18) - A crate moves 10 m to the right on a horizontal surface by 5 N force. Find the work done by this force for each figure:



← solution →

$\theta = 180$	$\theta = 30$	$\theta = 90$	$\theta = 0$
$W = F \cdot d \cos \theta$ $= 5 \times 10 \cos 180$ $= -50 \text{ J}$	$W = F \cdot d \cos \theta$ $= 5 \times 10 \cos 30$ $= 43.3 \text{ J}$	$W = F \cdot d \cos \theta$ $= 5 \times 10 \cos 90$ $= 0$	$W = F \cdot d \cos \theta$ $= 5 \times 10 \cos 0$ $= 50 \text{ J}$

و داغنا انك اول فينتا يكون $F \perp d$
 لكو $W = 0$

(Ex.19) - A ball of mass 0.5 kg is dropped from a height 45 m above the ground. The work done by gravitational force.

- (a) 5 J (b) 40 J (c) 10 J (d) 220.5 J (e) 1 J

← solution →

$m = 0.5 \text{ kg}$ $h = 45 \text{ m}$	$W_g = F_g \cdot d \cdot \cos \theta$ $= mg \cdot h \cos 0$ $= 0.5 \times 9.8 \times 45$ $= 220.5 \text{ J}$	
--	--	--

لاظن ان الشغل (+) وهذا دليل على انك تزيد سرعة جسم وتزيد طاقتة
 وهذا هو المعروف عندنا في كل جسم من اجل كل واحد واحد -

(Ex.20) - A 6 Kg block is moving horizontally at 6 m/s. In order to change its speed to 2 m/s, the net work done on the block must be:

- (a) 160 J (b) -96 J (c) 112.5 J (d) 212.5 J (e) zero

← solution →

$$m = 6 \text{ kg}$$

$$v_1 = 6 \text{ m/s}$$

$$v_2 = 2 \text{ m/s}$$

$$W_{\text{net}} = ??$$

$$W = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times 6 (2^2 - 6^2)$$

$$= -96 \text{ J}$$

س: مامعنا أن الشغل سالب...!

(Ex.21) - A 1 Kg block is lifted vertically 1m by a boy. The work done by the boy is :

- (a) Zero (b) 100 J (c) 9.8 J (d) 98 J (e) -9.8 J

← solution →

$$m = 1 \text{ kg}$$

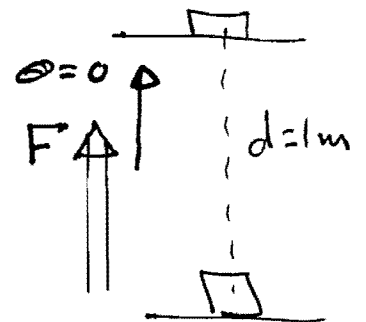
$$d = 1 \text{ m}$$

$$W = F \cdot d \cos \theta$$

$$= mg \cdot d \cos 0$$

$$= 1 \times 9.8 \times 1 \cos 0 \rightarrow$$

$$= 9.8 \text{ J}$$



لاحظ أنه عند رفع جسم
رأى طائر ذلك الجسم بسرعة
كأجته وبالنسبة فإن
 $F = F_g = mg$

لاحظ أن قوة الولد أثناء الرفع \uparrow (لأعلى)

والجسم أيضاً \uparrow (لأعلى) وهذا يكون $\theta = 0$

{ إذا اطلب W يكون -9.8 J }

(Ex.22) - A boy holds a 40N weight at arm's length for 10 s. His arm is 1.5 m above the ground. The work done while he is holding it is:

- (a) Zero (b) 6.1 J (c) 40 J (d) 60 J (e) 90 J

← solution →

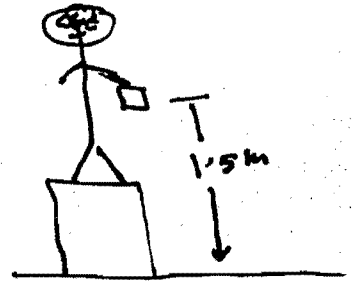
نظراً لعدم حدوث حركة فإن

$$w = 0$$

$$F = mg$$

$$d = 0$$

$$w = F \cdot d = 0$$



لاحظ أنه إذا تحرك هذا البولد أفقياً فإن العمل المبذول يكون صفراً أيضاً لأن اتجاه الحركة عمودي على اتجاه قوة البولد



(Ex.23) - A block is attached to the end of an ideal spring and moved from coordinate x_i to coordinate x_f . The relaxed position is at $x = 0$. The work done by spring is positive if:

	x_i	x_f
A	2	-2
B	-2	4
C	-4	-2
D	3	5

← solution →

$$w_A = -\frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2)$$

بمعدلات $k = 2 \text{ N/m}$

$$w_A = -\frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2) = -\frac{1}{2} \times 2 (4 - 4) = 0 \text{ — Zero}$$

$$w_B = -\frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2) = -\frac{1}{2} \times 2 (16 - 4) = -12 \text{ J}$$

$$w_C = -\frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2) = -\frac{1}{2} \times 2 (4 - 16) = 12 \text{ J} \leftarrow \text{Positive}$$

$$w_D = -\frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2) = -\frac{1}{2} \times 2 (25 - 9) = -16 \text{ J} \leftarrow \text{negative}$$

(Ex.24) - ^{تأثير} A spring has a force constant of 300 N/m. What is the work must be done on the spring to stretch it 10 cm from its equilibrium position ^{موضع الاتزان}

- (a) 0 (b) 0.24 J (c) 40 J (d) 1.5 J (e) 90 J

← solution →

$$K = 300 \text{ N/m}$$

$$X = 10 \text{ cm} \\ = 0.1 \text{ m}$$

$$W = ??$$

$$x_1 = 0 \quad x_2 = 10 \text{ cm}$$

$$W = \frac{1}{2} k x^2 \\ = \frac{1}{2} \times 300 \times 0.1^2 \\ = 1.5 \text{ J}$$

لا حظ ان العمل المبذول في الذنبه $W = \frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2)$

في العمل الذنبه المبذوله $W = -\frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2)$

(Ex.25) - ^{التأثير بواسطه} Referring to the last question the work done by the spring is:

- (a) -1.5 J (b) -5.5 J (c) -1 J (d) 1.8 J (e) 3.6 J

← solution →

$$W = -\frac{1}{2} k x^2$$

$$= -\frac{1}{2} \times 300 \times 0.1^2 = -1.5 \text{ J}$$

☆ ☆ - لا حظ ان العمل المبذوله الذنبه ^(التأثير) بسبب مرئعه هذه الحاله لانه يؤثر بقوة معاكه لاجاه قوه اليد (اتجاه الحركه)

(Ex.26) - An ideal spring with spring constant is 500 N/m is hung vertically from the ceiling. When a 2 Kg mass hangs at rest from it, the spring is extended 6 cm from its relaxed length. A downward external force is now applied to the mass to extend the spring an additional 10 cm. While the spring is being extended by the external force, the work done by the spring is:

- (a) -3.3 J (b) -5.5 J (c) -1 J (d) 1.8 J (e) 3.6 J

← solution →

$$x_1 = 6 \text{ cm}$$

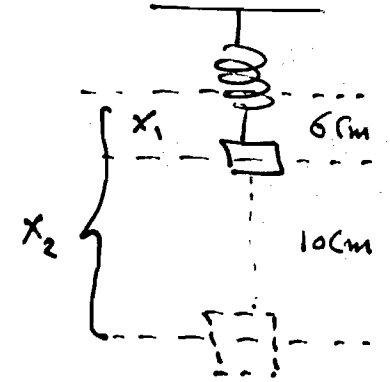
$$x_2 = 16 \text{ cm}$$

$$k = 500 \text{ N/m}$$

$$W = -\frac{1}{2}k(x_2^2 - x_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times 500 (0.16^2 - 0.06^2)$$

$$= -5.5 \text{ J}$$



لا حفظ آن المطلوب هو تغير الازم بزيادة الازم لئلا ينفذ

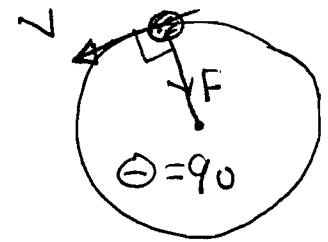
(Ex.27) - An object of mass 1 Kg moves in a horizontal circle of radius 0.5 at a constant speed of 2 m/s. The work done on the object during one revolution is:

- (a) 1 J (b) 2 J (c) 4 J (d) 16 J (e) zero

← solution →

في حالة حركة دائرية تكون
عمودية على اتجاه الحركة
وبالتالي فإن

$$W_F = 0$$



(Ex.28) - A horizontal force of 180 N used to pull a 50 kg box on a rough horizontal surface through a distance of 8 m. If the box moves at constant speed, find:

- 1- The work done by the horizontal force.
- 2- The work done by the frictional force.
- 3- The work done by the force of gravity.
- 4- The work done by the normal force.

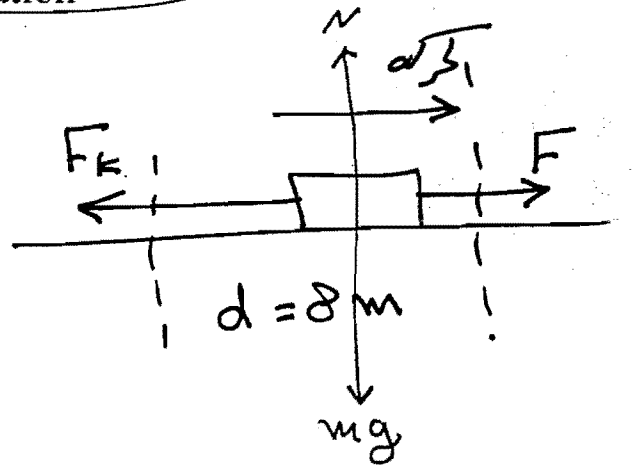
solution

$$F = 180 \text{ N}$$

$$F_k = 180 \text{ N}$$

لأن الحركة ثابتة وبأساكنة

$$F = F_k$$



$$\textcircled{1} W = F \cdot d \cos \theta \quad (\theta = 0)$$

$$= 180 \times 8 \cos 0$$

$$\cos 0 = 1$$

$$= 1440 \text{ J}$$

$$\textcircled{2} W_k = -F_k \cdot d \quad (\theta = 180)$$

$$\cos 180 = -1$$

$$= -180 \times 8 = -1440 \text{ J}$$

$$\textcircled{3} W_g = F_g \cdot d \cos \theta \quad (\theta = 90)$$

$$\cos 90 = 0$$

$$= 0$$

$$\textcircled{4} W_N = F_N \cdot d \cos \theta \quad (\theta = 90)$$

$$\cos 90 = 0$$

$$= 0$$

دائما تحل القوة العمودية (رد الفعل) يا وى سفر

(Ex.29) - A man pushes an 80 N body a distance of 5 m upward along the rough slope ($\mu = 0.25$) that makes an angle of 30° with the horizontal. The force he exerts is parallel to the slope. If the speed of the body is constant, then:

(a) The work done by the normal force is

(b) The work done by the man is

(c) The work done by the friction is

(d) The work done by the gravity is

← solution →

حل المسألة

$$F = F_k + mg \sin \theta$$

$$= \mu mg \cos \theta + mg \sin \theta$$

$$= 17.3 + 40$$

$$= 57.3 \text{ N}$$

($F_k = \mu N$)

$$= \mu mg \cos \theta$$

$$= 17.3 \text{ N}$$

(a) $W_N = F_N \cdot d \cos \theta$ ($\theta = 90$)

$$= 0$$

(b) $W_m = F \cdot d \cos \theta$ ($\theta = 0$)

$$= 57.3 \times 5 \cos 0 = 286.5 \text{ J}$$

(c) $W_k = F_k \cdot d \cos \theta$ ($\theta = 180$)

$$= -17.3 \times 5 = -85.5 \text{ J}$$

(d) $W_g = -(mgd \sin \theta)$ ($\theta = 180$)

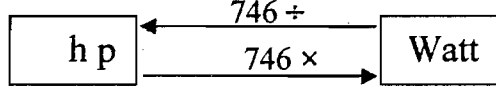
$$= -80 \times 5 \sin 30$$

$$= -200 \text{ J}$$

Power

Rate of work done

القدرة كمية قياسية (scalar quantity) وحداتها الواط او الحصان
h p = horse power = 746 W - Watt (kg.m²/s³) (J/S)



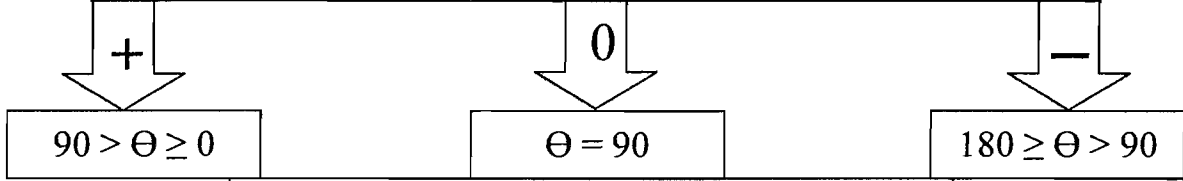
وعندما تؤثر قوة F على جسم متحرك بسرعة V فان

$$P = \vec{F} \cdot \vec{v}$$

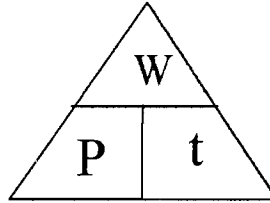
ضرب قياسي لمتجهي القوة والسرعة

انواع القدرة

تعتمد قيمة القدرة على قيمة الزاوية بين اتجاه القوة واتجاه السرعة
حسب القانون $P = F v \cos \theta$ وتكون القدرة



وذلك كما سبق تحديده لإشارة الشغل - حيث ان الشغل والقدرة مرتبطان بالعلاقة



تمنياتي لكم باعلى الدرجات والمعدلات وأرقى الكليات

يوسف زويين

Yusuf.zw111@gmail.com

(Ex.30) - A 10 Kg block lifted by a force F a height of 10 m in 5 minutes at constant speed.

Fin the power of:

1- The force F

2- The force of gravity

← solution →

$$W_F = F d \cos \theta$$

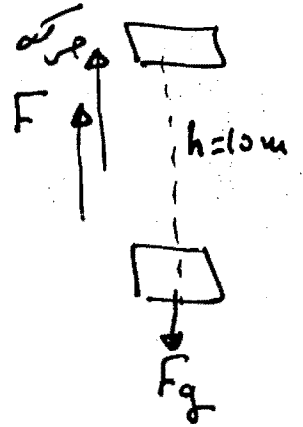
$$= mgd$$

$$\theta = 0$$

$$W_F = 10 \times 9.8 \times 10 = 980 \text{ J}$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{980}{300} = 3.3 \text{ W}$$

لا حثا ان
 $F = F_g = mg$
 لان اس كالت



$$W_g = F_g \cdot d \cos \theta$$

$$= -mgd = -980 \text{ J}$$

$$\theta = 180$$

$$P = \frac{-980}{300} = -3.3 \text{ W}$$

لا حثا ان اشارة القوة مثل اشارة العمل

(Ex.31) - A mass of 100 Kg is pushed across a rough horizontal floor at constant speed of 5 m/s by a horizontal force. If $\mu_k = 0.20$ at what rate is work being done by the horizontal force .

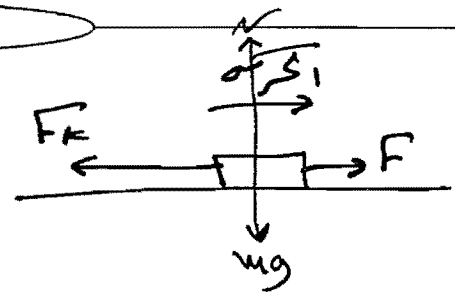
- (a) 50 W (b) 9.8 W (c) 392 W (d) 980 W (e) 400 W

← solution →

$$\therefore F = F_k = \mu mg$$

$$= 0.2 \times 100 \times 9.8 = 196 \text{ N}$$

لا حثا ان



$$F = 196 \text{ N}$$

$$v = 5 \text{ m/s}$$

لا حثا ان القوة كالت متساوية
 مثل العمل

$$P = F \cdot v \cos \theta$$

$$= 196 \times 5 \cos 0 = 980 \text{ W}$$

(Ex.32) - A 100 Kg block is pulled at constant speed of 5 m/s across a horizontal floor by a force of 122 N making an angle of 37° above the horizontal. At what rate is the applied force doing work القدر المؤثره معدل

- (a) 487 J (b) 487 W (c) 610 W (d) 610 J (e) 0

← solution →

$$\begin{aligned} m &= 100 \text{ kg} \\ v &= 5 \text{ m/s} \\ F &= 122 \text{ N} \\ \theta &= 37^\circ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P &= F \cdot v \cos \theta \\ &= 122 \times 5 \cos 37^\circ \\ &= 487 \text{ W} \end{aligned}$$

(Ex.33) - Watt equals

- (a) $\text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2$ (b) $\text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^3$ (c) $\text{kg} \cdot \text{m}/\text{s}^3$ (d) $\text{kg} \cdot \text{m}^3/\text{s}^2$

← solution →

$$P = \frac{W}{t} = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-2}}{\text{s}} = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2}{\text{s} \cdot \text{s}^2}$$

$$\text{Watt} = \text{kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^3$$

(Ex.34) - Kilo watt hour (KWh) is the unit of

(a) work

(b) force

(c) power

(d) mas

solution

K.W.h کیلووات باس سے وہ 'ت' ہمارے لفظ
اوتھن

$$\begin{aligned} \text{K.W.h} &= 1000 \times 3600 \text{ (w.s)} \\ &= 3.6 \times 10^6 \text{ J} \end{aligned}$$

$$\text{J} \equiv \text{w.s}$$

$$\text{w} \equiv \text{J/s}$$

(Ex.35) - Horse power (h p) =

(a) 1000 W

(b) 100 W

(c) 746 W

(d) 476 W

solution

ہنا اعراف ان کی ہان بیگانہ
سے وہ 'ت' کے = وہ ہا

746 W

(Ex.36) – A force $\vec{F} = 4i + 3j$ (N) acts on a particle of mass 3 Kg. At a certain instant if the velocity of the particle is $\vec{V} = -2i + 5j$ (m / s). What is the power at this instant

(a) 7 W

(b) -7 W

(c) 12 W

(d) -12 W

solution

$$\vec{F} = 4i + 3j$$

$$\vec{V} = -2i + 5j$$

$$P = \vec{F} \cdot \vec{V}$$

$$= -8 + 15 = 7 \text{ W}$$

(Ex.37) – Which of the following groups does not contain a scalar quantity?

A. velocity, force, power

B. displacement, acceleration, force

C. acceleration, speed, work

D. energy, work, distance

solution

راجع یکایات - اقیاسیه و انجوه

Ch-3

P-1

(Ex.38) – At $t = 0$, a 2 Kg particle has a velocity of $(6i + 8j)$ m/s. At $t = 3s$ its velocity is $(4i - 3j)$ m/s. During this time the work done on it is:

- (a) -75 J (b) 4 J (c) -12 J (d) -40 J (e) zero

← solution →

$$v_1 = 10 \text{ m/s}$$

$$v_2 = 5 \text{ m/s}$$

$$W = ??$$

$$W = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

$$= \frac{1}{2} \times 2 (25 - 100)$$

$$= -75 \text{ J}$$

$$\tau = 3 \text{ s}$$

(Ex.39) – In the previous question, the average power during this time is.

- (a) 1 J (b) -25 J (c) -12 J (d) -40 J (e) zero

← solution →

$$W = -75 \text{ J}$$

$$\tau = 3 \text{ s}$$

$$P = ??$$

$$P = \frac{W}{\tau}$$

$$= \frac{-75}{3}$$

$$= -25 \text{ W}$$



Checkpoints – ch -7

C.P-1 P-144	V_1	V_2	K (supposing $m = 2\text{kg}$)	(c) W
a	-3m/s	-2m/s	$K_1 = 0.5mv_1^2 = 9\text{J}$ $K_2 = 0.5mv_2^2 = 4\text{J}$ <div style="border: 1px solid black; display: inline-block; padding: 2px;">Decrease</div>	$W = K_2 - K_1 = -5\text{J}$ <div style="border: 1px solid black; display: inline-block; padding: 2px;">negative</div>
b	-2m/s	2m/s	$K_1 = 0.5mv_1^2 = 4\text{J}$ $K_2 = 0.5mv_2^2 = 4\text{J}$ <div style="border: 1px solid black; display: inline-block; padding: 2px;">Constant</div>	$W = K_2 - K_1 = 0\text{J}$ <div style="border: 1px solid black; display: inline-block; padding: 2px;">Zero</div>

C.P-2 P-151	X_1	X_2	W (supposing $k = 2\text{N/m}$)
a	- 3cm = - 0.03m	2cm = 0.02m	$W = - 0.5k (x_2^2 - x_1^2) = 5 \times 10^{-4} \text{ J}$ <div style="float: right;">(positive)</div>
b	2cm = 0.02m	3cm = 0.03m	$W = - 0.5k (x_2^2 - x_1^2) = - 5 \times 10^{-4} \text{ J}$ <div style="float: right;">(negative)</div>
c	- 2cm = - 0.02m	2cm = 0.02m	$W = - 0.5k (x_2^2 - x_1^2) = 0 \text{ J}$ <div style="float: right;">(Zero)</div>

C.P-3 P-156	<p>$W = 0$ من المعروف ان القوة المركزية في الحركة الدائرية لا تبذل شغل (لأنها عمودية على الحركة)</p> <p>$P = 0$ وبالتالي فان القدرة تساوي صفر</p> <p style="text-align: center;">($P = W \div t$)</p>
----------------	--

