

مجال الرياضيات

المعرفة الرياضية وفقاً لإطار البرنامج الدولي لتقييم الطلبة PISA

المعرفة الرياضية هي أن يمتلك الفرد القدرة على التفكير الرياضي، وصياغة وتفسير وتوظيف الرياضيات في حل المسائل، وفي مجموعة متنوعة من السياقات والمجالات في العالم الحقيقي. وتشمل المفاهيم والإجراءات والحقائق والأدوات لوصف وشرح الظواهر والتنبؤ بها. فالمعرفة الرياضية تساعد الأفراد على إدراك الدور الذي تلعبه الرياضيات في العالم، وتساعد الأفراد في بناء الأحكام على أسس سليمة وفي اتخاذ القرارات التي يحتاجها مواطنو القرن الحادي والعشرين ليكونوا بناءً مشاركون وفاعلون في مجتمعاتهم.

ومن أجل أن يحوز الطلبة معرفة الرياضيات لا بد أن يكونوا:

- ✓ أولاً قادرين على استخدام معرفتهم بالرياضيات وبمحتواها من أجل التعرف على الطبيعة الرياضية للمواقف التي تواجههم في العالم الحقيقي.
- ✓ ثم إعادة صياغة هذا الموقف من موقف واقعي غامض وفوضوي، إلى مسألة حسابية معروفة ومحددة. تتطلب الاستدلال الرياضي وهذا هو العنصر الحاسم فيما تعنيه المعرفة الرياضية.
- ✓ ثم حل المسألة عن طريق توظيف مفاهيم الرياضيات والخوارزميات والإجراءات التي يتم تدريسها في المدارس. وقد يتطلب الأمر اتخاذ قرارات استراتيجية بشأن اختيار الملائم من الأدوات وترتيب تطبيقها.
- ✓ أخيراً، تتطلب معرفة الرياضيات تقييم الحل الرياضي وذلك بواسطة تفسير النتائج في العالم الواقعي.

الاستدلال الرياضي وعملية حل المسائل

إن المعرفة الرياضية تشمل جانبين متصلين: وهما الاستدلال الرياضي وحل المسائل. وتلعب المعرفة الرياضية دوراً مهماً في جعل الفرد قادراً على استخدام الرياضيات في حل مسائل العالم الحقيقي. ونؤكد على أن الاستدلال الرياضي يتجاوز حل المسائل بالمعنى التقليدي، ليشمل أيضاً الأحكام الواعية والمتعلقة بالقضايا الأسرية والمجتمعية والتي يمكن حلها والتعامل معها رياضياً. كما يتضمن إصدار أحكام حول صحة المعلومات التي تمس الأفراد من خلال تحليل سلوكياتهم وإخضاعها للمنطق. ومن هنا يظهر اسهام الاستدلال الرياضي في تطوير مهارات القرن الواحد والعشرين.

الاستدلال الرياضي وهو القدرة على التفكير المنطقي، وتقديم الحجج بطرق نزهة ومقنعة، هي مهارة تزداد أهميتها في العالم المعاصر. فالرياضيات علم يدور حول أشياء ومفاهيم محددة جيداً، ويمكن تحليلها وتحويلها والتعامل معها بطرق مختلفة باستخدام "الاستدلال الرياضي" للحصول على استنتاجات صالحة ودائمة لحل المشكلات الحياتية.

يتعلم الطلبة من خلال الرياضيات أنهم عن طريق اتباع التفكير الصحيح والافتراضات، يتوصلون إلى نتائج موثوق بصحتها. إضافة إلى ذلك فإن هذه الاستنتاجات والنتائج منطقية وموضوعية، وبالتالي فهي نزهة، ولا تحتاج إلى المصادقة عليها من قبل أية سلطة خارجية.

العمليات الرياضية المتضمنة في اختبار PISA



الصياغة:

- تشير كلمة (الصياغة) إلى القدرة على الترجمة من عالم حقيقي إلى مجال الرياضيات، وما يتضمنه ذلك من تحديد القيود والافتراضات في المشكلة.
- تتضمن عملية صياغة المواقف رياضياً أنشطة مثل ما يلي:
 - اختيار نموذج مناسب من القائمة .
 - تحديد الجوانب الرياضية لمشكلة تقع في سياق الحياة الواقعية وتحديد المتغيرات المهمة.
 - التعرف على البنية الرياضية (بما في ذلك الانتظام والعلاقات والأنماط) في المشاكل أو المواقف.
 - تبسيط موقف أو مشكلة لجعلها قابلة للتحليل الرياضي.
 - تحديد القيود والافتراضات وراء أي نمذجة رياضية.
 - تمثيل الموقف رياضياً باستخدام المتغيرات والرموز والرسوم البيانية والنماذج القياسية المناسبة.
 - تمثيل مشكلة بطريقة مختلفة، بما في ذلك تنظيمها وفقاً لمفاهيم رياضية ووضع الافتراضات المناسبة.
 - فهم وشرح العلاقات بين اللغة الخاصة بالسياق لمشكلة ما واللغة الرمزية اللازمة لتمثيلها رياضياً.
 - ترجمة مشكلة إلى لغة رياضية أو تمثيلها.
 - التعرف على جوانب المشكلة التي تتوافق مع المشكلات المعروفة أو المفاهيم أو الحقائق أو الإجراءات الرياضية .
 - استخدام التكنولوجيا (مثل جدول البيانات أو حاسبة الرسوم البيانية) لتمثيل علاقة رياضية مرتبطة بمشكلة سياقية.
 - إنشاء سلسلة مرتبة من التعليمات (خطوة بخطوة) لحل المشكلات.

التوظيف

- تشير كلمة (التوظيف) إلى قدرة الأفراد على تطبيق المفاهيم والحقائق والإجراءات الرياضية والاستدلال لحل المشكلات المصاغة رياضياً للحصول على استنتاجات رياضية.
- تتضمن عملية توظيف المفاهيم الرياضية والحقائق والإجراءات والاستدلال أنشطة مثل:
 - إجراء عملية حسابية بسيطة.
 - رسم استنتاج بسيط .

- اختيار استراتيجية مناسبة من قائمة.
- وضع وتنفيذ استراتيجيات لإيجاد حلول رياضية.
- استخدام الأدوات الرياضية، بما في ذلك التكنولوجيا، للمساعدة في إيجاد حلول دقيقة أو تقريبية.
- تطبيق الحقائق والقواعد والخوارزميات والهياكل الرياضية عند إيجاد الحلول.
- معالجة الأرقام والبيانات والمعلومات الرسومية والإحصائية والعبارات والمعادلات الجبرية والتمثيلات الهندسية.
- عمل المخططات الرياضية والرسوم البيانية والتركيبات واستخراج المعلومات الرياضية منها.
- استخدام التمثيلات المختلفة والتبديل بينها في عملية إيجاد الحلول.
- عمل تعميمات بناءً على نتائج تطبيق الإجراءات الرياضية لإيجاد الحلول.
- شرح وتبرير الحجج الرياضية.
- تقييم أهمية الأنماط والانتظام في البيانات.

التفسير والتقييم

- يركز التفسير (والتقييم) على قدرة الأفراد على التفكير في الحلول أو النتائج أو الاستنتاجات الرياضية وتفسيرها في سياق مشكلة الحياة الواقعية.
- يتضمن هذا ترجمة الحلول الرياضية بالرجوع مرة أخرى وتأمل سياق المشكلة وتحديد ما إذا كانت النتائج معقولة في سياق المشكلة.
- تتضمن عملية تفسير النتائج الرياضية وتطبيقها وتقييمها أنشطة مثل ما يلي:
 - تفسير المعلومات المقدمة في شكل رسوم بيانية أو أشكال.
 - تقييم نتيجة رياضية بالنسبة للسياق.
 - إعادة تفسير نتيجة رياضية بالرجوع إلى سياق العالم الحقيقي.
 - تقييم معقولية الحل الرياضي في سياق مشكلة العالم الحقيقي.
 - فهم كيفية تأثير العالم الحقيقي على نتائج وحسابات إجراء أو نموذج رياضي من أجل إصدار أحكام سياقية حول كيفية تعديل النتائج أو تطبيقها.
 - شرح لماذا تكون النتيجة أو الاستنتاج الرياضي منطقيًا أو غير منطقي في ضوء سياق المشكلة.
 - فهم مدى وحدود المفاهيم الرياضية والحلول الرياضية.
 - انتقاد وتحديد حدود النموذج المستخدم لحل مشكلة.
 - استخدام التفكير الرياضي والتفكير الحسابي لعمل تنبؤات ولتقديم أدلة للحجج واختبار الحلول المقترحة ومقارنتها.

مهارات القرن الحادي والعشرين الداعمة للمعرفة الرياضية:

- التفكير الناقد
- استخدام المعلومات
- الإبداع
- التفكير المنهجي
- البحث والاستعلام
- التواصل

مجالات محتوى الرياضيات في اختبارات بيزا

معظم مجالات محتوى الرياضيات في اختبارات بيزا يدرسها الطلاب في المرحلتين الابتدائية والمتوسطة، وتتضمن أربع مجالات رئيسية:

- الكميات (الأعداد والعمليات عليها)
- التغيير والعلاقات (الأنماط والجبر والدوال)
- الفضاء والأشكال (القياس والهندسة)
- عدم اليقين (الاحتمالات) والبيانات (الإحصاء)

ونوضح فيما يلي أبرز الموضوعات التي تشملها مجالات الرياضيات في اختبار PISA:

- ظواهر النمو: أنواع مختلفة من النمو: الخطي، وغير الخطي، والتريبي والاسي.
- التقريب الهندسي: تقريب سمات وخصائص الأشكال والكائنات غير المنتظمة أو غير المألوفة عن طريق تقسيم هذه الأشكال والكائنات إلى أشكال وكائنات مألوفة.
- المحاكاة الحاسوبية: استكشاف المواقف (التي قد تشمل وضع الميزانيات، والتخطيط، وتوزيع السكان، وانتشار الأمراض، والاحتمال التجريبي، ونمذجة وقت رد الفعل، ... الخ) من حيث المتغيرات وتأثيرها على النتيجة.
- اتخاذ القرارات الشرطية: استخدام الاحتمال الشرطي، والمبادئ الأساسية لعلم التوافق لتفسير المواقف ووضع التنبؤات.
- الدوال: مفهوم الدالة، مع التركيز، على سبيل المثال لا الحصر، على الدالة الخطية، وخصائصها، ومجموعة متنوعة من الخصائص والتمثيلات الخاصة بها. مع التنوع في صور التعبير عن الدالة: بصورة لفظية ورمزية وجداول ورسومات.
- العبارات الجبرية: يشمل التفسير اللفظي العبارات الجبرية، بما في ذلك الأعداد والرموز والعمليات الحسابية والأسس والجذور البسيطة.
- المعادلات والمتباينات: المعادلات الخطية، ومعادلات الدرجة الثانية البسيطة وطرق حلها بالتحليل وغيره.
- تمثيل ووصف: البيانات، والمواقف، والعلاقات.
- العلاقات داخل العنصر الهندسي الواحد والعلاقات بين العناصر فيما بينها في بعدين وثلاثة أبعاد: علاقات ثابتة مثل الروابط الجبرية بين عناصر الأشكال (مثل نظرية فيثاغورس على أنها تحدد العلاقة بين أطوال أضلاع المثلث القائم) والموضع النسبي والتشابه والتطابق، والعلاقات الديناميكية التي تنطوي على تحول وحركة الكائنات، وكذلك التناظر بين الأجسام ثنائية وثلاثية الأبعاد.

- القياس: القياس الكمي لأبعاد الأشكال نفسها وعلاقتها بالأشكال الأخرى، مثل قياس الزاوية والمسافة والطول ومحيط الدائرة والمساحة والحجم.
- الأعداد والوحدات: مفاهيم وتمثيل الأعداد وأنظمة الأعداد، بما في ذلك خصائص الأعداد الصحيحة والأعداد النسبية، والجوانب ذات الصلة بالأعداد غير النسبي، وكذلك الكميات والوحدات التي تشير إلى ظواهر مثل الوقت والمال، الوزن ودرجة الحرارة والمسافة والمساحة والحجم.
- العمليات الحسابية: طبيعة وخصائص هذه العمليات واصطلاحات الرموز ذات الصلة.
- النسبة والنسب المئوية والتناسب: الوصف العددي للحجم النسبي وتطبيق النسب والتفكير التناسبي لحل المسائل
- مبادئ العد: التباديل والتوافيق البسيطة.
- التقدير: للكميات والعبارات العددية، بما في ذلك التقريب والأعداد الكبيرة.
- جمع البيانات وتمثيلها وتفسيرها، والطرق المختلفة لتحليلها وتمثيلها وتفسيرها.
- تباين البيانات ووصفها: مفاهيم مثل التباين والانحراف المعياري لمجموعات البيانات، وطرق وصفها وتفسيرها بالمصطلحات الكمية.
- العينات وأخذ العينات: مفاهيم العينات، وأخذ العينات من البيانات، بما في ذلك الاستدلالات البسيطة على أساس خصائص العينات
- البيانات والاحتمالات: مفهوم الأحداث العشوائية، والبيانات ومعدل تكرار الأحداث، والجوانب الأساسية لمفهوم الاحتمالات.

استخدام الآلة الحاسبة:

تتضمن مجموعة الأدوات التقنية المتاحة للطلبة آلة حاسبة علمية أساسية، تحتوي على العمليات: الجمع والطرح والضرب والقسمة، وكذلك الجذر التربيعي، π ، الأقواس، الأس، المربع، الكسر (Y/X) ، معكوس الكسر $(X/1)$ والآلة الحاسبة مبرمجة بحسب المعيار المستخدم في ترتيب العمليات.

سياقات الأسئلة في اختبارات بيرزا

- أحد الجوانب المهمة لمحو الأمية الرياضية هو أن الرياضيات تُستخدم لحل مشكلة في سياق معين.
- السياق هو جانب من الحياة الواقعية حيث يتم وضع مشكلة السؤال.
- غالبًا ما يعتمد اختيار الاستراتيجيات والتمثيلات الرياضية المناسبة على السياق الذي تنشأ فيه المشكلة.

ونوضح فيما يلي السياقات المستهدفة في برنامج PISA

السياق الشخصي

تركز المشكلات المصنفة في فئة السياق الشخصي على أنشطة الفرد أو أسرته أو مجموعة أقرانه، وتشمل السياقات الشخصية (على سبيل المثال لا الحصر) تلك التي تتضمن:

- إعداد الطعام والتسوق.
- والألعاب والصحة الشخصية.
- والنقل الشخصي والرياضة والسفر
- والجدولة الشخصية والتمويل الشخصي.

السياق المهني

تركز المشكلات المصنفة في فئة السياق المهني على عالم العمل، وتتضمن العناصر المصنفة على أنها مهنية (على سبيل المثال لا الحصر) أشياء مثل:

- القياس والتكلفة وطلب المواد للبناء.
- كشوف الرواتب والمحاسبة ومراقبة الجودة.
- الجرد والتصميم الهندسي.
- اتخاذ القرارات المتعلقة بالوظيفة.

قد تتعلق السياقات المهنية بأي مستوى من القوى العاملة، من الأعمال المهنية البسيطة إلى أعلى مستويات الأعمال، على الرغم من أن العناصر الموجودة في استطلاع PISA يجب أن تكون في متناول الطلاب البالغين من العمر 15 عامًا.

السياق الاجتماعي

تركز المشكلات المصنفة في فئة السياق الاجتماعي على مجتمع الفرد (سواء كان محلياً أو وطنياً أو عالمياً)، وتشمل (على سبيل المثال لا الحصر) أشياء مثل:

□ أنظمة التصويت ، والنقل العام ، والحكومة.

□ والسياسات العامة ، والتركيب السكانية ، والإعلان.

□ والإحصاءات الوطنية والاقتصاد.

وعلى الرغم من أن الأفراد يشاركون في كل هذه الأشياء بطريقة شخصية، ففي السياق الاجتماعي، يكون تركيز المشكلات ينصب على منظور المجتمع.

السياق العلمي

• تتعلق المشكلات المصنفة في السياق العلمي بتطبيق الرياضيات على عالم الطبيعة والقضايا والموضوعات المتعلقة بالعلوم والتكنولوجيا، وتشمل السياقات الخاصة (على سبيل المثال لا الحصر) مجالات مثل:

□ الطقس أو المناخ ، والبيئة ،

□ والطب ، وعلوم الفضاء ، وعلم الوراثة ، والقياس ،

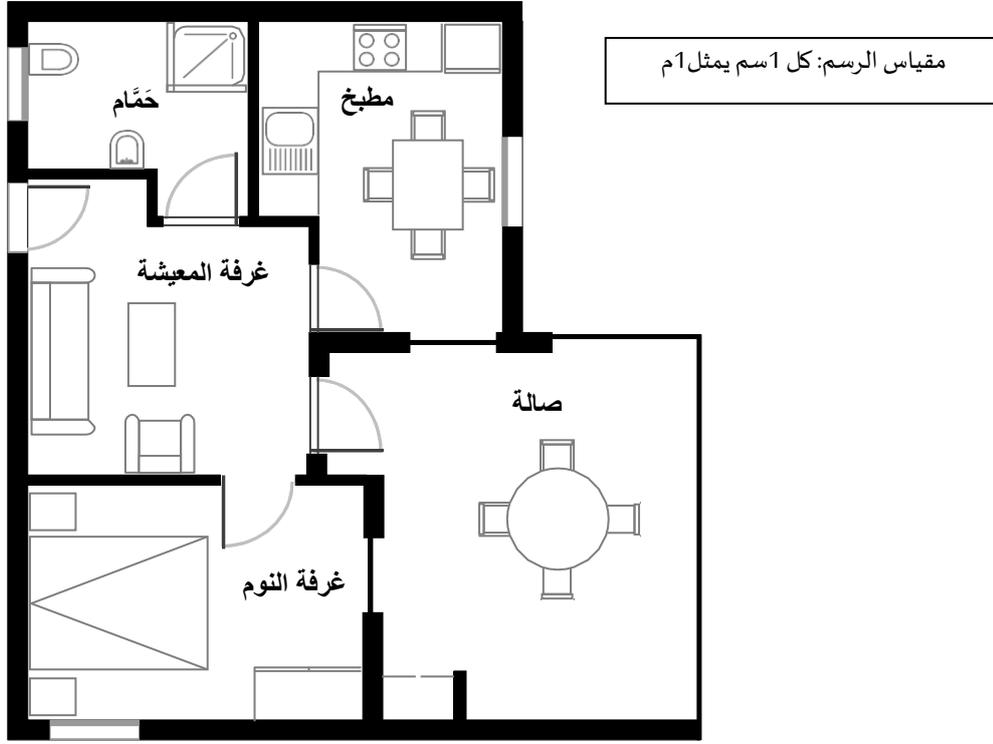
□ وعلم الرياضيات نفسه.

أسئلة تدريبية على المجالات الأربعة *PISA 2025* الرياضيات

أسئلة تم ترجمتها من أسئلة بيضا المفسوحة على
موقع منظمة التعاون والتنمية الاقتصادية

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		شراء شقة	

يريد عبدالله شراء شقة من وكالة عقارية، والمخطط أدناه لهذه الشقة.



لتقدير إجمالي مساحة الشقة (بما في ذلك الصالة والجدران)، يمكنك قياس أبعاد كل غرفة وإيجاد مساحتها، ثم جمع جميع المساحات معاً. إلا أن هناك طريقة أكثر كفاءة تحتاج فيها إلى قياس (4) أطوال فقط.
 المطلوب: حدّد الأطوال الأربعة اللازمة لتقدير إجمالي مساحة الشقة، وذلك برسم خطوطاً بجانبها أو وضع علامات فوقها، ثم استعمل الأطوال الأربعة لإيجاد تقدير مساحة الشقة.
 ملحوظة: استعمل المسطرة لقياس الأطوال التي حددتها على الرسم.

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

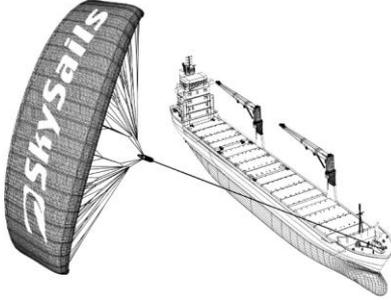
المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي																																			
عنوان السؤال		الرسوم البيانية																																				
<p>في يناير، تم إصدار الأقراص المضغوطة الجديدة لفرقة (1) وفرقة (2). تبع ذلك في شباط (فبراير)، إصدار الأقراص المضغوطة الجديدة لفرقة (3) وفرقة (4). يوضح الرسم البياني التالي مبيعات الأقراص المضغوطة الخاصة بالفرق الموسيقية من يناير إلى يونيو.</p> <p>مبيعات الأقراص المضغوطة شهرياً</p> <table border="1"> <caption>بيانات مبيعات الأقراص المضغوطة (تقريباً من الرسم البياني)</caption> <thead> <tr> <th>الشهر</th> <th>فرقة (1)</th> <th>فرقة (2)</th> <th>فرقة (3)</th> <th>فرقة (4)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>يناير</td> <td>2100</td> <td>1650</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>فبراير</td> <td>2050</td> <td>1850</td> <td>250</td> <td>1000</td> </tr> <tr> <td>مارس</td> <td>1950</td> <td>1550</td> <td>1350</td> <td>250</td> </tr> <tr> <td>أبريل</td> <td>1850</td> <td>1250</td> <td>1600</td> <td>500</td> </tr> <tr> <td>مايو</td> <td>1700</td> <td>950</td> <td>1700</td> <td>650</td> </tr> <tr> <td>يونيو</td> <td>2050</td> <td>650</td> <td>1850</td> <td>900</td> </tr> </tbody> </table>				الشهر	فرقة (1)	فرقة (2)	فرقة (3)	فرقة (4)	يناير	2100	1650	0	0	فبراير	2050	1850	250	1000	مارس	1950	1550	1350	250	أبريل	1850	1250	1600	500	مايو	1700	950	1700	650	يونيو	2050	650	1850	900
الشهر	فرقة (1)	فرقة (2)	فرقة (3)	فرقة (4)																																		
يناير	2100	1650	0	0																																		
فبراير	2050	1850	250	1000																																		
مارس	1950	1550	1350	250																																		
أبريل	1850	1250	1600	500																																		
مايو	1700	950	1700	650																																		
يونيو	2050	650	1850	900																																		
<p>1. كم عدد الأقراص المضغوطة التي باعها فرقة (4) في أبريل؟</p>																																						
أ	250	ب	500																																			
ج	1000	د	1270																																			
<p>2. في أي شهر باعت فرقة (3) عددًا من الأقراص المضغوطة أكثر من فرقة (2) لأول مرة؟</p>																																						
أ	ولا شهر	ب	مارس																																			
ج	أبريل	د	مايو																																			
<p>3. يشعر مدير فرقة (2) بالقلق لأن عدد الأقراص المضغوطة التي بيعت انخفض من فبراير إلى يونيو. ما هو تقدير حجم مبيعاتهم لشهر يوليو إذا استمر نفس الاتجاه السلبي؟</p>																																						
أ	70	ب	370																																			
ج	670	د	1340																																			

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	1- الأعداد والعمليات عليها 2- القياس والهندسة 3- التغير والعلاقات	السياق	علمي
--------	-------------------------------------------------------------------------	--------	------

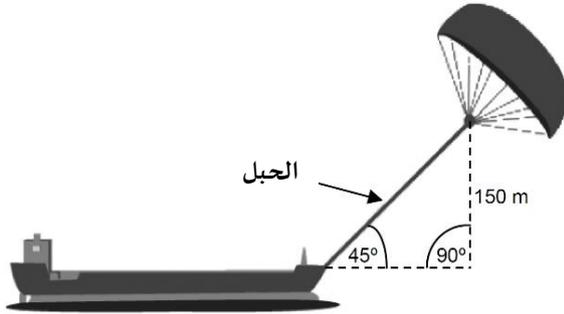
عنوان السؤال	السفن الشراعية
--------------	----------------

يتم نقل خمسة وتسعين في المائة من التجارة العالمية عن طريق البحر، بواسطة ما يقارب من 50000 ناقلة بترول وناقلة بضائع عامة وسفن الحاويات. معظم هذه السفن تستخدم وقود الديزل. يخطط المهندسون لتطوير دعم طاقة الرياح للسفن. اقتراحهم هو إرفاق الطائرات الشراعية بالسفن واستخدام طاقة الرياح للمساعدة في تقليل استهلاك الديزل وتأثير الوقود على البيئة.



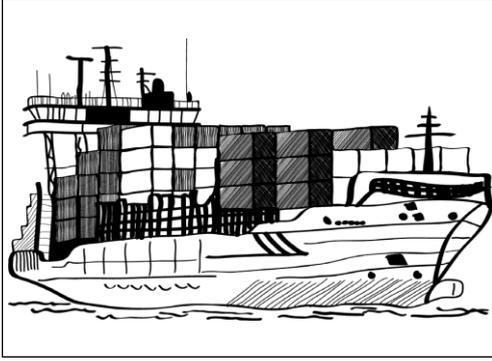
1. من مزايا الطائرة الشراعية أنها تطير على ارتفاع 150 مترًا. حيث تكون سرعة الرياح أعلى بنسبة 25٪ تقريبًا من سرعة الرياح على سطح السفينة. ما السرعة التقريبية التي تهب بها الرياح على الطائرة الشراعية عندما تكون سرعة الرياح 24 كم / ساعة على سطح السفينة؟

أ	6 كم/ساعة	ب	18 كم/ساعة	ج	25 كم/ساعة	د	30 كم/ساعة	هـ	49 كم/ساعة
---	-----------	---	------------	---	------------	---	------------	----	------------



2. ما هو الطول التقريبي لحبل الطائرة الشراعية لسحب السفينة بزاوية 45 درجة وارتفاعها الرأسى 150 مترًا، كما هو موضح في الشكل المقابل؟

أ	173 م	ب	212 م	ج	285 م	د	300 م
---	-------	---	-------	---	-------	---	-------



الاسم: New Wave

النوع: سفينة شحن

الطول: 117 متر

العرض: 18 متر

الحمولة: 12 ألف طن

السرعة القصوى: 19 عقدة

استهلاك الديزل سنويًا بدون الطائفة الشراعية: حوالي 3500000 لتر

بسبب ارتفاع تكاليف وقود الديزل البالغ 0.42 زد للتر الواحد، يفكر أصحاب سفينة New Wave في تجهيز سفينتهم بطائفة شراعية.

تشير التقديرات إلى أن الطائفة الشراعية لديها القدرة على تقليل استهلاك الديزل بحوالي 20٪ بشكل عام.

تبلغ تكلفة تجهيز New Wave بطائفة شراعية مقدار 2500000 زد.

استهلاك الديزل سنويًا بدون الطائفة الشراعية: حوالي 3500000 لتر

بعد كم سنة تقريبًا ستغطي تكلفة توفير وقود الديزل تكلفة الطائفة الشراعية؟ وضح إجابتك.

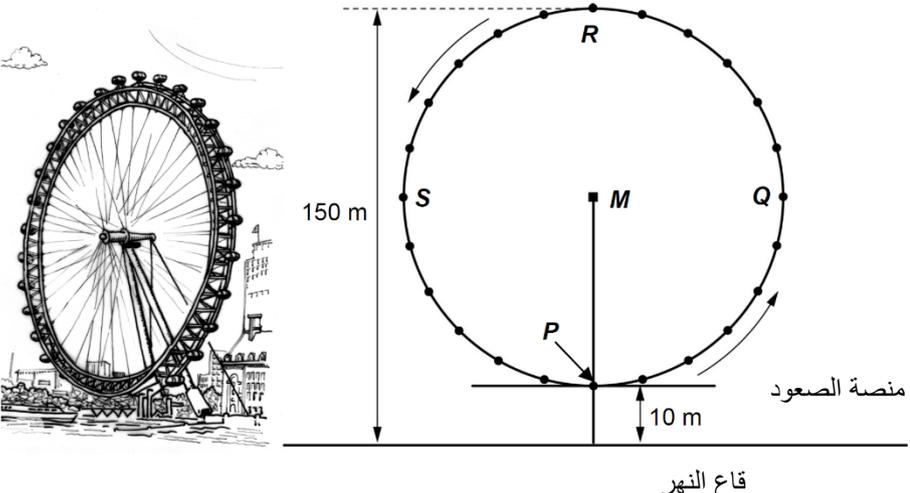
أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	التغير والعلاقات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		الصلصة	

تقوم هبة بتحضير الصلصة الخاصة بها للسلطة. الجدول أدناه يوضح مقادير الوصفة لكل 100 ملل من الصلصة.

60 مل	زيت السلطة
30 مل	خل
10 مل	صلصة الصويا

كم مليتراً من زيت السلطة تحتاج لصنع 150 مل من هذه الصلصة؟

المجال	القياس والهندسة	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		عجلة فيريس	
<p>توجد عجلة فيريس عملاقة على ضفة نهر. انظر الصورة والرسم التخطيطي أدناه.</p>  <p>قاع النهر</p> <p>منصة الصعود</p> <p>150 m</p> <p>10 m</p> <p>قاع النهر</p>			
<p>قطر العجلة 140 متر، وأعلى نقطة (ارتفاع) فيها عند 150 متر فوق قاع النهر. تدور العجلة في الاتجاه الموضح بالأسهم في الشكل أعلاه.</p> <p>يشير الحرف M (في الشكل أعلاه) إلى مركز العجلة. كم مترا يبلغ ارتفاع النقطة M فوق قاع النهر؟</p>			
<p>تدور عجلة فيريس بسرعة ثابتة، وتكمل دورة كاملة كل 40 دقيقة. بدأ خالد جولته على متن العجلة عند نقطة الصعود P. أين سيكون خالد بعد مرور نصف ساعة؟</p>			
أ	عند النقطة R	ب	بين النقطتين R و S
ج	عند النقطة S	د	بين النقطتين S و P

-1

-2

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	التغير والعلاقات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		قائدة الدراجة	
<p>حصلت أمل للتو على دراجة جديدة. وهي مزودة بعداد سرعة مثبت على المقود. يمكن لعداد السرعة أن يخبر أمل بالمسافة التي تقطعها ومتوسط سرعتها في الرحلة. في إحدى الرحلات، قطعت أمل مسافة 4 كيلومترات في أول 10 دقائق ثم قطعت 2 كيلومترًا في الدقائق الخمس التالية.</p> <p>1. أي العبارات التالية صحيحة؟</p> <p>أ- كان متوسط سرعة أمل أكبر في الدقائق العشر الأولى منه في الدقائق الخمس التالية.</p> <p>ب- كان متوسط سرعة أمل هو نفسه في أول 10 دقائق وفي الدقائق الخمس التالية.</p> <p>ج- كان متوسط سرعة أمل أقل في الدقائق العشر الأولى منه في الدقائق الخمس التالية.</p> <p>د- ليس من الممكن معرفة أي شيء عن متوسط سرعة أمل من المعلومات المعطاة.</p>			
<p>قطعت أمل مسافة 6 كيلومترات إلى منزل خالتها. أظهر عداد السرعة الخاص بها أن متوسط سرعتها 18 كم / ساعة طوال الرحلة.</p> <p>2. أي العبارات التالية صحيحة؟</p> <p>أ- استغرقت أمل 20 دقيقة للوصول إلى منزل خالتها.</p> <p>ب- استغرقت أمل 30 دقيقة للوصول إلى منزل خالتها.</p> <p>ج- استغرقت أمل 3 ساعات للوصول إلى منزل خالتها.</p> <p>د- ليس من الممكن معرفة المدة التي استغرقتها أمل للوصول إلى منزل خالتها.</p>			
<p>ركبت أمل دراجتها من المنزل إلى النهر الذي يبعد عنها 4 كم. استغرقت الرحلة 9 دقائق. ثم عادت إلى المنزل باستخدام طريق أقصر يبلغ طوله 3 كيلومترات واستغرقت 6 دقائق فقط.</p> <p>3. ما هو متوسط سرعة أمل بالكلم/الساعة للذهاب والعودة معاً؟</p>			

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي																									
عنوان السؤال		شراء سيارة																										
<p>حصل وليد للتو على رخصة قيادة السيارة ويريد شراء أول سيارة له.</p> <p>يوضح هذا الجدول أدناه تفاصيل أربع سيارات وجدها لدى تاجر سيارات محلي.</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الطراز</th> <th>A</th> <th>B</th> <th>C</th> <th>D</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>سنة الصنع</td> <td>2003</td> <td>2000</td> <td>2001</td> <td>1999</td> </tr> <tr> <td>السعر الترويجي (العملة زد)</td> <td>4800</td> <td>4450</td> <td>4250</td> <td>3990</td> </tr> <tr> <td>المسافة المقطوعة (كلم)</td> <td>105000</td> <td>115000</td> <td>128000</td> <td>109000</td> </tr> <tr> <td>سعة المحرك (لتر)</td> <td>1.79</td> <td>1.796</td> <td>1.82</td> <td>1.783</td> </tr> </tbody> </table> <p>يريد وليد سيارة تلي جميع الشروط التالية:</p> <ul style="list-style-type: none"> • ألا تزيد المسافة المقطوعة عن 120 ألف كيلومتر. • تم صنعها في عام 2000 أو ما بعدها. • السعر الترويجي لا يزيد عن 4500 زد <p>ماهي السيارة التي تلي شروط وليد؟</p>				الطراز	A	B	C	D	سنة الصنع	2003	2000	2001	1999	السعر الترويجي (العملة زد)	4800	4450	4250	3990	المسافة المقطوعة (كلم)	105000	115000	128000	109000	سعة المحرك (لتر)	1.79	1.796	1.82	1.783
الطراز	A	B	C	D																								
سنة الصنع	2003	2000	2001	1999																								
السعر الترويجي (العملة زد)	4800	4450	4250	3990																								
المسافة المقطوعة (كلم)	105000	115000	128000	109000																								
سعة المحرك (لتر)	1.79	1.796	1.82	1.783																								
<p>2. أي محرك سيارة ذو سعة أصغر؟</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>أ</th> <th>ب</th> <th>ج</th> <th>د</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A</td> <td>B</td> <td>C</td> <td>D</td> </tr> </tbody> </table>				أ	ب	ج	د	A	B	C	D																	
أ	ب	ج	د																									
A	B	C	D																									
<p>3. سيتعين على وليد دفع 2.5٪ قيمة إضافية من التكلفة المعلن عنها للسيارة كضريبة، كم قيمة الضريبة الإضافية على السيارة من الطراز (A)؟</p>																												

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي
عنوان السؤال		كشف حساب	
<p>تقوم السيدة وفاء بتحويل 130 زد إلى الحساب المصري لابنها كل أسبوع في بلدة زد لاند، تفرض البنوك رسوماً على كل تحويل. تلقت السيدة وفاء كشف الحساب البنكي لشهر نوفمبر 2011، وكان كما يلي:</p>			
كشف الحساب البنكي			
كشف للسيدة: وفاء		نوع الحساب: جاري	
الشهر: نوفمبر 2011		رقم الحساب: Z0005689	
التاريخ	العملية	دائن (له)	مدين (عليه)
1- نوفمبر	الرصيد الافتتاحي		1780.25
5- نوفمبر	راتب	575.00	2355.25
5- نوفمبر	تحويل		2225.25
5- نوفمبر	رسوم التحويل		2223.75
12- نوفمبر	راتب	575.00	2798.75
12- نوفمبر	تحويل		2668.75
12- نوفمبر	رسوم التحويل		2667.25
13- نوفمبر	سحب		2502.25
19- نوفمبر	راتب	575.00	3077.25
19- نوفمبر	تحويل		2947.25
19- نوفمبر	رسوم التحويل		2945.75
26- نوفمبر	راتب	575.00	3520.75
26- نوفمبر	تحويل		3390.75
26- نوفمبر	رسوم التحويل		3389.25
27- نوفمبر	سحب		3209.25
27- نوفمبر	سحب (الإيجار)		2009.25
30- نوفمبر	فوائد	6.10	2015.35
<p>كم إجمالي رسوم التحويل البنكية في شهر نوفمبر؟ إجمالي رسوم التحويل البنكية بالزد يساوي:</p>			
<p>بعد نوفمبر، تمت العمليات التالية فقط في 3 - ديسمبر:</p> <ul style="list-style-type: none"> • إيداع الراتب وقدره 575 زد في حساب السيدة وفاء. • تحويل مبلغ 130 زد من حساب السيدة وفاء إلى حساب ابنها. <p>ما هو الرصيد الجديد في نهاية يوم 3 - ديسمبر؟ الرصيد الجديد بالزد يساوي</p>			

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	شخصي
عنوان السؤال	نفقات استخدام السيارة		
<p>أخذت السيدة نهال قرضاً لشراء سيارة لعائلتها. معدل الفائدة على القرض ثابت، والتكلفة التي ستحملها السيدة نهال هي سداد الأقساط الشهرية. هناك أيضاً تكاليف أخرى لتشغيل السيارة مثل تكاليف البنزين وتكاليف الإصلاح والصيانة. هناك تكاليف تزداد كلما استخدمت السيارة، في حين تظل تكاليف أخرى ثابتة.</p> <p>لكل تكلفة في الجدول التالي، ضع دائرة حول (تزداد) أو (تظل ثابتة): لإظهار كيف تتأثر التكلفة كلما استخدمت عائلة نهال السيارة أكثر.</p>			
التكاليف	تأثير التكلفة كلما استخدمت عائلة نهال السيارة أكثر		
سداد الأقساط الشهرية	تزداد / تظل ثابتة		
تكاليف البنزين	تزداد / تظل ثابتة		
تكاليف الإصلاح والصيانة	تزداد / تظل ثابتة		

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		عقد الهاتف المحمول	

يريد محمد شراء هاتفًا محمولاً، ولكنه لم يبلغ السن القانونية لتوقيع العقد، فاشترت له والدته الهاتف ووقعت عقداً مدته عامًا واحدًا.

وافق محمد على دفع فاتورة الهاتف الشهرية، وبعد 6 أسابيع اكتشفت والدته أن الفاتورة لم تُدفع.

في الجدول أدناه؛ هل كل جملة حول فاتورة الهاتف المحمول صواب أم خطأ؟

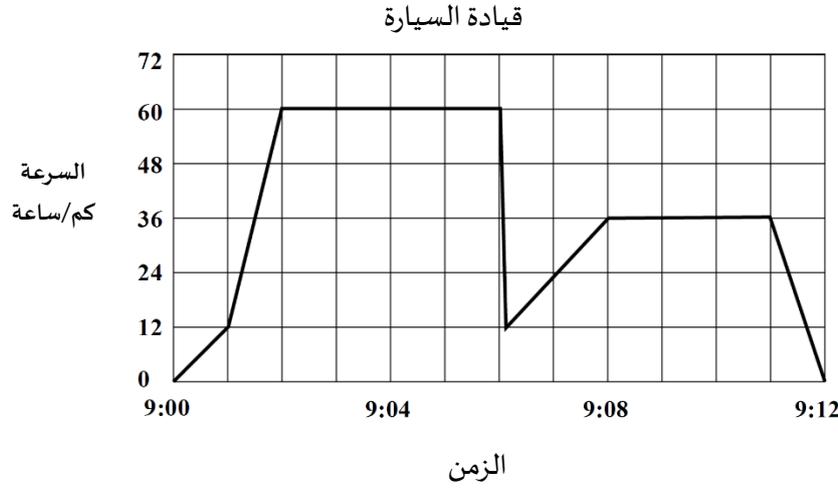
قم بوضع دائرة حول كلمة "صواب" أو "خطأ" لكل جملة بما يناسبها.

هل الجملة حول فاتورة الهاتف صواب أم خطأ؟	الجملة
صواب / خطأ	1- والدة محمد مسؤولة قانونيًا عن دفع الفاتورة
صواب / خطأ	2- يجب على متجر الهواتف المحمولة دفع الفاتورة إذا لم يدفعها محمد ولا والدته
صواب / خطأ	3- لا يلزم دفع الفاتورة إذا أعاد محمد الهاتف المحمول إلى المتجر

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		قيادة السيارة	

ذهبت سارة في جولة بالسيارة. أثناء القيادة، ركضت قطة أمام السيارة. ضغطت سارة على الفرامل بقوة ولم تصطدم بالقطة. قررت سارة العودة إلى المنزل بعد أن شعرت بالصدمة قليلاً. يعد التمثيل البياني أدناه سجلاً مبسطاً لسرعة السيارة أثناء القيادة.



ما السرعة القصوى للسيارة أثناء القيادة؟
السرعة (القصوى): كم / ساعة.

ما هو الوقت الذي ضغطت فيه سارة على الفرامل لتجنب القطة؟

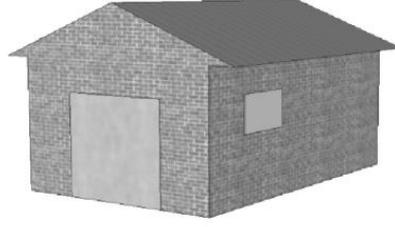
.....

هل كان الطريق الذي سلكته سارة للعودة إلى المنزل أقصر من المسافة التي قطعتها من المنزل إلى المكان الذي وقع فيه الحادث مع القطة؟
قدم تفسيراً لدعم اجابتك باستخدام التمثيل البياني.

.....

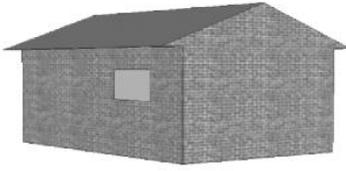
أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات			
المجال	القياس والهندسة	السياق	مهني
عنوان السؤال		الكراج	

تتضمن المجموعة "الأساسية" من الشركة المصنعة للكراج على نماذج ذات نافذة واحدة وباب واحد فقط. اختار عامر النموذج التالي من المجموعة "الأساسية". يظهر فيها موضع النافذة والباب.

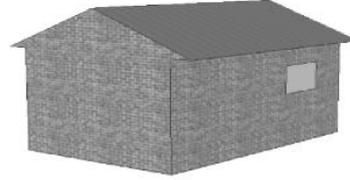


تُظهر الرسوم التوضيحية أدناه نماذج "أساسية" مختلفة كما يتم عرضها من الخلف. واحد فقط من هذه الرسوم التوضيحية يطابق النموذج الذي اختاره عامر. ما النموذج الذي اختاره عامر؟

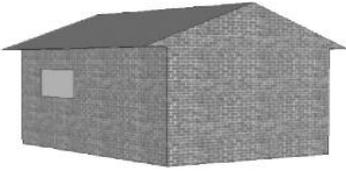
A



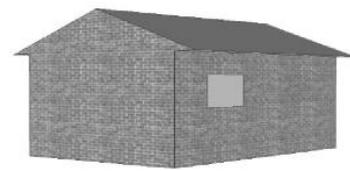
B



C



D



.1

D

د

C

ج

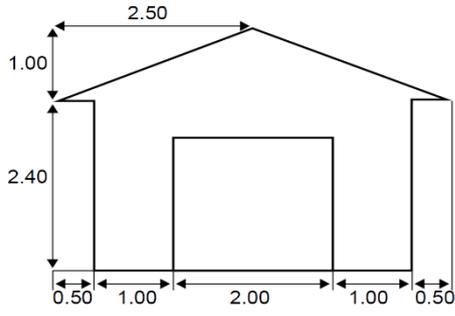
B

ب

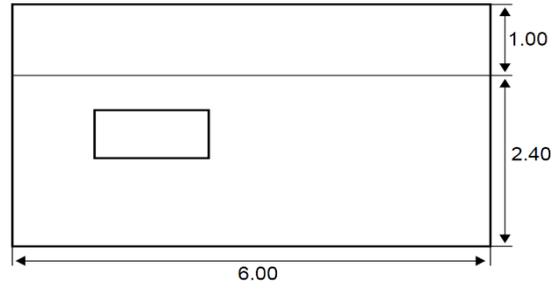
A

أ

توضيح المخططات أدناه أبعاد الكراج الذي اختاره عامر بالأمتار

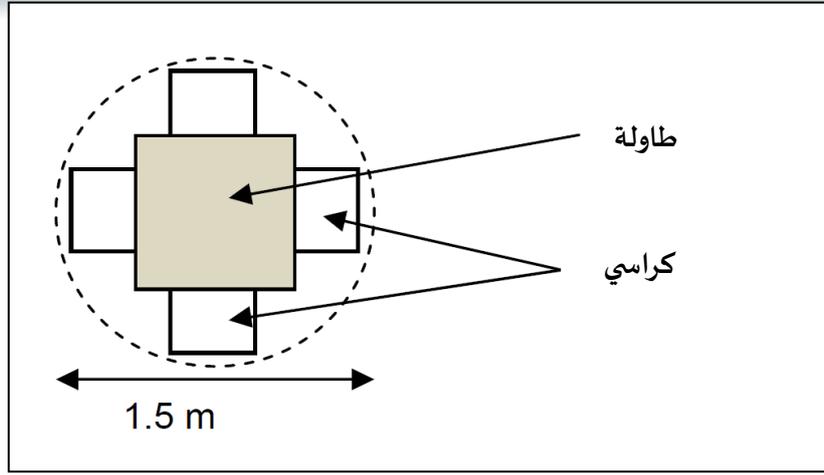


منظر أمامي



منظر جانبي

يتكون السقف من قسمين مستطيلين متطابقين.
احسب المساحة الإجمالية للسقف.



تريد ليلي الحصول على مجموعات من الطاولات وأربعة كراسي _ مثل الموضح في الصورة أعلاه _ لمتجرها.
تمثل الدائرة مساحة الأرضية اللازمة لكل مجموعة.

3. لكي يحصل العملاء على مساحة كافية عند جلوسهم، يجب وضع كل مجموعة (كما تمثلها الدائرة) وفقاً للقيود التالية:

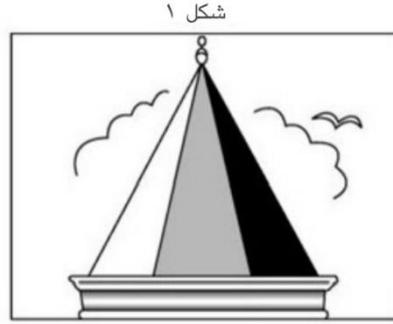
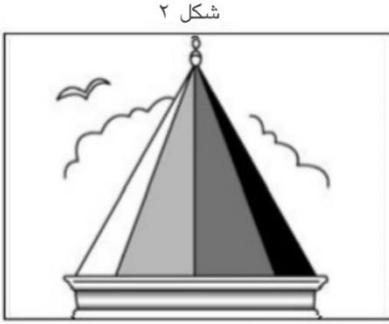
1. وضع كل مجموعة على بعد 0.5 متر على الأقل من الجدران.
2. وضع كل مجموعة على بعد 0.5 متر على الأقل من المجموعات الأخرى.

ما الحد الأقصى لعدد المجموعات التي يمكن أن تضعها ليلي في منطقة الجلوس المظللة في متجرها؟

.....

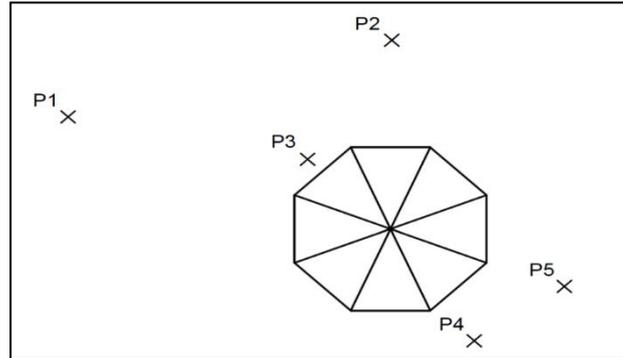
المجال	الهندسة والقياس	السياق	علمي
عنوان السؤال	رؤية البرج		
نشاط تفاعلي	 https://www.geogebra.org/m/sjcfpycv		

في الشكلين 1 و2 أدناه، نرى رسمتين لنفس البرج.
في الشكل 1، نرى ثلاثة أوجه لأعلى البرج، في الشكل 2 نرى أربعة أوجه للبرج.



في الرسم التخطيطي التالي يظهر منظر البرج من الأعلى، تظهر على الرسم التخطيطي 5 مواضع. كل منها مميز بعلامة (x) ومسماه ب p1 – p5

ومن كل هذه المواضع، سيكون الشخص الذي يشاهد البرج قادرًا على رؤية عدد من وجوه البرج.



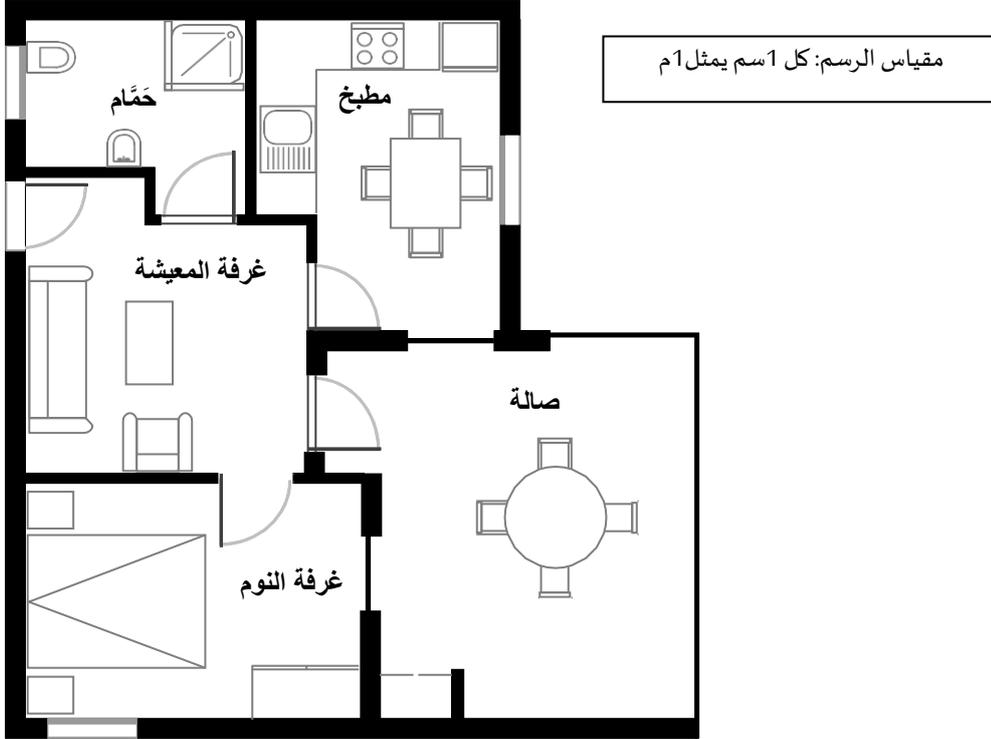
في الجدول أدناه ضع دائرة حول عدد الوجوه التي يمكن رؤيتها من كل هذه المواضع.

الموضع	عدد الوجوه التي يمكن رؤيتها من كل موضع (ضع دائرة حول الرقم الصحيح)			
P1	1	2	3	4
P2	1	2	3	4
P3	1	2	3	4
P4	1	2	3	4
P5	1	2	3	4

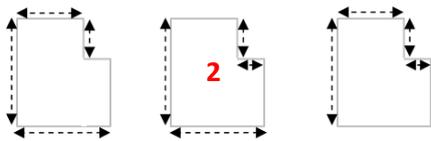
نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		شراء شقة	

يريد عبدالله شراء شقة من وكالة عقارية، والمخطط أدناه لهذه الشقة.



لتقدير إجمالي مساحة الشقة (بما في ذلك الصالة والجدران)، يمكنك قياس أبعاد كل غرفة وإيجاد مساحتها، ثم جمع جميع المساحات معاً. إلا أن هناك طريقة أكثر كفاءة تحتاج فيها إلى قياس (4) أطوال فقط. المطلوب: حدّد الأطوال الأربعة اللازمة لتقدير إجمالي مساحة الشقة، وذلك برسم خطوطاً بجانبها أو وضع علامات فوقها، ثم استعمل الأطوال الأربعة لإيجاد تقدير مساحة الشقة.



ملحوظة: استعمل المسطرة لقياس الأطوال التي حددتها على الرسم.

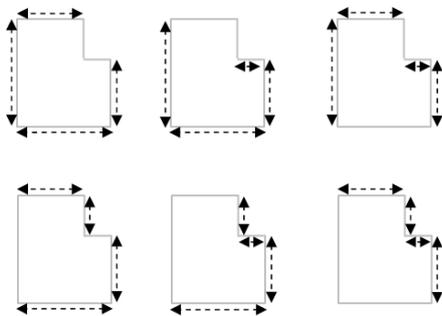
الحل:

هناك 9 حلول ممكنة كما هو موضح في الرسوم البيانية المجاورة.

إجابة ممكنة وفق النموذج (2)

$$A = (9.4\text{m} \times 8.8\text{m}) - (2.2\text{m} \times 4.4\text{m}) = 73.04 \text{ m}^2$$

[يستخدم بوضوح 4 أطوال فقط لقياس وحساب المساحة المطلوبة]



أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

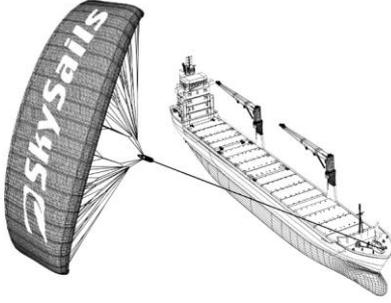
المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي																																			
عنوان السؤال		الرسوم البيانية																																				
<p>في يناير، تم إصدار الأقراص المضغوطة الجديدة لفرقة (1) وفرقة (2). تبع ذلك في شباط (فبراير)، إصدار الأقراص المضغوطة الجديدة لفرقة (3) وفرقة (4). يوضح الرسم البياني التالي مبيعات الأقراص المضغوطة الخاصة بالفرق الموسيقية من يناير إلى يونيو.</p> <p>مبيعات الأقراص المضغوطة شهرياً</p> <table border="1"> <caption>بيانات الرسم البياني: مبيعات الأقراص المضغوطة شهرياً</caption> <thead> <tr> <th>الشهر</th> <th>فرقة (1)</th> <th>فرقة (2)</th> <th>فرقة (3)</th> <th>فرقة (4)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>يناير</td> <td>2100</td> <td>1650</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>فبراير</td> <td>2050</td> <td>1850</td> <td>250</td> <td>1000</td> </tr> <tr> <td>مارس</td> <td>1950</td> <td>1550</td> <td>1350</td> <td>250</td> </tr> <tr> <td>أبريل</td> <td>1850</td> <td>1250</td> <td>1600</td> <td>500</td> </tr> <tr> <td>مايو</td> <td>1700</td> <td>950</td> <td>1700</td> <td>650</td> </tr> <tr> <td>يونيو</td> <td>2050</td> <td>650</td> <td>1850</td> <td>900</td> </tr> </tbody> </table>				الشهر	فرقة (1)	فرقة (2)	فرقة (3)	فرقة (4)	يناير	2100	1650	0	0	فبراير	2050	1850	250	1000	مارس	1950	1550	1350	250	أبريل	1850	1250	1600	500	مايو	1700	950	1700	650	يونيو	2050	650	1850	900
الشهر	فرقة (1)	فرقة (2)	فرقة (3)	فرقة (4)																																		
يناير	2100	1650	0	0																																		
فبراير	2050	1850	250	1000																																		
مارس	1950	1550	1350	250																																		
أبريل	1850	1250	1600	500																																		
مايو	1700	950	1700	650																																		
يونيو	2050	650	1850	900																																		
<p>1. كم عدد الأقراص المضغوطة التي باعتها فرقة (4) في أبريل؟</p>																																						
أ	250	ب	500																																			
ج	1000	د	1270																																			
<p>2. في أي شهر باعت فرقة (3) عددًا من الأقراص المضغوطة أكثر من فرقة (2) لأول مرة؟</p>																																						
أ	ولا شهر	ب	مارس																																			
ج	أبريل	د	مايو																																			
<p>3. يشعر مدير فرقة (2) بالقلق لأن عدد الأقراص المضغوطة التي بيعت انخفض من فبراير إلى يونيو. ما هو تقدير حجم مبيعاتهم لشهر يوليو إذا استمر نفس الاتجاه السلبي؟</p>																																						
أ	70	ب	370																																			
ج	670	د	1340																																			

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	1- الأعداد والعمليات عليها 2- القياس والهندسة 3- التغير والعلاقات	السياق	علمي
--------	-------------------------------------------------------------------------	--------	------

عنوان السؤال	السفن الشراعية
--------------	----------------

يتم نقل خمسة وتسعين في المائة من التجارة العالمية عن طريق البحر، بواسطة ما يقارب من 50000 ناقلة بترول وناقلة بضائع عامة وسفن الحاويات. معظم هذه السفن تستخدم وقود الديزل. يخطط المهندسون لتطوير دعم طاقة الرياح للسفن. اقتراحهم هو إرفاق الطائرات الشراعية بالسفن واستخدام طاقة الرياح للمساعدة في تقليل استهلاك الديزل وتأثير الوقود على البيئة.



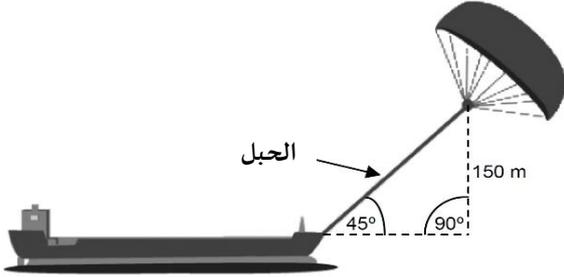
من مزايا الطائرة الشراعية أنها تطير على ارتفاع 150 متراً. حيث تكون سرعة الرياح أعلى بنسبة 25٪ تقريباً من سرعة الرياح على سطح السفينة.

ما السرعة التقريبية التي تهب بها الرياح على الطائرة الشراعية عندما تكون سرعة الرياح 24 كم / ساعة على سطح السفينة؟

$$25\% \text{ من } 24 = 24 \times \frac{25}{100} = 6$$

$$24 + 6 = 30 \text{ كم / ساعة}$$

أ	6 كم/ساعة	ب	18 كم/ساعة	ج	25 كم/ساعة	د	30 كم/ساعة	هـ	40 كم/ساعة
---	-----------	---	------------	---	------------	---	------------	----	------------



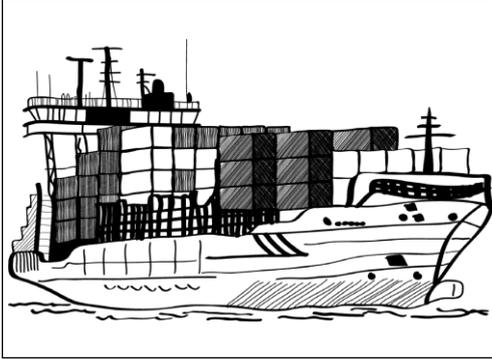
ما هو الطول التقريبي لحبل الطائرة الشراعية لسحب السفينة بزاوية 45 درجة وارتفاعها الرأسى 150 متراً. كما هو موضح في الشكل المقابل؟

باستخدام نظرية فيثاغورس

طول الحبل

$$\sqrt{(150)^2 + (150)^2} \approx 212$$

أ	173 م	ب	212 م	ج	285 م	د	300 م
---	-------	---	-------	---	-------	---	-------



الاسم: New Wave
النوع: سفينة شحن
الطول: 117 متر
العرض: 18 متر
الحمولة: 12 ألف طن
السرعة القصوى: 19 عقدة
استهلاك الديزل سنويًا بدون طائفة شرعية: حوالي 3500000 لتر

بسبب ارتفاع تكاليف وقود الديزل البالغ 0.42 زد للتر الواحد، يفكر أصحاب سفينة New Wave في تجهيز سفينتهم بطائفة شرعية.

تشير التقديرات إلى أن الطائفة الشرعية لديها القدرة على تقليل استهلاك الديزل بحوالي 20٪ بشكل عام. تبلغ تكلفة تجهيز New Wave بطائفة شرعية مقدار 2500000 زد. استهلاك الديزل سنويًا بدون الطائفة الشرعية: حوالي 3500000 لتر بعد كم سنة تقريبًا ستغطي تكلفة توفير وقود الديزل تكلفة الطائفة الشرعية؟ وضح إجابتك.

الحل: من 8 إلى 9 سنوات

استهلاك الديزل في العام بدون الطائفة الشرعية: 3.5 مليون لتر، السعر 0.42 زد/لتر
تكاليف الديزل بدون الطائفة الشرعية = $0.42 \times 3500000 = 1470000$ زد،

إذا تم توفير 20% مع الطائفة الشرعية فسيؤدي ذلك إلى توفير

$0.2 \times 1470000 = 294000$ زد في السنة

$8.5 = 294000 \div 2500000$

أي: بعد حوالي 8 إلى 9 سنوات

تصبح الطائفة الشرعية مجددة (ماليًا)

3.

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	التغير والعلاقات	السياق	شخصي
--------	------------------	--------	------

عنوان السؤال	الصلصة
--------------	--------

تقوم هبة بتحضير الصلصة الخاصة بها للسلطة. الجدول أدناه يوضح مقادير الوصفة لكل 100 ملل من الصلصة

60 مل	زيت السلطة
30 مل	خل
10 مل	صلصة الصويا

كم مليتراً من زيت السلطة تحتاج لصنع 150 مل من هذه الصلصة؟

الحل:

كل 100 ملل من الصلصة يحتاج إلى 60 مل من الزيت.
 إذن كل 50 ملل من الصلصة يحتاج إلى 30 مل من الزيت. (بالقسمة على 2)
 إذن 150 ملل من الصلصة يحتاج إلى 90 مل من الزيت. (بالضرب في 3)

حل آخر:

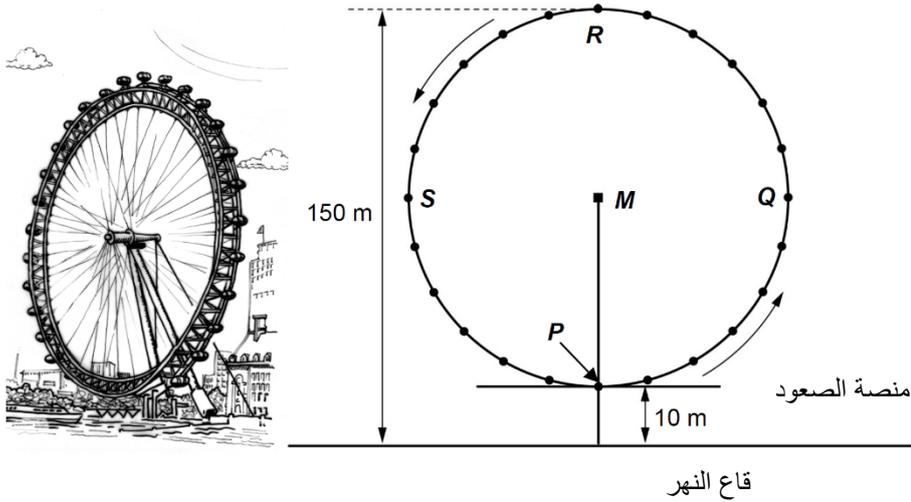
100 ملل ← 60 مل
 150 ملل ← x

$$x = \frac{9000}{100}$$

$$x = 90$$

إذن 150 ملل من الصلصة يحتاج إلى 90 مل من الزيت

توجد عجلة فيريس عملاقة على ضفة نهر. انظر الصورة والرسم التخطيطي أدناه.



قطر العجلة 140 متر، وأعلى نقطة (ارتفاع) فيها عند 150 متر فوق قاع النهر. تدور العجلة في الاتجاه الموضح بالأسهم في الشكل أعلاه.

يشير الحرف M (في الشكل أعلاه) إلى مركز العجلة. كم متراً يبلغ ارتفاع النقطة M فوق قاع النهر؟

نصف قطر العجلة = 70 متراً.

المسافة من قاع النهر إلى منصة الصعود = 10 أمتار.

إذن ارتفاع النقطة M فوق قاع النهر = $70 + 10 = 80$ متراً.

تدور عجلة فيريس بسرعة ثابتة، وتكمل دورة كاملة كل 40 دقيقة. بدأ خالد جولته على متن العجلة عند نقطة الصعود P. أين سيكون خالد بعد مرور نصف ساعة؟

40 ← 1

30 ← X

$$\frac{3}{4} = \frac{30}{40} = X \quad 30 = 40X$$

إذن تكمل العجلة ثلاثة أرباع الدورة الكاملة في 30 دقيقة؛ أي سيكون خالد عند النقطة S

أ	عند النقطة R	ب	بين النقطتين R و S	ج	عند النقطة S	د	بين النقطتين S و P
---	--------------	---	--------------------	---	--------------	---	--------------------

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	التغير والعلاقات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		قائدة الدراجة	
<p>حصلت أمل للتو على دراجة جديدة. وهي مزودة بعداد سرعة مثبت على المقود . يمكن لعداد السرعة أن يخبر أمل بالمسافة التي تقطعها ومتوسط سرعتها في الرحلة. في إحدى الرحلات، قطعت أمل مسافة 4 كيلومترات في أول 10 دقائق ثم قطعت 2 كيلومتر في الدقائق الخمس التالية.</p> <p>1. أي العبارات التالية صحيحة؟</p> <p>أ- كان متوسط سرعة أمل أكبر في الدقائق العشر الأولى منه في الدقائق الخمس التالية. ب- كان متوسط سرعة أمل هو نفسه في أول 10 دقائق وفي الدقائق الخمس التالية. ج- كان متوسط سرعة أمل أقل في الدقائق العشر الأولى منه في الدقائق الخمس التالية. د- ليس من الممكن معرفة أي شيء عن متوسط سرعة أمل من المعلومات المعطاة.</p>			
<p>قطعت أمل مسافة 6 كيلومترات إلى منزل خالتها. أظهر عداد السرعة الخاص بها أن متوسط سرعتها 18 كم / ساعة طوال الرحلة.</p> <p>2. أي العبارات التالية صحيحة؟</p> <p>أ- استغرقت أمل 20 دقيقة للوصول إلى منزل خالتها. ب- استغرقت أمل 30 دقيقة للوصول إلى منزل خالتها. ج- استغرقت أمل 3 ساعات للوصول إلى منزل خالتها. د- ليس من الممكن معرفة المدة التي استغرقتها أمل للوصول إلى منزل خالتها.</p>			
<p>ركبت أمل دراجتها من المنزل إلى النهر الذي يبعد عنها 4 كم. استغرقت الرحلة 9 دقائق. ثم عادت إلى المنزل باستخدام طريق أقصر يبلغ طوله 3 كيلومترات واستغرقت 6 دقائق فقط.</p> <p>ما هو متوسط سرعة أمل بالكلم/الساعة للذهاب والعودة معاً؟</p> <p>3. الحل:</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>بحل التناسب:</p> <p>15 س = 7 × 60</p> <p>س = 28 كلم / ساعة</p> </div> <div style="text-align: center;"> <p>$\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \text{السرعة}$</p> <p>السرعة = (3+4) كلم / (6+9) دقيقة</p> <p>7 كلم / 15 دقيقة = س كلم / 60 دقيقة</p> </div> </div>			

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي																									
عنوان السؤال		شراء سيارة																										
<p>حصل وليد للتو على رخصة قيادة السيارة ويريد شراء أول سيارة له.</p> <p>يوضح هذا الجدول أدناه تفاصيل أربع سيارات وجددها لدى تاجر سيارات محلي.</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>الطراز</th> <th>A</th> <th>B</th> <th>C</th> <th>D</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>سنة الصنع</td> <td>2003</td> <td>2000</td> <td>2001</td> <td>1999</td> </tr> <tr> <td>السعر الترويجي (العملة زد)</td> <td>4800</td> <td>4450</td> <td>4250</td> <td>3990</td> </tr> <tr> <td>المسافة المقطوعة (كلم)</td> <td>105000</td> <td>115000</td> <td>128000</td> <td>109000</td> </tr> <tr> <td>سعة المحرك (لتر)</td> <td>1.79</td> <td>1.796</td> <td>1.82</td> <td>1.783</td> </tr> </tbody> </table> <p>يريد وليد سيارة تلي جميع الشروط التالية:</p> <ul style="list-style-type: none"> • ألا تزيد المسافة المقطوعة عن 120 ألف كيلومتر. • تم صنعها في عام 2000 أو ما بعدها. • السعر الترويجي لا يزيد عن 4500 زد <p>ماهي السيارة التي تلي شروط وليد؟</p> <p>الحل: السيارة من طراز (B)</p>				الطراز	A	B	C	D	سنة الصنع	2003	2000	2001	1999	السعر الترويجي (العملة زد)	4800	4450	4250	3990	المسافة المقطوعة (كلم)	105000	115000	128000	109000	سعة المحرك (لتر)	1.79	1.796	1.82	1.783
الطراز	A	B	C	D																								
سنة الصنع	2003	2000	2001	1999																								
السعر الترويجي (العملة زد)	4800	4450	4250	3990																								
المسافة المقطوعة (كلم)	105000	115000	128000	109000																								
سعة المحرك (لتر)	1.79	1.796	1.82	1.783																								
<p>أي محرك سيارة ذو سعة أصغر؟</p>																												
أ	ب	ج	د																									
<p>سيتمين على وليد دفع 2.5٪ قيمة إضافية من التكلفة المعلن عنها للسيارة كضريبة، كم قيمة الضريبة الإضافية على السيارة من الطراز (A)؟</p> <p>الحل:</p> <p>سعر السيارة من الطراز (A) = 4800 زد</p> <p>نسبة الضريبة 2.5 % = $100 / 2.5 = 0.025$</p> <p>مقدار الضريبة = 4800×0.025</p> <p>مقدار الضريبة = 120 زد</p>																												

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي
عنوان السؤال		كشف حساب	
<p>تقوم السيدة وفاء بتحويل 130 زد إلى الحساب المصرفي لابنها كل أسبوع في بلدة زد لاند، تفرض البنوك رسوماً على كل تحويل.</p> <p>تلقت السيدة وفاء كشف الحساب البنكي لشهر نوفمبر 2011، وكان كما يلي:</p>			
كشف الحساب البنكي			
كشف للسيدة: وفاء		نوع الحساب: جاري	
الشهر: نوفمبر 2011		رقم الحساب: Z0005689	
التاريخ	العملية	دائن (له)	مدين (عليه)
1- نوفمبر	الرصيد الافتتاحي		الرصيد
5- نوفمبر	راتب	575.00	
5- نوفمبر	تحويل		130.00
5- نوفمبر	رسوم التحويل		1.50
12- نوفمبر	راتب	575.00	
12- نوفمبر	تحويل		130.00
12- نوفمبر	رسوم التحويل		1.50
13- نوفمبر	سحب		165.00
19- نوفمبر	راتب	575.00	
19- نوفمبر	تحويل		130.00
19- نوفمبر	رسوم التحويل		1.50
26- نوفمبر	راتب	575.00	
26- نوفمبر	تحويل		130.00
26- نوفمبر	رسوم التحويل		1.50
27- نوفمبر	سحب		180.00
27- نوفمبر	سحب (الإيجار)		1200.00
30- نوفمبر	فوائد	6.10	

كم إجمالي رسوم التحويل البنكية في شهر نوفمبر؟
 إجمالي رسوم التحويل البنكية بالزد يساوي: **6. زد**

بعد نوفمبر، تمت العمليات التالية فقط في 3 - ديسمبر:

- إيداع الراتب وقدره 575 زد في حساب السيدة وفاء.
- تحويل مبلغ 130 زد من حساب السيدة وفاء إلى حساب ابنها.

2.

ما هو الرصيد الجديد في نهاية يوم 3 - ديسمبر؟

الرصيد الجديد بالزد يساوي: **2458.85**

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	شخصي
عنوان السؤال	نفقات استخدام السيارة		
<p>أخذت السيدة نهال قرضاً لشراء سيارة لعائلتها. معدل الفائدة على القرض ثابت، والتكلفة التي ستتحملها السيدة نهال هي سداد الأقساط الشهرية. هناك أيضاً تكاليف أخرى لتشغيل السيارة مثل تكاليف البنزين وتكاليف الإصلاح والصيانة. هناك تكاليف تزداد كلما استخدمت السيارة، في حين تظل تكاليف أخرى ثابتة.</p> <p>لكل تكلفة في الجدول التالي، ضع دائرة حول (تزداد) أو (تظل ثابتة): لإظهار كيف تتأثر التكلفة كلما استخدمت عائلة نهال السيارة أكثر.</p>			
التكاليف	تأثير التكلفة كلما استخدمت عائلة نهال السيارة أكثر		
سداد الأقساط الشهرية	تزداد / تظل ثابتة		
تكاليف البنزين	تزداد / تظل ثابتة		
تكاليف الإصلاح والصيانة	تزداد / تظل ثابتة		

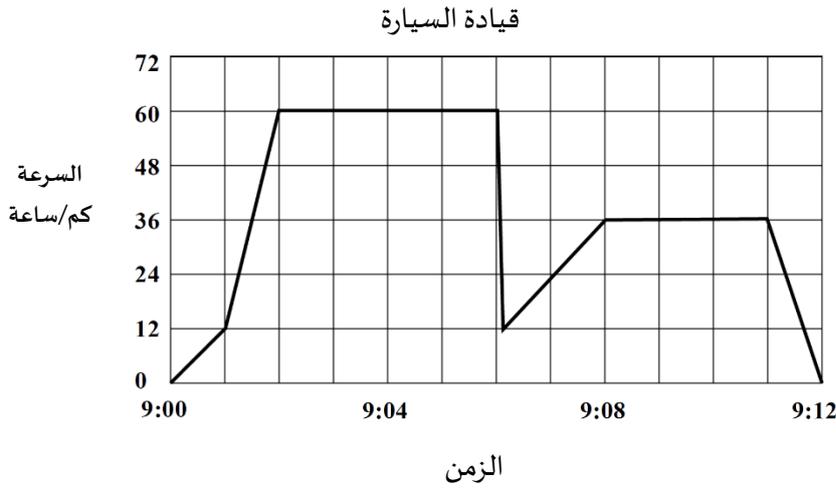
أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		عقد الهاتف المحمول	
<p>يريد محمد شراء هاتفًا محمولاً، ولكنه لم يبلغ السن القانونية لتوقيع العقد، فاشترت له والدته الهاتف ووقعت عقداً مدته عامًا واحدًا.</p> <p>و افق محمد على دفع فاتورة الهاتف الشهرية، وبعد 6 أسابيع اكتشفت والدته أن الفاتورة لم تُدفع.</p> <p>في الجدول أدناه؛ هل كل جملة حول فاتورة الهاتف المحمول صواب أم خطأ؟</p> <p>قم بوضع دائرة حول كلمة "صواب" أو "خطأ" لكل جملة بما يناسبها.</p>			
الجملة		هل الجملة حول فاتورة الهاتف صواب أم خطأ؟	
-1 والدة محمد مسؤولة قانونيًا عن دفع الفاتورة		صواب / خطأ	
-2 يجب على متجر الهواتف المحمولة دفع الفاتورة إذا لم يدفعها محمد ولا والدته		صواب / خطأ	
-3 لا يلزم دفع الفاتورة إذا أعاد محمد الهاتف المحمول إلى المتجر		صواب / خطأ	

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		قيادة السيارة	

ذهبت سارة في جولة بالسيارة. أثناء القيادة، ركضت قطة أمام السيارة. ضغطت سارة على الفرامل بقوة ولم تصطدم بالقطة. قررت سارة العودة إلى المنزل بعد أن شعرت بالصدمة قليلاً. يعد التمثيل البياني أدناه سجلاً مبسطاً لسرعة السيارة أثناء القيادة.



ما السرعة القصوى للسيارة أثناء القيادة؟

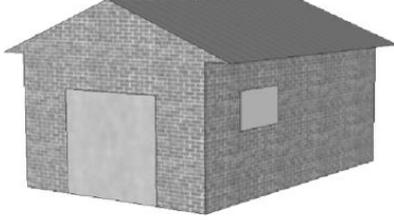
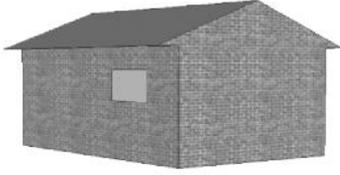
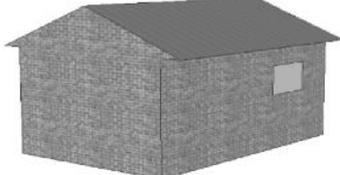
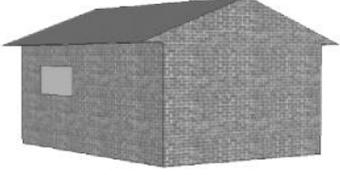
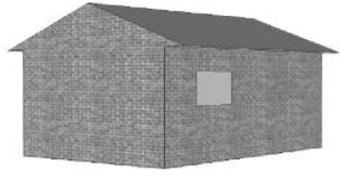
السرعة (القصوى):60..... كم / ساعة.

ما هو الوقت الذي ضغطت فيه سارة على الفرامل لتجنب القطة؟

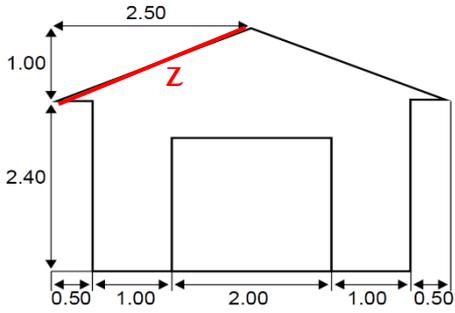
.....9:06.....

هل كان الطريق الذي سلكته سارة للعودة إلى المنزل أقصر من المسافة التي قطعها من المنزل إلى المكان الذي وقع فيه الحادث مع القطة؟ قدم تفسيراً لدعم اجابتك باستخدام التمثيل البياني.
نعم كان طريق العودة أقصر: لتساوي الزمن تقريباً، مع اختلاف متوسط السرعة حيث أن متوسط السرعة للمسافة التي قطعها من المنزل أكبر من متوسط سرعة العودة للمنزل

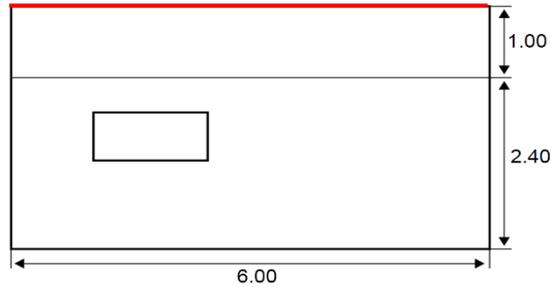
أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	مهني
عنوان السؤال		الكراج	
<p>تتضمن المجموعة "الأساسية" من الشركة المصنعة للكراج على نماذج ذات نافذة واحدة وباب واحد فقط. اختار عامر النموذج التالي من المجموعة "الأساسية". يظهر فيها موضع النافذة والباب.</p>  <p>تُظهر الرسوم التوضيحية أدناه نماذج "أساسية" مختلفة كما يتم عرضها من الخلف. واحد فقط من هذه الرسوم التوضيحية يطابق النموذج الذي اختاره عامر. ما النموذج الذي اختاره عامر؟</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> <div style="text-align: center;"> <p>A</p>  </div> <div style="text-align: center;"> <p>B</p>  </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 20px;"> <div style="text-align: center;"> <p>C</p>  </div> <div style="text-align: center;"> <p>D</p>  </div> </div>			
أ	ب	ج	د
A	B	C	D

توضيح المخططات أدناه أبعاد الكراج الذي اختاره عامر بالأمطار



منظر أمامي



منظر جانبي

يتكون السقف من قسمين مستطيلين متطابقين.

احسب المساحة الإجمالية للسقف.

المساحة الإجمالية = $2 \times$ مساحة المستطيل

= $2 \times (\text{الطول} \times \text{العرض})$

= $(Z \times 6) \times 2 =$

$Z = \sqrt{(2.50)^2 + (1)^2}$

= $\sqrt{7.25} = 2.69$

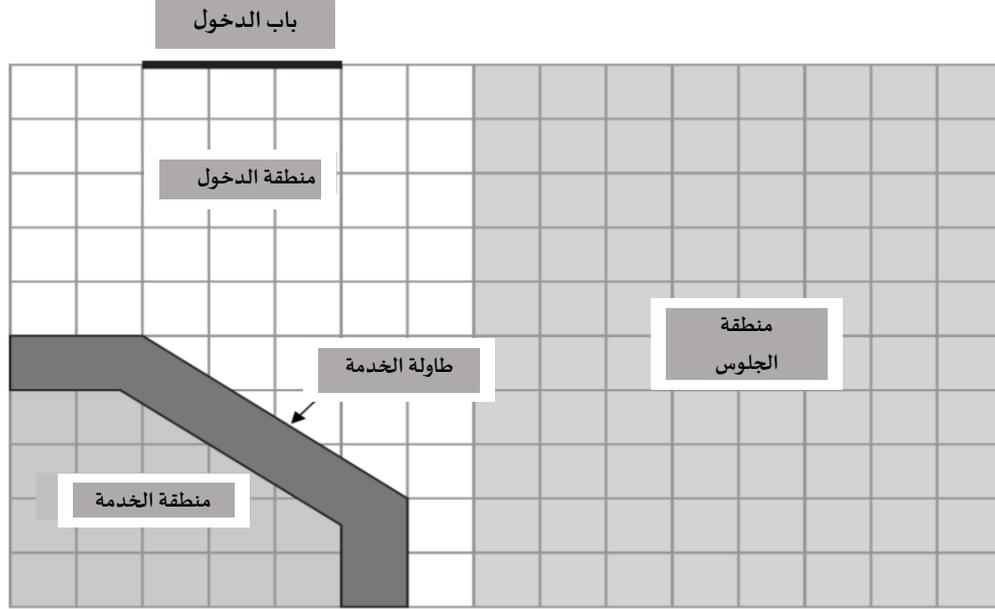
المساحة الإجمالية = $(2.69 \times 6) \times 2 =$

= 16.14×2

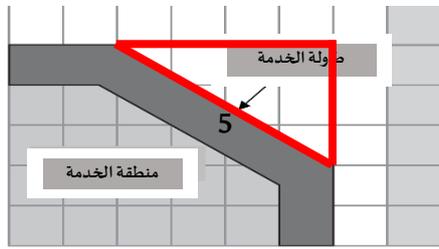
= 32.28 m^2

.2

هذا مخطط الطابق الأرضي لمتجر ليلي للأيس كريم. وهي تقوم بتجديد المتجر.
منطقة الخدمة محاطة بطاولة التقديم.

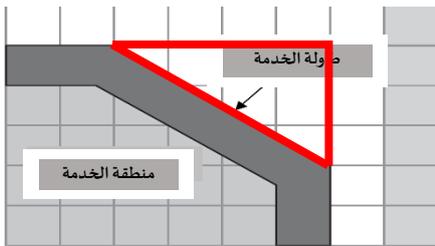


يمثل كل مربع على الشبكة 0.5 متر × 0.5 متر



تريد ليلي وضع حواف جديدة على طول الحافة الخارجية لطاولة الخدمة.
ما الطول الإجمالي للحواف التي تحتاجها؟ وضع إجابتك.
باستخدام ثلاثية فيثاغورس طول الضلع الثالث = 5 وحدات
بتطبيق مقياس الرسم = 2.5 متر
يكون الطول الإجمالي للحافة الخارجية للطاولة = 1 + 2.5 + 1 = 4.5 متر

ستقوم ليلي بتركيب أرضيات جديدة في المتجر. ما هي المساحة الإجمالية لأرضية المحل، بعد استثناء منطقة وطاولة الخدمة؟
وضع إجابتك.



مساحة الأرضية = المساحة الاجمالية - مساحة منطقة وطاولة الخدمة

ملاحظة: الأطوال حسب مقياس الرسم

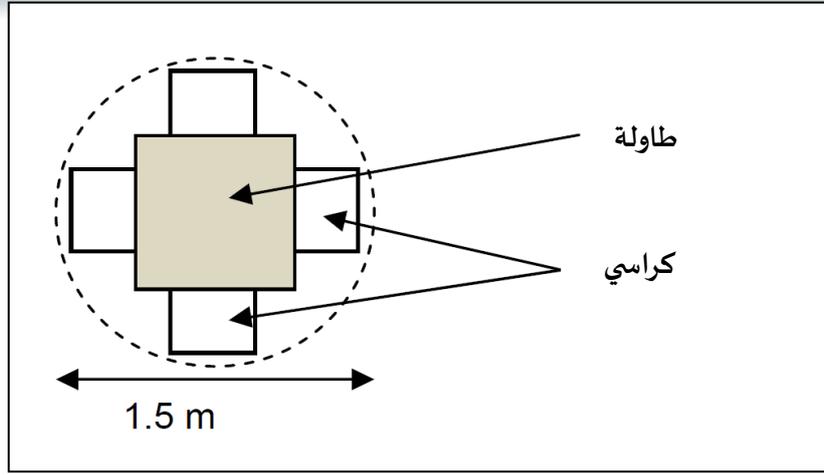
مساحة منطقة الخدمة وطاولتها = مساحة المستطيل - مساحة المثلث

$$\frac{2 \times 1.5}{2} - (3 \times 2.5) =$$

$$6 =$$

المساحة الاجمالية = 7.5 × 5 = 37.5 متر

مساحة الأرضية = 37.5 - 6 = 31.5 متر



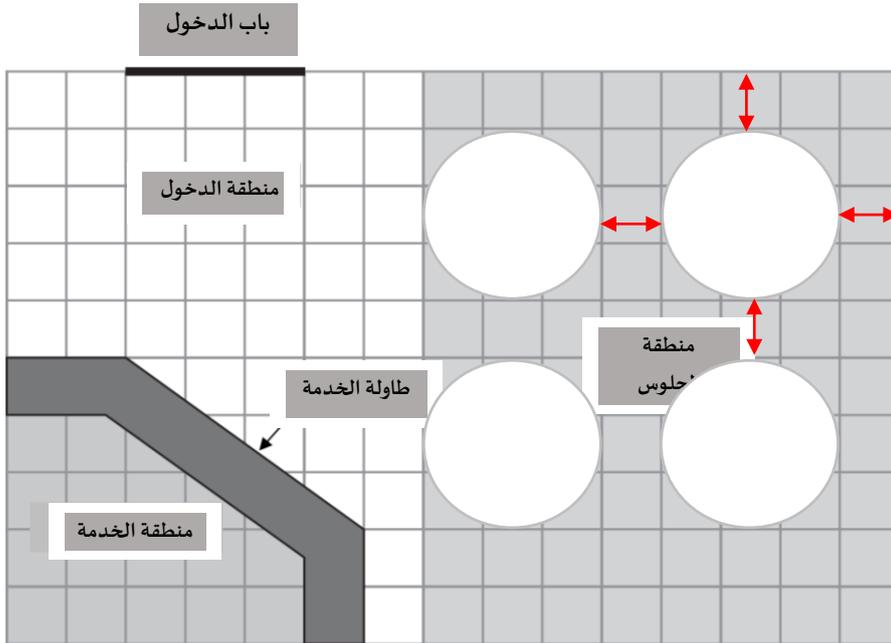
تريد ليلى الحصول على مجموعات من الطاولات وأربعة كراسي مثل الموضح في الصورة أعلاه في متجرها. تمثل الدائرة مساحة الأرضية اللازمة لكل مجموعة.

لكي يحصل العملاء على مساحة كافية عند جلوسهم، يجب وضع كل مجموعة (كما تمثلها الدائرة) وفقاً للقيود التالية:

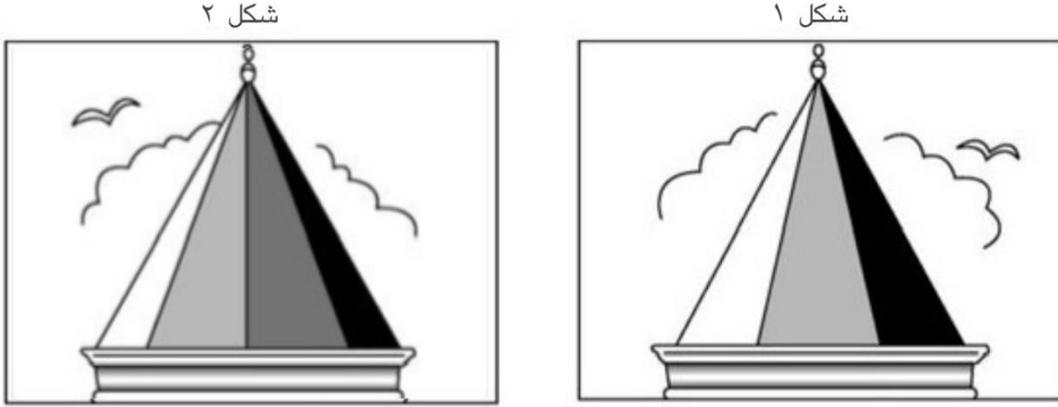
1. وضع كل مجموعة على بعد 0.5 متر على الأقل من الجدران.
2. وضع كل مجموعة على بعد 0.5 متر على الأقل من المجموعات الأخرى.

3. ما الحد الأقصى لعدد المجموعات التي يمكن أن تضعها ليلى في منطقة الجلوس المظللة - متجرها؟

عدد المجموعات 4

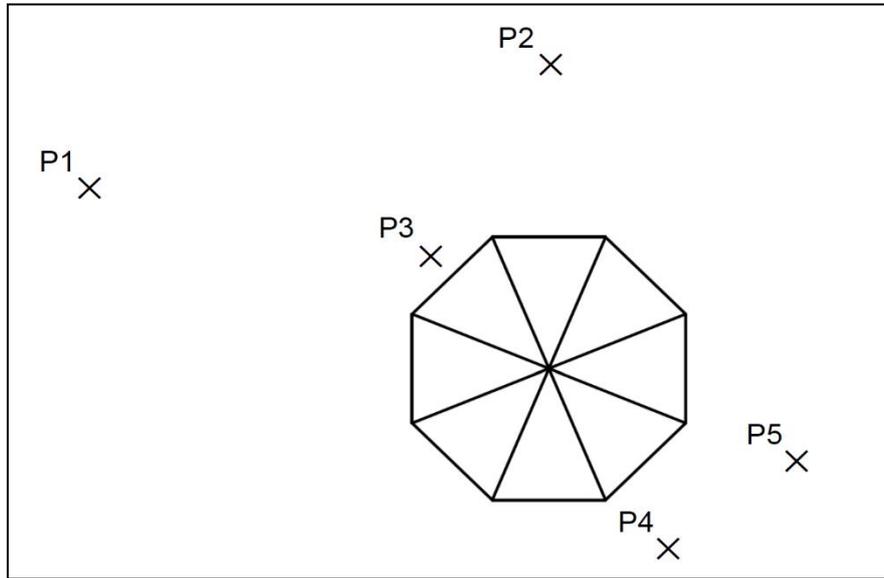


في الشكلين 1 و 2 أدناه، نرى رسمتين لنفس البرج.
في الشكل 1، نرى ثلاثة أوجه لأعلى البرج، في الشكل 2 نرى أربعة أوجه للبرج.



في الرسم التخطيطي التالي يظهر منظر البرج من الأعلى، تظهر على الرسم التخطيطي 5 مواضع. كل منها مميز بعلامة (x) ومسماه بـ p1 – p5

ومن كل هذه المواضع، سيكون الشخص الذي يشاهد البرج قادرًا على رؤية عدد من وجوه البرج.



في الجدول أدناه ضع دائرة حول عدد الوجوه التي يمكن رؤيتها من كل هذه المواضع

عدد الوجوه التي يمكن رؤيتها من كل موضع. (ضع دائرة حول الرقم الصحيح)	الموضع
أكثر من 4 4 3 2 1	P1
أكثر من 4 4 3 2 1	P2
أكثر من 4 4 3 2 1	P3
أكثر من 4 4 3 2 1	P4
أكثر من 4 4 3 2 1	P5

الأسئلة الإلكترونية الواردة في

إطار بيذا 2021

بعد مواءمتها لتصبح مناسبة للحل الورقي

PISA 2025

الرياضيات



BETTER POLICIES FOR BETTER LIVES

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		استخدام الهاتف الذكي	
نشاط تفاعلي		ارجع للبيانات في الجدول الوارد في فقرة (2): لحل النشاط التفاعلي التالي: https://wordwall.net/resource/80441477 	

أصبحت الهواتف الذكية جزءاً لا يتجزأ من حياتنا اليومية في مختلف أنحاء العالم، ويمتلك اليوم أكثر من 86% من السكان هاتفاً ذكياً.

العمود A	العمود B	العمود C	العمود D	في
اسم الدولة	عدد السكان (بالملايين)	عدد مستخدمي الهواتف الذكية (بالملايين)	النسبة المئوية لمستخدمي الهواتف الذكية	جدول
الولايات المتحدة	338.29	276.14		
اندونيسيا	275.357	187.7		
اليابان	125.738	97.44		
البرازيل	215.31	143.43		
باكستان	235.82	72.99		
نيجيريا	218.54	83.34		
روسيا	144.71	106.44		
المكسيك	127.5	78.37		
الفلبين	116.117	69.043		

البيانات أعلاه يمثل العمود (B) عدد السكان (بالملايين)، والعمود (C) عدد مستخدمي الهواتف الذكية (بالملايين) لمجموعة من الدول.

أي العمليات على العمودين B, C ستحدد النسبة المئوية لمستخدمي الهواتف الذكية (العمود D) لكل دولة؟

أ	$\frac{B \times 100}{C}$	ب	$\frac{C \times 100}{B}$	ج	$\frac{(B + C) \times 100}{C}$	د	$\frac{B \times 100}{(B + C)}$
---	--------------------------	---	--------------------------	---	--------------------------------	---	--------------------------------

العمود D	العمود C	العمود B	العمود A
نسبة مستخدمي الهواتف الذكية	عدد مستخدمي الهواتف الذكية (بالملايين)	عدد السكان (بالملايين)	اسم الدولة
%82	276.14	338.29	الولايات المتحدة
%68	187.7	275.357	اندونيسيا
%77	97.44	125.738	اليابان
%67	143.43	215.31	البرازيل
%31	72.99	235.82	باكستان
%38	83.34	218.54	نيجيريا
%74	106.44	144.71	روسيا
%61	78.37	127.5	المكسيك
%59	69.043	116.117	الفلبين

2

بالرجوع إلى جدول البيانات أعلاه، اختر صح أو خطأ لكل من العبارات التالية:

إرشاد: انسخ جدول البيانات أعلاه ولصقه في برنامج الإكسل واستفد من خاصية الفرز التصاعدي أو التنازلي.

خطأ	صح	العبارة
		الدولة التي تضم أكبر عدد من السكان لديها أيضاً أكبر عدد من مستخدمي الهواتف الذكية.
		الدولة التي بها أقل عدد من مستخدمي الهواتف الذكية لديها أيضاً أقل عدد من السكان.
		الدولة التي لديها أعلى نسبة من مستخدمي الهواتف الذكية لديها أقل عدد من السكان.
		الدولة التي نسبة مستخدمي الهواتف الذكية يمثل الوسيط للنسب هي نفسها الدولة التي بها عدد مستخدمي الهواتف الذكية يمثل الوسيط لعدد المستخدمين.

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي									
عنوان السؤال		جمال القوى										
فيديو لشرح السؤال		https://drive.google.com/file/d/12RWuMzBpVlwf48vVFDnDVqV_78S9d8pP/view?usp=share_link 										
<p>عند إجراء الضرب المتكرر لنفس الرقم، يمكنك استخدام القوى لتلخيص ما تقوم به. على سبيل المثال: $8^4 = 8 \times 8 \times 8 \times 8$ (أربع ثمانيات ضربت ببعض) $7^6 = 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7$ (ست سبعات ضربت ببعض) اختر صيح أو خطأ لكل من العبارات التالية:</p>												
<table border="1"> <thead> <tr> <th>العبارة</th> <th>صح</th> <th>خطأ</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>العدد 8^{16} أكبر 8 مرات من العدد 8^{15}</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td>العدد 8^{10} أكبر 10 مرات من العدد 8</td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>				العبارة	صح	خطأ	العدد 8^{16} أكبر 8 مرات من العدد 8^{15}			العدد 8^{10} أكبر 10 مرات من العدد 8		
العبارة	صح	خطأ										
العدد 8^{16} أكبر 8 مرات من العدد 8^{15}												
العدد 8^{10} أكبر 10 مرات من العدد 8												
<p>2 ما قيمة العبارة $(-5)^{43} + (-1)^{43} + (5)^{43}$ ؟</p>												
أ	-1	ب	0									
ج	1	د	5									
<p>3 أول تسعة قوى للعدد 7 هي كما يلي: لاحظ كيف تكبر الأعداد بسرعة</p> <p> $7^1 = 7$ $7^2 = 49$ $7^3 = 343$ $7^4 = 2401$ $7^5 = 16807$ $7^6 = 117649$ $7^7 = 823543$ $7^8 = 5764801$ </p> <p>أول رقم في الأعداد المكتوبة أعلاه تتبع قاعدة، ادرس هذه القاعدة لتستنتج جواب السؤال التالي:</p> <p>ما هو أول رقم في العدد 7^{190} ؟</p>												
أ	1	ب	3									
ج	7	د	9									

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها التغير والعلاقات القياس والهندسة	السياق	علمي
عنوان السؤال		أحياناً ... دائماً ... أبداً	

يمكن تصنيف العبارات التي يدلي بها الأشخاص في ثلاث فئات مختلفة:
عبارة تكون صحيحة دائماً ، وعبارة تكون صحيحة أحياناً ، وعبارة تكون غير صحيحة أبداً

أمثلة:

(1) العبارة: " العدد الذي يقبل القسمة على 4 هو أيضاً تقبل القسمة على 2 "

هي صحيحة دائماً؛ لأن العدد 2 من عوامل العدد 4

(2) العبارة: " العدد الذي يقبل القسمة على 9 هو أيضاً يقبل القسمة على 6 "

هي صحيحة أحياناً؛

لأنه - مثلاً - 36 يقبل القسمة على 9 و 6، ولكن 27 يقبل القسمة على 9 ولا يقبل القسمة على 6

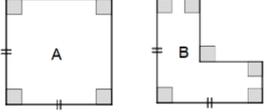
(3) العبارة: " جمع عددين فرديين هو عدد فردي "

هي ليست صحيحة أبداً؛ لأن جمع عددين فرديين هو دائماً عدد زوجي وليس فردي.

لكل من العبارات التالية، اختر صحيحة دائماً، صحيحة أحياناً، غير صحيحة أبداً

العبارة	صحيحة دائماً	صحيحة أحياناً	غير صحيحة أبداً
فتاة عمرها 14 سنة، كان طولها في أحد مراحل حياتها يساوي نصف طولها الآن.			
فتاة تبلغ من العمر 14 عاماً أطول من فتاة عمرها 10 أعوام.			

لكل من العبارات التالية، اختر صحيحة دائماً، صحيحة أحياناً، غير صحيحة أبداً.

غير صحيحة أبداً	صحيحة أحياناً	صحيحة دائماً	العبارة
			عند ضرب عدد كلي في نفسه، فإن الإجابة عدد زوجي
			مضاعفة عدد كلي ينتج عنه عدد زوجي
			نصف العدد الزوجي هو عدد صحيح
			$3x + 1 = \frac{6x+2}{2}$ تمثل متطابقة
			محيط الشكل A أكبر من محيط الشكل B 
			إذا قمنا برمي قطعة نقود 50 مرة، فإن الصورة ستظهر 25 مرة

2

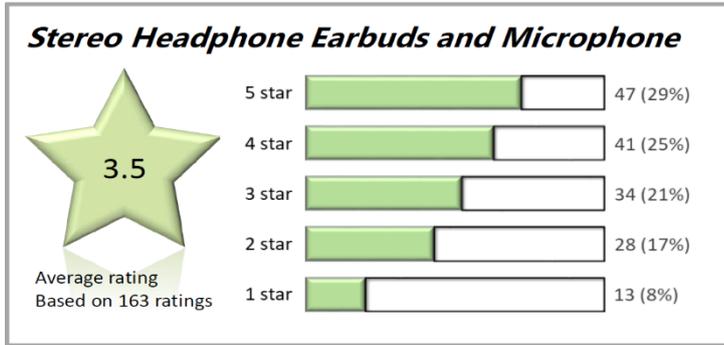
العبارات التالية صحيحة أحياناً لكل عبارة، أعط مثالاً تكون فيه العبارة صحيحة، وآخر تكون فيه العبارة غير صحيحة؟

العبارة	مثال تكون فيه العبارة صحيحة	مثال تكون فيه العبارة غير صحيحة
الشخص الذي لديه أكبر عدد من العملات النقدية لديه أكبر مبلغ من المال.		
$A - B = B - A$		
إذا أضفت العدد نفسه إلى بسط ومقام كسر، فإن قيمة الكسر تزيد.		

3

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي
عنوان السؤال		قرار الشراء	

تسوق سارة عبر الإنترنت للحصول على زوج جديد من سماعات الرأس. اختارت زوجًا من السماعات أعجبها. ومع ذلك، لاحظت أنه على الرغم من أن العدد الإجمالي للتقييمات صغير إلا أن المنتج تلقى العديد من التقييمات الضعيفة: مجموع 25٪ من التقييمات كانت ذات نجمة واحدة وذات نجمتين.



وحتى تتمكن من اتخاذ قرارها بشراء المنتج أولاً، فحصت سارة التقييمات ذات نجمة واحدة وذات نجمتين ولاحظت أن بعضها لا علاقة له بجودة المنتج أو أدائه.

قامت سارة بتجميع التقييمات من نجمة واحدة ونجمتين ولخصت النتائج التي توصلت إليها في الجدول:

العدد	السبب
13	السماعة وصلت متأخرة
4	السماعة لم تصل على الإطلاق
7	الموصل الكهربائي كان معطلاً أو مفقوداً
4	إحدى السماعتان أو كلاهما معطلة
5	التغليف كان سيئاً
8	تعليق خاطئ، (تعليق جيد، تقييم سيء)

فحصت سارة كذلك جميع تعليقات المشترين ولاحظت أن المشترين التي كانت تقييماتهم ذات النجمة الواحدة، والنجمتين هم من قاموا بتعليقات عن نوعية المنتج الرديئة أو عن تأخر وصول المنتج أو لم يصل مطلقاً.

استخدم المعلومات السابقة للإجابة على الأسئلة التالية:

ما هي النسبة المئوية لجميع التعليقات التي تتضمن رداءة جودة المنتج؟

.....

.....

.....

.....

.....

.....

ما هي النسبة المئوية من المراجعات ذات نجمة ونجمتين والتي تتعامل مع المنتج الذي يصل متأخراً
أولم يصل على الإطلاق؟

.....

.....

.....

.....

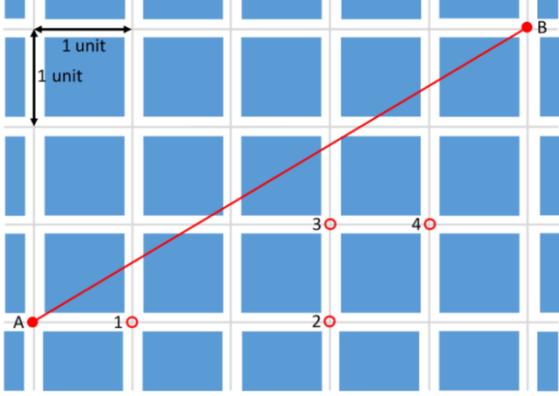
.....

.....

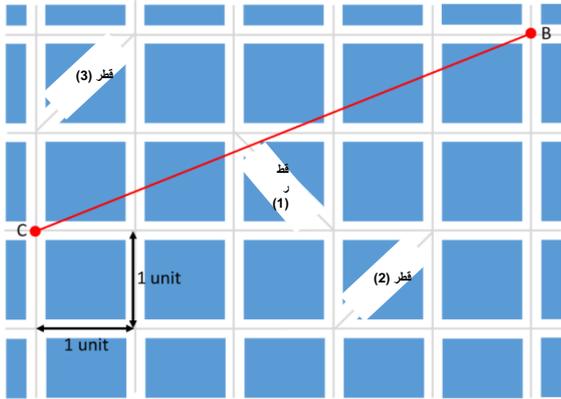
2

اجتماعي	السياق	القياس والهندسة	المجال
الملاحظة		عنوان السؤال	
		<p>أقصر مسافة بين نقطتين هي خط مستقيم. ومع ذلك، لا يمكن عادة التنقل عبر خط مستقيم في المدينة. انظر إلى الخريطة أدناه. الخطوط الرمادية هي الشوارع والمربعات الزرقاء هي المباني. في هذه السؤال، ستستكشف استراتيجيات مختلفة لتخطيط الشوارع من نقطة إلى أخرى في المدينة.</p> <p>محمد وأحمد وعبدالله لديهم أفكارًا مختلفة لتحديد أقصر طريق من النقطة A إلى B</p>	
		<p>محمد يتحرك إلى اليمين أو إلى الأعلى، ويظل أسفل وأقرب ما يمكن للخط المستقيم الأحمر الواصل بين النقطتين A, B (الخط الأخضر)</p>	
		<p>أحمد يتحرك إلى اليمين أو إلى الأعلى، ويحاول قدر المستطاع عبور الخط المستقيم الأحمر الواصل بين النقطتين A, B (الخط البرتقالي)</p>	
		<p>عبدالله يتحرك إلى الأعلى أو إلى اليمين، ويظل أعلى وأقرب ما يمكن للخط المستقيم الأحمر الواصل بين النقطتين A, B (الخط البنفسجي)</p>	

تخيل أننا حركنا النقطة A لنجعلها على كل من التقاطعات: 1, 2, 3, 4 وأكمل الجدول بحساب المسافة بين A, B باستخدام طريقة: محمد ، أحمد ، عبدالله. ماذا تلاحظ؟ وضح إجابتك.



المسافة بين A, B			موقع النقطة A
طريقة عبدالله	طريقة أحمد	طريقة محمد	
			1
			2
			3
			4



تمت إضافة ثلاثة شوارع قطرية إلى الخريطة. نعلم مما سبق أنه بدون الشوارع القطرية سيكون أقصر طريق من النقطة C إلى النقطة B يبلغ طوله 7 وحدات.

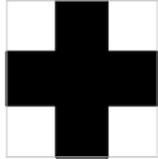
حدد أي العبارات التالية صائبة وأيها خطأ، وبرر إجابتك.

خطأ	صح	العبرة
		يوجد طريق من C إلى B يتضمن الشارع القطري (1) وأقصر من 7 وحدات.
		يوجد طريق من C إلى B يتضمن الشارع القطري (2) وأقصر من 7 وحدات.
		يوجد طريق من C إلى B يتضمن الشارع القطري (3) وأقصر من 7 وحدات.

المجال	القياس والهندسة	السياق	مهمي
عنوان السؤال		التبليط	
فيديو لشرح السؤال		https://drive.google.com/file/d/1DN5jThF4HcOY2k3SWP7XTk6S5T0h_xfW/view?usp=share_link 	



البلاط A



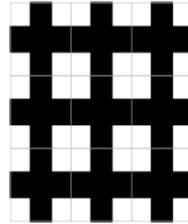
البلاط B

المبسط هو من يقوم بتبليط الأرض بالبلاط.

لديه نوعين من البلاط بالإمكان استخدامه، البلاط A والبلاط B

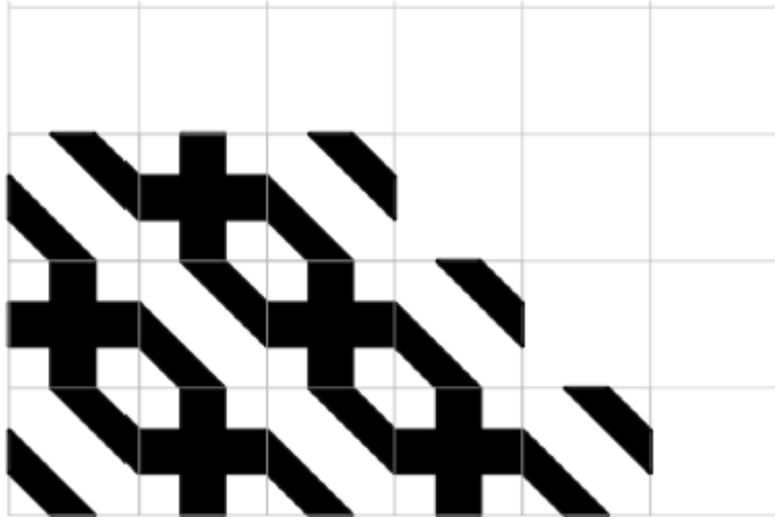
باستخدام البلاط A قام المبسط بعمل النموذج الأيسر،

وباستخدام البلاط B ، قام بعمل النموذج الأيمن.

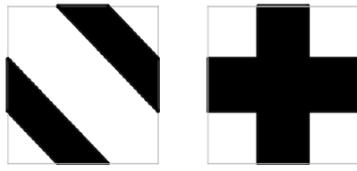


تم إنشاء "التبليط" التالي باستخدام مزيج من البلاط A ، والبلاط B.

استخدم الرسم في إنهاء تبليط بقية الأرض باستخدام النمط نفسه.



1



البلاط A

البلاط B

بالرجوع إلى "التبليط" المجاور.
أكمل تعليمات التبليط بكتابة إحدى الكلمات في الفراغات:
إذا ، إذن ، غير ذلك ، البلاط A ، البلاط B.

تعليمات التبليط

من الصف = 1 إلى 4

"حدد أول بلاطة على اليسار في الصف"

إذا كان رقم الصف فرديًا

إذن البلاطة الأولى فيه ستكون من

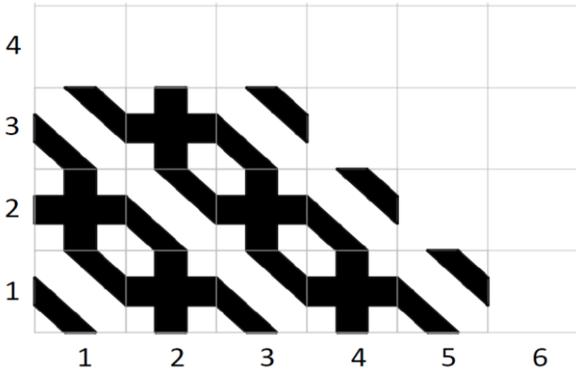
غير ذلك ستكون البلاطة الأولى من

"أكمل الصف بإضافة البلاطات"

إذا البلاطة السابقة هي

..... استخدم

..... استخدم



2



البلاط A

البلاط B

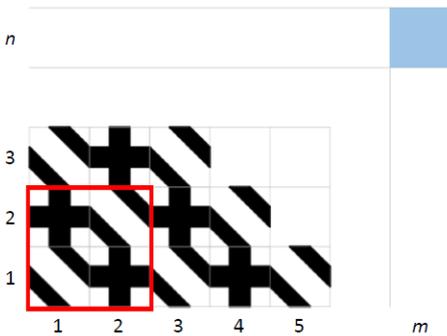
بالرجوع إلى "التبليط" المجاور:

المبليط يرغب بأن يكون قادرًا على تحديد أي البلاط سيكون

في موقع ما على الشبكة. على سبيل المثال: أي البلاطة

ستكون في الموقع (m, n) على الشبكة.

ادرس نمط التبليط وخاصة البلاط الأربع المظلل بالحدود الحمراء،
ثم ضع علامة (✓) أمام كافة القاعدات أدناه التي تحدد البلاط المطلوب
لأي موقع (m, n) على الشبكة، وذلك بتظليل الدائرة المقابلة لكل منها.

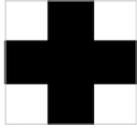


3

	القاعدة
<input type="radio"/>	إذا كان $m + n$ فرديًا، استخدم البلاط A ، غير ذلك استخدم البلاط B
<input type="radio"/>	إذا كان $m + n$ زوجيًا، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B
<input type="radio"/>	إذا كان $n \times m$ فرديًا، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B
<input type="radio"/>	إذا كان $n \times m$ زوجيًا، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B
<input type="radio"/>	إذا كان m فرديًا و n فرديًا، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B
<input type="radio"/>	إذا كان m و n فرديين معًا أو زوجيين معًا، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B



البلاط A

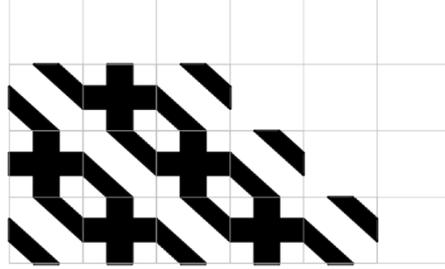


البلاط B

هناك طريقة أخرى لوصف النموذج وهي ببساطة كتابة الحرف لكل بلاط في موضع الشبكة أدناه.

ادرس استخدام الحروف لمعرفة نمط البلاط المستخدم. ثم انتقل لحل السؤال التالي.

A	B	A			
B	A	B	A		
A	B	A	B	A	



4

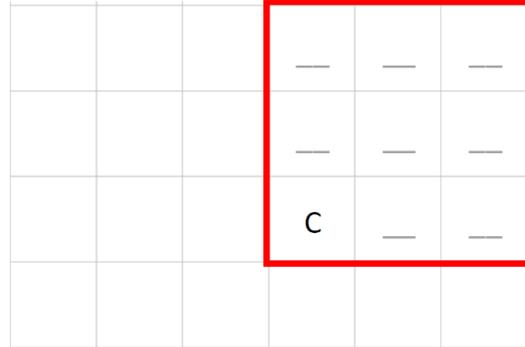
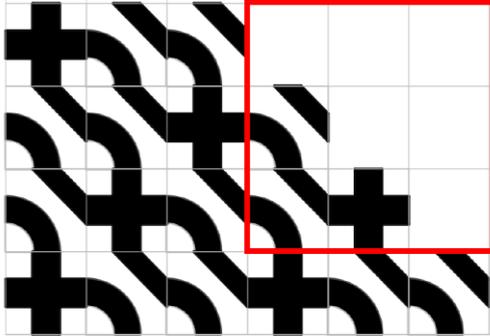


البلاط B



البلاط C

يتم إنشاء نمط البلاط الممثل على اليسار باستخدام مزيج من البلاط B و C النموذج المربع الأحمر على الشبكة أدناه يتوافق مع المربع الأحمر على الشبكة على اليسار. استخدم الحرفين B و C لكتابة البلاط الذي سيوضع في كل مربع صغير من مربعات المربع الأحمر.



أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي
عنوان السؤال		الاستثمار	

ليلى طالبة جامعية تريد استثمار جزء من مكافأتها الجامعية. عرضت رغبتها على والدها الذي شجعها كثيراً و اقترح عليها مجموعة من المشاريع الاستثمارية الصغيرة وفق الجدول التالي:

م	مبلغ الاستثمار الأساسي (بالريال)	فترة الاستثمار (بالشهر)	المبلغ الإجمالي (بالريال)
1	60	12	800
2	80	12	1200
3	100	12	1500

حيث:

- مبلغ الاستثمار الأساسي: هو المبلغ الذي ستدفعه شهرياً للمشروع.
- فترة الاستثمار: عدد الأشهر التي يتم فيها استثمار المبلغ الأساسي في المشروع الاستثماري.
- المبلغ الإجمالي: هو المبلغ الذي يتم الحصول عليه بعد انتهاء فترة الاستثمار.

بالاستعانة بالجدول أعلاه أجب عن الفقرات التالية:

(1) ما هو المبلغ الإجمالي الذي ستحصل عليه ليلى إذا استثمرت 60 ريالاً شهرياً لمدة 48 شهر؟

.....

.....

.....

(2) إذا أرادت ليلى الحصول على مبلغ 3600 ريال على مدى 36 شهراً في المشروع، فما هو المبلغ الذي ستستثمره في هذا المشروع؟

.....

.....

.....

(3) إذا استثمرت ليلى 100 ريال شهرياً للحصول على مبلغ 6000 ريال، فكم شهراً تحتاج لذلك؟

.....

.....

.....

ضع علامة (✓) أمام المعطيات اللازمة لحساب المطلوب في العمود الأول:

المعطيات			إذا كان المطلوب
مدة الاستثمار	مبلغ الاستثمار الأساسي	المبلغ الإجمالي الذي احتاجه	
			حساب فترة الاستثمار
			حساب مبلغ الاستثمار الأساسي
			حساب المبلغ الإجمالي

2

نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		استخدام الهاتف الذكي	
نشاط تفاعلي		ارجع للبيانات في الجدول الوارد في فقرة (2): لحل النشاط التفاعلي التالي: https://wordwall.net/resource/80441477 	

أصبحت الهواتف الذكية جزءاً لا يتجزأ من حياتنا اليومية في مختلف أنحاء العالم، ويمتلك اليوم أكثر من 86% من السكان هاتفاً ذكياً.

العمود A	العمود B	العمود C	العمود D
اسم الدولة	عدد السكان (بالملايين)	عدد مستخدمي الهواتف الذكية (بالملايين)	النسبة المئوية لمستخدمي الهواتف الذكية
الولايات المتحدة	338.29	276.14	
اندونيسيا	275.357	187.7	
اليابان	125.738	97.44	
البرازيل	215.31	143.43	
باكستان	235.82	72.99	
نيجيريا	218.54	83.34	
روسيا	144.71	106.44	
المكسيك	127.5	78.37	
الفلبين	116.117	69.043	

البيانات أعلاه يمثل العمود (B) عدد السكان (بالملايين)، والعمود (C) عدد مستخدمي الهواتف الذكية (بالملايين) لمجموعة من الدول.

أي العمليات على العمودين B, C ستحدد النسبة المئوية لمستخدمي الهواتف الذكية (العمود D) لكل دولة؟

أ	$\frac{B \times 100}{C}$	ب	$\frac{C \times 100}{B}$	ج	$\frac{(B + C) \times 100}{C}$	د	$\frac{B \times 100}{(B + C)}$
---	--------------------------	---	--------------------------	---	--------------------------------	---	--------------------------------

العمود D	العمود C	العمود B	العمود A
نسبة مستخدمي الهواتف الذكية	عدد مستخدمي الهواتف الذكية (بالملايين)	عدد السكان (بالملايين)	اسم الدولة
%82	276.14	338.29	الولايات المتحدة
%68	187.7	275.357	اندونيسيا
%77	97.44	125.738	اليابان
%67	143.43	215.31	البرازيل
%31	72.99	235.82	باكستان
%38	83.34	218.54	نيجيريا
%74	106.44	144.71	روسيا
%61	78.37	127.5	المكسيك
%59	69.043	116.117	الفلبين

بالرجوع إلى جدول البيانات أعلاه، اختر صرح أو خطأ لكل من العبارات التالية:

إرشاد: انسخ جدول البيانات أعلاه ولصقه في برنامج الاكسل واستفد من خاصية الفرز التصاعدي أو التنازلي:

2

خطأ	صح	العبرة
	✓	الدولة التي تضم أكبر عدد من السكان لديها أيضًا أكبر عدد من مستخدمي الهواتف الذكية.
	✓	الدولة التي بها أقل عدد من مستخدمي الهواتف الذكية لديها أيضًا أقل عدد من السكان.
✓		الدولة التي لديها أعلى نسبة من مستخدمي الهواتف الذكية لديها أقل عدد من السكان.
✓		الدولة التي نسبة مستخدمي الهواتف الذكية يمثل الوسيط للنسب هي نفسها الدولة التي بها عدد مستخدمي الهواتف الذكية يمثل الوسيط لعدد المستخدمين. الوسيط للنسب : %31 ، %38 ، %59 ، %61 ، %67 ، %68 ، %74 ، %77 ، %82 البرازيل الوسيط لعدد المستخدمين : 69.043 ، 72.99 ، 78.37 ، 83.34 ، 97.44 ، 106.44 ، 143.43 ، 187.7 ، 276.14 اليابان

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي																
عنوان السؤال		جمال القوى																	
فيديو لشرح السؤال		https://drive.google.com/file/d/12RWuMzBpVlwF48vVFDnDVqV_78S9d8pP/view?usp=share_link 																	
1	<p>عند إجراء الضرب المتكرر لنفس الرقم، يمكنك استخدام القوى لتلخيص ما تقوم به. على سبيل المثال: $8^4 = 8 \times 8 \times 8 \times 8$ (أربع ثمانيات ضربت ببعض) $7^6 = 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7$ (ست سبعات ضربت ببعض) اختر صح أو خطأ لكل من العبارات التالية:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>العبارة</th> <th>صح</th> <th>خطأ</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>العدد 8^{16} أكبر 8 مرات من العدد 8^{15}</td> <td>✓</td> <td></td> </tr> <tr> <td>العدد 8^{10} أكبر 10 مرات من العدد 8</td> <td></td> <td>✓</td> </tr> </tbody> </table>			العبارة	صح	خطأ	العدد 8^{16} أكبر 8 مرات من العدد 8^{15}	✓		العدد 8^{10} أكبر 10 مرات من العدد 8		✓							
	العبارة	صح	خطأ																
العدد 8^{16} أكبر 8 مرات من العدد 8^{15}	✓																		
العدد 8^{10} أكبر 10 مرات من العدد 8		✓																	
2	<p>ما قيمة العبارة $(-5)^{43} + (-1)^{43} + (5)^{43}$ ؟</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>أ</th> <th>ب</th> <th>ج</th> <th>د</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>-1</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>5</td> </tr> </tbody> </table>			أ	ب	ج	د	-1	0	1	5								
أ	ب	ج	د																
-1	0	1	5																
3	<p>أول تسعة قوى للعدد 7 هي كما يلي: لاحظ كيف تكبر الأعداد بسرعة</p> <table border="0"> <tr><td>$7^1 =$</td><td>7</td></tr> <tr><td>$7^2 =$</td><td>49</td></tr> <tr><td>$7^3 =$</td><td>343</td></tr> <tr><td>$7^4 =$</td><td>2401</td></tr> <tr><td>$7^5 =$</td><td>16807</td></tr> <tr><td>$7^6 =$</td><td>117649</td></tr> <tr><td>$7^7 =$</td><td>823543</td></tr> <tr><td>$7^8 =$</td><td>5764801</td></tr> </table> <p>أول رقم في الأعداد المكتوبة أعلاه تتبع قاعدة، ادرس هذه القاعدة لتستنتج جواب السؤال التالي:</p> <p>ما هو أول رقم في العدد 7^{190} ؟</p>			$7^1 =$	7	$7^2 =$	49	$7^3 =$	343	$7^4 =$	2401	$7^5 =$	16807	$7^6 =$	117649	$7^7 =$	823543	$7^8 =$	5764801
	$7^1 =$	7																	
$7^2 =$	49																		
$7^3 =$	343																		
$7^4 =$	2401																		
$7^5 =$	16807																		
$7^6 =$	117649																		
$7^7 =$	823543																		
$7^8 =$	5764801																		
	أ	ب	ج	د															
	1	3	7	9															

المجال	الأعداد والعمليات عليها التغير والعلاقات القياس والهندسة	السياق	علمي
--------	----------------------------------------------------------------	--------	------

عنوان السؤال	أحيانًا ... دائمًا ... أبدًا
--------------	------------------------------

يمكن تصنيف العبارات التي يدلي بها الأشخاص في ثلاث فئات مختلفة:
عبارة تكون صحيحة دائمًا ، وعبارة تكون صحيحة أحيانًا ، وعبارة تكون غير صحيحة أبدًا
أمثلة:

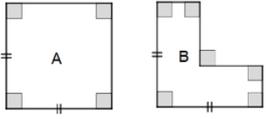
- (1) العبارة: " العدد الذي يقبل القسمة على 4 هو أيضًا تقبل القسمة على 2 " هي صحيحة دائمًا ، لأن العدد 2 من عوامل العدد 4
- (2) العبارة: " العدد الذي يقبل القسمة على 9 هو أيضًا يقبل القسمة على 6 " هي صحيحة أحيانًا.
مثال: 36 يقبل القسمة على 9 و 6، ولكن 27 يقبل القسمة على 9 و لا يقبل القسمة على 6
- (3) العبارة: " جمع عددين فرديين هو عدد فردي " هي ليست صحيحة أبدًا، لأن جمع عددين فرديين هو دائمًا عدد زوجي وليس فردي.

لكل من العبارات التالية، اختر صحيحة دائمًا، صحيحة أحيانًا، غير صحيحة أبدًا

1

العبارة	صحيحة دائمًا	صحيحة أحيانًا	غير صحيحة أبدًا
فتاة عمرها 14 سنة، كان طولها في أحد مراحل حياتها يساوي نصف طولها الآن.	✓		
فتاة تبلغ من العمر 14 عامًا أطول من فتاة عمرها 10 أعوام.		✓	

لكل من العبارات التالية، اختر صحيحة دائماً، صحيحة أحياناً، غير صحيحة أبداً.

غير صحيحة أبداً	صحيحة أحياناً	صحيحة دائماً	العبرة
	✓ 4 = 2 × 2 (عدد زوجي) 9 = 3 × 3 (عدد فردي)		عند ضرب عدد كلي في نفسه، فإن الإجابة عدد زوجي
	✓ نفرض العدد الكلي 5 10 = 5 × 2 (عدد زوجي) 15 = 5 × 3 (عدد فردي)		مضاعفة عدد كلي ينتج عنه عدد زوجي
		✓ لأن أي عدد الزوجي يقبل القسمة على 2	نصف العدد الزوجي هو عدد صحيح
		✓ $2(3x + 1) = 6x + 2$ $6x + 2 = 6x + 2$ متطابقة	$3x + 1 = \frac{6x + 2}{2}$ تمثل متطابقة
✓ محيط A = محيط B			محيط الشكل A أكبر من محيط الشكل B 
	✓		إذا قمنا برمي قطعة نقود 50 مرة، فإن الصورة ستظهر 25 مرة

2

العبارة	مثال تكون فيه العبارة صحيحة	مثال تكون فيه العبارة غير صحيحة
الشخص الذي لديه أكبر عدد من العملات النقدية لديه أكبر مبلغ من المال.	الشخص الأول: 1 دولار أمريكي و 1 ريال سعودي و 1 دينار كويتي الشخص الثاني: 1 دولار أمريكي	الشخص الأول: 1 ليرة لبنانية و 1 جنيه مصري الشخص الثاني: 1 دولار أمريكي
$A - B = B - A$	إذا كان $A = B$ مثل: $3 - 3 = 3 - 3$	إذا كان $A \neq B$ مثل: $1 - 2 \neq 2 - 1$
إذا أضفت العدد نفسه إلى بسط ومقام كسر، فإن قيمة الكسر تزيد.	إجابة ممكنة نفرض الكسر $\frac{1}{2}$ $\frac{1+1}{2+1} = \frac{2}{3}$ ، $\frac{1}{2} < \frac{2}{3}$	إجابة ممكنة نفرض الكسر $\frac{2}{3}$ $\frac{2+(-1)}{3+(-1)} = \frac{1}{2}$ ، $\frac{2}{3} > \frac{1}{2}$

3

نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

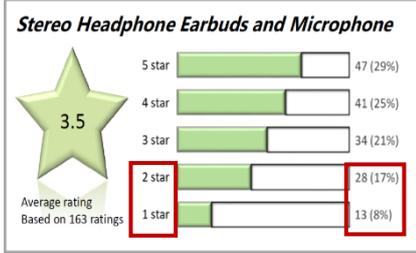
المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي																		
عنوان السؤال	قرار الشراء																				
<p>تتسوق سارة عبر الإنترنت للحصول على زوج جديد من سماعات الرأس. اختارت زوجاً من السماعات أعجيبها. ومع ذلك، لاحظت أنه على الرغم من أن العدد الإجمالي للتقييمات صغير إلا أن المنتج تلقى العديد من التقييمات الضعيفة: مجموع 25٪ من التقييمات كانت ذات نجمة واحدة وذات نجمتين.</p>																					
<div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-right: 20px;"> <p>Stereo Headphone Earbuds and Microphone</p>  <p>Average rating Based on 163 ratings</p> </div> <table border="1"> <thead> <tr> <th>Rating</th> <th>Count</th> <th>Percentage</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>5 star</td> <td>47</td> <td>29%</td> </tr> <tr> <td>4 star</td> <td>41</td> <td>25%</td> </tr> <tr> <td>3 star</td> <td>34</td> <td>21%</td> </tr> <tr> <td>2 star</td> <td>28</td> <td>17%</td> </tr> <tr> <td>1 star</td> <td>13</td> <td>8%</td> </tr> </tbody> </table> </div>				Rating	Count	Percentage	5 star	47	29%	4 star	41	25%	3 star	34	21%	2 star	28	17%	1 star	13	8%
Rating	Count	Percentage																			
5 star	47	29%																			
4 star	41	25%																			
3 star	34	21%																			
2 star	28	17%																			
1 star	13	8%																			
<p>وحتى تتمكن من اتخاذ قرارها بشراء المنتج أولاً، فحصت سارة التقييمات ذات نجمة واحدة وذات نجمتين ولاحظت أن بعضها لا علاقة له بجودة المنتج أو أدائه.</p> <p>قامت سارة بتجميع التقييمات من نجمة واحدة ونجمتين ولخصت النتائج التي توصلت إليها في الجدول:</p>																					
<table border="1"> <thead> <tr> <th>السبب</th> <th>العدد</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>السماعة وصلت متأخرة</td> <td>13</td> </tr> <tr> <td>السماعة لم تصل على الإطلاق</td> <td>4</td> </tr> </tbody> </table>				السبب	العدد	السماعة وصلت متأخرة	13	السماعة لم تصل على الإطلاق	4												
السبب	العدد																				
السماعة وصلت متأخرة	13																				
السماعة لم تصل على الإطلاق	4																				

1

7	الموصل الكهربائي كان معطلاً أو مفقوداً
4	إحدى السماعتان أو كلاهما معطلة
5	التغليف كان سيئاً
8	تعليق خاطئ، (تعليق جيد، تقييم سيء)

فحصت سارة كذلك جميع تعليقات المشترين ولاحظت أن المشترين التي كانت تقييماتهم ذات النجمة الواحدة، والنجمتين هم من قاموا بتعليقات عن نوعية المنتج الرديئة أو عن تأخر وصول المنتج أو لم يصل مطلقاً. استخدم المعلومات السابقة للإجابة على الأسئلة التالية:

1. ما هي النسبة المئوية لجميع التعليقات التي تتضمن رداءة جودة المنتج؟



بما أن المشترين التي كانت تقييماتهم ذات النجمة الواحدة، والنجمتين

هم من قاموا بالتعليقات التي تتضمن رداءة جودة المنتج.

إذن النسبة المئوية لجميع التعليقات التي تتضمن رداءة جودة المنتج =

$$\% 25 = \% 17 + \% 8$$

2. ما هي النسبة المئوية من المراجعات ذات نجمة ونجمتين والتي تتعامل مع المنتج الذي يصل متأخراً أو لم يصل على الإطلاق؟

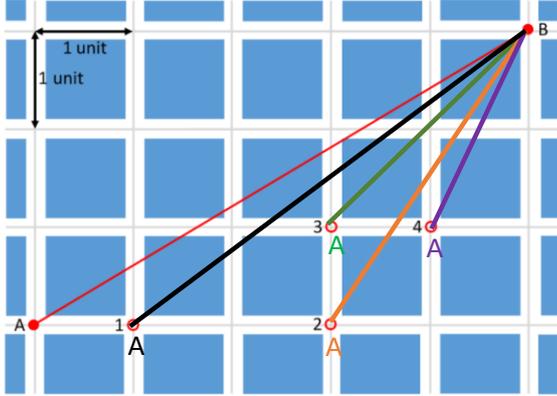
العدد	السبب
13	السماعة وصلت متأخرة
4	السماعة لم تصل على الإطلاق
7	الموصل الكهربائي كان معطلاً أو مفقوداً
4	إحدى السماعتان أو كلاهما معطلة
5	التغليف كان سيئاً
8	تعليق خاطئ، (تعليق جيد، تقييم سيء)
41	المجموع

$$N = \frac{17}{41} \times 100$$

$$N \approx \% 41.5$$

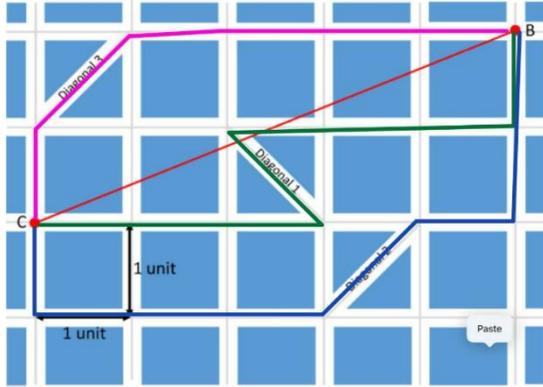
المجال	القياس والهندسة	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		الملاحظة	
<p>أقصر مسافة بين نقطتين هي خط مستقيم. ومع ذلك، لا يمكن عادة التنقل عبر خط مستقيم في المدينة. انظر إلى الخريطة أدناه. الخطوط الرمادية هي الشوارع والمربعات الزرقاء هي المباني. في هذه السؤال، ستستكشف استراتيجيات مختلفة لتخطيط الشوارع من نقطة إلى أخرى في المدينة.</p>			
<p>محمد وأحمد وعبدالله لديهم أفكارًا مختلفة لتحديد أقصر طريق من النقطة A إلى B</p>			
	<p>محمد يتحرك إلى اليمين أو إلى الأعلى، ويظل أسفل و أقرب ما يمكن للخط المستقيم الأحمر الواصل بين النقطتين A, B (الخط الأخضر)</p>		
	<p>أحمد يتحرك إلى اليمين أو إلى الأعلى، ويحاول قدر المستطاع عبور الخط المستقيم الأحمر الواصل بين النقطتين A, B (الخط البرتقالي)</p>		
	<p>عبدالله يتحرك إلى الأعلى أو إلى اليمين، ويظل أعلى و أقرب ما يمكن للخط المستقيم الأحمر الواصل بين النقطتين A, B (الخط البنفسجي)</p>		

تخيل أننا حركنا النقطة A لنجعلها على كل من التقاطعات: 1, 2, 3, 4 و أكمل الجدول بحساب المسافة بين A, B باستخدام طريقة: محمد ، أحمد ، عبدالله. ماذا تلاحظ؟



المسافة بين A, B			موقع النقطة A
طريقة عبدالله	طريقة أحمد	طريقة محمد	
7	7	7	1
5	5	5	2
4	4	4	3
3	3	3	4

نلاحظ أن أقصر المسافات بين النقطتين A, B متساوية، مع اختلاف الطرق.



تمت إضافة ثلاثة شوارع قطرية إلى الخريطة. نعلم مما سبق أنه بدون الشوارع القطرية سيكون أقصر طريق من النقطة C إلى النقطة B يبلغ طوله 7 وحدات.

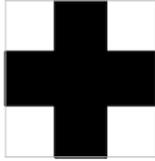
حدد أي العبارات التالية صائبة وأيها خطأ، وبرر إجابتك.

خطأ	صح	العبرة
(الخط الأخضر) ✓		يوجد طريق من C إلى B يتضمن الشارع القطري (1) و أقصر من 7 وحدات.
(الخط الأزرق) ✓		يوجد طريق من C إلى B يتضمن الشارع القطري (2) و أقصر من 7 وحدات.
	(الخط الزهري) ✓	يوجد طريق من C إلى B يتضمن الشارع القطري (3) و أقصر من 7 وحدات.

المجال	القياس والهندسة	السياق	مهني
عنوان السؤال	التبليط		
فيديو لشرح السؤال	https://drive.google.com/file/d/1DN5jThF4HcOY2k3SWP7XTk6S5T0h_xfW/view?usp=share_link		



البلاط A



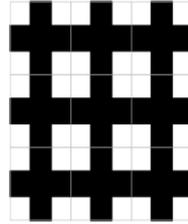
البلاط B

المبسط هو من يقوم بتبليط الأرض بالبلاط.

لديه نوعين من البلاط بالإمكان استخدامه، البلاط A والبلاط B

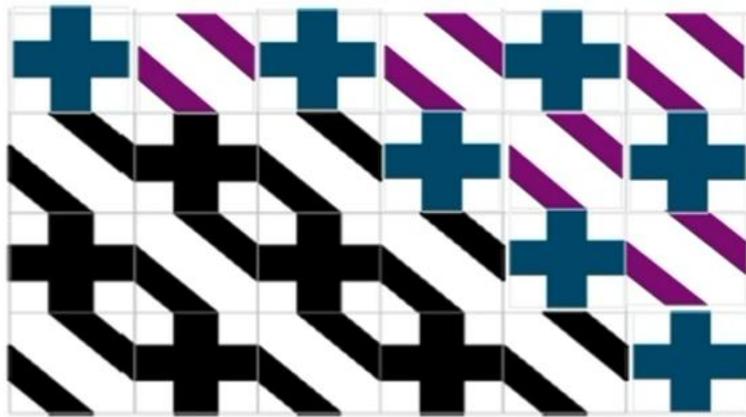
باستخدام البلاط A قام المبسط بعمل النموذج الأيسر،

وباستخدام البلاط B ، قام بعمل النموذج الأيمن.



تم إنشاء "التبليط" التالي باستخدام مزيج من البلاط A ، والبلاط B.

استخدم الرسم في إنهاء تبليط بقية الأرض باستخدام النمط نفسه.



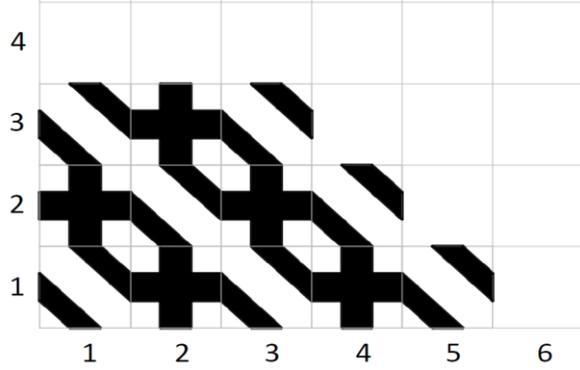
1



البلاط A



البلاط B



بالرجوع إلى "التبليط" المجاور.

أكمل تعليمات التبليط بكتابة إحدى الكلمات في الفراغات:

إذا ، إذن ، غير ذلك ، البلاط A ، البلاط B.

تعليمات التبليط

من الصف = 1 إلى 4

"حدد أول بلاطة على اليسار في الصف"

إذا كان رقم الصف فردياً

إذن البلاطة الأولى فيه ستكون من .. البلاط A ..

غير ذلك ستكون البلاطة الأولى من .. البلاط B ..

"أكمل الصف بإضافة البلاطات"

إذا البلاطة السابقة هي .. البلاط A ..

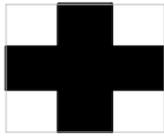
.. إذن ... استخدم .. البلاط B ..

.. غير ذلك .. استخدم .. البلاط A ..

2



البلاط A



البلاط B

بالرجوع إلى "التبليط" المجاور:

المبطل يرغب بأن يكون قادراً على تحديد أي البلاط سيكون

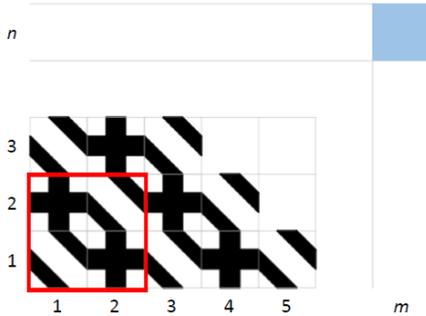
في موقع ما على الشبكة. على سبيل المثال: أي البلاطة

ستكون في الموقع (m, n) على الشبكة.

ادرس نمط التبليط وخاصة البلاط الأربع المظلل بالحدود الحمراء،

ثم ضع علامة (✓) أمام كافة القاعدات أدناه التي تحدد البلاط المطلوب

لأي موقع (m, n) على الشبكة، وذلك بتظليل الدائرة المقابلة لكل منها.

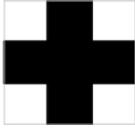


3

مثال		القاعدة
	<input type="radio"/>	إذا كان $m + n$ فردياً، استخدم البلاط A ، غير ذلك استخدم البلاط B
موقع النقطة (2, 4) $4 + 2 = 6$ (استخدم البلاط A)	<input checked="" type="checkbox"/>	إذا كان $m + n$ زوجياً، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B
موقع النقطة (3, 1) $1 \times 3 = 3$ (استخدم البلاط A)	<input checked="" type="checkbox"/>	إذا كان $m \times n$ فردياً، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B
	<input type="radio"/>	إذا كان $m \times n$ زوجياً، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B
موقع النقطة (1, 5) (استخدم البلاط A)	<input checked="" type="checkbox"/>	إذا كان m فردياً و n فردياً، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B
موقع النقطة (2, 4) أو (1, 3) (استخدم البلاط A)	<input checked="" type="checkbox"/>	إذا كان m و n فرديين معاً أو زوجيين معاً، استخدم البلاط A، غير ذلك استخدم البلاط B



البلاط A

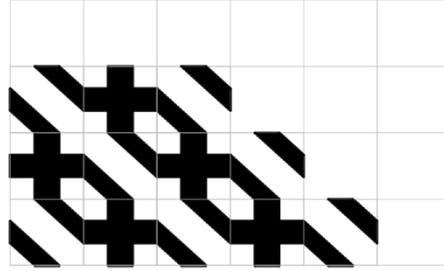
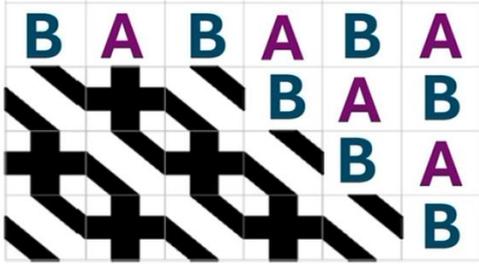


البلاط B

هناك طريقة أخرى لوصف النموذج وهي ببساطة كتابة الحرف لكل بلاط

في موضع الشبكة أدناه.

ادرس استخدام الحروف لمعرفة نمط البلاط المستخدم. ثم انتقل لحل السؤال التالي.



4

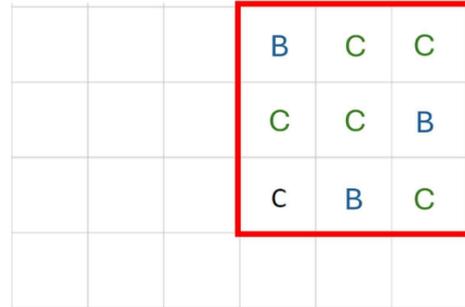
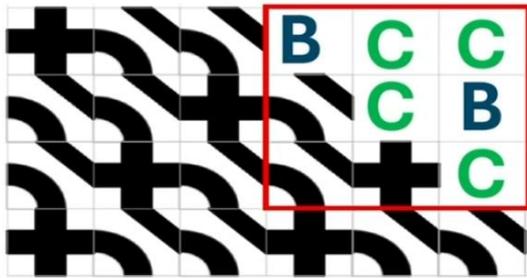


البلاط B



البلاط C

يتم إنشاء نمط البلاط الممثل على اليسار باستخدام مزيج من البلاط: B و C
النموذج المربع الأحمر على الشبكة أدناه يتوافق مع المربع الأحمر على الشبكة
على اليسار. استخدم الحرفين B و C لكتابة البلاط الذي سيوضع في كل مربع
صغير من مربعات المربع الأحمر.



المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي
عنوان السؤال		الاستثمار	

ليلى طالبة جامعية تريد استثمار جزء من مكافأتها الجامعية. عرضت رغبتها على والدها الذي شجعها كثيراً و اقترح عليها مجموعة من المشاريع الاستثمارية الصغيرة وفق الجدول التالي:

م	مبلغ الاستثمار الأساسي (بالريال)	فترة الاستثمار (بالشهر)	المبلغ الإجمالي (بالريال)
1	60	12	800
2	80	12	1200
3	100	12	1500

حيث:

- مبلغ الاستثمار الأساسي: هو المبلغ الذي ستدفعه شهرياً للمشروع.
- فترة الاستثمار: عدد الأشهر التي يتم فيها استثمار المبلغ الأساسي في المشروع الاستثماري.
- المبلغ الإجمالي: هو المبلغ الذي يتم الحصول عليه بعد انتهاء فترة الاستثمار.

بالاستعانة بالجدول أعلاه أجب عن الفقرات التالية:

1 (1) ما هو المبلغ الإجمالي الذي ستحصل عليه ليلى إذا استثمرت 60 ريالاً شهرياً لمدة 48 شهر؟

$$\text{فترة الاستثمار} = 12 \times 4 = 48 \text{ شهر}$$

$$\text{المبلغ الإجمالي} = 800 \times 4 = 3200 \text{ ريال}$$

(2) إذا أرادت ليلى الحصول على مبلغ 3600 ريال على مدى 36 شهر في المشروع، فما هو المبلغ الذي ستستثمره في هذا المشروع؟

$$\text{فترة الاستثمار بالسنوات} = 36 \div 12 = 3$$

$$\frac{3600}{3} = 1200$$

إذن من الجدول مبلغ الاستثمار هو 80 ريال

(3) إذا استثمرت ليلى 100 ريال شهرياً للحصول على مبلغ 6000 ريال، فكم شهراً تحتاج لذلك؟

$$6000 = 1500 \times 4 \text{ ريال}$$

$$\text{إذن} = 12 \times 4 = 48 \text{ شهراً}$$

ضع علامة (✓) أمام المعطيات اللازمة لحساب المطلوب في العمود الأول:

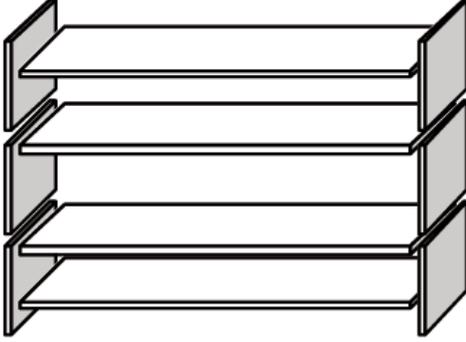
المعطيات			إذا كان المطلوب
مدة الاستثمار	مبلغ الاستثمار الأساسي	المبلغ الإجمالي الذي احتاجه	
	✓	✓	حساب فترة الاستثمار
✓		✓	حساب مبلغ الاستثمار الأساسي
✓	✓		حساب المبلغ الإجمالي

2

أُسئلة تدريبية على
مجال القياس والهندسة
PISA 2025
الرياضيات

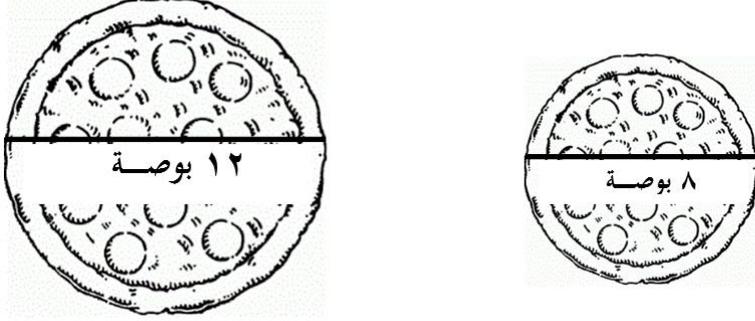
أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات							
المجال	القياس والهندسة	السياق	علمي				
عنوان السؤال	تاريخ						
نشاط تفاعلي	<p>Complete the sentence - الأهرام</p> 						
.1	<p>يعتبر هرم خوفو أكبر الأهرامات القديمة في مصر ، وقاعدته مربعة ، وهو أحد عجائب الدنيا السبع ، وقام ببنائه 25 ألف عامل وتبلغ مساحة قاعدته 52900 متر مربعاً تقريباً ، أوجد طول ضلع قاعدته بالمتراً؟</p> 						
أ	250	ب	240	ج	230	د	220

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	مهني
عنوان السؤال		رفوف الكتب	
<p>من أجل صنع مجموعة واحدة من رفوف الكتب، يحتاج النجار إلى المركبات التالية:</p> <ul style="list-style-type: none"> أربعة ألواح خشبية طويلة. ستة ألواح خشبية قصيرة. اثنا عشر مشبكاً صغيراً. مشبكان كبيران أربعة عشر برغياً <p>لدى النجار 26 لوحاً خشبياً طويلاً، و33 لوحاً خشبياً قصيراً، و200 مشبك صغير، و20 مشبكاً كبيراً، و510 براغي.</p> <p>كم مجموعة من رفوف الكتب يمكن للنجار أن يصنعها؟</p>			
			
أ	ب	ج	د
6	5	4	3

2.

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		مخبز الكعك	
<p>ذهب سعد إلى أحد المخازن لشراء كعك ، ووجد أن هذا المخبز يقدم عرضا لحجمين من الكعك . في العرض الأول : يبيع الكعكة الواحدة (دائرة الشكل) من الحجم الكبير 4 ريالات . وفي العرض الثاني : يبيع ثلاث كعكات (دائرة الشكل) من الحجم الصغير 4 ريالات . أي العرضين أفضل لسعد؟</p>			
			
أ	العرض الأول	ب	العرض الثاني
ج	العرضان متساويان في الاختيار	د	المعلومات غير كافية لإجراء مقارنة

.3

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		الطاولة المستديرة	
فيديو لشرح السؤال		https://m.youtube.com/watch?si=1aydbK2y-wzXTZSh&v=FqglSoEf8pg&feature=youtu.be	
			

أراد خالد (مدير عام إحدى الشركات الكبرى) عقد اجتماع لمدراء الفروع والأقسام المختلفة لهذه الشركة في قاعة الاجتماعات التي يوجد بها طاولة دائرية كبيرة نصف قطرها هو (2.75m) ومفرغة من الداخل. يحتاج كل فرد إلى (45cm) من محيط الدائرة ليجلس حول الطاولة.

الجزء الأول:

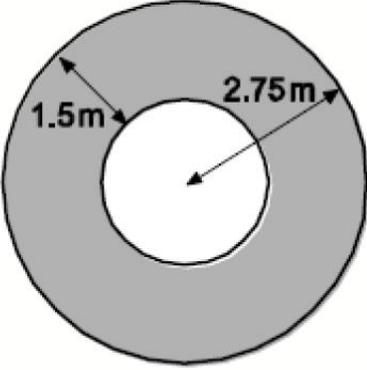
افتراض أن الأشخاص الجالسين حول الطاولة يمكن أن تصل أيديهم إلى عمق (1.5m) من الطاولة كما هو موضح بالشكل.

ما المساحة الكلية للطاولة التي يمكن أن يستفيد منها جميع الأشخاص الجالسين حول الطاولة؟



.4

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		الطاولة المستديرة	
<p>أراد خالد (مدير عام إحدى الشركات الكبرى) عقد اجتماع لمدراء الفروع والقسام المختلفة لهذه الشركة في قاعة الاجتماعات التي يوجد بها طاولة دائرية كبيرة نصف قطرها هو (2.75m) ومفرغة من الداخل. يحتاج كل فرد إلى (45cm) من محيط الدائرة ليجلس حول الطاولة.</p> <p>الجزء الثاني:</p> <p>توقع خالد أن الطاولة تكفي لجلوس 50 شخصا حول الطاولة.</p> <p>بين باستخدام العمليات الحسابية هل توقع خالد صحيحاً أم لا؟</p>			
			
.5			

المجال	القياس والهندسة	السياق	مهني
عنوان السؤال		زراعة أرض بالقمح	
https://wordwall.net/resource/80398662/%d8%a7%d9%84%d9%85%d8%ad%d9%8a%d8%b7-%d9%88%d8%a7%d9%84%d9%85%d8%b3%d8%a7%d8%ad%d8%a9			نشاط تفاعلي
			

اشترى محمد أرض مستوية مستطيلة الشكل، محيطها يساوي 40 متراً، وأراد زراعتها بالقمح.



6. فما أكبر مساحة للأرض التي يمكن لمحمد زراعتها بالقمح.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

99	د	100	ج	110	ب	120	أ
----	---	-----	---	-----	---	-----	---

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		حاوية نقل بضائع	

حاوية لنقل البضائع على شكل متوازي مستطيلات أبعادها من الداخل هي 3m , 2m, 1.5m يراد تعبئتها بصناديق من الكرتون على شكل متوازي مستطيلات أبعاد الصندوق من الخارج هي 25cm, 25cm, 40cm .

(1) ما هو أكبر عدد ممكن من الصناديق التي يمكن تعبئتها في الحاوية؟

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.7

(2) احسب تكلفة النقل إذا كان تكلفة نقل الكرتون الواحد 0.75SR ؟

.....

.....

.....

.....

.....

.....

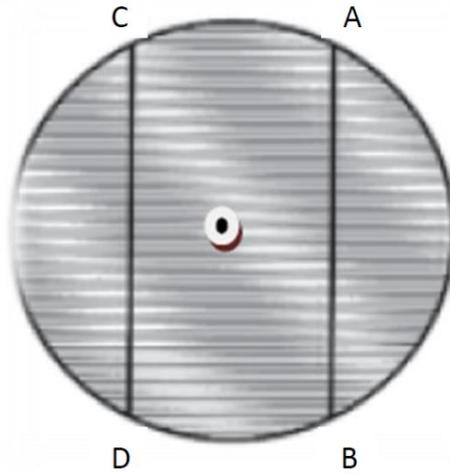
.....

.....

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		شواء	

يبين الشكل المجاور شبكة للشواء على شكل دائرة ، يراد تقويتها بإضافة القطعتين المعدنيتين AB ، CD بحيث تبعد كلاً من القطعتين عن المركز بمقدار 10cm .
إذا علمت أن طول نصف قطر شبكة الشواء (الدائرة) تساوي: 26cm احسب طول القطعتين.



.8

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

أ	24	ب	48	ج	96	د	120
---	----	---	----	---	----	---	-----

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات							
المجال		القياس والهندسة		السياق		علمي	
عنوان السؤال				تاريخ			
<p>يعتبر هرم خوفو أكبر الأهرامات القديمة في مصر ، وقاعدته مربعة ، وهو أحد عجائب الدنيا السبع ، وقام ببنائه 25 ألف عامل وتبلغ مساحة قاعدته 52900 متر مربعاً تقريباً ، أوجد طول ضلع قاعدته بالمتراً؟</p>							
							
أ	250	ب	240	ج	230	د	220

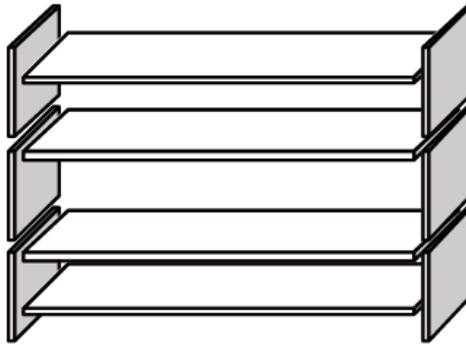
.1

المجال	القياس والهندسة	السياق	مهني
--------	-----------------	--------	------

عنوان السؤال		رفوف الكتب
--------------	--	------------

من أجل صنع مجموعة واحدة من رفوف الكتب، يحتاج النجار إلى المركبات التالية :
 أربعة ألواح خشبية طويلة.
 ستة ألواح خشبية قصيرة.
 اثنا عشر مشبكاً صغيراً.
 مشبكان كبيران
 أربعة عشر برغياً

لدى النجار 26 لوحاً خشبياً طويلاً، و33 لوحاً خشبياً قصيراً، و200 مشبك صغير، و20 مشبكاً كبيراً، و510 براغي .
 كم مجموعة من رفوف الكتب يمكن للنجار أن يصنعها؟



2.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

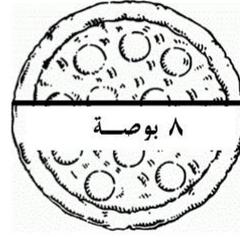
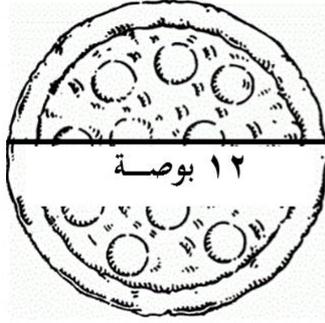
.....

3	د	4	ج	5	ب	6	أ
---	---	---	---	---	---	---	---

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال	مخبز الكعك		

ذهب سعد إلى أحد المخابز لشراء كعك ، ووجد أن هذا المخبز يقدم عرضاً لحجمين من الكعك . في العرض الأول : يبيع الكعكة الواحدة (دائرية الشكل) من الحجم الكبير بـ 4 ريالات . وفي العرض الثاني : يبيع ثلاث كعكات (دائرية الشكل) من الحجم الصغير بـ 4 ريالات . أي العرضين أفضل لسعد؟



أ	العرض الأول	ب	العرض الثاني	ج	العرضان متساويان في الاختيار	د	المعلومات غير كافية لإجراء مقارنة
---	-------------	---	--------------	---	------------------------------	---	-----------------------------------

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال	الطاولة المستديرة	فيديو لشرح السؤال	

أراد خالد (مدير عام إحدى الشركات الكبرى) عقد اجتماع لمدراء الفروع والأقسام المختلفة لهذه الشركة في قاعة الاجتماعات التي يوجد بها طاولة دائرية كبيرة نصف قطرها هو (2.75m) ومفرغة من الداخل. يحتاج كل فرد إلى (45cm) من محيط الدائرة ليجلس حول الطاولة.

الجزء الأول:

افترض أن الاشخاص الجالسين حول الطاولة يمكن أن تصل أيديهم إلى عمق (1.5m) من الطاولة كما هو موضح بالشكل.

ما المساحة الكلية للطاولة التي يمكن أن يستفيد منها جميع الأشخاص الجالسين حول الطاولة؟

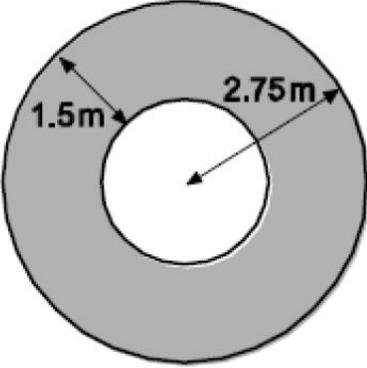


.4

الحل:

المساحة الكلية للطاولة عبارة عن مساحة دائرة نصف قطرها: 2.75 مطروحاً منها مساحة دائرة نصف قطرها: 1.25 .

$$(2.75)^2\pi - (1.25)^2\pi = 6\pi \text{ إذن: المساحة تساوي:}$$

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		الطاولة المستديرة	
<p>أراد خالد (مدير عام إحدى الشركات الكبرى) عقد اجتماع لمدراء الفروع والاقسام المختلفة لهذه الشركة في قاعة الاجتماعات التي يوجد بها طاولة دائرية كبيرة نصف قطرها هو (2.75m) ومفرغة من الداخل. يحتاج كل فرد إلى (45cm) من محيط الدائرة ليجلس حول الطاولة.</p> <p>الجزء الثاني: توقع خالد أن الطاولة تكفي لجلوس 50 شخصا حول الطاولة. بين باستخدام العمليات الحسابية هل توقع خالد صحيحاً أم لا.</p>			
			
<p>الحل: بما أن كل شخص يحتاج 45cm من محيط الدائرة كي يجلس ، إذن نقسم محيط الدائرة على 45. أولاً نوجد محيط الدائرة بالسنتيمترات: المحيط يساوي: $2 \times 275\pi = 550\pi \text{ cm} = 550 \times 3.14 = 1727 \text{ cm}$ عدد الأشخاص يساوي: $1727 \div 45 = 38$ إذن عدد الأشخاص الذين يمكن أن تستوعبهم الطاولة تساوي: 38 شخصاً فقط ، وبالتالي توقع خالد غير صحيح.</p>			

.5

المجال	القياس والهندسة	السياق	مهمي
عنوان السؤال		زراعة أرض بالقمح	

اشترى محمد أرض مستوية مستطيلة الشكل، محيطها يساوي 40 متراً، وأراد زراعتها بالقمح.



فما أكبر مساحة للأرض التي يمكن لمحمد زراعتها بالقمح.

.....

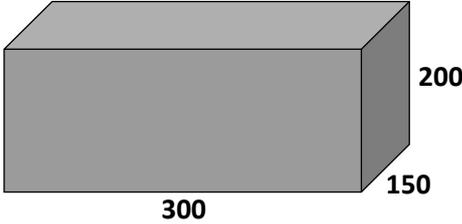
.....

.....

.....

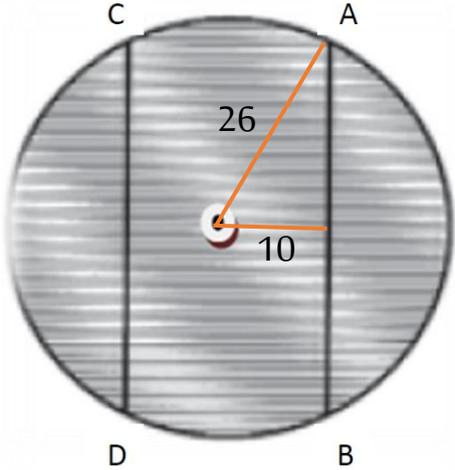
أ	120	ب	110	ج	100	د	99
---	-----	---	-----	---	-----	---	----

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		حاوية نقل بضائع	
<p>حاوية لنقل البضائع على شكل متوازي مستطيلات أبعادها من الداخل هي 3m , 2m, 1.5m يراد تعبئتها بصناديق من الكرتون على شكل متوازي مستطيلات أبعاد الصندوق من الخارج هي 25cm, 25cm, 40cm .</p> <p>(1) ما هو أكبر عدد ممكن من الصناديق التي يمكن تعبئتها في الحاوية؟</p> <p>الحل: بتحويل أبعاد الحاوية بالسنتيمترات تصبح على الصورة: 300 cm, 200 cm, 150 cm .</p> <div style="text-align: center;">  </div> <p>بوضع الصناديق الصغيرة بحيث يكون البعد 40 على ارتفاع الحاوية سيتم رص خمسة صناديق ، وفي البعد 150 سيتم رص 6 صناديق ، وفي البعد 300 سيتم رص 12 صندوقاً. إذن عدد الصناديق يساوي: $360 = 5 \times 6 \times 12$ صندوقاً.</p> <p>(2) احسب تكلفة النقل إذا كان تكلفة نقل الكرتون الواحد 0.75SR ؟</p> <p>الحل: بما أن عدد الصناديق 360 صندوقاً ، إذن تكلفة النقل تساوي: $270 = 360 \times 0.75$ إذن التكلفة 270 ريالاً.</p>			

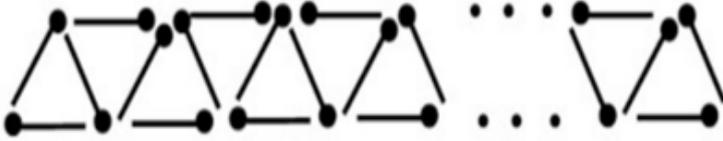
7.

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

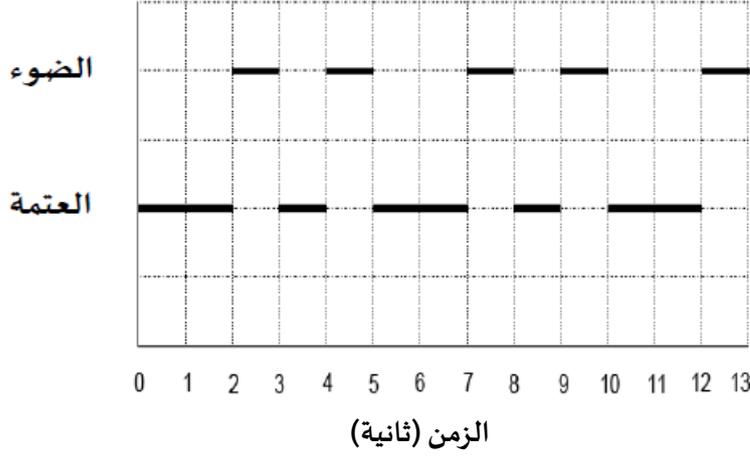
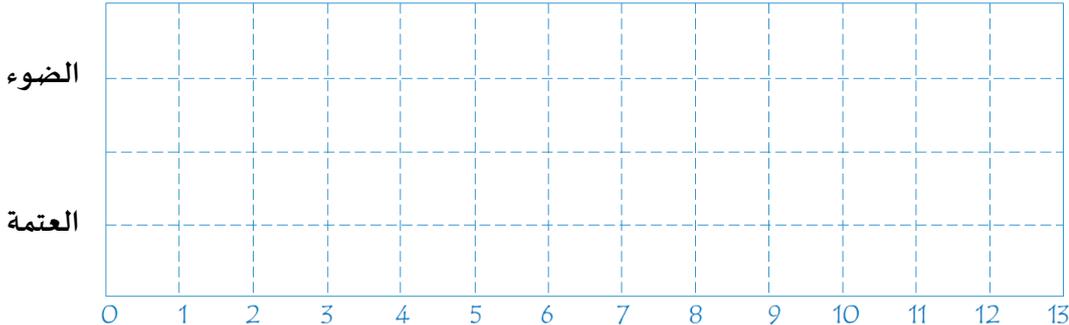
المجال	القياس والهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		شواء	
<p>يبين الشكل المجاور شبكة للشواء على شكل دائرة ، يراد تقويتها بإضافة القطعتين المعدنيتين AB ، CD بحيث تبعد كل من القطعتين عن المركز بمقدار 10cm . إذا علمت أن طول نصف قطر شبكة الشواء (الدائرة) تساوي: 26cm احسب طول القطعتين.</p>			
			
<p>الحل: بتطبيق نظرية فيثاغورس سنجد نصف طول القطعة المعدنية يساوي 24 ، إذن طول القطعتين يساوي: 96.</p>			
أ	24	ب	48
ج	96	د	120

.8

أُسئلة تدريبية على
مجال التغير والعلاقات
PISA 2025
الرياضيات

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات								
المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي					
عنوان السؤال			أعواد الثقاب					
نشاط تفاعلي			https://wordwall.net/resource/80287241 					
<p>في الشكل أدناه، استخدمنا 45 عود ثقاب لإنشاء المثلثات. كم مثلثاً أنشأنا بهذه الطريقة؟</p> 								
أ	ب	ج	د	12	17	22	27	

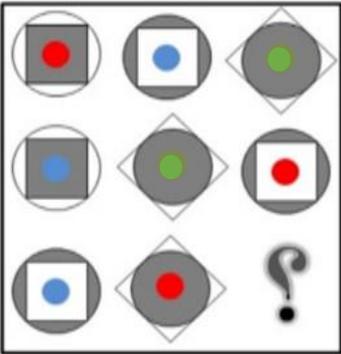
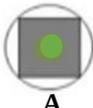
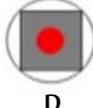
المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي					
عنوان السؤال			الأشنة					
<p>يعتبر ذوبان الجليد أحد الظواهر السلبية للاحتباس الحراري. وبعد اثني عشر سنة من اختفاء الثلوج بدأت نباتات صغيرة تسمى الأشنة بالنمو على الصخور. كل أشنة تأخذ بالنمو على شكل دائرة تقريباً. يمكن تقدير العلاقة بين قطر هذه الدائرة وعمر الأشنة بالقانون</p> $t \geq 12 \quad \square\square\square \quad d = 7.0 \times \sqrt{(t - 12)}$ <p>حيث (d) تمثل قطر نبات الأشنة بالمليمتر. و (t) تمثل عدد الأعوام من بعد اختفاء الثلوج.</p> <p>السؤال (1): باستخدام القانون، احسب طول قطر نبات الأشنة بعد (16) عاماً من اختفاء الثلوج. وضح خطوات الحل.</p>								
<p>السؤال (2): قام أحمد بقياس طول قطر بعض نباتات الأشنة فوجدها (35) مليمترًا. ما عدد الأعوام التي مضت على اختفاء الثلوج من على هذه البقعة؟ وضح خطوات الحل.</p>								

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي
عنوان السؤال	المنارة		
فيديو لشرح السؤال	https://drive.google.com/file/d/11sEMktCVAxVSfxMjGcWcpNFEnYcwVAL/view?usp=sharing 		
<p>المنارات عبارة عن أبراج تحتوي في قممها على ضوء، يساعد سفن البحر على إيجاد طريقهم في الليل. ضوء المنارة يرسل ومضات الضوء بنمط دوري ثابت. وكل منارة لها نمط خاص بها. في الرسم البياني أدناه يمكنك رؤية تمثيل نمط الومضات الضوئية لإحدى المنارات، حيث تكون ومضات الضوء متبادلة مع فترات العتمة.</p>			
			
<p>هذا النمط دوري يعيد نفسه كل فترة من الزمن، وتسمى الفترة الزمنية التي يستغرقها النمط قبل أن يتكرر (دورة النمط). عندما تجد دورة نمط معين، فإنه من السهل عليك إكمال الرسم البياني للثواني أو الدقائق أو حتى الساعات التالية.</p>			
<p>السؤال (1): أي مما يلي يمكن أن يمثل دورة النمط للمنارة في الرسم أعلاه؟</p>			
أ	ب	ج	د
(2) ثانية	(3) ثواني	(5) ثواني	(12) ثانية
<p>السؤال (2): كم عدد الثواني التي تطلق فيها المنارة ومضات ضوئية خلال الدقيقة الواحدة؟</p>			
أ	ب	ج	د
4	12	20	24
<p>السؤال (3): ارسم بيانياً نموذجاً مقترحاً لنمط الومضات الضوئية لمنارة تطلق ومضاتها (30 ثانية) في الدقيقة، ودورة هذا النمط (6) ثواني.</p>			
			

3.

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي
عنوان السؤال		دقات القلب	
<p>لأسباب صحية يجب على الناس تحديد الجهد المبذول، على سبيل المثال أثناء ممارسة الرياضة، وذلك لتجنب تجاوز عدد دقات القلب عن المعدل الأقصى الموصى به.</p> <p>ولسنوات مضت كانت العلاقة بين المعدل الأقصى لدقات القلب الموصى بها وعمر الشخص تحدد باستخدام المعادلة التالية:</p> <p>العمر - 220 = الحد الأقصى لمعدل دقات القلب الموصى به</p> <p>الأبحاث الحديثة أوضحت أن المعادلة يمكن التعديل فيها قليلاً، والمعادلة الجديدة كالتالي:</p> <p>(العمر × 0.7) - 208 = الحد الأعلى لمعدل دقات القلب الموصى به</p> <p>السؤال (1):</p> <p>إحدى مقالات صحيفة ما صرحت أن: (إحدى نتائج استخدام المعادلة الجديدة بدلاً من القديمة، أن العدد الأقصى الموصى به لدقات القلب للشباب في الدقيقة الواحدة نقص قليلاً، وزاد قليلاً بالنسبة لكبار السن).</p> <p>❖ بعد أي عُمر يزداد المعدل الأقصى لدقات القلب نتيجة لتقديم المعادلة الجديدة؟ وضح حلك.</p>			
<p>السؤال (2):</p> <p>المعادلة:</p> <p>(العمر × 0.7) - 208 = المعدل الأقصى لدقات القلب الموصى به</p> <p>تستخدم أيضاً لتحديد ما إذا كان التدريب البدني أكثر فاعلية. الأبحاث وضحت أن التدريب البدني أكثر فاعلية عندما تكون دقات القلب عند (80%) من المعدل الأقصى لدقات القلب الموصى به.</p> <p>❖ اكتب صيغة لحساب معدل دقات القلب للتدريب البدني الأكثر فاعلية بدلالة العمر.</p>			

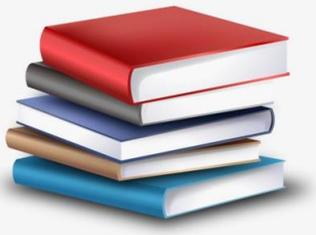
--	--

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي
عنوان السؤال		الشكل المناسب	
نشاط تفاعلي		https://wordwall.net/resource/80287236 	
<p>أي من الأشكال التالية يجب أن يحل مكان إشارة الاستفهام لتكمل المجموعة؟</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: flex; flex-wrap: wrap;">  </div> <div style="display: flex; flex-wrap: wrap; gap: 10px;"> <div style="text-align: center;">  A </div> <div style="text-align: center;">  B </div> <div style="text-align: center;">  C </div> <div style="text-align: center;">  D </div> <div style="text-align: center;">  E </div> <div style="text-align: center;">  F </div> </div> </div>			

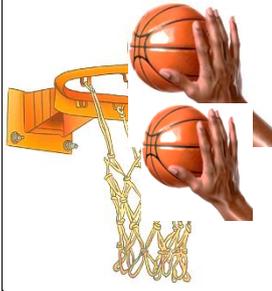
.5

المجال	التغير والعلاقات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		طباعة كتاب	
<p>يبحث يوسف عن مطبعة لطباعة كتاب من تأليفه، حيث وجد مطبعة تقدم الأسعار التالية: رسوم ثابتة قدرها 1500 ريال على تصميم غلاف الكتاب وتنسيق المحتوى، بالإضافة إلى 20 ريال لكل نسخة من كتاب عدد صفحاته أقل من 300، و 30 ريال لكل نسخة من كتاب عدد صفحاته 300 أو أكثر.</p> <p>السؤال (1): أي من العبارات الرياضية التالية تمثل تكلفة طباعة عدد (n) من النسخ من كتاب عدد صفحاته 300 فأكثر؟</p>			

.6



أ	1500 + 30 n	ب	1500 - 30 n	ج	30 + 1500 n	د	30 - 1500 n
السؤال (٢): كم تكلفة طباعة 600 نسخة من كتاب عدد صفحاته أقل من 300 ؟							

المجال	التغير والعلاقات	السياق	اجتماعي				
عنوان السؤال	كرة السلة						
فيديو لشرح السؤال	https://drive.google.com/file/d/10hvw3ufbOROCH_ccDgjsub2i0k4FgMOd/view?usp=sharing						
7.	قرر أحمد وزملائه في مدرسة المبدعين الثانوية تشكيل فريق لكرة السلة لتمثيل المدرسة في مسابقة على مستوى المنطقة. السؤال (1): أثناء التمرين قام معلم التربية الرياضية بوضع تحدي للطلبة حيث سيقوم برصد ثلاث نقاط إذا سجل الطالب هدفاً، وإذا أخطأ في تسجيل الهدف سيقوم بخصم نقطتين من رصيد نقاط الطالب. إذا قام أحمد برمي كرة السلة 20 مرة وأصبح مجموع نقاطه في الأخير صفر، فاحسب عدد الرميات التي سجل فيها أحمد هدفاً. وضح إجابتك.						
	السؤال (2): إذا لعب أحمد وزملائه اثنان وأربعون مباراة أثناء البطولة، وكانت عدد المباريات التي فازوا فيها ضعف عدد المباريات التي خسروا فيها، كم عدد المباريات التي خسروا فيها أحمد وزملائه؟						
أ	14 مباراة	ب	16 مباراة	ج	17 مباراة	د	20 مباراة

السؤال (3):

في البطولة كانت مجموع الرميات الحرة التي قام يوسف بتنفيذها 280 رمية، وكان احتمال عدم تسجيله للهدف هي $\frac{1}{7}$ ، أوجد عدد الأهداف التي حققها يوسف في البطولة؟

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي
عنوان السؤال		خلية النحل	
.8	<p>إذا نظرت لقرص الشمع في خلية نحل ترى نمطاً من الأشكال السداسية المنتظمة. في مركزه شكل سداسي منتظم، تحيط به 6 أشكال سداسية. ويحيط بهاتين الحلقتين حلقة ثالثة تتألف من 12 شكلاً سداسياً.</p> <p>وإذا رمزنا لعدد الأشكال السداسية في أول س من الحلقات بالرمز s (س) فإن:</p> $ع (س) = 3س - 2س + 1$ <p>السؤال (1):</p> <p>ما عدد الأشكال السداسية في أول 10 حلقات؟</p>		
	<p>السؤال (2):</p> <p>ما عدد الأشكال السداسية في أول 9 حلقات؟</p>		
	<p>السؤال (3):</p> <p>ما عدد الأشكال السداسية في الحلقة العاشرة؟</p>		

السؤال (4):

جد علاقة تحدد عدد الأشكال السداسية في الحلقة ن؟

المجال	التغير والعلاقات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال	كوبونات الخصم		
نشاط تفاعلي	https://wordwall.net/resource/80243620 		
<p>افتتح محمد مطعمه الجديد، وأراد القيام بحملة تسويقية بفكرة مختلفة، فطبع كوبونات خصم 5 % وقام بترتيبها على شكل نمط معين في مجموعات، ليقوم بتوزيعها على 20 شخص في محطة الحافلات. على أن يأخذ أول شخص يقابله مجموعة الكوبونات التي تحتوي على أكثر عدد، والشخص الثاني يحصل على المجموعة الأقل منها، وهكذا حتى آخر شخص يأخذ المجموعة التي تحتوي على 4 كوبونات.</p>			
<p> 4 كوبونات  8 كوبونات  12 كوبون</p>			
السؤال (1):			
كم عدد الكوبونات التي حصل عليها الشخص الخامس عشر؟			
أ	20 كوبون	ب	24 كوبون
ج	60 كوبون	د	64 كوبون
السؤال (2):			
ما ترتيب الشخص الذي حصل على 32 كوبون تخفيض؟			
أ	15	ب	18
ج	13	د	11

.9

السؤال (3): مجموع الكوبونات التي حصل عليها الشخص العاشر والحادي عشرينساوي ...							
أ	80 كوبون	ب	84 كوبون	ج	88 كوبون	د	92 كوبون
السؤال (4): اكتب الجملة الجبرية التي تمثل عدد الكوبونات التي حصل عليها المتسابق الذي ترتيبه n .							

المجال	التغير والعلاقات	السياق	شخصي										
عنوان السؤال	أثمان المشتريات												
فيديو لشرح السؤال	https://drive.google.com/file/d/110j804wlReeJjsO8ngFxA34EvfGXFPz/view?usp=sharing 												
10	<p>خرج خالد من بيته إلى السوق يحمل نوعين من الأوراق النقدية، أوراق نقدية من فئة 20 زد، وأوراق نقدية من فئة 50 زد. الجدول التالي يبين الأشياء التي اشتراها خالد وأثمانها:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>السلعة</th> <th>الثمن</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>مستلزمات مدرسية</td> <td>30 زد</td> </tr> <tr> <td>دراجة هوائية</td> <td>130 زد</td> </tr> <tr> <td>هاتف خلوي</td> <td>240 زد</td> </tr> <tr> <td>ثلاجة</td> <td>1310 زد</td> </tr> </tbody> </table> <p>السؤال (1): هل يستطيع خالد أن يدفع كل المبالغ المذكورة أعلاه باستعمال ما لديه من أوراق نقدية فقط، دون الحاجة لاسترداد باقي من الباعة؟ للإجابة على هذا السؤال ضع دائرة حول كلمة (نعم أو لا) مقابل كل واحد من المبالغ المبينة في الجدول أدناه.</p>			السلعة	الثمن	مستلزمات مدرسية	30 زد	دراجة هوائية	130 زد	هاتف خلوي	240 زد	ثلاجة	1310 زد
السلعة	الثمن												
مستلزمات مدرسية	30 زد												
دراجة هوائية	130 زد												
هاتف خلوي	240 زد												
ثلاجة	1310 زد												

المبلغ	هل يمكن لخالد دفع هذا المبلغ باستعمال الأوراق النقدية لديه
30 زد	نعم / لا
130 زد	نعم / لا
240 زد	نعم / لا
1310 زد	نعم / لا

السؤال (2):

إذا كان مع خالد عددًا أكبر من الأوراق النقدية فئة الـ 50 زد، وكان يريد دفع المبلغ مستعملًا أكبر عدد ممكن من الأوراق النقدية فئة الـ 50 زد .

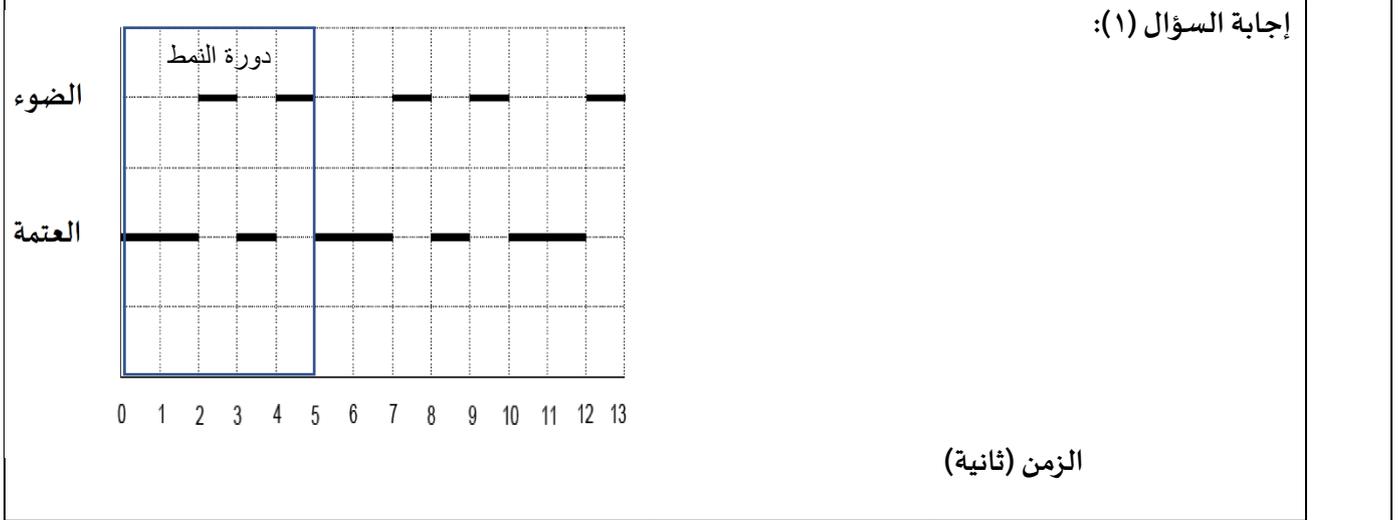
كم ورقة من فئة الـ 50 زد، وكم ورقة من فئة الـ 20 زد سيدفعها خالد إذا اشترى سلعة بمبلغ 930 زد؟

نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات							
المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي				
عنوان السؤال			أعواد الثقاب				
<p>مثلث واحد يتكون بـ 3 أعواد ثقاب. مثلثان تتكون بـ 5 أعواد ثقاب. ثلاث مثلثات تتكون بـ 7 أعواد ثقاب. ومنها نكتشف قاعدة النمط وهي: عدد أعواد الثقاب يساوي عدد المثلثات مضروباً في 2 ومضافاً عليها 1 أي لإيجاد عدد المثلثات نطرح 1 ثم نقسم على 2:</p> $45 - 1 = 44, 44 \div 2 = 22$ <p>كما يمكن الحل بتكوين معادلة وحلها كما يلي:</p> $y = 2x + 1 ; 45 = 2x + 1 ; x = 22$							
أ	ب	ج	د	27	17	22	12

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي				
عنوان السؤال			الأشنة				
<p>إجابة السؤال (1):</p> $d = 7.0 \times \sqrt{(16 - 12)}$ $= 14$ <p>طول قطر نبات الأشنة بعد (١٦) عاماً من اختفاء الثلوج يساوي 14 mm</p>							
<p>إجابة السؤال (2):</p> $35 = 7.0 \times \sqrt{(t - 12)}$ $5 = \sqrt{(t - 12)}$ $25 = t - 12$ $t = 25 + 12$ $t = 37$ <p>عدد الأعوام التي مضت على اختفاء الثلوج من على هذه البقعة يساوي 37 عاماً.</p>							

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي
--------	------------------	--------	------

عنوان السؤال	المنارة
--------------	---------



أ	ب	ج	د
---	---	---	---

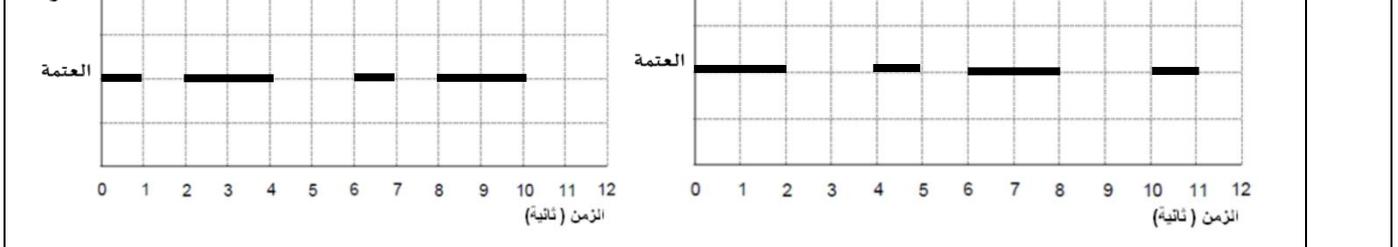
إجابة السؤال (2):
 في كل دورة تطلق المنارة ومضات ضوئية مدة ثانيتين
 عدد الدورات في الدقيقة = $60 \div 5 = 12$ دورة
 عدد الثواني التي تطلق فيها المنارة ومضات ضوئية خلال الدقيقة = $12 \times 2 = 24$

أ	ب	ج	د
---	---	---	---

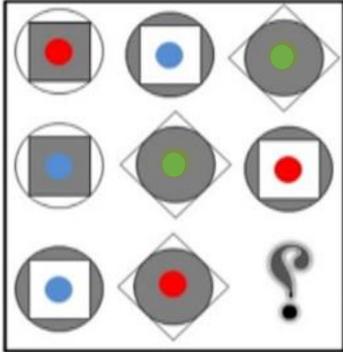
إجابة السؤال (3):

عدد الدورات في الدقيقة = $60 \div 6 = 10$ ، الومضات الضوئية في كل دورة = $30 \div 3 = 10$
 يمكن الرسم بالطرق التالية:

1. ومضة الثلاث ثواني.
 2. ومضة الثانية الواحدة أو الثانية.
- ويمكن عرضها بعدة طرق منها الموضح في التمثيلات التالية:



المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي
عنوان السؤال		دقات القلب	
.4	<p>إجابة السؤال (1): نفرض أن العمر الذي يزداد بعده المعدل الأقصى لدقات القلب نتيجة لتقديم المعادلة الجديدة هو x $208 - 0.7x > 220 - x$ وبحل المتباينة نجد أن:</p> $x > 40$ <p>إذن يزداد المعدل الأقصى لدقات القلب نتيجة تقديم المعادلة الجديدة بعد أن يصل الشخص لعمر 40 سنة</p>		
	<p>إجابة السؤال (2): معدل دقات القلب للتدريب البدني الأكثر فاعلية يعطى بالصيغة: $0.8(208 - (0.7 \times \text{العمر}))$ تقبل أي صيغة مكافئة مثل: $166 - (0.56 \times \text{العمر})$</p>		

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي
عنوان السؤال		الشكل المناسب	
.5	 <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="text-align: center;">  A </div> <div style="text-align: center;">  B </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="text-align: center;">  C </div> <div style="text-align: center;">  D </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="text-align: center;">  E </div> <div style="text-align: center;">  F </div> </div>		
	<p>الحل:  A</p> <p>توضيح للنمط:</p> <ul style="list-style-type: none"> كل صف يحوي دائرتين ومربع. الدائرتان في الصف الواحد إحداهما مظللة بالرمادي وتحوي مربعًا غير مظلل، والثانية غير مظللة وتحوي مربعًا مظللاً بالرمادي الأشكال في كل صف تحوي دائرة صغيرة مظللة بأحد الألوان (الأخضر، الأزرق، الأحمر) 		

المجال	التغير والعلاقات	السياق	شخصي
عنوان السؤال		طباعة كتاب	
<p>إجابة السؤال (1): رسوم ثابتة + 30 ريال لكل نسخة من كتاب عدد صفحاته 300 فأكثر $30n + 1500$</p>			
أ	ب	ج	د
$1500 + 30n$	$1500 - 30n$	$30 + 1500n$	$30 - 1500n$
<p>إجابة السؤال (2): 1500 ريال (رسوم ثابتة) بما أن التكلفة (20 ريال لكل نسخة من كتاب عدد صفحاته أقل من 300) $(600)(20) = 12000$ تكلفة الطباعة = $12000 + 1500 = 13500$ ريال</p>			

المجال	التغير والعلاقات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		كرة السلة	
<p>إجابة السؤال (1): ليكن س تمثل عدد الرميات الصحيحة ص تمثل عدد الرميات الخطأ إذا كان مجموع النقاط يساوي صفر فإن: $2ص = 3س \leftarrow ص = \frac{3}{2}س$ (1) بما أن عدد الرميات التي قام بها أحمد تساوي 20 إذاً $س + ص = 20$ (2) بالتعويض عن قيمة ص من المعادلة (1) في المعادلة (2) $20 = س + \frac{3}{2}س$ $20 = س + \frac{3س}{2}$ $40 = 2س + 3س$ $40 = 5س$ $8 = س$ إذن عدد الرميات الصحيحة التي سجل فيها أحمد هدفًا تساوي 8 طريقة أخرى: (حل نظام المعادلات بأي طريقة) $س + ص = 20 \leftarrow$ (1) $3س - 2ص = 0 \leftarrow$ (2) <hr/>$40 = 2س + 2ص$ $0 = 2س - 3ص$ <hr/>$40 = 5س$ $8 = س$ إذن عدد الرميات الصحيحة التي سجل فيها أحمد هدفًا تساوي</p>			

طريقة أخرى: (استراتيجية التخمين والتحقق)

أخطأت	20 رمية	أصابت
↓		↓
14		6
$14 \times 2 = 28$		عدد النقاط $6 \times 3 = 18$
(لا يتناسب)		مجموع النقاط $28 - 18 = 10$
أخطأت	20 رمية	أصابت
↓		↓
12		8
$12 \times 2 = 24$		عدد النقاط $8 \times 3 = 24$
(يتناسب)		مجموع النقاط $24 - 24 = 0$

إجابة السؤال (2):

$$س + ص = 42$$

$$\text{بما أن } ص = 2س$$

إذاً

$$2ص + ص = 42 \leftarrow 3ص = 42 \leftarrow ص = 42 \div 3 = 14$$

إذاً عدد المباريات التي خسروا فيها 14 مباراة

طريقة أخرى: (تجريب البدائل)

عدد المباريات التي لعبها أحمد وزملائه 42 مباراة

المجموع	عدد المباريات التي فازوا فيها (الضعف)	عدد المباريات التي خسروا فيها (تجريب البدائل)
✓ 42	28	14
✗ 48	32	16
✗ 51	34	17
✗ 60	40	20

.8

20 مباراة

د

17 مباراة

ج

16 مباراة

ب

14 مباراة

أ

إجابة السؤال (3):

$$\frac{6}{7} \times 280 = \text{عدد الأهداف التي حققها يوسف} = 240$$

$$= 240 \text{ هدف}$$

طريقة أخرى:

$$\frac{1}{7} \times 280 = \text{عدد الأهداف التي لم يسجلها يوسف} = 40$$

$$= 40 \text{ هدف}$$

$$\text{عدد الأهداف التي حققها يوسف} = 280 - 40 = 240$$

$$= 240 \text{ هدف}$$

المجال	التغير والعلاقات	السياق	علمي																								
	عنوان السؤال	خلية النحل																									
	<p>إجابة السؤال (1): ع(10) = $1 + 10 \times 3 - 2 \times 10 \times 3$ (بالتعويض المباشر) $1 + 30 - 300 =$ $271 =$ شكلاً سداسياً في أول 10 حلقات</p>																										
	<p>إجابة السؤال (2): ع(9) = $1 + 9 \times 3 - 2 \times 9 \times 3$ (بالتعويض المباشر) $1 + 27 - 243 =$ $217 =$ شكلاً سداسياً في أول 9 حلقات</p>																										
	<p>إجابة السؤال (3): عدد الأشكال السداسية في الحلقة العاشرة = ع(10) - ع(9) $217 - 271 =$ $54 =$ شكلاً سداسياً</p>																										
	<p>إجابة السؤال (4): عدد الأشكال السداسية في الحلقة ن = ع(ن) - ع(ن-1) حيث $n < 1$ $(1 + 3n - 2 \times 3n) - (1 + 3(n-1) - 2 \times 3(n-1)) =$ $(1 + 3 + 3n - 3 + 6n - 2 \times 3n) - (1 + 3n - 2 \times 3n) =$ $1 - 3 - 3n + 3 - 6n + 2 \times 3n - 1 + 3n - 2 \times 3n =$ $6 - 6n =$ $(1 - n)6 =$</p>																										
	<p>طريقة أخرى: تنظم المعلومات المستخلصة من الشكل في جدول كالتالي لاستنتاج قاعدة لعدد الأشكال السداسية في الحلقات وتعميمها لإجابة السؤال (4) ومنها السؤال (3)</p>																										
	<table border="1"> <thead> <tr> <th>رقم الحلقة ن</th> <th>عدد الأشكال في أول ن من الحلقات = $1 + 3n - 2 \times 3n$</th> <th>عدد الأشكال في الحلقة ن</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td> <td>1</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>7</td> <td>$6 = 1 \times 6 = (1-2)6$</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>19</td> <td>$12 = 2 \times 6 = (1-3)6$</td> </tr> <tr> <td>4</td> <td>37</td> <td>$18 = 3 \times 6 = (1-4)6$</td> </tr> <tr> <td>5</td> <td>61</td> <td>$24 = 4 \times 6 = (1-5)6$</td> </tr> <tr> <td>:</td> <td>:</td> <td>:</td> </tr> <tr> <td>ن</td> <td>$1 + 3n - 2 \times 3n$</td> <td>$(1-n)6$</td> </tr> </tbody> </table>	رقم الحلقة ن	عدد الأشكال في أول ن من الحلقات = $1 + 3n - 2 \times 3n$	عدد الأشكال في الحلقة ن	1	1	1	2	7	$6 = 1 \times 6 = (1-2)6$	3	19	$12 = 2 \times 6 = (1-3)6$	4	37	$18 = 3 \times 6 = (1-4)6$	5	61	$24 = 4 \times 6 = (1-5)6$:	:	:	ن	$1 + 3n - 2 \times 3n$	$(1-n)6$		
رقم الحلقة ن	عدد الأشكال في أول ن من الحلقات = $1 + 3n - 2 \times 3n$	عدد الأشكال في الحلقة ن																									
1	1	1																									
2	7	$6 = 1 \times 6 = (1-2)6$																									
3	19	$12 = 2 \times 6 = (1-3)6$																									
4	37	$18 = 3 \times 6 = (1-4)6$																									
5	61	$24 = 4 \times 6 = (1-5)6$																									
:	:	:																									
ن	$1 + 3n - 2 \times 3n$	$(1-n)6$																									
	<p>فيذا رمزنا لعدد الأشكال السداسية في الحلقة ن بالرمز ل(ن) فإن: ل(ن) = $(1-n)6$ حيث $n < 1$ ومنها ل(10) = $(1-10)6 =$ $54 =$ شكلاً سداسياً في الحلقة العاشرة</p>																										

.9

المجال	التغير والعلاقات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		كوبونات الخصم	
<p>إجابة السؤال (1):</p> <p>رقم الشخص: عدد الكوبونات:</p>			
أ	ب	ج	د
20 كوبون	24 كوبون	60 كوبون	64 كوبون
<p>إجابة السؤال (2):</p> <p>رقم الشخص: عدد الكوبونات:</p>			
أ	ب	ج	د
15	18	13	11
<p>إجابة السؤال (3):</p> <p>رقم الشخص: عدد الكوبونات:</p>			
أ	ب	ج	د
80 كوبون	84 كوبون	88 كوبون	92 كوبون
<p>إجابة السؤال (4):</p> <p>المتابعة حسابية ، أساسها (4-) الحد النوني: $a_n = a_1 + (n - 1)d$ نعوض بالحد 20 لإيجاد قيمة الحد الأول</p> $a_{20} = a_1 + (20 - 1)(-4)$ $4 = a_1 + (19)(-4)$ $a_1 = 4 + 76$ $a_1 = 80$ $a_n = 80 + (n - 1)(-4)$ $a_n = 80 - 4n + 4$ $a_n = 84 - 4n$			

.10

المجال	التغير والعلاقات	السياق	شخصي										
عنوان السؤال		أثمان المشتريات											
إجابة السؤال (1):													
<table border="1"> <thead> <tr> <th>المبلغ</th> <th>هل يمكن لخالد دفع هذا المبلغ باستعمال الأوراق النقدية لديه</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>30 زد</td> <td>نعم / لا</td> </tr> <tr> <td>130 زد</td> <td>نعم / لا</td> </tr> <tr> <td>240 زد</td> <td>نعم / لا</td> </tr> <tr> <td>1310 زد</td> <td>نعم / لا</td> </tr> </tbody> </table>				المبلغ	هل يمكن لخالد دفع هذا المبلغ باستعمال الأوراق النقدية لديه	30 زد	نعم / لا	130 زد	نعم / لا	240 زد	نعم / لا	1310 زد	نعم / لا
المبلغ	هل يمكن لخالد دفع هذا المبلغ باستعمال الأوراق النقدية لديه												
30 زد	نعم / لا												
130 زد	نعم / لا												
240 زد	نعم / لا												
1310 زد	نعم / لا												
<p>لحل السؤال نوجد حل معادلة من الدرجة الأولى بمتغيرين : ن (عدد الأوراق النقدية من فئة 20) ، ك (عدد الأوراق النقدية من فئة 50) في مجموعة الأعداد الطبيعية</p> $م = 20ن + 50ك$ <p>← ك = (م - 20ن) ÷ 50، يكون هذا عدد طبيعي إذا كان (م - 20ن) يقبل القسمة على 50 (أي مضاعف للعدد 50)</p> <ul style="list-style-type: none"> • عندما م = 30 ، لا يوجد عدد طبيعي ن يجعل 30 - 20ن عدد طبيعي يقسم على 50. أي أن خالد لا يستطيع دفع 30 زد باستعمال أوراق النقود التي معه. • عندما م = 130 فإن ن = 4 تجعل ك = (130 - 4×20) ÷ 50 = 50 ÷ 50 = 1 وهو عدد طبيعي أي أن خالد يستطيع دفع مبلغ 130 زد على الشكل : 4 قطع من فئة 20 زد وقطعة واحدة من فئة 50 زد • عندما م = 240 فإن ن = 2 تجعل ك = (240 - 2×20) ÷ 50 = 200 ÷ 50 = 4 أي أن خالد يستطيع دفع 240 زد على شكل قطعتين من فئة 20 زد و 4 قطع من فئة 50 زد • وبالمثل $1310 = 25 \times 50 + 3 \times 20$ أي أن خالد يستطيع دفع 1310 زد على شكل 3 قطع من فئة 20 زد و 25 قطعة من فئة 50 زد ويمكن إيجاد أكثر من حل للحالات السابقة 													
إجابة السؤال (2):													
<p>م = 20ن + 50ك ، م هو مجموع لمضاعفات العدد 20 والعدد 50 لإيجاد أكبر عدد لقطع الأوراق النقدية من فئة 50 زد نتبع ما يأتي:</p> $930 \div 50 = 18 \text{ والباقي } 30 \text{ وهذا الباقي ليس مضاعف للعدد } 20,$ <p>نقل عدد قطع النقد فئة 50 زد، ورقة واحدة يساوي 17 والباقي 80 وهذا الباقي مضاعف للعدد 20 ، حيث $4 \times 20 = 80$</p> $إذن 930 = 17 \times 50 + 4 \times 20$ <p>أكبر عدد ممكن من الأوراق النقدية من فئة 50 زد هو 17 ومن فئة 20 هو 4</p>													

.11

أُسئلة تدريبية على
مجال الاحتمالات والبيانات
PISA 2025
الرياضيات

اجتماعي	السياق	الاحتمالات والبيانات	المجال
كرة التنس			عنوان السؤال
https://wordwall.net/resource/80396549/%d8%aa%d9%86%d8%b3-%d8%a7%d9%84%d8%b7%d8%a7%d9%88%d9%84%d8%a9			نشاط تفاعلي
			



عبد الله، طارق، محمد وحاتم كونوا مجموعة تدريب في نادي تنس الطاولة، كل لاعب يريد أن يلعب مرة واحدة مع الآخر. وقاموا بحجز طاولتي تدريب لمبارياتهم .

السؤال الأول : أكمل جدول المباريات التالي وذلك بكتابة أسماء اللاعبين الذين يلعبون في كل مباراة

طاولة التدريب 2	طاولة التدريب 1	
حاتم – عبد الله	محمد – طارق	الجولة 1
		الجولة 2
		الجولة 3

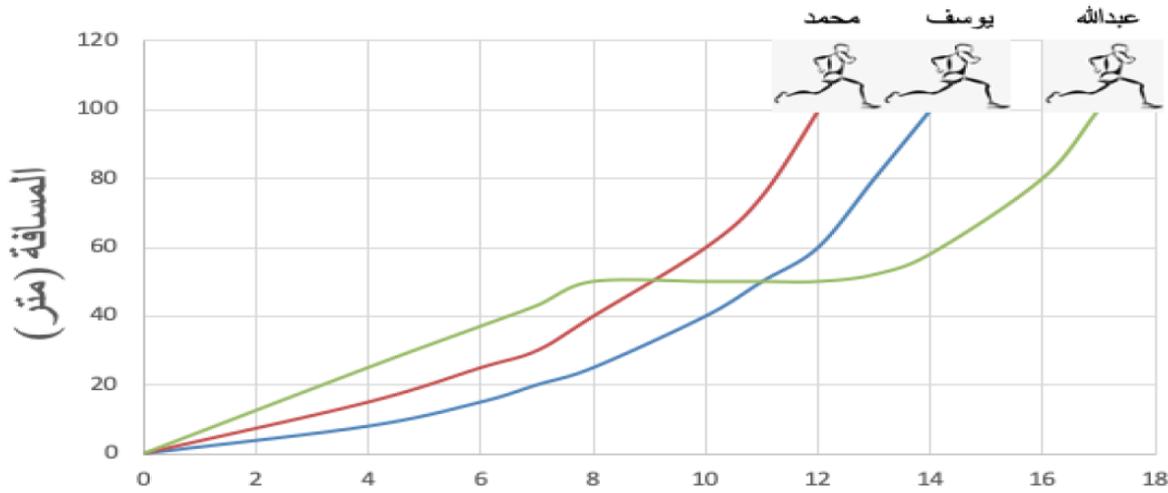
السؤال الثاني: كم عدد المباريات التي يلعبها كل لاعب؟

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال	سباق الجري		
نشاط تفاعلي	https://wordwall.net/resource/80309814/%d8%b3%d8%a8%d8%a7%d9%82-%d8%a7%d9%84%d8%ac%d8%b1%d9%8a		



سباق الجري

شارك كل من: عبدالله ويوسف ومحمد في سباق 100 m ، وقد كانت نتائجهم حسب الرسم البياني الآتي:



السؤال (1) : أجب بنعم او لا

استطاع يوسف تجاوز عبد الله على بعد 60 m من خط البداية .

أ – نعم

ب – لا

السؤال (2) : أي المتسابقين الثلاثة فاز بالسباق ؟

.....

السؤال (3) : أي المتسابقين توقف أثناء السباق ؟ وكم كانت مدة توقفه ؟

أ . عبدالله وكانت مدة التوقف 5 ثانية تقريباً

ب. يوسف وكانت مدة التوقف 14 ثانية تقريباً

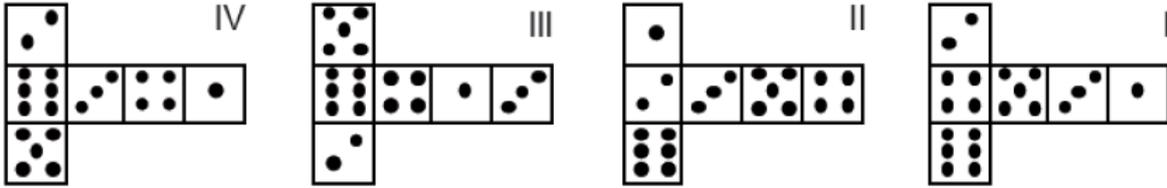
ج. يوسف وكانت مدة التوقف 4 ثواني تقريباً

د. محمد وكانت مدة التوقف 6 ثواني تقريباً



أمامك صورة لحجري نرد وهي مكعبات خاصة وضعت عليها أعداد تحقق القانون التالي :
عدد النقاط الإجمالي لكل وجهين متقابلين هو دائماً سبعة، يمكنك صنع حجر نرد
بسيط من خلال قص وطي والصاق قطعة كرتون، ويمكن القيام بذلك بعدة طرق.
فيما يلي (4) قصاصات يمكنك استخدامها لصنع حجر نرد ، له نقاط على الأوجه.

السؤال (1) : أي من القصاصات التالية يمكن طيها لتشكيل حجر نرد يحقق القانون : مجموع العددين في كل وجهين متقابلين يساوي (7)

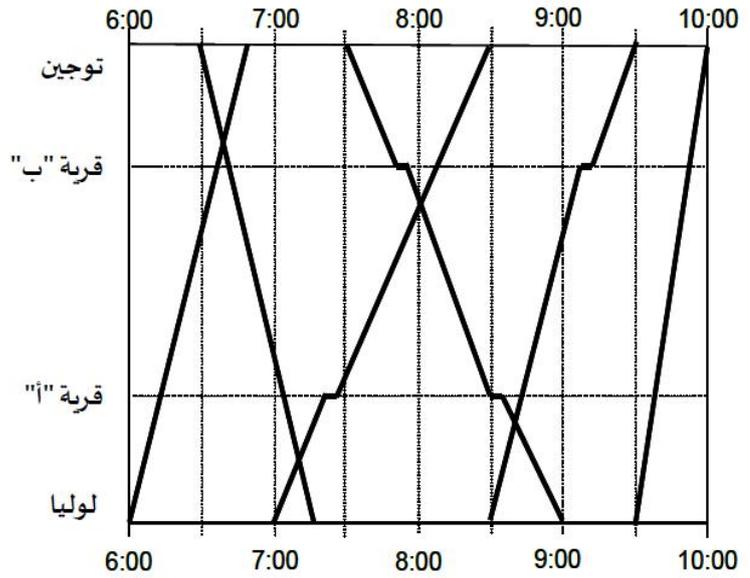


السؤال (2) : ضع دائرة حول (نعم) أو (لا) في القائمة التالية بالنسبة لكل واحد من الأشكال .

الشكل	يحقق القاعدة: مجموع العددين على كل وجهين متقابلين يساوي 7
I	نعم / لا
II	نعم / لا
III	نعم / لا
IV	نعم / لا

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		القطار	

في التمثيل البياني التالي مواعيد قطارات الصباح بين المدينتين لوليا وتوجين مع وجود محطات ثانوية في القرية (أ) والقرية (ب)
(استخدم هذا النوع من التمثيلات في أوروبا ، في القرن الـ 19)



السؤال (1) : يخرج قطار من لوليا عند الساعة (07:00) ، في أي ساعة يصل إلى توجين؟

السؤال (2) : يريد عمر السفر إلى القرية (أ) ، لكن يوجد قطار واحد مناسب فقط ، في أي ساعة يجب عليه الخروج؟

السؤال (3) : أي قطار أسرع : الذي يخرج من لوليا عند الساعة (7:00) أم الذي يخرج عند الساعة (8:30) ؟
فسر إجابتك .

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات لعام 2025

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال	كومبات فليد		
النشاط التفاعلي	https://wordwall.net/resource/80400168/%d9%83%d9%88%d9%85%d8%a8%d8%a7%d8%aa-%d9%81%d9%8a%d9%84%d8%af 		
<p>كومبات فيلد : أحد فعاليات موسم الرياض 2021 ، فيها يتعرف الزوار على تاريخ الأسلحة ويعيشون تجارب رمي وإطلاق النار. ذهب محمد وخالد لخوض التجربة واللعب بإطلاق الأسهم على الهدف.</p> <p>بعد 30 رمية للسهم فاز محمد ب 70% إصابة ناجحة، وخالد ب 90% إصابة ناجحة.</p> <p>السؤال (1) : كم عدد إصابات خالد الناجحة؟</p> <p>أ. 25</p> <p>ب. 26</p> <p>ت. 27</p> <p>ث. 28</p> <p>السؤال (2) : أجب بـ (صح) أو (خطأ)</p> <p>عدد أهداف خالد تزيد ب 6 إصابات ناجحة على أهداف محمد؟</p> <p>- صح</p> <p>- خطأ</p> <p>السؤال (3) : بعد 10 رميات إضافية ارتفع معدل الإصابات الناجحة للهدف لدى محمد إلى 75%</p> <p>ما عدد الإصابات الناجحة للهدف التي سجلها محمد من الرميات الإضافية؟</p> <p>أ- 6</p> <p>ب- 7</p> <p>ت- 8</p> <p>ث- 9</p>			

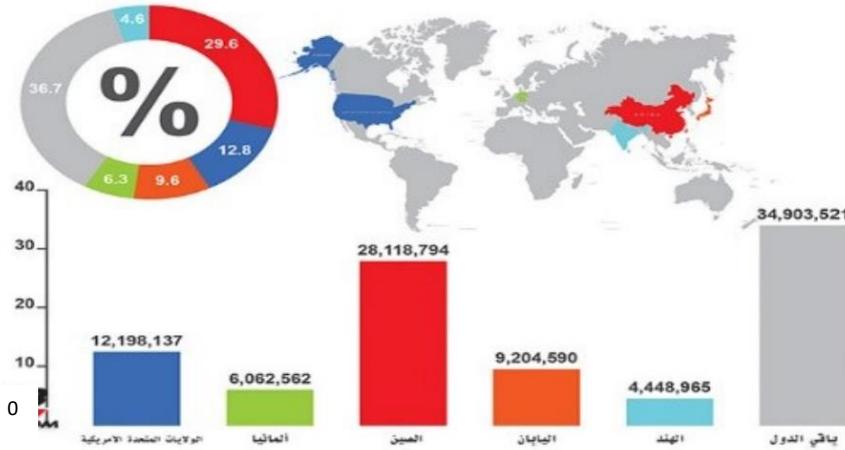


المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
--------	----------------------	--------	---------

عنوان السؤال
مصانع السيارات

تشير التقديرات الرسمية إلى وجود ما يزيد على مليار سيارة ركاب تجوب الطرق في العالم، وتبين الصورة أكبر خمس دول مصنعة للسيارات في العالم: من عام 1999 - 2020
إذا كان معدل الوقت اللازم لإنتاج سيارة واحدة في المصنع الصيني هو 24 ساعة بينما يزيد بمعدل 8 ساعات لصناعة سيارة مشابهة في المصنع الأمريكي .. يعمل المصنع الصيني على مدار الساعة ولسته أيام في الأسبوع ، ويعمل المصنع الأمريكي 16 ساعة في اليوم على مدار الأسبوع .

أكبر 5 دول مصنعة للسيارات في العالم



من خلال المعلومات السابقة أجب عن الأسئلة التالية :

(١) من هي أكبر دولة مصنعة للسيارات في العالم ؟ وكم نسبة تصنيعها للسيارات ؟

(٢) من هي ثاني أكبر دولة مصنعة للسيارات في العالم ؟ وكم نسبة تصنيعها للسيارات ؟

(3) كم عدد أيام العمل التي يحتاجها المصنع الصيني لإنتاج سيارة واحدة ؟

(4) كم عدد السيارات التي ينتجها المصنع الصيني خلال أربع أسابيع؟

(5) كم أسبوع يستغرق المصنع الصيني لإنتاج 60 سيارة؟

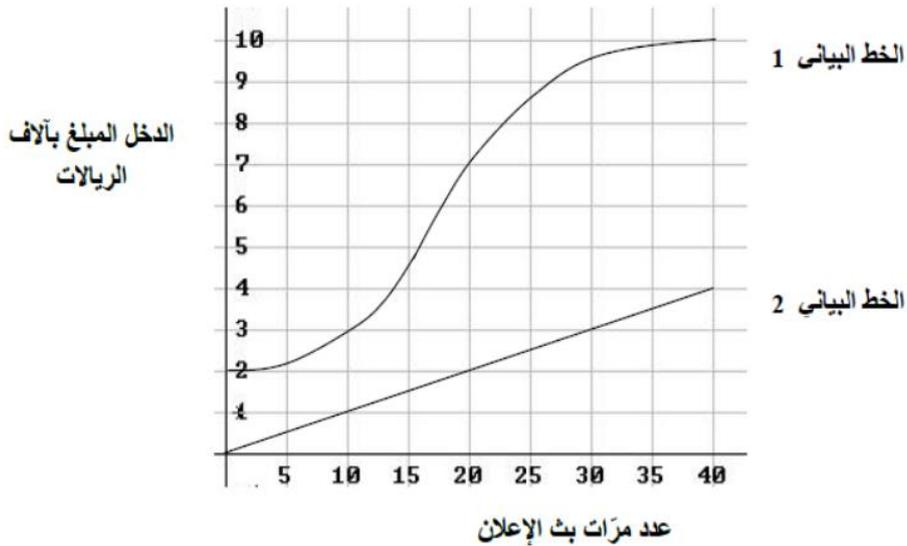
(6) اكتب عبارة رياضية تعبر عن عدد السيارات التي يتم تصنيعها في المصنع الأمريكي في (ع) من الأسابيع؟

(7) كم عدد السيارات التي ينتجها المصنع الأمريكي خلال 10 أسابيع؟

(8) بكم تزيد عدد ساعات العامل في المصنع الصيني عن عدد ساعات نظيره في المصنع؟

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال	الحفلة والبهث الإعلاني		
فيديو لشرح السؤال	https://m.youtube.com/watch?si=ONzETUQmmPuHPMAH&v=DZ0LiECIAkw&feature=youtu.be 		

تنظم لجنة طلاب الصف العاشر في إحدى المدارس حفلاً رياضياً وثقافياً من أجل تمويل تكاليف الاحتفال في نهاية العام الدراسي من أرباح هذا الحفل الرياضي. أراد أعضاء اللجنة بث إعلان في محطة الراديو المحلية وهم يفكرون في قيمة المبلغ الذي يجب استثماره في ذلك. ومن المعروف أنه كلما ازداد عدد مرات بث الإعلان فإن عدد المشتركين في الحفلة سيزداد وبذلك يزداد الدخل من بيع التذاكر، ولكن بالمقابل ازدياد عدد مرات البث يؤدي إلى زيادة تكاليف الإعلان. علماً بأن سعر بث الإعلان لمرة واحدة هو (10 ريالات) ، وكل نشاط آخر يعتبر تطوعاً؛ لذا لا توجد تكاليف إضافية.



يصف الخط البياني (1) : العلاقة بين عدد مرات البث والدخل من بيع التذاكر.

يصف الخط البياني (2) : العلاقة بين عدد مرات البث وتكاليف الإعلان .

السؤال (1) :

إذا قرر أعضاء اللجنة بث الإعلان (20) مرة ، فكم هو الربح المتوقع تقريباً ليستثمر في تمويل الاحتفال في نهاية العام الدراسي؟

السؤال (2) :

ما عدد مرات البث تقريباً التي من الأفضل أن يتفق عليه أعضاء اللجنة لكي يحصلوا على الربح الأكبر؟
وضح طريقة الحل.

نموذج إجابة - الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات لعام 2025

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
--------	----------------------	--------	---------



تنس الطا

عنوان السؤال

عبد الله، طارق – محمد وحاتم كونوا مجموعة تدريب في نادي تنس الطاولة كل لاعب يريد أن يلعب مرة واحدة مع الآخر. وقاموا بحجز طاولتي تدريب لمبارياتهم .

السؤال الأول : أكمل جدول المباريات التالي وذلك بكتابة أسماء اللاعبين الذين يلعبون في كل مباراة.

طاولة التدريب 2	طاولة التدريب 1	
حاتم – عبد الله	محمد – طارق	الجولة 1
حاتم – محمد	محمد – عبدالله	الجولة 2
حاتم – عبدالله	عبدالله – طارق	الجولة 3

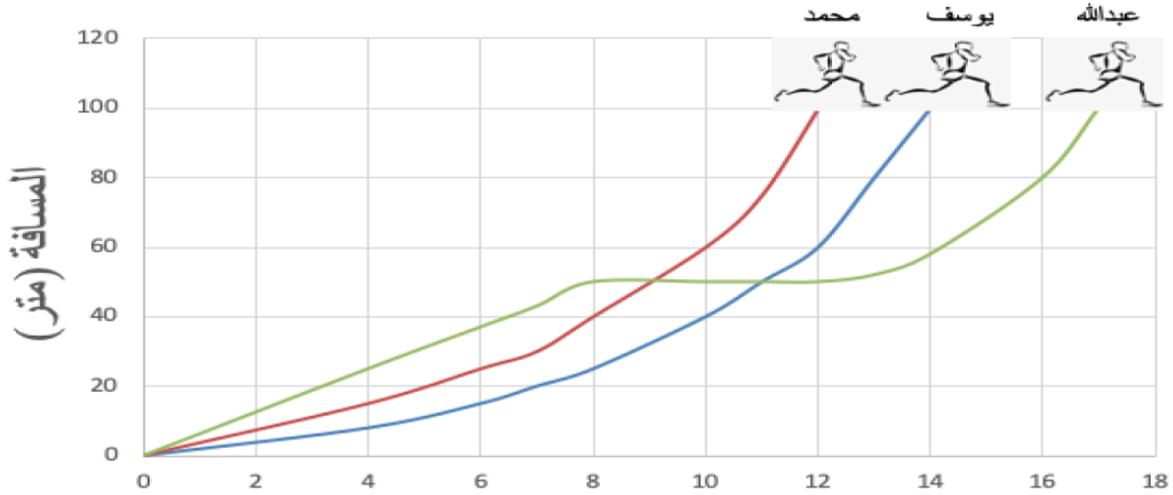
السؤال الثاني : كم عدد المباريات التي يلعبها كل لاعب؟

كل لاعب يلعب 3 مباريات

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال	سباق الجري		

سباق الجري

شارك كل من: عبدالله ويوسف ومحمد في سباق 100 m ، وقد كانت نتائجهم حسب الرسم البياني الآتي:



السؤال (1): أجب بنعم او لا

استطاع يوسف تجاوز عبدالله على بعد 60 m من خط البداية .

أ - نعم

ب - لا

السؤال (2): أي المتسابقين الثلاثة فاز بالسباق ؟

محمد

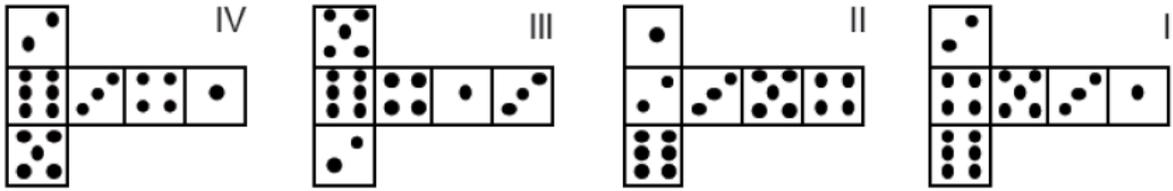
السؤال (3): أي المتسابقين توقف أثناء السباق ؟ وكم كانت مدة توقفه ؟

أ . عبدالله وكانت مدة التوقف 5 ثانية تقريباً

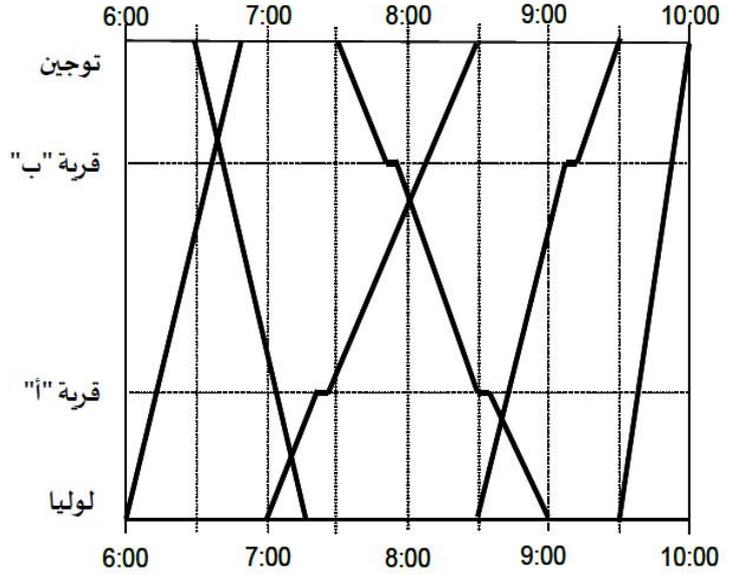
ب . يوسف وكانت مدة التوقف 14 ثانية تقريباً

ج . يوسف وكانت مدة التوقف 4 ثواني تقريباً

د . محمد وكانت مدة التوقف 6 ثواني تقريباً

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		حجر النرد	
<p>أمامك صورة لحجري نرد وهي مكعبات خاصة وضعت عليها أعداد تحقق القانون التالي :</p> <p>عدد النقاط الإجمالي لكل وجهين متقابلين هو دائماً سبعة، يمكنك صنع حجر نرد بسيط من خلال قص وطي وإصاق قطعة كرتون، ويمكن القيام بذلك بعدة طرق فيما يلي (4) قصاصات يمكنك استخدامها لصنع حجر نرد ، له نقاط على الأوجه</p>			
			
<p>السؤال (1) : أي من القصاصات التالية يمكن طيها لتشكيل حجر نرد يحقق القانون : مجموع العددين في كل وجهين متقابلين يساوي (7)</p>			
			
<p>السؤال (2) : ضع دائرة حول (نعم) أو (لا) في القائمة التالية بالنسبة لكل واحد من الأشكال .</p>			
الشكل	يحقق القانون الذي بموجبه مجموع كل وجهين متقابلين يساوي 7		
I	نعم / لا		
II	نعم / لا		
III	نعم / لا		
IV	نعم / لا		

في التمثيل البياني التالي مواعيد قطارات الصباح بين المدينتين لوليا وتوجين مع وجود محطات ثانوية في القرية (أ) والقرية (ب) (استخدم هذا النوع من التمثيلات في أوروبا ، في القرن الـ 19)



السؤال (1) : يخرج قطار من لوليا عند الساعة (07:00) في أي ساعة يصل إلى توجين .

يصل الساعة (08:30)

السؤال (2) : يريد عمر السفر إلى القرية (أ) ، لكن يوجد قطار واحد مناسب فقط ، في أي ساعة يجب عليه الخروج 0

يخرج الساعة 07:00 صباحاً حيث يتوقف القطار عند القرية (أ)

السؤال (3) : أي قطار أسرع : الذي يخرج من لوليا عند الساعة (07:00) أم الذي يخرج عند الساعة (08:30) فسر إجابتك .

قطار الساعة 08:30 يصل الساعة 09:30 زمن الرحلة ساعة واحدة وهو الأسرع

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	شخصي
--------	----------------------	--------	------

عنوان السؤال	تقدير دراسي
--------------	-------------

التقديرات أو الدرجات هي قياسات موحدة للمستويات المختلفة من الفهم في مادة معينة ، ويمكن أن تكون في صورة حروف (A ، F ، E ، D ، C ، B) أو أرقام من (4 - 1) أو وصف (ممتاز ، جيد جدا ، جيد ، مقبول ، ضعيف) أو نسبة مئوية مثل 90 % .

إذا كانت درجتك في ثلاث اختبارات لمادة الرياضيات كالتالي :

94 ، 95 ، 85 وأنت بحاجة إلى معدل لا يقل عن 93 حتى تحصل على تقدير ممتاز .

السؤال (1) : ما الدرجة التي يجب أن تحصل عليها في الاختبار الرابع ؟ وضح إجابتك.

$$\text{نفرض أن } x \text{ هي الدرجة الرابعة : } \frac{(84 + 95 + 85 + x)}{4} \leq 93 \leq \frac{274+x}{4} \leq 98 \leq x$$

إذا درجة الاختبار الرابع يجب ألا تقل عن 97

السؤال الثاني : الجدول التالي يوضح درجات طلاب فصلك :

درجات مادة الرياضيات				
99	85	88	86	90
89	20	91	92	93
100	98	؟	95	96

(أ) ما الدرجة المجهولة إذا علمت أن وسيط هذه الدرجات يساوي منوالها ؟

الدرجة المجهولة 92

(ب) ما المقياس الأفضل لتمثيل البيانات ؟

المنوال والوسيط

(ج) ما النسبة المئوية لأعداد الطلاب الحاصلين على تقدير ممتاز (100 - 90) ؟

66.7%

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال	كومبات فليد		
<p>كومبات فيلد : أحد فعاليات موسم الرياض 2021 ، فيها يتعرف الزوار على تاريخ الأسلحة ويعيشون تجارب رمي وإطلاق النار .</p> <p>ذهب محمد وخالد لخوض التجربة واللعب بإطلاق الأسهم على الهدف بعد 30 رمية للسهم فاز محمد ب 70% إصابة ناجحة ، وخالد ب 90% إصابة ناجحة.</p> <p>السؤال (1) : كم عدد إصابات خالد الناجحة؟</p> <p>أ. 25 ب. 26 ت. 27 ث. 28</p> <p>السؤال (2) : أجب بـ (صح) أو (خطأ)</p> <p>عدد أهداف خالد تزيد ب 6 إصابات ناجحة على أهداف محمد ؟</p> <p>- صح - خطأ</p> <p>السؤال (3) : بعد 10 رميات إضافية ارتفع معدل الإصابات الناجحة للهدف لدى محمد إلى 75%</p> <p>ما عدد الإصابات الناجحة التي سجلها محمد من الرميات الإضافية ؟</p> <p>أ- 6 ب- 7 ت- 8 ث- 9</p>			



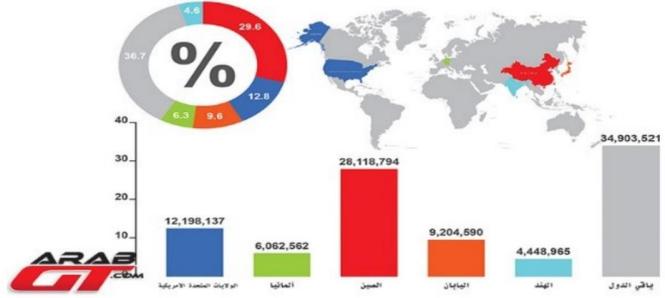
المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
--------	----------------------	--------	---------

عنوان السؤال
مصانع السيارات

تشير التقديرات الرسمية إلى وجود ما يزيد على مليار سيارة ركاب تجوب الطرق في العالم، وتبين الصورة أكبر خمس دول مصنعة للسيارات في العالم: من عام 1999 - 2020

إذا كان معدل الوقت اللازم لإنتاج سيارة واحدة في المصنع الصيني هو 24 ساعة بينما يزيد بمعدل 8 ساعات لصناعة سيارة مشابهة في المصنع الأمريكي .. يعمل المصنع الصيني على مدار الساعة ولسته أيام في الأسبوع ، ويعمل المصنع الأمريكي 16 ساعة في اليوم على مدار الأسبوع .

أكبر 5 دول مصنعة للسيارات في العالم



من خلال المعلومات السابقة أجب عن الأسئلة التالية :

(1) من هي أكبر دولة مصنعة للسيارات في العالم ؟ وكم نسبة تصنيعها للسيارات ؟

من التمثيل البياني يتضح أن أكبر دولة مصنعة للسيارات هي الصين ونسبة تصنيعها 29.6%

(2) من هي ثاني أكبر دولة مصنعة للسيارات في العالم ؟ وكم نسبة تصنيعها للسيارات ؟

من التمثيل البياني يتضح أن ثاني أكبر دولة مصنعة للسيارات هي أمريكا ونسبة تصنيعها 12.8%

(3) كم عدد أيام العمل التي يحتاجها المصنع الصيني لإنتاج سيارة واحدة ؟

يحتاج المصنع الصيني لـ 24 ساعة أي ليوم واحد لإنتاج سيارة واحدة

(4) كم عدد السيارات التي ينتجها المصنع الصيني خلال أربع أسابيع ؟

يحتاج المصنع ليوم واحد لصناعة سيارة ويعمل 6 أيام بالأسبوع

إذا يصنع بالأسبوع الواحد 6 سيارات

وبالتالي فإن عدد السيارات التي ينتجها المصنع الصيني خلال أربع أسابيع

تساوي = عدد السيارات بالأسبوع × أربع أسابيع

$$4 \times 6 =$$

$$24 = \text{سيارة}$$

(5) كم أسبوع يستغرق المصنع الصيني لإنتاج 60 سيارة ؟

عدد الأسابيع التي يحتاجها المصنع الصيني لإنتاج 60 سيارة =

$$= \frac{\text{عدد السيارات المطلوب}}{\text{عدد السيارات في الأسبوع}} = \frac{60 \text{ سيارة}}{6 \text{ سيارات / أسبوع}} = 10 \text{ أسابيع}$$

(7) كم عدد السيارات التي ينتجها المصنع الأمريكي خلال 10 أسابيع ؟

يحتاج المصنع الأمريكي يومي عمل لإنتاج سيارة واحدة وهو يعمل طوال الأسبوع وبالتالي فإن:

$$= \frac{\text{عدد الأسابيع}}{\text{عدد الأيام / سيارة}} = \frac{10 \text{ أسابيع}}{35 \text{ يومين}}$$

(8) بكم تزيد عدد ساعات العامل في المصنع الصيني عن عدد ساعات نظيره في المصنع الأمريكي

يعمل المصنع الصيني على مدار 24 ساعة بينما المصنع الأمريكي يعمل 16 ساعة في اليوم

بالتالي فإن مقدار الزيادة = عدد ساعات العامل في المصنع الصيني - عدد ساعات العامل في المصنع الأمريكي

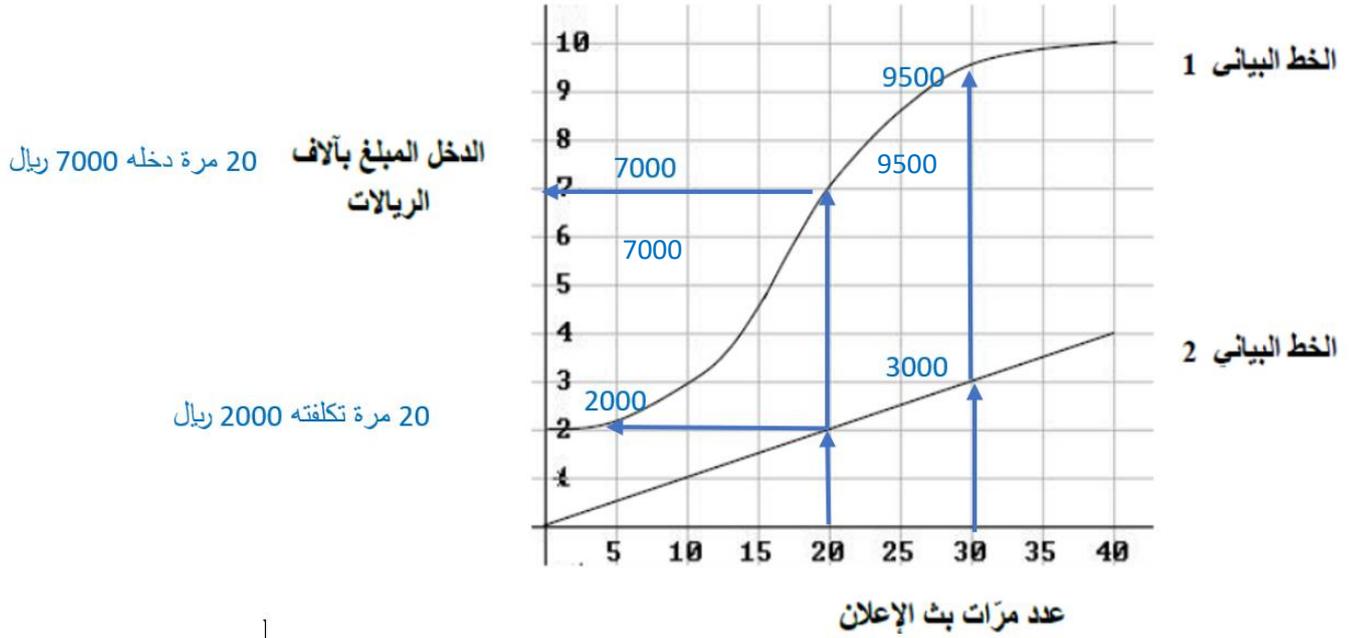
$$= 24 - 16$$

$$= 8 \text{ ساعات}$$

أي يزيد بمقدار 8 ساعات

نموذج إجابة - الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA - مادة الرياضيات

المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		الحفلة والبث الإعلامي	
تنظم لجنة طلاب الصف العاشر في إحدى المدارس حفلاً رياضياً وثقافياً من أجل تمويل تكاليف الاحتفال في نهاية العام الدراسي من أرباح هذا الحفل الرياضي. أراد أعضاء اللجنة بث إعلان في محطة الراديو المحلية وهم يفكرون في قيمة المبلغ الذي يجب استثماره في ذلك. ومن المعروف أنه كلما ازداد عدد مرات بث الإعلان فإن عدد المشتركين في الحفلة سيزداد وبذلك يزداد الدخل من بيع التذاكر، ولكن بالمقابل ازدياد عدد مرات البث يؤدي إلى زيادة تكاليف الإعلان. علماً بأن سعر بث الإعلان لمرة واحدة هو (١٠) ، وكل نشاط آخر يعتبر تطوعاً لذا لا توجد تكاليف إضافية.			



يصف الخط البياني (1) : العلاقة بين عدد مرات البث والدخل من بيع التذاكر.

يصف الخط البياني (2) : العلاقة بين عدد مرات البث وتكاليف الإعلان .

السؤال (1) :

إذا قرّر أعضاء اللجنة بث الإعلان (20) مرة ، فكم هو الربح المتوقع تقريباً ليستثمر في تمويل الاحتفال في نهاية العام الدراسي

الحل :

تكلفة البث (من الرسم البياني) = 2000 ريال

الدخل من البث (من الرسم البياني) = 7000 ريال

الربح = الدخل من البث - تكلفة البث

$$= 7000 - 2000$$

$$= 5000$$

السؤال (2) :

ما عدد مرات البث تقريباً التي من الأفضل أن يتفق عليه أعضاء اللجنة لكي يحصلوا على الربح الأكبر؟
وضح طريقة الحل

الحل :

30 مرة بث يكون الربح كالتالي :

التكلفة = 3000 ريال

الدخل = 9500 ريال

الربح = الدخل - التكلفة

$$= 9500 - 3000 = 6500$$

أي 6500 ريال

الأسئلة التفاعلية المفسوحة *PISA 2025* الرياضيات

فيما يلي روابط الأسئلة التفاعلية المفسوحة على موقع منظمة التعاون والتنمية الاقتصادية، وهي باللغة العربية؛ للإفادة منها في تدريب الطلاب على البيئة التفاعلية واستخدام أدوات منصة اختباريزا الرقمية

الأسئلة التفاعلية المفسوحة على موقع منظمة التعاون والتنمية الاقتصادية - مادة الرياضيات				
الباركود	رابط السؤال أو رمز الاستجابة السريعة للسؤال	السياق	المجال	عنوان السؤال
	https://pisa2022-questions.oecd.org/platform/index.html?user=&unit=MAT/MA104-CarPurchase&lang=ara-SAU	شخصي	1-الأعداد والعمليات عليها 2-التغير والعلاقات	شراء سيارة
	https://pisa2022-questions.oecd.org/platform/index.html?user=&unit=MAT/MA106-DVDSales&lang=ara-SAU	اجتماعي	الاحتمالات والبيانات	مبيعات أقراص الفيديو الرقمي (DVD)
	https://pisa2022-questions.oecd.org/platform/index.html?user=&unit=MAT/MA118-MovingTruck&lang=ara-SAU	شخصي	القياس وهندسة	شاحنة النقل
	https://pisa2022-questions.oecd.org/platform/index.html?user=&unit=MAT/MA123-SolarSystem&lang=ara-SAU	علمي	الأعداد والعمليات علمها	النظام الشمسي

الأسئلة التفاعلية المسووحة على موقع منظمة التعاون والتنمية الاقتصادية - مادة الرياضيات

عنوان السؤال	المجال	السياق	رابط السؤال أوزم الاستجابة السريعة للسؤال	الباركود
النمط المثلي	1- الأعداد والعمليات عليها 2-3/ التغير والعلاقات	علمي	https://pisa2022-questions.oecd.org/platform/index.html?user=&unit=MAT/MA150-TriangularPattern&lang=ara-SAU	

تابع الأسئلة التفاعلية المسووحة على موقع منظمة التعاون والتنمية الاقتصادية - مادة الرياضيات

عنوان السؤال	المجال	السياق	رابط السؤال أوزم الاستجابة السريعة للسؤال	الباركود
النقاط	الاحتمالات والبيانات	اجتماعي	https://pisa2022-questions.oecd.org/platform/index.html?user=&unit=MAT/MA156-Points&lang=ara-SAU	
منطقة الغابات	الاحتمالات والبيانات	اجتماعي	https://pisa2022-questions.oecd.org/platform/index.html?user=&unit=MAT/MA161-ForestedAreas&lang=ara-SAU	
القرص الدوار	1-2/ الاحتمالات والبيانات 3- القياس والهندسة	1-2/ شخصي 3- علمي	https://pisa2022-questions.oecd.org/platform/index.html?user=&unit=MAT/MA159-Spinners&lang=ara-ARE	

مواودة الأسللة الالاعللة

المفسلوؤة

PISA 2025

الرلأضللل

فلما للل الأسللة الالاعللة المفسلوؤة على موقع منظمة الالعاون والالنملة الاقللصاؤلة؁ وؤلك بعء الالءلها وإعاعاؤ صللأؤها للالصؤ ملائمة للالرب الالاب علمها ورقلأاً ءون الرجوع لمنصؤة الالرب

– مادة الرياضيات PISA أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية

المجال	1. الأعداد والعمليات عليها 2. التغير والعلاقات	السياق	شخصي
عنوان السؤال	شراء سيارة		

يرغب وليد في شراء سيارة مستعملة، ويحتاج معرفة تكلفة شراء السيارة وقيادتها للسنة الأولى. وعند البحث وجد أربع سيارات 100 سعرها بالزد، واستهلاكها للوقود، موضح في الجدول التالي، حيث استهلاك الوقود هو تقدير عدد لترات الوقود اللازمة لقيادة كيلومتر، وهو تقدير مبني على دمج القيادة في المدينة وعلى الطريق السريعة.

السيارة	السيارة C	السيارة B	السيارة A	البند
10500	9900	8700	8000	سعر السيارة بالزد (يشمل الضرائب ورسوم التسجيل)
14.1	12.4	15.7	18.9	100 استهلاك الوقود (عدد لترات الوقود لكل كيلومتر)

إذا علمت أن:

- المسافة التقديرية التي سيقوم بقيادتها في السنة هي 20000 كيلومتر.
- متوسط تكلفة الوقود 1.54 زد لكل لتر.
- التكلفة التقديرية للصيانة هي 250 زد في السنة الأولى.

أكمل الجدول التالي لحساب تكلفة شراء السيارة واستخدامها في السنة الأولى.

السيارة	السيارة C	السيارة B	السيارة A	البند
10500	9900	8700	8000	سعر السيارة بالزد (يشمل الضرائب ورسوم التسجيل)
14.1	12.4	15.7	18.9	100 استهلاك الوقود (عدد لترات الوقود لكل كيلومتر)
				إجمالي استهلاك الوقود باللتر
				إجمالي تكلفة الوقود بالزد

1.

				إجمالي تكلفة شراء السيارة واستخدامها في السنة الأولى			
أي السيارات ستكلفه أقل مبلغ لشرائها واستخدامها في السنة الأولى؟							
أ	سيارة A	ب	سيارة B	ج	سيارة C	د	سيارة D
كل سنة، وذلك في حال لم تتعرض لحادث وبقيت في حالة 5% إذا علمت أنه عند بيع السيارة؛ فإن قيمتها ستقل بمقدار جيدة.							
وبيعها بعد ثلاث سنوات وهي بحالة جيدة، كم ستكون القيمة التقريبية لبيع السيارة بالزد؟ D قرر وليد شراء السيارة. اختر الإجابة الصحيحة، ووضح خطوات الحل.							
أ	1575	ب	8925	ج	9000	د	9975
.2							

– مادة الرياضيات PISA أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية			
المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		(DVD) مبيعات أقراص الفيديو الرقمي	

إلى 2008 التي تباع كل سنة في المملكة المتحدة من (DVD) موضح في الرسم البياني أدناه العدد الكلي لأقراص الفيديو الرقمي

2014

مليون 252.9) إلى أنه تم بيع 252.9, 0، على سبيل المثال، تشير النقطة (2008) تمثل القيم على المحور الأفقي عدد السنوات بعد وهكذا ... 2009 مليون قرص خلال العام (234.6) إلى أنه تم بيع 234.6, 1، وتشير النقطة (2008) قرص في

في المملكة المتحدة (DVD) مبيعات أقراص الفيديو الرقمي



اختر (نعم أو لا) لكل من العبارات الواردة في الجدول أدناه بالإفادة من المعلومات الموضحة في الرسم البياني

لا	نعم	العبرة
		2014 حتى 2008 من 50% المبيعة بحوالي DVD انخفض عدد أقراص الفيديو الرقمي)
		حتى 2008 المبيعة بنفس الكمية كل عام من (DVD) انخفض عدد أقراص الفيديو الرقمي 2014
		المبيعة (DVD) ميل المستقيم يساوي معدل الانخفاض السنوي في عدد أقراص الفيديو الرقمي 2014 حتى 2008 من

.9

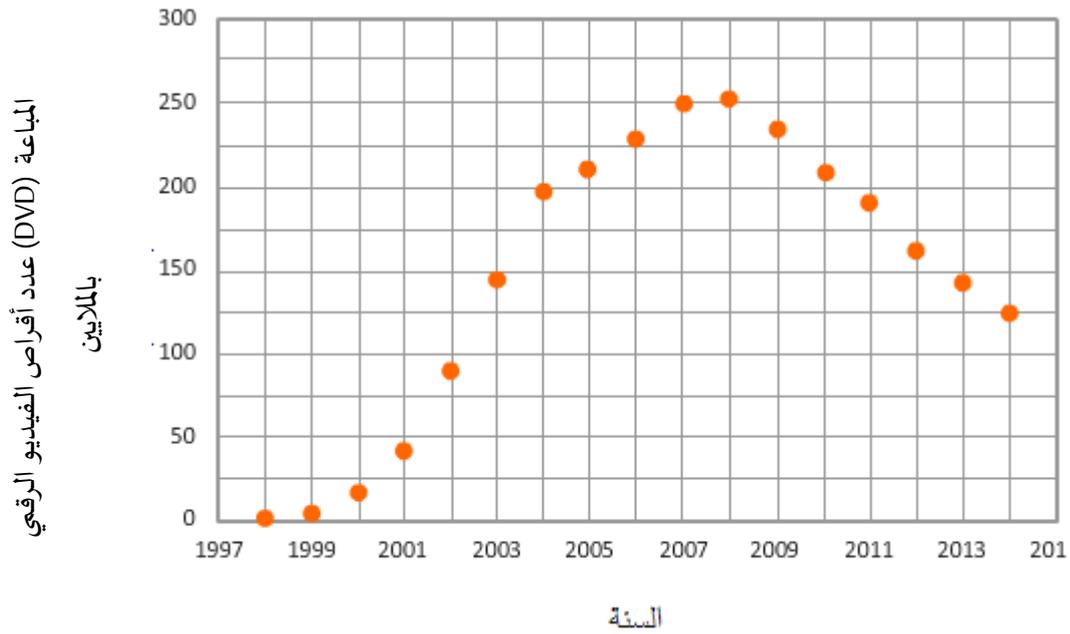
هو عدد (n) المبيعة (بالملايين)، DVD هو عدد أقراص الفيديو الرقمي (d)، حيث $d = 254 - 22n$ معادلة المستقيم هي ، في حالة استمرار المبيعات بهذا الشكل، في أي عام سيكون عدد الأقراص الرقمية المبيعة أقل من 2008 الأعوام بعد

.10

مليون؟

(2013 إلى عام 1998) في المملكة المتحدة من عام DVD الرسم البياني أدناه يوضح مبيعات أقراص الفيديو الرقمي

في المملكة المتحدة (DVD) مبيعات أقراص الفيديو الرقمي



03

في الجدول التالي اختراالاتجاه الصحيح للمبيعات (يتزايد أو يتناقص)، والنموذج الرياضي المناسب (خطي أو غير خطي) لمدي السنوات، علمًا بأنه تم إكمال الصف الأخير كمثال.

النموذج الرياضي	اتجاه المبيعات	السنوات
خطي <input type="radio"/>	يتزايد <input type="radio"/>	1998-2004
غير خطي <input type="radio"/>	يتناقص <input type="radio"/>	
خطي <input type="radio"/>	يتزايد <input type="radio"/>	2005-2007
غير خطي <input type="radio"/>	يتناقص <input type="radio"/>	
خطي	يتناقص	2008-2014

– مادة الرياضيات PISA أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية

المجال	القياس وهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال	شاحنة النقل		

B أو حجمها A عائلة سارة ترغب في النقل من مدينة إلى أخرى، ويمكنهم نقل الأثاث باستئجار شاحنة نقل حجمها

الجدول أدناه يوضح أبعاد مقصورة التخزين الداخلية للشاحنتين حيث جميع الجدران وأرضية المقصورة عبارة عن مستطيلات

حجم الشاحنة	طول الأرضية	عرض الأرضية	الارتفاع
A	4 متر	2 متر	2 متر
B	6.6 متر	2.3 متر	2.3 متر

هناك ثلاثة أحجام مختلفة من الصناديق المتاحة، موضحة أبعادها في الجدول أدناه

حجم الصندوق	الطول	العرض	الارتفاع
صغير	0.4 متر	0.3 متر	0.3 متر
متوسط	0.5 متر	0.5 متر	0.5 متر
كبير	0.5 متر	0.5 متر	0.75 متر

، ما هو أكبر عدد من الصناديق متوسطة الحجم التي تناسب الشاحنة A؟ قررت عائلة سارة استئجار الشاحنة



.1

أ 320 ب 128 ج 26 د 16

باستخدام الصناديق متوسطة الحجم فقط؛ حتى يُشغل حيز A أكدت شركة تأجير الشاحنات أنه يمكن ملء الشاحنة

التخزين بالكامل. تدعي سارة أن الصندوق المتوسط يشغل ثلثي حجم الصندوق الكبير؛ أي أن عدد الصناديق الكبيرة التي

عدد الصناديق المتوسطة، أي عبارة من العبارات التالية (حول استنتاج سارة) صائبة؟ $\frac{2}{3}$ هو A تملأ الشاحنة

ارتفاع الصندوق الكبير. $\frac{2}{3}$ أ) سارة على صواب؛ لأن ارتفاع الصندوق المتوسط يساوي

. من الصناديق الكبيرة 2 صناديق متوسطة في نفس الحجم الذي يشغله 3 ب) سارة على صواب؛ لأنه يمكن دائماً وضع

الذي هو ارتفاع 0.75 ليس من مضاعفات العدد A ج) سارة على خطأ؛ لأن أيًا من أبعاد التخزين الداخلية في الشاحنة

الصندوق الكبير.

.2

مرة من ارتفاع الصندوق المتوسط.1.5د) سارة على خطأ؛ لأن ارتفاع الصندوق الكبير أكبر

– مادة الرياضيات PISA أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	علمي
عنوان السؤال		النظام الشمسي	

1a)، كل وحدة فلكية واحدة (a u يوضِّح الجدول أدناه متوسط المسافة من الشمس إلى الكواكب الأساسية بالوحدات الفلكية مليون كيلومتر تقريباً.150) تساوي u

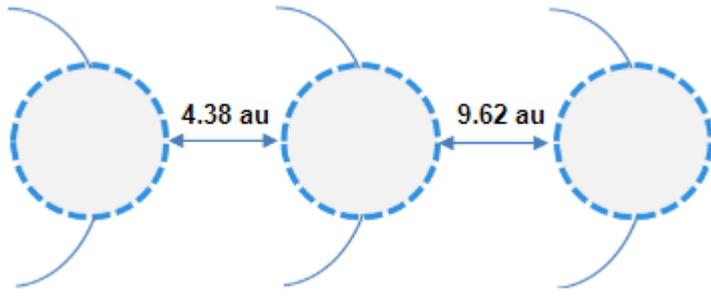


متوسط المسافة من الشمس a u بوحدّة	الكوكب
0.39	عطارد
0.72	الزهرة
1.00	الأرض
1.52	المريخ
5.20	المشتري
9.58	زحل
19.20	أورانوس
30.05	نبتون

يُبيّن الرسم التخطيطي التالي معدّل المسافات بين ثلاثة كواكب. (الرسم التخطيطي لا يتبع مقياس رسم)

استناداً إلى المسافات المعطاة، اكتب داخل الدوائر أسماء الكواكب الثلاثة

01



في المتوسط، كم مليون كيلومتر يبعد كوكب نبتون تقريبًا عن الشمس؟

02

د مليون كيلومتر 4500

د

ج مليون كيلومتر 180

ج

ب مليون كيلومتر 30

ب

أ مليون كيلومتر 5

أ

– مادة الرياضيات PISA أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية

السياق

١- الأعداد والعمليات عليها

٢- التغير والعلاقات

٣- التغير والعلاقات

النمط المثلي

الصف	
الصف الثاني	
الصف الثالث	
الصف الرابع	

ما الـ

60.0%	ج	50.0%	ب.
-------	---	-------	----

إذا أراد خالد تمديد النمط إلى صف خامس

60.0%	ج	50.0%	ب.	4
-------	---	-------	----	---

الإجابة

○	نعم
---	-----

– مادة الرياضيات PISA أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية

السياق

الاحتمالات والبيانات

النقاط

الإجابة

○

نعم

– مادة الرياضيات PISA أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية			
اجتماعي	السياق	الاحتمالات والبيانات	المجال
	منطقة الغابات		عنوان السؤال
		<p>في هذا السؤال، ستستخدم برنامج جداول البيانات (الإكسل) للإجابة على الأسئلة المتعلقة بالموقف التالي:</p> <p>الغابة هي نظام بيئي يمكن العثور فيه على مجموعة متنوعة من الأشجار والنباتات.</p> <p>يمكن أن تتغير مساحة الغابات في بلد ما بمرور الوقت.</p>	
<p>يوضح جدول البيانات أدناه النسبة المئوية لمساحة منطقة الغابات في خمسة عشر دولة من إجمالي مساحة أرض كل دولة في 2005، 2010، 2015.</p>			

العمود G	العمود F	العمود E	العمود D	العمود C	العمود B	العمود A
			2015	2010	2005	الدولة
			11.77	11.74	11.77	أرمينيا
			35.25	35.89	36.52	البرتغال
			57.79	58.45	59.01	البيرو
			0.82	0.81	0.64	الجزائر
			42.97	44.01	45.05	السنغال
			32.76	32.73	32.66	ألمانيا
			23.77	23.47	22.77	الهند
			33.85	33.7	33.26	الولايات المتحدة
			31.45	30.28	29.11	اليونان
			62.11	63.21	64.33	باناما
			32.1	31.81	31.51	تايلند
			1.23	1.23	1.24	كازاخستان
			63.69	64.08	64.42	كوريا الجنوبية
			52.73	52.85	54.26	كولومبيا
			13.42	13.38	13.34	لبنان

انسخ الجدول السابق، وألصقه في برنامج جداول البيانات (الإكسل)، ثم أكمله بإجراء العمليات المناسبة؛ للإجابة عن الأسئلة من 1 إلى 4

أكمل الجدول أدناه بكتابة اسم الدولة المناسبة للإجابة عن كل سؤال.

الدولة	السؤال
	2015 إلى عام 2005 ما الدولة التي حققت أكبر زيادة في النسبة المئوية من عام
	2015 إلى عام 2005 أي دولة لم تتغير من عام
	2015 إلى عام 2005 ما الدولة التي حققت أكبر نسبة نقصان في النسبة المئوية من عام

.1

أي من العبارات التالية تصف بشكل صحيح المتوسط الحسابي للتغير في النسبة المئوية لمنطقة الغابات للفترتين 2015 إلى 2010 ومن 2010 إلى 2005 الزميتين من

المتوسط الحسابي للتغير كان إيجابياً لإحدى الفترتين وسلبياً للأخرى.	د	المتوسط الحسابي للتغير كان نفسه لكلا الفترتين.	ج	المتوسط الحسابي للتغير كان سلبياً لكلا الفترتين.	ب	المتوسط الحسابي للتغير كان إيجابياً لكلا الفترتين.	أ	.2
--------------------------------------------------------------------	---	------------------------------------------------	---	--------------------------------------------------	---	----------------------------------------------------	---	----

إلى 2005 من ما هما الدولتان اللتان حصلتا على أكبر تغير في النسبة المئوية لمنطقة الغابات خلال الفترتين الزميتين 2015 إلى 2010 ومن 2010 إلى 2005؟

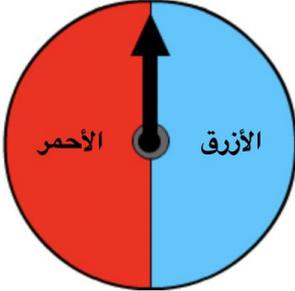
الدولة الثانية	الدولة الأولى	الاجابة

.3

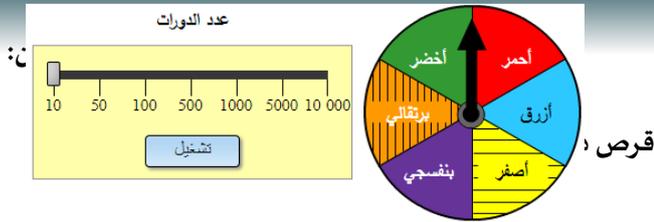
لا

.4

اشرح إجابتك.

2-1- شخصي 3- علي	السياق	2-1- الاحتمالات والبيانات 3- القياس والهندسة	المجال
القرص الدوار		عنوان السؤال	
<p>سيقوم صف بلال بإجراء تجربة باستخدام قرصين دوارين مثل القرصين المبينة أدناه. إلى أربعة أقسام متساوية، B إلى قسمين متساويين، أحدهما أزرق والآخر أحمر، وينقسم القرص الدوار A ينقسم القرص الدوار. اثنين باللون الأزرق و اثنين باللون الأحمر.</p> <p>لقد تلقى الطلاب في صف بلال التعليمات التالية: إذا توقف السهم على الخط الفاصل بين القسمين، فيجب ألا يتم حساب تلك الدورة ويجب عليهم تدوير السهم مرة أخرى.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="text-align: center;">  <p>القرص الدوار B</p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>القرص الدوار A</p> </div> </div>			
<p>أكبر من احتمال وقوفه على اللون نفسه في A يعتقد بلال أن احتمال وقوف السهم على اللون الأزرق في القرص الدوار . هل بلال على صواب؟ B القرص الدوار</p> <p><input type="radio"/> نعم</p> <p><input type="radio"/> لا</p> <p>اشرح إجابتك</p>			

--	--



له لون محبب عن الآخر.

- لوحة تستعمل لاختيار عدد الدورات التي يدورها القرص.
- جدول بيانات يحسب احتمال وقوف السهم عند كل لون وفقاً لعدد الدورات.

(يتكون جدول بيانات مثل الجدول التالي: 10000 إلى 10 وبتفعيل المحاكاة واختيار عدد الدورات (من

عدد الدورات	أخضر	برتقالي	بنفسجي	أصفر	أزرق	أحمر
10	2 (20.00%)	2 (20.00%)	4 (40.00%)	1 (10.00%)	1 (10.00%)	0 (0.00%)
50	8 (16.00%)	8 (16.00%)	15 (30.00%)	9 (18.00%)	6 (12.00%)	4 (8.00%)
100	13 (13.00%)	17 (17.00%)	17 (17.00%)	23 (23.00%)	14 (14.00%)	16 (16.00%)
500	93 (18.60%)	78 (15.60%)	85 (17.00%)	86 (17.20%)	73 (14.60%)	85 (17.00%)
1000	172 (17.20%)	152 (15.20%)	169 (16.90%)	169 (16.90%)	178 (17.80%)	160 (16.00%)
5000	838 (16.76%)	845 (16.90%)	880 (17.60%)	809 (16.18%)	808 (16.16%)	820 (16.40%)
10000	1628 (16.28%)	1697 (16.97%)	1668 (16.68%)	1650 (16.50%)	1667 (16.67%)	1690 (16.90%)

لاحظ أن الجدول يظهر فيه عدد الدورات ويقابله لكل لون عدد مرات توقف السهم على اللون، والنسبة المئوية لهذا العدد (وهي القيمة المكتوبة بين القوسين)

أجب على السؤال التالي:

بالإضافة من الجدول أعلاه، إذا علمت أن الاحتمال النظري لوقوف السهم على أي لون يساوي: $\frac{1}{6} \approx 16.67\%$

كيف ترتبط النسبة المئوية لمرات توقف السهم على كل لون بالاحتمال النظري كلما زادت عدد الدورات (اشرح اجابتك)

--	--



في الشكل المجاور قرص دوار مقسم إلى

التالي:

استخدم بلال الموقع الإلكتروني للقرص الدوار المحد

عدد الدورات	أصفر	بنفسجي	برتقالي	أخضر
10	2 (20.00%)	4 (40.00%)	3 (30.00%)	1 (10.00%)
50	18 (36.00%)	13 (26.00%)	17 (34.00%)	2 (4.00%)
100	40 (40.00%)	28 (28.00%)	24 (24.00%)	8 (8.00%)
500	195 (39.00%)	95 (19.00%)	188 (37.60%)	22 (4.40%)
1000	389 (38.90%)	201 (20.10%)	357 (35.70%)	53 (5.30%)
5000	1975 (39.50%)	983 (19.66%)	1776 (35.52%)	266 (5.32%)
10000	4023 (40.23%)	1977 (19.77%)	3493 (34.93%)	507 (5.07%)

03

استخدم جدول المحاكاة أعلاه لإكمال الجدول التالي:

قياس زاوية القطاع في القرص الدوار	
	أصفر
	بنفسجي
126°	برتقالي
18°	أخضر

نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	1. الأعداد والعمليات عليها 2. التغير والعلاقات	السياق	شخصي
--------	---------------------------------------------------	--------	------

عنوان السؤال	شراء سيارة
--------------	------------

يرغب وليد في شراء سيارة مستعملة، ويحتاج معرفة تكلفة شراء السيارة وقيادتها للسنة الأولى. وعند البحث وجد أربع سيارات سعرها بالزد، واستهلاكها للوقود، موضح في الجدول التالي، حيث استهلاك الوقود هو تقدير عدد لترات الوقود اللازمة لقيادة 100 كيلومتر، وهو تقدير مبني على دمج القيادة في المدينة وعلى الطريق السريعة.

السيارة D	السيارة C	السيارة B	السيارة A	البند
10500	9900	8700	8000	سعر السيارة بالزد (يشمل الضرائب ورسوم التسجيل)
14.1	12.4	15.7	18.9	استهلاك الوقود (عدد لترات الوقود لكل 100 كيلومتر)

إذا علمت أن:

- المسافة التقديرية التي سيقوم بقيادتها في السنة هي 20000 كيلومتر.
- متوسط تكلفة الوقود 1.54 زد لكل لتر.
- التكلفة التقديرية للصيانة هي 250 زد في السنة الأولى.

أكمل الجدول التالي لحساب تكلفة شراء السيارة واستخدامها في السنة الأولى.

السيارة D	السيارة C	السيارة B	السيارة A	البند
10500	9900	8700	8000	سعر السيارة بالزد (يشمل الضرائب ورسوم التسجيل)
14.1	12.4	15.7	18.9	استهلاك الوقود (عدد لترات الوقود لكل 100 كيلومتر)
2820	2480	3140	3780	إجمالي استهلاك الوقود باللتر
4342.8	3819.2	4835.6	5821.2	إجمالي تكلفة الوقود بالزد

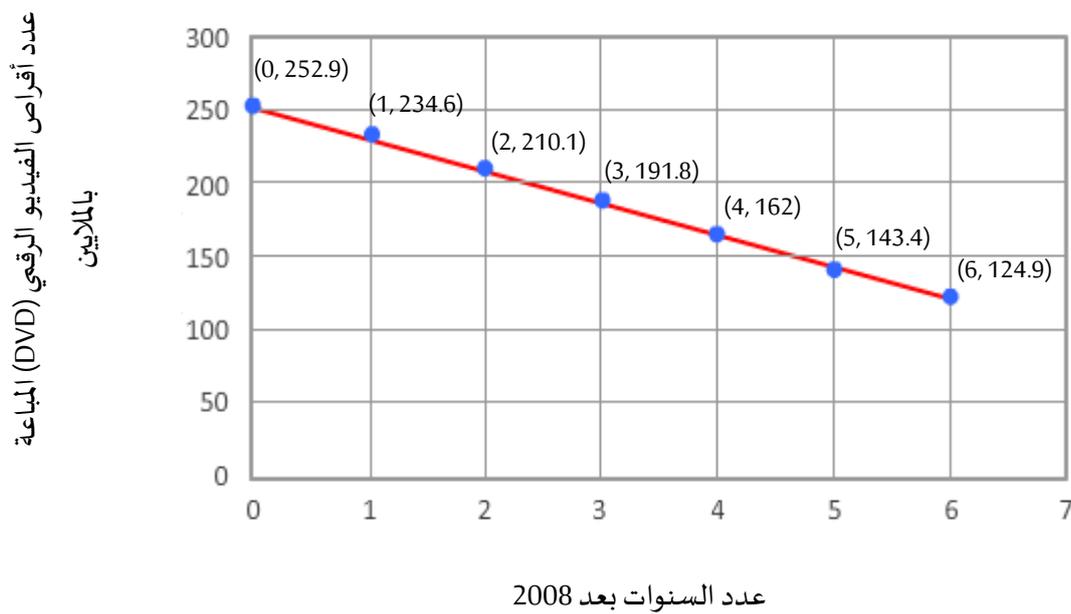
.1

إجمالي تكلفة شراء السيارة واستخدامها في السنة الأولى				14071.2	13785.6	13969.2	15092.8
أي السيارات ستكلفه أقل مبلغ لشراءها واستخدامها في السنة الأولى؟							
أ	سيارة A	ب	سيارة B	ج	سيارة C	د	سيارة D
إذا علمت أنه عند بيع السيارة: فإن قيمتها ستقل بمقدار 5% كل سنة، وذلك في حال لم تتعرض لحادث وبقيت في حالة جيدة.							
2. قرر وليد شراء السيارة D وبيعها بعد ثلاث سنوات وهي بحالة جيدة، كم ستكون القيمة التقريبية لبيع السيارة بالزبد؟ اختر الإجابة الصحيحة، ووضح خطوات الحل.							
أ	1575	ب	8925	ج	9000	د	9975
توضيح خطوات الحل:							
$\text{الانخفاض بمقدار 5\% من سعر السيارة D في السنة الأولى} = 10500 \times \frac{5}{100} = 525$							
$\text{سيكون سعر السيارة بعد الانخفاض في السنة الأولى} = 10500 - 525 = 9975$							
$\text{الانخفاض بمقدار 5\% من سعر السيارة D في السنة الثانية} = 9975 \times \frac{5}{100} = 498.75$							
$\text{سيكون سعر السيارة بعد الانخفاض في السنة الثانية} = 9975 - 498.75 = 9476.25$							
$\text{الانخفاض بمقدار 5\% من سعر السيارة D في السنة الثالثة} = 9476.25 \times \frac{5}{100} = 473.8125$							
$\text{إذن سعر السيارة بعد الانخفاض في السنة الثالثة} = 9476.25 - 473.8125 = 9002.4 \approx 9000$							

نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات			
المجال	الاحتمالات والبيانات	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال	مبيعات أقراص الفيديو الرقمي (DVD)		
موضح في الرسم البياني أدناه العدد الكلي لأقراص الفيديو الرقمي (DVD) التي تباع كل سنة في المملكة المتحدة من 2008 إلى			
2014			

تمثل القيم على المحور الأفقي عدد السنوات بعد 2008، على سبيل المثال، تشير النقطة (0, 252.9) إلى أنه تم بيع 252.9 مليون قرص في 2008، وتشير النقطة (1, 234.6) إلى أنه تم بيع 234.6 مليون قرص خلال العام 2009 وهكذا

مبيعات أقراص الفيديو الرقمي (DVD) في المملكة المتحدة



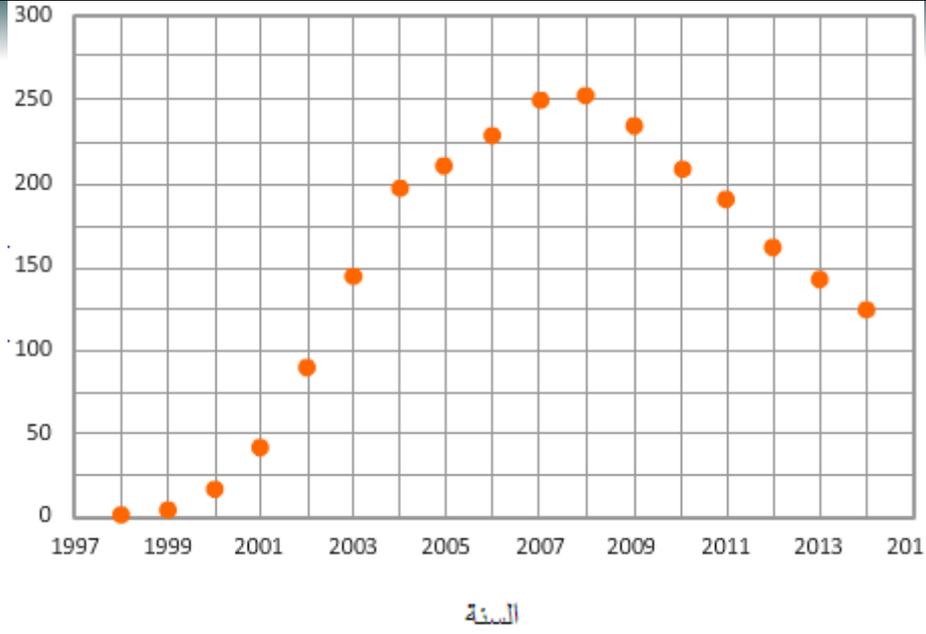
اختر (نعم أو لا) لكل من العبارات الواردة في الجدول أدناه - بالإفادة من المعلومات الموضحة في الرسم البياني.

لا	نعم	العبرة
	√	انخفض عدد أقراص الفيديو الرقمي (DVD) المبيعة بحوالي 50% من 2008 حتى 2014
√		انخفض عدد أقراص الفيديو الرقمي (DVD) المبيعة بنفس الكمية كل عام من 2008 حتى 2014
	√	ميل المستقيم يساوي معدل الانخفاض السنوي في عدد أقراص الفيديو الرقمي (DVD) المبيعة من 2008 حتى 2014

.1

<p>معادلة المستقيم هي $d = 254 - 22n$، حيث d هو عدد أقراص الفيديو الرقمي (DVD) المباعة (بالملايين)، n هو عدد الأعوام بعد 2008، في حالة استمرار المبيعات بهذا الشكل، في أي عام سيكون عدد الأقراص الرقمية المباعة أقل من مليون؟</p> <p>الحل: 2020</p>	<p>2.</p>
<p>توضيح خطوات الحل:</p> <p>لا يمكن استخدام الرسم البياني أعلاه لتقدير السنة التي ستخفض فيها مبيعات أقراص الفيديو الرقمية إلى أقل من مليون، لأن هذه النقطة لا تظهر على الرسم البياني.</p> <p>عليه يمكن إيجاد العام الذي سيكون فيه عدد الأقراص الرقمية المباعة أقل من مليون بالإفادة من المعادلة المعطاة وتكوين المتباينة:</p> $254 - 22n < 1$ <p>وبحل المتباينة فإن:</p> $n > 11.5$ <p>وحيث أن n تمثل عدد السنوات بعد عام 2008 وهو عدد ينبغي أن يكون عددًا صحيحًا</p> <p>إذن نستنتج من الحل $n > 11.5$ أن عدد السنوات 12</p> <p>أي أنه بعد 12 عام ستخفض المبيعات لأول مرة إلى أقل من مليون وذلك خلال 2020</p>	
<p>الرسم البياني أدناه يوضح مبيعات أقراص الفيديو الرقمي (DVD) في المملكة المتحدة من عام 1998 إلى عام 2013</p> <p>مبيعات أقراص الفيديو الرقمي (DVD) في المملكة المتحدة</p>	<p>03</p>

عدد أقراص الفيديو الرقمي (DVD) المباعة
بالملايين



في الجدول التالي اختراالاتجاه الصحيح للمبيعات (يتزايد أو يتناقص)، والنموذج الرياضي المناسب (خطي أو غير خطي) لمدى السنوات، علمًا بأنه تم إكمال الصف الأخير كمثال.

النموذج الرياضي	اتجاه المبيعات	السنوات
<input type="radio"/> خطي <input checked="" type="radio"/> غير خطي	<input checked="" type="radio"/> يتزايد <input type="radio"/> يتناقص	1998-2004
<input checked="" type="radio"/> خطي <input type="radio"/> غير خطي	<input checked="" type="radio"/> يتزايد <input type="radio"/> يتناقص	2005-2007
خطي	يتناقص	2008-2014

نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	القياس وهندسة	السياق	شخصي
عنوان السؤال		شاحنة النقل	
<p>قررت عائلة سارة استئجار الشاحنة A، ما هو أكبر عدد من الصناديق متوسطة الحجم التي تناسب الشاحنة؟</p>			
			
أ	ب	ج	د
320	128	26	16

توضيح الحل:

باستخدام المعلومات الواردة في الجداول، يمكن للطلاب تحديد أن 32 صندوقاً [أي $(4 \div 0.5) \times (2 \div 0.5) = 8 \times 4$] يمكن وضعها على أرضية الشاحنة في مصفوفة 4×8 ، وهي طبقة واحدة من الصناديق. الشاحنة تكفي لتكديس الصناديق في 4 طبقات (أي $4 = 0.5 \div 2$)، وبالتالي فإن إجمالي عدد الصناديق المتوسطة التي يمكن وضعها في الشاحنة A

$$8 \times 4 \times 4 = 132$$

أكدت شركة تأجير الشاحنات أنه يمكن ملء الشاحنة A باستخدام الصناديق متوسطة الحجم فقط؛ حتى يُشغل حيز التخزين بالكامل. تدعي سارة أن الصندوق المتوسط يشغل ثلثي حجم الصندوق الكبير؛ أي أن عدد الصناديق الكبيرة التي تملأ الشاحنة A هو $\frac{2}{3}$ عدد الصناديق المتوسطة، أي عبارة من العبارات التالية (حول استنتاج سارة) صائبة؟

(أ) سارة على صواب؛ لأن ارتفاع الصندوق المتوسط يساوي $\frac{2}{3}$ ارتفاع الصندوق الكبير.

(ب) سارة على صواب؛ لأنه يمكن دائماً وضع 3 صناديق متوسطة في نفس الحجم الذي يشغله 2 من الصناديق الكبيرة.

(ج) سارة على خطأ؛ لأن أيّاً من أبعاد التخزين الداخلية في الشاحنة A ليس من مضاعفات العدد 0.75 الذي هو ارتفاع الصندوق الكبير.

(د) سارة على خطأ؛ لأن ارتفاع الصندوق الكبير أكبر 1.5 مرة من ارتفاع الصندوق المتوسط.

العبرة الأولى صحيحة فيما يتعلق بارتفاع الصندوقين (أي $\frac{2}{3}$ = $0.75 \div 0.5$) ولكن هذه الحقيقة لم تأخذ بعين الاعتبار أبعاد الشاحنة.

العبرة الثانية صحيحة فيما يتعلق بأحجام الصناديق حيث أن حجم الصندوق المتوسط هو ثلثي حجم الصندوق الكبير أي $\frac{2}{3}$ = $(0.5 \times 0.5 \times 0.75) \div (0.5 \times 0.5 \times 0.5)$ ، ولكن مرة أخرى، لم تأخذ بعين الاعتبار أبعاد الشاحنة.

العبرة الرابعة صحيحة أيضًا فيما يتعلق بارتفاع الصندوقين (أي $1.5 = 0.75 \div 0.5$) ولكن مرة أخرى، لم تأخذ بعين الاعتبار أبعاد الشاحنة.

العبرة الثالثة هي الاختيار الصحيح. يمكن أن يختلف عدد الصناديق الكبيرة التي يمكن تعبئتها في الشاحنة A اعتمادًا على كيفية ترتيب الصناديق. في بعض الترتيبات يكون عدد الصناديق الكبيرة أقل من $\frac{3}{2}$ عدد الصناديق المتوسطة، بينما في ترتيبات أخرى أكثر من $\frac{3}{2}$ عدد الصناديق المتوسطة، لذا فإن ادعائها غير صحيح.

نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	علمي
عنوان السؤال		النظام الشمسي	
يوضّح الجدول أدناه متوسط المسافة من الشمس إلى الكواكب الأساسية بالوحدات الفلكية (a u)، كل وحدة فلكية واحدة (1a u) تساوي 150 مليون كيلومتر تقريبًا.			
كوكب	متوسط المسافة من الشمس بوحدة a u		
عطارد	0.39		
الزهرة	0.72		
الأرض	1.00		
المريخ	1.52		

	5.20	المشتري
	9.58	زحل
	19.20	أورانوس
	30.05	نبتون

يُبيّن الرسم التخطيطي التالي معدّل المسافات بين ثلاثة كواكب. (الرسم التخطيطي لا يتبع مقياس رسم).
استنادًا إلى المسافات المعطاة، اكتب داخل الدوائر أسماء الكواكب الثلاثة.



في المتوسط، كم مليون كيلومتر يبعد كوكب نبتون تقريبًا عن الشمس؟

أ	5 مليون كيلومتر	ب	30 مليون كيلومتر	ج	180 مليون كيلومتر	د	4500 مليون كيلومتر
---	-----------------	---	------------------	---	-------------------	---	--------------------

السياق

النمط المثلي

الصف الأول	
الصف الثاني	
الصف الثالث	
الصف الرابع	

النمط؟

60.0%

ج

50.0%

ب

لمثلثات الزرقاء في صفوف النمط الخمسة؟

60.0%

ج

50.0%

ب

الإجابة

○

نعم

نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

السياق	الاحتمالات والبيانات
النقاط	

الإجابة

○

نعم

19 نقطة، على الرغم من أن 19 هو متوسط هامش النصر؛ وذلك لأن المتوسط لا يلزم أن يكون عنصراً في مجموعة البيانات.

لا تحتوي على 19 في مجموعة البيانات.

19؛ على سبيل المثال، المتوسط الحسابي لمجموعة البيانات 6 و9 و15 و10، على الرغم من أن 10 ليست عنصراً في مجموعة البيانات.

على استيعابهم المفاهيمي للمتوسط (أي المتوسط الحسابي).

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات			
اجتماعي	السياق	الاحتمالات والبيانات	المجال
	منطقة الغابات		عنوان السؤال
			في هذا السؤال، ستستخدم برنامج جداول البيانات (الإكسل) للإجابة على الأسئلة المتعلقة بالموقف التالي: الغابة هي نظام بيئي يمكن العثور فيه على مجموعة متنوعة من الأشجار والنباتات. يمكن أن تتغير مساحة الغابات في بلد ما بمرور الوقت.

يوضح جدول البيانات أدناه النسبة المئوية لمساحة منطقة الغابات في خمسة عشر دولة من إجمالي مساحة أرض كل دولة في الأعوام 2005، 2010، 2015.

العمود G	العمود F	العمود E	العمود D	العمود C	العمود B	العمود A
			2015	2010	2005	الدولة
			11.77	11.74	11.77	أرمينيا
			35.25	35.89	36.52	البرتغال
			57.79	58.45	59.01	البيرو
			0.82	0.81	0.64	الجزائر
			42.97	44.01	45.05	السنغال
			32.76	32.73	32.66	ألمانيا
			23.77	23.47	22.77	الهند
			33.85	33.7	33.26	الولايات المتحدة
			31.45	30.28	29.11	اليونان
			62.11	63.21	64.33	باناما
			32.1	31.81	31.51	تايلند
			1.23	1.23	1.24	كازاخستان
			63.69	64.08	64.42	كوريا الجنوبية
			52.73	52.85	54.26	كولومبيا
			13.42	13.38	13.34	لبنان

انسخ الجدول السابق وألصقه في برنامج جداول البيانات (الإكسل) ثم أكمله بإجراء العمليات المناسبة للإجابة عن الأسئلة من

1 إلى 4

اشرح إجابتك.

يكتفى بإحدى هذه المبررات:

- لأن جدول البيانات يعرض القيم كنسبة مئوية فقط.
- لانعرف المساحة الإجمالية لكل من الدول المدرجة.
- لأن المساحة الإجمالية لكل دولة مختلفة.



نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

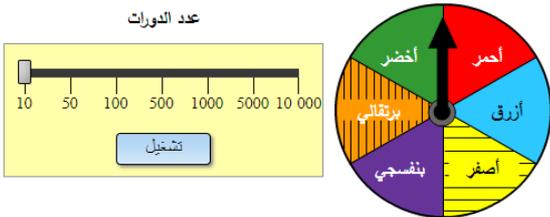
المجال	2-1- الاحتمالات والبيانات	السياق	2-1- شخصي
	3- القياس والهندسة		3- علي
عنوان السؤال		القرص الدوار	
<p>سيقوم صف بلال بإجراء تجربة باستخدام قرصين دوارين مثل القرصين المبينة أدناه. ينقسم القرص الدوار A إلى قسمين متساويين، أحدهما أزرق والأخر أحمر، وينقسم القرص الدوار B إلى أربعة أقسام متساوية، اثنين باللون الأزرق واثنين باللون الأحمر.</p> <p>لقد تلقى الطلاب في صف بلال التعليمات التالية: إذا توقف السهم على الخط الفاصل بين القسمين، فيجب ألا يتم حساب تلك الدورة ويجب عليهم تدوير السهم مرة أخرى.</p>			
<p>القرص الدوار A</p>		<p>القرص الدوار B</p>	
<p>يعتقد بلال أن احتمال وقوف السهم على اللون الأزرق في القرص الدوار A أكبر من احتمال وقوفه على اللون نفسه في القرص الدوار B. هل بلال على صواب؟</p>			
01	<input type="radio"/> نعم <input checked="" type="radio"/> لا	<p>اشرح إجابتك</p>	

شرح الحل:

يمكن تفسير الإجابة بتدوين إحدى المبررات:

- احتمال وقوف السهم عند اللون الأزرق هو نفسه في كل قرص دوار.
- اللون الأزرق يمثل نصف دائرة في كل قرص دوار.
- احتمال وقوف السهم على اللون الأزرق هو نفسه في كلا القرصين.
- لأن $\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$ ؛ إذن الاحتمال متساوي في كلا القرصين.
- احتمال وقوف السهم على اللون الأزرق في كلا القرصين متساوي الإمكانية.

وجد بلال موقعا إلكترونياً فيه محاكاة تتضمن:



- قرص دوار مقسم إلى ستة أقسام متساوية، كل قسم له لون مختلف عن الآخر.

- لوحة تستعمل لاختيار عدد الدورات التي يدورها القرص.

- جدول بيانات يحسب احتمال وقوف السهم عند كل لون وفقاً لعدد الدورات.

وبتفعيل المحاكاة واختيار عدد الدورات (من 10 إلى 10000) يتكون جدول بيانات مثل الجدول التالي:

02

عدد الدورات	أخضر	برتقالي	بنفسجي	أصفر	أزرق	أحمر
10	2 (20.00%)	2 (20.00%)	4 (40.00%)	1 (10.00%)	1 (10.00%)	0 (0.00%)
50	8 (16.00%)	8 (16.00%)	15 (30.00%)	9 (18.00%)	6 (12.00%)	4 (8.00%)
100	13 (13.00%)	17 (17.00%)	17 (17.00%)	23 (23.00%)	14 (14.00%)	16 (16.00%)
500	93 (18.60%)	78 (15.60%)	85 (17.00%)	86 (17.20%)	73 (14.60%)	85 (17.00%)
1000	172 (17.20%)	152 (15.20%)	169 (16.90%)	169 (16.90%)	178 (17.80%)	160 (16.00%)
5000	838 (16.76%)	845 (16.90%)	880 (17.60%)	809 (16.18%)	808 (16.16%)	820 (16.40%)
10000	1628 (16.28%)	1697 (16.97%)	1668 (16.68%)	1650 (16.50%)	1667 (16.67%)	1690 (16.90%)

لاحظ أن الجدول يظهر فيه عدد الدورات ويقابله لكل لون عدد مرات توقف السهم على اللون، والنسبة المئوية لهذا العدد (وهي القيمة المكتوبة بين القوسين)

أجب على السؤال التالي:

بالإضافة من الجدول أعلاه، إذا علمت أن الاحتمال النظري لوقوف السهم على أي لون يساوي: $\frac{1}{6} \approx 16.67\%$

كيف ترتبط النسبة المئوية لمرات توقف السهم على كل لون بالاحتمال النظري كلما زادت عدد الدورات (اشرح اجابتك)

الحل:

كلما زاد عدد الدورات فإن النسبة المئوية لكل لون تقترب من الاحتمال النظري، أي أن النسب تقترب أكثر فأكثر من

$$\frac{1}{6} \approx 16.67\%$$

فمثلاً عندما يكون عدد الدورات 10000 تتراوح النسب المئوية للألوان بين 16% - 17% وهذه النسبة قريبة من الاحتمال النظري.



في الشكل المجاور قرص دوامقسم إلى أربعة أقسام مختلفة الألوان.

لكل قسم مساحة مختلفة.

استخدم بلال الموقع الالكتروني للقرص الدوار المحاكي. وتشكل لديه الجدول التالي:

عدد الدورات	أصفر	بنفسجي	برتقالي	أخضر
10	2 (20.00%)	4 (40.00%)	3 (30.00%)	1 (10.00%)
50	18 (36.00%)	13 (26.00%)	17 (34.00%)	2 (4.00%)
100	40 (40.00%)	28 (28.00%)	24 (24.00%)	8 (8.00%)
500	195 (39.00%)	95 (19.00%)	188 (37.60%)	22 (4.40%)
1000	389 (38.90%)	201 (20.10%)	357 (35.70%)	53 (5.30%)
5000	1975 (39.50%)	983 (19.66%)	1776 (35.52%)	266 (5.32%)
10000	4023 (40.23%)	1977 (19.77%)	3493 (34.93%)	507 (5.07%)

03

استخدم جدول المحاكاة أعلاه لإكمال الجدول التالي:

قياس زاوية القطاع في القرص الدوار	
145°	أصفر
71°	بنفسجي
126°	برتقالي
18°	أخضر

توضيح خطوات الحل:

للون الأصفر:

عندما يكون عدد الدورات 10000 فإن النسبة المئوية لعدد مرات ظهور اللون الأصفر = 40.23 ، وبحل التناسب:

$$\frac{40.23}{100} = \frac{x}{360}$$

$$x \approx 145$$

للون البنفسجي:

عندما يكون عدد الدورات 10000 فإن النسبة المئوية لعدد مرات ظهور اللون البنفسجي = 19.77 ، وبحل التناسب

$$\frac{19.77}{100} = \frac{x}{360}$$

$$x \approx 72$$

أُسئلة تدريبية على
مجال الأعداد والعمليات
PISA 2025
الرياضيات

أسئلة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية PISA – مادة الرياضيات

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	مبني
عنوان السؤال		مصانع السيارات	
نشاط تفاعلي		 https://www.liveworksheets.com/c?a=c&sr=y&im=n&l=kd&i=snzdcz&r=k3&f=dzdcuzdd&ms=x&cd=kilcnplgnkgkc0ngnkxgnm&mw=hs	
 <p>إذا كان معدل الوقت اللازم لإنتاج سيارة واحدة في مصنع أمريكي هو 24 ساعة بينما يزيد بمعدل 8 ساعات لصناعة سيارة مشابهة في مصنع ياباني.</p> <p>يعمل المصنع الأمريكي على مدار الساعة ولسته أيام في الأسبوع ويعمل المصنع الياباني 16 ساعة في اليوم على مدار الأسبوع.</p>			
1. كم عدد السيارات التي ينتجها المصنع الأمريكي خلال أربع أسابيع؟			
أ	ب	ج	د
8	16	20	24
2. كم عدد أيام العمل التي يحتاجها المصنع الياباني لإنتاج سيارة واحدة؟			
أ	ب	ج	د
يوم واحد	يومان	3 أيام	4 أيام
3. إذا بدأ المصنعان في نفس اليوم بإنتاج سيارات جديدة، وبعد عدة أسابيع كان المصنع الأمريكي قد أنتج 60 سيارة، فكم سيكون عدد السيارات اليابانية الصنع خلال نفس الفترة؟			
أ	ب	ج	د
30	32	35	38

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي
عنوان السؤال		الدهان	
فيديو لشرح السؤال		https://drive.google.com/file/d/1oGMK8APPU/SleUvCJeM3Splsm3WLIbMr0/view?usp=sharin	



يريد حسن دهان حائط منزله بمفرده، فهو يستطيع دهان كل (12 m^2) في 4 دقائق ،
فإذا علمت أن مساحة الحائط تساوي (384 m^2) ، فبعد كم دقيقة سيتبقى على حسن

دهان (93 m^2) ؟

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	علي		
عنوان السؤال	الكواكب الشمسية				
تدور الكواكب حول الشمس ، وتعتمد سرعة دورانها على كتلتي الشمس والكوكب ، وكذلك على بُعد المسافة بين الكوكب والشمس . وبيّن الجدول التالي الزمن اللازم لبعض الكواكب لتدور دورة كاملة حول الشمس.					
الكوكب	الزهرة	المريخ	زحل	عطارد	المشتري
الزمن (بالسنوات الأرضية)	$\frac{63}{100}$	$1 \frac{22}{25}$	$29 \frac{23}{50}$	$\frac{6}{25}$	$11 \frac{43}{50}$
كم دورة يدور كوكب عطارد حول الشمس إذا دار كوكب زحل دورة واحدة ؟ اكتب الناتج على صورة كسر عشري، وعدد كسري.					
.....					
.....					
.....					

كم سنة أرضية يحتاج كوكب المريخ ليدور $2\frac{1}{2}$ دور حول الشمس؟

إذا كان طول اليوم على كوكب الزهرة يساوي $243\frac{1}{100}$ من اليوم الأرضي، وطول اليوم على كوكب عطارد يساوي $58\frac{13}{20}$

من اليوم الأرضي، فما مجموع طول اليوم في كلا الكوكبين؟

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	مهي
عنوان السؤال	رفوف الكتب		
يحتاج النجار إلى الأدوات التالية لصنع مجموعة واحدة من رفوف الكتب:			
(4) ألواح خشبية طويلة .			
(6) ألواح خشبية قصيرة.			
(12) مشبك صغير.			
مشبكان كبيران.			

لدى النجار (26) لوحًا خشبيًا طويلًا، (33) لوحًا خشبيًا قصيرًا،

(200) مشبك صغير، (20) مشبكًا كبيرًا و(510) برغي.

كم مجموعة من رفوف الكتب يمكن للنجار أن يصنع؟

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		مهرجان المدرسة	
<p>في مهرجان المدرسة السنوي، قرر أحمد المشاركة في بيع العصير الذي يتقن خلط مكوناته بطريقة لذيذة. فإذا كانت تكلفة الكوب الواحد 2.2 ريال، وقرر أحمد بيع كوب العصير مقابل 5 ريالات في المهرجان.</p>			
<p>1. كم ريالًا تكلفه إعداد 55 كوب من العصير؟</p>			
أ	115.5	ب	118.8
ج	121	د	126
<p>2. كم ريالًا يبلغ ربح أحمد من بيع 55 كوب من العصير؟</p>			
أ	154	ب	158
ج	161	د	161.5
<p>3. يحتاج أحمد لربح مبلغ 252 ريال. فكم عدد الأكواب التي يحتاج لبيعها؟</p>			
أ	55	ب	64
ج	88	د	90

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	مهني
--------	-------------------------	--------	------

الحفار		عنوان السؤال					
		<p>في أحد المواقع لتنقيب النفط في المملكة تم حفر بئر عمق 86 م بعد يوم كامل من العمل المتواصل.</p>					
		<p>1. بافتراض أن عملية الحفر تمت بمعدل ثابت، كم مترًا كان عمق البئر بعد مرور 15 ساعة؟</p>					
أ	ب	ج	د	57.5	55.5	53.75	50
<p>2. إذا كان جهاز الحفار يعمل بشكل مستمر، وكان العمق حاليًا 206.4 م، ماهي المدة التي تحتاجها الحفار للوصول لهذا العمق بالأيام؟</p>		<p>أ</p>					
		أ	ب	ج	د	2.75	2.7
<p>3. إذا كان تكلفة الحفار 170 ألف ريال في اليوم، واستمر الحفار بالعمل بشكل متواصل وبمعدل ثابت، فكم تقريبًا التكلفة الإجمالية للوصول الحفار إلى عمق 1115 متر؟</p>		<p>أ</p>					
		أ	ب	ج	د	2210000	2000000

اجتماعي	السياق	الأعداد والعمليات عليها	المجال
ضريبة الدخل		عنوان السؤال	

إذا علمت أن مقدار الضريبة على الدخل السنوي تحسب كما في الجدول التالي:

مقدار الضريبة	الدخل السنوي بالريال
50 هللة على كل ريال	أقل من 2000
100 ريال + 10 هللات عن كل ريال يزيد عن 2000	من 2000 إلى أقل من 6000
500 ريال + 20 هللة عن كل ريال يزيد عن 6000	من 6000 إلى أقل من 14000
2000 ريال + 25 هللة عن كل ريال يزيد عن 14000	أكثر من أو يساوي 14000

وجد مقدار ضريبة الدخل الواجبة على تاجرين أحدهما دخله السنوي عشرة آلاف ريال والآخر دخله خمسة آلاف ريال.

كتب القاعدة التي تمثل ما يدفعه المواطن من ضريبة في كل حالة.

القاعدة	مقدار الضريبة	الدخل السنوي بالريال
	50 هللة على كل ريال	أقل من 2000
	100 ريال + 10 هللات عن كل ريال يزيد عن 2000	من 2000 إلى أقل من 6000
	500 ريال + 20 هللة عن كل ريال يزيد عن 6000	من 6000 إلى أقل من 14000
	2000 ريال + 25 هللة عن كل ريال يزيد عن 14000	أكثر من أو يساوي 14000

إذا كان مقدار ضريبة دخل التاجر سعيد هو (1700) ريال . احسب الدخل السنوي لسعيد موضحًا خطوات الحل.

– مادة الرياضيات PISA نموذج إجابة الدليل الإرشادي لدعم تدريب الطلبة على الاختبارات الدولية

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	مهني
عنوان السؤال		مصانع السيارات	
<p>8 ساعة بينما يزيد بمعدل 24 إذا كان معدل الوقت اللازم لإنتاج سيارة واحدة في مصنع أمريكي هو ساعات لصناعة سيارة مشابهة في مصنع ياباني .</p> <p>ساعة في 16 يعمل المصنع الأمريكي على مدار الساعة ولسته أيام في الأسبوع ويعمل المصنع الياباني اليوم على مدار الأسبوع .</p>			
			
.1 كم عدد السيارات التي ينتجها المصنع الأمريكي خلال أربع أسابيع؟			
أ	ب	ج	د
8	16	20	24
.2 كم عدد أيام العمل التي يحتاجها المصنع الياباني لإنتاج سيارة واحدة؟			
أ	ب	ج	د
يوم واحد	يومان	أيام 3	أيام 4
.3 سيارة، فكم 60 إذا بدأ المصنعان في نفس اليوم بإنتاج سيارات جديدة . وبعد عدة أسابيع كان المصنع الأمريكي قد أنتج سيكون عدد السيارات اليابانية الصنع خلال نفس الفترة .			
أ	ب	ج	د
30	32	35	38

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	شخصي
عنوان السؤال		الدهان	
<p>دقائق ، 4 في 12 m^2 كل (يريد حسن دهان حائط منزله بمفرده، فهو يستطيع دهان) ، فبعد كم دقيقة سيتبقى على حسن 384 m^2 فإذا علمت أن مساحة الحائط تساوي () ، فكم دقيقة سيتبقى على حسن 384 m^2 فإذا علمت أن مساحة الحائط تساوي () ، فكم دقيقة سيتبقى على حسن 384 m^2 ؟</p>			
			
<p>دقائق ، 4 في 12 m^2 كل (يريد حسن دهان حائط منزله بمفرده، فهو يستطيع دهان) ، فبعد كم دقيقة سيتبقى على حسن 384 m^2 فإذا علمت أن مساحة الحائط تساوي () ، فكم دقيقة سيتبقى على حسن 384 m^2 ؟</p>			

الحل :

$$384 - 93 = 291$$

$$4 \rightarrow 12$$

$$X \rightarrow 291$$

$$X = \frac{291 \times 4}{12} = 97 \square\square\square\square$$

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	علمي		
عنوان السؤال		الكواكب الشمسية			
تدور الكواكب حول الشمس ، وتعتمد سرعة دورانها على كتلي الشمس والكوكب ، وكذلك على بُعد المسافة بين الكوكب والشمس . ويبين الجدول التالي الزمن اللازم لبعض الكواكب لتدور دورة كاملة حول الشمس.					
الكوكب	الزهرة	المريخ	زحل	عطارد	المشتري
الزمن (بالسنوات الأرضية)	$\frac{63}{100}$	$1\frac{22}{25}$	$29\frac{23}{50}$	$\frac{6}{25}$	$11\frac{43}{50}$
1		كم دورة يدور كوكب عطارد حول الشمس إذا دار كوكب زحل دورة واحدة ؟ اكتب الناتج على صورة كسر عشري، وعدد كسري. الحل :			
		$29\frac{23}{50} \div \frac{6}{25} = 122.75$ $122\frac{3}{4} = \text{الناتج على صورة عدد كسري}$			

كم سنة أرضية يحتاج كوكب المريخ ليدور $2\frac{1}{2}$ دور حول الشمس؟

الحل:

$$2\frac{1}{2} \times 1\frac{22}{25} = 4.7 \quad \square\square\square\square\square \quad \square\square\square$$

2

إذا كان طول اليوم على كوكب الزهرة يساوي $243\frac{1}{100}$ من اليوم الأرضي وطول اليوم على كوكب عطارد يساوي $58\frac{13}{20}$

من اليوم الأرضي فما مجموع طول اليوم في كلا الكوكبين؟

الحل:

$$243\frac{1}{100} + 58\frac{13}{20} = 301\frac{33}{50}$$

3

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	مهي
عنوان السؤال	رفوف الكتب		
يحتاج النجار إلى الأدوات التالية لصنع مجموعة واحدة من رفوف الكتب:			
	ألواح خشبية طويلة. (4)		
	ألواح خشبية قصيرة. (6)		
	مشبك صغير. (12)		
	مشبكان كبيران.		

برغي.) (14)

(لوحًا خشبيًا قصيرًا ، 33) لوحًا خشبيًا طويلًا ، (26 لدى النجار)
(برغي. 510) مشبكًا كبيرًا و (20) مشبك صغير ، (200)

كم مجموعة من رفوف الكتب يمكن للنجار أن يصنع؟

الحل :

عدد الرفوف التي يمكن صنعها وفق الأدوات المتاحة:

$$\text{أرفف } 6 \approx 26 \div 4$$

$$\text{أرفف } 5 \approx 33 \div 6$$

$$\text{رف } 16 \approx 200 \div 12$$

$$\text{أرفف } 10 = 20 \div 2$$

$$\text{رف } 36 \approx 510 \div 14$$

مجموعات من الرفوف 5 إذن يمكن عمل

1

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	اجتماعي	
عنوان السؤال		مهرجان المدرسة		
<p>. في مهرجان المدرسة السنوي، قرر أحمد المشاركة في بيع العصير الذي يتقن خلط مكوناته بطريقة لذيذة ريالات في المهرجان 5 ريال. وقرر أحمد بيع كوب العصير مقابل 2.2 في إذا كانت تكلفة الكوب الواحد</p>				
				
كوب من العصير؟ 55 كم ريالًا تكلفة إعداد				
1	أ	ب	ج	د
	115.5	118.8	121	126
كوب من العصير؟ 55 كم ريالًا يبلغ ربح أحمد من بيع				
2	أ	ب	ج	د
	154	158	161	161.5

ريال. فكم عدد الأكواب التي يحتاج لبيعها؟ 252 يحتاج أحمد لبيع مبلغ						3	
90	د	88	ج	64	ب		55

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	مهمي				
عنوان السؤال		الحفار					
 <p>م بعد يوم 86 في أحد المواقع لتتقيب النفط في المملكة تم حفر بئر عمق كامل من العمل المتواصل.</p>							
ساعة؟ 15 بافتراض أن عملية الحفر تمت بمعدل ثابت، كم مترًا كان عمق البئر بعد مرور			1				
57.5	د	55.5		ج	53.75	ب	50
م، ماهي المدة التي أحتاجها الحفار للوصول لهذا 206.4 إذا كان جهاز الحفار يعمل بشكل مستمر، وكان العمق حاليًا العمق بالأيام؟			2				
2.75	د	2.7		ج	2.5	ب	2.4
ألف ريال في اليوم، واستمر الحفار بالعمل بشكل متواصل وبمعدل ثابت، فكم تقريبًا 170 إذا كان تكلفة الحفار متر؟ 1115 التكلفة الإجمالية للوصول الحفار إلى عمق			3				
2210000	د	2000000		ج	1750000	ب	1500000

المجال	الأعداد والعمليات عليها	السياق	اجتماعي
عنوان السؤال		ضريبة الدخل	
إذا علمت أن مقدار الضريبة على الدخل السنوي تحسب كما في الجدول التالي:			
الدخل السنوي بالريال		مقدار الضريبة	
أقل من 2000		50 هللة على كل ريال	
من 2000 إلى أقل من 6000		100 ريال + 10 هللات عن كل ريال يزيد عن 2000	
من 6000 إلى أقل من 14000		500 ريال + 20 هللة عن كل ريال يزيد عن 6000	
أكثر من أو يساوي 14000		2000 ريال + 25 هللة عن كل ريال يزيد عن 14000	
1.	<p>. أوجد مقدار ضريبة الدخل الواجبة على تاجرين أحدهما دخله السنوي عشرة آلاف ريال والآخر دخله خمسة آلاف ريال</p> <p>الحل : نحسب أولاً مقدار الضريبة للتاجر الأول وبما أن الدخل عشرة آلاف فإننا سنستخدم القاعدة الخاصة بـ ضريبة 14000 إلى أقل من 6000 الدخل من مقدار الضريبة للتاجر الأول تساوي</p>		

$$1300 \text{ ريال} = + 500)6000 - 0.2 (100000$$

نحسب الآن مقدار الضريبة للتاجر الثاني وبما أن الدخل خمسة آلاف فإننا سنستخدم القاعدة الخاصة بـضريبة الدخل 6000 إلى أقل من 2000 من

مقدار الضريبة للتاجر الثاني تساوي

$$400 \text{ ريال} = + 100)2000 - (5000 0.1$$

.اكتب القاعدة التي تمثل ما يدفعه المواطن من ضريبة في كل حالة

القاعدة	مقدار الضريبة	الدخل السنوي بالريال
$0.50x$, $0 < x < 2000$	هللة على كل ريال 50	2000 أقل من
$100 + 0.1(x - 2000)$, $2000 \leq x < 6000$	هللات 10 ريال + 100 2000 عن كل ريال يزيد عن	2000 من 6000 إلى أقل من
$500 + 0.2(x - 6000)$, $6000 \leq x < 14000$	هللة 20 ريال + 500 6000 عن كل ريال يزيد عن	6000 من 14000 إلى أقل من
$2000 + 0.25(x - 14000)$, $x \geq 14000$	هللة 25 ريال + 2000 14000 عن كل ريال يزيد عن	أكثر من أو يساوي 14000

(. ريال . احسب الدخل السنوي لسعيد موضحاً خطوات الحل (1700 إذا كان مقدار ضريبة دخل التاجر سعيد هو

(فإن القاعدة المناسبة لحساب الدخل هي 1700 الحل: بما أن مقدار الضريبة)

$$500 + 0.2(x - 6000) , 6000 \leq x < 14000$$

$$500 + 0.2(x - 6000) = 1700$$

$$500 + 0.2x - 1200 = 1700$$

$$0.2x = 1700 - 500 + 1200$$

$$x = 12000$$

رقم السؤال	المجال الفرعي	المستوى	المهارة
8	التأمل والتقييم	السادس	اكتشاف ما وراء النص من معاني ضمنية.

