

مقرر math001 لتحضيرى الجامعة الالكترونية ... أعداد / إبراهيم البشيرى

المصطلح	الترجمة
is	درس النسبة المئوية =
Of	درس النسبة المئوية ×
collect , Add	أجمع ، جمع
Subtract	أطرح
Decimal point	الفاصلة العشرىة باللغة الإنجلىزىة هى (.)
Some number	عدد ما ؟ أى مجهول هذا العدد
What percent	ما النسبة المئوية
Solve	حل
Equation	المعادلة
Inequality	المتباينة
y-axis	محور الصادات
x-axis	محور السىنات
x-intercept	المقطع السىنى (تقاطع المستقىم مع محور السىنات)
y-intercept	المقطع الصادى (تقاطع المستقىم مع محور الصادات)
F(x)	دالة فى المتغىر x
Graph	أرسم
Horizontal line	خط أفقى (ىوازى محور السىنات x)
Vertical line	خط عمودى (ىوازى محور الصادات y)
Slope (m)	المىل وىرمز له m
Rise	الضلع المقابل
Run	الضلع المجاور
Divide	قسمة ÷ أو (بشكل كسر)
More than	أكبر من قد تشير الى (>) أو تشير (+) حسب السؤال
Less than	أقل من قد تشير الى (<) أو تشير (-) حسب السؤال
Simplify	بسط أو تبسىط
Find the	أوجد الـ
Multiply	أضرب
absolute value	القىمة المطلقة ورمزها $ -5 = 5$ وظىفتها تحوىل العدد السالب الى موجب
Exponents	الأسس
Natural numbers	الأعداد الطبقىة وهى {1,2,3,4,.....}

الاعداد الكلية وهي $\{0,1,2,3,4,\dots\}$ الاعداد الموجبة والصفر	Whole numbers
الأعداد الصحيحة وهي $\{\dots,-3,-2,-1,0,1,2,3,\dots\}$ الاعداد الموجبة والسالبة الخالية من الكسور	Integer numbers
الأعداد النسبية وهي كل عدد يكتب على شكل كسر (بسط ومقام) بالسالب والموجب وهي $\{\dots,\frac{2}{1},\frac{1}{1},0,\frac{1}{1},\frac{2}{1},\frac{3}{2},\dots\}$ ما عدا بعض الجذور التي لا تكتب على شكل كسر	Rational numbers
الاعداد الحقيقية وهي : جميع الاعداد الموجبة والسالبة التي تكتب على كسر أو لا ، وهي أكبر مجموعة أعداد لأنها تضم كل الاعداد الحقيقية (إذا استثنينا الاعداد المركبة أو التخيلية)	Real numbers
الصيغة العلمية مثل 2.4×10^8	Scientific notation
الصيغة القياسية مثل 23400000000	Standard notation
أحادي حدود ، ذات الحد الواحد ، وحيدة حد مثل $5x$	Monomial
ثنائية حد ، حدين (تتكون من حدين مثل $x+4$)	Binomial
كثيرات حدود	Polynomial
كثيرة الحدود التي حدودها أكثر من ثلاثة مثل : (x^3+2x^2-7x+5)	No name
ثلاثية حدود ، ثلاث حدود مثل (x^2+2x-1)	Trinomial
جمع الحدود المتشابهة	Collect like terms
الدرجة وهي اعلى قوة ، أو الحد صاحب الأس الأكبر	Degree
ترتيب تنازلي : تبدأ بالحد الأكبر أسس ثم الأقل	Descending order
ترتيب تصاعدي : تبدأ بالحد الأقل أسس ثم الأكبر	Ascending order
القاسم المشترك الأكبر	greatest common factor (GCF)
المضاعف المشترك الأصغر	least common multiple (LCM)
حلل الى عوامل أولية	Factor
متغير مثل x أو y أو z	variable
معامل المتغير مثل العدد 5 هنا $5x$	Coefficient
طريقة تحليل	Foil method
طريقة تحليل	A.C. method
النظير الجمعي وهو نفس العدد ولكن بإشارة مخالفة مثل $-2 \leftrightarrow 2$	opposite
النظير الضربي وهو مقلوب العدد بنفس الإشارة مثل $-\frac{1}{2} \leftrightarrow -\frac{2}{1}$	reciprocal
الزوج المرتب مثال (6,7)	Ordered pair
المعادلات الخطية	Linear equations
العدد الاولي : هو العدد الذي لا يقبل القسمة سوا على نفسه و الواحد مثل : 2,3,5,7,11.....	Prime number
العدد الغير اولي : هو الذي يقبل القسمة على غير نفسه والواحد ما عدا الواحد مثل : 4,6,8...	Composite number
تعني الاقتران وتعني أيضا الدالة	Functions

لا تنسوني من دعاكم إبراهيم البشير

القاسم المشترك الأصغر وستستخدمه في المعادلات الكسرية لتوحيد المقامات	LCD
المجال	Domain
المدى	Range
موازي	Parallel
عامودي	perpendicular
متعامد	orthogonal
تعويض : وتجدها خصوصا في ويك حل النظام	substitution
الحذف : وتجدها خصوصا في ويك حل النظام	elimination
عدد لا نهائي من الحلول	Infinitely many solutions
منسق	Consistent
غير منسق	Inconsistent
مرتبط خطيا أي غير مستقل	Dependent
مستقل خطيا	Independent
نقطة مغلقة	Closed dot
نقطة مفتوحة	Open dot
أصغر من أو يساوي	Less than or equal to
أكبر من أو يساوي	Greater than or equal to
اقواس ()	Parentheses
اقواس []	Brackets
المتباينات المركبة	Compound inequalities
فترات الحل	Interval notation
مجموعة الحل { }	Set notation

• عزيزي الطالب

أولاً عليك أدراك أن مقرر الرياضيات باللغة الإنجليزية أي أن الرموز والأرقام والرسومات والاشارات تكتب باللغة الإنجليزية "عكس اللغة العربية":

- ١- في اللغة العربية الكتابة من اليمين الى اليسار .
 - ٢- في اللغة الإنجليزية الكتابة من اليسار الى اليمين .
- اليك بعض الأمثلة التي يجب مراعاتها أثناء المذاكرة والحلول :

الأرقام والاشارات

بالإنجليزي

$$6$$

$$-8 \text{ (إشارة العدد في يساره)}$$

$$10 - 8 = 2 \text{ (العملية بدأت من اليسار)}$$

$$14 - 18 = -4 \text{ (ركز ولا تنسى البداية من اليسار)}$$

$$-(-3) = 3$$

$$10 \cdot 3 = 30 \text{ (ضرب)}$$



الأرقام والاشارات

بالعربي

$$٦$$

$$-٨ \text{ (إشارة العدد في يمينه)}$$

$$١٠ - ٨ = ٢ \text{ (العملية بدأت من اليمين)}$$

$$١٤ - ١٨ = -٤$$

$$-(-٣) = ٣$$

$$٣٠ = ٣ \times ١٠$$

• الرموز والمتغيرات : (أيضا هناك تغيرات في بعض الرموز والمتغيرات)

الإنجليزي

$$X - y - Z$$

$$\sqrt{9}$$

$$3^2 \rightarrow \text{exponents}$$

العربي

المتغير (العدد المجهول) : س ، ص

الجذر التربيعي : $\sqrt{\quad}$

الأسس : $٣^٢$ ← الاس ← الأساس

• قراءة المتباينة راح تختلف كنت تقرها من اليمين لليسا ان العكس مثال :

$$3 < 5$$

ثلاثة أصغر من خمسة

$$٥ > ٣$$

ثلاثة أصغر من خمسة

لا تنسوني من دعاكم إبراهيم البشيرى

قاعدة الأشارات

١- قاعدة الأشارات في الضرب والقسمة :

عدد موجب = عدد سالب × عدد موجب
عدد سالب = عدد سالب × عدد موجب

عدد موجب = عدد سالب × عدد سالب
عدد موجب = عدد موجب × عدد موجب

- نقصد بـ \times : أما عملية الضرب أو عملية القسمة (لان قاعدة الإشارات تنطبق على العمليتين)
- بكل بساطة : إذا اتفق العددين في الإشارة فيكون الناتج موجب وتقسّم أو تضرب ضرب اعتيادي
- أما إذا اختلف العددين في اشارتهما فيكون الناتج بالسالب وتقسّم أو تضرب ضرب اعتيادي .. أمثلة :

$$5 \times 7 = 35$$

$$-5 \times 7 = -35$$

$$-4 \div (-4) = 1$$

$$4 \div (-4) = -1$$

- **ملاحظة جدا مهمة :** لا يمكن أن تكتب إشارتين بجوار بعض أو إشاره وعملية حسابية بجوار بعض يجب أن تفصل بينهم بأقواس ... أمثلة :

$$- -4 = 4 \quad \times$$

$$4 \div -4 = -1 \quad \times$$



$$-(-4) = 4 \quad \checkmark$$

$$4 \div (-4) = -1 \quad \checkmark$$

(يوجد هنا ضرب إشارات فقط)

• الضرب يمكن أن تعرفه بوجود ثلاث تلمحيات :

أ- إما عملية الضرب واضحة × (عدد داخل قوس أو حتى عددين داخل أقواس لكن لا تجعل علامتين بجوار بعض بدون اقواس)

$$-3 \times (-4) = 12$$

ب- وإما النقطة . (عدد داخل قوس أو حتى عددين داخل أقواس لكن لا تجعل علامتين بجوار بعض بدون اقواس)

$$(-3) \times (-4) = 12$$

ج- وأما الأقواس وهنا نريد التوضيح الأقواس أما ضرب للأعداد أو ضرب للإشارات فقط بنفس القاعدة

$$-(-3) = 3 \quad \text{ضرب إشارات}$$

$$(-3)(-4) = 12 \quad \text{ضرب أعداد بإشارات}$$

• القسمة ويمكن أن تعرفها بوجود تلمحين :

أ- إما عملية قسمة واضحة ÷

$$-40 \div (-10) = 4$$

$$9 \div (-3) = -3$$

ب- إما الكسر $\frac{\text{بسط}}{\text{مقام}}$ وتعني (البسط ÷ المقام)

$$\frac{-10}{5} = -2, \quad \frac{-20}{-2} = 10, \quad \frac{30}{-5} = -6$$

(جميع هذا الكسور هي نفسها وتعني ان مجمل العدد بالسالب أي سالب خمس بعد التبسيط) $-\frac{5}{10} = \frac{-5}{10} = \frac{5}{-10}$

٢- قاعدة الإشارات في الطرح والجمع :

يجب أن تتعامل مع الأعداد وفق اشارتها اذا لم يوجد ما يشير الى الضرب أو القسمة فأنت تتعامل مع الأرقام واثارتها بمبدأ جمع وطرح الأعداد أي الإشارات .

مثال لأهم نقطة : $5+(-6) = -1$ ، $-5-6=-11$ ، $-5-(-6)=1$ (أ)

لاحظ هذه الأمثلة لا يوجد ما يشير الى ضرب سوى ضرب الإشارات فقط تعامل مع العدد السالب (دين) والموجب هو الذي (تملكه) مع ضرب الإشارات توضح للفقرة (أ) $-5+6=1$ **تصبح بعد ضرب الإشارات** $-5-(-6)$ (عليّ دين خمسة ومعني سنه)

نظرية (1-1) ترتيب العمليات (order of operations) :

هي نظرية تمثل أساسيات الرياضيات من خلالها ستعرف كيف تتعامل مع المعادلات والمتباينات والمسائل التي تحتوي على عمليات حسابية كثيرة مع أقواس وأسس بنفس المسألة تقول :
حينما تُعطى مسألة بها عمليات كثيرة وأسس وأقواس فانت تبدأ وفق الأولويات الآتية :

١- تبدأ بالعمليات داخل الأقواس

٢- الأسس

٣- الضرب أو القسمة من اليسار لليمين

٤- الجمع أو الطرح من اليسار لليمين

Order of operations ترتيب العمليات

Please	Parenteses	أقواس
Excuse	Exponents	أسس
My	Multiply	ضرب
Dear	Divide	قسمة
Aunt	Add	جمع
Sally	Subtract	طرح

مثال ١ : $3^2 - 18 \div (40 - 4)$ الأقواس

الحل : $3^2 - 18 \div 36$ الأسس

$9 - 18 \div 36$ القسمة

$9 - 9$ الطرح

-7

مثال ٢ : $(-8) \div 4^3 + 20$ القوس هنا ليس بداخله عملية وضع لكي لا يصبح الطرح بجوار القسمة فقط

الأسس $(-8) \div 64 + 20$

القسمة $20 - 8$

الطرح 12

مثال ٣ : $6 - 2 \div 3 \times 20 + 10$ ؟ (١) لا يوجد أقواس (٢) لا يوجد أسس (٣) من اليسار أول عملية ضرب أو قسمة

(لم تنتهي الخطوة ٣ لا يزال هناك قسمة)

$$10 + 60 \div 2 - 6$$

(آخر خطوة أجمع أو أطرح من اليسار)

$$10 + 30 - 6$$

$$40 - 6$$

$$34$$

تبدأ بأصغر قوس ولكن لا تستطيع القيام بالعملية لأنه لا تستطيع

طرح عدد من مجهول $(x - 3)$ لانهم ليسوا حدود متشابهة

ننتقل الى القوس الذي يليه [] ونحذف الأقواس

نجمع الحدود المتشابهة وهي اعداد فقط

هنا ضرب إشارات السالب يضرب في الحدود داخل القوس

نجمع الحدود المتشابهة وهي الأعداد فقط

تضرب 4 داخل حدود القوس لتحرر الأقواس

مثال ٤ : $4 \{ [8(x - 3) + 9] - [4(3x - 2) + 6] \}$

$$4 \{ [8(x - 3) + 9] - [4(3x - 2) + 6] \}$$

$$4 \{ [8x - 24 + 9] - [12x - 8 + 6] \}$$

$$4 \{ [8x - 15] - [12x - 2] \}$$

$$4 \{ 8x - 15 - 12x + 2 \}$$

$$4 \{ -4x - 13 \}$$

$$-16x - 52$$

لاحظ أنه لا يمكن أن تطرح $-16x - 52$ لانهم ليسوا حدود متشابهة لذلك سنبدأ الان في درس

الحدود المتشابهة ماهي ومتى يمكن جمع أو طرح أي حدود

الحدود المتشابهة (like terms)

الحد : هو أي عدد أو أي متغير أو أي عدد مضروب بمتغير أو عدة متغيرات

$$2xyz$$

حد واحد

$$3x$$

حد واحد

$$y$$

حد واحد

$$12$$

حد واحد

like terms : same variable and same exponent (الحدود المتشابهة نفس المتغيرات ونفس الأسس)

الحدود المتشابهة : هي مجموعة حدود يحق لك جمعهم أو طرحهم ويلزم لذلك توفر شرطين هما :

- أن يكون للحدود نفس القسم الحرفي مثال ($2cv - 7cv = -5cv$) . الأسس لا تجمع .
- أن يكون للحدود نفس الأس (الدرجة) مثال ($4y^2 + 2y^2 = 6y^2$) . تجمع المعاملات فقط .

ملاحظات هامة :

- تعتبر الأعداد بنوعها سالبة وموجب حدود متشابهة تستطيع جمعها أو طرحها مثل ($-2+4=2$) .
- الضرب والقسمة لا تحتاج الى حدود متشابهة لكي تضرب أو تقسم .
- المتغير x بما أن ليس في يمينه عدد (معامل) أو إشارة فهذا لا يعني أن بجوار صفر بل لديه معامل وهو 1 وإشارته موجبة ولكن (المعامل 1 والاشارة الموجبة لا تكتب اذا لم يكن بجورها حد آخر) .

Example 3 :

$$(9x^8 - 7x^4 + 2x^2 + 5) + (8x^7 + 4x^4 - 2x) + (-3x^4 + 6x^2 + 2x - 1)$$

$$9x^8 - 7x^4 + 2x^2 + 5 + 8x^7 + 4x^4 - 2x - 3x^4 + 6x^2 + 2x - 1$$

$$9x^8 + 8x^7 - 6x^4 + 8x^2 + 4 \text{ combine like terms ... Answer in descending order}$$

Example 4 :

$$(3x^4 - 6x - 5x^2 + 5) + (6x^2 - 4x^3 - 1 + 7x)$$

$$3x^4 - 4x^3 - 5x^2 + 6x^2 - 6x + 7x + 5 - 1$$

$$3x^4 - 4x^3 + x^2 + x + 4 \text{ combine like terms ... Answer in descending order}$$

لاحظ الاقواس لو لم يكن بينهم عملية جمع لكانت ضرب

Example 7 :

$$(3x^2 + 4x - 8) - (x^2 - 7x - 3)$$

$$(3x^2 + 4x - 8) - (x^2 - 7x - 3)$$

$$3x^2 + 4x - 8 - x^2 + 7x + 3$$

$$2x^2 + 11x - 5$$



أمثلة : أجمع الحدود المتشابهة :

Example 1 :

$$-6x^2 + x - 5x + 7x^2 + 1$$

Collect like terms and write in descending order

$$(-6x^2) + x - 5x + 7x^2 + 1$$

$$1x^2 - 4x + 1 = x^2 - 4x + 1$$

Example 2 :

$$-2x + 4x^3 - 7x + 9x^3 + 8$$

$$(-2x) + 4x^3 - 7x + 9x^3 + 8 = 13x^3 - 9x + 8$$

لاحظ لا يوجد أي شيء يشير لضرب لا اقواس ولا نقطه

Example 5 :

أمثلة أخرى :

$$-(-6a^3 + 2a^2 - 9a + 1) = 6a^3 - 2a^2 + 9a - 1$$

إشارة السالب قبل القوس تعني ضرب إشارات فقط

Example 6 :

$$(-4x^2 + 2x) - (3x^3 - 5x^2 + 3)$$

$$-4x^2 + 2x - 3x^3 + 5x^2 - 3$$

$$x^2 - 3x^3 + 2x - 3 = -3x^3 + x^2 + 2x - 3$$

لاحظ بين الاقواس عملية طرح لو لم يكن هناك أي عملية فتعرف بديها أن هناك ضرب كثيرات حدود

الأسس (exponent)

بعض القاعدات الأساسية للأسس والتعامل معها وتشمل هذه القاعدات الأعداد والمتغيرات إذا كانت أساس

تستطيع تطبيق القاعدة على الأعداد لكن إذا تشابه الأساس مثال :
 $5^3 \cdot 5^4 = 5^7$ (لاحظ الأساس 5)

$5^7 = 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5$ (تذكير بإيجاد ناتج الاس)
 $5^7 = 78125$

مثال آخر : أوجد 7^6

7^4

الحل : $7^{6-4} = 7^2 = 49$

الأساس متشابه وهو 7 تطرح اس البسط من اس المقام

$7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7$

$7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7$

$= 49$

حل آخر

* أي أس بالسالب لكي تحوله الى موجب اذا كان بسط تنزله مقام والعكس مع أساسه سواء كان الأساس متغير أو عدد مثل x^{-3} في المثال

* أي عدد أو متغير لا ترى له أس فهذا يعني أن له اس 1 ولكن لا يكتب مثل x

* أي عدد أو متغير له أس صفر فهذا يعني أن قيمته 1 مثل $m^0 = 1$ في المثال

خاصية أس الاس نضرب الأسس **Power Rule: $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$**

Example:

$$(x^4)^5 = x^{4 \cdot 5} = x^{20}$$

ضرب الأسس والاثبات

$$(x^4)^5 = x^4 \cdot x^4 \cdot x^4 \cdot x^4 \cdot x^4 = x^{20}$$

* أمثلة أخرى:

$$3^{-5} \cdot 3^8 = 3^{-5+8} = 3^3$$

$$x^{-7} \cdot x^{-6} = x^{-7+-6} = x^{-13} = \frac{1}{x^{13}}$$

$$\frac{8^{13}}{8^2} = 8^{13-2} = 8^{11}$$

خاصية القسمة طرح الأسس

$$\frac{x^1}{x^{-1}} = x^{1-(-1)} = x^2$$

أيضا هنا طرح الأسس

$$\frac{x^{-9}}{x^{-3}} = x^{-9-(-3)} = x^{-6} = \frac{1}{x^6}$$

Rules of Exponents

$$\text{Example: } m^5 \cdot m^2 = m^{5+2} = m^7$$

$$m \cdot m \cdot m \cdot m \cdot m \cdot m \cdot m$$

$$\text{Example: } \frac{m^5}{m^2} = m^{5-2} = m^3$$

$$\frac{m \cdot m \cdot m \cdot m \cdot m}{m \cdot m} = m^3$$

$$\text{Example: } \frac{m^2}{m^5} = m^{2-5} = m^{-3}$$

$$\frac{m \cdot m}{m \cdot m \cdot m \cdot m \cdot m} = \frac{1}{m^3} = m^{-3} = \frac{1}{m^3}$$

الاس السالب

قاعدات أخرى :

$$\text{Example: } 7x^{-2} = \frac{7}{x^2}$$

$$\text{Example: } \frac{m^3}{m^3} = m^{3-3} = m^0 = 1$$

$$\frac{m \cdot m \cdot m}{m \cdot m \cdot m} = 1$$

قاعدات وأمثلة أخرى :

$$\left(\frac{-5}{8}\right)^0 = 1$$

* الاس اذا كان صفر الجواب 1

* المتغيرين ab بينهم عملية ضرب لذلك

$$(ab)^1 = a^1 b^1 = ab$$

يتوزع الاس على كل المتغيرات

* هنا طبق خاصيتين توزيع الاس أولا وثم أس الأس

$$\text{Example: } (5x^3)^2 = 5^2 x^{3 \cdot 2} = 25 x^6$$

أس الاس نضربهم ببعض

توزيع الأس في حالة الضرب

* أمثلة أخرى :

$$7^1 + 3 = 7 + 3 = 10$$

$$7^0 + 3 = 1 + 3 = 4$$

$$(2xy^2)^4 = 2^4 x^4 y^{2 \cdot 4} = 16 x^4 y^8$$

اعداد / ابراهيم البشري

الصيغة العلمية والصورة أو الشكل القياسية

1,523,876 ← standard form **الصورة القياسية**

5.27×10^5 ← scientific notation **الصيغة العلمية**

الأمثلة تكون بالتحويل من الصيغة العلمية الى الشكل القياسي أو العكس والتحويل كله يعتمد على تحريك الفاصلة العشرية وأضافه أصفار هناك **ملاحظات مهمة :**

- أي عدد ليس له فاصلة تعرف بديها أن فاصلته العشرية بعد آخر رقم .
- الفاصلة العشرية في اللغة الإنجليزية هي النقطة (.) والكوما هي للمنازل وفاصلة غير مهمة (,) تفصل الاحاد عن المئات عن الألوف وهكذا .
- في حالة الاس الموجب تحرك الفاصلة الى اليمين على عدد الاس .
- في حالة الاس السالب تحرك الفاصلة الى اليسار على عدد الاس .
- اعتبر إضافة صفر كخطوة تحريك فاصلة .

* أمثلة :

$$a) 2.4 \times 10^6 = 2\,400\,000$$

الفاصلة كانت هنا

$$b) 2400000 = 2.4 \times 10^6$$

$$c) 5.7 \times 10^{-4} = 0.00057$$

الفاصلة كانت هنا

$$d) 0.00057 = 5.7 \times 10^{-4}$$

لاحظ تحريك الفاصلة وتأثير الاشارة السالبة والموجبة في اتجاه التحريك وعدد الاس وتأثيره في عدد الخطوات

$$e) 0.00032 \times 10^8 = 32000$$

$$f) 890000 \times 10^{-5} = 8.9$$

* القيمة المطلقة (absolute value) :

هي خطين صغير يوضع داخلها الرقم وظيفتها تحويل العدد السالب فقط الذي بداخلها الى موجب الأمثلة :

$$a) |-5| = 5$$

$$b) |-100| = 100$$

$$c) |9| = 9$$

$$d) |-5| = -5$$

$$e) |0| = 0$$

$$f) \left| -\frac{3}{2} \right| = \frac{3}{2}$$

* أمثلة وملاحظات على الأسس :

$$a) \frac{(5^2 \cdot 5^3)^4}{(5 \cdot 5^3)^2} = \frac{(5^5)^4}{(5^4)^3} = \frac{5^{20}}{5^{12}}$$

$$5^{20-12} = 5^8 = 390625$$

العبارات الجبرية

لاتنسوني من دعاكم .. إبراهيم البشيرى

مثال ١ :

إذا كان المجهول $p=2, q=8$

أوجد قيمة العبارة الجبرية $\frac{p+q}{2}$ ؟؟

الحل / لم يعد في العبارة الجبرية مجهول لان أعطاك قيمتهم فقط استبدل الحروف بالأرقام

مثال ٢ :

إذا كان $x=1, y=-1, z=3$ فأوجد قيمة العبارة

$$\frac{2 \cdot x + y - z}{3} \quad \text{أنتبه للنقطة } \times \text{ والاشارات ()}$$

الحل / $\frac{-2}{3}$

Example 1 :

← تعني مثال إذا ← If $p=2, q=8$

← أوجد Find : $\frac{p+q}{2}$?

← اختصار كلمة حل Sol : $\frac{2+8}{2} = \frac{10}{2} = 5$

Example 2 :

If $x=1, y=-1, z=3$

Find : $\frac{2 \cdot x + y - z}{3}$?

Sol : $\frac{2 \cdot 1 + (-1) - (+3)}{3} = \frac{2-1-3}{3} = \frac{-2}{3}$

- ملاحظة مهمة : عمليات الطرح والجمع والضرب في العبارة الجبرية في السؤال تنزل كما هي واشارات قيم المجاهيل تنزل كما هي ينشا ضرب إشارات لأنه لا تستطيع أن تضع إشارتين بجوار بعض مثل : $\boxed{-1} + \boxed{+}$

هنا يطلب منك تحويل الجملة الكلامية الطويلة الى عبارة رضيات (عبارة جبرية)

translate

4 + y ?
Four is more than some number ?

الإجابة $y+4$

أو

الإجابة $4+y$

في عملية الجمع لا فرق بين مكان الرقم في الأخير أو الاول
لان الجمع عملية إبدالية مثلا $2+3=5 \rightarrow 3+2=5$

Multiply أضرب

$$\left(\frac{-3}{5}\right) \left(\frac{-2}{7}\right) = \frac{(-3)(-2)}{(5)(7)} = \frac{6}{35}$$

exponents الأسس

الأسس هي عملية تكرار ضرب الأساس في نفسه على عدد مرات الاس وأكثر أخطاء الطلاب يضربون الأس في الأساس وهذا خطأ

$$7^3 \neq 7 \cdot 3 \quad \boxed{\times}$$

Does not equal

1 $7^3 = 7 \cdot 7 \cdot 7 = 343$ ✓

2 $(-4)^2 = -4 \cdot -4 = 16$ ✓

3 $100^0 = 1$ (أي عدد أس صفر ناتجه هو الواحد)

12 - x ?
Twelve less than some number ?

x - 12 answer

NOT 12 - x

الرقم ذكر في بداية في السؤال تضعه في نهاية العبارة

4 ÷ 2 z ?
Four is divided by tow some number ?

$$\frac{4}{2x}$$

divide أقسم

$\frac{-3}{5} \div \left(\frac{-5}{8}\right)$ تحول القسمة الى ضرب وتقلب الكسر الثاني

$$\frac{-3}{5} \times \frac{8}{-5} = \frac{-3 \cdot 8}{5 \cdot -5} = \frac{-24}{-25} = \frac{24}{25}$$

Add الجمع

$$\frac{-3}{8} + \frac{5}{12}$$

$$\frac{-9}{24} + \frac{10}{24} = \frac{-9+10}{24} = \frac{1}{24}$$
 (توحيد مقامات)

المعادلة Equation

هي كل عبارة جبرية ورياضية تحتوي على المساواة
هذه المساواة تقسم المعادلة الى طرفين أيمن وأيسر
الحل بوضع المجاهيل في طرف من = والاعداد بالطرف الاخر

الأمثلة :- Q- Solve Equation ?

$$3x - 1 = x + 5$$

عند نقل المجهول أو العدد
من طرف الى طرف تعكس أشارته

$$3x - x = 5 + 1$$

$$(3-1)x = 6 \implies 2x = 6$$

$$\frac{2}{2}x = \frac{6}{2}$$

بقسمة الطرفين على 2

$$x = 3$$

أنتهى حل المعادلة بإيجاد قيمة المجهول x

مثال ٢ :- Q- Solve Equation ? حل المعادلة ؟

$$4(x - 2) - 1 = 3(2x - 1) + 5$$

حرر الأقواس ؟
الحل /

$$4x - 8 - 1 = 6x - 3 + 5$$

$$4x - 9 = 6x - 3 + 5$$

الاعداد بطرف والمجاهيل بطرف

$$4x - 6x = -3 + 9 + 5$$

المجاهيل نواتجهم لوحدهم والاعداد لوحدهم

$$(4-6)x = 11$$

$$-2x = 11$$

بالقسمة على -2

$$\frac{-2x}{-2} = \frac{11}{-2}$$

$$x = \frac{11}{-2}$$

تذكر دائما انت تريد المجهول لوحدته بمعامل 1

مثال ٣ :- Q- Solve Equation ?

$$\frac{t}{2} - 2 = 3$$

$$\frac{t}{2} = 3 + 2$$

$$\frac{t}{2} = 5$$

(ضرب طرفي المعادلة $\times 2$) نتخلص من أي مقام أضرب بنفس العدد والاشارة

$$2 \times \frac{t}{2} = 5 \times 2$$

$$t = 10$$

إبراهيم البشيرى

Absolut value القيمة المطلقة

القيمة المطلقة تحول كل عدد موجب الى سالب
تركز شوي عدد موجب فقط وليس العكس .. الأمثلة :-

$$\text{Example: } |-18| = 18$$

$$\text{Example: } -|-5| = -5$$

$$|5| = 5 \quad , \quad |0| = 0$$

Inequalities المتباينات

المتباينة هي كل عبارة رياضيات تحتوي على إشارات

التباين وهي $>$ ، $<$ ، \leq ، \geq .. الأمثلة :-

حل المتباينة ؟ Q- Solve inequality ?

الحل / sol

$$3x - 1 \geq -x + 5$$

النقل من اطراف المتباينة

$$2x + x \geq 5 + 1$$

$$3x \geq 6$$

بقسمة الطرفين على ٣

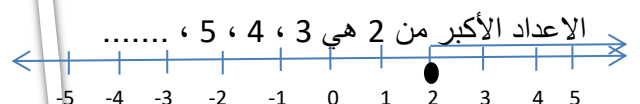
$$x \geq 2$$

التمثيل بالرسم يكون للمتباينات على خط الاعداد حسب
إشارة التباين اذا كانت \geq ، \leq كرة مطموسة أو []
اذا كانت $<$ ، $>$ كرة مفتوحة أو ()

$$x \geq 2$$

نعود للمثال

تفسير المتباينة أو قراءتها x عدد أكبر من أو تساوي ٢



أذا الحل باتجاه اليمين لأنها الاعداد الأكبر من 2

مثال ٢ :- Q- Solve inequality ?

$$4(x - 2) - 1 > 6x - 3$$

حرر القوس

$$4x - 8 - 1 > 6x - 3$$

الحل /

$$4x - 6x > -3 + 8 + 1$$

$$-2x > 6$$

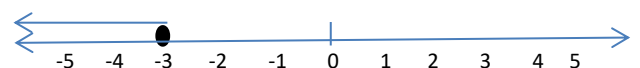
المعامل بالسالب أنتبه

$$\frac{-2x}{-2} > \frac{6}{-2}$$

اذا قسمت أو ضربت في سالب

$$x < -3$$

أقلب إشارة المتباينة أصغر من -3



مجموعة الحل { x | x < -3 }

النسبة المئوية % (Percent)

النسبة المئوية من اسمها هو العدد المقسوم على ١٠٠ و هناك ٣ مصطلحات يجب معرفتها :

1- what percent : ما النسبة المئوية ؟

2- of : الضرب

3- is : تساوي

Example 2 : what number is 50% of 200 ?

$$\text{Sol} \setminus z = 50\% \times 200$$

$$z = \frac{50}{100} \times 200$$

$$z = \frac{10000}{100}$$

$$z = 100$$

Example 3 : what percent of 60 is 15 ?

$$N \times 60 = 15$$

$$\text{sol} \setminus N\% \times 60 = 15$$

$$\frac{N}{100} \times \frac{60}{1} = 15$$

$$\frac{60N}{100} = \frac{15}{1}$$

$$60N = 1500$$

$$N = \frac{1500}{60}$$

$$N = 25 \quad N = 25\%$$

Example 5 : 20 is 40% of what number?

$$20 = 40\% \times y$$

$$\text{Sol} \setminus 20 = 40\% \times y$$

$$20 = \frac{40}{100} \times y$$

$$20 = \frac{40}{100} \times \frac{y}{1}$$

$$20 = \frac{40y}{100}$$

$$\frac{20}{1} = \frac{40y}{100}$$

$$40y = 2000$$

$$Y = 50$$

Example: 500 × 30% ?

$$\text{sol} \setminus 500 \times \frac{30}{100} \quad (\text{حولنا } 30\% \text{ الى كسر مقامه } 100)$$

$$\frac{500}{1} \times \frac{30}{100} \quad (\text{اي عدد ليس له مقام يحق لك وضع مقام 1 له})$$

$$\frac{15000}{100} = 150$$

Example 2 : 15 % of 25 is what ?

$$\text{sol} \setminus \frac{15}{100} \times \frac{25}{1} = u$$

$$\frac{375}{100} = u \rightarrow 3.75 = u$$

Example 4 : what number is 40% of 90 ?

$$x \times 90 = 40\%$$

$$\text{sol} \setminus x = 40\% \times 90$$

$$x = \frac{40}{100} \times \frac{90}{1}$$

$$x = \frac{3600}{100}$$

$$x = 36$$

ملاحظات جدا هامة للنسبة المئوية :

- 1- لكي تحول أي نسبة لكسر ضع في المقام ١٠٠ .
- 2- الحل يعتمد على الترجمة مثل ما في الأمثلة في الأعلى .
- 3- لابد أن تفرق بين ضرب الكسور واستخدام المقص وسبق أن شرحتها ضرب الكسور تضرب بسط في بسط ، ومقام في مقام ولا يكون بين الكسرين علامة = مثال :

$$\frac{12}{6} \times \frac{4}{10} = \frac{48}{60}$$

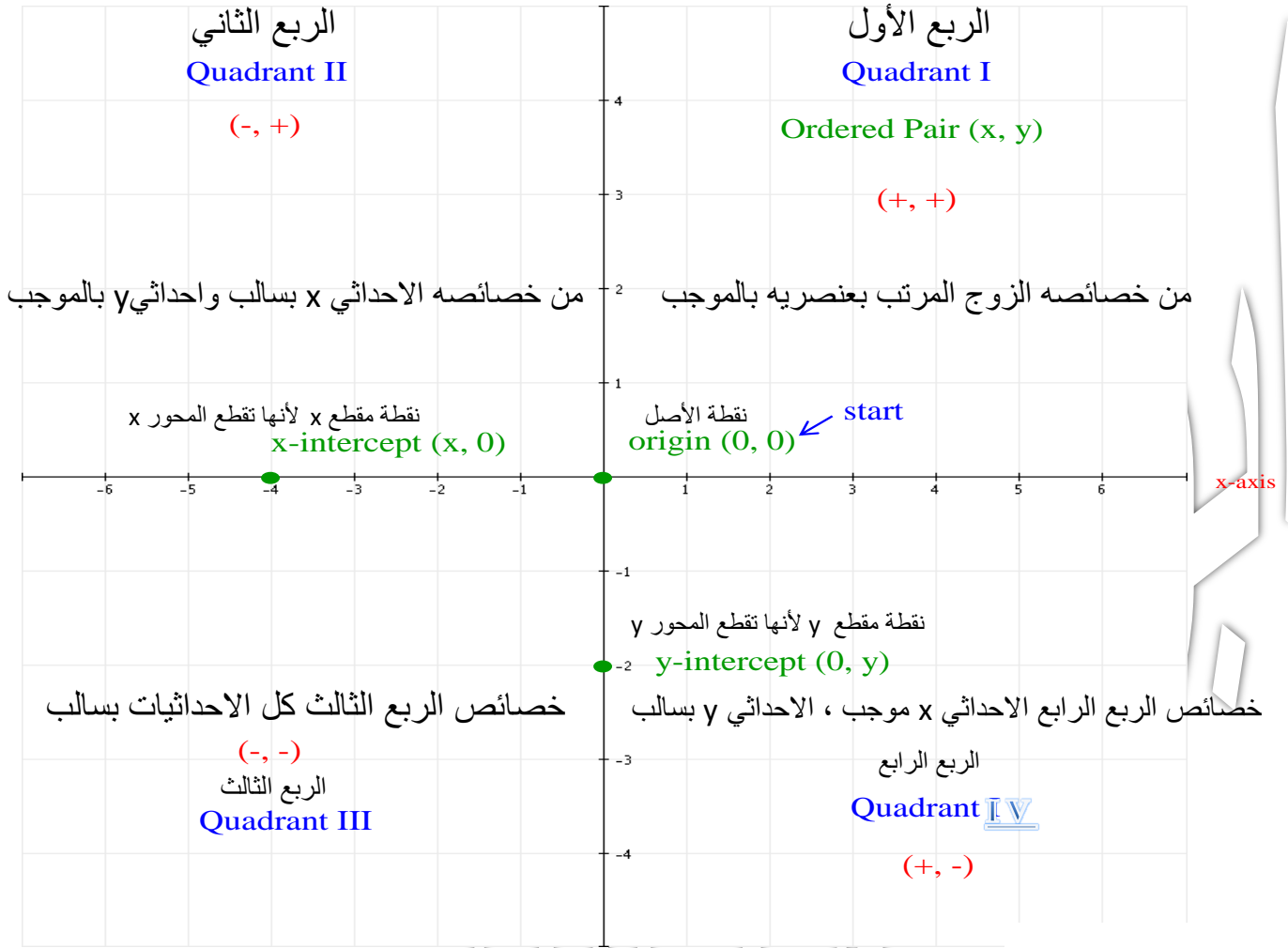
- 2- الضرب التبادلي (المقص) : لا بد أن يكون بين الكسرين علامة = لكي تستطيع استخدامه مثال :

$$\frac{9}{y} \times \frac{15}{10}$$

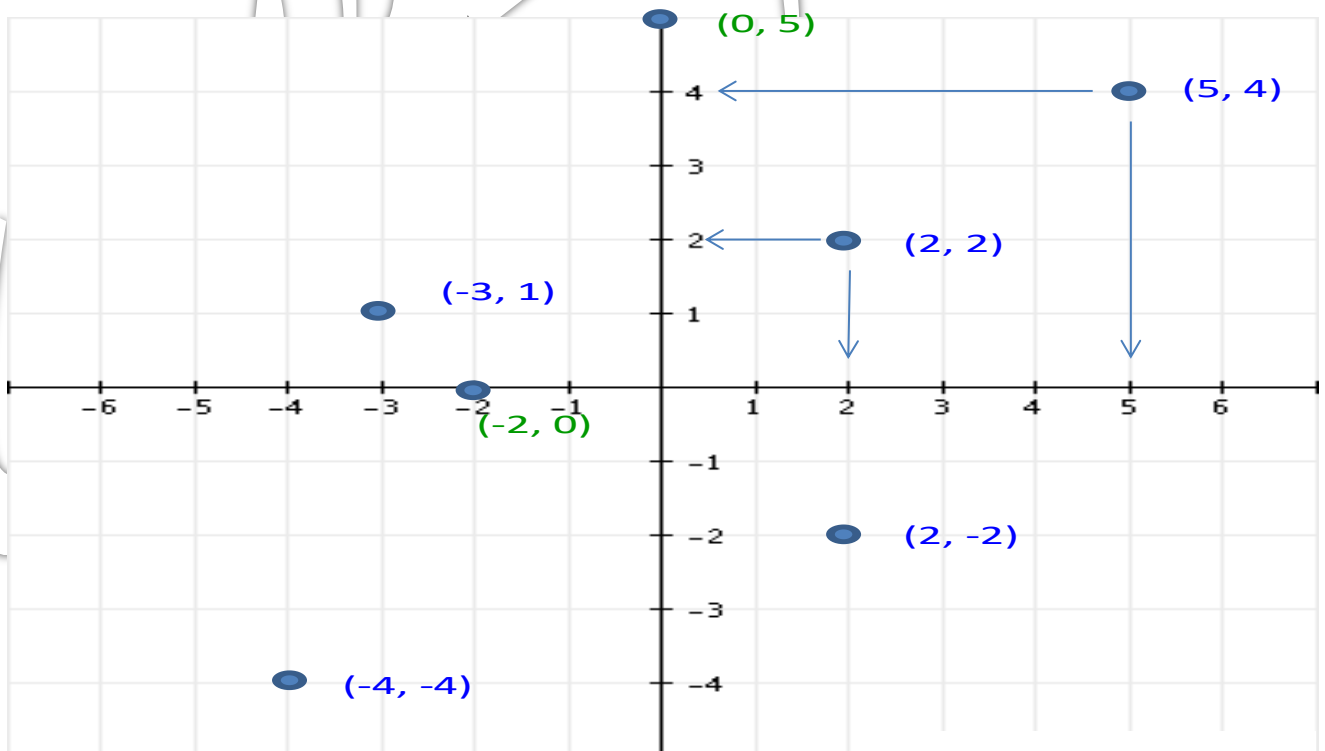
$$15 \times y = 9 \times 10$$

$$\frac{15y}{15} = \frac{90}{15}$$

$$y = 6$$



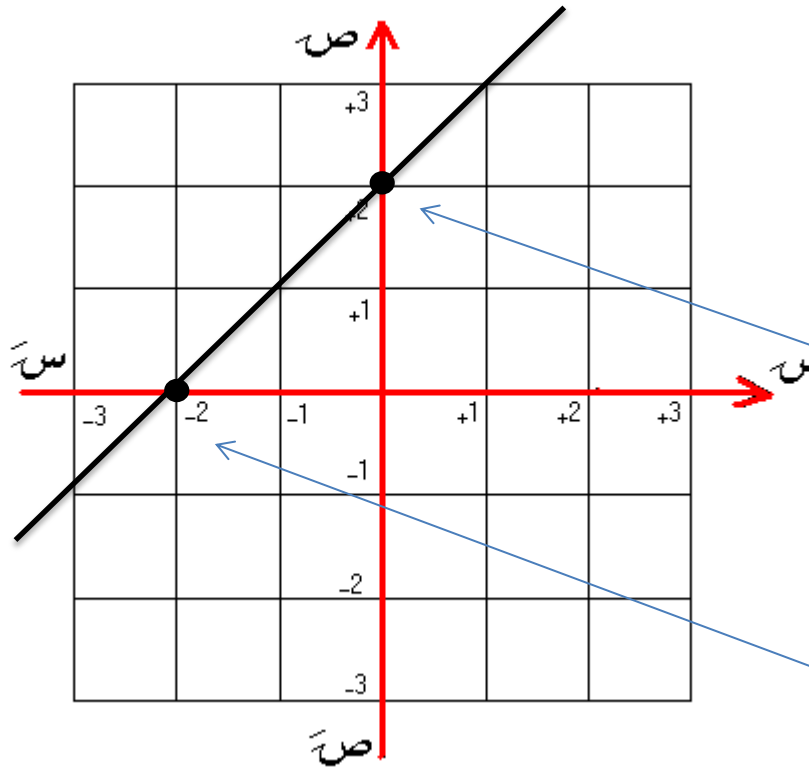
مثال : هنا يريد منك رسم للنقاط وليس خط مستقيم يعطيك أزواج مرتب وتحددها لأنه لو كان يريد منك رسم مستقيم لابد أن يعطيك معادلة أو دالة أو يذكر لك بالسؤال ارسم خط ؟ (graphic)



* المعادلات الخطية :

هنا نبدأ في أسئلة الرسم للمعادلات الخطية (linear equations) سميت بذلك لأنها ترسم على المستوى الديكارتي بشكل خط مستقيم وهناك عدة طرق لرسمها ولكن أقصرها وأسهلها الرسم عن طريق نقاط (أزواج مرتبه هذا ما نقصده بالنقاط) تقاطع المستقيم مع المحاور السيني والصادي وفي هذه الحالة نلخص خطوات الحل بخطوتين كل خطوه ينتج عنها نقطة :

- ١- تفرض أن $y=0$ وتستبدل كل y في المعادلة بصفر الذي فرضته لكي تضطر قيمة x . (x,y)
- ٢- تفرض أن $x=0$ وتستبدل كل x في المعادلة بصفر الذي فرضته وتظهر قيمة y . (x,y)



Example 1 : Graph

$$y = x + 2 \quad ?$$

الحل / أولا نفرض $x = 0$

$$y = 0 + 2$$

$$y = 2$$

$(0, 2)$

ثانيا نفرض $y=0$

$$0 = x + 2$$

$$-2 = x$$

$(-2, 0)$

الان أصبح لديك نقطتين تقطع على مستقيم المعادلة المعطاة وتسمى المقاطع أي التي تقطع كلا المحورين

Example 2 : Graph

$$X - 2y = 4 \quad ?$$

الحل / نفرض $x = 0$

$$0 - 2y = 4$$

$$-2y = 4$$

$$y = -2$$

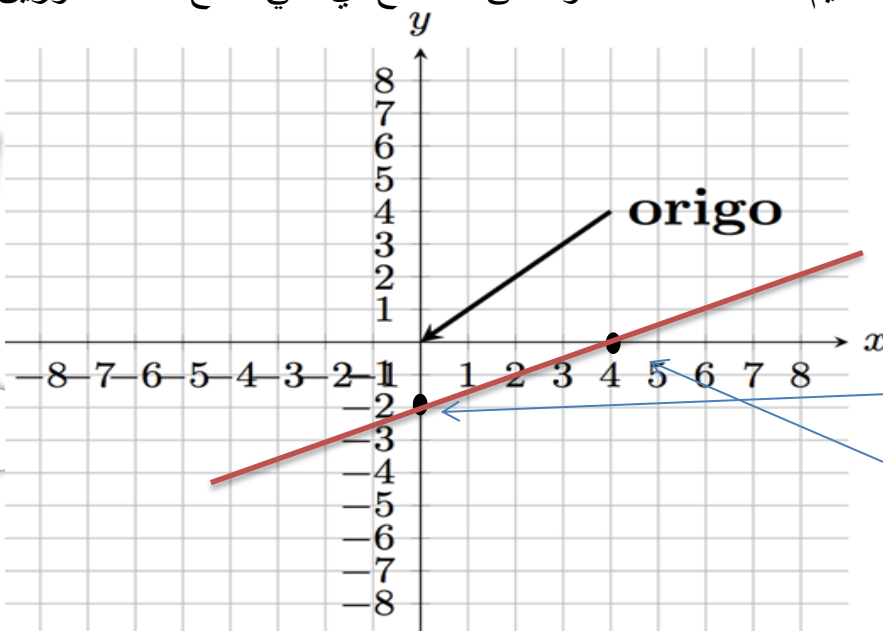
$(0, -2)$

نفرض $y=0$

$$X - 2(0) = 4$$

$$X = 4$$

$(4, 0)$



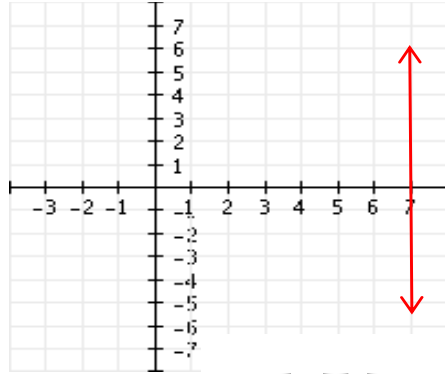
* أمثلة أخرى للمعادلات الخطية :

هنا إذا شفت معادلة خطية في متغير واحد أي x لحالة في معادلة ، أو المتغير y لحالة في معادلة كل ما عليك سواء رسم خط مستقيم يمر بالعدد ويقطع المحور الخاص بالمتغير مثال :

NOTES:

Vertical Lines have an equation of x equals some number

Example: $x = 7$



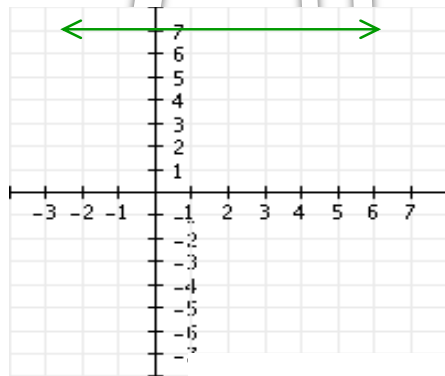
المعادلة هي :

$$x = 7$$

إذا تقع محور x عند العدد 7

Horizontal Lines have an equation of y equals some number

Example: $y = 7$



المعادلة هي :

$$y = 7$$

إذا تقع محور y عند العدد 7

* الميل (slope) :

- له قانونين إذا وجدت في السؤال رسم المستوى الاحداثي والنقاط (x_1, y_1) ، (x_2, y_2) بشكل أزواج مرتبة تستخدم القانون الآتي :

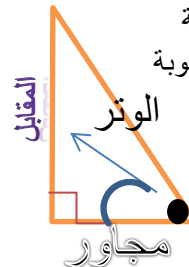
$$\text{Slope} = m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

- إذا وجدت مثلث مرسوم تستخدم القانون الآتي :

$$\text{Slope} = m = \frac{\text{rise}}{\text{run}}$$

المقابل →

المجاور →



المقابل : هو الضلع المقابل للزاوية المطلوبة

المجاور : هو الضلع المجاور للزاوية المطلوبة

الوتر : هو الضلع المقابل للزاوية القائمة

لمعرفة المقابل والمجاور : حدد الوتر

وبعد ذلك يتبقى ضلعين للزاوية مقابلها

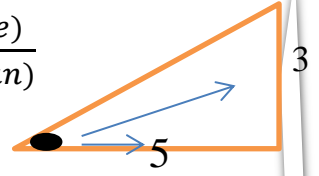
هو المقابل والثالث المتبقي هو المجاور

* أمثلة على الميل :

Example 1 : find slope ?

$$\text{sol} \setminus m = \frac{\text{المقابل (rise)}}{\text{المجاور (run)}}$$

$$m = \frac{3}{5}$$



Example 2 : find slope the line (1,2) , (-2,14)?

$$\text{sol} \setminus m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \frac{14-2}{-2-1}$$

$$m = \frac{12}{-3}$$

$$m = -4$$

* كثيرات الحدود (polynomials)

كثيرات الحدود تنقسم الى عدة أقسام وهي :

١- ذات الحد الواحد (monomial) مثال : $3x^2$

٢- ذات الحدين (binomial) مثال : $x + 5$ أو $x^2 + 3x$

٣- ثلاثة حدود (trinomial) مثال : $x^2 + 5x + 3$ أو $x^5 + 10x^{10} - 5$

٤- أكثر من ثلاث حدود (no name) مثال : $x^2 + 9x^4 + 3x - 1$ أو $x^3 - 5x^2 + 3x + 2$

* الدرجة هي أعلى قوة في كثيرة الحدود (degree) :

Example 2 : ماهي درجة كثيرة الحدود :

$$\text{Degree of each term} \quad \underline{4} \quad 3 \quad 2 \quad 1 \quad 0$$

$$\text{Degree of the whole polynomial} = 4$$

قبل أن أدخل في الضرب أريد أن أذكركم ببعض الأمور مثل الحدود المتشابهة أحرص أن تجمع أسس . أحرص أن تخلط بين قاعدات الجمع والطرح بالضرب والقسمة والتي سأطرحها الان .

الضرب والقسمة ليس لها أي شرط تستطيع أن تضرب وتقسم أي حدين ولكن تراعي قاعدات سابقة في الضرب مثل جمع الأسس - وفي القسمة طرح الأسس إذا كان الأساس متشابهة مثل :

$(7x) = 21x^3$ لاحظ الحدين غير متشابهين لان الأسس مختلفة ومع ذلك ضربناهم وكانت عملية الضرب (ضرب المعاملات) (جمع الأسس)

* جمع الحدود المتشابهة (collect like terms) :

Example : collect like terms :

$$2x^2 + x^3 - 3 + 7x^3 - x^2 + 8 ?$$

Sol \ هذا الحل بدون ترتيب $x^2 + 8x^3 + 5$

$$8x^3 + x^2 + 5 \quad (\text{Desding order})$$

* الترتيب نوعين (تصاعدي - تنازلي) :

Descending order - counting DOWN from the exponents

$$9x^4 + 10x^3 - 15x^2 + 3x^1 - 3x^0$$

(zero x^0)

Ascending order - counting UP from the exponents

$$-3x^0 + 3x^1 - 15x^2 + 10x^3 + 9x^4$$

النظير الجمعي (opposites) :

$$-9 \leftrightarrow 9 \quad | \quad 0 \leftrightarrow 0 \quad | \quad 4 \leftrightarrow 4$$

النظير الضربي (reciprocal) :

$$-\frac{4}{3} \leftrightarrow \frac{3}{-4} \quad | \quad 0 \leftrightarrow \Phi \quad | \quad -8 \leftrightarrow \frac{1}{-8} \quad | \quad 3 \leftrightarrow \frac{1}{3}$$

* ضرب وقسمة كثيرات الحدود :

Example 2 : divid **اقسم**

$$\frac{24x^4 - 4x^3 + x^2 - 16}{8} =$$

$$\frac{24x^4}{8} - \frac{4x^3}{8} + \frac{x^2}{8} - \frac{16}{8}$$

$$3x^4 - \frac{1}{2}x^3 + \frac{1}{8}x^2 - 2$$

تذكر في القسمة :
تستطيع أن تقسم
متغير له معامل على
عدد وليس مثل
الجمع والطرح
يشترط تشابه الحدين

Example 4 : divid **اقسم**

$$\frac{4x^4y - 8x^6y^2 + 12x^8y^6}{4x^4y}$$

$$\frac{4x^4y}{4x^4y} - \frac{8x^6y^2}{4x^4y} + \frac{12x^8y^6}{4x^4y}$$

$$1 - 2x^2y + 3x^4y^5$$

Example 1 : multiply **اضرب**

تذكر في الضرب:
(2x²)(3x³)=6x⁵
(2x²)(5x)=10x³
(2x²)(2)=4x²
الإشارات بالموجب

$$2x^2 (3x^3 + 5x + 2)$$

$$\text{الحل : } 6x^5 + 10x^3 + 4x^2$$

Example 3 : divid **اقسم**

$$\frac{12x^3 + 26x^2 + 8x}{2x}$$

$$\frac{12x^3}{2x} + \frac{26x^2}{2x} + \frac{8x}{2x}$$

$$6x^2 + 13x + 4$$

تذكر في القسمة :

حينما تقسم على متغير مشابه
تطرح أسس البسط من أسس المقام
بالإضافة الى قسمة المعاملات

$$\frac{12x^3}{2x} = \left(\frac{12}{2}\right) \left(\frac{x^3}{x}\right) = 6x^{3-1} = 6x^2$$

* التحليل (factoring) :

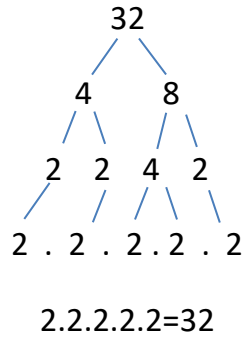
هو تحويل العدد او المتغير الكبير الى اعداد ومتغيرات صغيرة (أولية) باستخدام الضرب بحيث لو ضربت هذه العناصر الأولية والصغيرة في بعضهم (بعد التحليل) لأعطتك العناصر الكبيرة (قبل التحليل)

* أمثلة :

Example 2 : factor **حلل**

$$32 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2$$

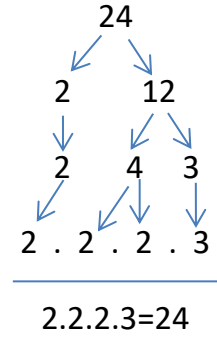
$$32 = 2^5$$



Example 1 : factor **حلل**

$$24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$$

$$24 = 2^3 \cdot 3$$



* القاسم المشترك الأكبر (Greatest Common Factor) ويرمز له (GCF) :

نحلل ثم نجد المشترك بين ما تم تحليله

* المضاعف المشترك الأصغر (Least Common Multiple) ويرمز له (LCM) :

هو جميع العناصر بين الاثنين ولكن بدون تكرار المشترك
وقد تكون بين اعداد أو بين متغيرات حسب الأمثلة :

* أمثلة :

Example 2: find GCF and LCM between $12x^2, 16x^3$

$$12x^2 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot x \cdot x$$
$$16x^3 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot x \cdot x \cdot x$$

$$\text{GCF} = 2 \cdot 2 \cdot x \cdot x = 4x^2$$
$$\text{LCM} = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot x \cdot x \cdot x = 48x^3$$

Example 1: find GCF and LCM between 24, 32

$$24 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3$$
$$32 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2$$

$$\text{GCF} = 2 \cdot 2 \cdot 2 = 8$$
$$\text{LCM} = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 3 = 96$$

Example 4: factor $3x^6 + 6x^5 - 12x^3$?

GCF (+ -)

$$3x^6 = 3 \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x$$
$$6x^5 = 2 \cdot 3 \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x$$
$$12x^3 = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot x \cdot x \cdot x$$
$$\text{GCF} = 3x^3$$

$$3x^3(x^3 + 2x^2 - 4)$$

إذا كنت تريد التحقق من تحليلك أضربهم وأنظر هل بعد الضرب تعود ذات حدين مثل السؤال

Example 3: factor $2x^3 + 4x^2$?

لاحظ أعطاك ذات حدين وبينهم جمع وليس فاصلة تحليلهم يكون بإخراج القاسم المشترك (GCF) ويكون :

GCF (ما تبقى من الأولى + ما تبقى من الثانية)

$$(الأولى) 2x^3 = 2 \cdot x \cdot x \cdot x$$
$$(الثانية) 4x^2 = 2 \cdot 2 \cdot x \cdot x$$

$$\text{GCF} = 2 \cdot x \cdot x = 2x^2$$

$$2x^2 (x + 2)$$

إذا كنت تريد التحقق من تحليلك أضربهم وأنظر هل بعد الضرب تعود ذات حدين مثل السؤال

* حل المعادلات التربيعية (solving Quadric Equations) :

نظرية ١-٢ : إذا كان $x \cdot y = 0$ إذا واحدة من ثلاث :

تقول النظرية باختصار إذا فيه عددين ضربهم يساوي صفر معناها أما العدد الأول بصفر أو العدد الثاني بصفر أو كل العددين بصفر . أتحداك تجيب عددين حقيقيين تضربهم ببعض ويعطونك ناتج صفر بدون ما يكون أحدهم على الأقل يساوي صفرًا؟؟ أعطيك سيارتي
طبعًا بقولك شيء إذا جاك مقدارين بهذا الشكل $(x+2)(x-2) = 0$ ترا x عدد بس جهلت قيمته وتطبق نفس القاعدة

$$x = 0 \quad -1$$

$$y = 0 \quad -2$$

$$x = y = 0 \quad -3$$

* أمثلة :

Example 1 : solve حل?

$$X^2 + 5x + 6 = 0$$

$$(x+2)(x+3) = 0$$

$$X+2 = 0 \text{ أو } X+3 = 0$$

$$X = -2 \text{ أو } X = -3$$

ملاحظات مهمة :

- لا تستطيع أن تطبع هذه النظرية إلى إذا كان ناتج المعادلة يساوي صفر ، والحد الأول من الدرجة الثانية (أس 2) .
- طريقة التحليل إلى مقدارين تحت هذه الصفحة سأضع لها شرح كامل بجميع حالتها.
- حل المعادلة دائما إيجاد قيمة المجهول . أي إذا شاهدت المساواة تعرف انها معادلة ويجب عليك تحليلها وبعد ذلك حلها .
- القاعدة تنطبق فقط إذا كان معامل x^2 هو الواحد أي (a=1)

قواعد الإشارة في تحليل ثلاثيات الحدود التربيعية (المعادلات التربيعية) :

ملاحظات مهمة للثلاثية $(ax^2 + bx + c)$ أو المعادلة $(ax^2 + bx + c = 0)$ عدد $a=$ عدد، $b=$ عدد، $c=$ عدد :

- 1- دائما تحليل المعادلات التربيعية يعتمد على تحليل الحد الأول وتحليل الحد الثالث .
- 2- قاعدة الإشارات تعتمد على الحد الثالث والحد الأوسط (واستنتج مدى صحة القاعدة ولماذا تم وضع الإشارات في كل حالة من حالات التحليل) ؟
- 3- بوابة الحل في المعادلة التربيعية عن طريق تحليلها وهي احدى طرق حل المعادلات التربيعية .
- 4- التحليل هو الطريقة الأولى لحل المعادلات التربيعية وليس معنى أن المعادلة لا تحلل نحكم بأن المعادلة لا تحلل فهناك طرق أخرى لحل المعادلات مختلفة عن طريقة التحليل .

5- تحليل الحد الأول (متغيرين حاصل ضربهم x^2 ما هما ؟)

6- تحليل الحد الثالث (عددين حاصل ضربهم الحد الثالث وجمعهم الحد الأوسط ؟)

حل (الحالة الأولى)

المقدارين المحللين

$$x^2 + 7x + 6$$

$$(x+1)(x+6)$$

• الإشارة في المقدارين المتحللة :

إذا كانت إشارة الحد الثالث + فإننا نعود للحد الأوسط إذا كانت + فإن المقدارين بالموجب :

$$(x+1)(x+6)$$

حل (الحالة الثانية)

$$x^2 + 7x + 6$$

• الإشارة في المقدارين المتحللة :

إذا كانت إشارة الحد الثالث + فإننا نعود للحد الأوسط إذا كانت - فإن المقدارين بالسالب :

$$(x-1)(x-6)$$

حل (الحالة الثالثة)

$$x^2 + x - 12$$

• الإشارة في المقدارين المتحللة :

إذا كانت إشارة الحد الثالث - فإننا مباشرة نضع مقدار بالموجب ومقدار بالسالب مع مراعاة "العدد الكبير المحلل يكون في المقدار الذي أشارته مثل إشارة الحد الأوسط"

$$(x-3)(x+4) \quad \text{لماذا وضعنا الموجب مع 4 ؟}$$

- للتأكد من صحة التحليل "نضرب القريبين في بعض والبعيدين في بعض وبعد ذلك نجمعهم وننظر الى ناتج المجموع هل يعطيك الحد الأوسط بإشارته" إذا لم يكن نفس الأوسط تحليلك خاطئ

$$x^2 + x - 12$$

$$(x-3)(x+4)$$

$$\begin{array}{r} + \\ -3x \\ +4x \\ +x \end{array}$$

Example 1 : solve

$$X^2+2x+1=0$$

$$(x+1)(x+1)=0$$

$$x+1=0 \text{ أو } x+1=0$$

$$x=-1 \text{ أو } X=-1$$

نحلل x^2 عددين حاصل ضربهم x^2 هما $x \cdot x$ خذ كل x وحطها بمقدار
 نحلل 1 عددين إذا ضربناهم في بعض يعطونا 1 وإذا جمعناهم 2
 (نظرية عددين مضروبين ببعض ناتجهم بصفر)

Example 2 : solve

$$X^2+2x-15=0$$

الحل /

$$(x+5)(x-3)=0$$

$$x+5=0 \text{ أو } x-3=0$$

$$x=-5 , x=3$$

(لا تنسى العددين المحللين الكبير منهم نفس إشارة الحد الأوسط)

Example 3 : solve

الحل /

$$X^2 - 4 = 0$$

$$X^2 - 2^2 = 0$$

$$(x-2)(x+2)=0$$

$$X=2 , X=-2$$

$$\{-2, 2\}$$

(هنا أختلف شكل المعادلة ولم تعد معادلة مكونة من ثلاثية حد بل أصبحت معادلة ذات حدين) فطبيعي ان القاعدة تتغير قاعدة التحليل فقط وليست النظرية الصفرية .

$$a^2 - b^2 = (a-b)(a+b)$$

a ممكن يكون أي شكل عدد
أو متغير

b ممكن يكون أي شكل عدد
أو متغير

حدين اذا تطبق قاعدة الفرق بين مربعين ولاحظ لابد من وجود
طرح بين الحدين

حولت ذات الحدين بالسؤال لنفس شكل القاعدة
 $(2y)^2 = 4y^2$ توزيع الاس داخل العناصر بالقوس خاصية في
الأسس

$9^2=81$ تسعه اس 2 هي نفسها 81 فقط غير الشكل ليتناسب مع
القاعدة

Example 4 : solve

$$4y^2 - 81 = 0$$

$$(2y)^2 - (9)^2 = 0$$

$$(2y-9)(2y+9) = 0$$

$$2y-9=0 , 2y+9=0$$

$$2y=9 , 2y=-9$$

$$y = \frac{9}{2} , y = -\frac{9}{2}$$

$$\left\{ \frac{-9}{2}, \frac{9}{2} \right\}$$

Example 5 : simplify

بسط
وممكن يقولك factor

Factor Answer

$$\frac{x^2-2x-8}{x^2-x-6} = \frac{(x-4)(x+2)}{(x+2)(x-3)} = \frac{x-4}{x-3}$$

طلب من التبسيط أو التحليل إذا ليس
مطلوب منك حل أو إيجاد قيم المجاهيل
حلل وبسط فقط

Example 6 : simplify

حل باستخدام قاعدة الفرق بين مربعين

$$1^2 = 1$$

$$x^2 - 1 = (x+1)(x-1)$$

$$\frac{x^2 - 1}{x^2 + 4x + 4} \cdot \frac{x^2 + 5x + 6}{x^2 - 2x - 3}$$
$$\frac{(x+1)(x-1)}{(x+2)(x+2)} \times \frac{(x+2)(x+3)}{(x+1)(x-3)}$$
$$= \frac{(x-1)(x+3)}{(x+2)(x-3)}$$

Example 7 : simplify

عند قسمة كسرين تذكر تحول القسمة الى ضرب و تقلب الكسر الاخر

$$\frac{x^2 - 1}{4x + 4} \div \frac{2x^2 - 4x + 2}{8x + 8} \quad \text{flip}$$

$$\frac{x^2 - 1}{4x + 4} \cdot \frac{8x + 8}{2x^2 - 4x + 2}$$

$$2(x^2 - 2x + 1)$$

$$\text{Factor } \frac{(x-1)(x+1)}{4(x+1)} \cdot \frac{8(x+1)}{2(x-1)(x-1)}$$

$$\frac{8(x+1)}{8(x-1)} = \frac{x+1}{x-1}$$

* Adding Rational Expressions (جمع العبارات النسبية):

في جمع الكسور العادية وطرحها لا بد أن توحد المقامات بالنسبة للكسور التي تحتوي على أعداد فقط وطريقة توحيد المقامات تعتمد دائماً على المضاعف المشترك أو القاسم المشترك في المقمر استخدم المضاعف المشترك الأكبر (LCM) بطريقتين ،، نود أولاً طرح مثال أعداد بدون متغيرات وبعد ذلك ننقل لفكرة أخرى .

- Example : $\frac{4}{3} + \frac{1}{3}$

$$= \frac{5}{3}$$

- Example : $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$

$$\frac{3 \times 1}{3 \times 2} + \frac{2 \times 1}{2 \times 3}$$
$$\frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \frac{5}{6}$$

المقامات لا تجمع ولا تطرح

- Example : Find $\frac{4}{xy^4} + \frac{6}{x^4y}$?

أحذر ! المقام ليس موحد وليس متشابهة

$$\frac{x^3 \times 4}{x^3 \times xy^4} + \frac{y^3 \times 6}{y^3 \times x^4y} = \frac{4x^3 + 6y^3}{x^4y^4}$$

- Example : $\frac{4}{5y} + \frac{7}{y-2}$

LCD = $5y(y - 2)$

$\frac{4(y-2)}{5y(y-2)} + \frac{7(5y)}{5y(y-2)}$

$\frac{4y-8}{5y(y-2)} + \frac{35y}{5y(y-2)} = \frac{39y-8}{5y(y-2)}$

- Example : $\frac{2x-7}{5x-8} + \frac{6+10x}{8-5x}$

Factoring out a -1 ... $8 - 5x = -1(-8 + 5x) = -1(5x - 8)$

$\frac{2x-7}{5x-8} + \frac{6+10x}{-1(5x-8)} =$

$\frac{2x-7}{5x-8} - \frac{6+10x}{5x-8} = \frac{-8x-13}{5x-8}$ **Answer**

- Example :

$\frac{y^2}{y-3} + \frac{9}{3-y} = \frac{y^2}{y-3} - \frac{9}{y-3} = \frac{y^2-9}{y-3}$

Simplify $\rightarrow \frac{(y-3)(y+3)}{y-3} = y+3$

- Example :

$\frac{4-x}{x-9} - \frac{3x-8}{9-x}$

$\frac{4-x}{x-9} + \frac{3x-8}{x-9} = \frac{2x-4}{x-9}$ **Answer**

- Example : $\frac{x}{x^2+5x+6} - \frac{2}{x^2+3x+2}$

LCD = $(x + 1)(x + 2)(x + 3)$

$\frac{x}{(x+2)(x+3)} - \frac{2}{(x+1)(x+2)}$

- Example : $\frac{t}{t-3} + \frac{5}{4t-12} = \frac{t}{t-3} + \frac{5}{4(t-3)}$

LCD = $4(t - 3)$

$\frac{t \cdot 4}{4(t-3)} + \frac{5}{4(t-3)} = \frac{4t+5}{4(t-3)}$ **Answer**

- Example : $\frac{2(4x+1)}{5x-7} + \frac{3(x-2)}{7-5x} + \frac{-10x-1}{5x-7}$

$\frac{2(4x+1)}{5x-7} - \frac{3(x-2)}{5x-7} + \frac{-10x-1}{5x-7}$

$\frac{8x+2}{5x-7} - \frac{3x-6}{5x-7} + \frac{-10x-1}{5x-7}$

$\frac{5x+8}{5x-7} + \frac{-10x-1}{5x-7} = \frac{-5x+7}{5x-7} = \frac{-1(5x-7)}{5x-7} = -1$

- Example :

$\frac{11}{x^2-4} - \frac{8}{x+2} = \frac{11}{(x-2)(x+2)} - \frac{8}{x+2}$

LCD = $(x - 2)(x + 2)$

$\frac{11}{(x-2)(x+2)} - \frac{8(x-2)}{(x-2)(x+2)}$

$\frac{11}{(x-2)(x+2)} - \frac{8x-16}{(x-2)(x+2)} = \frac{-8x+27}{(x-2)(x+2)}$ **Answer**

Book's Way:

$\frac{11-(8x-16)}{(x-2)(x+2)} = \frac{11-8x+16}{(x-2)(x+2)} = \frac{-8x+27}{(x-2)(x+2)}$

- Example : $\frac{t+2}{5} - \frac{t-2}{4} = 1$



$$\frac{x(x+1)}{(x+1)(x+2)(x+3)} - \frac{2(x+3)}{(x+1)(x+2)(x+3)}$$

$$\frac{x^2+x}{(x+1)(x+2)(x+3)} - \frac{2x+6}{(x+1)(x+2)(x+3)}$$

$$\frac{x^2-x-6}{(x+1)(x+2)(x+3)} = \frac{(x+2)(x-3)}{(x+1)(x+2)(x+3)} :$$

- Example : $\frac{x}{x+4} - \frac{4}{x-4} = \frac{x^2+16}{x^2-16}$

$$\text{LCM} = (x+4)(x-4)$$

$$(x+4)(x-4) \left(\frac{x}{x+4} - \frac{4}{x-4} = \frac{x^2+16}{x^2-16} \right)$$

$$x(x-4) - 4(x+4) = x^2 + 16$$

$$x^2 - 4x - 4x - 16 = x^2 + 16$$

$$x^2 - 8x - 16 = x^2 + 16$$

$$-8x - 16 = 16$$

$$+16 \quad +16$$

$$-8x = 32$$

$$-8 \quad -8$$

$$x = -4 \text{ makes deno}$$

makes denominator equal to zero → NO SOLUTION

$$20 \left(\frac{t+2}{5} - \frac{t-2}{4} = 1 \right)$$

$$20 \left(\frac{t+2}{5} \right) - 20 \left(\frac{t-2}{4} \right) = 20 \cdot 1$$

$$4(t+2) - 5(t-2) = 20$$

$$4t + 8 - 5t + 10 = 20$$

$$-t + 18 = 20$$

$$-18 \quad -18$$

$$-t = 2$$

$$t = -2 \text{ Answer}$$

- Example : $\frac{x-2}{x-3} = \frac{x-1}{x+1}$

$$(x-3)(x-1) = (x+1)(x-2)$$

$$x^2 - x - 3x + 3 = x^2 - 2x + x - 2$$

$$x^2 - 4x + 3 = x^2 - x - 2$$

$$-4x + 3 = -x - 2$$

$$+4x \quad +4x$$

$$3 = 3x - 2$$

$$+2 \quad +2$$

$$5 = 3x$$

$$- \quad -$$

$$3 \quad 3$$

$$x = \frac{5}{3} \text{ Answer}$$

• Functions and Graphs (الاقتران [الدوال] والرسم) :

الدوال أو الاقتران عبارة عن علاقة تربط بين مجموعتين هي المجال (المدخلات) مع المدى (المخرجات) على أن يتحقق شرط مهم جدا أن يخرج سهم واحد من كل عنصر من عناصر المجال أو (بحيث يكون لكل عنصر في المجال صورة واحدة) . وتختصر بـ [$F(x)$ تعني دالة في المتغير x] .

ملاحظة : أحيانا لا يعطيك اختصار الدالة بـ

$F(x)$ يضع مكانها هذه الرمز y

المجال (Domain) = المدخلات = قيم x الممكنة

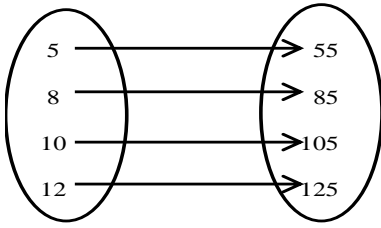
المدى (Range) = المخرجات = قيم y الممكنة

Domain – All possible input values (possible x-values)

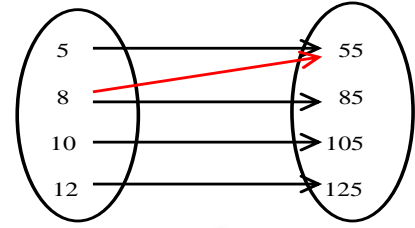
Range – Tall possible output values (possible y-values)

Function – For every DOMAIN value there is one and only one RANGE value

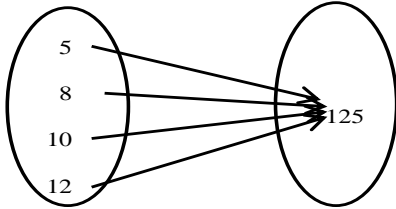
Examples:



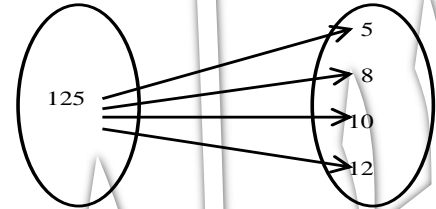
Function



Not a Function



Function



Not a Function

Function Notation $f(x)$ this reads as "f of x"

$f(x) = y$ $f(x)$ and y are often used interchangeably. For certain situations, $f(x)$ is more useful.

*** التعويض في الدوال :**

اتفقنا أن اختصار الدالة يكون بهذا الشكل $F(x)$ حينما نشاهد $F(1)$ وهذا يعني تعويض بدل كل x في الدالة بالعدد 1 وقد تكون الدالة بحروف متعددة مثل $F(t)$ و $F(s)$ لا عليك من الحروف عندما يعطيك رقم داخل القوس عوضه عن كل متغير في الدالة عن العدد داخل الأقواس .

* Example : if , $F(x) = x^2 + 2x$ Find , $F(0)$, $F(1)$, $F(-1)$?

Sol: $F(1) = (1)^2 + 2(1)$	$F(0) = (0)^2 + 2(0)$	$F(-1) = (-1)^2 + 2(-1)$
$F(1) = 1 + 2$	$F(0) = 0 + 0$	$F(-1) = 1 + (-2)$
$F(1) = 3$	$F(0) = 0$	$F(-1) = -1$

لتوضيح أمر آخر النواتج كونت علاقة مع العدد الذي تم التعويض به مثل $(1,3)$, $(0,0)$, $(-1,-1)$

* Example : $f(x) = 2x^2 - 3x$

a) $f(0) = 2(0)^2 - 3(0) = 0$

c) $f(2) = 2(2)^2 - 3(2) = 8 - 6 = 2$

e) $f(-5) = 2(-5)^2 - 3(-5) = 50 - (-15) = 65$

b) $f(-1) = 2(-1)^2 - 3(-1) = 5$

d) $f(10) = 2(10)^2 - 3(10) = 200 - 30 = 170$

f) $f(4a) = 2(4a)^2 - 3(4a)$
 $= 2(16a^2) - 12a$
 $= 32a^2 - 12a$

* Example :

$$g(x) = |x - 7| \text{ or, on the calculator, } g(x) = \text{abs}(x - 7)$$

a) $g(4) = |4 - 7| = |-3| = 3$

c) $g(-1) = |-1 - 7| = |-8| = 8$

e) $g(5a) = |5a - 7|$

b) $g(-20) = |-20 - 7| = |-27| = 27$

d) $g(100) = |100 - 7| = |93| = 93$

f) $g(a + 1) = |a + 1 - 7| = |a - 6|$

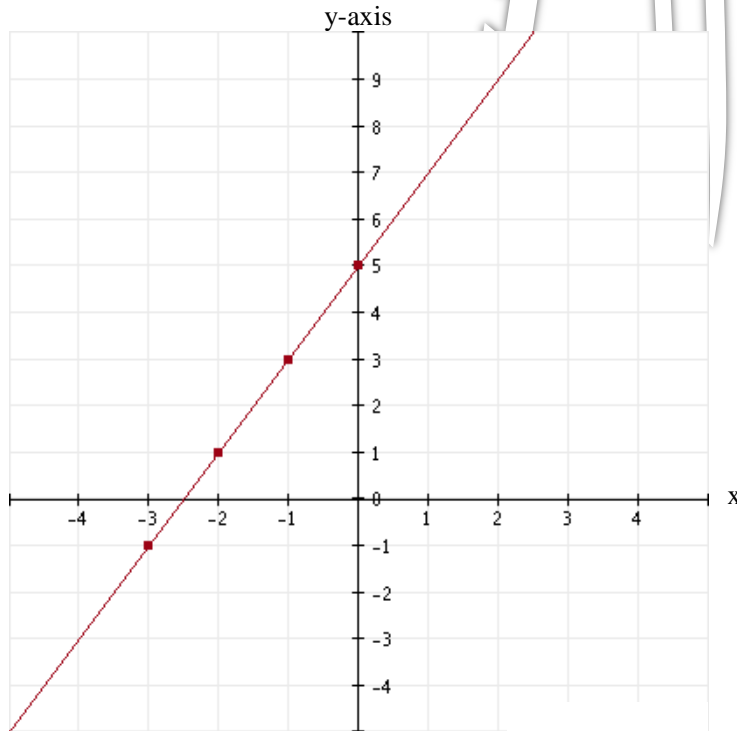
• Graph (الرسم للدوال) :

الرسم شبيه جدا برسم الخط المستقيم في شايتر معادلات المستقيم والميل حينما تعتمد على نقطتي المقاطع ولكن هنا تستطيع أن تفرض x بأي أعداد تريدها وتعوض عنها في الدالة لتعرف قيم y

* Example : Graph : $g(x) = 2x + 5$

x	g(x)
-3	-1
-2	1
-1	3
0	5

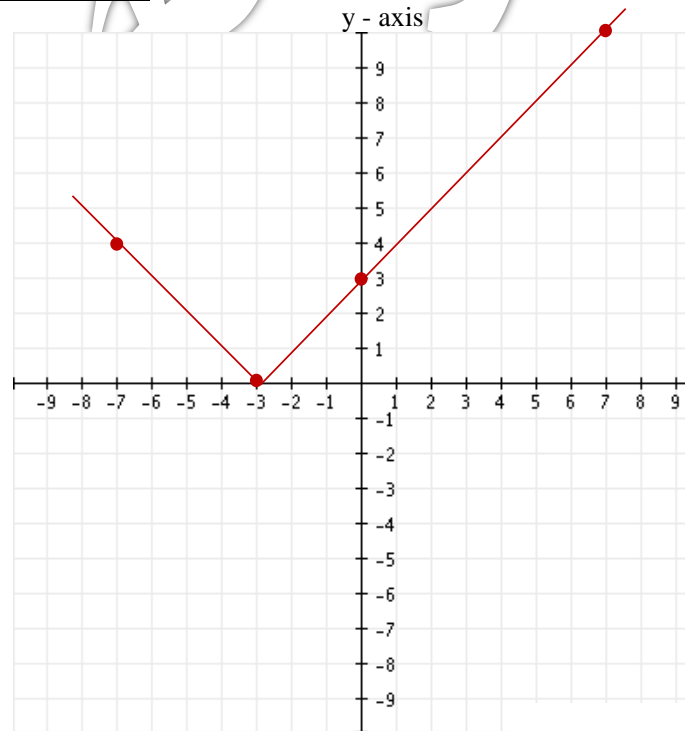
$$\begin{aligned} g(-3) &= 2(-3) + 5 = -6 + 5 = -1 & (-3, -1) \\ g(-2) &= 2(-2) + 5 = -4 + 5 = 1 & (-2, 1) \\ g(-1) &= 2(-1) + 5 = -2 + 5 = 3 & (-1, 3) \\ g(0) &= 2(0) + 5 = 0 + 5 = 5 & (0, 5) \end{aligned}$$



* Example: Graph $g(x) = |x + 3|$ or $g(x) = \text{abs}(x + 3)$

x	g(x)
-7	4
0	3
7	10
-3	0

$$\begin{aligned} g(-7) &= |-7 + 3| = |-4| = 4 & (-7, 4) \\ g(0) &= |0 + 3| = |3| = 3 & (0, 3) \\ g(7) &= |7 + 3| = |10| = 10 & (7, 10) \\ g(-3) &= |-3 + 3| = |0| = 0 & (-3, 0) \end{aligned}$$



* إيجاد المجال والمدى بدون رسم :

* Example : Find the Domain ?

1- $F(x) = 4 - 5x$

$D(x) = \mathbb{R}$

مجال الدوال بشكل كثيرات حدود جميع الأعداد الحقيقية

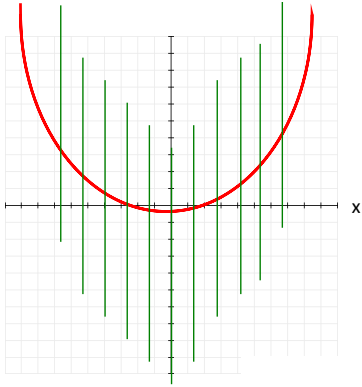
2- $g(x) = \frac{8}{x-1}$

$D = \mathbb{R} / \{1\}$

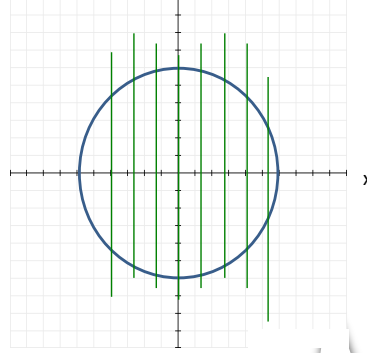
مجال الدوال الكسرية جميع الأعداد الحقيقية ما عدا العدد الذي يجعل المقام صفر

* معرفة هل الرسم يشكل اقتران (دالة) اختبار الدالة (Vertical line Test) :

إذا أسقطت مستقيمت عامودية على المستوى وتقاطع المستقيم مع منحنى الدالة في أكثر من نقطة فلا تكون الرسمة اقتران (ليست دالة) ، أما إذا تقاطعت هذه المستقيمت الساقطة عاموديا مع المنحنى في نقطة واحدة لكل مستقيم فهذه الرسمة تمثل اقتران (هي دالة)



The red graph is a function.



The blue graph is NOT a function.

* مثال آخر: يعطيك رسمة لمنحنى أو خط مستقيم ويطلب منك المجال ، المدى ، قيمة الدالة عند أحد أرقام المجال ، وكم المجال حينما تكون الدالة تساوي عدد ما ؟

* Example : Find the Domain , Find the Range , $F(1) = \dots\dots$, $F(x) = 2$?

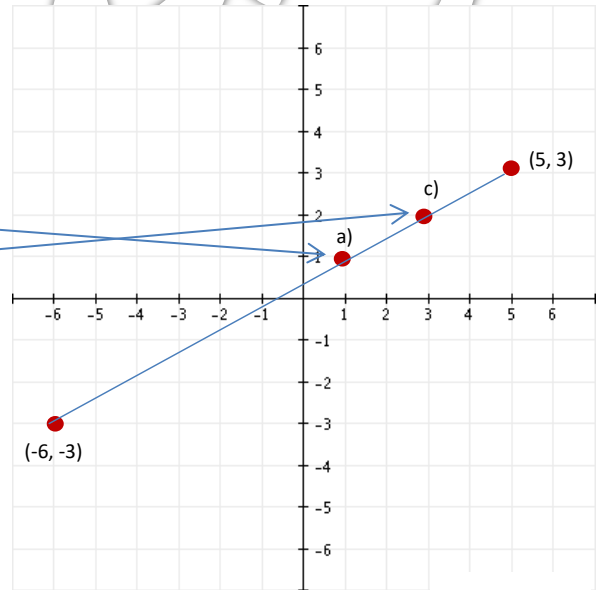
$$D = \{ -6 \leq x \leq 5 \}$$

$$R = \{ -3 \leq y \leq 3 \}$$

$$F(1) = 1$$

$$F(x) = 2 \Rightarrow y = 2$$

$$F(3) = 2$$



* Example : Find the domain $f(x) = \frac{8}{5x-14}$?

Sol / في الأعلى تكلمنا ان الدوال الكسرية مجالها هو جميع الاعداد الحقيقية ما عدا ما يجعل المقام يساوي صفر اذا كان في المقام متغير (مجهول) لذلك تساوي المقام بالصفر

$$5x - 14 = 0$$

$$5x = 14$$

$$x = \frac{14}{5}$$

$$D = R / \left\{ \frac{14}{5} \right\}$$

*** Linear Functions: Graphs and Slope (الدوال الخطية ورسومات الميل) :**

$$y = mx + b$$

→ **Linear Equation** الشكل العام للمعادلة الخطية

(y , x) : represents an order pair يمثل الزوج المرتب

m : represents the slope يمثل الميل

b : represents the y-intercept يمثل المقطع الصادي

* Example : $y = -5x + 10$, Find the slope and y-intercept (b) ?

Sol / $m = -5$, $b = 10$ (تم تحديد في السؤال بـ b)

* Example : Find slope and y-intercept for the line $y = 2x - 5$?

Sol / $m = 2$, y-intercept (0, -5) [لم يحدد في السؤال طلب منك المقطع الصادي]

* Example : Find slope and y-intercept for the line $2y - 10x + 26 = 0$?

Sol / $2y - 10x + 26 = 0$ يجب عليك أولاً إعادة ترتيبها لتكون مثل الصورة العامة للمعادلات الخطية

$$2y = 10x - 26$$

$$y = 5x - 13$$

بالقسمة على 2

$m = 5$, y-intercept (0, -13)

- إذا كان لمستقيمين الميل نفسه فهما إما متوازيان أو منطبقان على بعضهم

$$m_1 = m_2$$

- يتعامد المستقيمان إذا كان حاصل ضرب ميلهما يساوي -1 :

$$m_1 \times m_2 = -1$$

- Example : ليس لدي صيغة محددة للسؤال بس سيكون أوجد العلاقة بين المستقيمان أو هل هما متوازيان أم متعامدان :

1) $y = 2x - 3$, $y = 2x + 5$?

sol / $m_1 = 2$ | $m_2 = 2$

$$m_1 = m_2$$

Parallel

متوازيان

2) $y = 4x + 2$, $2y - 8x - 20 = 0$?

sol / $m_1 = 4$ | $2y = 8x + 20$

$$y = 4x + 5$$

$$m_2 = 4$$

$$m_1 = m_2$$

Parallel

متوازيان

3) $y = 3x + 1$, $3y = -x + 5$?

sol / $m_1 = 3$ | $y = \frac{-1}{3} + \frac{5}{3}$

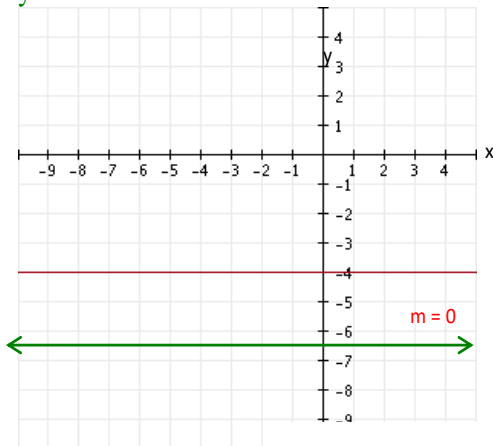
$$m_2 = \frac{-1}{3}$$

$$3 \times \frac{-1}{3} = -1 \Rightarrow m_1 \times m_2 = -1 \Rightarrow \text{perpendicular متعامدان}$$

For any number n, $y = n$ graphs as a horizontal line.

For any number m, $x = m$ graphs as a vertical line.

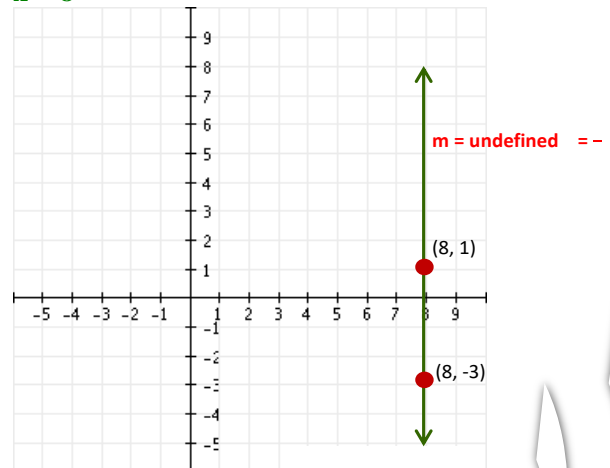
$y = -4$



Horizontal lines have a slope of zero ($m = 0$)

$y = -4$ هذه معادلة مستقيم ميله صفر

$x = 8$



Vertical lines have an undefined slope ($m = \text{undefined}$)

$x = 8$ هذه معادلة مستقيم ميله غير معروف

* Example : find equation of the line such that slope is 2 and y-intercept is (0,5) ?

Sol/

$$y = mx + b$$

$$y = 2x + 5$$

أنتبه ليس كل زوج مرتب تستطيع أن تأخذ منه الـ b

* Example : find equation of the line such that slope is 3 and y-intercept is (1,4) ?

Sol/

$y = mx + b$

$y = 3x + b$

ليس موجود b ، الميل موجود

$4 = 3(1) + b$

$4 = 3 + b$

$-3 + 4 = b$

$1 = b$

$y = 3x + 1$

Example : find equation of the line such that passes through (2,5) , (4,7) ?

Sol/

$y = mx + b$

b ليس موجود ، والميل ليس موجود

(2,5) and (4,7)

$\begin{matrix} x_1 & y_1 \\ 2 & 5 \end{matrix}$ and $\begin{matrix} x_2 & y_2 \\ 4 & 7 \end{matrix}$

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{7 - 5}{4 - 2} = \frac{2}{2} = 1$$

قانون الميل باستخدام نقطتين

$y = mx + b$

$7 = 1(4) + b$

$y = 1x + 3$

Answer

$7 = 4 + b$

$b = 3$

* إيجاد معادلة مستقيم بدلالة معادلة مستقيم آخر موازي له :

Write an equation of a line **PARALLEL** to the given line and passing through the given point

their slopes are equal

* Example : find equation of the line such through (0,3) and parallel to the line

$$y = 2x + 7$$

معادلة المستقيم الموازي المعطى في السؤال

Sol/ **parallel** نستنتج من كلمة موازي أن للمستقيمين نفس الميل

$$m_1 = m_2$$

$$y = mx + b$$

$$3 = 2(0) + b$$

$$b = 3$$

$$y = 2x + 3$$

Answer

معادلة المستقيم المطلوبة

* Example : find equation of the line such through (2,1) and parallel to the line

$$5x - 7y = 8 \quad ?$$

sol/ $5x - 7y = 8$

$$\frac{-7y}{-7} = \frac{-5x+8}{-7 \quad -7}$$

$$y = \frac{5}{7}x - \frac{8}{7}$$

$$y = mx + b$$

$$-1 = \frac{5}{7}(2) + b$$

$$-1 = \frac{10}{7} + b$$

$$-\frac{7}{7} = \frac{10}{7} + b$$

$$b = \frac{-17}{7}$$

$$y = \frac{5}{7}x - \frac{17}{7}$$

Answer

* إيجاد معادلة المستقيم بدلالة مستقيم آخر متعامد معه :

Write an equation of a line that is **PERPENDICULAR** to the given line and passing through the given point.

The product of the slopes must equal -1.
(The slopes must be negative reciprocals.)

* Example : find equation of the line such through (4,1) and perpendicular to the

line $x - 3y = 9$?

تذكر هناك علاقة بين المستقيمين المتعامدين هذه العلاقة ممكن أن تستخرج منها ميل أحد المستقيمان إذا علم ميل المستقيم الآخر وهي :

$$m_1 \times m_2 = -1$$

$$x - 3y = 9$$

$$-3y = -x + 9$$

$$y = \frac{1}{3}x - 3$$

Use the opposite reciprocal
 $m = -3$

$$y = mx + b$$

$$1 = -3(4) + b$$

$$1 = -12 + b$$

$$b = 13$$

$$y = -3x + 13 \quad \text{Answer}$$

* Example : find equation of the line such through (4,1) and orthogonal (vertical) to the line $y - \frac{1}{2}x - 5 = 0$?

Sol/ **orthogonal = vertical = المستقيمان متعامدان**

$$y - \frac{1}{2}x - 5 = 0$$

$$y = \frac{1}{2}x + 5$$

$$m_2 = \frac{1}{2}$$

$$m_1 \times \frac{1}{2} = -2$$

$$m_1 = -2$$

$$y = mx + b$$

$$y = -2x + b$$

$$(1,3)$$

$$3 = -2 + b$$

$$5 = b$$

$$y = -2x + 5$$

هناك طريقة أخرى مختصرة لا يجاد ميل مستقيم معلومية ميل مستقيم آخر متعامد معه أعمل إجرائيين :

١- قلب العدد (المكوس أو النظير الضربي)

٢- قلب إشارة العدد (النظير الجمعي)

مثال : $\frac{1}{2}$ ؟

١- قلب العدد $\frac{2}{1}$

٢- قلب الإشارة $-\frac{2}{1}$

-2

* Systems of Equations in Two Variables (أنظمة المعادلات) :

If the system of equations has ONE answer it is considered **CONSISTENT** and **INDEPENDENT**

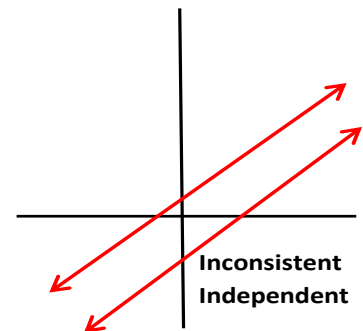
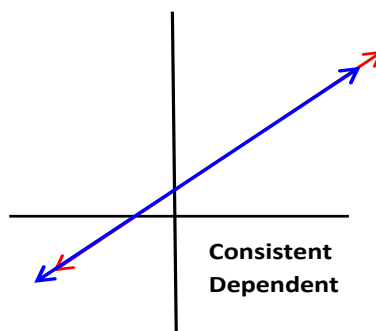
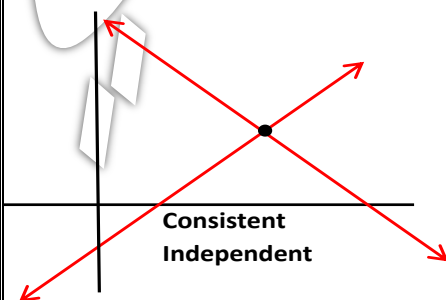
If the system of equations has infinitely many solutions it is considered **CONSISTENT** and **DEPENDENT**

(Hint: this system will have two lines that are the same)

If the system of equations has no solutions it is considered **INCONSISTENT** and **INDEPENDENT**

(Hint: this system will have parallel lines)

Examples:



* أنظمة المعادلات : يسمى طلب الحل لتجمع معادلات نظام معادلات . لكل معادلة في هذا النظام خط مستقيم في المستوى الديكارتي – النظام يدرس علاقة هذين المستقيمين بثلاث حالات :

* System of two equation (نظام مكون من معادلتين) :

1- has one solution (له حل واحد يعني نقطة تقاطع واحدة بين المستقيمين في الرسم يسمى) :

a- consistent (منسق) .

b- independent (مستقل خطيا غير مرتبط) .

2- has no solution : (ليس له حل يسمى) $m_1=m_2$:

a- inconsistent (غير منسق) .

b-independent (مستقل خطيا غير مرتبط) .

3- has infinity many solution (عدد لا نهائي من الحلول) $m_1=m_2$:

a- consistent (منسق) .

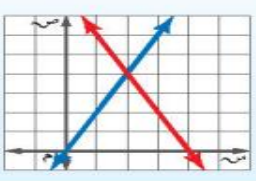
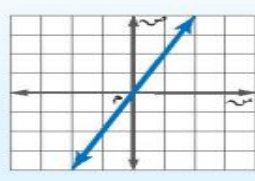
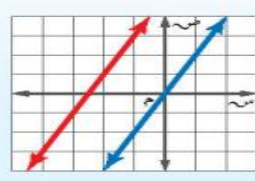
b- dependent (غير مستقل خطيا مرتبط) .

عدد الحلول الممكنة : تشكل المعادلتان $4x + 1000 = 10$ ، $10 = 10$ من نظاما من معادلتين، ويسمى الزوج المرتب الذي يمثل حلًا لكلتا المعادلتين حلًا للنظام.

• إذا كان للنظام حل واحد على الأقل، يسمى **نظامًا متسقًا**، وتتقاطع تمثيلاته البيانية في نقطة واحدة، أو تشكل مستقيمان واحدًا.

• إذا كان للنظام حل واحد فقط، يسمى **نظامًا مستقلًا**، وإذا كان له عدد لا نهائي من الحلول يسمى **نظامًا غير مستقل**؛ وهذا يعني وجود عدد غير محدود من الحلول تحقق كلتا المعادلتين.

• إذا لم يكن للنظام أي حل، يسمى **نظامًا غير متسق**، وتشكل تمثيلاته البيانية مستقيمان متوازيين.

مفهوم أساسي		الحلول الممكنة	
عدد الحلول المصطلح	واحد فقط	عدد لا نهائي	لا يوجد حل
التمثيل البياني	متسق ومستقل	متسق وغير مستقل	غير متسق
			

* إذا نستنتج أن النظام يكون **حلّه** على شكل زوج مرتب ان كان له حل واحد ، وهذا يعني في الرسم أن هناك نقطة واحدة يتقاطع فيها المستقيمان وهي **الحل** وتعرف أن **النقطة** تكتب على شكل **زوج مرتب** .

* هناك ثلاث طرق لحل النظام :

- 1- الحل البياني من خلال رسم مستقيم لكل معادلة ونرى كيف يكون شكلهما ومر عليك الرسم سابقا.
- 2- طريقة التعويض وتسمى (**substitution**) ، تعتمد على التعويض بقيمة متغير لتبقى معادلة في متغير واحد.
- 3- طريقة الحذف وتسمى (**elimination**) ، تعتمد على حذف أحد المتغيرات لتبقى معادلة في متغير واحد.

* ملاحظات :

لا تستطيع حل معادلة واحدة في متغيرين يجب أن كانت في متغيرين أن يعطيك معادلتين لكي تحلها .

* أمثلة متنوعة على حل الأنظمة في معادلتين بجميع الطرق :

1- Solving By substitution الحل بطريقة التعويض

* Example : solve the system by substitution

$$x = 8 - 4y \longrightarrow \textcircled{1}$$

$$3x + 5y = 3 \longrightarrow \textcircled{2} \quad ?$$

$$\text{Sol/ } x = 8 - 4y$$

$$3x + 5y = 3$$

Find x:

$$x = 8 - 4(3)$$

$$x = 8 - 12$$

$$x = -4$$

$$3(8 - 4y) + 5y = 3$$

$$24 - 12y + 5y = 3$$

$$24 - 7y = 3$$

$$-7y = -21$$

$$y = 3$$

Answer (-4, 3)

شرح طريقة الحل بالتعويض :

عزيزي الطالب اليك بعض الشروح والملاحظات
طريقة التعويض تعني التعويض بقيمة غير مباشرة ومحددة
ل أحد المتغيرات (المجهول) في المعادلة الأخرى لتصبح
المعادلة ذات متغير واحد تستطيع استخراج قيمة هذا
المجهول أو المتغير لتكون علمت قيمة نهائية ومحددة لأحد
المتغيرات وتعود للتعويض عنه لتعرف الأخر .

ملاحظات مهمة :

$$x = 8 - 4y$$

x تساوي هذا يعني أن ما بعد المساواة هي قيمة لـ x ولكن
قيمة غير محددة مثل اللي يقول لك (قيمة كراسون تساوي

8 ريال نقص منها ٤ حبات يوسف أفندي)

هذا القيمة الغير مباشرة تنفع لإيجاد القيمة المباشرة
والمحددة لأحد المتغيرات .

وهنا يكمن مفتاح الحل في طريقة التعويض

* Example : solve the system by substitution

$$5x + 6y = 14 \longrightarrow \textcircled{1}$$

$$-3y + x = 7 \longrightarrow \textcircled{2} \quad ?$$

$$\text{Sol/ } 5x + 6y = 14$$

$$-3y + x = 7$$

$$5(3y + 7) + 6y = 14$$

$$15y + 35 + 6y = 14$$

$$21y + 35 = 14$$

$$21y = -21$$

$$y = -1$$

Solve for x:

$$x = 3y + 7$$

$$x = 3(-1) + 7$$

$$x = -3 + 7$$

$$x = 4$$

Answer (4, -1)

في السؤال ومن خلال
معادلة رقم 2 قام بتغيير
شكلها من خلال النقل
يمين المساواة عشان
تكون هناك قيمة غير
مباشرة للمتغير x
ليستفيد منها في
التعويض

2- Solving By Elimination الحل بطريقة الحذف

* Example : solve the system by Elimination

$$2x - 3y = 18 \longrightarrow \textcircled{1}$$

$$2x + 3y = -6 \longrightarrow \textcircled{2} \quad ?$$

$$\text{sol/ } 2x - 3y = 18$$

$$+2x + 3y = -6$$

$$4x = 12$$

$$x = \frac{12}{4} = 3$$

Answer (3, -4)

جمع 1 و 2

$$2(3) - 3y = 18$$

$$6 - 3y = 18$$

$$-3y = 12$$

$$y = -4$$

طريقة الحذف :

وتعتمد على المتغير ومعكوسة فإذا وجدتهم
مباشرة قم بجمع معادلتني النظام سيحذف هذا
المتغير في المعادلة الأولى اذا توفر معكوسة
الجمعي في المعادلة الثانية
أمثلة على متغيرات ومعكوسها :

$$4x \longrightarrow -4x$$

$$3y \longrightarrow -3y$$

$$z \longrightarrow -z$$

* Example : solve the system by **Elimination**

$$5r - 3s = 19 \rightarrow \textcircled{1}$$

$$2r - 6s = -2 \rightarrow \textcircled{2} \quad ?$$

Sol/ $(5r - 3s = 19) \times 2$

$$10r - 6s = 38 \rightarrow \textcircled{3}$$

$$10r - 6s = 38$$

$$-2r + 6s = 2$$

$$8r = 40$$

$$r = 5$$

Answer (5,2)

بجمع 2 و 3

$$5(5) - 3s = 19$$

$$25 - 3s = 19$$

$$-3s = -6$$

$$s = 2$$

في هذا المثال المتغير ومعكوسه غير

موجودين مباشرة

تحتاج لبعض التعديلات الرياضية الصحيحة

من حقك أن تضرب المعادلة سواء 1 أو 2

في أي عدد لكي يجعل أحد المتغيرات

معكوسا للآخر

لذلك في هذا المثال ضرب المعادلة رقم 1

بالعدد 2 ونتاجت معادلة جديدة 3

أنته : حينما تضرب معادلة في رقم فإنه

يتوجب عليك ضرب جميع الحدود لهذه

المعادلة في هذا الرقم وبإشارته

* Example : solve the system by **Elimination**

$$2x + 3y = 1 \rightarrow \textcircled{1}$$

$$4x + 6y = 2 \rightarrow \textcircled{2} \quad ?$$

Sol/ $-2(2x + 3y = 1)$

$$-4x - 6y = -2 \rightarrow \textcircled{3}$$

$$-4x - 6y = -2$$

$$+4x + 6y = 2$$

$$0 = 0$$

Infinitely many solutions

شكل النظام الذي له عدد لا نهائي

من الحلول

الطرف اليميني = الطرف اليساري

تستطيع التحقق من ذلك باستخدام

الآلة الحاسبة

* Example : solve the system by **Elimination**

$$2x - 4y = 5 \rightarrow \textcircled{1}$$

$$2x - 4y = 6 \rightarrow \textcircled{2}$$

Sol/ $-1(2x - 4y = 5)$

$$-2x + 4y = -5 \rightarrow \textcircled{3}$$

$$-2x + 4y = -5$$

$$+2x - 4y = 6$$

$$0 = 1$$

No solutions

شكل النظام الذي ليس له حل

الطرف اليميني \neq الطرف اليساري

تستطيع التحقق من ذلك باستخدام

الآلة الحاسبة

* Example : solve the system of three equations :

$$2x - y - 4z = -12$$

$$2x + y + 4z = 1$$

$$x + 2y + 4z = 10 \quad ?$$

اترك لك حل نظام ثلاث معادلات باستخدام الآلة الحاسبة أن أتى في أسئلة الخيارات إن لم تعرف كيفية

استخدامها تجدها باليوتيوب أن لم تعرف راسلني على حسابي بالتويتر أو التليجرام

* Inequalities (المتباينات أو المتراجحات) :

تكلما عن المتباينات أو المتراجحه وقلنا هي العبارة الرياضية التي تحتوي على إشارات التباين

$< , > , \leq , \geq$

الجديد هنا كيفية رسمها وتوضيح مجموعة الحل باستخدام الفترات بالإضافة الى المتباينات المركبة

What you already know....

Graphing on a number Line

$<$	Less than	}	Open Dot
$>$	Greater than		
\leq	Less than or equal to	}	Closed Dot
\geq	Greater than or equal to		

- إيضاح 1 :

إذا كانت إشارة التباين $< , >$

تستخدم النقطة المفتوحة ○

إذا كانت إشارة التباين \leq , \geq

تستخدم النقطة المغلقة ●

Set Notation

$\{x \mid x < \text{some number}\}$

Graphing on an x, y plane

$<$	Less than	}	Dotted/Dashed Line
$>$	Greater than		
\leq	Less than or equal to	}	Solid Line
\geq	Greater than or equal to		

إيضاح 2 :

إذا كانت إشارة التباين $< , >$ فتستخدم

خط منقط أو متقطع

إذا كانت إشارة التباين \leq , \geq فتستخدم

خط متصل

New concept: interval notation

$<$	Less than	}	(Parentheses)
$>$	Greater than		
\leq	Less than or equal to	}	[Brackets]
\geq	Greater than or equal to		

إيضاح 3 :

إذا كانت إشارة التباين $< , >$ فتستخدم

الفترات المفتوحة ()

إذا كانت إشارة التباين \leq , \geq فتستخدم

الفترات المغلقة []

عند ∞ دايماً تكون فترة مفتوحة بجانبها ، أما

الأخرى حسب إشارة التباين

A parenthesis is always used with ∞ (infinity).

* Example : solve the Inequality $3x + 2 \geq 11$?

Sol/ $3x + 2 \geq 11$

$$3x \geq 11 - 2$$

$$3x \geq 9$$

$$x \geq 3$$

تفسير المتباينة : - x أكبر من أو تساوي 3 ؟ ماهي الأعداد الأكبر من 3 ؟

الأعداد الأكبر من 3 هي : 4 ، 5 ، 6 ، 10 ، 100 ، إذا وبن متجه المتباينة ؟

∴ المتباينة متجهه الى موجب ∞ ولا تنسى العدد 3 ضمن الحل أي نعم أن 3 ليس أكبر من الـ 3 ذاتها

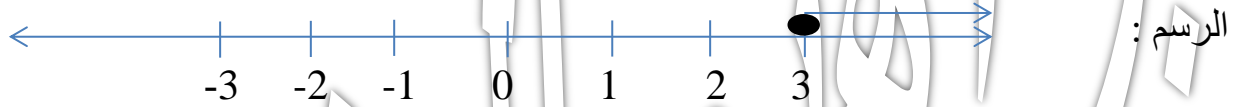
ولكن الـ 3 تساوي نفسها الـ 3 فحققت جزء من المتباينة وهذا يعني أنها ضمن الحل ...

معلومات ممكن أن تستنتجها من إشارة التباين في الرسم (graphic) :-

\geq : بما أن فيها يساوي فأن النقطة مغلقة عند التمثيل على خط الأعداد .

\leq : بما أن فيها يساوي فأن الفترة مغلقة من جانب العدد 3 .

مجموعة الحل : $[3 , \infty)$



* Example : solve the Inequality $4y - 1 < 5y + 3$?

Sol/ $4y - 1 < 5y + 3$

$$4y - 5y < 3 + 1$$

$$-y < 4$$

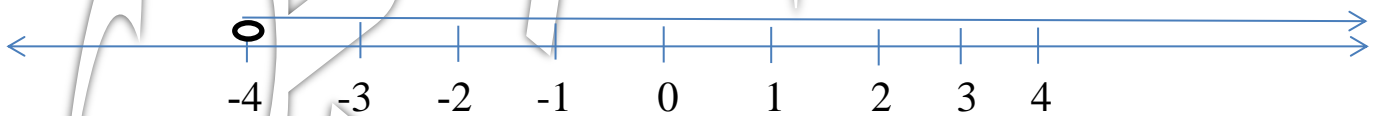
$$y > -4$$

نقسم على -1

نقلب إشارة التباين

Set Notation : $\{ y \mid y > -4 \}$

Interval Notation $(-4 , \infty)$



Example : solve the Inequality $\frac{x+2}{3} \geq 6$?

Sol/ $\frac{x+2}{3} \geq 6$ أي مقام تبي تتخلص منه أضرب بنفس العدد والاشارة

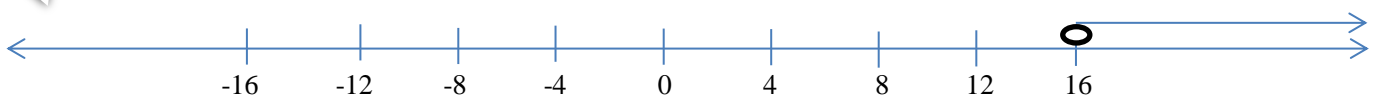
$$x+2 \geq 18$$

$$x \geq 18 - 2$$

$$x \geq 16$$

Set Notation : $\{ x \mid x \geq 16 \}$

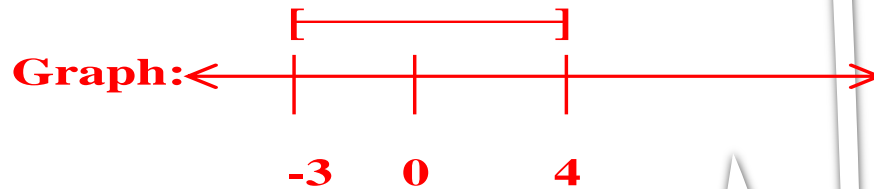
Interval Notation $[16 , \infty)$



*** Compound Inequalities (المتباينات المركبة) :**

المتباينات المركبة هي تلك التي تتكون من اشارتي تباين وليس فقط واحدة وهناك روابط بين جزئها
 ١- **الرابط and (و) :** ويعني التقاطع \cap وهو الجزء المشترك أو المنطقة المشتركة بين الجزء الأول والجزء الثاني في المتباينة المركبة وغالبا يكون الحل محصور بين عددين وأيضا أحيان لا يشير اليه في السؤال مثال :

Example : $-3 \leq y \leq 4$

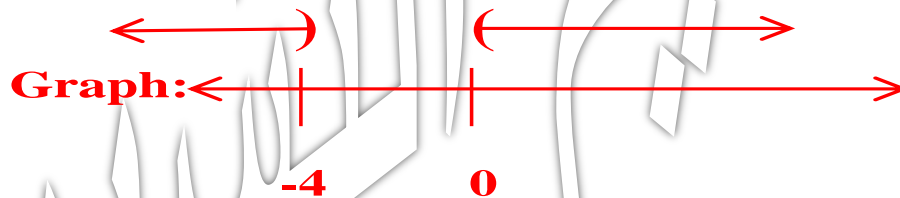


Set Notation: $\{y \mid -3 \leq y \leq 4\}$

Interval Notation: $[-3, 4]$

٢- **الرابط or (أو) :** ويعني الاتحاد \cup وهو جميع الأجزاء المشتركة وغير المشتركة بين الجزء الأول والجزء الثاني في المتباينة المركبة وليس شرط يكون محصور بين رقمين ودائما يشير له في السؤال مثال :

Example : $x < -4 \text{ or } x > 0$



Set Notation: $\{x \mid x < -4 \text{ or } x > 0\}$

Interval Notation: $(-\infty, -4) \cup (0, \infty)$

\cup for union

- Example : find interval Notation for inequality :

- a- $1 \leq x \leq 2$
sol/ $[1, 2]$
- b- $1 \leq x < 2$
sol/ $[1, 2)$
- c- $1 < x \leq 2$
sol/ $(1, 2]$
- d- $1 < x < 2$
sol/ $(1, 2)$

- Example : find solve for inequality :

$$-18 \leq -2x - 7 < 0$$

$$\begin{array}{r} -18 \leq -2x - 7 \\ +7 \quad \quad +7 \end{array}$$

$$-11 \leq -2x$$

$$\begin{array}{r} -11 \leq -2x \\ -2 \quad \quad -2 \end{array}$$

Need to flip this

$$\frac{11}{2} \geq x$$

$$\begin{array}{r} -2x - 7 < 0 \\ +7 \quad +7 \end{array}$$

$$-2x < 7$$

$$\begin{array}{r} -2x < 7 \\ -2 \quad -2 \end{array}$$

need to flip this

$$x > -\frac{7}{2}$$

في الحل جزء المتباينة المركبة الى جزيين :

$$-18 \leq -2x - 7 < 0$$

أن لم يكتب لك الرابط في السؤال فتعرف من تلقاء نفسك أن الرابط هو and



$$\frac{-7}{2} \quad 0 \quad \frac{11}{2}$$

$$\text{Set Notation: } \left\{ x \mid \frac{-7}{2} < x \leq \frac{11}{2} \right\}$$

$$\text{Interval Notation: } \left(\frac{-7}{2}, \frac{11}{2} \right]$$

- Example : find solve for inequality :

$$4 > -3m - 7 \geq 2$$

$$\begin{array}{r} 4 > -3m - 7 \\ +7 \quad \quad +7 \end{array}$$

$$11 > -3m$$

$$\begin{array}{r} 11 > -3m \\ -3 \quad \quad -3 \end{array}$$

$$\frac{11}{-3} < m$$

$$\begin{array}{r} -3m - 7 \geq 2 \\ +7 \quad +7 \end{array}$$

$$-3m \geq 9$$

$$\begin{array}{r} -3m \geq 9 \\ -3 \quad -3 \end{array}$$

$$m \leq -3$$



$$\frac{11}{-3} \quad -3 \quad 0$$

$$\text{Set Notation: } \left\{ m \mid \frac{11}{-3} < m \leq -3 \right\}$$

$$\text{Interval Notation: } \left(\frac{11}{-3}, -3 \right]$$

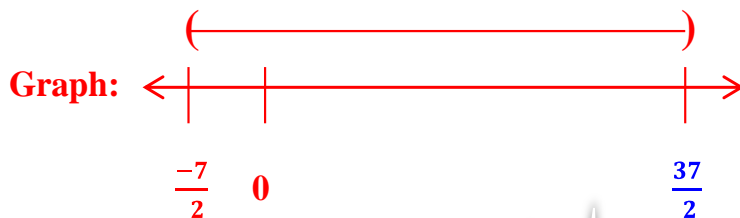
في نهاية الحل في الرسم أو الفترات تأخذ الأرقام التي في آخر خطوة في كل جزء من المتباينة المركبة وتحصر الحل بين هذين الرقمين ولكن عليك ملاحظة إشارات التباين عند كل رقم لكي تحدد من خلالها نوع الأواس في كل جانب ونوع الكرات مغلقة أو مفتوحة عند كل عدد

- Example : find solve for inequality :

$$-3 < \frac{2x-5}{4} < 8$$

$$\begin{aligned} -3 &< \frac{2x-5}{4} \\ -12 &< 2x-5 \\ -7 &< 2x \\ \frac{-7}{2} &< x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{2x-5}{4} &< 8 \\ 2x-5 &< 32 \\ 2x &< 37 \\ x &< \frac{37}{2} \end{aligned}$$



Set Notation: $\{ x \mid \frac{-7}{2} < x < \frac{37}{2} \}$

Interval Notation: $(\frac{-7}{2}, \frac{37}{2})$

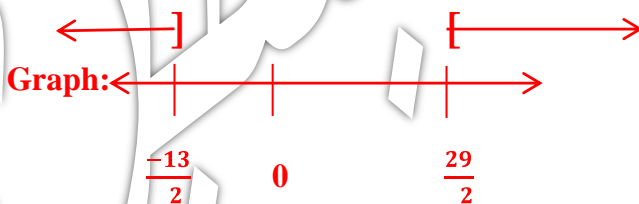
- Example : find solve for inequality :

$$\frac{2x-5}{6} \leq -3 \text{ or } \frac{2x-5}{6} \geq 4$$

$$\begin{aligned} \frac{2x-5}{6} &\leq -3 \\ 2x-5 &\leq -18 \\ 2x &\leq -13 \\ x &\leq \frac{-13}{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{2x-5}{6} &\geq 4 \\ 2x-5 &\geq 24 \\ 2x &\geq 29 \\ x &\geq \frac{29}{2} \end{aligned}$$

هنا في نفس السؤال وضع لك
الرابط المستخدم وانه (or)
أي الحل ليس محصورا بين
رقمين



Set Notation: $\{ x \mid x \leq \frac{-13}{2} \text{ or } x \geq \frac{29}{2} \}$

Interval Notation: $(-\infty, \frac{-13}{2}] \cup [\frac{29}{2}, \infty)$

* Absolute -Value Equations and Inequalities (متباينات ومعادلة القيمة المطلقة) :

في بداية المقرر أخذنا على السريع القيمة المطلقة وظيفتها في نطاق الأرقام و عرفنا أنها تقوم بتحويل العدد السالب الى موجب (فقط أن كان بداخلها) الان والجديد راح نأخذ معادلات ومتباينات تحتوي على قيمة

مطلقة ،،، تبدأ بالمعادلات :

- Example : $|x| = 5$

$x = 5, -5$

- Example : $|5x + 2| = 3$

$$\begin{aligned} 5x + 2 &= 3 \\ 5x &= 1 \\ x &= \frac{1}{5} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 5x + 2 &= -3 \\ 5x &= -5 \\ x &= -1 \end{aligned}$$

نظرية 1 :

$$|x| = a$$

$$x = a, x = -a$$

وهذا من تعريف القيمة المطلقة إذا كانت قيمة x داخل القيمة المطلقة تساوي a فمن الممكن أن تكون a أما موجبة أو سالبة لأنها في كلتا الحالتين ستحولها القيمة المطلقة الى موجب

- Example : $|t - 7| - 5 = 4$

Isolate the absolute value quantity.

$$|t - 7| = 9$$

$$\begin{aligned} t - 7 &= 9 \\ t &= 16 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} t - 7 &= -9 \\ t &= -2 \end{aligned}$$

- Example : solve $|5x - 4| = -4$?

Sol / Φ هذه معادلة مستحيلة الحل

في المعادلة لا يمكن أن يكون ناتج القيمة المطلقة عدد سالب هذا يناقض تعريفها لأنه تحول أي عدد سالب بداخلها الى موجب فكيف نتج لدينا عدد سالب

- Example : solve $2|x + 2| - 1 = 5$?

Sol/

$$2|x + 2| = 5 + 1$$

$$\frac{2|x + 2|}{2} = \frac{6}{2} \quad \text{بالقسمة على } 2$$

$$|x + 2| = 3$$

$$x + 2 = 3 \quad \text{Or} \quad x + 2 = -3$$

$$x = 1 \quad \text{Or} \quad x = -5$$

لكي تطبق نظرية القيمة المطلقة في المعادلات يجب أن تجعل هذه القيمة المطلقة وما بداخلها في طرف من أطراف المعادلة لا يوجد بجوارها أي عدد

متباينات القيمة المطلقة

هناك نظريات تستخدم في متباينات القيمة المطلقة وهي :

1- $|x| \leq a$ حيث أن a أي عدد حقيقي

$$-a \leq x \leq a$$

عندما تكون إشارة التباين : $<$ ، \leq فإن الرابط سيكون and وتحصر المتباينة بين العددين $a, -a$

2- $|x| \geq a$ حيث أن a أي عدد حقيقي

عندما تكون إشارة التباين : $>$ ، \geq فإن الرابط سيكون or فانك تقوم بتجزئة المتباينة وتحل كل جزء على حده كما ما يلي :

$$x \geq a \text{ or } x \leq -a$$

- Example : $|2x + 3| \leq 4$

$$2x + 3 \leq 4$$

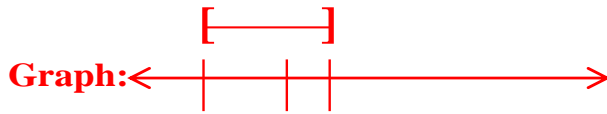
$$2x \leq 1$$

$$x \leq \frac{1}{2}$$

$$2x + 3 \geq -4$$

$$2x \geq -7$$

$$x \geq -\frac{7}{2}$$



$$-\frac{7}{2} \quad 0 \quad \frac{1}{2}$$

Set Notation: $\{x \mid -\frac{7}{2} \leq x \leq \frac{1}{2}\}$

Interval Notation: $[-\frac{7}{2}, \frac{1}{2}]$

- Example : solve $|x| \leq 2$?

Sol/ $-2 \leq x \leq 2$
 $[-2, 2]$

- Example : solve $|x + 2| - 2 \leq 6$?

Sol/ $|x + 2| - 2 \leq 6$
 $|x + 2| \leq 6 + 2$
 $|x + 2| \leq 8$
 $-8 \leq x + 2 \leq 8$
 $-10 \leq x \leq 6$
 $[-10, 6]$

- Example : $|4 - 3y| > 8$

$$4 - 3y > 8$$

$$-3y > 4$$

$$y < \frac{4}{-3}$$

$$4 - 3y < -8$$

$$-3y < -12$$

$$y > 4$$



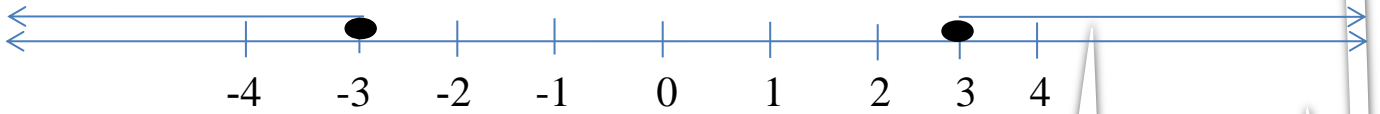
$$-\frac{4}{-3} \quad 0 \quad 4$$

Set Notation: $\{y \mid y < -\frac{4}{-3} \text{ or } y > 4\}$

Interval Notation: $(-\infty, -\frac{4}{3}) \cup (4, \infty)$

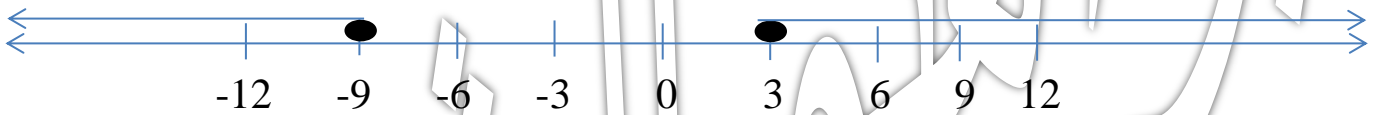
- Example : solve $|x| \geq 3$?

Sol/ $x \geq 3$ Or $x \leq -3$
 $[3, \infty) \cup (-\infty, -3]$



- Example : solve $2|x + 3| \geq 12$?

Sol/ $\frac{2|x+3|}{2} \geq \frac{12}{2}$
 $x + 3 \geq 6$ Or $x + 3 \leq -6$
 $x \geq 3$ Or $x \leq -9$
 $[3, \infty) \cup (-\infty, -9]$



انتهى الملخص شامل الفقرة الوحيدة التي لم أتطرق لها المعادلة التربيعية ذات معامل أكبر من 1 مثال

$$2x^2 + 10x + 12 = 0$$

الآن مع أسئلة أكمل الفراغ والحلول إلى الآن لم أتأكد منها

أي تعديل أو ملاحظة أو استفسار حسابي في تويتر و تليجرام هو [mastermath0](#)

Good luck

Vocabulary Reinforcement

Complete each statement with the correct term from the column on the right. Some of the choices may not be used.

- The set of **integers** is $\{\dots, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots\}$. [1.2a]
- Two numbers whose sum is 0 are called **Additive inverses** of each other. [1.3b]
- The **Commutative law** of addition says that $a + b = b + a$ for any real numbers a and b . [1.7b]
- The **identity property of 1** states that for any real number a , $a \cdot 1 = 1 \cdot a = a$. [1.7a]
- The **Associative law** of multiplication says that $a(bc) = (ab)c$ for any real numbers a , b , and c . [1.7b]
- Two numbers whose product is 1 are called **Multiplicative inverses** of each other. [1.6b]
- The equation $y + 0 = y$ illustrates the **Identity property of 0**. [1.7a]

natural numbers
whole numbers
integers
real numbers
multiplicative inverses
additive inverses
commutative law
associative law
distributive law
identity property of 0
identity property of 1
property of -1

Vocabulary Reinforcement

Complete each statement with the correct term or expression from the column on the right. Some of the choices may not be used.

- The slope of a vertical line is **Not defined**. [3.4b]
- The graph of $y = b$ is a(n) **horizontal** line. The y-intercept is **(0,b)**. [3.3b]
- Consider the ordered pair $(-5, 3)$. The numbers -5 and 3 are called **coordinates**. [3.1a]
- The **y-intercept** occurs when a line crosses the y-axis and thus will always have 0 as the first coordinate. [3.3a]
- The graph of $x = a$ is a(n) **vertical** line. The x-intercept is **(a,0)**. [3.3b]
- The slope of a horizontal line is **0**. [3.4b]

(0, b)
(b, 0)
(a, 0)
(0, a)
0
not defined
x-intercept
y-intercept
vertical
horizontal
coordinates
axes

✓ Reading Check

Complete each statement with the appropriate word from the column on the right. A word may be used more than once or not at all.

- RC1. For the FOIL multiplication method, the initials FOIL represent the words first, **outside**, inside, and **last**. ascending
binomial(s)
descending
difference
last
outside
product
square
- RC2. If the polynomials being multiplied are written in descending order, we generally write the product in **descending** order.
- RC3. The expression $(A + B)(A - B)$ is the product of the sum and the **difference** of the same two terms.
- RC4. The expression $(A + B)^2$ is the **square** of a **binomial**.
- RC5. We can find the product of any two **binomials** using the FOIL method.
- RC6. The product of the sum and the difference of the same two terms is the **difference** of their squares.

Vocabulary Reinforcement

Complete each statement with the correct term from the column on the right. Some of the choices may be used more than once or not at all.

- To **factor** a polynomial is to express it as a product. [5.1a]
- A(n) **factor** of a polynomial P is a polynomial that can be used to express P as a product. [5.1a]
- A(n) **factorization** of a polynomial is an expression that names that polynomial as a product. [5.1a]
- When factoring, always look first for a(n) **common** factor. [5.1b]
- When factoring a polynomial with four terms, try factoring by **grouping**. [5.7a]
- A trinomial square is the square of a(n) **binomial**. [5.5a]
- The principle of **zero** products states that if $ab = 0$, then $a = 0$ or $b = 0$. [5.8a]
- The factorization of a **difference** of squares is the product of the sum and the difference of two terms. [5.5d]

common
similar
product
difference
factor
factorization
grouping
monomial
binomial
trinomial
zero