



مدونة المناهج السعودية

<https://eduschool40.blog>

الموقع التعليمي لجميع المراحل الدراسية

في المملكة العربية السعودية

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

## مقرر الوحدة الثالثة القوى & الجذور

تعريف:  $\underbrace{أ \times أ \times \dots \times أ}_n = أ^n$   
ن مرة

\* العدد (أ) يُسمى الأساس.

\* العدد (ن) يُسمى الأس ،  $ن \in ط$ .

\* أن يُسمى (القوة النونية (ن)) للعدد أ.

مثال:  $5^3 = 5 \times 5 \times 5$  (تكررت 3 مرات)

### خواص القوى

[1]  $أ^0 = 1$  أمثال:  $1 = 0(5)$  ،  $1 = 0(2)$  ،  $1 = 0(3)$

[2]  $أ^م \times أ^n = أ^{م+n}$  ((حاصل ضرب القوى جمعها))

مثال:  $أ^2 \times أ^3 = أ^5 = أ \times أ \times أ \times أ \times أ$

حسب القاعدة:  $أ^3 \times أ^2 = أ^{3+2} = أ^5$

[3]  $\frac{أ^م}{أ^n} = أ^{م-n}$  (حاصل قسمة القوى طرحها).

مثال:  $\frac{5^7}{3^5} = 3^{-7}5^4$

مثال:  $\frac{1}{2^ب} = \frac{1}{3^{-5}ب} = \frac{3^ب}{5}$

[4]  $(أ^n)^م = أ^{ن \times م}$ . إذا رفع (أ) لأسين نضرب الأس الأول في الأس الثاني.

∴ نحسب القاعدة (ب)  $2^3 = 2^{2 \times 3} = 2^6$  أمثال: (ب)  $3^2 = 3^{2 \times 3} = 3^6$

[5]  $(أ \times ب)^ن = أ^n \times ب^n$  القوى توزيعيه في حالة.

الضرب والقسمة.  $\frac{أ^n}{ب^n} = 2\left(\frac{1}{ب}\right)$

مثال توضيحي: (ب)  $ج^2 = 2(ج) = 2(ج \times ج) = 2(ج \times ج \times ج \times ج) = 2(ج^4)$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\text{مثال (1): } (5^2)^2 = 5^2 \times 5^2 = 5^4$$

$$\text{مثال (2): } (5^{-3})^2 = 5^{-3} \times 5^{-3} = 5^{-6}$$

$$\text{مثال (3): } \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{3^2}{5^2} = \frac{9}{25}$$

انتبه: (ب + ج)  $\neq$  ب<sup>2</sup> + ج<sup>2</sup>. :. لا توزع في حالة الجمع أو الطرح.

[6]  $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$  تنزل القوة إلى المقام بشرط تغيير إشارة الأس والعكس.

$$\text{مثال: } 3^5 = \frac{1}{3^{-5}}$$

$$\text{مثال: } 10^{-3} = \frac{1}{3^{10}}$$

$$\text{مثال: } 5 \times 10^{-3} = \frac{1}{1000} \times 5 = 0.001 \times 5$$

تعميم: القوى السابقة تدعى قوى طبيعية. حيث  $n \in \mathbb{N}$  تبقى الخواص صحيحة من أجل

$$n \in \mathbb{N} \text{ أو } n \in \mathbb{Z}.$$

$$\text{مثال: } (5^2)^{-2} = 5^{-4} = 5^2 \times 5^{-2}$$

$$\text{مثال: } 6^3 = 3^{2 \times 3} = 3^6$$

$$\text{مثال: } \left(\frac{1}{3}\right)^3 = \frac{1}{3^3} = \frac{1}{27}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

تمارين ومسائل (1/3)

[1] صوّب الأخطاء في إجابة كل مما يأتي حيث المقامات  $\neq$  الصفر:

م	التمرين	التصحيح	القاعدة المعتمدة
أ	$س^2 \times س^4 = س^8$	$س^2 \times س^4 = س^{2+4} = س^6$	$س^m \times س^n = س^{m+n}$
ب	$(ص^2)^5 = ص^7$	$(ص^2)^5 = ص^{2 \times 5} = ص^{10}$	$(س^n)^m = س^{n \times m}$
ج	$\frac{ب^6}{ب^2} = ب^3$	$\frac{ب^6}{ب^2} = ب^{6-2} = ب^4$	$\frac{ب^n}{ب^m} = ب^{n-m}$
د	$\frac{س^2}{س^6} = س^4$	$\frac{س^2}{س^6} = \frac{س^2}{س^{2-6}} = \frac{س^2}{س^4}$	$\frac{س^n}{س^m} = \frac{س^n}{س^{n-m}}$
هـ	$(س^2)^4 = س^2$	$(س^2)^4 = س^{2 \times 4} = س^8$	$(س^n)^m = س^{n \times m}$
و	$\frac{4}{\frac{4}{3}} = 4(\frac{4}{3})$	$\frac{4}{\frac{4}{3}} = 4(\frac{3}{4})$	$\frac{س^n}{\frac{س^m}{ب}} = س^n \times \frac{ب}{س^m}$

[2] بسّط ما يلي حيث المقامات  $\neq$  الصفر.

(أ)  $(\frac{1}{2})^4 (\frac{1}{2})^3$  ..... خاصة (2)

الحل:  $(\frac{1}{2})^7 = 3+4 (\frac{1}{2})^3 = 3 (\frac{1}{2})^3 \times 4 (\frac{1}{2})^4$

(ب)  $(ص^4)^2$  ..... خاصة (4)

الحل:  $(ص^4)^2 = ص^{4 \times 2} = ص^8$

(ج)  $(\frac{س}{ص})^3$  ..... خاصة (3)

الحل:  $(\frac{س}{ص})^3 = \frac{س^3}{ص^3}$

(د)  $(س^3)^5 \times س^4$  ..... خاصة (4) ، (2)

الحل:  $(س^3)^5 \times س^4 = س^{3 \times 5} \times س^4 = س^{15} \times س^4 = س^{19}$

(هـ)  $(-س^2)^5$  ..... خاصة (5)

الحل:  $(-س^2)^5 = (-1)^5 (س^2)^5 = -1 \times س^{2 \times 5} = -س^{10}$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

(و)  $\frac{س ن}{2+ن}$  ..... خاصة (3)

$$\text{الحل: } \frac{1}{2س} = \frac{1}{س ن-2+ن} = \frac{س ن}{2+نس}$$

(ز)  $(-5س^3)^{-1} (-6س^5)^{-1}$  ..... خاصة (2)

$$\text{الحل: } (-5س^3)^{-1} (-6س^5)^{-1} = 5^{-1} س^{-3} \times 6^{-1} س^{-5} = 30^{-1} س^{-8}$$

(ح)  $(\frac{3}{2}س^2ص^3)^2$  ..... خاصة (4)

$$\text{الحل: } (\frac{3}{2}س^2ص^3)^2 = (\frac{3}{2})^2 \times (س^2)^2 \times (ص^3)^2 = \frac{9}{4} س^4 ص^6$$

(ط)  $(1+2)^3 (1+2)^7$  ..... خاصة (2)

$$\text{الحل: } (1+2)^3 (1+2)^7 = (1+2)^{3+7} = (1+2)^{10}$$

[3] ضع كلاً مما يأتي في أبسط صورة حيث المقامات لا تساوي صفر.

(أ)  $(\frac{1}{2}س^3ص^4)^{-3}$

$$\begin{aligned} 1\left(\frac{2}{1}\right) &= 1^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) \\ \text{أنتبه:} \\ 3\left(\frac{2}{1}\right) &= \frac{1}{3^{-1}}\left(\frac{1}{2}\right) \end{aligned}$$

$$\text{الحل: } (\frac{1}{2}س^3ص^4)^{-3} = 2^{-3} (س^3ص^4)^3 = 2^{-3} س^9 ص^{12}$$

$$= 2^{-3} س^9 ص^{12} = \frac{س^9 ص^{12}}{2^3}$$

(ب)  $(\frac{2}{3-ب} \frac{2}{3-أ})^2$  =  $2^2 (3-ب)^{-2} (3-أ)^{-2}$  =  $2^2 (3-ب)^{-2} (3-أ)^{-2}$

$$= 2^2 (3-ب)^{-2} (3-أ)^{-2} = \frac{4}{(3-ب)^2 (3-أ)^2}$$

(ج)  $(12ل^3) \div (4ل^2)^5$

$$\text{الحل: } (12ل^3) \div (4ل^2)^5 = \frac{12ل^3}{4^5 ل^{10}} = \frac{12ل^3}{1024 ل^{10}} = \frac{3ل^{-7}}{256}$$

$$= \frac{3ل^{-7}}{256} = \frac{3}{256 ل^7}$$

(د)  $س^{14}ص^5 \div س^5ص^5$



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

[4] ببسط ما يأتي علماً بأن المقامات لا تساوي صفر:

$$(أ) \frac{(54-) \times 3^1 5 \times 4^2}{36 \times 25 \times 2^2 (3-)}$$

الحل:

$$2^{-3} 3 \times 2^{-3} 5 \times 3^{-5} 2^{-2} = \frac{3^3 \times 3^3 \times 3^5 \times 5^2}{2 \times 3^3 \times 2^5 \times 3^2} = \frac{2^1 \times 3^3 \times 3 \times (3 \times 5) \times 4^2}{3^3 (2 \times 3) \times 2^5 \times 2^3} =$$

$$60- = 3 \times 5 \times 2^2- =$$

$$(ب) \frac{2^2 (3-)^3 (5-) \times 4^2 (2-)}{3^3 (15-) ^2 (6-)}$$

تنبيه:

الأس الزوجي يأكل (-) والفردى يطرده خارج القوس.

$$\frac{4}{27} = \frac{2^{-4}}{3^3} = \frac{2^3 \times 3^3 \times 5 \times 4^2-}{3^3 \times 3^5 \times 2^2 \times 2^3-} = \frac{2^3 \times 3^{-5} \times 4^2}{3^3 (3 \times 5) - \times 2^2 (2 \times 3)}$$

أنتبه: ب<sup>0</sup>=1

$$ج) \frac{1-3}{0(1+س-)}$$

$$\frac{1}{3} = 1^{-3} = \frac{1-3}{1}$$

$$د) (س ص) 2^{-1} - 0$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} - 1 = 1^{-2} - 1 =$$

$$و) \frac{س^1 \times ص^{2+1}}{س^{3-} \times ص^{4-}}$$

$$\text{الحل: } س^{-(3-)-} \times ص^{-(4-)-1+2} = س^{3+} \times ص^{4+} = س^3 \times ص^{5+}$$

[5] اختصر كلاً مما يلي إلى أبسط صورة:

$$(أ) \frac{5^{1+} + 5^{1+}}{5^{2+} - 5}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{(5+25)^5}{(25-1)5} = \frac{15 \times 5 + 25 \times 5}{25 \times 5 - 5} = \text{الحل:}$$

$$\frac{5-}{4} = \frac{30}{24-} = \frac{5+25}{25-1} =$$

$$\frac{2^2 27 \times 1^{-4} 6}{2^{+2} 9 \times 1^{-4} 8 \times 1^{+2}} \quad (\text{ب})$$

$$\frac{3^6 \times 1^{-4} 3 \times 1^{-4} 2}{4^{+2} 3 \times 3^{-3} 2 \times 1^{+2}} = \frac{2^2 (3^3) \times 1^{-4} (3 \times 2)}{2^{+2} (2^3) \times 1^{-4} (2^3) \times 1^{+2}} = \text{الحل:}$$

$$(4^{+2})^{-1-4} 3^{10} \times (2^{-4})^{-1-2} 4 = \frac{1^{-4} 3^{10} \times 1^{-4} 2}{4^{+2} 3 \times 2^{-4} 2} =$$

$$5^{-8} 3 \times 1^2 = 4^{-2-1-4} 3^{10} \times 2^{+4-1-4} 2 =$$

$$\frac{4^{-4} 3 \times 2^{-2} 2 \times 5^{-3} 3 \times 1^{+2}}{4^{-4} 3 \times 2^{-2} 2 + 3^{-3} 3 \times 2} \quad (\text{ج})$$

$$\frac{1^{-3} 3 \times 3^{-3} 3 \times 2^{-2} 2 \times 2 + 2^{-3} 3 \times 3^{-3} 3 \times 2 \times 2}{??} = \text{الحل:}$$

$$\frac{(1^{-3} \times 2^{-2} + 2^{-3} \times 2)^{3-3} 3 \times 2}{(1^{-3} \times 2^{-2} + 1)^{3-3} 3 \times 2} =$$

$$\frac{\frac{9+24}{12 \times 9}}{\frac{1+12}{12}} = \frac{\frac{1}{12} + \frac{2}{9}}{\frac{1}{12} + 1} = \frac{\frac{1}{13 \times 2} + \frac{2}{23}}{\frac{1}{13 \times 2} + 1}$$

$$\frac{11}{39} = \frac{11}{13 \times 3} = \frac{11 \times 3}{13 \times 9} = \frac{12}{13} \times \frac{33}{12 \times 9} =$$



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{3 \cdot 2^4 + 2^2(2)}{1 + 2^2(2) - 2^4 \times 5} = \frac{3 + 4 \cdot 2 + 2 \cdot 4}{1 + 2 \cdot 4 - 4 \cdot 2 \times 5} = \quad (د)$$

$$\frac{(8+1) \cdot 2}{(2^2-5) \cdot 2} = \frac{(8+1) \cdot 2}{2 \cdot 2 \times 2 - 5 \times 2} = \frac{8 \times 2 + 2 \cdot 2}{2+4 \cdot 2 - 4 \cdot 2 \times 5}$$

$$9 = \frac{9}{1} = \frac{9}{4-5}$$

[6] ضع المقدار التالي في أبسط صورة ثم أوجد قيمته عندما:

$$\frac{3^{4+m}}{2^m} \div \frac{9^{1+m^2}}{3^{1+m}} = 2 = م$$

$$\frac{3^{2+m+2m}}{3^{4+m}} = \frac{2^m}{3^{4+m}} \times \frac{3^{2+m^4}}{3^{m+2m}} = \frac{2^m}{3^{4+m}} \times \frac{1+m^2(2^3)}{3^{m+2m}} = \text{الحل:}$$

$$2^{-m} \cdot 3 = (4-m^2-2m-2+m^4+2m) \cdot 3 =$$

$$81 = 4^3 = 2^{-3 \times 2} \cdot 3 = 2^{-m^2} \cdot 3 \Leftrightarrow 2 = م \text{ القيمة:}$$

[7] ببسط ما يأتي ثم أوجد قيمة المقدار عندما س = 1

$$\frac{2+s(4) \times 2(s4)}{s^2(2) \times 2(16)}$$

$$\frac{2+s^3(2)}{8+s^2} = \frac{2+s^3 \cdot 4}{s^2 \cdot 2 \times 8} = \frac{2+s^3 \cdot 4 \times s^2(4)}{s^2 \cdot 2 \times 2(4^2)} = \text{الحل:}$$

$$1 = 0^2 = 4^{-1 \times 4} \cdot 2 \text{ القيمة} \Leftrightarrow 4^{-s} \cdot 2 = 8^{-s-2-4+s} \cdot 2 = \frac{4+s^6}{8+s^2} =$$

$$\frac{5}{3} = \frac{5 \times 50 + 2^m \cdot 5}{3^{-m} \cdot 5 \times 625 - 2^m \cdot 5 \times 2} \quad [8] \text{ اثبت أن:}$$

$$\frac{2^m \cdot 5 \times 2 + 2^m \cdot 5}{1^m \cdot 5 - 2^m \cdot 5 \times 2} = \frac{5 \times 2 \times 2^m + 2^m \cdot 5}{3^{-m} \cdot 5 \times 4^5 - 2^m \cdot 5 \times 2} \quad \text{الإثبات:}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{5}{3} = \frac{15}{9} = \frac{(10+5)^{1+5}}{(1-10)^{1+5}} = \frac{1+5 \times 15 \times 2 + 15 \times 1+5}{1+5 - 1+5 \times 15 \times 2}$$

[9] اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

$$(أ) = 2^{-} \left( \frac{أ}{ب} \right) + \frac{2^{-} أ}{2^{-} ب}$$

$$\frac{2 ب}{2 أ} [4]$$

$$\frac{2 أ}{2 ب} 2 [3]$$

[2] صفر.

$$\frac{2 أ}{2 ب} 2 [1]$$

الحل:  $\frac{2 ب}{2 أ} = \frac{2 ب}{2 أ} + \frac{2 أ}{2 ب} = 2 \left( \frac{أ}{ب} \right) + \frac{2^{-} أ}{2^{-} ب}$   $\therefore$  الإجابة رقم (3)

(ب) المقدار  $2^{1-س} + 5(2)^س + 2^{1+س} = ?$

إذا كان:

$$2^{1+س} [2]$$

$$2^س [1]$$

$$2^{2+س} [4]$$

$$2^{3+س} [3]$$

الحل:  $2^{3+س} = 2^{1+س} + 5 \times 2^س + 2^{1+س} = 2^{1+س} + 5 \times 2^س + 2^{1+س} = 8 \times 2^س = 8 \times 2^س = 2^3 \times 2^س = 2^{3+س}$

$\therefore$  الإجابة رقم (3)

(ج)  $\forall أ \in ح^*$  فإن  $(أ)^{1-}$  يساوي:

$$1- [2]$$

[1] كمية غير معرّفة.

$$1 [4]$$

[3] صفر

الحل:  $1 = \frac{1}{1} = 1^{-}(1) = 1^{-}(أ)^{0}$   $\therefore$  الإجابة الصحيحة رقم (4)

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

## الجذور والأسس النسبية

تعريف: ندعو (ن) الجذر النوني لـ: أ ونرمز له ب:  $\sqrt[n]{أ}$  إذا كان ب<sup>ن</sup> = أ يُدعى أ المجذور ، ن دليل الجذر ، ب الجذر.

ملاحظات:

[1] ن زوجي  $\in \{2, 4, 6, \dots\}$  يشترط لـ:

(أ) أن يكون موجب. (ب) موجب أي أ ، ب  $\in \mathbb{C}^+$

مثال:  $\sqrt[4]{16} = 2$  لأنه يحقق تعريف الجذر  $2^4 = 16$

مثال:  $\sqrt[4]{-16}$  مستحيل لا يوجد (عدد)  $-16 = 4^4$

[2] ن فردي  $\in \{3, 5, \dots\}$  الجذر ممكن  $\forall$  أ ، ب  $\in \mathbb{C}$ .

مثال:  $\sqrt[3]{-8} = 2$  لأن  $2^3 = 8$

مثال:  $\sqrt[3]{-8} = -2$  لأن  $(-2)^3 = -8$

[3] إذا كان دليل الجذر ن = 2 دعونا الجذر بالجذر التربيعي وباعتباره أول الجذور لا

يكتب أي  $\sqrt{ب} = \sqrt{ب}$

مثال:  $\sqrt{4} = 2$  لأن  $2^2 = 4$

[4]  $\sqrt{أ} = 2$  ،  $\sqrt{أ} = 2$  ،  $\sqrt{أ} = 2$

∴ أ ، أ<sup>2</sup> يحققان تعريف الجذر التربيعي لـ: أ<sup>2</sup>

∴ الجذر التربيعي يشترط فيه أن يكون موجباً.

∴ بشكل عام  $\sqrt{أ} = 2$  إذا كان أ  $\geq 0$  ،  $\sqrt{أ} = -2$  إذا كان أ  $> 0$

تعميم: ن  $\sqrt[n]{أ} = 2$  إذا كان ن زوجي.  $\sqrt[n]{أ} = -2$  إذا كان ن فردي.

تعريف: كتابة الجذر كأس كسري  $\sqrt[n]{ب} = ب^{\frac{1}{ن}}$

حيث نقسم أس المقدار (هـ) على دليل الجذر (ن)

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\text{مثال: } \sqrt[3]{س^2} = س^{\frac{2}{3}}, \sqrt[4]{س^5} = س^{\frac{5}{4}}$$

تعريف: إذا كان  $\sqrt[n]{ب} = \sqrt[n]{ب^{\frac{1}{n}}}$  أي مقام للأس هو دليل الجذر.

$$\text{مثال: } س^{\frac{2}{3}} \text{ لاحظ الأس } \left(\frac{2}{3}\right) \text{ مقام الأس (3)}$$

∴ دليل الجذر (3) ويدعى بالجذر التكعيبي.

$$\sqrt[2]{س^3} = س^{\frac{3}{2}}$$

$$\text{مثال: } س^{\frac{4}{5}} = \sqrt[5]{س^4}$$

$$\text{قاعدة: } \sqrt[n]{ب} = ب^{\frac{1}{n}} = ب^{\frac{1}{n}} \text{ بشرط } 0 \leq$$

$$\forall n \in \{2, 3, \dots\}$$

$$\text{مثال: } \sqrt[4]{ب} = ب^{\frac{1}{4}}$$

$$\text{مثال: } \sqrt[2]{5} = 5^{\frac{1}{2}}$$

$$\text{قاعدة: } \sqrt[n]{ب^m} = ب^{\frac{m}{n}}$$

$$\text{توضيح: } \sqrt[n]{ب^m} = ب^{\frac{m}{n}} = ب^{\frac{1}{n} \times m} = \left(ب^{\frac{1}{n}}\right)^m$$

فوائدها:

$$\text{مثال 1: } 32 = 5(2) = 5(16)^4 = 5\sqrt[5]{16^4}$$

$$\text{مثال 2: } 2 = \sqrt[3]{8} = \sqrt[3]{2^3} = \sqrt[3]{(2^3)}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

تمارين ومسائل (2/3)

[1] أوجد قيمة كلاً مما يأتي إن أمكن:

$$\sqrt[3]{216}$$

$$\text{الحل: } 6 = 13 \times 12 = \sqrt[3]{(3 \times 3 \times 2)} = \sqrt[3]{(216)}$$

2	216
2	108
2	54
3	27
3	9
3	3
	1

$$\sqrt[8]{256}$$

$$\text{الحل: } 2^{\frac{2}{3}} \times 2^{\frac{6}{3}} = \sqrt[3]{(2 \times 62)} = \sqrt[3]{(82)} = \sqrt[3]{(256)}$$
$$\sqrt[4]{34} = 2^{\frac{3}{4}} \times 2 = 2^{\frac{11}{4}}$$

$$\text{ج) } 0.13 = \frac{13}{100} = \frac{169}{10000} = \sqrt[4]{0.0169}$$

$$\sqrt[3]{216}$$

$$\text{الحل: } 6 = 2 \times 13 = \sqrt[3]{(2 \times 3 \times 3)} = \sqrt[3]{(216)}$$

$$\sqrt[4]{216}$$

الحل: انظر تحت الجذر التربيعي (سالب) .: مستحيل.

$$\sqrt[6]{64}$$

الحل: (عندما يكون دليل الجذر التربيعي (6)) لا يجوز أن يكون المجذور سالباً) .: الحل مستحيل

[2] اكتب الجذور التربيعية في ح للأعداد 5 ، 144 ، 13 ، 400

$$\text{الحل: } 20 = \sqrt{400} *$$

$$13 \text{ أصم} *$$

$$12 = \sqrt{144} *$$

$$5 \text{ أصم لا يجذر} *$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

[4] اكتب الجذر الرابع في ح للأعداد:

1296 ، 4096 ، 10000 ، 256

الحل:

$$4 = \sqrt[4]{2^8} = \sqrt[4]{2^8} = \sqrt[4]{256} \bullet$$

$$10 = \sqrt[4]{10^4} = \sqrt[4]{10000} \bullet$$

$$8 = \sqrt[4]{2^{12}} = \sqrt[4]{2^{12}} = \sqrt[4]{4096} \bullet$$

$$8 = \sqrt[4]{2^{12}} = \sqrt[4]{2^{12}} = \sqrt[4]{1296} \bullet$$

[5] اكتب ما يأتي على الصورة الجذرية وببسط ذلك:

$$\sqrt[3]{6} \quad \text{أ) الحل: } \sqrt[3]{6} = \sqrt[3]{6}$$

$$\sqrt{2} \quad \text{ب) الحل: } \sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$8 = \sqrt[4]{2^{12}} = \sqrt[4]{2^{12}} = \sqrt[4]{16^3} \quad \text{ج) الحل: } \sqrt[4]{16^3} = \sqrt[4]{16^3}$$

$$\sqrt[3]{(3-)^3} = \sqrt[3]{(3-)^3} = \sqrt[3]{(3-)^3} \quad \text{د) الحل: } \sqrt[3]{(3-)^3} = \sqrt[3]{(3-)^3}$$

$$\sqrt[3]{(3-)^3} = \sqrt[3]{(3-)^3} = \sqrt[3]{(3-)^3}$$

$$\therefore \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \text{ أفضل من تحويلها إلى جذور ثم الاختصار.}$$

[6] أوجد قيمة كل مما يأتي:

$$16 = \sqrt[4]{2^8} = \sqrt[4]{2^8} = \sqrt[4]{256} \quad \text{أ) الحل: } \sqrt[4]{256} = \sqrt[4]{256}$$

$$\# \quad 0.0081 = \sqrt[4]{(0.3)^4} = \sqrt[4]{(0.3)^4} = \sqrt[4]{(0.3)^4} \quad \text{ج) الحل: } \sqrt[4]{(0.3)^4} = \sqrt[4]{(0.3)^4}$$

$$\# \quad \sqrt{2} = \sqrt{2} \quad \text{د) الحل: نعلم أن } \sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$\# \quad 2 = |2-| = \sqrt[4]{(2-)^4} = \sqrt[4]{(2-)^4} \quad \text{ه) الحل: } \sqrt[4]{(2-)^4} = \sqrt[4]{(2-)^4}$$

$$\# \quad \frac{1}{8} = \sqrt[3]{2^{-3}} = \sqrt[3]{2^{-3}} = \sqrt[3]{2^{-3}} \quad \text{و) الحل: } \sqrt[3]{2^{-3}} = \sqrt[3]{2^{-3}}$$

[7] ببسط كل مما يلي (علماً بأن جميع المتغيرات أعداد حقيقية موجبة):

$$\text{أ) الحل: } \left(\frac{4}{3}\right)^{\frac{1}{2}} \text{ س} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \text{ س} = \frac{2}{3} \text{ س}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\text{الحل: ص} = \frac{1}{3} - \frac{1}{2} = \frac{2-3}{6} = \frac{1}{6} \text{ ص} \quad \text{ب) } \frac{\frac{1}{2} \text{ ص}}{\frac{1}{3} \text{ ص}}$$

$$\text{الحل: } 2 \times \frac{1}{3} \times 3 \times \frac{1}{3} \times 15 \text{ أ} = \frac{1}{3} \times 21 \text{ ب} \times 5 \text{ أ} \times 7 \text{ ب} \quad \text{ج) } \frac{1}{3} (21 \text{ ب} \times 15 \text{ أ} \times 3 \text{ ب})$$

$$\text{الحل: } \text{س} = \frac{1}{3} - \frac{1}{4} = \frac{4-3}{12} = \frac{1}{12} \text{ س} = \frac{4+2}{6} = \frac{2}{3} \text{ س} \times \frac{4}{4} = \frac{6}{5} \text{ ص} \times \frac{4}{4} \text{ س} \quad \text{د) } \frac{\frac{2}{5} \text{ ص}}{\frac{3}{4} \text{ س}}$$

$$\frac{\frac{6}{3} \text{ ص}}{\text{س}} = \frac{6}{5} \text{ ص} \times 1 = \frac{6}{5} \text{ ص}$$

$$\text{ه) س} = \frac{6}{2} = 3 \text{ س} \quad \text{و) (أ - ب)}^2$$

$$\text{الحل: } = \text{أ} - \text{ب} \quad \text{ز) } \frac{3}{4} (4 \text{ ب} \times 16 \text{ أ})$$

$$\text{الحل: } 8 \text{ ب}^3 = 3 \text{ ب} \times 2^3 = \frac{3}{4} \times 4 \times 2 = \frac{3}{4} (4 \text{ ب} \times 2) \quad \text{ح) } \frac{\frac{1}{2} \text{ ب} \times \frac{2}{3} \text{ أ}}{\frac{3}{4} \text{ ب} \times \frac{1}{3} \text{ أ}}$$

$$\frac{1}{4} \text{ ب} \times \frac{1}{3} \text{ أ} = \frac{3-2}{4} = \frac{1}{4} \text{ ب} \times \frac{1}{2} \text{ أ} = \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{1}{4} \text{ ب} \times \frac{1}{3} \text{ أ} = \frac{1}{2} \text{ ب} \times \frac{2}{3} \text{ أ}$$

$$\frac{1}{2} \text{ ص} \times \frac{1}{6} \text{ س} = \frac{2}{4} \text{ ص} \times \frac{4+3}{6} \text{ س} = \frac{3}{4} - \frac{5}{4} = \frac{2}{3} + \frac{1}{2} = \frac{5}{4} \text{ ص} \times \frac{1}{2} \text{ س} = \frac{\frac{5}{4} \text{ ص} \times \frac{1}{2} \text{ س}}{\frac{3}{4} \text{ ص} \times \frac{2}{3} \text{ س}}$$

$$\frac{11}{6} \text{ أ} = \frac{3-2+12}{6} \text{ أ} = \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + 2 \text{ أ} = \frac{\frac{1}{3} \text{ أ}^2}{\frac{1}{2} \text{ أ}} \quad \text{ي) } \frac{11}{6} \text{ أ}$$

[8] اكتب مما يأتي في أبسط صورة:

$$\frac{1}{2} \left( \frac{3}{4} \right) \times 9 \left( \frac{3}{4} \right) \times 4 \left( \frac{3}{4} \right) = \frac{1}{2} \left( \frac{3}{4} \right) \times 3 \left( \frac{3 \times 3}{4} \right) - \times 4 \left( \frac{3}{4} \right) - \quad \text{أ)}$$

$$\frac{1}{2} \left( \frac{3}{4} \right) \times 9 \left( \frac{3}{4} \right) \times 4 \left( \frac{3}{4} \right) = \frac{1}{2} \left( \frac{3}{4} \right) \times 3 \left( \frac{3 \times 3}{4} \right) - \times 4 \left( \frac{3}{4} \right) - =$$

$$\frac{25}{2} \left( \frac{3}{4} \right) = \frac{1-26}{2} \left( \frac{3}{4} \right) = 13 \frac{1}{2} \left( \frac{3}{4} \right) = \frac{1}{2} - 9 + 4 \left( \frac{3}{4} \right) =$$

$$\frac{\frac{3}{4} (4 \times 3) \times \frac{1}{4} (2 \times 3)}{\frac{1}{4} 3 \times \frac{1}{3} (3 \times 3)} = \frac{\frac{3}{4} (81) \times \frac{3}{4} 9}{\frac{1}{4} (3) \times \frac{1}{3} (27)} = \quad \text{ب)}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$3^{\frac{9}{4}} = 3^{\frac{5}{4} - \frac{14}{4}} = \frac{14}{4} 3 = \frac{3^{1+2} 3}{4+13} = \frac{3^3 3^2 3}{43 \times 13} =$$

$$\frac{\frac{1}{3} - \left[ \left( \frac{3}{4} \right)^3 \right] \times \frac{3}{2} \left[ \left( \frac{3}{4} \right)^2 \right]}{\frac{3}{4}} = \frac{\frac{1}{3} - \left( \frac{27}{64} \right) \times \frac{3}{2} \left( \frac{27}{64} \right)}{\frac{3}{4}} \text{ (ج)}$$

$$\frac{3}{4} = \frac{1}{\left( \frac{3}{4} \right)} = \frac{1-1-3}{\left( \frac{3}{4} \right)} = \frac{1 - \left( \frac{3}{4} \right) \times \frac{3}{\left( \frac{3}{4} \right)}}{1 \left( \frac{3}{4} \right)} =$$

$$\frac{\frac{1}{3} - (3^3 \times 3^2)}{\frac{1}{2} - (2^3)} = \frac{\frac{1}{3} - (216)}{\frac{1}{2} - (9)} \text{ (د)}$$

$$\frac{1}{2} = 1-2 = \frac{1-3 \times 1-2}{1-3} =$$

$$2 = \frac{1}{4} = \sqrt[3]{\frac{1}{64}} \text{ (ه)}$$

[9] اثبت ما يأتي:

$$\text{(أ) } \binom{2m}{2n} = \frac{1}{\binom{n-m}{n}} \text{ حيث } m \in n, n \neq m$$

$$\text{الحل: } \binom{2n-2m}{n} = \frac{1}{\binom{n-m}{n}} \text{ أ } = \frac{2_{n-2m}}{\binom{n-m}{n}} \text{ أ } = \frac{(n-m)(n-m)}{\binom{n-m}{n}}$$

$$\text{(ب) } m \in m : \frac{5}{81} = \frac{5}{43} = \frac{m^2 3 - 2 \binom{3}{3} \times 6}{1+m \binom{23}{3} \times 9}$$

$$\frac{m^2 3 - m^2 3 \times 6}{1+m^2 3 \times 9} = \frac{m^2 3 - 2 \binom{3}{3} \times 6}{1+m \binom{23}{3} \times 9} = \text{الحل: الطرف الأيمن:}$$

$$\# \frac{5}{81} = \frac{5}{9 \times 9} = \frac{(1-6) m^2 3}{2^3 \times m^2 3 \times 9} =$$

2	216
2	108
2	54
3	27
3	9



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{7}{8} = \frac{2^{-1+2 \times 4}}{2 \times 2^{+2}} \Rightarrow$$

$$\# \frac{7}{8} = \frac{(1-8)^2}{8 \times 2} = \frac{2^{-1} \times 2 \times 4}{2 \times 2 \times 2} \quad \text{الحل: الطرف الأيمن:}$$

تبسيط الجذور

∴ الجذور تحوّل إلى أسس كسرية. ∴ خواص الجذور نفسها خواص الأسس.

قاعدة:  $n \sqrt[n]{a \times b} = n \sqrt[n]{a} \times n \sqrt[n]{b}$  توزع الجذور في حالة الضرب.

$$\text{فائدتها: } 6 = 2 \times 3 = \sqrt[3]{8} \times \sqrt[3]{27} = 8 \times 27 \sqrt[3]{3}$$

بينما لو ضربت  $8 \times 27 \sqrt[3]{3} = 216 \sqrt[3]{3}$  يكون بهذا الشكل البحث عن الجذر التكعيبي أصعب.

قاعدة:  $n \sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{n \sqrt[n]{a}}{n \sqrt[n]{b}}$  ← الجذر يوزع في حالة القسمة.

فائدتها:

$$\text{مثال (1): } \frac{3}{2} = \frac{\sqrt[3]{27}}{\sqrt[3]{8}} = \frac{\sqrt[3]{3 \times 3 \times 3}}{\sqrt[3]{2 \times 2 \times 2}}$$

$$\text{مثال (2): } 2 = 4 = \frac{\sqrt[3]{8}}{\sqrt[3]{2}} = \frac{\sqrt[3]{2 \times 2 \times 2}}{\sqrt[3]{2}}$$

قاعدة:  $n \sqrt[n]{\frac{a}{b}} = n \sqrt[n]{a} \div n \sqrt[n]{b}$  يستفاد منها في توحيد دليل الجذر عند مقارنة الجذور.

مثال: قارن بين الجذرين:  $2^3$  ،  $3^2$

الحل: دليل الجذرين 2 ، 3 نبحث عن عدد يقبل القسمة عليهما وهو (6).

$$\therefore 8^6 = 3 \times 1 \quad 2^{3 \times 2} = 2^3 = 2^* \quad \therefore$$

$$9^6 = 2 \times 1 \quad 2^{3 \times 2} = 13 \quad 3^*$$

$$2 < 3^* \quad 3^*$$

ملاحظة: يمكن تبسيط بعض الجذور بأن نحلل المجذور إلى عددين أحدهما قابل للجذور.

$$\text{مثال: } \leftarrow 2^3 = 2 \times 9 = 2 \times 9 = 18$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$2^3 \times 3 = 2^3 \times 27^3 = 2 \times 27^3 = 54^3 \leftarrow \text{مثال:}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

تمارين ومسائل (3/3)

[1] بسط كل مما يلي حيث المتغيرات (جميعها أعداد حقيقية موجبة)

(أ)  $\sqrt[3]{\frac{8}{27}}$  ..... طبق القاعدة (2)

الحل:  $\frac{2}{3} = \frac{\sqrt[3]{8}}{\sqrt[3]{27}}$  #

(ب)  $\frac{6}{9}$  الحل:  $\frac{6}{9} = \frac{2}{3}$

(ج)  $25س^3ص^3$  حاول بسطها بما يتناسب مع الجذر التربيعي.

الحل:

$$25س^3ص^3 = 25س^2ص^2 \times 5س \times 5ص = 25س^2ص^2 \times 5س \times 5ص$$

(د)  $50أ^6ب^9$  الحل:  $2 \times 25 \times 6أ^6 \times 8ب^9$

$$25 \times 6أ^6 \times 8ب^9 = 25 \times 6أ^6 \times 2^3ب^9 = 2^4ب^9 \times 25 \times 6أ^6$$

(هـ)  $32^5أ^{10}ب^4ج^{12}$  الحل:  $32^5 \times 10أ^5 \times 10ب^5 \times 2^5 \times 2^2ج^5 = 2^5 \times 2^5 \times 2^5 \times 2^2ج^5 = 2^{17}ج^5$

انتبه:  $2^5 \times 2^2ج^5 = 2^7ج^5 = 2^2 \times 2^5ج^5 = 2^2 \times 2^5ج^5 = 2^7ج^5$

(و)  $9س^2 + 6س + 2$  الحل:  $(3 + س)(3 + س) = (3 + س)^2$

$(3 + س) = \frac{2}{2}(3 + س) = (3 + س)$  أنتبه:  $0 \leq س$

(ز)  $\frac{\sqrt[3]{2س^3}}{5ص} = \frac{\sqrt[3]{2س^3}}{\sqrt[3]{\frac{15}{3}ص^3}} = \frac{\sqrt[3]{2س^3}}{\sqrt[3]{15ص^3}} = \frac{\sqrt[3]{2س^3}}{\sqrt[3]{15ص^3}}$

(ح)  $\frac{3^{\frac{3}{5}} \times 2}{4ب} = \frac{\sqrt[5]{3^3} \times 2}{20\sqrt[5]{ب}}$  الحل:

(ط)  $\frac{7^{\frac{21}{7}}}{14ج^{\frac{7}{7}}} = \frac{7^{\frac{21}{7}}}{14ج} = \frac{7^3}{14ج} = \frac{7^3}{14ج} = \frac{7^3}{14ج}$  الحل:

(ي)  $\frac{4س^3}{6ص} = \frac{4س^3}{6ص} = \frac{4س^3}{6ص} = \frac{4س^3}{6ص}$  الحل:



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{1}{\sqrt[3]{b} \times \sqrt[2]{a} \times \sqrt[4]{2}} = \frac{1}{\sqrt[3]{2^3 a^2 b^4}} \quad \text{الحل:} \quad \frac{1}{\sqrt[3]{16 a^2 b^3}} \quad \text{(هـ)}$$

$$\sqrt[3]{-b} \times \sqrt[2]{-a} \times \sqrt[4]{-2} =$$

$$\frac{2}{\sqrt[3]{b}} \quad \text{(و) اعتبرها في أبسط صورة.}$$

$$\frac{\sqrt[2]{2}}{\sqrt[4]{7s} \times 81}^3 = \text{الحل} \quad \frac{\sqrt[4]{2}}{\sqrt[4]{81s}}^3 \times \frac{\sqrt[2]{2}}{\sqrt[4]{7a}}^3 \quad \text{(ز)}$$

$$\frac{2^3}{\sqrt[1]{s} \times \sqrt[2]{a} \times 3} = \frac{2^3}{\sqrt[3]{s} \times \sqrt[6]{a} \times \sqrt[3]{27}} = \frac{\sqrt[2]{2}}{\sqrt[3]{s} \times \sqrt[3]{s} \times \sqrt[6]{a} \times 3 \times 2 \times 27} =$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

## جمع وطرح الجذور

انتبه:  $2\sqrt{3} = \sqrt{3} + \sqrt{3}$  ندعو  $\sqrt{3}$  متشابهان كما كُنَّا في الإعدادي

$2\sqrt{3} + 5\sqrt{3}$  حدان متشابهان. (نجمع المعاملات) ونضربها بـ  $\sqrt{3}$  =  $(2+5)\sqrt{3}$ .

نفس الخبر  $2\sqrt{3} + 3\sqrt{3}$  متشابهان =  $(2+3)\sqrt{3}$

تعريف: يكون الجذران متشابهان إذا كان لهما نفس الدليل.

مثال:  $3\sqrt{3}$  ،  $5\sqrt{3}$  غير متشابهين بينما  $2\sqrt{3}$  ،  $3\sqrt{3}$  متشابهان.

### تمارين ومسائل (4/3)

[1] أوجد ناتج كل مما يأتي حيث المتغيرات أعداد حقيقية موجبة:

(أ)  $3\sqrt{4} + 3\sqrt{4} = 6\sqrt{4} = 6 \times 2 = 12$  الحل: الجذور متشابهة =  $(4+3)\sqrt{4} = 7\sqrt{4}$

(ب)  $5\sqrt{5} + 7\sqrt{5} - 4\sqrt{5} = 8\sqrt{5}$  الحل:  $(5+7-4)\sqrt{5} = 8\sqrt{5}$

(ج)  $6\sqrt{10} - 4\sqrt{10} + \sqrt{10} = (6-4+1)\sqrt{10} = 3\sqrt{10}$

(د)  $5\sqrt{4} + 2\sqrt{4} = 7\sqrt{4} = 7 \times 2 = 14$  الحل:  $(5+2)\sqrt{4} = 7\sqrt{4}$

(هـ)  $10\sqrt{3} - 3\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = 10\sqrt{3} = 10 \times \sqrt{3}$  الحل:  $(10-1+1)\sqrt{3} = 10\sqrt{3}$

(و)  $5\sqrt{16} - 12\sqrt{16} + 5\sqrt{16} = (5-12+5)\sqrt{16} = -2\sqrt{16} = -2 \times 4 = -8$

(ز)  $2\sqrt{3} + 4\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = (2+4-3)\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$  الحل:  $3\sqrt{3}$

(ح)  $3\sqrt{81} + 2\sqrt{375} = 3 \times 9\sqrt{3} + 2 \times 12\sqrt{3} = 27\sqrt{3} + 24\sqrt{3} = 51\sqrt{3}$

$3\sqrt{13} + 3\sqrt{13} = 6\sqrt{13}$  الحل:  $(3+3)\sqrt{13} = 6\sqrt{13}$

(ط)  $2\sqrt{18} + 3\sqrt{2} = 2 \times 3\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 6\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 9\sqrt{2}$

$2\sqrt{9} \times 2 = 2 \times 3 \times 2 = 12$  الحل:  $2\sqrt{9} = 2 \times 3 = 6$

(ي)  $5\sqrt{25} + 6\sqrt{14} = 5 \times 5 + 6\sqrt{14} = 25 + 6\sqrt{14}$

$12\sqrt{25} + \sqrt{25} = 12 \times 5 + 5 = 60 + 5 = 65$

$(12 + 1) \times 5 = 13 \times 5 = 65$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

[2] ضع المقادير التالية في أبسط صورة على اعتبار أن المتغيرات أعداد حقيقية غير سالبة.

$$(أ) \sqrt{2 \cdot 11 - 49} + \sqrt{36} \cdot 7 + \sqrt{49} \cdot 4 - \sqrt{2 \cdot 11}$$

الحل:

$$\begin{aligned} & \sqrt{2 \cdot 11 - 49} + \sqrt{36} \cdot 7 + \sqrt{49} \cdot 4 - \sqrt{2 \cdot 11} \\ & \sqrt{2 \cdot 11 - 49} + 6 \times 7 + 7 \times 4 - \sqrt{2 \cdot 11} = \\ & \sqrt{2 \cdot 11 - 49} + 42 + 28 - \sqrt{2 \cdot 11} = \\ & \sqrt{2 \cdot 11 - 49} - \sqrt{2 \cdot 11} + 70 = \end{aligned}$$

$$(ب) \sqrt{2 \cdot 11 - 49} - \sqrt{36} \cdot 7 + \sqrt{49} \cdot 4 - \sqrt{2 \cdot 11}$$

$$= \sqrt{2 \cdot 11 - 49} - 42 + 28 - \sqrt{2 \cdot 11} =$$

أنتبه: ممكن طالب يقول أقدر أعطيك الجواب شفهي دون إخراج عامل مشترك: (صح يقدر ويعتبر هذا أسلوب مهارة).

$$(ج) \sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = \sqrt{3 \cdot 3}$$

الحل:

$$\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = \sqrt{3 \cdot 3} = 3$$

$$\# \sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = \sqrt{3 \cdot 3} = 3$$

$$(د) \sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = \sqrt{3 \cdot 3} = 3$$

$$= \sqrt{3 \cdot 3} = 3$$

$$\# \frac{10+5}{\sqrt{5}} = \frac{2}{\sqrt{5}} + \frac{1}{5}$$

$$(و) \frac{18-\sqrt{4}}{\sqrt{9}} = \frac{2}{3} - \frac{4}{9}$$

$$\# \frac{\sqrt{3} + \sqrt{6}}{\sqrt{6} \times \sqrt{5}} = \frac{3}{6} + \frac{2}{5}$$

$$(ح) \frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{2 \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{\sqrt{50}} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{\sqrt{10} \times \sqrt{5}} = \frac{2}{\sqrt{10}} + \frac{6}{\sqrt{5}}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

[3] بسط ما يأتي: حيث المتغيرات أعداد حقيقية موجبة لا تساوي صفر.

$$(أ) \quad \frac{1}{48} - \frac{4}{12} \text{ ؟}$$

$$\# \frac{7}{3 \times 4} = \frac{1-8}{3 \times 4} = \frac{1}{3 \times 4} - \frac{4}{3 \times 2} = \frac{1}{3 \times 16} - \frac{4}{3 \times 4} = \text{الحل:}$$

$$(ب) \quad \frac{3}{\text{اس}} - \frac{7}{\text{اس}^2} \text{ ؟}$$

$$\text{الحل:} \quad \frac{1}{\text{اس}} = \frac{6-7}{\text{اس}^2} = \frac{3}{\text{اس}} - \frac{7}{\text{اس}^2}$$

$$(ج) \quad \frac{4}{\text{اس}} - \frac{5}{\text{اس}^2}$$

$$\text{الحل:} \quad \frac{4-5}{\text{اس}^2} = \frac{4}{\text{اس}} - \frac{5}{\text{اس}^2}$$

$$(د) \quad \frac{3}{\text{ا} \times \text{ب}} + \frac{2}{\text{ا}} \text{ ؟}$$

$$\text{الحل:} \quad \frac{3+2\text{ب}}{\text{ا} \times \text{ب}} = \frac{3}{\text{ا} \times \text{ب}} + \frac{2}{\text{ا}}$$

$$(هـ) \quad \frac{4}{50} - \frac{2}{18} \text{ ؟}$$

$$\# \frac{2-}{2 \times 15} = \frac{12-10}{2 \times 15} = \frac{4}{2 \times 5} - \frac{2}{2 \times 3} = \frac{4}{2 \times 25} = \frac{2}{2 \times 9} = \text{الحل:}$$

$$(و) \quad \frac{2}{6} + \frac{5}{3} \text{ ؟}$$

$$\# \frac{2+2 \times 5}{6} = \frac{2+2 \times 5}{2 \times 3} = \frac{2}{2 \times 3} + \frac{5}{3} = \text{الحل:}$$



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

## ضرب وقسمة الجذور

$$\text{قاعدة: } \sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b} = \sqrt{ab} = \sqrt{b} \times \sqrt{a}$$

يستفاد منها في انطباق المقام إذا كان الجذر وحيد في المقام.

$$\text{مثال: } 5 = \sqrt{5} \times \sqrt{5}$$

$$\frac{5}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} \times \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \quad \text{مثال:}$$

$$\text{مثال: } \frac{2}{2} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad (\text{أنطق المقام})$$

$$\text{قاعدة: تذكر (ب - ج) (ب + ج) = ب}^2 - \text{ج}^2$$

نقول عن (ب - ج) ، (ب - ج) مترافقان لا يختلفان إلا بالإشارة.

$$\therefore (\sqrt{a} - \sqrt{b})(\sqrt{a} + \sqrt{b}) = (\sqrt{a})^2 - (\sqrt{b})^2 = a - b$$

فائدة القاعدة: إنطاق المقام إذا كان به حدين أحدهما على الأقل جذر.

$$\text{مثال: } \frac{1}{2-3} \text{ أنطق المقام؟}$$

$$\text{الجواب: } 0 \neq \frac{2+3}{7} = \frac{2+3}{2-9} = \frac{2+3}{2^2(2)+2^2(3)} = \frac{2+3}{2+3} \times \frac{1}{2-3}$$

## تمارين ومسائل (5/3)

[1] أوجد ناتج كل مما يأتي، علماً بأن المتغيرات أعداد حقيقية موجبة:

$$(أ) \quad 2\sqrt{2} + 5\sqrt{2} \dots \text{ نضرب الإشارة ثم العدد ثم الجذر.}$$

$$\text{الحل: } 5\sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 2 \times \sqrt{2} + 5\sqrt{2}$$

$$(ب) \quad 3(21 = 15) \text{ وزع:}$$

$$\text{الحل: } + 3\sqrt{15} \times \sqrt{3} - 21\sqrt{3} = 63\sqrt{3} - 45\sqrt{3} = 7 \times 9 - 5 \times 9 = 7 \times 3 - 5 \times 3$$

$$= 7 \times 3 - 5 \times 3 = 7 \times 9 - 5 \times 9 =$$

غير متشابهين فلا يجمعان.

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

(ج)  $(اس + اص) \times (اس - اص)$  وزع:

$$\text{الحل: } اس \times اس + اص \times اص = اس \times اص + اص \times اس$$

(د)  $5 \times 5 (7 - 2 - 4 - 3)$  وزع:

$$\text{الحل: } + 5 \times 7 + 5 \times 5 - 2 \times 5 - 4 \times 5 = 35 + 25 - 10 - 20 = 30$$

(هـ)  $(2 - 3)(2 + 5)$  وزع:

$$\text{الحل: } 5(2 - 3) + 2(2 - 3) = 10 - 15 - 6 + 4 = -7$$

$$= 10 - 15 - 6 + 4 = -7$$

(و)  $(3 + 4)(3 + 5)$  وزع:

$$\text{الحل: } 4(3 + 5) + 3(3 + 5) = 20 + 24 = 44$$

$$= 20 + 24 = 44$$

(ز)  $(-3 + 5)(-2 - 1)$  توزيع شفهي:

$$\text{الحل: } + 6 + 3 - 10 - 5 = -6$$

(ح)  $(5 - 10)(5 + 10)$

الحل: القوسان مترافقان. ∴ تذكر القاعدة (الأول)  $- 2$  (الثاني)  $^2$

$$\text{التنفيذ: } (10 - 5)(10 + 5) = 100 - 25 = 75$$

(ط)  $(3س - 4ص)(3س + 4ص)$  نفس الخبر.

$$\text{الحل: } (3س)^2 - (4ص)^2 = 9س^2 - 16ص^2$$

(ي)  $(7 - 2)^2$  تذكر (ب) - ج  $= 2 \times \text{الأول} - \text{الثاني} \times \text{الأول} + \text{مربع الثاني}$

$$\text{الحل: التنفيذ } (2)^2 - 2 \times 7 \times 2 + (7)^2 = 4 - 28 + 49 = 25$$

$$= 4 - 28 + 49 = 25$$

[2] أوجد حاصل الضرب لكل مما يأتي علماً بأن الجذور أعداد حقيقية:

$$(أ) (4 + 3 + 2)^2 \quad \text{تذكر أن (ب) + ج} = 2 + 2 \times ب \times ج + ج^2$$

$$\text{التنفيذ: } (4 + 3 + 2)^2 = 2^2 + 2 \times 3 \times 4 + 3^2 + 2 \times 4 \times 2 + 4^2 = 4 + 24 + 9 + 16 + 16 = 69$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$3 \ 16 + 52 = 4 + 3 \ 16 + 48 =$$

$$(ب) (أ - ب) (أ + ب) \text{ عدد في مرافقه } = (\text{الأول})^2 - (\text{الثاني})^2$$
$$\text{التنفيذ: } (أ)^2 - (ب)^2 = أ^2 - ب^2$$

$$(ج) (4 س - ص) (5 س + ص) \text{ فك عادي لأنهما غير مترافقين.}$$

$$\text{التنفيذ: } 4 س (5 س + ص) - ص (5 س + ص) =$$

$$= 20 س + 4 س ص - 5 س ص - ص = 20 س - ص - ص - ص$$

$$(د) (6 - 6) (6 - 6) \text{ القوسان متساويان.}$$

$$\text{الحل: } (6 - 6) = 2 \text{ مربع الأول} - 2 \times \text{الأول} \times \text{الثاني} + \text{مربع الثاني.}$$

$$= 2(6 - 6) = 2(6) + 6 \times 2 - 36 = 2(6 - 6) =$$

$$= 6 \ 12 - 42 = 6 + 6 \ 12 - 36 =$$

$$(ه) (3 أ + 2 ب) (أ - 3 ب) \text{ فك عادي طويل.}$$

$$\text{الحل: } 3 أ (أ - 3 ب) + 2 ب (أ - 3 ب) =$$

$$= 3 أ^2 - 9 أ ب + 2 أ ب - 6 ب^2 =$$

$$(و) (أ + ب) (أ - 1) \text{ ضرب طويل.}$$

$$\text{الحل: } أ (أ - 1) + ب (أ - 1) =$$

$$= أ^2 - أ + أ ب - ب = أ^2 - أ + أ ب - ب$$

$$(ى) ب^3 (7^2 + 5^3) \text{ وزع:}$$

$$\text{الحل: } ب^3 (7^2 + 5^3) = ب^3 \times 7^2 + ب^3 \times 5^3 =$$

$$= ب^3 (7^2 + 5^2) = 2 ب^3 \times 7^2 + 2 ب^3 \times 5^2 =$$

$$(ح) أ^2 (8^4 + 2^4) \text{ وزع}$$

$$\text{الحل: } أ^2 (8^4 + 2^4) = أ^2 \times 8^4 + أ^2 \times 2^4 =$$

$$= 2^8 أ^2 + 2^4 أ^2 = 2^4 (2^4 + 1) أ^2 =$$

$$= 2^4 (2 + 4) أ^2 = 2^4 (2 + 4) أ^2 =$$

$$(ط) أ^4 (5 + 2) \text{ وزع}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\text{الحل: } \frac{1}{2} أ \times 5 \times \frac{1}{4} أ + \frac{1}{2} أ \times 2 \times \frac{1}{4} أ = 5 أ \times أ^4 + 2 أ \times أ^4$$

$$\frac{3}{4} أ (5 + 2) = \frac{3}{4} أ 5 + \frac{3}{4} أ 2 =$$

(ى) (أ + ب) (أ<sup>3</sup> + ب<sup>3</sup>) فك عادي.

$$\text{الحل: } أ \times أ^3 + ب \times ب^3 + أ \times ب^3 + ب \times أ^3 =$$

$$\frac{1}{2} أ \times \frac{1}{2} ب + \frac{1}{2} ب \times \frac{1}{2} أ + \frac{1}{3} أ \times \frac{1}{3} ب + \frac{1}{3} ب \times \frac{1}{3} أ =$$

$$\frac{5}{6} أ + \frac{5}{6} ب + \frac{1}{3} أ \times \frac{1}{2} ب + \frac{1}{3} ب \times \frac{1}{2} أ =$$

[3] ببساطة مما يأتي علماً بأن المتغيرات أعداد حقيقية موجبة والمقام لا يساوي صفر.

$$(أ) \quad 2 + 5 = \frac{2+5}{1} = \frac{2+5}{4-5} = \frac{2-5}{2(2) - 2(5)} = \frac{2+5}{2-5} \times \frac{1}{2-5}$$

$$(ب) \quad \frac{6}{4+6} \text{ أضرب بمرافق المقام } (4 - 6)$$

$$\# \frac{12+6}{5} = \frac{24-6}{10} = \frac{24-6}{16-6} = \frac{(4-6)6}{2(4) - 2(6)} = \frac{4-6}{4-6} \times \frac{6}{4+6}$$

$$(ج) \quad \frac{6}{6-3} \text{ أضرب بمرافق المقام } (6 + 3)$$

$$\frac{(6+3)6}{6-9} = \frac{(6+3)6}{2(6) - 2(3)} = \frac{(6+3)}{(6+3)} \times \frac{6}{6-3}$$

$$\# \quad 6 \times 2 + 6 = (6+3) \times 2 = \frac{(6+3)6}{3}$$

$$(د) \quad \frac{4}{6-10} \text{ أضرب بمرافق المقام } (6 + 10)$$

$$\frac{(6+10)4}{6-10} = \frac{(6+10)4}{2(6) - 2(10)} = \frac{6+10}{6+10} \times \frac{4}{6-10}$$

$$6 + 10 = \frac{(6+10)4}{4}$$

$$(هـ) \quad \frac{6}{3 \times 2 - 2} \text{ أضرب بمرافق المقام.}$$

$$\text{الحل: } \frac{(3 \times 2 + 2)6}{3 \times 4 - 2} = \frac{3 \times 2 + 2}{3 \times 2 + 2} \times \frac{6}{3 \times 2 - 2}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{(3 \cdot 2 + 2) \cdot 6}{3 \times 4 - 2} = \frac{3 \cdot 2 + 2}{3 \cdot 2 + 2} \times \frac{6}{3 \cdot 2 - 2} = \frac{18 \cdot 2 + 12}{12 - 2} =$$

$$\frac{(2 \cdot 3 + 3 \cdot 2) \cdot 2}{2 \times 5} = \frac{2 \cdot 6 + 3 \cdot 2}{10} = \frac{2 \times 9 \cdot 2 + 3 \times 4}{10} = \frac{18 \cdot 2 + 12}{10} = \frac{12 - 2}{10} =$$

$$\# \frac{(2 \cdot 3 + 3 \cdot 2)}{5} =$$

(و) اضرب بمرافق المقام:  $\frac{10}{2 \cdot 2 + 5}$

$$\frac{20 \cdot 2 - 50}{2 \times 4 - 5} = \frac{(2 \cdot 2 - 5) \cdot 10}{(2 \cdot 2) - 2(5)} = \frac{2 \cdot 2 - 5}{2 \cdot 2 - 5} \times \frac{10}{2 \cdot 2 + 5} \text{ :الحل}$$

$$\frac{5 \cdot 4 + 2 \cdot 5}{3} = \frac{5 \cdot 4 - 2 \cdot 5}{3} = \frac{5 \times 4 \cdot 2 - 2 \times 25}{3} =$$

(ز)  $\frac{أ \cdot ب}{أ + ب}$

$$\frac{أ \cdot ب}{أ + ب} = \frac{أ \cdot ب (أ - ب)}{أ \cdot ب (أ - ب)} = \frac{أ \cdot ب - أ \cdot ب^2}{أ \cdot ب (أ - ب)} \text{ :الحل}$$

$$\frac{أ - أ^2}{1 - أ} = \frac{أ (أ - 1)}{أ (أ - 1)} = \frac{أ - أ^2}{أ (أ - 1)} =$$

(ح)  $\frac{3 \cdot س}{س - س^3}$

$$\frac{3 \cdot س (س + س^2)}{س - س^3} = \frac{3 \cdot س (س + س^2)}{س (س + س^2) (س - 1)} \times \frac{3 \cdot س}{3 \cdot س} \text{ :الحل}$$

$$\# \frac{3 \cdot س^3 + 3 \cdot س^3}{س - 1} = \frac{3 \cdot س (س + س^2)}{س (س - 1)} =$$

[4] ببسط كلاً مما يأتي علماً بأن المتغيرات أعداد حقيقية موجبة والمقام لا يساوي الصفر.

(أ)  $\frac{س^2 \cdot ص}{س - س^2}$  اضرب بالمرافق.

$$\frac{س^2 \cdot ص (س + س^2)}{س - س^2} = \frac{س^2 \cdot ص (س + س^2)}{س (س + س^2) (س - 1)} \times \frac{س^2 \cdot ص}{س^2 \cdot ص} = \text{الحل:}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{س^2ص + ص + ص + ص + ص}{س^2 - 2ص} = \frac{س(س + ص)(س + ص)(س + ص)(س + ص)}{س(س^2 - 2ص)} =$$

$$\frac{س^{\frac{5}{2}}ص + ص + ص + ص + ص}{س^2 - 2ص} = \frac{س^{\frac{1}{2}}(س + ص)(س + ص)(س + ص)(س + ص)}{س^2 - 2ص} =$$

$$\frac{3س}{\sqrt{2+3}} \times \frac{2س}{3س-2ص} \text{ (ب)}$$

$$\frac{4س + 6س}{9س - 4ص} = \frac{2س(3س + 2ص)}{9س - 4ص} \text{ الحل:}$$

$$\frac{أ^2ب + ب^2أ}{أ^2ب + ب^2أ} \times \text{أضرب بالمرافق} = \frac{أ^3ب}{أ^2ب - ب^2أ} \text{ (ج)}$$

$$\frac{أ^2ب(أ + ب)}{أ(ب - 4ب)} = \frac{أ^3ب(أ + ب)}{أ^4ب - 2ب^2أ} \text{ الحل:}$$

$$\frac{16س^2 - 2ص}{2س + ص} \times \frac{2س + ص}{2س - ص} \text{ (ه)}$$

$$\frac{(2س + ص)(4س + ص)(4س - ص)}{(4س - ص)} = \frac{16س^2 - 2ص}{4س - ص} \text{ الحل:}$$

$$(4س + ص)(2س + ص) =$$

$$\frac{81 - 16ب^2}{(و)} \text{ ماذا تفعل؟ أضرب بمرافق المقام.}$$

$$\frac{(2 + أ)(4 + ب)(4 - ب)}{(4 - ب)} = \frac{3 - أ}{3 + أ} \times \frac{81 - 16ب^2}{3 - أ} \text{ الحل:}$$

[5] بسّط الآتي:

$$\frac{5 - 3 + 5 + 3}{5 - 3 + 5 + 3} \times \frac{5 - 3 + 3}{5 - 3 - 5 + 3} \text{ (أ)}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\text{الحل: } 2 + 5 + 3 = \frac{2(5 - 3 + 5 + 3)}{(5 - 3) - 5 + 3}$$

$$\frac{5 - 9 \quad 2 + 6}{5 \quad 2} = \frac{5 - 3 + (5 - 3)(5 - 3)2 + 5 + 3}{5 \quad 2} =$$

$$\frac{5 \quad 5}{5} = \frac{5 \times 5}{5 \times 5} = \frac{5}{5} = \frac{10}{5 \quad 2} = \frac{4 + 6}{5 \quad 2} =$$

$$\text{(ب) } 0 < \text{أ} + \text{ب} + \left(\frac{4}{\text{أ} + \text{ب}} - \text{أ} - \text{ب}\right)$$

$$\text{الحل: } \text{أ} + \text{ب} + \text{أ} \times \text{ب} + \text{أ} - \text{ب} - \text{أ} = \frac{4}{\text{أ} + \text{ب}} \quad 2 - \text{ب} + \text{أ} =$$

$$\text{(ج) } \frac{2(\text{ج} - \text{ب})}{2\text{ج} - 2\text{ب}} \div \frac{2\text{ج} - 2\text{ب}}{\text{ج} - \text{ب}} \quad \forall \text{ب} \in \text{د} \text{ ، } \text{ح} < \text{ب} < \text{د}$$

$$\text{الحل: } \frac{(\text{ج} + \text{ب})(\text{ج} - \text{ب})}{2(\text{ج} - \text{ب})} \times \frac{(\text{ج} + \text{ب})(\text{ج} - \text{ب})}{\text{ج} + \text{ب}}$$

$$\# (\text{ب} - \text{ج} + \text{ب}) = \frac{(\text{ج} + \text{ب})(\text{ج} - \text{ب})}{(\text{ج} - \text{ب})} = \frac{\text{ج} + \text{ب} \times \text{ج} - \text{ب}}{\text{ج} + \text{ب}} =$$

$$\text{(د) } \frac{\text{س} + \text{س}}{\text{س} - 9\text{س}} \text{ حيث } \text{س} \neq \frac{1}{81} \text{ ، } 0 < \text{س}$$

الحل:

$$\frac{2\text{س} + 9\text{س}}{\text{س} - 81\text{س}^2} = \frac{\text{س} + 9\text{س}}{\text{س} + 9\text{س}} \times \frac{\text{س} + \text{س}}{\text{س} - 9\text{س}}$$

$$\# \frac{\text{س} + 9\text{س} + 10 + 1}{\text{س} - 81 - 1} = \frac{(\text{س} + 9\text{س} + 10 + 1)\text{س}}{(\text{س} - 81 - 1)\text{س}}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

## المعادلة الأسية

تعريف: هي معادلة تحوي متغير في أس القوة.

مثال:  $s = 5 = 1$  معادلة أسية.

مثال:  $s = 5 = 1$  ليست دالة أسية.

من خواصها:

$$[1] \quad \boxed{a^m = b^n} \iff \boxed{m = n}$$

أي إذا تساوي الأساس تساوي الأس.

مثال:  $s = 5 = 25 = 5^2 \iff s = 5 = 2$

$$[2] \quad \boxed{a^m = b^n} \iff \boxed{a = b} \text{ إذا كان } b \neq 0$$

مثال:  $s = 5 = 3$  هذا لا يكون إلا إذا كان  $n =$

طالما  $5 \neq 3$  لاحظ  $5 = 1 = 3 = 1$

المعادلة الجبرية: يظهر بها متغير تحت الجذر

انتبه: عليك أن تراعي ما يلي:

[1] تحديد شرط الحل (ما تحت الجذر  $\leq 0$ )

[2] كل قيمة لـ:  $s$  تتعارض مع شرط الحل تُرفض.

مثال:  $s = 1 = 1$  المعادلة جذرية لظهور  $s$  تحت الجذر.

• شرط الحل:  $s - 1 \leq 0 \iff s \leq 1 \iff s \in ]-\infty, 1]$

الحل:  $s = 1 = 1$  ربيع  $(s - 1)^2 = 1^2 \iff s - 1 = 1 = 1$

$\iff s = 2 \in ]-\infty, 1] + \infty$  [مقبول]. ∴ الحل  $s = 2$  #



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

## تمارين ومسائل (6/3)

[1] حل المعادلات الآتية وتحقق من صحة الحل:

$$(أ) \quad 5^{1+4s} = 3^{25}$$

$$\text{الحل: } 4^{1+5s} = 3^{25} \Leftarrow 5^{1+4s} = 6^{5s} \Leftarrow \text{الأُس} = \text{الأُس}.$$

$$\therefore 6^s = 4^s + 1 \Leftarrow 6^s - 4^s = 1 \Leftarrow 2^s = 1 \Leftarrow s = \frac{1}{2}$$

$$\text{التحقيق: الطرف الأيمن: } 125 = 5^{3} = 5^{1+2} = 5^{1+\frac{1}{2} \times 4} = 5^{1+2}$$

$$\text{الطرف الأيسر: } 125 = 5^3 = \frac{3}{2} \times 2^5 = \frac{3}{2} (2^5) = \frac{1}{2} \times 3 (2^5) = \frac{1}{2} \times 3 (2^5)$$

$$(ب) \quad 32 = 2^{3s}$$

$$\text{الحل: } 2^5 = 2^s \Leftarrow \text{الأُس} = \text{الأُس} \Leftarrow s = 5$$

$$\text{التحقيق: الطرف الأيمن } 32 = 2^5 = 2^{3s} \Leftarrow \text{الأيسر}$$

$$(ج) \quad \frac{1}{4^2} = 2^s \Leftarrow 2^s = 2^{4-2} \Leftarrow s = 4 - 2 = 2$$

$$\text{التحقيق: الأيمن } 2^s = 2^{4-2} = \frac{1}{4^2} \Leftarrow \text{الأيسر}$$

$$(د) \quad 25 = 5^{-m}$$

$$\text{الحل: } 5^{-2} = 5^{-m} \Leftarrow m = 2 = 2 - 2 = m$$

$$\text{التحقيق الأيمن: } 25 = 5^{2+} = 5^{-m} \Leftarrow \text{الأيسر}.$$

$$(هـ) \quad 16 = \left(\frac{1}{2}\right)^s$$

$$\text{الحل: } \frac{1}{2^2} = \frac{1}{2^s} \Leftarrow 2^2 = 2^s \Leftarrow s = 2 = 4 - 2 = s$$

$$\text{التحقيق: الطرف الأيمن: } 16 = 2^4 = (2^{-4})^{-2} = 2^{4 \times 2} = 2^8 \Leftarrow \text{الأيسر}$$

$$(و) \quad 8 = 1^{-h} (32)$$

$$\text{الحل } 3 = 5^{-h} \Leftarrow 3^2 = 5^{-h} \Leftarrow 3^2 = 5^{-h} \Leftarrow 3^2 = 5^{-h}$$

$$\frac{8}{5} = h \Leftarrow 8 = 5^h \Leftarrow 3 + 5 = 5^h \Leftarrow$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$3^{-}\left(\frac{3}{5}\right) = 1^{-}2\left(\frac{3}{5}\right) \text{ (ز) } \quad \text{أنتبه: } 1^{+}\left(\frac{ب}{أ}\right) = 1^{-}\left(\frac{أ}{ب}\right)$$

$$\text{الحل: } 3^{-}\left(\frac{3}{5}\right) = 1^{-}2\left(\frac{3}{5}\right)$$

$$2 = \frac{4}{2} = 2 \Leftarrow 4 = 2 \Leftarrow 3 = 1 - 2$$

$$0.001 = 10^{-3} \text{ (ح)}$$

$$\text{الحل: } 10^{-3} = \frac{1}{1000} = 10^{-3} \Leftarrow \frac{1}{310} = 10^{-3} \Leftarrow 10^{-3} = 10^{-3} \Leftarrow 3^{-} = 10^{-3}$$

$$1 = 10^{(5-)(4-)} \text{ (ط)}$$

$$\text{الحل: } 10^{(5-)(4-)} = 1 \Leftarrow (5-)(4-) = 0$$

$$\Leftarrow \text{إما } 5 = 0 \Leftarrow 4 = 0 \text{ أو } 5 = 0 \Leftarrow 5 = 0$$

$$\text{(ي) } 2 = \frac{64}{8} = 2 \Leftarrow 8 = 2 \Leftarrow 2 = 2 \Leftarrow 3 = 2$$

[2] حل المعادلات الآتية وتحقق من صحة الحل:

$$\text{(أ) } 3^{5-} = 2^{5-}$$

الحل: أنتبه الأُس = الأُس وطالما  $3 \neq 2$

$$\therefore \text{يجب الأُس} = 0 = 5- \Leftarrow 0 = 5- \Leftarrow 5 = 0$$

$$\text{التحقيق: } 3^{5-} = 3^{0} = 1 = 2^{5-}$$

$$\text{الأيسر } 2 = 1 \text{ (3)}$$

$$\text{(ب) } 7^{2-} 6^{س} + 5 = 2^{س-2} 6^{س+5}$$

الحل: أنتبه: الأُس = الأُس وطالما الأساس  $7 \neq 2$  أفهم أن الأُس = صفر.

$$\therefore 2 = 6^{س} + 5 = 0 \Leftarrow (1-)(5-) = 0$$

$$\text{إما } 1 = 0 \Leftarrow 1 = 0 \text{ أو } 1 = 5 - 0 \Leftarrow 5 = 0$$

$$\text{التحقيق: من أجل } 5 = 7^{س} = 7^{0} = 1 \text{ (3)}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\text{الأيسر } 1 = 0^2 \quad (3)$$

$$\text{(ج) } 5^{5-2} = 3^{5-2}$$

$$\text{الحل: } 5 \neq 3 \quad \therefore 3^{5-2} = 5^{5-2} = 0 \Rightarrow \text{س} = (5 - 5) = 0$$

$$\Rightarrow \text{إما س} = 0 \text{ أو س} = 5 - 5 = 0 \Rightarrow \text{س} = 5$$

$$\text{التحقيق: لما س} = 0 \Rightarrow \text{الأيمن } 5^{0-0} = 3^{0-0} = 1$$

$$\therefore \text{س} = 0 \text{ يمثل حلاً. الأيسر } 1 = 0^3$$

وهكذا من أجل س = 5 تحقق بنفسك.

$$\text{(د) } 3^{2\text{س}} = 9 \quad \text{تذكر ن ب}^{\text{ا}} = \text{ب}^{\text{ا}}$$

$$\text{الحل: } 3^{\frac{2}{\text{س}}} = 9 = 3^2 \Rightarrow 3 = 3^2 \Rightarrow \text{س} = 2$$

$$\text{التحقيق: من أجل س} = 2 \Rightarrow \text{الأيمن } 3^4 = 3^2 = 9 = \text{الأيسر.}$$

$$\text{(هـ) } 3^{2\text{س}} = 3^{2+\text{س}}$$

$$\text{الحل: الأساس} = \text{الأساس} \Rightarrow \text{الأس} = \text{الأس أي } 2\text{س} = 2 + \text{س}$$

$$2\text{س} = 2 + \text{س} \Rightarrow \text{س} = 2$$

$$\text{(و) } 7^{2+\text{ص}} = 7^{1+\text{ص}}$$

$$\text{الحل: } 7^{2+\text{ص}} = 7^{1+\text{ص}} \therefore 2 + \text{ص} = 1 + \text{ص} \Rightarrow 2 - 1 = \text{ص} - \text{ص}$$

$$\Rightarrow \text{ص} = 1 \quad \#$$

[3] أوجد مجموعة الحل لكل من المعادلات الآتية:

$$\text{(أ) } 0 = 3 + 3 \times 4 - 2^3$$

$$\text{الحل: } (3^{\text{س}})^2 - 4(3^{\text{س}}) + 3 = 0 \quad \text{نفرض ع} = 3^{\text{س}}$$

$$ع^2 - 4ع + 3 = 0$$

$$0 = (3-ع)(ع-1)$$

$$\text{أما ع} = 3 \Rightarrow 3 = 3^{\text{س}} \Rightarrow 1 = 3 \Rightarrow \text{س} = 1$$

$$\text{أو ع} = 1 \Rightarrow 1 = 3^{\text{س}} \Rightarrow 1 = 3^0 \Rightarrow \text{س} = 0$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ب) \quad 5^s = 125 \times 2^3(25)$$

$$\text{الحل: } 5^s = 3^5 \times 2^3(25) \Leftarrow 5^s = 3^5 \times 2^{3 \times 2} 5$$

$$15 = 5 \Leftarrow 5^s = 15^5 \Leftarrow 5^s = 3^5 \times 125 =$$

$$0 = 5 + 1^{-s} 5 \times 6^{-1-s} 25 \text{ (ج)}$$

$$\text{الحل: } 0 = 5 + (1^{-s} 5) 6^{-1-s} (25)$$

$$0 = (1-ع) (5-ع) \Leftarrow 0 = 5 + 6^{-2} ع \Leftarrow 1^{-s} 5 = ع \text{ نفرض } ع$$

$$2 = 5 \Leftarrow 1 = 1^{-s} 5 \Leftarrow 5 = ع \Leftarrow 0 = 5 - ع \text{ إما } ع$$

$$0 = 1 - ع \Leftarrow 0 = 1 - ع \Leftarrow 1 = 1^{-s} 5 \Leftarrow 1 = 1^{-s} 5 \Leftarrow 0 = 1 - ع$$

$$1 = 5 \Leftarrow$$

$$1 = 1^{-s} 5 \times 25 \text{ (د)}$$

$$\text{الحل: } 1^{-s} 5 \times 25 = 5^{1+s} \Leftarrow 0 = 1 + 5 \Leftarrow 0 = 1 + 5 \Leftarrow 1^{-s} = 5$$

$$7 = 7^s \times 8 - 2^7 \text{ (هـ)}$$

$$\text{الحل: } 0 = 7 + (7^s) 8 - 2^7$$

$$0 = 7 + 8 - 2^7 \Leftarrow 7 = ع \Leftarrow 0 = 7 + ع - 2^7$$

$$1 = (1-ع) (7-ع)$$

$$1 = 5 \Leftarrow 17 = 7^s \Leftarrow 7 = ع \Leftarrow 0 = 7 - ع \text{ إما } ع$$

$$0 = 5 \Leftarrow 07 = 7^s \Leftarrow 1 = ع \Leftarrow 0 = 1 - ع$$

[4] حل المعادلات الآتية:

$$(أ) \quad 3 = 5 - 2^s$$

$$\text{الحل: شرط الحل: } 5 - 2^s \leq 0 \Leftarrow 5 \leq 2^s \Leftarrow \frac{5}{2} \leq 2^s$$

$$9 = 5 - 2^s \Leftarrow 2^s(3) = 2^2(5 - 2^s)$$

$$7 = 5 \Leftarrow 14 = 2^s$$

$$\text{انتبه: } 5 = 7 \Leftarrow \frac{5}{2} \leq 7 \text{ .} \therefore \text{مقبول ضمن الشرط: } 5 \leq \frac{5}{2}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ب) \quad 12 + س = س$$

الحل: شرط الحل  $س \geq 0$

$$\text{رَبِّع الطرفين } (س) = (س + 12)^2$$

س = س<sup>2</sup> + 24س + 144 صفرها بنقل س من الطرف الأيمن إلى الطرف الأيسر.

$$س = س^2 + 24س + 144 \Leftrightarrow 0 = 144 + س - 24س + س^2 \Leftrightarrow 0 = 144 + س^2 - 23س$$

$$\Leftrightarrow 1 = أ ، 23 = ب ، 144 = ج$$

$$\Delta = ب^2 - 4أج = 23^2 - 4 \times 1 \times 144 = 23^2 - 576 > 0 \text{ مستحيل}$$

∴ مجموعة الحل =  $\phi$

$$(ج) \quad 1 = 3 - س - 4 + س$$

الحل: شرط الحل  $س + 4 \leq 0 \Leftrightarrow س \leq -4$  ،  $3 - س \leq 0 \Leftrightarrow س \leq 3$  ،  $3 \leq س$

$$\text{∴ شرط الحل} = ]-\infty ، -4] \cap ]-\infty ، 3] = ]-\infty ، -4]$$

نصيحة: معك جذرين أجعل أحدهما في طرف وأنقل الآخر إلى الطرف الثاني ثم ربّع.

$$\text{∴} \quad 1 = 3 - س - 4 + س \Leftrightarrow 1 = 3 - س + س - 4 + 1$$

$$\text{رَبِّع الطرفين } (س + 4) = (س + 3)^2$$

$$س + 4 = (س + 3)^2 + 1 \times 2 \times (س + 3) + 1$$

$$س + 4 = (س + 3)^2 + 2(س + 3) + 1$$

$$س + 4 = 6 + 2(س + 3)$$

$$\text{رَبِّع الطرفين: } 36 = 4(س + 3)$$

$$36 = 4(س + 3) \Leftrightarrow 36 = 4س + 12$$

$$س = \frac{48}{4} = 12 \text{ لاحظ: } س \leq 12 = 3 \text{ مقبول.}$$

$$(د) \quad 3 = 6 = س$$

الحل: شرط الحل  $س \geq 0$

$$\text{∴} \quad 9 = س \Leftrightarrow 3 + 6 = س = 9 \text{ ربّع س = 81 مقبول.}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(هـ) \text{ ص} - 4 = 7$$

الحل: شرط الحل  $ص - 4 \leq 0 \leq 4 - ص$

$$\therefore \text{ص} - 4 = 7 = 4 - \text{ص} \Rightarrow 49 = 4 - \text{ص} \Rightarrow 53 = 4 + 49 = \text{ص}$$

$\therefore \text{ص} = 53$  مقبول ضمن شرط الحل.

$$(و) \text{ أ}^2 + 10\text{أ} = 3$$

الحل: شرط الحل  $0 \leq \text{أ} \leq 10 + \text{أ}^2$

$$\text{أ}^2 + 10\text{أ} = 3 \Rightarrow \text{أ}^2 + 10\text{أ} - 3 = 0$$

الثوابت:  $\text{أ} = 1$  ،  $\text{ب} = 10$  ،  $\text{ج} = -9$

$$\Delta = \text{ب}^2 - 4\text{أ}\text{ج} = 100 - 4(-9) = 136 = 36 + 100$$

$$\# \text{أ} = \frac{-\text{ب} \pm \Delta}{2\text{أ}} = \frac{-10 \pm 10}{2}$$

$$(ز) \text{ب} + 2 = 5 + 3 = 4$$

الحل: ربيع الطرفين  $(\text{ب} + 2)^2 = 5^2 + 3^2$

$$\text{ب} + 2 = 5 + 3 = 4 \Rightarrow \text{ب} - 3 = 4 - 5 = -1$$

$$\text{ب} = 1$$

$$(ح) \text{س} + 5 = 2$$

الحل: شرط الحل  $\text{س} \leq 0$

$$\therefore \text{س} = 2 - 5 = -3 \Rightarrow \text{س} = -3 \text{ مستحيل جذر تربيعي سالب.}$$

$\therefore$  مجموعة الحل  $\emptyset$

[5] أوجد مجموعة الحل للمعادلات الآتية:

$$(أ) 3\text{س} + 5 = 7$$

الحل: ربيع الطرفين  $3\text{س} + 5 = 7$

$$3\text{س} = 7 - 5 = 2 \Rightarrow \text{س} = \frac{2}{3}$$

$\therefore$  مجموعة الحل  $\{ \frac{2}{3} \}$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ب) 2^2 - 1 = 4$$

$$\text{الحل: ربيع الطرفين } 4 = (2-1) = 4 \Rightarrow 8-4 = 4$$

$$\Rightarrow 8-4 = 4 \Rightarrow 4 = 4 \Rightarrow 1 = 1 \quad \therefore \text{مجموعة الحل } \{1\}$$

$$(ج) أ - 5 = 6$$

$$\text{الحل: ربيع الطرفين: } (أ - 5)^2 = 6^2$$

$$أ - 5 = 6$$

$$أ = 6 + 5 = 11$$

$$(أ-9) (أ+4) = 0 \Rightarrow 0 = 9-أ \Rightarrow 0 = 4+أ$$

$$\therefore \text{مجموعة الحل } \{9, 4\}$$

$$(د) 2س = 4 - س$$

$$\text{الحل: ربع الطرفين } (2س)^2 = (4-س)^2 \Rightarrow 4س^2 = 16 - 8س + س^2$$

$$3س^2 + 8س - 16 = 0$$

$$(س-8) (س+2) = 0 \Rightarrow 0 = 8-س \Rightarrow 0 = 2+س$$

$$\therefore \text{مجموعة الحل } \{8, 2\}$$

$$(هـ) 2ن + 3 = 2 - ن$$

$$\text{الحل: ربيع الطرفين } 2ن + 3 = 2 - ن$$

$$(2ن + 3)^2 = (2 - ن)^2$$

$$4ن^2 + 12ن + 9 = 4 - 4ن + ن^2$$

$$3ن^2 + 16ن + 5 = 0$$

$$(ن+1) (3ن+5) = 0$$

$$3ن+5 = 0 \Rightarrow 3ن = -5 \Rightarrow ن = -\frac{5}{3}$$

$$ن+1 = 0 \Rightarrow ن = -1$$

$$0 = 33 + 14ن - 2ن^2$$

$$0 = (3 - ن) (11 - ن)$$

$$11 = ن \Rightarrow 0 = 11 - ن$$

$$3 = ن \Rightarrow 0 = 3 - ن$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ز) \quad 3 = 7 - س^3$$

الحل: كعَب الطرفين:

$$س^3 = 7 - 3$$

$$س = 7 - 27 = 34 \quad \therefore \text{مجموعة الحل } \{34\}$$

$$(ط) \quad 1 - 8 = 3س^2 - 2س^4$$

الحل: مستحيل لأن دليل الجذر (4) جذر رباعي زوجي يجب أن يكون الناتج موجب.

$\therefore$  مجموعة الحل  $\emptyset$

$$(و) \quad 7 + ص = 4 - 3ص$$

$$\text{الحل: رتبع الطرفين } (7 + ص)^2 = (4 - 3ص)^2$$

$$7 + ص = 4 - 3ص \times 2 - 9$$

$$6 - 4 = 3ص - 6ص \quad \text{قسّم على } -3 \Rightarrow 2 = -ص$$

$$\text{رتبع الطرفين } (2)^2 = (-ص)^2 \Rightarrow 4 = ص^2$$

$$\text{ص} = 2 \text{ أو } -2 \quad \therefore \text{مجموعة الحل } = \{2, -2\}$$

$$(ح) \quad 1 - 5 = 2أ^5 - أ^5$$

$$\text{الحل: } (1 - 5) = 2أ^5 - أ^5 \Rightarrow -4 = أ^5$$

$$2 = أ^5 \Rightarrow 4 = أ^5 \Rightarrow 2 = أ^5$$

$$(ي) \quad \frac{1}{2}(2س^2 - 3س - 2) = \frac{1}{2}(5س^2 + 3س - 5)$$

الحل: رتبع الطرفين: وابتعد  $\frac{1}{2}$  لأنه يمثل جذر تربيعي

$$2س^2 - 3س - 2 = 5س^2 + 3س - 5$$

$$\frac{3}{4} = 3س - 4 \Rightarrow 3س = 4 + \frac{3}{4} \Rightarrow 3س = \frac{19}{4}$$

$$(ك) \quad 4 = \frac{1}{2}(5 + ص) + \frac{1}{2}(1 - 2ص)$$

الحل:  $4 = \frac{1}{2}(5 + ص) + \frac{1}{2}(1 - 2ص) \Rightarrow 8 = 5 + ص + 1 - 2ص \Rightarrow 8 = 6 - ص \Rightarrow 2 = -ص$

$$\text{رتبع الطرفين } (2)^2 = (-ص)^2 \Rightarrow 4 = ص^2$$



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$5 + \text{ص} + 5 + \text{ص} \quad 4 \times 2 - 16 = \text{ص} - 1$$

$$5 + \text{ص} \quad 8 - = \text{ص} - \text{ص} - 21 - 1$$

$$- \leftarrow \text{أضرب بـ} \quad 5 + \text{ص} \quad 8 - = \text{ص} - 3 - 20 -$$

$$\text{ربيع الطرفين.} \quad 5 + \text{ص} \quad 8 = (\text{ص} + 20)$$

$$(5 + \text{ص}) \quad 64 = 9\text{ص}^2 + \text{ص} \times 20 \times 2 + 400$$

$$320 + \text{ص}64 = 9\text{ص}^2 + \text{ص}120 + 400$$

$$0 = 80 + \text{ص}56 + 9\text{ص}^2$$

$$0 = (20 + \text{ص}) (4 + \text{ص})$$

$$4 - = \text{ص} \leftarrow 0 = 4 + \text{ص}$$

$$\frac{20 -}{9} = \text{ص} \leftarrow 0 = 20 + 9\text{ص}$$

$$(ل) \quad 5\text{ص} = 1 - 1 + \text{ص}3$$

الحل:  $5\text{ص} + 1 = 1 + \text{ص}3$  ربيع الطرفين.

$$^2(5\text{ص} + 1) = ^2(1 + \text{ص}3)$$

$$5\text{ص} + \text{ص}3 \quad 1 \times 2 + 1 = 1 + \text{ص}3$$

$$5\text{ص} - \text{ص}3 = 2$$

$$\leftarrow \text{بالتربيع للطرفين} \quad 5\text{ص} = 2 = \text{ص}3 \leftarrow \text{ص}3$$

$$0 = (3 - \text{ص}) \text{ص} \leftarrow \text{ص}3 = ^2\text{ص}3 \leftarrow 0 = \text{ص}3 - 2$$

$$\leftarrow \text{ص}3 = 3 \quad 0 = 3 - \text{ص} \quad 0 = \text{ص}$$

∴ مجموعة الحل {3 ، 0}

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

تمارين الملحق  
القوى والجذور تمارين ومسائل عامة

\*القوى:

[1] بسِّط ما يأتي علماً بأن المتغيرات أعداد حقيقية لا تساوي الصفر.

(أ)  $(2^2)^2$   $(2^2)^3$

الحل:  $2 \times 2 \times 2^2 \times 2^2 \times 2^2 = 2^2 \times 2^2 \times 2^2 \times 2^2 = 2^8$

(ب)  $(س^3ص)^2$   $(أسص)^3$

الحل:  $(س^3ص)^2 \times (أسص)^3 = س^6ص^2 \times أ^3س^3ص^3 = أ^3س^9ص^5$

$س^5ص^5 \times 6ع \times 2أ \times 3ص^3 = س^5ص^5 \times 6ع \times 2أ \times 3ص^3 = 36أ^2عص^8$

$س^5ص^5 \times 6ع \times 2أ \times 3ص^3 = 36أ^2عص^8$

(ج)  $(2^5)^2 - (3^2)^3$

الحل:  $2^{10} - 3^6 = 1024 - 729 = 295$

$4^6 - 27^2 = 4096 - 729 = 3367$

$4^6 - 27^2 = 4096 - 729 = 3367$

(د)  $(3س^-)^4$   $(2س^-)^5$

الحل:  $3^4س^{-4} \times 2^5س^{-5} = 243س^{-9} = \frac{243}{س^9}$

(هـ)  $(5س^-)^3$   $(6س^-)^5$

الحل:  $5^3س^{-3} \times 6^5س^{-5} = 1500س^{-8} = \frac{1500}{س^8}$

(و)  $(4^2)^3 \times (2^3)^4 = 4^6 \times 2^{12} = 4096 \times 4096 = 16777216$

(ز)  $\frac{3س^4ص^-2}{6س^-8} = \frac{1}{3} \times س^4 \times 6س^8 \times 3س^4ص^-2 = 6س^{16}ص^-2$

(ح)  $\frac{2س^-}{(س+1)^ن} = \frac{2س^-}{(س+1)^ن} = \frac{2س^-}{(س+1)^ن}$

(ط)  $1 = \frac{8^4}{8^4} = \frac{4 \times 2^4}{2 \times 4^4} = \frac{4^2}{2^4}$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ي) \quad 1 = 3 = \frac{3}{1} = \frac{3}{0(1+س2)}$$

$$(ك) \quad 3ص^3 \times 3(2^-س) \times 2(4^-ص) \times 2(3س) \times 2^2 = 3(ص^2س) 2(4^-ص^3س2) = 4س^6 \times 6ص^- \times 3ص^3 = 4س^5 = 4ص^5$$

$$(ل) \quad \frac{7أ^3ج}{ب2} = \frac{7أ^3ج \times 1^-ب \times 3+أ4}{8} = \frac{7أ^3ج \times 1^-ب \times 3+أ4}{3^2} = \frac{2أ^3ج \times 3^-ب \times 0أ^3-2}{5^-ج \times 2^-ب \times 3^-أ \times 1^-4}$$

[2] ضع كلاً مما يأتي في أبسط صورة باعتبار المتغيرات أعداداً حقيقية لا تساوي صفر.

$$(أ) \quad \frac{1}{س} = 1^-س = (س^1) = 1^-(4+س \times 3^-س) = \left( \frac{3^-س}{4^-س} \right)$$

$$(ب) \quad 3ص^2 \times 2ص^3 \times \left( \frac{3}{2} \right)^ن = 3ص^3 \times 2ص^2 \times \left( \frac{3}{2} \right)^ن = \left( \frac{3^3ص^2}{2} \right)^ن$$

$$(ج) \quad 2(1+س2)^3 (1+س2)^2$$

$$\text{الحل: حاصل ضرب القوى جمعها} \quad 5(1+س2) = 3+2(1+س2)$$

$$(د) \quad \frac{4}{3} = \frac{1+3}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{1} = 3^{-1} + 0^2$$

$$\text{الحل:} \quad 3^-(4^-س) \times 3^-(3س) \times 3^-\left(\frac{1}{2}\right) \quad \text{(هـ) } 3^-(4^-س^3 \frac{1}{2})$$

$$3+س8 = 12+س \times 9^-س \times 3\left(\frac{2}{1}\right) =$$

$$(و) \quad \frac{4^-ب^9}{3} = 2^-2^-ب \times 4+5أ \times \frac{1}{3} = \frac{2^-ب^5 3}{2^-ب^4 9}$$

$$(ز) \quad \frac{6ب}{4ف9} = 6ب \times 4^-أ \times \frac{1}{2^3} = 2^-(3^-ب) \times 2^-(2^-أ) \times 3^-2 = 2^-(3^-ب^2-أ3)$$

$$(ح) \quad 2^-ب \times 5أ^ن \times 2 = (1^-ب^5 2) = 2^-(3+4^-ب^3+2أ) = \left( \frac{4^-ب^2 2}{3^-ب^3-أ} \right)^ن$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ط) \quad 1^{(أ+ب)} = \frac{2^{(أ+ب)}}{1^{(أ+ب)}} = \frac{1^{-(أ+ب)}}{2^{-(أ+ب)}}$$

$$(س) \quad \frac{أ+ب}{أ-ب} = \frac{\frac{أ}{أ} + \frac{ب}{أ}}{\frac{أ}{أ} - \frac{ب}{أ}} = \frac{1^{-(أ+ب)} + 1^{-(أ-ب)}}{1^{-(أ-ب)} - 1^{-(أ+ب)}}$$

$$\# \quad \frac{1}{4^{(ص+س)}} = 4^{-(ص+س)} = 2^{2^{-(ص+س)}} \quad (ك)$$

$$(ل) \quad 0 \cdot 1 = 0(1-2^2)$$

### الجزور والأسس النسبية

[1] اختصر ما يأتي بفرض أن كل المتغيرات  $\in \mathbb{C}^+$  ولا تساوي صفر.

$$(أ) \quad 2 = 1 \cdot 2 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot 2 = \frac{1}{2} \cdot 2 + \frac{1}{2} \cdot 2$$

$$(ب) \quad \frac{17}{12} \cdot ب = \frac{8+9}{12} \cdot ب = \frac{2}{3} + \frac{3}{4} \cdot ب = \frac{2}{3} \cdot ب \times \frac{3}{4} \cdot ب$$

$$(ج) \quad \frac{8}{15} \cdot أ = \frac{4}{5} \times \frac{2}{3} \cdot أ = \frac{4}{5} \left( \frac{3}{4} \cdot أ \right)$$

$$(د) \quad 3 \cdot أ = 4 \times \frac{3}{4} \cdot أ = 4 \left( \frac{3}{4} \cdot أ \right)$$

$$(هـ) \quad 3^3 \cdot 8 = 3^3 \cdot 2^3 = 3^3 \cdot 2^3 \cdot \frac{3}{4} (4 \cdot 2) = \frac{3}{4} \cdot 4^4 \cdot 2 = \frac{3}{4} \cdot 16 \cdot 4 = \frac{3}{4} (16 \cdot 4)$$

$$(و) \quad \frac{1}{2 \cdot ص} = 2^{-1} \cdot ص^{-1} = 2^{-1} \cdot \left( \frac{2}{3} \right)^{-1}$$

$$(ز) \quad \frac{3}{4} \cdot 2 \cdot ب \times \frac{3}{4} \cdot 10 \cdot أ \times \frac{3}{4} (4 \cdot 2) = \frac{3}{4} (2 \cdot 10 \cdot 4)$$

$$\frac{3}{2} \cdot ب \times \frac{15}{2} \cdot أ \times 3 \cdot 2 =$$

$$(ح) \quad \frac{2}{9} \cdot ب = \frac{1}{3} \cdot \left( \frac{2}{3} \right)^{-1}$$

$$\# \quad \frac{1}{2^{-1}} \cdot أ = \frac{3}{6} \cdot أ^{-1} = \frac{5-2}{6} \cdot أ = \frac{5}{6} \cdot \frac{1}{3} \cdot أ = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{5}{6}} \cdot أ \quad (ط)$$

[2] بسِّط ما يأتي بفرض أن المتغيرات  $\in \mathbb{C}^+$  والمقام  $\neq 0$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{2}{4} \text{ ص} \times \frac{1}{2} \text{ س} = \frac{1}{4} \frac{3}{4} \text{ ص} \times \frac{1}{2}^{-1} \text{ س} = \frac{\text{س ص}^{\frac{3}{4}}}{\frac{1}{4} \text{ ص} \times \frac{1}{2} \text{ س}} \quad (\text{أ})$$

$$\text{ص س} = \text{ص} \times \text{س} = \frac{1}{2} \text{ ص} \times \frac{1}{2} \text{ س} = \frac{1}{3} \text{ س} \quad (\text{ب}) \quad \frac{1}{6} \text{ س} = \frac{2-6+3-}{6} \text{ س} = \frac{1}{3}^{-1} + \frac{1}{2}^{-} = 1 \text{ س}^{\frac{1}{2}^{-}}$$

$$\frac{7}{4} \text{ ج} = \frac{21}{12} \text{ ج} = \frac{4+9+8}{12} \text{ ج} \times \frac{1}{3} + \frac{3}{4} + \frac{2}{3} = \frac{\frac{3}{4} \text{ ج} \times \frac{2}{3} \text{ ج}}{\frac{1}{3}^{-} \text{ ج}} \quad (\text{ج})$$

$$\frac{1}{2} \text{ ص} \times \frac{1}{6} \text{ س} = \frac{2}{4} \text{ ص} \times \frac{4+3-}{6} \text{ س} = \frac{3}{4} \frac{5}{4} \text{ ص} \times \frac{2}{3} + \frac{1}{2} \text{ س} = \frac{\frac{5}{4} \text{ ص} \times \frac{1}{2} \text{ س}}{\frac{3}{4} \text{ ص} \times \frac{2}{3} \text{ س}} \quad (\text{د})$$

$$\frac{4}{\text{أ}} = 4^{-} \text{ ب} \times 1^{-} \text{ أ} = 2^{-} (2^{-} \text{ ب}) \times 2^{-} (\frac{1}{2} \text{ أ}) = 2^{-} (2^{-} \text{ ب}^{\frac{1}{2}} \text{ أ}) \quad (\text{هـ})$$

$$\left( \frac{2}{3} \text{ ص} \times \frac{5}{6} \text{ ع} \times \frac{1}{3} \text{ س} \right) = \left( \frac{\frac{2}{3} \text{ ص} \times \frac{1}{3} \text{ س}}{\frac{5}{6} \text{ ع}} \right) \quad (\text{و})$$

$$8 \text{ ص} \times 10 \text{ ع} \times 4 \text{ س} = 12 \times \frac{2}{3} \text{ ص} \times 12 \times \frac{5}{6} \text{ ع} \times \frac{1}{3} \text{ س} =$$

$$\frac{1}{25} = \frac{1}{2(5^{-})} = 2^{-} (5^{-}) = \frac{2}{3}^{-} \times 3 (5^{-}) = \frac{2}{3}^{-} (3(5^{-})) = \frac{2}{3}^{-} (125^{-}) \quad (\text{ح})$$

$$\frac{5}{6} \text{ س} = \frac{4-9}{6} \text{ س} = \frac{2}{3} \frac{3}{2} \text{ س} = \frac{\frac{3}{2} \text{ س}}{\frac{2}{3} \text{ س}} \quad (\text{ز})$$

تبسيط الجذور:

[1] ببسط ما يأتي (جميع المتغيرات من ح<sup>+</sup>)

$$\sqrt[3]{3^3 \text{ أ}^3 \times 27 \text{ ب}} = \sqrt[3]{3^3 \text{ أ}^3 81 \text{ ب}} = \sqrt[2]{9 \text{ أ}^3} \times \sqrt[2]{9 \text{ ب}^3} \quad (\text{أ})$$

$$\text{ب} \times \sqrt[3]{3} \times \sqrt[3]{3} = \sqrt[3]{\text{ب}^3} \times \sqrt[3]{3} \times \sqrt[3]{3} = \sqrt[3]{27 \text{ ب}^3} =$$

$$\sqrt[3]{\frac{2}{3} \text{ ص} \times \frac{1}{3} \text{ س}} = \sqrt[6]{\frac{2}{3} \text{ ص} \times \frac{1}{3} \text{ س}} = \sqrt[6]{\frac{2}{3} \text{ ص} \times \frac{1}{3} \text{ س}} = \sqrt[6]{\frac{2}{3} \text{ ص} \times \frac{1}{3} \text{ س}} = \sqrt[6]{\frac{2}{3} \text{ ص} \times \frac{1}{3} \text{ س}} \quad (\text{ب})$$

$$\sqrt[4]{2^3} = \sqrt[4]{2^3 \times 8} = 4 \times \sqrt[4]{8} = \sqrt[4]{32} \quad (\text{ج})$$

$$3 = 3^{\frac{1}{2}} = 6^{\frac{3}{6}} = 3^3 \times 6 = 27^6 \quad (\text{د})$$

$$3^3 \times 2 = 3^3 \times 8^3 = 3 \times 8^3 = 24^3 \quad (\text{هـ})$$

$$5 \times 2 = 5 \times 4 = 5 \times 4 = 20 \quad (\text{و})$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ز) \quad 4^4 = 4^4 \times 4^4 = 5^4$$

$$(ح) \quad 25 \times 25 \times 25 = 25^3 = 25^2 \times 25 = 25 \times 25 \times 25 = 25^3$$

$$(ط) \quad 2^3 \times 3 = 2^3 \times 27^3 = 2 \times 27^3 = 54^3$$

$$(ى) \quad 50 \times 25 = 25^2 \times 2 = 25 \times 25 = 25^2$$

$$5^4 \times 2 = 2 \times 5^4$$

$$(ك) \quad 27^3 \times 27^3 = 27^6 = 27^3 \times 27^3 = 27^3 \times 27^3 = 27^6$$

$$3^4 \times 3 = 3^5 = 3^4 \times 3 = 3^5$$

$$(ل) \quad 5^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{1}{5^{\frac{1}{2}}} = \frac{1}{5^{\frac{1}{2}}} = \frac{1}{5^{\frac{1}{2}}}$$

[2] ضع كلاً مما يأتي في أبسط صورة (جميع المتغيرات  $\in \mathbb{C}^+$ ) والمقام لا يساوي صفر.

$$(أ) \quad \frac{s}{4s} = \frac{s}{4s} = \frac{1}{4}$$

$$(ب) \quad \frac{4}{5} = \frac{16}{25} = \frac{16}{25}$$

$$(ج) \quad 3^{\frac{4}{5}} \times 2 = \frac{2}{3^{\frac{1}{5}}} = \frac{2 \sqrt[5]{32}}{3 \sqrt[5]{3}} = \frac{32 \sqrt[5]{3}}{81 \sqrt[5]{3}} = \frac{32}{81}$$

$$(د) \quad 2^{\frac{2}{3}} \times 3 = \frac{3}{2^{\frac{1}{3}}} = \frac{3 \sqrt[3]{27}}{4 \sqrt[3]{2}} = \frac{3 \sqrt[3]{27}}{4 \sqrt[3]{2}}$$

$$(ه) \quad \frac{s}{3s} \times \frac{s}{3s} = \frac{s^2}{9s^2} = \frac{1}{9}$$

$$(و) \quad \frac{b}{3} = \frac{4-6}{3} = \frac{4-2}{3} = \frac{b^2}{3} = \frac{b^2}{3}$$

$$(ز) \quad \frac{v}{2} = \frac{v}{4} = \frac{2v}{8} = \frac{2v}{8} = \frac{2v}{8} = \frac{2v}{8} = \frac{2v}{8}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$4^{-6} \times 8^3 = 4^{-6} \times 2^9 = 2^{-6} \times 2^9 = 2^3 = 8 \quad (\text{ح})$$

$$\# \frac{4}{3} \times 2^4 \times 5^3 = 2^4 \times 5^3 = 800$$

$$\frac{5}{6} \times 2 = \frac{4+9}{6} \times 2 = \frac{2}{3} \times 2 = \frac{4}{3} = \frac{2^2}{2^1} = \frac{2^3}{2^2} = \frac{8}{4} \quad (\text{ط})$$

### جمع وطرح الجذور

[1] ضع كلاً مما يأتي في أبسط صورة المتغيرات  $\in$  ح<sup>+</sup> والمقام  $\neq$  صفر.

$$3 \times 8 = 3 \times (7 + 4 - 3) = 3 \times 7 + 3 \times 3 - 3 \times 4 \quad (\text{أ})$$

$$2 \times 8 = 2 \times (3 + 5) = 2 \times 3 + 2 \times 5 = 2 \times 25 + 2 \times 9 = 50 + 18 \quad (\text{ب})$$

$$12 \times 29 = 12 \times (2 + 27) = 12 \times 2 + 12 \times 27 = 12 \times 9 + 12 \times 27 = 108 + 324 = 432 \quad (\text{ج})$$

$$5 \times 2^2 \times 3^2 \times 5 - 2 \times 3^2 \times 5 = 5 \times 2^2 \times 3^2 \times 5 - 2 \times 3^2 \times 5 = 150 - 90 = 60 \quad (\text{د})$$

$$2 \times 3^2 = 2 \times (2^2 - 5) = 2 \times 4 - 10 = 8 - 10 = -2$$

$$\frac{2 - 5}{6} = \frac{2 - 5}{2 \times 3} = \frac{1}{3} = \frac{5}{2 \times 3} = \frac{1}{3} - \frac{5}{6} \quad (\text{هـ})$$

$$\frac{3 - 2}{\text{أ}} = \frac{3 - 2}{\text{أ}} = \frac{1}{\text{أ}} = \frac{2}{\text{أ} \times \text{ب}} = \frac{1}{\text{أ}} - \frac{2}{\text{أ} \times \text{ب}} \quad (\text{و})$$

$$\sqrt[3]{3^3 \times 2} - \sqrt[3]{3^3 \times 3} = \sqrt[3]{3^3 \times 8} - \sqrt[3]{3^3 \times 27} = \sqrt[3]{24} - \sqrt[3]{81} \quad (\text{ز})$$

$$3^3 = 3^3 (2 - 3) =$$

$$6^3 \times 5 \times 2 + 3^3 \times 3 = 6^3 \times 10 + 3^3 \times 3 = 750 + 81 = 831 \quad (\text{ح})$$

$$6^3 \times 10 + 3^3 \times 3 =$$

$$16 \times 13 = 16 \times 9 + 16 \times 4 = 144 + 64 = 208 \quad (\text{ي})$$

[2] بسط ما يأتي (كل المتغيرات  $\in$  ح<sup>+</sup> والمقام  $\neq$  صفر).

$$\frac{3 + 2}{\text{أ} \times \text{ب}} = \frac{3}{\text{أ} \times \text{ب}} + \frac{2}{\text{أ}} = \frac{3}{\text{أ} \times \text{ب}} + \frac{2}{\text{أ}} \quad (\text{أ})$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ب) \frac{1-}{أ 3} = \frac{3 \times 2 - 5}{أ 3} = \frac{2}{أ} - \frac{5}{أ 3} = \frac{2}{أ} - \frac{5}{9أ}$$

$$(ج) \frac{2}{2س25 \times 2} - \frac{2}{2س9 \times 2} = \frac{4}{2س50} - \frac{2}{2س18}$$

$$2- \frac{3 \times 4 - 5 \times 2}{2س 15} = \frac{4}{2س 5} - \frac{2-}{2س15} =$$

$$\frac{2-}{س 15} = \frac{2 2-}{2 \times س 15} = \frac{2}{2} \times \frac{2-}{2س 15} =$$

$$(د) \frac{ص 4 - 5}{س \times ص} = \frac{4}{س} = \frac{5}{ص \times س} = \frac{4}{س} - \frac{5}{س \times ص}$$

\* ضرب وقسمة الجذور:

[1] أوجد ناتج ما يأتي علماً بأن المتغيرات  $\in \mathbb{C}^+$  والمقام  $\neq$  صفر.

$$(أ) \sqrt{10} \sqrt{6} - \sqrt{6} \sqrt{2} = \text{وزع} = \sqrt{10 \times 6} - \sqrt{6 \times 2}$$

$$= \sqrt{5 \times 4} - \sqrt{3 \times 4} = \sqrt{20} - \sqrt{12}$$

$$(ب) \sqrt{2} (\sqrt{2} + \sqrt{3}) = \sqrt{2} \times \sqrt{2} + \sqrt{2} \times \sqrt{3} = 2 + \sqrt{6}$$

$$(ج) \sqrt{5} - 5 = \sqrt{5} - 5 \times \sqrt{5} \times 2 - \sqrt{5} = \sqrt{5} - 10\sqrt{5}$$

$$= 5 - 30 = -25$$

$$(د) (\sqrt{7} - \sqrt{10}) (\sqrt{7} + \sqrt{10}) = \text{قوس} \times \text{مرافقه} = \sqrt{7}^2 - \sqrt{10}^2 = 7 - 10 = -3$$

$$= 7 - 10 = -3$$

$$(هـ) (\sqrt{2} + \sqrt{3}) (\sqrt{2} - \sqrt{3}) = \text{قوس} \times \text{مرافقه}$$

$$= \sqrt{2}^2 - \sqrt{3}^2 = 2 - 9 = -7$$

$$(و) (\sqrt{3} + \sqrt{5})^2 = \text{مربع كامل}$$

$$= (\sqrt{3})^2 + 2 \times \sqrt{3} \times \sqrt{5} + (\sqrt{5})^2 = 3 + 2\sqrt{15} + 5 = 8 + 2\sqrt{15}$$

$$(ز) \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{6}} \text{ أضرب بمرافق المقام } (\sqrt{2} - \sqrt{6})$$



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{2 - \sqrt{6}}{2} = \frac{2 - \sqrt{6}}{2 - 4} = \frac{2 - \sqrt{6}}{2 - \sqrt{6}} \times \frac{1}{2 + \sqrt{6}} =$$

(ح)  $\frac{15}{\sqrt{6} \cdot 4}$  أضرب بمرافق المقام.

$$\frac{(6 - 4)15}{6 - 16} = \frac{6 - 4}{6 - 4} \times \frac{15}{6 + 4} \text{ الحل:}$$

$$\frac{(6 - 4)3}{2} = \frac{(6 - 4)15}{10} =$$

(ى)  $\frac{3}{3 - 6}$  أضرب بمرافق المقام.

$$\frac{(3 + 6)3}{3 - 6} = \frac{3 + 6}{3 + 6} \times \frac{3}{3 - 6} \text{ الحل:}$$

$$1 + 2 = \frac{(1 + 2)3}{3} = \frac{3 + 2 \cdot 3}{3} = \frac{3 + 2 \times 9}{3} = \frac{3 + 18}{3} =$$

(ك)  $\frac{أ^2}{أ - أ}$  أضرب بالمرافق.

$$\frac{(أ + أ) (أ \times أ)}{(أ - أ^2)} = \frac{(أ + أ) أ^2}{أ - أ \times أ^2} = \frac{أ + أ}{أ - أ} \times \frac{أ^2}{أ - أ} \text{ الحل:}$$

$$\frac{(أ + أ) أ}{أ - أ^2} =$$

### المعادلات الأسية والجذرية

[1] حل المعادلات الآتية:

$$0 = 32 + 2^x \times 12 - 2^{4x} \text{ (أ)}$$

$$0 = 32 + 2^{x^2} \times 12 - 2^{2 \times 2^x} \text{ الحل:}$$

$$0 = 32 + 2^x \times 12 - 2^{2^x} \text{ بفرض } ع = 2^x$$

$$8 = ع \Leftrightarrow 0 = 8 - ع \Leftrightarrow 0 = (4 - ع) (8 - ع)$$

$$\frac{3}{2} \Leftrightarrow 3 = 2^x \Leftrightarrow 3^2 = 2^{2x} \Leftrightarrow 8 = 2^{3x} \Leftrightarrow 8 = 2^{2x} \Leftrightarrow ع = 2^x$$

$$0 = 243 - 3^x \text{ (ب)}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\text{الحل: } 3^5 = 243 \Leftarrow 3^5 = 5^3 \Leftarrow 5^3 = 5 \Leftarrow 5 = 5 \Leftarrow 5 = \frac{5}{5} = 1$$

---

$$\text{(ج) } (5^3)^3 = 1 \quad \text{تذكّر: } 1 = 3$$

$$\text{الحل: } (5^3)^3 = 5^9 = 3^0 = 3 \Leftarrow 3 = 3 \Leftarrow 3 = 3$$

---

$$\text{(د) } 7^2 - 78^7 = 0$$

$$\text{الحل: } (7^2)^8 - 8^7 = 0 \quad \text{بفرض } 7 = 8$$

$$8^2 - 8^7 = 0 \Leftarrow 8^2 - 8^7 = (8 - 8) = 0$$

$$\text{إمّا } 8 - 7 = 0 \Leftarrow 7 = 8 \quad \text{عوض بالفرض } 7 = 8 \Leftarrow 7 = 8$$

$$\text{أو } 8 - 1 = 0 \Leftarrow 1 = 8 \Leftarrow 1 = 8 \Leftarrow 1 = 8 \Leftarrow 1 = 8$$

---

$$\text{(هـ) } 2^{2-2s+1} = 3^{3-2s+1}$$

$$\text{الحل: انتبه: } 2 \neq 3 \quad \therefore 2 - 2s + 1 = 3 - 2s + 1$$

$$(2 - 2s + 1) = (3 - 2s + 1) \Leftarrow 0 = 1 - 2s \Leftarrow 2s = 1 \Leftarrow s = \frac{1}{2}$$

---

$$\text{(و) } (36)^{1-s} - 7(6)^{1-s} = 0$$

$$\text{الحل: } (36)^{1-s} - 7(6)^{1-s} = 0 \Leftarrow (6^2)^{1-s} - 7(6)^{1-s} = 0$$

$$\Leftarrow \text{بفرض } 6 = 7 \quad \text{تصبح المعادلة } 6^2 - 7 = 0$$

$$(6 - 7) = 0 \quad \text{إمّا } 6 - 7 = 0 \Leftarrow 6 = 7$$

$$6 = 7 \Leftarrow 6 = 7 \Leftarrow 1 = 1 \Leftarrow 1 = 1$$

$$\text{أو } 6 - 1 = 0 \Leftarrow 1 = 6 \Leftarrow 1 = 6 \Leftarrow 1 = 6$$

$$\Leftarrow 1 = 6 \Leftarrow 1 = 6 \Leftarrow 1 = 6$$

---

[2] أوجد مجموعة الحل للمعادلات الآتية:

$$\text{(أ) } 5 = \frac{1}{3}(3 - s)$$

$$\text{الحل: حتى نتخلص من } \left(\frac{1}{3}\right) \text{ كعَب الطرفین (س - 3) = } \frac{1}{3} \times 5$$

$$\Leftarrow 3 - s = 3 + 125 = 128 \Leftarrow s = 125 - 3 = 122$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ب) \text{ ص} + \text{ص} = 20$$

$$\text{الحل: ربيع } \text{ص}^2 = \text{ص} + 20 \Leftrightarrow \text{ص}^2 - \text{ص} - 20 = 0$$

$$(ص - 5)(ص + 4) = 0 \Leftrightarrow \text{ص} = 5 \text{ أو } \text{ص} = -4$$

$$\text{أو } \text{ص} + 4 = 0 \Leftrightarrow \text{ص} = -4$$

(ج)  $3\text{ص} + 5 + 1 = 3\text{ص}$  المفروض الجذر أن يكون وحيداً في طرف.

$$\text{الحل: ربيع الطرفين لإبعاد الجذر } 3\text{ص} + 5 + 1 = 3\text{ص}$$

$$3\text{ص} + 5 + 1 = 3\text{ص}$$

$$3\text{ص} + 5 + 1 = 3\text{ص} \text{ أنقل إلى طرف واحد.}$$

$$9\text{ص} - 2 \times 6\text{ص} - 3 = 5 - 1 + 3\text{ص}$$

$$9\text{ص} - 2 \times 9\text{ص} - 3 = 4 - 3$$

$$0 = (3\text{ص} - 4)(3\text{ص} + 1)$$

$$\text{إما } 3\text{ص} + 1 = 0 \Leftrightarrow 3\text{ص} = -1 \Leftrightarrow \text{ص} = -\frac{1}{3}$$

$$\text{أو } 3\text{ص} - 4 = 0 \Leftrightarrow 3\text{ص} = 4 \Leftrightarrow \text{ص} = \frac{4}{3}$$

$$(د) \text{ ص} + 2 + 6 = \text{ص}$$

$$\text{الحل: ربيع الطرفين } (\text{ص} + 2 + 6)^2 = (\text{ص} + 2 + 6)^2$$

$$\text{ص} + 2 + 2 \times 2 \times \sqrt{\text{ص} + 2} + 1 = \text{ص} + 6 + 2 \times 2 \times \sqrt{\text{ص} + 2} + 3$$

$$4(\text{ص} + 2) = 9 = 8 + \text{ص} \Leftrightarrow 4\text{ص} + 8 = 9 + \text{ص} \Leftrightarrow 3\text{ص} = 1 \Leftrightarrow \text{ص} = \frac{1}{3}$$

(ز)  $5\text{ص} - 1 - 2 = 1$  أجعل أحد الجذرين في طرف بنقل الآخر.

$$\text{الحل: } 5\text{ص} - 1 - 2 = 1$$

$$5(2 + \text{ص}) = 1 - 2$$

$$5(2 + \text{ص}) + 2 = 1 - 2$$

$$4 - 2 = 2 + \text{ص} \text{ قسّم على } (2) \Leftrightarrow 2 - \text{ص} = 2 + \text{ص}$$

$$2(2 - \text{ص}) = 2 + \text{ص} \Leftrightarrow 4 - 2\text{ص} = 2 + \text{ص}$$

$$4\text{ص} - 2 = 2 + \text{ص}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$0 = (1-s)(2-s)$$

$$\frac{1}{4} = s \Leftarrow 1 = 4s \Leftarrow 0 = 1-4s \quad \text{إما}$$

$$2 = s \Leftarrow 0 = 2 - s \quad \text{أو}$$

---

$$(و) 2s - 4 - 3s + 4 = \text{نفس فكرة (ز)}$$

$$(ح) s + 7 + s + 5 = 7 \quad \text{أجعل الجذر}$$

الحل:  $7s + 5 = -7 - s$  ربع الطرفين لتخلص من الجذر

$$s + 5 = (-7 - s)^2 \Leftarrow s + 5 = 49 - 14s + s^2$$

$$\text{صغرها: } s^2 - 14s + 5 - 5 = 0$$

$$s^2 - 15s + 44 = 0$$

$$(s-11)(s-4) = 0 \Leftarrow \text{إما } s = 11 \Leftarrow 0 = 11 - s$$

$$\text{أو } s = 4 \Leftarrow 0 = 4 - s$$

$$(ط) 7^{(1-2s)} = 5^{(1-2s)}$$

$$\text{الحل: لما } 7 \neq 5 \Leftarrow s(1-2) = 0 \Leftarrow \text{إما } s = 0$$

$$\text{أو } s^2 - 1 = 0 \Leftarrow s^2 = 1 \Leftarrow s = \pm 1$$

---

$$(ي) 7^{1-3s} = 5^{1-3s}$$

$$\text{الحل: } 7 \neq 5 \Leftarrow s(1-3) = 0 \Leftarrow s = 1 - 3s$$

$$\Leftarrow s = 1 - 3s \Leftarrow 4s = 1 \Leftarrow s = \frac{1}{4}$$

[3] حل ما يأتي:

$$(أ) (s+1)^{\frac{1}{3}} = 2 \text{ انتبه } \left(\frac{1}{3}\right) \text{ تعني جذر تكعيبي.}$$

$$\text{الحل: كعب } (s+1)^{\frac{1}{3}} = 2 \Leftarrow s+1 = 8 \Leftarrow s = 7$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$(ب) \quad 1 = 3 - 2 + س^3$$

الحل:  $س^3 = 2 + 4$  كعب لطرده الجذر التكعيبي.

$$س^3 = 2 + 4 \Rightarrow 64 = 2 + س \Rightarrow 62 = س$$

(ج)  $3 = 2 + س^4$  ارفع للأُس (4) لطرده الجذر الرباعي.

$$الحل: س^4 = 2 + 3 \Rightarrow 81 = 2 + س \Rightarrow 79 = س$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

## تمارين متنوعة

[1] اكتب ما يلي في أبسط صورة:

$$(أ) \quad {}^5(1.04) \times {}^9(1.04)$$

$$\text{الحل: } {}^4(1.04) = {}^{9-5}(1.04)$$

$$(ب) \quad {}^4(1.05) = {}^{14-10}(1.05) = \frac{{}^{10}(1.05)}{{}^{14}(1.05)}$$

$$(ج) \quad \frac{{}^2 3 \times {}^3 5 \times {}^4 2}{{}^3 3 \times {}^3 5 \times {}^2 2 \times {}^2 3} = \frac{{}^2 3 \times {}^3 5 \times {}^4 2}{{}^3 15 \times {}^2 6} = \frac{{}^2(3-) {}^3(5-) \times {}^4(2-)}{{}^3(15-) {}^2(6-)}$$

$$\frac{4}{27} = \frac{{}^2 2}{{}^2 7} = \frac{{}^{2-4} 2}{{}^3 3} =$$

$$(د) \quad \frac{{}^3 3 \times {}^3 5 \times {}^5 2-}{{}^3 2 \times {}^2 5 \times {}^2 3} = \frac{{}^1 2 \times {}^2 7 \times {}^3 3 \times {}^3 5 \times {}^4 2-}{{}^3 2 \times {}^3 3 \times {}^2 5 \times {}^2 3} = \frac{{}^5 4- \times {}^3 15 \times {}^4 2}{{}^3 6 \times {}^2 5 \times {}^2(3-)}$$

$$60- = 3 \times 5 \times 4- = {}^1 3 \times {}^1 5 \times {}^2 2- = {}^{2-3} 3 \times {}^{2-3} 5 \times {}^{3-5} 2- =$$

$$(ه) \quad \frac{1}{{}^2 6} < 0 = \text{نتخلص من الجذر} \quad \frac{1}{{}^3 3} = \frac{1}{{}^1 3} = \frac{1}{{}^2 6}$$

$$(و) \quad {}^2 3 = \frac{6}{3} \quad {}^2 3 = \frac{2+1-5}{3} \quad {}^2 3 = \frac{2}{3} + \frac{1}{3} - \frac{5}{3} \quad {}^2 3 = \frac{2}{3} \quad {}^1 3 \times \frac{5}{3} \times \frac{5}{3}$$

$$(ز) \quad 3 \ 7 = 49 \times 3 = 147$$

$$(ح) \quad 3 \times {}^4 3 \times {}^2 4 = 3888$$

4	3888
4	972
3	243
3	81
3	27
3	9
3	3

$$3 \ 36 = 3 \times {}^2 3 \times 4 =$$

$$(ط) \quad {}^2 2 = {}^2 2 \times {}^1 2 = {}^8 2 \times {}^4 2 \ 4 = {}^8 16 \ 4$$

$$(ك) \quad 12- = 4 \times 3- = {}^3 4 \times {}^3(3-) \ 3 = 64 \times 27- \ 3$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$108 \times 72 \times 12 \times 3 \quad (\text{ل})$$

$$3 \quad 6 \times 2 \quad 6 \times 3 \quad 2 \times 2 \times 3 = 3 \times 36 \times 2 \times 36 \times 3 \times 4 \times 3 =$$

$$6 \quad 216 = 6 \quad 3 \times 72 = 2 \quad 3 \times 3 \times 3 \times 72 =$$

[2] احسب ناتج ما يلي:

$$0.2^{-3} = (0.2^{-1})^3 = 0.008^{-3} \quad (\text{أ})$$

$$\frac{1}{7} = \frac{1}{27^{\frac{1}{3}}} = \frac{1}{27^{\frac{1}{3}}} = \frac{1}{7^{\frac{1}{3}}} \quad (\text{ب})$$

$$\frac{6 \quad 2 \times 3 \times 5}{5} = \frac{6 \quad 2 \times 15 \quad 2}{5 \quad 2} = \frac{6 \times 4 \times 15 \times 4}{5 \times 2} = \frac{24}{5} \times \frac{60}{4} \quad (\text{ج})$$

$$2 \quad 6 = 2 \quad 3 \times 2 = 2 \times 9 \quad 2 = 18 \quad 2 =$$

$$3 = \frac{1}{4} \times 4^3 = \frac{1}{4} (4^3) = \frac{1}{4} (81) \quad (\text{د})$$

$$1^{-1} (0.2) = \frac{1}{3^{-1}} (0.2) = \frac{1}{3^{-1}} (0.008) \quad (\text{هـ})$$

$$2 = \frac{1}{5} = \frac{10}{10} \times \frac{1}{0,2} = \frac{1}{0,2} =$$

$$32^{-5} = 5^2^{-5} = 5^5 (2^{-5}) = \frac{5^5}{3^3} (3^3 (2^{-5})) = \frac{5^5}{3^3} (8^{-5}) \quad (\text{و})$$

[3] احسب القيمة العددية لكل من المقادير الآتية:

$$\text{أ] } 2 + \text{س ص} \quad \text{ب] } (\text{س} + 3) \text{ ص} \quad \text{ج] } (\text{س} + 3) \text{ ص} \quad \text{ص}$$

$$\text{د] } (\text{س} + 3) \text{ ص} + \text{ص} \text{ عندما } \text{س} = 5, \quad \text{ص} = 4$$

الجواب:

$$\text{أ] } \text{ضع } \text{س} = 5, \quad \text{ص} = 4 \Leftrightarrow 2 + 5 = 4 \times 5 \quad 2 + 5 = 5 \quad 2 \times 2 \times 5 = 5 \quad 4 + 5 = 5$$

$$\text{ب] } (\text{س} + 3) \times 5 = 4 \times 5 = 20 \quad 5 \quad 16 = 5 \quad 2 \times 8 = 4 \times 5 = 20$$

$$\text{ج] } (\text{س} + 3) - 4 = 15 - 4 = 11 \quad 8 = 15 - 4$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$24 = 3 \times 8 = 9 \times 8 = 5+4 (5+3) [د]$$

[4] اختصر ما يلي:

$$2 \times 25 - 2 \times 9 + 2 \times 4 = 50 - 18 + 8$$

$$\text{صفر} = 2 \times \text{صفر} = 2 (5-3+2) = 2 \times 5 - 2 \times 3 + 2 \times 2 =$$

$$\frac{1}{9} \times 3 - 3 \times \sqrt[3]{8} + 3 \times 27^3 = \frac{1}{9} \times 3 - 24 - \sqrt[3]{8} + 81^3$$

$$\text{صفر} = \sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{3} = \frac{1}{2} \times 3 \times \sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{3} = 3 \times \sqrt[3]{3} - \sqrt[3]{3} =$$

$$2 = \sqrt[4]{4} = 34^3 = 16 \times 4^3$$

$$6 = \frac{12}{2} = \frac{12}{2}$$

$$\# \frac{\sqrt[2]{5}}{2} = \frac{\sqrt[2]{1}}{\sqrt[2]{1}} \times \frac{5}{\sqrt[2]{1}} = \sqrt[2]{5} \text{ انطق المقام بالضرب بـ } \frac{5}{\sqrt[2]{1}}$$

$$2 - \sqrt[5]{5} \text{ انطق المقام بالضرب بمرافق المقام } = \frac{7}{2 + \sqrt[5]{5}}$$

$$(2 - \sqrt[5]{5}) \times 7 = \frac{(2 - \sqrt[5]{5}) \times 7}{4 - 5} = \frac{2 - \sqrt[5]{5}}{2 - \sqrt[5]{5}} \times \frac{7}{2 + \sqrt[5]{5}} =$$

س - ص / س + ص اضرب بمرافق المقام.

$$\frac{(س - ص)^2}{س - ص} = \frac{س - ص}{س + ص} \times \frac{س - ص}{س + ص} =$$

$$\# \frac{س - ص}{س + ص} =$$

س - ص

[5] رتب الجذور الآتية تنازلياً:

$$5^4, 3^3, 2$$

الجواب: لمقارنة الجذور لابد من توحيد الجذر معك جذر تربيعي دليلة (2) والتكعيبي دليل

(3) والرباعي (4).

∴ المفروض أن يكون دليل الموحد (12).



تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

عملاً بالقاعدة:  $n^a \times b^a = (n \times b)^a$

$$64^{12} = 6^1 2^{2 \times 6} = 2^2 *$$

$$125^{12} = 3^5 4^3 = 13^3 *$$

$$125^{12} = 3^5 5^{3 \times 4} = 5^4$$

∴ الترتيب التنازلي من الكبير إلى الصغير  $3^3$  ،  $2$  ،  $5^4$

[6] رتب الجذور الآتية تصاعدياً:

$$12^4 ، 9^3 ، 5$$

الجواب:

الدليل الموحد لـ: (2 ، 3 ، 4) هو 12

$$\sqrt[12]{15625} = \sqrt[12]{5^{6 \times 2}} = 5^{\frac{2}{3}}$$

$$\sqrt[12]{6561} = \sqrt[12]{9^{4 \times 3}} = 9^{\frac{3}{4}}$$

$$\sqrt[12]{1728} = \sqrt[12]{12^{3 \times 4}} = 12^{\frac{4}{3}}$$

∴ الترتيب تصاعدياً من الأصغر إلى الأكبر:  $5$  ،  $9^3$  ،  $12^4$

[7] حل المعادلات الآتية:

$$(أ) 2س^2 + 7س = 2س + 7$$

الحل: لطرده الجذريين الطرفين  $2س^2 + 7س = 2س + 7$

$$2س^2 + 7س - 2س - 7 = 0 \Rightarrow 2س^2 + 5س - 7 = 0$$

$$2س^2 - 2س + 7س - 7 = 0 \Rightarrow 2س(س - 1) + 7(س - 1) = 0$$

$$(س - 1)(2س + 7) = 0 \Rightarrow س = 1 \text{ أو } س = -\frac{7}{2}$$

$$س = 1 \text{ أو } س = -\frac{7}{2}$$

$$(ب) 2(س - 4) = 1 - س$$

الحل: ربع الطرفين  $2(س - 4) = 1 - س$

$$س - 4 = \frac{1 - س}{2} \Rightarrow 2س - 8 = 1 - س$$

$$س - 1 = 8 - س \Rightarrow 2س = 9 \Rightarrow س = \frac{9}{2}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$0 = 65 + 33س - 2س^4$$

$$0 = (13-4س) (5-س) \Leftarrow$$

$$0 = 3-4س \quad \text{أو} \quad 5 = س \Leftarrow 0 = 5 - س$$

$$\frac{13}{4} = س \Leftarrow 13 = 4س$$

$$0 = 2 - 2س^2 - 3س^3 \quad \text{(ج)}$$

$$\text{الحل: } 7س^3 - 2س^2 = 2 \quad \text{كجِب} \quad \Leftarrow 2س - 2س^2 = 3س^3$$

$$0 = 8 - 2س^2 \Leftarrow$$

$$0 = (2+س) (4-س) \Leftarrow$$

$$4 = س \Leftarrow$$

$$0 = 4 - س \quad \therefore \text{إِذَا س = 4}$$

$$2- = س \Leftarrow$$

$$0 = 2 + س \quad \text{أو}$$

$$5 = 3س - 10س \quad \text{(د)}$$

$$\text{الحل: } 3 + س = 10س - 5 \quad \text{رَبِّع الطرفين.}$$

$$^2(5+ س - 10) = 3س + 3$$

$$25 + س - 10 \times 2 + س - 10 = 3س + 3$$

$$2س - 32 = 5 \times 2 - 10س \quad \text{قَسِّم على (2)}$$

$$س - 16 = 10 \times 5 = 50 \quad \text{رَبِّع الطرفين.}$$

$$(س-16) 25 = 2(50)$$

$$س^2 - 32س + 250 = 250 - 25س$$

$$0 = (1-س) (6-س) \Leftarrow 0 = 6 + 7س - 2س^2$$

$$\Leftarrow \text{إِذَا س = 6} \quad \Leftarrow 0 = 6 - س \quad \text{أو} \quad 6 = س - 1 \quad \Leftarrow 0 = 1 - س$$

$$\text{(هـ) } 4 \times 4 = 2^2 \times 16 = 4 \times 4 \quad \text{انتبه } 4 = 2^2 \quad 2 = 2$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\text{الحل: } 2^{2n} \times 2^{-n} = 4^2 = 2^{-3n} \Leftarrow 4 = 2^{-3n}$$

$$\Leftarrow 3n = 6 \Leftarrow n = 2$$

$$\text{(و) } (3^s)^{4+} = 1$$

$$\text{الحل: } (3^s)^{4+} = (3^s)^0 \Leftarrow 4 + s = 0 \Leftarrow s = -4$$

$$\text{(ز) } 2^{(2+s)^3} = 2^{1+s}$$

$$\text{الحل: } 3(2+s) = 1 + s$$

$$3s + 6 = 1 + s$$

$$3s - s = 1 - 6 \Leftarrow 2s = -5 \Leftarrow s = -\frac{5}{2}$$

$$\text{[8] اثبت أن: } \frac{11}{15} = \frac{1-2^n 3 \times 4 - 2^n 3 \times 5}{2^n 3 - 1+2^n 3 \times 2}$$

$$\text{الحل: } \frac{(\frac{1}{3} \times 4 - 5) 2^n 3}{(1-6) 2^n 3} = \frac{1-3 \times 2^n 3 \times 4 - 2^n 3 \times 5}{2^n 3 - 1+2^n 3 \times 2}$$

$$\frac{10}{15} = \frac{11}{3 \times 5} = \frac{11}{5} = \frac{4-15}{5} = \frac{4}{5} - \frac{5}{5} =$$

اختبار الوحدة

[1] ضع ما يأتي في أبسط صورة (علماً بأن المتغيرات في المقام لا يساوي صفر)

$$\text{(أ) } \frac{3^4 \text{ ب}^4}{2^2 \text{ أ} \times (2 \text{ ب}^2)^2}$$

$$\text{الحل: } \frac{1}{8 \text{ ب}^4} = \frac{1}{4+4 \text{ ب} \times 3-4 \text{ ب}^4} = \frac{3^4 \text{ ب}^4}{4 \text{ ب} \times 4^4} = \frac{3^4 \times \text{ب}^4}{2^4 \text{ أ} \times 4 \text{ ب} \times 2^4}$$

$$\text{(ب) } \frac{9 \text{ س}^2 \times 27 \text{ س}^3}{3^5 \times 5 \text{ س}^3 + 1}$$

$$\text{الحل: } \frac{3^{3+} 7^3 \text{ س}^3}{1+20 \text{ س}^3} = \frac{3^{3+} 3^3 \times 3^4 \text{ س}^3}{1+20 \text{ س}^3} = \frac{3^{1+} (3^3) \times 2^2 (2^3) \text{ س}^3}{1+20 \text{ س}^3}$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{1}{3^{2-7}} = \frac{1}{(1+13)-1+20} = \frac{1}{3}$$

$$(2س^{-1}ص^2)^3 (8^{-1}س^2ص^6)$$

$$\text{الحل: } 2^3س^3 \times 3^{-2}ص^6 \times 8^{-1}س^2 \times 2^6ص^6$$

$$\frac{1}{س} = 1 \times \frac{1}{س} \times 1 = 0س^1 \times 0ص^0 =$$

[2] ببسط ما يأتي:

$$64^6 + 16^3 - 8^3 \text{ (أ)}$$

$$\text{الحل: } 2 + 2^3 2^{-2} = 62^6 + 2 \times 32^3 - 32^3$$

$$2^3 2^{-4} =$$

$$625 3- 75 + 125 \text{ (ب)}$$

$$\text{الحل: } 25 \times 25 3- 3 \times 25 2 + 5 \times 25 =$$

$$5 \times 5 \times 3- 3 5 \times 2 + 5 5 =$$

$$75 - 3 10 + 5 5 =$$

[3] ببسط ما يأتي:

$$(3 + 2) (3 - 2) \text{ قوس } \times \text{ مرافقه. (أ)}$$

$$\text{الحل: } 1 = 3-2 = 2(3) - 2(2) =$$

$$(ب) (5 + 7)^2 \text{ مربع كامل.}$$

$$\text{الحل: } 2(5) + 5 \times 7 2 + 2(7) =$$

$$35 2 + 12 = 5 + 35 2 + 7 =$$

$$\text{ج) } \frac{1+3\sqrt{2}}{\sqrt{6}+\sqrt{3}} \text{ أضرب بمرافق المقام.}$$

$$\frac{(\sqrt{6}-\sqrt{3})(1+3\sqrt{2})}{6-3} = \frac{\sqrt{6}-\sqrt{3}}{\sqrt{6}-\sqrt{3}} \times \frac{1+3\sqrt{2}}{\sqrt{6}+\sqrt{3}} = \text{الحل:}$$

$$\frac{\sqrt{6}-\sqrt{3} + \sqrt{18} 2 - 3 \times 2}{3-} = \frac{(\sqrt{6}-\sqrt{3})1 + (\sqrt{6}-\sqrt{3})3\sqrt{2}}{3-} =$$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{\sqrt{6} - \sqrt{3} + \sqrt{2} \cdot 6 - 6}{3} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{3} + \sqrt{2} \times 9 \times 2 - 6}{3} =$$

$$\frac{\sqrt{6} + \sqrt{3} - \sqrt{2} \cdot 6 + 6}{3} = \text{سالب المقام يُضرب بالبسط}$$

(د)  $\frac{2 + \sqrt{3}}{\sqrt{3} + \sqrt{3}}$  اضرب بمرافق المقام  $(2 - \sqrt{3})$

# الحل:  $\frac{(2 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3})}{(\sqrt{3} + \sqrt{3})(\sqrt{3} - \sqrt{3})} = \frac{2 - 3}{3 - 3} = \frac{-1}{0}$  [4] حل المعادلات الآتية:

(أ)  $32 = 1 + 8^s$

الحل:  $5^2 = 1 + (3^2)^s \Leftrightarrow 5^2 = (1+s)3^2 \Leftrightarrow 5 = (1+s)3 \Leftrightarrow \frac{2}{3} = s \Leftrightarrow 2 = 3s \Leftrightarrow 5 = 3 + 3s =$

(ب)  $\frac{1}{2}(2+3)^s$  انتبه:  $(\frac{1}{2})$  تعني جذر تربيعي.

الحل: رتب لطرده الجذر.  $\therefore 3^s + 2 = 2^5$

$\frac{23}{2} = s \Leftrightarrow 23 = 3s \Leftrightarrow 2 - 25 = 3s$

(ج)  $15 = 1 + 2^{2-2s} = 1 + 2^{2-2s}$

الحل:  $\therefore 15 \neq 2 \Leftrightarrow 0 = 1 + s^{2-2} = 0$

$1 = s \Leftrightarrow 0 = 1 - s \Leftrightarrow 0 = (1-s)(1-s)$

(د)  $2^s \times 2^{-3} = (\frac{1}{2})^{16}$

الحل:  $2^{-3-s} = (\frac{1}{2})^{16} \Leftrightarrow 2^{-2-s} = 2^{16} \Leftrightarrow 16 = 2^{-2-s}$  تنكسر:  $(\frac{1}{2})^1 = 1 - (\frac{1}{2})^1$

$8^{-} = \frac{16}{2^{-}} = s \Leftrightarrow 16 = 2^{-s} \Leftrightarrow 8^{-} = \frac{16}{2^{-}}$

(هـ)  $3 = 2 + 2^3$  كعب لطرده الجذر

الحل:  $27 = 2 + 2^3 \Leftrightarrow 3(3) = 2 + 2^3$

تم التحميل من مدونة ملخصات الثانوية العامة

<https://ye-thirdsecondr.blogspot.com/>

$$\frac{25}{2} = س \Leftarrow 25 = س^2 \Leftarrow 2-27 = س^2$$