

مع

# سلسلة رفعة

لرياضيات متعة



أسهل

أجمل

ثاني

متوسط

تأليف

محمد علي أحمد الشواف  
ابتسام عاتق أحمد الطاهري  
أشواق عبدالله عويض الثبيتي

مراجعة

نوره محمد عبد الله الحناكي  
سهام حامد عتيق السلمي  
هشام محمد محمد أبو علام

أبسط

الفصل الدراسي الثاني

نسخة إلكترونية مجانية لا تباع

أ/ محمد علي الشواف - أ/ ابتسام عاتق الطاهري - أ/ أشواق عبدالله الثبتي

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر

مع سلسلة رفعة للرياضيات متعة (ثاني متوسط) الفصل الدراسي الثاني

رقم الإيداع ١٤٤٢ / ٥٧٠٠ تاريخ ١٤٤٢ / ٠٧ / ٠٦ ردمك ٤-٦٨٩١-٠٣-٠٣-٦٠٣-٩٧٨

العروض البصرية

الأستاذة / أشواق عبدالله الثبتي

(متعة الرياضيات)

رقم الإيداع ١٤٤٢ / ٤٥٨٩ تاريخ ١٤٤٢ / ٠٦ / ٠٨ ردمك ٢-٦٧٥٤-٠٣-٠٣-٦٠٣-٩٧٨



# بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

## المقدمة

الحمد لله والصلاة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين،

أما بعد:

### نبذة تعريفية لمجموعة رفعت

هي مجموعة ثدار من قبل معلمي ومعلمات الرياضيات من جميع أنحاء المملكة، وهي قائمة على التطوير المهني لجميع المعلمين والمعلمات، وابتكار الافكار الإبداعية للتعليم العام، والإنتاج الموثق لكل ما يخص الرياضيات والتعليم العام.

وبهدف التسهيل والتيسير لمادة الرياضيات، تقدم مجموعة رفعت بين أيديكم هذا العمل ضمن "سلسلة كتب رفعت" وتتميز هذه الكتب بما يلي:

- عرض المحتوى بصورة جذابة ومشوقة.
  - عروض بصرية (باركود) في كل درس
  - روابط تحتوي على فيديوهات لشرح الدروس (قناة الاستاذة منال التويجري)
  - اختبار قصير بعد كل درس (اختبر نفسك).
  - ملحق للإجابات لـ(اختبر نفسك) للتأكد من صحة الحل.
  - شرح المهارات الأساسية.
- ونطمح من خلاله توصيل المفاهيم الرياضية وموضوعات المنهج بصورة سلسة وواضحة.. لإفادة طلابنا وطالباتنا، وتوفير جهود معلمينا وملماتنا الأفاضل.

والله ولي التوفيق



## الفصل السادس / القياس: المساحة والحجم

٦

- ١-٦ مساحات الأشكال المركبة ..... ٨
- ٢-٦ استراتيجية حل المسألة (حل مسألة أبسط) ..... ١٠
- ٣-٦ الأشكال الثلاثية الأبعاد ..... ١٢
- ٤-٦ حجم المنشور والأسطوانة ..... ١٤
- ٥-٦ حجم الهرم والمخروط ..... ١٦
- ٦-٦ مساحة سطح المنشور والأسطوانة ..... ١٨
- ٧-٦ مساحة سطح الهرم ..... ٢٠

## الفصل السابع / الجبر: المعادلات والمتباينات

٧

- ١-٧ تبسيط العبارات الجبرية ..... ٢٣
- ٢-٧ حل المعادلات ذات الخطوتين ..... ٢٥
- ٣-٧ كتابة المعادلات ذات الخطوتين ..... ٢٧
- ٤-٧ حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها ..... ٢٩
- ٥-٧ استراتيجية حل المسألة (التخمين والتحقق) ..... ٣١
- ٦-٧ المتباينات ..... ٣٣
- ٧-٧ حل المتباينات ..... ٣٥

## الفصل الثامن / الجبر: الدوال الخطية

٨

- ١-٨ المتتابعات ..... ٣٨
- ٢-٨ الدوال ..... ٤٠
- ٣-٨ تمثيل الدوال الخطية ..... ٤٢
- ٤-٨ ميل المستقيم ..... ٤٤
- ٥-٨ التغير الطردي ..... ٤٦
- ٦-٨ استراتيجية حل المسألة (إنشاء نموذج) ..... ٤٨



## الفصل التاسع / الإحصاء

٩

٥١	١-٩ استراتيجية حل المسألة (إنشاء جدول)
٥٢	٢-٩ المدرجات التكرارية
٥٥	٣-٩ القطاعات الدائرية
٥٧	٤-٩ مقاييس النزعة المركزية والمدى
٥٩	٥-٩ مقاييس التشتت
٦١	٦-٩ التمثيل بالصندوق وطرفيه
٦٢	٧-٩ التمثيل بالساق والورقة
٦٥	٨-٩ اختيار طريقة التمثيل المناسبة

## الفصل العاشر / الاحتمالات

١٠

٦٨	١-١٠ عد النواتج
٧٠	٢-١٠ احتمال الحوادث المركبة
٧٢	٣-١٠ احتمال النظري والاحتمال التجريبي
٧٤	٤-١٠ استراتيجية حل المسألة (تمثيل المسألة)
٧٦	٥-١٠ استعمال المعاينة في التنبؤ

## المهارات الأساسية

٧٨	١- وصف الأشكال الثلاثية الأبعاد وإيجاد مساحة سطحها وحجمها
٧٨	٢- كتابة المتباينات وتمثيلها، وحل معادلات ومتباينات خطية بسيطة
٧٨	٣- تمثيل الدوال الخطية بيانياً، وإيجاد ميل المستقيم
٧٨	٤- إيجاد مقاييس التشتت لمجموعة من البيانات، وتمثيل البيانات بالساق والورقة
٧٨	٥- إيجاد احتمال الحوادث المركبة، الاحتمال النظري، الاحتمال التجريبي، التنبؤ بالحوادث
٧٨	٦- حل مسائل رياضية باستعمال استراتيجيات ومهارات مناسبة مع اتباع الخطوات الأربع

## الفصل السادس

### القياس: المساحة والحجم

<a href="#">اختبر نفسك</a>		<a href="#">عرض بصري</a>	<a href="#">الدرس</a>	١-٦ مساحات الأشكال المركبة
<a href="#">اختبر نفسك</a>		<a href="#">عرض بصري</a>	<a href="#">الدرس</a>	٢-٦ استراتيجيات حل المسألة (حل مسألة أبسط)
<a href="#">اختبر نفسك</a>		<a href="#">عرض بصري</a>	<a href="#">الدرس</a>	٣-٦ الأشكال الثلاثية الأبعاد
<a href="#">اختبر نفسك</a>		<a href="#">عرض بصري</a>	<a href="#">الدرس</a>	٤-٦ حجم المنشور والأسطوانة
<a href="#">اختبر نفسك</a>		<a href="#">عرض بصري</a>	<a href="#">الدرس</a>	٥-٦ حجم الهرم والمخروط
<a href="#">اختبر نفسك</a>		<a href="#">عرض بصري</a>	<a href="#">الدرس</a>	٦-٦ مساحة سطح المنشور والأسطوانة
<a href="#">اختبر نفسك</a>		<a href="#">عرض بصري</a>	<a href="#">الدرس</a>	٧-٦ مساحة سطح الهرم



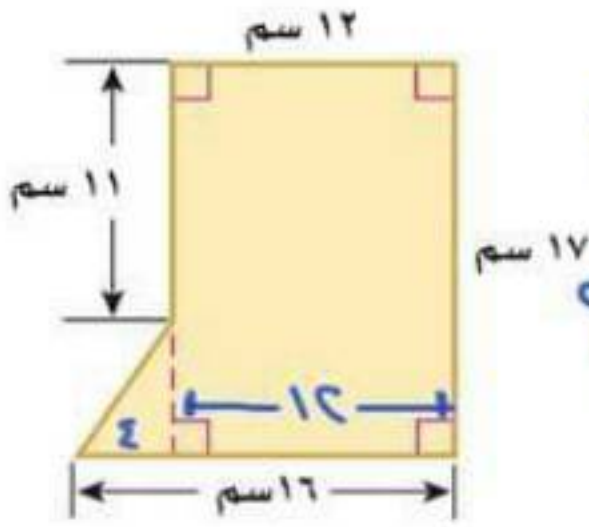


## (٦-١) مساحة الاشكال المركبة

\* الشكل المركب : شكل مكون من شكلين بسيطين أو أكثر..



\* مثال : أوجد مساحة الشكل المركب التالي ؟



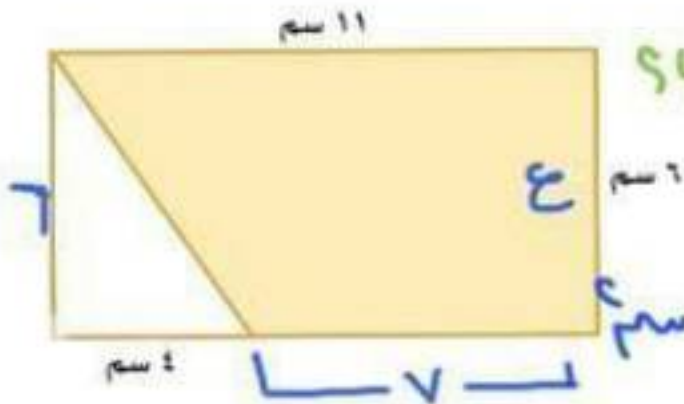
مساحة الشكل المستطيل =  $ل \times ع$  فإن  
 $١٧ \times ١١ = ١٨٧ \text{ سم}^٢$

مساحة المثلث =  $\frac{1}{2} (ق \times ع) = \frac{1}{2} (٦ \times ٤) = ١٢ \text{ سم}^٢$

(ق) القاعدة =  $١٦ - ١٠ = ٦ \text{ سم}$   
 (ع) الارتفاع =  $١١ - ٧ = ٤ \text{ سم}$

مساحة الشكل المركب =  $١٨٧ + ١٢ = ١٩٩ \text{ سم}^٢$

لذا أوجد مساحة المنطقة المظلمة في الشكل المركب



مساحة المستطيل =  $ل \times ع$  فإن  $١١ \times ٦ = ٦٦ \text{ سم}^٢$

مساحة المثلث =  $\frac{1}{2} (ق \times ع) = \frac{1}{2} (٤ \times ٦) = ١٢ \text{ سم}^٢$

مساحة المنطقة المظلمة =  $٦٦ - ١٢ = ٥٤ \text{ سم}^٢$

\* حل آخر \*

الكبير المظلم شبه منحرف مساحته =  $\frac{1}{2} ع (ق_1 + ق_2)$

=  $\frac{1}{2} \times ٦ \times (١١ + ٧)$

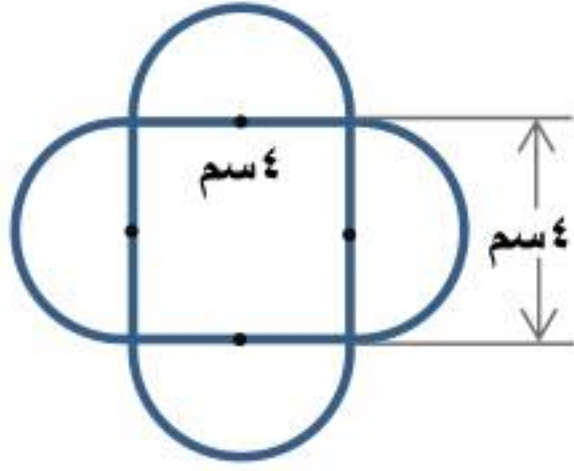
=  $١٨ \times ٣ = ٥٤ \text{ سم}^٢$



(١-٦) مساحات الأشكال المركبة

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

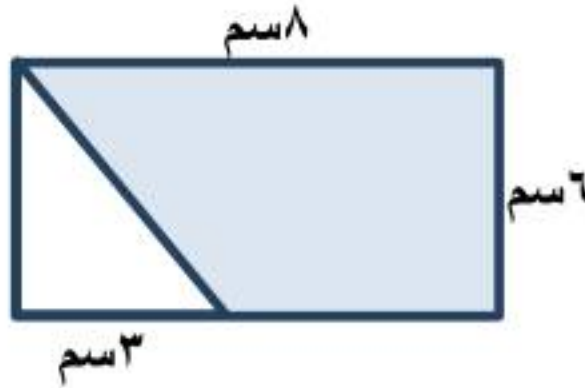
(١) المساحة الكلية للشكل المجاور تساوي

(د) ١١٦,٤٨ سم<sup>٢</sup>

(ج) ٢٨,٥٦ سم<sup>٢</sup>

(ب) ٤١,١٢ سم<sup>٢</sup>

(أ) ٦٦,٢٤ سم<sup>٢</sup>



(٢) المساحة المظللة للشكل المجاور تساوي

(د) ٣٠ سم<sup>٢</sup>

(ج) ٣٩ سم<sup>٢</sup>

(ب) ٤٨ سم<sup>٢</sup>

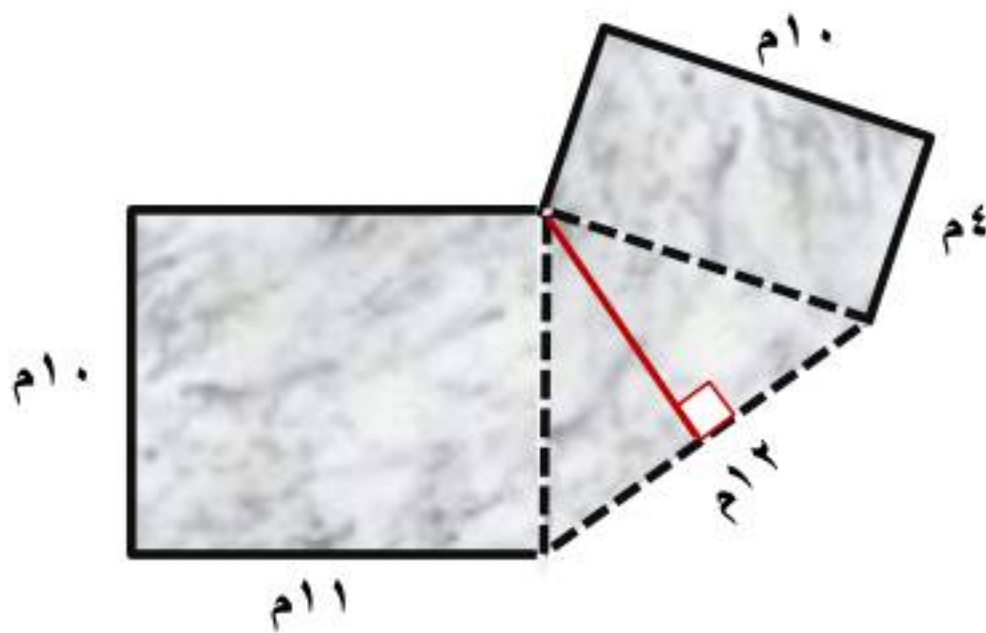
(أ) ٣٦ سم<sup>٢</sup>

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

( ) مساحة نصف الدائرة هي  $\frac{1}{4} \times$  مساحة الدائرة =  $\frac{1}{4}$  ط نق<sup>٢</sup>

( ) مساحة المثلث هي نصف ناتج ضرب الارتفاع في مجموع القاعدتين

• ترغب والدة سعاد في تغطية أرضية صالة منزلها بالسجاد كما في الشكل المجاور. ما مساحة السجاد المطلوب شراؤه؟



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



## (٦-٤) استراتيجية حد المسألة

احل المسألة باستخدام حد مسألة أبسط

ثلاثة نجارين يصنع كل واحد منهم ثلاثة كراسي في ثلاثة

أيام فكم كرسيًا يمكن لـ ٧ نجارين أن يصنعوا في ٣٠ يومًا

إذا عملوا بالمعدل نفسه؟

افهم

٣ نجارين يصنع كل واحد ٣ كراسي في ٣ أيام  
الطلوب .. أيجاد كم كرسيًا يصنع ٧ نجارين في ٣٠ يومًا

خطط

باستعمال خطة حد مسألة أبسط ..

حل

١ نجار = ٣ كراسي

٧ نجارين = ؟ كراسي

عدد الكراسي لـ ٧ نجارين =  $7 \times 3 = 21$

٢١ كرسي ← ٣ أيام

؟ كرسي ← ٣٠ يومًا

$3 \div 3 = 1 = 21 \times 1 = 21$  كرسي ..

تحقق

$21 \div 3 = 7$  يومًا = ٧ نجارين ✓

- تحتاج مدرسة إلى ٢٥٠ نسخة من مطوية إرشادية، فإذا كانت المطبعة تضعها في مغلقات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة، فما عدد المغلقات التي يجب أن تشتريها المدرسة من كل نوع؟

افهم

خطط

حل

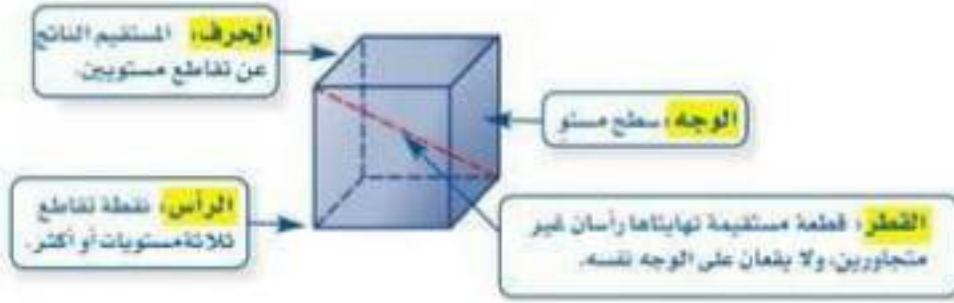
تحقق



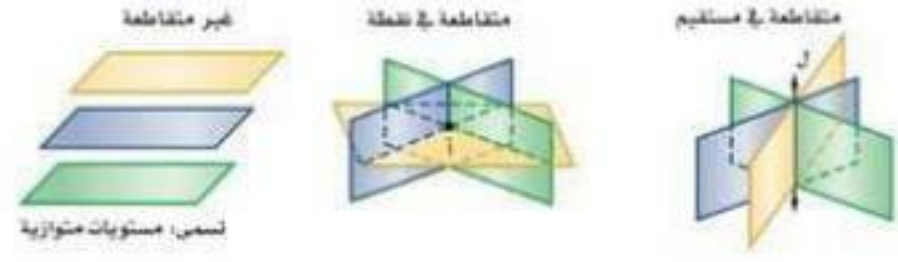


## (٦-٣) الأشكال ثلاثية الأبعاد

### أهم مفردات الجسمان



### أنواع تقاطع المستويات

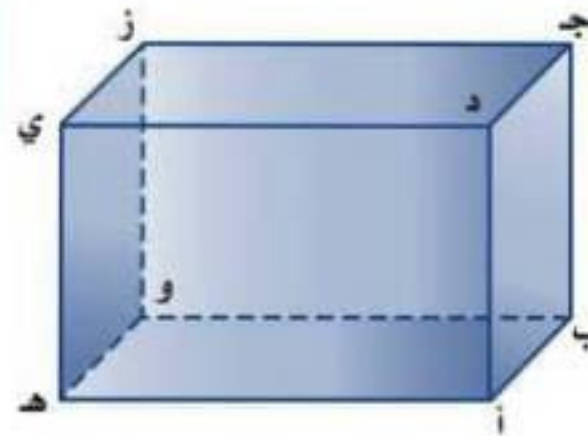


\* المستقيمان المتخالفان: (لا يتقاطعان أبداً ولا يقعان في مستوى نفسه)

\* المستقيمان المتوازيان: (لا يتقاطعان أبداً هما امتداد ويقعان في نفس المستوى)

### (مستقيمان متوازيان)

جـ د // ز ي  
د أ // ب ح  
أ هـ // ز ي

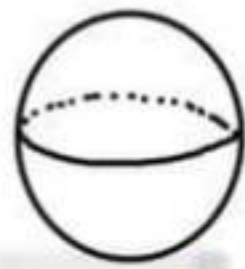


### (مستقيمان متخالفان)

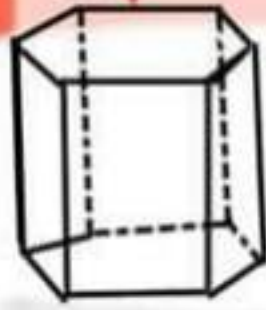
جـ د // و هـ  
ب ح // د أ  
ز ي // أ د

( // أو // ) رمز المتوازي

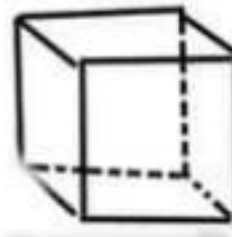
### بعض مسيات الأشكال ثلاثية الأبعاد



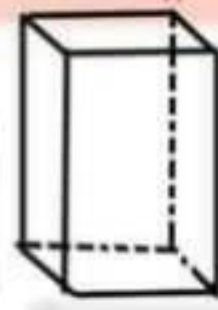
كرة



منشور سداسي



مكعب



متوازي المستطيلات

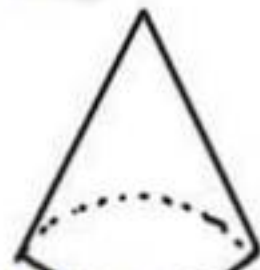


هرم رباعي

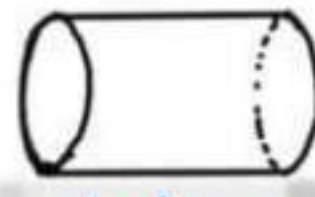


هرم ثلاثي

← حسب قاعدته →

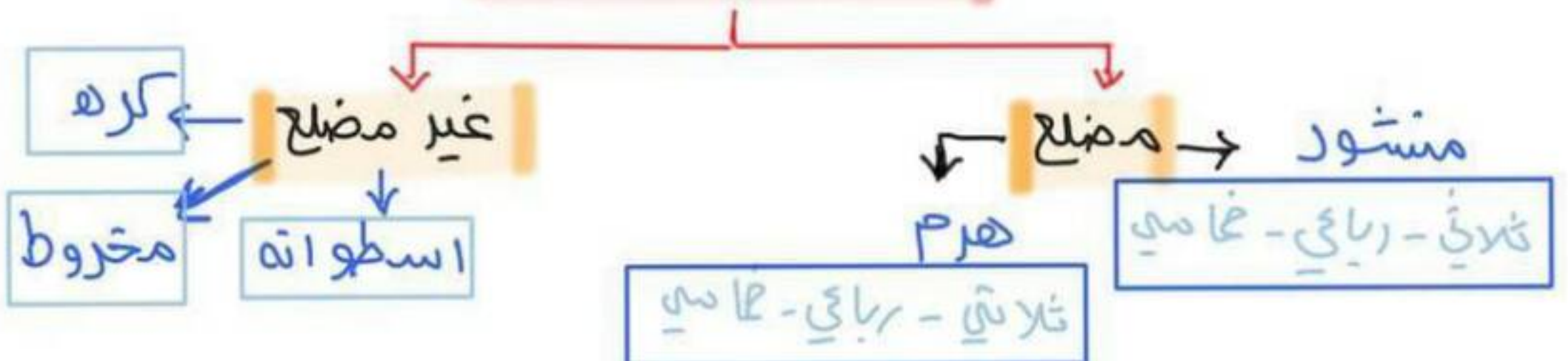


مخروط



اسطوانة

### تصنيف الجسمان





(٣-٦) الأشكال الثلاثية الأبعاد

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

● ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( x ) أمام العبارة الخاطئة:

( ) الحرف هو قطعة مستقيمة نهايتها رأسان غير متجاورين، ولا يقعان على الوجه نفسه

( ) الرأس هو نقطة تقاطع ثلاثة مستويات أو أكثر

( ) الهرم مجسم قاعدته الوحيدة مضلع وأوجهه مثلثات

( ) يُسمى المستقيمان اللذان يتقاطعان ويقعان في المستوى نفسه مستقيمين متخالفين

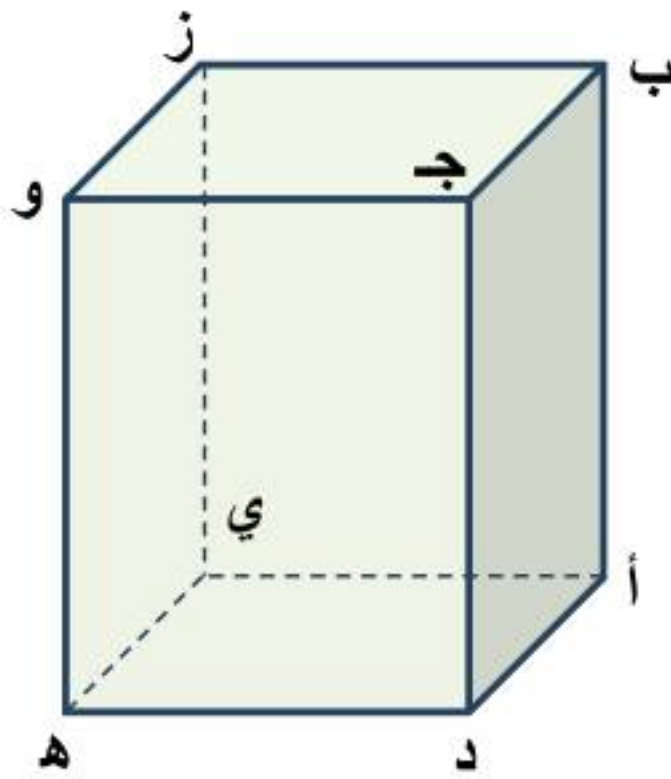
● استعمل الشكل المجاور لتحديد كلا مما يأتي:

مستويين متوازيين. ....

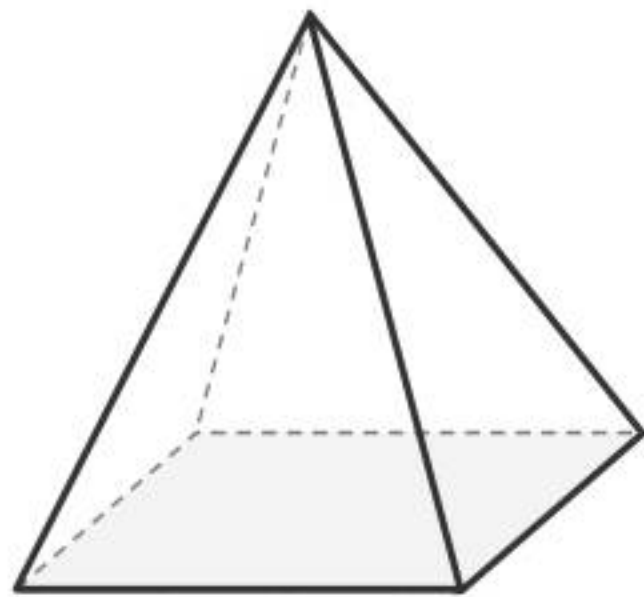
مستقيمين متخالفين. ....

مستويين متقاطعين. ....

نقطتين تشكلان قطراً عن الوصول بينهما .....



● حدد اسم المجسم، وبين عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه و رؤوسه:



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....






## (٦-٤) حجم المنشور ولاسطوانة

الحجم  $\rightarrow$  مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع



### \* أمثلة


١ اوجد حجم الاسطوانة التالي؟



مساحة القاعدة = ط نق  $\rightarrow$   $ق = \frac{2.8}{2} = 1.4$

$z = 9 \times (1.4)^2 \times 2.8 = 9 \times 1.96 \times 2.8 = 47.568$

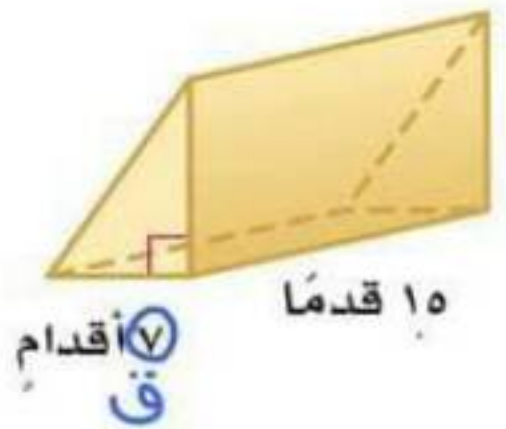
٢ اوجد حجم المنشور التالي؟



مساحة القاعدة =  $ل \times ع = 6 \times 3 = 18$

الحجم =  $18 \times 2 = 36$

٣ اوجد حجم المنشور التالي؟



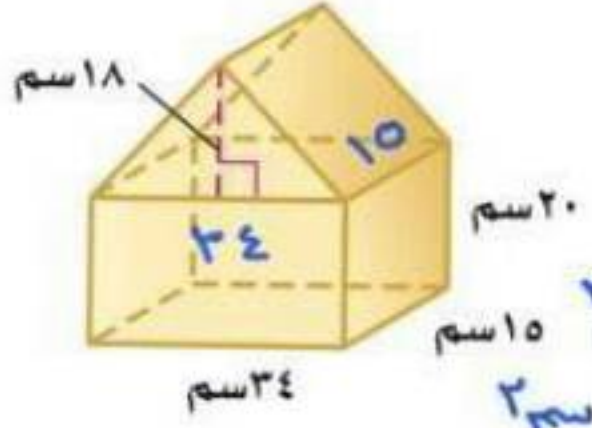
مساحة القاعدة (مثلث) =  $\frac{1}{2} \times ق \times ع = \frac{1}{2} \times 7 \times 10 = 35$  مربع

الحجم =  $35 \times 10 = 350$  قدم مكعب

## الحجم للمجسم المركب



### \* مثال



حجم الجسم العلوي =  $\frac{1}{2} \times (ق \times ع) \times ح = \frac{1}{2} \times (24 \times 10) \times 10 = 1200$

حجم الجسم السفلي =  $ل \times ع \times ح = 18 \times 24 \times 10 = 4320$

الحجم الكلي =  $1200 + 4320 = 5520$



## اختبر نفسك

الفصل السادس:

(٤-٦) حجم المنشور والأسطوانة

القياس: المساحة والحجم

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الحجم هو قياس الحيز الذي يشغله الجسم في الفضاء، ويقاس بالوحدات المربعة  
مثل السنتمترات المربعة (سم<sup>٢</sup>)، أو الأقدام المربعة (قدم<sup>٢</sup>) ( )

الجسم المكون من أكثر من نوع من المجسمات يُسمى مجسمًا مركبًا ( )

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حجم المنشور الرباعي الذي طوله ٤ سم، وعرضه ٦ سم، وارتفاعه ٦ سم:

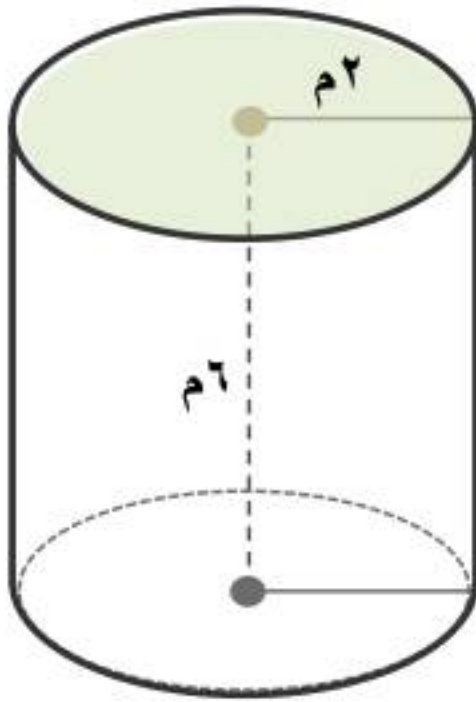
(أ) ٣٨٤ سم<sup>٣</sup>

(ب) ١٦٠ سم<sup>٣</sup>

(ج) ٣٢٠ سم<sup>٣</sup>

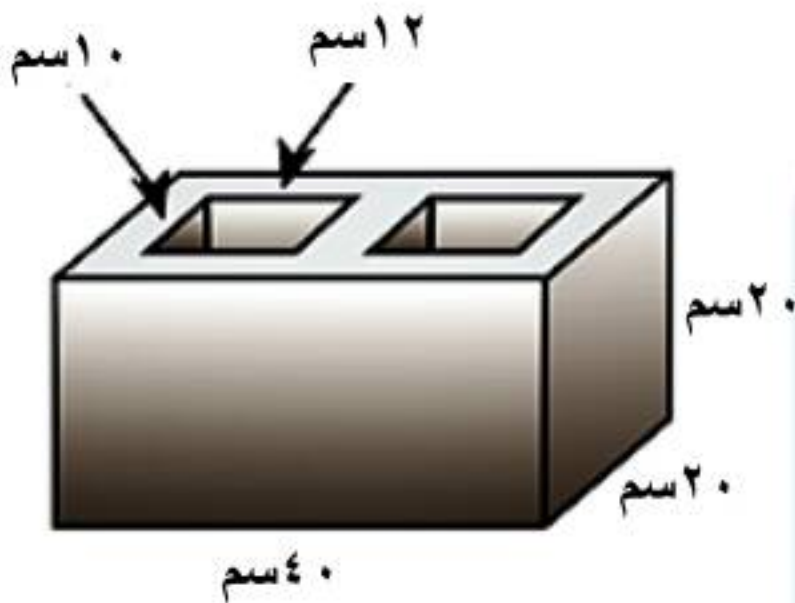
(د) ٣٨٤ سم<sup>٢</sup>

• أوجد حجم الأسطوانة المجاورة، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

• طوب بناء خرساني على شكل منشور رباعي فيه ثقبان متساويان كما في الشكل المجاور، ما حجم مادة الخرسانة في طوب البناء؟



.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....





## حجم الهرم والمخروط (٥-٦)

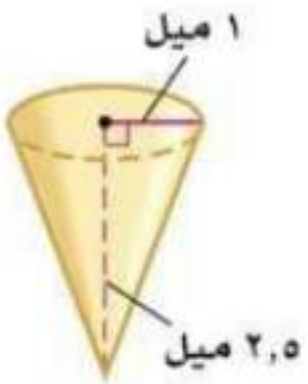
الحجم  $\rightarrow$   $\frac{1}{3} = \frac{1}{3} \times$  مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

### المخروط

$$C = \frac{1}{3} (\pi r^2) \times h$$

(القاعدة دائرة)

١ اوجد حجم المخروط مقرب الناتج لا قرب جزء من عشره



$$C = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

$$= \frac{1}{3} \pi (1)^2 \times 2.5$$

$$C = \frac{1}{3} \times 3.14 \times 2.5 = 2.616 \approx 2.6 \text{ ميل مكعب}$$

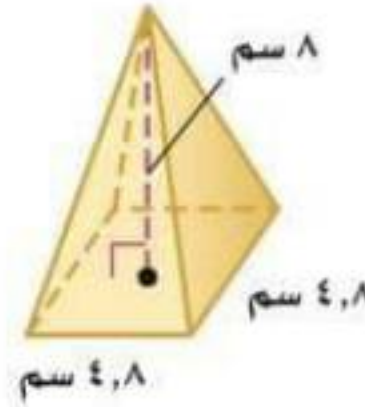
### الهرم

$$C = \frac{1}{3} (l \times w) \times h$$

$$C = \frac{1}{3} (\frac{1}{2} \times c) \times h$$

(القاعدة مثلث)

١ اوجد حجم الهرم التالي مقرب الناتج لا قرب جزء من عشره ؟



$$C = \frac{1}{3} (8 \times 8) \times 4.8$$

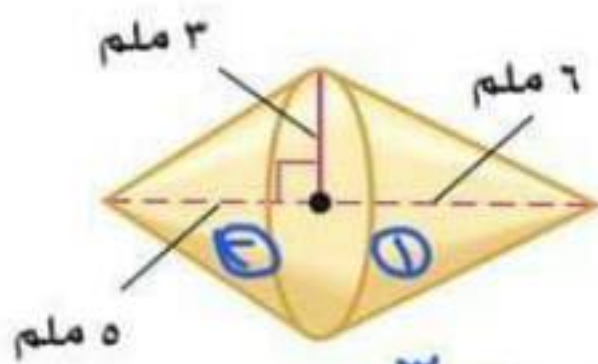
$$= 102.4 \text{ سم}^3 \approx 102 \text{ سم}^3$$

### \* الأمثلة

## الحجم المركب للهرم والمخروط

### حجم الجزء المنطل

حجم الجسم الكلي - حجم الجسم المنقطع



### الحجم الكلي للجسم المركب

حجم الجسم ١ + حجم الجسم ٢

اوجد حجم الجسم التالي ؟

$$C = \frac{1}{3} (\pi \times 6^2 \times 3) = 113.04 \text{ ملم}^3$$

$$C = \frac{1}{3} (\pi \times 5^2 \times 6) = 157.08 \text{ ملم}^3$$

$$\text{الحجم الكلي} = 113.04 + 157.08 = 270.12 \text{ ملم}^3$$

\* حل آخر

$$C = \frac{1}{3} \pi (r_1^2 + r_2^2 + r_1 r_2) \times h$$

$$= \frac{1}{3} \pi (6^2 + 5^2 + 6 \times 5) \times 3 = 270.12 \text{ ملم}^3$$



• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

حجم الهرم (ح) يساوي نص ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع) ( ) ( )

هو شكل ثلاثي الأبعاد له قاعدة دائرية، و سطح منحني يصل القاعدة بالرأس يسمى المخروط ( )

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

١) حجم الهرم الثلاثي الذي قاعدته على شكل مثلث طول قاعدته ١٠ سم، وارتفاعه ٦ سم، وارتفاع الهرم ٢٠ سم.

(د) ١٢٠٠ سم<sup>٣</sup>

(ج) ٢٠٠ سم<sup>٣</sup>

(ب) ٤٠٠ سم<sup>٣</sup>

(أ) ٦٠٠ سم<sup>٣</sup>

• يريد مهرج أن يملأ قبعته رملاً، استعمل الرسم المجاور لتحديد كم تسع قبعته من الرمل



.....

.....

.....

.....

.....

.....

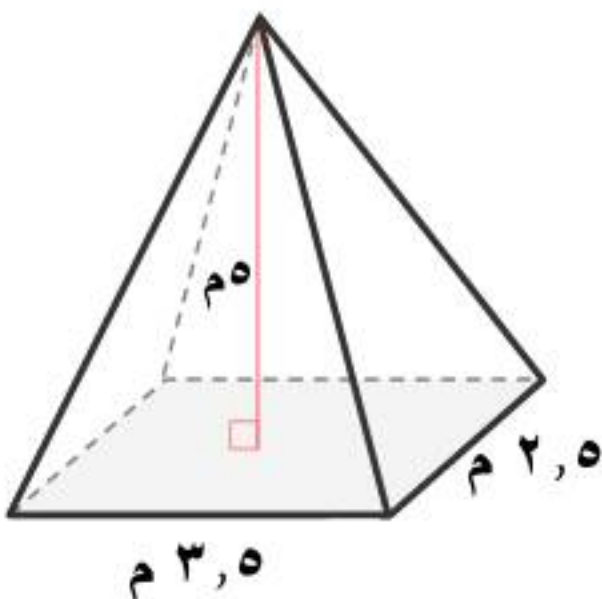
.....

.....

.....

.....

• أوجد حجم الهرم المجاور، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



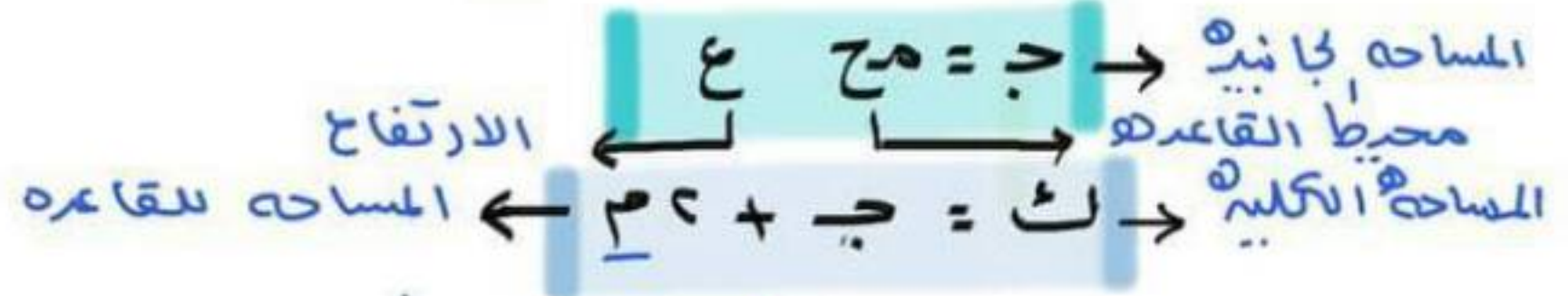


(٦-٦) مساحة سطح المنشور والاسطوانة

الوجه الجانبي: هو أي سطح مستو في الجسم وليس القاعه

المساحة الجانبية: هي مجموع مساحات الأوجه الجانبية للجسم

المساحة الكلية للسطح الجسم.. هي مجموع جميع مساحات أوجه الجسم



الاسطوانة

أمثال:

المنشور

\* اوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح المجسمات التالية؟

②

ع = 10  
ج = 5

ح =  $2\pi r \times h = 2 \times 3.14 \times 5 \times 10 = 314$

ك =  $2\pi r^2 + 2\pi r h = 2 \times 3.14 \times 5^2 + 314 = 157 + 314 = 471$

①

ع = 9  
ج = 6  
ح = 7

ح =  $2 \times (9 \times 6 + 9 \times 7 + 6 \times 7) = 2 \times (54 + 63 + 42) = 2 \times 159 = 318$

③

ع = 6  
ج = 3  
ح = 4  
ك = 5

ح =  $2 \times (3 \times 4 + 3 \times 5 + 4 \times 5) = 2 \times (12 + 15 + 20) = 2 \times 47 = 94$



## اختبر نفسك

الفصل السادس:

القياس: المساحة والحجم

(٦-٦) مساحة سطح المنشور والأسطوانة

الصف ثاني متوسط /

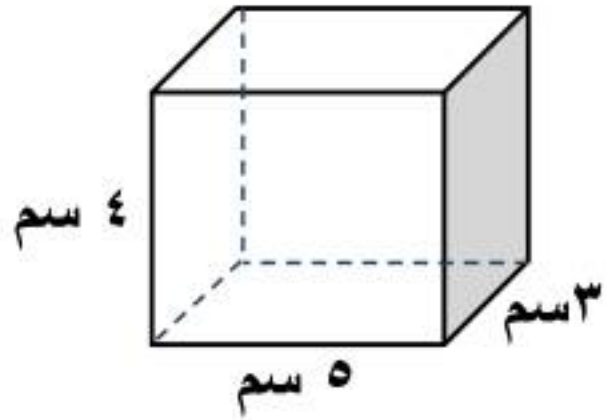
الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

المساحة الجانبية لسطح مجسم هي مجموع مساحات جميع أوجهه ( )

الوجه الجانبي لمجسم هو أي سطح مستو وليس القاعدة ( )

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:



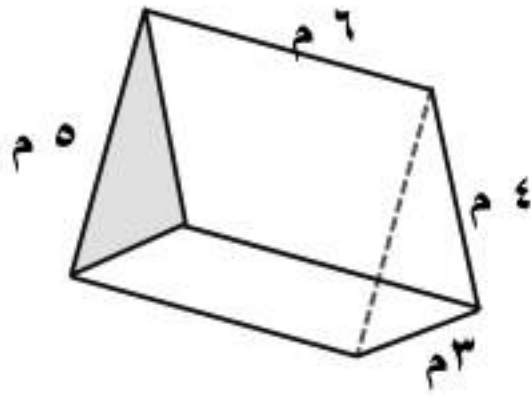
(١) المساحة الكلية للشكل المجاور تساوي

(د)  $30 \text{ سم}^2$

(ج)  $60 \text{ سم}^2$

(ب)  $64 \text{ سم}^2$

(أ)  $94 \text{ سم}^2$



(٢) المساحة الجانبية للشكل المجاور تساوي

(د)  $72 \text{ سم}^2$

(ج)  $84 \text{ سم}^2$

(ب)  $36 \text{ سم}^2$

(أ)  $74,5 \text{ سم}^2$

• تغلف بعض علب الألوان الأسطوانية الشكل بورق كما في الشكل المجاور.

أوجد مساحة ورقة تغليف علبة الألوان



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....





## (٦-٧) مساحة سطح الهرم

• الهرم المنتظم: هرم قاعدته مضلع منتظم وواجهه مثلثات متطابقة وكل منها متطابق الساقين .

• الارتفاع الجانبي: ارتفاع كل وجه من أوجه الهرم

• المساحة الجانبية:  $ج = \frac{1}{2} \text{مح ل} \leftarrow$  الارتفاع الجانبي

• المساحة الكلية:  $ك = ج + \text{مساحة القاعدة}$

### \* الأمثلة

١] اوجد مساحة الجانبية والكلية لسطح هرم له طول ارتفاعه الجانبي ١٨ م وطول ضلع قاعدته المربع ١١ م ؟

$$ج = \frac{1}{2} \text{مح ل} \Leftrightarrow \text{مح} = 11 \times 4 = 44$$

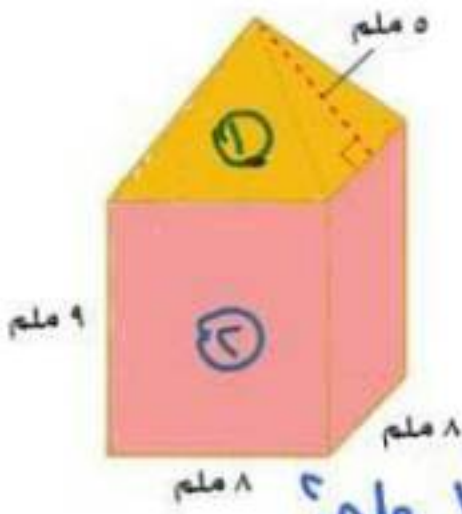
$$ج = \frac{1}{2} (18 \times 44) = 396 \text{ م}^2$$

$$ك = ج + (11) = 396 + 121 = 517 \text{ م}^2$$

٢] اوجد مساحة الجانبية والكلية للمجسم التالي ؟

- المساحة الجانبية للهرم الرباعي ..  
 $ج = \frac{1}{2} \times 8 \times 4 = 16 \text{ م}^2$

- المساحة الجانبية للمنشور الرباعي ..  
 $ج = 8 \times 4 = 32 \text{ م}^2$



المساحة الجانبية للمجسم كامل =  $16 + 32 = 48 \text{ م}^2$   
 المساحة الكلية للمجسم المركب كامل يضاف للمساحة الجانبية للقاعدة السفلية للمنشور الرباعي فقط ..

$$\text{المساحة الكلية} = 8 \times 8 + 48 = 112 \text{ م}^2$$

■ المجسم الأصفر هرم رباعي قاعدته لا تحسب مع مساحة الجانبية ولا مع الكلية لأنها ليست خارجية ..

■ المجسم باللون الوردي منشور رباعي قاعدته العليا لا تحسب مع المساحة الكلية ..



(٧-٦) مساحة سطح الهرم

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

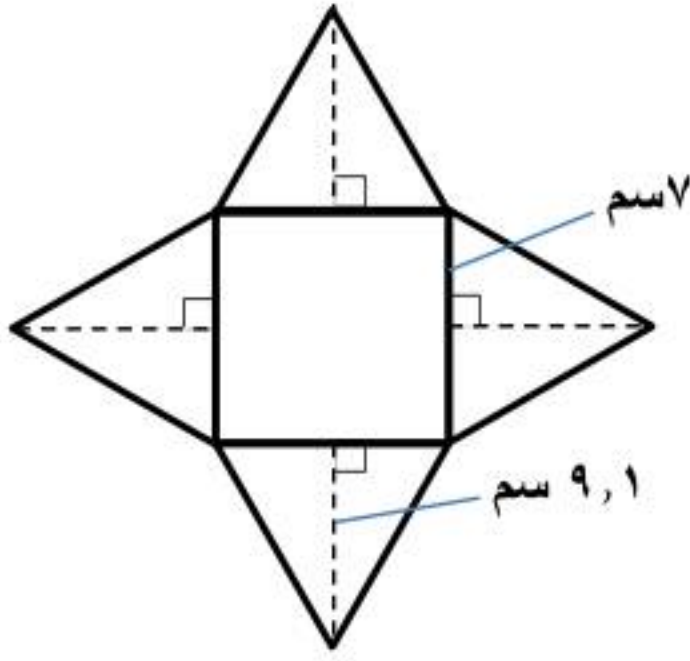
• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الهرم المنتظم قاعدته مضلع منتظم وأوجهه الجانبية مثلثات متطابقة ( )

المساحة الجانبية لهرم رباعي طول قاعدته ٤سم وارتفاعه ٤سم هو ١٦سم<sup>٢</sup> ( )

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

١) يمثل الشكل المجاور هرماً رباعياً مقرباً إلى أقرب عدد صحيح ما المساحة الجانبية لسطح الهرم؟

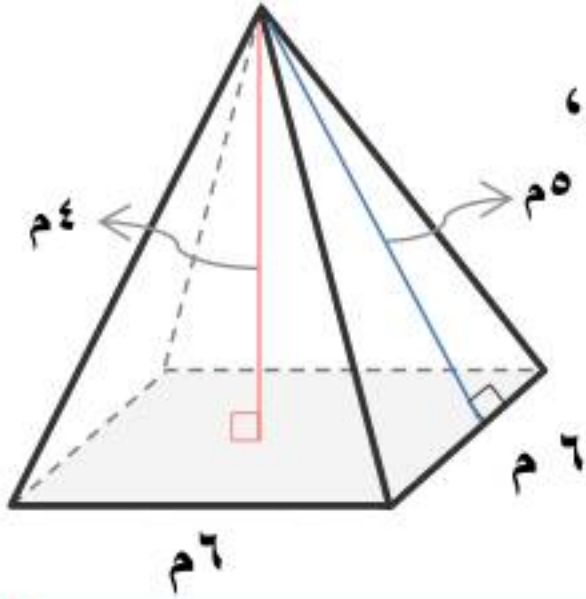


(ب) ٢٩ سم<sup>٢</sup>

(أ) ٣٢ سم<sup>٢</sup>

(د) ١٧٦ سم<sup>٢</sup>

(ج) ١٢٧ سم<sup>٢</sup>



• أوجد كل من حمد ونواف المساحة الكلية للهرم المنتظم المجاور، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟ فسر تبريرك

نواف

$$ك = \frac{1}{4} \text{ مح ل} + م$$

$$= \frac{1}{4} \times 6 \times 4 + 6 \times 6 = 84 \text{ م}^2$$

حمد

$$ك = \frac{1}{4} \text{ مح ل} + م$$

$$= \frac{1}{4} \times 6 \times 5 + 6 \times 6 = 96 \text{ م}^2$$

.....



## الفصل السابع

### الجبر: المعادلات والمتباينات

اختبر نفسك		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	١-٧ تبسيط العبارات الجبرية
اختبر نفسك		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٢-٧ حل المعادلات ذات الخطوتين
اختبر نفسك		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٣-٧ كتابة المعادلات ذات الخطوتين
اختبر نفسك		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٤-٧ حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها
اختبر نفسك		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٥-٧ استراتيجيات حل المسألة (التخمين والتحقق)
اختبر نفسك		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٦-٧ المتباينات
اختبر نفسك		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٧-٧ حل المتباينات





## (٧-١) تبسيط العبارات الجبرية

عبارتين متكافئتين  $a(x+b) = ax+bx$

مثال  $4x+6 = 4x6 + 1x6 = (4+1)6$

$3-5x = 1x(-5) + 3x = (1+3)x$

### تحديد اجزاء عبارته جبرية



### \* امثلة

تبسيط العبارة التالية

$$\begin{array}{r}
 3x - 7 + 3x - 12 \\
 \hline
 6x - 19 \\
 = 6x - 19
 \end{array}$$

(ذجمع اكدود المتشابهة)

عند الحدود والحدود

المتشابهة والمعاملات والثوابت  
لايلي [ 5n - 2n - 3 + n ]

الحدود	5n / -2n / 3
الحدود المتشابهة	5n / -2n / n
المعاملات	1 / -3 / 0
الثوابت	-3



(٧-١) تبسيط العبارات الجبرية

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) امام العبارة الصحيحة وعلامة (x) امام العبارة الخاطئة:

الحد الذي لا يشتمل على متغير يُسمى ثابتًا ( )

تشتمل الحدود المتشابهة على المتغيرات نفسها بالقوى نفسها ( )

تبسيط العبارة  $7ص - 2 - 4ص + 6$  هي  $3ص + 4$  ( )

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) ما الخاصية المستعملة في العبارة  $4س + 32 = 4(س + 8)$

(د) الانعكاس

(ج) التوزيع

(ب) الإبدال على الجمع

(أ) التجميع على الجمع

(٢) أي العبارات الآتية تكافئ  $5 + 5$

(د)  $5 + 5$

(ج)  $5 + 5$

(ب)  $5(5)$

(أ)  $5 \times 5$

(٣) عين العبارة التي لا تكافئ العبارات الثلاث الأخرى

(د)  $4س - 2$

(ج)  $7 + 4س - 9$

(ب)  $4(س - 2)$

(أ)  $س - 2 + 3س$

• عين الحدود والحدود المتشابهة والمعاملات والثوابت في العبارة:  $4ي + 8 - 1$

الحدود المتشابهة .....

الحدود .....

الثوابت .....

المعاملات .....

• اكتب عبارة في أبسط صورة تمثل مجموع عمري أحمد وأخوه:

بلغ عمر أحمد اليوم 5 سنوات، ويصغره أخوه علي بمقدار 5 سنوات.

.....  
.....





# (٧-٢) حل المعادلات ذات الخطوتين

$$٢٠ = ٢ + ٣س$$

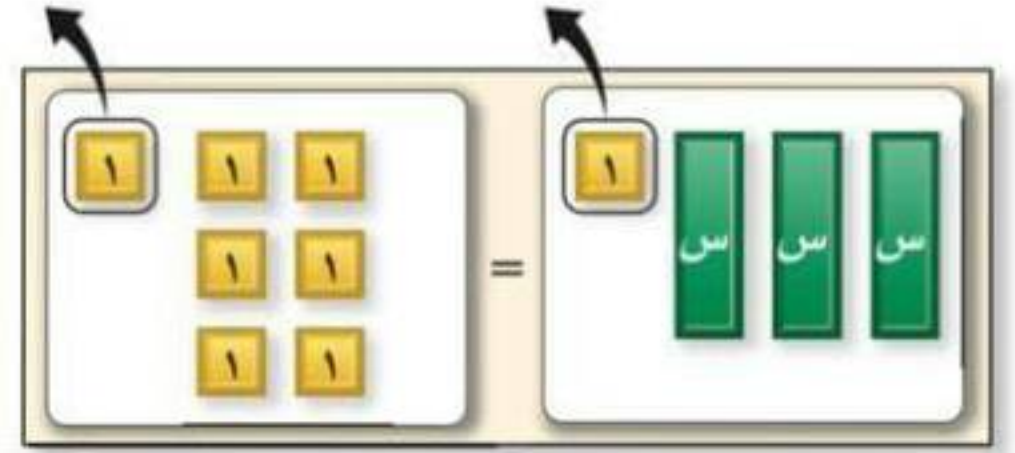
## استعمال الرموز

$$٢٠ = ٢ + ٣س$$

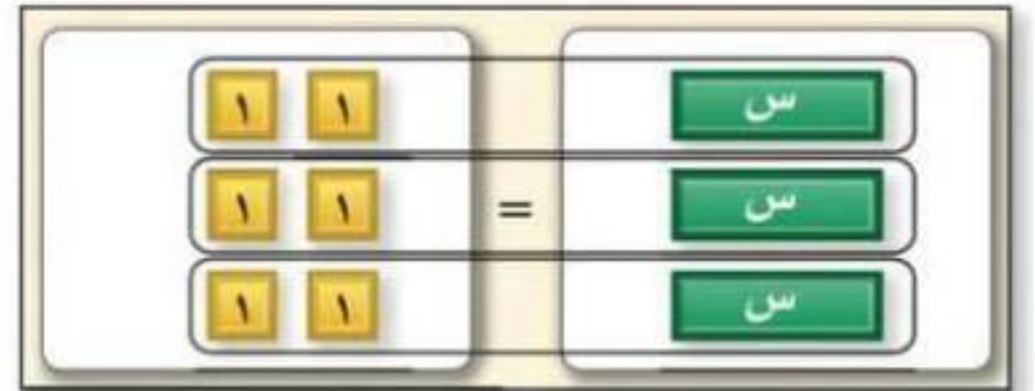
$$\begin{array}{r} ٢٠ \\ - ٢ \\ \hline ١٨ = ٣س \end{array}$$

$$\boxed{٦ = س}$$

## استعمال النموذج



$$١ - ٧ = ١ - ١ + ٣س$$



$$\begin{array}{l} ٦ = ٣س \\ ٢ = س \end{array}$$

\* من الضروري تجميع اكدود المشابحة قبل حل المعادلة ..

\* أمثلة

$$\boxed{١١ = ٢٠ - ٤ + ١٧}$$

$$\begin{array}{r} ١١ = ٢٠ - ٤ + ١٧ \\ - ٤ \quad - ٤ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ١٧ = ١٦ \\ - ١ \quad - ١ \end{array}$$

$$\boxed{٧ = ١٦}$$

حل كل معادلة مما يلي -

$$\begin{array}{r} ٣٧ - = ٤٥٠ - ٣ \\ - ٣ \quad - ٣ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٢٠ - = ٤٥٠ \\ ٥ \quad ٥ \end{array}$$

$$\boxed{٧ = ٤٥}$$



(٧-٢) حل المعادلات ذات الخطوتين

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حل المعادلة  $3س + 2 = 20$  هو

- (أ) ٦ (ب) ٨ (ج) ١٥ (د) ١٨

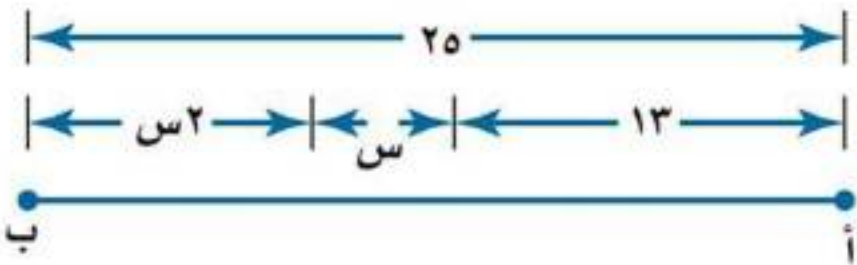
(٢) أي قيم ن الآتية تجعل المعادلة صحيحة  $٧ - \frac{ن}{٤} = ٣$  صحيحة

- (أ) ٣ (ب) ١٦ (ج) ٤٠ (د) ٨٤

(٣) ما قيمة ص في المعادلة  $٦-ص + ٤ = ٣٢$  ؟

- (أ) ٦ (ب)  $\frac{٢}{٤}$  (ج)  $\frac{١}{٣}$  (د) ٦-

• اكتب معادلة لتمثيل طول  $\overline{AB}$  في الشكل المجاور، ثم أوجد قيمة س. وتحقق من صحة الحل



.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....

• أهدي لجمال بطاقة شراء من مكتبة بقيمة ٥٠ ريالاً، وأراد أن يشتري قلمًا بـ ٥ ريالات،

وعددًا من الكتب، بسعر ٩ ريالات للكتاب الواحد. حل المعادلة  $٥٠ = ٥ + ٩ك$ ؛ لإيجاد

عدد الكتب التي يستطيع شراءها. وتحقق من صحة الحل

.....  
 .....  
 .....  
 .....





## (٧-٣) كتابه معادلات ذات خطوتين

$\times$	أمثال - أضعاف	-	أقل من - الفرق
$\div$	جزء - أجزاء	+	يزيد - أضيف
$\frac{1}{2}$	نصف	$\times 2$	مثلا - ضعف

### \* أمثلة

\* حول كل من الجمل التاليه الى معادله ..

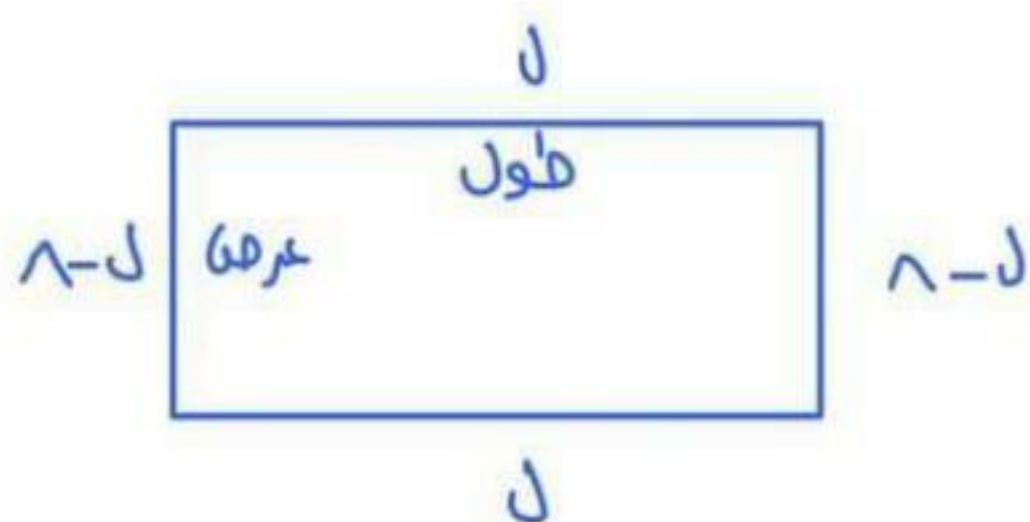
١٣ أكبر من ثلاثة أمثال عدد بمقدار واحد يساوي ٧؟

$$7 = 3x + 1$$

١٤ ناتج قسمة عدد على خمسة مطروحاً منه عشرة يساوي ٣؟

$$3 = 10 - (x \div 5)$$

١٥ محيط مستطيل ٤ سنتمتراً ، ويقبل عرضه عن طوله بمقدار ٨ سنتمترات .. اوجد ابعاد المستطيل؟



محيط المستطيل = مجموع أضلاعه  
٤٠ = ٤ سم

$$40 = (l-8) + (l-8) + l + l \Leftrightarrow$$

$$40 = 16 - 2l$$

$$16 + \quad 16 +$$

$$2l = \frac{40-16}{2} = \frac{24}{2} = 12 \leftarrow$$

$$l = 12 \text{ سم الطول}$$

$$l-8 = 12-8 = 4 \text{ سم العرض}$$



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

١) أقل من ثلاثة أمثال عدد بمقدار أربعة يساوي ١٢

(د)  $١٢ = ٤ - ٣ب$

(ج)  $١٢ = ٣ب - ٤$

(ب)  $١٢ = ٤ + ٣ب$

(أ)  $١٢ = ٣ب + ٤$

٢) توفر سمر نقودًا لشراء لعبة ثمنها ٤٥ ريالاً، إذا كانت قد وفرت حتى الآن ١٣ ريالاً، وستوفر ٨ ريالاً أسبوعياً، والمعادلة  $٤٥ = ١٣ + ٨س$  تمثل هذه العلاقة، فكم أسبوعاً تحتاج سمر حتى تجمع ثمن اللعبة؟

(د)  $٤ -$

(ج)  $٤$

(ب)  $٨$

(أ)  $٧,٢٥$

٣) لدى شركة ٧٢ موظفاً، وتخطط إدارة الشركة لزيادة عددهم بمقدار ٦ موظفين شهرياً، إلى أن يصبح عددهم ضعف العدد الحالي، إذا كانت ش تمثل عدد الأشهر اللازمة لأي المعادلات الآتية تمثل الموقف

(د)  $١٤٤ = ٧٢ + ٦ش$

(ج)  $١٤٤ = (٧٢ + ٦ش)٢$

(ب)  $١٤٤ = ٧٢ + ٢ش$

(أ)  $١٤٤ = ٧٢ش + ٦ش$

• اشترت مجلة و أربعة كُتب متساوية الثمن، ودفعت ١٦٨ ريالاً ثمنها جميعاً، وكان ثمن المجلة وحدها ٨ ريالاً، فما ثمن الكتاب الواحد؟ اكتب معادلة تمثل المسألة وحلها

.....

.....

.....

.....

.....

.....





## (٧-٤) حل معادلات تتضمن متغيراً في طرفيها

### طرق الحل

#### الطريقة الأخرى

$$٧ + \underline{٥٦} = ٣ - \underline{٥٦}$$

$$٧ = ٣ - \underline{٥٦}$$

$$\underline{٧} = ٣ - \underline{٥٦}$$

$$٧ = ٣ - ٥٦$$

#### الطريقة الأولى

$$٧ + \underline{٥٦} = ٣ - \underline{٥٦}$$

$$٣ \oplus ٧ = ٥٦ \ominus ٥٦$$

$$\frac{١}{٥} = \frac{٥٦}{٥}$$

$$٥ = ٥$$

\* النقل السريع \*

### \* مثال

حدد المتغير لا ينسب ثم اكتب المعادلة وحلها ..  
 اكبر من أربعة أمثال عدد بمقدار أحد عشر يساوي  
 هذا العدد مضروباً منه سبعة ؟

$$\frac{٣}{١٣} \times ١١ = \frac{٧}{٢}$$

$$\boxed{٧ = ٣}$$

$$٧ - \underline{٣} = ١١ + \underline{٣}$$

$$٧ - \underline{٣} = ١١ + \underline{٣}$$

$$١١ - ٧ - \underline{٣} = \underline{٣}$$





(٧-٤) حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• صل المعادلات من العمود (أ) بحلولها من العمود (ب) فيما يلي:

حلها (ب)

( ) ك = ٢ -

( ) ك = ٤ -

( ) ك = ٧ -

( ) ك = ٩ -

المعادلات (أ)

(١) ٣ ك + ١٤ = ك

(٢) ٧ ك + ١٠ = ٢ ك

(٣) ١٠ ك = ٣ ك - ٢٨

• حل المعادلة التالية مع التحقق من صحة الحل:  $٨ ي - ٣ = ٦ ي + ١٧$

.....

.....

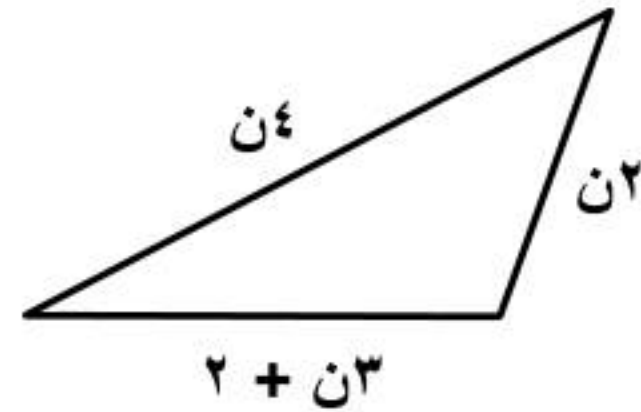
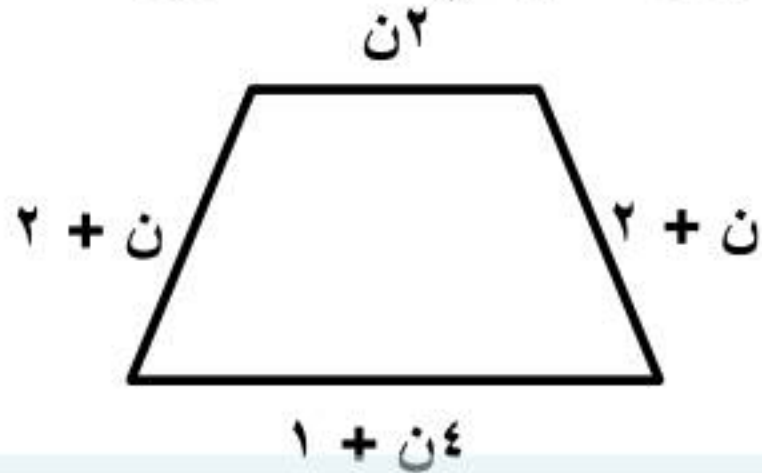
.....

.....

.....

.....

• اكتب معادلة وحلها لإيجاد قيمة ن، بحيث يكون محيطي المثلعين متساويين.



.....

.....

.....

.....

.....

.....



(٧-٥) استراتيجية حد المسألة  
التخمين والتحقق

اشترت مها هدايا لثمان من بنات أخوانها فإذا اشترت خواتم بسعر ٦ ريالاً للخاتم الواحد ودمى بسعر ٧ ريالاً للدمية الواحد وأنفقت ٥٣ ريالاً فاعدد الهدايا التي اشترتها من كل نوع ؟

**افهم** اشترت مها هدايا لثمان من بنات أخوانها خاتم بـ ٦ ريالاً لكل واحد دمية بـ ٧ ريالاً لكل واحد أنفقت ٥٣ ريالاً

المطلوب: عدد الهدايا التي اشترتها من كل نوع ؟

**خطوط** التخمين والتحقق ..

**حل** اشترت ٣ خواتم ←  $3 \times 6 = 18$  ريال

اشترت ٥ دمية ←  $5 \times 7 = 35$  ريال

**تحقق**  $53 = 18 + 35$  ريال

ولهو ما أنفقتة مها ✓



- ثلاثة أعداد مجموعها ٢٣، والعدد الأكبر منها يزيد على الأصغر بمقدار ٩

افهم

خطط

حل

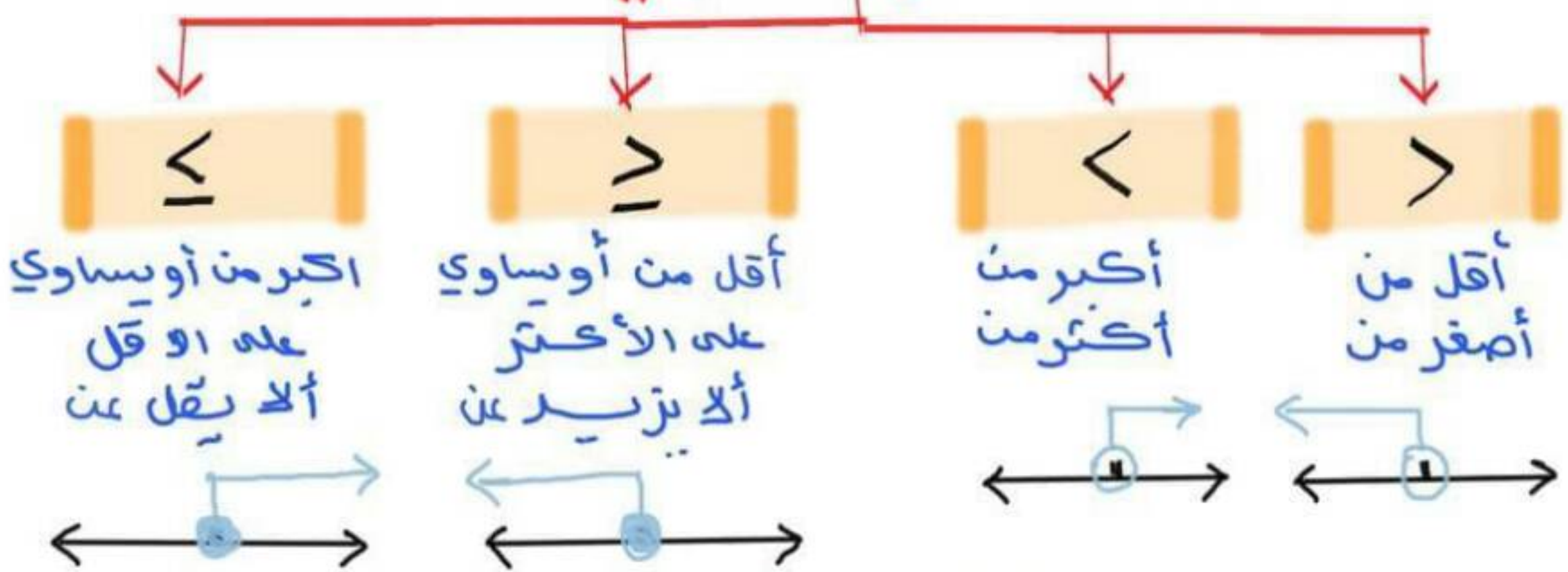
تحقق





## (٧-٦) المتباينات

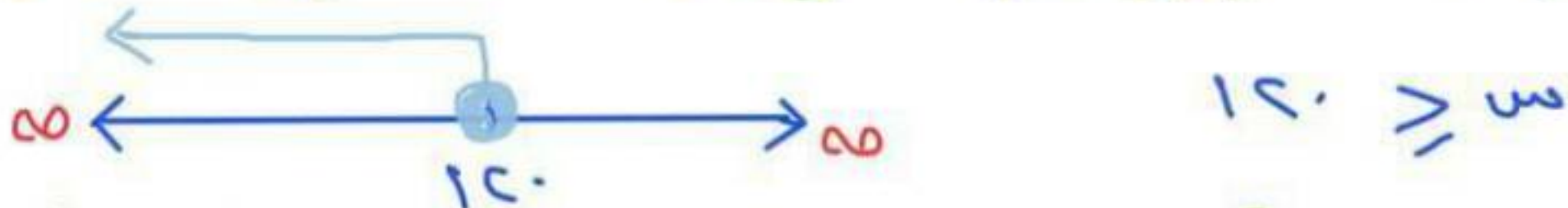
### اشارات التباين



### أمثلة

□ اكتب متباينه لما يلي ومثلها :

يجب أن لا تتجاوز سرعة سيارتك ١٢٠ كلم / ساعة ؟



□ بينا ما اذا كانت كل متباينه صحيحة أم لا عند القيمة المعطاة :

$$18 = n \quad n - 6 > 10 =$$

$$18 - 6 > 10$$

$$12 > 10$$

هـ صحيحة عند  $n = 18$

$$3 - u \leq 24 \quad u = 1$$

$$3 - (1) \leq 24$$

$$2 \leq 24$$

هـ غير صحيحة عند  $u = 1$



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) أي المتباينات الآتية تعبر عن الجملة "يجب أن تتجاوز مشترياتك ١٥٠ ريال لتحصل على خصم"

١٨

(د)

$١٥٠ \geq م$

(ج)

$١٥٠ < م$

(ب)

$١٥٠ > م$

(أ)

(٢) أي المتباينات الآتية تعبر عن الجملة "يمكنك التبرع بالدم إذا كان خضاب الدم لديك ١٢ وحدة على الأقل"

$١٢ < د$

(د)

$١٢ \leq د$

(ج)

$١٢ < د$

(ب)

$١٢ \leq د$

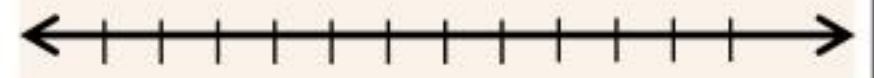
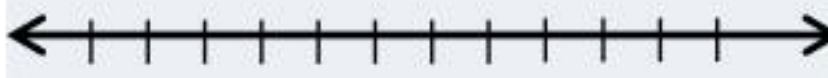
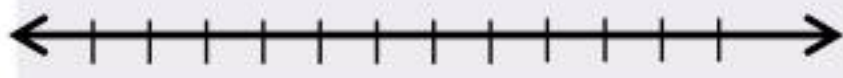
(أ)

• مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$٠ < ع$$

$$٢- \leq س$$

$$٤ \leq س$$



• إذا كانت:  $س = ٣$ ، فهل المتباينة الآتية صحيحة أم خاطئة؟

$$٩ + س + \frac{١٢٠}{١٢} \leq س - ١٥ + ٤س$$

.....

.....

.....

.....





# حل المتباينات (٧-٧)

## بالضرب أو القسمة

$$\frac{أ}{ب} < \frac{س}{ف} \cdot$$

$$\frac{أ \times ب}{ف} < \frac{س \times ف}{ب} \cdot$$

## بالجمع أو الطرح

$$س - أ < ب - ف \cdot$$

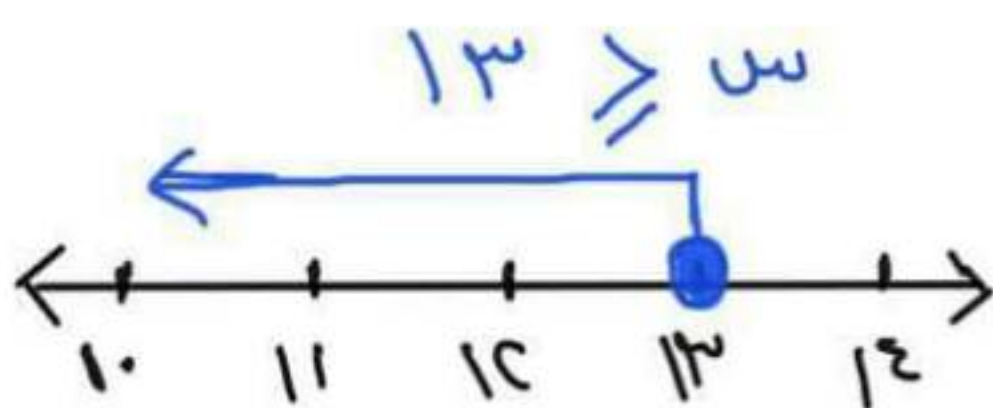
$$س < أ + ب - ف \cdot$$

\* ملاحظة: إذا ضربنا أو قسمنا على عدد سالب تتغير إشارة المتباينة ..

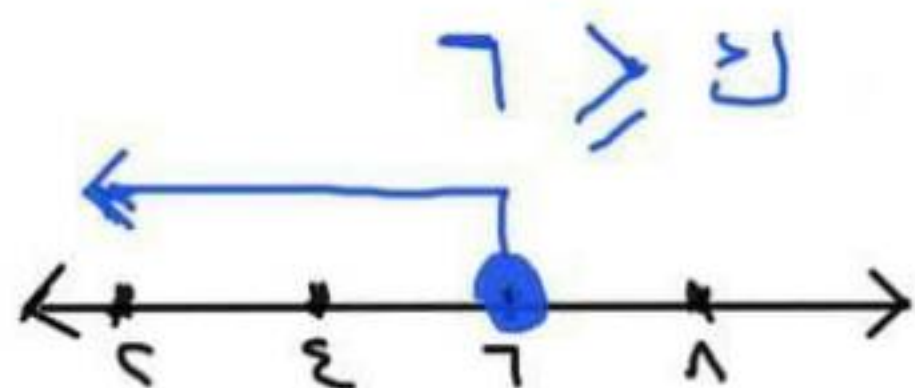
## \* أمثلة

\* حل كل متباينة مما يلي ومثلها بيانياً :

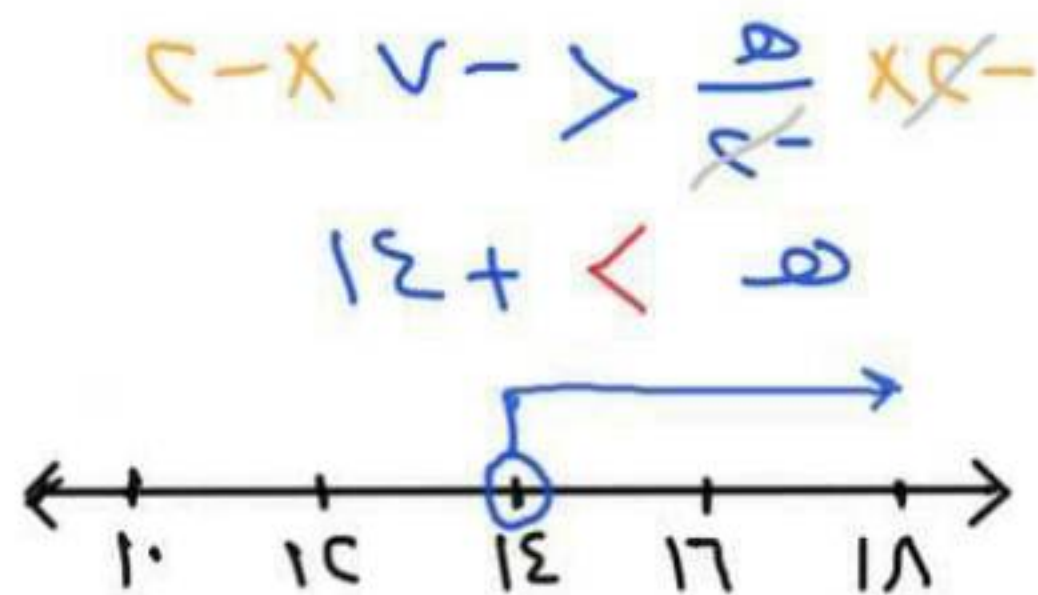
$$\boxed{3} \quad ٥ + س \geq ١٨$$



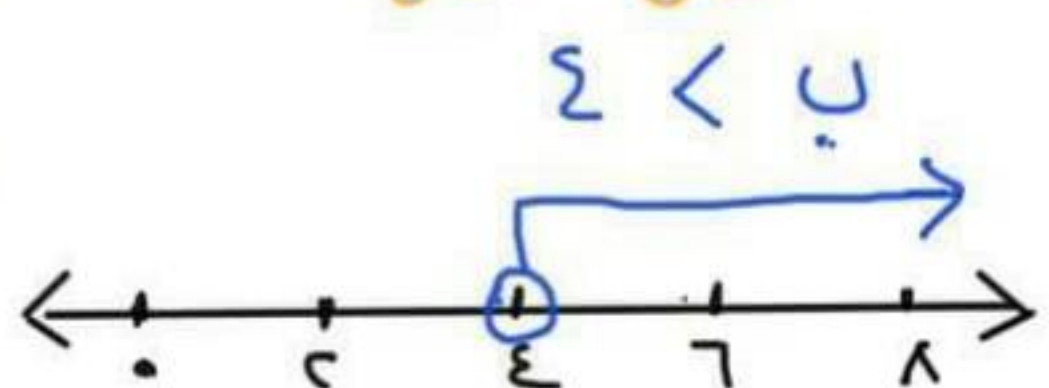
$$\boxed{4} \quad \frac{١٤ - س}{١٤} < \frac{٢٧ - ٢٧}{٢١}$$



$$\boxed{5} \quad ٧ - س > \frac{٩}{٢}$$



$$\boxed{6} \quad ٩ < ٥ + ب$$





● ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( × ) أمام العبارة الخاطئة:

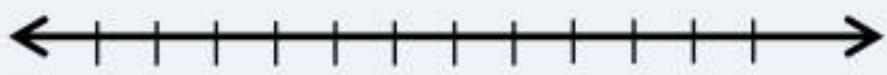
عند جمع أو طرح العدد نفسه لطرفي متباينة، فإنها تبقى صحيحة ( )

عند ضرب أو قسمة طرفي متباينة في عدد سالب، فإنها تبقى صحيحة ( )

● حل المتباينتين الآتيتين، ومثل الحل بيانياً:

$$\frac{2}{3}س \leq ٨$$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....



$$س - ٤ \leq ٥$$

.....  
.....  
.....  
.....  
.....



● اكتشف الخطأ: حلت كل من مريم و بدرية المتباينة أدناه فأيهما على صواب ؟ وضح

$$٣٦ - \geq ٦س$$

$$\frac{٣٦ -}{٦} \geq \frac{٦س}{٦}$$

$$٦ - \geq س$$

بدرية

$$٣٦ - \geq ٦س$$

$$\frac{٣٦ -}{٦} \leq \frac{٦س}{٦}$$

$$٦ - \leq س$$

مريم

.....  
.....



## الفصل الثامن

### الجبر: الدوال الخطية

المتتابعات ١-٨		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	<u>اختبر نفسك</u>
الدوال ٢-٨		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	<u>اختبر نفسك</u>
تمثيل الدوال الخطية ٣-٨		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	<u>اختبر نفسك</u>
ميل المستقيم ٤-٨		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	<u>اختبر نفسك</u>
التغير الطردي ٥-٨		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	<u>اختبر نفسك</u>
استراتيجية حل المسألة (إنشاء نموذج) ٦-٨		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	<u>اختبر نفسك</u>





## المتتابعات (١-٨)



\* للفائدة : معادلة الحد التوئي تؤخذ من القانون  $a_n = a_1 + (n-1)d$  (القانون خارج نطاق الكتاب)

\* المتتابعة الحسابية :

اساسها  $d$  ثابت دائما ..

أمثلة توضيحية ..

١) بين ما اذا كانت المتتابعة التالية حسابية أم لا و اذا كانت حسابية

أوجد أساسها و الحدود الثلاثة التالية (٢، ٦، ١٠، ١٤، ١٨، ...)

$$\text{الاساس : } d = 6 - 2 = 4 / d = 10 - 6 = 4 / d = 14 - 10 = 4 / d = 18 - 14 = 4$$

هذه المتابعة حسابية (ولا يجار الحدود التالية)

$$11 + 2 = 13 / 13 + 4 = 17 / 17 + 4 = 21 / 21 + 4 = 25$$

٢) بين ما اذا كانت المتتابعة التالية حسابية أم لا ثم أوجد

أساسها و الحدود الأربع الأولى (٦-٧، ٧-٦، ٨-٥، ٩-٤)

$$\text{الاساس : } d = 7 - 6 = 1 / d = 6 - 7 = -1 / d = 5 - 6 = -1 / d = 4 - 5 = -1$$

هذه المتابعة (٦-٧، ٧-٦، ٨-٥، ٩-٤) حسابية

الأساس

ن	٦-٧	٧-٦	٨-٥	٩-٤
١	٦	٧	٨	٩
٢	٧	٦	٥	٤
٣	٨	٥	٤	٣
٤	٩	٤	٣	٢



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) متتابعة حسابية حدها النوني  $2n + 2$  أساسها هو

(د)  $1 = d$

(ج)  $2 = d$

(ب)  $2 = d$

(أ)  $4 = d$

(٢) الحد النوني للمتتابعة ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ١٣ ، ..... هو

(د)  $3n + 3$

(ج)  $3n + 1$

(ب)  $n + 1$

(أ)  $3n - 1$

(٤) الحد الثامن للعبارة ٣ ، ٧ ، ١١ ، ١٥ ، ..... هو

(د) ١٩

(ج) ٢٣

(ب) ٢٧

(أ) ٣١

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الحدود الثلاثة التالية لـ ٥ ، ٩ ، ١٣ ، ١٧ ، ..... هي ٢٢ ، ٢٦ ، ٣٠ ( )

في المتتابعة الحسابية يكون الفرق بين أي حدين متتاليين ثابت ( )

المتتابعة  $3n + 4$  حسابية ( )

• بين ما إذا كانت المتتابعة التي حدها النوني  $7 - 2n$  حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك فأوجد أساسها:

.....  
.....  
.....  
.....  
.....





## (٢-١) الدوال

المدخل  $\rightarrow$   $(س) = ١٥$   $\leftarrow$  المخرج

\* نستبدل المجهول في المخرج بقيمة العدد من المدخل ..

### اكتمال جدول الدالة

\* أكمل الجدول واذكر مجال

الدالة ومجالها:  $(س) = ١ + ٥س$

د(س)	$١ + ٥(س)$	س
٩-	$١ + (٢-)٥$	٢-
١-	$١ + (٠)٥$	٠
٦	$١ + (١)٥$	١
١٦	$١ + (٣)٥$	٣

المجال =  $\{٣، ١، ٠، ٢-\}$   
المدى =  $\{١٦، ٦، ١، ٩-\}$

### ايجاد قيمة الدالة

\* اوجد قيمة الدالة

د(٤) اذا كان

د(٤) =  $٤ - س$

$\downarrow$   
د(٤) =  $٤ - ٢ = ٢$

### \* ملحوظة ..

المجال  $\leftarrow$  س  
المدى  $\leftarrow$  د(س)

### \* مثال ..

اوجد قيمة الدالة د(١٢-) حيث  $٧ + ٣س = د(س)$  ؟

$$٧ + ٣(١٢-) = د(١٢-)$$

$$٣٦ - ٧ =$$

$$٢٩ =$$



- صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب) فيما يلي:

العمود (ب)

- ( ) ينظم المدخلات والقاعدة والمخرجات
- ( ) هو مجموعة قيم المخرجات
- ( ) هو مجموعة قيم المدخلات
- ( ) العلاقة التي تعطي مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة

العمود (أ)

- (١) المجال
- (٢) الدالة
- (٣) المدى
- (٤) جدول الدالة

- أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

د(-٤) إذا كان د(س) = -٢س + ٣

.....  
.....  
.....  
.....

د(٣) إذا كان د(س) = ٣س - ٤

.....  
.....  
.....  
.....

- أكمل جدول الدالة فيما يأتي ، ثم اذكر المجال الدالة ومدىها :

د(س)	١+٢س	س
		-٢
		صفر
		٢

د(س) = ١+٢س

{ } = المجال  
{ } = المدى

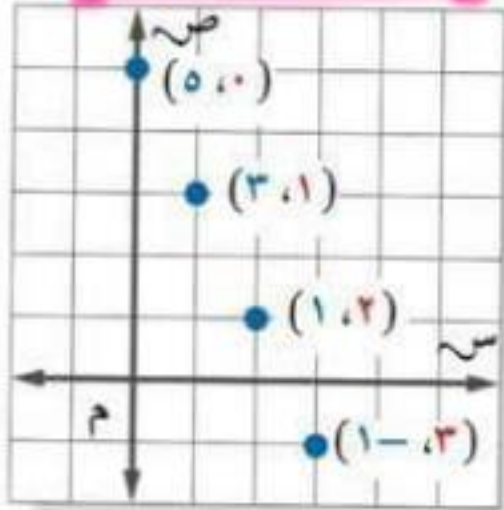




# (٨ - ٣) تمثيل الدوال الخطية

$$٥ - ٥ = ٢ \text{ س}$$

بيانيا



جدول

س	٥-٢ س	ص	(س، ص)
٠	(٠)٥-٢	٥	(٥، ٠)
١	(١)٥-٢	٣	(٣، ١)
٢	(٢)٥-٢	١	(١، ٢)
٣	(٣)٥-٢	١-	(١-، ٣)

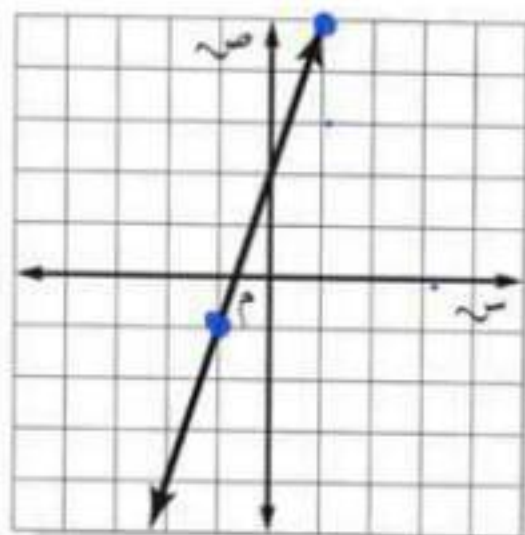
\* أمثلة \*

\* مثال الدالة التالية بيانيا: \* إذا كان المستقيم الممثل في المستوى

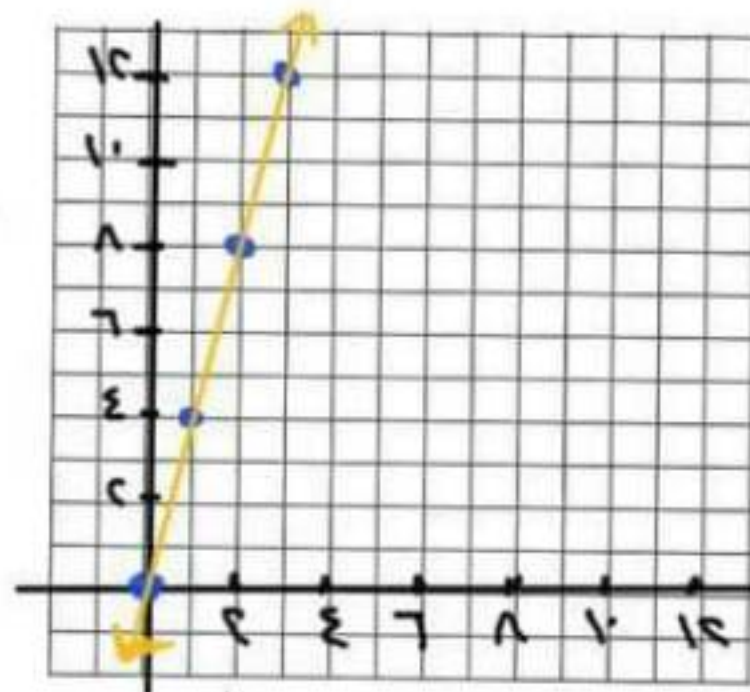
$$\text{يمثل الدالة } ٥ = ٣ \text{ س} + ٢$$

$$٤ = ٤ \text{ س}$$

فأبي الجدول يمثل نقاط تقع عليه:



س	٤ س	ص	(س، ص)
٠	(٠)٤	٠	(٠، ٠)
١	(١)٤	٤	(٤، ١)
٢	(٢)٤	٨	(٨، ٢)
٣	(٣)٤	١٢	(١٢، ٣)



٣	٠	٣	٦	٩
٣	٢	١	٠	٣

٣	٢	٠	١-	٣
٧	٤	٢-	٥-	٧

٣	١	١-	٣-	٥-
٨	٥	١-	٧-	٩-

٨	٧	٥	١-	٣
٢	٣	١	١-	٣

\* تمثيل الخط لأن تعريف المتغير س غير معروف فنصل بخط مستقيم



(٣-٨) تمثيل الدوال الخطية

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

تسمى المعادلة التي تمثل حلولها بيانياً بخط مستقيم دالة غير خطية ( )

حلول المعادلة هي الأزواج المرتبة التي تجعل المعادلة صحيحة ( )

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حدد الزوج المرتب الذي ليس حلاً للدالة  $3 + 4s = v$

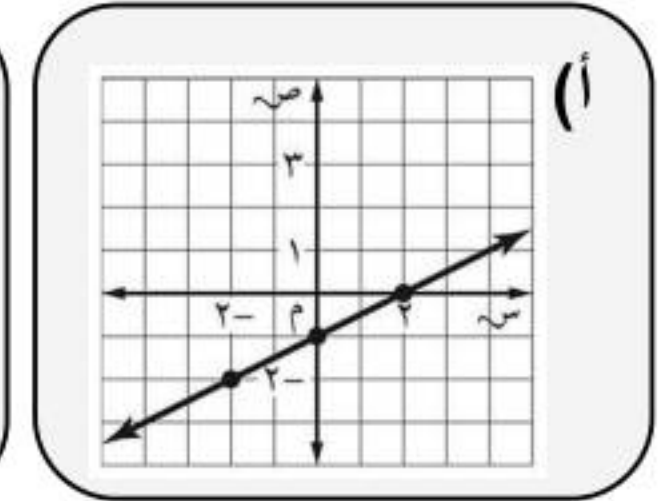
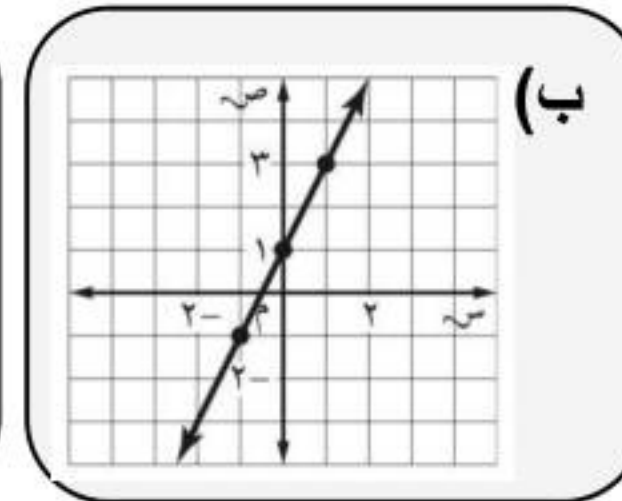
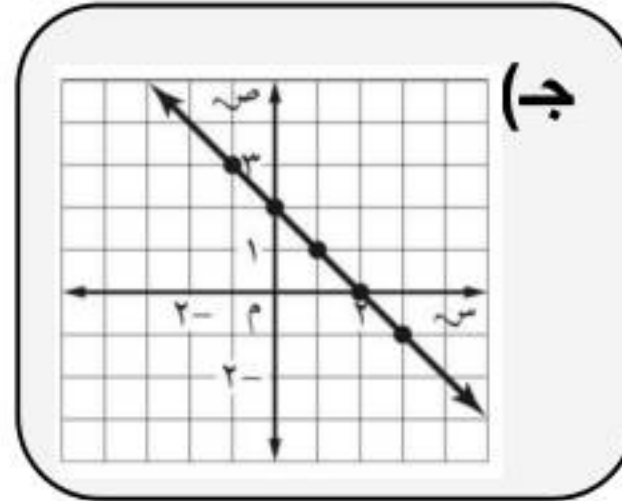
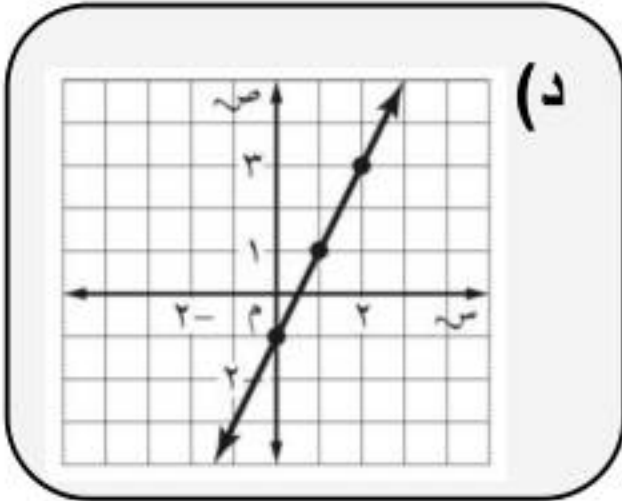
(د) (١، -١)

(ج) (-١، ٧)

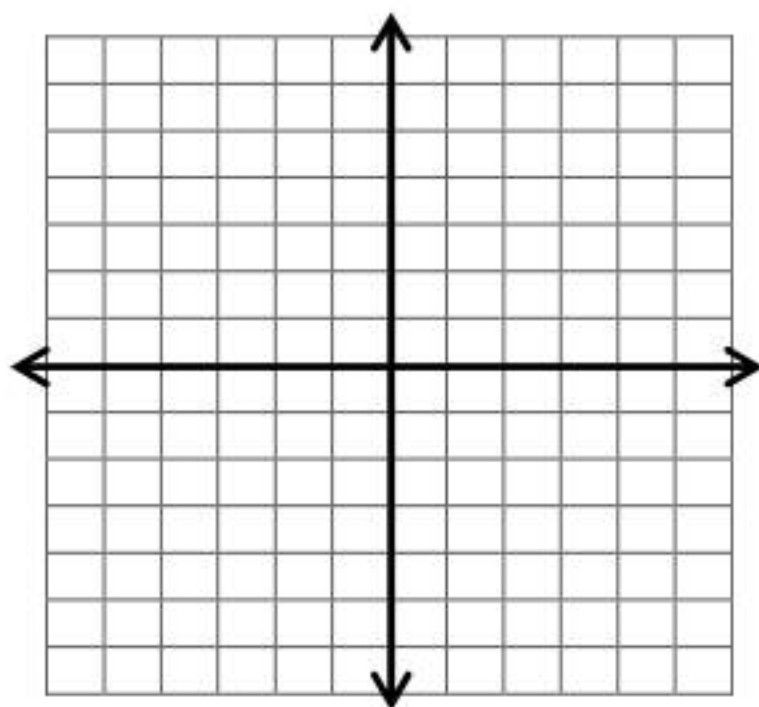
(ب) (٣، ٠)

(أ) (٥، ٢)

(٢) أي مستقيم مما يأتي يمثل المعادلة  $v = 2s - 1$  ؟



• يُباع قلم الحبر بـ ٤ ريالات، وقلم الرصاص بريال واحد. مثل الدالة  $v = 2s + 20$  بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لأقلام الحبر (س)، وأقلام الرصاص (ص) التي يمكن لمريم شراؤها بـ ٢٠ ريالاً



س	$2s - 20$	ص	(س، ص)





## (٨-٤) ميل المستقيم

بإحداثيات

$$\frac{ص_٢ - ص_١}{س_٢ - س_١} = م$$

في الجدول

$$\frac{\text{التغير في ص}}{\text{التغير في س}} = م$$

في الرسم

$$\frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقى}} = م$$

\* الأمثلة -

لما أوجد ميل المستقيم

المرار بالنقطتين

بـ (٣، ٩) ، كـ (١، ٢)

$$\frac{ص_٢ - ص_١}{س_٢ - س_١} = م$$

$$\frac{٩ - ٢}{٣ - ١} = م$$

$$\frac{٧}{٢} = م$$

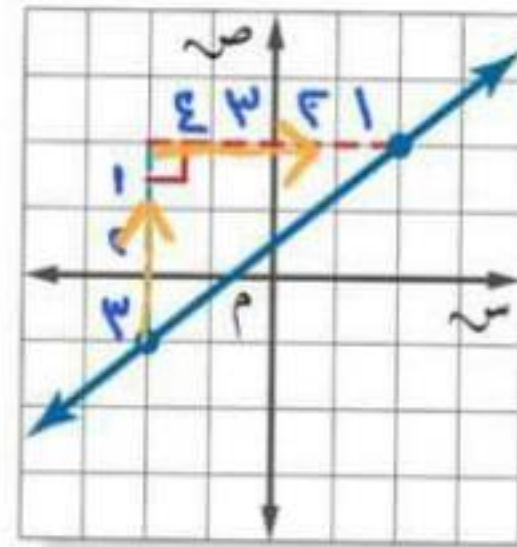
$$\frac{٧}{٢} = م$$

ملحوظة

في مستوى الإحداثيات إذا كان الاتجاه

- أعلى ← +
- يمين ← +
- أسفل ← -
- يسار ← -

لما أوجد ميل المستقيم؟



السهم أعلى +  
٣ وحدات

السهم يمين +  
٢ وحدات

$$\frac{٧}{٢} = م = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقى}}$$

لما أوجد ميل المستقيم؟

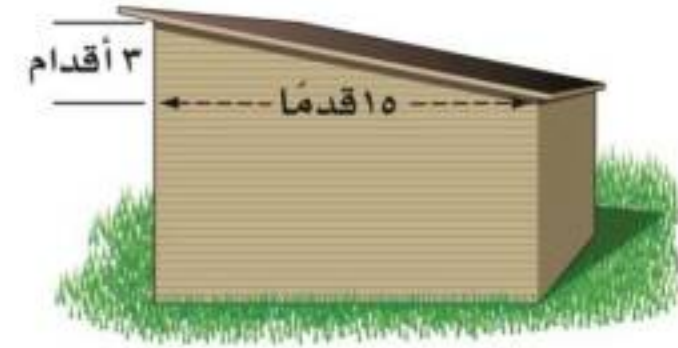
٦	٤	٢	٠	٣
٦-	١-	٤	٩	٧

$$\frac{٧}{٢} = م = \frac{\text{التغير في ص}}{\text{التغير في س}}$$



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

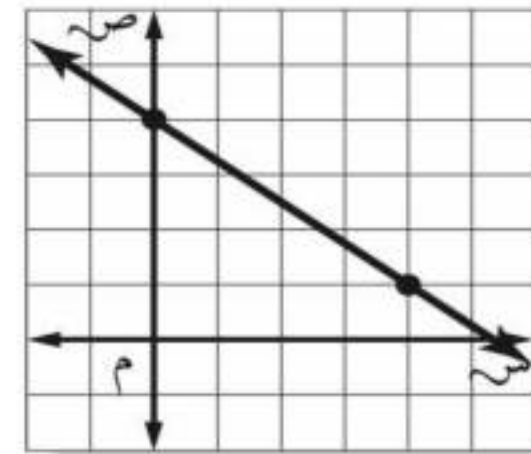
(١) أوجد ميل سقف الغرفة



(٢) ميل المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة

٦	٤	٢	٠	س
٦-	١-	٤	٩	ص

(٣) ماميل المستقيم في الشكل الآتي؟



(٤) ميل المستقيم المار بالنقطتين : ( ٣- ، ٠ ) ، ( ٢ ، ٢ )

(د)  $\frac{٢}{٥}$

(ج)  $\frac{٥}{٢}$

(ب)  $\frac{٢-}{٥}$

(أ)  $\frac{٥-}{٢}$

• اكتشف الخطأ: أوجد كل من جمال و محمد ميل المستقيم الذي يمر بالنقطتين

س ( ٢ ، ٠ ) ، ص ( ٣ ، ٢ ) ، فأيهما على صواب ؟ وضح

$$\frac{٢-٣}{٢-٠} = م$$

محمد

$$\frac{١}{٢-} = \frac{١}{٢-} = م$$

$$\frac{٢-٣}{٠-٢} = م$$

جمال

$$\frac{١}{٢} = م$$





## (٨-٥) التغير الطردي

عندما تكون النسبة بين كميتين متغيرتين ثابتة  
تسمى العلاقة بينهما **تغيراً طردياً**.

حيث  $L = K \cdot S$  ثابت التغير

الدالة الخطية

غير متناسبة

لا تمثل تغير طردياً

$$(L = \frac{K}{S})$$

متناسبة

أي أنها تمثل  
تغيراً طردياً

\* ملحوظة: الدوال الخطية ليست جميعها تغيراً طردياً ..

\* أمثلة

تأبيع محل خضار ٦ برتقالاً

بـ ١٢ ريالاً فما ثمن ١٠ برتقالاً؟

$$6 = 12 \quad 10 = K$$

$$\Leftrightarrow 6 \times K = 12$$

$$K = \frac{12}{6} = 2$$

$$\text{عند } S = 10 \Rightarrow K = 10 \times 2 = 20$$

$$K = 10 \times 2 = 20 \text{ ريالاً}$$

لأحد ما إذا كانت الدالة

فيما يلي تمثل تغيراً طردياً أم لا؟

الوقت س	٤	٦	٨	١٠
المسافة ص	١٢	١٦	٢٠	٢٤

$$L = \frac{K}{S} = \frac{12}{4} = 3$$

$$\frac{16}{6} = \frac{20}{8} = \frac{24}{10} = 3$$

النسب غير متساوية فالدالة  
لا تمثل تغيراً طردياً ..



• ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( × ) أمام العبارة الخاطئة:

عندما تكون النسبة بين كميتين متغيرتين غير ثابتة، تسمى العلاقة بينهما تغيراً طردياً ( )

إذا كانت قيمة ٣ أقلام ١٠,٥ ريال فإن القلم الواحد بـ ٢ ريال ( )

• يبيع محل خضار ٨ برتقالات بـ ١٦ ريالاً. فما ثمن ١٠ برتقالات؟

.....

.....

.....

.....

.....

.....

• حدد ما إذا كانت الدالة الخطية فيما يأتي تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

٨	٧	٦	٥	الصورس
٣٢	٢٨	٢٤	٢٠	الثواني ص

.....

.....

.....

.....

.....

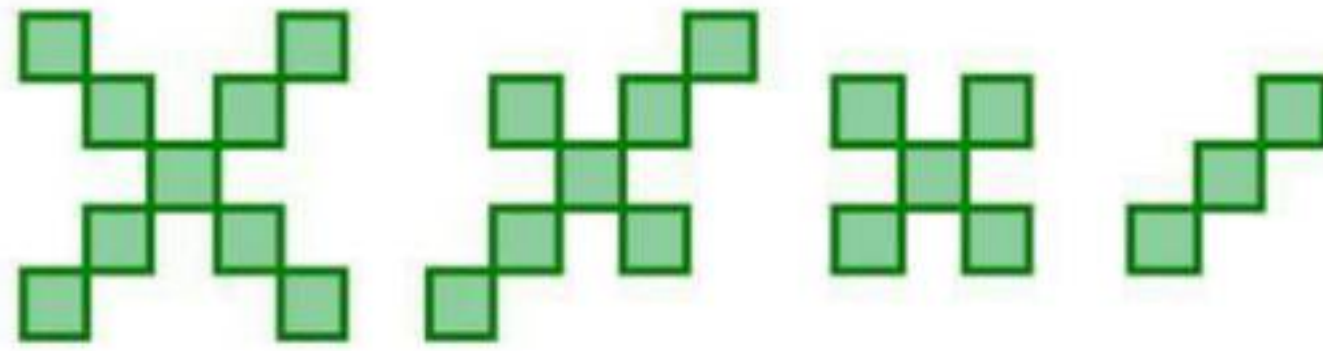
.....

←  $\frac{\text{الثواني}}{\text{الصور}}$

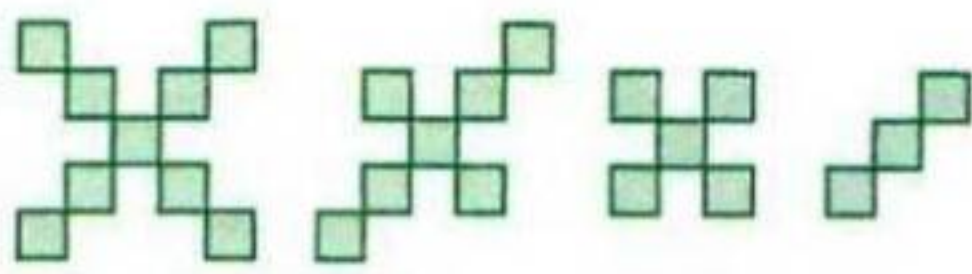


(٦-٨) استراتيجيه حل المسأله  
احل المسأله باستعمال "انشاء نموذج"

كم مربعاً في الشكل رقم ٢٠ وفقاً للنمط التالي :



شكل (١) شكل (٢) شكل (٣) شكل (٤)



شكل (١) شكل (٢) شكل (٣) شكل (٤)

النمط هو كالتالي  
المطلوب الشكل رقم ٢٠

افهم

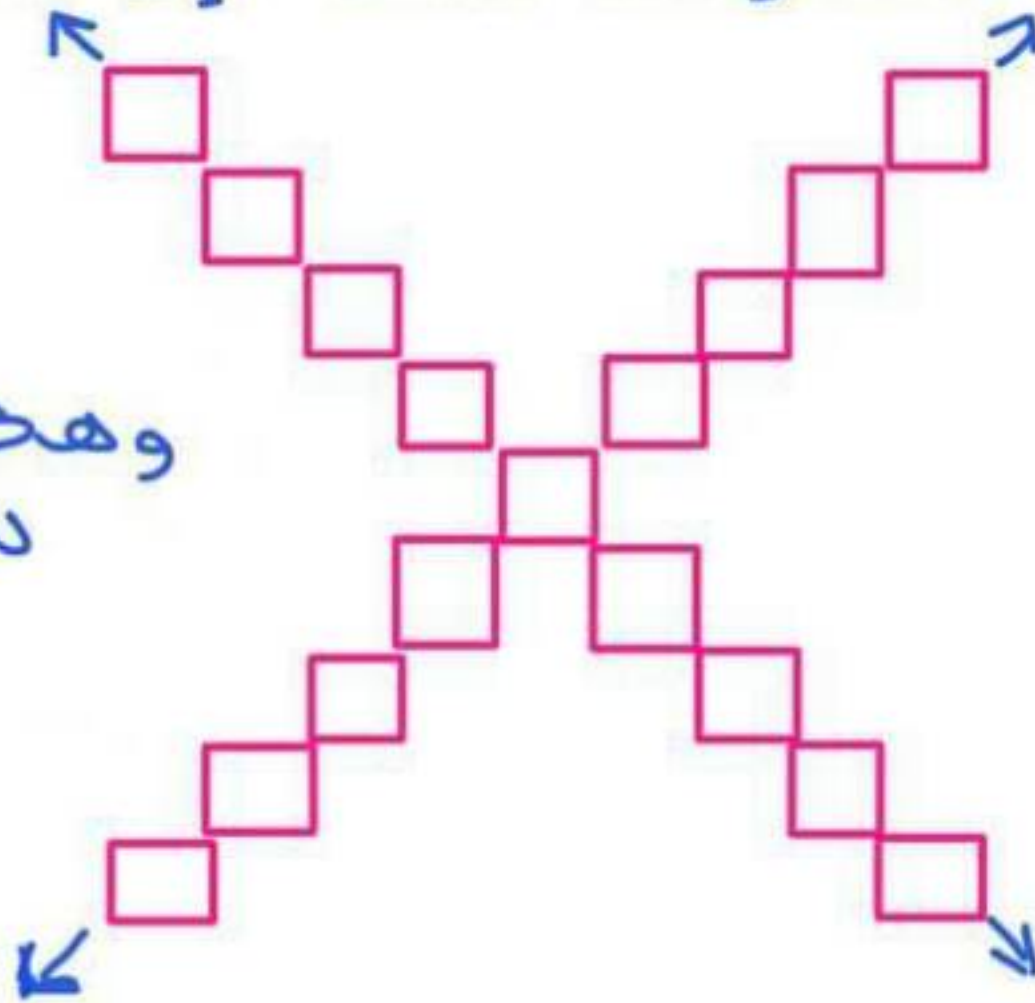
البناء نموذج

خط

اذا استمر هذا النمط فإن الشكل رقم ٢٠

حل

وهكذا إلى أن نصل  
للسكك الصحيح



ولكن نلاحظ ان النمط حسب القاعدة  $(1 + (2 \times 2) + (3 \times 3) + \dots + (20 \times 20)) = 210$

$= 21$  مربعاً

بأعمال الرسم نتأكد أن الشكل ٢٠  
مكون من ٤١ مربعاً

تحقق



(٦-٨) استراتيجيات حل المسألة (إنشاء نموذج)

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

- يتم استعمال قطع مستطيلة الشكل طولها ١ سم وعرضها ٨,٥ سم لصناعة علبة عصير من الكرتون، وذلك بقطع ١,٥ سم من رؤوس المستطيل. أوجد حجم علبة العصير.

افهم

خطط

حل

تحقق



## الفصل التاسع

### الإحصاء

<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	١-٩ استراتيجيات حل المسألة (إنشاء جدول)
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٢-٩ المدرجات التكرارية
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٣-٩ القطاعات الدائرية
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٤-٩ مقاييس النزعة المركزية والمدى
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٥-٩ مقاييس التشتت
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٦-٩ التمثيل بالصندوق وطرفيه
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٧-٩ التمثيل بالساق والورقة
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٨-٩ اختيار طريقة التمثيل المناسبة

العودة إلى فهرس



(٩-١) استراتيجيه حل المسأله  
حل المسأله باستخدام (انشاء جدول)

تسن القائمه الاتيه عدد الاهداف التي سجلها أحد اللاعبين في ٣ مباراه. أوجد عدد الاهداف الذي له أكبر تكرار ..

٠	١	٢	٥	٣	٤
٠	٢	٣	٤	٠	١
٢	٣	٣	٤	٣	٢
٧	٢	٣	٥	١	٣
٠	٥	٥	٢	٣	٥

لدينا قائمه بالاهداف التي سجلها أحد اللاعبين المألوف ايجاد عدد الاهداف الأكثر تكرار ..

افهم

انشاء جدول يوضح تكرار الاهداف ..

نظم

٧	٦	٥	٤	٣	٢	١	٠	الاهداف
١	٠	٥	٣	٨	٦	٣	٤	التكرار

حل

تبعاً للجدول السابق فإن عدد الاهداف التي لها أكبر

تكرار هو = ٣

المقارنه بين الجدول المذكور انشأناه وبين عدد

تحقق

مرات التكرار في القائمه المذكوره ..



(١-٩) استراتيجية حل المسألة (إنشاء جدول)

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• تبين القائمة الآتية الاوقات التي وصل فيها موظفو إحدى الشركات إلى مقر عملهم نظم البيانات في جدول باستعمال الفئات الآتية:

٧:٥٩ - ٧:٤٥ ، ٧:٤٤ - ٧:٣٠ ، ٧:٢٩ - ٧:١٥ ، ٧:١٤ - ٧:٠٠

ما لفترة الزمنية التي وصل فيها أكبر عدد من الموظفين

٧:١٥	٧:٣٠	٧:٣٥	٧:١٠	٧:٣٥
٧:٣٠	٧:٤٠	٧:٢٠	٧:٠٠	٧:٣٠
٧:٠٥	٧:٢٥	٧:٠٠	٧:٢٠	٧:٢٥
٧:٤٥	٧:١٠	٧:٢٥	٧:٤٠	٧:٢٥
٧:٤٠	٧:٠٥	٧:٣٠	٧:١٥	٧:١٠

افهم

خطط

حل

تحقق





## (٩ - ٢) المدرجات التكرارية

المدرج التكراري هو تمثيل بياني يعرض البيانات العددية

منظومة في فئات متساوية .

### تحليل البيانات وتفسيرها

\* استعمل المدرج التالي كمدى مثلاً



لأن ما نسبته الدول التي تقع مساحتها

بين ٠ - ٢٠٠ كلم² ؟

$$\text{الجزء} = ١٠ + ٩ = ١٩$$

$$\text{الكل} = ٣ + ١ + ٦ + ٩ + ٦ + ٣ = ٣٨$$

$$\text{النسبة} = \frac{١٩}{٣٨} = ٥٠\% \text{ ، } ٣٨ = ١٠٠ \times x \text{ ، } ٣٨\%$$

لأن ما احتمال أن تزيد مساحة دولة

على ٨٠٠ كلم² ؟

$$٠.٨ = \frac{٤}{٥} = ٣ + ١$$

### تكوين المدرج التكراري

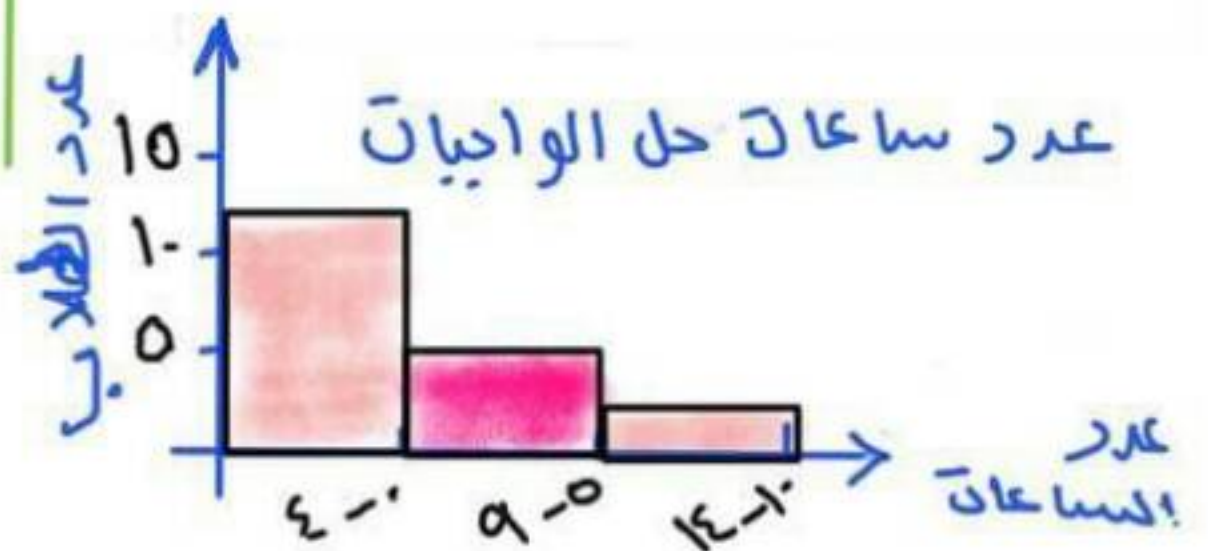
\* اختر فئات مناسبة لتكوين

جدول تكراري ثم انشئ

مدرجاً تكرارياً للبيانات

عدد ساعات حل الواجبات أسبوعياً						
٠	٢	٤	١	٩	٠	٣
٣	٥	٢	٤	١٤	٦	٣
١٠	٣	٨	٠	٣	٧	

التكرار	الإشارات	فترات حل الواجب
١٣	######	٤ - ٠
٥	###	٩ - ٥
٦		١٤ - ١٠





• ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( x ) أمام العبارة الخاطئة:

المدرج التكراري تمثيل بياني يعرض البيانات العددية منظمة في فئات غير متساوية ( )



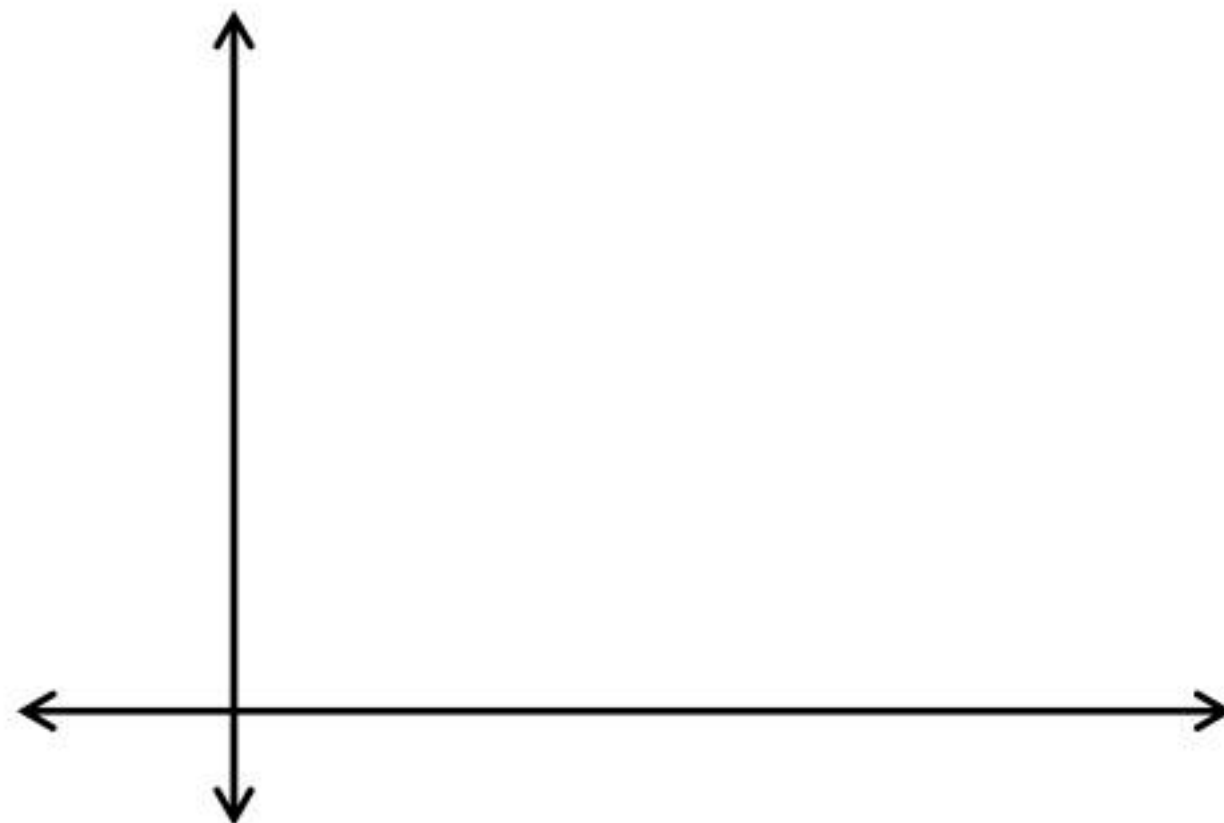
من المدرج المجاور العمر الأكثر إمكانية للعمل فيه

من ١٠ - ١٤ سنة ( )

• اختر فئات مناسبة لتكوين جدول تكراري، ثم أنشئ مدرجاً تكرارياً لتمثيل البيانات:

عدد ساعات حل الواجبات أسبوعياً		
التكرار	الإشارات	الزمن

عدد ساعات حل الواجبات أسبوعياً						
٠	٢	٤	١	٩	٠	٣
٣	٥	٢	٤	١٤	٦	٣
	١٠	٣	٨	٠	٣	٧







## ٩-٣) القطاعات الدائرية

القطاعات الدائرية: لمقارنة أجزاء من البيانات بمجموعة

البيانات كلها حيث تمثل الدائرة جميع البيانات ومجموع

النسب في القطاعات الدائرية ١٠٠٪

تحويل الفترات إلى درجة

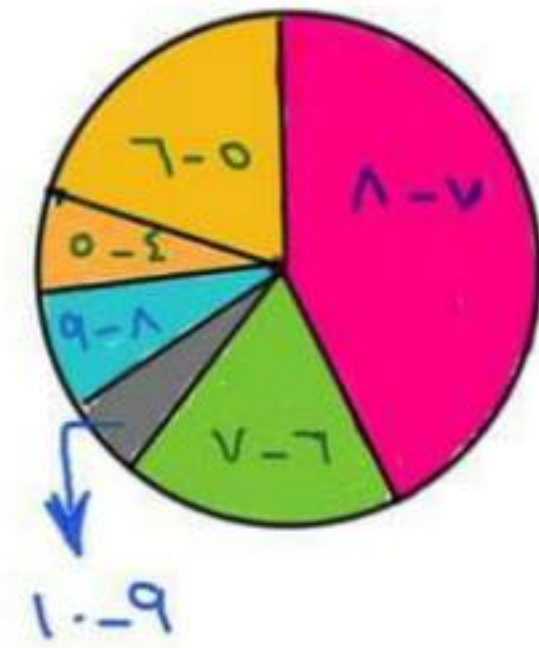
$$X = \frac{\text{الجزء}}{\text{الكل}} \times 360$$

مقربه ان اقرب عدد صحيح

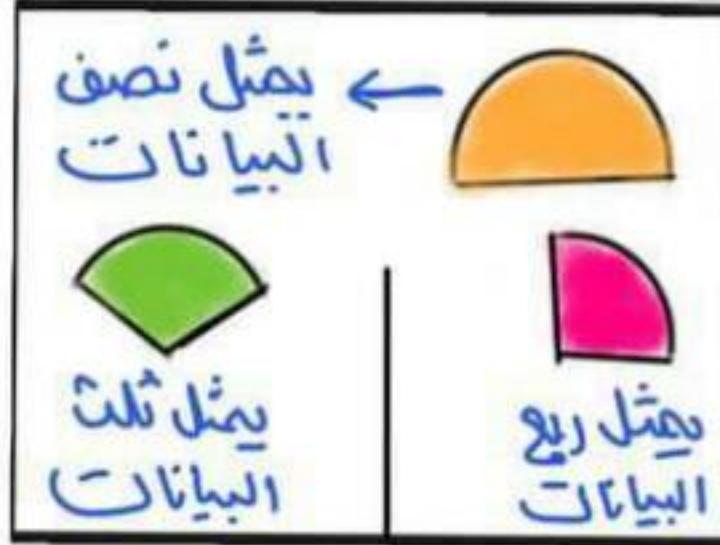


الكل = ٥٨ + ١٨ + ٨ = ٨٤  
١٥٥ = ١٥ + ٩٢ + ٣٤ +  
(كل فتره تمثل الجزء)  
٥-٤ =  $\frac{١٥}{١٥٥} = ٠.٩٧$

١٣٥ = ٣٦٠ × ٠.٣٧٤  
٤٢ = ٣٦٠ × ٠.١١٦  
١٩ = ٣٦٠ × ٠.٠٥٢  
٣٥ = ٣٦٠ × ٠.٩٧  
٥١ = ٣٦٠ × ٠.١٤٢  
٧٩ = ٣٦٠ × ٠.٢٢



### تحليل البيانات



تحويل نسبة إلى درجة

$$X = 360 \cdot \text{النسبة}$$

مثال

مثل مايلي بيانيا بالقطاع الدائري؟

الزهور	الفاكهة	الترجيس	الجوزي
٥٠٪	٥٠٪	٥٠٪	٢٥٪

$٢٥ = \frac{٢٥}{١٠٠} = ٠.٢٥$   
 $٩٠ = ٣٦٠ \cdot ٠.٢٥$   
 $٩٠ = ٣٦٠ \cdot ٠.٢٥$   
 $١٨٠ = ٣٦٠ \cdot ٠.٥٠$





(٣-٩) القطاعات الدائرية

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• ضع علامة ( ✓ ) امام العبارة الصحيحة وعلامة ( x ) امام العبارة الخاطئة:

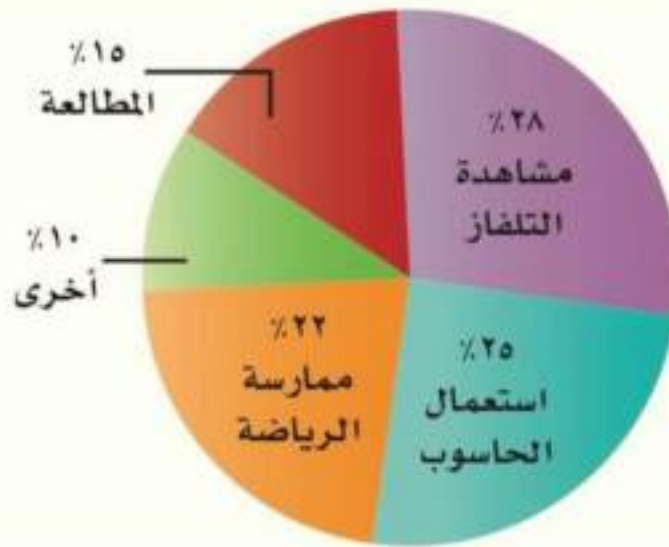
تستعمل القطاعات الدائرية لمقارنة أجزاء من البيانات بمجموعة البيانات كلها ( )

مجموع النسب في القطاعات الدائرية يساوي ١٢٠٪ ( )



في الشكل المجاور أكثر الأصناف مبيعاً الملابس ( )

• استعمل الشكل المجاور لتصف الهوايات التي يمارسها طلاب الصف الثاني المتوسط في المملكة.



.....

.....

.....

.....

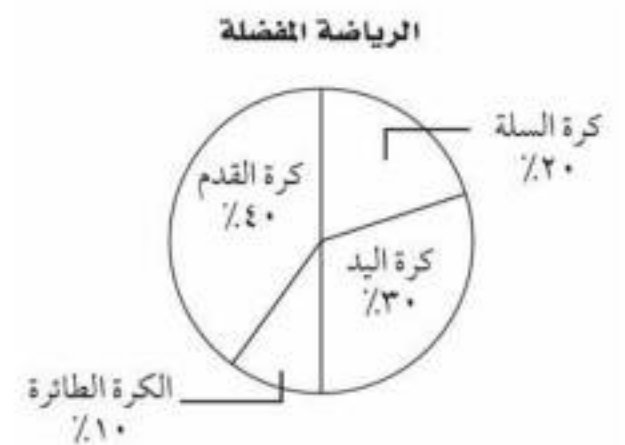
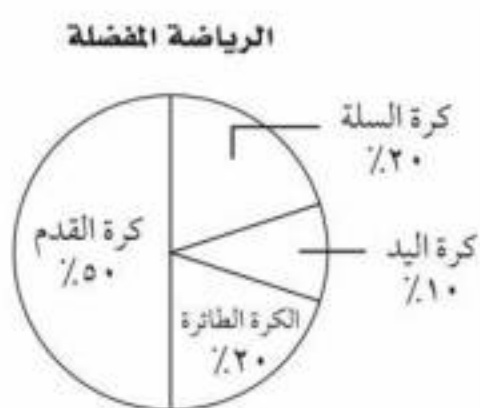
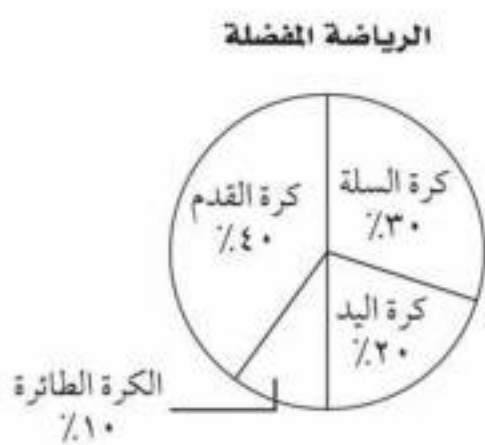
.....

.....

• أجرى جمال دراسة مسحية حول الرياضة المفضلة لدى طلاب الصف الثاني المتوسط، وكانت النتائج كما في الجدول المجاور.

الرياضة	كرة السلة	كرة اليد	كرة القدم	الكرة الطائرة
العدد	١٢٠	١٨٠	٢٤٠	٦٠

أي تمثيل مما يأتي يعرض هذه البيانات؟







## (٤-٩) مقاييس النزعة المركزية والمدى

مقاييس النزعة المركزية والمدى	
المقياس	التعريف
المتوسط الحسابي	مجموع القيم مقسومًا على عددها.
الوسيط	القيمة التي تتوسط مجموعة بيانات مرتبة ترتيبًا تصاعديًا، أو هو متوسط العددين المتوسطين في مجموعة البيانات.
المنوال	القيمة الأكثر تكرارًا أو شيوعًا بين القيم.
المدى	الفرق بين القيمتين العظمى والصغرى للبيانات.

**مثال** أوجد المتوسط والوسيط والمنوال والمدى لهيليبي :  
(أعمار اخوة خالد بالسنوات : ١٦، ٢٣، ٥، ٦، ١٤)

$$\text{المتوسط} = \frac{١٤ + ٦ + ٥ + ١٦ + ٢٣}{٥} = \frac{٦٤}{٥} = ١٢,٨$$

الوسيط ← ترتب البيانات ← ١٤، ٦، ٥، ١٦، ٢٣ = ١٤

المنوال = لا يوجد ٦ المدى = ١٨ = ٥ - ٢٣

### \* اختيار المقياس الأنسب

إذا ادخرت لها المبالغ الآتية للأسابيع  
الماضي: ١٠، ٢٥، ١٠، ٥٠، ٥٠ ريالًا  
فإذا ادخرت هذا الأسبوع ٤٤ ريالًا أيضًا  
فأي عبارة صحيحة :

(أ) ينقص المتوسط . X

(ب) لن يتغير المتوسط . X

(ج) يزداد الوسيط

(د) يزداد المنوال . X

استعمال المتوسط والوسيط والمنوال	
المقياس	أكثر فائدة عندما ...
المتوسط الحسابي	لا تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة.
الوسيط	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متطرفة. لا توجد فجوات كبيرة في منتصف البيانات.
المنوال	تحتوي مجموعة البيانات قيمًا متساوية.

الكل د

$$١٠ - ٢٥ - ٥٠ - ١٠ - ٢٥ - ٣٥ - ٤٤ - ٥٥$$

$$\text{المتوسط} = \frac{١٢٤}{٥} = ٢٤,٨$$

$$\text{المتوسط} = \frac{١٢٠}{٤} = ٣٠$$

$$\text{الوسيط} = \frac{٣٥ + ٤٥}{٢} = ٣٠$$



(٩-٤) مقاييس النزعة المركزية والمدى

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب) فيما يلي:

العمود (ب)

- ( ) القيمة الأكثر تكرارًا أو شيوعًا بين القيم.
- ( ) الفرق بين القيمتين العظمى والصغرى للبيانات
- ( ) مجموع القيم مقسومًا على عددها.
- ( ) القيمة التي تتوسط مجموعة بيانات مرتبة ترتيبًا تصاعديًا، أو هو متوسط العددين المتوسطين في مجموعة البيانات.

العمود (أ)

- (١) المتوسط الحسابي
- (٢) الوسيط
- (٣) المنوال
- (٤) المدى

• أوجد المتوسط والوسيط والمنوال والمدى للبيانات التالية:

درجات خمس طلاب في مادة الرياضيات هي: ١٢، ٧، ١٤، ٧، ٢٠

الوسيط

.....  
.....

المتوسط الحسابي

.....  
.....

المدى

.....  
.....

المنوال

.....  
.....

• **اكتشف الخطأ:** أوجد بدر و أحمد الوسيط لمجموعة البيانات الآتية:

٦٢، ٦٤، ٦٣، ٦٠، ٦٥، ٦٥، ٧٠. فأيهما إجابته صحيحة؟ فسر إجابتك

٦٢، ٦٤، ٦٣، ٦٠، ٦٥، ٦٥، ٧٠

أحمد

الوسيط هو ٦٠

٦٠، ٦٢، ٦٣، ٦٤، ٦٥، ٦٥، ٧٠

بدر

الوسيط هو ٦٠

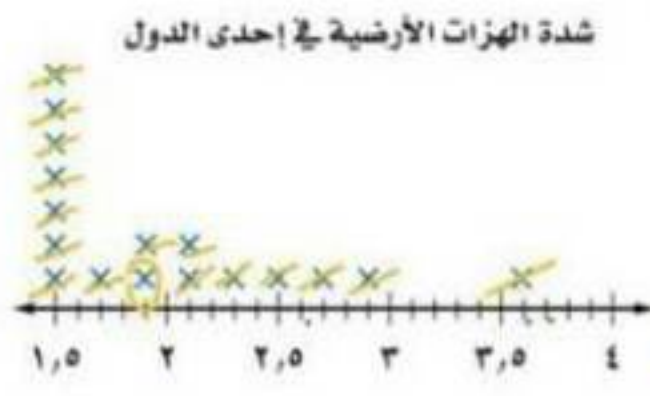
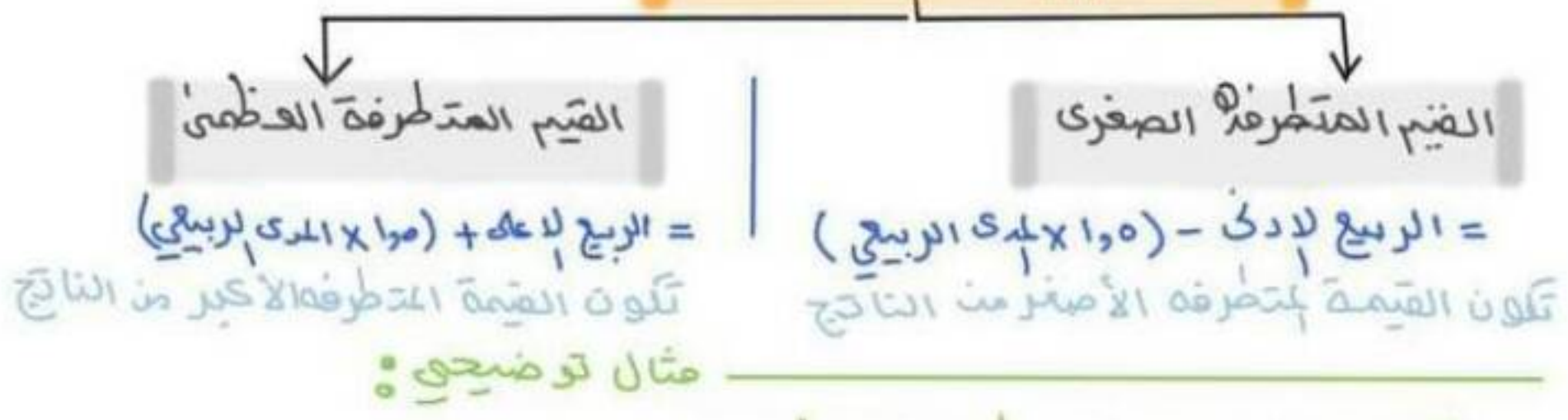




(٩-٥) مقاييس المشتق -



القيم المتطرفة



لنا اوجد المدى والمتوسط والوسيط والنوال والربيعين الاعلى والادنى والمدى الربيعي لصائلي .

المدى =  $3,6 - 1,0 = 2,6$

المتوسط الحسابي =  $\frac{\text{مجموع البيانات}}{\text{عددها}} = \frac{34,9}{17} = 2,05$

النوال =  $1,0$

الوسيط =  $1,9$

المدى الربيعي =  $2,6 - 1,0 = 1,6$

الربيع الاعلى =  $\frac{2,3 + 2,5}{2} = 2,4$

الربيع الادنى =  $\frac{1,0 + 1,5}{2} = 1,25$

اسفار سماعان الاذن في عينة مختارة				
٣	٢١	٣	١٩	٥
٦	٥	١٠	١٩	١٩

او جد مقاييس لاشتقاق للبيانات في الجدول ..

المدى =  $10 - 6 = 4$

الربيع الاعلى =  $\frac{19 + 21}{2} = 20$

الربيع الادنى =  $\frac{6 + 7}{2} = 6,5$

المدى الربيعي =  $19 - 3 = 16$

القيم الصغرى =  $19 - (11 \times 1,5) = 16,5 - 19 = -2,5$

القيم العظمى =  $19 + 3 = 22 = 16,5 + 5,5$

هذه القيمة متطرفة



الاسم: ..... الصف ثاني متوسط/

• ضع علامة ( ✓ ) امام العبارة الصحيحة وعلامة ( x ) امام العبارة الخاطئة:

وسيط النصف الأدنى من البيانات يُسمى الربع الأعلى ( )

القيم المتطرفة هي البيانات التي تزيد أو تقل كثيراً عن قيمة الوسيط ( )

المدى الربيعي هو الفرق بين الربعين الأدنى والأعلى ( )

• أوجد مقاييس التشتت للبيانات في الجدول المجاور

إنتاج المناطق من الحبوب في أحد الأعوام	
المنطقة	الإنتاج (لأقرب ألف طن)
الجوف	٤٧٦
القصيم	٤١٨
جازان	٢٢٨
الرياض	١٧٧
تبوك	١١٧

المدى .....

الوسيط .....

الربع الأعلى .....

الربع الأدنى .....

المدى الربيعي .....

• تمثل القيم أدناه عدد الكيلو مترات التي مشاها عبد العزيز في (١٢) أسبوعاً.

٧ ، ٦ ، ٨ ، ٨ ، ١١ ، ١٠ ، ٥ ، ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٨ ، ١٤

أي الجمل الآتية ليست صحيحة وفقاً لهذه البيانات؟

(ج) القيمة المتطرفة هي ١١

(أ) نصف القيم أكبر من ٧,٥  
ونصفها أقل من ٧,٥

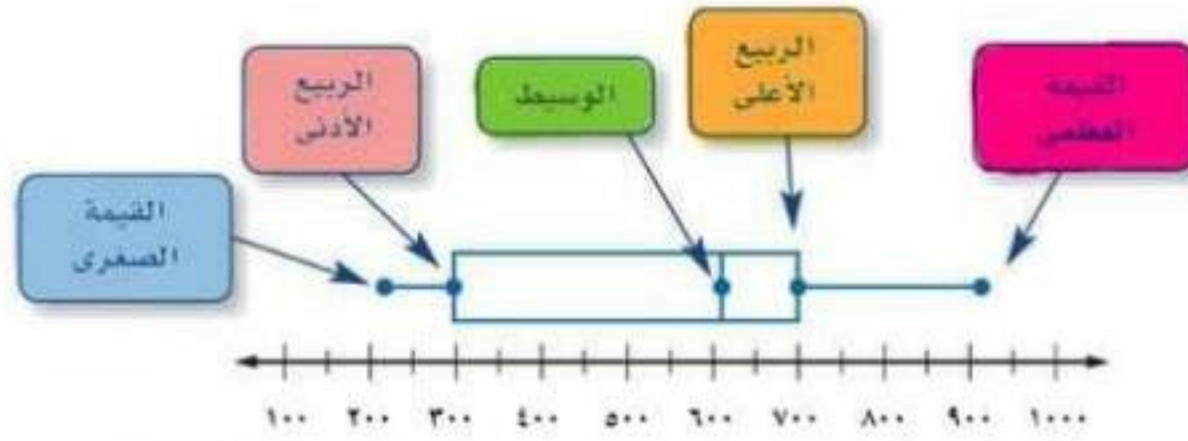
(د)  $\frac{1}{4}$  القيم أكبر من ٩

(ب) المدى يساوي ٩

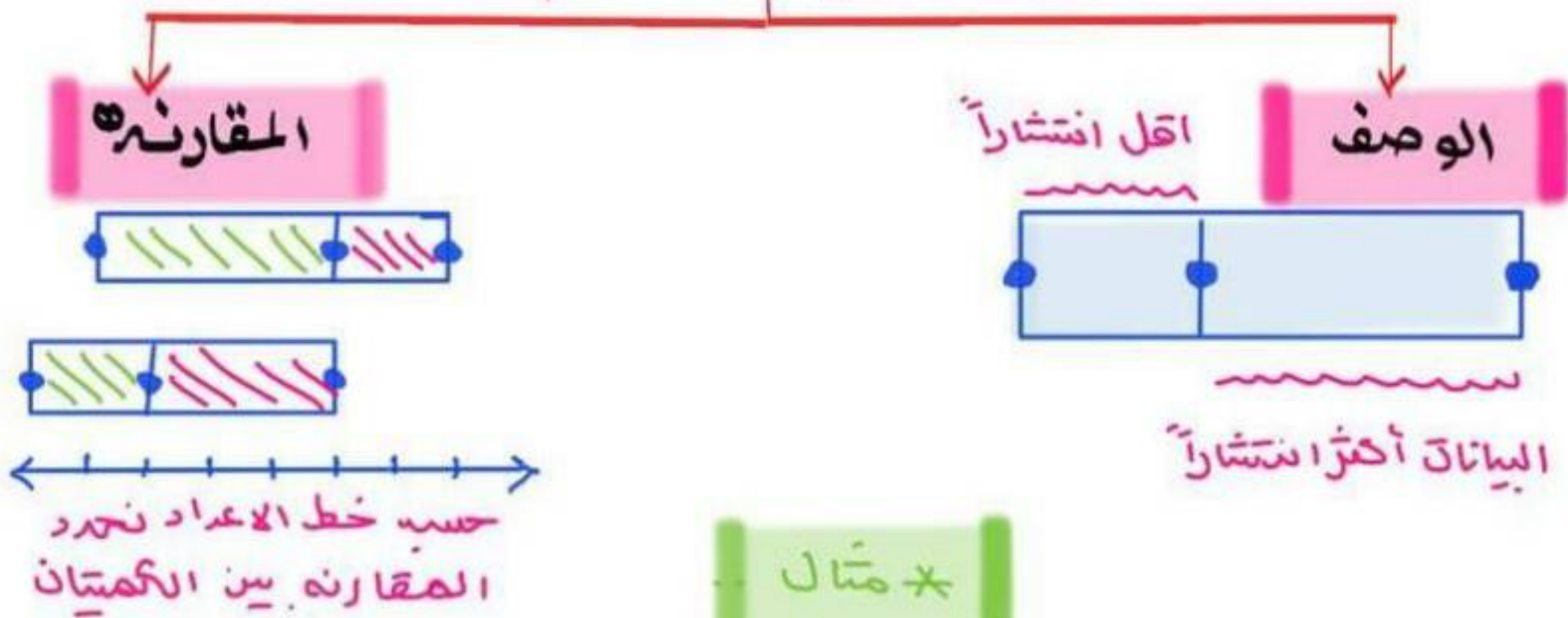




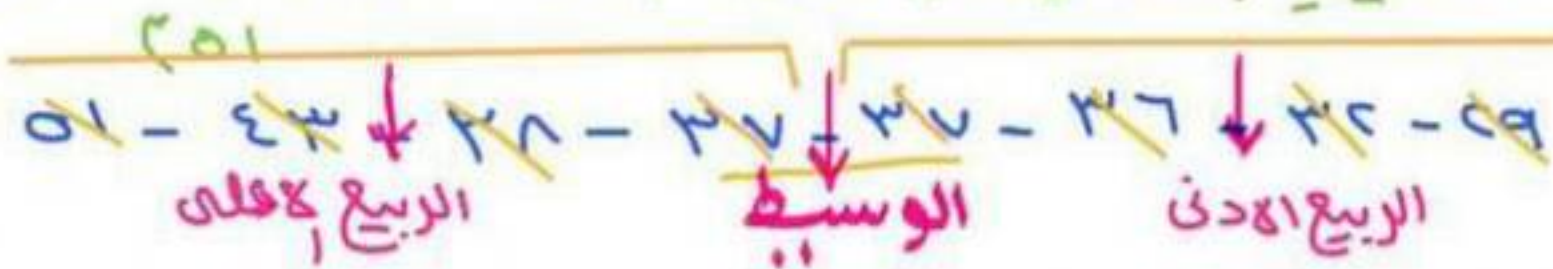
# (٩-٦) التمثيل بالصندوق و الحرفيه



## وصف البيانات و المقارنه



مثال مايلي بالصندوق و الحرفيه (٣٨، ٤٣، ٣٦، ٣٧، ٣٢، ٣٧، ٤٠، ٣٩)



$$\text{الربع الاعلى} + (\text{المدى الربيعي} \times ٠,٥) = ٤٠,٥ + (٥٠ - ٣٨) \times ٠,٥ = ٤٠,٥ + ٥ = ٤٥,٥$$

$$\text{الربع الأدنى} - (\text{المدى الربيعي} \times ٠,٥) = ٣٢ - (٥٠ - ٣٨) \times ٠,٥ = ٣٢ - ٥ = ٢٧$$

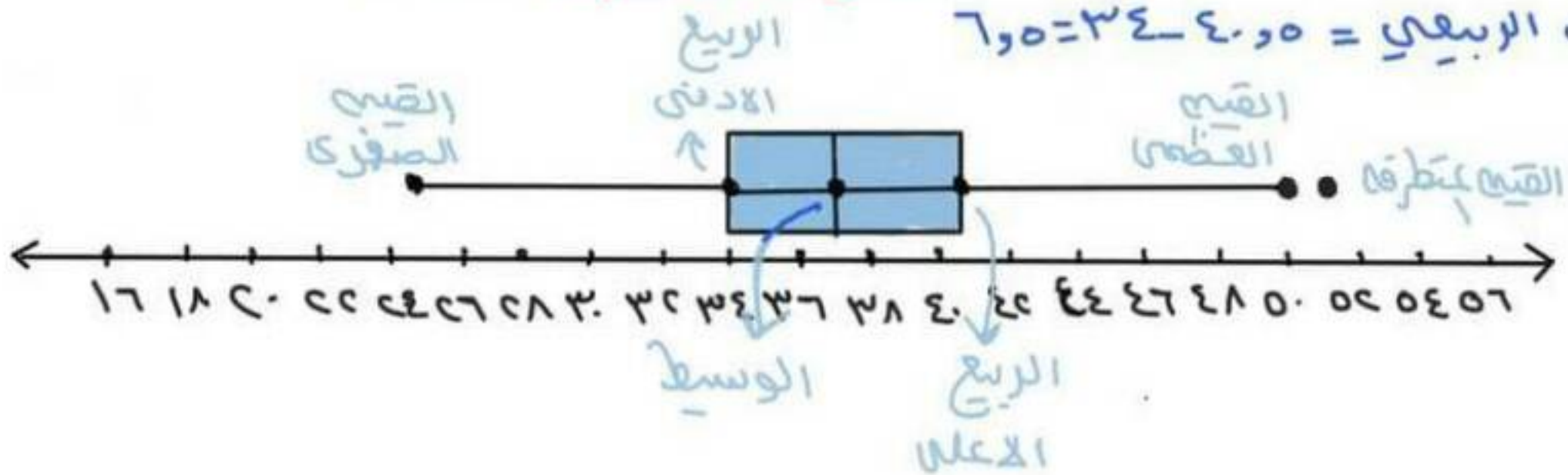
القيمة المتطرفه = ٥١

$$\text{الوسط} = \frac{٣٧ + ٣٧}{٢} = ٣٧$$

$$\text{الربع الأدنى} = \frac{٣٦ + ٣٨}{٢} = ٣٧$$

$$\text{الربع الأعلى} = \frac{٤٣ + ٣٢}{٢} = ٣٧,٥$$

$$\text{المدى الربيعي} = ٣٧,٥ - ٢٧ = ١٠,٥$$





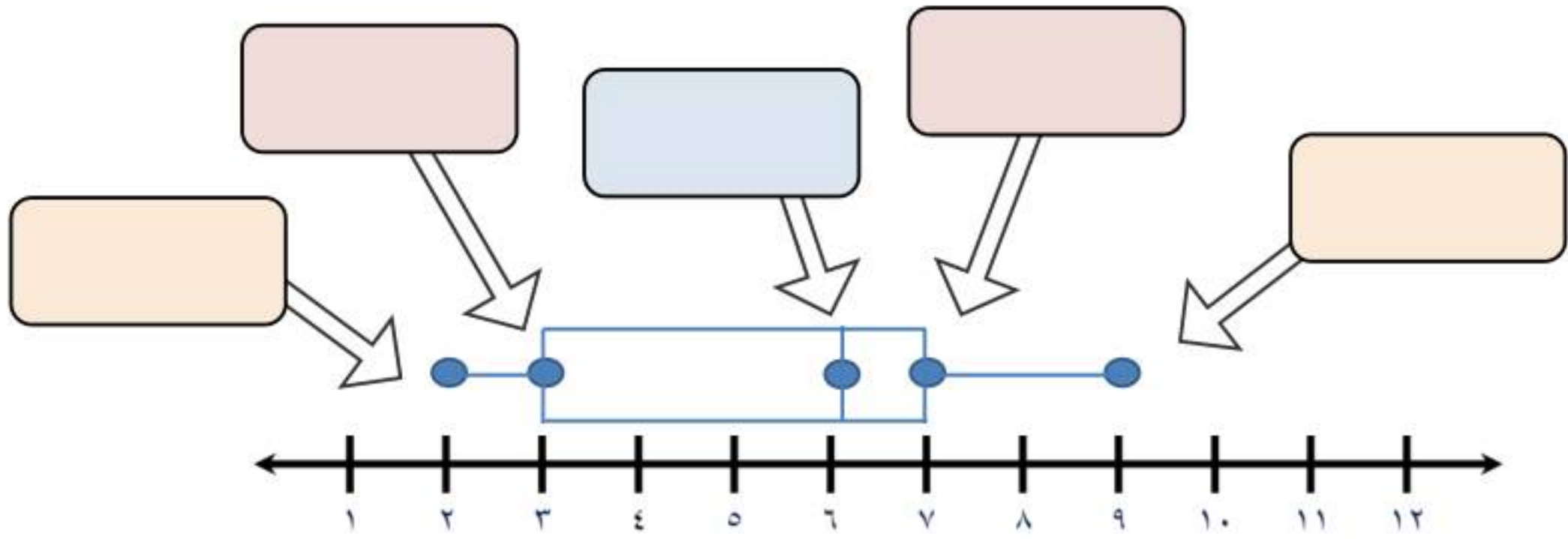
(٦-٩) التمثيل بالصندوق وطرفيه

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

- استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه،

لتحديد القيم القصوى، والوسيط، والرابع الأدنى، والرابع الأعلى:



- مثل البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه:

أعمار الطلاب المشاركين في دروس تدريب السباحة ١٠، ١٢، ٩، ٧، ١٠، ١٢، ١٤، ١٤، ١٠، ١٦

.....

.....

.....

.....

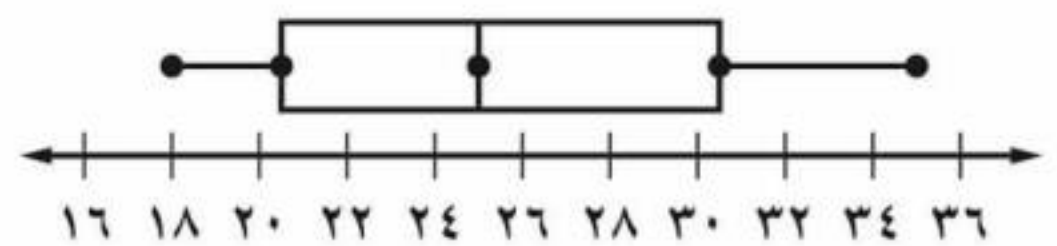
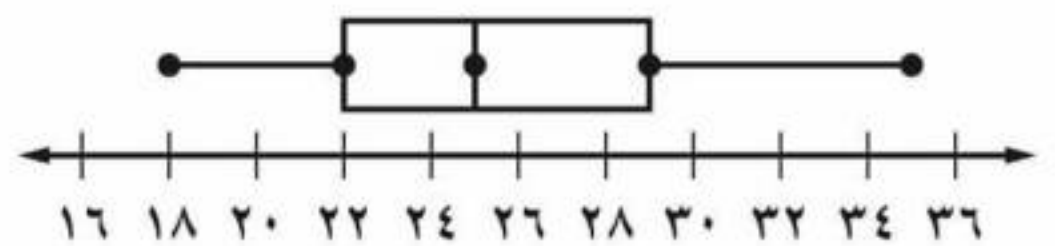
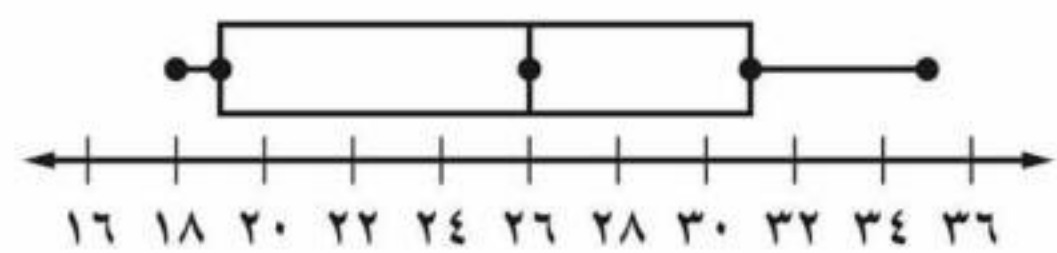
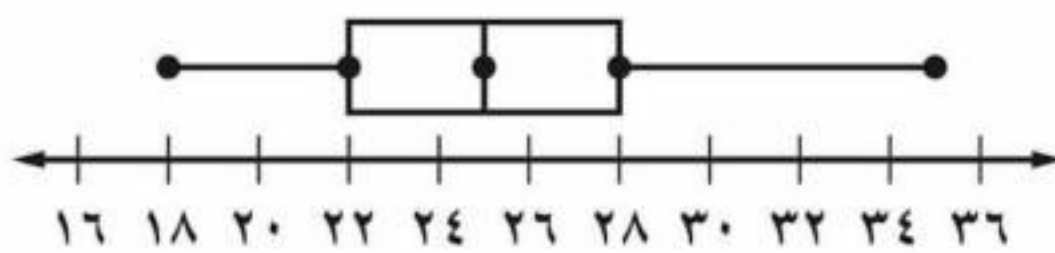
.....

.....

.....



- أي التمثيلات الآتية يصف مجموعة البيانات ١٨، ٢٢، ٣١، ٢٥، ٣٠، ١٩، ٢٦، ٢٤، ٣٥







## (٧-٩) التمثيل بالساق والورقة

ترتيب البيانات العددية في التمثيل بالساق والورقة

ترتيباً تصاعدياً أو تنازلياً على أن يكون الأعداد في المنزل لا عبر السيقان و المنزل التي تليها الأوراق..

مفتاح الساق والورقة: يوضح كيف تقرأ البيانات ..  $٥٢ = ٥ | ٢$

\* مثال

السعر	اللعبة
٤٣	لوح تزلج
٤٠	برامج ألعاب حاسوب
٤٧	دمية
٤٩	حيوانات صغيرة
٧٠	قطع تركيب
٦٥	مجموعة ألوان
٥٠	كرة قدم
٧٣	صورة تجميعية
٤٩	سبورة
٤٧	سيارة
٤٨	دمى قطنية
٥١	أوراق لاصقة
٥٨	مجموعة قصصية

مثل الأسعار بالساق والورقة؟ ثم أوجد المتوسط الحسابي..

الساق	منزلة الأعداد الورقة
٤	٥ ٣ ٧ ٧ ٨ ٩ ٩
٥	٠ ١ ٨
٦	٥
٧	٠ ٣

المفتاح  $٤٣ = ٤ | ٣$

$$\text{المتوسط الحسابي} = \frac{\text{مجموع البيانات}}{\text{عددها}} = \frac{٦٩٠}{١٣} = ٥٣,٠٨$$

ما أعلى درجة في إيفصل ب؟  
١٥

ما عدد طلاب إيفصل (أ)؟

١٦ طالباً

درجات الاختبار الشهري لفصلين في العلوم

الفصل (ب)	الساق	الفصل (أ)
٨ ٧ ٧ ٧ ٦ ٦ ٣ ٢	٠	٢ ٣ ٣ ٣ ٤ ٦ ٨ ٩ ٩
٥ ٤ ٣	١	٠ ٠ ٠ ١ ٢ ٢ ٦
١٣ = ٣   ١		١٠ = ١   ٠



• ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( x ) أمام العبارة الخاطئة:

تُرتب البيانات العددية في التمثيل بالساق و الورقة ترتيباً تصاعدياً فقط ( )

يمكن مقارنة مجموعتين من البيانات بالتمثيل المزدوج للساق والورقة ( )

• مثل البيانات بالساق والورقة

مساحات القارات لأقرب مليون كلم <sup>٢</sup>	
المساحة	القارة
٤٥	آسيا
٣٠	إفريقيا
٢٤	أمريكا الشمالية
١٨	أمريكا الجنوبية
١٤	القطبية الجنوبية
١٠	أوروبا
٩	أستراليا

الساق	الورقة

• استعمل المعلومات المجاورة الممثلة بالساق والورقة تمثيلاً مزدوجاً للإجابة على الأسئلة

الورقة	الساق	الورقة
٨ ٧ ٧ ٧ ٦ ٦ ٣ ٢	٠	٢ ٣ ٣ ٣ ٤ ٦ ٨ ٩ ٩
٥ ٤ ٣	١	٠ ٠ ٠ ١ ٢ ٢ ٦
١٣ = ٣   ١		١٠ = ١   ٠

ما أعلى درجة في الفصل (ب) ؟ .....

ما أقل درجة في الفصل (أ) ؟ .....

ما عدد طلاب الفصل (أ) ؟ .....





## (٩-٨) اختيار طريقة التمثيل المناسبة

ملخص المفهوم	التمثيل الإحصائي
	يفضل استعماله ....
	نوع التمثيل
عند توضيح عدد القيم لكل صنف من أصناف البيانات.	التمثيل بالأعمدة
عند توضيح مقاييس التشتت لمجموعة من البيانات.	الصندوق و طرفاه
عند مقارنة جزء من البيانات بالنسبة إلى المجموع.	القطاعات الدائرية
عند توضيح تكرار البيانات الموزعة في فئات متساوية.	المدرج التكراري
عند توضيح تغير البيانات في فترة زمنية معينة.	التمثيل بالخطوط
عند توضيح تكرار كل قيمة من قيم البيانات .	التمثيل بالنقاط
عند عرض قيم البيانات بصورة فردية مكثفة.	الساق والورقة
عند توضيح ارتباط المفردات بعضها ببعض من خلال مجموعات مترابطة في البيانات.	أشكال فن

✳ مثال ..

\* اختر طريقة التمثيل المناسبة لكل مما يلي :

□ عدد مشتركى الهوايق التقاليدى للسنوات الخمس الأخيرة ..

(فترة زمنية) ← الطريقة الأنسب التمثيل بالخطوط ..

□ درجات اختبار الرياضيات لأحد فصول الصف الثاني متوسط

درجات اختبار الرياضيات للصف الثاني المتوسط														
٩٨	٧٧	٨٩	٦٣	٧١	٧٩	٨١	٩٦	٨١	٨٥	٨١	٩٢	٧٧	٦٨	٧٢
٧٤	٨٥	٧٢	٨٥	٩٢	٩١	٧٣	٨٥	٧٧	٧٨	٦٧	٩١	٨٨	٧٤	٨٨

المراد توضيح تشتت البيانات ← الطريقة الأمثل الصندوق و طرفاه

□ أعداد المواظنين الذين يتقنون اللغة الانجليزية او الفرنسية

او اللغتين في عملة ؟! الطريقة الأمثل ← اشكال فن



• اختر طريقة التمثيل المناسبة لكل مما يلي:

(١) توزيع عدد سكان المملكة بحسب الفئات العمرية.

(أ) التمثيل بالخطوط

(ب) القطاعات الدائرية

(ج) التمثيل بالأعمدة

(د) المدرج التكراري

(٢) عدد طلاب الصف الثاني المتوسط الحاصلين على التقديرات ممتاز، جيد جداً، جيد، مقبول

(أ) التمثيل بالخطوط

(ب) القطاعات الدائرية

(ج) التمثيل بالأعمدة

(د) المدرج التكراري

(٣) مبيعات أحد أنواع العباءات مقارنة ببقية الأنواع

(أ) التمثيل بالخطوط

(ب) القطاعات الدائرية

(ج) التمثيل بالأعمدة

(د) المدرج التكراري

(٤) عدد مشتركى الهواتف النقالة للسنوات الخمس الأخيرة

(أ) التمثيل بالخطوط

(ب) القطاعات الدائرية

(ج) التمثيل بالأعمدة

(د) المدرج التكراري

(٥) وسيط نتائج اختبار مادة الإنجليزي لأحد الصفوف.

(أ) الساق والورقة

(ب) أشكال فن

(ج) المدرج التكراري

(د) الصندوق وطرفيه

(٦) أعداد المواطنين الذين يتقنون اللغة الإنجليزية أو الفرنسية أو الألمانية.

(أ) الساق والورقة

(ب) أشكال فن

(ج) المدرج التكراري

(د) الصندوق وطرفيه

(٧) درجات اختبار مادة الرياضيات لأحد الفصول

(أ) الساق والورقة

(ب) أشكال فن

(ج) المدرج التكراري

(د) الصندوق وطرفيه



## الفصل العاشر

### الاحتمالات

الاحتمالات				
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	١-١٠ عد النواتج
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٢-١٠ احتمال الحوادث المركبة
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٣-١٠ احتمال النظري والاحتمال التجريبي
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٤-١٠ استراتيجية حل المسألة (تمثيل المسألة)
<u>اختبر نفسك</u>		<u>عرض بصري</u>	<u>الدرس</u>	٥-١٠ استعمال المعاينة في التنبؤ





# (١٠-١) عد النواتج

الناتج : هو أي واحد من الخيارات الممكنة لتجربتهما.

الحادث : هي ناتج واحد أو مجموعة نواتج .

فضاء العينات : القائمة المنظمة للنواتج التي تساعد على

إيجاد العدد الكلي لنواتج الحوادث الممكنة ..

مبدأ العد الأساسي : إيجاد العدد الكلي للنواتج

باستعمال الضرب ..

## عد النواتج

### الاحتمال

ح (صفراء)



$$\frac{\text{عدد النواتج}}{\text{العدد الكلي}} = \text{احتماله}$$

$$\frac{\text{عدد بكرات الصفراء}}{\text{العدد الكلي}} = \text{ح (صفراء)}$$

$$\frac{1}{6} =$$

### الرسم الشجري

أمثلة

لما تم عدد النواتج الممكنة عند القاء قطعه نقديه مرتين ؟! عدد نواتج = ٤

كتابه

شعار

ك

ش

ك

ش

كتابه - ك

شعار - ش

شعار - ك

شعار - ش

لما تم عدد الطرق لاختيار أحد أيام الاسبوع عشوائيا ورمي حجر نرد؟!

عدد أيام الاسبوع = ٧

عدد النقاط في حجر النرد = ٦

عدد الطرق = ٦ × ٧

= ٤٢



- صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب) فيما يلي:

العمود (ب)

- ( ) فرص حدوث جميع نواتجها متساوية.
- ( ) أحد طرق إيجاد فضاء العينة.
- ( ) أي واحد من الخيارات الممكنة لتجربة ما .
- ( ) ناتج واحد أو مجموعة نواتج.

العمود (أ)

- (١) الناتج
- (٢) الحادثة
- (٣) الرسم الشجري
- (٤) حادثة عشوائية

- اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) " حل خمسة اسئلة من النوع الصواب والخطأ " عدد النواتج الممكنة باستعمال مبدأ العد:

- (أ) ٣٥ (ب) ٣٢ (ج) ٢٥ (د) ١٠

(٢) الصيغة الجبرية لإيجاد عدد نواتج رمي مكعب الأرقام س مرة :

- (أ) ٦س (ب) س<sup>٦</sup> (ج) ٦س (د) س + ٦

- استعمل الرسم الشجري لتحديد جميع النواتج الممكنة عند رمي قطعة نقود ومكعب أرقام.

الرسم الشجري







## (١٠-٢) احتمال الكوادر المركبة

الكادر المركبة تتكون من حادثتين أو أكثر ..

### الكوادر غير المستقلة

يؤثر ناتج إحدى الحادثتين

في ناتج الحادث الأخرى

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B) \text{ (بعد A)}$$

### الكوادر المستقلة

لا يؤثر ناتج إحدى الكوادر

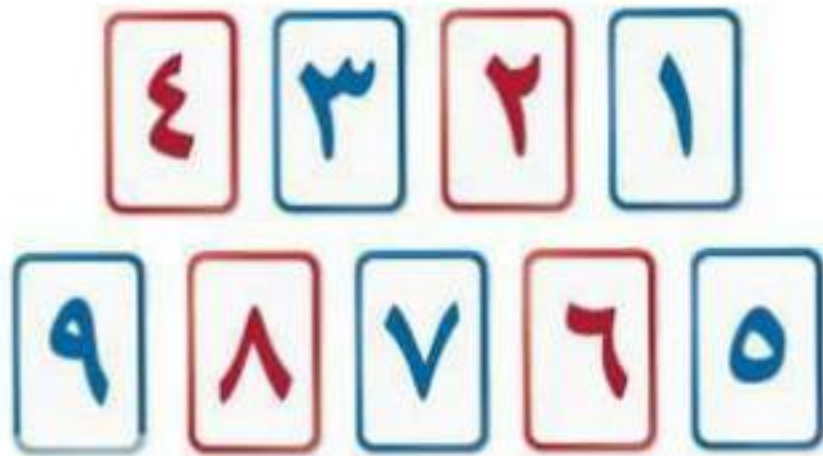
في الكوادر الأخرى

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$$

### \* أمثلة

لنا سحبت بطاقة من البطاقات

دون ارجاع ثم بطاقة أخرى ..



ح (ظهور عدد أقل من ٤ ثم عدد أكبر

$$P(A) = \frac{2}{5}$$

ح (لا تظهر غير مستقل)

$$P(A \cap B) = \frac{1}{5} \times \frac{3}{4} = \frac{3}{20}$$

لنا ح (كلا الكرتين أ)



$$P(B) = \frac{1}{5}$$

$$P(A) = \frac{1}{6}$$

$$P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$$

حادثه مستقل

$$P(A \cap B) = \frac{1}{6} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{30}$$



(١٠-٢) احتمال الحوادث المركبة

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

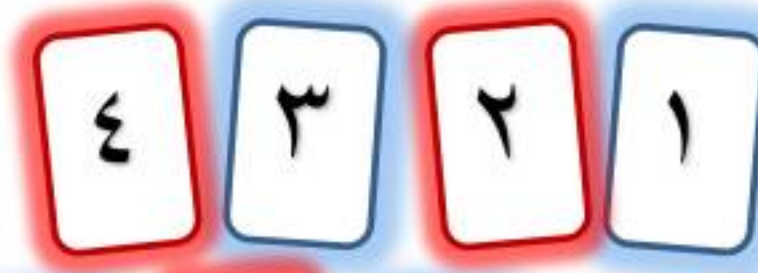
• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الحادثة المركبة تتكون من حادثة واحدة فقط ( )

في الحوادث المستقلة لا يؤثر ناتج إحدى الحوادث في الحوادث الأخرى ( )

• سُحبت بطاقة من البطاقات المجاورة **دون إرجاعها**، ثم سُحبت بطاقة أخرى،

فأوجد احتمال ما يأتي:



ح (العددان فرديان) = .....



ح (ظهور العدد ٤ ثم العدد ٨) = .....

• يوضح الجدول المجاور ألوان الملابس الرياضية لطلاب أحد الفصول. فإذا اختير طالبان عشوائياً، فأوجد احتمال كل مما يأتي:

اللون	العدد
أزرق	٥
أصفر	٧
أحمر	٤
أخضر	٤

ح (ملابسهما زرقاء) = .....

ح (ملابسهما ليست حمراء) = .....



• **اكتشف الخطأ:** تم تدوير القرص الدوار المجاور مرتين. وحسبت كل من

بدرية مريم احتمال أن يقف المؤشر على عدد زوجي مرتين.

فأيهما كانت على صواب؟ وضح إجابتك

$$\frac{2}{20} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

مريم

$$\frac{4}{25} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

بدرية





# (١٠-٣) الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي

## الاحتمال النظري

احتمالات مبنية على حقائق وخصائص معروفة.

## الاحتمال التجريبي

احتمالات مبنية على نواتج يتم الحصول عليها بالتجربة.

## أمثلة

١٤ ما لاحتمال النظري للحصول على شعارين فقط؟

النتائج	التكرار	النتائج	التكرار
ك ك ك	٣	ش ش ش	٦
ك ك ش	٦	ش ش ك	٥
ك ش ك	٥	ش ك ش	١٠
ك ش ش	١٠	ش ك ك	٥

[ تنظر لنواتج فقط ]

$$\frac{3}{8} = \text{الاحتمال النظري}$$

١٥ ما لاحتمال التجريبي للحصول على شعارين فقط؟

$$50 = 5 + 10 + 5 + 6 + 10 + 5 + 6 + 3 = \text{فضاء العينة}$$

$$\frac{1}{5} = \frac{20 \div 20}{20 \div 50} = \frac{10 + 5 + 10}{50} = \text{الاحتمال التجريبي}$$

١٦ أجريت دراسة حديثة على ١٥٠ شخصاً، فأجاب ١٨ شخصاً منهم بأنهم يستعملون اليد اليسرى فإذا أجريت هذه الدراسة على ٢٥٠ شخص فكم تتوقع عدد الأشخاص الذين يستعملون اليد اليسرى منهم؟

$$\begin{array}{l} 150 \text{ نس} = 150 \times 18 \\ \frac{150}{100} = \frac{100}{100} \end{array}$$

$$\text{نس} = 300 \text{ مستخدم لليد اليسرى}$$

$$\frac{250}{100} \neq \frac{150}{18}$$

منزلة تبادل



• ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( x ) أمام العبارة الخاطئة:

الاحتمالات النظرية هي الاحتمالات المبنية على حقائق وخصائص معروفة ( )

احتمال النظري لظهور العدد ٢ مرتين عند رمي مكعبي الأرقام هو  $\frac{2}{36}$  ( )

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

١) المعلومات بالجدول تمثل دراسة إحصائية عن الكتب المفضلة لدى الطلاب، ما احتمال أن يفضل الطلاب الكتب الدينية

عدد الطلاب	الكتب
٤٨	دينية
٣٣	علمية
٢٨	أدبية
١١	عامة

(ج)  $\frac{33}{120}$

(أ)  $\frac{2}{5}$

(د)  $\frac{7}{30}$

(ب)  $\frac{11}{12}$

٢) أجريت دراسة إحصائية على ٣٢ طالباً حول مادتهم المفضلة، فأجاب ١٤ منهم أنهم يفضلون العلوم، فكم تتوقع أن يكون عدد الطلاب الذين يفضلون مادة العلوم، إذا كان عدد الطلاب الكلي ٨٨٠ طالباً؟

(د) ١٣٢

(ج) ٢٨١

(ب) ٣٨٥

(أ) ٤٩٥

• إذا أصاب محمد مركز الهدف ٨ مرات في آخر ٣٦ سهماً سددها، فما الاحتمال التجريبي لإصابة محمد مركز الهدف؟

.....

.....

.....

.....

.....

.....



(١٠-٤) استراتيجيه حل المسأله  
 حل المسأله باستعمال (تمثيل المسأله)

طول ملعب ٨٤ قدما فإذا ركض مبارك ٢٠ قدماً  
 الى الامام ٨ و ٨ اقدام الى الخلف فيصم مرة أخرى  
 عليه أن يكرر العمليه حتى يصل الى نهاية الملعب ؟!

افهم لحوال الملعب = ٨٤ قدم

ركض مبارك ٢٠ للامام و ٨ اقدام للخلف ..

خطه بمثيل المسأله ..  
 ← ٢٠ قدم امام  
 → ٨ اقدام خلف

حل المسافة بعد الركض = ٨ - ٢٠ = ١٢ قدم

• يحتاج إلى  $v = 84 \div 12 = 7$

٧ عمليات للوصول الى النهاية ..

تحقق  $84 = 7 \times 12$  وهو لحوال الملعب ✓



(٤-١٠) استراتيجية حل المسألة (تمثيل المسألة)

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

- أراد ماهر أن يرتب خمسة كتب لديه على الرف، بحيث يكون كتاب التفسير أولها وكتاب الاجتماعيات آخرها، فبكم طريقة يمكن ترتيب الكتب الخمسة على الرف؟

افهم

خطط

حل

تحقق





## (١٠-٥) استعمال المعاينة في التنبؤ ..

المجتمع ← مجموعة كبيرة ..

العينة ← مجموعة صغيرة ..

عينة غير متحيزة

نتائج دقيقة وصادقة

عينة متحيزة

نتائج غير دقيقة

عينة عشوائية  
كثيفة

عينة عشوائية  
متنظمة

عينة عشوائية  
بسيطة

تطوعية

ملائمة

النوع	الوصف	مثال
العينة العشوائية البسيطة	فرص اختيار عناصر أو أفراد المجتمع متساوية.	يكتب كل طالب اسمه في قصاصة ورقية، وتوضع الأسماء في صندوق وتُسحب القصاصات دون النظر إليها.
العينة العشوائية الطبقية	يقسم المجتمع إلى مجموعات متشابهة غير متداخلة، ثم يتم اختيار عينة عشوائية بسيطة من كل مجموعة.	يتم اختيار الطلاب عشوائياً من كل مرحلة من مراحل الدراسة.
العينة العشوائية المنتظمة	يتم اختيار العناصر أو الأفراد وفق فترة زمنية محددة أو فترات متساوية من العناصر أو الأفراد.	يتم اختيار الطالب الذي ترتيبه ٢٠ ومضاعفات الـ ٢٠ من القائمة المرتبة أبجدياً للطلاب الملتحقين بالمدرسة.

النوع	الوصف	مثال
العينة الملائمة	تتكون العينة الملائمة من أفراد المجتمع الذين يسهل الوصول إليهم.	تمثيل جميع الطلاب الملتحقين بالمدرسة يتم اختيار أحد فصول المدرسة لإجراء الدراسة.
العينة التطوعية	تتكون العينة التطوعية من أفراد يرغبون في الانضمام إلى العينة.	يقوم طلاب المدرسة الراغبون في إبداء آرائهم بتعبئة استبانة الدراسة الإحصائية على شبكة المعلومات.

\* أمثلة \*

حدد نوع العينة و هل الاستنتاج دقيق :

لا اختيرت .. أ عائلته من منطقة أبها عشوائياً لتحديد معدل صرف العائلة السعودية على خدمة الكهرباء ، فأجابته ٨٥ عائلة منهم بأنهم يتفقون عليها أقل من ٣ ريال شهرياً ، فاستنتج الباحث أن معدل صرف العائلة السعودية على الكهرباء أقل من ٣ ريال شهرياً ؟! عينة ملائمة متحيزة وذلك لأن أبها منطقة يارده وعليه فإن الاستنتاج غير دقيق ..

لما اختير شخص عشوائياً من كل دائرة في شركة لتحديد أولويات الموظفين فكانت الخدمة الصحية أهم أولويات ٦٧٪ منهم فاستنتج المدير أن الخدمة الصحية يجب أن تشمل جميع الموظفين ؟! الاستنتاج صادق ودقيق لأن العينة عشوائية مبنية لأن كل دائرة تكون فئة أو طبقه ..



(١٠-٥) استعمال المعاينة في التنبؤ

الاسم: ..... الصف ثاني متوسط/

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

تستعمل العينة لتمثيل مجموعة كبيرة تُسمى المجتمع ( )

العينة الغير متحيزة يتم تفضيل بعض أقسام المجتمع على سائر الأقسام ( )

(العينة الملائمة و العينة التطوعية) هما طريقتان لاختيار العينة المتحيزة ( )

العينة العشوائية المنتظمة هي طريقة من طرائق العينة الغير المتحيزة ( )

• حدد ما إذا كان الاستنتاج فيما يلي صادق أم لا، وبرر إجابتك

أرادت مريم شراء علبة حلبي مختلفتين لعمل تجربة، فأغضت عينها واختارت واحدة، ثم مشت خطوتين واختارت علبة أخرى

.....  
.....

• أراد معلم معرفة رغبة طلاب الصف في المشاركة لزيارة المتحف، فما الطريقة التي يستعملها للدراسة الإحصائية لتكون صادقة؟

(ج) يسأل الطلاب الذين ترتيبهم العاشر ومضاعفات العشرة من الصف

(أ) يسأل الطلاب المشاركين في النادي الفني.

(د) يقوم بالإعلان عن الرحلة، ويطلب إلى الطلاب أن يخبروه عن آرائهم

(ب) يسأل أهالي الطلاب



الرابط	المهارات الأساسية	م
	وصف الأشكال الثلاثية الأبعاد (المنشور - الأسطوانة - الهرم - المخروط)، وإيجاد مساحة سطحها وحجمها.	١
	كتابة المتباينات وتمثيلها، وحل معادلات ومتباينات خطية بسيطة.	٢
	تمثيل الدوال الخطية بيانياً، وإيجاد ميل المستقيم.	٣
	إيجاد مقاييس التشتت لمجموعة من البيانات، وتمثيل البيانات بالساق والورقة وتفسيرها.	٤
	إيجاد احتمال الحوادث المركبة، الاحتمال النظري، الاحتمال التجريبي، التنبؤ بالحوادث باستعمال الاحتمال النظري والتناسب	٥
	حل مسائل رياضية باستعمال استراتيجيات ومهارات مناسبة مع اتباع الخطوات الأربع	٦



ملحق الإجابات

الفصل السادس



## ملحق الإجابات

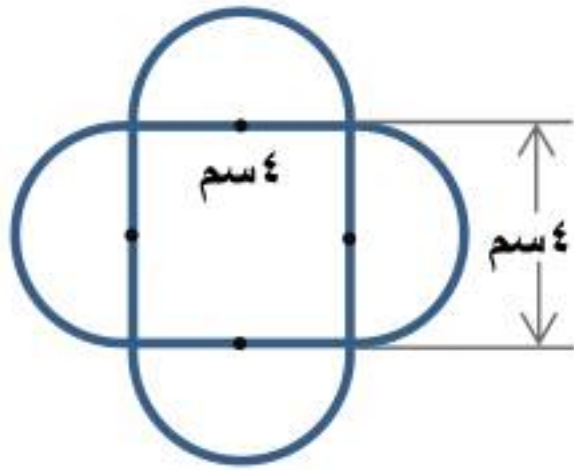
الفصل السادس:

القياس: المساحة والحجم

(٦-١) مساحات الأشكال المركبة

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

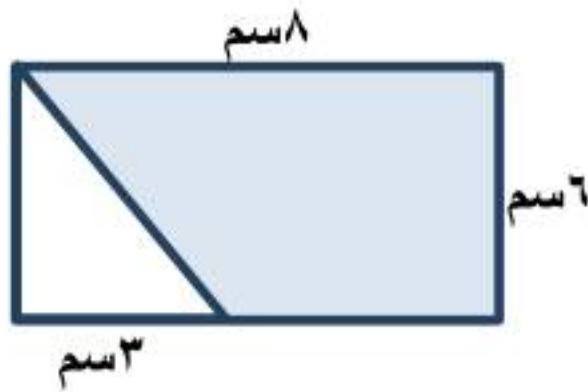
(١) المساحة الكلية للشكل المجاور تساوي

(د) ١١٦,٤٨ سم<sup>٢</sup>

(ج) ٢٨,٥٦ سم<sup>٢</sup>

(ب) ٤١,١٢ سم<sup>٢</sup>

(أ) ٦٦,٢٤ سم<sup>٢</sup>



(٢) المساحة المظللة للشكل المجاور تساوي

(د) ٣٠ سم<sup>٢</sup>

(ج) ٣٩ سم<sup>٢</sup>

(ب) ٤٨ سم<sup>٢</sup>

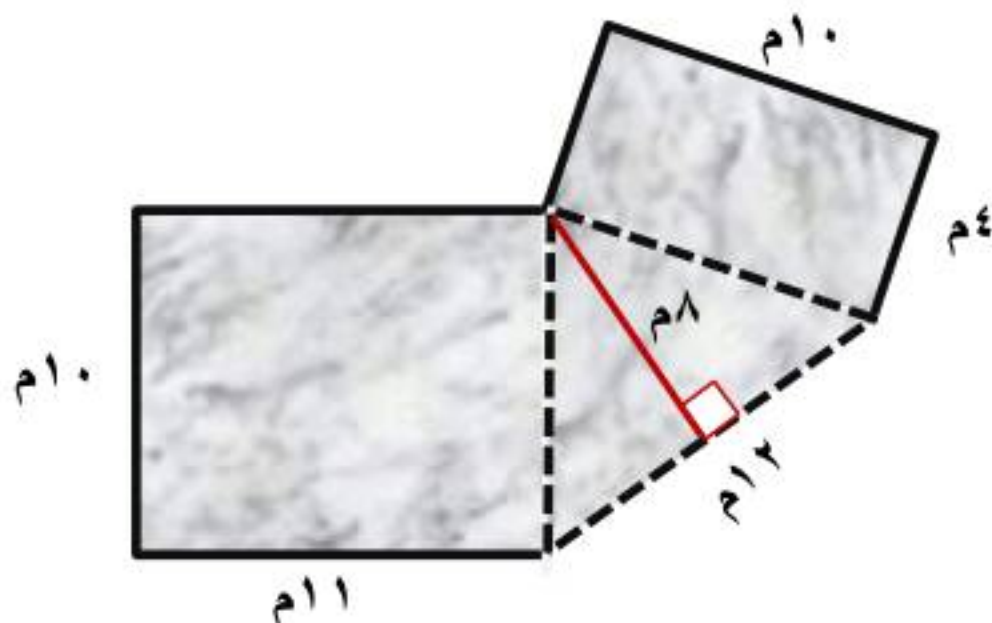
(أ) ٣٦ سم<sup>٢</sup>

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

مساحة نصف الدائرة هي  $\frac{1}{2} \times$  مساحة الدائرة =  $\frac{1}{4}$  ط نق<sup>٢</sup> (✓)

مساحة المثلث هي نصف ناتج ضرب الارتفاع في مجموع القاعدتين (×)

ترغب والدة سعاد في تغطية أرضية صالة منزلها بالسجاد كما في الشكل المجاور.  
ما مساحة السجاد المطلوب شراؤه



مساحة المثلث

$$م = \frac{1}{2} \times ق \times ع$$

$$م = \frac{1}{2} \times ٨ \times ١٢$$

$$م = ٨ \times ٦$$

$$م = ٤٨ م^٢$$

مساحة المستطيل الصغير

$$م = ل \times ض$$

$$م = ١٠ \times ٤$$

$$م = ٤٠ م^٢$$

مساحة المستطيل الكبير

$$م = ل \times ض$$

$$م = ١٠ \times ١١$$

$$م = ١١٠ م^٢$$

إذا مساحة السجاد المطلوب شراؤها

$$٤٠ م^٢ + ١١٠ م^٢ + ٤٨ م^٢ = ١٩٨ م^٢$$



(٦-٢) استراتيجية حل المسألة (حل مسألة أبسط)

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

- تحتاج مدرسة إلى ٢٥٠ نسخة من مطوية إرشادية، فإذا كانت المطبعة تضعها في مغلقات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة، فما عدد المغلقات التي يجب أن تشتريها المدرسة من كل نوع؟

تحتاج مدرسة ٢٥٠ نسخة ، تضعها المطبعة في مغلقات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة المطلوب إيجاد عدد المغلقات التي يجب ان تشتريها المدرسة

افهم

نستعمل خطة حل مسألة أبسط

خطط

٣ مغلقات من النوع الذي يتسع إلى ٣٠ نسخة فيكون الناتج  $3 \times 30 = 90$ ٢ مغلقات من النوع الذي يتسع إلى ٨٠ نسخة فيكون الناتج  $2 \times 80 = 160$ 

حل

يجب أن تشتري المدرسة ٣ مغلقات يتسع كل منها لـ ٣٠ نسخة ، و ٢ مغلقات يتسع كل منها لـ ٨٠ نسخة

$$250 = 160 + 90$$

تحقق



● ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( × ) أمام العبارة الخاطئة:

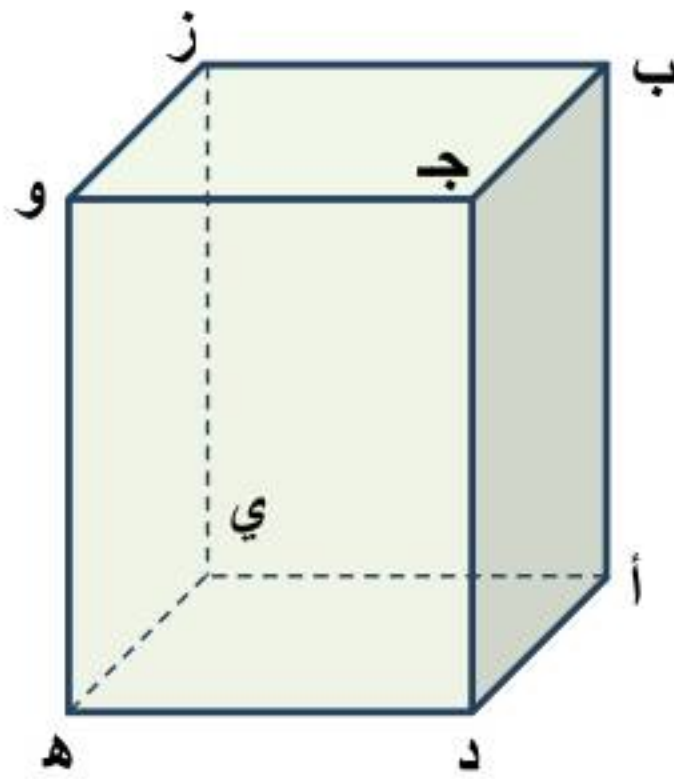
الحرف هو قطعة مستقيمة نهايتها رأسان غير متجاورين، ولا يقعان على الوجه نفسه ( × )

الرأس هو نقطة تقاطع ثلاثة مستويات أو أكثر ( ✓ )

الهرم مجسم قاعدته الوحيدة مضلع وأوجهه مثلثات ( ✓ )

يُسمى المستقيمان اللذان يتقاطعان ويقعان في المستوى نفسه مستقيمين متخالفين ( × )

● استعمل الشكل المجاور لتحديد كلا مما يأتي:



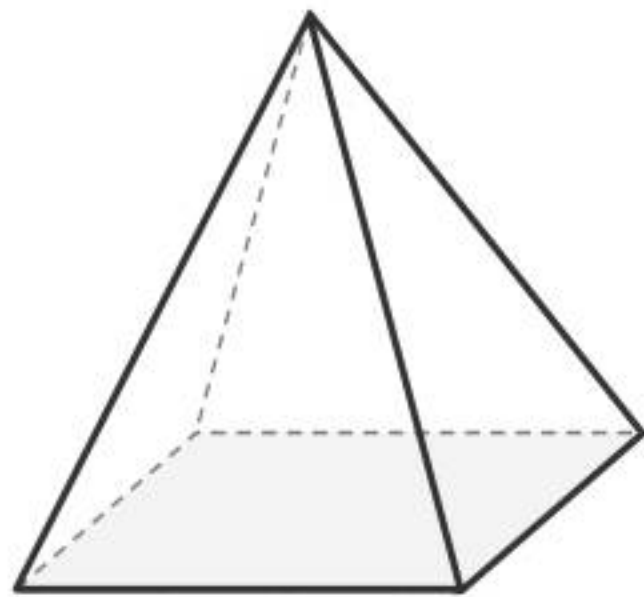
مستويين متوازيين. أ ب ج ، ي ز و

مستقيمين متخالفين. و هـ ، ب ز ← ←

مستويين متقاطعين. أ ب ج ، ب ج و

نقطتين تشكلان قطراً عن الوصول بينهما ب ، هـ

● حدد اسم المجسم، وبين عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه و رؤوسه:



للمجسم قاعدة واحدة وهي مضلع رباعي

إذا فهو هرم رباعي

أما الأوجه الأخرى فهي مثلثات وبذلك فإن له

٥ أوجه ، ٨ أحرف ، ٥ رؤوس



## ملحق الإجابات

الفصل السادس:

القياس: المساحة والحجم

(٤-٦) حجم المنشور والأسطوانة

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

الحجم هو قياس الحيز الذي يشغله الجسم في الفضاء، ويقاس بالوحدات المربعة مثل السنتمترات المربعة (سم<sup>٢</sup>)، أو الأقدام المربعة (قدم<sup>٢</sup>) (×)

الجسم المكون من أكثر من نوع من المجسمات يُسمى مجسمًا مركبًا (✓)

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حجم المنشور الرباعي الذي طوله ٤ سم، وعرضه ٦ سم، وارتفاعه ٦ سم:

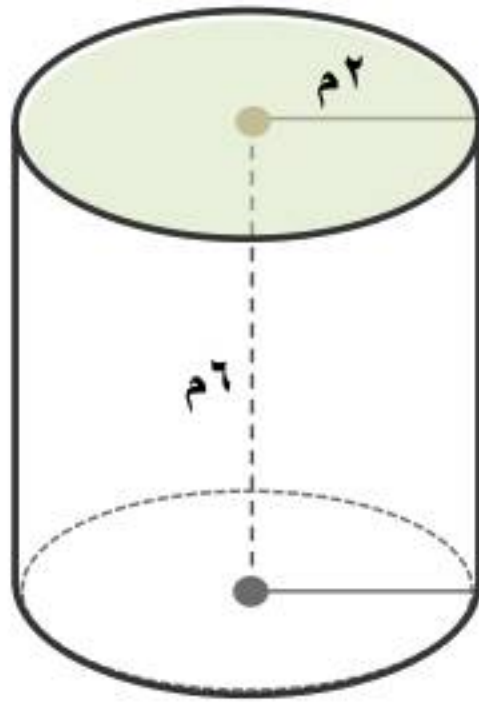
(د) ٣٨٤ سم<sup>٢</sup>

(ج) ٣٢٠ سم<sup>٣</sup>

(ب) ١٦٠ سم<sup>٣</sup>

(أ) ٣٨٤ سم<sup>٣</sup>

• أوجد حجم الأسطوانة المجاورة، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



حجم الأسطوانة

$$ح = م \times ع$$

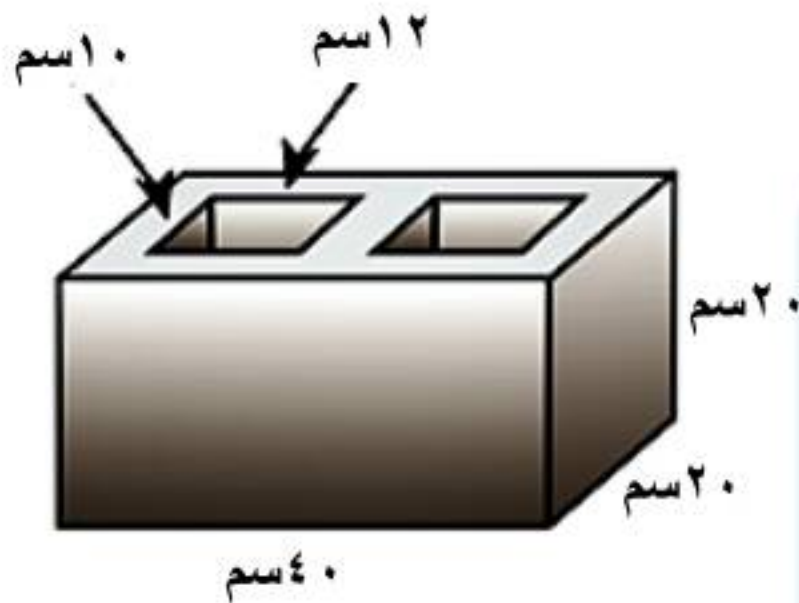
$$ح = ط \times نق^٢ \div ٤$$

$$ح = ٦ \times (٢)^٢ \div ٤ = ٦ \times ٤ \div ٤ = ٦ \times ١ = ٦$$

$$ح = ٦ \times ٣,١٤ = ١٨,٨٤$$

• طوب بناء خرساني على شكل منشور رباعي فيه ثقبان متساويان كما في الشكل

المجاور، ما حجم مادة الخرسانة في طوب البناء؟



حجم المنشور

$$ح = م \times ع$$

$$ح = ل \times ض \times ع$$

$$ح = ٢٠ \times ٢٠ \times ٤٠ = ١٦٠٠٠$$

$$ح = ١٦٠٠٠ سم^٣$$

$$حجم الثقبان = (٢٠ \times ١٢ \times ١٠) \times ٢ = ٤٨٠٠ سم^٣$$

$$إذا حجم طوب البناء يساوي ١٦٠٠٠ سم^٣ - ٤٨٠٠ سم^٣ = ١١٢٠٠ سم^٣$$



(5-6) حجم الهرم والمخروط

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

حجم الهرم (ح) يساوي نص ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع) (×)

هو شكل ثلاثي الأبعاد له قاعدة دائرية، وسطح منحنٍ يصل القاعدة بالرأس يسمى المخروط (×)

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حجم الهرم الثلاثي الذي قاعدته على شكل مثلث طول قاعدته ١٠ سم، وارتفاعه ٦ سم، وارتفاع الهرم ٢٠ سم.

(د) ١٢٠٠ سم<sup>٣</sup>(ج) ٢٠٠ سم<sup>٣</sup>(ب) ٤٠٠ سم<sup>٣</sup>(أ) ٦٠٠ سم<sup>٣</sup>

• يريد مهرج أن يملأ قبعته رملاً، استعمل الرسم المجاور لتحديد كم تسع قبعته من الرمل



حجم المخروط

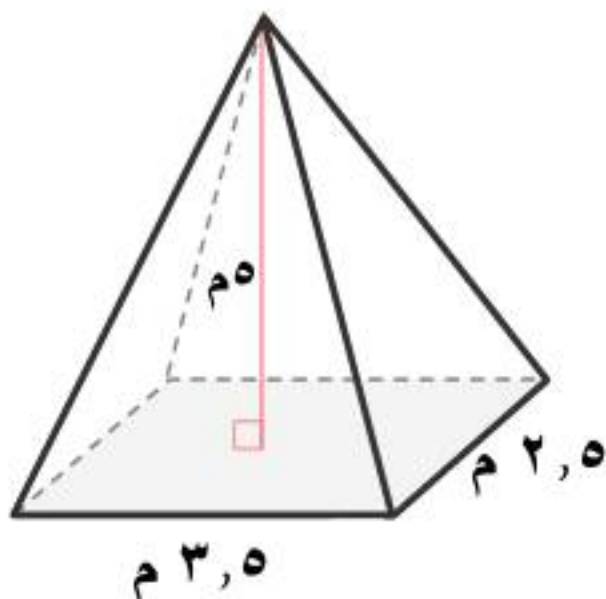
$$ح = \frac{1}{3} \times م \times ع$$

$$ح = \frac{1}{3} \times ط \times نق \times ع$$

$$ح = \frac{1}{3} \times ٣,١٤ \times (٢) \times ٦$$

$$ح = ٢٥,١٢ \text{ بوصة}^٢$$

• أوجد حجم الهرم المجاور، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة



حجم الهرم

$$ح = \frac{1}{3} \times م \times ع$$

$$ح = \frac{1}{3} \times ل \times ض \times ع$$

$$ح = \frac{1}{3} \times ٣,٥ \times ٢,٥ \times ٥$$

$$ح \approx ٢٥,١٦ \text{ م}^٣$$



## ملحق الإجابات

الفصل السادس:

القياس: المساحة والحجم

(٦-٦) مساحة سطح المنشور والأسطوانة

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

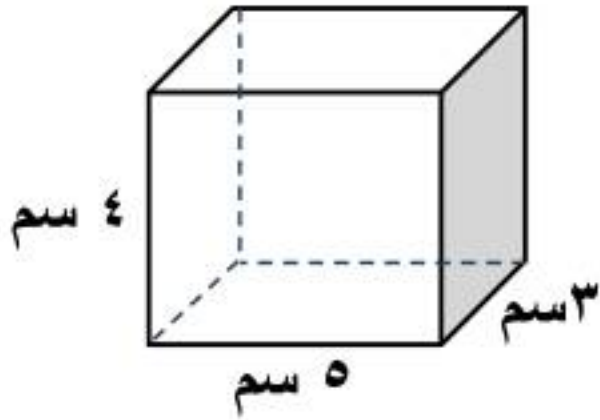
• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

المساحة الجانبية لسطح مجسم هي مجموع مساحات جميع أوجهه (×)

الوجه الجانبي لمجسم هو أي سطح مستوٍ وليس القاعدة (✓)

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) المساحة الكلية للشكل المجاور تساوي



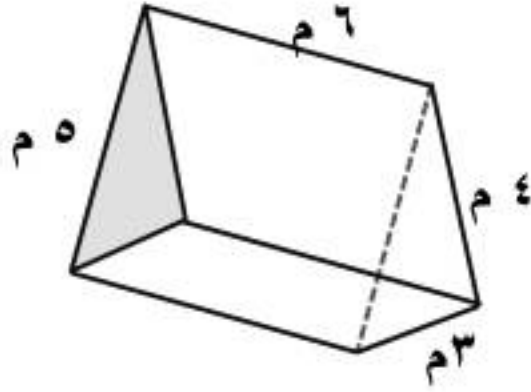
(د) ٣٠ سم<sup>٢</sup>

(ج) ٦٠ سم<sup>٢</sup>

(ب) ٦٤ سم<sup>٢</sup>

(أ) ٩٤ سم<sup>٢</sup>

(٢) المساحة الجانبية للشكل المجاور تساوي



(د) ٧٢ سم<sup>٢</sup>

(ج) ٨٤ سم<sup>٢</sup>

(ب) ٣٦ سم<sup>٢</sup>

(أ) ٧٤,٥ سم<sup>٢</sup>

• تغلف بعض علب الألوان الأسطوانية الشكل بورق كما في الشكل المجاور.

أوجد مساحة ورقة تغليف علبة الألوان



المصق يغطي السطح الجانبي لعلبة الألوان إذا نوجد المساحة الجانبية للعلبة فقط

$$ج = مع \times ع$$

$$ج = ٢ طنق \times ع$$

$$ج = ٢٠ \times ٥ \times ٣,١٤ \times ٢$$

$$ج = ٦٢٨ سم^٢$$

إذا مساحة تغليف علبة الألوان تساوي ٦٢٨ سم<sup>٢</sup>



## ملحق الإجابات

الفصل السادس:

القياس: المساحة والحجم

(٧-٦) مساحة سطح الهرم

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

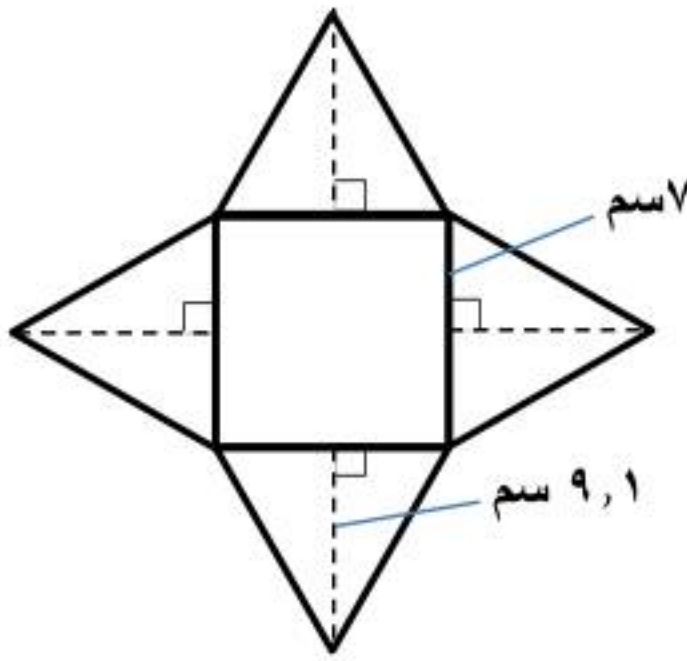
• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الهرم المنتظم قاعدته مضلع منتظم وأوجهه الجانبية مثلثات متطابقة (✓)

المساحة الجانبية لهرم رباعي طول قاعدته ٤سم وارتفاعه ٤سم هو ٦١سم<sup>٢</sup> (x)

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

١) يمثل الشكل المجاور هرمًا رباعياً مقرباً إلى أقرب عدد صحيح ما المساحة الجانبية لسطح الهرم؟



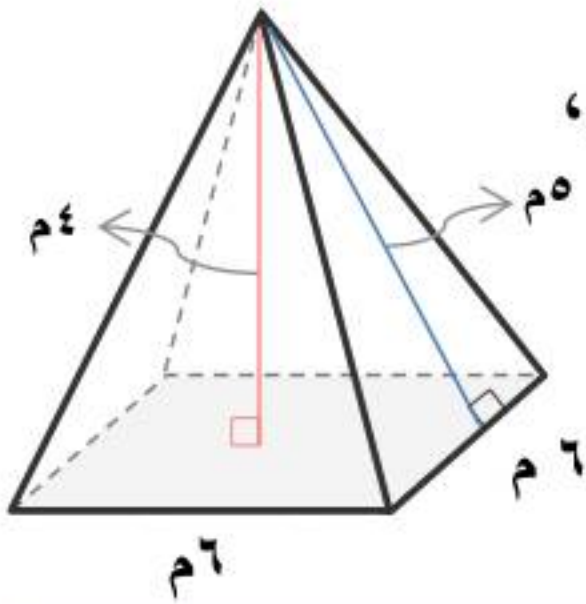
(ب) ٢٩ سم<sup>٢</sup>

(أ) ٣٢ سم<sup>٢</sup>

(د) ١٧٦ سم<sup>٢</sup>

(ج) ١٢٧ سم<sup>٢</sup>

• أوجد كل من حمد ونواف المساحة الكلية للهرم المنتظم المجاور، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟ فسر تبريرك



$$ك = \frac{1}{4} \text{ مح ل} + م$$

$$٢٦ + ٤ \times ٦ \times ٤ \times \frac{1}{4} =$$

$$٨٤ م^٢ =$$

نواف

$$ك = \frac{1}{4} \text{ مح ل} + م$$

$$٢٦ + ٥ \times ٦ \times ٤ \times \frac{1}{4} =$$

$$٩٦ م^٢ =$$

حمد ✓

إجابة حمد هي الصحيحة،

لأن المساحة الجانبية للهرم هي حاصل ضرب محيط القاعدة (مح) في الارتفاع الجانبي (ل)



ملحق الإجابات

الفصل السابع



## ملحق الإجابات

الفصل السابع:

الجبر: المعادلات والمتباينات

(٧-١) تبسيط العبارات الجبرية

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• ضع علامة ( ✓ ) امام العبارة الصحيحة وعلامة ( x ) امام العبارة الخاطئة:

الحد الذي لا يشتمل على متغير يُسمى ثابتًا ( ✓ )

تشتمل الحدود المتشابهة على المتغيرات نفسها بالقوى نفسها ( ✓ )

تبسيط العبارة  $7ص - 2 - 4ص + 6$  هي  $3ص + 4$  ( ✓ )

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) ما الخاصية المستعملة في العبارة  $4س + 32 = 4(س + 8)$

(د) الانعكاس

(ج) التوزيع

(ب) الإبدال على الجمع

(أ) التجميع على الجمع

(٢) أي العبارات الآتية تكافئ  $5 + 5$

(د)  $5 + 5$

(ج)  $5 + 5$

(ب)  $5(5)$

(أ)  $5$

(٣) عين العبارة التي لا تكافئ العبارات الثلاث الأخرى

(د)  $4س - 2$

(ج)  $7 + 4س - 9$

(ب)  $4(س - 2)$

(أ)  $س - 2 + 3س$

• عين الحدود والحدود المتشابهة والمعاملات والثوابت في العبارة:  $4ي + 8 - 1ي - 8$

الحدود المتشابهة:  $4ي$ ،  $1ي$ ،  $8$ ،  $8$

الحدود:  $4ي$ ،  $1ي$ ،  $8$ ،  $8$

الثوابت:  $8$

المعاملات:  $4$ ،  $1$ ،  $8$ ،  $8$

• اكتب عبارة في أبسط صورة تمثل مجموع عمري أحمد وأخوه:

بلغ عمر أحمد اليوم  $ص$  سنة، ويصغره أخوه علي بمقدار  $5$  سنوات.

$$ص + (ص - 5) = 2ص - 5$$



## ملحق الإجابات

### الفصل السابع:

(٧-٢) حل المعادلات ذات الخطوتين

الجبر: المعادلات والمتباينات

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حل المعادلة  $٣س + ٢ = ٢٠$  هو

١٨

(د)

١٥

(ج)

٨

(ب)

٦

(أ)

(٢) أي قيم ن الآتية تجعل المعادلة صحيحة  $٧ - \frac{ن}{٤} = ٣$  صحيحة

٨٤

(د)

٤٠

(ج)

١٦

(ب)

٣

(أ)

(٣) ما قيمة ص في المعادلة  $٦ص - ٤ = ٣٢$  ؟

٦-

(د)

$\frac{١}{٣}$

(ج)

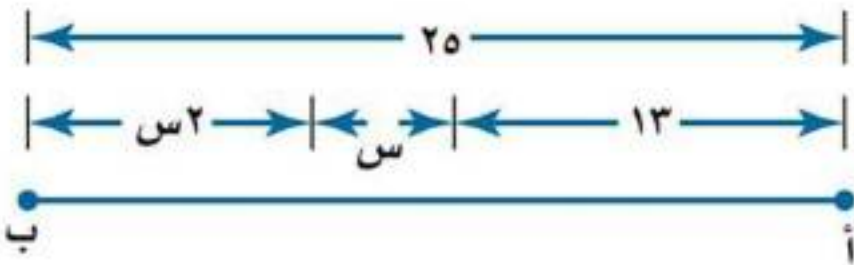
$\frac{٢}{٣}$

(ب)

٦

(أ)

• اكتب معادلة لتمثيل طول  $\overline{أب}$  في الشكل المجاور، ثم أوجد قيمة س. وتحقق من صحة الحل



$$٢٥ = ١٣ + س + ٢س$$

$$\text{نطح } ١٣ \text{ في كلا الطرفين} \quad ٢٥ = ١٣ + ٢س$$

$$\frac{١٣-}{١٣-} \quad \frac{١٣-}{١٣-}$$

$$\text{نقسم على } ٢ \text{ في كلا الطرفين} \quad ١٢ = ٢س$$

$$٦ = س$$

• أهدي لجمال بطاقة شراء من مكتبة بقيمة ٥٠ ريالاً، وأراد أن يشتري قلمًا بـ ٥ ريالات،

وعددًا من الكتب، بسعر ٩ ريالاتٍ للكتاب الواحد. حل المعادلة  $٥٠ = ٥ + ٩ك$ ؛ لإيجاد

عدد الكتب التي يستطيع شراءها. وتحقق من صحة الحل

التحقق من صحة الحل

$$٥٠ = ٥ + ٩ \times ٥$$

$$٥٠ = ٥ + ٤٥$$

$$٥٠ = ٥٠$$

$$\text{نطح } ٥ \text{ في كلا الطرفين} \quad ٥٠ = ٥ + ٩ك$$

$$\frac{٥-}{٥-} \quad \frac{٥-}{٥-}$$

$$\text{نقسم على } ٩ \text{ في كلا الطرفين} \quad ٤٥ = ٩ك$$

$$٥ = ك$$

عدد الكتب التي يستطيع شراءها ٥ كتب



## ملحق الإجابات

(٧-٣) كتابة المعادلات ذات الخطوتين

الفصل السابع:  
الجبر: المعادلات والمتباينات

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

٢) أقل من ثلاثة أمثال عدد بمقدار أربعة يساوي ١٢

(د)  $١٢ = ٤ - ٣ب$

(ج)  $١٢ = ٣ب - ٤$

(ب)  $١٢ = ٤ + ٣ب$

(أ)  $١٢ = ٣ب + ٤$

٣) توفر سمر نقودًا لشراء لعبة ثمنها ٤٥ ريالاً، إذا كانت قد وفرت حتى الآن ١٣ ريالاً، وستوفر ٨ ريالات أسبوعياً، والمعادلة  $٤٥ = ١٣ + ٨س$  تمثل هذه العلاقة، فكم أسبوعاً تحتاج سمر حتى تجمع ثمن اللعبة؟

(د)  $٤ -$

(ج)  $٤$

(ب)  $٨$

(أ)  $٧,٢٥$

٤) لدى شركة ٧٢ موظفاً، وتخطط إدارة الشركة لزيادة عددهم بمقدار ٦ موظفين شهرياً، إلى أن يصبح عددهم ضعف العدد الحالي، إذا كانت ش تمثل عدد الأشهر اللازمة لأي المعادلات الآتية تمثل الموقف

(د)  $١٤٤ = ٧٢ + ٦ش$

(ج)  $١٤٤ = (٧٢ + ٦ش)٢$

(ب)  $١٤٤ = ٧٢ + ٢ش$

(أ)  $١٤٤ = ٧٢ش + ٦ش$

• اشترت مجلة و أربعة كُتب متساوية الثمن، ودفعت ١٦٨ ريالاً ثمنها جميعاً، وكان ثمن المجلة وحدها ٨ ريالات، فما ثمن الكتاب الواحد؟ اكتب معادلة تمثل المسألة وحلها

ك تمثل الكتاب الواحد

$١٦٨ = ٨ + ٤ك$  نطرح ٨ في كلا الطرفين

$٨ - ٨ -$

$١٦ = ٤ك$  نقسم على ٤ في كلا الطرفين

$٤٠ = ك$

ثمن الكتاب = ٤٠ ريالاً



## ملحق الحل

### الفصل السابع:

### الجبر: المعادلات والمتباينات

(٧-٤) حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• صل المعادلات من العمود (أ) بحلولها من العمود (ب) فيما يلي:

حلها (ب)

$$٢ - = ك ( ٢ )$$

$$٤ - = ك ( ٣ )$$

$$٧ - = ك ( ١ )$$

$$٩ - = ك ( )$$

المعادلات (أ)

$$١ ( ٣ ك + ١٤ = ك$$

$$٢ ( ٧ ك + ١٠ = ٢ ك$$

$$٣ ( ١٠ ك = ك٣ - ٢٨$$

• حل المعادلة التالية مع التحقق من صحة الحل:  $١٧ + ٦ ي = ٣ - ٨ ي$

$$\begin{array}{r} ٨ ي - ٣ = ١٧ + ٦ ي \\ \underline{٦ ي - ٦ ي} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ١٧ = ٣ - ٢ ي \\ \underline{٣ + ٣} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٢٠ = ٢ ي \\ \underline{٢٠ - ٢٠} \end{array}$$

$$١٠ = ي$$

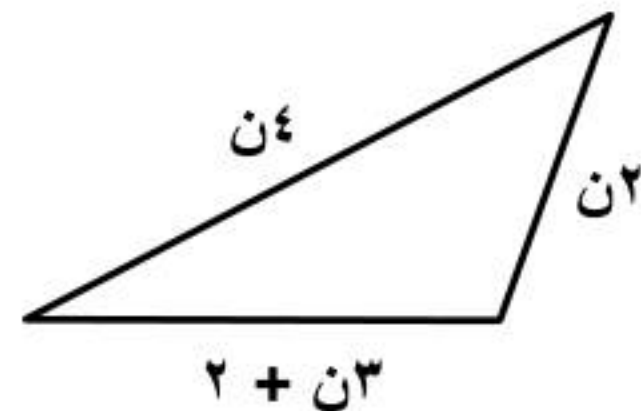
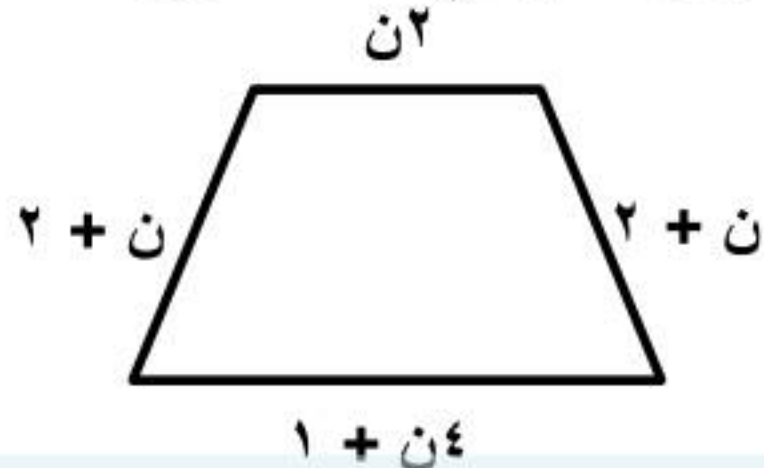
التحقق من صحة الحل

$$١٧ + (١٠)٦ = ٣ - (١٠)٨$$

$$١٧ + ٦٠ = ٣ - ٨٠$$

$$٧٧ = ٧٧$$

• اكتب معادلة وحلها لإيجاد قيمة ن، بحيث يكون محيطي المثلعين متساويين.



$$٢ + ٢ + (١ + ٤ن) + ٢ن = (٢ + ٣ن) + ٤ن + ٢ن$$

$$٥ + ٨ن = ٢ + ٩ن$$

نطرح ٨ن في كل طرف

$$\begin{array}{r} ٨ن - ٨ن \\ \underline{٨ن - ٨ن} \end{array}$$

$$٥ = ٢ + ن$$

نطرح ٢ في كلا الطرفين

$$\begin{array}{r} ٢ - ٢ \\ \underline{٢ - ٢} \end{array}$$

$$٣ = ن$$



- ثلاثة أعداد مجموعها ٢٣ ، والعدد الأكبر منها يزيد على الأصغر بمقدار ٩

المطلوب ثلاثة أعداد مجموعها ٢٣ ، حيث أن العدد الأكبر منها يزيد على الأصغر بمقدار ٩

افهم

التخمين والتحقق

خطط

$$٢٣ = ١١ + ١٠ + ٢$$

$$٢٣ = ١٢ + ٨ + ٣$$

$$٢٣ = ١٣ + ٦ + ٤$$

حل

$$٩ = ٢ - ١١$$

$$٩ = ٣ - ١٢$$

$$٩ = ٤ - ١٣$$

تحقق



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١٦) أي المتباينات الآتية تعبر عن الجملة "يجب أن تتجاوز مشترياتك ١٥٠ ريال لتحصل على خصم"

١٨

(د)

 $١٥٠ \geq م$ 

(ج)

 $١٥٠ < م$ 

(ب)

 $١٥٠ > م$ 

(أ)

(٣) أي المتباينات الآتية تعبر عن الجملة "يمكنك التبرع بالدم إذا كان خضاب الدم لديك ١٢ وحدة على الأقل"

 $١٢ < د$ 

(د)

 $١٢ \leq د$ 

(ج)

 $١٢ < د$ 

(ب)

 $١٢ \leq د$ 

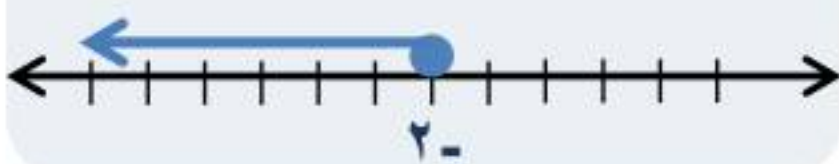
(أ)

• مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

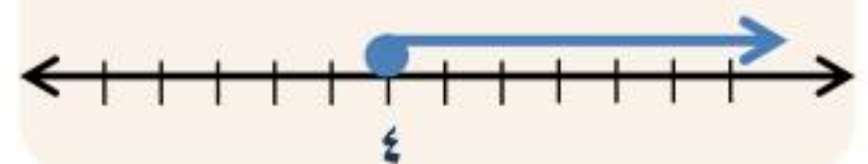
$٠ < ع$



$٢- \leq س$



$٤ \leq س$



• إذا كانت:  $س = ٣$ ، فهل المتباينة الآتية صحيحة أم خاطئة؟

$$٩ + س٤ - ١٥ \leq س + \frac{١٢٠}{١٢}$$

$$٩ + (٣)٤ - ١٥ \leq ٣ + \frac{١٢٠}{١٢}$$

$$٩ + ١٢ - ١٥ \leq ٣ + ١٠$$

$$١٢ \leq ١٣ \text{ صحيحة}$$



## ملحق الإجابات

حل المتباينات (٧-٧)

الفصل السابع:  
الجبر: المعادلات والمتباينات

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

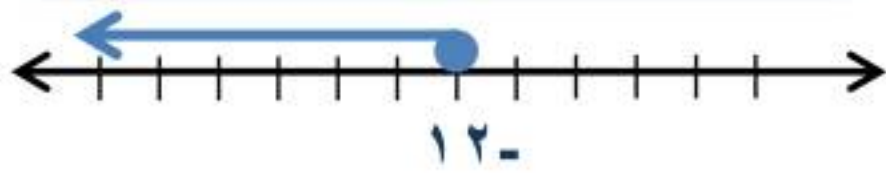
• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

عند جمع أو طرح العدد نفسه لطرفي متباينة، فإنها تبقى صحيحة (✓)

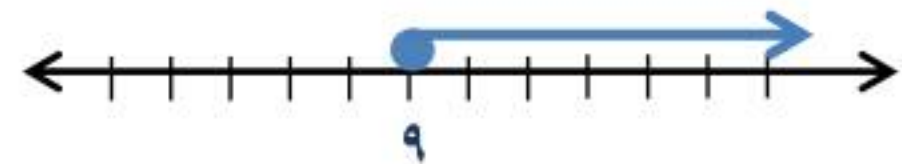
عند ضرب أو قسمة طرفي متباينة في عدد سالب، فإنها تبقى صحيحة (×)

• حل المتباينتين الآتيتين، ومثل الحل بيانياً:

$$\begin{aligned} \frac{2}{3}x &\leq 8 \\ \frac{2}{3}x \times \frac{3}{2} &\leq 8 \times \frac{3}{2} \\ \frac{2 \cancel{3}}{\cancel{2}3}x &\leq \frac{24}{\cancel{2}} \\ x &\leq 12 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} x - 4 &\leq 5 \\ x - 4 + 4 &\leq 5 + 4 \\ x &\leq 9 \end{aligned}$$



• اكتشف الخطأ: حلت كل من مريم و بدرية المتباينة أدناه فأيهما على صواب؟ وضح

$$\begin{aligned} 3x &\geq 6 \\ \frac{3x}{3} &\geq \frac{6}{3} \\ x &\geq 2 \end{aligned}$$

بدرية ✓

$$\begin{aligned} 3x &\geq 6 \\ \frac{3x}{3} &\leq \frac{6}{3} \\ x &\leq 2 \end{aligned}$$

مريم

إجابة بدرية هي الصحيحة، لان عند قسمة طرفي المتباينة بعدد موجب إشارة المتباينة تبقى بنفس الاتجاه



ملحق الإجابات

الفصل الثامن



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) متتابعة حسابية حدها النوني  $2n + 2$  أساسها هو

(د)  $1 = 2$

(ج)  $2 = 2$

(ب)  $2 = 2$

(أ)  $4 = 2$

(٢) الحد النوني للمتتابعة ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ١٣ ، ..... هو

(د)  $3n + 3$

(ج)  $3n + 1$

(ب)  $n + 1$

(أ)  $3n - 1$

(٣) الحد الثامن للعبارة ٣ ، ٧ ، ١١ ، ١٥ ، ..... هو

(د) ١٩

(ج) ٢٣

(ب) ٢٧

(أ) ٣١

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

الحدود الثلاثة التالية ٥ ، ٩ ، ١٣ ، ١٧ ، ..... هي ٢٢ ، ٢٦ ، ٣٠ (×)

في المتتابعة الحسابية يكون الفرق بين أي حدين متتاليين ثابت (✓)

المتتابعة  $3n + 4$  حسابية (✓)

• بين ما إذا كانت المتتابعة التي حدها النوني  $7 - 2n$  حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك فأوجد أساسها.:

عندما  $n = 1$  ، الحد الأول  $7 - 2(1) = 5$

عندما  $n = 2$  ، الحد الثاني  $7 - 2(2) = 3$

عندما  $n = 3$  ، الحد الثالث  $7 - 2(3) = 1$

عندما  $n = 4$  ، الحد الرابع  $7 - 2(4) = -1$

بما أن الفرق بين كل حدين متتاليين ثابت ويساوي  $-2$  فالمتتابعة حسابية وأساسها  $-2$ .



- صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب) فيما يلي:

## العمود (ب)

- ( ٤ ) ينظم المدخلات والقاعدة والمخرجات  
 ( ٣ ) هو مجموعة قيم المخرجات  
 ( ١ ) هو مجموعة قيم المدخلات  
 ( ٢ ) العلاقة التي تعطي مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة

## العمود (أ)

- ( ١ ) المجال  
 ( ٢ ) الدالة  
 ( ٣ ) المدى  
 ( ٤ ) جدول الدالة

- أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

$$د(-٤) \text{ إذا كان د (س) } = -٢س + ٣$$

$$د(-٤) = -٢(-٤) + ٣$$

$$= ٨ + ٣$$

$$= ١١$$

$$د(٣) \text{ إذا كان د (س) } = ٣س - ٤$$

$$د(٣) = ٣(٣) - ٤$$

$$= ٩ - ٤$$

$$= ٥$$

- أكمل جدول الدالة فيما يأتي ، ثم اذكر المجال الدالة ومدنها :

د(س)	$١+٢س$	س
-٣	$١+٢(-٣)$ $١+٤-$	-٢
١	$١+٢(١)$ $١+٢$	صفر
٥	$١+٢(٥)$ $١+١٠$	٢

$$د(س) = ١+٢س$$

$$\text{المجال} = \{-٢, ٠, ٢\}$$

$$\text{المدى} = \{-٣, ١, ٥\}$$



(٣-٨) تمثيل الدوال الخطية

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

تسمى المعادلة التي تمثل حلولها بيانياً بخط مستقيم دالة غير خطية (×)

حلول المعادلة هي الأزواج المرتبة التي تجعل المعادلة صحيحة (✓)

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

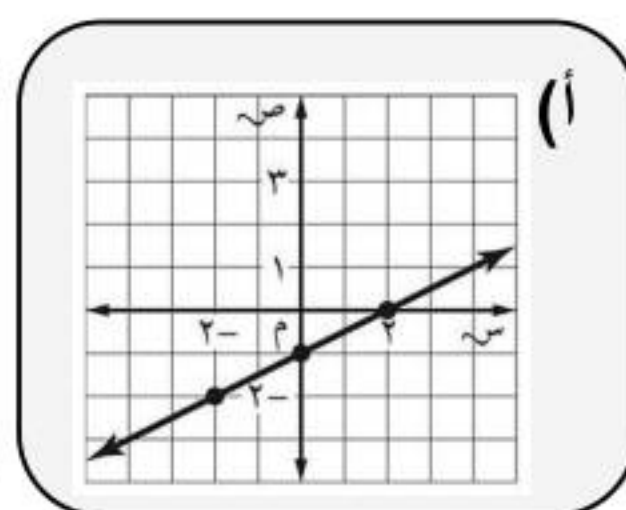
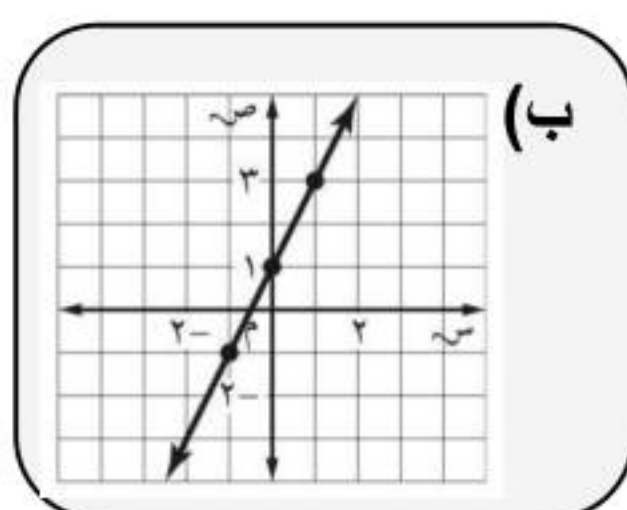
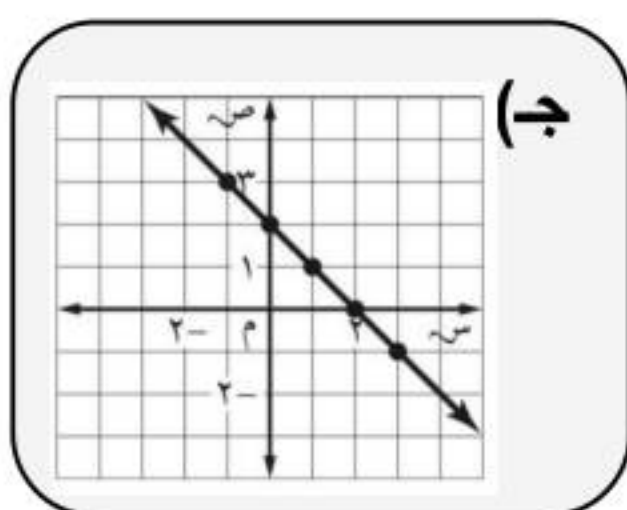
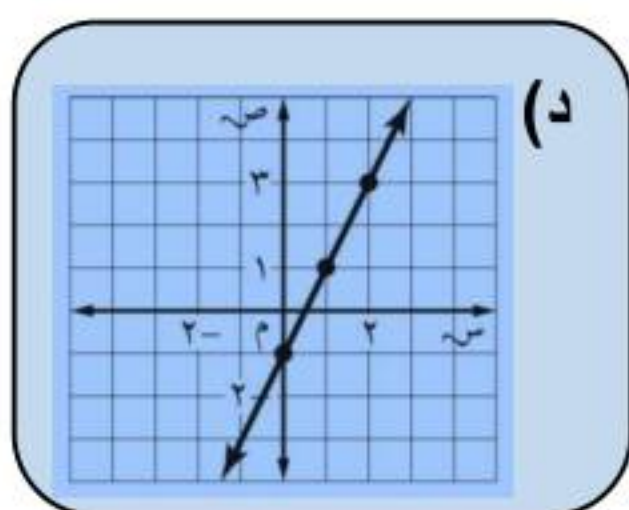
(١) حدد الزوج المرتب الذي ليس حلاً للدالة  $3 + 4s = v$ 

(أ) (١، -١)

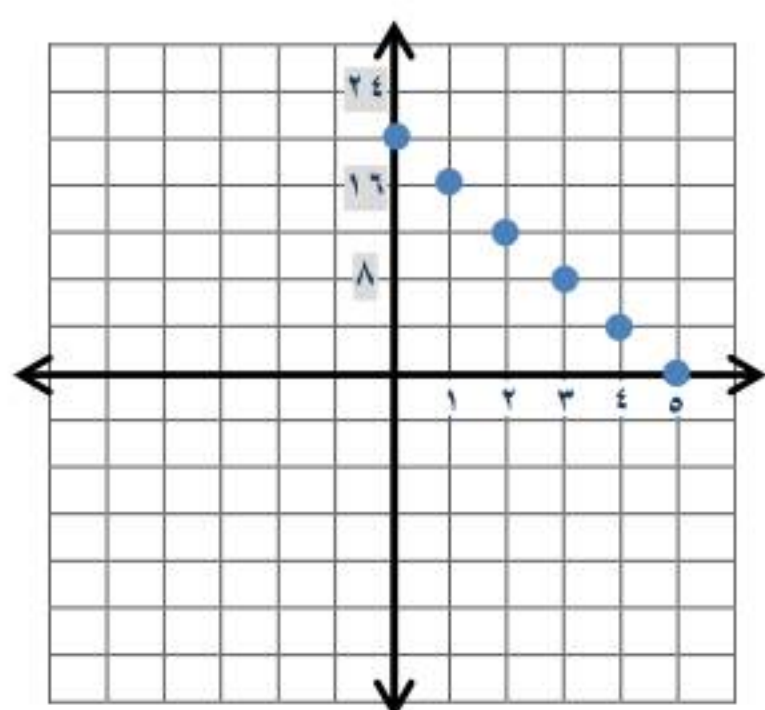
(ب) (-١، ٧)

(ج) (٣، ٠)

(د) (٥، ٢)

(٣) أي مستقيم مما يأتي يمثل المعادلة  $v = 2s - 1$  ؟

• يُباع قلم الحبر بـ ٤ ريال، وقلم الرصاص بريال واحد. مثل الدالة  $20 = v + 4s$  بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لأقلام الحبر (س)، وأقلام الرصاص (ص) التي يمكن لمريم شراؤها بـ ٢٠ ريالاً



س	$4s + 20 = v$	ص	(س، ص)
٠	$20 + (٠)٤ = 20 + ٠$	٢٠	(٢٠، ٠)
١	$20 + (١)٤ = 20 + ٤$	١٦	(١٦، ١)
٢	$20 + (٢)٤ = 20 + ٨$	١٢	(١٢، ٢)
٣	$20 + (٣)٤ = 20 + ١٢$	٨	(٨، ٣)
٤	$20 + (٤)٤ = 20 + ١٦$	٤	(٤، ٤)
٥	$20 + (٥)٤ = 20 + ٢٠$	٠	(٠، ٥)



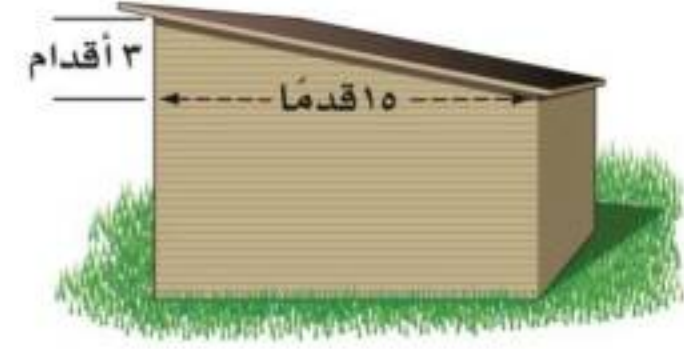
(٤-٨) ميل المستقيم

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

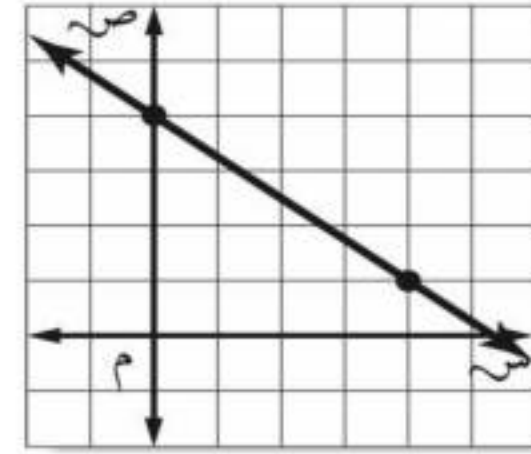
(١) أوجد ميل سقف الغرفة



(٣) ميل المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة

٦	٤	٢	٠	س
٦-	١-	٤	٩	ص

(٤) ماميل المستقيم في الشكل الآتي؟



(٤) ميل المستقيم المار بالنقطتين : ( ٣ ، ٠ ) ، ( ٢ ، ٢ )

$$\frac{٢}{٥} \quad (د)$$

$$\frac{٥}{٢} \quad (ج)$$

$$\frac{٢-}{٥} \quad (ب)$$

$$\frac{٥-}{٢} \quad (أ)$$

• اكتشف الخطأ: أوجد كل من جمال و محمد ميل المستقيم الذي يمر بالنقطتين

س ( ٢ ، ٠ ) ، ص ( ٣ ، ٢ ) ، فأيهما على صواب ؟ وضح

$$\frac{٢-٣}{٢-٠} = م$$

محمد

$$\frac{١}{٢-} = \frac{١}{٢-} = م$$

$$\frac{٢-٣}{٠-٢} = م$$

جمال ✓

$$\frac{١}{٢} = م$$

إجابة جمال هي الصحيحة ، لان استعمل إحداثيات النقطتين بالترتيب نفسه



• ضع علامة ( ✓ ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( × ) أمام العبارة الخاطئة:

عندما تكون النسبة بين كميتين متغيرتين غير ثابتة، تسمى العلاقة بينهما تغيراً طردياً ( × )

إذا كانت قيمة ٣ أقلام ١٠,٥ ريالاً فإن القلم الواحد بـ ٢ ريال ( × )

• يبيع محل خضار ٨ برتقالات بـ ١٦ ريالاً. فما ثمن ١٠ برتقالات؟

$$ص = ك س \quad نعوض ص = ١٦ ، س = ٨$$

$$١٦ = ٨ ك \quad نقسم على ٨ في كلا الطرفين$$

$$٢ = ك$$

$$\text{نستعمل المعادلة لإيجاد ص عندما س} = ١٠$$

$$ص = ١٠ \times ٢ = ٢٠ \quad \text{إذا ثمن ١٠ برتقالات بـ ٢٠ ريالاً}$$

• حدد ما إذا كانت الدالة الخطية فيما يأتي تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

٨	٧	٦	٥	الصور س
٣٢	٢٨	٢٤	٢٠	الثواني ص

$$\frac{٣٢}{٨} = \frac{٢٨}{٧} = \frac{٢٤}{٦} = \frac{٢٠}{٥}$$

←  $\frac{\text{الثواني}}{\text{الصور}}$

بما أن النسب نفسها، فالدالة تمثل تغيراً طردياً وثابت التغير = ٤



(٦-٨) استراتيجية حل المسألة (إنشاء نموذج)

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

- يتم استعمال قطع مستطيلة الشكل طولها ١١ سم وعرضها ٨,٥ سم لصناعة علبة عصير من الكرتون، وذلك بقطع ١,٥ سم من رؤوس المستطيل. أوجد حجم علبة العصير.

يتم استعمال قطع مستطيلة الشكل طولها ١١ سم ، وعرضها ٨,٥ سم لصناعة علبة عصير وذلك بقطع ١,٥ سم من رؤوس المستطيل.

افهم

المطلوب إيجاد حجم هذه العلبة

ننشئ نموذج

خطط

بما أن قد قطع من رؤوس المستطيل ١,٥ إذن نطرح ٣ من الطول والعرض

الطول = ١١ - ٣ = ٨ سم ، العرض = ٨,٥ - ٣ = ٥,٥ سم

الارتفاع = ١,٥ سم

الحجم (ح) = ل × ض × ع = ١,٥ × ٥,٥ × ٨ = ٦٦ سم<sup>٣</sup>

حل

٨ × ٥,٥ × ١,٥ = ٦٦ سم<sup>٣</sup>

تحقق



ملحق الإجابات

الفصل التاسع



## ملحق الإجابات

الفصل التاسع:  
الإحصاء

(١-٩) استراتيجية حل المسألة (إنشاء جدول)

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• تبين القائمة الآتية الأوقات التي وصل فيها موظفو إحدى الشركات إلى مقر عملهم نظم البيانات في جدول باستعمال الفئات الآتية:

٧:٥٩ - ٧:٤٥ ، ٧:٤٤ - ٧:٣٠ ، ٧:٢٩ - ٧:١٥ ، ٧:١٤ - ٧:٠٠

ما لفترة الزمنية التي وصل فيها أكبر عدد من الموظفين

٧:١٥	٧:٣٠	٧:٣٥	٧:١٠	٧:٣٥
٧:٣٠	٧:٤٠	٧:٢٠	٧:٠٠	٧:٣٠
٧:٠٥	٧:٢٥	٧:٠٠	٧:٢٠	٧:٢٥
٧:٤٥	٧:١٠	٧:٢٥	٧:٤٠	٧:٢٥
٧:٤٠	٧:٠٥	٧:٣٠	٧:١٥	٧:١٠

لدينا قائمة الأوقات التي وصل فيها موظفو إحدى الشركات إلى مقرهم، المطلوب تنظيم البيانات في جدول باستعمال الفئات للحصول على الفترة الزمنية التي وصل فيها أكبر عدد من الموظفين

افهم

اعمل جدول لتمثيل البيانات في فئات

خطط

عدد الموظفين	الفترة الزمنية
٧	٧:١٤ - ٧:٠٠
٨	٧:٢٩ - ٧:١٥
٩	٧:٤٤ - ٧:٣٠
١	٧:٥٩ - ٧:٤٥

حل

المواعيد التي وصل بها أكبر عدد من الموظفين ٧:٣٠ - ٧:٤٤

تحقق



## ملحق الإجابات

الفصل التاسع:  
الإحصاء

(٢-٩) المدرجات التكرارية

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

المدرج التكراري تمثيل بياني يعرض البيانات العددية منظمة في فئات غير متساوية (×)



من المدرج المجاور العمر الأكثر إمكانية للعمل فيه

من ١٠ - ١٤ سنة (×)

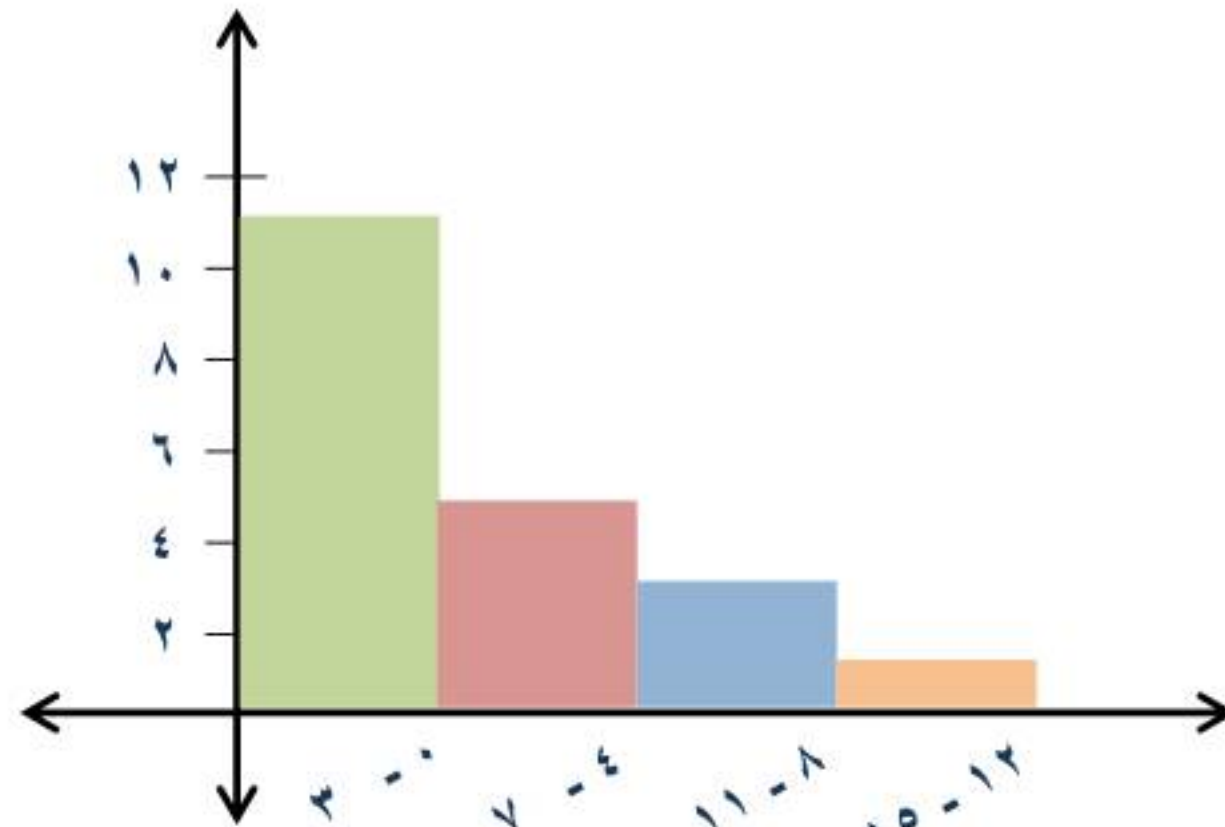
• اختر فئات مناسبة لتكوين جدول تكراري، ثم أنشئ مدرجاً تكرارياً لتمثيل البيانات:

عدد ساعات حل الواجبات أسبوعياً

التكرار	الإشارات	الزمن
١١	#####	٣ - ٠
٥	#####	٧ - ٤
٣		١١ - ٨
١		١٥ - ١٢

عدد ساعات حل الواجبات أسبوعياً

٠	٢	٤	١	٩	٠	٣
٣	٥	٢	٤	١٤	٦	٣
	١٠	٣	٨	٠	٣	٧



١٠٤

العودة إلى اختبار نفسك



• ضع علامة ( ✓ ) امام العبارة الصحيحة وعلامة ( x ) امام العبارة الخاطئة:

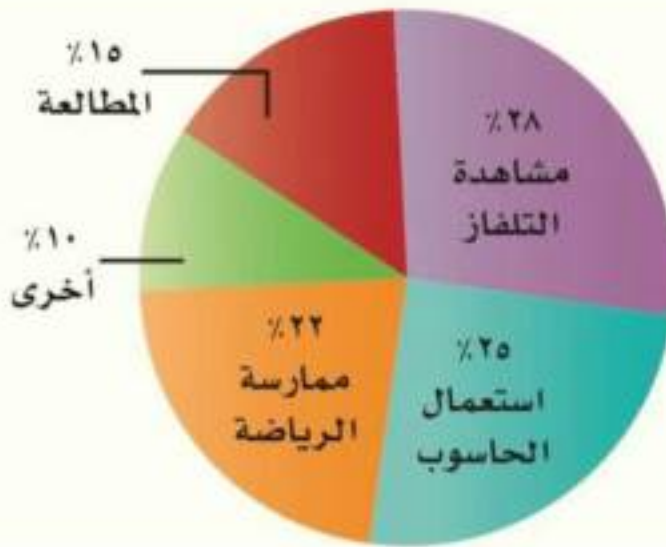
تستعمل القطاعات الدائرية لمقارنة أجزاء من البيانات بمجموعة البيانات كلها ( ✓ )

مجموع النسب في القطاعات الدائرية يساوي ١٢٠٪ ( x )



في الشكل المجاور أكثر الأصناف مبيعاً الملابس ( x )

• استعمل الشكل المجاور لتصف الهوايات التي يمارسها طلاب الصف الثاني المتوسط في المملكة.



أكثر الهوايات التي يمارسها الطلاب

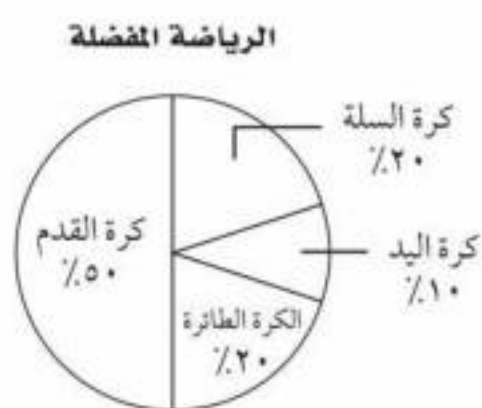
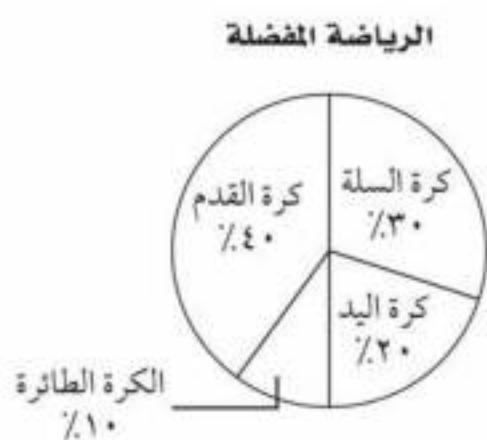
مشاهدة التلفاز ثم استخدام الحاسوب ثم الرياضة ثم المطالعة ثم أخرى

• أجرى جمال دراسة مسحية حول الرياضة المفضلة لدى طلاب الصف الثاني المتوسط،

وكانت النتائج كما في الجدول المجاور.

أي تمثيل مما يأتي يعرض هذه البيانات؟

الرياضة	كرة السلة	كرة اليد	كرة القدم	الكرة الطائرة
العدد	١٢٠	١٨٠	٢٤٠	٦٠





## ملحق الإجابات

### الفصل التاسع: الإحصاء

(٤-٩) مقاييس النزعة المركزية والمدى

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب) فيما يلي:

#### العمود (ب)

- (٣) القيمة الأكثر تكرارًا أو شيوعًا بين القيم.
- (٤) الفرق بين القيمتين العظمى والصغرى للبيانات
- (١) مجموع القيم مقسومًا على عددها.
- (٢) القيمة التي تتوسط مجموعة بيانات مرتبة ترتيبًا تصاعديًا، أو هو متوسط العددين المتوسطين في مجموعة البيانات.

#### العمود (أ)

- (١) المتوسط الحسابي
- (٢) الوسيط
- (٣) المنوال
- (٤) المدى

• أوجد المتوسط والوسيط والمنوال والمدى للبيانات التالية:

درجات خمس طلاب في مادة الرياضيات هي: ١٢، ٧، ١٤، ٧، ٢٠

#### الوسيط

٢٠ ، ١٤ ، ١٢ ، ٧ ، ٧  
الوسيط = ١٢

#### المتوسط الحسابي

$$١٢ = \frac{٦٠}{٥} = \frac{٢٠ + ٧ + ١٤ + ٧ + ١٢}{٥}$$

#### المدى

$$\text{المدى} = ٢٠ - ٧ = ١٣$$

#### المنوال

المنوال هو ٧

• **اكتشف الخطأ:** أوجد بدر و أحمد الوسيط لمجموعة البيانات الآتية:

٦٢ ، ٦٤ ، ٦٣ ، ٦٠ ، ٦٥ ، ٦٥ ، ٧٠ . فأيهما إجابته صحيحة؟ فسر إجابتك

٧٠ ، ٦٥ ، ٦٥ ، ٦٠ ، ٦٣ ، ٦٤ ، ٦٢

أحمد

الوسيط هو ٦٠

٧٠ ، ٦٥ ، ٦٥ ، ٦٤ ، ٦٣ ، ٦٢ ، ٦٠

بدر ✓

الوسيط هو ٦٠



## ملحق الإجابات

الفصل التاسع:  
الإحصاء

(٥-٩) مقاييس التشتت

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) امام العبارة الصحيحة وعلامة (×) امام العبارة الخاطئة:

وسيط النصف الأدنى من البيانات يُسمى الربع الأعلى (×)

القيم المتطرفة هي البيانات التي تزيد أو تقل كثيراً عن قيمة الوسيط (✓)

المدى الربيعي هو الفرق بين الربعين الأدنى والأعلى (×)

• أوجد مقاييس التشتت للبيانات في الجدول المجاور

إنتاج المناطق من الحبوب في أحد الأعوام	
المنطقة	الإنتاج (لأقرب ألف طن)
الجوف	٤٧٦
القصيم	٤١٨
جازان	٢٢٨
الرياض	١٧٧
تبوك	١١٧

الربع الأعلى ←

الوسيط ←

الربع الأدنى ←

$$\text{المدى} = 476 - 117 = 359$$

$$\text{الوسيط} = 228$$

$$\text{الربع الأعلى} = \frac{418 + 476}{2} = 447$$

$$\text{الربع الأدنى} = \frac{117 + 177}{2} = 147$$

$$\text{المدى الربيعي} = 447 - 147 = 300$$

• تمثل القيم أدناه عدد الكيلو مترات التي مشاها عبد العزيز في (١٢) أسبوعاً.

٧، ٦، ٨، ٨، ١١، ١٠، ٥، ٥، ٦، ٧، ٨، ١٤

أي الجمل الآتية ليست صحيحة وفقاً لهذه البيانات؟

(ج) القيمة المتطرفة هي ١١

(أ) نصف القيم أكبر من ٧,٥  
ونصفها أقل من ٧,٥

(د)  $\frac{1}{4}$  القيم أكبر من ٩

(ب) المدى يساوي ٩



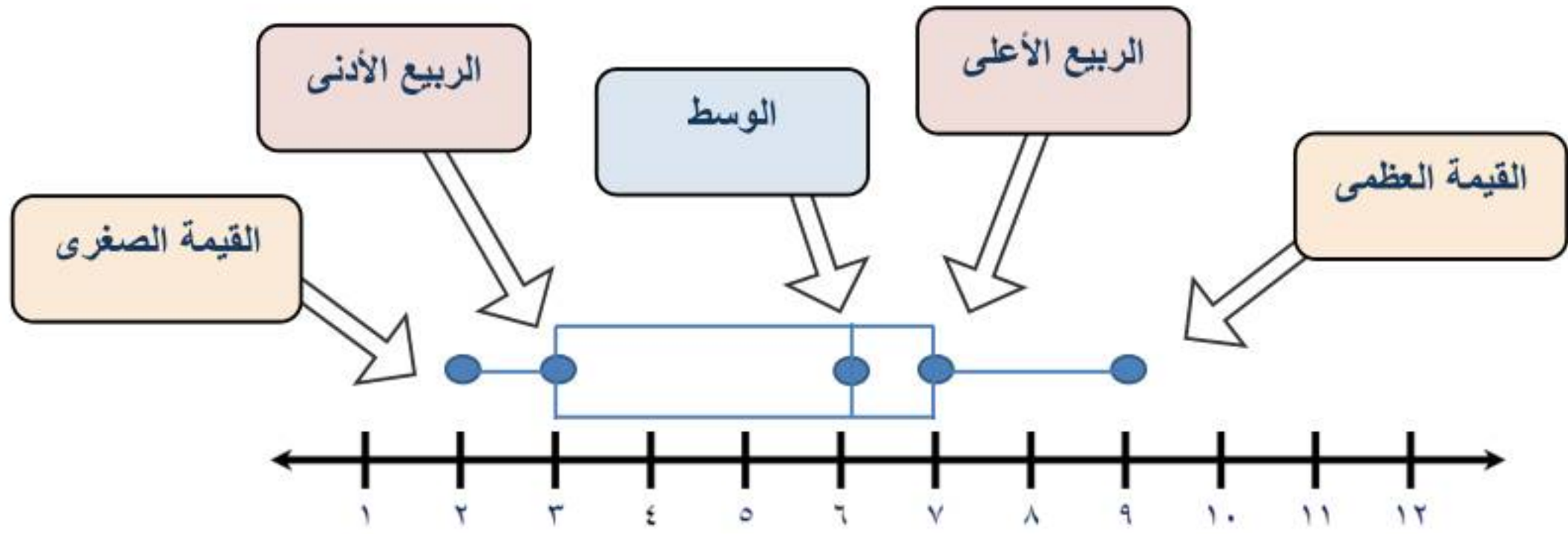
(٦-٩) التمثيل بالصندوق وطرفيه

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• استعمل تمثيل الصندوق وطرفيه،

لتحديد القيم القصوى، والوسيط، والرابع الأدنى، والرابع الأعلى:



• مثل البيانات الآتية بالصندوق وطرفيه:

أعمار الطلاب المشاركين في دروس تدريب السباحة ١٦، ١٠، ١٤، ١٤، ١٢، ١٠، ٧، ٩، ١٢، ١٠

١٦، ١٤، ١٤، ١٢، ١٢، ١٠، ١٠، ١٠، ٩، ٧

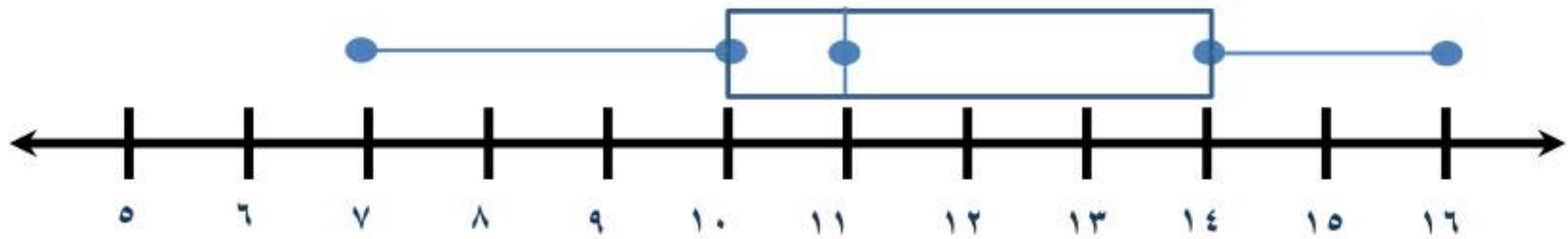
الوسيط = ١١

الرابع الأدنى = ١٠

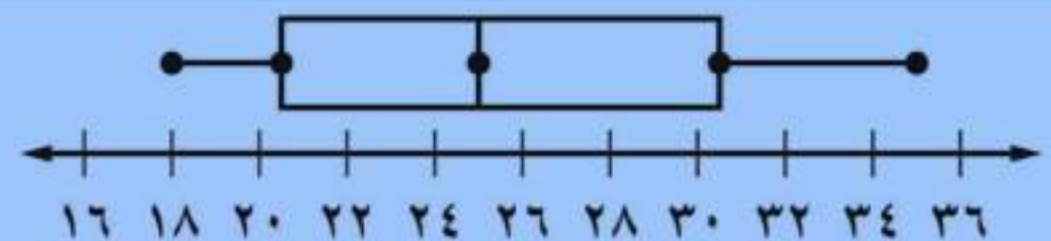
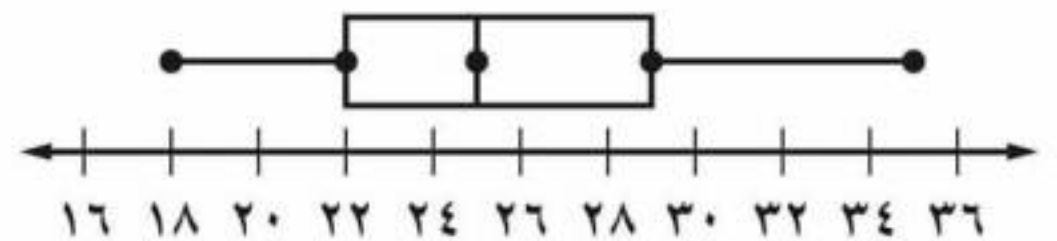
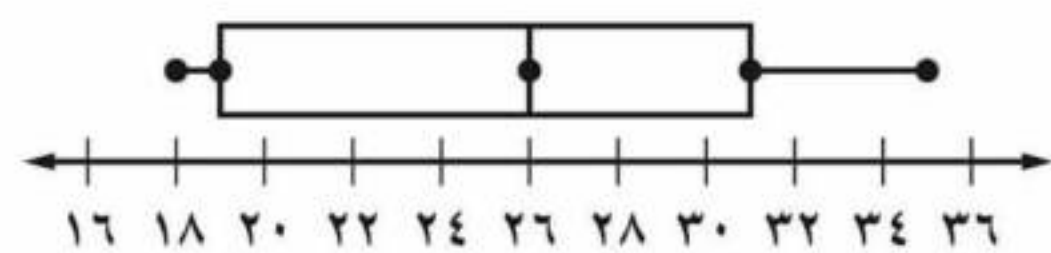
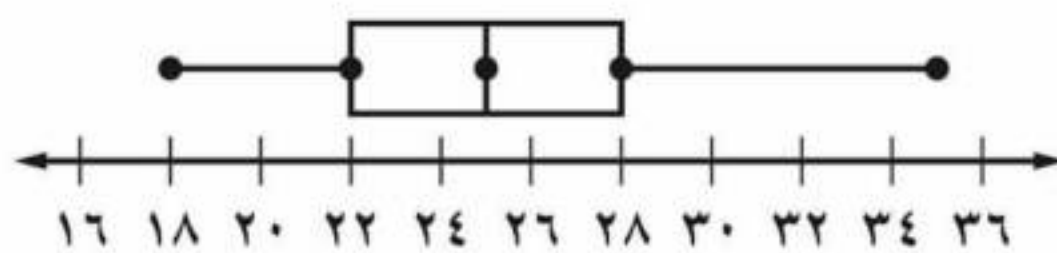
الرابع الأعلى = ١٤

القيمة الصغرى = ٧

القيمة العظمى = ١٦



• أي التمثيلات الآتية يصف مجموعة البيانات ٣٥، ٢٤، ٢٦، ١٩، ٣٠، ٢٥، ٣١، ٢٢، ١٨





## ملحق الإجابات

الفصل التاسع:  
الإحصاء

(٧-٩) التمثيل بالساق والورقة

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

تُرتب البيانات العددية في التمثيل بالساق و الورقة ترتيباً تصاعدياً فقط (×)

يمكن مقارنة مجموعتين من البيانات بالتمثيل المزدوج للساق والورقة (✓)

• مثل البيانات بالساق والورقة

مساحات القارات لأقرب مليون كلم <sup>٢</sup>	
المساحة	القارة
٤٥	آسيا
٣٠	إفريقيا
٢٤	أمريكا الشمالية
١٨	أمريكا الجنوبية
١٤	القطبية الجنوبية
١٠	أوروبا
٩	أستراليا

الساق	الورقة
٠	٩
١	٠ ٤ ٨
٢	٤
٣	٠
٤	٥

• استعمل المعلومات المجاورة الممثلة بالساق والورقة تمثيلاً مزدوجاً للإجابة على الأسئلة

الفصل (ب)	الساق	الفصل (أ)
٨ ٧ ٧ ٧ ٦ ٦ ٣ ٢	٠	٢ ٣ ٣ ٣ ٤ ٦ ٨ ٩ ٩
٥ ٤ ٣	١	٠ ٠ ٠ ١ ٢ ٢ ٦

$$١٣ = ٣ | ١$$

$$١٠ = ١ | ٠$$

ما أعلى درجة في الفصل (ب) ؟ ١٥

ما أقل درجة في الفصل (أ) ؟ ٢

ما عدد طلاب الفصل (أ) ؟ ١٦



(٨-٩) اختيار طريقة التمثيل المناسبة

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

• اختر طريقة التمثيل المناسبة لكل مما يلي:

(١) توزيع عدد سكان المملكة بحسب الفئات العمرية.

(أ) التمثيل بالخطوط

(ب) القطاعات الدائرية

(ج) التمثيل بالأعمدة

(د) المدرج التكراري

(٣) عدد طلاب الصف الثاني المتوسط الحاصلين على التقديرات ممتاز، جيد جداً، جيد، مقبول

(أ) التمثيل بالخطوط

(ب) القطاعات الدائرية

(ج) التمثيل بالأعمدة

(د) المدرج التكراري

(٤) مبيعات أحد أنواع العباءات مقارنة ببقية الأنواع

(أ) التمثيل بالخطوط

(ب) القطاعات الدائرية

(ج) التمثيل بالأعمدة

(د) المدرج التكراري

(٤) عدد مشتركى الهواتف النقالة للسنوات الخمس الأخيرة

(أ) التمثيل بالخطوط

(ب) القطاعات الدائرية

(ج) التمثيل بالأعمدة

(د) المدرج التكراري

(٥) وسيط نتائج اختبار مادة الإنجليزي لأحد الصفوف.

(أ) الساق والورقة

(ب) أشكال فن

(ج) المدرج التكراري

(د) الصندوق وطرفيه

(٦) أعداد المواطنين الذين يتقنون اللغة الإنجليزية أو الفرنسية أو الألمانية.

(أ) الساق والورقة

(ب) أشكال فن

(ج) المدرج التكراري

(د) الصندوق وطرفيه

(٨) درجات اختبار مادة الرياضيات لأحد الفصول

(أ) الساق والورقة

(ب) أشكال فن

(ج) المدرج التكراري

(د) الصندوق وطرفيه



ملحق الإجابات

الفصل العاشر



## ملحق الإجابات

عد النواتج (١-١٠)

الفصل العاشر:  
الاحتمالات

الصف ثاني متوسط/

الاسم: .....

• صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب) فيما يلي:

العمود (ب)

- ( ٤ ) فرص حدوث جميع نواتجها متساوية.  
( ٣ ) أحد طرق إيجاد فضاء العينة.  
( ١ ) أي واحد من الخيارات الممكنة لتجربة ما .  
( ٢ ) ناتج واحد أو مجموعة نواتج.

العمود (أ)

- ( ١ ) الناتج  
( ٢ ) الحادثة  
( ٣ ) الرسم الشجري  
( ٤ ) حادثة عشوائية

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

( ١ ) " حل خمسة اسئلة من النوع الصواب والخطأ " عدد النواتج الممكنة باستعمال مبدأ العد:

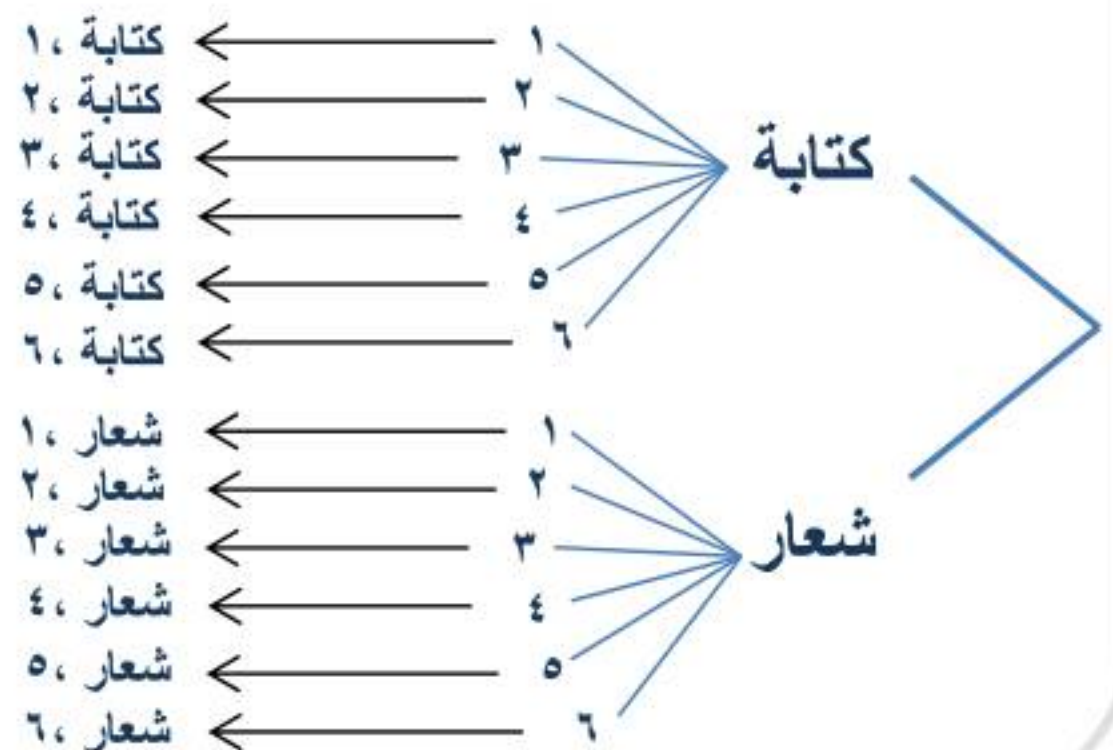
- (أ) ٣٥ (ب) ٣٢ (ج) ٢٥ (د) ١٠

( ٣ ) الصيغة الجبرية لإيجاد عدد نواتج رمي مكعب الأرقام س مرة :

- (أ) ٦س (ب) س<sup>٦</sup> (ج) ٦س (د) س + ٦

• استعمل الرسم الشجري لتحديد جميع النواتج الممكنة عند رمي قطعة نقود ومكعب أرقام.

الرسم الشجري





(١٠-٢) احتمال الحوادث المركبة

الصف ثاني متوسط/

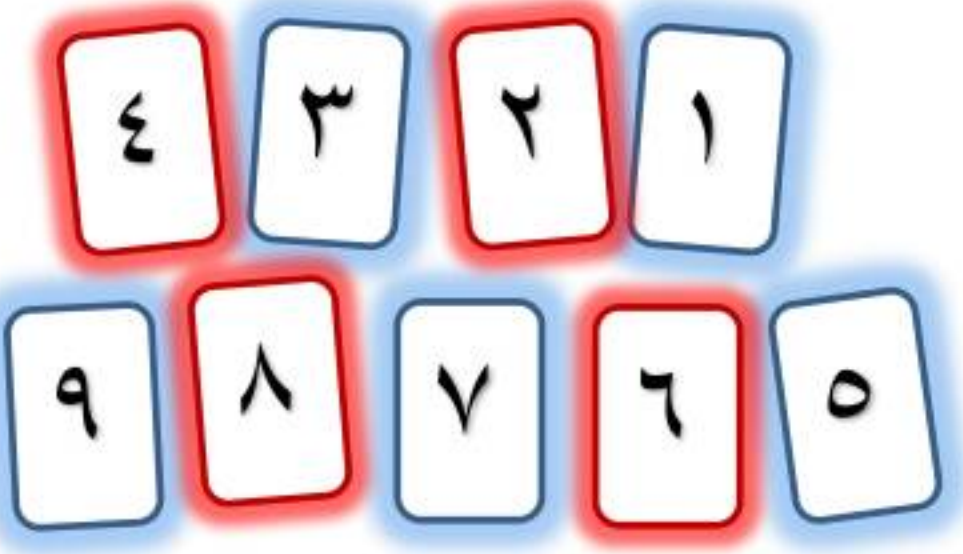
الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الحادثة المركبة تتكون من حادثة واحدة فقط (x)

في الحوادث المستقلة لا يؤثر ناتج إحدى الحوادث في الحوادث الأخرى (✓)

• سُحبت بطاقة من البطاقات المجاورة **دون إرجاعها**، ثم سُحبت بطاقة أخرى، فأوجد احتمال ما يأتي:



$$\text{ح (العدان فرديان)} = \frac{5}{9} \times \frac{4}{8} = \frac{20}{72} = \frac{5}{18}$$

$$\text{ح (ظهور العدد ٤ ثم العدد ٨)} = \frac{1}{9} \times \frac{1}{8} = \frac{1}{72}$$

$$\text{ح (٤)} = \frac{1}{9}, \quad \text{ح (٨)} = \frac{1}{8}$$

• **اكتشف الخطأ:** يوضح الجدول المجاور ألوان الملابس الرياضية لطلاب أحد الفصول. فإذا اختير طالبان عشوائياً، فأوجد احتمال كل مما يأتي:

اللون	العدد
أزرق	٥
أصفر	٧
أحمر	٤
أخضر	٤

$$\text{ح (ملابسهما زرقاء)} = \frac{1}{19}$$

$$\text{ح (ملابسهما ليست حمراء)} = \frac{12}{19}$$



• **اكتشف الخطأ:** تم تدوير القرص الدوار المجاور مرتين. وحسبت كل من بدرية مريم احتمال أن يقف المؤشر على عدد زوجي مرتين. فأيهما كانت على صواب؟ وضح إجابتك

$$\frac{2}{20} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

مريم

$$\frac{4}{25} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

بدرية ✓



## ملحق الإجابات

### الفصل العاشر: الاحتمالات

(٣-١٠) الاحتمال النظري والاحتمال التجريبي

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الاحتمالات النظرية هي الاحتمالات المبنية على حقائق وخصائص معروفة (✓)

احتمال النظري لظهور العدد ٢ مرتين عند رمي مكعب الأرقام هو  $\frac{2}{36}$  (x)

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(٢) المعلومات بالجدول تمثل دراسة إحصائية عن الكتب المفضلة لدى الطلاب، ما احتمال أن يفضل الطلاب الكتب الدينية

عدد الطلاب	الكتب
٤٨	دينية
٣٣	علمية
٢٨	أدبية
١١	عامة

(ج)  $\frac{33}{120}$

(أ)  $\frac{2}{5}$

(د)  $\frac{7}{30}$

(ب)  $\frac{11}{12}$

(٢) أجريت دراسة إحصائية على ٣٢ طالب حول مادتهم المفضلة، فأجاب ١٤ منهم أنهم يفضلون العلوم، فكم تتوقع أن يكون عدد الطلاب الذين يفضلون مادة العلوم، إذا كان عدد الطلاب الكلي ٨٨٠ طالباً؟

(د) ١٣٢

(ج) ٢٨١

(ب) ٣٨٥

(أ) ٤٩٥

• إذا أصاب محمد مركز الهدف ٨ مرات في آخر ٣٦ سهماً سددتها، فما الاحتمال التجريبي لإصابة محمد مركز الهدف؟

$$ح (التجريبي) = \frac{8}{36} = \frac{2}{9}$$



(٤-١٠) استراتيجية حل المسألة (تمثيل المسألة)

الصف ثاني متوسط /

الاسم: .....

- أراد ماهر أن يرتب خمسة كتب لديه على الرف، بحيث يكون كتاب التفسير أولها وكتاب الاجتماعيات آخرها، فبكم طريقة يمكن ترتيب الكتب الخمسة على الرف؟

يوجد ٥ كتب يريد ماهر ترتيبهم بحيث أن يكون أول كتاب التفسير وآخر كتاب الاجتماعيات

افهم

بتمثيل المسألة

خطط

الكتاب الأول تفسير والأخير اجتماعيات وهما ثابتان  
نرمز للكتب الوسطى ٢ ، ٣ ، ٤

حل

الطريقة ٦	الطريقة ٥	الطريقة ٤	الطريقة ٣	الطريقة ٢	الطريقة ١
تفسير	تفسير	تفسير	تفسير	تفسير	تفسير
٤	٤	٣	٣	٢	٢
٣	٢	٤	٢	٤	٣
٢	٣	٢	٤	٣	٤
اجتماعيات	اجتماعيات	اجتماعيات	اجتماعيات	اجتماعيات	اجتماعيات

ترتيب الكتب الثلاثة بـ  $٢ \times ٣ = ٦$  طرق

تحقق



(١٠-٥) استعمال المعاينة في التنبؤ

الاسم:..... الصف ثاني متوسط/

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

تستعمل العينة لتمثيل مجموعة كبيرة تُسمى المجتمع (×)

العينة الغير متحيزة يتم تفضيل بعض أقسام المجتمع على سائر الأقسام (×)

(العينة الملائمة و العينة التطوعية) هما طريقتان لاختيار العينة المتحيزة (✓)

العينة العشوائية المنتظمة هي طريقة من طرائق العينة الغير المتحيزة (✓)

• حدد ما إذا كان الاستنتاج فيما يلي صادق أم لا، وبرر إجابتك

أرادت مريم شراء علبة حليب مختلفتين لعمل تجربة، فأغضت عينها واختارت واحدة، ثم مشت خطوتين واختارت علبة أخرى

الاستنتاج صادق ، هذه العينة غير متحيزة ،عينة عشوائية بسيطة

• أراد معلم معرفة رغبة طلاب الصف في المشاركة لزيارة المتحف، فما الطريقة التي يستعملها للدراسة الإحصائية لتكون صادقة؟

(ج) يسأل الطلاب الذين ترتيبهم العاشر ومضاعفات العشرة من الصف

(أ) يسأل الطلاب المشاركين في النادي الفني.

(د) يقوم بالإعلان عن الرحلة، ويطلب إلى الطلاب أن يخبروه عن آرائهم

(ب) يسأل أهالي الطلاب



## المراجع

- ماجروهيل رياضيات ثاني متوسط الفصل الدراسي الأول، وزارة التعليم مجموعة العبيكان للاستثمار.
- اختبارات الأستاذة/ سهام حامد السلمي للصف الثاني المتوسط، الفصل الدراسي الأول.

### المراجعة :

أ/ نورة محمد الحناكي  
أ/ سهام حامد السلمي  
أ/ هشام محمد أبو علام

### تأليف :

أ/ محمد علي الشواف  
أ/ ابتسام عاتق الطاهري  
أ/ أشواق عبد الله الثبيتي

تصميم الغلاف : أ/ توفيق علي زكري