



مدونة المناهج السعودية

<https://eduschool40.blog>

الموقع التعليمي لجميع المراحل الدراسية

في المملكة العربية السعودية

أفكار المتتابعات

ملاحظة: إذا كانت الفروق بين الحدود في المتتابعة متغيرة (العلاقة بينهم با جمع أو طرح)

مثال:

٢، ٤، ٦، ٨، ١٠، ...

٥١٥، ٥٠٥، ٥٠٠، ...

إذا كانت الفروق بين الحدود في المتتابعة كبير (العلاقة ضرب أو قسمة)

٥، ٢٠، ٨٠، ٣٢٠، ...

١٢٠، ٦٠، ٣٠، ...

● إضافة عدد ثابت موجب أو سالب

- إضافة ٣ على كل الحدود

٣، ٦، ٩، ١٢، ١٥، ...
٢+ ٢+ ٢+ ٢+

- إضافة (-٥) على كل الحدود

٤٩، ٤٤، ٣٩، ٣٤، ٢٩، ...
٥- ٥- ٥- ٥-

● إضافة أعداد متغيرة متتالية (موجبة، سالبة)

- إضافة أعداد موجبة متتالية

٢، ٥، ٩، ١٤، ٢٠، ...
٢+ ٤+ ٥+ ٦+

إضافة أعداد موجبة متتالية

- إضافة أعداد موجبة متتالية

٢٦٠، ٢٠٠، ١٥٠، ١١٠، ٨٠، ...
٦٠- ٥٠- ٤٠- ٣٠-

إضافة أعداد موجبة متتالية

● إضافة أعداد متغيرة (فردية، زوجية)

- إضافة أعداد فردية متتالية

١٤، ١٥، ١٨، ٢٣، ٣٠، ...
١+ ٢+ ٥+ ٧+

- إضافة أعداد زوجية متتالية

٢٠، ٢٢، ٢٦، ٣٢، ٤٠، ...
٢+ ٤+ ٦+ ٨+

إذا بدأنا من اليسار -من عند الفراغ- إلى اليمين
فالعلاقة تصبح قسمة الحدود على ٢

• الضرب أو القسمة بعدد ثابت

- الضرب في ٢ في كل الحدود

$$\dots, ٦٤, ٣٢, ١٦, ٨, ٤$$

$$\underbrace{\hspace{1.5cm}}_{2 \times} \underbrace{\hspace{1.5cm}}_{2 \times} \underbrace{\hspace{1.5cm}}_{2 \times} \underbrace{\hspace{1.5cm}}_{2 \times}$$

- القسمة على ٣ في كل الحدود

$$\dots, ٢٤٣, ٨١, ٢٧, ٩, ٣$$

$$\underbrace{\hspace{1.5cm}}_{3 \div} \underbrace{\hspace{1.5cm}}_{3 \div} \underbrace{\hspace{1.5cm}}_{3 \div} \underbrace{\hspace{1.5cm}}_{3 \div}$$

إذا بدأنا من اليسار إلى اليمين، فالعلاقة
تصبح ضرب الحدود في ٣

• الضرب أو القسمة بأعداد متغيرة

- ضرب الحدود في أعداد متتالية

$$١, ١, ٢, ٦, ٢٤, \dots, ١٢٠$$

ضرب الحدود في الأعداد من ١ إلى ٥

$$١ = ١ \times ١ \text{ (الحد الثاني)}$$

$$٢ = ٢ \times ١ \text{ (الحد الثالث)}$$

$$٦ = ٣ \times ٢ \text{ (الحد الرابع)}$$

$$٢٤ = ٤ \times ٦ \text{ (الحد الخامس)}$$

$$١٢٠ = ٥ \times ٢٤ \text{ (الحد السادس)}$$

- ضرب الحد الأول في ٤ و الحد الثاني في ٣ و هكذا

$$٠,٥, ٢, ٦, ٢٤, \dots, ٧٢$$

$$٢ = ٤ \times ٠,٥$$

$$٦ = ٣ \times ٢$$

$$٢٤ = ٤ \times ٦$$

$$٧٢ = ٣ \times ٢٤$$

$$\frac{1}{2} = ٠,٥$$

عندما نضرب $\frac{1}{2}$ في ٤ (نختصر
أو نقسم ٤ على ٢) الناتج ب
٢

• الضرب بعدد ثابت و إضافة عدد ثابت

- الضرب في ٢ و إضافة ١ على كل حد

$$١، ٢، ٧، ١٥، ٣١، ٦٣، \dots$$

$$٢ = ١ + ١، ٢ = ٢ \times ١$$

$$٧ = ١ + ٦، ٦ = ٢ \times ٣$$

$$١٥ = ١ + ١٤، ١٤ = ٢ \times ٧$$

$$٣١ = ١ + ٣٠، ٣٠ = ٢ \times ١٥$$

$$٦٣ = ١ + ٦٢، ٦٢ = ٢ \times ٣١$$

• الضرب في الحد نفسه

$$- ٢، ٤، ١٦، ٢٥٦، \dots$$

$$٤ = ٢ \times ٢$$

$$١٦ = ٤ \times ٤$$

$$٢٥٦ = ١٦ \times ١٦$$

الضرب بالحد نفسه نقدر
 نعتبرها متتابعة أسية
 تربيعية (العدد²)

م / إبراهيم الزهراني
 @Ibrahimm2030

• المتتابعة الآسية (أعداد فردية، أو زوجية، أو أعداد فردية و زوجية معًا)

- متتابعة آسية (الأساس ثابت مع أسس متغيرة متتالية) + الحدود

$$١، ٤، ١٣، ٤٠، ١٢١، \dots$$

الاساس الثابت = ٣،

الاسس متغيرة كل مرة يزيد
 عن الاس السابق بواحد

$$٤ = ١ + ٣^١$$

$$١٣ = ٤ + ٣^٢$$

$$٤٠ = ١٣ + ٣^٣$$

$$١٢١ = ٤٠ + ٣^٤$$

- متتابعة أسية تربيعية بأعداد فردية

$$\dots, 25, 49, 81, 121, 169$$

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$

$$5^2 \quad 7^2 \quad 9^2 \quad 11^2 \quad 13^2$$

- متتابعة أسية تربيعية بأعداد زوجية

$$144, \dots, 100, 64, 36, 16, 4$$

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$

$$12^2 \quad 10^2 \quad 8^2 \quad 6^2 \quad 4^2 \quad 2^2$$

- متتابعة أسية تكعيبية بأعداد متتالية (فردية و زوجية)

$$\dots, 125, 64, 27, 8, 1$$

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$

$$5^3 \quad 4^3 \quad 3^3 \quad 2^3 \quad 1^3$$

• المتتابعة الأسية مع إضافة عدد ثابت

- تكعيب الحدود (الحدود مرفوعة لأس 3) + 3

$$\dots, 219, 128, 67, 30, 11, 4$$

$$\text{الحد الأول: } 4 = 3 + 1^3$$

$$\text{الحد الثاني: } 11 = 3 + 2^3$$

$$\text{الحد الثالث: } 30 = 3 + 3^3$$

$$\text{الحد الرابع: } 67 = 3 + 4^3$$

$$\text{الحد الخامس: } 128 = 3 + 5^3$$

$$\text{الحد الأخير: } 219 = 3 + 6^3$$

• جمع أو طرح حدين و إعطائنا حد جديد

جمع حدين

$$\dots, 13, 8, 5, 2, 2, 1, 1$$

$$\begin{array}{ccc} \swarrow & \downarrow & \downarrow \\ \boxed{5+8=13} & \boxed{2+3=5} & \boxed{1+1=2} \end{array}$$

طرح حدين

$$\begin{array}{cccc} & \dots, 3, 4, 7, 11, 18 & & \\ & \swarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \searrow & & \\ \boxed{4-3=1} & \boxed{7-4=3} & \boxed{11-7=4} & \boxed{18-11=7} \end{array}$$

• جمع حدين و الضرب في عدد ثابت

- جمع حدين و الضرب في ٢

١، ٢، ٦، ١٦، ٤٤، ١٢٠، ...

$$6 = 2 \times 3, 3 = 2 + 1$$

$$16 = 2 \times 8, 8 = 6 + 2$$

$$44 = 2 \times 22, 22 = 16 + 6$$

$$120 = 2 \times 60, 60 = 44 + 16$$

• متابعتين في متتابعة (المتابعة التي تزيد و الحد الآخر ينقص و هكذا)

- ❖ نلاحظ المتتابعة تزيد و تنقص، أن الحد الأول (٢) أكبر من (٣-) و (٣-) أصغر من (٤) و هكذا.
 - ❖ المتتابعة لا تتحرك بنمط واحد (زيادة أو نقصان)
 - ❖ نفصل المتابعتين الفراغ مع الحد الثالث من اليسار (٦)، والحد الخامس (٤)، و الحد السابع (٢) تصبح عندي متتابعة جديدة بإضافة عدد ثابت على حدودها (٢)
- ٢، ٤، ٦، ...

$$\begin{array}{ccccccc} \uparrow & 3 & 6 & 0 & 4 & 3- & 2 \\ & \underbrace{\hspace{1cm}} & \underbrace{\hspace{1cm}} & \underbrace{\hspace{1cm}} & & & \\ & 2+ & 2+ & 2+ & & & \end{array}$$

$$\begin{array}{ccccccc} 3 & 17 & 6 & 14 & 14 & \dots & 28, 8 \\ & \underbrace{\hspace{1cm}} & \underbrace{\hspace{1cm}} & \underbrace{\hspace{1cm}} & & & \\ & 3- & 3- & 3- & & & \end{array}$$

- ❖ نلاحظ المتتابعة تزيد و تنقص، أن الحد الأول (٣) أصغر من (١٧)، و (١٧) أكبر من (٦) و هكذا.
- ❖ تكرر في المتتابعة العدد ١٤
- ❖ نفصل المتابعتين بأخذ الفراغ مع (٨) و (١٤) و (١٧)
- ❖ تصبح عندي متتابعة جديدة بإضافة عدد ثابت (٣-) على الحدود ٨، ١١، ١٤، ١٧

• المتتابعة التي تحمل فكرتين

- قسم الحد الأول على ٢، و الحد الثاني ربعه

$$8, 4, 16, 8, 64, \dots$$

$\div 2 \quad 8^2 \quad \div 2 \quad 4^2 \quad \div 2$

- طرح (٢٠) من الحد الأول، و قسم على ٢

$$90, 180, 200, 400, 420, 840, \dots$$

$\div 2 \quad -20 \quad \div 2 \quad -20 \quad \div 2 \quad -20$

لو بدأنا من ٩٠ فتصبح المتتابعة مرة
نضرب في ٢ و الحد الآخر نضيف ٢٠

- نقسم على عدد ثابت (٣) ، و طرح من أعداد متغيرة متتالية

مرة قسم على عدد ثابت و هو ٣ ، و مرة
طرح حد من ٤ ، و حد آخر من ٣

$$1, \dots, 7, 21, 24, 72$$

الحد الأول: $72 = 3 \div 24$

الحد الثاني: $21 = 3 - 24$

الحد الثالث: $7 = 3 \div 21$

الحد الرابع: $3 = 4 - 7$

الحد الخامس: $1 = 3 \div 3$

م / إبراهيم الزهراني
@Ibrahimm2030

• ملاحظة مقدار الزيادة

$$1, 2, 6, 15, 31, \dots$$

$25 \quad 16 \quad 9 \quad 4 \quad 1$

نلاحظ هنا مقدار الزيادة مربعة

$$25 = 5^2, 16 = 4^2, 9 = 3^2, 4 = 2^2, 1 = 1^2$$

$$1, 4, 13, 30, 61, \dots$$

$81 \quad 27 \quad 9 \quad 3$

نلاحظ هنا مقدار الزيادة مضروب في ٣

$$27 \times 3 = 81, 9 \times 3 = 27, 3 \times 3 = 9$$

نلاحظ هنا مقدار الزيادة كل مرة مضروب في ٢

$$\begin{array}{r}
 ٤٠, ٢٠, ١٠, ٥ \\
 \hline
 ٢٠ \quad ١٠ \quad ٥ \\
 20 \times 2 = 40 \quad , 10 \times 2 = 20 \quad , \quad 5 \times 2 = 10
 \end{array}$$

مقدار الزيادة هنا عبارة عن (فرق الفرق)

العلاقة هنا اتضحت أن كل مرة نقص واحد في المقدار

$$\begin{array}{r}
 ١١١, ٦٨, ٣٥, ١٣, ٣ \\
 \hline
 ٤٣ \quad ٣٣ \quad ٢٢ \quad ١٠ \\
 + \quad + \quad + \quad + \\
 ١٠ \quad ١١ \quad ١٢
 \end{array}$$

بجمع ١٠ و ١٢ يعطينا فرق الحد بين ١٢، ٣٥ وهكذا.

DIMENSIONS

م / إبراهيم الزهراني
@Ibrahimm2030

إعداد:

imz94@

lomi_almalki@

بإشراف: م. إبراهيم الزهراني

Ibrahimm9.3.@