

## الدارة المهتزة والتيارات عالية التواتر:

### السؤال الأول:

بين أثر المقاومة في طبيعة التفريغ في الدارة  $R, L, C$ .

### الحل

- ♥ المقاومة كبيرة بشكل كافٍ يكون التفريغ لا دورياً باتجاه واحد.
- ♥ المقاومة صغيرة يكون التفريغ دورياً متخامداً باتجاهين شبه الدور  $T_0$ .
- ♥ إذا أهملنا المقاومات أو عوضنا عن الطاقات الضائعة يصبح التفريغ جيبياً، سعة الاهتزاز فيه ثابتة، ودورها الخاص  $T_0$  وهذه حالة مثالية.

### السؤال الثاني:

انطلاقاً من العلاقة  $L(q)''_t = \frac{1}{C}q$  استنتج عبارة الدور في الدارة الحرة.

### الحل

$$L(q)''_t + \frac{q}{C} = 0$$

$$(q)''_t = -\frac{1}{LC}q$$

وهي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية بالنسبة ل  $q$  تقبل حل جيبياً من الشكل:

$$q = q_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

حيثُ :

$q_{max}$  الشحنة العظمى للمكتفة.

$\omega_0$  النبض الخاص.

$\varphi$  الطور الابتدائي في اللحظة  $t = 0$ .

$(\omega_0 t + \varphi)$  طور الحركة في اللحظة  $t$ .

نشقُّ تابع الشحنة مرتين بالنسبة للزمن نجدُ:

$$q'_t = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t + \varphi)$$

$$q''_t = -\omega_0^2 q_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi) = -\omega_0^2 q$$

$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}} : \text{بالموازنة مع المعادلة}$$

$$\text{ولكن } \omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} \text{ نعوض فنجد :}$$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

وهي عبارة الدور الخاص للاهتزازات الكهربائية الحرة غير المتخامدة وتسمى علاقة طومسون.



السؤال الثالث:

اكتب تابع الشحنة بشكله العام وبين كيف يصبح كلاً من تابع الشحنة وتابع الشدة باعتبار مبدأ الزمن لحظة إغلاق الدارة.  
ارسم المنحني البياني لكل منها.

الحل

يُعطى تابع الشحنة بالعلاقة:

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

بما أن مبدأ الزمن لحظة إغلاق الدارة فإن  $\varphi = 0$  وبالتالي:

$$q = q_{max} \cos(\omega_0 t)$$

وهو تابع الشحنة بشكله المختزل.

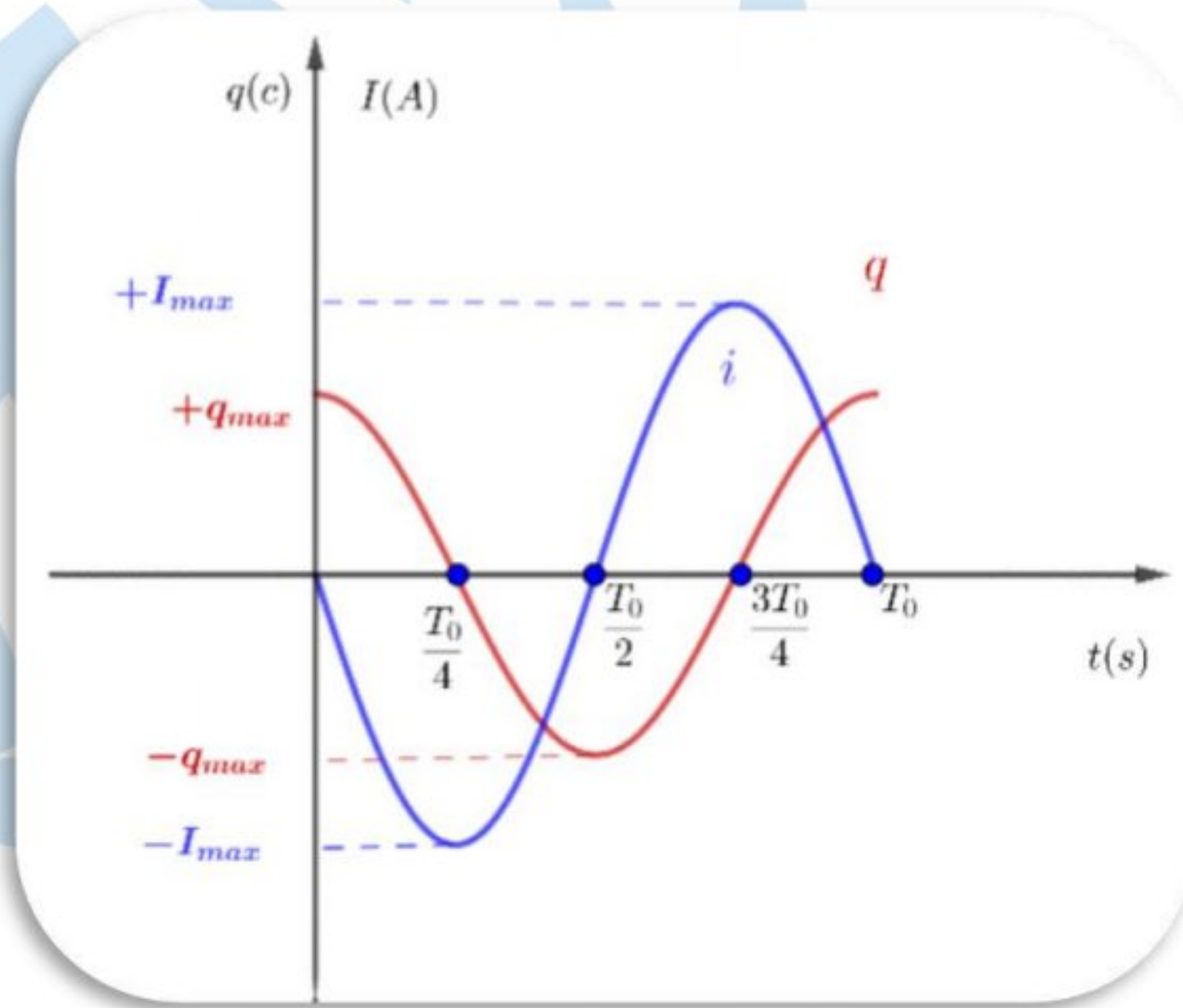
إن تابع الشدة هو مشتق تابع الشحنة بالنسبة للزمن، أي:

$$\bar{i} = (\bar{q})'_t = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t)$$

$$\bar{i} = \omega_0 q_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

$$\bar{i} = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

وهو تابع شدة التيار





## السؤال الرابع:

كيف يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والوشية في الدارة المهتزة.

### الحل

- ♥ تبدأ المكثفة بتفريغ شحناتها في الوشية
- ♥ يزداد تيار الوشية ببطء حتى يصل إلى قيمة عظمى نهاية ربع الدور الأول من التفريغ عندما تفقد المكثفة كامل شحناتها
- ♥ فتخزن الوشية طاقة كهربية عظمى  $E_L = \frac{1}{2}LI^2_{max}$
- ♥ يقوم تيار الوشية بشحن المكثفة حتى يصبح تيارها معدوماً،
- ♥ تصبح شحنة المكثفة عظمى فتخزن، المكثفة طاقة كهربائية عظمى  $E_C = \frac{1}{2}\frac{q^2_{max}}{C}$
- ♥ وهذا يتحقق في نهاية نصف الدور الأول.
- ♥ أما في نصف الدور الثاني: تتكرر عمليتا الشحن والتفريغ في الاتجاه المعاكس نظراً لتغير شحنة اللبوسين
- ♥ وهكذا يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والوشية.

## السؤال الخامس :

بين أثر المقاومة على الطاقة في الدارة  $R, L, C$ .

### الحل

- ♥ عندما تكون مقاومة الوشية صغيرة فإن الطاقة تتبدد تدريجياً على شكل طاقة حرارية بفعل جول مما يؤدي إلى تخامد الاهتزاز.
- ♥ عند وجود مقاومة كبيرة في الدارة فإن الطاقة التي تُعطيها المكثفة إلى الوشية والمقاومة تتحول إلى حرارة بفعل جول في المقاومة، ونسمي عندئذ التفريغ لا دورياً حيث تتبدد طاقة المكثفة بالكامل دفعة واحدة في أثناء تفريغ شحناتها الأولى عبر الوشية ومقاومة الدارة .



السؤال السادس :

استنتج عبارة الطاقة في الدارة المهتزة.

الحل

الطاقة الكلية في دارة مهتزة هي مجموع طاقة المكثفة وطاقة الوشيعية :

$$E_C = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \quad \text{الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثفة.}$$

$$E_L = \frac{1}{2} Li^2 \quad \text{الطاقة الكهرطيسية المخزنة في الوشيعية}$$

الطاقة الكلية في الدارة المهتزة تساوي مجموع هاتين الطاقتين أي  $E = E_C + E_L$  :

ولكن

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t)$$

$$\bar{i} = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t)$$

نعوض نجد :

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2} L \omega_0^2 q_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t)$$

$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC} \quad \text{ولكن}$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} = \frac{1}{2} LI_{max}^2 \quad \text{بالتعويض والاختصار نجد}$$

إن الطاقة الكلية لدارة تحتوي مكثفة وذاتية صرفة ( ليس لها مقاومة ) ثابتة تساوي طاقة المكثفة المشحونة العظمى وكذلك تساوي طاقة الوشيعية العظمى أي أنه في دارة مهتزة في أثناء التفريغ تتحول الطاقة بشكل دوري من طاقة كهربائية في المكثفة إلى طاقة كهرطيسية في الوشيعية وبالعكس، ولكن المجموع يبقى ثابتاً. فالطاقة الكلية للدارة المهتزة ( L, C ) مقدار ثابت في كل لحظة وتمثل بخط مستقيم يوازي محور الزمن.



## التيار المتناوب الجيبي:

### السؤال الأول:

اذكر شرطي تطبيق قوانين التيار المتواصل على دائرة التيار المتناوب الجيبي.

### الحل

♥ الدائرة قصيرة بالنسبة لطول الموجة.

♥ تواتر التيار المتناوب الجيبي صغير

### السؤال الثاني:

علل عدم سماح المكثفة للتيار المتواصل بالمرور عبرها وسماحها بمرور التيار المتناوب.

### الحل

♥ لا تسمح المكثفة بمرور التيار المتواصل بسبب وجود العازل بين لبوسيهما.

♥ تسمح المكثفة بمرور التيار المتناوب لأنه: عند وصل لبوسي مكثفة بأخذ تيار

متناوب، فإن مجموعة الالكترونات الحرة التي يسبب مأخذ التيار المتناوب اهتزازها

تسحب لبوسي المكثفة خال ربع دور بشحنتين متساويتين ومن نوعين مختلفين دون

أن تخترق عازلها ثم تتفرغان في ربع الدور الثاني، وفي النوبة الثانية ( الربعين الثالث

والرابع) تتكرر عمليتا الشحن والتفريغ مع تغير شحنة كل من اللبوسين.

♥ تبدي المكثفة ممانعة للتيار المتناوب بسبب الحقل الكهربائي الناتج عن شحنتها.



السؤال الثالث:



دائرة تيار متناوب تحوي على مقاومة أومية ويعطى تابع الشدة اللحظية فيها بالعلاقة:

$$i = I_{max} \cos \omega t$$

1 استنتج العلاقة المحددة للتوتر اللحظي بين طرفي المقاومة، والعلاقة بين التوتر المنتج

وشدة التيار المنتجة المارة بالدائرة.

2 أوجد الاستطاعة المتوسطة المستهلكة.

المقدار	العلاقة	ملاحظات
تابع الشدة اللحظية	$\bar{i} = I_{max} \cos \omega t$	
ممانعة المقاومة	$Z = X_R = R$	$U_{max} = RI_{max}$ $\Rightarrow \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = R \frac{I_{max}}{\sqrt{2}}$ $\Rightarrow U_{eff} = RI_{eff}$
تابع التوتر اللحظي	$\bar{u} = Ri$ $\bar{u} = U_{max} \cos \omega t$	
$\bar{\phi}$	0rad	المقاومة تجعل التوتر المطبق بين طرفيها على توافق بالطور مع الشدة.
عامل الاستطاعة	$\cos \bar{\phi} = \cos 0 = 1$	
الاستطاعة المتوسطة	$P_{avg} = I_{eff} U_{eff} \cos \bar{\phi}$ $P_{avg} = RI_{eff}^2$	الاستطاعة تصرف حرارياً بفعل جول
تمثيل فرينل للتوتر		
تمثيل فرينل للممانعات		



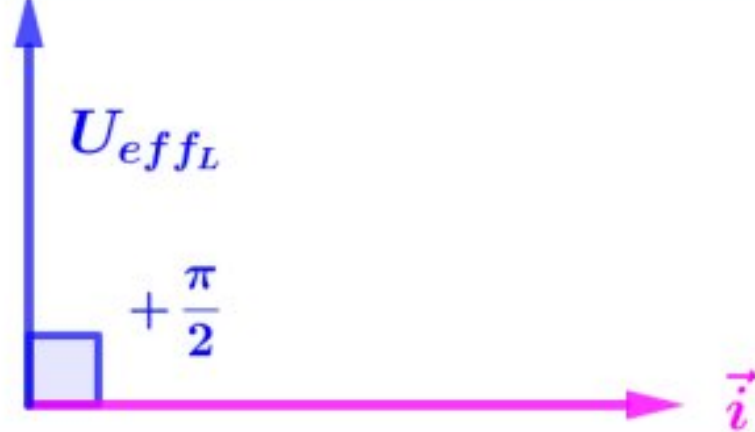
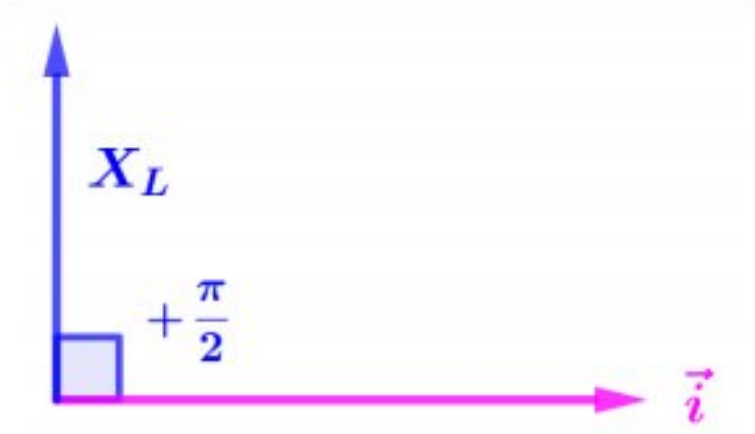
السؤال الرابع:

دائرة تيار متناوب تحوي على مكثفة ويعطى تابع الشدة اللحظية فيها بالعلاقة:

$$i = I_{max} \cos \omega t$$

1 استنتج العلاقة المحددة للتوتر اللحظي بين طرفي الوشيعة، والعلاقة بين التوتر المنتج وشدة التيار المنتجة المارة بالدائرة.

2 أوجد الاستطاعة المتوسطة المستهلكة.

المقدار	العلاقة	ملاحظات
تابع الشدة اللحظية	$\bar{i} = I_{max} \cos \omega t$	
ممانعة الوشيعة مهملة المقاومة (ردية الوشيعة)	$Z = X_L = L\omega$	$U_{max} = X_L I_{max}$ $\Rightarrow \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = X_L \frac{I_{max}}{\sqrt{2}}$ $\Rightarrow U_{eff} = X_L I_{eff}$
تابع التوتر اللحظي	$\bar{u} = L \frac{di}{dt} = -LI_{max} \sin \omega t$ $\bar{u} = U_{max} \cos \left( \omega t + \frac{\pi}{2} \right)$	
$\bar{\phi}$	$+\frac{\pi}{2} rad$	الوشيعة مُهملة المقاومة تجعل التوتر اللحظي يتقدم بالطور على الشدة اللحظية بمقدار $\frac{\pi}{2} rad$ (ترابع متقدم)
عامل الاستطاعة	$\cos \bar{\phi} = \cos \frac{\pi}{2} = 0$	
الاستطاعة المتوسطة	$P_{avg} = I_{eff} U_{eff} \cos \bar{\phi}$ $P_{avg} = 0$	الوشيعة مُهملة المقاومة تختزن طاقة كهرومغناطيسية خلال ربع دور لتعيدها كهربائياً إلى الدارة الخارجية خلال ربع الدور الذي يليه، أي أن الوشيعة لا تستهلك طاقة.
تمثيل فريزل للتوتر		
تمثيل فريزل للممانعات		

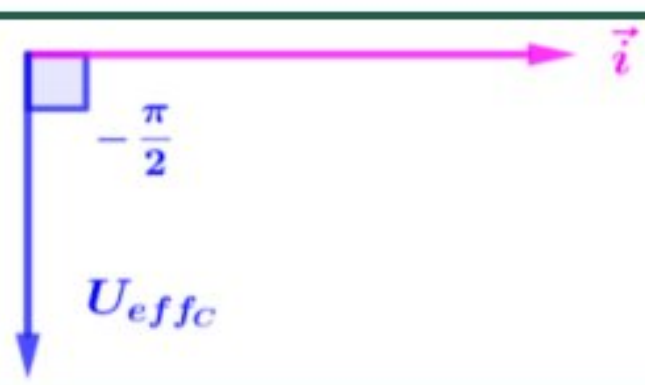
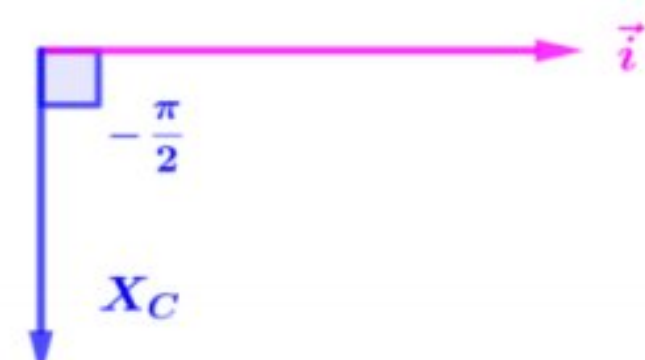


السؤال الخامس:

دائرة تيار متناوب تحوي على وشيعة مهمة المقاومة الداخلية ويعطى تابع الشدة اللحظية فيها بالعلاقة:

$$i = I_{max} \cos \omega t$$

- استنتج العلاقة المحددة للتوتر اللحظي بين طرفي المكثفة ، والعلاقة بين التوتر المنتج وشدة التيار المنتجة المارة بالدائرة.
- أوجد الاستطاعة المتوسطة المستهلكة.

المقدار	العلاقة	ملاحظات
تابع الشدة اللحظية	$\bar{i} = I_{max} \cos \omega t$	
ممانعة المكثفة (اتساعية المكثفة)	$Z = X_C = \frac{1}{\omega C}$	$U_{max} = X_C I_{max}$ $\Rightarrow \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = X_C \frac{I_{max}}{\sqrt{2}}$ $\Rightarrow U_{eff} = X_C I_{eff}$
تابع التوتر اللحظي	$\bar{q} = \int \bar{i} dt = \frac{1}{\omega} I_{max} \sin \omega t$ $\bar{u} = \frac{1}{\omega C} I_{max} \sin \omega t$ $\bar{u} = U_{max} \cos \left( \omega t - \frac{\pi}{2} \right)$	
$\bar{\varphi}$	$-\frac{\pi}{2} rad$	المكثفة تجعل التوتر اللحظي يتأخر بالطور على الشدة اللحظية بمقدار $\frac{\pi}{2} rad$ (تراجع متأخر)
عامل الاستطاعة	$\cos \bar{\varphi} = \cos -\frac{\pi}{2} = 0$	
الاستطاعة المتوسطة	$P_{avg} = I_{eff} U_{eff} \cos \bar{\varphi}$ $P_{avg} = 0$	المكثفة لا تستهلك أية طاقة، لأنها تختزن الطاقة كهربائياً خلال ربع دور، وتعيدها نفسها كهربائياً في ربع الدور الذي يليه.
تمثيل فريزل للتوتر		
تمثيل فريزل للممانعات		



## السؤال السادس:

- 1 متى يحدث التجاوب الكهربائي (الطنين).
- 2 استنتج دور وتواتر الطنين.

## الحل

1 تحدث حالة التجاوب الكهربائي (الطنين الكهربائي) في دارة تحوي على التسلسل مقاومة R، و شبيعة ذاتيتها L، ومكثفة سعتها C، إذا كان النبض الخاص لاهتزاز الإلكترونات الحرة  $\omega_0$  يساوي النبض القسري  $\omega$  الذي يفرضه المولد، ويسمى نبض الطنين  $\omega_r$

2 في حالة الطنين الكهربائي:  $X_L = X_C$

$$\omega L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow \omega^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} \Rightarrow \frac{2\pi}{T} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \Rightarrow T = 2\pi\sqrt{LC}$$

وهي العلاقة المحددة لدور التيار في حالة الطنين. تُستخدم خاصية الطنين في عملية التوليف في أجهزة الاستقبال.

## السؤال السابع:

أعط تفسيراً علمياً موضحاً بالعلاقات المناسبة:

- 1 لا تستهلك الشبيعة مهمة المقاومة طاقة كهربائية.

$$P_{avg} = I_{eff} U_{eff} \cos \frac{\pi}{2} \Rightarrow P_{avg} = 0$$

الشبيعة مهمة المقاومة تختزن طاقة كهربية خلال ربع دور لتعيدها كهربائياً إلى الدارة الخارجية خلال ربع الدور الذي يليه، أي أن الشبيعة لا تستهلك طاقة.

- 2 لا تستهلك المكثفة مهمة المقاومة طاقة كهربائية.

$$P_{avg} = I_{eff} U_{eff} \cos \frac{\pi}{2} \Rightarrow P_{avg} = 0$$

المكثفة لا تستهلك أية طاقة، لأنها تختزن الطاقة كهربائياً خلال ربع دور، وتعيدها نفسها كهربائياً في ربع الدور الذي يليه.

- 3 تكون الشدة المنتجة واحدة في عدة أجهزة موصولة على التسلسل مهما اختلفت قيم ممانعتها.

إن الإلكترونات الحرة في دارة قصيرة يجتاها تيار تواتره صغير تكاد تهتز بتوافق كامل فتبدو مقاطع الدارة وكأن تياراً متواصلاً يجتاها شدته هي الشدة اللحظية للمتناوب وجهته هي جهة التيار المتناوب في هذه اللحظة

- 4 توصف الاهتزازات الكهربائية في التيار المتناوب بالقسرية.

لأن الإلكترونات في الدارة تهتز بالنبض الذي يفرضه المولد، والذي يختلف عن النبض الخاص، ويشكل المولد فيها جملة مُحرضة وبقية الدارة جملة مُجاوبة



## المحولات الكهربائية

### السؤال الأول:

ماهي نسبة التحويل ثم صنف المحولات تبعا لنسبة التحويل

### الحل

هي النسبة بين عدد اللفات بين الوشيعتين الثانوية و الأولية للمحوّلة  $\frac{N_s}{N_p}$

ويرمز لها بالرمز  $\mu$

$$\mu = \frac{N_s}{N_p} = \frac{U_{eff_s}}{U_{eff_p}} = \frac{I_{eff_p}}{I_{eff_s}}$$

تكون المحوّلة رافعة للتوتر خافضة للشدة إذا كانت  $\mu > 1$

تكون المحوّلة خافضة للتوتر رافعة للشدة إذا كانت  $\mu < 1$ .

### السؤال الثاني:

كيف تفسر عمل المحوّلة عند تطبيق توتر متناوب جيبّي؟ هل تعمل المحوّلات الكهربائية عند تطبيق توتر كهربائي متواصل بين طرفي دارتها الأولية.

### الحل

عند تطبيق توتر متناوب جيبّي بين طرفي الدارة الأولية يمر فيها تيار متناوب جيبّي فيتولد داخل الوشيعه حقل مغناطيسي متناوب، تعمل النواة الحديدية على تمرير كامل تدفقه إلى الدارة الثانوية، فتتولد فيها قوة محرّكة كهربائية

تساوي التوتر المتناوب الجيبّي بين طرفيها بإهمال مقاومة أساك الوشائع في المحوّلة، فيمر فيها تيار كهربائي متناوب له تواتر التيار المار في الأولية.

لا تعمل المحوّلات الكهربائية عند تطبيق توتر كهربائي متواصل بين طرفي دارتها الأولية.

بسبب عدم وجود تدفق محرض متغير في الوشيعه الأولية وبالتالي عدم نشوء حقل مغناطيسي داخلها



### السؤال الثالث:

ماهي الاستطاعات الضائعة في المحولة

الحل

عند تمرير تيار كهربائي في ناقل أومي يضيع قسم من الطاقة الكهربائية حرارياً بفعل جول. تصنف الاستطاعة الضائعة في المحولة الكهربائية إلى:  
A. استطاعة ضائعة حرارياً:

$$1- \text{ استطاعة ضائعة حرارياً في الدارة الأولية: } P'_p = R_p I_{eff_p}^2$$

$$2- \text{ استطاعة ضائعة حرارياً في الدارة الثانوية: } P'_s = R_s I_{eff_s}^2$$

$$\text{الاستطاعة الكلية الضائعة حرارياً: } P_E = P'_p + P'_s$$

B. استطاعة كهربائية ضائعة مغناطيسياً

نتيجة هروب جزء من خطوط الحقل المغناطيسي خارج النواة الحديدية  $P_M$

### السؤال الرابع:

عرف مردود المحولة , كيف يمكن جعله قريب من الواحد :

الحل

$$\text{يُعطى مردود النقل بالعلاقة: } \eta = \frac{P - P'}{P}$$

حيث:

♥  $P$  الاستطاعة المتولدة من منبع التيار المتناوب (المنوبة) .

♥  $P'$  الاستطاعة الضائعة حرارياً في أسلاك النقل بفعل جول.

$$\text{وباعتبار عامل الاستطاعة قريباً جداً من الواحد فإن: } P = I_{eff} U_{eff}$$

حيث  $U_{eff}$  التوتر المنتج بين طرفي المنبع.

$$\text{ولكن } P' = R I_{eff}^2 \text{ حيث } R \text{ مقاومة أسلاك النقل.}$$

نعوض في علاقة المردود:

$$\eta = \frac{P - P'}{P} = 1 - \frac{P'}{P} = 1 - \frac{R I_{eff}^2}{I_{eff} U_{eff}} = 1 - \frac{R I_{eff}}{U_{eff}}$$

لكي يقترب المردود من الواحد ينبغي تصغير مقاومة أساك النقل  $R$  و تكبير  $U_{eff}$  ، يتم ذلك باستعمال محولات رافعة للتوتر عند مركز توليد التيار ثم خفضه على مراحل عند الاستخدام.



السؤال الرابع:

اختر الإجابة الصحيحة:

♥ مَحْوَلَةٌ كهربائيةٌ نسبةً تحويلها  $\mu = 3$  وقيمة الشدَّة المُنتجة في ثانويتها  $I_{eff_s} = 6A$ ، فإنَّ الشدَّة المُنتجة في أوليَّتها:

$I_{eff_p} = 3A . d$        $I_{eff_p} = 9A . c$        $I_{eff_p} = 2A . b$        $I_{eff_p} = 18A . a$

♥ مَحْوَلَةٌ كهربائيةٌ قيمة التوتُّر المُنتج بين طرفي أوليَّتها  $U_{eff_p} = 20V$  وقيمة التوتُّر المُنتج بين طرفي ثانويتها  $U_{eff_s} = 40V$  فإنَّ نسبة تحويلها  $\mu$  تُساوي:

$\mu = 60 . d$        $\mu = 20 . c$        $\mu = 0.5 . b$        $\mu = 2 . a$



# الأسئلة