

## النواس المرن

أختر الإجابة الصحيحة :

(١) حركة توافقية بسيطة سعة اهتزازها  $X_{max}$  دورها الخاص  $T_0$  نضاعف سعة الاهتزاز فيصبح دورها الخاص  $T_0$  يساوي :

- a)  $t_0$       b)  $\frac{t_0}{\sqrt{2}}$       c)  $2T_0$       d)  $\frac{1}{2} t_0$

(٢) نواس مرن غير متعامد ثابت صلابته  $k_1$  نعلق بنهايتها السفلية كتله  $m_1$  فيكون دورها الخاص ( $T_2$ ) نستبدل بالنايبيض السابق نايبيض آخر ثابت صلابته  $k_2 = 2k_1$

والكتلة  $m_2 = 8m_1$  فيصبح الدور الخاص مقدراً بالثانية :

- a) 2      b) 4      c) 8      d) 1

(٣) نواس مرن دوره الخاص  $t_0$  لتجعل الكتلة  $m = 4m$  وثابت صلابه النايبيض  $k^1 = \frac{k}{4}$

فإن الدور الجديد  $t_0$  :

- a)  $T_0$       b)  $2t_0$       c)  $4T_0$       d)  $\frac{t_0}{4}$

(٤) الطاقة الميكانيكية لنواس مرن هي  $E = 3E_p$  فإن مطاله يكون  $X$  يساوي :

- a)  $\frac{x_{max}}{3}$       b)  $\sqrt{3} X_{max}$       c)  $\frac{x_{max}}{\sqrt{3}}$       d)  $3X_{max}$

اجب عن الأسئلة التالية:

١- استنتج علاقة الطاقة الميكانيكية ليزارة جيبية انسحابيه غير متخامدة.

٢- انطلاقاً من المعادلة التفاضلية  $x'' + \frac{K}{M}x = 0$  برهن ان حركة الجسم الصلب المعلق

بالنايبيض

في النواس المرن غير المتخامد حركة جيبية انسحابيه ثم استنتج علاقة الدور الخاص لهذا النواس

٣- انطلاقاً من تابع السرعة لجسم معلق بنايبيض في النواس المرن

$$v = w_0 \sin(\omega t)$$

استنتج تابع التسارع بدلاله المطال ثم حدد الاوضاع التي يكون فيها التسارع

(أ) -أعظماً (ب) معدوماً

٤- انطلاقاً من العلاقة  $x = x_{max} \cos(\omega t)$  استنتج التابع الزمني للسرعة وبين في أي الأوضاع

تكون عظمى وفي أي الأوضاع تكون معدومة وارسم المنحني البياني خلال دور كامل  
٥- برهن ان محصلة القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الجسم الصلب هي قوة  
ارجاع تعطى بالعلاقة  $F = -kx$

## حل المسائل التالية

(١) نقطة مادية كتلتها  $m=1kg$  تهتز بحركة توافقية بسيطة على قطعة مستقيمة طولها  
 $L=20cm$

وكمية حركتها العظمى  $p_{max} = \frac{1}{20} kgms^{-1}$  باعتبار مبدأ الزمن لحظة مرور النقطة  
بمطالها الاعظمي الموجب المطلوب:

١- احسب النبض الخاص للحركة ودورها

٢- استنتج التابع الزمني لحركة النقطة انطلاقاً من شكلها العام

٣- عين لحظة المرور الأول والثاني في مركز الاهتزاز

٤- احسب الطاقة الحركية للنقطة المادية عندما يكون مطالها  $x = \frac{x_{max}}{2}$

(٢) يتحرك الجسم حركة جيبيه أنسحابية بحيث ينطلق في مبدأ الزمن من

منطقة مطالها  $max=x$  فيستغرق (١٠s) حتى يصل ال المطال

الناظر ( $-x_{max}$ ) قاطعاً مسافة (10cm) والمطلوب:

١- استنتج التابع الزمني لمطال الحركة انطلاقاً من شكله لعام

٢- احسب قيمة السرعة العظمى طويلة

٣- احسب تسارع الجسم لحظة مروره في وضع مطاله ( $-x_{max}$ )

٤- بفرض ان كتلة الجسم المهتز  $m=1kg$  والطلوب

أ) احسب ثابت صلابة النابض

ب) احسب قوة الارجاع في نقطة مطالها (2cm)

ج) احسب الطاقة الكامنة عند المطال (2cm) واحسب طاقتها الحركية عندئذ

الصف: ثالث الثانوي  
الاسم:

٣) نابض مرن مهمل الكتلة حلقاته متباعدة شاقولي ثابت صلابته  $(16Nm^{-1})$  تعلق بنهايته السفلية جسم صلب كتلته  $(m)$  وتشكل من الجملة نواس مرن غير متعامد ويعطى تابع مطالها  $x=0.05 \cos(2\pi t + \dots)$  المطلوب:

١- عين ثوابت الحركة واحسب الدور الخاص وكتلة الجسم وعين موضع مركز عطالة الجسم لحظة بدء الزمن

٢- احسب القيمة الجبرية لكل من سرعة الجسم وكمية حركته باللحظة  $(s \frac{1}{4})$

٣- احسب الطاقة الحركية عند المطال  $(3cm)$

٤- احسب الاستطالة السكونية

٥- احسب شدة قوة الارجاع عند المطال  $(2cm)$

٤) نابض مرن مهمل الكتلة حلقاته متباعدة شاقولي ثابت صلابته  $(k)$  نعلق اليه جسم صلب كتلته  $(504kg)$  ليهز الجسم بحركة جيبيه انسحابية ويعطى شعاع كمية الحركة بالعلاقة  $P = \frac{\pi}{20} \sin(2\pi t + \frac{\pi}{2})$  المطلوب:

١- اوجد التابع الزمني لكل من سرعة الجسم وتسارعه ومطال حركة الجسم

٢- عين موضع وجهة حركة مركز عطالة الجسم لحظة بدء الزمن

٣- احسب ثابت صلابة النابض والطاقة الحركية للجسم والقيمة الجبرية لسرعة

مركز عطالة الجسم عند المطال  $(3CM)$

٤- احسب شدة قوة الارجاع عند المطال  $3CM$