

عرض أفكار سريع لكتاب الهندسة على شكل

أسئلة اختيار من متعدد وصح أو خطأ

ليس الهدف السؤال فقط لا بل الفكرة التي يحملها السؤال .

لا تفتح هذا الملف قبل الانتهاء الكامل من مراجعة كتاب الجبر

وأنوه مجددا لا تهمل أوراق العمل والاختبارات الواردة بعد كل وحده

أ. ماهر بربر

الشروحات ضمن أسئلة الاختيار من متعدد

والصح او الخطأ هي للتوضيح ولتذكير الطلاب

بالمعلومات السابقة .

بالامتحان نكتفي بوضع الإجابة فقط

بعد حل السؤال على المسودة ان لزم الأمر

مراجعة سريعة لبعض افكار الوحدة الأولى هندسة

أجب عن السؤالين الآتيين:

السؤال الأول: في كل مما يأتي إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة اكتبها:

(1) (نماذج وزارية) $ABCD$ مربع طول قطره يساوي $2\sqrt{2}$ فإن طول ضلعه يساوي:

A	$\sqrt{8}$	B	2	C	$\sqrt{2}$
---	------------	---	---	---	------------

(2) (نماذج وزارية) قيمة المقدار $\sin^2 70^\circ + \cos^2 70^\circ = \dots$

A	-1	B	1	C	2
---	----	---	---	---	---

(3) (الامتحان النصفى الموحد) قيمة x في التناسب: $\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{x}{\sqrt{12}}$ هي:

A	2	B	6	C	$\sqrt{3}$
---	---	---	---	---	------------

(4) (الامتحان النصفى الموحد) إذا كانت $\tan \hat{A} = 1$ فإن قياس الزاوية \hat{A} هو:

A	60°	B	30°	C	45°
---	------------	---	------------	---	------------

(5) (حماء 2018) ABC مثلث قائم في \hat{A} طول وتره $BC = 10\text{cm}$ فإن طول نصف قطر الدائرة المارة برؤوسه يساوي:

A	5cm	B	10cm	C	20cm
---	-----	---	------	---	------

(6) (حماء 2018) قيمة x في التناسب $\frac{x}{2\sqrt{2}} = \frac{3}{\sqrt{2}}$ تساوي:

A	$6\sqrt{2}$	B	6	C	$3\sqrt{2}$
---	-------------	---	---	---	-------------

(7) (ريف دمشق 2018) مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه 2cm فإن طول الارتفاع يساوي:

A	$\sqrt{3}\text{cm}$	B	$\frac{\sqrt{12}}{3}\text{cm}$	C	1.5 cm
---	---------------------	---	--------------------------------	---	--------

(8) (درعا 2018) إذا كانت $\hat{\theta}$ قياس زاوية حادة في مثلث قائم وكان $\cos 40^\circ = \sin \hat{\theta}$ فإن قياس الزاوية $\hat{\theta}$ يساوي:

A	$\hat{\theta} = 50^\circ$	B	$\hat{\theta} = 60^\circ$	C	$\hat{\theta} = 70^\circ$
---	---------------------------	---	---------------------------	---	---------------------------

(9) (درعا 2018) عدد محاور التناظر لمثلث متساوي الأضلاع هي:

A	ثلاث محاور	B	محوران فقط	C	محور واحد
---	------------	---	------------	---	-----------

(10) (السويداء 2018) ABC مثلث قائم في \hat{B} و $AC = 2AB$ فإن قياس الزاوية \hat{A} يساوي:

A	45°	B	60°	C	30°
---	------------	---	------------	---	------------

(11) (الرقبة 2018) إذا كان ABC مثلث قائم في \hat{B} و $\hat{A} \neq \hat{C}$ فإن:

A	$\tan \hat{C} = 1$	B	$\sin \hat{C} = \sin \hat{B}$	C	$\sin \hat{C} = \cos \hat{A}$
---	--------------------	---	-------------------------------	---	-------------------------------

(12) (حماء 2019) إذا كانت \hat{x} زاوية حادة و $\sin \hat{x} = \frac{1}{2}$ فإن $\cos \hat{x}$ يساوي:

A	$\sqrt{3}$	B	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	C	$\frac{1}{2}$
---	------------	---	----------------------	---	---------------

(13) (اللانقية 2019) ABC مثلث قائم في \hat{A} مرسوم في دائرة نصف قطرها 5 فإن طول الوتر BC يساوي:

A	10	B	5	C	أصغر من 10
---	----	---	---	---	------------

(14) (ريف دمشق 2019) إذا كانت \hat{x} زاوية حادة بحيث $\sin \hat{x} = \frac{2}{3}$ فإن قيمة $\cos \hat{x}$ تساوي:

A	$\frac{\sqrt{5}}{3}$	B	$\frac{\sqrt{2}}{3}$	C	$-\frac{\sqrt{5}}{3}$
---	----------------------	---	----------------------	---	-----------------------

(15) (درعا 2019) ABC مثلث قائم في \hat{A} و $\sin \hat{B} = \frac{2}{3}$ فإن $\cos \hat{C}$:

A	$\frac{4}{9}$	B	$\frac{\sqrt{5}}{3}$	C	$\frac{2}{3}$
---	---------------	---	----------------------	---	---------------

(16) (حلب 2019) إذا كانت $\cos 80^\circ = \sin x$ فإن x تساوي:

A	80°	B	10°	C	40°
---	------------	---	------------	---	------------

(17) (إبلب 2019) إذا كانت x قياس زاوية حادة في مثلث قائم وكان $\sin \frac{3}{5}$ فإن $\cos x$ يساوي:

A	$\frac{4}{5}$	B	$\frac{5}{4}$	C	$\frac{3}{4}$
---	---------------	---	---------------	---	---------------

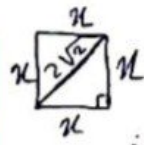
(18) (القنيطرة 2019) إذا كانت x زاوية حادة في مثلث قائم بحيث $\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ فإن $\cos x$ يساوي:

A	$\frac{1}{2}$	B	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	C	$\frac{1}{3}$
---	---------------	---	----------------------	---	---------------

السؤال الثاني: في كل مما يأتي اجب بكلمة صح أو خطأ:

- (1) (نماذج وزارية) قياس الزاوية الحادة في المثلث القائم والمتساوي الساقين يساوي 30 درجة .
- (2) (نماذج وزارية) إذا كان x قياس زاوية حادة فإن $0 < \sin x < 1$.
- (3) (نماذج وزارية) النسبة المثلثية $\sin 50^\circ = \cos 40^\circ$.
- (4) (الامتحان النصفي الموحد) إذا كانت \hat{B} زاوية حادة وكان $\sin 50^\circ = \cos B$ فإن قيمة B هي 40° .
- (5) (الدورة التكميلية) ABC مثلث قائم في \hat{A} ، طول وتره $BC = 8$ فإن طول نصف قطر الدائرة المارة برؤوسه يساوي 4 .
- (6) (حمص 2018) ABC مثلث أطوال أضلاعه $AB = 3\sqrt{2}$ و $AC = \sqrt{2} + \sqrt{8}$ و $BC = 5\sqrt{2} - \sqrt{8}$ فهو متساوي الأضلاع .
- (7) (ريف دمشق 2018) قيمة x في التناسب $\frac{x}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{8}}{2}$ تساوي 2 .
- (8) (حلب 2018) ABC مثلث قائم في \hat{B} و $\sin \hat{A} = \frac{2}{3}$ فإن $\cos \hat{A} = \frac{\sqrt{5}}{3}$.
- (9) (دير الزور 2018) $\hat{\theta}$ زاوية حادة في مثلث قائم فإن $\sin \hat{\theta}$ عدد محصور بين الصفر والواحد .
- (10) (الرقعة 2018) إذا كان ABC مثلث قائم في \hat{B} فإن $0 < \sin \hat{A} < 1$.

* السؤال الأول:



(1) نستطيع تطبيق مبرهنه فيثاغورث:

$$x^2 + x^2 = 8 \Rightarrow 2x^2 = 8 \Rightarrow x = 2$$

الإجابة B

ملاحظة ذكرت لكم عدة مرات:

صريح طول ضلع x جان طول قطري $x\sqrt{2}$

لا نلاحظ هنا طول قطري المربع $2\sqrt{2}$ بالتالي جان طول ضلع $x=2$ وهذا الكمية ينطبق على المثلث القائم المتساوي الساقين.

(2) تذكر دوماً المطابقة الذهبية:

$$\sin^2 \hat{\theta} + \cos^2 \hat{\theta} = 1$$

نفس الزاوية

$$\sin^2 70^\circ + \cos^2 70^\circ = 1$$

الإجابة B

$$\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{x}{\sqrt{12}} \Rightarrow \text{هذا الاذن = هذا الوترين}$$

$$3x = \sqrt{3} \times \sqrt{12} \quad \sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$$

$$x = \frac{\sqrt{36}}{3} = \frac{6}{3} = 2$$

الإجابة A

(4) نجيب مفضل جدول النسب المثلثية للزاوية الحادة الحادة، اكتبه مباشرة على الطاولة كما علمت سابقاً لذلك لتتأكد من أكثر من مسألة.

$$\tan \hat{A} = 1 \Rightarrow \hat{A} = 45^\circ$$

الإجابة C

(5) مركز الدائرة المارة بؤرتي المثلث القائم يقع في منتصف الوتر ويكون الوتر قطر الدائرة

$$2R = 10 \Rightarrow R = 5 \text{ cm}$$

الإجابة A

(6) بتطبيق خاصية الضرب القاطبي

أو مبدأ هذلة أن مقام الكسر الثاني يتبع من مقام الكسر الأول بقسمة على 2 نجد $x=6$

الإجابة B

(7) طلع على لسانه شعر وأنا أذكركم

دوفاً بأن:

مساحة المثلث المتساوي الأضلاع:

$$S_3 = \frac{l^2 \sqrt{3}}{4} \quad ; \quad l \text{ طول الضلع}$$

ارتفاع المثلث المتساوي الأضلاع:

$$h_3 = \frac{l\sqrt{3}}{2} \quad ; \quad l \text{ طول الضلع}$$

عوضه في سؤالنا يكون:

$$h_3 = \frac{2\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} \text{ cm}$$

الإجابة A

$$S_3 = \frac{4\sqrt{3}}{4} = \sqrt{3} \text{ cm}^2$$

انتبه دوماً الى الجواب والواحدة ممكن أن نشاهد أ. ب. ج. د. هـ. في الخيارات

(8) أذكركم سريعاً

في الزاويتين المتتامتين تحقق المساواة:

$$\sin \hat{\theta} = \cos(90^\circ - \hat{\theta})$$

أي:

$$\cos \hat{\theta} = \sin(90^\circ - \hat{\theta})$$

(م.ب.ب. أ.م.م.ب. = ج.ب.ب.ب. الأخرى)

$$\sin 30^\circ = \cos 60^\circ, \quad \sin 60^\circ = \cos 30^\circ$$

$$\sin 80^\circ = \cos 10^\circ, \quad \sin 10^\circ = \cos 80^\circ$$

وهكذا....

- بالعودة الى السؤال،

$$\cos 40^\circ = \sin \hat{\theta} \Rightarrow \hat{\theta} = ??$$

المساواة تحققه في الزاويتين المتتامتين أي أن:

$$40^\circ + \hat{\theta} = 90^\circ \Rightarrow \hat{\theta} = 90^\circ - 40^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{\theta} = 50^\circ$$

الإجابة A

(12) الدجاء الانتباه لعدم الوقوع

بالفأ:
 $\sin \hat{X} = \frac{1}{2} \Rightarrow \cos \hat{X} = ?$

نفس الزاوية

تستخدم مباشرة المطابقة:
 $\sin^2 \hat{X} + \cos^2 \hat{X} = 1$

$(\frac{1}{2})^2 + \cos^2 \hat{X} = 1 \Rightarrow$
 $\cos^2 \hat{X} = 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4} \Rightarrow$
 $\cos \hat{X} = +\frac{\sqrt{3}}{2}$

الإجابة B

لها النسب هي للزاوية هي $\hat{X} = 30^\circ$
 أي تستطيع مباشرة أن تجد: $\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$
 ولكن ليس بالضرورة أن تكون الزاوية هي
 دوماً لذلك فنقدر على المطابقة مع الانتباه
 جيداً إلى المطلوب (نفس الزاوية أو غيرها)

(13) وتمثلت القائم هو قطر آبي الدائري
 وبالتالي $2R = BC = 10$
 الإجابة A.

(14) $\sin \hat{X} = \frac{2}{3} \Rightarrow \cos \hat{X} = ?$

نفس الملاحظة في السؤال 12، الزاوية نفس
 بالتالي تستخدم المطابقة $\sin^2 \hat{X} + \cos^2 \hat{X} = 1$
 لتجد الإجابة A (طبعاً الجذر الموجب فقط)

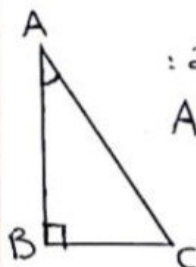
(15) $\sin \hat{B} = \frac{2}{3} \Rightarrow \cos \hat{C} = ?$
 لا تستخدم المطابقة، علينا الانتباه إلى أن الزاويتين
 \hat{B} و \hat{C} متتامتان في المثلث القائم وعليه:
 $\sin \hat{B} = \cos \hat{C} = \frac{2}{3}$

الإجابة C

(9) ثلاث محاور الإجابة A

(أحدث لاحقاً من الملاحظات المتكتمة
 في المراجعة المتعلقة بالوحدة الثالثة)

(10) نستطيع الحل بأكثر من طريقة:



$AC = 2AB \Rightarrow AB = \frac{1}{2} AC$

المطلوب قياس \hat{A} ومعلوم
 لدينا الضلع المجاور لـ \hat{A} ووتر المثلث القائم ومنه

$\cos \hat{A} = \frac{AB}{AC} = \frac{\frac{1}{2} AC}{AC} = \frac{1}{2}$

وبالتالي $\hat{A} = 60^\circ$ الإجابة B

- بطريقة أخرى:

$\hat{C} = 30^\circ$ لأن الضلع المقابل لإحدى زوايا
 المثلث العتري وبالتالي $\hat{A} = 60^\circ$

(11) الانتباه جيداً هنا السؤال دقيق:

- المثلث ABC قائم في B وليس متساوي
 الساقين لأن $\hat{A} \neq \hat{C}$ وعليه فإن
 الزاويتين \hat{A} و \hat{C} متتامتان (مجموعهما 90°)
 وعليه فإن: $\sin \hat{C} = \cos \hat{A}$

أو $\sin \hat{A} = \cos \hat{C}$ الإجابة C.

- ملاحظة: الخيار B + تبعه مباشرة لأن
 B قائم وليس متساوي.

- وبما أن المثلث ليس متساوي الساقين

أي $\hat{A} \neq \hat{C} \neq 45^\circ$ ومنه $\tan \hat{C} \neq 1$
 أي الخيار الآخر أيضاً تستطيع استبعاده

انتبه إلى هذه المناقشة تفيدك
 في أمثلة مشابهة.

$$\begin{aligned} BC &= 5\sqrt{2} - \sqrt{8} \\ &= 5\sqrt{2} - 2\sqrt{2} = 3\sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\frac{x}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{8}}{2} \Rightarrow 2x = \sqrt{2} + \sqrt{8}$$

$$x = \frac{\sqrt{16}}{2} = 2$$

لا بد لنا من الزاوية ومنه
يجب أن نتحقق المطابقة:

$$\sin^2 \hat{A} + \cos^2 \hat{A} = 1$$

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{5}}{3}\right)^2 \stackrel{?}{=} 1$$

$$\frac{4}{9} + \frac{5}{9} \stackrel{?}{=} 1 \Rightarrow \frac{9}{9} = 1$$

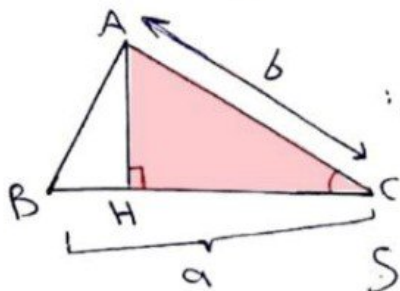
$$0 < \sin \hat{\theta} < 1$$

من \hat{A} زاوية حادة.

وأكد التأكيد أن $\hat{\theta}$ حادة ومنه

$$0 < \sin \hat{\theta} < 1, \quad 0 < \cos \hat{\theta} < 1$$

بينما $\tan \hat{\theta}$ ليس بالضرورة.



(11) انهاء:

في الشكل الجار:

مساحة المثلث

ABC:

$$S = \frac{1}{2} ab \sin C$$

$$S = \frac{\text{الارتفاع} \times \text{القاعدة}}{2}$$

$$= \frac{a \times AH}{2} = \frac{1}{2} a \times AH$$

في المثلث القائم AHC لدينا:

$$\sin \hat{C} = \frac{AH}{b} \Rightarrow AH = b \cdot \sin \hat{C}$$

$$S = \frac{1}{2} a \cdot b \cdot \sin \hat{C}$$

$$\cos 80^\circ = \sin \hat{\kappa} \Rightarrow \hat{\kappa} = 10^\circ$$

(16)

الإجابة B (المساواة محققة في الزاويتين المتتامتين)

$$\sin \hat{\kappa} = \frac{3}{5} \Rightarrow \cos \hat{\kappa} = ??$$

(17)

$$\sin^2 \hat{\kappa} + \cos^2 \hat{\kappa} = 1 \Rightarrow$$

$$\cos^2 \hat{\kappa} = 1 - \frac{9}{25} = \frac{16}{25}$$

$$\Rightarrow \cos \hat{\kappa} = \frac{4}{5}$$

الإجابة A

$$\sin \hat{\kappa} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \cos \hat{\kappa} = ?$$

(18)

الزاوية هي زاوية حادة حيث

$$\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}, \quad \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$

الإجابة A. ويمكن أن نضع دوماً باستخدام

المطابقة لأجل الزوايا الغير حادة.

* التوالى الثاني:

$$(1) \quad \text{مفأ} \quad \text{الصحيح هو } 45^\circ$$

$$0 < \sin \kappa < 1$$

(2) صح

$$0 < \cos \kappa < 1$$

بينما $\tan \kappa$ ليس بالضرورة.

(3) صح: زاويتان متتامتان.

(4) صح: لا قيمة للزاوية 50°

$$\hat{B} + 50^\circ = 90^\circ \Rightarrow \hat{B} = 40^\circ$$

(5) صح: عند امتداد القائم قطر أي دائرة

$$2R = BC = 8 \Rightarrow R = 4$$

$$\bullet AB = 3\sqrt{2}$$

(6) صح

$$\bullet AC = \sqrt{2} + \sqrt{8} = \sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 3\sqrt{2}$$

* بعضنا الأسئلة الإلهامية المهمة.

السؤال الأول:

مثلث ABC قائم في B فيه $\frac{\hat{A}}{\hat{C}} = \frac{2}{3}$ ارباب قياسها مثلث من \hat{A} و \hat{C} .

الحل: $\hat{B} = 90^\circ$ ومنه $\hat{A} + \hat{C} = 90^\circ$ ولدنياضتها:

$$\frac{\hat{A}}{\hat{C}} = \frac{2}{3}$$

اربابها النسب: تثبت المقامات ونضيف الكسور (أو بالعكس طالما العملية هي +)

$$\frac{\hat{A} + \hat{C}}{\hat{C}} = \frac{2+3}{3} \Rightarrow$$

$$\frac{90}{\hat{C}} = \frac{5}{3} \Rightarrow \hat{C} = \frac{90 \times 3}{5}$$

$$\Rightarrow \hat{C} = \frac{18 \times 5 \times 3}{5} = 54^\circ$$

$$\hat{A} + \hat{C} = 90^\circ$$

$$\hat{A} = 90^\circ - 54^\circ = 36^\circ$$

السؤال الثاني:

عددان عدديين مع بعضهما فرقهما 4 ونسبتهما $\frac{4}{3}$

الحل:

نفرض العدد الأكبر x والعدد الأصغر y

$$x - y = 4 \text{ ويكون اتبناه:}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{4}{3} \rightarrow \text{كبير}$$

$$\rightarrow \text{صغير}$$

اربابها النسب: تثبت المقامات ونضربها من البسط (بكي نضلها (x-y))

$$\frac{4-3}{3} = \frac{x-y}{y} \Rightarrow \frac{1}{3} = \frac{4}{y}$$

$$\Rightarrow y = 12 \Rightarrow x = 16 \text{ الأكبر}$$

السؤال الثالث:

$$\frac{a}{2} = \frac{b}{3} \text{ اذا كان}$$

وكان $a+b=15$ ارباب كل واحد من a و b

الحل: انما مثل هذه الأسئلة ما دل وضع المتجهولين في كسر واحد باستخدام فواهي النسب

- تبادل بين الوصلين نجد:

$$\frac{a}{b} = \frac{2}{3}$$

تثبت المقامات ونضيف للبسط (أو بالعكس)

$$\frac{a+b}{b} = \frac{2+3}{3} \Rightarrow$$

$$\frac{15}{b} = \frac{5}{3} \Rightarrow$$

$$b = \frac{3 \times 15}{5} = 9$$

$$a+b=15 \Rightarrow a=15-9=6$$

ملاحظة أخيرة:

- في السؤال عندما يعطيت ارباب النسب

النسب $\sin \hat{\theta}$ أو $\cos \hat{\theta}$

نتطلع لها النسبة الاضربنا

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

ومن ثم لها $\tan \hat{\theta}$

$$\tan \hat{\theta} = \frac{\sin \hat{\theta}}{\cos \hat{\theta}}$$

مثال:

لكن $\hat{\theta}$ زاوية حادة هي $\cos \hat{\theta} = \frac{5}{13}$
المقابل $\sin \hat{\theta}$ ، $\tan \hat{\theta}$

الحل:

$$\sin^2 \hat{\theta} + \cos^2 \hat{\theta} = 1 \Rightarrow$$

$$\sin^2 \hat{\theta} + \frac{25}{169} = 1 \Rightarrow$$

$$\sin^2 \hat{\theta} = 1 - \frac{25}{169} = \frac{144}{169} \Rightarrow$$

$$\sin \hat{\theta} = \frac{12}{13}$$

وبالتالي:

$$\tan \hat{\theta} = \frac{\sin \hat{\theta}}{\cos \hat{\theta}}$$

$$= \frac{\frac{12}{13}}{\frac{5}{13}} = \frac{12}{13} \times \frac{13}{5} = \frac{12}{5}$$

في السؤال عندما يعطينا النسبة $\tan \hat{\theta}$
ويطلب من حساب $\sin \hat{\theta}$ ، $\cos \hat{\theta}$
فيجب الانتباه الى ما يلي:

* اذا كان السؤال اختيار ايه
مصححة او مع او منقلا
فان

ABC مثلث قائم في A $\tan \hat{B} = \frac{3}{4}$
فان $\cos \hat{B} = \dots$ ، $\sin \hat{B} = \dots$

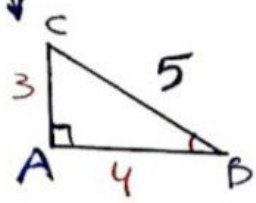
هنا نرى بالجواب اننا نريد فقط لذلك
هنا العودة نقوم بما يلي:

$$\tan \hat{B} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الجوار}} = \frac{3}{4}$$

بيان

فاننا نتطوع ان نرسم مثلث قائم A
ونعبر على الزاوية الحادة \hat{B} بين
الضلع المقابل هو 3 والجوار هو 4

فيكون هبنا غوت
CB = 5



$$\sin \hat{B} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{3}{5}$$

$$\cos \hat{B} = \frac{\text{الجوار}}{\text{الوتر}} = \frac{4}{5}$$

* امل اذا لم يكن السؤال اختيار ايه
مصححة او مع او منقلا
كنتم قد
علزسنا بالعلم وفقا لآتي:

$$\tan \hat{B} = \frac{3}{4} \xrightarrow{\text{نربع الطرفين المماثلة}}$$

$$\tan^2 \hat{B} = \frac{9}{16} \Rightarrow \frac{\sin^2 \hat{B}}{\cos^2 \hat{B}} = \frac{9}{16}$$

$$\frac{\sin^2 \hat{B} + \cos^2 \hat{B}}{\cos^2 \hat{B}} = \frac{9+16}{16} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{\cos^2 \hat{B}} = \frac{25}{16} \Rightarrow$$

$$\cos^2 \hat{B} = \frac{16}{25} \Rightarrow \cos \hat{B} = \frac{4}{5}$$

وحساب $\sin \hat{B}$ نفوض في المطابقة
 $\sin^2 \hat{B} + \cos^2 \hat{B} = 1$ او مباشرة:

$$\tan \hat{B} = \frac{\sin \hat{B}}{\cos \hat{B}} \Rightarrow \frac{3}{4} = \frac{\sin \hat{B}}{\frac{4}{5}} \Rightarrow$$

$$\sin \hat{B} = \frac{\frac{4}{5} \times 3}{4} = \frac{12}{5} \times \frac{1}{4} \Rightarrow \sin \hat{B} = \frac{3}{5}$$

مراجعة سريعة لبعض أفكار الوحدة الثانية هندسة

السؤال الأول: في كل مما يأتي إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة اكتبها:

(1) (نماذج وزارية) أسطوانة بحجم $1000m^3$ صمم نموذجاً مصغراً لها حجمه $8m^3$ فيكون معامل التصغير يساوي:

A	$\frac{1}{125}$	B	$\frac{1}{5}$	C	$\frac{2}{100}$
---	-----------------	---	---------------	---	-----------------

(2) (نماذج وزارية) المثلث EFD تصغير للمثلث ABC فنسبة التصغير K تكون:

A	$K = 1$	B	$K < 1$	C	$K > 1$
---	---------	---	---------	---	---------

(3) (نماذج وزارية) مثلثان متشابهان مساحة الأول $25m^2$ ومساحة الثاني $100m^2$ فنسبة التكبير هي:

A	4	B	75	C	2
---	---	---	----	---	---

(4) (نموذج تربية حماة التدريبي) المثلث ABC تكبير للمثلث EFG فنسبة التكبير K هي نفسها حل المعادلة:

A	$2x + 3 = 4$	B	$2x + 3 = 5$	C	$2x + 3 = 6$
---	--------------	---	--------------	---	--------------

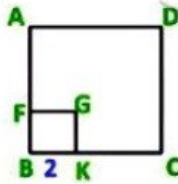
(5) (ريف دمشق 2018) مربع مساحته $9m^2$ ، صمم نموذجاً مكبراً له مساحته $36m^2$ فإن معامل التكبير يساوي:

A	4	B	3	C	2
---	---	---	---	---	---

(6) (حلب 2018) مكعب حجمه $27m^3$ ، صمم نموذجاً مكبراً له حجمه $125m^3$ فإن معامل التكبير يساوي:

A	$\frac{3}{5}$	B	$\frac{5}{3}$	C	$\frac{125}{27}$
---	---------------	---	---------------	---	------------------

السؤال الثاني: في كل مما يأتي اجب بكلمة صح أو خطأ:



في الشكل المرسوم جانباً: لدينا المربع $BKGF$ هو تصغير للمربع $ABCD$ بنسبة $\frac{1}{3}$.

(1) (الامتحان النسفي الموحد) إذا كان $BK = 2$ فإن طول ضلع المربع الكبير هو 6 .

(2) (الامتحان النسفي الموحد) نسبة مساحة المربع الصغير إلى الكبير $\frac{1}{3}$.

في الشكل المجاور: (NC) و (MT) مستقيمان متقاطعان في A والمستقيمان (CT) و (NM) متوازيان

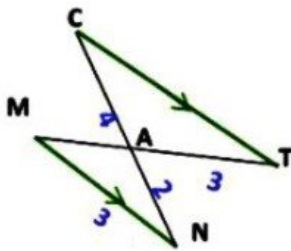
و $AN = 2$ و $AC = 4$ و $MN = TA = 3$ فإن:

(3) (حماة 2018) $AM = \frac{3}{2}$.

(4) (حماة 2018) $CT = 4$.

(5) (حماة 2018) $\frac{MN}{TC} = \frac{1}{2}$.

(6) (حماة 2018) $\frac{\text{مساحة } NAM}{\text{مساحة } TCA} = \frac{2}{3}$.



(7) (حمص 2018) إذا كانت نسبة التشابه $0 < K < 1$ يؤول التشابه إلى تكبير الشكل.

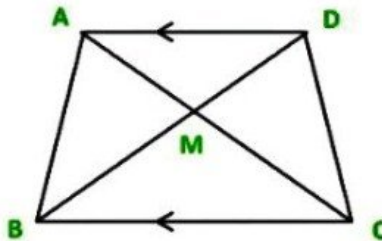
في الشكل المرسوم جانباً $ABCD$ شبه منحرف فيه $MD = 2$ و $BM = 3$

(8) (القطيطة 2018) فإن: $\frac{AD}{BC} = \frac{MD}{MB} = \frac{MA}{MC}$.

(9) (القطيطة 2018) المثلث MDA تصغير للمثلث BMC فإن معامل $\frac{2}{3}$.

(10) (القطيطة 2018) النسبة $\frac{MA}{MC} = \frac{3}{2}$.

(11) (القطيطة 2018) $\frac{\text{مساحة } MAD}{\text{مساحة } MBC} = \frac{9}{4}$.



Maher Barbar

والأمانى فى متناول الجميع ولكن فى النهاية
لايفوز الا أهل العزائم



ملك السؤال الأول:

1* بفرضها:

حجم الأبرطوانة الكبيرة $V_1 = 1000 \text{ cm}^3$

حجم الأبرطوانة الصغيرة $V_2 = 8 \text{ cm}^3$

المطلوب وما ولد التغير لذلك نضع

حجم الأبرطوانة الصغيرة $V_2 = 8 \text{ cm}^3$

الكبيرة $V_1 = 1000 \text{ cm}^3$ نفهم أن نسبة هذين

شكلين متشابهين متساويين عكس نسبة

التشابه: $V_2 = k^3 \Rightarrow$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{k^3}{1000} = \frac{8}{1000} = \frac{2^3}{10^3}$$

$$k^3 = \left(\frac{2}{10}\right)^3 = \left(\frac{1}{5}\right)^3 \Rightarrow k = \frac{1}{5}$$

فالإجابة الصحيحة هي B.

2* تذكر أن:

$k > 1$ يقول التشابه إلى تكبير الشكل

$k < 1$ يقول التشابه إلى تصغير الشكل

$k = 1$ يقول التشابه إلى تطابق

الإجابة الصحيحة هي B. ونذكر $k > 0$

3* بفرضها:

مساحة المثلث الصغير: $S_1 = 25 \text{ m}^2$

مساحة المثلث الكبير: $S_2 = 100 \text{ m}^2$

المطلوب نسبة التكبير لذلك نضع

مساحة المثلث الكبير على مساحة

المثلث الصغير من نفهم أن:

نسبة مساحتي شكلين متشابهين

تساوي نسبة التشابه

$$\frac{S_2}{S_1} = k^2 \Rightarrow k^2 = \frac{100}{25} = 4$$

وهذا $k = 2$ (ولأننا نأخذ الجذر الأثبات)

فالإجابة الصحيحة هي C.

4* نسبة التكبير هي عدد $k > 1$ أي

يجب أن تختار المعادلة التي عدد أكبر منها 1

نلاحظ:

$$2k + 3 = 4 \quad \text{المعادلة A:}$$

$$2k = 4 - 3 \Rightarrow 2k = 1 \Rightarrow k = \frac{1}{2}$$

عدد أصغر من 1 فليست A، إجابة صحيحة

المعادلة B:

$$2k + 3 = 5$$

$$2k = 5 - 3 \Rightarrow 2k = 2 \Rightarrow k = 1$$

عدد يساوي 1 فليست B، إجابة صحيحة

المعادلة C:

$$2k + 3 = 6 \Rightarrow 2k = 6 - 3$$

$$2k = 3 \Rightarrow k = \frac{3}{2}$$

عدد أكبر من 1 وهذا الإجابة الصحيحة C.

5* نفس الطريقة ملك السؤال 3

المطلوب نسبة التكبير ونفرضها

$$S_1 = 9 \text{ m}^2 \quad \text{مساحة المربع الصغير}$$

$$S_2 = 36 \text{ m}^2 \quad \text{مساحة المربع الكبير}$$

$$\frac{S_2}{S_1} = k^2 \Rightarrow k^2 = \frac{36}{9} = 4 \Rightarrow k = 2$$

فالإجابة الصحيحة هي C.

*** (6) فسر هنا:**

حجم المكعب الصغير $V_1 = 27 \text{ m}^3$

حجم المكعب الكبير $V_2 = 125 \text{ m}^3$

المطلوب معادل التكبير

لذلك نضع حجم المكعب الكبير

حجم المكعب الصغير حيث نعلم أن

نسبة مجسمي شكلين متشابهين

هي مكعب نسبة التماثل:

$$V_2 = k^3 \Rightarrow k^3 = \frac{125}{27}$$

$$k^3 = \left(\frac{5}{3}\right)^3$$

$$k = \frac{5}{3}$$

أي أن $k = \frac{5}{3}$

فالإجابة الصحيحة **B**.

ملء الفراغ الثاني:

المربع B K G F هو متغير

للمربع ABCD بنسبة $\frac{1}{3}$

*** (1) نعلم أن:** التماثل في مربع

الذي أطوال أبعاده k هي:

k هي تغيير نسبة $\frac{1}{3}$

لذلك نأخذ ضلع من المربع الصغير

وهو ضلع من المربع الكبير:

$$BK = k \Rightarrow \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$$

وهو $BC = 6$ أو بطرق أخرى

المطلوب طول ضلع المربع الكبير لذلك

نضع الكبير على الصغير مع الاحتفاظ

بأن نسبة التماثل لنضع تكبير كما يلي

$$\frac{BC}{BK} = k \Rightarrow BC = k \times BK = \frac{3}{1} \times 2 = 6$$

فالإجابة الصحيحة **B**.

*** (2) المطلوب معادل المربع الصغير**

الكبير بالتالي

$$S(BKGF) = k^2 = \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9}$$

$$S(ABCD) = \frac{1}{9}$$

فالإجابة الصحيحة **B**.

لنكتب مباشرة النسب الثلاث:

$$\frac{AM}{AT} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{CT} = k$$

$$\frac{AM}{3} = \frac{1}{2} \Rightarrow MA = \frac{3}{2}$$

$$\frac{AM}{3} = \frac{2}{4} = \frac{3}{CT} = k = \frac{1}{2}$$

$$\frac{AM}{3} = \frac{1}{2} \Rightarrow MA = \frac{3}{2}$$

الإجابة الصحيحة **B**.

$$\frac{3}{CT} = \frac{1}{2} \Rightarrow CT = 6$$

الإجابة الصحيحة **B**.

$$\frac{MN}{CT} = k = \frac{1}{2}$$

الإجابة الصحيحة **B**.

$$S(NAMI) = k^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$S(ATC) = \frac{1}{4}$$

فالإجابة الصحيحة **B**.

$$0 < k < 1$$

* (7) أعيد التكرير جرداً:

$k < 1$ يؤول التناوب الك تصغير
 $k > 1$ يؤول التناوب الك تكبير
 $k = 1$ يؤول التناوب الك تطابق
 $k > 0$ جرد صوبه دوماً

لنكن مباشرة النسب الثلاث حيث قاعدتها جنبه المنفرق متوازيات

أي في المثلث MBC و MAD لدينا $(AD) \parallel (BC)$ ومنه:

$$\frac{MA}{MC} = \frac{MD}{MB} = \frac{AD}{BC} = k$$

$$\frac{2}{3} = \frac{MD}{MB} = \frac{AD}{BC} = k \Rightarrow k = \frac{2}{3}$$

* (8) عبارة صحيحة وهي نفس عبارة النسب الثلاث

* (9) عبارة صحيحة لأنها نسبة التناوب $k = \frac{2}{3}$ أي نسبة تصغير

* (10) ان $\frac{MA}{MC} = k = \frac{2}{3} \neq \frac{3}{2}$ فالعبارة خاطئة

* (11) نسبة ضلعي مثلث متساويين أي مربع نسبة التناوب

المطلوب: مساحة المثلث المصغر MAD و MBC كبير

$$S(MAD) = k^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

فالعبارة خاطئة

في نسبة مساحة أكبر $S(MBC)$ إلى أصغر $S(MAD)$

أجملتها المنافضة: (دوات) تناوبه نسبة k عند تقدي:

(12) تصغير الأضوال بالعدد k ✓

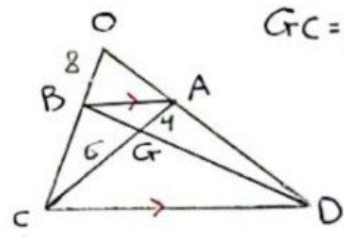
(13) تصغير الزوايا بالعدد k ✗ (التناوب يحافظ على قيمتها الزوايا)

(14) تصغير المساحات بالعدد k^2 ✓ (15) تصغير الحجوم بالعدد k^3 ✓

* إضافة إضافية:

السؤال الأول: في الشكل المرفق:

ABCD شبه وفروق قاعدته [AB]، [CD]
 نعلم أن: $OB = 8 \text{ cm}$
 $GC = 6 \text{ cm}$, $GA = 4 \text{ cm}$



وال المطلوب:

(1) وازن النسبتين:
 $\frac{OB}{OC}$, $\frac{GA}{GC}$

- بيان ABCD شبه وفروق قاعدته متوازيان
 آي أن: $BA \parallel CD$ وعليه بيان:

• بما فيه نسبة النثلث في المثلثين
 نجد GCD , GAB

$\frac{GA}{GC} = \frac{GB}{GD} = \frac{BA}{CD} \dots (1)$

• بما فيه نسبة النثلث في المثلثين
 نجد OCD , OBA

$\frac{OB}{OC} = \frac{OA}{OD} = \frac{BA}{CD} \dots (2)$

من (1) و (2) نجد أن النسبة $\frac{BA}{CD}$ مشتركة

ومنه: $\frac{GA}{GC} = \frac{OB}{OC} = \frac{BA}{CD} \dots *$

أي أن النسبتين $\frac{OB}{OC}$, $\frac{GA}{GC}$ متساويتان

(2) مـ سـ الطول [BC]

من * نجد: $\frac{4}{6} = \frac{8}{OC} \Rightarrow \frac{2}{3} = \frac{8}{OC} \Rightarrow$

$OC = 12 \text{ cm} \Rightarrow BC = 12 - 8 = 4 \text{ cm}$

(3) أثبت أن المثلثين OCD , OBA
 متساويان و استخراج النسبة $\frac{OBA}{OCD}$

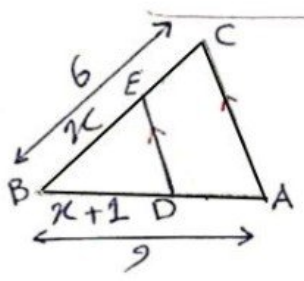
المثلثات متساويان لتساوي أضلاع الأول
 مع مقابلة زاوية الثاني بما فيه نسبة النثلث
 الثالث ونسبة التماس:

$\frac{OB}{OC} = \frac{OA}{OD} = \frac{BA}{CD} = k \Rightarrow$

$\frac{8}{12} = k \Rightarrow k = \frac{2}{3}$

ونعلم أن: نسبة مساحة OBA تكون متساوية
 تساوي مربع نسبة التماس:

$\frac{S(OBA)}{S(OCD)} = k^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$



السؤال الثاني:

في الشكل المرفق
 المثلثان (CA)، (ED)
 متوازيان والمطلوب:
 (1) مـ سـ قيمة k

لدينا أولاً $(ED) \parallel (CA)$ وبالتالي بما فيه نسبة
 النثلث في المثلثين BAC , BDE نكتب:

$\frac{BD}{BA} = \frac{BE}{BC} = \frac{ED}{CA} \Rightarrow$

$\frac{k+1}{9} = \frac{k}{6} \Rightarrow 9k = 6k + 6 \Rightarrow$
 $3k = 6 \Rightarrow k = 2$

(2) مـ سـ [AD], [EC]

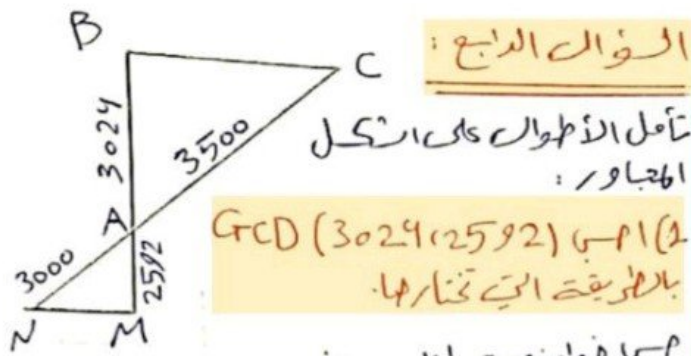
مـ سـ [AD]: $k = 2 \Rightarrow [BD] = k + 1 = 3$
 $\Rightarrow [AD] = 9 - 3 = 6$

مـ سـ [EC]:

$[BE] = k = 2 \Rightarrow [EC] = 6 - 2 = 4$

(3) مـ سـ النسبة $\frac{ED}{CA}$

من * لدينا: $\frac{ED}{CA} = \frac{k}{6} \Rightarrow \frac{ED}{CA} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$



السؤال الرابع:

أعمل الأطوال على الشكل المجاور:

(1) أوجد $GCD(3024, 2592)$ بالطريقة التي تتراها.

أما فوارزوية، انليدس بنيد:

$$3024 = 1 \times 2592 + 432$$

$$2592 = 6 \times 432 + 0 \Rightarrow$$

$$GCD(3024, 2592) = 432$$

(2) اقلزك الأكبرين $\frac{2592}{3024}$ و $\frac{3000}{3500}$

$$\frac{3000}{3500} = \frac{30}{35} = \frac{6}{7}$$

$$\frac{2592 \div 432}{3024 \div 432} = \frac{6}{7}$$

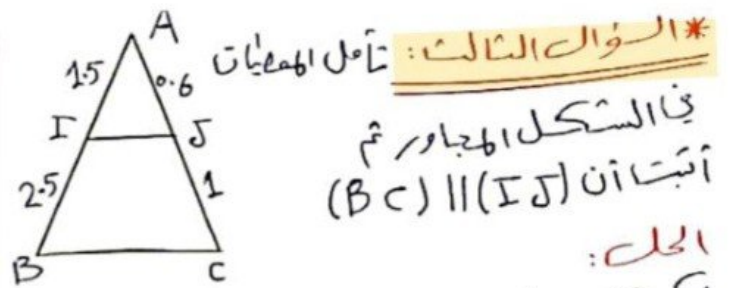
(3) قل ان كان المستقيمان (MN) و (BC) متوازيين أم متقاطعين مع شرح إجابتك.

نفسا الطريقة حل الاصل في السؤال اسبق:

$$\frac{AN}{AC} = \frac{3000}{3500} = \frac{6}{7}$$

$$\frac{AM}{AB} = \frac{2592}{3024} = \frac{6}{7}$$

المستقيمان (MN) و (BC) متوازيان
 كما ميرت نسبة الشرائط حيث
 النقاط B, A, M على القاطع BM
 ونجده بالترتيب مع القاطع M, A, C
 على القاطع NC



*** السؤال الثالث:**

أعمل المهمات التالية:
 في الشكل المجاور تم
 أثبات ان $(IJ) \parallel (BC)$

الحل:

لكي يكون $(IJ) \parallel (BC)$ يلبي أن تتحقق المطاوعة:

$$\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC}$$

$$\left. \begin{aligned} \frac{AI}{AB} &= \frac{15}{40} = \frac{3}{8} \\ \frac{AJ}{AC} &= \frac{0.6}{1.6} = \frac{6}{16} = \frac{3}{8} \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$

$$\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC} \text{ وبأن النقاط } A, I, B$$

على القاطع AB ونجده بالترتيب مع القاطع
 A, J, C على القاطع AC فالمستقيمان
 (IJ) و (BC) متوازيان
 من نسبة الشرائط العكسية.

*** انمائي:** المثلث ABC أكبر من المثلث

AIJ نسبة تكبير k أو هو k ثم أثبت
 أن: $S(ABC) = 64 S(AIJ)$

الحل: بما أن $(IJ) \parallel (BC)$ اثباتنا
 فالمثلثات ABC و AIJ متشابهان
 من نسبة الشرائط والمثلث ABC أكبر
 من المثلث AIJ نسبة تكبير k حيث:
 نسبة التكبير هي $\frac{3}{8}$ نسبة التكبير $k = \frac{8}{3}$

(أو انشأ المثلث الأكبر اي أنقله اليسار)
 ونظام أن نسبة ضلعيه متساويين k^2 :

$$\frac{S(ABC)}{S(AIJ)} = k^2 = \frac{64}{9} \Rightarrow$$

$$9 S(ABC) = 64 S(AIJ)$$

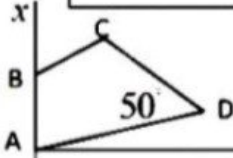
مراجعة سريعة لبعض أفكار الوحدة الثالثة هندسة

السؤال الأول: في كل مما يلي إجابة واحدة صحيحة من بين ثلاث إجابات مقترحة أكتبها:

① (ادلب 2018) رباي دائري فيه قياس $\widehat{BCD} = 115^\circ$ ، فإن قياس الزاوية المقابلة لها \widehat{BAD} يساوي

115°	C	25°	B	65°	A
------	---	-----	---	-----	---

② (الحسكة 2018) في الشكل المجاور رباي دائري فيه $\widehat{ADC} = 50^\circ$ فإن قياس الزاوية \widehat{CBx} يساوي:



130°	C	50°	B	40°	A
------	---	-----	---	-----	---

③ (السويداء وطرطوس 2019) ضلع في مئس منتظم $ABCDE$ مركزه O فإن قياس \widehat{AOB} يساوي:

60°	C	75°	B	72°	A
-----	---	-----	---	-----	---

④ (الحسكة 2019) المستقيم d يمس دائرة C مركزها O نصف قطرها $R = 6$ فإن بعد مركز الدائرة عن المستقيم d

أكبر من 6	C	أقل من 6	B	يساوي 6	A
-----------	---	----------	---	---------	---

⑤ (الرقعة 2019) في الرباعي الدائري مجموع الزاويتين المتقابلتين يساوي :

90°	C	180°	B	100°	A
-----	---	------	---	------	---

⑥ (الرقعة 2019) ضلع في مئس منتظم مركزه O فإن قياس الزاوية \widehat{AOB} يساوي:

60°	C	90°	B	72°	A
-----	---	-----	---	-----	---

⑦ (اللاذقية 2019) دائرة مركزها O ، قوس فيها قياسه 40° فإن قياس الزاوية المركزية \widehat{BOC} يساوي :

80°	C	40°	B	20°	A
-----	---	-----	---	-----	---

⑧ (درعا 2019) ضلع في مئس منتظم مركزه O عدد أضلاعه $(n = 12)$ فإن قياس الزاوية \widehat{AOB} يساوي:

30°	C	45°	B	60°	A
-----	---	-----	---	-----	---

السؤال الثاني: في كل مما يلي أجب بكلمة صح أو خطأ عن كل من القضايا الآتية:

① (السويداء 2018) إذا كان $ABCDEF$ مئس منتظم فإن قياس الزاوية \widehat{CDE} يساوي 120°

② (اللاذقية 2018) إذا كان قياس $\widehat{A} = 100^\circ$ في الرباعي الدائري $ABCD$ فإن قياس الزاوية المقابلة لها $\widehat{C} = 80^\circ$

③ (دمشق 2018) النقطة O هي مركز مئس منتظم أحد أضلاعه $[AB]$ قياس الزاوية \widehat{AOB} تساوي 40°

④ (تكميلي 2018) لنقطة O هي مركز مئس منتظم أحد أضلاعه $[AB]$ قياس الزاوية \widehat{AOB} تساوي 45°

⑤ للمثلث المتساوي الساقين محورا تناظر

⑥ طول قطر الدائرة المارة برؤوس مئس منتظم هو 10 فيكون محيط هذا المئس 60

⑦ الدائرة $C(O, R)$ تمس الدائرة $C'(O', R')$ داخلاً فإن $OO' > R' - R$

*** أولاً: أجب عن السؤالين الآتيين:**

السؤال الأول:

1- نعلم أن: في الدائري الدائري كل

زاويتين متقابلتين متكاملتين وبالتالي:

$ABCD$ دائري فيه $\hat{BCD} = 115^\circ$

فكروا قياس الزاوية المقابلة لـ

$\hat{BAD} = 65^\circ$

الإجابة الصحيحة هي **A**

2- نعلم أن: في الدائري الدائري

الزاوية الخارجية زاوية

الداخلية المقابلة لها وزواوية

$\hat{CBA} = \hat{ADC} = 5^\circ$

الإجابة الصحيحة هي **B**

3- قياس الزاوية المركزية في قطع مستقيم

والتي تقسمها إلى 5 أجزاء \hat{AOB} هي:

فرضاً $\hat{AOB} = \frac{360^\circ}{n}$ ، $n=5$

$\hat{AOB} = \frac{360^\circ}{5} = 72^\circ$

الإجابة الصحيحة هي **A**

4- نعلم أن: الخطم المماس للدائرة

يعد من مركزها بعداً ثابتاً أي

نصف القطر أي أن: $R=6$ بالتالي

بعدها عن مركز الدائرة هو $R=6$

الإجابة الصحيحة هي **A**

5- نعلم أن: في الدائري الدائري كل

زاويتين متقابلتين متكاملتين (مجموعهما 180°)

فالإجابة الصحيحة هي **B**

6- بطريقة مشابهة للسؤال 3 نجد

$\hat{AOB} = 60^\circ$ الإجابة **C**

7- قياس الزاوية المركزية في الدائرة

أي قياس القوس المقابل وبالعكس

وهو $\hat{BOC} = \hat{BC} = 40^\circ$

الإجابة الصحيحة هي **B**

$\hat{AOB} = \frac{360}{12} = 30^\circ$

الإجابة **C**

السؤال الثاني:

1- نعلم أن: قياس الزاوية المركزية في

المسك المنتظم $\hat{AOB} = 60^\circ$ وقياس الزاوية

الداخلية فيه (المشورة بين مماسين متتاليين)

$\hat{CDE} = 180^\circ - \hat{AOB} \Rightarrow$

$= 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$

فالعبارة **صحيحة**

2- في الدائري الدائري كل زاويتين متقابلتين

متكاملتين ، $\hat{A} = 100^\circ$ تقابلها $\hat{C} = 80^\circ$

$\hat{A} + \hat{C} = 180^\circ$ فالعبارة **صحيحة**

3) $A \hat{O} B = \frac{360^\circ}{n} = \frac{360}{8} = 45^\circ$ فالعبارة **صحيحة**

4) العبارة **صحيحة** من المطلوب السابق

5) للمثلث المتساوي الساقين محور تناظر واحد وهو محور ارتفاع القاعدة
فقط فالعبارة **صحيحة**

- تذكر: عدد المحاور التناظرية لأي وضع منتظم يساوي عدد أضلاعه.
- المثلث المتساوي الأضلاع: هو وضع منتظم عدد محاوره التناظرية 3.
 - المربع: هو وضع منتظم عدد محاوره التناظرية هو 4.
 - المستطيل: ليس وضع منتظم وعدد محاوره التناظرية هو 2.
 - المضلع المنتظم: هو وضع منتظم عدد محاوره التناظرية هو 5. ... وهكذا

وتذكر أيضاً: كل وضع منتظم قابل للإشعاع في دائرة مركزه
الدائرة هو مركز المضلع المنتظم.

6) $2R = 10 \Rightarrow R = 5$

فعلم أن: طول ضلع المضلع المنتظم يساوي طول نصف قطر الدائرة
المطابقة برؤوسه (وهو المضلع المنتظم الوحداني الذي يكون له هذه الخاصية)

عرفه $n = 5$ و l هو طول ضلع المضلع المنتظم يساوي
طول ضلعه l ، n عدد أضلاعه ، $P = n \times l$
فالعبارة **صحيحة** $P = 6 \times 5 = 30$

7) عبارة **صحيحة** والجواب: $OO' = R' - R$

* إضائي: دورة 2020، وقد سئل عن رسم في دائرة نصف قطرها 5cm

فإن ضلع المضلع يساوي ...؟ $P = n \times l = 6 \times 5 = 30 \text{ cm}$

اشبه بالالفرض قد يعطيك العايز - أو نصف القطر

(1) أثبت أن $MN \parallel OA$

$MN \parallel OA$ $\left\{ \begin{array}{l} MN \perp AE \text{ (فرضاً)} \\ OA \perp AE \end{array} \right.$
 لأن العمودان على نفس
 المستقيم واحد متوازيان.
 (المسار يماثل، ونفس الخط
 في نقطة التقاطع)

(2) أبا طول OE ثم NE

المثلث OAE قائم في A لأن $OA \perp AE$
 نجد:
 $[OE]^2 = [OA]^2 + [AE]^2$
 $= 36 + 64 \Rightarrow [OE] = 10$
 ومنه $NE = 10 - 6 = 4$

(3) اكتب النسب المتشابهة في المثلثين

MNE ، AOE متشابهين لأن $MN \parallel OA$
 النسب المتشابهة في المثلثين MNE ، AOE

$$\frac{EM}{EA} = \frac{EN}{EO} = \frac{NM}{OA} \Rightarrow$$

$$\frac{EM}{8} = \frac{4}{10} = \frac{NM}{6} \Rightarrow$$

$$\frac{NM}{6} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} \Rightarrow NM = \frac{12}{5} = 2.4$$

(4) أثبت أن $AECD$ رباعي دائري
 وبين مركز الدائرة المارة بـ O و D .

في الرباعي $AECD$ لدينا:
 $\hat{A} = 90^\circ$ ، $\hat{D} = 90^\circ$ زوايا متساويتان تقبلان
 قطعة مستقيمة واحدة $[CE]$ وتقعان بجانب
 واحدة بالنسبة لـ AE فالرباعي دائري ومركز
 الدائرة المارة بـ O و D يقع في تقاطع الوترين
 $[AC]$ و $[ED]$.

* طلب إثباتي:

(5) أبا مساحة المنطقة المظلمة بين الدائرة
 والمثلث AOB ، ما هي قيمة العدد الناتج؟

مساحة الدائرة: $S = \pi R^2$; $R = 3$
 circle

$$= \pi (3)^2 = 9\pi \text{ وحدة مربعة}$$

المثلث AOB متساوي الساقين فيه الزاوية
 $\hat{O} = 60^\circ$ فهو متساوي الأضلاع ونفرض أن

مساحة المثلث المتساوي الأضلاع:
 $S_3 = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$; $a = 3$

$$= \frac{9\sqrt{3}}{4} \text{ وحدة مربعة}$$

مساحة المنطقة المظلمة بين الدائرة والمثلث
 AOB هي S حيث:

$$S = S_{\text{circle}} - S_3 = 9\pi - \frac{9\sqrt{3}}{4}$$

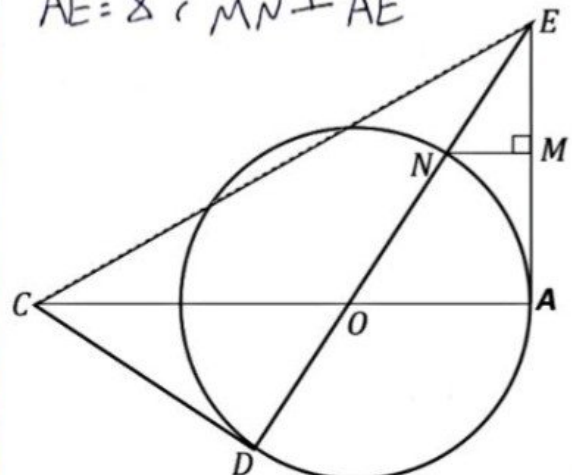
$$= 9 \left(\pi - \frac{\sqrt{3}}{4} \right) \text{ وحدة مربعة.}$$

وهو عدد غير جدي.

* مسألة (دورة)

في الشكل المرافق: دائرة مركزها O و AE قطرها 6 و AE متساويين A
 و CD متساويين D .

$$AE = 8, MN \perp AE$$



(2) أبت أن $OH = 6$ ثم ابرهن أن AH

(دليل بأكس من البروفة)
نعلم أن: في المثلث القائم طول الضلع المقابل للزاوية 30° يساوي نصف طول الوتر
لدينا:

المثلث HAO قائم في A فيه $\hat{H} = 30^\circ$ و $OA = 3$
وبالتالي:
 $HO = 2AO$ ومنه $AO = \frac{1}{2}HO$
 $HO = 2(3) = 6$

و كما أن AH تتلخ نتيجة تطبيق ميثانوس أو الاستفادة من اهدت النسب للزاويتين 30° أو 60°

$$\cos 30^\circ = \frac{AH}{HO} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AH}{6} \Rightarrow AH = 3\sqrt{3}$$

(3) ابرهن أن $\cos \hat{EHB} = \frac{1}{2}$ و ابرهن أن HE

بداية المثلث HB قائم في B
في المثلث (EB) يعامد نصف القطر OB في B بالتالي $\hat{E} = 90^\circ$ ومنه في المثلث القائم HB لدينا:

$$\cos \hat{EHB} = \frac{HB}{HE}$$

(ان $HB = 6 - 3 = 3$)

$$\cos 30^\circ = \frac{3}{HE} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3}{HE} \Rightarrow HE = \frac{3 \times 2}{\sqrt{3}} = 2\sqrt{3}$$

(4) أبت أن النقاط A, E, B, O تقع على دائرة واحدة ثم بين مركزها

في الرباعي $AEB O$ لدينا:
 $\hat{B} = 90^\circ$ (إثباتاً) $\hat{A} = 90^\circ$ (إثباتاً) وكونها مثلثات في الرباعي $AEB O$ فهو دائري أي أن النقاط A, E, B, O تقع على دائرة واحدة مركزها منتصف الوتر المشترك للمثلثين القائمين OEA, OEB

أي منتصف OE

* ملاحظة:

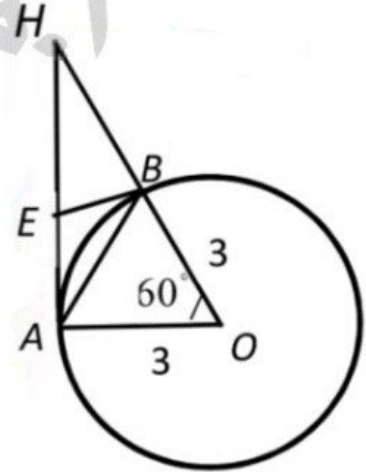
في الامتحان سنجر مسألة الهندسة في الامتحان هذه المسألة تكون من فئة الوحدة والوحدات التي سبق (مسألة مسألة).

* تنويه: لكل أي مسألة هندسة:

ضع الفرضيات مباشرة في الرسم المرسوم. كل معلومة تظهر معك في المسألة أيضاً فركبها مباشرة في الرسم. التزم بترتيب المسائل.

* مسألة (دورة): الرقعة 208

في الشكل المرسوم هائلاً: دائرة مركزها النقطة O ونصف قطرها $OA = 3$ والنقطتين A, B على الدائرة في $\hat{BOA} = 60^\circ$



(1) ابرهن أن $\hat{H} = \hat{BAE}$

(دليل بأكس من البروفة)
مركزية تقاس $\hat{B} = 60^\circ \Rightarrow \hat{AB} = 60^\circ$ بقوس القوس المقابل وبالعرض
لدينا فربنا (HA) مماساً للدائرة في A وبالتالي:
مماسية تقاس بنصف $\hat{BAE} = \frac{1}{2} \hat{AB} = 30^\circ$ (مماس القوس التي تلمسها)
 $HA \perp AO \Rightarrow \hat{HAO} = 90^\circ$
(المماس يعامد نصف القطر في نقطة التماس)
في المثلث HAO القائم في A لدينا $\hat{H} = 30^\circ$ ومنه $\hat{H} = 30^\circ$ (ضع هذه المعطيات في الرسم)

3) (أ) النسبة مساحة المثلث AOD مساحة المثلث AOE

لدينا $OD \parallel OE$ ، إثباتاً وبالنسبة المثلثات AOD ، AOE متطابقتان هما مبرهنه النسبة المثلثية هي:

$$\frac{AO}{AO'} = \frac{AD}{AE} = \frac{OD}{O'E} = k \Rightarrow$$

$$AO = R \quad , \quad AO' = R'$$

$$AO' = 2AO \Leftrightarrow R' = 2R$$

$$\frac{R}{2R} = \frac{AD}{AE} = \frac{OD}{O'E} = k = \frac{1}{2}$$

ونفهم أن نسبة مساحتي مثلثين متطابقتين تساوي k^2 مربع نسبة الشابه ومنه:

$$\frac{S(AOD)}{S(AOE)} = k^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

الآن طبقه دوماً لك المطلوب: هنا المطلوب مساحة المثلث AOD أكبر من مساحة المثلث AOE بمقدار 4 مرات.

4) أثبت أن الرباعي $BNDO'$ دائرياً
وعين مركز الدائرة المارة بـ O' و N .

في الدائره C لدينا:

$$\widehat{ADO} = 90^\circ \text{ (مطيبة في قوس نصف الدائره)}$$

ومنه: (مكملتها) \downarrow

$$\widehat{NDO'} = 90^\circ \text{ ولدينا } NB \text{ مماس للدائره } C$$

في B فهو يعامد نصف قطرها في B أي:

$$O'B \perp BN$$

عاشق نجد:

في الرباعي $BNDO'$ لدينا:

$$\left[\begin{array}{l} \widehat{D} = 90^\circ \\ \widehat{B} = 90^\circ \end{array} \right. \text{ ومكملتان في الرباعي}$$

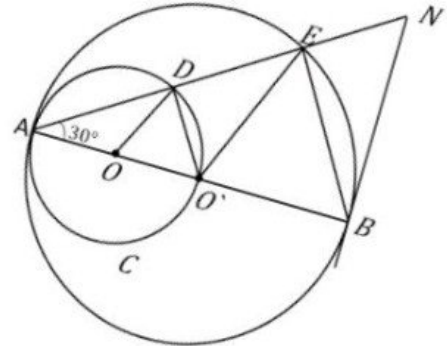
$BNDO'$ فهو دائرياً ومركز الدائرة المارة بـ O' و N .
يقع في قطع الوتر المستوي للمثلثين القائمين $BNDO'$ ، $DNDO'$ أي تقاطع O' و N .

* مسألة (دورة)

في الشكل المجاور، دائرة قطرها AB ومركزها O

NB مماس للدائره C في B

C دائرة قطرها AO' حيث $\widehat{DAO} = 30^\circ$



1) (أ) بمقاييس كل من القوسين \widehat{DO} ، \widehat{EB}

في الدائره C لدينا:

$$\widehat{DAO} = 30^\circ \text{ وهي زاوية ممطيبة في قوس القوس } \widehat{DO} \text{ ومنه:}$$

$$\widehat{DAO} = \frac{1}{2} \widehat{DO} \Rightarrow \widehat{DO} = 2(30) = 60^\circ$$

(مقياس الزاوية المحيطية يساوي نصف مقياس القوس) ومن نفس الطريقة نجد في الدائره C :

$$\widehat{NAB} = 30^\circ \text{ وهي زاوية ممطيبة في قوس القوس } \widehat{EB} \text{ ومنه } \widehat{EB} = 60^\circ \text{ (نفس السبب السابق)}$$

2) أثبت أن $\widehat{DOO'} = \widehat{EOO'}$ و $OE \parallel OD$

في الدائره C لدينا:

$$\widehat{DOO'} = \widehat{DO} = 60^\circ \text{ (مركزية تقاس بمقياس القوس المقابل لـ)}$$

وكذلك الأخر في الدائره C لدينا:

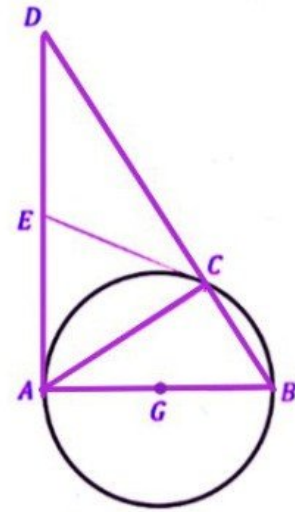
$$\widehat{EOO'} = \widehat{EB} = 60^\circ \text{ (مركزية)}$$

وبالتالي:

$\widehat{DOO'} = \widehat{EOO'} = 60^\circ$ وهما في وضع التماثل بالنسبة للمستقيمين (OD) ، (OE) والقاطعين (AB) ، (AE) فالمتقيمان (OD) ، (OE) متوازيان.

* مسألة (دورة) + إضافات:

في الشكل المرافق دائرة مركزها النقطة G
عقطرها AB=12 حيث $\hat{BAC}=30^\circ$
مساحة الدائرة في A يتقاطع مع BC في D



$$\sqrt{3} = \frac{Dc}{6\sqrt{3}} \Rightarrow Dc = 18$$

وبالتالي:

مساحة المثلث القائم AC D
نضع ههنا ضلعيه القائمين:

$$S_{(ACD)} = \frac{[AC] \times [CD]}{2}$$

$$= \frac{6\sqrt{3} \times 18}{2} = 6\sqrt{3} \times 9$$

$$= 54\sqrt{3} \text{ وحدة مربعة}$$

(2) اذا كانت E منتصف AD
مساحة الدائرة في C

(بجوابات ان قياس الزاوية التي يصنعها
المستقيم EC مع الدائرة يتساوى نصف قياس
القوس AC)

E منتصف الوتر في المثلث القائم AC D
وبالتالي $ED = AE$ ويكون

EC متوسط في المثلث القائم معلق بالوتر DA
ونظام ان: في المثلث القائم: المتوسط المعلق
بالوتر يتساوى نصف طول الوتر ومنه:

$$EC = AE$$

أي ان المثلث AEC متساوي الساقين في E
فيه $\hat{A} = 60^\circ$ فهو متساوي الأضلاع أي ان
 $\hat{ECA} = 60^\circ$

وعلاوة ان $\hat{AC} = 120^\circ$ نجد:

$$\hat{ECA} = \frac{1}{2} \hat{AC}$$

في زاوية مستوية.

أي ان EC مماس للدائرة في C.

(أو نستطيع ان نقل C الى G وبعد ان
أثبتنا ان AEC متساوي الأضلاع، نُثبت ان
 $\hat{ECG} = 90^\circ$ أي ان المستقيم EC يُعاهد
نصف القطر في C فهو مماس - افهم اللمحيتين)

(1) ا) مساحة المثلث AC D

بداية المثلث ACB قائم C حيث:
 \hat{ACB} قوسية قوس نصف الدائرة
فيه $\hat{BAC} = 30^\circ$ أيضا $AB = 12$ ومنه

$$\cos \hat{BAC} = \frac{AC}{AB} \Rightarrow$$

$$\cos 30^\circ = \frac{AC}{12} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AC}{12} \Rightarrow$$

$$AC = 6\sqrt{3}$$

المثلث BAD قائم A لان المماس يُعاهد
نصف القطر في نقطة التماس وبالتالي

$$\hat{DAC} = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$$

(أو مستوية قياسها يتساوى نصف القوس AC
حيث $\hat{AC} = 2\hat{B} = 120^\circ$ لان \hat{B} محيطية)

ومنه: في المثلث القائم AC D نجد:

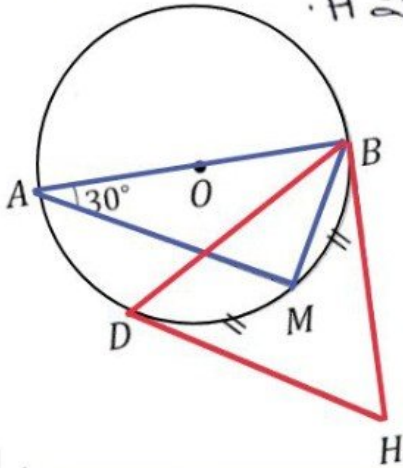
$$\tan \hat{DAC} = \frac{Dc}{Ac}$$

$$\tan 60^\circ = \frac{Dc}{6\sqrt{3}}$$

*** مسألة (دورة)**

3) أثبت أن الرباعي $AGCE$ دائري
عند مركزها O وهي طول نصف قطرها.

في الشكل المجاور دائرة مركزها النقطة O
وقطرها AB طولها 10 .
 M نقطة من الدائرة حيث $\widehat{MD} = \widehat{MB}$
 $\widehat{BAM} = 30^\circ$ ، HB ، HD مماسان
للدائرة في النقطتين B ، D على الترتيب
وتقاطعتان في النقطة H .



1) ابا قياس \widehat{AMB} و \widehat{AD} ، \widehat{BM}

\widehat{AMB} زاوية محيطية وقطر قوس نصف
الدائرة فهي قائمة أي $\widehat{AMB} = 90^\circ$

لدينا فرضياً $\widehat{BAM} = 30^\circ$ وهي محيطية قوس
المقابل \widehat{BM} ومنه:

$$\widehat{BAM} = \frac{1}{2} \widehat{BM} \Rightarrow \widehat{BM} = 2(30^\circ) = 60^\circ$$

(قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس)

وبما أن $\widehat{MD} = \widehat{MB}$ فإن:

$$\widehat{BM} = 60^\circ \Rightarrow \widehat{MD} = 60^\circ \Rightarrow$$

قياس \widehat{AD} نصف قوس الدائرة 180° وبما أن:

$$\widehat{AD} + \widehat{DM} + \widehat{MB} = 180^\circ \Rightarrow \widehat{AD} = 60^\circ$$

ويمكننا اننا بالاستعانة بالزاوية $\widehat{B} = 60^\circ$

2) ابا قياس \widehat{DBM} و \widehat{BDH}

$$\widehat{DBM} = \frac{1}{2} \widehat{DM} = 30^\circ \text{ (محيطية)}$$

DH مماس للدائرة في D ومنه \widehat{BDH} قائمة
قوس \widehat{DB} ومنه:

$$\widehat{BDH} = \frac{1}{2} \widehat{DB} = \frac{1}{2} (120^\circ) = 60^\circ$$

(قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس القوس)

CE مماس للدائرة في C ، اثبات \widehat{CEA}
 EA مماس للدائرة في A فرضياً ، وبما اني
لدينا $\widehat{CEA} = 90^\circ$ ، $\widehat{CEA} = 90^\circ$
نصف القطر في نقطة التقاطع
 $EA \perp AC$

أصبح لدينا في الرباعي $AGCE$
 $\widehat{A} = 90^\circ$ ، $\widehat{C} = 90^\circ$
زاويتان متقابلتان وقتكاملتان
فدائرة مركزها الدائرة المارة

بروزوسه يقع في منتصف الوتر المشترك
للمثلين القائمين EGC ، EGA أي
منتصف EC
لنصف نصف قطرها.

من المثلث القائم EGA وهي متباينتان نجد:

$$[EG]^2 = [AG]^2 + [AE]^2$$

$$= (6)^2 + (6\sqrt{3})^2$$

$$= 36 + 108 = 144 \Rightarrow [EG] = 12$$

وهو قطر في الدائرة المارة برؤوس الرباعي
 $AGCE$ وبما اني نصف قطر تلك الدائرة
 $\frac{[EG]}{2} = 6$

حاذ انظر الى مركز الدائرة المارة برؤوس
الرباعي $AGCE$ يكون بالبل نقطة تقاطع
المنصف EG مع القوس \widehat{AC}

*** اثنائي وتثبت الخلق للطلاب:**

أثبت أن الرباعي $EGCD$ شبه
مخروط ، ابا قياس \widehat{EGD}

ابا قياس المثلث GCB وطول
أهد ارتفاعاته.

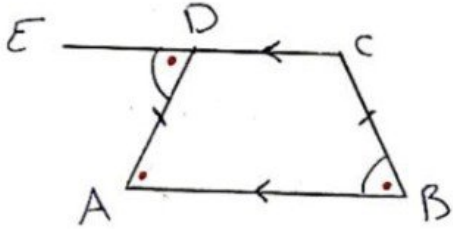
أثبت أن الرباعي $AGCH$ معين ابا قياس
(مب H نقطة تقاطع المنصف EG مع القوس \widehat{AC})

* سؤال:

ناقش صحة الادعاء التالي عدياً رابعاً.

كل شبه منحرف متساوي الساقين هو
رباعي دائرياً.

الحل:



في الشكل المرافق:

ABCD شبه منحرف متساوي

الساقين بالتالي زاويتا القاعدة متساويتان

فرضاً (لأنه متساوي الساقين) $\hat{A} = \hat{B}$

قاعدة DC شبه المنحرف متوازيتان

$DC \parallel AB$

(ارسم قوساً في D و B اسقيت أو القاعدة)

لقد DC بالى E فيكون:

$$\begin{cases} \hat{E} \hat{D} A = \hat{D} \hat{A} B & \dots \text{تبادل داخلي} \\ \hat{C} \hat{B} A = \hat{D} \hat{A} B & \dots \text{زاويتا القاعدة} \end{cases}$$

وبالتالي

$$\hat{E} \hat{D} A = \hat{C} \hat{B} A$$

أي أن الزاوية الخارجه في الدائري

ABCD متساوي الزاوية الدائرية

المقابلتة لجواررتة فهو رباعي دائرياً.

وبالتالي الادعاء صحيح وكل شبه

منحرف متساوي الساقين هو رباعي دائرياً.

(3) احسب أطوال المثلث $\hat{A}MB$ واهي مساحته.

لقد أثبتنا أن المثلث AMB قائم في M
فيه $\hat{B} \hat{A} M = 30^\circ$ ، $AB = 10$. وبالتالي:

$$[BM] = \frac{1}{2} [AB] = \frac{1}{2} (10) = 5$$

لأن الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم
متساوي نصف طول وتره... أو استخدم المثلث

النسب المثلثية للزاويتين $(\hat{A} = 30^\circ, \hat{B} = 60^\circ)$
لأن AM عن طريق ميناكوت أو:

$$\cos \hat{B} \hat{A} M = \frac{AM}{AB} \Rightarrow$$

$$\cos 30^\circ = \frac{AM}{10} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AM}{10} \Rightarrow$$

$$AM = 5\sqrt{3}$$

مساحة المثلث القائم متساوي نصف مساحة
مربعه القائم من أضلاله:

$$S_{(ABM)} = \frac{[AM] \times [MB]}{2} = \frac{5\sqrt{3} \times 5}{2} = \frac{25\sqrt{3}}{2}$$

وحدة
مربعة

(4) أثبت أن المثلث DBH متساوي الأضلاع.

$$\hat{B} \hat{D} H = \hat{D} \hat{B} H = 60^\circ$$

(مماسيتان في نفس القوس $\hat{D} \hat{B} = 120^\circ$)

وبالتالي $\hat{B} \hat{H} D = 60^\circ$ (مجموع ضلعتي المثلث 180°)

* إثباتي: أثبت أن DB نصف للزاوية $\hat{A}BM$

في المثلث القائم ABM لدينا:

$$\hat{A} = 30^\circ, \hat{M} = 90^\circ \Rightarrow \hat{B} = 60^\circ$$

وهكذا: $\hat{D} \hat{B} M = 30^\circ$ ومنه $\hat{D} \hat{B} A = 60^\circ - 30^\circ = 30^\circ$

أي أن DB نصف للزاوية $\hat{A}BM$

(كل بطرق أخرى)

*** متوازيات المستطيلات :**

هو عو مشور قائم قائده مستطيل رجه هو
 بهار أبعاد الثلاثه :

$$V = K \cdot n \cdot z$$

*** المكعب :** هو عو مشور قائم كل أوه رجه مع

القاعدتين عبارة عن مربعان متطابقان ويكون :

$$S_L = 4a^2 \quad ; \quad a \text{ طرف المكعب}$$

$$S_T = 6a^2 \quad ; \quad a \text{ طرف المكعب}$$

$$V = a^3 \quad ; \quad a \text{ طرف المكعب}$$

المقاطع :

بشكل عام

* مقطع عو مشور قائم بمشور يوازي إحدى
 قاعدتيه هو قطع (أضلاع) مطابق للقاعدة .

* مقطع متوازي مستطيلات بمشور يوازي
 أوه أو رجه هو مستطيل مطابق لذلك الوجه .

* مقطع متوازي مستطيلات بمشور يوازي
 أوه أو رفته هو مستطيل أوه بعديه
 يارو ذلك الحرف .

* مقطع مكعب بمشور يوازي أوه أو رجه
 (أوه إحدى قاعدتيه) هو مربع مطابق لذلك
 الوجه .

* مقطع مكعب بمشور يوازي أوه أو رفته
 دون أن يوازي أوه أو رجه هو مستطيل
 أوه بعديه يارو ذلك الحرف

فرا هت سر رجه لبعضى أشكال
 الوحدة الرابعة .

*** الموشور القائم :**

صاحته الجانبيه :

$$S_L = P \cdot h \quad ; \quad h \text{ ارتفاع الموشور } P \text{ محيط القاعدة}$$

صاحته الكليه :

$$S_T = S_L + 2S_b \quad ; \quad S_b \text{ صاحته إحدى قاعدتيه}$$

حجم الموشور :

$$V = S_b \times h$$

*** الأهرامات الدورانيه :** هي عو مشور

قائم قائده دائرة ، القوانين الخاليه
 هي نفس القوانين الساقه حيث :

صاحته الجانبيه :

$$S_L = P \times h \Rightarrow S_L = 2\pi R \cdot h$$

صاحته الكليه :

$$S_T = S_L + 2S_b$$

$$\Rightarrow S_T = 2\pi R \cdot h + 2\pi R^2$$

حجمه :

$$V = S_b \times h = \pi R^2 \times h$$

ملاحظة : الأهرامات الدورانيه ناتجة

من دورات مستطيل حول أوه بعديه أو من
 دوران مربع حول أوه أو رفته .
 (س أو ٢ + إهر الإهليه الصغرى)

مقطع أسطوانة دورانية بمسوية يوازى
قاعدتها (أو يساوي محورها) هو دائرة متساوية
لقاعدة.

* مقطع أسطوانة دورانية بمسوية يوازى
محورها (أو محوي محورها) هو مستطيل
هرجزيه يساوي ارتفاع الأسطوانة.

وفي الحالة الخاصة يكون مربع إذا كان
طول قطر قاعدة الأسطوانة يساوي
طول ارتفاعها (أي طول محورها)

* الارتفاع: h : هجبه :

$$V = \frac{1}{3} S_b \cdot h$$

* تقول عن هرم انه منتظم إذا تحقق الشرطين:
1- قاعدته مضلع منتظم
2- ارتفاع الارتفاع يصل بين مركز القاعدة ومركز
الهرم.

* في الارتفاع المنتظم: الأضلاع الجانبية هي مثلثات
متساوية الساقين أو متطابقة.

* رباعي القاعدة المنتظم (3 أضلاع + قاعدة)

هو هرم منتظم قاعدته مثلث متساوي
الأضلاع، الأضلاع الجانبية مثلثات متساوية
الأضلاع ومطبوقه مع القاعدة أيضاً.

- إذا طلبت المساحة الجانبية للهرم في هذه
الحالات: $S_L = 3S_3$ (3 أضلاع متساوية مثلثه
متساوي الأضلاع)
- إذا طلبت المساحة الكلية:
 $S_T = 4S_3$

- أفعال قانون الحجم هو ذاته قانون حجم الهرم
لأنه بالأساس هو هرم.

مقطع هرم:

* مقطع هرم بمسوية يوازى قاعدته
هو مضلع أصغر مما للقاعدة

* المخرول الدوراني:

* حجم ينتج من دوران مثلث قائم حول
أحد ضلعيه القاعين
(أو دوران مثلث حول أحد ارتفاعاته)

* حجم المخرول:

$$V = \frac{1}{3} S_b \cdot h$$

وعليه فإن: (ملاحظة): حجم المخرول يساوي
ثلث حجم الأسطوانة المنتزعة مع القاعدة
والارتفاع ويكون حجم الأسطوانة ثلثته
أيضاً حجم ذلك المخرول.

مقطع مخروط:

* مقطع مخروط بمسوية يوازى قاعدته هو
دائرة أصغر مما للقاعدة.

* الدائرة الأكبر: مركزها مركز الكرة
دائرة واقعة على الكرة أو قطرها
يأوي قطر الكرة، ويوجد عدد لا لا
منها لدوائر الأكبر على الكرة.

* الدائرة الأصغر:

دائرة واقعة على الكرة لا ينطبق مركزها
على مركز الكرة وقطرها أصغر مما
منها قطر الكرة.

* دوران دائرة حول قطرها كرة
* دوران قرصها دائري حول مركزها
← حجم كروي

المقاطع:

* مقطع كرة ينتو يمر من مركز الكرة
صافته أي نصف قطر لها هو قطرها.

* مقطع كرة ينتو بعد من مركز الكرة
صافته أصغر من نصف قطر لها هو
دائرة صغيرة.

* مقطع كرة، ينتو خارج من مركزها
(المصافته بين وبين مركز الكرة صغير)
هو دائرة كبرى.

* مقطع حجم كروي لمنتو هو
قرص دائري.

* الرطب الكروي - الحجم الكروي

* حجم كروي: $0 < r < R$

* رطب كروي: $0 < r = R$

* حجم الكرة بدلالة نصف قطر لها: R

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3$$

* صافته الرطب الكروي:

$$V = 4 \pi R^2$$

* صافته: حجم الكرة يادي

صافته الرطب الكروي في الحالة

واحدة فقط وهي عندما $R = 3$

(اختيار صافته \downarrow أو \leftarrow)
حجم الكرة بدلالة قطر لها: d

$$d = 2R \Rightarrow R = \frac{d}{2}$$

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{4}{3} \pi \left(\frac{d}{2}\right)^3$$

$$\Rightarrow V = \frac{1}{6} \pi d^3$$

صافته رطب بدلالة قطر لها: d

$$S = 4 \pi R^2 = 4 \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2$$

$$= 4 \pi \left(\frac{d^2}{4}\right) = \pi d^2$$

مراجعة سريعة لبعض أفكار الوحدة الرابعة هندسة

السؤال الأول: في كل حالة آتية إجابة صحيحة واحدة من بين ثلاث إجابات مقترحة . اكتبها.

(1) السويداء 2018: مكعب طول حرفه $\sqrt{2}$ فإن حجمه :

A	$4\sqrt{2}$	B	$8\sqrt{2}$	C	$2\sqrt{2}$
---	-------------	---	-------------	---	-------------

(2) الرقة 2018: اسطوانة دورانية طول قطر قاعدتها 6cm فإن مقطع هذه الاسطوانة بمستوى يوازي قاعدتها هو دائرة مساحتها:

A	$9\pi \text{ cm}^2$	B	$36\pi \text{ cm}^2$	C	$48\pi \text{ cm}^2$
---	---------------------	---	----------------------	---	----------------------

(3) القنيطرة 2018: مكعب طول حرفه $x = 0.01 \text{ m}$ فيكون حجمه :

A	10^{-2} m^3	B	10^{-6} m^3	C	10^{-12} m^3
---	-----------------------	---	-----------------------	---	------------------------

(4) حلب 2018: مكعب حجمه 27 m^3 صمم نموذجاً كبيراً له حجمه 125 m^3 فإن معامل التكبير يساوي:

A	$\frac{3}{5}$	B	$\frac{5}{3}$	C	$\frac{125}{27}$
---	---------------	---	---------------	---	------------------

(5) ريف دمشق 2018: مربع مساحته 9 m^2 ، صمم نموذجاً كبيراً له مساحته 36 m^2 فإن معامل التكبير يساوي:

A	4	B	3	C	2
---	---	---	---	---	---

(6) طرطوس 2018: مكعب طول حرفه $x = 0.1 \text{ m}$ فيكون حجمه:

A	10^{-2} m^3	B	10^{-3} m^3	C	10^3 m^3
---	-----------------------	---	-----------------------	---	--------------------

(7) دير الزور 2018: مقطع أسطوانة دورانية بمستوى يوازي قاعدتها هو :

A	دائرة	B	مستطيل	C	قطعة مستقيمة
---	-------	---	--------	---	--------------

(8) حمص 2018: مقطع مخروط دوراني بمستوى يوازي قاعدته هو :

A	دائرة مصغرة عن دائرة القاعدة	B	دائرة مكبرة عن دائرة القاعدة	C	دائرة طبوقة على دائرة القاعدة
---	------------------------------	---	------------------------------	---	-------------------------------

(9) دمشق 2018: هرم ارتفاعه 9 cm وقاعدته مربع طول ضلعه 3 cm فإن حجم الهرم يساوي:

A	81 cm^3	B	27 cm^3	C	36 cm^3
---	-------------------	---	-------------------	---	-------------------

السؤال الثاني: أجب بكلمة صح أو خطأ على العبارات التالية:

- (دمشق 2018) سطح كروي مركزه O ونصف قطره R هو مجموعة نقاط الفراغ M التي تحقق $OM < R$.
- (دمشق 2018) مقطع اسطوانة دورانية بمستوى يوازي محورها هو مستطيل أحد بعديه يساوي ارتفاع الأسطوانة
- (درعا 2018) المخروط الدوراني ينتج من دوران مثلث قائم الزاوية حول أحد الضلعين القائمتين.
- (درعا 2018) مقطع هرم بمستوى يوازي قاعدته هو مضلع طبوق مع قاعدته
- (حلب 2018) مقطع مخروط دوراني بمستوى يوازي القاعدة هي دائرة طبوقة مع القاعدة
- (الحسكة 2018) أسطوانة دورانية نقطتها بمستوى يوازي محورها كان المقطع مستطيل
- (اللاذقية 2018) مقطع الكرة بمستوى يمر من مركزها هو دائرة طول قطرها يساوي طول قطر الكرة .
- (اللاذقية 2018) المكعب الذي طول ضلعه a فإن حجمه مساوي $3a^2$.
- (الرقة 2018) مقطع هرم بمستوى يوازي قاعدته هو تكبير للقاعدة .
- (دير الزور 2018) مكعب طول حرفه $2 \times 10^2 \text{ cm}$ فإن حجمه يساوي $8 \times 10^2 \text{ cm}^3$.
- (دير الزور 2018) الجسم الكروي الذي مركزه O ونصف قطره R مجموعة نقاط الفراغ التي تحقق $OM \geq R$.
- (ريف دمشق 2018) مقطع مخروط دوراني مواز للقاعدة هو دائرة مصغرة عن دائرة قاعدة المخروط .
- (طرطوس 2018) مقطع مخروط دوراني يوازي القاعدة هو دائرة طبوقة على القاعدة.
- (طرطوس 2018) مقطع اسطوانة بمستوى يوازي محورها هو دائرة.
- (السويداء 2018) مقطع متوازي مستطيلات بمستوى يوازي أحد أحرفه هو مستطيل
- (طلاب سوريا المقيمين في لبنان 2019) مقطع متوازي مستطيلات بمستوى يوازي أحد أحرفه هو مستطيل
- (وزاري 2018) مقطع هرم بمستوى يوازي قاعدته هو تكبير للقاعدة

* السؤال الأول:

(1) $a = \sqrt{2}$ ، نعلم أن حجم المكعب:

$V = a^3 = (\sqrt{2})^3 = 2\sqrt{2}$ **الإجابة C**

(2) قطع أطرطوانة دورانية لمتوازيات
قاعدتيا (يُعامد محورها) هودائرة تقاطق
دائرة القاعدة.

• طول قطر دائرة القاعدة: $2R = 6 \Rightarrow R = 3$
• مساحة دائرة القاعدة:

$S = \pi R^2 = 9\pi \text{ cm}^2$

ومنه المقطع دائرة مساحتها $9\pi \text{ cm}^2$
الإجابة A.

(3) $a = 0.01 \text{ m}$ ، حجم المكعب:

$V = a^3 = (0.01)^3 = \left(\frac{1}{100}\right)^3 = (10^{-2})^3$
 $= 10^{-6} \text{ m}^3$ **الإجابة B.**

(4) المطلوب معامل التكبير (نبة التاج)

حجم المكعب الصغير $V_1 = 27 \text{ m}^3$

حجم المكعب الكبير $V_2 = 125 \text{ m}^3$

ومنه معامل التكبير (هي نعلم نبة

حجمي) $\frac{V_2}{V_1}$ متساويين متوالي مكعب

نبة التاج)

تكمير $\frac{V_2}{V_1} = k^3$ تكمير

$\frac{125}{27} = k^3 \Rightarrow k^3 = \left(\frac{5}{3}\right)^3$

وبالتالي معامل التكبير $k = \frac{5}{3}$

الإجابة B.

(لو طلبنا معامل التكمير $k = \frac{3}{5} = \frac{V_1}{V_2}$ لتكمير

(5) مساحة المربع الصغير $S_1 = 9 \text{ m}^2$

مساحة المربع الكبير $S_2 = 36 \text{ m}^2$

المطلوب معامل التكبير (نبة التاج)

- نعلم أن نبة ضلعي مثلين متساويين
تساوي مربع نبة التاج.

تكمير $\frac{S_2}{S_1} = k^2 \Rightarrow \frac{36}{9} = k^2 \Rightarrow$

$k^2 = 4 \Rightarrow k = 2$ **الإجابة C**

(فتكون نبة التكمير $\frac{1}{2}$)

(6) $a = 0.1 \text{ m}$ ، حجم المكعب:

$V = a^3 = (0.1)^3 = (10^{-1})^3 = 10^{-3} \text{ m}^3$

الإجابة B.

(7) قطع أطرطوانة دورانية لمتوازيات

قاعدتيا (أو يُعامد محورها) هودائرة تقاطق القاعدة.

الإجابة A.

(8) قطع مخروط دوراني لمتوازيات

قاعدته هودائرة ومخروط من القاعدة

الإجابة A.

(9) حجم الهرم يُعطي بالمساحة.

$V = \frac{1}{3} S_b \times h$

حيث: h ارتفاع الهرم $h = 9 \text{ cm}$

S_b : مساحة القاعدة وهي عبارة عن مربع طول

ضلعه 3 cm فاحته $S_b = l^2 = 9 \text{ cm}^2$

$\Rightarrow V = \frac{1}{3} (9)(9) = 27 \text{ cm}^3$

الإجابة B.

يتبع هذا العمل

بإدراج

ثمانية نماذج

جزئية مقسمة

حسب

وحدات الكتاين

بالإضافة

إلى خمسة

نماذج امتحانية

متدرجة

المستوى

محاكية

تماما لأسئلة

الامتحان

■

■

■

يتم وضعها

لطلاب الدورة

الإلكترونية فقط

* السؤال الثاني:

(1) مفضاً: سطح كروي $\Rightarrow OM = R$

(2) مفضاً:

(3) مفضاً: (وقد تأتي: دورات مثلث حول ارتفاعه)

(4) مفضاً: قطاع ومغز من القاعدة.

(5) مفضاً: دائرة ومغز من القاعدة.

(6) مفضاً:

(7) مفضاً: (المقطع سيكون دائرة كبرى)

(8) مفضاً: $V = a^3$

(9) مفضاً: ومغز من القاعدة.

(10) مفضاً: $a = 2 \times 10^2$ وحدة

$V = a^3 = (2 \times 10^2)^3 = 2^3 \times 10^6 = 8 \times 10^6 \text{ cm}^3$

(11) مفضاً: حجم كروي $OM \leq R$

(12) مفضاً:

(13) مفضاً: دائرة ومغز من القاعدة.

(14) مفضاً: مستطيل ويمكن أن يكون مربعاً.

(15) مفضاً:

(16) مفضاً: { مكد

(17) مفضاً: تصنيف للقاعدة.

راجع أوراق العمل وملوك الدورات

بالإضافة إلى الاختبار المطبق بالوحدة

وأسئلة الوحدة التي ركزت عليها.

والأسئلة الواردة في ملف كل درس.