

مع

# سلسلة رفعة للأوراق العمل "رياضيات ٦"

إعداد : أ/ جواهر العنزي



@Jwahr\_H5

أ. جواهر حمدان العنزي  
فهرست مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر  
مع سلسلتة رفعة لأوراق العمل ( رياضيات ٦ )

رقم الإيداع : 1443/4825

تاريخ : 16/5/1443

هـ ورقم ردمك : 0 - 0184 - 04 - 603 - 978

## المقدمة

الحمد لله والصلاة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين  
أما بعد :

نبذه تعريفيه بمجموعة رفعة

هي مجموعة تدار من قبل معلمي ومعلمات الرياضيات من جميع أنحاء المملكة  
وهي قائمة على التطوير المهني للمعلمين والمعلمات وابتكار الأفكار  
الإبداعية للتعليم العام .

وبهدف التيسير والتسهيل لمادة الرياضيات

نقدم لكم " سلسلة رفعة لأوراق العمل لمادة رياضيات ٦ "

تحتوي على مجموعة كبيرة من الأسئلة التي تناقش اهم المهارات الأساسية  
لمنهج رياضيات ٦

وأرجو من الله ان تجدوا فيها الفائدة

حسابات مجموعة رفعة الرياضيات

قناة رياضيات ٦



إعداد : أ/ جواهر العنزي

 @Jwahr\_H5

## المتجهات

الفصل الخامس

مقدمة في المتجهات	(5 - 1)
المتجهات في المستوى الإحداثي	(5 - 2)
الضرب الداخلي	(5 - 3)
المتجهات في الفضاء الثلاثي الأبعاد	(5 - 4)
الضرب الداخلي والضرب الاتجاهي للمتجهات في الفضاء	(5 - 5)

إعداد : أ/ جواهر العنزي

 @Jwahr\_H5

(5 - 1) مقدمة في المتجهات

الشعبة:

الاسم:

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

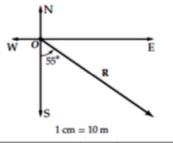
١- مساحة مربع  $20m^2$  تسمى هذي الكمية :

(د) كمية قطبية

(ج) كمية مركبة

(ب) كمية متجهه

(أ) كمية قياسية



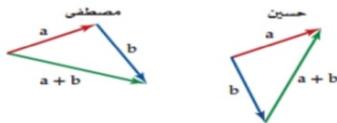
٢) زاوية الاتجاه الربعي في الشكل المقابل تكتب بالصورة

(د)  $55^\circ$

(ج)  $S55^\circ S$

(ب)  $E55^\circ S$

(أ)  $145^\circ$



٣) حاول كل من حسين ومصطفى ايجاد محصلة المتجهين الشكل المقابل فكان :

(د) كلاهما خاطئ

(ج) كلاهما صحيح

(ب) حسين أجابته صحيحة

(أ) مصطفى أجابته صحيحة

أوجد حل مما يلي :

يدفع حسن مكنسة التنظيف

بقوة مقدارها  $190N$

وبزاوية قياسها  $33^\circ$  مع سطح الأرض

كما في الشكل

أوجد مقدار كل من

المركبة

الأفقية والراسية ؟



أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

١) مقدار المحصلة الناتجة عن جمع المتجهين

$18N$  للأمام ثم  $20N$  للخلف

يساوي ..... واتجاهها .....

٢) المتجهان ..... لهما الطول نفسه

والاتجاه نفسه .

إعداد : أ/ جواهر العنزي

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) الصورة الاحداثية للمتجه  $\overrightarrow{AB}$  الذي نقطته بدايته  $A(2, -7)$  ونقطته نهايته  $B(-6,9)$  هي :

- (أ)  $\langle -8, -16 \rangle$  (ب)  $\langle -8, 16 \rangle$  (ج)  $\langle 8, 16 \rangle$  (د)  $\langle 16, 8 \rangle$

(٢) اذا كان  $h = \langle -6, 2 \rangle$ ,  $g = \langle -3, -5 \rangle$ ,  $f = \langle 8, 0 \rangle$  فإن  $2f + g - 3h$  تساوي :

- (أ)  $\langle -31, 11 \rangle$  (ب)  $\langle -31, -11 \rangle$  (ج)  $\langle 31, -11 \rangle$  (د)  $\langle 30, 12 \rangle$

(٣) عند كتابة  $\overrightarrow{DE}$  الذي نقطته بدايته  $D(4, -1)$  ونقطته نهايته  $E(5, -7)$  على صورة توافق خطي لمتجهي الوحدة  $i, j$

- (أ)  $i - 6j$  (ب)  $i - 5j$  (ج)  $i - j$  (د)  $i + 6j$

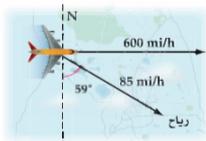
(٤) الصورة الاحداثية للمتجه  $v$  الذي طوله  $|v| = 16$  وزاوية اتجاهه  $\theta = 330^\circ$  مع الاتجاه الموجب للمحور  $x$  هي:

- (أ)  $\langle 8\sqrt{3}, 6 \rangle$  (ب)  $\langle 8\sqrt{3}, 8 \rangle$  (ج)  $\langle \sqrt{3}, -8 \rangle$  (د)  $\langle 8\sqrt{3}, -8 \rangle$

أوجد حل مما يلي :

تطير طائرة جهة الشرق بسرعة مقدارها  $600\text{mi/h}$  وتهب الرياح بسرعة مقدارها  $85\text{mi/h}$  باتجاه  $S59^\circ E$

- (١) أوجد محصلت سرعة الطائرة.  
(٢) أوجد زاوية اتجاه مسار الطائرة .



أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) طول المتجه  $\overrightarrow{AB}$  الذي نقطته بدايته  $A(-3,1)$  ونقطته نهايته  $B(4,5)$  هو .....

(٢) متجه الوحدة  $u$  الذي له نفس اتجاه المتجه  $V = \langle 1, 7 \rangle$  هو .....

(٣) زاوية اتجاه المتجه  $-4i - 3j$  مع الاتجاه الموجب للمحور  $x$  هي .....

إعداد : أ/ جواهر العنزي

### (3 - 5) الضرب الداخلي

الشعبة:

الاسم:

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) حاصل الضرب الداخلي للمتجهين  $u = \langle 4, -4 \rangle$ ,  $v = \langle 7, 5 \rangle$  هو :

(د) 6

(ج) -8

(ب) 10

(أ) 8

(٢) طول المتجه  $r = \langle -9, -4 \rangle$  هو :

(د) 5.8

(ج) 8.5

(ب) 9.8

(أ) 8

(٣) المتجهان  $u = 11i + 7j$ ,  $v = -7i + 11j$  :

(د) متعاكسان

(ج) متعامدان

(ب) متساويان

(أ) متوازيان

أوجد حل مما يلي :

يدفع طارق برميلاً على أرض مستوية مسافتها  $1.5m$  بقوة مقدارها  $534N$  بزاوية  $25^\circ$  ، أوجد مقدار الشغل بالجول الذي يبذله طارق وقرب الناتج الى أقرب عدد صحيح .



أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) الزاوية  $\theta$  بين المتجهين

$$u = \langle 7, 10 \rangle, v = \langle 4, -4 \rangle$$

هي .....

(٢) المتجه الذي يعامد المتجه  $\langle 7, -4 \rangle$

هو .....

إعداد : أ/ جواهر العنزي

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) طول القطعة المستقيمة التي نقطتها بدايتها  $(-4, 10, 4)$  ونقطتها نهايتها  $(1, 0, 9)$  تساوي :

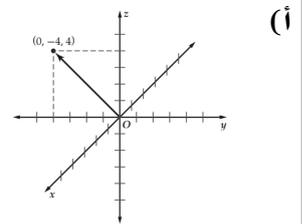
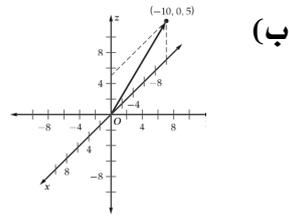
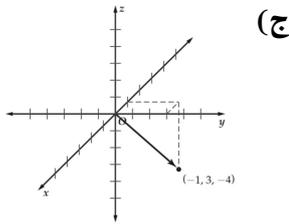
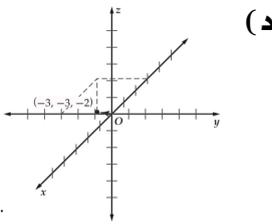
(د) 10

(ج) 13.25

(ب) 12.25

(أ) 10.75

(٢) المتجه  $b = \langle -3, -3, -2 \rangle$  يمثل بيانياً في نظام الإحداثيات الثلاثي :



(٣) إذا كان  $A(3, 5, 1)$  نقطة لبداية لقطعة مستقيمة و  $B(0, 0, -9)$  نقطة النهاية فإن متجه الوحدة في اتجاه  $\overrightarrow{AB}$  هو :

(د)  $\left\langle \frac{-3\sqrt{140}}{140}, \frac{-5\sqrt{140}}{140}, \frac{-5\sqrt{140}}{67} \right\rangle$

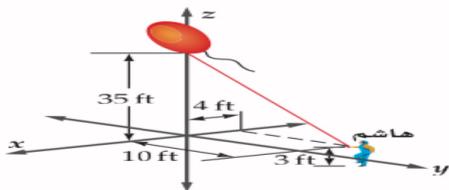
(ج)  $\left\langle \frac{3\sqrt{134}}{134}, \frac{5\sqrt{134}}{134}, \frac{5\sqrt{134}}{67} \right\rangle$

(ب)  $\left\langle \frac{\sqrt{134}}{134}, \frac{\sqrt{134}}{134}, -\frac{5\sqrt{134}}{67} \right\rangle$

(أ)  $\left\langle \frac{-3\sqrt{134}}{134}, \frac{-5\sqrt{134}}{134}, -\frac{5\sqrt{134}}{67} \right\rangle$

أوجد حل مما يلي :

تطوع هاشم لحمل بالون كدليل في استعراض رياضي إذا كان البالون يرتفع  $35ft$  عن سطح الأرض ويمسك هاشم بالحبل الذي ثبت به البالون على ارتفاع  $3ft$  عن سطح الأرض كما في



أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) إذا كان

$$a = \langle -5, -4, 3 \rangle, b = \langle 6, -2, -7 \rangle$$

$$6a - 7b + 8c \text{ فإن } c = \langle -2, 2, 4 \rangle$$

تساوي.....

(٢) إذا كانت  $M(3, 4, 5)$ ,  $N(\frac{7}{2}, 1, 2)$  وكانت  $N$

منتصف  $\overline{MP}$  فإن إحداثيات النقطة  $p$

هي.....

إعداد : أ/ جواهر العنزي

(5 - 5) الضرب الداخلي والضرب الاتجاهي للمتجهات في الفضاء

الشعبة:

الاسم:

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) حاصل الضرب الداخلي للمتجهين  $u = \langle 5, 0, -4 \rangle$ ,  $v = \langle 6, -1, 4 \rangle$  هو :

(د) 12

(ج) 14

(ب) -14

(أ) -12

(٢) مساحة متوازي الأضلاع الذي فيه  $u = \langle -9, 1, 2 \rangle$ ,  $v = \langle 6, -5, 3 \rangle$  حيث ان  $u, v$  ضلعان متجاوران :

(د)  $\sqrt{19}$

(ج)  $13\sqrt{15}$

(ب)  $13\sqrt{16}$

(أ)  $13\sqrt{19}$

(٣) إذا كان  $u = \langle 3, 2, -2 \rangle$ ,  $v = \langle -4, 4, 5 \rangle$  فإن  $(u \times v) \cdot u$  تساوي :

(د) 0

(ج) 1

(ب) 2

(أ) غير ممكن

أوجد حل مما يلي :

تقع إحدى ذرتي الهيدروجين في جزيء الماء عند  $\langle 55.5, 55.5, -55.5 \rangle$  والأخرى عند  $\langle -55.5, -55.5, -55.5 \rangle$  وذلك في الوقت الذي تقع فيه ذرة الأكسجين في نقطة الأصل أوجد الزاوية بين المتجهين اللذين يكونان رابطة الأكسجين - الهيدروجين .

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) الضرب الاتجاهي للمتجهين

$$u = \langle -1, 3, 5 \rangle, v = \langle -2, -6, -3 \rangle$$

هو .....

(٢) حجم متوازي السطوح الذي فيه  $u, v, t$  احرف متجاوره وحيث

$$t = \langle 2, -3, -1 \rangle, u = \langle 4, -6, 3 \rangle, v = \langle -9, 5, -4 \rangle$$

يساوي .....

إعداد : أ/ جواهر العنزي



@Jwahr\_H5

## الإحداثيات القطبية والأعداد المركبة

الفصل السادس

الإحداثيات القطبية	(6 - 1)
الصورة القطبية والصورة الديكارتية للمعادلات	(6 - 2)
الأعداد المركبة ونظرية ديموافر	(6 - 3)

إعداد : أ/ جواهر العنزي

 @Jwahr\_H5

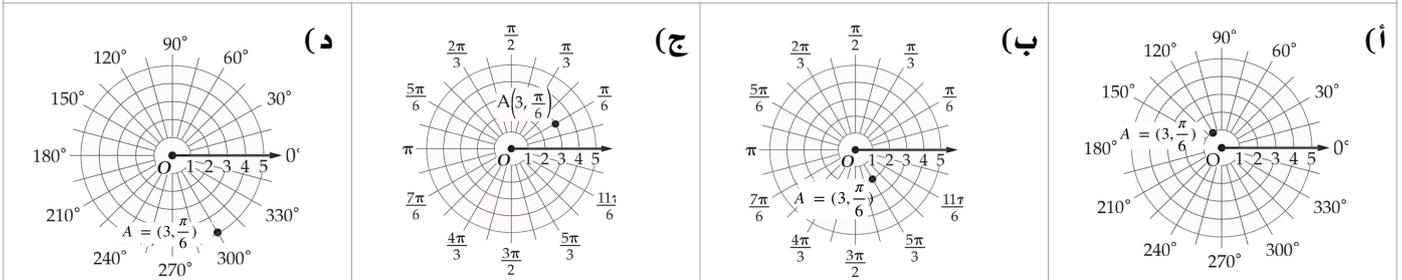
(6 - 1) الإحداثيات القطبية

الشعبة:

الاسم:

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

١) التمثيل الصحيح للنقطة  $A = (3, \frac{\pi}{6})$  في المستوى القطبي :



٢) إذا كانت  $0 \leq \theta \leq 180$  فإن الزوج الآخر من الإحداثيات القطبية للنقطة  $(5, 960^\circ)$  هو :

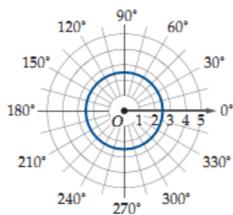
(د)  $(-5, 30^\circ)$

(ج)  $(5, 90^\circ)$

(ب)  $(5, 60^\circ)$

(أ)  $(-5, 60^\circ)$

٣) معادلة التمثيل القطبي للشكل المجاور هي :



(د)  $\pi = 210^\circ$

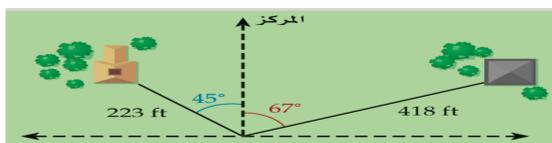
(ج)  $r = 2.5$

(ب)  $r = 3$

(أ)  $\pi = 30^\circ$

أوجد حل مما يلي :

اراد مساح تحديد حدود قطعة أرض ، فحدد أثراً  
يبعد  $223ft$  بزاوية  $45^\circ$  الى يسار المركز ، وأثراً  
آخر على بعد  $418ft$  ، بزاوية  $67^\circ$  الى يمين المركز  
كما في الشكل أدناه ، أوجد المسافة بين الأثرتين .



أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

١) المسافة بين زوج النقاط  $(3, \frac{\pi}{2}), (8, \frac{4\pi}{3})$

تساوي .....

إعداد : أ/ جواهر العنزي

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) الإحداثي الديكارتى للإحداثي القطبي  $(-2, \frac{4\pi}{3})$  هو :

(أ)  $(1, -\sqrt{3})$  (ب)  $(-1, \sqrt{3})$  (ج)  $(-1, -\sqrt{3})$  (د)  $(1, \sqrt{3})$

(٢) المعادلة  $y = -3$  على الصورة القطبية هي :

(أ)  $r = -3\tan\theta$  (ب)  $r = -3\csc\theta$  (ج)  $r = -3\sec\theta$  (د)  $r = -3\cos\theta$

أوجد حل مما يلي :

إذا كانت مدرسة نواف تبعد  $1.5\text{mi}$  عن منزله وتصنع زاوية مقدارها  $53^\circ$  شمال الشرق كما في الشكل ادناه .

(١) إذا سلك نواف طريقاً للشرق ثم للشمال كي يصل الى المدرسة فكر ميلاً يتحرك في كل اتجاه .

(٢) إذا كان الملعب على بعد  $2\text{mi}$  غرباً و  $0.5\text{mi}$  جنوباً ومنزل نواف يمثل القطب فما احداثيات موقع الملعب على الصورة القطبية.



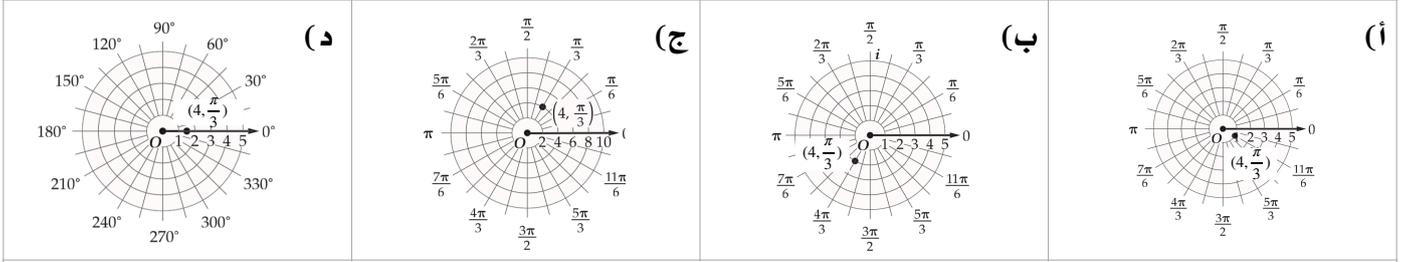
أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) الاحداثي القطبي للإحداثي الديكارتى  $(2, -3)$  هو .....

(٢) الصورة الديكارتية للمعادلة القطبية  $r = 3\sin\theta$  هي .....

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

١) تمثيل العدد المركب  $4(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3})$  في المستوى القطبي :



٢) الصورة القطبية للعدد المركب  $4 + 4i$  هي :

(د)	(ج)	(ب)	(أ)
$\sqrt{2} \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$	$4\sqrt{2} \left( \sin \frac{\pi}{4} + i \cos \frac{\pi}{4} \right)$	$4\sqrt{2} \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right)$	$4 \left( \sin \frac{\pi}{4} + i \cos \frac{\pi}{4} \right)$
٣) ناتج $6(\cos \frac{\pi}{2} + i \sin \frac{\pi}{2}) \cdot 4(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4})$			
(د)	(ج)	(ب)	(أ)
$24(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4})$	$24(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4})$	$24(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3})$	$24(\cos \frac{\pi}{2} + i \sin \frac{\pi}{2})$

أوجد حل مما يلي :

يعمل سالم في وكالة الاعلانات ، ويرغب في تصميم لوحة مكونة من أشكال سداسية منتظمة كما هو مبين في الشكل ويستطيع تعيين رؤوس أحد هذه الاشكال السداسية بتمثيل حلول المعادلة  $x^6 - 1 = 0$  في المستوى المركب أوجد أحد رؤوس هذه الأشكال السداسية .



أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

١) القيمة المطلقة للعدد المركب

$z = -7 + 5i$  تساوي .....

٢) ناتج  $(2 + 2\sqrt{3}i)^6$  .....

والصورة الديكارتية له .....

٣) الجذور الرباعية للعدد  $4\sqrt{3} - 4i$  .....

## الإحتمال والإحصاء

### الفصل السابع

الدراسات التجريبية والمسحية القائمة على الملاحظة	(7 - 1)
التحليل الإحصائي	(7 - 2)
الإحتمال المشروط	(7 - 3)
الإحتمال والتوزيعات الإحتمالية	(7 - 4)
التوزيع الطبيعي	(7 - 5)
التوزيعات ذات الحدين	(7 - 6)

إعداد : أ/ جواهر العنزي

 @Jwahr\_H5

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) " قبل الأختبار قام المعلم باختيار شعبتين من الصف نفسه بشكل عشوائي وقام بمراجعة المادة لطلاب احدهما بينما لم يراجع المادة لطلاب الشعبة الأخرى ، ثم قام بمقارنة نتائج الاختبار لهما " في هذا الموقف تعتبر الدراسة :

(أ) دراسة تجريبية متحيزه	(ب) دراسة قائمة على الملاحظة	(ج) دراسة مسحية	(د) دراسة تجريبية غير متحيزه .
(٢) سؤال الدراسة المسحية الذي تحصل منه على الإجابة المطلوبة بشكل أفضل هو :			
(أ) ما اسم فريق كرة القدم الذي تفضله مدينته الرياض.	(ب) يريد زاهر أن يحدد فريق كرة القدم الأكثر شعبية في المملكة .	(ج) ما اسم فريق كرة القدم الذي تفضله في المملكة .	(د) مامدى تقديرك لفرق كرة القدم في المملكة .
(٣) اي من العبارات التالية تظهر ارتباطاً :			
(أ) عندما ترى الشمس يكون النهار قد طلع	(ب) عندما يكون الطقس حاراً في فصل الصيف ، يكثر بيع المشروبات الباردة	(ج) عندما يكون الجو بارداً وممطراً بغزارة ، لا نذهب الى المدرسة	(د) عندما أمارس الرياضة اكون في وضع نفسي أفضل

أوجد حل مما يلي :

اكتشف الخطأ

طلب الى كل من سامي وهشام أن يصمم دراسة تجريبية غير متحيزه ، هل وفق إي منهما في ذلك ؟ فسر إجابتك .

هشام

- خذ 20 لاعباً لكرة القدم .
- اطلب الى نصفهم عشوائياً أن يقفوا 500 قفزة الى أعلى في اليوم .
- قارن عدد مرات القفز الى أعلى التي تستطيع كل مجموعة تنفيذها بعد الأسابيع الثلاثة .

سامي

- خذ مجموعة من 20 شخصاً بطريقة عشوائية .
- اطلب الى نصفهم عشوائياً الالتزام بحمية تعتمد على الفوائدهم بالكامل لمدة 5 أسابيع .
- قارن بين أوزانهم بعد الأسابيع الثلاثة .

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) الإستفسار من طلاب صف معين من المتميزين في مادة العلوم عن أفضل المواد الدراسية لديهم تعتبر دراسة مسحية .....

(٢) " تريد معرفة ما اذا كان عدد سنوات الركض يؤثر في حركة الركبة أم لا " هذه الحالة تتطلب دراسة .....

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) مقياس النزعة المركزية الذي يصف البيانات ( 833,796,781,776,758 ) في أفضل صورة هو :

(أ) الانحراف المعياري	(ب) الوسيط	(ج) المتوسط الحسابي	(د) المنوال
-----------------------	------------	---------------------	-------------

(٢) في دراسة مسحية عشوائية شارك فيها 5669 شخصاً ، وجد أن 31% منهم يشاهدون مباراة واحدة على الأقل في كرة القدم شهرياً ، هامش خط المعاينة لهذه الدراسة :

(أ) $\pm 4.31\%$	(ب) $\pm 3.31\%$	(ج) $\pm 2.31\%$	(د) $\pm 1.31\%$
------------------	------------------	------------------	------------------

(٣) في الجدول درجات صف مكون من 10 طلاب في اختبار من 25 درجة الانحراف المعياري لهذه البيانات مقرباً الى أقرب جزء من مئة هو :

درجات 10 طلاب في اختبار من 25 درجة									
20	17	21	22	20	21	20	21	21	23

(أ) 1.76	(ب) 1.05	(ج) 1.93	(د) 2.45
----------	----------	----------	----------

أوجد حل مما يلي :

ألعاب أولمبية :

في دراسة مسحية عشوائية شملت 5824 شخصاً أفاد 21% انهم سيشاهدون الألعاب الأولمبية على التلفاز .

(أ) ما هامش خط المعاينة .

(ب) ما الفترة الممكنة التي تتضمن نسبة المجتمع الذي سوف يشاهدون الألعاب الأولمبية على التلفاز .

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) مقياس النزعة المركزية الذي يُعرف بأنه القيمة الأكثر تكراراً وشيوعاً بين القيم هو .....

(٢) مقياس النزعة المركزية الذي يصف البيانات (53,61,46,59,61,55,49) بصورة افضل هو .....

### (3 - 7) الاحتمال المشروط

الشعبية:

الاسم:

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) يحتوي كيس على 8 كرات زرقاء و 6 كرات حمراء و 10 كرات صفراء ، و 6 كرات بيضاء ، و 5 كرات خضراء إذا سُحبت كرة واحدة عشوائياً ، فإن احتمال أن تكون حمراء اذا علمت انها ليست خضراء ؛

(د)  $\frac{1}{5}$

(ج)  $\frac{1}{7}$

(ب)  $\frac{11}{29}$

(أ)  $\frac{6}{35}$

(٢) يبين الجدول عدد الطلاب الذين حضروا مباراة كرة قدم والذين تغيبوا عنها من السنوات الجامعية الأولى والثانية والثالثة والرابعة فاذا اختير احد الطلاب عشوائياً فإن احتمال ان يكون قد حضر المباراة علماً بأنه من السنة الثالثة:

أولى	ثانية	ثالثة	رابعة	الحضور
48	90	224	254	
182	141	36	8	الغياب

(د) 91.6 % تقريباً

(ج) 86.2 % تقريباً

77.6 % تقريباً

(أ) 48.6 % تقريباً

(٣) يقارن إبراهيم وعادل وسعود مجموعة امثال شعبية جمعوها وتم تمثيل ذلك وفق الجدول المجاور اذا اختير مما جمعه عشوائياً ، فإن احتمال أن يكون المثل اجتماعياً ، علماً بأنه ليس مما جمعه عادل :

فكاهي	اجتماعي	خليط
521	316	44
119	145	302
244	4	182

(د) 35.9 % تقريباً

(ج) 24.8 % تقريباً

(ب) 17.2 % تقريباً

(أ) 15 % تقريباً

أوجد حل مما يلي :

يوضح الجدول اداء مجموعة من الاشخاص في فحص القيادة ، علماً بأن بعضهم اخذ حصص تدريبية تحضيراً للفحص والبعض الآخر لم يأخذ اذا اختير أحد الأشخاص عشوائياً فأوجد

أخذ حصصاً	لم يأخذ حصصاً	ناجح
64	48	
18	32	راسب

احتمال كل مما يلي:

(أ) الشخص راسب علماً بأنه لم يأخذ حصصاً.  
(ب) لم يأخذ حصصاً علماً بأنه ناجح .

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) اذا ألقيت اربع قطع نقد متمايزة مرة واحدة فإن احتمال ظهور شعارين علماً بوجود كتابة على قطعة واحدة على الأقل .....

(٢) رُقمت قطع دائرية متطابقة في قرص من 1 الى 8 ، اذا أدير مؤشر القرص ، فإن احتمال ان يستقر المؤشر عند العدد 8 اذا علم أن استقر عند عدد زوجي .....

إعداد : أ/ جواهر العنزي

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

١) صندوق به 10 كرات ، منها 6 حمراء ، اذا سُحبت منه كرتان معاً عشوائياً ، فإن احتمال أن تكون الكرتان حمراوين :

(د)  $\frac{1}{4}$

(ج)  $\frac{3}{5}$

(ب)  $\frac{1}{3}$

(أ)  $\frac{1}{2}$

المصدر	الاحتمال
التلفاز	0.35
المذياع	0.31
الأصدقاء	0.02
الصحف	0.11
الإنترنت	0.19
مصادر أخرى	0.02

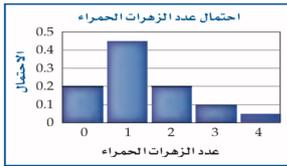
٢) أجرى موقعاً إلكترونيًا مسحاً للمصادر التي يحصل منها الناس على الأخبار بشكل رئيس ، والجدول المجاور يبين نتائج المسح ، اذا اختير أحد الدين شاملهم هذا المسح عشوائياً فإن احتمال أن يكون مصدر اخباره الرئيس الصحف أو الإنترنت هو :

(د) 40 %

(ج) 30 %

20 %

(أ) 60 %



٣) يوضح التمثيل البياني المجاور التوزيع الاحتمالي لعدد الأزهار الحمراء عند زراعة 4 بذور ، فإن  $p(0) = \dots\dots\dots$

(د)  $\frac{1}{4}$

(ج)  $\frac{1}{2}$

(ب)  $\frac{1}{3}$

(أ)  $\frac{1}{5}$

أوجد حل مما يلي :

أجري اختبار رياضيات لطلاب الصف الثالث ثانوي

التقدير	نتائج اختبار الرياضيات
A	0.29
B	0.43
C	0.17
D	0.11
F	0

والجدول يبين نتائج هذا الاختبار

(أ) بين أن هذه البيانات تمثل توزيعاً احتمالياً.

(ب) اذا اختير طالب عشوائي فما احتمال ألا يقل تقديره عن B ؟

(ج) مثل البيانات بالأعمدة.

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

١) دخل 8 لاعبين  $A, B, C, D, E, F, G, H$  في

مباراة اذا اختيرت اسماء اللاعبين عشوائياً ، فإن

احتمال أن يكون أول 4 لاعبين مختارين هم

$A, C, E, G$  على الترتيب .....

٢) ألقى مكعبان مرقمان من 1 الى 6 وسجل العدد

الأكبر بين العددين الظاهرين على الوجهين

العلويين اذا اختلفا ، واحدهما اذا تساويا ، فإن الناتج

الأقل امكانية لوقوع ..... واحتماله .....

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

فئات الدرجات	عدد الطلاب
13 - 15	12
16 - 18	27
19 - 21	29
22 - 24	19
25 - 27	8
28 - 31	1
32 - 35	1

(1) يوضح الجدول المجاور نتائج أحد الاختبارات (النهاية العظمى للاختبار 40) فإن البيانات في الجدول تظهر :

(أ) التواء سالباً (ب) موزعه توزيعاً طبيعياً (ج) التواء موجباً (د) لاشيء مما ذكر

(2) اذا توزعت البيانات  $\mu = 74, \sigma = 6$  توزيعاً طبيعياً فإن  $P(X > 86) = \dots\dots\dots$

(أ) 1.5 % تقريباً (ب) 4.5 % تقريباً (ج) 3.5 % تقريباً (د) 2.5 % تقريباً

(3) عد طلاب قطع الحلوى في 100 علبتة صغيرة فوجدوا أن عدد قطع الحلوى لكل علبتة يتوزع توزيعاً طبيعياً بمتوسط حسابي 23 لكل علبتة وانحراف معياري يساوي قطعة واحدة فإن عدد العلب التي تحتوي على عدد من قطع الحلوى بين 22, 24 هي :

(أ) 88 تقريباً (ب) 80 تقريباً (ج) 68 تقريباً (د) 60 تقريباً

أوجد حل مما يلي :

أعطى عمران اختباراً قصيراً لطلبتة البالغ عددهم (50) طالباً وكانت الدرجات موزعه توزيعاً طبيعياً بمتوسط حسابي 21 وانحراف معياري 2 .

(أ) ما العدد التقريبي للطلاب الذين تقع درجاتهم بين 19, 23 ؟

(ب) ما احتمال أن تقع درجة أحد الطلاب بين 25, 17 ؟

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(1) تظهر البيانات التالية  
14, 15, 11, 13, 13, 14, 15, 14, 12, 13, 14, 15  
التواء .....

(2) اذا توزعت البيانات  $\mu = 13, \sigma = 0.4$  توزيعاً طبيعياً . فإن  $P(X < 12.6) = \dots\dots\dots$

(6 - 7) التوزيعات ذات الحدين

الشعبية:

الاسم :

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) تم ترقيم أوجه مكعب بالأرقام من 1 إلى 6 ثم ألقى المكعب 10 مرات والمتغير العشوائي  $X$  يدل على عدد مرات ظهور 5 تسمى هذه التجربة

(أ) توزيعاً طبيعياً	(ب) ذات الحدين	(ج) التواء سالباً	(د) ليست ذات الحدين
(٢) إذا كان % 89 من طلاب المرحلة الثانوية في إحدى المدارس يتابعون مباريات منتخبهم الوطني ، وتم اختيار 5 طلاب عشوائياً من هذه المدرسة وسؤالهم عما إذا كانوا يتابعون مباريات منتخبهم الوطني فإن $\mu = \dots\dots\dots$	(ب) 0.49	(ج) 8.45	(د) 10.45

(٣) بينت دراسة ان % 26 من موظفي الشركات يستعملون الأنترنت في عملهم اذا تم اختيار 10 موظفين من هذه الشركة عشوائياً وسؤالهم ما اذا ماكانوا يستعملون الأنترنت في عملهم فإن $\sigma = \dots\dots\dots$	(ب) 1.92	(ج) 1.39	(د) 2.60
--	----------	----------	----------

أوجد حل مما يلي :

في دراسة حديثة أجريت على خريجي إحدى الكليات تبين أن % 78 من الخريجين يخططون لتلقي التدريب العملي بعد التخرج ، تم اختيار 4 خريجين عشوائياً وسؤالهم عما إذا كان يرغبون في تلقي التدريب العملي بعد تخرجهم ، إذا كان المتغير العشوائي  $X$  يدل على عدد الخريجين الذين أجابوا بنعم عن السؤال

(أ) كون توزيع ذات الحدين ومثله بيانياً.

(ب) أوجد احتمال أن 3 منهم على الأقل أجابوا بنعم عن السؤال .

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) ألقى قطعة نقد 20 مرة ، والمتغير العشوائي  $X$  يدل على عدد مرات ظهور الكتابة  $q = \dots\dots\dots$  فإن

(٢) افادت دراسة احصائية أن % 65 من طلاب الجامعات الذين يمتلكون سيارات يستعملون أحزمة الأمان اثناء قيادة السيارة ، اذا تم اختيار 8 طلاب عشوائياً ممن يمتلكون سيارات وسؤالهم ما اذا كانوا يستعملون حزام الأمان فإن  $\sigma^2 = \dots\dots\dots$

## النهايات والإشتقاق

الفصل الثامن

تقدير النهايات بيانياً	(8 - 1)
حساب النهايات جبرياً	(8 - 2)
المماس والسرعة المتجهه	(8 - 3)
المشتقات	(8 - 4)
المساحة تحت المنحنى والتكامل	(8 - 5)
النظرية الأساسية في التفاضل والتكامل	(8 - 6)

إعداد : أ/ جواهر العنزي

 @Jwahr\_H5

(8 - 1) تقدير النهايات بيانياً

الشعبية:

الاسم:

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

$$\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + 2x - 15) = \dots \quad (1)$$

(د) 23

(ج) -23

(ب) -15

(أ) 15

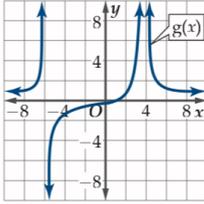
$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x), f(x) = \begin{cases} x - 5, x < 0 \\ x^2 + 5, x \geq 0 \end{cases} = \dots \quad (2)$$

(د) غير موجوده

(ج)  $-\infty$

(ب) 0

(أ)  $\infty$



(3) من التمثيل البياني المجاور

$$\lim_{x \rightarrow 4} g(x) = \dots \text{ فإن قيمة } \dots$$

(د) 8

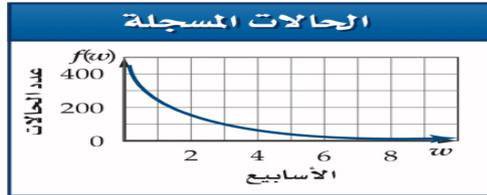
(ج) 0

(ب)  $-\infty$

(أ)  $\infty$

أوجد حل مما يلي :

دواء : تم توزيع لقاح للحد من عدوى مرض ما ،  
ويبين التمثيل البياني ادناه عدد حالات الإصابة  
بالمرض بعد  $w$  أسبوع من توزيع اللقاح



(1) استعمل التمثيل البياني لتقدير

$$\lim_{w \rightarrow 3} f(w), \lim_{w \rightarrow 1} f(w)$$

(2) استعمل التمثيل البياني لتقدير  $\lim_{w \rightarrow \infty} f(w)$

إذا كانت موجوده وفسر النتيجة.

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sin x - x}{x} = \dots \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3^x + 3^{-x}}{3^x + 3^{-x}} = \dots \quad (2)$$

إعداد : أ/ جواهر العنزي

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4x}{\sqrt{x+1} - 1} = \dots\dots\dots (1)$$

- (أ)  $\infty$  (ب) غير موجوده (ج) 8 (د) 2

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\tan 2x}{x} = \dots\dots\dots (2)$$

- (أ) 1 (ب) 0 (ج)  $\infty$  (د) غير موجودة

$$(3) \text{ نهاية المتتابعة } a_n = \frac{-4n^2 + 6n - 1}{n^2 + 3n} \text{ تساوي :}$$

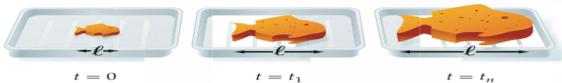
- (أ) 3 (ب) -3 (ج) 4 (د) -4

أوجد حل مما يلي :

اسفنج : تحتوي مادة هلامية على حيوان الاسفنج وعند وضع المادة الهلامية في الماء ، فإن حيوان الاسفنج يبدأ بامتصاص الماء ، والتضخم ويمكن

$$f(t) = \frac{105t^2}{10 + t^2} + 25$$

تمثيل ذلك بالدالة حيث  $l$  طول حيوان الاسفنج بالمليمتر بعد  $t$  ثانية من وضعه في الماء



- (1) ما طول حيوان الاسفنج قبل وضعه بالماء؟  
(2) ما نهاية الدالة عند  $t \rightarrow \infty$  ؟  
(3) وضح العلاقة بين نهاية الدالة  $l$  وطول حيوان الاسفنج .

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \sqrt{2-x} = \dots\dots\dots (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 - 10x + 2}{4x^3 + 20x^2} = \dots\dots\dots (2)$$

(3 - 8) المماس والسرعة المتجهه

الشعبه:

الاسم:

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) ميل مماس منحنى الدالة  $y = x^2 - 5x$  عند النقطة  $(1, -4)$  يساوي :

(د) -3

(ج) 5

(ب) -4

(أ) 1

(٢) السرعة المتوسطة المتجهه لجسم ما بالميل لكل ساعه ، بعده عن نقطة ثابتة  $s(t) = 0.4t^2 - \frac{1}{20}t^3$  في الفترة الزمنية  $3 \leq t \leq 5$  ، تساوي :

(د)  $60mi/h$  تقريباً

(ج)  $55mi/h$  تقريباً

(ب)  $65mi/h$  تقريباً

(أ)  $45mi/h$  تقريباً

(٣) معادلت السرعة المتجهه اللحظية لجسم ما عند اي زمن بمسافة يقطعها الجسم  $s(t) = t - 3t^2$  هي :

(د)  $v(t) = 1 - 6t$

(ج)  $v(t) = -3t$

(ب)  $v(t) = -6t$

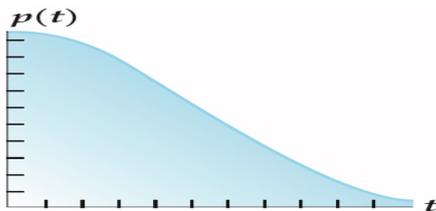
(أ)  $v(t) = 1 - 9t$

أوجد حل مما يلي :

تزلج : تمثل الدالة

$$p(t) = 0.06t^3 - 1.08t^2 + 51.84$$

متزلج على سفح جليدي بعد  $t$  ثانية من انطلاقه



(١) أوجد معادلت ميل السفح الجليدي عند أي زمن.

(٢) أوجد الميل عند  $t = 2s, 5s, 7s$ .

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

(١) معادلت ميل منحنى الدالة  $y = \frac{1}{x^2}$  عند اي نقطة عليه .....

(٢) السرعة المتجهه اللحظية لجسم ما ، بعده عن نقطة ثابتة  $f(t) = 38t - 16t^2$  ، بزمن  $t = 0.8$  .....

إعداد : / جواهر العنزي

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) مشتقة الدالة  $g(x) = -x^2 + 2x + 11$  عند النقطة  $x = 3$  تساوي :

(أ) 1 (ب) -4 (ج) 5 (د) -3

(٢) النقاط الحرجة للدالة  $z(k) = k^3 - 3k^2 + 3k$  :

(أ) (1, -1) (ب) (-1, -1) (ج) (1,1) (د) (0,1)

(٣) مشتقة الدالة  $f(x) = (4x + 3)(x^2 + 9)$  هي :

(أ)  $4(x^2 + 9) - 2x(4x + 3)$  (ب)  $(x^2 + 9) + 8x(4x + 3)$  (ج)  $4(2x + 9) + 2x(4x + 3)$  (د)  $4(x^2 + 9) + 2x(4x + 3)$

أوجد حل مما يلي :

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

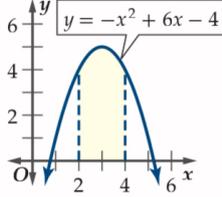
درجات الحرارة : تعطى درجة حرارة احدى المدن  
با الفهرنهايت في إحدى الايام بالدالة :  
 $f(h) = 0.0036h^3 - 0.01h^2 + 2.04h + 52$   
حيث  $h$  عدد الساعات التي انقضت من ذلك اليوم

- (١) أوجد معادلة تمثل معدل التغير اللحظي  
لدرجة الحرارة .
- (٢) أوجد معدل التغير اللحظي لدرجة الحرارة  
عندما  $h = 2$  .
- (٣) أوجد درجة الحرارة العظمى في الفترة  
 $0 \leq h \leq 24$  .

(١) مشتقة الدالة  
 $n(t) = \frac{1}{t} + \frac{3}{t^2} + \frac{2}{t^3} + 4$   
.....

(٢) مشتقة الدالة  
 $f(m) = \frac{3 - 2m}{3 + 2m}$   
.....

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :



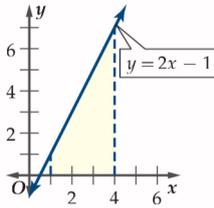
(١) المساحة التقريبية للمنطقة المظللة تحت منحنى الدالة في الشكل مستعملاً 4 مستطيلات في الطرف الأيسر :

(د) 10.25 وحدات مربعة تقريباً .

(ج) 9.25 وحدات مربعة تقريباً .

(ب) 8.25 وحدات مربعة تقريباً .

(أ) 7.25 وحدات مربعة تقريباً .



(٢) الوسط الحسابي لمساحة المنطقة المظللة تحت منحنى الدالة في الشكل المجاور با استعمال الاطراف اليمنى ثم اليسرى لتحديد ارتفاع المستطيل عرض كلها منها 0.5 هو :

(د) 14 وحدة مربعة

(ج) 8 وحدة مربعة

(ب) 12 وحدة مربعة

(أ) 10 وحدة مربعة

(٣) مساحة المنطقة المحصورة باستعمال النهايات بين منحنى الدالة والمحور  $x$  بالتكامل المحدد هو  $\int_1^3 (2x^2 + 3) dx$

(د)  $\frac{82}{3}$

(ج)  $\frac{73}{3}$

(ب)  $\frac{80}{3}$

(أ)  $\frac{70}{3}$

أوجد حل مما يلي :

طباعة : تطبع مطبعة 1000 كتاب يومياً اذا زاد عدد الكتب المطبوعة من 1000 كتاب إلى 1500 كتاب ، فأوجد قيمة تكلفة الزيادة المعطاة بالتكامل :

$$\int_{1000}^{1500} (10 - 0.002x) dx$$

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

١)  $\int_1^3 12x dx = \dots\dots\dots$

٢)  $\int_{-1}^{-2} \left( -\frac{1}{2}x + 3 \right) dx = \dots\dots\dots$

إعداد : أ/ جواهر العنزي

اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي :

(١) الدالة الأصلية للدالة  $f(z) = \sqrt[3]{z}$  هي :

$f(z) = \frac{5}{3}z^{\frac{3}{5}} + c$ (د)	$f(z) = \frac{4}{3}z^{\frac{4}{3}} + c$ (ج)	$f(z) = \frac{3}{4}z^{\frac{4}{3}} + c$ (ب)	$f(z) = \frac{5}{3}z^{\frac{3}{5}} + c$ (أ)
---	---	---	---

(٢) قيمة التكامل  $\int_{-1}^2 (-x^2 + 10) dx$  تساوي :

20 (د)	37 (ج)	30 (ب)	27 (أ)
--------	--------	--------	--------

(٣) قيمة التكامل  $\int_1^3 \left( \frac{1}{2}h^2 + \frac{2}{3}h^3 - \frac{1}{5}h^4 \right) dh$  تساوي :

7.99 (د)	8.99 (ج)	9.99 (ب)	6.99 (أ)
----------	----------	----------	----------

أوجد حل مما يلي :

صمم مهندس مدخل بنايتة على شكل قوس يمكن وصفه بـ  $y = -\frac{x^2}{157.5} + 4x$  حيث  $x$  بالأقدام احسب مساحة المنطقة تحت القوس .

أكمل الفراغات في كل مما يأتي:

١)  $\int_2^5 (a^2 - a + 6)da = \dots\dots\dots$

(٢) الدالة الأصلية للدالة

$m(t) = 16t^3 - 12t^2 + 20t - 11$

هي .....

## المراجع

رياضيات ٦ التعليم الثانوي نظام المقررات ( مسار  
العلوم الطبيعية)  
وزارة التعليم - الرياض ، ١٤٣٩ هـ



