

أجب عن الأسئلة التالية (60 درجة للأول, 40 للثاني, 100 للثالث, 100 للرابع)

$$(d) : \begin{cases} x = 3t + 2 \\ y = -t - 1 \\ z = t + 1 \end{cases}$$

السؤال الأول : في معلم متجانس لتكن النقطتين $A(1, -3, 2)$, $B(0, -5, 3)$ وليكن المستقيم

اكتب المعادلات الوسيطة لنصف المستقيم $[AB]$ وادرس تقاطع $[AB]$ مع المستقيم d .

السؤال الثاني : ليكن $ABCD$ رباعي الوجوه وليكن I مركز ثقل المثلث BCD

و J منتصف AI

1- عبر عن J بصفتها مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط A, B, C, D

بعد تزويدها بأمثال مناسبة .

2- عين المجموعة \mathcal{E} المكونة من النقاط M التي تحقق

$$\|3\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} + \overrightarrow{MD}\| = \|2\overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC} + 2\overrightarrow{MD}\|$$

السؤال الثالث : $ABCDEFGH$ مكعب طول حرفه (4) فيه I منتصف $[AD]$

و J منتصف $[DC]$ و K منتصف $[DH]$

وليكن المعلم المتجانس $(A, \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}, \frac{1}{4}\overrightarrow{AD}, \frac{1}{4}\overrightarrow{AE})$ والمطلوب :

(1) أوجد معادلة المستوي (IJK) ، ثم أثبت أن المستقيم (DF) يقطع المستوي في نقطة O يطلب تعيين احداثياتها.

(2) عين نوع المثلث (IJK) واحسب مساحته، اثبت أن النقطة O هي نقطة تلاقي ارتفاعاته .

(3) برهن أن المستقيم (OD) عمودي على المستوي (IJK) .

(4) احسب بعد D عن المستوي (IJK) ثم احسب حجم رباعي الوجوه $D-IJK$

$$(d) : \begin{cases} x = 2t \\ y = 2t \\ z = t - 1 \end{cases}$$

السؤال الرابع : في معلم متجانس ليكن المستقيم

(1) اكتب معادلة الكرة S التي مركزها $\Omega(1, 3, 0)$ ونصف قطرها $R = 4$.

(2) أوجد احداثيات النقطة A المسقط القائم للنقطة Ω على المستقيم d . ثم استنتج بعد Ω عن المستقيم d وبين إذا كان المستقيم قاطع للكرة

(3) اكتب معادلة المستوي الذي يحوي المستقيم d والمار من مركز الكرة .

انتهت الأسئلة