

السؤال الأول: احسب بعد النقطة $A(2, 0, 0)$ عن المستوي P الذي معادلته: $P: x - y - z - 5 = 0$

السؤال الثاني: اكتب معادلة المستوي المحوري للقطعة المستقيمة $[AB]$ حيث:

$$B(4, 3, -1) \text{ \& } A(2, -1, 3)$$

السؤال الثالث: 1. اكتب معادلة الكرة S التي مركزها مبدأ الإحداثيات ونصف قطرها $R = \sqrt{3}$

2. تحقق أن المستوي P الذي معادلته $P: x - y + z + 3 = 0$ يمس الكرة.

السؤال الرابع: في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ عين طبيعة مجموعة النقاط $M(x, y, z)$ الممثلة بالمعادلة الآتية:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 10x + 2z + 26 = 0$$

السؤال الخامس: في الفضاء المنسوب إلى معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لدينا النقاط:

$$D(-4, 2, 1) \text{ \& } C(3, 1, -2) \text{ \& } B(2, 2, 3) \text{ \& } A(1, 0, -1)$$

1. أثبت أن المثلث ABC قائم واحسب مساحته.

2. أثبت أن الشعاع $(2, -3, 1)$ ناظم على المستوي (ABC) واستنتج معادلة المستوي (ABC) .

3. احسب بعد النقطة D عن المستوي (ABC) .

السؤال السادس: اكتب شعاعي توجيه للمستقيمين d و d'

$$d': \begin{cases} x = S \\ y = -3S - 3 \\ z = -S + 1 \end{cases} ; S \in \mathbb{R} \quad , \quad d: \begin{cases} x = t + 1 \\ y = -3t + 2 \\ z = -3t + 3 \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$$

وهل المستقيمان d و d' يقعان في مستو واحد؟ علل إجابتك

السؤال السابع: ليكن $ABCD$ رباعي وجوه منتظم طول حرفه 4 فيه I منتصف $[CD]$

$$1. \text{ عين موضع النقطة } M \text{ المحققة للعلاقة } \vec{AM} = \frac{1}{2}\vec{AD} + \frac{1}{2}\vec{AC} - \vec{BI}$$

$$2. \text{ احسب العدد } \vec{AB} \cdot \vec{AC}$$

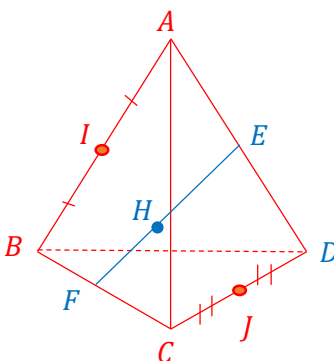
السؤال الثامن: $ABCD$ رباعي وجوه و a عدد حقيقي و I و J هما بالترتيب منتصفات $[AB]$ و $[CD]$

و E و F نقطتان تحققان:

$$\vec{BF} = a\vec{BC}$$

$$\vec{AE} = a\vec{AD}$$

وأخيراً H منتصف $[EF]$. أثبت أن: I, J, H تقع على استقامة واحدة.



حل المسألتين الآتيتين:

المسألة الأولى: في معلم متجانس $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لدين النقاط $C(4, 0, 0)$ & $B(1, 2, 1)$ & $A(1, 1, 0)$

1. أثبت أن النقاط A و B و C ليست على استقامة واحدة.

2. اكتب معادلة المستوي (ABC) .

3. ليكن المستويان P & Q معادلتهما:

$$P: x + 2y - z - 4 = 0$$

$$Q: 2x + 3y - 2z - 5 = 0$$

أثبت أن المستويين يتقاطعان في الفصل المشترك d التمثيل الوسيط له

$$d: \begin{cases} x = T - 2 \\ y = 3, \quad T \in \mathbb{R} \\ z = T \end{cases}$$

4. ماهي نقطة تقاطع المستويات (ABC) , Q , P .

5. احسب بعد A عن المستقيم d .

المسألة الثانية: $ABCDE$ هرم رأسه E وقاعدته مربع، المستقيم (AE) عمودي على المستوي $(ABCD)$

$AB = 4$ & $AE = 3$ ننأمل المعلم المتجانس: $(A, \frac{1}{4}\vec{AB}, \frac{1}{4}\vec{AD}, \frac{1}{3}\vec{AE})$

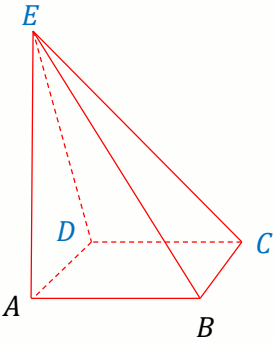
1. جد إحداثيات النقاط E, D, C, B, A .

2. جد إحداثيات النقطة M التي تحقق: $4\vec{CM} = 3\vec{CE}$.

3. احسب $\vec{BC} \cdot \vec{EB}$ واستنتج نوع المثلث EBC ثم احسب مساحته.

4. أعط تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (EC) .

5. اكتب معادلة المستوي (EBC) واحسب بعد A عن المستوي (EBC) .



|| انتهت الأسئلة ||

الأستاذ محمد أحمد

0964848890

