



مدونة المناهج السعودية

<https://eduschool40.blog>

الموقع التعليمي لجميع المراحل الدراسية

في المملكة العربية السعودية

الوحدة الثانية

الحركات الدورية

الحركات الدورية: هي الحركة التي تكرر نفسها خلال فترات زمنية متساوية.

أنواع الحركات الدورية.

- 1- حركة اهتزازية – مثل حركة بندول ساعة الحائط.
- 2- حركة دورانية – مثل حركة القمر حول الأرض.
- 3- حركة موجية – مثل دقات القلب.

وسوف نقوم بدراسة كل حركة على حده:

أولاً. الحركة الدائرية المنتظمة

عرفنا سابقاً إذا انتقلت سيارة من مكان إلى مكان آخر يقال أن لها سرعة خطية انتقالية بينما عند دوران جسم في مسار دائري يتحرك بسرعة دورانية فما الفرق بينهما

مثال:

اربط كرة في طرف خيط ثم حاول أن تحرك الكرة حركة دورانية. تلاحظ.

1- لا بد أن يكون الخيط مشدود... إذن توجد قوة جذب نحو مركز الدوران تسمى قوة الجذب

المركزي.

2- لكي نزيد من سرعة دوران الكرة تزداد قوة الجذب.

3- عند ترك الخيط تتحرك الكرة في خط مستقيم بعيداً عن مركز الدوران.

4- السرعة الدورانية قيمتها ثابتة (سرعة منتظمة)، ولكن اتجاهها هو اتجاه المماس للدائرة عند تلك النقطة.

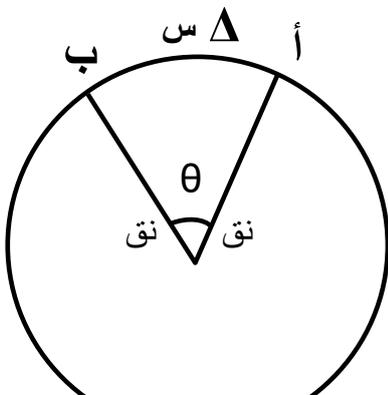
∴ السرعة الدورانية تكون ثابتة القيمة ولكنها متغيرة الاتجاه بعكس السرعة الخطية التي تتغير قيمتها واتجاهها ثابت.

تعريف السرعة الزاوية (ω): هي معدل تغير الإزاحة الزاوية بالنسبة للزمن $\omega = \frac{\theta}{z}$ راديان/ث

السرعة الخطية	السرعة الدورانية	
القيمة	ثابتة ولكنها تقطع زوايا متساوية = $\frac{\text{الزاوية}}{\text{الزمن}}$	متغيرة بتغير الزمن = $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$
الاتجاه	ثابت	متغير لأنه المماس عند تلك النقطة

العلاقة بين السرعة الخطية (ع) والسرعة الدورانية (ω):

$$\text{سبق أن عرفنا أن السرعة الخطية} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \text{م/ث}$$



فتكون السرعة الدورانية $\omega = \frac{\theta}{z} =$ راديان / ث

وعند الدوران دورة كاملة – تصبح.

ع الخطية = $\frac{\text{محيط الدائرة}}{\text{الزمن}} = \frac{2\pi \text{ نق}}{z}$

ω الزاوية = $\frac{2\pi}{z}$ ، بالقسمة : $\frac{ع}{\omega} = \text{نق}$

$$\boxed{\omega = \frac{ع}{\text{نق}} \text{ راديان / ث}}$$

تعريف الحركة الدائرية المنتظمة: هي حركة جسم على مسار دائري بسرعة خطية منتظمة مقدارها ثابت واتجاهها متغير.

تعريف الراديان: هو الزاوية المركزية لقوس من الدائرة (Δ س) مساوي في الطول لنصف قطر الدائرة.

العجلة المركزية

عرفنا أن الجسم الذي يدور في مسار دائري تكون هناك قوة جذب نحو المركز (ق_م) ومن قانون جذب نحو المركز (ق_م) ومن قانون نيوتن الثاني.

$$ق_{الجذب\ نحو\ المركز} = ك \times ج \times م$$

ولكن العجلة المركزية تنشأ من تغير اتجاه السرعة، وتكون دائماً عمودية على اتجاهها.

س/ ما معنى أن العجلة المركزية = 5 م/ث²؟

معناه أن العجلة في اتجاه المركز وتنشأ عن القوة الجاذبة المركزية العمودية على اتجاه السرعة والتي تغير في متجه السرعة بمقدار 5 م/ث².

$$ج \times م = \frac{ع^2}{نق} \text{ م / ث}^2$$

ومنه يمكن حساب القوى الجاذبة نحو المركز:

$$ق_{م} = ك \times ج \times م = ك \times \frac{ع^2}{نق} \text{ نيوتن}$$

الزمن الدوري (ز): هو الزمن بالثواني الذي يستغرقه الجسم المتحرك في عمل دورة واحدة كاملة.

التردد (f): هو عدد الدورات الكاملة التي يعملها الجسم المتحرك في 1 ثانية.

ووحده: دورة / ث = هرتز، كيلوهرتز = 1000 هرتز

العلاقة بين التردد والزمن الدوري:

مثال:

جسم يدور في مسار دائري يحدث 50 دورة في 4 ثواني. أحسب: زمن دورة واحدة، عدد الدورات في 1 ث، الزمن اللازم لعمل 100 دورة، عدد الدورات في الدقيقة.

الحل

$$\text{زمن دورة واحدة} = \frac{\text{الزمن}}{\text{عدد الدورات}} = \frac{4}{50}$$

$$\text{عدد الدورات في الثانية الواحدة (f)} = \frac{\text{عدد الدورات}}{\text{الزمن}} = \frac{50}{4} = \text{دورة} = 12.5 \text{ دورة}$$

من العلاقتين السابقتين نجد أن.

$$\text{التردد (f)} = \frac{1}{\text{الزمن الدوري (ز)}} \text{ هرتز}$$

$$\text{الزمن اللازم لعمل 100 دورة} = \text{زمن دورة واحدة} \times 100 = 100 \times \frac{4}{50} = 8 \text{ ث}$$

$$\text{عدد الدورات في الدقيقة} = \text{عدد الدورات في 1 ث} \times 60 = 60 \times 12.5 = 750 \text{ دورة}$$

ويمكن تجميع كل ما سبق في العلاقات.

$$\begin{aligned} \epsilon &= \omega \times \text{نق} \\ \text{جم} &= \frac{\epsilon^2}{\text{نق}} = \omega^2 \times \text{نق} \end{aligned}$$

$$\text{ق م} = \text{ك} \times \text{جم} = \text{ك} \times \omega^2 \times \text{نق}$$

العلاقة بين السرعة الزاوية والتردد:

$$\omega = \frac{\theta}{z} \text{ راديان / ث} \quad \text{فإذا دار الجسم دوره كاملة} \quad \theta = 2\pi \text{ راديان} \therefore$$

$$\omega = \frac{2\pi}{z} \therefore \quad f = \frac{1}{z} \text{ هيرتز} \therefore \quad \omega = 2\pi f \text{ راديان/ث}$$

ملاحظة هامة:

الزاوية: $\theta = 2\pi$ راديان في التقدير الدائري.

$$= 2 \times 180 = 360^\circ \text{ في التقدير السيني.}$$

$$\therefore 1 \text{ راديان} = \frac{360^\circ}{2\pi} = \frac{180^\circ}{\pi} = \frac{180^\circ}{3,14} = 57,3^\circ$$

$$\therefore \boxed{1 \text{ راديان} = 57,3^\circ \text{ درجة}} \quad \text{والعكس} \quad \boxed{1 \text{ درجة} = \frac{1}{57,3} \text{ راديان}}$$

مثال: (1).

جسم كتله 300 جم مربوط بخيط طوله 49 سم يتحرك بانتظام في مسار دائري على سطح أفقي أملس مثبت الخيط في مسمار فإذا دار الجسم 6 دورات في 3 ثواني أحسب.

- 1- الزمن الدوري.
- 2- السرعة الخطية على المسار الدائري.
- 3- العجلة المركزية.
- 4- سرعته الزاوية.
- 5- القوة المركزية.

الحل

$$\text{ك} = 300 \text{ جم} = \frac{300}{1000} = 0,3 \text{ كجم، نق} = 49 \text{ سم} = \frac{49}{100} = 0,49 \text{ م}$$

$$\pi = \frac{22}{7} \text{ أو } 3,14$$

$$1- \text{الزمن الدوري} = \frac{\text{الزمن بالثواني}}{\text{عدد الدورات}} = \frac{3}{2} = 1,5 \text{ ث}$$

$$2- \text{السرعة الخطية ع} = \frac{\text{طول المسار}}{\text{الزمن الدوري}} = \frac{2\pi \text{ نق}}{z} = \frac{2 \times 3,14 \times 0,49}{0,5 \times 7} = 6,16 \text{ م/ث}$$

$$3- \text{العجلة المركزية جم} = \frac{\epsilon^2}{\text{نق}} = \frac{(6,16)^2}{0,49} = 77,44 \text{ م/ث}^2$$

$$4- \text{سرعة الزاوية } \omega = \frac{ع}{نق} = \frac{6,16}{0,49} = 12.57 \text{ راديان/ث}$$

$$5- \text{القوة المركزية} = ك \times جم = 77.44 \times 0.3 = 23.232 \text{ نيوتن}$$

مثال: (2):

إذا كانت القوة المركزية التي تحافظ على سيارة على طريق دائري نصف قطره 500م تساوى 8% من وزن السيارة فما أقصى سرعة تستطيع السيارة التحرك بها على هذا الطريق، وماذا يحدث لو زادت السرعة عن ذلك.
أعتبر أن عجلة الجاذبية = 10م/ث².

الحل

$$ق_m = \frac{8}{100} \times \text{وزن السيارة} = 8\% \times ك \times د$$

$$\text{ولكن } ق_m = ك \times \frac{ع^2}{نق}$$

$$\frac{8}{100} \times ك \times د = ك \times \frac{ع^2}{نق} \quad \therefore \frac{8}{100} = \frac{ع^2}{نق}$$

$$\therefore ع^2 = 400 \Rightarrow ع = 20 \text{ م/ث}$$

وإذا زادت السرعة عن ذلك الرقم فإن القوة المركزية لا تحافظ على السيارة، ولذلك تخرج عن الطريق وقد تنقلب.

مثال: (3):

سيارة تسير في منحنى نصف قطره 60م بسرعة خطية 20م/ث تحت تأثير قوة جاذبة مركزية مقدارها 500 نيوتن وباعتبار أن عجلة السقوط الحر 10م/ث². أحسب.
1- وزن السيارة.
2- الزمن الدوري.

الحل

أولاً:

$$\therefore ق_m = ك \times \frac{ع^2}{نق} \quad \therefore \frac{20 \times 20}{60} \times ك = 500$$

$$\therefore ك = \frac{30000}{400} = 75 \text{ كجم}$$

$$\text{وزن السيارة} = ك \times د = 10 \times 75 = 750 \text{ نيوتن.}$$

ثانياً:

$$\therefore ع = \frac{2 \pi ز}{نق} \quad \therefore 18.86 = \frac{60 \times 22 \times 2}{20 \times 7} = ز$$

قانون نيوتن العام للجاذبية

هل حدث أن قذف حجر إلى أعلى ولم يعد إلى سطح الأرض ثانياً؟ هل حدث وأن ابتعد القمر عن مساره حول الأرض وذهب في الفضاء البعيد لقد كانت هذه الأسئلة تدور في أذهان العلماء منذ القدم واستطاع نيوتن تفسير ذلك في قانونه الذي ينص على:

"كل جسم في الكون يجذب أي جسم آخر بقوة تتناسب طردياً مع حاصل ضرب كتليهما وعكساً مع مربع المسافة بين مركزيهما" ويعبر عنه رياضياً:

$$ق = ج \frac{ك_1 \times ك_2}{ل^2} \text{ نيوتن}$$

حيث ك₁، ك₂ هي كتلة الجسمين بالكيلوجرام و (ل) المسافة بينهما بالمتر و (ج) ثابت الجذب المادي حيث ج = 6.67×10^{-11} نيوتن. م² / كجم² ما معنى أن ثابت الجذب هو الرقم السابق؟

معناه أن أي جسمين ماديين كتلة كل منهما 1 كجم والمسافة بينهما 1 م تكون قوة الجذب بينهما هي 6.67×10^{-11} نيوتن إذا كان الوسط الفاصل بينهما هواء وفراغ.

تتوقف قوة الجذب المادي على:

1- كتلة الجسم. 2- البعد بين الجسمين.

3- نوع الوسط الفاصل بين كتلتين.

ملحوظة: دائماً قوى التجاذب المادي قوى جذب، وليست قوى تنافر.

مثال:

جسمان ماديان كتلة كل منهما 9، 16 كجم وضعا على بعد 3 م. أحسب.

1- قوى الجذب بينهما. 2- العجلة التي يتحرك بها كل منهما في اتجاه الآخر.

الحل

$$\frac{16 \times 9 \times 10^{-11} \times 6.67}{3 \times 3} = \frac{ك_1 \times ك_2}{ل^2} \times 10^{-11} \times 6.67 = ق$$

$$ق = 106.72 \times 10^{-11} \text{ نيوتن}$$

$$\frac{106.72 \times 10^{-11}}{9} = \frac{ق}{ك_1} = ج_1 = \text{عجلة الجسم الأول نحو الثاني}$$

$$= 11.86 \times 10^{-11} \text{ م/ث}^2$$

$$\frac{106.72 \times 10^{-11}}{16} = \frac{ق}{ك_2} = ج_2 = \text{عجلة الجسم الثاني نحو الأول}$$

$$= 6.67 \times 10^{-11} \text{ م/ث}^2$$

واضح صغر العجلة فلا يستطيع أن يتحرك كل منهما تجاه الآخر.

شدة مجال الجاذبية الأرضية

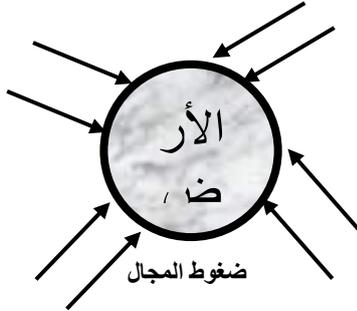
يمكن اعتبار أن أي كتلة حولها منطقة تظهر فيها آثار قوى التجاذب مع كتلة أخرى - ويسمى ذلك بمجال الجاذبية ولقياس شدته نضع كتلة مقدارها 1 كجم بالقرب من كتلة أخرى قدرها (ك) كجم فتتأثر بقوة جذب تسمى شدة مجال الجاذبية التي يمكن إيجادها كالآتي.

$$ق_ج = ج \times \frac{ك}{2ل} \text{ نيوتن / كجم}$$

∴ شدة مجال الجاذبية الأرضية: هو مقدار القوة بالنيوتن التي يتأثر بها جسم كتلته 1 كجم في مجال الأرض. وقد وجد أن هذا المقدار هو 9.8 م/ث² واتجاهه يكون متجهاً نحو مركز الأرض. فإذا وضعنا جسم كتلته (ك) في مجال الأرض فإنها سوف تجذبه إليها بقوة = وزن الجسم.

$$و = ق = ك \times ج_{\text{جسم}} \times د$$

$$\therefore ك \times ج = د \times \frac{ك \times ج}{2ل_{\text{الأرض}}}$$

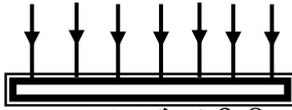


$$\therefore د = \frac{ج \times ك}{2ل} = 9.8 \text{ م / ث}^2$$

عجلة الجاذبية الأرضية لها وحدتين هما م / ث²، نيوتن / كجم. وقد وجد أن قيمتها تقريباً 9.8 م/ث² على سطح الأرض.

ملحوظة:

1- شدة مجال الجاذبية الأرضية أكبر ما يمكن عند سطح الأرض والسبب تقارب خطوط المجال وزيادة كثافتها بينما تقل كلما ارتفعنا لأعلى.



2- ما معنى أن شدة مجال الجاذبية الأرضية 9.8 نيوتن / كجم.

معناه أن القوة التي يتأثر بها جسم كتلته 1 كجم عند سطح الأرض يساوي 9.8 نيوتن لسطح

3- ما معنى أن شدة مجال الجاذبية عند نقطة هو 6 نيوتن / كجم.

معناه إذا وضع عند تلك النقطة جسم كتلته 1 كجم لتأثر بقوة قدرها 6 نيوتن.

4- المجال المنتظم هو الذي تكون جميع خطوطه متوازية وشدته متساوية عند جميع نقاطه وهذا لا يحدث إلا عند سطح الأرض فقط.

5- كلما ارتفعنا لأعلى تقل عجلة الجاذبية، ويمكن حسابها من العلاقة.

$$د = \frac{ج \times ك}{2(ف + نق_ر)}$$

حيث نق_ر نصف قطر الأرض و (ف) الارتفاع عن سطح الأرض

مثال:

ما مقدار عجلة الجاذبية الأرضية لجسم يسقط من ارتفاع 100 كم، وكم تكون نسبة وزنه إلى وزنه على سطح الأرض. إذا علمت أن كتلة الأرض 5.98 × 10²⁴ كجم، ونصف قطرها 6.4 × 10⁶ م.

الحل

$$ف = 100 \text{ كم} = 100 \times 1000 = 10^5 \text{ م} \quad نق = 6.4 \times 10^6 \text{ م}$$

$$\therefore د = ج = \frac{ك}{2(ف + نق_ر)} = \frac{10^5 \times 5.98 \times 10^{24}}{2(10^5 + 6.4 \times 10^6)} = \frac{10^5 \times 5.98 \times 10^{24}}{2(6.5 \times 10^6)} = 9.44 \text{ م/ث}^2$$

$$\text{النسبة المئوية} = \frac{د}{د_5} = \frac{9.44}{9.8} = 0.96$$

الوزن يقل بنسبة 4% عند ارتفاع 100 كم من سطح الأرض.
مثال: (2):

أحسب كتلة الأرض إذا علمت أن عجلة الجاذبية الأرضية = 9.8 م/ث² ونصف قطر الأرض 6.38 × 10⁶ م وثابت الجذب العام 6.67 × 10⁻¹¹ نيوتن م²/كجم²؟
الحل

$$\therefore d = \frac{K}{(نق_r)^2}$$

$$\therefore 9.8 = \frac{10 \times 667 \times K^{11-}}{2(6 \times 10^6)^2}$$

$$\therefore K = \frac{12 \times 10 \times 407 \times 98}{11-10 \times 667} = 59.8 \times 10^{23} = 5.98 \times 10^{24} \text{ كجم.}$$

قانون نيوتن في الجاذبية وحركة الكواكب

إذا فرضنا أن قمراً صناعياً كتلته ك على ارتفاع ف من الأرض يدور في مسار دائري، فإن قوة جذب الأرض له تحسب من العلاقة.

$$ق_ج = \frac{ج \times ك_{قمر} \times ك_{الأرض}}{(ف + نق_r)^2}$$

ولكن الجسم الذي يدور في مسار دائري قوة الجذب نحو المركز

$$ق_م = \frac{ك_{قمر} \times ع^2}{(ف + نق_r)^2}$$

$$\text{وهاتان القوتان متساويتان:} \therefore \frac{ج \times ك_{قمر} \times ك_{الأرض}}{(ف + نق_r)^2} = \frac{ك_{قمر} \times ع^2}{(ف + نق_r)^2}$$

$ج \times ك_r$
$\therefore ع^2 = \frac{ج \times ك_r}{ل}$

$$\therefore ع^2 = \frac{ك_{الأرض}}{(ف + نق_r)^2} \times ج$$

حيث ل نصف قطر المدار = ارتفاع التابع عن سطح الأرض (ف) + نصف قطر الأرض (نق_r) ومنها يتضح أن سرعة دوران القمر الصناعي حول الأرض لا تتوقف على كتلته، وإنما على نصف قطر مساره (ل) وتناسب معه عكسياً.

مثال:

إذا كانت كتلة الأرض 20 مرة قدر كتلة كوكب آخر، ونصف قطر الأرض 6400 كم، والكوكب 2000 كم فما عجلة الجاذبية على هذا الكوكب.

الحل

$$\therefore d_2 = 5 \text{ م/ث}^2, \quad \frac{2(2000)}{2(6400)} \times \frac{20}{1} = \frac{98}{d_2} \leftarrow \frac{نق_2}{نق_1} \times \frac{1}{ك_2} = \frac{1}{d_2}$$

مثال:

- قمر صناعي يدور حول الأرض في مسار دائري على ارتفاع 800 كم من سطح الأرض. أحسب.
- 1- سرعته الخطية.
 - 2- زمنه الدوري.
 - 3- سرعته الزاوية.
 - 4- العجلة المركزية. إذا علمت أن $J = 10 \times 6.67 \times 10^{11}$ ك أرض، $K = 6 \times 10^{24}$ كجم.

$$\text{نقر} = 6.4 \times 10^6 \text{ م}$$

الحل

$$\text{أولاً: ف} = 800 \text{ كم} = 1000 \times 800 = 8 \times 10^5 \text{ م}$$

$$\text{ل} = \text{ف} + \text{نقر} \therefore \text{ل} = 8 \times 10^5 + 6.4 \times 10^6 = 7.2 \times 10^6 \text{ م}$$

$$\text{ع} = \frac{\text{ج} \times \text{ك}}{\text{ل}} = \frac{10 \times 6.67 \times 10^{11} \times 6 \times 10^{24}}{5 \times 10^7 \times 7.2 \times 10^6} = 0.65 \times 10^8$$

$$\text{ع} = 0.56 \times 10^8 = 0.75 \times 10^4 \text{ م}^2 / \text{ث} = 7.5 \text{ كم}^2 / \text{ث}$$

ثانياً:

$$\text{ع} = \frac{2 \text{ ط نق}}{ز} = \text{لجسم في مسار دائري}$$

$$z = \frac{2 \times 10^5 \times 7.2 \times 10^6 \times 22 \times 2}{4 \times 10^7 \times 0.75 \times 7} = 10 \times 603.4 = 6034 \text{ ث}$$

$$z = \frac{6034}{3600} = 1.68 \text{ ساعة}$$

ثالثاً:

$$\omega = \frac{\text{ع}}{\text{ل}} = \text{لجسم في مسار دائري}$$

$$\omega = \frac{4 \times 10^7 \times 0.75}{5 \times 10^7 \times 7.2} = 0.01 \times 10^{-1} = 0.001 \text{ راديان/ث}$$

رابعاً:

$$\text{جم} = \frac{2 \text{ ع}}{\text{ل}} = \frac{4 \times 10^7 \times 0.75 \times 4 \times 10^7 \times 0.75}{5 \times 10^7 \times 7.2} = 0.008 \times 10^3 = 8 \text{ م}^2 / \text{ث}^2$$

ملاحظات: للوصول على نتائج دقيقة يجب أن يكون ارتفاع الإناء 1م، ويكون سقوط القطرات ليس سريعاً.

ثانياً: الحركة الاهتزازية

نحن نعرف أن سبب حدوث الصوت هو الإهتزاز في الأحيال الصوتية، ولكي نفهم معنى

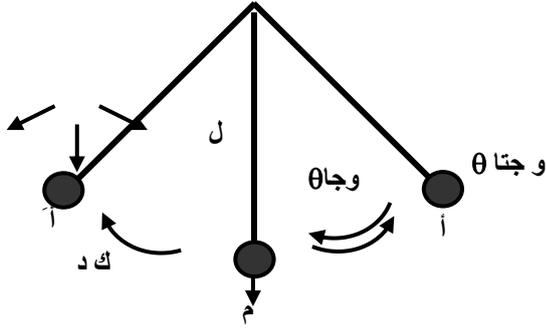
الاهتزاز يجب دراسة.

(1) - اهتزاز بندول بسيط. حرك ثقل مربوط بخيط حركة خفيفة يميناً أو يساراً واتركه حر الحركة تشاهد أن الثقل يتحرك في اتجاهين متضادين على جانبي موضع استقراره (م)، ويتكرر ذلك بانتظام، وتسمى ذلك الحركة الاهتزازية.

الحركة الاهتزازية: هي اهتزاز جسم حول موضع سكونه في اتجاهين متضادين، وفي فترات زمنية متساوية.

أول: هي حركة جسم حول موضع سكونه بحيث يكرر نفس حركته في فترات زمنية متساوية.

ولتفسير ذلك:



1- الكتلة عند (م) تتأثر بوزنها لأسفل = ك د، وشد في الخيط لأعلى.

2- عند إزاحتها باليد إلى النقطة (أ) مبتعدة عن (م) بمسافة (Δ س)

فإن مركبة الوزن يمكن تحليلها إلى مركبتين (و جتا

θ) في اتجاه معاكس لقوة الشد، (و جتا θ) هي القوة التي تحاول ارجاع الكتلة إلى موضعها الأصلي.

$$\boxed{\text{ق} = - \text{وجا} \theta = - \text{ك د جتا} \theta}$$

وتدل الإشارة السالبة هنا على أن القوة تحاول ارجاع الجسم.

3- عند عودة الجسم من (أ) إلى (م) تعمل القوى المعيدة على تحويل طاقة الوضع التي اكتسبتها الكتلة إلى طاقة حركة فتزداد سرعة الجسم، وتقل الإزاحة ويصل إلى م، ولكن عندها السرعة أكبر ما يمكن (طاقة الوضع = صفر).

4- يعبر الجسم النقطة (م) في الاتجاه المضاد وتتناقص سرعته حتى تصل إلى الصفر عند (أ)، ولكن تعمل القوة المعيدة على إعادته وهكذا تستمر الحركة يمينا ويسارا حول موضع السكون.

سعة الاهتزازة: هي أقصى إزاحة يبعد بها الجسم المهتز عن موضع سكونه في اتجاه ما.
الاهتزازة الكاملة: هي الحركة التي يعملها الجسم المهتز عندما يمر بموضع سكونه مرتين متتاليتين وفي نفس الاتجاه.

قوانين اهتزاز البندول:

$$(1) \text{ ق المراجعة} = - \text{وجا} \theta = - \text{ك د جتا} \theta$$

ويمكن حساب θ بالتقدير الدائري $\theta = \frac{\Delta \text{ س}}{\text{ل}}$ رديان

لصغر هذه الزاوية يمكن اعتبار أن جتا θ = θ

$$\text{ق} = - \frac{\text{ك} \times \text{د}}{\text{ل}} \times \Delta \text{ س} ، \text{ ونظراً لثبوت ك، د، ل}$$

$$\boxed{\text{ق} = \text{ك} \times \text{ج} = - \text{ثابت} \times \Delta \text{ س}}$$

أي أن العجلة تتناسب مع الإزاحة وفي إتجاه معاكس لها.

$$(2) \text{ زمن اهتزازة كاملة واحدة (الزمن الدوري)} = 2\pi \sqrt{\frac{\text{ل}}{\text{د}}}$$

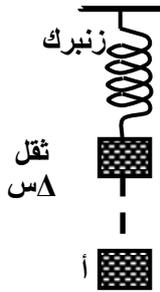
$$(3) \text{ التردد} = \frac{1}{\text{الزمن الدوري}} = \frac{1}{2\pi} \frac{\text{د}}{\text{ل}} \text{ هرتز}$$

4- نستخدم العلاقة $z = 2\pi \frac{l}{d}$

حيث l طول الخيط يقاس بالمسطرة، ويمكن إيجاد (د).

(2) - اهتزاز ثقل معلق في زنبرك.

- 1- عندما نشد الثقل لإسفل من نقطة (م) موضع سكونه إلى نقطة (أ) لتحدث إزاحة (Δ س).
- 2- عند ترك الثقل تنشأ قوى تقاوم استطالة الزنبرك وتحاول ارجاع السلك إلى طوله الأصلي، ويمكن حسابها من قانون هوك:



حيث $هـ$. ثابت هوك

$$ق = هـ \times \Delta س$$

- 3- قوى الاسترداد تكسب الجسم عجلة يمكن حسابها من قانون نيوتن الثاني

$$ق = ك \times ج هـ = هـ \times \Delta س$$

$$\therefore هـ = \frac{ق}{س} \text{ ومنها } هـ = \frac{ف}{س} \leftarrow \frac{ك د}{س} = هـ \text{ نيوتن/م}$$

حيث تهمل الإشارة السالبة

- 4- عندما تصل الكتلة إلى (م) تكون السرعة أكبر ما يمكن فينكمش السلك ويصل إلى (أ) لتحاول قوى المرونة ارجاعه إلى موضعه الأصلي. ويظل الثقل متحركاً حول موضع سكونه في إتجاهين متضادين.

من حركة البندول وحركة الزنبرك (في الحركة الاهتزازية) وجد أن.

العجلة التي تتحرك بها الكتلة دائماً تتناسب طردياً مع الإزاحة الحادثة، وفي اتجاه مضاد لها لذلك يطلق على حركة كل منهما حركة توافقية بسيطة. الحركة التوافقية البسيطة: هي اهتزازية منتظمة لكتلة حول موضع سكونها بحيث يتناسب مقدار عجلتها تناسباً طردياً مع الإزاحة، وفي اتجاه معاكس لها. ويمكن تمثيل الحركة التوافقية بيانياً بأنها منحنى جيبي كالآتي.



مثال:

نابض حلزوني علق به ثقل كتلته 500جم فاستطال بمقدار 20سم ولحدث 25 اهتزازة كاملة في 6 ثواني أحسب.

- 1- ثابت هوك.
- 2- الزمن الدوري.
- 3- التردد
- 4- العجلة التي تحركت بها الكتلة.

الحل

$$ك = 5 \text{ جم} = \frac{500}{1000} \text{ كجم} = 0.5 \text{ كجم} \quad س = 20 \text{ سم} = \frac{20}{100} \text{ م} = 0.2 \text{ م}$$

$$\text{أولاً: } ق = هـ \times \Delta س \quad \therefore ك \times د = هـ \times \Delta س$$

$$هـ = \frac{10 \times 0.5}{0.2} = 25 \text{ نيوتن / م.}$$

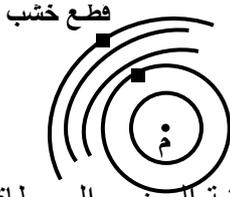
$$\text{ثانياً: الزمن الدوري} = \frac{6}{25} \text{ ث}$$

$$\text{ثالثاً: التردد} = \frac{1}{\text{الزمن الدوري}} = \frac{25}{6} \text{ هرتز}$$

$$\text{رابعاً: ج ه} = \frac{ه}{ك} \times \text{س} = \frac{0.2 \times 25}{0.5} = 10 \text{ م/ث}^2$$

ثالثاً. الحركة الموجية

عرفنا أن سبب حدوث الصوت هو حركة اهتزازية، ولكن لكي نسمعه الأذن هل جزيئات الهواء لها حركة اهتزازية أيضاً نعم ولكن تسمى جزيئات الهواء حركة موجية. ويمكن اعتبار أن الصوت والضوء والحرارة والكهرباء وموجات الراديو والتلفزيون كلها لها حركة موجية.

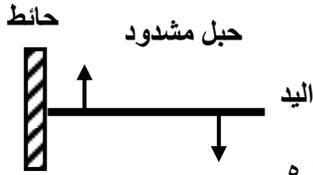


ما هي الموجة؟

(1) - تجربة قطعة الفلين على سطح الماء.

- 1- عند وجود قطع فلين على سطح الماء الساكن.
- 2- عندما تسقط قطرات من الماء على السطح الساكن تتحول طاقة الاضطراب الى طاقة حركة، وتحرك سطح الماء في شكل دوائر مركزها سقوط قطرات الماء.
- 3- قطع الفلين تتحرك إلى أعلى أو أسفل دون أن تغادر مكانها.

(2) - عندما نشد حبل باليد. نجد أنه ساكناً.



- 1- عند رفع اليد لأعلى ثم لأسفل اي تتحرك عمودياً على الحبل.

2- نجد أن أجزاء الحبل ترتفع لأعلى وتنخفض لأسفل.

الموجة: هي اضطراب يحدث في وسط ويقوم بنقل الطاقة في اتجاه انتشاره.

أو: هي اضطراب ينتقل من نقطة إلى أخرى عبر وسط مادي (أو الفراغ) دون أن تنتقل معه دقائق ذلك الوسط

أنواع الحركة الموجية

موجات كهرومغناطيسية	موجات ميكانيكية
تنتقل في الفراغ.	1- تحتاج إلى وسط مادي.
سرعتها ثابتة وتساوي سرعة الضوء.	2- تختلف سرعتها باختلاف الوسط.
من أمثلتها موجات الراديو والتلفزيون.	3- من أمثلتها موجات الصوت.

ملحوظة:

يمكن للمادة أن تتحول إلى طاقة تخرج منها في صورة موجات تسمى موجات مادية مثل الإلكترون عندما يتحرك يتحول إلى موجات ويقال أن له طبيعة مزدوجة.

أنواع الموجات

1- موجات مستعرضة: في تجربة قطعة الفلين على سطح الماء نجد أن سطح الماء يكون على شكل دوائر أفقية (اتجاه انتشار الموجة) ولكن حركة الفلين تتحرك إلى اعلى مكونة (قمة) وإذا تحركت لأسفل تكون (قاع).

خصائص الموجات المستعرضة:

1- تتحرك الجزيئات في اتجاه \perp اتجاه انتشار الموجة.

2- تتكون من قمم وقيعان.

3- موجات الضوء والموجات الكهرومغناطيسية من النوع المستعرض.

4- طول الموجة (λ) هو المسافة بين قمتين أو قاعين متتاليين.

2- موجات طولية: عندما نشد سلك الزنبرك يستطيل ويتباعد أجزاءه (تخلخل) وعندما تتركه تتقارب أجزاءه (تضاغط)، وتكون حركته عبارة عن تضاغطات وتخلخلات.

خصائص الموجات الطولية:

1- تتحرك الجزيئات في اتجاه انتشار الموجة.

2- تتكون من تضاغطات وتخلخلات.

3- جميع موجات الصوت من النوع الطولي.

4- طول الموجة الطولية هو المسافة بين مركزي تضاغطين أو تخلخلين متتاليين.

ملاحظات:

1- في الحركة الموجية تنتقل الطاقة من المصدر إلى دقائق الوسط المحيط به، ومنها إلى الدقائق المجاورة له.

2- لا تنتقل دقائق الوسط وكل منها يتحرك حركة توافقية بسيطة.

3- دقائق الوسط التي تبعد عن بعضها مسافات تساوي موجة كاملة تكون متحدة في الطور (المقدار – الاتجاه).

4- تهتز دقائق الوسط بنفس بنفس تردد المصدر.

5- يمكن تمثيل الحركة الموجية بمنحنى جيبي.

ومن صفات أي موجة:

1- الطول الموجي (λ) هو المسافة بين قمتين متتاليتين أو قاعين متتاليين في الأمواج المستعرضة أو المسافة بين تضاغطين متتاليين أو تخلخلين متتاليين في الأمواج الطولية اتجاه الانتشار

2- التردد (f) هو عدد الموجات الكاملة في 1 ث.

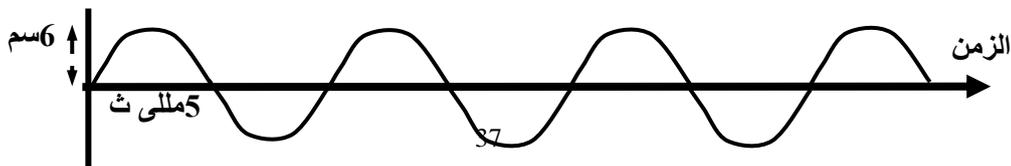
3- الزمن الدوري (Z) هو الزمن اللازم لحدوث موجة كاملة.

$$4- \text{سرعة الموجة (ع)} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{\text{طول الموجة } (\lambda)}{\text{الزمن الدوري (ز)}}$$

$$\therefore f = \frac{1}{Z}$$

$$\boxed{ع = \lambda \times f} \quad \text{م / ث}$$

مثال: 35 سم الإزاحة



من الرسم السابق- أوجد.
سعة الاهتزازة - التردد - الزمن الدوري - الطول الموجي - سرعة الموجة
الحل

زمن نصف دورة = 5 ميلي ثانية.

1- سعة الاهتزازة = 6سم.

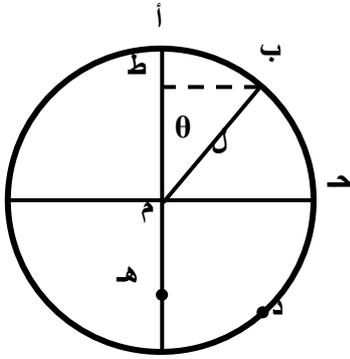
$$2- \text{الزمن الدوري} = \frac{\text{الزمن}}{\text{عدد الموجات}} = \frac{5}{0.5} = 10 \text{ ميلي ثانية} = 10 \times 10^{-3} \text{ ث}$$

$$3- \text{التردد } (f) = \frac{1}{\text{ز}} = \frac{1}{10 \times 10^{-3}} = \frac{1000}{10} = 100 \text{ هرتز}$$

$$4- \text{الطول الموجي } (\lambda) = \frac{\text{المسافة}}{\text{عدد الموجات}} = \frac{35}{3.5} = 10 \text{ سم} = \frac{10}{100} = 0.1 \text{ م}$$

$$5- \text{سرعة الموجة} = f \times \lambda = 100 \times 0.1 = 10 \text{ م/ث}$$

العلاقة بين الحركة الدائرية والحركة التوافقية والموجية:



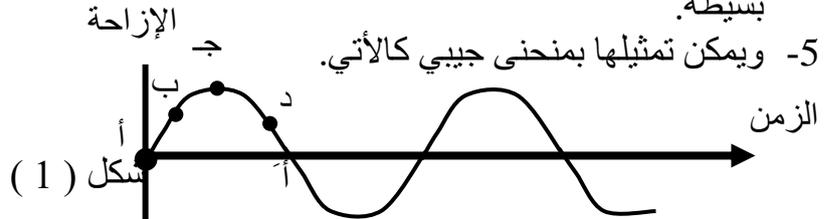
1- إذا فرضنا جسم عند (أ) تحرك إلى نقطة (ب) فإن مسقط تلك النقطة يتحرك على القطر (م أ) مسافة قدرها (أ ط).

2- عندما تصل النقطة (أ) التي تتحرك على محيط الدائرة إلى نقطة (ج) فإن المسقط يصل إلى نقطة (م).

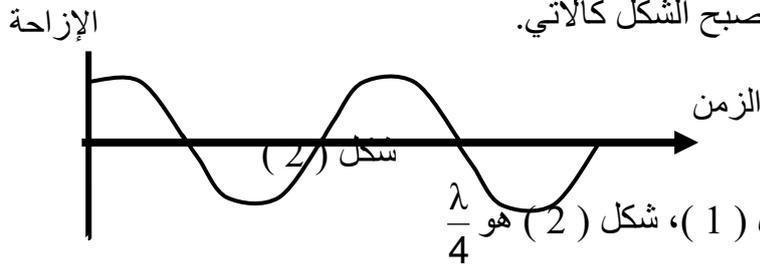
3- عندما تصل النقطة (أ) إلى (د) يتحرك مسقطها مسافة (م هـ) .

4- إذا تأملنا حركة مسقط النقطة (أ) التي تتحرك حركة دورانية على محيط الدائرة نرى أن مسقطها على القطر (أ أ) عمل حركة توافقية بسيطة.

5- ويمكن تمثيلها بمنحنى جيبي كالآتي.



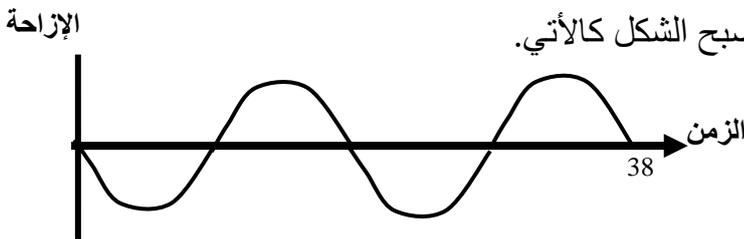
ولكن إذا بدأ الجسم حركته من ج يصبح الشكل كالآتي.



ويقال أن الفرق في المسير بين شكل (1)، شكل (2) هو $\frac{\lambda}{4}$

$$\text{و فرق الطور} = \frac{\pi}{2} \text{ حيث } 180 = \pi^\circ$$

ولكن إذا بدأ الجسم حركته من (أ) يصبح الشكل كالآتي.



شكل (3)

ويقال أن الفرق في المسير بين شكل (1)، شكل (3) هو $\frac{\lambda}{2}$

و فرق الطور = $180^\circ = \pi$

تداخل الأمواج: هو تراكم موجتين متفقتين في التردد والسعة ينتج عنهما تقوية أو ضعف.

شروط تداخل الأمواج:

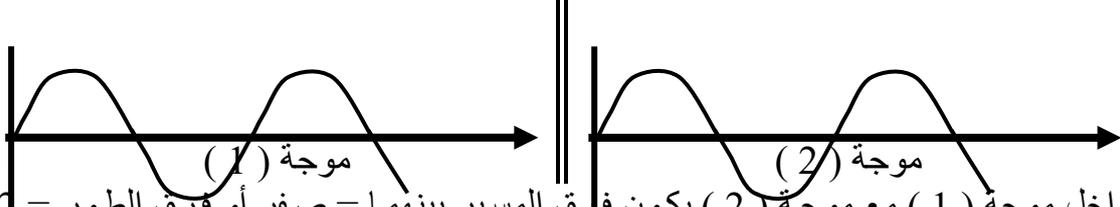
1- لا بد أن تكون الموجات محددة الطول الموجي (ليس ضوء أبيض) ضوء أخضر مثلاً أو أزرق.

2- لا بد من وجود مصدرين يعطيان نفس الموجات في التردد والسعة، وتسمى هذه بالمصادر المترابطة.

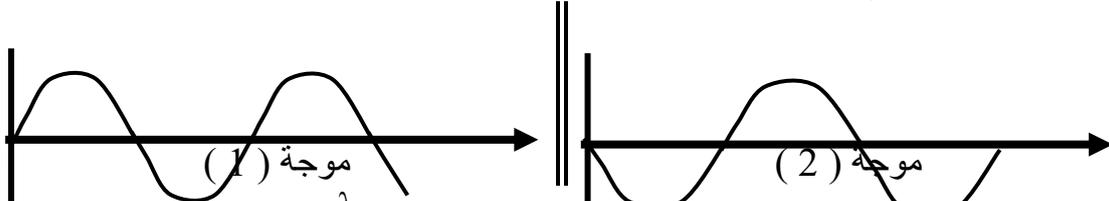
3- لا بد من وجود فتحات ضيقة.

أنواع التداخل.

(1) - تداخل بناء.



عند تداخل موجة (1) مع موجة (2) يكون فرق المسير بينهما = صفر أو فرق الطور = 2π أو عدد صحيح من الطول الموجي، وهذا يعطي موجة واحدة قوية سعة الاهتزاز فيها = سعة الأولى + سعة الثانية
(2) - تداخل هدام:



عند تداخل موجة (1) مع موجة (2) يكون فرق المسير بينهما = $\frac{\lambda}{2}$ أو فرق الطور = π وهنا يتقابل تضام من الأولى مع تداخل من الثانية أو قمة من الأولى مع قاع من الثانية، وهذا يتلاشى كل منهما الآخر ويحدث اظلام أو ضعف.

تذكر أن

- 1- عند حركة جسم في دائرة يكون له سرعة خطية ثابتة واتجاهها متغير ولكن له عجلة مركزية.
- 2- تختلف العجلة الخطية عن العجلة المركزية في أن الأخيرة تعتمد على الاتجاه.
- 3- التردد (f) هو عدد الدورات أو الاهتزازات الكاملة في 1 ث.
- 4- الزمن الدوري هو الزمن بالثواني اللازم لعمل دورة كاملة أو اهتزازة كاملة.
- 5- قانون الجذب العام لنيوتن بين أي جسمين ماديين قوى تجاذب تتناسب طردياً مع حاصل ضرب كتلتيهما وعكسياً مع مربع المسافة بينهما.
- 6- شدة مجال الجاذبية الأرضية هو قوة جذب الأرض لجسم كتلته = 1 كجم وهو يساوي عجلة السقوط الحر = 9.8 م/ث^2 نيوتن / كجم.
- 7- سرعة دوران قمر صناعي حول الأرض لا تتوقف على كتلته ولكن على نصف قطر دورانه.
- 8- الحركة الاهتزازية هي الحركة التي يعملها الجسم المهتز عندما يمر بموضع سكونه في اتجاهين متضادين.
- 9- سعة الاهتزازة هي أقصى إزاحة يبعد بها الجسم المهتز عن موضع سكونه.
- 10- الاهتزازة الكاملة هي الحركة التي يعملها جسم مهتز عندما يمر بموضع سكونه مرتين متتالين في اتجاهين متضادين. الاهتزازة الكاملة بها 4 سعة اهتزازة.
- 11- الحركة التوافقية البسيطة هي حركة اهتزازية منتظمة لكتلة حول موضع سكونها بحيث يتناسب مقدار العجلة طردياً مع الإزاحة وفي اتجاه معاكس بها. أو هي حركة نقطة حول موضع سكونها بحيث تكون هذه النقطة مسقط لنقطة أخرى تتحرك في محيط دائرة بسرعة زاوية منتظمة.
- 12- الموجة هو اضطراب يحدث في وسط ويقوم بنقل الطاقة في اتجاه انتشاره.
- 13- التداخل هو تراكب موجتين أو أكثر متفقتين في التردد والسعة ينتج عنه تقوية وضعف.

الحركة الموجية	الحركة الاهتزازية	الحركة في دائرة	
هي حركة جزيئات وسط، وتقوم بنقل الطاقة في اتجاهها.	هي حركة جسم حول موضع سكونه في اتجاهين متضادين	هي حركة جسم على محيط دائرة.	التعريف
$f \times \lambda = c$	أكبر ما يمكن عند موضع السكون.	ثابتة وتسمى سرعة زاوية $c = \theta \div z$	السرعة
مصدرها الصوت	قوة دفع تؤدي إلى تغير الطاقة.	قوى جذب نحو مركز الدائرة.	القوى المحركة
	العجلة عكس اتجاه الإزاحة	في اتجاه المركز	العجلة

الموجات المستعرضة	الموجات الطولية
تتحرك الجزيئات \perp اتجاه انتشار الموجه	1- تتحرك الجزيئات في انتشار الموجه
تتكون من قمم وقيعان.	2- تتكون من تضاعطات وتخلخلات.
الطول الموجي هو المسافة بين مركزي قمتين أو قاعين متتاليين.	3- الطول الموجي هو المسافة بين مركزي تضاعطين أو تخلخلين متتاليين.
مثل موجات الضوء وموجات الراديو والتليفزيون.	4- مثل موجات الصوت في الهواء.

أسئلة تقويم الوحدة

1- أكمل الفراغات في العبارات التالية:

- أ- إذا تحرك جسم على مسار دائري بسرعة خطية مقدارها ثابت، فإن سرعته كمتجه..... وذلك بسبب تغير الاتجاه المستمر أثناء الحركة.
 ب- كل جسم في الكون يجذب..... بقوة تتناسب طردياً مع..... وعكسياً..... الفاصلة بينهما.
 ج- الحركة التوافقية البسيطة هي حركة اهتزازية منتظمة لكتلة حول موضع..... بحيث يتناسب مقدار عجلتها تناسباً..... وفي اتجاه معاكس لها.
 2- أذكر من مشاهداتك اليومية أمثلة لأجسام تتحرك حركة دورية.
 3- وضح مفهوم كل من:

أ- الموجة. ب- الموجات الطولية. ج- الموجات المستعرضة.

4- ما أنواع الحركة الموجية في الفيزياء؟

5- عدد طرق انتقال الطاقة في الفيزياء.

6- هل تنتقل موجات الصوت في الفراغ؟ علل إجابتك؟

7- ضع العلامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

- أ- الحركة الدورية هي حركة تكرر نفسها في فترات زمنية متساوية. ()
 ب- في الحركة الدائرية المنتظمة القوة المؤثرة على الجسم المتحرك على مسار دائري تكون مماسة للمسار. ()
 ج- قانون نيوتن في الجاذبية هو قانون يطبق على الجاذبية الأرضية فقط. ()
 د- لا تنتقل الموجات الميكانيكية في الفراغ. ()
 هـ- لا تنتقل الطاقة عبر الفراغ. ()
 و- الضوء شكل من أشكال الطاقة الكهرومغناطيسية. ()
 ز- تنتمي الموجات الصوتية إلى الحركة الموجية المادية. ()

8- اختر الإجابة الصحيحة:

أ- العوامل التي تحدد الزمن الدوري للبندول البسيط هي:

- 1- كتلته. 2- طوله. 3- سعة ذبذبه.

ب- من شروط التداخل البناء أن يكون فرق الطول $(\Delta \theta)$ بين الموجتين الداخلتين.

$$(1) (2\pi n) \quad , \quad (2) (1+2n) \frac{\lambda}{2} \quad (3) (2n+1)\pi \lambda$$

9- عرف كل من:

أ- الراديان. ب- السرعة الزاوية. ج- الزمن الدوري. د- التردد.

10- تسير سيارة سباق في مسار دائري نصف قطره (نق) = 250 متر) بسرعة خطية منتظمة مقدارها 100 م/ث. أحسب ما يلي.

أ- السرعة الزاوية للسيارة. ب- عجلة الجذب المركزية للسيارة واتجاهها.

11- يدور قرص نصف قطره (8) سم حول محوره ويعمل (1200)

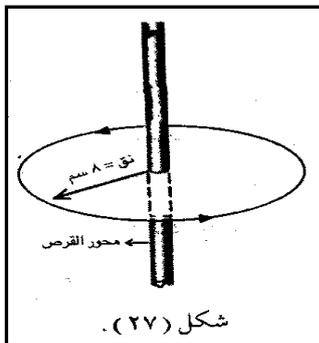
دورة/دقيقة كما في الشكل (27) أوجد ما يلي:

أ- تردد القرص وزمنه الدوري.

ب- سرعته الزاوية.

ج- سرعته الخطية لنقطة على حافته.

12- يتحرك قمر اصطناعي حول الأرض في مسار دائري نصف قطره



شكل (27).

(5550 كم) بسرعة خطية (مدارية) مقدارها 15×10^3 كم/ساعة.
أحسب ما يلي:

- أ- زمن الدورة الكاملة للقمر الاصطناعي.
ب- عجلة الجاذبية الأرضية على هذا الارتفاع.
13- تابع أرضي يدور في مدار دائري على ارتفاع (3000) كم فوق سطح الأرض أحسب ما يلي:
أ- سرعته الخطية.
ب- زمنه الدوري.
ج- عجلة الجذب المركزية للتابع الأرضي.
14- إذا كان الزمن الدوري للأرض حول الشمس هو (3.156×10^7) ثانية حوالي (365 يوماً) وبعدها عن الشمس مقدارها 1.496×10^{12} متر وكتلتها (ك) $= (5.98 \times 10^{24}$ كجم) فأحسب ما يلي:
أ- عجلة الجذب المركزية للأرض نحو الشمس.
ب- قوة الجذب المركزية المؤثرة على الأرض.
ج- كتلة الشمس.

(حيث ج = $10 \times 6.673 \times 10^{-11} \frac{\text{نيوتن} \cdot \text{م}^2}{\text{كجم}^2}$ ثابت الجذب العام).

- 15- نابض حلزوني مثبت رأسياً من أعلاه؟ إذا علقت في طرفه السفلي كتلة (ك) مقدارها (200 جم) استطال النابض (10 سم) واستقرت الكتلة في وضع توازن جديد (م). ثم إذا سحبت من موضع توازنها الجديد (م) مسافة (20 سم) كما في الشكل (28) وتركت تتذبذب فإنها تعمل (16) ذبذبة في أربع ثوان.
أحسب ما يلي:

أ- ثابت النابض (هـ).
ب- تردد الكتلة وزمنها الدوري.

ج- سعتها، (علماً بأن $d = 9.8 \text{ م/ث}^2$)

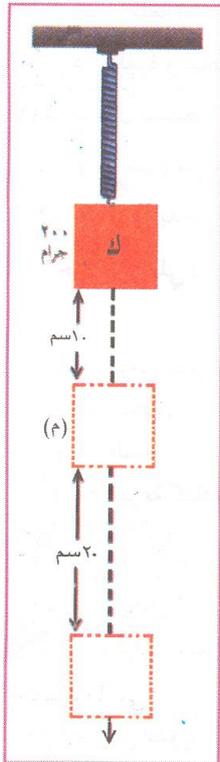
- 16- إذا كان مقدار الكتلة المربوطة بطرف النابض الحلزوني الأفقي في الشكل (8) هو (8) كجم ونحتاج لقوة مقدارها (80) نيوتن لسحبها مسافة مقدارها (20 سم)، فإذا سحبت مسافة مقدارها (30 سم) وتركت تتذبذب عاملة 15 ذبذبة في ثلاث ثوان: أحسب ما يلي:

أ- ثابت النابض (هـ).

ب- ترددها وزمنها الدوري.

ج- سعة الذبذبة.

د- القوة والعجلة والسرعة واتجاهاتها عندما تصل الكتلة إلى أقصى إزاحة لها.



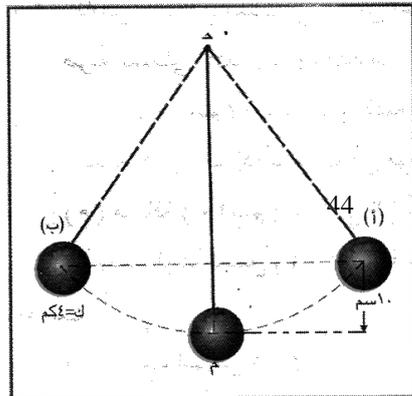
شكل (٢٨)

- 17- بندول بسيط كتلته (4) كجم شدت كتلته إلى الموضع (1) على ارتفاع (10 سم) من موضع توازنها (م) ثم تركت تتذبذب حول موضع توازنها (م) محدثة ذبذبة واحدة في الثانية شكل (29) أحسب ما يلي:

أ- الزمن الدوري للبندول.

ب- تردده.

ج- طوله.



شكل (٢٩)

د- سرعة كتلته في الموضع (م).

إجابة تقويم الوحدة

ج1/ أكمل الفراغات الآتية:

- أ- إذا تحرك جسم على مسار دائري بسرعة خطية ثابتة فإن سرعته كمتجه متغيرة وذلك بسبب تغير الإتجاه أثناء الحركة.
 ب- كل جسم في الكون يجذب الآخر بقوة تتناسب طردياً مع حاصل ضرب كتلتيهما وعكسياً مع مربع المسافة بينهما.
 ج- الحركة التوافقية البسيطة هي حركة اهتزازية منتظمة لكتلة حول موضع سكونها بحيث يتناسب مقدار عجلتها تناسباً طردياً مع الإزاحة وفي اتجاه معاكس لها.

ج2/ حركة بندول الساعة- حركة سيارة- حركة القمر حول الأرض- حركة الأرض حول الشمس.

ج6/ لا تنتقل موجات الصوت في الفراغ. (علل)

لأن موجات الصوت ميكانيكية وتحتاج لوسط ناقل.

ج7/ ضع علامة (✓) وعلامة (x) وصحح ما هو خطأ.

- 1- الحركة الدورية هي حركة تكرر نفسها على فترات زمنية متساوية. (✓)
 2- في الحركة الدائرية المنتظمة القوة المؤثرة على الجسم المتحرك في مسار دائري تكون مماسه للمسار. (x) (الحركة ونحو مركز الدائرة)
 3- قانون نيوتن في الجاذبية ينطبق على الجاذبية الأرضية فقط. (على أي كتلتين) (x)
 4- لا تنتقل الموجات الميكانيكية في الفراغ. (✓)
 5- لا تنتقل الطاقة عبر الفراغ. (تنتقل في الموجات الكهرومغناطيسية) (x)
 6- الضوء شكل من أشكال الطاقة الكهرومغناطيسية. (✓)
 7- تنتمي الموجات الصوتية إلى الحركة الموجية المادية. (حركة الإلكترون) (x)

ج8/ أختار الإجابة الصحيحة.

أ- الطول. ب- $2\pi n$ ج- $\frac{\lambda}{2} \times (1 + 2n)$

ج10/ أ- السرعة الزاوية $\omega = \frac{ع}{نق} = \frac{100}{250} = \frac{2}{5} = 0.4$ راديان/ث

ب- العجلة المركزية $= \frac{ع^2}{نق} = \frac{100^2}{250} = 100 \times \frac{100}{250} = 40$ م/ث² نحو المركز

ج11/

أ) التردد $(f) = \frac{\text{عدد الدورات}}{\text{الزمن بالثواني}} = \frac{1200}{60} = 20$ هرتز، الزمن الدوري $= \frac{1}{20}$ ث

ب) $W = f \pi 2 = 20 \times \frac{22}{7} \times 2 = 125.7$ راديان/ث

ج) $ع = W = 125.7 \times 0.08 = 10$ م/ث

ج12/ ف = 5550 كم = 10×5.55 كم³ ك = 10×6 كم²⁴

$$\text{نقر} = 6.4 \times 10^3 \text{ كم}$$

$$\text{ع} = 15 \times 10^3 \text{ كم} / \text{ساعة}$$

$$\text{(أ)} \quad \frac{\text{نقر} + \text{ف}}{\text{ع}} = \frac{2\pi \text{ ل}}{\text{ع}} = \text{ز} \quad \therefore$$

$$\text{ز} = \frac{(10^3 \times 6.4 + 10^3 \times 5.55)}{10^3 \times 15} \times \frac{22}{7} \times 2 =$$

$$= \frac{10 \times 11.95 \times 44}{10 \times 15 \times 7} = 5 \text{ ساعات}$$

$$\text{(ب)} \quad \text{د} = \frac{\text{ج ك ر}}{\text{ل}^2} = \frac{24 \times 10^6 \times 6 \times 11 - 11 \times 6,67}{2^2 (10^3 \times 10^3 \times 11,95)}$$

$$2.8 \text{ م} / \text{ث}^2 = 10 \times 0.28 = \frac{13 \times 10 \times 4002}{12 \times 10 \times 1428}$$

$$\text{ج13/ ف} = 3000 \text{ كم} = 3000 \times 10^3 = 3 \times 10^6 \text{ م ك ر} = 6 \times 10^6 \times 6 = 24 \times 10^6 \text{ كجم نقر} = 6.4 \times 10^6 \text{ م}$$

$$\text{(أ)} \quad \text{ع}^2 = \frac{\text{ج ك ر}}{\text{ل}} = \frac{\text{ف} + \text{نقر}}{\text{ل}} = \frac{24 \times 10^6 \times 6 \times 11 - 10 \times 6,67}{13 \times 10 \times 4002} = \frac{24 \times 10^6 \times 64 + 6 \times 10^6 \times 3}{6 \times 10^6 \times 94}$$

$$\text{ع}^2 = 10^7 \times 4.25 = 6 \times 10 \times 42.5$$

$$\therefore \text{ع} = \sqrt{6 \times 10 \times 42.5} = 10^3 \times 6.52 \text{ م} / \text{ث}$$

$$\text{(ب)} \quad \text{ز} = \frac{2\pi \text{ ل}}{\text{ع}} = \frac{6 \times 10^6 \times 94 \times \frac{22}{7} \times 2}{3 \times 10^6 \times 6,52} = 10^3 \times 9 = 2.5 \text{ ساعة}$$

$$\text{(ج)} \quad \text{جم} = \frac{\text{ع}^2}{\text{ل}} = \frac{6 \times 10^6 \times 425}{6 \times 10^6 \times 94} = 4.53 \text{ م} / \text{ث}^2$$

ج14/

$$\text{(أ)} \quad \text{ع} = \frac{2\pi \text{ ل}}{\text{ز}} = \frac{12 \times 10 \times 1,496 \times \frac{22}{7} \times 2}{7 \times 10 \times 3,156} = 10^5 \times 2.98 \text{ م} / \text{ث}$$

$$\text{جم} = \frac{\text{ع}^2}{\text{ل}} = \frac{2^2 (10^5 \times 2,98)}{12 \times 10 \times 1,496} = 10^{-2} \times 5.9 = 0.0059 \text{ م} / \text{ث}^2$$

$$\text{(ب)} \quad \text{ق م} = \text{ك ر جم} = 5.98 \times 10^24 \times 0.035 = 10^24 \times 3.5 = 22 \times 10^22 \text{ نيوتن}$$

$$\text{(ج)} \quad \text{ك شمس} = \frac{\text{ق م ل}}{\text{ج ك ر}} = \frac{2^2 (12 \times 10 \times 1,496) \times 22 \times 10 \times 3,5}{24 \times 10 \times 5,98 \times 11 - 10 \times 6,67} = 10^32 \times 2 = 2 \text{ كجم}$$

$$\text{ج15/ أ) ق} = \text{هـ} \times \Delta \text{ س} \quad \text{هـ} = \frac{\text{ك} \times \text{د}}{\Delta \text{ س}} = \frac{9,8 \times 0,2}{0,1} = 19,6 \text{ نيوتن}$$

$$\text{ب) } f = \frac{\text{عدد الذبذبات}}{\text{الزمن}} = \frac{16}{4} = 4 \text{ هرتز} \quad \text{الزمن الدوري} = \frac{1}{f} = \frac{1}{4} = 0,25 \text{ ث}$$

ج) سعة الاهتزازة = 20 سم.

$$\text{ج16/ أ) ثابت النابض هـ} = \frac{\text{ق}}{\Delta \text{ س}} = \frac{80}{0,2} = 400 \text{ نيوتن / م}$$

$$\text{ب) التردد } f = \frac{15}{3} = 5 \text{ هرتز} \quad \text{الزمن الدوري (ز)} = \frac{1}{5} = 0,2 \text{ ث}$$

ج) سعة الاهتزازة = 10 سم

$$\text{د) } \text{ق} = \text{هـ} \times \text{س} = 0,3 \times 400 = 120 \text{ نيوتن.}$$

$$\text{ج} = \frac{\text{ق}}{\text{ك}} = \frac{120}{8} = 15 \text{ م/ث}^2$$

اتجاه كل منهما معاكس لإتجاه الإزاحة، والسرعة عند أقصى إزاحة = صفر

ج17/

$$\text{أ) الزمن الدوري} = 1$$

$$\text{ب) } f = \frac{1}{\text{ز}} = 1 \text{ ذ/ث}$$

$$\text{ج) } \text{ز} = \frac{1}{f} = \frac{1}{2\pi} \left(\frac{\text{ل}}{\text{د}} \right) \times \pi^2 \times 4 = 1 \Rightarrow \frac{\text{ل}}{\text{د}} = \frac{1}{2\pi^2}$$

$$\text{ل} = \frac{\text{د}}{2\pi^2} = \frac{9,8}{2 \left(\frac{22}{7} \right) \times 4} = 0,248 \text{ م} = 24,8 \text{ سم.}$$

عندما يكون طاقة الحركة = طاقة الوضع

$$\text{طك} = \text{طح} \Rightarrow \text{ك} \times \text{د} \times \text{ف} = \frac{1}{2} \text{ ك ع}^2$$

$$\therefore \text{ع} = \sqrt{2 \text{ د ف}} = \sqrt{2 \times 10 \times 9,8} = 14 \text{ م / ث}$$

