



اولا- اجب عن الاسئلة التالية:

السؤال الاول- ليكن f التابع المعرفة على R وخطه C : (60 درجة)

- 1- احس $f'(1) - f'(0)$
- 2- اوجد نهاية f عند $-\infty$ و $+\infty$
- 3- حدد حلول $f'(x) > 0$
- 4- حدد قيم k لتكون للمعادلة $f(x) = k$ حلان
- 5- ادرس الوضع المتري بين C والمعادلة $y = -1$
- 6- حدد $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x)}{x}$

السؤال الثاني- 1. ليكن f التابع المعرفة على $[0, \infty)$ وفق العلاقة $f(x) = x + 3 + \frac{\ln(x \cos x)}{\sqrt{x}}$ (80 درجة)

برهن $\Delta y = x + 3$ مغاير لـ C

2- ليكن f التابع المعرفة على R وفق $f(x) = \frac{x^2 + 2}{x^2 + 1}$ ادرس قابلية اشتقاق التابع f عند (-1) من اليسار ثم اكتب معادلة نصف العماس لخطه البياني في نقطة دائلها $x = -1$

السؤال الثالث- ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على R وفق $f(x) = |x| - \sqrt{4x^2 + 4}$ (60 درجة)

1- احس نهاية f عند $+\infty$

ثانيا حل المسألة الآتية: (100 درجة)

ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على R وفق $f(x) = xe^x$

1- ادرس تغيرات f ونظم حلولها

ثالثا. اجب عن التمارين الآتية: التمرين الاول: 1- اكتب بالشكل المثلثي $z_1 = (\sqrt{2} - \sqrt{2}i)(\sin \frac{\pi}{4} + i \cos \frac{\pi}{4})$ (40 درجة)

2- اكتب بالشكل الاسي $z_2 = (2 - \sqrt{5})(\cos \frac{\pi}{5} + i \sin \frac{\pi}{5})$

التمرين الثاني

التمرين الثاني في المستوى (O, u, v) ليكن العدد العقدي $W = \frac{z+1}{z-1}$ ، نقرص W تخيلي بحث اثبت $|z| = 1$ ثم عين مجموعة النقاط $f(z)$ (20 درجة)

تمرين الثالث: لتكن النقاط A, B, C التي تمثلها الاعداد العقدية $a=2, b=3+i\sqrt{3}, c=2\sqrt{3}i$ بالترتيب في مستوى سرود بمعلم تحاسن عناصر التوجيه والمطلوب (80 درجة)

1- اكتب كلاً من a, b, c بالشكل الاسي ثم وضع A, B, C في شكل

2- لتكن العلاقة $z_0 - c = e^{-\frac{\pi}{3}}(b - c)$ حيث $z_0 \in (0)$ ماذا تعقل هذه العلاقة ثم اثبت صحتها

3- اثبت ان النقاط O, A, B, C تقع على دائرة واحدة وعن العدد العقدي الممثل لمركز هذه الدائرة.

حـل المسألة الآتية: (140 درجة)

1. ليكن $A(1,1,1), B(3,2,0)$ والمستوي P يمر من B ويقطع الشعاع \overline{AB} ناظماً له والمستوي Q معادلته $x - y + 2z + 4 = 0$ والقطعة AB و نصف قطرها AB والمطلوب

1- اثبت ان $2x + y - z - 8 = 0$ هي معادلة المستوي P

2- اوجد معادلة الكرة S

3- اثبت ان المستوي Q يمس الكرة S

4- اثبت ان النقطة $c(0,2,-1)$ هي المسقط القائم للنقطة A على المستوي Q

اثبت ان $d: \begin{cases} x = t \\ y = -5t + 12 \\ z = -3t + 4 \end{cases} t \in R$ هي المعادلات الوسيطة للفصل المشترك بين Q و P

اوجد معادلة المستوي المحوري للقطعة $[BC]$ 7- اثبت ان المستقيم d محتوي في المستوي المحوري للقطعة $[BC]$