

مركز أونلاين التعليمي



الأستاذ . فارس جقل

♦ الجلسات الامتحانية .. الادافية تكميلية 2022 ♦

جامعة التحليل

السؤال الثامن: ليكن f المعرف على المجال

$$f(x) = x - 4 + \sqrt{x-2} [2, +\infty]$$

- ادرس تغيرات f على المجال $[2, +\infty]$ ونظم جدولًا بها

- أثبت أن المعادلة $0 = f(x)$ تقبل حلًا وحيداً

- اكتب معادلة المماس للخط C في النقطة

التي فاصلتها 3

- هل يقبل C مماساً موازياً للمستقيم الذي

معادلته $y = x$

- هل يقبل C مماساً أفقياً

السؤال التاسع: لدينا التابع التالي : ليكن C الخط البياني

للتابع f المعرف على $[0, +\infty]$ حيث

$$f(x) = \frac{2\ln(x) - 1}{\ln(x)}$$

- أوجد نهاية التابع عند $+\infty$

- عين قيمة A حيث $x > A$ إذا علمت أن $\in f(x) \in [1, 9, 2, 1]$

السؤال العاشر: ليكن C الخط البياني للتابع f

المعرف على R وفق: $f(x) = \frac{2e^x - 3}{1+e^x}$ والمطلوب:

- ادرس تغيرات التابع f ونظم جدولًا بها

واستنتج المقاريات وادرس وضع C بالنسبة إليه

- ارسم كل مقارب وجنته وارسم C

السؤال العادي عشر: أثبت أن للمعادلة

$$x^3 + x + 1 = 0$$

ثوابتين $\alpha \in [-1, 0]$

السؤال الثاني عشر: ليكن التابع f المعرف على

R وفق: $f(x) = xe^{-x}$ والمطلوب:

$$\int_0^{\ln 3} f(x) d(x)$$

- احسب $(x) d(x)$

- أثبت أن التابع $(x) f(x) = y$ هو حل للمعادلة

التفاضلية $y' + y = e^{-x}$

السؤال الثالث عشر: حل المعادلة $4^x = 5^{x+1}$

السؤال الرابع عشر: ليكن f التابع المعرف على

$$R$$
 وفق: $f(x) = \frac{1}{2}(e^{\frac{x}{2}} + e^{-\frac{x}{2}})$

- أثبت أن التابع f زوجي واستنتاج الصفة

الانتظارية للخط

- ادرس تغيرات f ونظم جدولًا بها

- ارسم C واحسب مساحة السطح المحصور

بين C ومحور xx' والمستقيمين

$$x = -1, x = 1$$

السؤال الأول: ليكن C الخط البياني للتابع المعرف على R

وفق: $f(x) = x + \frac{x}{\sqrt{x^2+1}}$ والمطلوب :

- احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

- أثبت أن المستقيم Δ الذي معادلته $y = x + 1$ مقارب

مائلاً للخط C عند $+\infty$ وادرس الوضع النسيبي للمقارب

Δ والخط

السؤال الثاني: حل المعادلة: $0 = 4 - 4 - 9^x + 3^{x+1}$ في R

السؤال الثالث: حل المعادلة التفاضلية $0 = y' + 3y$

علمًا أن الخط البياني C للحل يمر بالنقطة (1, $A(\ln 4, 1)$)

السؤال الرابع: ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على

$R \setminus \{-3\}$ وفق: $f(x) = \frac{x^2+2x-2}{x+3}$ والمطلوب:

- اكتب التابع f بالشكل:

- أثبت أن المستقيم $y = ax + b$ مقارب مائل للخط

- احسب $\int_0^2 f(x) dx$

السؤال الخامس: أثبت أن:

$$\frac{x^2-1}{x^2+1} \leq \frac{x^2+\cos x^x}{x^2+1} \leq 1$$

ثم استنتاج $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2+\cos x^x}{x^2+1}$

السؤال السادس: ليكن التابع $f(x) = e^x$ المعرف على

R والمطلوب:

- جد $f'(2)$, واحسب $f(\ln 2)$ على هذا المجال ثم

$$f'(1)$$

استنتاج $\lim_{x \rightarrow \ln 2} \frac{e^x-2}{x-\ln 2}$

السؤال السابع: ليكن C الخط البياني للتابع f المعرف على

$R \setminus \{-1\}$ وفق: $f(x) = \frac{x+2}{(x+1)^2}$ والمطلوب:

- ادرس تغيرات f ونظم جدولًا بها ودل على القيم الحدية

وأوجد معادلة كل مستقيم مقارب للخط C يوازي

محور yy' أو يوازي المحور xx'

- ارسم كل مقارب وجنته للخط C ثم ارسم C

هام جداً : راجع شرح تابع الجزء الصحيح وحالات استنتاج

خط بياني من مختلفة طرائق نحو الـ 600 صفحة 39 و 40

وأهم أنماط التغيرات صفحة 18 و المسألة 21 ملحق جزء أول

لا تمل .. الملل عدو النجاح لا تخاف خليك شجاع لا تطلبك .. كول مشبك ...

♦ الجلسات الامتحانية .. الالاذقية تكميلية 2022 ♦

السؤال الرابع والعشرون : حل ماليي :

$$(e^x - 4)(e^x - 1) \leq 0 \quad (1)$$

$$e^{2x^2+3} = e^{7x} \quad (2)$$

$$\frac{e^x}{1-2e^x} = 5 \quad (3)$$

السؤال الخامس والعشرون : تحقق أن F و G تابعان

أصليان للتابع f نفسه على المجال $I = R$

$$G(x) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cos 2x \quad F(x) = \cos^2 x$$

هام : راجع تدرب صفة 125
من الكتاب

السؤال السادس والعشرون : ليكن التابع المعرف

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 4} \quad \text{وفقاً:}$$

1. احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ، ثم

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x + 1))$$

b. استنتج وجود مقارب مائل Δ للخط

البياني C الخط البياني للتابع f في جوار ال $+\infty$

c. ادرس الوضع النسيي للمقارب Δ والخط C

2. احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ a.

b. أثبت وجود عدد حقيقي a يحقق

$$x \rightarrow f(x) - \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = a$$

عند $-\infty$ عدد حقيقي b

c. استنتاج وجود مقارب مائل Δ للخط
البياني C للتابع f في جوار ال $-\infty$

السؤال السابع والعشرون :

$$|f(x) - 2| \leq e^x \cdot \ln x \quad \text{ل يكن } f(x) =$$

أوجد النهاية عند ال $+\infty$

السؤال الثامن والعشرون :

ادرس تقارب كل من المتتاليتين :

$$y_n = \frac{10^n - 1}{10^n + 1} \quad (2) \quad x_n = \frac{3^n - 2^n}{3^n - 1} \quad (1)$$

السؤال التاسع والعشرون : ليكن C الخط

البياني للتابع f المعرف على R وفق:

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 4x + 5}$$

1. احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2. اكتب ثلاثي الحدود $5 + 4x + x^2$ بالصيغة
القانونية، (متمماً إلى مربع كامل)

3. استنتاج وجود مقارب مائل للخط البياني
وأكتب معادلته

4. احسب حجم المجسم الناتج عن دوران السطح السابق

دوره كاملة حول xx'

السؤال الخامس عشر: ليكن التابع f المعرف على R وفق:

$$f(x) = \frac{x^2 + |x|}{x^2 + 1} \quad \text{والمطلوب:}$$

1. ما نهاية التابع f عند $-\infty$

2. ادرس قابلية اشتتقاق f عند الصفر من اليمين ثم اكتب
معادلة لنصف المماس من اليمين لخطه البياني C_f في

النقطة $A(0, 0)$

السؤال السادس عشر: حل في R :

$$-\ln(x + 1) + \ln x = \ln(x - 1) \quad (1)$$

$$\ln(x^2 + 3x) > \ln(2x + 2) \quad (2)$$

السؤال السابع عشر: احسب $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x \sin x}$

السؤال الثامن عشر: أوجد المぬحي التكامل (التابع الأصلي)

$$f(x) = 3x^2 - 2x + 5 \quad \text{للتابع } F(0) = 3$$

السؤال التاسع عشر: ليكن التابع

$$f(x) = e^x - 1 \quad \text{حل المتراجحة } f(x) \leq 0$$

2. احسب $\int_0^{\ln 2} f(x) d(x)$

السؤال العشرون: ليكن f التابع المعرف

وفق:

$$f(x) = \begin{cases} x^2(1 - \ln(x)) & ; x > 0 \\ 0 & ; x = 0 \end{cases}$$

1. هل التابع مستمر عند الصفر

السؤال العادي والعشرون: ليكن C الخط البياني للتابع f

$$f(x) = ax + b - \frac{\ln x}{x} \quad \text{وفق: } [0, +\infty]$$

1. عين العددان الحقيقيين a و b إذا علمت أن المماس

للخط C في النقطة $(1, 0)$ يوازي المستقيم d الذي

$$\text{معادلته: } y = 3x$$

2. من أجل $a = 4$ و $b = -4$ = أثبت أن المستقيم Δ الذي

معادلته $y = 4x - 4$ مقارب مائل للخط C في جوار

$+\infty$

السؤال الثاني والعشرون: أثبت أنه أيًّا كانت $x > 0$ فإن

$$\ln x < x$$

السؤال الثالث والعشرون:

ليكن التابع $f(x) = 2x - 1 + \ln \frac{x}{1+x}$ المعرف على $[0, +\infty]$

1. ادرس التغيرات

2. أثبت أن المستقيم $1 - y = 2x$ مقارب مائل وادرس

وضعه النسيي

3. ارسم الخط البياني للتابع

لا تمل .. الملل عدو النجاح لا تخاف خليك شجاع كول مشبك ...

♦ الجلسات الامتحانية .. الالاذقية تكميلية 2022 ♦

السؤال الثالثون: نظم جدول تغيرات للتتابع التالية :

$$]0, e[\cup e, +\infty) \text{ المعرف على } f(x) = \frac{1}{x(1-\ln x)} \quad (1)$$

متجاورتان ثم بين نهايتها المشتركة

السؤال الرابعون: ليكن n عدد طبيعي اثبت

بالتدريج : $4^n + 5$ مضاعف للعدد 3

السؤال الخامس: لتكن المتتالية $(S_n)_{n \geq 0}$ المعرفة

وفق

: $S_n = 1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{3^2} + \dots + \frac{1}{3^n}$ والمطلوب:

1. أثبت أن المتتالية $(S_n)_{n \geq 0}$ متزايدة تماماً

2. أثبت أن S_n تكتب بالشكل

$S_n = \frac{1}{2}(3 - \frac{1}{3^n})$, ثم استنتج عنصراً راجحاً

على المتتالية $(S_n)_{n \geq 0}$ وبين أنها متقاربة

السؤال السادس: نتأمل المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$

المعرفة بالعلاقة التدريجية : $3 u_0 = 3$ و

$u_{n+1} = \frac{u_n}{2} + \frac{2}{u_n}$ عند كل $n \geq 0$ والمطلوب

1. أثبت أن التابع $f(x) = \frac{x}{2} + \frac{2}{x}$ متزايد تماماً

على $[2, +\infty)$

2. أثبت بالتدريج أن $u_n \leq u_{n+1} \leq 2$ أيًّا كان

العدد الطبيعي n

3. استنتاج أن المتتالية متقاربة واحسب نهايتها

جلسة مراجعة المتتاليات

السؤال الأول:

1. اكتب معادلة للكرة S التي مركزها O مبدأ

الإحداثيات ونصف قطرها $R = \sqrt{3}$

2. تحقق أن المستوى P الذي معادلته

$S: X - Y + Z + 3 = 0$

السؤال الثاني: في الشكل المجاور:

مكعب $ABCDEFGH$ طول حرفه 2

، نتأمل المعلم المتتجانس $(\vec{A}, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$

$\vec{AE} = 2\vec{k}$ ، $\vec{AD} = 2\vec{j}$ ، $\vec{AB} = 2\vec{i}$

1. اكتب معادلة المستوى (GBD)

2. اكتب تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (EC)

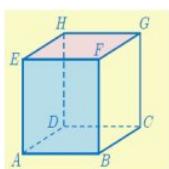
3. جد إحداثيات نقطة تقاطع المستقيم (EC)

مع المستوى (GBD)

4. جد إحداثيات النقطة M التي تتحقق:

$\vec{EM} = \frac{1}{3}\vec{EC}$

5. أثبت تعاًد المستقيمين (HM) و (EC)



السؤال الثاني: نظم جدول تغيرات للتتابع التالية :

$$]0, e[\cup e, +\infty) \text{ المعرف على } f(x) = x^2 \ln x \quad (2)$$

$$R \text{ المعرف على } f(x) = xe^{-x} \quad (3)$$

$$R \text{ المعرف على } f(x) = \frac{x^2}{e^x} \quad (4)$$

$$]-\infty, -1[\cup [1, +\infty) \text{ المعرف على } f(x) = \ln(x^2 - 1) \quad (5)$$

جلسة مراجعة المتتاليات

السؤال الأول:

لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بالعلاقة

$$u_n = 3n + 1$$

1. أثبت أنها حسابية وعيّن أساسها ثم احسب المجموع

$$u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{14}$$

2. برهن أن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ متزايدة تماماً

السؤال الثاني:

لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة بالعلاقة:

$$u_{n+1} = 2u_n - 3 \text{ و } u_0 = 2$$

نعرف المتتالية $(v_n)_{n \geq 0}$ حيث

$$v_n = \frac{1}{u_n - 3}$$

1. أثبت أن $(v_n)_{n \geq 0}$ هندسية ثم عيّن أساسها وحدتها الأولى

2. اكتب u_n بدلالة n

السؤال الثالث:

لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ المعرفة وفق:

$$u_{n+1} = \frac{2u_n}{u_n + 1} \text{ و } u_0 = 2$$

1. أثبت أن $u_n \geq u_{n+1} \geq 1$

2. استنتاج أن $(u_n)_{n \geq 0}$ متناقصة

السؤال الرابع:

متتالية حسابية فيها $u_1 = 6$ و

$$u_0 = -2$$

1. أوجد أساس المتتالية ثم اكتب u_n بدلالة n

$$S = u_2 + u_3 + \dots + u_{10}$$

2. احسب المجموع $u_0 = -2$ متتالية هندسية فيها

$$q = 2$$

1. احسب u_5

2. احسب المجموع $S_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n$. ثم احسب

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$$

السؤال السادس:

لتكن المتتاليتان $(u_n)_{n \geq 1}$ و $(v_n)_{n \geq 1}$

المعروفتان كما يلي:

$$u_n = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{2n} \text{ و } v_n = u_n + \frac{1}{4n}$$

أثبت أن هاتين المتتاليتين متجاورتين

السؤال السابع:

لتكن المتتاليتان المعرفتان وفق:

لا تمل .. الملل عدو النجاح لا تخاف خليك شجاع لا تطلبك .. كول مشبك ...

◆ الجلسات الامتحانية .. الالاذقية تكميلية 2022 ◆

1. أثبت أن النقاط A, B, C, D تقع في مستوى واحد

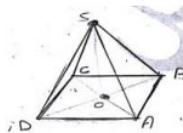
2. أثبت أن النقاط D, C, B تقع على استقامة واحدة

السؤال التاسع: عين طبيعة مجموعة النقاط

M(X, Y, Z) التي تتحقق:

$$X^2 + Y^2 + Z^2 - 2X + 6Y - 2 = 0$$

السؤال العاشر: ليكن S - ABCD هرم



قاعدته مربع طول ضلعه يساوي 5 وطول كل حرف من حروفه الجانبية يساوي 5 ولتكن O مرسم S القائم على القاعدة والمطلوب :

$$\overrightarrow{SD} \cdot \overrightarrow{SC}$$

$$1. \text{ احسب } \overrightarrow{DB} \cdot \overrightarrow{DS}$$

السؤال الحادي عشر: في معلم متاجنس

(O, i, j, k) لدينا النقاطان

$$B(7, -2, 0), A(2, 1, -2)$$

$$\vec{v}(-3, 1, 2) \quad \vec{u}(2, -1, 0)$$

والشعاعان:

والمطلوب:

1. أثبت أن الأشعة \vec{u} و \vec{v} و \overrightarrow{AB} مرتبطة خطياً

2. اكتب معادلة المستوى الذي يقبل \vec{v} و \overrightarrow{AB}

السؤال الثاني عشر:

لتكن النقاط

$$C(3, 1, -2), B(2, 2, 3), A(1, 0, -1)$$

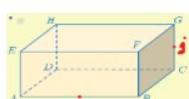
D(-4, 2, 1) بين مع التعلييل صحة أو خطأ

المقولات التالية :

1. المثلث ABC قائم

2. النقاط A, B, C ليست على استقامة واحدة

المستقيم (AD) عمودي على المستوى (ABC)



السؤال الثالث عشر:

ABCDEF GH متوازي مستطيلات

$$BC = 2 \text{ و } CG = 2 \text{ و } AB = 4$$

والنقطة I منتصف AB والنقطة J منتصف CG

ولدينا المعلم المتاجنس

$$(A, \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}, \frac{1}{2}\overrightarrow{AD}, \frac{1}{2}\overrightarrow{AE})$$

والمطلوب:

1. اكتب معادلة المستوى (IFH)

السؤال الثالث:

اكتب شعاعي التوجيه للمستقيمين d و d' :

$$d: \begin{cases} X = t + 1 \\ Y = -3t + 2 \\ Z = -3t + 3 \end{cases}; t \in \mathbb{R}$$

$$d': \begin{cases} X = s \\ Y = -3s \\ Z = -s + 1 \end{cases}; s \in \mathbb{R}$$

وهل المستقيمان d و d' يقعان في مستوى واحد؟ علل إجابتك..

السؤال الرابع: نتأمل في المعلم المتاجنس

(O, i, j, k) النقاطين (A, 2, 0, 1) و (B, 1, 2, 1) والمطلوب:

اكتب معادلة المستوى المحوري للقطعة المستقيمة [AB]

السؤال الخامس: اكتب معادلات التمثيل الوسيطي للفصل المشترك

$$\begin{cases} P : 2x - y + z - 4 = 0 \\ Q : x + y + 2z - 5 = 0 \end{cases}$$

السؤال السادس:



ABCDEF GH متوازي سطوح فيه BC = GC = 1 و AB = 2

وقياس الزاوية \widehat{DAB} يساوي 45°

والنقطة I منتصف [FE] والمطلوب:

$$1. \text{ احسب } \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD}$$

$$2. \text{ عين موضع النقطة M التي تحقق العلاقة: } \overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{FB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{GH}$$

السؤال السابع:

في معلم متاجنس (O, i, j, k) لدينا النقاط

$$D(0, 4, 0), C(4, 0, 0), B(1, 0, -1), A(2, 1, 3)$$

$$E(1, -1, 1)$$

$$1. \text{ جد } \overrightarrow{CE} \text{ و } \overrightarrow{CD}$$

2. أثبت أن النقاط C, D, E ليسوا واقعة على استقامة واحدة

3. أثبت أن (AB) يعادل المستوى (CDE)

4. اكتب معادلة المستوى (CDE)

5. احسب بعد B عن المستوى (CDE)

6. اكتب معادلة الكرة التي مركزها B وتمس المستوى (CDE)

السؤال الثامن:

نتأمل في معلم متاجنس (O, i, j, k) النقاط التالية:

$$B(-1, 2, -1), A(0, 2, -2)$$

$$D(0, 3, -3), C(-2, 1, 1)$$

♦ الجلسات الامتحانية .. الالاذقية تكميلية 2022 ♦

السؤال الثاني: لتكن النقطة M التي يمثلها العدد العقدي i $Z = -1 + i$ والمطلوب:
1. أثبت أن Z^8 عدداً حقيقياً

2. جد العدد Z' الممثل للنقطة M' صورة M وفق دوران مركزه $A(1+i)$ وزاويته $\frac{\pi}{4}$ واكتبه بالشكل الأسوي

السؤال الثالث: احسب جداء الضرب $(Z^2 + 2Z - 3)(Z^2 + 2Z + 5)$

ثم حل في \mathbb{C} المعادلة

$$Z^4 + 4Z^3 + 6Z^2 + 4Z - 15 = 0$$

السؤال الرابع: في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متاجنس (O, \bar{u}, \bar{v}) نتأمل النقاط

M و C و B و A التي تمثلها على الترتيب الأعداد العقدية

$$b = 1 - i, a = -i$$

و $d = 2i, m = -1 + i$

1. مثل الأعداد $b = 1 - i$ و $a = -i$ في المستوى $d = 2i$ و $m = -1 + i$

2. احسب العدد العقدي c الممثل للنقطة C صورة النقطة D وفق دوران مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{2}$

3. أثبت أن النقاط B و O و M تقع على استقامة واحدة.

4. احسب $\arg\left(\frac{d-c}{m}\right)$ واستنتج أن (OM) و (DC) متوازدان

5. حل في C ما يلي إلى عوامل خطية من الدرجة الأولى:

$$Z^3 + 4Z^2 + 29Z = 0$$

6. عين العدددين العقديين Z و W المحققان لجملة المعادلتين:

$$\begin{cases} 2Z - W = -3 \\ 2\bar{Z} + \bar{W} = -3 + 2\sqrt{3}i \end{cases}$$

7. أوجد e صورة m وفق تحاكي مركزه b ونسبة -3

8. أوجد الجذرین التربيعیین للعدد العقدي $Z = 3 + 4i$

السؤال الخامس: في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متاجنس (O, \bar{u}, \bar{v}) نتأمل النقاط A, B, C التي تمثلها الأعداد العقدية $a = 8, b = -4 + 4i, c = -4i$ على الترتيب والمطلوب:

2. جد الأعداد الحقيقة α, β, γ حتى تكون النقطة D مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط $(\alpha, \beta), (B, \beta), (C, \gamma)$

3. برهن أن الأشعة \overline{AH} و \overline{AF} و \overline{DB} مرتبطة خطياً

4. جد إحداثيات M التي تحقق:

$$\overrightarrow{EM} = \frac{1}{3} \overrightarrow{EC}$$

5. احسب بعد G عن المستوى (IFH) ثم أوجد مسقطه القائم على المستوى (IFH)

السؤال الرابع عشر: في الفضاء المنسوب إلى معلم متاجنس

$A(1, 0, -1), D(-4, 2, 1), C(3, 1, -2), B(2, 2, 3)$

1. أثبت أن المثلث ABC قائم واحسب مساحته

2. أثبت أن الشعاع $\overline{n}(2, -3, 1)$ ناظم المستوى (ABC) واستنتاج معادلة المستوى (ABC)

3. احسب بعد النقطة D عن المستوى (ABC) ثم احسب حجم رباعي الوجوه

السؤال الخامس عشر: في معلم متاجنس $(O, \bar{u}, \bar{v}, \bar{w})$ لدينا النقاط

$A(1, 1, 0), C(4, 0, 0), B(1, 2, 1)$ والمطلوب:

1. أثبت أن النقاط A, B, C ليست على استقامة واحدة

2. أثبت أن معادلة المستوى (ABC) تعطى بالعلاقة $X + 3Y - 3Z - 4 = 0$

3. ليكن المستويان Q و P معادلتهما

$$P: X + 2Y - Z - 4 = 0$$

$$Q: 2X + 3Y - 2Z - 5 = 0$$

أثبت أن المستويان يتقاطعان في الفصل المشترك d ذو التمثيلات الوسيطية التالية:

$$d: \begin{cases} X = t - 2 \\ Y = 3 \\ Z = t \end{cases}; t \in \mathbb{R}$$

4. ما هي نقطة تقاطع المستويات Q و P و (ABC)

5. احسب بعد A عن المستقيم d

جلسة مراجعة العقدية

السؤال الأول:

ليكن العددان العقديان: $i = 1 + \sqrt{3}i$ و $Z_1 = 1 + \sqrt{3}i$ والمطلوب:

1. اكتب بالشكل المثلثي كلاً من الأعداد Z_1 و Z_2 و $\frac{Z_1}{Z_2}$

2. اكتب بالشكل الجبري $\frac{Z_1}{Z_2}$ ، واستنتاج $\cos \frac{\pi}{12}$

تم.. الملل عدو النجاح لا تخاف خليك شجاع لا تطلبك .. كول مشبك ...

◆ الجلسات الامتحانية .. الالاذقية تكميلية 2022 ◆

1. نظم جدول القانون الاحتمالي واحسب توقعه الرياضي وتبينه وانحرافه المعياري
2. أعد المسألة السابقة في حال السحب على التتالي مع إعادة

السؤال السادس: عين في منشور $(x^2 - \frac{2}{x})^{12}$

الحد الذي يحوي x^{12} والحد المستقل عن x

السؤال السابع: نلقي قطعة نقود غير متوازية

ثلاث مرات متتالية، بحيث يكون احتمال ظهور الشعار في كل رمية يساوي $\frac{1}{3}$ ، نعرف X المتتحول العشوائي الذي يدل على عدد مرات ظهور الشعار ، اكتب مجموعة قيم المتتحول العشوائي X ، واكتب جدول قانونه الاحتمالي واحسب توقعه الرياضي وتبينه

السؤال الثامن: صندوق يحوي 11 كرة متتماثلة

فيها 7 كرات حضراء و واحدة بيضاء و 3 كرات حمراء نسحب عشوائيا من الصندوق كرتين على التتالي مع إعادة وتأمل المتتحول العشوائي X الذي يدل على عدد الكرات البيضاء المسحوبة

والمطلوب، عين قيم المتتحول العشوائي X ثم نظم

جدول قانونه الاحتمالي واحسب توقعه الرياضي

السؤال التاسع: يحوي صندوق 6 بطاقات مرقمة

بالأرقام 6,5,4,3,2,1 نسحب منه عشوائيا بطاقتين على التتالي دون إعادة. ليكن X المتتحول العشوائي الذي يدل على أصغر رقمي البطاقتين المسحوبتين والمطلوب:

1. عين مجموعة قيم المتتحول العشوائي X

واكتب جدول قانونه الاحتمالي

2. احسب التوقع الرياضي $E(X)$ والتباين $V(X)$

السؤال العاشر: أكمل الجدول المجاور

X	Y	0	1	2	X
0					0.4
1					0.04
2					0.4
	فأدنى	0.3			

الذي يمثل القانون الاحتمالي

لزوج من المت حولات العشوائية

(X, Y) علما أن المت حولين

العشوائيين X, Y مستقلان احتماليا

مستقلان احتماليا

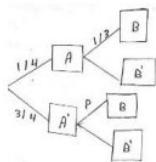
السؤال العادي عشر: ليكن B و A حدثين

مرتبطين بتجربة عشوائية معروضة

بالمخيط الشجري المعاو... .

كيف نختار P حتى يكون الحدثان

B و A مستقلين احتماليا



1. احسب العدد $\frac{b-c}{a-c}$ واستنتج أن المثلث ABC قائم ومتتساوي الساقين

2. جد العدد العقدي d الممثل للنقطة D صورة النقطة A وفق دوران مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{4}$

3. جد العدد العقدي e الممثل للنقطة E ليكون الرباعي $ACBE$ مربع

السؤال السادس: ليكن لدينا كثير الحدود

$$p(z) = z^3 - 3z^2 + 3z + 7 \quad \text{والمطلوب :}$$

1. أثبت أن 0

2. اكتب $p(z)$ بالشكل $p(z) = (z + 1)Q(z)$

3. حل المعادلة $p(z) = 0$

4. ثلات نقاط تمثل حلول المعادلة ،

أثبت أن المثلث ABC متتساوي الأضلاع

جلسة مراجعة التحليل التواصقي + الاحتمالات

السؤال الأول:

في إحدى مراكز الخدمة ثلاثة مهندسين وخمس عمال، كم لجنة قوامها مهندس واحد وعاملان يمكنها تشكيلاً لمتابعة أعمال الخدمة

السؤال الثاني:

في إحدى مراكز الخدمة ثلاثة مهندسين وخمس عمال ، بكم طريقة يمكن اختيار لجنة مكونة من رئيس ونائب رئيس وأمين سر؟

السؤال الثالث: في أحد الامتحانات يطلب من الطالب

الإجابة عن خمسة أسئلة من ثمانيأسئلة:

1. بكم طريقة يمكن للطالب أن يختار الأسئلة؟

2. بكم طريقة يمكن الاختيار إذا كانت الأسئلة الثلاثة الأخيرة إجبارية؟

السؤال الرابع: في الشكل المجاور نتأمل شبكة منتظمة من المستقيمات المتوازية تشكل فيما بينها متوازيات أضلاع والمطلوب، احسب عدد متوازيات الأضلاع في الشبكة

السؤال الخامس: صندوق يحوي 9 كرات متتماثلة منها (4) كرات حضراء و (5) كرات حمراء نسحب عشوائيا ثلاثة كرات معًا، نتأمل المتتحول العشوائي X الذي يأخذ القيمة 5 إذا كانت نتيجة السحب ثلاثة كرات حمراء والقيمة 3 إذا كانت نتيجة السحب كرتين حمراوين وكرة حضراء والقيمة صفر فيما عدا ذلك والمطلوب:

♦ الجلسات الامتحانية .. الالاذقية تكميلية 2022 ♦

السؤال الثامن عشر: يحتوي صندوق على خمس

كرات، ثلاثة حمراء اللون وتحمل الأرقام 0,1,2 وكرتان ببيضاء اللون وتحمل الأرقام 0,1 نسحب عشوائياً كرتين على التتالي دون إعادة من هذا الصندوق:

1. الحدث A: الكرتان المسحوبتان لهما اللون ذاته، احسب $P(A)$
2. نعرف متاحلاً عشوائياً X يدل على مجموع رقمي الكرتين المسحوبتين
3. عين مجموعة قيم المتاحول العشوائي X واكتب جدول قانونه الاحتمالي، ثم احسب توقعه الرياضي

السؤال التاسع عشر: نلقي قطعة نقود C_1

متوازنة ثم نلقي قطعة نقود C_2 غير متوازنة.

احتمال ظهور الشعار $\frac{2}{3}$ والمطلوب :

1. ارسم مخطط شجري
2. X متاحول عشوائي يدل على عدد مرات ظهور الشعار احسب $E(X), V(X)$

السؤال العشرون: تتألف عائلة من أربعة أطفال.

نقبل أنه عند كل ولادة احتمال ولادة طفل ذكر يساوي احتمال ولادة طفل أنثى. ونفترض أن الولادات المتتالية هي أحداث مستقلة احتمالياً.

نرمز A و B و C إلى الأحداث:

- A : (للأطفال الأربعية الجنس نفسه)
- B : (هناك طفلان ذكران وطفلتان)
- C : (الطفل الثالث أنثى)

1. احسب احتمال وقوع كل من الأحداث A و B و C

2. احسب $P(C | A \cap C)$ ثم $P(A \cap C | A)$ أي يكون الحدثان A و C مستقلين احتمالياً؟

3. احسب $P(C | B \cap C)$ ثم $P(B \cap C | B)$ أي يكون الحدثان B و C مستقلين احتمالياً؟

السؤال الواحد والعشرون: عين قيمة n في

$$\text{المعادلة الآتية } P_{n+2}^4 = 14P_n^3$$

السؤال الثاني والعشرون: ترمي سعاد حلقتين

لادخالهما في وتر، احتمال نجاح سعاد في الحلقة الأولى يساوي احتمال فشلها . إذا نجحت بالحلقة الأولى فإن احتمال نجاحها بالثانية $\frac{1}{3}$ وإذا فشلت

في الأولى فإن احتمال فشلها في الثانية $\frac{4}{5}$ والمطلوب :

السؤال الثاني عشر: يشتري أحد المحلات 70% من

قطع الغيار التي يحتاجها من المصنع A ويشتري الباقى من المصنع B... نفترض أن نسبة الإنتاج المعيب في المصنع A هي 5% وفي المصنع B هي 8% نختار عشوائياً قطعة غيار من المحل والمطلوب:

1. أوجد احتمال أن تكون القطعة معيبة
2. إذا كانت القطعة معيبة، فما احتمال أن تكون من إنتاج المصنع B

السؤال الثالث عشر: لدينا مجموعة الأرقام

$$0,1,2,3,4,5$$

1. بكم طريقة يمكن تشكيل عدد مكون من ثلاث منازل
2. بكم طريقة يمكن تشكيل عدد مكون من ثلاث منازل مختلفة
3. كم كلمة من ثلاثة حروف يمكنها تكوينها انتلاقاً من حروف كلمة yousef

السؤال الرابع عشر: عين الأعداد الطبيعية n التي تحقق

الشرط المعطى في الحالات الآتية :

$$3\binom{n}{4} = 14\binom{n}{2} \quad \text{②} \quad \binom{n}{2} = 36 \quad \text{①}$$

$$\binom{10}{n+2} = \binom{10}{3n} \quad \text{③}$$

السؤال الخامس عشر: ليكن x متاحول عشوائي يمثل عدد النجاحات في تجربة برنولية.. الجدول غير المكتمل المجاور هو القانون الاحتمالي للمتاحول X الممثل لثلاث نجاحات و

$$P(X = 0) = \frac{1}{27} \quad P(X = 1) = \frac{6}{27}$$

X	0	1	2	3
$P(X = x)$	$\frac{1}{27}$	$\frac{6}{27}$	—	—

1. جد $(P(X = 2) + P(X = 3))$
2. احسب التوقع الرياضي للمتاحول للعشوائي X ؟
3. احسب تباين المتاحول العشوائي X ؟

السؤال السادس عشر: يوجد بعض أنواع السيارات مذيع ذو

قفل رقمي مضاد للسرقة عند إدخال كود مكون من ثلاث

خانات يمكن لأي منها أن يأخذ أيّاً من القيم : 0,1,2,3,4,5 والمطلوب:

1. ما هو عدد الرمazات التي تصلح للقفل
2. ما هو عدد الرمazات التي تصلح للقفل المكونة من خانات مختلفة مثنى مثنى

السؤال السابع عشر: يحتوي صندوق على خمس كرات

مرقمة بالأرقام 0,1,2,3,4 مسحب من الصندوق كرتين على التتالي مع الإعادة :

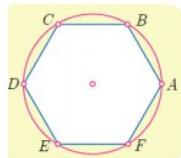
1. كم عدد النتائج المختلفة لهذا السحب
2. كم عدد النتائج المختلفة والتي تشتمل على كرتين مجموعهما عدد فردي

♦ الجلسات الامتحانية .. اللاقافية تكميلية 2022 ♦

1. ارسم مخططاً شجرياً ثم احسب احتمال نجاح سعاد في الحلقة الثانية

اذا علمت أنها نجحت في الحلقة الثانية ما احتمال نجاحها في الأولى (النجاح A ، الفشل B)

السؤال الثالث والعشرون: لدينا مسدس منتظم



كم عدد المثلثات التي يمكن تشكيلها

كم عدد الأقطار التي يمكن تشكيلها

كم عدد المصافحات ل n شخص في

حفل يصافح كل منهم الآخر مرة واحدة

4. احسب n إذا علمت أن عدد المصافحات 10

هام : راجع 16 و 17 تمارين
الوحدة السادسة من الكتاب الثاني

السؤال الرابع والعشرون:

نلقى 5 قطع نقود متوازنة في آن معاً .. احسب احتمال ظهور الوجه H مرتين على الأقل

السؤال الخامس والعشرون:

يتواجه لاعبان B و A في مباراة كرة المضرب مكونة من خمسة أدوار ويربح اللاعب المباراه عندما يكسب أكبر عدد من الأدوار ، يكسب A الدور الواحد باحتمال يساوي 0.6 ما احتمال أن يربح B المباراه ؟

مخطط حالات السحب					
العكس	المقام	القانون	الترتيب	نوع السحب	
لا يوجد عكس هي (3,2) (2,3) نفسها	توافق	توافق ()	لا يوجد أهمية للترتيب	السحب معاً	
يوجد عكس (2,3) (3,2) مختلف عن	يتناقض	المبدأ الأساسي $\frac{4}{5} \times \frac{4}{5}$ الكسور بحسب عدد الأشياء المحسوبة	يوجد أهمية للترتيب	على التالي دون إعادة	
يوجد عكس (2,3) (3,2)	لا يتناقض	المبدأ الأساسي $\frac{5}{5} \times \frac{5}{5}$ الكسور بحسب عدد الأشياء المحسوبة	يوجد أهمية للترتيب	على التالي مع إعادة	

لا تمل .. الملل عدو النجاح لا تخاف خليك شجاع لا تطلبك .. كول مشبك ...

السؤال الثاني:

$$3^x + 3^{x+1} - 4 = 0$$

$$(3^x)^2 + 3 \cdot 3^x - 4 = 0$$

$$(3^x + 4)(3^x - 1) = 0$$

$$\Rightarrow 3^x + 4 = 0 \Rightarrow 3^x = -4$$

$$\Rightarrow \ln 3^x = \ln -4$$

مسئلية

$$3^x - 1 = 0 \Rightarrow 3^x = 1$$

أو

$$\Rightarrow \ln 3^x = \ln 1 \Rightarrow x \ln 3 = 0$$

$$\Rightarrow x = 0$$

السؤال الثالث:

$$y' = ay + b \Rightarrow y = ke^{ax} - \frac{b}{a}$$

$$2y' + 3y = 0$$

$$2y' = -3y \quad : y' \text{ ينفك}$$

$$y' = -\frac{3}{2}y \Rightarrow y = k e^{-\frac{3}{2}x}$$

الخط البياني غير بالصفحة *

$$1 = k e^{-\frac{3}{2} \ln 4}$$

$$1 = k e^{-\frac{3}{2} \ln 4} \quad : k \text{ مسبي} \Rightarrow 1 = k (4)^{-\frac{3}{2}}$$

$$k = \frac{1}{4^{-\frac{3}{2}}} = 4^{\frac{3}{2}}$$

$$= \sqrt{4^3} = 8$$

$$\Rightarrow y = 8 e^{-\frac{3}{2}x}$$

□

* ملوك ملائكة العليل:

السؤال الثالث:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} x + \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{\sqrt{x^2(1 + \frac{1}{x^2})}}$$

$$= +\infty + \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x^2 \cdot 1 + \frac{1}{x^2}}}{x}$$

$$= +\infty + \frac{1}{\sqrt{1+0}} = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty + \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x}{-x \sqrt{1 + \frac{1}{x^2}}}$$

$$= -\infty - \frac{1}{1} = -\infty$$

$$f(x) - y_D = x + \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} - (x+1) \quad [2]$$

$$= \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} - 1 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - y_D =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{\sqrt{x^2+1}} - 1$$

$$= \frac{x}{x \sqrt{1 + \frac{1}{x^2}}} - 1 = \frac{1}{1} - 1 = 0$$

مقاربة عامل في ∞ هو

ندرس درجة الحرارة

$$\frac{x}{\sqrt{x^2+1}} - 1 < 0$$

نستنتج $x < \sqrt{x^2+1} \Leftrightarrow x < 1$

السؤال الرابع:

١) نقسم البسط على القاسم ثم نطبق:

$$f(x) = \frac{\text{المقام}}{\text{المقسوم عليه}} + \text{باقي ناتج القسم}$$

السؤال السابع:

$$D_f =]-\infty, -1] \cup [-1, +\infty[$$

$$f(x) = \frac{x+2}{(x+1)^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x+2}{x^2+2x+1} = 0$$

مقاربة أفقية $y=0$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$$

مقاربة أفقية $y=0$

$$\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \frac{-1+2}{(-1+1)^2} = +\infty$$

مقاربة ساقطة $x=-1$

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \frac{-1+2}{(-1+1)^2} = +\infty$$

مقاربة ساقطة $x=-1$

$$f'(x) = \frac{1(x^2+2x+1) - (2x+2)(x+2)}{(x+1)^4}$$

$$= \frac{-x^2 - 4x - 3}{(x+1)^4}$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow -x^2 - 4x - 3 = 0$$

$$x^2 + 4x + 3 = 0 \Rightarrow (x+1)(x+3) = 0$$

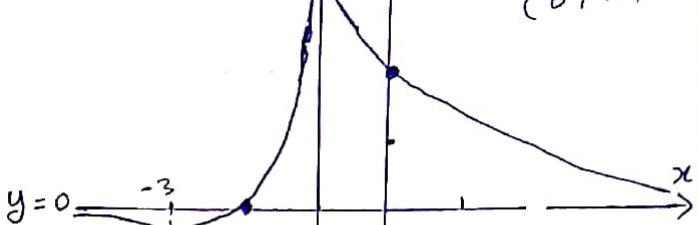
$x = -1$ $x = -3$

x	$-\infty$	-3	-1	$+\infty$
-----	-----------	------	------	-----------

$f'(x)$	0	-	+	-
---------	---	---	---	---

$f(x)$	0	$-\frac{1}{4}$	$+\infty$	0
--------	---	----------------	-----------	---

$f(-3) = -\frac{1}{4}$ فتحة درجة ثانية صفراء



$$\int_0^2 f(x) dx = \int_0^2 \left[x-1 + \frac{1}{x-1} \right] dx \quad [3]$$

$$= \left[\frac{x^2}{2} - x + \ln|x-1| \right]_0^2 = \dots$$

السؤال الخامس:

$$-1 \leq \cos e^x \leq +1$$

لخفيق x^2

$$x^2 - 1 \leq x^2 + \cos e^x \leq x^2 + 1$$

لقسم على $x^2 + 1$

$$\frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} \leq \frac{x^2 + \cos e^x}{x^2 + 1} \leq \frac{x^2 + 1}{x^2 + 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} = 1 \quad \left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + \cos e^x}{x^2 + 1} = 1 \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 1}{x^2 + 1} = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + \cos e^x}{x^2 + 1} = 1$$

السؤال السادس:

$$f(x) = e^x$$

$$f(\ln 2) = e^{\ln 2} = 2$$

$$f'(x) = e^x$$

$$f'(\ln 2) = e^{\ln 2} = 2, \quad f'(1) = e^1 = e$$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} = f'(a) \quad [2]$$

$$\lim_{x \rightarrow \ln 2} \frac{e^x - 2}{x - \ln 2} = 2$$

$h(x) = f(\sqrt{x})$

$$h'(x) = f'(\sqrt{x})(\sqrt{x})'$$

$$= e^{\sqrt{x}} \cdot \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

السؤال الثامن:

التابع مستمر ومتزايد على $[2, +\infty]$

السؤال السادس:

$$f(x) = \frac{2e^x - 3}{1 + e^x}$$

III

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \frac{2(0) - 3}{1 + 0} = -3$$

مقابل $y = -3$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x (2 - \frac{3}{e^x})}{e^x (\frac{1}{e^x} + 1)} = 2$$

مقابل $y = 2$

$$f'(x) = \frac{5e^x}{(1 + e^x)^2} > 0$$

x	- ∞	+ ∞
$f'(x)$	+	
$f(x)$	-3	2

دراسة الوضع السعوي:

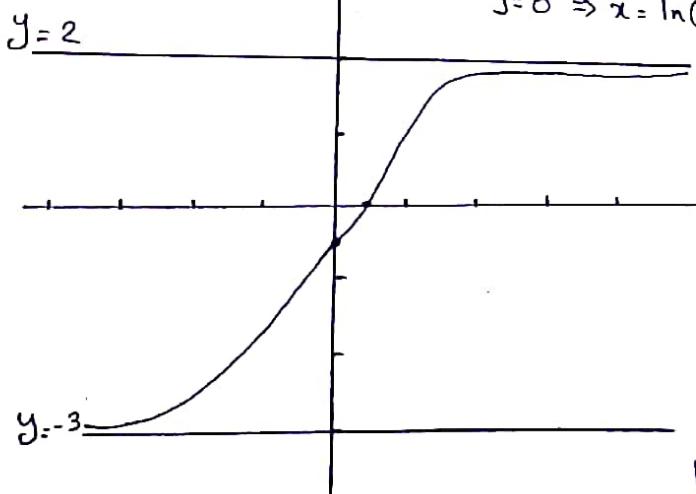
$$f(x) - (-3) = \frac{5e^x}{1 + e^x} > 0$$

فوق المقارب

$$f(x) - 2 = \frac{-5}{1 + e^x} < 0$$

تحت المقارب

نقطة ملائمة
 $x=0 \Rightarrow y = -\frac{1}{2}$
 $y=0 \Rightarrow x = \ln(\frac{3}{2})$



$$f'(x) = 1 + \frac{1}{2\sqrt{x-2}} > 0$$

x	2	+ ∞
$f(x)$	+	
$f'(x)$	-2	+ ∞

$f(x)$ مستمر ومتزايد على $[2, +\infty]$ ، $f(x) = 0$

$$f(x) = 0 \in f([2, +\infty[) = [-2, +\infty[$$

وبالتالي للمعادلة $f(x) = 0$ حل واحد في $[2, +\infty[$

$$f(3) = 3 - 4 + \sqrt{3-2} = -1 + 1 = 0$$

(3, 0) نقطه

$$m = f'(3)$$

$$f'(x) = 1 + \frac{1}{2\sqrt{x-2}}$$

$$f'(3) = 1 + \frac{1}{2\sqrt{3-1}} = \frac{3}{2}$$

$$y = \frac{3}{2}(x-3) \Rightarrow y = \frac{3}{2}x - \frac{9}{2}$$

ذلك المعادلة $1 = f(x)$ فإذا وجد

حلوله خانة تصبح متسقة.

كل المقادير $f(x) = 0$ (5)

السؤال التاسع:

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$ (بعد ازراج $\ln x$ اعطيت صيغة كسر كسر)

$$|f(x) - 2| < r \Rightarrow \left| \frac{2\ln x - 1}{\ln x} - 2 \right| < 0.1$$

$$\left| \frac{1}{\ln x} \right| < \frac{1}{10} \Rightarrow \frac{1}{\ln x} < \frac{1}{10}$$

لأن $\ln x$ كبيرة

$$1/x > 10 \Rightarrow x > 10$$

III

السؤال الخامس عشر:

$$y + y = e^{-x} \quad [2]$$

$$e^{-x} - x e^{-x} + x e^{-x} = e^{-x}$$

$$\Rightarrow e^{-x} = e^{-x}$$

$y = f(x) \Leftarrow$ حل للمعادلة.

السؤال السادس عشر:

$$4^x = 5^{x+1}$$

$$\ln 4^x = \ln 5^{x+1}$$

$$x \ln 4 = (x+1) \ln 5$$

$$x \ln 4 - x \ln 5 = \ln 5$$

$$x (\ln 4 - \ln 5) = \ln 5$$

$$\Rightarrow x = \frac{\ln 5}{\ln 4 - \ln 5}$$

السؤال الرابع عشر:

$$x \in [-\infty, +\infty] \quad [1] \text{ نلاحظ أن } F(x)$$

$$\Rightarrow -x \in [-\infty, +\infty] \quad \text{تحقق}$$

$$F(-x) = \frac{1}{2} (e^{-\frac{x}{2}} + e^{\frac{x}{2}}) = F(x)$$

\Leftarrow التابع F زوجي و خطي بسيط

متناهية بالنسبة طور التراصي y

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x) = +\infty, \lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = +\infty \quad [2]$$

$$F'(x) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} e^{\frac{x}{2}} - \frac{1}{2} e^{-\frac{x}{2}} \right)$$

$$= \frac{1}{4} (e^{\frac{x}{2}} - e^{-\frac{x}{2}}) = 0$$

$$e^{\frac{x}{2}} - e^{-\frac{x}{2}} = 0 \Rightarrow e^{\frac{x}{2}} = e^{-\frac{x}{2}}$$

$$\frac{x}{2} = -\frac{x}{2} \Rightarrow 2x = 0 \Rightarrow x = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x) = -\infty, \lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = +\infty$$

$$F'(x) = 3x^2 + 1 \Rightarrow F'(x) = 0$$

$$3x^2 + 1 = 0 \Rightarrow 3x^2 = -1 \Rightarrow x^2 = -\frac{1}{3}$$

متحيلات

$$F'(x) = 3x^2 + 1 > 0$$

التابع متزايد عاماً.

x	$-\infty$	$+\infty$
$F'(x)$	+	
$F(x)$	$-\infty$	$+\infty$

التابع متغير ومتزايد تماماً على $[-\infty, +\infty]$ والصفر لتيجي إلى صورة المجال:

$$0 \in F \quad [-\infty, +\infty] = [-\infty, +\infty]$$

للمعادلة $0 = F(x)$ لها حل واحد

* لتابع مستمر ومتزايد تماماً على المجال

$$[-\infty, +\infty] \text{ لذاته مفتوح في المجال}$$

$$F(-1) \cdot F(0) = 1 \times -1 = -1 < 0$$

$$\Rightarrow x \in [-1, 0]$$

السؤال الخامس عشر:

$$F(x) = x \cdot e^{-x} \quad [1]$$

$$\int_0^{\ln 3} F(x) dx = \int_0^{\ln 3} x \cdot e^{-x} dx$$

$$u = x \Rightarrow u' = 1$$

$$v = e^{-x} \Rightarrow v' = -e^{-x}$$

$$\int F(x) dx = u \cdot v' - \int u \cdot v' dx$$

$$= -x e^{-x} + \int_0^{\ln 3} e^{-x} dx$$

$$= \left[-x e^{-x} - e^{-x} \right]_0^{\ln 3}$$

$$= () - () = \dots$$

[4]

السؤال السادس

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1 \quad \boxed{1}$$

R1 ١٩٥٣ المعرف على $t(x)$ نشكل التابع

$$t(x) = \frac{f(x) - f(0)}{x - a}$$

$$t(x), \frac{\frac{x^2 + |x|}{x^2 + 1} - f(0)}{x - 0} = \frac{\frac{x^2 + |x|}{x^2 + 1} - 0}{x - 0}$$

$$= \frac{x^2 + |x|}{x(x^2 + 1)}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} t(x) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^2 + x}{x^3 + x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x(x+1)}{x(x^2+1)} = \frac{1}{1} = 1$$

معادلة ذيل الماء:

$$y - f(a) = f'(a)(x-a)$$

$$y - 0 = 1(x-0)$$

$$y = x$$

السؤال السادس

$$-\ln(x+1) + \ln x = \ln(x-1) \quad \boxed{1}$$

$$D = [1, +\infty[\quad : \text{شرط الحل}$$

$$\ln \frac{x}{x+1} = \ln(x-1)$$

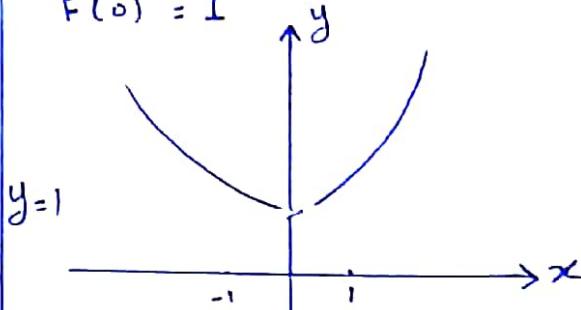
$$\frac{x}{x+1} = x-1 \Rightarrow x = (x-1)(x+1)$$

$$x = x^2 - 1 \Rightarrow x^2 - x - 1 = 0$$

الناتج لدرازم ينتهي لشرط الحل.

x	- ∞	0	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	$+\infty$	1	$+\infty$

$$f(0) = 1$$



بما زلت التابع زو هي فمساحة لسطح

تساوي صنفي مساحة لسطح بحمر بين C وال المستقيمات

$$\int_0^1 f(x) dx = \int_0^1 \frac{1}{2} (e^{\frac{x}{2}} + e^{-\frac{x}{2}}) dx$$

$$= \int_0^1 (e^{\frac{x}{2}} + e^{-\frac{x}{2}}) dx$$

$$= \left[2e^{\frac{x}{2}} - 2e^{-\frac{x}{2}} \right]_0^1$$

$$= \left[2e^{\frac{1}{2}} - 2e^{-\frac{1}{2}} - 2e^0 + 2e^0 \right]$$

$$= 2\sqrt{e} - \frac{2}{\sqrt{e}} = \frac{2e-2}{\sqrt{e}}$$

$$V = \int_{-1}^{+1} \pi f^2(x) dx \quad \boxed{4}$$

$$V = \dots$$

15)

السؤال السادس عشر

السؤال السادس عشر

أمثلة:

مثال:

$$F(x) = 3 \frac{x^3}{3} - 2 \frac{x^2}{2} + 5x + K$$

$K \in \mathbb{R}$

$$\boxed{F(0) = 3} \quad \text{الشرط:}$$

$$\Rightarrow K = 3$$

وفقاً:

$$F(x) = 3 \frac{x^3}{3} - 2 \frac{x^2}{2} + 5x + 3$$

وهو المطلوب

$$\textcircled{2} \quad \ln(x^2 + 3x) > \ln(2x + 2)$$

نطير المطلب هو: $x^2 + 3x > 2x + 2$

$$x^2 + x - 2 > 0$$

$$\Rightarrow (x+2)(x-1) > 0$$

وهذه المترادفة حقيقة عندما $x < -2$ أو $x > 1$... نتعامل مع سطر المطلب $x > 1$ فنجد مجموعه طلول

نطير: $\boxed{[1, +\infty)}$

السؤال السابع عشر

$$F(x) = e^x - 1 \quad \text{II}$$

نطير المطلب

$$F(x) \leq 0 \Rightarrow e^x - 1 \leq 0 \Rightarrow e^x \leq 1$$

$$\ln e^x \leq \ln 1 \Rightarrow x \leq 0 \Rightarrow x \in [-\infty, 0]$$

$$\int_0^{\ln 2} F(x) dx = \int_0^{\ln 2} (e^x - 1) dx \quad \text{II}$$

$$= [e^x - x]_0^{\ln 2} = \dots$$

ننكر المطلب ...

السؤال السابع عشر

$$\lim_{n \rightarrow 0} \left(\frac{1 - \cos x}{x \sin x} \right)$$

$$= \lim_{n \rightarrow 0} \frac{1 - [1 - 2 \sin^2 \frac{x}{2}]}{x^2 \sin^2 \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin \frac{x}{2}}{x \cos \frac{x}{2}}$$

نضرب $x \div 2$ ونقسماً له $\frac{x}{2}$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin \frac{x}{2}}{\frac{x}{2} \cos \frac{x}{2}} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$\lim_{t \rightarrow 0} \frac{\sin t}{t} = 1$$

6

السؤال الثاني والمعضلة:

$$0 < x - \ln x \quad \boxed{1}$$

$$F(x) = x - \ln x \quad \boxed{2}$$

وينشط

$$F'(x) = 1 - \frac{1}{x} \Rightarrow F'(x) = 0$$

نظام حبولي: $\boxed{3}$

x	0	1	$+\infty$
$F'(x)$	+	0	-
$F(x)$		1	\rightarrow

من الجدول: $F(x) > 1$

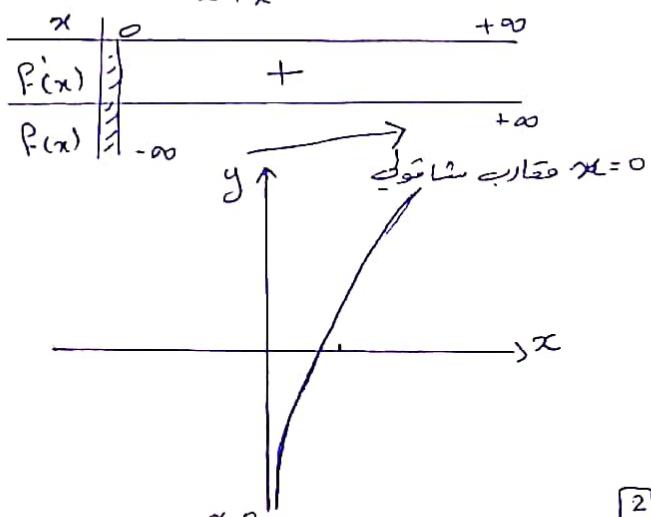
$$\Rightarrow F(x) > 0 \Rightarrow x - \ln x > 0$$

$$\Rightarrow x > \ln x$$

السؤال الثالث والمعضلة:

$$\lim_{x \rightarrow 0} F(x) = -\infty, \lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = +\infty \quad \boxed{1}$$

$$F'(x) = 2 + \frac{1}{x+x^2} > 0 \quad \text{متزايدة تماماً}$$



$$F(x) - y_0 = 2x - 1 + \ln \frac{x}{1+x} - (2x-1) \quad \boxed{2}$$

$$= \ln \frac{x}{x+1}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) - y_0 = \ln(1) = 0$$

المقابله $y = 2x - 1$.

الوضع المتبقي: C هي المقاربة Δ لـ π

$$F(x) - y_0 > 0 \quad \text{وبالتالي} \quad \frac{x}{1+x} < 1$$

$\boxed{17}$

السؤال السادس:

$$\lim_{x \rightarrow 0} x^2(1 - \ln x)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} (x^2 - x^2 \ln x) = 0 - 0 = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) \stackrel{?}{=} f(0) \quad \text{شرط الاستمرار} \quad \boxed{2}$$

$$0 = 0$$

الجواب من المفهوم

السؤال الخامس والمعضلة:

$$F(x) = ax + b - \frac{\ln x}{x} \quad A(1, 0)$$

$$f(1) = 0 \quad y = 3x$$

$$a(1) + b - \frac{\ln(1)}{1} = 0 \quad \boxed{1}$$

$$a + b - \ln(1) = 0$$

$$a + b = 0 \quad \dots \quad \boxed{1}$$

$$f'(1) = 3$$

$$f'(x) = -a - \frac{1 - \ln x}{(x)^2} =$$

$$f'(1) = 3$$

$$a - \frac{1 - 0}{1} = 3 \Rightarrow a - 1 = 3$$

$$\Rightarrow a = 4 \Rightarrow b = -4$$

فيجب أن تتحقق $\boxed{2}$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} F(x) - y_0 = 0$$

السؤال التاسع والعاشر:

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 4x + 5}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

$$f(x) = (x+2)^2 + 1 \quad (2)$$

x كبيرة بـ 1 نحو العدد 1 أعلاه (3)

$$\sqrt{(x+2)^2} = x+2 \quad \text{ومنه: } (x+2)^2$$

$$y = x+2 \quad \text{مقابل مائلة 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - (x+2)$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{\sqrt{(x+2)^2 + 1} + x+2} \\ = 0$$

السؤال الرابع والعشرين:

$$① (e^x - 4)(e^x - 1) \leq 0$$

ندرس اليسار:

$$(e^x - 4)(e^x - 1) = 0$$

$$\text{لما } e^x - 4 = 0 \Rightarrow e^x = 4 \Rightarrow x = \ln 4$$

$$\text{أو } e^x - 1 = 0 \Rightarrow e^x = 1 \Rightarrow x = 0$$

x	$-\infty$	0	$\ln 4$	$+\infty$
اليسار	+	0	-	0

$$S = [0, \ln 4]$$

$$② e^{2x^2+3} = e^{7x}$$

$$2x^2 - 7x + 3 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta = 25 \Rightarrow \sqrt{\Delta} = 5$$

$$x_1 = 3, x_2 = \frac{1}{2}$$

$$③ \frac{e^x}{1-2e^x} = 5$$

$$e^x = 5 - 10e^x$$

$$\| e^x = 5 \Rightarrow e^x = \frac{5}{11}$$

$$\Rightarrow x = \ln \frac{5}{11}$$

السؤال الخامس والعشرين:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} x_n = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3^x \left(1 - \frac{2^n}{3^n}\right)}{3^x \left(1 - \frac{1}{3^n}\right)} \quad (1)$$

$$= \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1 - \left(\frac{2}{3}\right)^n}{1 - \frac{1}{3^n}} = \frac{1 - 0}{1 - 0} = 1$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} y_n = \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{x^x \left(1 - \frac{1}{10^n}\right)}{x^x \left(1 + \frac{1}{10^n}\right)}$$

$$= \frac{1 - 0}{1 - 0} = 1$$

(8)

CamScanner

$$-2b - 2 = 0 \Rightarrow -2b = 2 \Rightarrow b = -1$$

صون في ②

$$-2a + 2(-1) = 0 \Rightarrow a = -1$$


الناظم :

معادلة المستوى :

$$a(x - x_G) + b(y - y_G) + c(z - z_G) = 0$$

$$\Rightarrow -1(x - 2) - 1(y - 2) + 1(z - 2) = 0$$

$$\Rightarrow | -x - y + 2 + z - 2 = 0 |$$

$$x = x_E + at$$

$$y = y_E + bt \quad ; \quad t \in \mathbb{R}$$

$$z = z_E + ct$$

$$\vec{EC} = (2, 2, -2) \Rightarrow \begin{cases} x = 0 + 2t \\ y = 0 + 2t \\ z = 2 - 2t \end{cases} ; t \in \mathbb{R}$$

صونه صاد لمستقيم في المستوى ③

$$-(2t) - (2t) + (2 - 2t) + 2 \Rightarrow t = \frac{2}{3}$$

$$\text{صون في } x, y, z \Rightarrow x = \frac{4}{3}, y = \frac{4}{3}, z = \frac{2}{3}$$

$$\vec{EM} = \frac{1}{3}\vec{EC} \Rightarrow M(x, y, z) \quad \text{نفرض ④}$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \\ -2 \end{bmatrix} \Rightarrow x = \frac{2}{3}, y = \frac{2}{3}, z = \frac{2}{3}$$

$$2 - 2 = \frac{-2}{3} \Rightarrow z = \frac{4}{3}$$

تثبيت سعدي لعمي وتأخر حضر ⑤

$$\vec{EC} = (2, 2, -2) \quad \vec{HM} = \left(\frac{2}{3}, -\frac{4}{3}, -\frac{2}{3} \right)$$

$$\Rightarrow \vec{EC} \cdot \vec{HM} = \frac{4}{3} - \frac{8}{3} + \frac{4}{3} = 0$$

$$\Rightarrow \vec{EC} \perp \vec{HM}$$

الستويات متوازات. كل مستقيم متعاول

* ملوك ملوك ملوك

السؤال الثالث

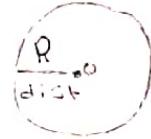
$$(x - x_G)^2 + (y - y_G)^2 + (z - z_G)^2 = R^2 \quad ①$$

$$= R^2$$

$$(x - 0)^2 + (y - 0)^2 + (z - 0)^2 = \sqrt{3}^2$$

$$x^2 + y^2 + z^2 = 3$$

$$\text{dist}(O, P) = R : \text{الرقم ②}$$



$$\frac{|0 - 0 + 0 + 3|}{\sqrt{(1)^2 + (-1)^2 + (1)^2}} = \frac{3}{\sqrt{3}}$$

$$\Rightarrow \sqrt{3} = R$$

السؤال الثاني

نائحة سطحين من المستوى ③

$$\vec{GB}, \vec{BD}$$

$$\vec{GB} = (0, -2, -2) \quad \text{وهما غير مرتيلان}$$

$$\vec{BD} = (-2, 2, 0) \quad \text{لهم تابعه مرتيلان}$$

نفرض ناظم : $\vec{n}(a, b, c)$

$$\vec{n} \perp \vec{GB} \Rightarrow \vec{n} \cdot \vec{GB} = 0$$

$$\Rightarrow (0)(a) + (-2)(b) + (-2)(c) = 0$$

$$\Rightarrow | -2b - 2c = 0 | \quad ①$$

$$\vec{n} \perp \vec{BD} \Rightarrow | -2a + 2b = 0 | \quad ②$$

نفرض $c = 1$ ونحو في ①

③

الفصل المترافق مع سمع توجيهي هو
 $\vec{EF} = (1, -1, -1)$ وباعتبار النقطة F في
 المدارك الوسطية:

$$d: \begin{cases} x = 0 + t \\ y = -1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$$

السؤال السادس:

$$\begin{aligned} & \vec{AB} \cdot \vec{AD} \\ &= \|\vec{AB}\| \cdot \|\vec{AD}\| \cdot \cos 45^\circ \quad \text{III} \\ &= 2 \cdot 1 \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \vec{AM} &= \vec{AB} - \vec{FB} + \frac{1}{2} \vec{GH} \quad \text{III} \\ &= \vec{AB} + \vec{BF} + \frac{1}{2} \vec{GH} \\ &= \vec{AF} + \frac{1}{2} \vec{GH} \\ &= \vec{AF} + \frac{1}{2} \vec{FE} \\ &= \vec{AF} + \vec{FI} = \vec{AI} \end{aligned}$$

I نفذت M تطبق على

السؤال السابع:

$$\begin{aligned} \text{III} \vec{AB} &= (-1, -1, -4), \vec{CE} = (1, 1, 1) \\ \vec{CD} &= (-4, 4, 0) \end{aligned}$$

نأخذ معين: \vec{CE}, \vec{CD}

$$\Rightarrow \frac{-4}{-3} = \frac{-1}{1} = \frac{1}{0}$$

نقطة غير مترادفة \Leftrightarrow التقاطع متسقة.
 على استقامة واحدة.

$$\begin{aligned} \vec{u}_d &= (1, -3, -3) \\ \vec{u}_d &= (1, 3, -1) \end{aligned}$$

المسقطان غير مترادفان \Leftrightarrow المقطعين غير متزمان
 ندرس التقاطع:
 $t+1 = s \quad \text{I}$
 $-3t+2 = -3s \quad \text{II}$
 $-3t+3 = -s+1 \quad \text{III}$

تجد صياغة خاطئة فالستقمان متزمان
 ولا يقعان في صياغة واحدة

السؤال الرابع:

$$\begin{aligned} & \vec{AB} = (-1, 2, 0) = \vec{n} \quad \text{IV} \\ x_I &= \frac{x_A + x_B}{2} = \frac{3}{2} \\ y_I &= \frac{y_A + y_B}{2} = 1 \\ z_I &= \frac{z_A + z_B}{2} = 1 \\ & \Rightarrow I \left(\frac{3}{2}, 1, 1 \right) \\ -1(x - \frac{3}{2}) + 2(y - 1) + 0(z - 1) &= 0 \\ -x + 2y + \frac{7}{2} &= 0 \end{aligned}$$

السؤال الخامس:

نفرض $x = 0$ ونفرض في معادلتي المستويين P و Q ، $y = -1$ بالدلالة المترافق بـ $z = 3$ و $z = 1$

نقطة من الفصل المترافق $F(0, -1, 3)$

نفرض $y = 0$ ونفرض في معادلتي المستويين P و Q بالدلالة المترافق بـ:

$$F(1, 0, 2) \Leftrightarrow x = 1, z = 2$$

نقطة ماربة من

السؤال السابع

$$\begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \alpha \begin{bmatrix} -2 \\ -1 \\ 3 \end{bmatrix} + \beta \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$-1 = -2\alpha \quad \dots \textcircled{1}$$

$$0 = -\alpha + \beta \quad \textcircled{2}$$

$$1 = 3\alpha - \beta \quad \textcircled{3}$$

$$\alpha = \frac{1}{2} \quad | \textcircled{1} \text{ من}$$

$$\beta = \frac{1}{2} \quad | \quad : \textcircled{2} \text{ من}$$

: \textcircled{3} من β, α ن deduction

$$1 = 3 \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \Rightarrow 1 = \frac{3}{2} - \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 1 = \frac{2}{2} \Rightarrow | \textcircled{1=1} |$$

$$\begin{aligned} \therefore \overrightarrow{AB} &= 1 \overrightarrow{AC} + \frac{1}{2} \overrightarrow{CD} \\ \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AB} &\in \text{أي خط} \\ &\text{مرتبة مخطية} \end{aligned}$$

D, C, B, A فالنقط

تقع في مستوى واحد

$$\overrightarrow{DC}(-2, -2, 4), \overrightarrow{CB}(1, 1, -2) | \textcircled{2}$$

$$\Rightarrow \frac{-2}{1} = \frac{-2}{1} = \frac{4}{-2} \Rightarrow -2 = -2 = 2$$

أي مرتبة مخطية \Leftrightarrow النقطة تقع على
مستوى واحد.

السؤال السادس

$$x^2 - 2x + y^2 + 6y + z^2 - 2 = 0$$

$$x^2 - 2x + 1 - 1 + y^2 + 6y + 9 - 9 + z^2 - 2 = 0$$

$$(x-1)^2 - 1 + (y+3)^2 - 9 + z^2 - 2 = 0$$

$$(x-1)^2 + (y+3)^2 + z^2 - 12 = 0$$

$$(x-1)^2 + (y+3)^2 + z^2 = 12$$

وهي معاداً لـ كررة قطرها
 $(1, -3, 0)$ ومركزها

$$|\textcircled{3}| \overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{CE}$$

$$\Rightarrow (-1, -1, -4) \times (-3, -1, +1) \\ = +3 + 1 - 4 = 0$$

$$\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{CD}$$

$$\Rightarrow (-1, -1, -4) \times (-4, 4, 0) \\ = +4 - 4 + 0 = 0$$

عودي على المستوى $AB \subset (CDE)$

$$|\textcircled{4}| \vec{n} = \overrightarrow{AB} = (-1, -1, -4)$$

$$\Rightarrow a(x - x_c) + b(y - y_c) + c(z - z_c) = 0$$

$$\Rightarrow (-1)(x - 1) + (-1)(y - 0) + (-4)(z - 0) = 0$$

$$\Rightarrow | -x - y - 4z + 4 = 0 |$$

$$|\textcircled{5}| \text{ dist}(B, CDE)$$

$$= \frac{|(-1) - (0) - 4(-1) + 4|}{\sqrt{(-1)^2 + (-1)^2 + (-4)^2}} = \frac{17}{\sqrt{18}} \\ = \frac{7}{\sqrt{18}}$$

$$|\textcircled{6}| (x - x_B)^2 + (y - y_B)^2 + (z - z_B)^2 = R^2$$

$$\Rightarrow (x-1)^2 + (y-0)^2 + (z+1)^2 = \left(\frac{7}{\sqrt{18}}\right)^2$$

السؤال السادس

$$\overrightarrow{AB}(-1, 0, 1), \overrightarrow{AC}(-2, -1, 3) | \textcircled{1}$$

$$\overrightarrow{AD}(0, 1, -1)$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{AB} = \alpha \overrightarrow{AC} + \beta \overrightarrow{AD}$$

|\textcircled{3}|

السؤال السادس:

٢) ثابت سرطان اقطاب الظل للمساحة

$$\vec{AC}, \vec{AB}$$

٣) يجب أن يكون (\vec{AD}) مماساً لـ \vec{BC}, \vec{AB} على طبقتين في المثلث.

$$A(0,0,0)$$

$$B(4,0,0), C(4,4,0), D(0,2,0).$$

$$E(0,0,2), F(4,0,2), G(4,2,0)$$

$$H(0,2,1), I(2,0,1), J(4,2,1)$$

$$\vec{n} \perp \vec{EF} \Rightarrow 2a + 2c = 0 \quad ①$$

$$\vec{n} \perp \vec{FH} \Rightarrow -4a + 2b = 0 \quad ②$$

$$\vec{n}(-1, -2, 1) \text{ فـ } c = 1 \text{ فـ } b = 2$$

$$\Rightarrow (-x - 2a + 2 + 2 = 0)$$

٢) من الرسم:

$$\vec{DA} + \vec{DC} = \vec{DB} \Rightarrow \vec{DA} + \vec{DC} - \vec{DB} = 0$$



$$\begin{matrix} \alpha = 1 \\ \beta = 1 \\ \gamma = -1 \end{matrix} \leftarrow$$

$$\vec{DB} = \alpha \vec{AF} + \beta \vec{AH} : \text{شرط} \quad ④$$

$$\begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix} = \alpha \begin{pmatrix} 4 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\Rightarrow \alpha = 1, \beta = -1$$

$$\Rightarrow \vec{DB} = \vec{AF} + \vec{AH} \quad \text{شرط } \mu(x, y, z) \quad ⑤$$

$$\vec{EM} = \frac{1}{3} \vec{EC} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow M \left(\frac{4}{3}, \frac{2}{3}, \frac{4}{3} \right)$$

٥) أوجد معادلات مستقيمة تحيط بـ G ،
مما يتحققه ناتج المستوي (IFH) أى:

$$\vec{u} = \vec{v} = (-1, -2, 1) \Rightarrow n = 4 - t$$

$y = 2 - 2t ; t \in R$ ثم نفرض المعادلات المستقيمة من
معادلات المستوي (IFH) ونحسب
 $t^3 + t^2 + t = 0 \Rightarrow G \left(\frac{10}{7}, \frac{2}{7}, \frac{8}{7} \right)$

$$\vec{SD}, \vec{SC}$$

٦)

$$= \| \vec{SD} \| \cdot \| \vec{SC} \| \cdot \cos 60^\circ$$

$$= 25 \times \frac{1}{2} = \frac{25}{2}$$

$$BD^2 = 5^2 + 5^2 \quad [DB \cdot DC = \vec{DB} \cdot \vec{DC}] \quad ②$$

$$\Rightarrow BD^2 = 50 \Rightarrow BD = 5\sqrt{2}$$

$$\vec{DB} \cdot \vec{DS} = \vec{DB} \cdot \vec{DO} = \| \vec{DB} \| \cdot \| \vec{DO} \| \cdot \cos 60^\circ$$

$$= 5\sqrt{2} \times \frac{5\sqrt{2}}{2} \times 1 = 25$$

٣)

السؤال السادس:

$$\vec{AB} = \alpha \vec{u} + \beta \vec{v} ; \alpha, \beta \in R \quad ① \text{ الشرط}$$

نفرض ..

$$\vec{n}(a, b, c) \quad ② \text{ فـ } \vec{n} \perp \vec{u} \Rightarrow \vec{n} \cdot \vec{u} = 0 \Rightarrow \dots \quad ①$$

$$\vec{n} \perp \vec{v} \Rightarrow \vec{n} \cdot \vec{v} = 0 \Rightarrow \dots \quad ②$$

نفرض $c = 0$ ونريد عشوائية الثالث \vec{n} فـ

$$\begin{cases} \text{ـ عـوـاـيـهـ هـكـيـهـ لـمـاـمـهـ} \\ x + 2y + \frac{1}{2}z - 3 = 0 \end{cases}$$

السؤال السابـعـ كـلـ كـلـ :

$$Q \text{ كـلـ: } [AC], [BC], [AB]$$

لم يـحـبـ كـلـ مـيـانـوـرـ ..

١٤

النهاية حلول حملة، الهندسة:

السؤال الرابع:
الشكل المترافق $P \oplus Q$ في معادلة (ABC) فتبيّن
لهم نعوضهما بـ t في المعادلة (ABC) فتبيّن
النهاية.

النهاية: $t = \sqrt{3^2 + 3^2} = \sqrt{18}$

السؤال الخامس: $t = \sqrt{1^2 + 0^2 + 1^2} = \sqrt{2}$

النهاية: $t = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{3}$

$$AA' = \sqrt{(x_{A'} - x_A)^2 + (y_{A'} - y_A)^2 + (z_{A'} - z_A)^2}$$

النهاية: $[AC], [BC]$ و $[AB]$ لهم عرض متساوٍ.

أولاً: تضرب t معين في العدد (مخر)

$$\frac{1}{2} \times \text{طول خلwich القائم} \times \text{صلبة خلwich القائم} \times \text{ارتفاع القائم}$$

ثانياً: يجب أن يتحقق:

$$\vec{n} \cdot \vec{AB} = 0, \vec{n} \cdot \vec{AC} = 0$$

لهم: قانون معادلة المستوى وصوري.

$$\text{dist}[D, (ABC)] = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot Sh \rightarrow \text{بالصلب} \rightarrow \text{الأصلب}.$$

السؤال السادس:

أولاً: نثبت t معين ونبرهن غير مرتاحين خطياً.

ثانياً: $t = \sqrt{3^2 + 3^2} = \sqrt{18}$

النهاية: $t = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{3}$

النهاية: $t = \sqrt{1^2 + 0^2 + 1^2} = \sqrt{2}$

$$= \frac{1-i+\sqrt{3}i+i\sqrt{3}}{1+i} = \frac{1+\sqrt{3}+i(\sqrt{3}-1)}{2}$$

$$= \frac{1-\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{3}-1}{2}i$$

من اطلاعى

$$\cos \theta = \frac{a}{r} = \frac{1+\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{(1+\sqrt{3})(\sqrt{2})}{(2\sqrt{2})(\sqrt{2})} = \frac{\sqrt{2}+\sqrt{6}}{4}$$

$$\sin \theta = \frac{b}{r} = -$$

السؤال الثاني

$$Z^8 = (-1+i)^8$$

III

$$r = \sqrt{a^2+b^2} = \sqrt{1+1} = \sqrt{2}$$

$$\cos \theta = \frac{a}{r} = \frac{-1}{\sqrt{2}}, \sin \theta = \frac{b}{r} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\theta = \pi - \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4}$$

$$\Rightarrow Z = \sqrt{2} \left[\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4} \right]$$

$$\Rightarrow Z^8 = \sqrt{2}^8 \left[\cos 8 \frac{3\pi}{4} + i \sin 8 \frac{3\pi}{4} \right] \quad \text{دومواخر:}$$

$$= \sqrt{2}^8 \left[\cos 6\pi + i \sin 6\pi \right]$$

$$= \sqrt{2}^8 \left[\cos 6\pi + i \sin 6\pi \right]$$

$$= 2^8 [1+i0] = 16ER$$

* حلول ملخصة المقادير:

السؤال الثالث:

$$r = \sqrt{1^2 + (\sqrt{3})^2} = 2$$

III

$$\cos \theta = \frac{a}{r} = \frac{1}{2}$$

$$\sin \theta = \frac{b}{r} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\theta = \frac{\pi}{3} \Rightarrow z_1 = 2 \left[\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right]$$

$$\Rightarrow z_1 = 2 e^{i \frac{\pi}{3}} \rightarrow \text{الشكل الأول}$$

$$r = \sqrt{1+1} \Rightarrow r = \sqrt{2}$$

$$\cos \theta = \frac{1}{\sqrt{2}}, \sin \theta = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$\Rightarrow \theta = \frac{\pi}{4}$$

$$\Rightarrow z_2 = \sqrt{2} \left[\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right]$$

$$\Rightarrow z_2 = \sqrt{2} e^{i \frac{\pi}{4}} \rightarrow \text{الشكل الثاني}$$

$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{2 \left[\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3} \right]}{\sqrt{2} \left[\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right]}$$

عن المقدمة نطرح الزاوية ونقسم
الطاولة (r)

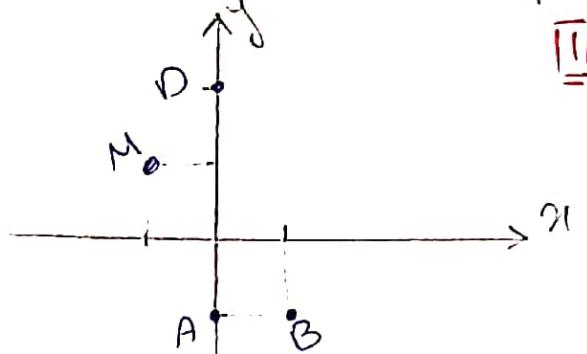
$$= \sqrt{2} \left[\cos \left(\frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4} \right) + i \sin \left(\frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4} \right) \right]$$

$$= \sqrt{2} \left[\cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12} \right]$$

$$\boxed{2} \quad \frac{z_1}{z_2} = \frac{1+\sqrt{3}i}{1+i}$$

$$= \frac{1-\sqrt{3}i(1-i)}{1+i(1-i)} = \frac{1-i+\sqrt{3}i+\sqrt{3}i^2}{1-i^2}$$

السؤال الرابع:



$$e^{i\frac{\pi}{2}} = i$$

[2]

$$C - (0) = i(2i - 0)$$

$$\Rightarrow C = -2$$

$$\vec{BM}_0 = (-1, 1), \vec{BM} = (-2, 2) \quad [3]$$

$$\Rightarrow \frac{-1}{-2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

المركبات متقاربة فالسماعان مرتبطان
قطبياً وبالتالي على إستدامه راجحة.

$$\arg = 0, \arg \left(\frac{d-c}{m} \right) \quad [4]$$

$$\arg \left(\frac{2i+2}{-1+i} \right) = \arg \frac{(2i+2)(-1-i)}{(-1+i)(-1-i)}$$

$$\arg (-2i) = -\frac{\pi}{2}$$

$$\Rightarrow \vec{cd} \perp \vec{OM}$$

فال المستقيمان (cd) و (OM) متوازيان.

$$z^3 + 4z^2 + 29z \quad [5]$$

$$z(z^2 + 4z + 29) \rightarrow \Delta$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = -100$$

$$\Rightarrow z_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2} = \frac{-4 + 10i}{2} = -2 + 5i$$

$$z_2 = z_1 = -2 - 5i$$

$$(z - (-2 - 5i))(z - (-2 - 5i)) = x(z + 2 + 5i)$$

$$[2] \quad z' - (1+i) = e^{i\frac{\pi}{4}} [z - (1+i)]$$

$$z' - 1 - i = [1 \cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4}]$$

$$\times [-1+i - 1 - i]$$

$$\Rightarrow z' - 1 - i = \left[\frac{\sqrt{2}}{2} + i \frac{\sqrt{2}}{2} \right] [-2]$$

$$\Rightarrow z' = \sqrt{2} - i\sqrt{2} + 1 + i$$

$$\Rightarrow z' = -\sqrt{2} + 1 + i(1 - \sqrt{2})$$

وهو المطلوب

السؤال الخامس:

$$(z^2 + 2z - 3)(z^2 + 2z + 5)$$

بالعمر:

$$z^4 + 2z^3 + 5z^2 + 2z^3 + 4z^2 + 10z$$

$$-3z^2 - 6z - 15$$

= -----

متجزء:

$$z^4 + 4z^3 + 6z^2 + 4z - 15 = 0$$

طريق العدالة:

$$(z^2 + 2z - 3)(z^2 + 2z + 5) = 0$$

$$\text{لما } z^2 + 2z - 3 = 0$$

Δ

$$x_1 = ---$$

$$x_2 = ---$$

$$\text{أو } z^2 + 2z + 5 = 0$$

Δ

$$x_1 = ---$$

$$x_2 = ---$$



[7]

(16)

السؤال السادس

$$\begin{aligned} \frac{b-c}{a-c} &= \frac{-4+4i+4i}{8+4i} = \frac{-4+8i}{8+4i} \quad \boxed{1} \\ &= \frac{(-4+8i)(8-4i)}{64+16} = \frac{80i}{80} = i \\ \Rightarrow \frac{b-c}{a-c} &= i, \\ \arg\left(\frac{b-c}{a-c}\right) &= \arg(i) = \frac{\pi}{2} \\ C \text{ قائم في } ABC &\Leftrightarrow \boxed{2} \\ |c| = |\frac{b-c}{a-c}| &= 1 \Rightarrow \frac{CB}{CA} = 1 \\ C \text{ قائم وتساوي الارتفاعات} &\Leftrightarrow \boxed{3} \\ d - o &= e^{i\frac{\pi}{4}}(a-o) \Rightarrow d = \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + i\frac{\sqrt{2}}{2}\right)8\sqrt{2} \quad \boxed{4} \\ &= 4\sqrt{2} + 4\sqrt{2}i \\ \text{أيما زاوية } ABC &\text{ مثلث قائم وتساوي الارتفاعات} \Leftrightarrow \\ \text{حيث تكون } ACB E &\text{ مربع ولكن أن يكون متساوياً} \\ \vec{AC} = \vec{EB} &\Rightarrow Z_{AC} = Z_{EB} \quad \text{أضلاع متساوية} \quad \boxed{5} \\ \Rightarrow Z_C - Z_A &= Z_B - Z_E \quad \boxed{6} \\ C - o &= b - e \Rightarrow -4i - 8 = -4+4i - e \\ \Rightarrow e &= -4+4i + 4i + 8 = 4+8i \\ \frac{a+b}{2} &= \frac{c+e}{2} \Rightarrow A+B = C+E \quad \boxed{7} \\ 8+4+4i &= -4i+e \Rightarrow e = 4+8i \end{aligned}$$

السؤال السادس

$$P(z) = z^3 - 3z^2 + 3z + 7 \quad \boxed{1}$$

$$P(-1) = 0 \quad \text{نفرض } -1 \text{ هي جذر}$$

بالقسمة إلى عملية أو المطابقة نجد:

$$P(z) = (z+1)(z^2 - 4z + 7)$$

$$P(z) = 0 \quad \boxed{2}$$

$$\text{إذا } z_1 = -1$$

$$\text{أو } z_2 = \frac{4+2\sqrt{3}i}{2} = 2+\sqrt{3}i \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{حسب} \\ \text{د} \end{array} \right.$$

$$z_3 = \bar{z}_2 = 2-\sqrt{3}i \quad \boxed{4}$$

$$AB = BC = AC$$

$$\sqrt{12} = \sqrt{12} = \sqrt{12}$$

فالثلاثي متساوي الأضلاع

$$2Z - w = -3 \quad \boxed{1}$$

$$2\bar{Z} + \bar{w} = -3 + 2\sqrt{3}i \quad \boxed{2}$$

نأخذ مراتف المعادلة الثانية:

$$2Z + w = -3 - 2\sqrt{3}i \quad \boxed{2''}$$

$$4Z = -6 - 2\sqrt{3}i : \quad \boxed{2''} \text{ مع } \boxed{1} \text{ جمع}$$

$$\begin{aligned} Z &= \frac{-6 - 2\sqrt{3}i}{4} \\ &= -\frac{3}{2} - \frac{\sqrt{3}i}{2} \end{aligned}$$

نجمع على أضلاع $\boxed{1}$ ونحسب w في المركز

$$\begin{aligned} e - b &= \text{المسافة} \\ e - b &= -3(m - b) \quad \text{المركز - الميل} \quad \boxed{7} \\ \dots &\Rightarrow e = (1-i) \end{aligned}$$

$$= 3 \times [-1+i - (1-i)] \Rightarrow e = ---$$

نفرض $w = x + iy$ جذر تربيع

$$x^2 + y^2 = \sqrt{a^2 + b^2} \quad \boxed{1}$$

$$x^2 - y^2 = a \quad \boxed{2}$$

$$x \cdot y = \frac{b}{2} \quad \boxed{3}$$

$$x^2 + y^2 = \sqrt{25} = 5 \quad \boxed{1} \quad \text{نحوه:}$$

$$x^2 - y^2 = 3 \quad \boxed{2}$$

$$x \cdot y = 2 \quad \boxed{3}$$

$$2x^2 = 8 \Rightarrow x^2 = 4 \quad : \quad \boxed{2} \text{ مع } \boxed{1} \text{ جمع}$$

$$\Rightarrow x = +2, x = -2$$

$$x_1 = 2 \Rightarrow 2 \cdot y = 2 \Rightarrow y = 1 \quad \text{نحوه في } \boxed{3}$$

$$w = x + iy$$

$$\Rightarrow w_1 = 2 + 1i \Rightarrow w_2 = -w_1$$

$$x_2 = -2 \Rightarrow y = -1$$

$$\Rightarrow w_2 = -2 - i$$

أنبه الطبعان هنا مقامان

18

وليسا فرقان

$$V(x) = E(x^2) - [E(x)]^2$$

$$= \left(25 \times \frac{10}{84} + 9 \times \frac{40}{84} + 0 \right) - \left(\frac{170}{84} \right)^2$$

$$\sigma(x) = \sqrt{V(x)} =$$

$$P(x=5) = \frac{5}{9} \times \frac{5}{9} \times \frac{5}{9} =$$

$$P(x=3) = \left(\frac{5}{9} \times \frac{5}{9} \times \frac{4}{9} \right) \times 3 =$$

$$P(x=0) =$$

$$P(x=5) = \frac{5}{9} \times \frac{4}{8} \times \frac{3}{7} =$$

$$P(x=3) = \left(\frac{5}{9} \times \frac{4}{8} \times \frac{4}{7} \right) \times 3 =$$

$$T_r = \binom{12}{r} \cdot (x^2)^{12-r} \cdot \left(-\frac{2}{x}\right)^r$$

السؤال السادس:

$$= \binom{12}{r} \cdot x^{24-2r} \cdot (-2)^r \cdot \frac{1}{x^r}$$

$$= \binom{12}{r} x^{24-2r} \cdot (-2)^r \cdot x^r$$

$$24 - 3r = 12 \Rightarrow r = 4$$

$$\binom{12}{4} \cdot x^{24-12} \cdot (-2)^4 = \binom{12}{4} x^{12} \cdot (-2)^4$$

* حلول حلقة (خليل توافقية + اهتمالات)

السؤال السادس:

عدد طرق اختبار معدن مس واح هو $\binom{3}{1}$

عدد طرق اختبار عاملاته $\binom{5}{2}$

عدد طرق اختبار اللجنة: $\binom{5}{2} \times \binom{3}{1} = 30$

السؤال الثاني:

عدد طرق اختبار الرئيس 8

عدد طرق اختيار نائب الرئيس 7

عدد طرق اختيار أميني السر 6

حسب المبدأ الأساسي في العد:

$$8 \times 7 \times 6 = 336$$

السؤال الثالث:

$$\textcircled{1} \quad \binom{8}{5} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4}{5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = 56$$

$$\textcircled{2} \quad \binom{5}{2} \times \binom{3}{3} = 10$$

السؤال الرابع:

$$\binom{4}{2} \times \binom{5}{2} = .$$

السؤال الخامس:

$$- X(52) = \{5, 3, 0\} \quad \textcircled{1}$$

$$P(X=5) = \frac{\binom{5}{3}}{\binom{9}{3}} = \frac{10}{84}$$

$$P(X=3) = \frac{\binom{5}{2} \binom{4}{1}}{\binom{9}{3}} = \frac{40}{84}$$

$$P(X=0) = 1 - \left[\frac{10}{84} + \frac{40}{84} \right] = \frac{34}{84}$$

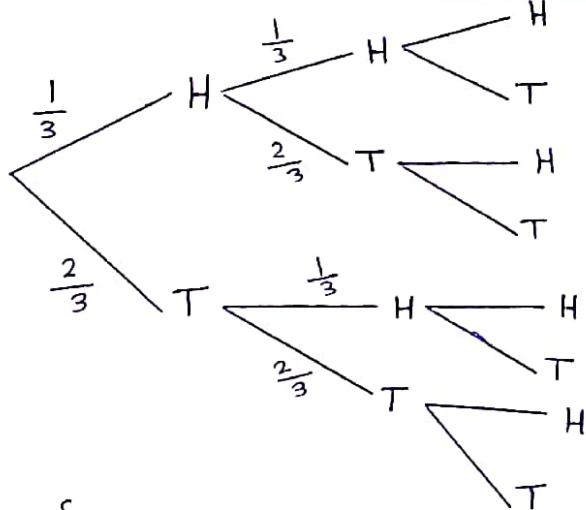
X_i	5	3	0
$P(X=X_i)$	$\frac{10}{84}$	$\frac{40}{84}$	$\frac{34}{84}$

19

$$E(x) = 5 \left(\frac{10}{84} \right) + 3 \left(\frac{40}{84} \right) + 0 \left(\frac{34}{84} \right)$$

$$= \frac{170}{84}$$

السؤال السابع



$$X = \{(H, H, H), (H, H, T), (H, T, H), (H, T, T), (T, H, H), (T, H, T), (T, T, H), (T, T, T)\}$$

$$X(\Omega) = \{0, 1, 2, 3\}$$

$$E(X) = 0 \cdot \frac{100}{121} + 1 \cdot \frac{20}{121} + 2 \cdot \frac{1}{121}$$

$$= 0 + \frac{20}{121} + \frac{2}{121} = \frac{22}{121}$$

السؤال التاسع:

	1	2	3	4	5	6
1	1	1	1	1	1	1
2	1	2	2	2	2	2
3	1	2	3	3	3	3
4	1	2	3	4	4	4
5	1	2	3	4	5	5
6	1	2	3	4	5	6

$$X(\Omega) = \{1, 2, 3, 4, 5\}$$

$$P(X=1) = \frac{10}{30}, P(X=2) = \frac{8}{30}$$

$$P(X=3) = \frac{6}{30}, P(X=4) = \frac{4}{30}$$

$$P(X=5) = \frac{2}{30}$$

$$E(X) = \dots$$

$$V(X) = \dots$$

(2)

$$P(X=0) = \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{27}$$

$$P(X=1) = \left(\frac{1}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3}\right) \times 3 = \frac{12}{27}$$

$$P(X=2) = \left(\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{2}{3}\right) \times 3 = \frac{6}{27}$$

$$P(X=3) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{27}$$

X_i	0	1	2	3
$P(X=X_i)$	$\frac{8}{27}$	$\frac{12}{27}$	$\frac{6}{27}$	$\frac{1}{27}$

$$E(X) = 0 \cdot \frac{8}{27} + 1 \cdot \frac{12}{27} + 2 \cdot \frac{6}{27} +$$

$$3 \cdot \frac{1}{27} = \frac{27}{27} = 1$$

$$V(X) = E(X^2) - [E(X)]^2$$

$$= 0 + 1 \cdot \frac{12}{27} + 4 \cdot \frac{6}{27} + 9 \cdot \frac{1}{27}$$

$$= 0 + \frac{12}{27} + \frac{24}{27} + \frac{9}{27} = \frac{45}{27}$$

(20)

$$P(B|D) = \frac{P(B \cap D)}{P(D)}$$

٢

حسب المقام عبد العليم

$$= \frac{\frac{30}{100} \times \frac{8}{100}}{\frac{70}{100} \times \frac{5}{100} + \frac{30}{100} \times \frac{8}{100}} = \boxed{\quad}$$

السؤال الخامس عشر:

١١) $5 \times 6 \times 6 = 180$

١٢) $5 \times 5 \times 4 = 100$

١٣) $6 \times 6 \times 6 = 216$

السؤال الرابع عشر:

١) $\binom{n}{2} = 36$ سبط الطلق: $n > 2$

$$\frac{n(n-1)}{2!} = 36 \Rightarrow n^2 - n = 72$$

$$n^2 - n - 72 = 0 \Rightarrow (n-9)(n+8) = 0$$

مقبول $n = 9$ داما

مروض $n = -8$ أو

٢) $3\binom{n}{4} = 14\binom{n}{2}$ سبط الطلق: $n > 4$

$$3 \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)}{4 \times 3 \times 2 \times 1} = 14 \frac{n(n-1)}{2 \times 1}$$

$$\Rightarrow \frac{(n-2)(n-3)}{8} = 7$$

$$n^2 - 3n - 2n + 6 = 56$$

$$n^2 - 5n - 50 = 0 \Rightarrow (n-10)(n+5) = 0$$

مقبول $n = 10$ داما

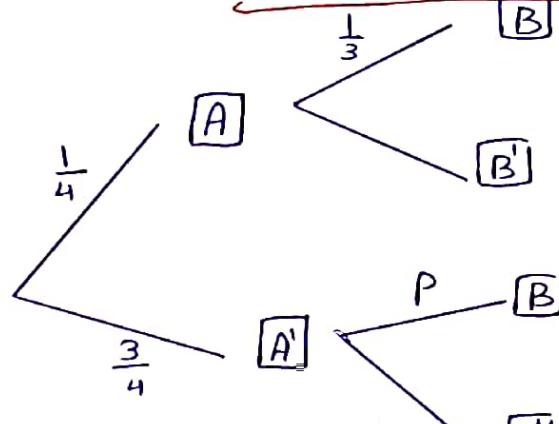
مروض $n = -5$

٢١

السؤال السادس:

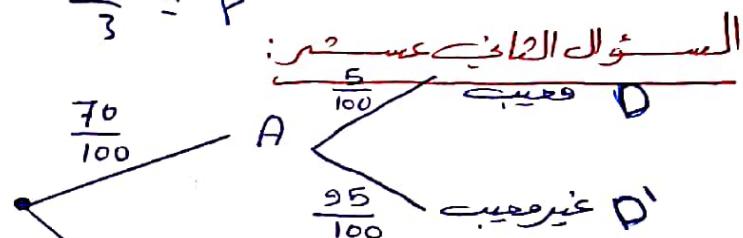
X \ Y	0	1	2	مانفه X
0	0.12	0.2	0.08	0.4
1	0.06	0.1	0.04	0.2
2	0.12	0.2	0.08	0.4
مانفه Y	0.3	0.5	0.2	1

السؤال السادس عشر:



$$P(B|A) = P(B|A')$$

$$\frac{1}{3} = P$$



$$\frac{95}{100} \text{ غير محبب } D$$

$$\frac{30}{100} \text{ محبب } D$$

١) محبب من A أو B فرض D محبب

$$P(D) = \frac{70}{100} \times \frac{5}{100} + \frac{30}{100} \times \frac{8}{100}$$

$$= \boxed{\quad}$$

عدد طرفة اهتزاز الثالثة الخامسة : 5

عدد طرفة اهتزاز الثالثة الثالثة : 4

$$\Rightarrow 6 \times 5 \times 4 = 120$$

السؤال السابع عشر
 $\frac{5 \times 5}{5 \times 5} = 25$ [1]

$$2 \times 3 \times 2 = 12$$
 [2]

السؤال الثامن عشر
 $P(A) = \frac{3}{5} \times \frac{2}{4} + \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{8}{20}$ [1]

$$X(\Omega) = \{0, 1, 2, 3\}$$
 [2]

$$P(X=0) = \frac{2}{20}, P(X=1) = \frac{8}{20}$$

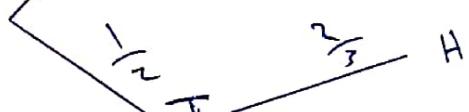
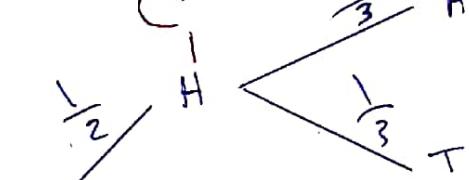
$$P(X=2) = \frac{6}{20}, P(X=3) = \frac{4}{20}$$

X	0	1	2	3
P(X)	$\frac{2}{20}$	$\frac{8}{20}$	$\frac{6}{20}$	$\frac{4}{20}$

$$E(X) = \sum_{i=1}^3 X_i \cdot P_i = \frac{0+8+12+12}{20}$$

 $= \frac{32}{20}$

السؤال التاسع عشر
 $C \quad \frac{2}{3} \quad H^2$ [1]



$$X(\Omega) = \{0, 1, 2\}$$
 [2]

$$P(0) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$

$$P(1) = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{6}$$
 [22]

$$\textcircled{3} \quad \binom{10}{3n} = \binom{10}{n+2}$$

سيربط الطلق : $0 \leq n \leq 3.33$

$$\text{اما } 3n = n + 2 \Rightarrow 2n = 2$$

$$\Rightarrow n = 1 \text{ مقبول}$$

$$\text{أو } n + 2 \leq 10 \Rightarrow n \leq 8$$

$$3n + n + 2 = 10 \Rightarrow n = 2 \text{ مقبول}$$

السؤال الخامس عشر

$$P(X=1) = \frac{6}{27}, P(X=0) = \frac{1}{27}$$

K	0	1	2	3
P(X=k)	$\frac{1}{27}$	$\frac{6}{27}$	$\frac{12}{27}$	$\frac{8}{27}$

$$P(X=0) = \binom{3}{0} \cdot P^0 \cdot (1-P)^{3-0}$$

$$\frac{1}{27} = 1 \cdot 1 \cdot (1-P)^3$$

$$\frac{1}{3} = 1 - P \Rightarrow P = \frac{2}{3} \Rightarrow q = \frac{1}{3}$$

$$P(X=2) = \binom{3}{2} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^2 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^1$$

$$= \frac{12}{27}$$

$$P(X=3) = \binom{3}{3} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^0$$

$$= \frac{8}{27}$$

$$E(X) = n \cdot P = 3 \cdot \frac{2}{3} = \frac{6}{3}$$

$$V(X) = n \cdot P \cdot q = 3 \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$

السؤال السادس عشر

١) عدد الرمانات : $6 \times 6 \times 6$

٢) عدد طرفة اهتزاز الثالثة الـ 6

السؤال العاشر والحادي عشر

$$P_{n+2}^4 = 14 P_n^3$$

$n \geq 3$: سبب ذلك

$$(n+2)(n+1)(n)(n-1) = 14 n(n-1)(n-2)$$

$$\Rightarrow n^2 + 3n + 2 = 14n - 28$$

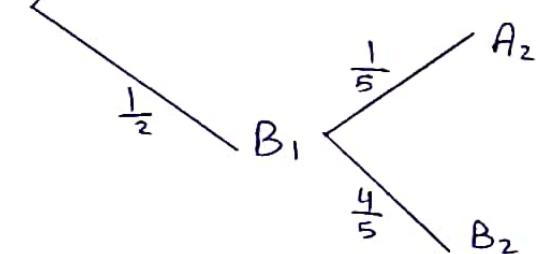
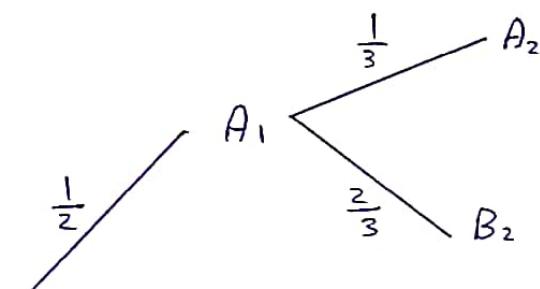
$$\Rightarrow n^2 - 11n + 30 = 0$$

$$\Rightarrow (n-6)(n-5) = 0$$

إذا $n = 6$ مقبل

او $n = 5$ مقبل

السؤال العاشر والحادي عشر



$$\begin{aligned} P(A_2) &= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{5} \\ &= \frac{1}{6} + \frac{1}{10} = \frac{10}{60} + \frac{6}{60} = \frac{16}{60} \end{aligned}$$

$$P(A_1 | A_2) = \frac{P(A_1 \cap A_2)}{P(A_2)}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3}}{\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{5}} = \dots$$

$$P(2) = \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{3} = \frac{2}{8}$$

$$E(X) = 1 \cdot \frac{3}{6} + 2 \cdot \frac{2}{6} = \frac{7}{6}$$

$$V(X) = E(X^2) - [E(X)]^2$$

السؤال العاشر والحادي عشر

$$P(A) = \left(\frac{1}{2}\right)^4 + \left(\frac{1}{2}\right)^4 \quad \boxed{1}$$

$$= \frac{2}{16} = \frac{1}{8}$$

$$P(B) = \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}\right) \times 6$$

$$= \frac{6}{16} = \frac{3}{8}$$

$$P(C) = \frac{1}{2} \quad \boxed{2}$$

$$P(A \cap C) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{16}$$

$$P(C|A) = \frac{P(C \cap A)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{16}}{\frac{1}{3}} = \frac{1}{2}$$

$$P(A) \cdot P(C) = \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{16}$$

$$P(A \cap C) = \frac{1}{16} \quad \text{استنطاع احتمالية} \quad \Leftarrow$$

$$\begin{aligned} P(B \cap C) &= \left[\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}\right] \times 3 \quad \boxed{3} \\ &= \frac{3}{16} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P(C|B) &= \frac{P(C \cap B)}{P(B)} = \frac{\frac{3}{16}}{\frac{3}{8}} \\ &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

لعمد:

$$P(B) \cdot P(C) = P(C \cap B)$$

استنطاع احتمالية \Leftarrow

نسمة حلوله جلسة الامتحانات

السؤال السادس والعشرون

$$P = 0.4, q = 0.6$$

$$n = 5$$

احتمال ربح ب لل مباراة هو :

$$P(X=3) + P(X=4) + P(X=5)$$

$$P(X=3) = \binom{5}{3} (0.4)^3 (0.6)^2$$

$$P(X=4) = \binom{5}{4} (0.4)^4 (0.6)^1$$

$$P(X=5) = \binom{5}{5} (0.4)^5 (0.6)^0$$

ثم جمع ...

$$\binom{6}{3} = \dots \quad [1]$$

$$\binom{6}{2} = \dots : عدد الأطلاع - \quad [2]$$

$$\binom{6}{2} - 6 = \dots \quad [3]$$

$$\frac{n(n-1)}{2} = 10 \quad [4]$$

$$n^2 - n = 20 \Rightarrow n^2 - n - 20 = 0$$

$$(n-5)(n+4) = 0$$

$$\text{عرفوه } n = 4 \text{ أو } n = 5 \text{ مقبول}$$

السؤال الرابع والعشرون:

$$P(H) = P(2) + P(3) + P(4) + P(5)$$

$$n = 5, p = \frac{1}{2}, q = \frac{1}{2}$$

برهنة بيرنولي

$$P(n=k) = \binom{n}{k} p^k q^{n-k}$$

$$P(2) = \binom{5}{2} \left(\frac{1}{2}\right)^2 \left(\frac{1}{2}\right)^3 =$$

$$P(3) = \binom{5}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^3 \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

$$P(4) = \binom{5}{4} \left(\frac{1}{2}\right)^4 \left(\frac{1}{2}\right)^1$$

$$P(5) = \binom{5}{5} \left(\frac{1}{2}\right)^5 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^0$$

$$\Rightarrow P(H) = P(2) + P(3) + P(4) + P(5)$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$$

$x \rightarrow -\infty$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - ax)$$

$x \rightarrow -\infty$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) + x) = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - (-x-1)) = 0$$

$x \rightarrow -\infty$

ومنه $y = -x-1$ مقايسة
لخط العياني C .

السؤال السادس والعاشر

$$|f(x) - 2| \leq e^x \cdot \ln x$$

نضرب بـ e^{-x} وقسم على $\ln x$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-x}{e^{-x} \cdot \ln x} = 0 \cdot 0 = 0$$

$$\text{بما أن } \lim_{x \rightarrow +\infty} e^x \cdot \ln x = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$$

التحقق يارب

أ. فارس حفل

أ. سهيل جوز

أ. صردي لطيف

«مركز أذناب التلاميذ»

محلول حلقة الـ 2

السؤال السادس والعاشر

$I = R$ و G استقاطان على
نره أنه الفرق بينها ثابت.

$$\begin{aligned} F(x) - G(x) &= \cos^2 x - \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos 2x \right) \\ &= \cancel{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2} \cos 2x - \cancel{\frac{1}{2}} + \frac{1}{2} \cos 2x \\ &= 0 = \text{const} \end{aligned}$$

السؤال السادس والعاشر:

$$f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 4}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

$x \rightarrow +\infty$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - (x+1))$$

$x \rightarrow +\infty$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 2x + 4} - (x+1))$$

$x \rightarrow +\infty$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(\sqrt{x^2 + 2x + 4} - (x+1))(\sqrt{x^2 + 2x + 4} + (x+1))}{\sqrt{x^2 + 2x + 4} + (x+1)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 + 2x + 4 - x^2 - 2x - 1}{\sqrt{x^2 + 2x + 4} + (x+1)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3}{\sqrt{x^2 + 2x + 4} + (x+1)} = 0$$

ومنه $y = x+1$ مقايسة مائل

والخط C فوق Δ