

Chapter 3

الحرارة وخصائص المادة

Q
3

Heat and Properties of Matter

الحرارة

خصائص

المادة

Gasen
betan
moment

Chapter 3: Heat and Properties of Matter

الحرارة

خصائص

المادة

✳ سوف ندرس في هذا الفصل موضوعين وهما: ① الحرارة ودرجة الحرارة ② خصائص المادة.

- Temperature and Heat
 - Conversion of heat into useful work
 - تحويل الحرارة مفيد
 - Specific heat
 - الحرارة النوعية
 - Change of phase
 - تغيير الحالة
- Properties of matter
 - Solid, liquid, gas
 - الصلب (الجامد) السائل الغاز
 - Elasticity
 - المرونة
 - Stress
 - الاجهاد

Temperature:

درجة الحرارة

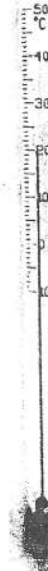
تعريف

- Basically temperature is a measure of hotness or coldness of an object
أساسًا درجة الحرارة مقياس سخونة برودة الجسم
- Properly measured with instrumental thermometer. (not by hand which is not sensitive enough nor precise)
تقاس بالتقنية وليس كفاية دقيقة حساسة ليس

* درجة الحرارة هي مقياس لسخونة أو برودة الأجسام.
* تقاس درجة الحرارة بالترمومتر وليس باليد التي
هي ليست حساسة كفاية ودقيقة.

Thermometer example:

مثال لمقياس الحرارة (ترمومتر)



Common
thermometer
مقياس حرارة

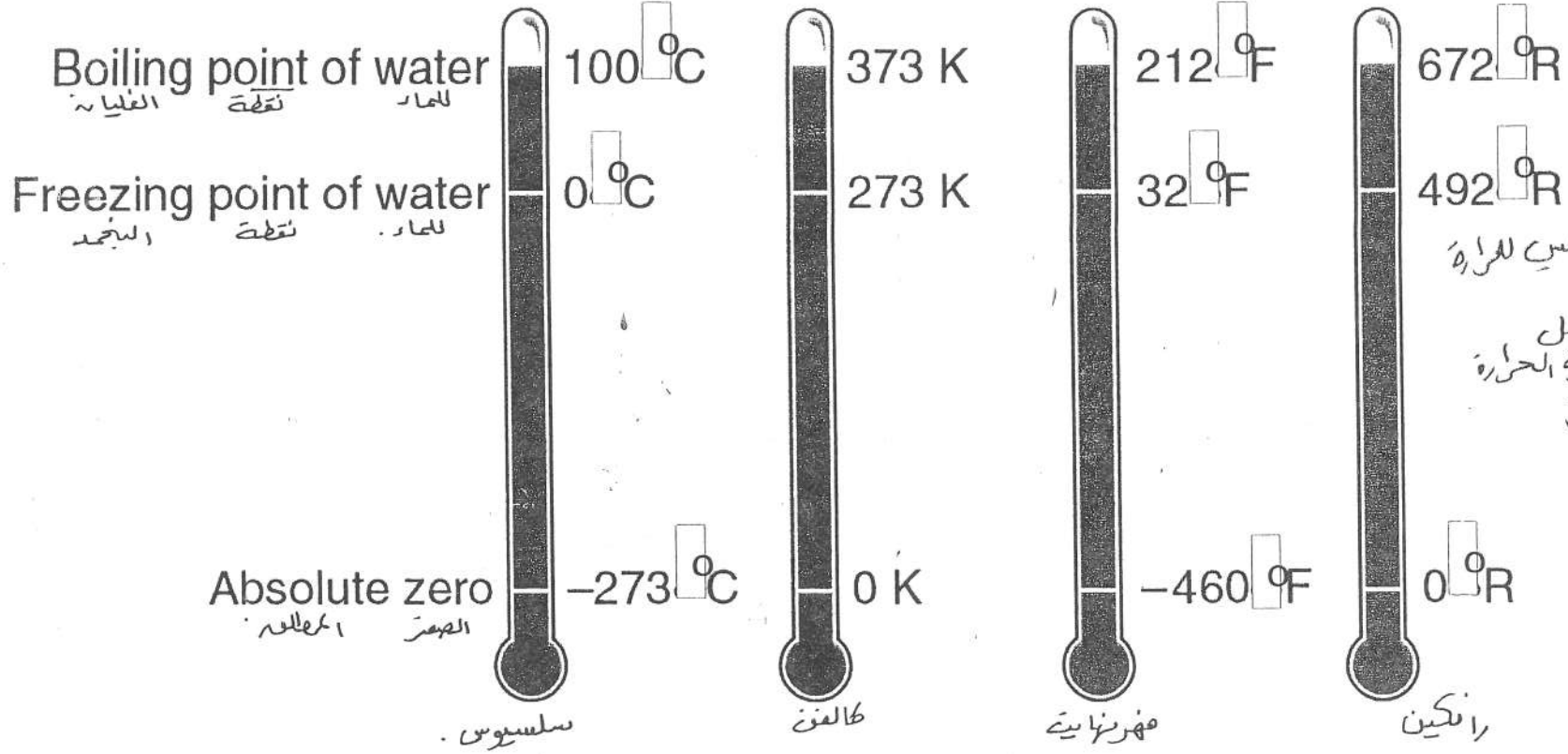
Four basic temperature scales

أربعة

الاساسية

لدرجة الحرارة

مقاييس



* هناك أربعة مقاييس للدرجة
* الجدول السفلي يُمثل
علاقات تحويل درجة الحرارة
من نوع كالتالي

التحويل Conversion From من	To إلى	Formula الصيغة
Celsius	Fahrenheit	$^{\circ}\text{F} = ^{\circ}\text{C} \times 1.8 + 32$
Celsius	Kelvin	$\text{K} = ^{\circ}\text{C} + 273.15$
Celsius	Rankine	$^{\circ}\text{Ra} = ^{\circ}\text{C} \times 1.8 + 32 + 459.67$
Celsius	Réaumur	$^{\circ}\text{R} = ^{\circ}\text{C} \times 0.8$

Conversions between different scales

التحويلات بين المقاييس المختلفة

EXAMPLE 3.1



The human body average temperature is 98.6°F. What is it in degrees Celsius?

متوسط حرارة جسم الإنسان بالسلسيوس بدرجات

Data:

$$T_F = 98.6^\circ\text{F}$$

$$T_C = ?$$

$$F = C \times 1.8 + 32$$

$$\frac{F-32}{1.8} = \frac{C \times 1.8}{1.8} \Rightarrow C = \frac{F-32}{1.8}$$

$$= \frac{98.6 - 32}{1.8}$$

Basic Equation:

$$T_C = \frac{5}{9}(T_F - 32^\circ)$$

Working Equation: Same

Substitution:

$$T_C = \frac{5}{9}(98.6^\circ - 32^\circ)$$

$$= \frac{5}{9}(66.6^\circ)$$

$$= 37.0^\circ\text{C}$$

$$T_C = \frac{5}{9}(T_F - 32)$$

$$T_C = \frac{5}{9}(98.6 - 32)$$

$$= 37^\circ\text{C}$$

Conversions between different scales

تحويلات

سواء

المختلفة

المقاييس

* يوجد بالمقاييس المطلقة 0 كالفن 0 الرانكين. لأن أقل درجة عليها هي الصفر

يوجد بهار كالفن والرانكين

Sometimes it is necessary to use the *absolute* temperature scales, which are the Kelvin scale and the Rankine scale. These are called absolute scales because 0 on either scale refers to the lowest limit of temperature, called *absolute zero*.

The **Kelvin** scale is the metric absolute temperature scale on which absolute zero is 0 K and is closely related to the Celsius scale. The relationship is*

$$T_K = T_C + 273$$

بالرانكين بالسلوس

The **Rankine** scale is the U.S absolute temperature scale on which absolute zero is 0°R and is closely related to the Fahrenheit scale. The relationship is

$$T_R = T_F + 460^\circ$$

* مقياس الرانكين هو مقياس درجة الحرارة المطلقة في النظام الأمريكي.

* العلاقة: احفظ مع العلاقات السابقة، العلاقة التالية لتتمكن من التحويل من أي واحدة للأخرى.

$$T_F = T_C \times 1.8 + 32$$

ex:

Change 18°C to Kelvin.

تغيير

$T_C \rightarrow T_F$

 $T_F = \frac{9}{5} T_C + 32$

Data:
 $T_K = T_C + 273, (T_C \rightarrow T_K)$

$T_C = T_K - 273, (T_K \rightarrow T_C)$

$T_F = \frac{9}{5} T_C + 32, (T_C \rightarrow T_F)$

Basic Equation:

$T_C = \frac{5}{9} (T_F - 32), (T_F \rightarrow T_C)$

$(T_F \rightarrow T_K) : T_F \rightarrow T_C$ **Working Equation: Same**

$T_C \rightarrow T_K$ **Substitution:**

T : units

$SI \rightarrow ^\circ C \rightarrow$ Temperature \rightarrow درجة الحرارة

$K \rightarrow$ absolute \rightarrow الحرارة المطلقة

~~SI~~ not $SI \rightarrow F$

$\Delta T_F = \Delta T_C$

$\Delta T_F = 1.8 \Delta T_C$
$\Delta T_C = \Delta T_K$
absolute zero = -273

$T_C = 18^\circ C$

$T_K = ?$

$T_K = T_C + 273$

$T_K = 18 + 273$

$= 291 K$

Change 535°R to degrees Fahrenheit.
تغییر درجہ حرارت

Data:

$$T_{\text{R}} = 535^{\circ}\text{R}$$

$$T_{\text{F}} = ?$$

Basic Equation:

$$T_{\text{R}} = T_{\text{F}} + 460^{\circ}$$

Working Equation:

$$T_{\text{F}} = T_{\text{R}} - 460^{\circ}$$

Substitution:

$$\begin{aligned} T_{\text{F}} &= 535^{\circ} - 460^{\circ} \\ &= 75^{\circ}\text{F} \end{aligned}$$

Heat

* الحرارة: هي شكل من طاقة (التركة) والطاقة الكامنة والمحتواه في الجسم بسبب حركة ذراته أو جزيئاته ويمكن أن تنتقل من جسم درجة حرارته مرتفعة إلى دالة، لديه له درجة حراره منخفضة.

Heat is a form of *internal kinetic* and *potential energy* contained in an object associated with the *motion* of its *atoms or molecules* and may be transferred from an object at a *higher temperature* to one at a *lower temperature*.

Heat cannot be stored. Heat is a transformed energy (example: work by friction force transforms into heat)

* الحرارة لا يمكن أن تخزن، فالحرارة هي طاقة مسحوولة ومثال ذلك الشغل من قبل الاحتكاك يتحول إلى حرارة.

Units:

وحدات القياس

SI system → Joule (J)

~~British system~~ → ft lb

Other units:

Metric/SI system → kilocalorie (kcal)

British system → Btu (British thermal unit)

Conversation factors:

1 kcal = 4190 J ; 1 Btu = 778 ft lb

* تعريف الكيلو كالوري: هو كمية الحرارة اللازمة لرفع درجة حرارة (1 كغ) من الماء (1 °C)

Definition: The **kilocalorie (kcal)** is the amount of heat necessary to raise the temperature of 1 Kg of water 1°C.

$$1 \text{ Cal} = 4,19 \text{ J}$$

$$1 \text{ Kcal} = 4,19 \text{ KJ}$$

$$1 \text{ Food Cal} = 1 \text{ Kcal}$$

British = Btu = british thermal unit



Friction causes a rise in temperature of the drill and plate.

(تحويل الحرارة الى شغل مفيد)

Conversion of heat into useful work

شغل مفيد الى الحرارة تحويل

EXAMPLES:

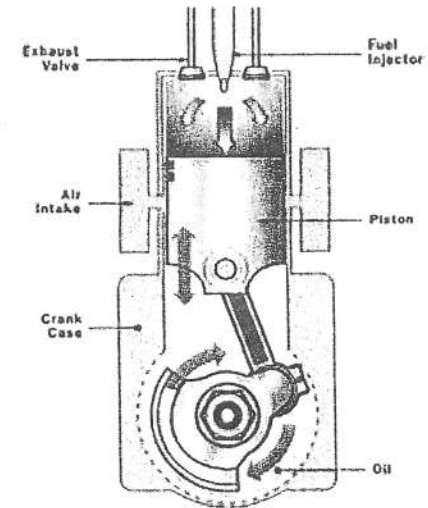
امثلة

① من الامثلة على تحويل لطاقة حرارية الى شغل في داخل اجسامنا
 الطعام - حرارة - شغل في العضلات
 حيث (25%) من الحرارة تتحول الى شغل

In our bodies:

اجسامنا في
 Food → Heat → muscular energy (~ 25%)
 طعام حرارة عظمية طاقة
 % of the heat) → work
 من الحرارة شغل

② عند طهيه حرمة الغازات
 حرارة - تمدد للغازات - شغل
 كما في محركات السيارات



Internal combustion engine

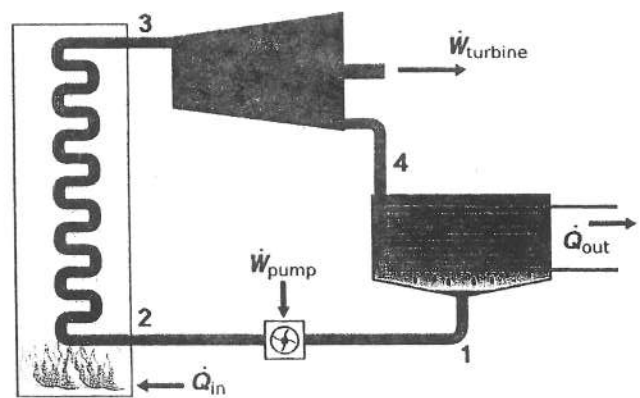
By burning gases:

الغازات حرمة
 Heat → gas expansion → work
 حرارة الغاز تمدد شغل
 (example: internal combustion engine in cars)
 مثال الداخلي الاحتراق آلة في الآلة البخارية
 السيارات

③ حرارة - بخار مضغوط - شغل
 كما في التوربينات البخارية

By steam.:

البخار
 Heat → energetic steam → work
 حرارة بخار ناشط (مضغوط) شغل
 (example: steam turbine)
 مثال توربينات البخار



Steam generator & turbine
 بخار مولد توربين

EX 1

What is the difference between temperature and heat?

بين الفرقه ما هو
كمية الحرارة درجة الحرارة

A	Temperature is a total thermal energy, heat is a measure of hotness الطاقة الحرارية الكلية هي درجة الحرارة مقياس للسخونة
B	Heat is a total thermal energy, temperature is a measure of hotness الطاقة الحرارية الكلية هي درجة الحرارة مقياس للسخونة
C	Heat can be stored, temperature cannot الحرارة يمكن أن تخزن درجة الحرارة لا يمكنها
D	Temperature can be stored, heat cannot درجة الحرارة يمكن أن تخزن كمية الحرارة لا يمكنها

* الصحيح أن كمية الحرارة (heat) هي مجموع الطاقة الحرارية لكل جزيئات المادة .
أما درجة الحرارة فهي تعبير عن السخونة

EXAMPLES

3.4 Find the amount of work (in J) that is equivalent to 4850 cal of heat.

25
26
27
28

4850 cal \times $\frac{4.19 \text{ J}}{1 \text{ cal}}$ = 20,300 J or 20.3 kJ

(Handwritten notes: 4.19 J is circled, 1 cal is underlined. Arabic notes: "الشغل" above the fraction, "مماثلي له" above the equals sign, "الحرارة" above "cal", "من سعر" above "4.19 J", "الحرارة" above "1 cal", "الحرارة" above "20,300 J", "الحرارة" above "20.3 kJ".)

3.5 How much work must a person do to offset eating a 775-Calorie breakfast?

First, note that one food Calorie equals one kilocalorie.

775 kcal \times $\frac{4190 \text{ J}}{1 \text{ kcal}}$ = $3.25 \times 10^6 \text{ J}$ or 3.25 MJ

3.6 A given coal gives off 7150 kcal/kg of heat when burned. How many joules of work result from burning one metric ton, assuming that 65.0% of the heat is lost?

First, note that one metric ton equals 1000 kg.

$7150 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}} \times \frac{4190 \text{ J}}{\text{kcal}} \times 1000 \text{ kg} \times 0.350 = 1.05 \times 10^{10} \text{ J}$

Specific Heat

The specific heat of a substance is the amount of heat necessary to change the temperature of 1 kg of it 1°C (1 lb of it 1°F in the **British system**) By formula,

$$c = \frac{Q}{m \Delta T} \quad (\text{metric})$$

c : النوعية الحرارة
 Q : كمية الحرارة
 m : الكتلة
 ΔT : تغيير درجة الحرارة

$$Q = cm \Delta T \quad (\text{metric})$$

~~$$c = \frac{Q}{w \Delta T} \quad (\text{U.S.})$$

c : النوعية الحرارة
 Q : كمية الحرارة
 w : الوزن
 ΔT : تغيير درجة الحرارة~~

~~$$Q = cw \Delta T \quad (\text{U.S.})$$~~

c = specific heat
النوعية الحرارة

Q = heat
كمية الحرارة (الحرارة)

m = mass
الكتلة

~~w~~ = weight
الوزن

ΔT = change in temperature
التغيير في درجة الحرارة

* الحرارة النوعية للمادة: هي كمية الحرارة اللازمة لتغيير درجة حرارة (1kg) من المادة (1°C)

* ملاحظة: هناك فرق بين النظام المتري والآمريكى. حيث $[w \leftarrow m]$

$$c_w = \frac{1 \text{ Kcal}}{1 \text{ Kg} \cdot ^\circ\text{C}} = \frac{1 \text{ cal}}{g \cdot ^\circ\text{C}} = \frac{4,19 \text{ J}}{g \cdot ^\circ\text{C}} = \frac{4,19 \text{ KJ}}{\text{Kg} \cdot ^\circ\text{C}}$$

$$Q = \frac{1 \text{ Kcal}}{\text{Kg} \cdot ^\circ\text{C}} \cdot m \cdot \Delta T$$

EXAMPLE

الكيلو كالوريات

How many kilocalories of heat must be added to 10.0 kg of steel to raise its temperature 150°C ?

كم عدد الكيلو كالوريات التي يجب إضافتها للصلب لرفع درجة حرارته 150°C ؟

Data:

$$m = 10.0 \text{ kg}$$

$$\Delta T = 150^{\circ}\text{C}$$

$$c = 0.115 \text{ kcal/kg}^{\circ}\text{C}$$

$$Q = ?$$

(from Table 15 of Appendix C)
جدول ص الفهرس (الملاح)

Page 188

→ The book

Basic Equation:

$$Q = cm\Delta T$$

Working Equation: Same

Substitution:

$$Q = \left(0.115 \frac{\text{kcal}}{\text{kg}^{\circ}\text{C}}\right)(10.0 \text{ kg})(150^{\circ}\text{C})$$
$$= 173 \text{ kcal}$$

$$Q = cm\Delta T$$

$$c = \frac{Q}{m\Delta T}$$

EXAMPLE

How many joules of heat must be absorbed to cool 5.00 kg of water from 75.0°C to 10.0°C?

من 75.0°C إلى 10.0°C؟
يجب امتصاصها لتبريد من الماء من

Data:

$$m = 5.00 \text{ kg}$$

$$\Delta T = 75.0^\circ\text{C} - 10.0^\circ\text{C} = 65.0^\circ\text{C}$$

$$c = 4190 \text{ J/kg}^\circ\text{C} \quad (\text{from Table 15 of Appendix C})$$

$$Q = ?$$

Basic Equation:

$$Q = cm\Delta T$$

Working Equation: Same

Substitution:

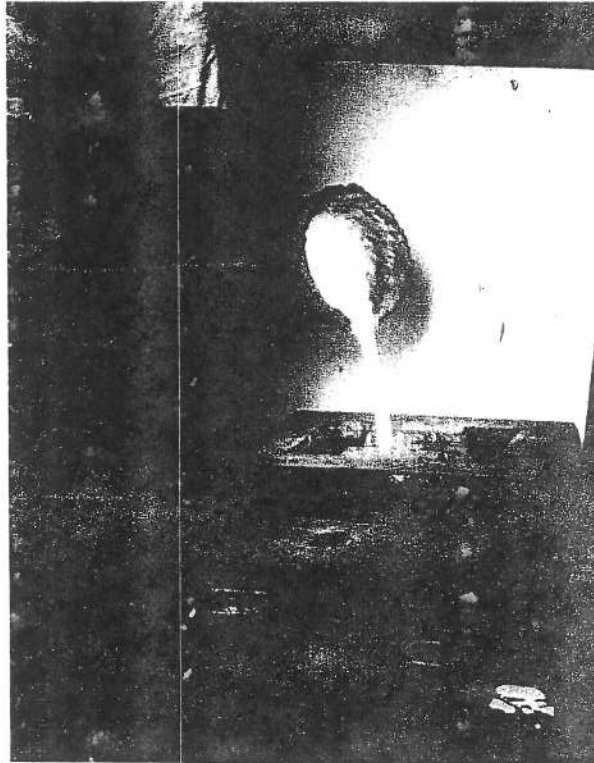
$$\begin{aligned} Q &= \left(4190 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}} \right) (5.00 \text{ kg}) (65.0^\circ\text{C}) \\ &= 1.36 \times 10^6 \text{ J} \quad \text{or} \quad 1.36 \text{ MJ} \end{aligned}$$

Change of Phase

تغيير الحالة (المرحلة)

Change of phase (sometimes called *change of state*) is a change in a substance from one form of matter (solid, liquid, or gas) to another.

تغيير الحالة (بعض الأوقات يُسمى تغيير الحالة) هو تغيير المادة من أحد الأشكال الثلاثة للمادة (جامد، سائل، غاز) إلى أخرى.



* تغيير الحالة يعني تحول المادة من حالة إلى حالة أخرى.

* هذا مثال على عملية صب حديد ذائب في قالب.

Molten iron at about 2900F is poured from a bucket into an open mold by a person in protective clothes and gloves.

الحديد المنصهر عند حوالي 2900 فهرنهايت يُسكب من الدلو إلى القالب المفتوح بواسطة شخص في ملابس واقية وكفوف.

Change of Phase

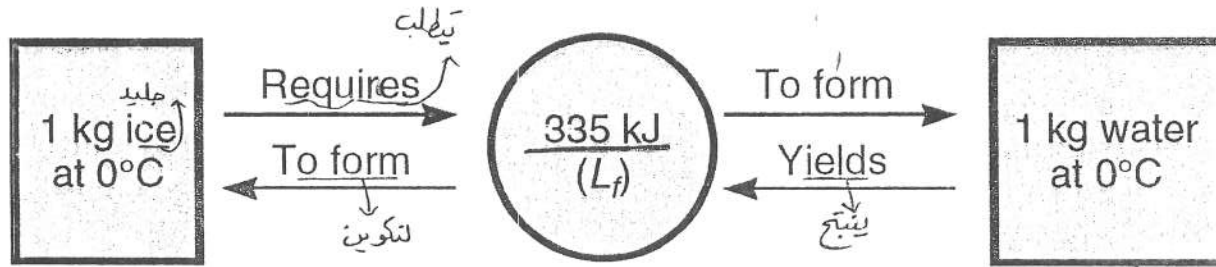
* نلاحظ أنه عند تحول الجليد (جليد) درجة حرارته صفر إلى ماء درجة حرارته صفر. فإن الحرارة التي يمتصها الجليد لتتغير إلى ارتفاع درجة حرارته وإنما إلى تكبير الروابط. لذلك هذه الحرارة تسمى حرارة الانصهار (أو الحرارة الكامنة للانصهار).

FUSION

The change of phase from solid to liquid is called **melting or fusion**.

The change from liquid to solid is called **freezing or solidification**.

EXAMPLE



* تعريف (L_f): كمية حرارة اللازمة لتحويل (إذابة) 1 Kg من المادة من الحالة الجليدية إلى الحالة السائلة عند درجة الذوبان لتلك المادة.

The amount of heat required to melt 1 g or 1 kg or 1 lb of a liquid is called its **heat of fusion**, designated L_f .

الحرارة الكامنة للانصهار

المعرفة للاندماج ← الحرارة

$$L_f = \frac{Q}{m} \quad (\text{metric})$$

كمية الحرارة / دوي

الوزن / الامريكى

$$L_f = \frac{Q}{W} \quad (\text{U.S.})$$

L_f = heat of fusion (see Table 15 in Appendix C)

Q = quantity of heat

m = mass of substance (metric system)

W = weight of substance (U.S. system)

$$L_f = \frac{Q}{m}$$

$$L_f = \frac{Q}{W}$$

No temperature change during change of phase

① = vaporization, (liquid) → gas
 Condensation (←) ②

EXAMPLE 3.9

If 1340 kJ of heat is required to melt 4.00 kg of ice at 0°C into water at 0°C, what is the heat of fusion of water?

Handwritten notes: *لازمة ل* (required for), *الماء* (water), *الجليد* (ice), *الحرارة* (heat), *عند* (at), *درجة* (temperature), *الانصهار* (melting), *الماء* (water), *الجليد* (ice), *عند* (at), *درجة* (temperature).

Data:

$$Q = 1340 \text{ kJ}$$

$$m = 4.00 \text{ kg}$$

$$L_f = ?$$

Basic Equation:

$$L_f = \frac{Q}{m}$$

Working Equation: Same

Substitution:

$$\begin{aligned} L_f &= \frac{1340 \text{ kJ}}{4.00 \text{ kg}} \\ &= 335 \text{ kJ/kg} \end{aligned}$$

heat of fusion (water) = 80 cal/g, or 80 kcal/kg, or 335 kJ/kg, or 144 Btu/lb

Change of Phase

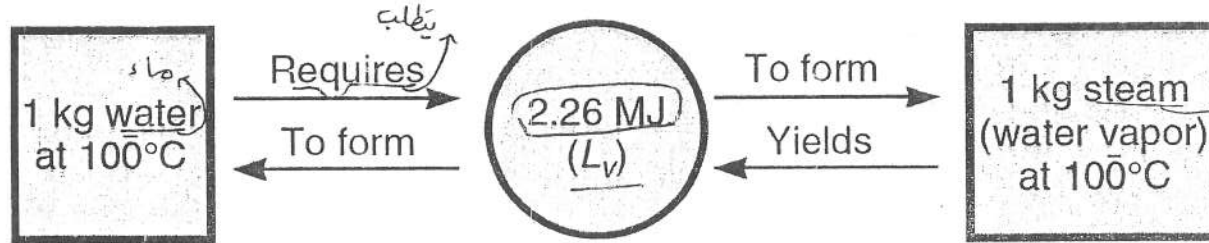
* ملاحظة: عند إعطاء ماء عند درجة الحرارة هذه لا ترفع درجة حرارته بل تذهب في تسخير الروابط وتحويله من حالة السائلة الى الحالة الغازية

VAPORIZATION

The change of phase from liquid to a gas or vapor is called **vaporization**.

The reverse process is called **condensation** (gas → liquid).

EXAMPLE



* حرارة التبخير (الحرارة الكامنة للتبخير) هي كمية الحرارة اللازمة لتحويل 1kg من المادة من حالة السائلة الى الحالة الغازية عند درجة عليا لهذه المادة.

The amount of heat required to vaporize 1 g or 1 kg or 1 lb of a liquid is called its **heat of vaporization**, designated L_v .

$$L_v = \frac{Q}{m} \quad (\text{metric}) \quad L_v = \frac{Q}{W} \quad (\text{U.S.})$$

Given	absorbed (gain)
take off	Loss

L_v = heat of vaporization (see Table 15 in Appendix C)

Q = quantity of heat

m = mass of substance (metric system)

W = weight of substance (U.S. system)

No temperature change during change of phase

EXAMPLE

3.10 If 135,000 cal of heat is required to vaporize 250 g of water at 100 °C, what is the heat of vaporization of water

135,000 كالوري ^{ما} الحرارة ^{التي} ^{تحتاج} ^{لها} لتبخير ²⁵⁰ ^{من} الماء ^{عند} ¹⁰⁰ ^{درجة} ^{سلسية} ما هي ^{الحرارة} ^{التي} ^{تحتاج} ^{لها} لتبخير ^{الماء}

$$L_v = \frac{Q}{m} = \frac{135,000}{250}$$

A	540 cal/g
B	135 cal/g
C	250 cal/g
D	100 cal/g

Data: $Q = 135,000 \text{ cal}$
 $m = 250 \text{ g}$
 $L_v = ?$

Basic Equation: $L_v = \frac{Q}{m}$

Substitution gives: $L_v = \frac{135,000 \text{ cal}}{250 \text{ g}} = 540 \text{ cal/g}$

heat of vaporization (water) = 540 cal/g, or 540 kcal/kg, or 2.26 MJ/kg, or 970 Btu/lb

الحرارة ^{التي} ^{تحتاج} ^{لها} لتبخير ^{الماء} = 540 كالوري/جرام، أو 540 كيلو كالوري/كجم، أو 2.26 ميجا جول/كجم، أو 970 ب.ت.و/رطل

EXAMPLE

3.11 If 15.8 MJ of heat is required to vaporize 18.5 kg of ethyl alcohol at 78.5°C (its boiling point), what is the heat of vaporization of ethyl alcohol?

الكحول... البخير نقطة الحرارة من مبيجا حول
للزوم لـ تبخير اشايك الكحول
ما على حرارة البخير لـ اشايك

A	$8.54 \times 10^3 \text{ J/Kg}$
<input checked="" type="radio"/>	$8.54 \times 10^5 \text{ J/Kg}$
C	$8.54 \times 10^7 \text{ J/Kg}$
D	$8.54 \times 10^9 \text{ J/Kg}$

Data: $Q = 15.8 \text{ MJ}$
 $m = 18.5 \text{ Kg}$
 $L_v = ?$

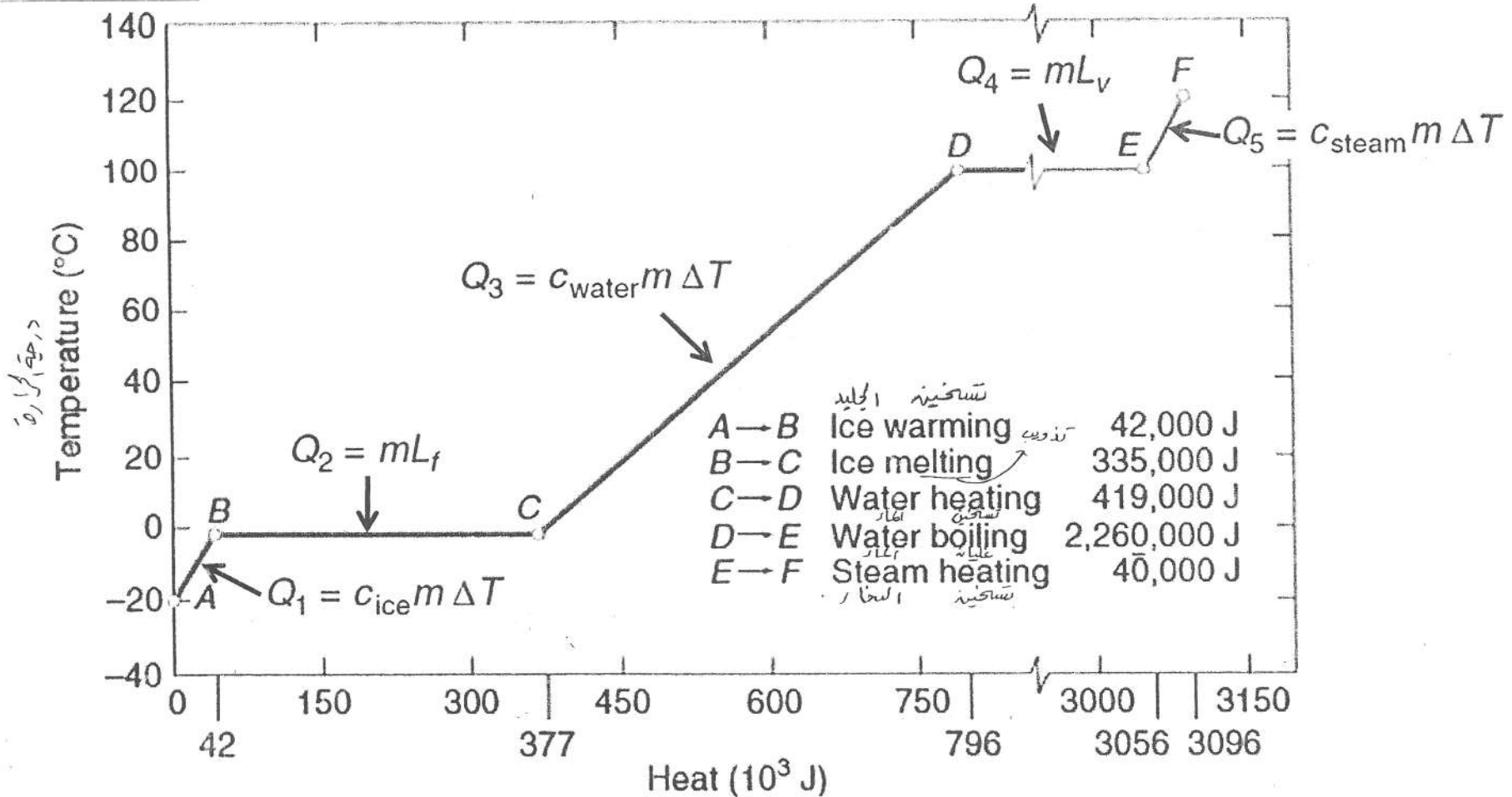
Basic Equation: $L_v = \frac{Q}{m}$
الاساسية المعادلة

Substitution gives: $L_v = \frac{15,8 \text{ MJ}}{18.5 \text{ Kg}}$
يُعطي التعريف
 $= \frac{0.854 \text{ MJ}}{\text{Kg}}$
 $= 8.54 \times 10^5 \text{ J/Kg}$

* هذه رسمه بيانية توضح علاقة درجة الحرارة مع كمية الحرارة . أثناء تحول الماء
 والشكل العام نفسه لأي مادة . مع اختلاف درجات الحرارة .
 حيث : ① تسخين ② تحول ③ تسخين ④ تحول ⑤ تسخين

EXAMPLE:

Figure 3.8



Heat gained by one kilogram of ice at -20°C as it is converted to steam at 120°C

بخار الى يتحول عندما الجليد من كيلوجرام واحد المكتسبة الحرارة

EXAMPLE How many Btu of heat are released when 4.00 lb of steam at 222°F is cooled to water at 82°F?

To find the amount of heat released when steam at a temperature above its vaporization point is cooled to water below its boiling point, we need to consider three amounts (see Fig. 3.12):

- $Q_5 = c_{\text{steam}} w \Delta T$ (amount of heat released as the steam changes temperature from 222°F to 212°F)
- $Q_4 = w L_v$ (amount of heat released as the steam changes to water)
- $Q_3 = c_{\text{water}} w \Delta T$ (amount of heat released as the water changes temperature from 212°F to 82°F)

So the total amount of heat released is $Q = Q_5 + Q_4 + Q_3$

Data: $w = 4.00 \text{ lb}$ T_i of steam = 222°F T_f of water = 82°F $Q = ?$

Basic Equation: $Q = Q_5 + Q_4 + Q_3$

Working Equation: $Q = c_{\text{steam}} w \Delta T + w L_v + c_{\text{water}} w \Delta T$

Substitution:

$$Q = \left(0.48 \frac{\text{Btu}}{\text{lb } ^\circ\text{F}}\right) (4.00 \text{ lb})(10^\circ\text{F}) + (4.00 \text{ lb}) \left(970 \frac{\text{Btu}}{\text{lb}}\right) + \left(1.00 \frac{\text{Btu}}{\text{lb } ^\circ\text{F}}\right) (4.00 \text{ lb})(130^\circ\text{F}) = 4420 \text{ Btu}$$

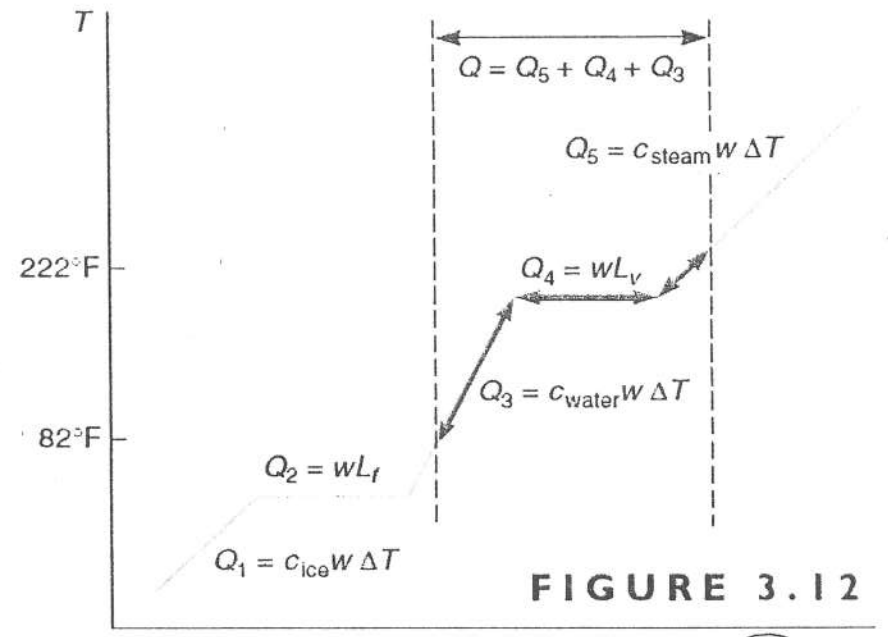


FIGURE 3.12

EXAMPLE

How many joules of heat are needed to change 3.50 kg of ice at -15.0°C to steam at 120.0°C ?

كم عدد الجرامات من الحرارة اللازمة لتغيير من الجليد عند بخار

Data: $m = 3.50 \text{ kg}$ T_i of ice = -15.0°C

T_f of steam = 120.0°C $Q = ?$

Basic Equation:

$$Q = Q_1 + Q_2 + Q_3 + Q_4 + Q_5$$

Working Equation:

$$Q = c_{\text{ice}}m\Delta T + mL_f + c_{\text{water}}m\Delta T + mL_v + c_{\text{steam}}m\Delta T$$

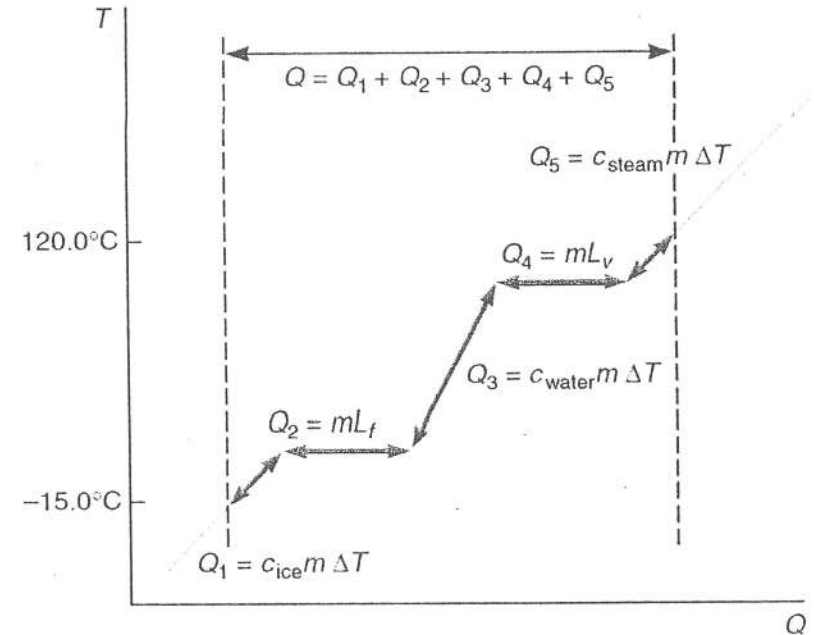
Substitution:

$$Q = \left(2100 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}\right) (3.50 \text{ kg})(15.0^{\circ}\text{C}) + (3.50 \text{ kg}) \left(335 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}\right) \times \frac{10^3 \text{ J}}{1 \text{ kJ}} \text{ (Change to joules.)}$$

$$+ \left(4190 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}\right) (3.50 \text{ kg})(100.0^{\circ}\text{C}) + (3.50 \text{ kg}) \left(2.26 \frac{\text{MJ}}{\text{kg}}\right) \times \frac{10^6 \text{ J}}{1 \text{ MJ}}$$

$$+ \left(2000 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}\right) (3.50 \text{ kg})(20.0^{\circ}\text{C})$$

$$= 1.080 \times 10^7 \text{ J} \quad \text{or} \quad \boxed{10.80 \text{ MJ}}$$



Properties of Matter

Matter is anything that occupies space and has mass.

Matter (substance)

Element

a substance that cannot be separated into simpler substances.

Atom

is the smallest stable particle of an element.

H, Na, Fe, ...

H (most abundant):

smallest (6×10^{-11} m)
lightest (1.67×10^{-27} kg)

U (Uranium):

Quite heavy (3.95×10^{-25} kg)

Molecule

(= 1 or more similar atoms)

is the smallest particle of an element that retains the characteristics of that element.

H₂, Cl₂, N₂, O₂

Compound

a substance containing two or more elements.

Molecule

(= 1 or more different atoms)

is the smallest particle of a compound that retains the characteristics of that compound.

H₂O, CO₂, NH₃, ...

Water Molecule



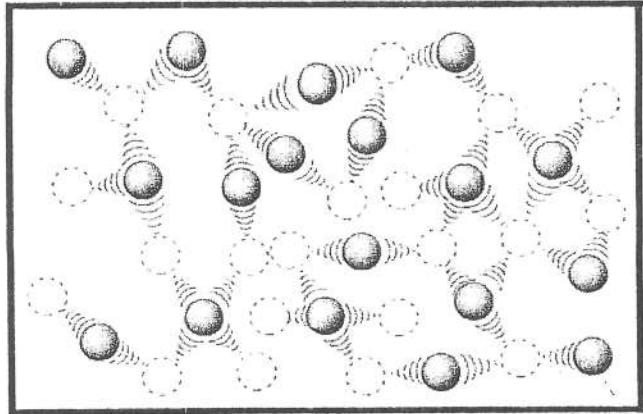
~ 10⁻¹⁰ m

Solid, liquid and gas

الجامد

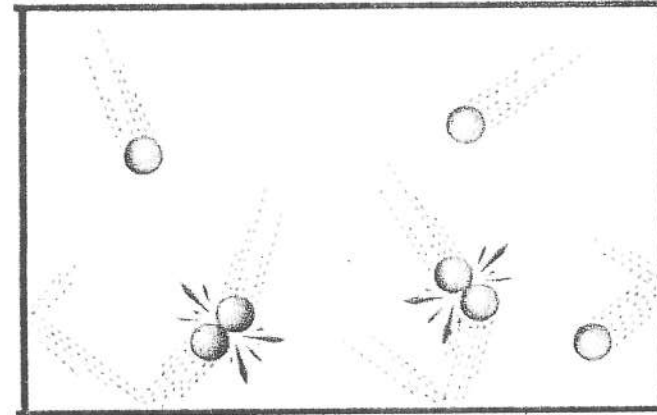
السائل

الغاز



(a) Solid molecules vibrate in fixed positions.

تتهز جزيئات الجامد تهتز في مواضع ثابتة في مواضع ثابتة كما تبين

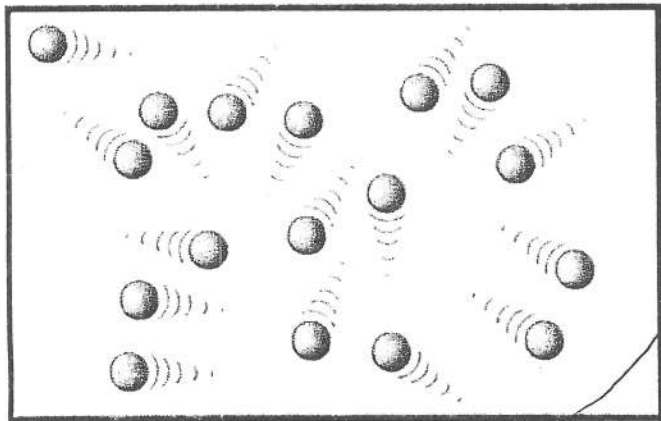


(c) Gas molecules move rapidly in all directions and collide.

Gas takes the shape of its container

سرعة جزيئات الغاز تتحرك في كل الاتجاهات وتتصادم مع بعض الغاز يأخذ شكل الحاوي له

محدود



(b) Liquid molecules flow over each other.

تتدفق جزيئات السائل يتدفق بعضها فوق بعضها

* جزيئات السائل تتدفق فوق بعضها البعض

Comparing the three states

مقارنه حالات الثلاثة

تعريف

Elasticity

المرونة

is a measure of a deformed object's ability to return to its original size and shape once the outside forces are removed.

قياس

مقياس

المشوّهة

الجسام

مقدرة

للعودة

الأصلي

حجمها

وشكلها

حالتها

الخارجية

القوى

تزال

* المرونة : هي مقدرة الأجسام المشوّهة للعودة إلى حجمها وشكلها الأصلي حالما تُزال القوة الخارجية المؤثرة عليها.

EXAMPLE: Elasticity in a rubber ball

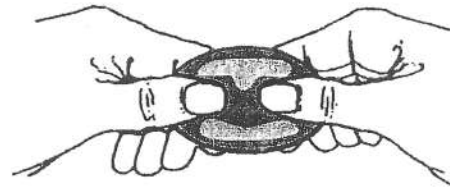
مثال

المرونة

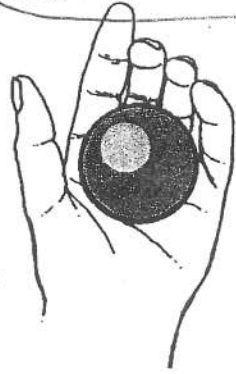
في

المطاط

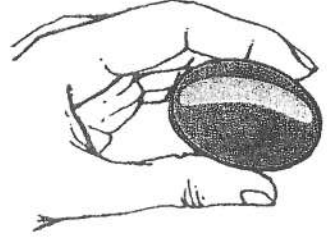
كرة



Stretch
مط



squeeze
عصر

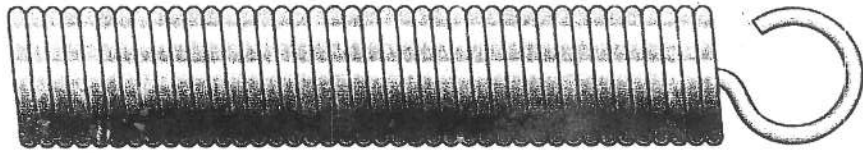


Release
إفلات

Release
إفلات

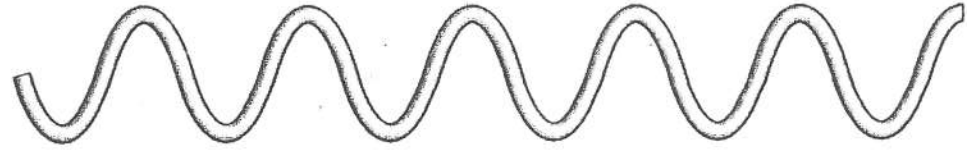
The elastic limit

المرورته حد



(a) Spring before stretching

النايفين قبل المره
زبرله، نايفين قبل



(b) Spring stretched near its elastic limit

حد مرونيه
قريب ينقط
النايفين
* مط، النايفين قبل حد المرورته



(c) Spring stretched beyond its elastic limit

حد مرونيه
خلف
ينقط
الزبرله
* عملية مره، النايفين بعد تجاوز حد المرورته



(d) Spring stretched much beyond its elastic limit ... break occurs!

بعد، خلف
أكثر
ينقط
تقطع
حد
* عندما يتم تجاوز حد المرورته بكثير، يتقطع الجسم

توضيح

* حد المرورته: هي نقطة انشاد مط، لجامد. بعدها فان الجسم لا يرجع الى حالته وسكله الاصلي.

The elastic limit of a solid is the point beyond which a deformed object cannot return to its original shape.

الجسم لا يرجع الى شكله الاصلي

* الاجهاد : هو نسبة القوة المطبقة الخارجيه للمؤديه للتشوه الى المساحة حيث القوة تؤثر

Stress

الاجهاد

تعريف

Stress is the ratio of the outside applied force, which tends to cause a distortion, to the area over which the force acts. In other words,

$$\text{stress} = \frac{\text{applied force}}{\text{area over which the force acts}}$$

$$\text{Or } S = \frac{F}{A}$$

$S = \text{stress}$, usually in N/m^2 (Pa) or lb/in^2 (psi)

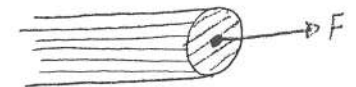
$\Rightarrow \text{Pa} \equiv \text{Pascal (SI pressure unit)} \Rightarrow 1 \text{ Pa} = 1 \text{ N/m}^2$

$F = \text{force applied}$, N or lb, perpendicular to the surface to which it is applied

$A = \text{area}$, m^2 or in^2

* وحدة قياس الاجهاد
Pa ← N/m²

* ملاحظة: القوة يجب ان تكون عمودية على السطح الذي يتشوه



EXAMPLE:

مثال

*ملاحظة: القوة المؤثرة هي وزن الجسم

Case 1

$$F = 12.0 \text{ N}$$

$$A = 8.00 \text{ cm} \times 16.0 \text{ cm} = 128 \text{ cm}^2$$

$$S = \frac{F}{A} = \frac{12.0 \text{ N}}{128 \text{ cm}^2} \times \left(\frac{100 \text{ cm}}{1 \text{ m}} \right)^2$$

$$= 938 \text{ N/m}^2 = 938 \text{ Pa}$$

$$S = \frac{F}{A}$$

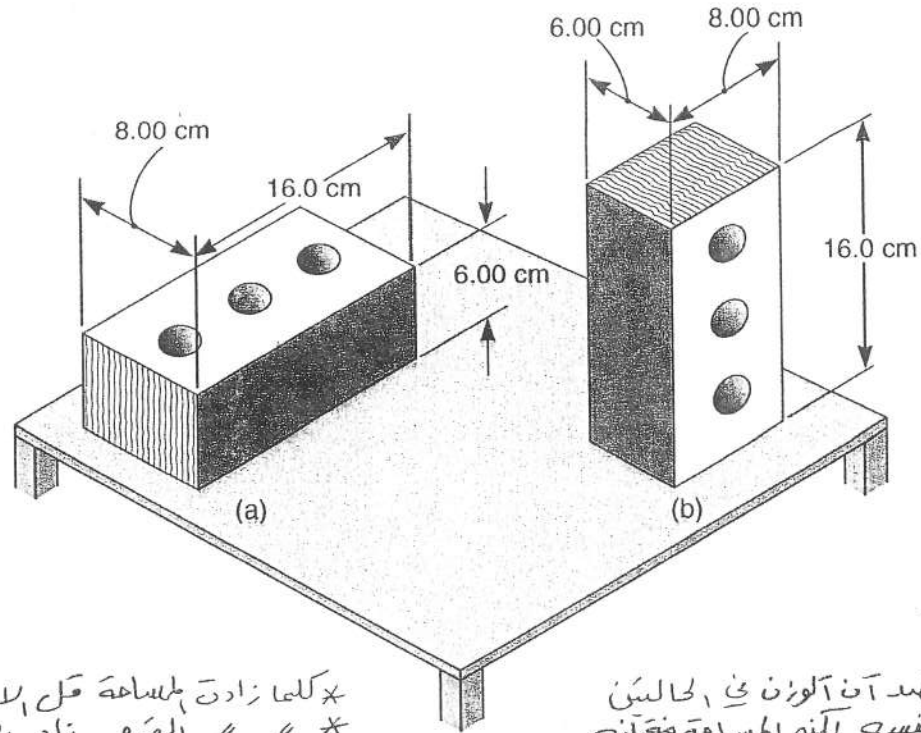
Case 2

$$F = 12.0 \text{ N}$$

$$A = 6.00 \text{ cm} \times 8.00 \text{ cm} = 48.0 \text{ cm}^2$$

$$S = \frac{F}{A} = \frac{12.0 \text{ N}}{48.0 \text{ cm}^2} \times \left(\frac{100 \text{ cm}}{1 \text{ m}} \right)^2$$

$$= 2500 \text{ N/m}^2 = 2500 \text{ Pa}$$



* كلما زادت مساحة كل الاجهاد
* = = = القوة زاد الاجهاد.

* يوصد ان الوزن في الحالتين
نفسه لانه المساحة مختلفة
لذلك الاجهاد مختلف.

وزن الطوبية
The weight of the brick is constant,
but the stress on the table in part (b)
is greater.
جزء الطاولة على الاجهاد
تأثيره
أكبر

Stress, basic types:

الاجهاد

الاساسية

الانواع

1. Tension

السشد

2. Compression

انضغاط

3. Shear

قص

4. Torsion

التواء

5. bending

انحناء / تقويس

* يقصد أنه هناك:

① اجهاد شد

② اجهاد انضغاط

③ اجهاد قص

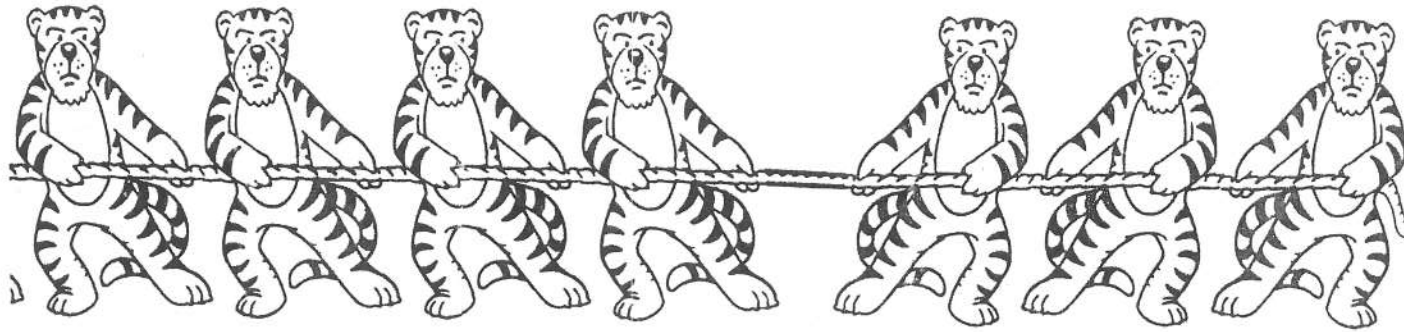
④ اجهاد التواء

⑤ اجهاد تقويس

* هذا مثال على
الشد

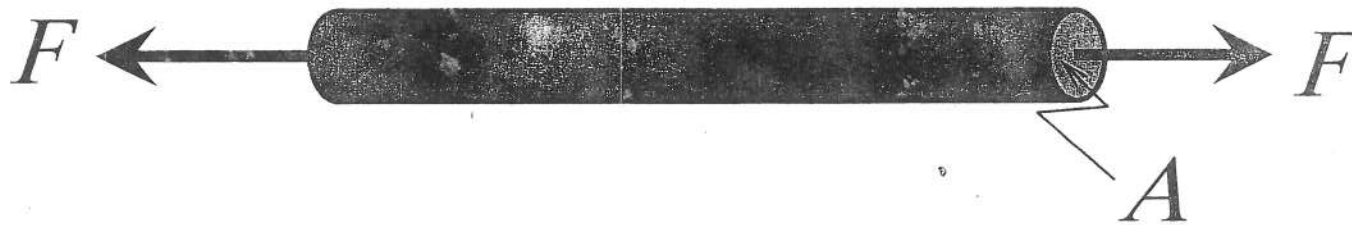
1. Tension

الشد



The rope in a tug-of-war competition is in constant tension.

الشد في الحبل لعبة شد الحبل مسابقة ثابتة



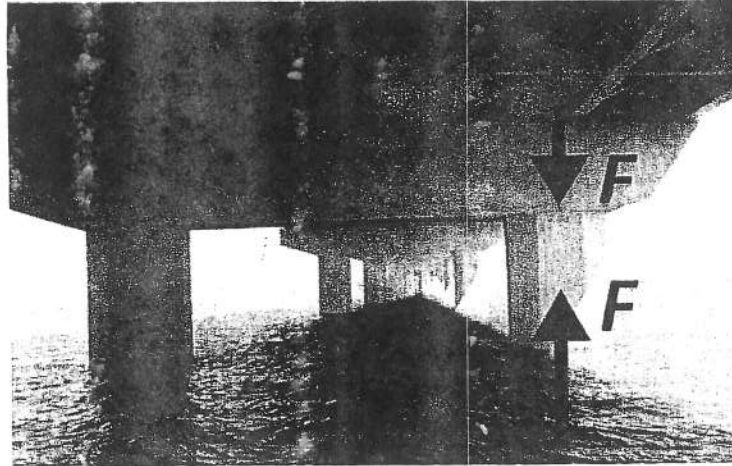
$$\text{Tension} = \frac{F}{A}$$

الشد

2. Compression

الانضغاط

* هذا مثال على اجهاد الانضغاط

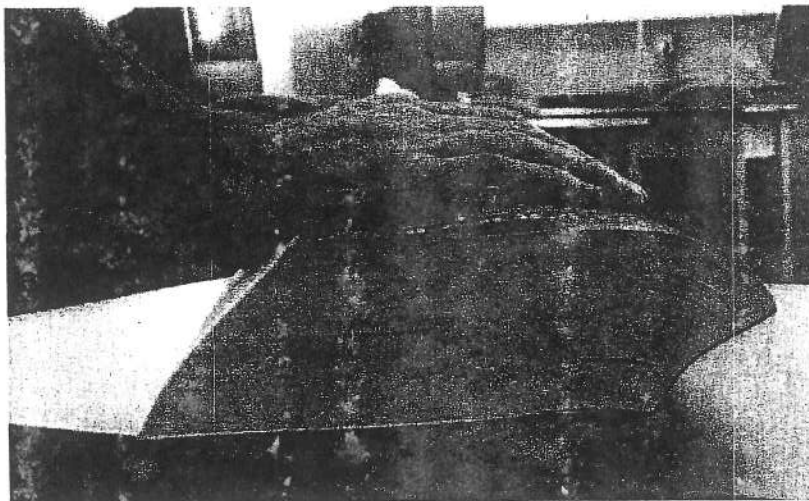


اسم المكان

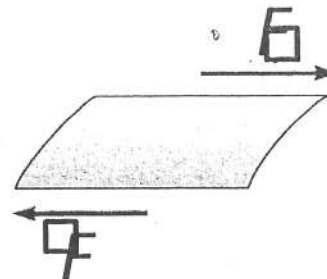
A column under the New Clark Bridge crossing the Mississippi River is in **compression**.

* حيث يتعرض العمود الذي تحت الجسر الى اجهاد انضغاطي.

3. Shear



* هذا مثال على اجهاد القص

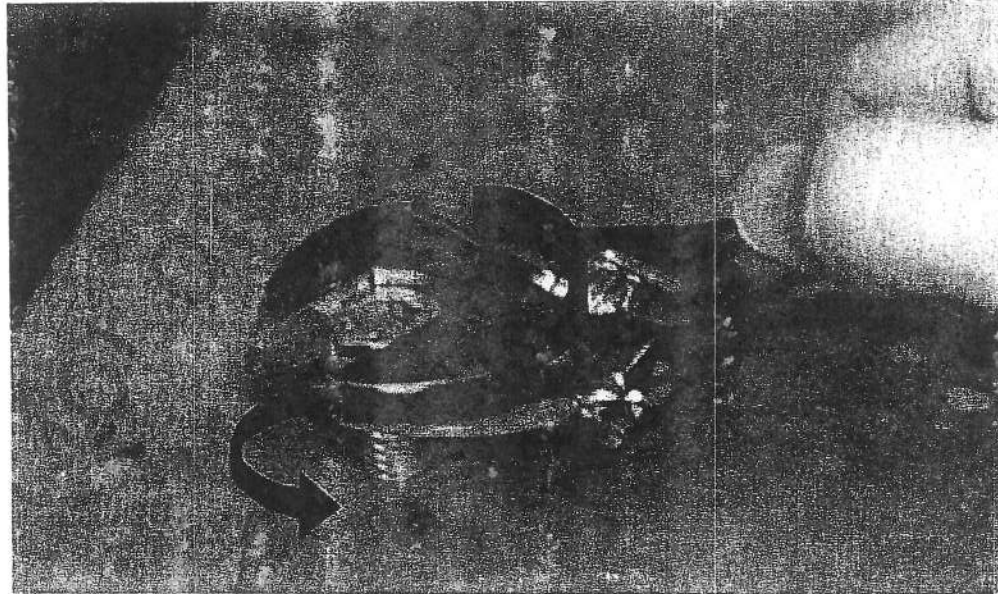


A book being pushed in this way is undergoing **shear**.

* هذا مثال على إجهاد الالتواء .

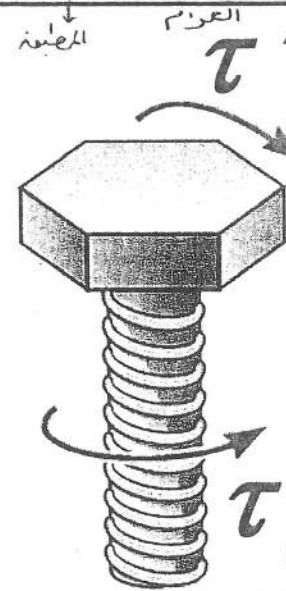
4. Torsion

الالتواء



The twisting of the bolt in one direction is counteracted by the force of the wood resisting the turning motion.

Applied Torque (e.g. from hand)



* على رأس البرغي يصعب عزيم من اليد

* على جسم البرغي يوجد عزيم معاكس من الخشب

counteracting Torque (e.g. from wood)

(34)

$$\tau = F \times d \text{ (Lever arm)}$$

* هذا مثال على اجهاد التقويس.

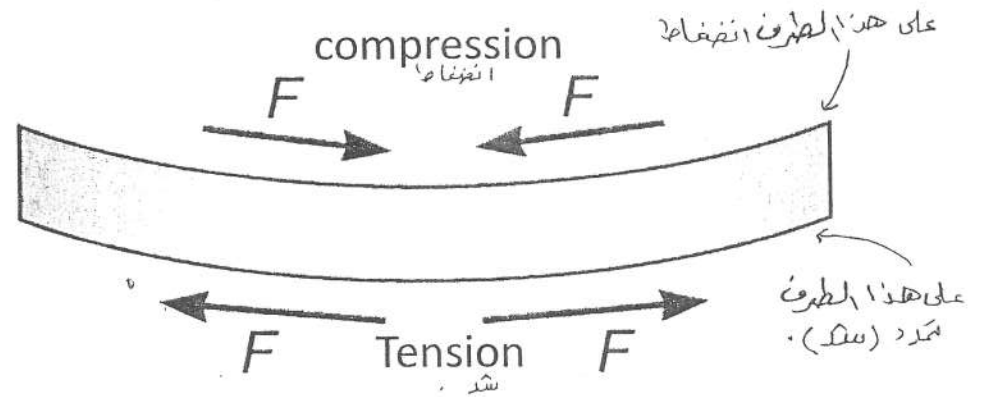
4. Bending

* آن التقويس يتكون من ١ انضغاط ① وتمدد (شد) ②.



$$\text{Bending} \equiv \text{Compression} \oplus \text{Tension}$$

التقويس انضغاط شد



A beam that is bending
التقويس الذي يتقوس

Important for thin & light but strong aircraft body. (See documentary by Richard Hammond, engineering connection, Airbus A380)

* آي آن جسم الطائرة يصنع من طبقتين بينهما حسوة . لتكون قوية و خفيفة

Stress causes strain

* عندما يؤثر اجهاد يحدث انفعال

الاجهاد يسبب انفعال

التعريف

Strain:

الاستطالة

* الانفعال : هو تسوية الجسم بسبب القوة المؤثرة .
* هناك انفعال طولي وكذلك انفعال حجمي .

is the deformation of an object due to an applied force.

هو

تشويه

الجسم

بسبب

المطبقة

القوة

Strain

الاستطالة

≡

$\frac{\text{change in length}}{\text{Original length}}$

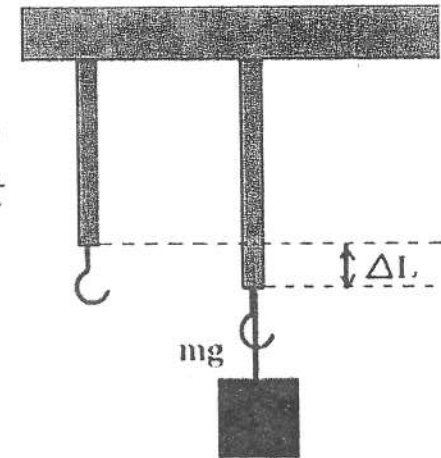
تغير

الطول

(i.e., change in length per unit length)

الاصلي

الطول



Or

Strain

الاستطالة

≡

$\frac{\text{change in volume}}{\text{Original volume}}$

تغير

الحجم

الاصلي

الحجم

⋮

EXAMPLE:

A steel column in a building has a cross-sectional area of 2500 cm^2 and supports a weight of $1.50 \times 10^5 \text{ N}$. Find the stress on the column.

Data:

$$A = 2500 \text{ cm}^2 \times \left(\frac{1 \text{ m}}{100 \text{ cm}}\right)^2 = 0.250 \text{ m}^2$$

$$F = 1.50 \times 10^5 \text{ N}$$

$$S = ?$$

Basic Equation:

$$S = \frac{F}{A}$$

Working Equation: Same

Substitution:

$$\begin{aligned} S &= \frac{1.50 \times 10^5 \text{ N}}{0.250 \text{ m}^2} \\ &= 6.00 \times 10^5 \text{ N/m}^2 \\ &= 6.00 \times 10^5 \text{ Pa} \quad \text{or} \quad 600 \text{ kPa} \end{aligned}$$

$$S = \frac{F}{A}$$

* نص قانون هوك ان نسبة القوة المطبقة على التغير في الطول بسبب القوة هو مقلد ثابت. ما لم يتم تجاوز حد المرونة.

Hook's Law

هوكه قانون

$$F = k \Delta l$$

القوة ← F
تغير الطول ← Δl
ثابت المرونة ← k

F = applied force
القوة المطبقة

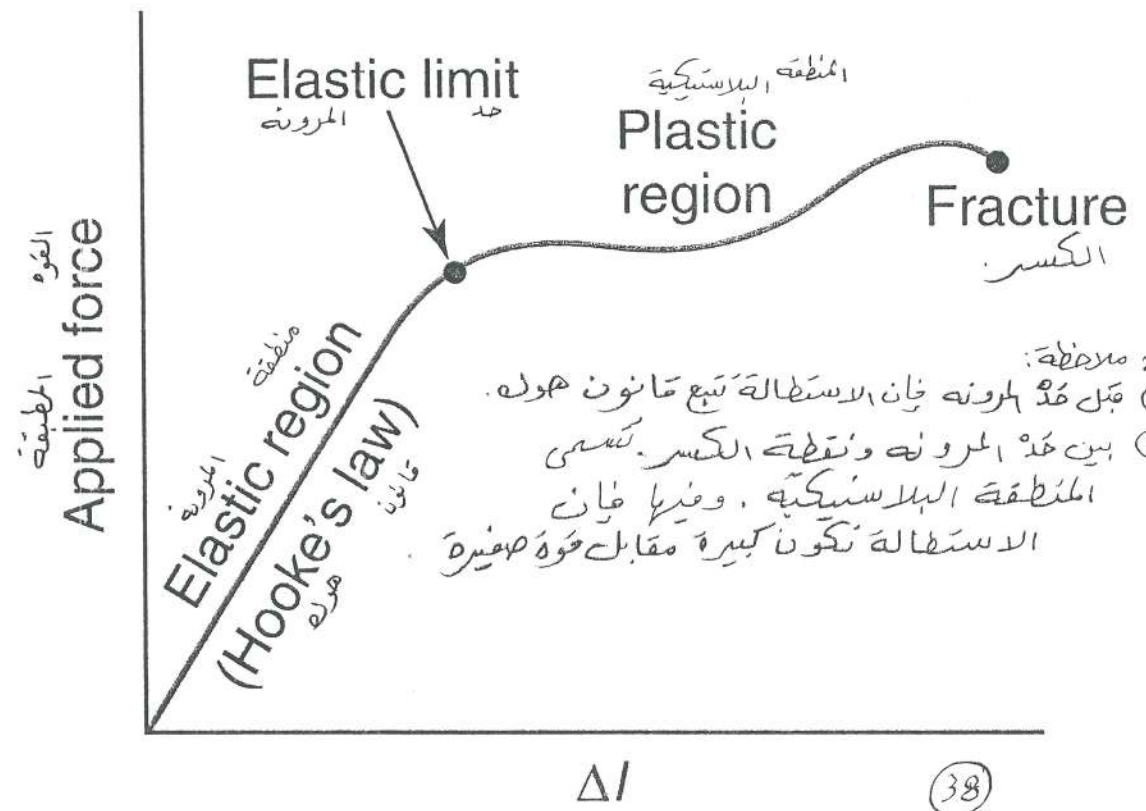
k = elastic constant
ثابت المرونة

Δl = change in length
تغير الطول

Δ (the Greek letter delta) = "change in."
دلتا الحرف الاغريقي

قانون هوكه Hooke's Law

The ratio of the force applied to an object to its change in length (resulting in its being stretched or compressed by the applied force) is constant as long as the elastic limit has not been exceeded.



A force of 5.00 N is applied to a spring whose elastic constant is 0.250 N/cm. Find its change in length.

قوة مطبقه على نابض مرونة ثابتته 0.250 ن/سم. اوجد تغير طوله.

Data: $F = 5.00 \text{ N}$
 $k = 0.250 \text{ N/cm}$
 $\Delta l = ?$

Basic Equation: $\frac{F}{\Delta l} = k$

Working Equation:

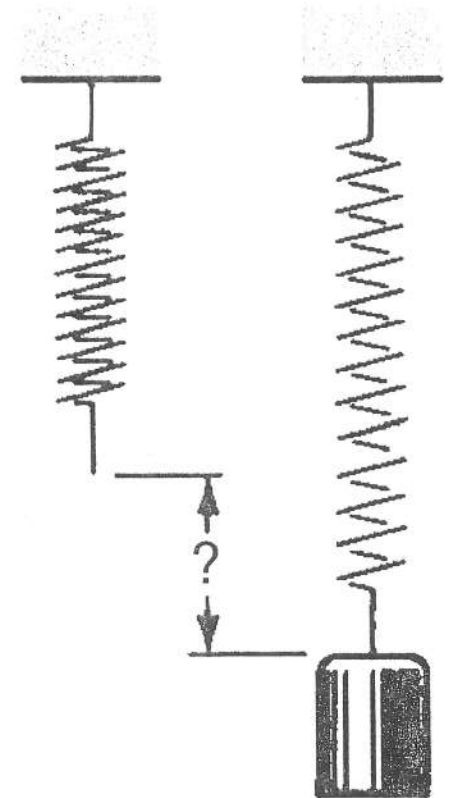
$$\Delta l = \frac{F}{k}$$

Substitution:

$$\Delta l = \frac{5.00 \text{ N}}{0.250 \text{ N/cm}}$$

$$= 20.0 \text{ cm}$$

$$\frac{\text{N}}{\text{N/cm}} = \text{N} \div \frac{\text{N}}{\text{cm}} = \text{N} \cdot \frac{\text{cm}}{\text{N}} = \text{cm}$$



5.00 N

A force of 3.00 lb stretches a spring 12.0 in. What force is required to stretch the spring 15.0 in.?

Data:

$$F_1 = 3.00 \text{ lb}$$

$$l_1 = 12.0 \text{ in.}$$

$$l_2 = 15.0 \text{ in.}$$

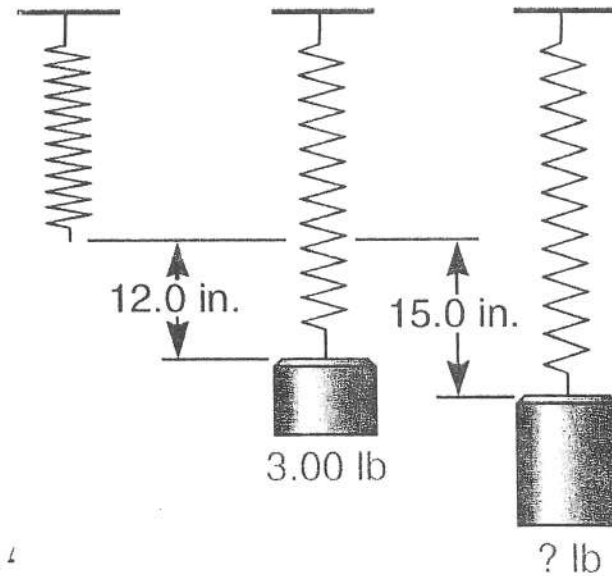
$$F_2 = ?$$

Basic Equation:

$$\frac{F}{\Delta l} = k$$

Working Equations:

$$\frac{F}{\Delta l} = k \quad \text{and} \quad F = k(l)$$



Substitution: There are two substitutions, one to find k and one to find the second force F_2 :

$$\frac{3.00 \text{ lb}}{12.0 \text{ in.}} = k$$

$$0.250 \text{ lb/in.} = k$$

$$F_2 = (0.250 \text{ lb/in.})(15.0 \text{ in.})$$

$$= 3.75 \text{ lb}$$

EXAMPLE

مثال

A support column is compressed 3.46×10^{-4} m under a weight of 6.42×10^5 N. How much is the column compressed under a weight of 5.80×10^6 N?

First find k :

أولاً نجد k

Data:

$$F_2 = 6.42 \times 10^5 \text{ N} \quad \Delta l_2 = 3.46 \times 10^{-4} \text{ m}$$

$$k = ?$$

Basic Equation:

$$\frac{F_2}{\Delta l_2} = k$$

Working Equation: Same

Substitution:

$$k = \frac{6.42 \times 10^5 \text{ N}}{3.46 \times 10^{-4} \text{ m}} = 1.86 \times 10^9 \text{ N/m}$$

Then:

Data:

$$k = 1.86 \times 10^9 \text{ N/m} \quad F_1 = 5.80 \times 10^6 \text{ N}$$

$$\Delta l_1 = ?$$

Basic Equation:

$$\frac{F_1}{\Delta l_1} = k$$

Working Equation:

$$\Delta l_1 = \frac{F_1}{k}$$

Substitution:

$$\Delta l_1 = \frac{5.80 \times 10^6 \text{ N}}{1.86 \times 10^9 \text{ N/m}} = 3.12 \times 10^{-3} \text{ m or } 3.12 \text{ mm}$$

(41)

■ Properties of Liquids

خصائص

السوائل

- * من الخصائص الأساسية للسوائل:
- ① لها حجم غير معدود لأنها تأخذ شكل الوعاء الذي توضع فيه
 - ② جزيئاتها متقاربة من بعضها وتتحرك في حركة كدفقية (الترلافة)
 - ③ ضغطها صعب جداً. أي لا تنكمش مثل الهوا.

Basic properties:

أساسية

خصائص

- Has definite volume (takes shape of its container)

له

حجم غير معدود

حجم

تأخذ

شكل

الوعاء

- Molecules are close together and move in a flowing motion

الجزيئات

متقاربة

من بعض

تتحرك

كدفقية (تأهية)

حركة

- Difficult to compress

يصعب

ضغطه

محدود

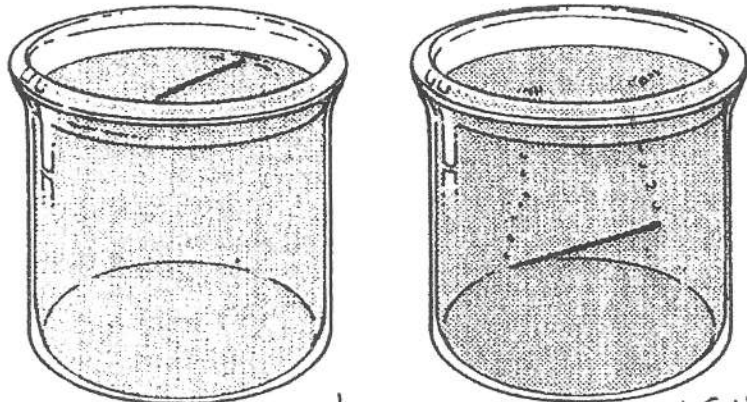
Properties of Liquids

خصائص

Properties shared by most liquids:

1- Surface tension:

The ability of the surface of a liquid to act like a thin, flexible film.



* التوتر السطحي للسوائل: قدرة سطح السائل ليحمل وكأنه غشاء مرن رقيق.

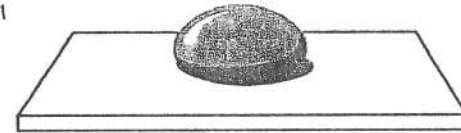
* عملية إضافة الصابون تقلل التوتر السطحي فيسقط الدبوس.

(a) Water (b) Soap added

(a) The surface tension of water will support a needle.

(b) Adding soap reduces surface tension.

السوائل



(a) Mercury drop on a surface



(b) Liquid drop in space



(c) Falling raindrop

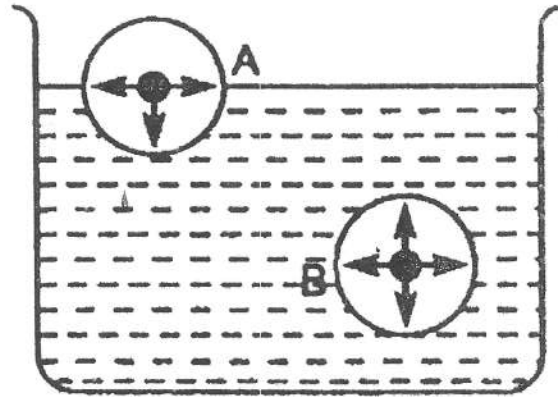
(a) Surface tension causes a drop of mercury to be more spherical.

(b) Surface tension causes a liquid drop to hold together.

(c) The shape of a falling raindrop is due to the friction with air.

Surface tension in nature

في الطبيعة التوتر السطحي



Phenomenon of surface tension

التوتر السطحي ظاهرة

* التوتر السطحي: هو قدرة (الاستطاعة) سطح السائل ليحمل وكأنه غشاء مرن رقيق.

Surface tension: is the ability of the surface of a liquid to act like a thin, flexible film.

فيلم مرن رقيق متشابها للعب السطح للسائل قدرة (الاستطاعة) التوتر السطحي

Surface tension causes a raindrop to hold together and small drop of mercury to keep an almost spherical shape.

لتحتفظ القطرة الزئبقية من قطرة صغيرة مع بقايا قطرة الماء متماسكة يجعل قطرة المطر بالشكل الدائري تقريبا التوتر السطحي

* التوتر السطحي: يسبب ① بقاء قطرة الماء متماسكة ② جعل قطرة الزئبقية تأخذ الشكل الكروي تقريبا.

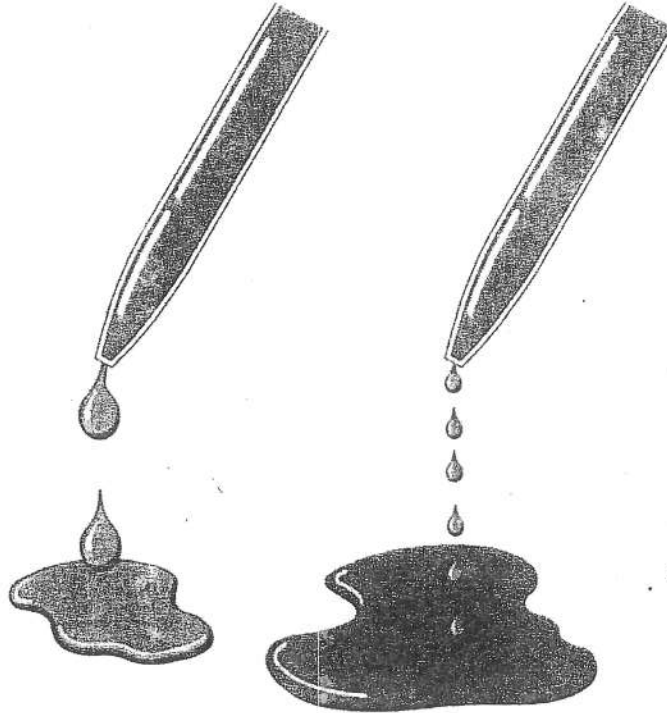
محذوف

تعريف

Properties shared by most liquids:

2- Viscosity:

Viscosity is the internal friction of a fluid caused by molecular attraction, which makes it resist a tendency.



Cold oil
زيت بارد

Hot oil
زيت ساخن

Cold oil is more viscous than hot oil.

الزيت البارد أكثر لزوجة من الزيت الساخن

* اللزوجة هي ناتجة عن الاحتكاك الداخلي لطبقات السائل بسبب التجاذب بين جزيئاته والتي تجعله يقاوم

* كلما زادت درجة حرارة السائل قلت لزوجته

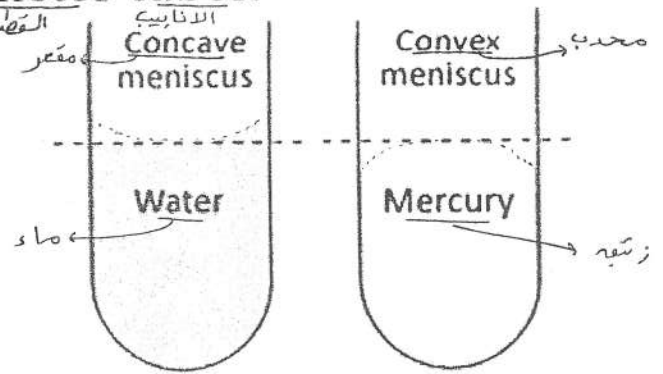
محدوث

* الخاصية الشعرية : هو تصرف السوائل بحيث تجعل مستوى السائل في الانابيب الاقل قطراً مختلف عند مستوى السائل في الانابيب كبيرة القطر .

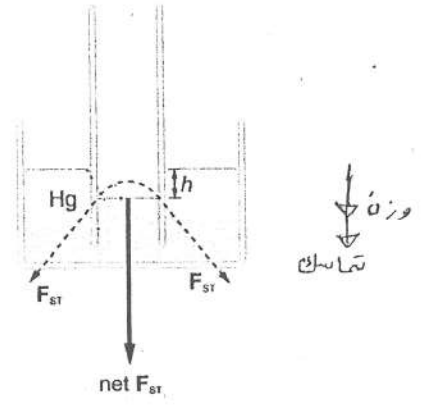
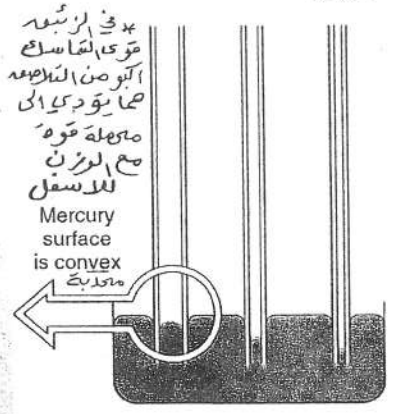
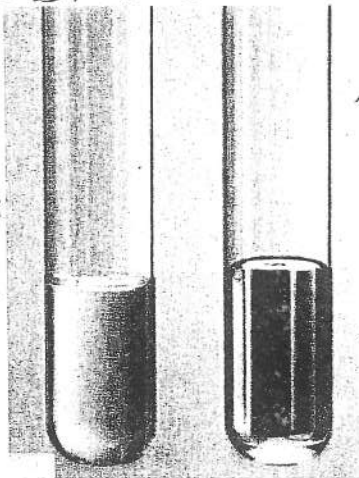
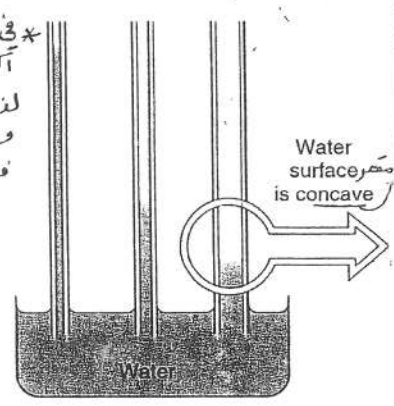
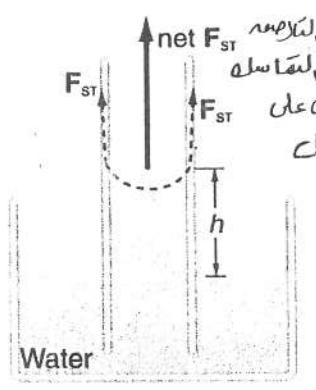
Properties shared by most liquids:
3- Capillary action:
 (الفعل الخاصية) الشعرية

Capillary action is the behavior of liquids that causes the liquid level in very small-diameter tubes to be different than that in larger-diameter tubes.

Adhesive force (molecules-tube wall interaction) + cohesive force (molecule-molecule interaction) → Capillary action



* آي آن الخاصية الشعرية ناتجة عن تفاعل قوى التماسك وكذلك قوى التلاصق .
 * قوى التماسك تكون بين جزيئات نفس المادة ، أما التلاصق فهين بين جزيئات مواد مختلفة



Weight = surface tension ⇒ equilibrium height

Water:
 Adhesion > cohesion ⇒ Raised level

Mercury:
 Adhesion < cohesion ⇒ depressed level

Capillary action: experimental findings

نتائج تجريبية خاصة الشعيرية

Experimentally, scientists have found that:

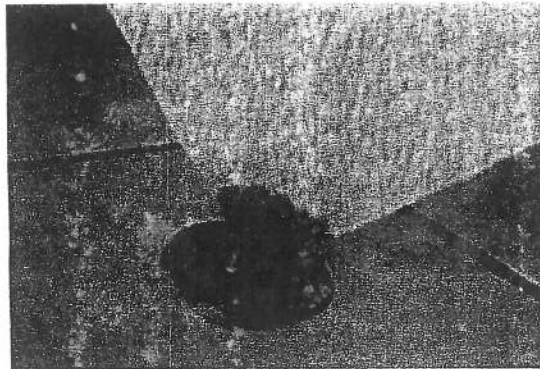
1. Liquids rise in capillary tubes they tend to wet and are depressed in tubes they tend not to wet.
 (السوائل ترتفع في الأنابيب الشعيرية والتي تميل إلى الترطيب وتنخفض في الأنابيب الشعيرية التي لا تميل إلى الترطيب)
2. Elevation or depression in the tube is inversely proportional to the diameter of the tube.
 (الارتفاع أو الانخفاض في الأنابيب الشعيرية عكسياً متناسباً مع قطر الأنبوب)
3. The elevation or depression decreases as the temperature increases.
 (الارتفاع أو الانخفاض يقل كلما زادت درجة الحرارة)

Capillary action causes the rise of oil (or kerosene) in the wick of an oil lamp. Towels also absorb water because of capillary action.
 (المناشف ماصة للزيت أو الكيروسين في الشعيرة الخاصة الشعيرية. المناسف تمتص الماء أيضاً بسبب الخاصية الشعيرية)

② ارتفاع أو انخفاض السوائل في الأنبوب يتناسب عكسياً مع قطر الأنبوب

③ الارتفاع أو الانخفاض يقل كلما زادت درجة الحرارة

* الخاصية الشعيرية تسبب ارتفاع الزيت أو الكيروسين في فتلة مبة الزيتية. وكذلك المناسف تمتص الماء بناداً على الخاصية الشعيرية



ملاحظات

Properties of Gases

خصائصها

الغازات

* المائع: هو أي مادة تأخذ شكل الوعاء الحاوي لها. مثل السوائل والغازات.

Fluid

(a substance that takes its containers shape)

تأخذ المائع الحاوي لها. شكل المادة المائع.

Gas:

غازات

Properties:

خصائصها

• **Expansion:** Gas molecules move rapidly and randomly to completely fill the volume of the container.

• **Diffusion:** is the process by which molecules of a gas mix with the molecules of a solid, a liquid, or another gas.

EXAMPLE: Gas in a balloon

• Molecules collide with balloon's wall \Rightarrow producing gas pressure, P

• Blowing more air inside the balloon \Rightarrow increases number of molecules $\Rightarrow P$ increases.

• Heating balloon's air \Rightarrow [1] increases temperature, T [2] increases molecular kinetic energy \Rightarrow higher P .

Liquid

سوائل

* من خصائص الغازات:
 ① التمدد: ويعني أن جزيئات الغاز تتحرك بسرعة وعشوائية لتتلاءم تمامًا بحجم الوعاء الحاوي لها.
 ② الانتشار: وتعني اختلاط جزيئات الغاز مع جزيئات الجامد أو السائل أو الغازات الأخرى.
 * مثال: الغاز داخل بالون.
 * حيث تتصادم جزيئات الهواء (الغاز) مع جدار البالون مولدة الضغط.
 * نفخ الهواء داخله يزيد عدد الجزيئات لذلك يزداد الضغط.
 * تسخين هواء البالون يؤدي إلى زيادة الطاقة الحركية للجزيئات مما يؤدي إلى زيادة التصادم وكذلك زيادة الضغط.
 (48)

محدود

Density

الكثافة

Density is a property of all three states of matter. Mass density, D_m is defined as mass per unit volume. Weight density, D_w is defined as weight per unit volume, or

$$D_m = \frac{m}{V}$$

كتلة / حجم = كثافة كتلية

$$D_w = \frac{F_w}{V}$$

وزن / حجم = كثافة وزنية

where D_m = mass density
 m = mass
 V = volume

D_w = weight density
 F_w = weight
 V = volume

العوامل المؤثرة:
 ① كلما زادت الكتلة زادت الكثافة
 ② كلما زاد الحجم قلت الكثافة

* الكثافة: هي خاصية للمادة في السكون حالات لها.
 * هناك نوعان من الكثافة:
 ④ كثافة كتلية (D_m): وهي كتلة وحدة الحجم.
 ⑤ كثافة وزنية (D_w): وهي وزن وحدة الحجم.

Densities for Various Substances

Substance	Mass Density (kg/m ³)	Weight Density (lb/ft ³)
Solids جوامد		
Aluminum ^{المنيوم} المنيوم	2,700	169
Brass ^{النحاس} النحاس	8,700	540
Concrete ^{الاسمنت} الاسمنت	2,300	140
Liquids سوائل		
Oil ^{زيت} زيت	870	54.2
Seawater ^{ماء البحر} ماء البحر	1,025	64.0
Water ^{ماء نقي} ماء نقي	<u>1,000</u>	62.4
Gases* غازات		
	At 0°C and 1 atm pressure	At 32°F and 1 atm pressure (1 atm ~ 10 ⁵ Pa)
Air ^{الهواء} الهواء	1.29	0.081
Helium ^{الهيليوم} الهيليوم	0.178	0.011
Hydrogen ^{الهيدروجين} الهيدروجين	0.0899	0.0056

(*) ملاحظة: كلما قلت درجة الحرارة، زادت الكثافة. لذلك نتوقع أن كثافة الجليد أكثر من الماء. وهذا غير صحيح. لكن كثافة الماء تزداد عندما تقل درجة الحرارة عن (4°C). لذلك يتجمد الماء على السطح، ويبقى الأسفل تسبح في الأسفل.

Note:

Generally, density increases with decreasing temperature. Exception is water for which ice is less dense than liquid water ⇒ Fish swim

peacefully beneath floating ice in frozen Antarctica lakes (وسبحان الخالق)

بسلام

EXAMPLE 3.18

Find the weight density of a block of wood 3.00 in. \times 4.00 in. \times 5.00 in. with weight 0.700 lb.

الحساب من الخواص الكتافية الوزنية أو عدد وزن

Data:

$$l = 4.00 \text{ in.} \quad w = 3.00 \text{ in.} \quad h = 5.00 \text{ in.} \quad F_w = 0.700 \text{ lb} \quad D_w = ?$$

Basic Equations:

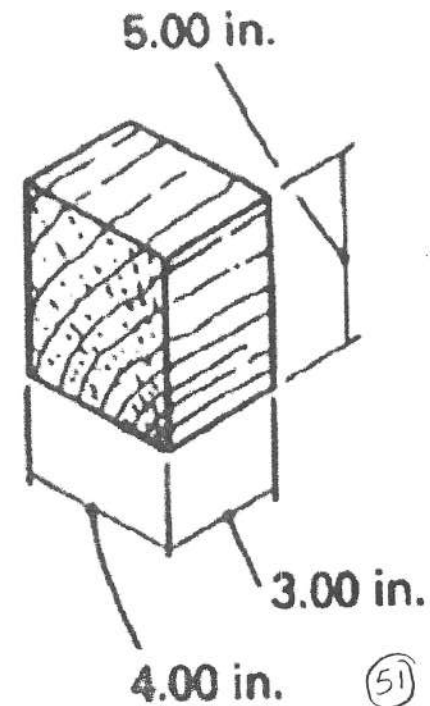
$$V = lwh \quad \text{and} \quad D_w = \frac{F_w}{V}$$

Working Equations: Same

Substitutions:

$$\begin{aligned} V &= (4.00 \text{ in.})(3.00 \text{ in.})(5.00 \text{ in.}) \\ &= 60.0 \text{ in}^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D_w &= \frac{0.700 \text{ lb}}{60.0 \text{ in}^3} \\ &= 0.0117 \frac{\text{lb}}{\text{in}^3} \times \left(\frac{12 \text{ in.}}{1 \text{ ft}} \right)^3 \\ &= 20.2 \text{ lb/ft}^3 \end{aligned}$$



EXAMPLE 3.19

Find the mass density of a ball bearing with mass 22.0 g and radius 0.875 cm.

Data:

$$r = 0.875 \text{ cm}$$

$$m = 22.0 \text{ g}$$

$$D_m = ?$$

Basic Equations:

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3 \quad \text{and} \quad D_m = \frac{m}{V}$$

Working Equations: Same

Substitutions:

$$\begin{aligned} V &= \frac{4}{3}\pi (0.875 \text{ cm})^3 \\ &= 2.81 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} D_m &= \frac{22.0 \text{ g}}{2.81 \text{ cm}^3} \\ &= 7.83 \text{ g/cm}^3 \\ &= 7.83 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} \times \left(\frac{100 \text{ cm}}{1 \text{ m}} \right)^3 \times \frac{1 \text{ kg}}{10^3 \text{ g}} = 7830 \text{ kg/m}^3 \end{aligned}$$

* تذكر أن آي كرة لها حجم حسب العلاقة

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3$$

← الحجم
↓
3.14
↓
نصف القطر