



مدونة المناهج السعودية

<https://eduschool40.blog>

الموقع التعليمي لجميع المراحل الدراسية

في المملكة العربية السعودية



جامعة المنصورة  
كلية العلوم  
قسم الرياضيات

الفصل الدراسي الأول  
الزمن : ساعتان  
التاريخ: الاثنين ٢٠١٢/١٢/٣١

الفقرة الأولى تعليم أساسى  
الشعبة: الرياضيات  
كلية التربية  
المادة : أساسيات الرياضيات

### أجب عن الأسئلة الآتية (٧٠ درجة)

(٥ درجات)

$$\frac{1+x}{1-x} \geq 1$$

(١) أوجد الحل العام للمتباينة الآتية

(٥ درجات)

$$(2) \text{ إذا كانت } f(x) = \frac{5}{2x+4} \text{ حيث } -1 \leq x \leq 3 \text{ - أوجد مدى الدالة .}$$

(٣) أثبت أن العلاقة  $R_4$  هي علاقة تكافؤ على  $\mathbb{Z}$  وأوجد فصول التكافؤ حيث

(١٠ درجات)

$$R_4 = \{(x, y) \in \mathbb{Z}^2 : x \equiv y \pmod{4}\}$$

(٤) مثل العلاقة  $R$  الآتية ١- بواسطة المصفوفات ٢- بواسطة الرسوم حيث

(١٠ درجات)

$$R = \{(a, a), (a, b), (b, c), (c, b), (a, c), (c, c)\}$$

### السؤال الثاني: (٢٠ درجة)

(١) عين مجال التعريف للدوال الآتية: (١٠ درجات)

$$(i) f(x) = \frac{4x}{x^2 - 9}$$

$$(ii) f(x) = \frac{4x}{\sqrt{x^2 - 9}}$$

(٢) إثبت أن الدالة  $f : R - \{0\} \rightarrow R - \{\frac{3}{2}\}$  حيث  $f(x) = \frac{3x+5}{2x}$  دالة تناظر احادي ثم اوجد

(١٠ درجات)

معكوسها.

### السؤال الثالث: (٢٠ درجة)

(١) إذا كانت  $f(x) = \frac{1}{x}$  و  $g(x) = \sqrt{x^2 + 1}$  فأوجد  $gof$  و  $fog$  . (١٠ درجات)

(٢) أوجد طول العمود النازل من النقطة  $(3, 2)$  على الخط المستقيم المار بال نقطتين  $(-2, 4)$  ،  $(-5, 3)$  ثم

(١٠ درجات)

استنتج طول العمود الساقط من نقطة الأصل على هذا الخط المستقيم.

د. عاطف المهدى

انتهت الأسئلة ،، مع تمنياتي بالنجاح والتفوق ...

الفصل الدراسي الأول الزمن : ساعتان التاريخ : 31/12/2012		الفرقة : الأولى (أساسي) الشعبة: علوم المادة: أساسيات في الرياضيات
كلية العلوم - قسم الرياضيات		

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول:

(1) إذا عُرفت العلاقة

$$R = \{(1,1), (2,2), (3,3), (4,4), (1,3), (4,1), (3,1), (3,4), (1,4), (4,3)\}$$

على المجموعة  $A = \{1, 2, 3, 4\}$

(i) مثل العلاقة  $R$  بالطرق المختلفة وحدد ما إذا كانت  $R$  علاقة تكافؤ أم لا.

(ii) إذا كانت  $R$  علاقة تكافؤ فأوجد فصول تكافؤها وأوجد التجزئ المصاحب.

(2) إذا كانت  $P = \{A_1 = \{a, b\}, A_2 = \{c\}, A_3 = \{d, e\}\}$  فيين ما إذا كانت  $P$  تجزئ

للمجموعة  $A = \{a, b, c, d, e\}$  ومن ثم عُرف علاقة تكافؤ على  $A$ .

(3) اذْكُر وبرهن قانوني دي مورجان.

السؤال الثاني:

(1) إذا كانت  $R = \{(x, y) : x, y \in A, x | y\}$  فيين أن  $R$  علاقة ترتيب جزئي،

هل  $R$  علاقة تكافؤ؟

(2) أوجد المجال والمدى لكلا من الدوال الآتية:

$$f(x) = \sqrt{4 - \sqrt{x}} \quad (\text{iii}) \quad f(x) = \frac{1}{x^2 + 1} \quad (\text{ii}) \quad f(x) = x^2 + 3 \quad (\text{i})$$

(3) ادرس تماثيل كلا من الدوال

$$g(x) = x + 9 \quad (\text{ii}) \quad f(x) = \sqrt{x^2 + 6} \quad (\text{i})$$

ثم أوجد  $f \circ g$ ,  $g \circ f$

باقي الأسئلة أنظر في الخلف

السؤال الثالث:

(1) مجموعة من الطلاب عددهم 191 طالب منهم 63 يدرسون الرياضيات، 65 يدرسون الفيزياء، 76 يدرسون الحاسوب الالي، 20 يدرسون الرياضيات والفيزياء، 18 يدرسون الرياضيات والحاسب الالي، 36 يدرسون الفيزياء والحاسب الالي، 10 يدرسون المواد الثلاث. فما هو عدد الطلاب الذين يدرسون:

(i) الرياضيات فقط. (ii) الرياضيات والحاسب الالي ولا يدرسون الفيزياء.

(2) أوجد مجموعة حل المتباينات الآتية:

$$x^3 > x \quad (\text{iii}) \quad 2 - \left| \frac{x}{x+2} \right| > 1 \quad (\text{ii}) \quad \frac{1}{x} - 2x \leq 1 \quad (\text{i})$$

(3) بين ان الدالة

$$f: \mathbb{R} \setminus \{3\} \rightarrow \mathbb{R} \setminus \{2\}, \quad f(x) = \frac{2x-1}{x-3}$$

لها معكوس وأوجد قاعدته.

د/ تامر محمد أحمد العزب

مع أطيب التمنيات بالتفوق،

► السؤال الأول:

- ١) عرف علاقة التكافؤ على المجموعة الغير خالية  $A$ .  
 ٢) أثبت أن العلاقة  $\{(x, y) \in Z^2 : x \equiv y \bmod 5\}$  هي علاقة تكافؤ على  $Z$  ثم أوجد فصول التكافؤ.

٣) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة  $(1, 2)$  ويصنع زاوية مقدارها  $\frac{\pi}{4}$  مع الإتجاه الموجب لمحور السينات.

► السؤال الثاني:

- ١) عرف الدالة الأحادية- الدالة الفوقيـة- الدالة الزوجـية- الدالة الفردـية مع إعطاء مثال لكل دالة منهما.

٢) إذا كان  $\{2 - R - \{1\} \rightarrow R : f(x) = \frac{2x}{x-1}$  بحيث  $f^{-1}$  فأوجد  $f^{-1}$  (إن وجدت) محدداً مجالها ومداها.

٣) أوجد المحل الهندسي للنقطة التي تتحرك في المستوى بحيث يكون بعدها عن المستقيم  $x = y$  يساوى ضعف بعدها عن النقطة  $(1, 3)$ .

► السؤال الثالث:

- ١) احسب قيمة النهايات الآتية

$$i) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2} - 2}{x^3 - 8} \quad ii) \lim_{x \rightarrow \infty} x \sin\left(\frac{\pi}{x}\right)$$

٤) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بنقطة تقاطع الخطين  $2x + y - 5 = 0$ ,  $x - y = 4$  ويوافق المستقيم

$$2y = 4x + 9$$

► السؤال الرابع:

$x = 0$        $f(x) = \begin{cases} \frac{\sin 5x}{\tan 7x} & x \neq 0 \\ A & x = 0 \end{cases}$       ١) أوجد قيمة الثابت  $A$  حتى تكون الدالة متصلة عند النقطة

٢) أثبت أن المستقيم  $x^2 + y^2 = 10$  يمس الدائرة  $3x + 10 = 0$ .

$$3) \text{أوجد حل المتباينة } \frac{1}{x} - 2x < 1$$

مع أطيب الأمانى بالتوفيق و النجاح

د/عادل عبد العزيز

دور: يناير ٢٠١٣

الزمن: ساعتان

التاريخ: ٢٠١٢ / ١٢ / ٣٩



كلية العلوم - قسم الرياضيات

الفرقـة: أولى تعليم اسـاسـي

المـادـة: اسـاسـيات الـرـياـضـيـات

الـشـعـبـة: دراسـات اجـتـمـاعـيـة

### أجب عن الأسئلة الآتية - الدرجة الكلية (٧٠ درجة)

(٧ درجات)

$$[1]-\text{أ} \text{ أوجد حل المتباينة: } 0 \geq 3x^2 - 4x + 1$$

ب) إذا كانت  $\{2, -2, 1, -1, 1/2, -1/2, \dots\} = X$  وضح ما إذا كانت  $X$  محدودة من أعلى - محدودة من أسفل وأوجد أصغر حد أعلى وأكبر حد أدنى ان وجد.

(٧ درجات)

[٢]-أ) عرف علاقة التكافؤ ثم اثبت انه إذا كانت  $R$  علاقة على  $Z$  معرفه كما يلى:

$$\{ \text{عدد زوجي } R = \{(x, y) : x, y \in Z, x + y = \text{ الزوج}\}$$

(٧ درجات)

$$\text{ب) أوجد مجال ومدى الدالة: } f(x) = \sqrt{16 - x^2} - 7$$

$$\begin{aligned} x+2y-3z &= 4 \\ 3x-y+5z &= 2 \end{aligned}$$

$$4x+y+(a^2-14)z=a+2$$

(٧ درجات)

حل واحد- عدد لانهائي من الحلول - لا يوجد حل

[٣]-أ) إذا كانت  $f(x) = \frac{3x+5}{2x-3}$  اثبت أن  $f(x)$  احادية - فوقية. ثم أوجد معكوس هذه الدالة. (٧ درجات)

ب) إذا كانت  $f(x) = \sqrt{x^2 + 3}$ ,  $g(x) = \sqrt{2x - 5}$ . (٧ درجات)

ج) باستخدام طريقة جاوس للحذف أوجد حل النظم

$$3x_1 + x_2 + 2x_3 = 7, \quad x_1 + 2x_2 - x_3 = -1, \quad 2x_1 - 3x_2 + x_3 = 4$$

(٧ درجات)

[٤]-أ) أوجد جيوب تمام اتجاه المستقيم الذي يصنع زوايا متساوية مع محاور الاحداثيات

ب) اثبت أن المثلث ABC قائم الزاوية ثم أوجد مساحة هذا المثلث إذا كانت

(٧ درجات)

$$A(2, 1, 5), \quad B(-4, 8, 11), \quad C(11, 7, 7)$$

مع أطيب التمنيات بالنجاح والتوفيق

د/ الشحات عبد العزيز