

**طرق كمية**

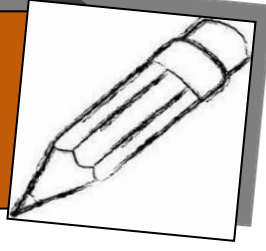
**ECON 206**

**وليد الجمال**

**0506618182**

**مع نماذج الاسئلة السابقة**

## الباب الاول



### الدوال وتطبيقاتها الاقتصادية والادارية

**مفهوم الدالة :** يمكن تعريف الدالة بأنها علاقة بين متغيرين أو أكثر احدهما تابع والآخر مستقل وتسمى الدالة خطية اذا كانت من الدرجة الاولى

- هي قاعدة تربط متغيرا بمتغير آخر ( أو بمتغيرات أخرى )
- يسمى المتغير الأول بالمتغير التابع والمتغير الآخر ( أو المتغيرات الأخرى ) بالمتغير المستقل ( أو المتغيرات المستقلة ).

• تكتب الدالة كالاتي :

$$ص = د (س)$$

• ص المتغير التابع

• س المتغير المستقل

• الشكل العادي للدالة الخطية :

$$ص = م س + ي$$

ص المتغير التابع س المتغير المستقل أو التفسيري

ي مقطع الدالة ( قيمة ص عندما س = صفر )

م ميل الخط المستقيم ( التغير ) = ظل الزاوية التي يصنعها الخط مع الاتجاه الأفقي

أنواع الدوال :

إيجاد معادلة الخط المستقيم ( إيجاد الدالة الخطية )

أ- معادلات الخط المستقيم بمعلومية نقطتين

$$\frac{ص - 1ص}{س - 1س} = \frac{ص - 2ص}{س - 2س}$$

## ECON 206

س1 ص1 س2 ص2

مثال : اوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطتين ( 3 ؛ 5 ) ( 8 ؛ 12 )

الحل :

$$\frac{5 - 12}{3 - 8} = \frac{5 - \text{ص}}{3 - \text{س}}$$

ثم نضرب الطرفين في الوسطين

$$\frac{7}{5} = \frac{5 - \text{ص}}{3 - \text{س}}$$

ص5 - 25 = 7س - 21 ثم ننقل 25 للطرف الاخر مع عكس الاشارة

$$5\text{ص} = 7\text{س} - 21 + 25$$

5ص = 7س + 4 ثم نقسم المعادلة على معامل ص وهو 5

$$\frac{4}{5} + \text{س} \frac{7}{5} = \text{ص} \frac{5}{5}$$

معادلة الخط المستقيم

$$\text{ص} = \frac{7}{5}\text{س} + \frac{4}{5}$$

ب - معادلات الخط المستقيم بمعلومية نقطة وميل :

$$\text{ص} - \text{ص}1 = \text{م} (\text{س} - \text{س}1)$$

$$\text{ص} - \text{ص}1 = \text{م} (\text{س} - \text{س}1)$$

س1 ص1

مثال : اوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة ( 4 ؛ 6 ) والذي ميله 3

الحل :

ثم نضرب الطرفين في الوسطين

$$\frac{3}{1} = \frac{6 - \text{ص}}{4 - \text{س}}$$

ص - 6 = 3س - 12 ثم ننقل -6 للطرف الاخر مع عكس الاشارة

ص = 3س - 12 + 6

ص = 3س - 6 معادلة الخط المستقيم

### التطبيقات الاقتصادية لمعادلات الخط المستقيم

#### 1 - دالة الطلب ( معادلة الطلب )

الطلب	الكميات التي يرغب المستهلكون في شرائها من سلعة أو خدمة خلال فترة زمنية عند أسعار مختلفة ، على أن تكون الرغبة مقترنة بالقدرة على الشراء
-------	--

دالة الطلب

- $ط = ي - م ث$
  - ط الكمية المطلوبة
  - ث سعر السلعة
  - ي الكمية المطلوبة عندما يكون السعر مساويا للصفر
  - م ميل دالة الطلب الخطية وهو ثابت ويمثل معدل التغير في الكمية المطلوبة عندما يتغير السعر بوحدة نقدية واحدة .
  - إشارة الميل سالبة لتدل على وجود العلاقة العكسية بين الكمية المطلوبة والسعر.
- ملاحظة : الإشارة بالسالب لان العلاقة بين الطلب والسعر علاقة عكسية .

مثال :

إذا كانت العلاقة بين السعر والكمية علاقة خطية بحيث عندما يكون السعر 10 ريال تكون الكمية المطلوبة 30 كجم وعندما يكون السعر 15 ريال تكون الكمية المطلوبة 20 كجم .

المطلوب : 1 - نوع الدالة المستخدمة 2 - معادلة الخط المستقيم

3 - احاد الكمية المطلوبة عندما يكون السعر 20 ، بال

## ECON 206

الحل : نرسم للسعر بـ س والكمية بـ ص

$$\begin{array}{cccc} & & 1 \text{ ص} & 2 \text{ ص} \\ & & 1 \text{ س} & 2 \text{ س} \end{array}$$

$$( 10 ؛ 30 ) ( 15 ؛ 20 )$$

1 - نوع الدالة المستخدمة : بمعلومية نقطتين  
2 - إيجاد معادلة الخط المستقيم بمعلومية نقطتين

$$\frac{\text{ص} - 1 \text{ ص}}{\text{س} - 1 \text{ س}} = \frac{\text{ص} - 2 \text{ ص}}{\text{س} - 2 \text{ س}}$$

$$\frac{\text{ص} - 1 \text{ ص}}{\text{س} - 1 \text{ س}} = \frac{\text{ص} - 2 \text{ ص}}{\text{س} - 2 \text{ س}}$$

$$\frac{\text{ص} - 30}{\text{س} - 10} = \frac{\text{ص} - 20}{\text{س} - 15}$$

$$\frac{\text{ص} - 30}{\text{س} - 10} = \frac{\text{ص} - 20}{\text{س} - 15}$$

$$\frac{\text{ص} - 30}{\text{س} - 10} = \frac{\text{ص} - 20}{\text{س} - 15}$$

ثم نضرب الطرفين في الوسطين

$$\text{ص} - 30 = 2 - \text{س} + 20 \text{ س} \quad \text{ثم ننقل } -30 \text{ للطرف الاخر مع عكس الاشارة}$$

$$\text{ص} = 2 - \text{س} + 20 + 30$$

$$\text{ص} = 2 - \text{س} + 50 \quad \text{معادلة الخط المستقيم}$$

3 - إيجاد الكمية المطلوبة عندما يكون السعر 20 ريال .

الحل نعوض عن س بـ 20 في المعادلة السابقة

$$\text{ص} = 2 - (20) + 50 = 50 - 40 + 50 = 10 \text{ كجم .}$$

مثال واجب :

العلاقة بين الكمية المطلوبة ( ط ) وسعر الوحدة ( ث ) بأحد المؤسسات التجارية بجدة علاقة خطية بحيث عندما يكون السعر 1500 ريال تكون الكمية المطلوبة 20 وحدة ، وعندما يصبح السعر 1000 ريال تزيد الكمية المطلوبة إلى 100 وحدة .

المطلوب :

1. إيجاد دالة الطلب الخطية. الحل سيكون  $\text{ص} = -16 \text{ ث} + 260$

2. إيجاد الكمية المطلوبة عند سعر بيع 1200 ريال.

ط = 68 وحدة

## 2 - دالة العرض

العرض هو الكميات التي ترغب الوحدات الإنتاجية إنتاجها وبيعها عند أسعار مختلفة خلال فترة زمنية معينة
--

- $ض = ي + م ث$
- ض الكمية المعروضة
- ث سعر السلعة
- ي الكمية المعروضة عندما يكون السعر مساويا للصفر
- م ميل دالة العرض الخطية وهو ثابت ويمثل معدل التغير في الكمية المعروضة عندما يتغير السعر بوحدة نقدية واحدة .
- إشارة الميل موجبة لتدل على وجود العلاقة الطردية بين الكمية المعروضة والسعر.
- ملاحظة : الإشارة موجبة لان العلاقة بين الثمن والعرض علاقة طردية حيث م : هو التغير في الكميات ع : السعر
- مثال : اذا كانت العلاقة بين الكمية المعروضة من أحد الأجهزة الكهربائية ض وسعرها ث علاقة خطية بحيث أنه إذا كان السعر 400 ريال يتم عرض 20 جهاز وعندما يرتفع السعر إلى 1600 يتم عرض 100 جهاز
- المطلوب :

(1) إيجاد دالة العرض الخطية  $ض = -6.6 + 0.06ث$

(2) إيجاد سعر البيع عندما تكون الكمية المعروضة 200 جهاز

ث = 3100 ريال

## 3 - دالة التكاليف :

- دالة التكاليف الكلية في الأجل القصير = التكاليف الثابتة + التكاليف المتغيرة

التكاليف الثابتة (ت ث )	هي التكاليف التي تتحملها المنشأة سواء أنتجت أم لم تنتج
التكاليف المتغيرة (ت غ )	هي التكاليف التي تتغير مع تغير حجم الإنتاج
التكلفة الحدية	معدل التغير في التكلفة الكلية أو المتغيرة نتيجة تغير

## ECON 206

الإنتاج بوحدة واحدة
التكاليف المتوسطة الكلية = التكاليف الكلية ÷ الكمية
المتوسطة الثابتة = التكاليف الثابتة ÷ الكمية
التكاليف المتوسطة المتغيرة = التكلفة المتغيرة × الكمية ÷ الكمية

مثال : اذا علمت ان التكاليف الكلية ت = 100 + 5 س

احسب :

1 – التكاليف الثابتة عند انتاج 300 وحدة = 100 (لأن التكاليف الثابتة ثابتة عند اي كمية )

2 – التكاليف المتوسطة الثابتة عند انتاج 300 وحدة = الثابتة ÷ الكمية

$$= 100 \div 300 = 0.33 \text{ ريال}$$

3- التكاليف المتغيرة عند انتاج 300 وحدة = 5 س ثم نعوض عن س ب 300

$$= 300 \times 5 = 1500 \text{ ريال}$$

4- التكاليف المتوسطة المتغيرة عند انتاج 300 وحدة

الحل : التكاليف المتوسطة المتغيرة = التكلفة المتغيرة × الكمية ÷ الكمية

$$= 5 \times 300 \div 300 = 5 \text{ ريال}$$

5 – التكاليف الكلية عند انتاج 300 وحدة

الحل نعوض في دالة التكاليف الكلية عن س ب 300 وحدة

$$ت = 100 + 5 ( 300 ) = 1600 \text{ ريال .}$$

6 – التكاليف المتوسطة الكلية عند انتاج 300 وحدة

الحل : التكاليف المتوسطة الكلية = التكاليف الكلية ÷ الكمية

$$= 100 + 5 ( 300 ) \div 300 = 5.33 \text{ ريال}$$

مثال واجب :

## ECON 206

العلاقة بين كمية الإنتاج ج وتكلفة الإنتاج ت بأحد المصانع علاقة خطية بحيث أنه عند إنتاج 30 وحدة تكون التكلفة الكلية 800 ريال وعند إنتاج 100 وحدة تكون التكلفة الكلية 1500 ريال.

المطلوب:

(1) إيجاد دالة التكلفة الخطية. ت = 500 + 10ج

(2) إيجاد تكلفة إنتاج 200 وحدة. ت = 2500 ريال

### ❖ دالة الاستهلاك :

الاستهلاك يتوقف على مستوى الدخل القومي : كلما زاد الدخل زاد الاستهلاك فالعلاقة طردية بينهما.

دالة الاستهلاك الخطية بالشكل التالي:

$$س = هـ + م ل$$

س: الاستهلاك

ل: الدخل

هـ : مستوى الاستهلاك عند ما يكون الدخل مساويا للصفر ( الحد الأدنى للاستهلاك أو الاستهلاك التلقائي أو حد الكفاف )

م : ميل دالة الاستهلاك = الميل الحدي للاستهلاك

### ❖ دالة الادخار

$$د(خ) = - هـ + م د$$

حيث :

-هـ: الادخار السلبي م : الميل الحدي للادخار د: الدخل

ملحوظة : الميل الحدي للاستهلاك + الميل الحدي للادخار = 1

مثال اذا كانت دالة الاستهلاك ك = 6 + 150. ل

اوجد :



## ECON 206

- 1 - الاستهلاك التلقائي ه = 150 2 - الميل الحدي للاستهلاك م = 6.  
3 - دالة الادخار = -150 + 4 ل 4 - الميل الحدي للادخار = 4.

### مثال :

بفرض أن العلاقة خطية بين الاستهلاك القومي س والدخل القومي ل بحيث أنه عند المستويات المختلفة للدخل يكون الاستهلاك مساويا 5 مليون ريال بالإضافة إلى 65% من الدخل . أوجد معادلة الخط المستقيم التي توضح العلاقة بين الاستهلاك والدخل .

- العلاقة هي :

$$س = 0.65 + 5 ل$$

الاستهلاك عندما يكون الدخل 15 مليون ريال = 14.75 مليون ريال

=====

1

مضاعف الاستثمار =  $\frac{1}{\text{الميل الحدي للادخار}}$  = إذا كان المعطي بالسؤال دالة ادخار

1

أو مضاعف الاستثمار =  $\frac{1}{1 - \text{الميل الحدي للاستهلاك}}$  = إذا كان المعطي بالسؤال دالة استهلاك

مثال : = إذا كانت دالة الاستهلاك = 300 + 0.8 د احسب مضاعف الاستثمار  
الحل : بما ان الدالة دالة استهلاك اذا نستخدم قانون الميل الحدي للاستهلاك

$$5 = \frac{1}{1 - 0.8} = \frac{1}{\text{الميل الحدي للاستهلاك}}$$

=====

توازن السوق

شرط توازن السوق  
الطلب = العرض

**مثال:**

الدالتين الاتيتين تمثلان الطلب والعرض والمطلوب ايجاد ثمن وكمية التوازن

$$ط = 45 - 3 \text{ ث} \quad \text{ض} = 2 + 5 \text{ ث}$$

حيث ط: هو الطلب ، ض : هو العرض 0

الحل :

شرط توازن السوق

$$\text{الطلب} = \text{العرض}$$

$$45 - 3 \text{ ث} = 2 + 5 \text{ ث} \quad \text{بجعل المجاهيل " ث " في طرف والقيم في طرف}$$

$$-2 \text{ ث} - 3 \text{ ث} = 5 - 45$$

$$-5 \text{ ث} = 40 \quad \text{بالقسمة للطرفين على معامل ث -5}$$

$$\frac{40}{-5} = \frac{-5 \text{ ث}}{-5}$$

$$\text{ث} = 8 \text{ ريال} \quad \text{" ثمن التوازن "}$$

ولإيجاد كمية التوازن نعوض بقيمة الثمن في اي معادلة الطلب او العرض نحصل على الكمية التوازنية

$$ط = 45 - 3(8) = 21 \text{ كجم}$$

اذا ثمن وكمية التوازن ( 8 ؛ 21 )

**المعادلات التربيعية**

شكل المعادلة التربيعية  $أس^2 + ب س + ج =$  حيث أ ؛ ب ؛ ج قيم او اعداد

مثال : اذا كانت (س) تمثل عدد الاجهزة المنتجة في مصنع بالمليون وحدة اوجد

قيمة س في المعادلة الاتية

$$س^2 - 2س - 12 = 0 \quad \text{الحل بالآلة الحاسبة mod53 ثم ندخل القيم كالتالي}$$

$$1 = 1 - 12 = -11 \quad \text{تظهر قيمة } X_1 = 4 = 4 - 2س = 3 -$$

والسالبا مرفوض اذا قيمة س = 4 مليون وحدة

للخروج من البرنامج mod1

مثال : اذا كانت س تمثل الكمية المنتجة في أحد المصانع بالمليون وحدة تمثل  
وفقا للمعادلة التالية :

$$0 = 20 - 2س$$

احسب قيمة ( س ) الحل بالآلة mod53 ثم ندخل القيم كالتالي ثم ندخل الاعداد  
على الآلة كما يلي :

$$== 20- = 1- = 1$$

أ- 3 مليون      ب- 4 مليون      ج- 5 مليون وحدة      د- 6 مليون وحدة

### منحنيات الانتاج

يعطي بالسؤال س ؛ ص ولايجاد س نهمل ص ولايجاد ص نهمل س  
مثال :

$$0 = 20 - 2س + ص$$

احسب الكمية المنتجة من س ؛ ص

الحل لايجاد الكمية المنتجة من س نهمل ص

$$0 = 20 - 2س$$

$$20 = 2س$$

لايجاد ص نهمل س

ص + 2س = 20 - 0 الحل بالآلة الحاسبة mod53 ثم ندخل القيم كالتالي

$$== 20- = 1= 1 = 4 = ص = 5- السالب مرفوض$$

$$4 = ص$$

اذا قيمة الانتاج من س ؛ ص علي التوالي ( 20 ؛ 4 )

### توازن السوق باستخدام المعادلات التربيعية

شرط توازن السوق :

الطلب = العرض

$$ط = 3ث^2 - 27$$

مثال : دالة الطلب

$$ض = 2ث + 3$$

دالة العرض

## ECON 206

احسب : ثمن وكمية التوازن

الحل : شرط التوازن الطلب = العرض

$$3\text{ث}^2 - \text{ث} - 27 = \text{ث}^2 + \text{ث} - 3 \quad \text{بجعل المعادلتين في طرف واحد}$$

$$3\text{ث}^2 - 2\text{ث} - \text{ث} - 27 = \text{ث}^2 + \text{ث} - 3$$

$$2\text{ث}^2 - 2\text{ث} - 24 = 0 \quad \text{بالقسمة على معامل } \text{ث}^2 \text{ وهو } 2$$

$$0 = \frac{24}{2} - \text{ث} - \frac{2}{2}$$

$$\text{ث}^2 - \text{ث} - 12 = 0 \quad \text{باستخدام الآلة الحاسبة mod53} \quad \text{ثم ندخل القيم كالتالي}$$
$$== 12- = 1- = 1$$

ث = 4 = ث = 3- والسالب مرفوض اذا ثمن التوازن = 4 ريال

لايجاد كمية التوازن نعوض بالثمن في اي معادلة من المعادلتين

$$\text{الطلب} = 3(4)^2 - 4 - 12 = 32$$

اذا ثمن وكمية التوازن ( 4 ؛ 32 )

الربح = الإيراد - التكلفة
الإيراد ( ي ) = السعر x الكمية

مثال

من دالة الطلب الخاصة بسلعة ما يمكن إيجاد السعر بدلالة الكمية كالتالي :

ث = 2 - س ، عدد الوحدات المباعة من السلعة ( س مليون وحدة )

دالة التكلفة الكلية: ت = 0.3 + 0.5 س

أوجد دالة الربح .

الحل :

الربح = الإيراد - التكلفة

$$\text{الإيراد ( ي )} = \text{السعر} \times \text{الكمية} = (2 - \text{س}) \times \text{س} = 2\text{س} - \text{س}^2$$

$$\text{الربح ر} = 2\text{س} - \text{س}^2 - [0.5 + 0.3\text{س}]$$

$$\text{ر} = 2\text{س} - \text{س}^2 - 1.5 - 0.3\text{س}$$

## ECON 206

لتحقيق ربح ر = 0.2 مليون فإن س = 1 مليون أو 0.5 مليون وحدة ( خطوات  
الحل تبدأ بالتعويض في دالة الربح عن س = 0.2 ثم جعل المعادلة معادلة صفرية  
يمكن حلها بالقانون )

للحصول على السعر الذي يحقق الربح يتم التعويض عن الكمية  
س = 1 أو س = 0.5 في المعادلة ث = 2 - س

### الدالة الاسية

#### قواعد الاسس

$$(1) \quad a^m \times a^n = a^{m+n}$$

$$(2) \quad \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

$$(3) \quad a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

$$(4) \quad \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

5- في حالة الضرب نجمع الاسس

$$5س \times 3س = 8س$$

6- في حالة القسمة نطرح الاسس

$$8س = \frac{8س}{5س}$$

7- في حالة وجود اقواس نضرب الاس الداخلي في الاس الخارجي

$$(5س)^2 = 10س$$

8 - اذا تساوت الاساسات تساوت الاسس والعكس

مثال :

اذا تحدد مرتب احد الاشخاص بجامعة الملك عبد العزيز س بألاف الريالات شهريا  
حيث يتحدد الراتب بالمعادلة الاتية :

$$25^{1+س} = 125^{6-س}$$

الحل نحلل  $125 = 5^3$  وكذلك نحلل  $25 = 5^2$

$$(5^2)^{1+س} = (5^3)^{6-س}$$

## ECON 206

$$5^{18-6} = 5^{2+2} \text{ بما ان الاساسات متساوية اذا الاسس متساوية}$$

$$6\text{س} - 18 = 2 + 2\text{س} \text{ بجعل المجاهيل في طرف والقيم في طرف}$$

$$6\text{س} - 2 = 18 + 2$$

$$4\text{س} = 20 \text{ بالقسمة علي معامل س 4}$$

$$\frac{20}{4} = \text{س} \frac{4}{4}$$

$$\text{س} = 5 \text{ بما ان س بالالف الريالات اذا س} = 1000 \times 5 = 5000 \text{ ريال}$$

مثال : واجب

موظف يحصل على س ألف ريال كراتب شهري ، اوجدى الراتب الشهري إذا كان يتحدد بالمعادلة التالية :

$$25 \text{س} + 1 = 125 \text{س} - 5$$

قواعد حل المعادلات الاسية :

1- اذا : الاساس = الاساس فان الاس = الاس والعكس

2- اذا الاس = الاس لكن الاساس لا يساوي الاساس فان الاس = صفر

الدالة اللوغاريتمية

شكل الدالة :

$$\text{ص} = \text{لوا س}$$

$$\text{مثال : إذا كانت ص} = 3 \text{س}$$

ستكون الدالة اللوغاريتمية

$$\text{ص} = \text{لوا}^3 \text{س}$$

$$2^7 = 128$$

$$7 = \text{لوا}^2 128$$

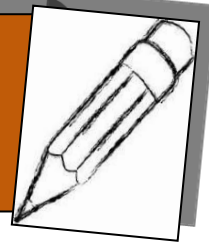
• القواعد

$$\text{لوا}^{\text{ص} \times \text{ع}} = \text{لوا}^{\text{ص}} + \text{لوا}^{\text{ع}}$$

$$(1) \text{لوا}^{\text{س}} + \text{لوا}^{\text{ص}} + \text{لوا}^{\text{ع}} = \text{لوا}^{\text{س} \times \text{ص} \times \text{ع}}$$

$$\text{لوا} = \frac{\text{س}}{\text{ص}} = \text{لوا}^{\text{س}} - \text{لوا}^{\text{ص}}$$

## الباب الثاني المعادلات



### 1 - المعادلات الخطية في متغير واحد :

مثال : س + 2 = 8 اوجد قيمة س

الحل : س = 8 + 2 = 10

مثال : 2س + 3 = 9 اوجد قيمة س

الحل :

2س = 9 - 3 = 6 بالقسمة على معامل س 2

$$\frac{6}{2} = \frac{2س}{2}$$

$$3 = س$$

مثال : 5س + 2 = 3س + 12

الحل بجعل المجاهيل في طرف والقيم في طرف

5س - 3س = 12 - 2

2س = 10 بالقسمة على معامل س

س = 5

مثال

تكلفة إنتاج الوحدة من منتج معين بالريال يمكن التعبير عنها بالمعادلة التالية:

5س - 3 = 2س + 9 فما هي تكلفة الوحدة المنتجة س ؟

بتجميع الحدود التي تحتوى على المجهول س في الطرف الأيمن و باقي الحدود في

الأيسر سنصل إلى :

3س = 12

س = 4 ريال للوحدة

=====

**2 – المعادلات الخطية في متغيرين**

مثال : اوجد قيم س ؛ ص في المعادلتين الآتيتين :

$$6 \text{ س} - 3 \text{ ص} = 210$$

$$- \text{س} + 4 \text{ ص} = 420$$

الحل : بالالة الحاسبة mod 51 ثم ندخل القيم كالتالي :

$$6 = 3 - = 210 = 1 - = 4 = 420 =$$

$$\text{س} = 100 = \text{ص} = 130 \quad \text{للخروج من البرنامج mod 1}$$

**مثال**

أوجد كميتي السلعتين ( س ، ص ) اللتان تحققان دالتى الإنتاج الآتيتين معا :

$$2 \text{ س} + 4 \text{ ص} = 20 \quad ( 1 )$$

$$5 \text{ س} - 10 \text{ ص} = 10 \quad ( 2 )$$

$$\text{الحل : ص} = 2 \quad \text{س} = 6$$

=====

**فك الاقواس :**

نبدأ بفك القوس الصغير ( ) وذلك بضرب القيمة السابقة للقوس في ما بداخل

القوس ثم القوس الكبير [ ] وذلك بضرب القيمة السابقة للقوس في ما بداخل

القوس

مثال : اذا علمت ان ثمن سلعة ما ( ث ) يتحدد بعشرات الريالات وفقا للمعادلة

الآتية :

$$2 [ 4 \text{ ث} - 3 + \text{ث} ] = 64$$

الحل : نبدأ بفك القوس الصغير ( ) وذلك بضرب القيمة السابقة للقوس الصغير

1 في ما بداخل القوس الصغير

$$2 [ \text{ث} - 3 + \text{ث} ] = 64$$



## ECON 206

ثم القوس الكبير [ ] وذلك بضرب القيمة السابقة للقوس وهي 2 في ما بداخل القوس

$$8 \text{ ث} - 6 + 2 \text{ ث} = 64 \text{ بجعل المجاهيل في طرف والقيم في طرف}$$

$$8 \text{ ث} + 2 \text{ ث} = 64 + 6$$

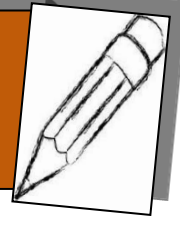
$$10 \text{ ث} = 70 \text{ بالقسمة علي معامل ث } 10 \text{ للطرفين}$$

$$\text{ث} = 7 \text{ بالضرب } 10 \times \text{ حيث ث بعشرات الريالات}$$

$$\text{ث} = 7 = 10 \times 70 \text{ ريال}$$

---

**الباب الثالث  
المحددات**



المحدد عبارة عن عدة عناصر رقمية موضوعة في صفوف واعمدة بين خطين رأسيين متوازيين ويشترط تساوي عدد الاعمدة مع عدد الصفوف .

مثال : قطر فرعي

$$\begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 4 \end{vmatrix}$$

قطر رئيسي

المحدد العام ( محدد المعاملات )  $\Delta =$

( حاصل ضرب عناصر القطر الرئيسي ) - ( حاصل ضرب عناصر القطر الفرعي )

$$2 = 8 - 10 = ( 2 \times 4 ) - ( 5 \times 3 ) = \Delta$$

مثال : اوجد المحدد التالي

$$\begin{vmatrix} -2 & -5 & 3 \\ 1 & 3 & -4 \\ 6 & 4 & -2 \end{vmatrix}$$

الحل نضع اول عمودين بجانب المحددة ثم نوجد المحدد كالتالي :

$$\begin{vmatrix} -5 & 3 & -2 & -5 & 3 \\ 3 & -4 & 1 & 3 & -4 \\ 4 & -2 & 6 & 4 & -2 \end{vmatrix}$$

المحدد العام  $\Delta =$  ( حاصل ضرب عناصر القطر الرئيسي ) - ( حاصل ضرب

عناصر القطر الفرعي )

$$4 - (-5) - (-4 \times 1 \times 3 - 2 \times 3 \times 2) - (4 \times 4 - (-2) + 2 \times 1 \times 5 - 6 \times 3 \times 3)$$

$$48 - = ( 6 \times$$

**ملاحظة :**

إذا كان المحدد = صفر .: النظام ليس له حل والمصفوفة ليس لها مقلوب

❖ حل المعادلات بطريقة كرامر

❖ خطوات الحل

1 – نوجد المحدد العام ( محدد المعاملات )

2 – نوجد محدد س وذلك بالتعويض عن عمود س بالنواتج ثم نضرب القطر

الرئيسي – الفرعي

3 - نوجد محدد ص وذلك بالتعويض عن عمود ص بالنواتج ثم نضرب القطر

الرئيسي – الفرعي

4- قيمة س = محدد س ÷ محدد المعاملات

5 - قيمة ص = محدد ص ÷ محدد المعاملات

مثال : اوجد قيم س ؛ ص في المعادلتين الاتيتين باستخدام المحددات :

$$6س - 3ص = 210$$

$$-س + 4ص = 420$$

الحل :

1- نضع المعادلتين في شكل محددة

$$\begin{array}{cc} & \begin{array}{c} س \\ ص \end{array} \\ \begin{array}{c} محدد المعاملات \Delta = \text{القطر الرئيسي} - \text{القطر الفرعي} \end{array} & \begin{vmatrix} -3 & 6 \\ 4 & -1 \end{vmatrix} \end{array}$$

$$\Delta = ( 4 \times 6 ) - ( 1- \times 3- ) = 21$$

2 – نوجد محدد س وذلك بالتعويض عن عمود س بنواتج المعادلات ثم

نضرب القطر الرئيسي – الفرعي

$$\begin{array}{cc} & \begin{array}{c} س \\ ص \end{array} \\ \begin{array}{c} \Delta س = \text{القطر الرئيسي} - \text{الفرعي} \end{array} & \begin{vmatrix} -3 & 210 \\ 4 & 420 \end{vmatrix} \end{array}$$

## ECON 206

$$2100 = (420 \times 3) - (4 \times 210)$$

3- قيمة س = محدد س ÷ محدد المعاملات

$$100 = 21 \div 2100$$

4 - نوجد محدد ص وذلك بالتعويض عن عمود ص بالنواتج ثم نضرب القطر

الرئيسي - الفرعي

$$\text{القطر الرئيسي - الفرعي} = \Delta \begin{vmatrix} 210 & 6 \\ 420 & -1 \end{vmatrix}$$

$$2730 = (210 \times 1) - (420 \times 6)$$

5 - قيمة ص = محدد ص ÷ محدد المعاملات

$$130 = 21 \div 2730$$

مثال :

$$3س + ص = 17$$

$$س + 2ص = 6$$

أوجد :

1 - محدد المعاملات 2- محدد س 3 - قيمة س 4 - محدد ص

5 - قيمة ص

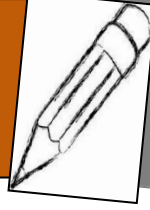
مثال واجب :

$$\bullet 2س + 2ص = 200$$

$$\bullet 2س + 3ص = 250$$

حل النظام باستخدام المحددات

**الباب الرابع  
المصفوفات**



مجموعة من الأرقام أو العناصر مرتبة في شكل صفوف وأعمدة ، يتم وضعها بين قوسين.

(لا يشترط عدد الصفوف يساوي عدد الأعمدة)

• أمثلة:

$$\begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 6 & 2 \end{pmatrix}$$

← صف  
عامود ↓

رتبة المصفوفة : عدد الصفوف × عدد الأعمدة

$$\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 6 & 2 \\ 7 & 3 \end{pmatrix} \text{ الرتبة } 3 \text{ ص } \times 2 \text{ ع} \quad \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 8 & 3 \end{pmatrix} \text{ الرتبة } 2 \text{ ص } \times 2 \text{ عامود}$$

$$\begin{pmatrix} 5 & 8 & 0 \\ 7 & 4 & 3 \end{pmatrix} \text{ الرتبة } 2 \text{ ص } \times 3 \text{ ع} \quad \begin{pmatrix} 5 & 2 & 3 \\ 9 & 11 & 7 \\ 14 & 1 & 4 \end{pmatrix} \text{ الرتبة } 3 \text{ ص } \times 3 \text{ ع}$$

**☒ أنواع المصفوفات**

- مصفوفة الوحدة

- عناصر القطر الرئيسي و احد صحيح أما باقي العناصر هي الصفر.

- فوفة الوحدة هي مصفوفة مربعة (عدد الصفوف = عدد الأعمدة )

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} = 1 \quad \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = 1$$

- المصفوفة المبدلة ( المحورة ) 1

هي المصفوفة الناتجة من استبدال صفوف مصفوفة ما بأعمدتها وأعمدتها بصفوف

$$\begin{bmatrix} 4 & -7 & 2 \\ 9 & 8 & 5 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 8 & -7 \\ 9 & 4 \end{bmatrix} : \text{مبدل المصفوفة هو}$$

– المصفوفة المربعة : وهي التي يكون فيها عدد الصفوف = عدد الأعمدة

$$\begin{pmatrix} 2 & 8 \\ 1 & 7 \end{pmatrix}$$

– المصفوفة المستطيلة : وهي التي يكون عدد الصفوف لا يساوي عدد الأعمدة

$$\begin{pmatrix} 5 & 8 & 0 \\ 7 & 4 & 3 \end{pmatrix}$$

– المصفوفة الصفرية : وهي التي يكون جميع عناصرها صفر

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

### ☒ العمليات الجبرية للمصفوفات

1 – الجمع والطرح : يشترط لجمع أو طرح مصفوفتين أن تكون من نفس

الرتبة

مثال :

$$\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 3 & 8 \end{pmatrix} = \text{أ} \quad \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 5 & 1 \end{pmatrix} = \text{ب}$$

أوجد

1 - أ + ب

الحل : ∴ المصفوفتين من نفس الرتبة اذا يمكن الجمع ونجمع كل عنصر

من عناصر المصفوفة أ مع المقابل له من المصفوفة ب

$$\begin{pmatrix} 7 & 8 \\ 8 & 9 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4+3 & 6+2 \\ 3+5 & 8+1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 5 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 3 & 8 \end{pmatrix} = \text{أ} + \text{ب}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 4 \\ -2 & 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4-3 & 6-2 \\ 3-5 & 8-1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 5 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 3 & 8 \end{pmatrix} = \text{ب} - \text{أ} - 2$$

$$\begin{pmatrix} 12 & 10 \\ 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{pmatrix} = \text{المصفوفة ص} \quad \begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix} = \text{المصفوفة س}$$

الحل :

رتبة المصفوفة س = 2 ص 3 × ع 3 ورتبة المصفوفة ص = 3 ص 2 × ع 2  
المصفوفتين ليس من نفس الرتبة اذا لا يمكن الجمع

مثال :

$$أ + ب =$$

$$\begin{bmatrix} 4 & 3 & -1 \\ 2 & 1 & 2 \\ 1 & -2 & 5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 5 & 4 \\ 0 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

**2 - ضرب المصفوفات :** يشترط لضرب مصفوفتين ان يكون عدد الاعمدة

بالمصفوفة الاولى = عدد الصفوف بالمصفوفة الثانية

والناتج مصفوفة رتبته = عدد صفوف الاولى × عدد الاعمدة في الثانية

مثال : اذا كانت احتياجات مصنع من المواد الخام تمثلها المصفوفة

$$\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 2 & 6 \\ 5 & 1 \end{pmatrix}$$

وكانت اسعار تكلفة المواد تمثلها المصفوفة

$$\begin{pmatrix} 12 & 8 & 10 \\ 5 & 4 & 6 \end{pmatrix}$$

احسب التكلفة

الاجمالية

الحل : رتبة المصفوفة الاولى = 3 ص 2 × ع 2

رتبة المصفوفة الثانية = 2 ص 3 × ع 3 اذا يمكن ضرب المصفوفتين

والناتج مصفوفة رتبته = عدد صفوف الاولى × عدد الاعمدة في الثانية

3 ص 3 = ع 3 ويتم ضرب صف المصفوفة الاولى × عمود المصفوفة

الثانية

التكلفة الاجمالية = الكمية × السعر

ويتم ضرب صفوف المصفوفة الاولى × اعمدة المصفوفة الثانية

$$\begin{pmatrix} 63 & 44 & 76 \\ 82 & 56 & 72 \\ 37 & 28 & 40 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} (4 \times 12 + 3 \times 5) & (4 \times 8 + 3 \times 4) & (4 \times 10 + 3 \times 6) \\ (6 \times 12 + 2 \times 5) & (6 \times 8 + 2 \times 4) & (6 \times 10 + 2 \times 6) \\ (1 \times 12 + 5 \times 5) & (1 \times 8 + 5 \times 4) & (1 \times 10 + 5 \times 6) \end{pmatrix}$$

## ECON 206

مثال : مصنع ينتج منتج ما بسعر أ = [ 10 8 11 ] ويبيع المصنع

$$\text{الكمية الاتية ب} = \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \\ 7 \end{bmatrix} \text{ احسب الايراد الكلي من عملية البيع}$$

الحل :

$$\text{الايراد الكلي} = \text{السعر} \times \text{الكمية}$$

$$\text{أ} \times \text{ب} = [ 10 \quad 8 \quad 11 ] \times \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \\ 7 \end{bmatrix} = [ 7 \times 11 + 5 \times 8 + 3 \times 10 ] = 147 \text{ ريال}$$

### ✗ ايجاد مقلوب المصفوفة ( معكوس ) المصفوفة .

شروط ايجاد مقلوب المصفوفة :

- 1 - ان تكون المصفوفة مربعة .
- 2 - ان تكون قيمة محدد المصفوفة لا يساوي الصفر .

### ✗ خطوات ايجاد مقلوب المصفوفة :

- 1 - ايجاد محدد المصفوفة .
  - 2 - ايجاد مصفوفة المرافقات ( تبديل ) عناصر كل قطر مع تغيير اشارة القطر الفرعي .
  - 3 - ايجاد مبدل مصفوفة المرافقات (المصفوفة المبدلة ) أو المحورة .
  - 4 - المقلوب =  $1 \div$  محدد المصفوفة  $\times$  [ مبدل المرافقات ]  
ملحوظة : يمكن ايجاد معكوس المصفوفة بشكل اخر  
المعكوس او المقلوب =  $1 \div$  محدد المصفوفة  $\times$  [ تبديل عناصر القطر الرئيسي للمصفوفة الرئيسية وعكس اشارة القطر الفرعي ]
- مثال : اوجد معكوس المصفوفة الاتية

$$\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 5 & -1 \end{pmatrix}$$

الحل :

- 1 - نوجد محدد المصفوفة  $\Delta =$  ضرب عناصر القطر الرئيسي  $\times$  ضرب عناصر القطر الفرعي

$$\Delta = ( 5 \times 2 ) - ( 1 \times 3 ) = 13$$

- 2 - ايجاد مصفوفة المرافقات ( تبديل ) عناصر كل قطر مع تغيير اشارة القطر

$$\text{الفرعي} . \begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 2 & -3 \end{pmatrix}$$



## ECON 206

3 – ايجاد مبدل مصفوفة المرافقات (المصفوفة المبدلة) أو المحورة بجعل الصف عامود .

$$\begin{pmatrix} -3 & 5 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$4 - \text{المقلوب} = 1 \div \text{محدد المصفوفة} \times [\text{مبدل المرافقات}] =$$

1

$$\begin{pmatrix} -3 & 5 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -3 & 5 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \times \frac{1}{13} = 4 - \text{المقلوب}$$

13

❖ حل المعادلات باستخدام المصفوفات :

مثال : اذا كانت دالتي الانتاج لسلعتين هما :

$$6 \text{ س} - 3 \text{ ص} = 210$$

$$- \text{س} + 4 \text{ ص} = 420$$

اوجد :

1 – المحدد العام للمصفوفة 2 – مبدل المصفوفة 3 – معكوس المصفوفة

الحل نضع المعادلتين في شكل مصفوفة

$$\begin{matrix} \text{س} & \text{ص} \\ \begin{pmatrix} -3 & 6 \\ 4 & -1 \end{pmatrix} \end{matrix}$$

2 – نوجد محدد المصفوفة  $\Delta =$  ضرب عناصر القطر الرئيسي  $\times$  ضرب عناصر القطر الفرعي

$$21 = ( 1 \times 3 - ) - ( 4 \times 6 ) =$$

3 – ايجاد مصفوفة المرافقات ( تبديل ) عناصر كل قطر مع تغيير اشارة القطر

$$\text{الفرعي} . \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 6 & 3 \end{pmatrix}$$

## ECON 206

4 - ايجاد مبدل مصفوفة المرافقات (المصفوفة المبدلة) أو المحورة بجعل الصف عامود .  
 $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$

4 - المقلوب = 1 ÷ محدد المصفوفة × [ مبدل المرافقات ] =

$$\begin{pmatrix} 64 \\ 121 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{4 \times 210 + 3 \times 420}{21} \\ \frac{1 \times 210 + 6 \times 420}{21} \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} 210 \\ 420 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 6 & 1 \end{bmatrix} \times 21 \div 1 =$$

إذا س = 64

ص = 121

مثال :

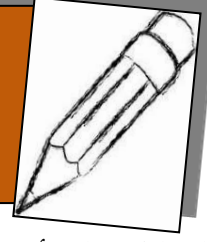
• حل النظام الآتي باستخدام المصفوفات:

$$س + ص = 4$$

$$س + 3 ص = 11$$

## الباب الخامس

### تحليل المدخلات والمخرجات



يقوم هذا التحليل على أساس وجود الاعتماد المتبادل بين القطاعات والصناعات المختلفة في الاقتصاد الوطني . فكل صناعة أو قطاع يأخذ احتياجاته من القطاعات الأخرى لكي ينتج، هذا إلى جانب أن إنتاجه سوف يوجه إلى القطاعات الإنتاجية الأخرى و أيضا إلى قطاعات الطلب النهائي من المستهلكين محليا ودوليا .  
- يهدف نموذج المدخلات والمخرجات إلى تحديد حجم الإنتاج ( المخرجات ) لكل قطاع لكي يستطيع أن يلبي احتياجات القطاعات الإنتاجية الأخرى واحتياجات المستهلكين دون أن يحدث اختناق في الاقتصاد الوطني .

#### خطوات الحل :

- 1 - ايجاد مصفوفة المعاملات الفنية وذلك بقسمة عناصر المدخلات ( عناصر الأعمدة ) علي المخرجات ( مجموع كل صف ) .
- 2 - ايجاد مصفوفة اليوننتيف = مصفوفة الوحدة - مصفوفة المعاملات الفنية .
- 3 - ايجاد المحدد لمصفوفة اليوننتيف .

قطاعات قطاعات	س	ص	ع	الطلب النهائي	الإنتاج الكلي جملة المخرجات
س	100	300	100	500	1000
ص	100	200	500	1200	2000
ع	50	250	100	100	1000

- 4 - ايجاد مقلوب مصفوفة اليوننتيف =  $1 \div \text{محدد المصفوفة} \times$  [ تبديل عناصر القطر الرئيسي للمصفوفة الرئيسية وعكس اشارة القطر الفرعي ]  
مثال : اوجد مصفوفة المعاملات الفنية

#### مصفوفة المعاملات الفنية

$$\begin{bmatrix} \frac{100}{1000} & \frac{300}{2000} & \frac{100}{1000} \\ \frac{500}{1000} & \frac{200}{2000} & \frac{100}{1000} \\ \frac{100}{1000} & \frac{250}{2000} & \frac{50}{1000} \end{bmatrix}$$

## ECON 206

مثال : فيما يلي جدول التشابك القطاعي للزراعة والصناعة :

القطاعات	الطلب الوسيط		الطلب النهائي	الانتاج الكلي
	الصناعة	الزراعة		
الزراعة	200	100	400	700
الصناعة	300	150	600	1050

↓ المدخلات

← المخرجات

الحل :

1- مصفوفة المعاملات الفنية = المدخلات ÷ المخرجات

$$\begin{pmatrix} .29 & .14 \\ .29 & .14 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{200}{700} & \frac{100}{700} \\ \frac{300}{1050} & \frac{150}{1050} \end{pmatrix}$$

2 - مصفوفة اليونيتيف = مصفوفة الوحدة - مصفوفة المعاملات الفنية .

$$\begin{pmatrix} -.29 & .86 \\ .71 & -.14 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} .29 & .14 \\ .29 & .14 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

3 - محدد مصفوفة اليونيتيف = الرئيسي - الفرعي

$$.57 = ( -.14 \times -.29 ) - ( .71 \times .86 )$$

4- مقلوب مصفوفة اليونيتيف = ايجاد مقلوب مصفوفة اليونيتيف = 1 ÷ محدد المصفوفة × [ تبديل عناصر القطر الرئيسي للمصفوفة الرئيسية وعكس اشارة القطر الفرعي ]

$$\begin{pmatrix} \frac{.29}{.57} & \frac{.71}{.57} \\ \frac{.86}{.57} & \frac{.14}{.57} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} .29 & .71 \\ .86 & .14 \end{pmatrix} \times .57 \div 1$$

5 - الناتج الكلي = مقلوب اليونيتيف × الطلب النهائي

$$\begin{bmatrix} 1406 \\ 1756 \end{bmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{.71 \times 700 + .29 \times 1050}{.57} \\ \frac{.14 \times 700 + .86 \times 1050}{.57} \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} 700 \\ 1050 \end{bmatrix} \times \begin{pmatrix} \frac{.29}{.57} & \frac{.71}{.57} \\ \frac{.86}{.57} & \frac{.14}{.57} \end{pmatrix}$$

## ECON 206

مثال : أوجد مصفوفة المعاملات الفنية

قطاعات	س	ص	ع	الطلب النهائي	الإنتاج الكلي جملة المخرجات
س	100	300	100	500	1000
ص	100	200	500	1200	2000
ع	50	250	100	100	1000

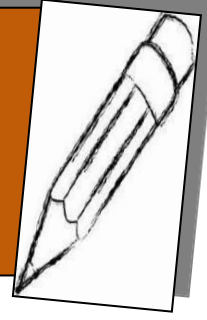
الحل :  
مصفوفة المعاملات الفنية

$$\begin{bmatrix} \frac{100}{1000} & \frac{300}{2000} & \frac{100}{1000} \\ \frac{500}{1000} & \frac{200}{2000} & \frac{100}{1000} \\ \frac{100}{1000} & \frac{250}{2000} & \frac{50}{1000} \end{bmatrix}$$

مصفوفة المعاملات الفنية

$$\begin{bmatrix} 0.1 & 0.15 & 0.1 \\ 0.5 & 0.1 & 0.1 \\ 0.1 & 0.125 & 0.05 \end{bmatrix}$$

**الباب السادس**  
**البرمجة الخطية**  
**الطريقة البيانية**



- يتكون النموذج الرياضي من الآتي :
  1. دالة الهدف .
  2. مجموعة من القيود في شكل مترجمات .
  3. القيود المنطقية .
  4. يهدف نموذج البرمجة الخطية إلى تعظيم ( الربح أو العائد مثلا ) أو تخفيض ( التكلفة ) والتي تمثل دالة الهدف في ظل قيود معينة تنشأ من حقيقة محدودة الموارد والإمكانات والتي لا بد من استغلالها الاستغلال الأمثل .
  5. ومن خلال مجموعة القيود المفروضة نصل إلى بدائل أو حلول متاحة يتم بحث تأثير كل منها على دالة الهدف ومن ثم اختيار أفضلها ( الحل الأمثل )

**2 - الطريقة البيانية ( الرسم البياني )**

- تستخدم هذه الطريقة في حالة وجود متغيرين .
- تتلخص الطريقة في أننا نقوم برسم القيود على شكل خطوط ثم نوجد منطقة التقاطعات أو المنطقة المشتركة والتي تحتوي على عدة بدائل . وعن طريق إيجاد قيمة دالة الهدف عند هذه البدائل يمكن إختيار البديل أو الحل الأمثل الذي يعظم أو يخفض قيمة دالة الهدف .

ص		
	س2	+
(-)		منطقة الحلول الممكنة
		س أو س1
(-)		(-)

مثال : لديك المسألة الآتية والتي تحل بالطريقة البيانية

$$\begin{aligned} & \uparrow \\ & (د هـ) \quad 3س + 1س + 5س \end{aligned}$$

طبقا للقيود الآتية :

$$12 \geq 2س + 1س$$

$$5 \geq 2س + 1س$$

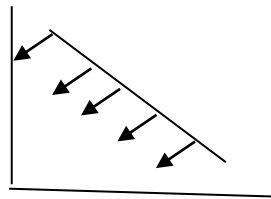
$$2 \geq 2س$$

حيث 1 - نقوم بتحويل القيود ( المتراجحات ) إلى معادلات بتحويل إشارة  $\leq$  و  $\geq$  إلى  $=$  , ثم نقوم بتحديد النقاط على المحور السيني والصادي وذلك بقسمة ناتج المعادلات على قيم  $س$  1 ,  $س$  2

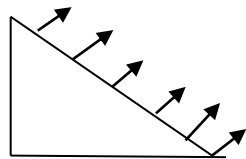
2- نقوم بعمل الرسم البياني لكل قيد من خلال النقاط التي أوجدناها في الفقرة السابقة وذلك بعمل محور سيني ومحور صادي ونضع عليه النقاط من خلال أكبر رقم على المحور السيني والصادي

3- نحدد منطقة الحلول الممكنة وذلك عن طريق

أ- إذا كان القيد إشارته اقل من  $\geq$  تكون منطقة الحل لهذا القيد علي يسار أو أسفل المنحنى الممثل له



ب- إذا كان القيد إشارته أكبر من  $\leq$  تكون منطقة الحل له على يمين أو اعلي المنحنى



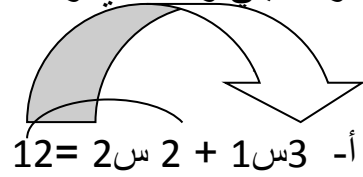
## ECON 206

ت- نحدد منطقة التقاطعات المشتركة وتكون منطقة حلول ممكنة ثم نحدد النقاط المحيطة بهذه المنطقة .

4 - أخيرا نعوض في دالة الهدف بالنقاط التي أوجدناها على الرسم

الحل :

1 - نقوم بتحويل القيود ( المتراجحات ) إلى معادلات , ثم نقوم بتحديد النقاط على المحور السيني والصادي وذلك بقسمة ناتج المعادلات على قيم س1 , س2



( 0 , 4 ) ( 6 , 0 ) (نضع المحور السيني رقم ( ناتج القسمة ) والصفير والعكس الصادي 0 , والرقم )

محور سيني محور صادي

ب - - س1 + س2 = 5 نفس الشيء نقسم 5 على -1 معامل س مرة و1 معامل س2 مرة

( 5 , 0 ) ( 0 , 5- )

محور سيني محور صادي

قسمة معامل س2 وهو 1

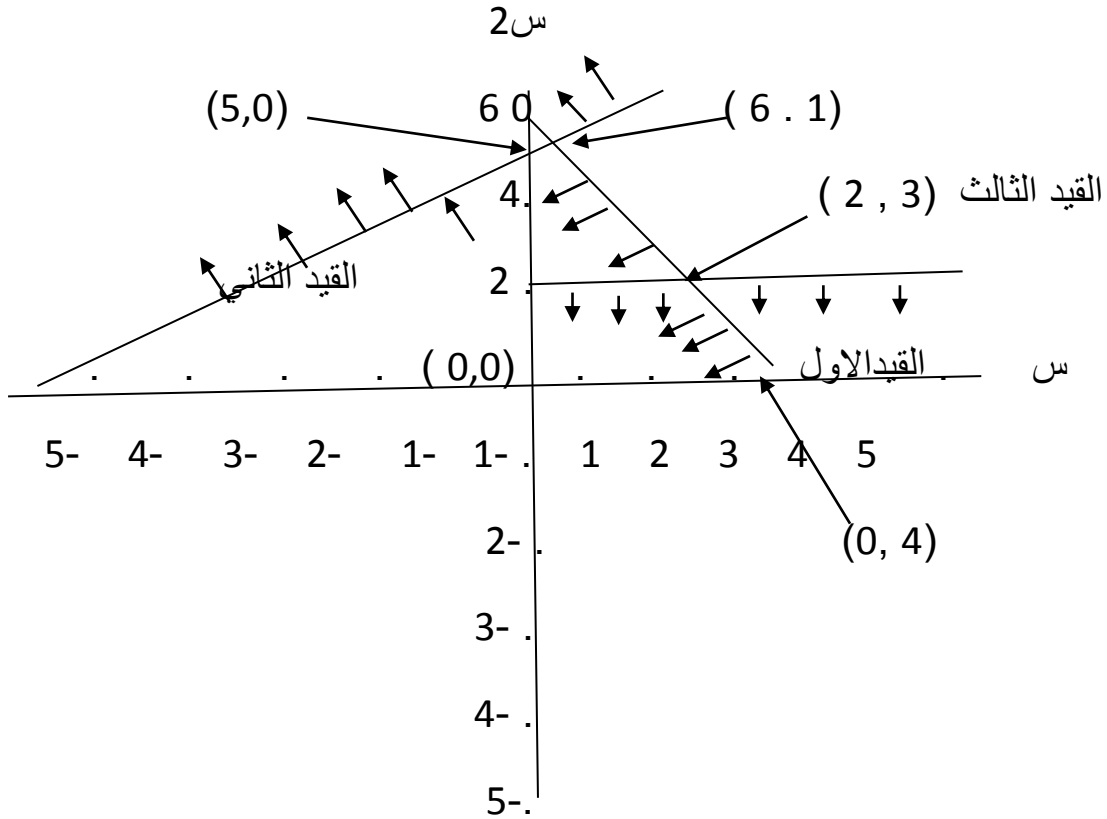
ج - س2 = 2

( 2 , 0 )

محور صادي

2- نقوم بعمل الرسم البياني من خلال النقاط التي أوجدناها في الفقرة السابقة وذلك بعمل محور سيني ومحور صادي وضع عليه النقاط من خلال اكبر رقم على المحور السيني والصادي





3- نحدد منطقة الحلول الممكنة وذلك عن طريق

- ث- إذا كان القيد إشارته اقل من  $\geq$  تكون منطقة الحلول لهذا القيد علي يسار أو أسفل المنحنى الممثل له  
 ج- إذا كان القيد إشارته اكبر من  $\leq$  تكون منطقة الحلول له على يمين أو اعلي المنحنى  
 ح- نحدد منطقة التقاطعات المشتركة وتكون منطقة حلول ممكنة ثم نحدد النقاط المحيطة بهذه المنطقة .

4 - أخيرا نعوض في دالة الهدف بالنقاط التي أوجدناها على الرسم

نقاط الحلول الممكنة (0,0) (0, 4) (2 , 3) (5, 1) (6, 0) (5,0)

دالة الهدف

النقاط من على الرسم 3س1 + 5س2

س1, س2

## ECON 206

$$12 = 0 \times 5 + 4 \times 3 = (0, 4)$$

$$19 = 2 \times 5 + 3 \times 3 = (2, 3)$$

$$18 = 5 \times 5 + 1 \times 3 = (5, 1)$$

$$\sqrt{30} = 6 \times 5 + 0 \times 3 = (6, 0)$$

$$25 = 5 \times 5 + 0 \times 3 = (5, 0)$$

بما أن دالة الهدف ربح  $\uparrow$  إذا الحل الأمثل اكبر ناتج 30 عند النقطة ( 6 , 0 )

لو أن الدالة تكاليف  $\downarrow$  نختار اقل ناتج وهو 12 عند النقطة ( 0 , 4 )

اختر الإجابة الصحيحة

1 - القيد الأول يتقاطع مع محور س1 في النقطة

أ- ( 0 , 6 )

ب- ( 4 , 0 )

ت- ( 0 , 4 )

2 - القيد الأول يتقاطع مع محور س2 في النقطة

أ- ( 6 , 0 )

ب- ( 0 , 6 )

ت- ( 5 , 0 )

3 - القيد الثاني يتقاطع مع محور س2 في النقطة

أ- ( 5 , 0 )

ب- ( 5- , 0 )

ت- ( 0 , 5 )

4 - القيد الثاني يتقاطع مع محور س1 في النقطة

أ- ( 5- , 5 )

ب- ( 5- , 0 )

ت- ( 0 , 5- )

5 – الحل الأمثل عند النقطة

أ- ( 0 , 6 )

ب- ( 3 , 2 )

ت- ( 6 , 0 )

6 – قيمة الحل الأمثل هي

أ- 30

ب- 33

ت- 18

**مثال :**

مصنع ينتج نوعين من الاجهزة ؛ التليفزيون ( س ) والكمبيوتر ( ص ) وتشارك السلعتان في عدد من مراحل الانتاج ؛ وأمكن صياغة القيود على اعات العمل المتاحة في كل مرحلة انتاجية على الصورة الرياضية التالية :

قيد المرحلة قيد المرحلة الانتاجية الاولى :  $2 \text{ س} + 5 \text{ ص} \geq 200$

قيد المرحلة الانتاجية الثانية :  $3 \text{ س} + 3 \text{ ص} \geq 165$

ويشترط أن  $\text{س} \leq \text{صفر}$  ؛  $\text{ص} \geq \text{صفر}$

ويهدف المصنع الحصول على اعلى ايرادات ممكنة (ي) وبيع التليفزيون بـ 3

الاف ريال وبيع الكمبيوتر بـ 4 الاف ريال

المطلوب :

1 ( صياغة دالة الهدف

2 ( كمية الانتاج من س ؛ ص

الحل :

1 ( دالة الهدف اعلى ايراد(ي) :  $3 \text{ س} + 4 \text{ ص}$

2 ( نحول القيود الى معادلات بجعل اشارة  $\geq$  ؛  $\leq$  الى =

**القيد الاول :**  $2 \text{ س} + 5 \text{ ص} = 200$  ثم نقسم الناتج على معامل س ؛ ص

( 0 ؛ 100 ) ( 40 ؛ 0 )

## ECON 206

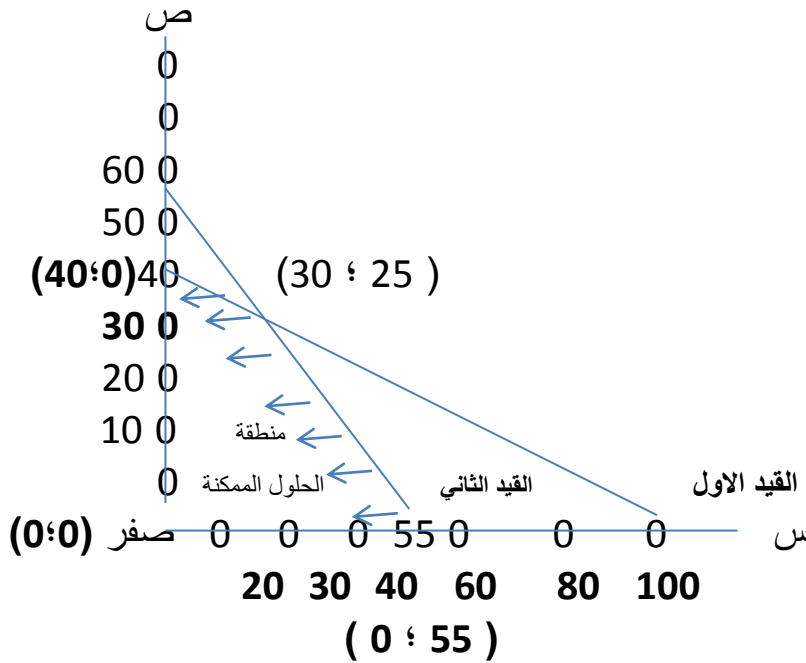
محور سيني محور صادي

القيود الثاني: 3 س + 3 ص = 165 نقسم الناتج على معامل س ؛ ص

$$(0 ; 55) (55 ; 0)$$

محور سيني محور صادي

3 - الرسم البياني



إذا نقاط الحلول الممكنة (0؛ 55) (30؛ 25) (40؛ 0) (0؛ 0) ثم نعوض في دالة الهدف بنقاط الحلول الممكنة دالة الهدف

$$\text{س ص} \quad \text{س} \quad \text{3 س} \quad + \quad \text{4 ص}$$

$$165 = 0 \times 4 + 55 \times 3 = (0 ; 55)$$

$$195 = 30 \times 4 + 25 \times 3 = (30 ; 25) \leftarrow \text{الحل الأمثل أكبر إيراد}$$

$$160 = 40 \times 4 + 0 \times 3 = (40 ; 0)$$

بما ان دالة الهدف إيرادات اذا الحل الأمثل هو 195 عند النقطة (30 ؛ 25)

**مثال :**

إذا كانت قيمة دالة الهدف الربحية هـ (س) = 3س + 4س

طبقاً للقيود:

## ECON 206

$$30 \geq 2س_3 + 1س_5$$

$$55 \geq 2س_11 + 1س_5$$

$$4 \geq 2س_2$$

$$0 \leq 2س_1$$

من التمثيل البياني لهذه البيانات نستنتج ان :

1 – الخط المستقيم الذي يمثل القيد الاول يقطع المحور الافقي السيني عند النقطة

$$\text{أ- } (0 ; 6) \quad \text{ب- } (10 ; 0) \quad \text{ج- } (-6 ; 0) \quad \text{د- } (6 ; 0)$$

2 – الخط المستقيم الذي يمثل القيد الثاني يقطع المحور الافقي (السيني) عند النقطة

$$\text{أ- } (0 ; 11) \quad \text{ب- } (11 ; 0) \quad \text{ج- } (-6 ; 0) \quad \text{د- } (9 ; 0)$$

3 – الخط المستقيم الذي يمثل القيد الثاني يقطع المحور الرأسي (الصادي) عند النقطة

$$\text{أ- } (5 ; 0) \quad \text{ب- } (9 ; 5) \quad \text{ج- } (-6 ; 0) \quad \text{د- } (11 ; 0)$$

4 – يتقاطع الخطين المستقيمين الممثلين للقيد الاول والثاني عند النقطة :

$$\text{أ- } (3 ; 5) \quad \text{ب- } (2 ; 7) \quad \text{ج- } (4 ; 3) \quad \text{د- } (6 ; 9)$$

5 – نقاط الحلول الممكنة هي :

$$\text{أ) } (0 ; 0) (0 ; 10) (4 ; 3) (0 ; 6) \quad \text{ب) } (0 ; 0) (0 ; 5) (3 ; 4) (0 ; 6)$$

$$\text{ج) } (0 ; 0) (4 ; 0) (4 ; 2) (0 ; 6) (3 ; 4)$$

6 – قيمة دالة الهدف عند النقطة المثلي للحل ستكون

$$\text{أ) } 24 \quad \text{ب) } \text{صفر} \quad \text{ج) } 18 \quad \text{د) } 22$$

**مثال حل المسئلة الاتية بالطريق البيانية :**

نفترض أن الكمية من السلعة الأولى س<sub>1</sub> ومن السلعة الثانية س<sub>2</sub>

دالة الهدف هي أقصى ربح:

$$ر = 100س_1 + 120س_2$$

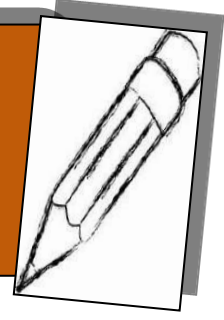
القيود:

$$\text{س}_1 + 6س_2 \geq 300 \quad (1)$$

$$\text{س}_1 + 8س_2 \geq 320 \quad (2)$$

بشرط أن : س<sub>1</sub> ، س<sub>2</sub> ≤ صفر

**الباب السابع**  
**التفاضل والاشتقاق**  
**تطبيقات التفاضل والتكامل**



**قواعد التفاضل (الاشتقاق)**

1 - إذا كان لدينا  $v = u$

حيث  $u$  عدد صحيح فإن اشتقاق  $v =$  صفر

إذا أي عدد صحيح ليس له اشتقاق

مثال : احسب تفاضل  $v = 10$

إذا التفاضل لـ  $v =$  صفر

2 - إذا كان لدينا  $v = u^s$  نضرب الـ  $s$  في معامل  $u$  ثم نطرح واحد من الـ  $s$

مثال :  $v = 4s$

إذا الاشتقاق الأول  $= 4$

مثال :  $v = u^n$

$dv/du = n u^{n-1}$

$v = 5s^2$

$dv/du = 2 \times 5 s^{2-1}$

$= 10s$

3 - المشتقات العليا أي إيجاد المشتقات الأولى والثانية وهكذا

مثال : اوجد المشتقات التفاضلية المتتالية للمشتقة التالية :

$v = 2s^3 + 4s^2 + 5s + 4$

- المشتقة الأولى : نضرب الـ  $s$  في معامل  $s$  ثم نطرح واحد من الـ  $s$

$6s^2 + 8s + 20 + 3$

- المشتقة الثانية

$12s + 8 + 60 + 2$

- المشتقة الثالثة

120 + 12 س

- المشتقة الرابعة

120

- المشتقة الخامسة

صفر

**مثال : أوجد اشتقاق الدالة الآتية**

$$ص = 5س - 6س^3 + 8س - 25$$

الحل :

$$د ص / د س = 5س^4 - 18س^2 + 8$$

**الاشتقاق الجزئي**

**مثال :**

5 ث + 6 ث ل + 4 ل 2 حيث ث الثمن ول الدخل

اوجد الاشتقاق الجزئي للثمن والدخل

الحل :

اشتقاق الثمن نختار الجزئية التي يوجد بها الثمن فقط

$$6 + 4 ل$$

اشتقاق الدخل نختار الجزئية التي بها الدخل فقط

$$6 ث + 8 ل$$

**التطبيقات الاقتصادية والادارية للتفاضل**

**أولا مرونة الطلب :**

الثمن

$$\text{مرونة الطلب} = \text{اشتقاق دالة الطلب} \times \frac{\text{الثمن}}{\text{الكمية}} = \text{اذا كان السؤال معطي به ثمن واحد فقط}$$

$$\text{او مرونة الطلب} = \frac{2ط - 1ط}{1ط} \times \frac{1ث}{1ط} = \text{اذا كان السؤال به اكثر من ثمن}$$

$$2ط = \text{الكمية الثانية} \quad 1ط = \text{الكمية الاولى} \quad 1ث = \text{الثمن الاول} \quad 2ث = \text{الثمن الثاني}$$

مثال : اذا كانت دالة الطلب على سلعة معينة  $ط = 100 - 5ث$  حيث ث يمثل

السعر احسب مرونة الطلب اذا كان الثمن 10 ريال

## ECON 206

الحل : السؤال به ثمن واحد فقط اذا نطبق القانون التالي :

$$\text{مرونة الطلب} = \text{اشتقاق دالة الطلب} \times \frac{\text{الثمن}}{\text{الكمية}}$$

$$\text{مرونة الطلب} = 5- \times \frac{10}{100 - 5 \text{ ث}}$$

ثم نعوض عن ث بقيمة الثمن الاصلي 10 ريال

$$\text{مرونة الطلب} = 5- \times \frac{10}{100 - 5 \text{ ( 10 )}} = \frac{50-}{50} = \frac{50 -}{50 - 100} = 1-$$

مثال : اذا كانت العلاقة بين الكمية المطلوبة من سلعة معينة ( ط ) والسعر ( ث ) هي ط = 100 - 5 ث احسب مرونة الطلب اذا ارتفع سعرها من 10 الى 15 ريال  
الحل : السؤال به اكثر من سعر اذا نطبق القانون التالي :

$$\text{او مرونة الطلب} = \frac{\text{ط} 2 - \text{ط} 1}{\text{ث} 2 - \text{ث} 1} \times \frac{\text{السؤال به اكثر من ثمن}}{1}$$

لإيجاد الكمية الاولى نعوض في دالة الطلب بالثمن الاول  
ط 1 = 100 - 5 ( 10 ) = 50

لإيجاد الكمية الثانية نعوض في دالة الطلب بالثمن الثاني  
ط 2 = 100 - 5 ( 15 ) = 25

$$\text{او مرونة الطلب} = \frac{50 - 25}{10 - 15} \times \frac{10}{250 - 250} = 1-$$

**ثانياً مرونة العرض :**

$$\text{مرونة العرض} = \text{اشتقاق دالة العرض} \times \frac{\text{الثمن}}{\text{الكمية}}$$

مثال : اذا كانت الكمية المعروضة ض كدالة في السعر هي : ض = 20 ث وكان الثمن الاصلي 7 ريال احسب مرونة العرض



**الحل :**

$$\text{مرونة العرض} = \text{اشتقاق دالة العرض} \times \frac{\text{الثلث}}{\text{الكمية}}$$

$$\text{مرونة العرض} = 40 \text{ ث} \times \frac{7}{20} = 14$$

ثم نعوض عن الثلث بالثلث الاصلي وهو 7 ريال

$$\text{مرونة العرض} = 40 (7) \times \frac{7}{20} = 196$$

$$\text{مرونة العرض} = 280 \times \frac{7}{49 \times 20} = 2$$

**■ الدخل بين الاستهلاك والاستثمار :**

- 1 - الميل الحدي للاستهلاك = المشتقة الاولى لدالة الاستهلاك .
- 2 - الميل الحدي للإدخار = هو المشتقة الاولى لدالة الادخار .
- 3 - الميل الحدي للاستهلاك + الميل الحدي للإدخار = 1 .
- 4 - مضاعف الاستثمار = 1/الميل الحدي للإدخار أو  
= 1 / 1 - الميل الحدي للاستهلاك

**مثال :**

إذا كانت دالة الاستهلاك = 100 + 9 . ل احسب

1 - الميل الحدي للاستهلاك.

## ECON 206

2 - الميل الحدي للإذخار.

3 - مضاعف الاستثمار .

**الحل:**

1 - الميل الحدي للاستهلاك = المشتقة الاولى لدالة الاستهلاك

$$.9 =$$

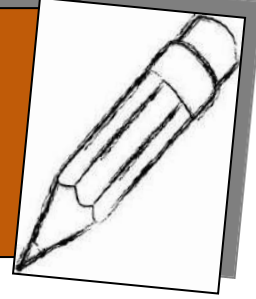
2 - الميل الحدي للإذخار = 1 - الميل الحدي للاستهلاك

$$.1 = .9 - 1 =$$

3 - مضاعف الاستثمار =  $1/1$  / الميل الحدي للإذخار =  $1/1$  = 10 =

الباب الثامن

النهايات العظمى والصغرى  
وتطبيقاتها الاقتصادية



شروط النهايات

1 - النهاية الصغرى :

- المشتقة الاولى = صفر
- المشتقة الثانية موجبة

2 - النهاية العظمى :

- المشتقة الاولى = صفر
- المشتقة الثانية سالبة

قوانين هامة :

1 - الإيراد الكلي = الكمية × سعر بيع الوحدة

ي = س × ت

2 - صافي الربح = الإيراد الكلي - التكاليف الكلية

ر = ي - ت

3 - الإيراد المتوسط = الإيراد الكلي ÷ عدد الوحدات المباعة .

4 - التكلفة المتوسطة = التكلفة الكلية ÷ عدد الوحدات المنتجة .

5 - الإيراد الحدي = اشتقاق دالة الإيراد الكلي .

6 - التكاليف الحدية = اشتقاق دالة التكاليف الكلية .

7 - الربح الحدي = اشتقاق دالة صافي الربح .

8 - الانتاج الحدي = اشتقاق دالة الانتاج الكلي .

مثال :

شركة الخزف السعودي يمكنها ان تباع س وحدة في الشهر بسعر قدره

ت=200 - 2. س حيث ت يمثل سعر بيع الوحدة ؛ وأن التكاليف الكلية تتحدد

بالعلاقة الآتية :

ت = 50 س + 10000

## ECON 206

المطلوب :

- 1 - اوجد عدد الوحدات س الذي تنتجه الشركة لتحقيق اكبر ربح ممكن وتحديد مقدار الربح .
- 2 - سعر بيع الوحدة .
- 3 - التكاليف الحدية .
- 4 - الربح الحدي .
- 5- الايراد الحدي .

الحل :

- 1 - لتحديد عدد الوحدات الذي تنتجه الشركة لتحقيق اكبر ربح ممكن

$$\text{الايراد الكلي} = \text{الكمية} \times \text{سعر بيع الوحدة}$$

$$ي = س \times ت$$

$$س (200 - 2. س)$$

2

$$200 س - 2. س$$

$$\text{التكاليف الكلية} = ت = 50 س + 10000$$

$$\text{صافي الربح} = \text{الايراد الكلي} - \text{التكاليف الكلية}$$

$$ر = ي - ت$$

$$200 س - 2. س - (50 س + 10000)$$

2

$$200 س - 2. س - 50 س - 10000$$

2

$$150 س - 2. س - 10000$$

دالة الربح الكلي هي :

2

$$= - 2. س + 150 س - 10000$$

ثم نوجد المشتقة الاولى للربح الكلي

2

$$-4. س + 150 = \text{صفر}$$

2

$$-4. س = 150$$

بالقسمة علي معامل س

$$\frac{150-}{.4-} = \text{س} \frac{.4-}{.4-}$$

$$\text{س} = 375 \text{ وحدة}$$

2 - سعر بيع الوحدة ث نعوض في دالة الثمن بقيمة س

$$200 - 2(375) = 125 \text{ ريال}$$

3 - التكاليف الحدية = اشتقاق التكاليف الكلية

$$50 =$$

4 - الربح الحدي = اشتقاق الربح الكلي

$$150 + \text{س} .4- =$$

5 - الايراد الحدي = اشتقاق الايراد الكلي

$$200 + \text{س} .4- =$$

## وليد الجمال

خبرة طويلة بالتدريس مراجعة شاملة

حل إختبارات سنوات سابقة شرح وافي ومليخص

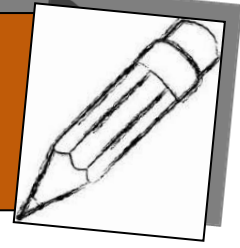
التدريب على حل الاختبارات باستخدام الآله الحاسبة

رياضيات إحصاء  
محاسبة اقتصاد بحوث عمليات

050 66 18 18 2

## الباب التاسع

### أساسيات رياضيات المال والاستثمار



1- الجملة البسيطة = المبلغ ( 1 + المدة × المعدل )

2- مبلغ الفائدة ( العوائد البسيطة ) = أصل المبلغ × المعدل × المدة

100

$$\underline{أ \times ع \times ن =}$$

100

أو الفوائد البسيطة ( العوائد البسيطة ) = الرصيد ( الجملة ) البسيطة – المبلغ

اشتقاق عدة قوانين :

أصل المبلغ أ = مبلغ الفائدة / (المعدل × المدة) = ف / (ع × ن )

المدة ن = مبلغ الفائدة / (الأصل × المعدل) = ف / (أ × ع )

المعدل ع = مبلغ الفائدة / (الأصل × المدة) = ف / (أ × ن )

ن

2- الجملة المركبة = المبلغ × ع 1.0 حيث ع 0.0 = المعدل = ن = المدة

▪ الفائدة المركبة = الجملة المركبة – المبلغ

مثال :

أودع شخص 10000 ريال لمدة 5 سنوات بمعدل فائدة 8 %  
ما هو مبلغ الفائدة ؟

الحل :

$$ف = أ \times ع \times ن = 10000 \times 0.08 \times 5 = 4000 \text{ ريال}$$

مثال :

أستثمر شخص مبلغ من المال بفائدة بسيطة بمعدل 9 %  
• وفي نهاية 3 سنوات كانت الفوائد = 1350 فما هو أصل المبلغ المستثمر؟

## ECON 206

$$أ = ف / (ع \times ن) = 1350 / (3 \times 0.09) = 5000 \text{ ريال}$$

مثال :

أقترض شخص مبلغ 7500 ريال من أحد البنوك التجارية بفائدة بسيطة 9 % سنويا ، وفى نهاية مدة معينة وجد أن الفوائد المستحقة عليه = 2025 ريال .  
• فما هي الفترة الزمنية ن ؟

$$ن = ف / (ع \times أ) = \frac{2025}{0.09 \times 7500} = 3 \text{ سنوات}$$

مثال :

استثمر شخص مبلغ 10000 ريال لمدة 4 سنوات بمعدل فائدة 8% احسب اذا كان  
1 - معدل الفائدة بسيطة احسب الجملة البسيطة والفائدة البسيطة .  
2 - معدل الفائدة مركب احسب الجملة المركبة والفائدة المركبة .  
الحل :

$$1 - \text{الجملة البسيطة} = \text{المبلغ} ( 1 + \text{المدة} \times \text{المعدل} )$$
$$= 10000 ( 1 + 4 \times 0.08 ) = 13200 \text{ ريال}$$

■ الفائدة البسيطة = الجملة البسيطة - المبلغ

$$= 13200 - 10000 = 3200 \text{ ريال}$$

$$2 - \text{الجملة المركبة} = \frac{\text{المبلغ} \times 1.08}{4} \text{ حيث } 1.08 = \text{المعدل} \times \text{ن} = \text{المدة}$$
$$= \frac{10000 \times 1.08}{4} = 13604.89 \text{ ريال}$$

■ الفائدة المركبة = الجملة المركبة - المبلغ

$$= 13604.89 - 10000 = 3604.89 \text{ ريال}$$

مثال : أودع شخص مبلغ 50000 ريال في أحد البنوك التجارية بفائدة بسيطة 10 %

• فما الرصيد بعد 5 سنوات

• ج =  $50000 ( 1 + 5 \times 0.10 ) = 75000 \text{ ريال}$

• الرصيد بعد 100 يوم

• ج =  $50000 ( 1 + 0.10 \times \frac{100}{360} ) = 51388.89 \text{ ريال}$

### القيمة الحالية :

$$1 - \text{القيمة الحالية البسيطة} = \frac{\text{القيمة الاسمية ( المبلغ )}}{( 1 + \text{المدة} \times \text{المعدل} )}$$

## ECON 206

$$2 - \text{القيمة الحالية المركبة} = \frac{\text{القيمة الاسمية ( المبلغ)}}{ن}$$
$$1.0ع$$

مثال : دين قيمته الاسمية 25000 ريال يستحق السداد بعد 4 سنوات من الان فإذا كانت نسبة الفائدة 12% وبافتراض ان :

1 - الفائدة بسيطة لو أراد الشخص سداد الدين في الوقت الحاضر احسب المبلغ الذي يسدده

2 - الفائدة مركبة لو أراد الشخص سداد الدين في الوقت الحاضر احسب المبلغ الذي يسدده  
الحل :

$$1 - \text{القيمة الحالية البسيطة} = \frac{\text{القيمة الاسمية ( المبلغ)}}{(1 + \text{المدة} \times \text{المعدل})}$$
$$25000$$

$$\text{القيمة الحالية البسيطة} = \frac{25000}{(1 + 0.12 \times 4)} = 16891.89 \text{ ريال}$$

$$2 - \text{القيمة الحالية المركبة} = \frac{\text{القيمة الاسمية ( المبلغ)}}{ن}$$
$$1.0ع$$

$$\text{القيمة الحالية المركبة} = \frac{25000}{1.12^4} = 15887.95 \text{ ريال}$$



## نماذج الاسئلة السابقة

الاختبار النهائي لمادة الطرق الكمية (فصد 206)  
لطلاب الانتساب ---- جده  
الفصل الدراسي الاول للعام الجامعي 1435/1436 هـ  
الزمن : 90 دقيقة

ب ب

الإسم : الرقم الجامعي :
----------------------------

اختر الإجابة الصحيحة :

@@@الاسئلة من 1 الي 5 يعتمد على البيانات التاليه:-

مصنع ينتج نوعين من الأجهزة : التلفزيون ( س ) و الكمبيوتر ( ص ) ، وتشترك السلعتان في عدد من مراحل الإنتاج ، وأمكن صياغة القيود على ساعات العمل المتاحة في كل مرحلة إنتاجية على الصورة الرياضية التالية :

$$\text{قيود المرحلة الإنتاجية الاولى: } 2 \text{ س} + 5 \text{ ص} \geq 200$$

$$\text{قيود المرحلة الإنتاجية الثانية: } 3 \text{ س} + 3 \text{ ص} \geq 165$$

وبشرط أن س ≤ صفر ، ص ≤ صفر

ويهدف المصنع الحصول على أعلى إيرادات ممكنة (ي) ، ويباع التلفزيون بـ 3 آلاف ريال ويباع الكمبيوتر بـ 4 آلاف ريال  
فإن :

1- يمكن صياغة دالة الهدف كما يلي:  $3 \text{ س} + 4 \text{ ص} = \text{ر}$

أ- صح  ب- خطأ

2- خط القيد الاول يقطع المحور السيني في (100 و 40)

أ- صح  ب- خطأ

3- خط القيد الثاني يقطع المحور الصادي في (0 و 55)

أ- صح  ب- خطأ

ECON 206

$$CP \leq 2 + 4$$

$$170 \leq \cdot + 2 \times 00$$

$$92 \leq 2 \times 20 + 2 \times 40$$

$$170 \leq 4 \times 40$$

4- نقاط الحلول الممكنة هي: (0,0) - (0,55) - (30,40) - (40,0)

ب- خطأ صح

5- عدد الوحدات المنتجة من (س، ص) التي تحقق الهدف هي: (30,40)

ب- خطأ صح

6- إذا علمت أن ثمن سلعة ما (ث) يتحدد بالريالات وفقاً للمعادلة التالية:

$$42 = [2(4 - \theta) + 3] \theta$$

فإن الثمن 3 يد

ب- خطأ صح

$$42 = 2\theta + 12 - 2\theta^2$$

7- الأسئلة من 7 إلى 9 تعتمد على المعلومات التالية:

إذا كان دالتي الإنتاج لسلعتين هما:

$$210 = 6س - 3ص$$

$$420 = 4س + ص$$

بناءً على ذلك:

7) محدد المعاملات =  $\Delta = 21$

ب- خطأ صح

8) محدد س =  $\Delta = 6س$

(أ) 840 (ب) 420 (ج) 2100 (د) لا شيء مما سبق

9) قيمة س = 40

أ) صح ب) خطأ

10) مصفوفة المتجه العمودي يتكون من عمود وصف واحد

أ) صح ب) خطأ

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

## ECON 206

(11) إذا تم التعبير عن كميات الإنتاج من سلعتين وفقاً للدالتين التاليتين

$$س + ص = 4$$

$$2س + 3ص = 11$$

فإن مقلوب مصفوفة المعاملات هو :

$$(i) \begin{pmatrix} 1+ & 3- \\ 1+ & 2- \end{pmatrix} \quad (ii) \begin{pmatrix} 1- & 3+ \\ 1+ & 2- \end{pmatrix} \quad (iii) \begin{pmatrix} 1- & 3+ \\ 1- & 2+ \end{pmatrix}$$

(12) إذا كانت احتياجات مصنع من المواد الخام تمثلها المصفوفة  $\begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$  ، وكانت أسعار تلك المواد تمثلها

$$\begin{pmatrix} 70 & 70 \\ 64 & 66 \end{pmatrix} \text{ المصفوفة} \quad ، \quad \begin{pmatrix} 12 & 10 \\ 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{pmatrix} \text{ فإن التكلفة الإجمالية للمواد الخام} =$$

ب - خطأ

ص - صحيح

13 إلى 15 تعتمد على المعلومات التالية:

إذا كانت التكاليف الكلية لإنتاج الكيلو غرام من القهوة يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

$$ت = 4ك + 18$$

ويمكن تحديد سعر بيع الكيلو غرام منها بالدالة التالية:

$$ث = 30 - ك$$

ك: الكميات المنتجة والمباعة بالكغم

س: السعر بالريال

ت: التكاليف بالريال

بناءً على ذلك:

(13) يمكن تفسير الثابت (18) في دالة التكاليف بأنه:

(أ) التكاليف الحدية.

(ب) التكاليف الكلية.

(ج) التكاليف المتوسطة.

(د) التكاليف الثابتة.

(14) لو تم بيع 3 كغم، فإن "الإيرادات الكلية" تساوي:

$$(أ) 30 \text{ ريال}$$

$$(ب) 27 \text{ ريال}$$

$$(ج) 66 \text{ ريال}$$

$$(د) 81 \text{ ريال}$$

(15) معادلة (الأرباح/ الخسائر) تساوي:

$$(أ) \text{ الأرباح/ الخسائر} = 26 + ك^2 - 18 - ك$$

$$(ب) \text{ الأرباح/ الخسائر} = 26 - ك^2 - 18 - ك$$

$$(ج) \text{ الأرباح/ الخسائر} = 26 + ك^2 + 18 - ك$$

$$(د) \text{ الأرباح/ الخسائر} = 26 - ك^2 + 18 - ك$$

$$٢٠ - ٤ - ٤٤ = ٢٢$$

$$٢٠ + ٤ - ٤٤ = ١٨$$

$$٢٠ + ٤ - ٤٤ = ١٨$$

$$\begin{pmatrix} 10 & 22 \\ 15 & 25 \end{pmatrix}$$

16 إلى 18 تعتمد على المعلومات التالية:

عندما كان سعر البرتقال 3 ريال، كانت الكمية المطلوبة 10 كغم. وعندما ارتفع السعر إلى 5 ريال، أصبحت الكمية المطلوبة 7 كغم.

$$\frac{10 - 7}{2 - 5} = \frac{10 - 7}{2 - 5}$$

بناءً عليه، فإن:

(16) بيانات هذه المسألة تمثل حالة تطبيقية لإيجاد معادلة الدالة الخطية بمعرفة:

(ب) نقطة وميل

(د) نقطتين

(ج) أكثر من نقطتين

(د) لا شيء مما سبق

(17): بتطبيق القانون المناسب على بيانات هذه المسألة، فإن معادلة الدالة الخطية التي تمثلها هي:

(ب) ص = 1.5 - 14.5

(أ) ص = 1.5 - 14.5

(د) ص = 1.5 + 14.5

(ج) ص = 1.5 + 14.5

(18) بناءً على إشارة معامل السعر التي حصلت عليها من الإجابة الصحيحة للفقرة السابقة، فإن العلاقة بين السعر والكمية المطلوبة:

(ب) علاقة عكسية

(أ) علاقة طردية

(د) لا يمكن تحديد العلاقة بينهما

(ج) ليست هناك علاقة بينهما

19 إلى 21 تعتمد على المعلومات التالية:

دالة (الأرباح/ الخسائر) الخاصة بأحد المخازن يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

الأرباح/ الخسائر = د (ك) = - ك<sup>2</sup> + 26 ك - 18 حيث ك: تمثل الكمية المنتجة و المباعه

بناءً عليه، فإن:

(19) دالة الربح الحدي هي:

(د) 2 ك + 18

(ج) 2 ك - 18

(ب) 2 ك + 26

(أ) 2 ك + 26

20 - الكمية المثلى التي تحقق أعلى الأرباح هي:

(د) 9

(ج) 9 -

(ب) 13

(أ) 13 -



- (21) النقطة المثلى لهذه المسألة تمثل نهاية:  
 (أ) نهاية عظمى (ب) نهاية صغرى (ج) نقطة انقلاب (د) لا يمكن تحديد نهايتها

22 إلى 24 تعتمد على المعلومات التالية:

استثمر أحد الأشخاص مبلغ 15850 ريال لمدة 4 سنوات في صندوق استثماري يعطي فوائد نسبتها 6%/ سنوياً، بناءً عليه، فإن:

- (22) بافتراض أن الفوائد "بسيطة"، يصبح الرصيد (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار:  
 (أ) 19654 ريال (ب) 16954 ريال (ج) 15964 ريال (د) 16945 ريال

- (23) بافتراض أن الفوائد "مركبة"، يصبح الرصيد (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار حوالي:  
 (أ) 21000 ريال (ب) 21010 ريال (ج) 21100 ريال (د) 20010 ريال

- (24) بافتراض أن الفوائد "مركبة"، فإن مقدار الفوائد التي سيحصل عليها مع نهاية مدة الاستثمار حوالي:  
 (أ) 4160 ريال (ب) 5150 ريال (ج) 5160 ريال (د) 5250 ريال

(25) إذا كان راتب موظف (س) بآلاف الريالات تعبر عنه الدالة التالية:

$$3^2 - 5^3 = 81$$

- فإن راتب هذا الموظف هو:  
 (أ) 5000 ريال (ب) 9000 ريال (ج) 3000 ريال (د) 6000 ريال

(26) إذا كنت الدالتين التاليتين تمثلان العرض والطلب لسعة ما

$$Q_d = 2 - 2P$$

$$Q_s = 10 - P$$

حيث: ث = السعر ض = العرض ط = الطلب

فإن سعر وكمية التوازن هما على التوالي:

- (أ) 4 و 6 (ب) 19 و 20 (ج) 20 و 19 (د) 6 و 4

$$2 - 2P = 10 - P$$

(27) إذا كانت دالة العرض لسلعة ما هي :  $ض = 2ق^2$  فان مرونة العرض السعرية عند الثمن = 5 ريال هي:  
 (أ) 2 (ب) 4 (ج) 2ق (د) صفر

(28) إذا كانت دالة الإنتاج لمنشأة ما هي  $ق + 4ق^2$  فان الإنتاج الحدي لهذه المنشأة هو  
 (أ) 2ق (ب) 4ق (ج)  $ق + 4ق$  (د)  $4ق + 4$

(29) إذا كانت (س) تمثل عدد الأجهزة الكهربائية المنتجة في مصنع ما بالمليون وحدة وفقاً للدالة التالية:  
 $س^2 + س - 12 = 0$

فإن عدد الأجهزة = س =

- (أ) 6 مليون جهاز (ب) 3 مليون جهاز  
 (ج) 5 مليون جهاز (د) 4 مليون جهاز

(30) إذا كانت المصفوفة  $س = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$  ، والمصفوفة  $ص = \begin{pmatrix} 12 & 10 \\ 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$  ، فإن حاصل جمع المصفوفة  $س +$

المصفوفة  $ص =$

- (أ)  $\begin{pmatrix} 70 & 72 \\ 60 & 66 \end{pmatrix}$  (ب)  $\begin{pmatrix} 72 & 77 \\ 64 & 66 \end{pmatrix}$   
 (ج)  $\begin{pmatrix} 70 & 70 \\ 64 & 66 \end{pmatrix}$  (د) لا شيء مما سبق

مع أطيب التمنيات بالتوفيق

السؤال الأول:

اختر الإجابة الصحيحة :

(١) إذا علمت أن ثمن سلعة ما (ث) يتحدد بالريالات وفقاً للمعادلة التالية :

$$٢ [ ٤ - ث + (٣ - ث) ] = ٦٤ ، \text{ فإن الثمن } = ٧ \text{ ريال}$$

(ب) خطأ

(أ) صح

\*\*\* الأسئلة من ٢ إلى ٤ تعتمد على المعلومات التالية:

إذا كان دالتى الإنتاج لسلعتين هما :

$$٦ \text{ س} - ٣ \text{ ص} = ٢١٠$$

$$- \text{س} + ٤ \text{ ص} = ٤٢٠$$

بناءً على ذلك:

$$٢) \text{ محدد المعاملات } = \Delta = ٢١$$

(ب) خطأ

(أ) صح

$$٣) \text{ محدد س } = \Delta = \text{س}$$

(د) لا شيء مما سبق

(ج) ٢١٠٠

(ب) ٤٢٠ -

(أ) ٨٤٠

$$٤) \text{ قيمة س } = ٤٠$$

(ب) خطأ

(أ) صح

\*\*\* إذا كان لديك جدول التشابك القطاعي التالي فأجب عن الأسئلة من ٥ إلى ٧ :

الإنتاج الكلي	الطلب النهائي	الطلب الوسيط		قطاعات منتجة
		الصناعة	الزراعة	
٥٠٠	٣٥٠	١٠٠	٥٠	الزراعة
١٠٠٠	٦٥٠	٢٠٠	١٥٠	الصناعة



٥

٥) فإن مصفوفة المعاملات الفنية =  $\begin{pmatrix} 0.1 & 0.1 \\ 0.2 & 0.3 \end{pmatrix}$  (ب) خطأ

٦) مصفوفة ليونيتيف =  $\begin{pmatrix} -0.1 & 0.9 \\ 0.8 & -0.3 \end{pmatrix}$  (ب) خطأ

٧) مقلوب مصفوفة ليونيتيف = صفر (أ) صح

٨-١٠ تعتمد على المعلومات التالية:

إذا كانت التكاليف الكلية لإنتاج الكيلو غرام من القهوة يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

$$ت = ٤ ك + ١٨$$

$$ث = ٣٠ - ك$$

ك: الكميات المنتجة والمباعة بالكم

س: السعر بالريال

ويمكن تحديد سعر بيع الكيلو غرام منها بالدالة التالية:

ت: التكاليف بالريال

بناءً على ذلك:

(أ) يمكن تفسير الثابت (١٨) في دالة التكاليف بأنه:

(ب) التكاليف الكلية.

(ج) التكاليف المتوسطة.

(د) التكاليف الثابتة.

(٩) لو تم بيع ٣ كغم، فإن "الإيرادات الكلية" تساوي:

(أ) ٣٠ ريال

(ب) ٢٧ ريال

(ج) ٦٦ ريال

(د) ٨١ ريال

(١٠) معادلة (الأرباح/ الخسائر) تساوي:

(ب) الأرباح/ الخسائر =  $ك^٢ + ٢٦ ك - ١٨$

(د) الأرباح/ الخسائر =  $ك^٢ - ٢٦ ك - ١٨$

(أ) الأرباح/ الخسائر =  $ك^٢ + ٢٦ ك - ١٨$

(ج) الأرباح/ الخسائر =  $ك^٢ + ٢٦ ك + ١٨$

٣

٤٤٤& الأسئلة من ١١ إلى ١٣ تعتمد على المعلومات التالية:

عندما كان سعر البرتقال ٣ ريال، كانت الكمية المطلوبة ١٠ كغم. وعندما ارتفع السعر إلى ٥ ريال، أصبحت الكمية المطلوبة ٧ كغم.

بناءً عليه، فإن:

(١١) بيانات هذه المعادلة تمثل حالة تطبيقية لإيجاد معادلة الدالة الخطية بمعرفة:

(ب) نقطة وميل

(١١) نقطتين

(ج) أكثر من نقطتين (د) لا شيء مما سبق

(١٢): بتطبيق القانون المناسب على بيانات هذه المعادلة، فإن معادلة الدالة الخطية التي تمثلها هي:

(ب)  $ص = ١.٥ - ١٤.٥$

(أ)  $ص = ١.٥ - ١٤.٥$

(د)  $ص = ١.٥ + ١٤.٥$

(ج)  $ص = ١.٥ + ١٤.٥$

(١٣) بناءً على إشارة معامل السعر التي حصلت عليها من الإجابة الصحيحة للفقرة السابقة، فسيُبين العلاقة بين السعر والكمية المطلوبة:

(ب) علاقة عكسية

(أ) علاقة طردية

(د) لا يمكن تحديد العلاقة بينهما

(ج) ليست هناك علاقة بينهما

٤٤٤& الأسئلة من ١٤ إلى ١٦ تعتمد على المعلومات التالية:

دالة (الأرباح/ الخسائر) الخاصة بأحد المخازن يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

الأرباح/ الخسائر = د (ك) - - ك + ٢٦ ك - ١٨ حيث ك : تمثل الكمية المنتجة و المبيعة

بناءً عليه، فإن:

(١٤) دالة الربح الحدي هي:

(د)  $٢ ك + ١٨$

(ج)  $٢ ك - ١٨$

(ب)  $٢ ك + ٢٦$

(أ)  $٢ ك + ٢٦$

(١٥) الكمية المثلى التي تحقق أعلى الأرباح هي:

(د) ٩

(ج) ٩ -

(ب) ١٣

(أ) ١٣ -



(١٦) النقطة المثلى لهذه المسألة تمثل نهاية:

- (أ) نهاية عظمى (ب) نهاية صغرى (ج) نقطة انقلاب (د) لا يمكن تحديد نهايتها

١٨&& الأسئلة من ١٧ إلى ١٩ تعتمد على المعلومات التالية:

استثمر أحد الأشخاص مبلغ ١٥٨٥٠ ريال لمدة ٤ سنوات في صندوق استثماري يعطي فوائد نسبتها ٦% سنوياً، بناءً عليه، فإن:

(١٧) بافتراض أن الفوائد "بسيطة"، يصبح الرصيد (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار:

- (أ) ١٩٦٥٤ ريال (ب) ١٦٩٥٤ ريال (ج) ١٥٩٦٤ ريال (د) ١٦٩٤٥ ريال

(١٨) بافتراض أن الفوائد "مركبة"، يصبح الرصيد (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار حوالي:

- (أ) ٢١٠٠٠ ريال (ب) ٢١٠١٠ ريال (ج) ٢١١٠٠ ريال (د) ٢٠٠١ ريال

(١٩) بافتراض أن الفوائد "مركبة"، فإن مقدار الفوائد التي سيحصل عليها مع نهاية مدة الاستثمار حوالي:

- (أ) ٤١٦ ريال (ب) ٥١٥٠ ريال (ج) ٥١٦٠ ريال (د) ٥٢٥٠ ريال

(٢٠) إذا كان راتب موظف (س) بالآلاف الريالات تعبر عنه الدالة التالية:

$$s = 81 - 3s^2$$

فإن راتب هذا الموظف هو:

- (أ) ٥٠٠٠ ريال (ب) ٩٠٠٠ ريال (ج) ٣٠٠٠ ريال (د) ٦٠٠٠ ريال

(٢١) إذا كنت الدالتين التاليتين تمثلان العرض والطلب لسلعة ما

$$Q_d = 20 - 2P$$

$$Q_s = 10 - P$$

حيث: ث = السعر ض = العرض ط = الطلب

فإن سعر وكمية التوازن هما على التوالي:

- (أ) ٤ و ٦ (ب) ١٩ و ٢٠ (ج) ٢٠ و ١٩ (د) ٦ و ٤

(٢٢) إذا كانت دالة العرض لسلعة ما هي:  $Q = 20 - 2P$  فإن مرونة العرض السعرية عند الثمن = ٥ ريال هي:

- (أ) ٢ (ب) ٤ (ج) ٢ (د) صفر

٢٣) إذا كانت دالة الإنتاج لمنشأة ما هي  $2L + 4K$  فإن الإنتاج الحدي لهذه المنشأة هو

- (أ)  $2L$  (ب)  $4K$  (ج)  $2L + 4K$  (د)  $4L + 4K$

٢٤) إذا كانت (س) تمثل عدد الأجهزة الكهربائية المنتجة في مصنع ما بالمليون وحدة وفقاً للدالة التالية:

$$س + ١٢ - س = ٠$$

فإن عدد الأجهزة = س -

- (أ) ٦ مليون جهاز (ب) ٣ مليون جهاز  
(ج) ٥ مليون جهاز (د) ٤ مليون جهاز

٢٥) إذا كانت دالة العرض:  $ض = ٢٠٠ - ٥٠س$  فإن الكمية المعروضة عند السعر ٣٠ تساوي:

- (أ)  $٢٠٠ -$  (ب) ٥٠ (ج) ١٣٠٠ (د) ١٥٠٠

٢٦) إذا كان الخط المستقيم الممثل لدالة الطلب عمودي على الخط المستقيم الممثل لمعادلة العرض وكانت معادلة

العرض هي:  $ض = ٢٠٠ + ٤ع$  فإن ميل معادلة الطلب هو:

- (أ) ٤ (ب) -٤ (ج) -٠.٢٥ (د) ٠.٢٥

٢٧) إذا كانت دالة الاستهلاك هي  $ك = ١٢٠٠ + ٠.٨ل$  حيث (ك) الاستهلاك و (ل) الدخل فإن قيمة

مضاعف الاستثمار =

- (أ) ١٢٠٠ (ب) ٠.٨  
(ج) ٠.٨ (د) ١٢٠٠.٦

٢٨) إذا كانت المصفوفة س =  $\begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$  ، والمصفوفة ص =  $\begin{pmatrix} 12 & 10 \\ 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$  ، فإن حاصل جمع المصفوفة س +

المصفوفة ص =

- (أ)  $\begin{pmatrix} 70 & 72 \\ 60 & 66 \end{pmatrix}$  (ب)  $\begin{pmatrix} 72 & 77 \\ 64 & 66 \end{pmatrix}$   
(ج)  $\begin{pmatrix} 70 & 70 \\ 64 & 66 \end{pmatrix}$  (د) لا شيء مما سبق



السؤال الثاني:

مصنع ينتج نوعين من الأجهزة : التلفزيون ( س ) و الكمبيوتر ( ص ) ، وتشارك السلعتان في عدد من مراحل الإنتاج ، وأمكن صياغة القيود على ساعات العمل المتاحة في كل مرحلة إنتاجية على الصورة الرياضية التالية :

$$\text{في المرحلة الإنتاجية الأولى: } 2س + 5ص \geq 200$$

$$\text{في المرحلة الإنتاجية الثانية: } 3س + 3ص \geq 165$$

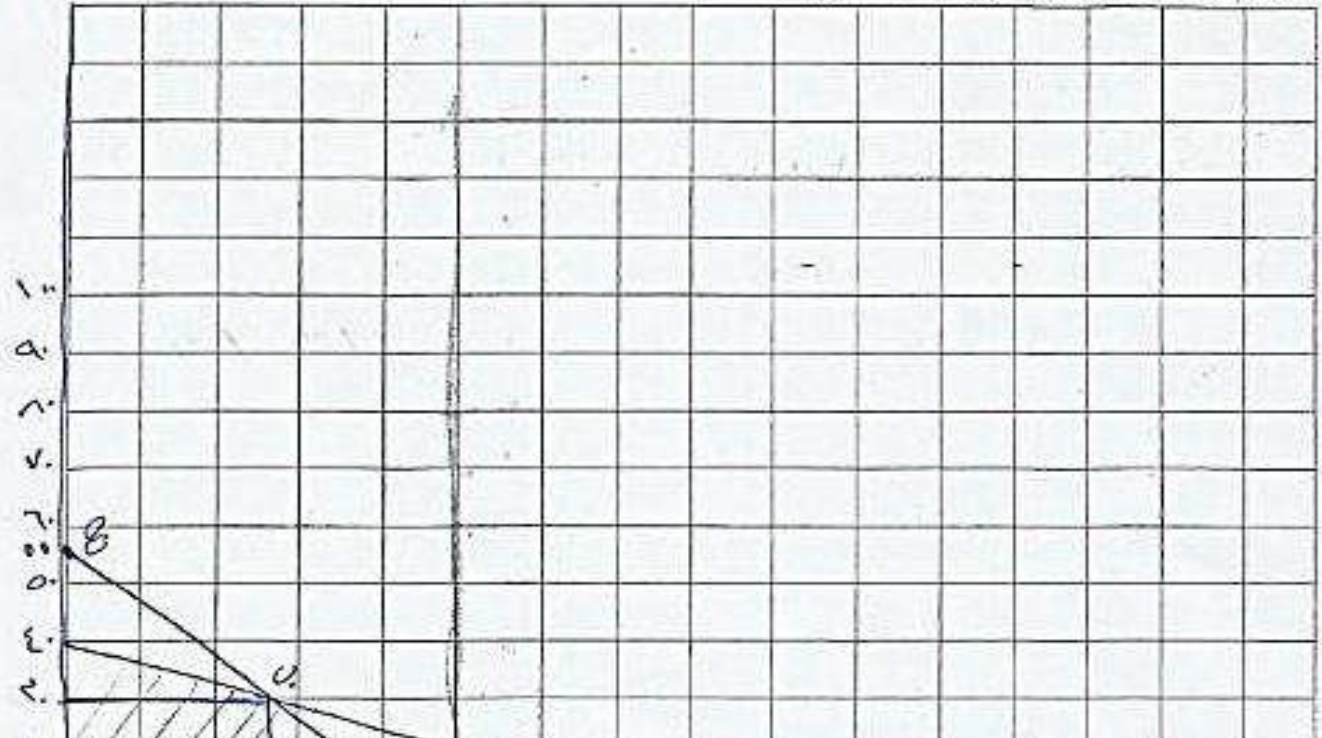
وبشرط أن  $س \geq 0$  ،  $ص \geq 0$

ويهدف المصنع الحصول على أعلى إيرادات ممكنة (ي) ، وبيع التلفزيون بـ 3 آلاف ريال وبيع الكمبيوتر بـ 4 آلاف ريال  
فإن :

(1) يمكن صياغة دالة الهدف كما يلي:

$$\text{دالة الهدف } \uparrow (ي) = 3س + 4ص$$

(2) مثل القيود السابقة بيانيا في الشكل التالي :



(3) نقاط الحلول الممكنة هي :

$$A (0, 0) \quad B (0, 55) \quad C (40, 0)$$

## ECON 206

جامعة الملك عبد العزيز  
كلية الاقتصاد والادارة  
قسم الاقتصاد

الاختبار النهائي لمادة الطرق الكمية قصد ( 206 )  
لطلاب الانتساب . . . جدة  
الفصل الدراسي الاول للعام الجامعي 1435/1436 هـ  
الزمن 90 دقيقة

|||||

الاسم	
الرقم الجامعي	

السؤال الاول :

اختر الاجابة الصحيحة :

(1) اذا علمت ان ثمن سلعة ما ( ث ) يتحدد بالريالات وفقا للمعادلة الاتية

$$2 \quad [ (4\text{ث} - 3) + \text{ث} ] = 64 \quad \text{فإن الثمن} = 7 \text{ ريال}$$

( أ ) صح ( ب ) خطأ

الاسئلة من 2 الى 4 تعتمد على المعلومات التالية :

اذا كانت دالتي الانتاج لسلعتين هما :

$$6 \text{ س} - 3 \text{ ص} = 210$$

$$- \text{س} + 4 \text{ ص} = 420$$

بناء على ذلك :

$$2 \quad \text{محدد المعاملات} = \Delta = 21$$

( أ ) صح ( ب ) خطأ

$$3 \quad \text{محدد س} = \Delta \text{ س} =$$

$$( \text{أ} ) 840 \quad ( \text{ب} ) -420 \quad ( \text{ج} ) 2100 \quad ( \text{د} ) \text{ لا شيء مما سبق}$$

$$4 \quad \text{قيمة س} = 40$$

( أ ) صح ( ب ) خطأ

اذا كان لديك جدول التشابك القطاعي التالي فأجب عن الاسئلة من 5 الى 7 :

الانتاج الكلي	الطلب النهائي	الطلب الوسيط		قطاعات مستخدمة
		الصناعة	الزراعة	
500	350	100	50	الزراعة
1000	650	200	150	الصناعة

$$\begin{pmatrix} .1 & .1 \\ .2 & .3 \end{pmatrix}$$

( 5 ) فإن مصفوفة المعاملات الفنية =

## ECON 206

( أ ) صح ( ب ) خطأ

$$\begin{pmatrix} -1 & .9 \\ .8 & -3 \end{pmatrix} = \text{مصفوفة اليونيتيف}$$

( أ ) صح ( ب ) خطأ

7 ( مقلوب مصفوفة اليونيتيف = صفر

( أ ) صح ( ب ) خطأ

الاسئلة من 8 الى 10 تعتمد على المعلومات التالية :

إذا كانت التكاليف الكلية لإنتاج الكيلو غرام من القهوة يمكن كتابتها على الصيغة التالية :

$$ت = 4 ك + 18$$

ويمكن تحديد سعر بيع الكيلو غرام منها بالدالة التالية :  $ث = 30 - ك$   
حيث ت : التكاليف بالريال س : السعر بالريال ك : الكميات المنتجة والمباعة بالكغم  
بناء على ذلك :

8 ( يمكن تفسير الثابت (18) في دالة التكاليف بأنه :

- ( أ ) التكاليف الحدية .  
( ب ) التكاليف الكلية .  
( ج ) التكاليف المتوسطة .  
( د ) التكاليف الثابتة .

9 ( لو تم بيع 3 كغم فإن الإيرادات الكلية تساوي :

- ( أ ) 30 ريال .  
( ب ) 27 ريال .  
( ج ) 66 ريال .  
( د ) 81 ريال .

10 ( معادلة ( الأرباح / الخسائر ) تساوي :

- ( أ ) الأرباح / الخسائر =  $ك2 + 26 - ك18$  ( ب ) الأرباح / الخسائر =  $ك26 + 2 - ك18$   
( ج ) الأرباح / الخسائر =  $ك26 + 2 - ك18$  ( د ) الأرباح / الخسائر =  $ك26 - ك18$

أجب عن السؤال التالي :

$$\begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$$

11- إذا كانت احتياجات مصنع من المواد الخام تمثلها المصفوفة

## ECON 206

وكانت اسعار تكلفة المواد تمثلها المصفوفة  $\begin{pmatrix} 12 & 10 \\ 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$  فإن التكلفة الاجمالية للمواد الخام =  $\begin{pmatrix} 70 & 70 \\ 64 & 66 \end{pmatrix}$  (أ) صح (ب) خطأ

12 - اذا تم التعبير عن كميات الانتاج من سلعتين وفقا للدالتين التاليتين :

$$س + ص = 4$$

$$2س + 3ص = 11$$

فإن مقلوب مصفوفة المعاملات هو :

$$\begin{pmatrix} 1- & 3- \\ 3- & 2- \end{pmatrix} \text{ (ج) } \quad \begin{pmatrix} 1- & 3- \\ 1- & 2- \end{pmatrix} \text{ (ب) } \quad \begin{pmatrix} 1- & 3- \\ 1- & 2- \end{pmatrix} \text{ (أ) }$$

13 - لا يشترط لضرب مصفوفتين ان تكون اعمدة المصفوفة الاولى = صفوف الثانية

(أ) صح (ب) خطأ

14 - معكوس المصفوفة = المصفوفة المبدلة ( المحورة ) × الثوابت

(أ) صح (ب) خطأ

15 - شروط وجود معكوس المصفوفة :

أ - أن تكون قيمة محدد المصفوفة يساوي صفر .

ب - أن تكون قيمة محدد المصفوفة اكبر من الصفر

ج - أن تكون قيمة محدد المصفوفة أقل من الصفر .

د - أن تكون قيمة محدد المصفوفة لا يساوي صفر .

$$\begin{vmatrix} 0 & 5 & 8 \\ 4 & 28- & 3 \\ 1 & 4- & 1 \end{vmatrix} \text{ 16 - احسب قيمة المحدد التالي}$$

حيث انه محدد من الدرجة الثالثة اختر الاجابة الصحيحة

(أ) (75) ب - (40) ج - (32) د - لا شيء مما سبق

17- عند اجراء ضرب مصفوفتين اذا كانت رتبة الاولى  $4 \times 3$  ورتبة الثانية  $4 \times 4$  فإن المصفوفة الناتجة تكون رتبته :

أ -  $4 \times 4$  ب -  $4 \times 3$  ج -  $3 \times 3$  د -  $3 \times 4$

18 - اذا أودع شخص 10000 ريال في أحد قنوات الاستثمار لمدة 5 سنوات على أساس فائدة بسيطة بمعدل 8 % سنويا ؛ فإن مقدار ما يستحق لهذا الشخص من فوائد هي :

( أ ) 4100 ريال ( ب ) 4200 ريال ( ج ) 4000 ريال



## ECON 206

19 - استثمر شخص مبلغ 50000 ريال في أحد المصارف التجارية بمعدل فائدة مركبة ولمدة سبعة سنوات أوجد الجملة المستحقة له - اذا كان معدل الفائدة المتخذ على اساس 8% سنويا - الجملة = 59112 ريال

(أ) صح (ب) ب

20 - اوجد المشتقات التفاضلية المتتابعة للدالة التالية ( حل في نفس الورقة )  
ص = 3س + 3س + 5س - 2س - 10س

اذا كانت قيمة دالة الهدف الربحية هـ (س) = 3س + 1س + 4س  
طبقا للقيود:

$$5س + 3س + 2س \geq 30$$

$$5س + 1س + 11س \geq 55$$

$$2س \geq 4$$

$$1س \leq 2$$

من التمثيل البياني لهذه البيانات نستنتج ان :

21 - الخط المستقيم الذي يمثل القيد الاول يقطع المحور الافقي السيني عند النقطة

(أ) (6 ؛ 0) (ب) (10 ؛ 0) (ج) (-6 ؛ 0) (د) (0 ؛ 6)

22 - الخط المستقيم الذي يمثل القيد الثاني يقطع المحور الافقي ( السيني ) عند النقطة

(أ) (11 ؛ 0) (ب) (11 ؛ 0) (ج) (-6 ؛ 0) (د) (9 ؛ 0)

23 - الخط المستقيم الذي يمثل القيد الثاني يقطع المحور الرأسي ( الصادي ) عند النقطة

(أ) (5 ؛ 0) (ب) (9 ؛ 5) (ج) (-6 ؛ 0) (د) (0 ؛ 11)

24 - يتقاطع الخطين المستقيمين الممثلين للقيد الاول والثاني عند النقطة :

(أ) (3 ؛ 5) (ب) (2 ؛ 7) (ج) (4 ؛ 3) (د) (6 ؛ 9)

25 - نقاط الحلول الممكنة هي :

(أ) (0 ؛ 0) (0 ؛ 10) (3 ؛ 4) (6 ؛ 0) (ب) (0 ؛ 0) (0 ؛ 5) (4 ؛ 3) (6 ؛ 0)

(ج) (0 ؛ 0) (0 ؛ 4) (2 ؛ 4) (6 ؛ 0) (3 ؛ 4)

26 - قيمة دالة الهدف عند النقطة المثلي للحل ستكون

(أ) 24 (ب) صفر (ج) 18 (د) 22

السؤال الأول:  
اختر الإجابة الصحيحة:

١) إذا علمت أن ثمن سلعة ما (ث) يتحدد بالريالات وفقاً للمعادلة التالية :

$$٢ [ ٤ - ث + (٣ - ث) ] = ٦٤ ، فإن الثمن = ٧٠ ريال$$

(أ) صح (ب) خطأ

٢) الأسئلة من ٢ إلى ٤ تعتمد على المعلومات التالية:

إذا كان دالتي الإنتاج لسلعتين هما :

$$٦ س - ٣ ص = ٢١٠$$

$$- س + ٤ ص = ٤٢٠$$

بناءً على ذلك:

$$٢) محدد المعاملات = \Delta = ٢١$$

(ب) خطأ

(أ) صح

$$\begin{array}{l} ٢١. \\ ٢٢. \end{array} = \left| \begin{array}{cc} ٦ & ٣ \\ ٤ & ١ \end{array} \right|$$

$$٣) محدد س = \Delta = س$$

(أ) ٨٤٠ (ب) ٤٢٠ - (ج) ٢١٠٠ (د) لا شيء مما سبق

$$٤) قيمة س = ٤٠$$

(أ) صح

(ب) خطأ

٣) إذا كان لديك جدول التشابك القطاعي التالي فأجب عن الأسئلة من ٥ إلى ٧ :

الإنتاج الكلي	الطلب النهائي	الطلب الوسيط		قطاعات مستخدمة
		الصناعة	الزراعة	قطاعات منتجة
٥٠٠	٣٥٠	١٠٠	٥٠	الزراعة
١٠٠٠	٦٥٠	٢٠٠	١٥٠	الصناعة

٥) فإن مصفوفة المعاملات الفنية =  $\begin{pmatrix} 0.1 & 0.1 \\ 0.2 & 0.3 \end{pmatrix}$

(أ) صح (ب) خطأ

٦) مصفوفة ليونيتيف =  $\begin{pmatrix} -0.1 & 0.9 \\ 0.8 & -0.3 \end{pmatrix}$

(أ) صح (ب) خطأ

٧) مقلوب مصفوفة ليونيتيف = صفر

(أ) صح (ب) خطأ

٨&& الأسئلة من ٨ إلى ١٠ تعتمد على المعلومات التالية:

إذا كانت التكاليف الكلية لإنتاج الكيلو غرام من القهوة يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

$١٨ + ٤ك = ت$

ويمكن تحديد سعر بيع الكيلو غرام منها بالدالة التالية:

حيث: - ت: التكاليف بالريال س: السعر بالريال

بناءً على ذلك:

(٨) يمكن تفسير الثابت (١٨) في دالة التكاليف بأنه:

- (أ) التكاليف الحدية. (ب) التكاليف الكلية.  
(ج) التكاليف المتوسطة. (د) التكاليف الثابتة.

(٩) لو تم بيع ٣ كغم، فإن الإيرادات الكلية تساوي:

- (أ) ٣٠ ريال (ب) ٢٧ ريال  
(ج) ٦٦ ريال (د) ٨١ ريال

١١&& الأسئلة من ١١ إلى ١٣ تعتمد على المعلومات التالية:

عندما كان سعر البيرتقال ٣ ريال، كانت الكمية المطلوبة ١٠ كغم. وعندما ارتفع السعر إلى ٥ ريال، أصبحت الكمية المطلوبة ٧ كغم.

بناءً عليه، فإن:

(١١) بيانات هذه المسألة تمثل حالة تطرفية لإيجاد معادلة الدالة الخطية بمعرفتي:

(١٦) النقطة المثلى لهذه المسألة تمثل نهاية:

- (أ) نهاية عظمى ..... (ب) نهاية صغرى ..... (ج) نقطة انقلاب (د) لا يمكن تحديد نهايتها

17 إلى 19 تعتمد على المعلومات التالية:

استثمر أحد الأشخاص مبلغ ١٥٨٥٠ ريال لمدة ٤ سنوات في صندوق استثماري يعطي فوائد تسببت بها ٦% سنوياً، بناءً عليه، فإن:

$$15850 \times (1.06)^4 = 19664.5$$

(١٧) بافتراض أن الفوائد "بسيطة"، يصبح الرصيد (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار:

- (أ) ١٩٦٦٥ ريال (ب) ١٦٩٥٤ ريال (ج) ١٥٩٦٤ ريال (د) ١٦٩٤٥ ريال

(١٨) بافتراض أن الفوائد "مركبة"، يصبح الرصيد (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار حوالي:

- (أ) ٢١٠٠٠ ريال (ب) ٢١٠١٠ ريال (ج) ٢١١٠٠ ريال (د) ٢٠٠١٠ ريال

(١٩) بافتراض أن الفوائد "مركبة"، فإن مقدار الفوائد التي سيحصل عليها مع نهاية مدة الاستثمار حوالي:

- (أ) ٤١٦٠ ريال (ب) ٥١٥٠ ريال (ج) ٥١٦٠ ريال (د) ٥٢٥٠ ريال

(٢٠) إذا كان راتب موظف (س) بآلاف الريالات تعبر عنه الدالة التالية:

$$81 = 3^2 - 3^3 \text{ فان راتب هذا الموظف هو:}$$

- (أ) ٥٠٠٠ ريال (ب) ٩٠٠٠ ريال (ج) ٣٠٠٠ ريال (د) ٦٠٠٠ ريال

(٢١) إذا كنت الدالتين التاليتين تمثلان العرض والطلب لسلمة ما

$$\text{ض} = 2 + 2\text{ث}$$

$$\text{ط} = 10 - \text{ث}$$

حيث: ث = السعر ض = العرض ط = الطلب

فان سعر وكمية التوازن هما على التوالي:

- (أ) ٤ و ٦ (ب) ١٩ و ٢٠ (ج) ٢٠ و ١٩ (د) ٦ و ٤

(٢٢) إذا كانت دالة العرض لسلمة ما هي: ض = ٢ث<sup>٢</sup> فان مرونة العرض السعرية عند الثمن = ٥ ريال هي:

- (أ) ٢ (ب) ٤ (ج) ٢ث (د) صفر

**ECON 206**

(٢٣) إذا كانت دالة الإنتاج لمنشأة ما هي  $2L + 4K$  فإن الإنتاج الحدي لهذه المنشأة هو  
 (أ) 2L (ب) 4K (ج)  $2L + 4K$  (د)  $4L + 4K$

(٢٤) إذا كانت (س) تمثل عدد الأجهزة الكهربائية المنتجة في مصنع ما بالمليون وحدة وفقا لدالة التانية:

$$S^2 + S - 12 = 0 \quad S^2 + S = 12$$

$$S = \frac{-1 \pm \sqrt{1 + 48}}{2} = \frac{-1 \pm 7}{2}$$

فإن عدد الأجهزة = س =

- (أ) 6 مليون جهاز  
 (ب) 3 مليون جهاز  
 (ج) 5 مليون جهاز  
 (د) 4 مليون جهاز

(٢٥) إذا كانت دالة العرض:  $Q = 200 - 50P$  فإن الكمية المعروضة عند السعر 30 تساوي:  
 (أ) 200- (ب) 50 (ج) 1300 (د) 1500

(٢٦) إذا كان الخط المستقيم الممثل لدالة الطلب عمودي على الخط المستقيم الممثل لمعادلة العرض وكانت معادلة العرض هي:  $Q = 200 - 50P$  فإن ميل معادلة الطلب هو:  
 (أ) 4 (ب) -4 (ج)  $-0.25$  (د)  $0.25$

(٢٧) إذا كانت دالة الاستهلاك هي  $K = 1200 + 0.8L$  حيث (ك) الاستهلاك و (ل) الدخل فإن قيمة مضاعف الاستثمار =  
 (أ) 1200 (ب) 0 (ج) 0.8 (د)  $1200.6$

(٢٨) إذا كانت المصفوفة س  $\begin{pmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 1 & 5 & 2 \end{pmatrix}$  ، والمصفوفة ص  $\begin{pmatrix} 12 & 10 \\ 7 & 8 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$  ، فإن حاصل جمع المصفوفة س +  
 المصفوفة ص =

- (أ)  $\begin{pmatrix} 70 & 72 \\ 60 & 66 \end{pmatrix}$   
 (ب)  $\begin{pmatrix} 72 & 77 \\ 64 & 66 \end{pmatrix}$   
 (ج)  $\begin{pmatrix} 70 & 70 \\ 64 & 66 \end{pmatrix}$   
 (د) لا شيء مما سبق





٣) نقاط الحل الممكنة هي :

٤) عدد الوحدات المنتجة من (س ، ص) التي تحقق الهدف هي :

٥) قيمة دالة الهدف عند النقطة المثلى =

مع أطيب التمنيات بالتوفيق

مدرسة ح

١٧) ٢٠٠٠٠ ريال (ب) ١٠٠٠٠٠ ريال (ج) ١٠٠٠٠٠٠ ريال (د) ١٠٠٠٠٠٠٠ ريال

س (٦) :

لو أمكن التعبير عن معادلتَي العرض والطلب على البرتقال على النحو التالي :

$$\text{معادلة العرض : } 2 = 3 - 2 \text{ س} - 15$$

$$\text{معادلة الطلب : } 3 = 2 - 2 \text{ س}$$

حيث :

س : الكمية المعروضة ، ط : الكمية المطلوبة ، س : السعر ، وعلى ذلك ، فإن :

(١٤) المعادلة التي تمثل حالة التوازن (معادلة الفائض/العجز) هي :

(أ)  $2 \text{ س} - 3 - 12 = 0$  (ب)  $2 \text{ س} - 3 - 12 = 0$

(ج)  $2 \text{ س} - 2 - 6 = 0$  (د)  $3 \text{ س} - 3 - 10 = 0$

(١٥) سعر التوازن هو :

(أ) ١ ريال (ب) ٢ ريال (ج) ٣ ريال (د) ٤ ريال

(١٦) الكمية المتوازنية هي :

(أ) ٥ كغم (ب) ١٠ كغم (ج) ١٥ كغم (د) ٢٠ كغم

س (٧) :

استثمر شخص مبلغ ٢٥٠٠٠ ريال على أساس أن معدل الإستثمار ٩٪ سنوياً والعائد يضاف كل نصف سنة (٦ شهور) ، وعلى أن مدة الإستثمار ٦ سنوات وبناءً عليه ، فإن :

(١٧) نسبة العائد الفعلية المستخدمة =

(أ) ٠,٠٩ (ب) ٠,٠٤٥ (ج) ٠,٠٠٧٥ (د) ٠,٠٠٠٧٥

(١٨) بافتراض الإستثمار بنظام العوائد المركبة ، عندما يحين موعد السداد ، يتكون للمستثمر مبلغ (القيمة المستقبلية أو جملة المبلغ المُستثمر) =

(أ) ٣٨٠٠٠ ريال (ب) ٣٨٥٠٠ ريال

(ج) ٤٢٣٩٧,٠٣٦ ريال (د) ٤٢٩٠٠,١٧٢ ريال

(١٩) بافتراض الإستثمار بنظام العوائد البسيطة ، عندما يحين موعد السداد ، يتكون للمستثمر مبلغ (القيمة المستقبلية أو جملة المبلغ المُستثمر) =

(أ) ٣٨٠٠٠ ريال (ب) ٣٨٥٠٠ ريال

(ج) ٤٢٣٩٧,٠٣٦ ريال (د) ٤٢٩٠٠,١٧٢ ريال



بفرض وجود مجتمع مكون من قطاعين للإنتاج (س)، (ص) والجدول التالي يبين تحليل المدخلات والمخرجات

للقطاعين:

الإنتاج الكلي	الطلب النهائي	قطاع مستخدم		قطاع منتج
		ص	س	
٥٠٠	٣٥٠	١٠٠	٥٠	س
١٠٠٠	٦٥٠	٢٠٠	١٥٠	ص

وبناءً عليه ، فإن :

(٢٠) مصفوفة المعاملات الفنية هي :

$$\begin{pmatrix} ٠,١ & ٠,٢ \\ ٠,١ & ٠,٣ \end{pmatrix} \text{ (د)} \quad \begin{pmatrix} ٠,١ & ٠,١ \\ ٠,٢ & ٠,٣ \end{pmatrix} \text{ (ج)} \quad \begin{pmatrix} ٠,٢ & ٠,٣ \\ ٠,١ & ٠,١ \end{pmatrix} \text{ (ب)} \quad \begin{pmatrix} ٠,٣ & ٠,١ \\ ٠,٢ & ٠,١ \end{pmatrix} \text{ (أ)}$$

(٢١) لكي ينتج القطاع ص ما قيمته وحدة نقدية واحدة ، فإنه يستخدم من القطاع س ما قيمته :

(أ) ٠,١ وحدة نقد (ب) ٠,٣ وحدة نقد (ج) ٠,٢ وحدة نقد (د) ٠,٤ وحدة نقد

(٢٢) لكي ينتج القطاع ص ما قيمته وحدة نقدية واحدة ، فإنه يستخدم من القطاع ص (من نفسه) ما قيمته :

(أ) ٠,١ وحدة نقد (ب) ٠,٣ وحدة نقد (ج) ٠,٢ وحدة نقد (د) ٠,٤ وحدة نقد

(٢٣) مصفوفة ليونتييف هي :

$$\begin{pmatrix} ٠,١- & ٠,٨ \\ ٠,٩ & ٠,٣- \end{pmatrix} \text{ (د)} \quad \begin{pmatrix} ٠,١- & ٠,٨ \\ ٠,٩ & ٠,٣- \end{pmatrix} \text{ (ج)} \quad \begin{pmatrix} ٠,٨ & ٠,٣- \\ ٠,١- & ٠,٩ \end{pmatrix} \text{ (ب)} \quad \begin{pmatrix} ٠,١- & ٠,٩ \\ ٠,٨ & ٠,٣- \end{pmatrix} \text{ (أ)}$$

(٢٤) إذا كان الطلب النهائي الجديد هو  $\begin{pmatrix} ٦٠٠ \\ ٢١٠٠ \end{pmatrix}$  ، تكون مستويات الإنتاج الكلي الجديدة =

(أ) ١٠٠٠ لـ س ، ٢٠٠٠ لـ ص (ب) ٧٥٠ لـ س ، ١٤٥٠ لـ ص

(ج) ١٠٠٠ لـ س ، ٣٠٠٠ لـ ص (د) ٧٥٠ لـ س ، ١٥٠٠ لـ ص

س (٩) :

تنتج إحدى شركات البتر وكيمواويات منتجاً معيناً بكميات س ، وفي سبيل ذلك تحقق إيرادات وتحمل تكاليف ، وكانت :

دالة الإيرادات هي : ي = د(س) = ١٠٠ س

دالة التكاليف هي : ت = د(س) = ٠,٢٥ س + ٢٠

وبناءً عليه ، فإن :

(٢٥) إذا كانت كمية المبيعات = كمية الإنتاج = س ، يكون سعر بيع الوحدة هو :

(أ) ١٠٠ ريال (ب) ١٠٠٠ ريال (ج) ٢٥ ريال (د) ٢٠ ريال

١٠٠ / ٢٦١ / ٢٠١٦

(٤) قاسي ٤ مناسبي

١١) موزني سبت (ب) ٨٠ = ٢٥ - ٢٠ (ج) ١٢٠ مناسبي

(٢٧) دالة الربح - الحدي هي :

(أ)  $80 + 0.25س = ر'$  (ب)  $80 - 0.5س = ر'$

(ج)  $80 + 0.4س = ر'$  (د)  $80 + 0.5س = ر'$

(٢٨) دالة التكلفة الحدية هي :

(أ)  $20 + 0.5س = ت'$  (ب)  $20 - 0.5س = ت'$

(ج)  $20 - 0.5س = ت'$  (د)  $20 - 0.5س = ت'$

(٢٩) الإيراد الحدي =

(أ) ١٠٠ ريال (ب) ١٠٠٠ ريال (ج) ٢٥ ريال (د) ٢٠ ريال

(٣٠) الكمية المنتجة والمباعة والتي تحقق أعلى ربح ( التي تجعل الربح أكبر ما يمكن أو نهاية عظمى ) هي س =

(أ) ١٤٠ وحدة (ب) ٤٠ وحدة (ج) ١٦٠ وحدة (د) ٢٠ وحدة

س (١٠) :

إذا تحدد طول قطعة أرض بأنه = س بمئات الأمتار ، حيث يتحدد المتغير س وفقاً للمعادلة التالية :

$$٦ = [ ٣ - س + س ] ٢$$

و بناءً عليه ، فإن :

(٣١) طول قطعة الأرض = س =

(أ) ٦٥٠ متر (ب) ٧٠٠ متر (ج) ٧٥٠ متر (د) ٨٠٠ متر

س (١١) :

إذا كان دالتي الطلب والعرض على النحو التالي :

$$١٧٠ = ٣ - ص$$

$$٤٥٠ = ٥ + ص$$

وعلى ذلك يكون :

(٣٢) يتمثل الوضع الجبري لنظام المعادلات السابق في صورة مصفوفات بالوضع :

$$\begin{pmatrix} ١٧٠ \\ ٤٥٠ \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ١ & ٣- \\ ١ & ٥ \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} س \\ ص \end{pmatrix} \quad (ب) \quad \begin{pmatrix} ١٧٠ \\ ٤٥٠ \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ١ & ٣- \\ ١ & ٥ \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} س \\ ص \end{pmatrix} \quad (أ)$$

$$\begin{pmatrix} ١٧٠ \\ ٤٥٠ \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ١ & ٣- \\ ١ & ٥ \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} س \\ ص \end{pmatrix} \quad (د) \quad \begin{pmatrix} ١٧٠ \\ ٤٥٠ \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ١ & ٣- \\ ١ & ٥ \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} س \\ ص \end{pmatrix} \quad (ج)$$

(٣٣) قيمة محدد المصفوفة ( محدد مصفوفة المعاملات ) =

(أ) - ٨ (ب) ٨ (ج) - ٢ (د) ٢

(٣٤) - ...

مفرد العزيم  
 (أ)  $\frac{1}{8} - \frac{1}{3} - \frac{1}{5}$  (ب)  $\frac{1}{8} - \frac{1}{5} - \frac{1}{3}$  (ج)  $\frac{1}{2} - \frac{1}{5} - \frac{1}{3}$  (د)  $\frac{1}{2} - \frac{1}{3} - \frac{1}{5}$

(٣٥) نقطة التعادل هي :

(أ) (١٧٠ ، ٠) (ب) (٠ ، ٩٠) (ج) (٢٧٥ ، ٣٥) (د) (٣٥ ، ٢٧٥)

(٣٦) لكي يمكن إيجاد معكوس المصفوفة لابد أن يكون:

(أ) المصفوفة مربعة ، وقيمة محدد المصفوفة  $\neq$  صفر

(ب) المصفوفة مربعة ، وقيمة محدد المصفوفة = صفر

(ج) المصفوفة مربعة ، وقيمة محدد المصفوفة  $\neq$  صفر

(د) المصفوفة مربعة ، وقيمة محدد المصفوفة  $>$  صفر

س (١٢) : إذا كانت:  $ص = ١٠ + س$  ، وعلى ذلك :

(٣٧) عندما  $ص = ١٠٠٠٠$  ، فإن :  $س =$

(أ) ٢ (ب) ٣ (ج) ٤ (د) لا شيء مما سبق

س (١٣) :

إذا كان المطلوب هو تعظيم دالة الهدف :  $ر = ٧س + ٤ص$  ، وفقاً للقيود التالية:

(١)  $ص - س \geq ٥$

(٢)  $س + ص \geq ١١$

(٣)  $ص \leq ٤$

وبشرط أن  $س \leq$  صفر ،  $ص \leq$  صفر

وبطريقة البرمجة الخطية ، والتمثيل البياني لهذه البيانات ، فإن :

(٣٨) الخط الذي يمثل القيد الأول يقطع المحور الرأسي (الصادي) عند النقطة :

(أ) (صفر ، ٥) (ب) (٥- ، صفر) (ج) (صفر ، ٥) (د) (٥ ، صفر)

(٣٩) الخط الذي يمثل القيد الثاني يقطع المحور الأفقي (السيني) عند النقطة :

(أ) (صفر ، ١١) (ب) (١١- ، صفر) (ج) (صفر ، ٨) (د) (١١ ، صفر)

(٤٠) نقطة تقاطع الخطين الممثلين للقيدين الأول والثاني هي :

(أ) (١١ ، ٣) (ب) (٨ ، ٣-) (ج) (٣ ، ٧) (د) (٨ ، ٣)

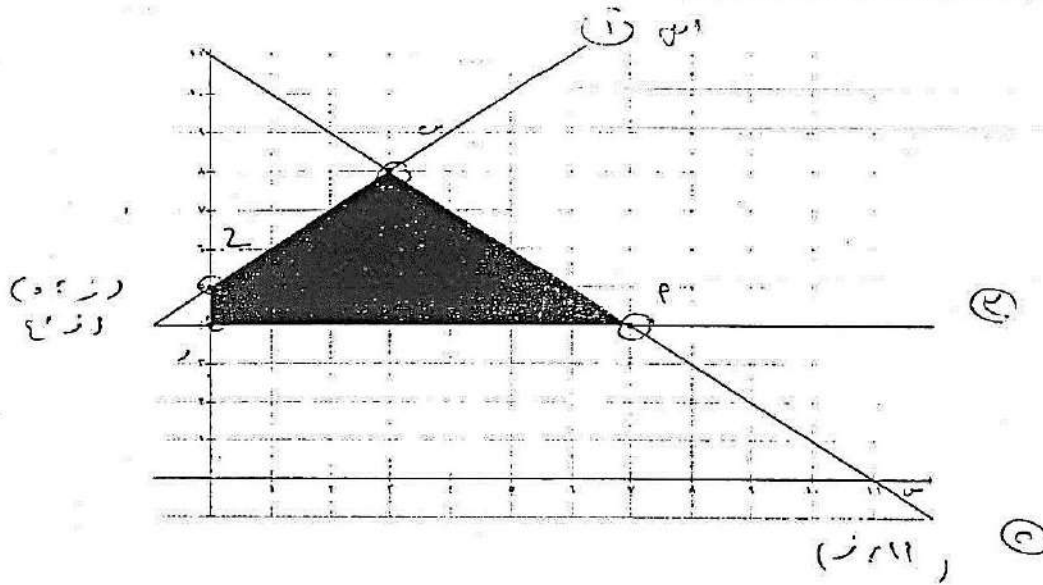
(٤١) دالة الهدف تكون أكبر ما يمكن (نهاية عظمى) عند النقطة :

(أ) (٤ ، ٧) (ب) (٨ ، ٣) (ج) (٥ ، ٤) (د) (٤ ، ٨)

(٤٢) أكبر قيمة ممكنة لدالة الهدف في منطقة الحلول =

(أ) ٥٣ (ب) ٦٥ (ج) ٨٠ (د) ٧٦

الشكل الثاني: التوزيع الاحتمالي لـ  $X$  و  $Y$  (مستقلين)



$(2, 7)$        $(2, 4)$        $P =$   $\frac{1}{2} \times (7-4) \times (2-0) = 3$   
 $(8, 4)$        $(0, 4)$        $=$   
 $(0, 0)$        $(0, 4)$        $= 2$   
 $(2, 0)$        $(2, 4)$        $= 2$

$Y = 4$	احتمال $P$
$(2, 7)$	$\frac{1}{2}$
$(8, 4)$	$\frac{1}{2}$
$(0, 4)$	$\frac{1}{2}$
$(2, 0)$	$\frac{1}{2}$

$\sum P = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 2$

الإختبار النهائي لمادة التحليل الكمي (قصد ٢٠٤) "إنتساب"

الفصل الأول ٢٩ / ١٤٣٠ هـ

مدة الإختبار: ساعة ونصف فقط

مدة الإختبار: ساعة ونصف فقط

نموذج: (ب) (ب) نموذج: (ب) (ب) نموذج: (ب) (ب) نموذج: (ب) (ب)

رقم التسجيل:

إسم الطالب:

توجيهات هامة جداً

عزيزي الطالب قبل البدء بحل هذا الإختبار، نرجو منك قراءة التوجيهات التالية:

١. يجب على كل طالب كتابة اسمه الرسمي (كما هو ممدون في سجلات الجامعة)، ورقم تسجيله.
٢. أثناء الإختبار، يمنع استخدام الجوال (خصوصاً أبو كاميرا)، ولا مانع من استخدام الآلات الحاسبة "العلمية"، وعلى الطالب أن يكون ملماً باستخدامها، حيث يمنع السؤال عن كيفية استخدامها أثناء الإختبار، كما يمنع منعاً باتاً استعارة الآلات أو أي شيء من مستلزمات الإختبار أو التحدث إلى الآخرين أو النظر إلى أوراقهم.
٣. هذا الإختبار من نوع اختيار الإجابة "الصحيحة" من بين الإجابات "المضللة". ولكي يتمكن الطالب من الحصول على أعلى درجة، ننصح بقراءة سريعة لجميع الأسئلة لمعرفة محتواها جميعاً، ثم يبدأ بحل السؤال الأسهل ثم السهل ويترك السؤال الأصعب في الأخير، فجميعها تحسب بنفس الوزن. حيث المطلوب الإجابة على "جميع فقرات" هذا الإختبار (٢٨ فقرة)، بكتابة الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة في جدول الإجابات أدناه.

جدول الإجابات

رقم الفقرة	إكتب الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة لكل فقرة أدناه.	رقم الفقرة	إكتب الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة لكل فقرة أدناه.
١		١٥	
٢		١٦	
٣		١٧	
٤		١٨	
٥		١٩	
٦		٢٠	
٧		٢١	
٨		٢٢	
٩		٢٣	
١٠		٢٤	
١١		٢٥	
١٢		٢٦	
١٣		٢٧	
١٤		٢٨	

السؤال الأول: تهدف إحدى الشركات الحصول على أكبر كمية من مخرجاتها المثلة في (س<sub>1</sub>) و(س<sub>2</sub>)، حيث دالة

الهدف:  $z = 3س_1 + 5س_2$

وذلك طبقاً للقيود التالية:

(1)  $3س_1 + 5س_2 \geq 20$

(2)  $11س_1 + 5س_2 \geq 55$

(3)  $س_2 \geq 4$

وبشرط أن تكون:  $س_1, س_2 \geq 0$

فمن التمثيل البياني لهذه البيانات، نستنتج أن:

(1) الخط المستقيم الذي يمثل القيد الأول يقطع المحور الأفقي (السي<sub>1</sub>) عند النقطة:

- (أ) (0, 4) (ب) (10, 0) (ج) (0, 6) (د) (6, 0)

(2) الخط المستقيم الذي يمثل القيد الثاني يقطع المحور الراسي (الصادي) عند النقطة:

- (أ) (5, 0) (ب) (5, 9) (ج) (0, 6) (د) (11, 0)

(3) يتقاطع الخطين المستقيمين الممثلين للقيدين الأول (1) والثاني (2) عند النقطة:

- (أ) (3, 125) (ب) (4, 2, 2) (ج) (2, 2, 4) (د) (3, 125) (4, 125)

(4) يتقاطع الخطين المستقيمين الممثلين للقيدين الثاني (2) والثالث (3) عند النقطة:

- (أ) (3, 125) (ب) (4, 2, 2) (ج) (2, 2, 4) (د) (3, 125) (4, 125)

(5) نقاط الحلول الممكنة هي:

- (أ) (0, 0), (10, 0), (4, 3), (0, 6) (ب) (0, 0), (10, 0), (6, 11), (0, 4), (2, 2), (4, 125), (3, 125), (0, 6), (0, 0)

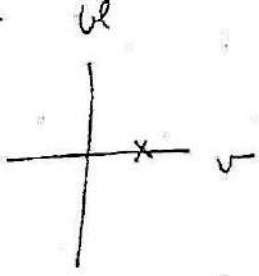
- (ج) (0, 0), (0, 6), (3, 4), (5, 0), (0, 6), (0, 0), (0, 6), (3, 4), (5, 0), (0, 6), (0, 0)

(6) النقطة المثلى للحل، هي:

- (أ) (3, 125) (ب) (4, 125) (ج) (4, 2, 2) (د) (2, 2, 4)

(7) قيمة دالة الهدف عند النقطة المثلى للحل:

- (أ) 24 (ب) 24, 875 (ج) 22 (د) 22, 6



للمسألة الثاني: نتج إحدى شركات البتروكيماويات المنتج (ج)، وتحقق منه إيرادات وتحمل في إنتاجه تكاليف، يمكن كتابة درهما كالتالي:

دالة التكاليف : ت = د (ج) = ٢٠ ج + ١,٢٥ ج<sup>٢</sup>

ر = الإيرادات الكلية      ت = التكاليف الكلية

دالة الإيرادات : ر = د (ج) = ١٠٠ ج

حيث: ج = كمية الإنتاج (و البيع) من المنتج (ج)

كما سبق، يمكن القول بأن:

(٨): سعر بيع الوحدة الواحدة من المنتج (ج) يساوي:

(د): ٠,٢٥ ريال

(ج): ٢٠ ريال

(ب): ١٠٠ ريال

(أ): ١٠٠٠ ريال

(٩): دالة الربح (لترمز لها بالرمز ج)، تساوي:

(أ):  $ر - ت = د(ج) - (٢٠ ج + ١,٢٥ ج^٢)$

(ب):  $١٠٠ ج - (٢٠ ج + ١,٢٥ ج^٢)$

(د): كل ما سبق صحيح

(ج):  $٨٠ ج - ١,٢٥ ج^٢$

(١٠): لكي يكون الربح أعلى ما يمكن (نهاية عظمى)، يجب أن يكون:

(أ): المشتقة الأولى = صفر، والمشتقة الثانية كمية سالبة

(ج): المشتقة الأولى = المشتقة الثانية = صفر

(١١): الكمية المنتجة (والمباعة) والتي تحقق أعلى ربح، تساوي:

(د): ١٤ وحدة

(ج): ٤٠ وحدة

(ب): ١٤٠ وحدة

(أ): ١٠٠ وحدة

(١٢): مقدار أعلى ربح يمكن أن يتحقق لهذه الشركة، هو:

(د): ٦٦٠٠ ريال

(ج): ٦٤٠٠ ريال

(ب): ٦٢٠٠ ريال

(أ): ٦٠٠٠ ريال

(١٣): لو أمكن كتابة العلاقة بين الكمية المطلوبة من سلعة معينة (ط) وسعرها (س)، في الصيغة التالية:

فإن مرونة الطلب، عند السعر ١٢ ريالاً =

ط = د (س) = ١٠٠ - ٥ س

(د): -١٦,٧

(ج): -١,٥

(ب): ١٦,٧

(أ): ١,٥



السؤال الثالث: مصنع ألنيوم ينتج نوعين من المنتجات: شبايك (س) وأبواب (ص)، حيث يمر كل منهما بقسمين: قسم التقطيع، حيث كميات الألنيوم المتاحة له ٢٠٠ صفيحة/ يوماً. وقسم التركيب، حيث كميات الألنيوم المتاحة له ٢٥٠ صفيحة/ يوماً. فإذا كان الشباك الواحد (س)، يحتاج إلى صفيحتين من قسم التقطيع وصفيحتين من قسم التركيب. بينما الباب الواحد (ص)، يحتاج إلى صفيحتين من قسم التقطيع و٣ صفيحات من قسم التركيب. وبناءً عليه:

(١٤): يمكن كتابة معطيات هذه المسألة على شكل مجموعة معادلات خطية (٢×٢)، على النحو التالي:

(أ):  $200 = 3س + ٢ص$  (ب):  $250 = ٢س + ٣ص$

$200 = ٢س + ٣ص$   $250 = ٣س + ٢ص$

(ج):  $200 = ٢س + ٣ص$  (د):  $250 = ٢س + ٣ص$

$200 = ٣س + ٢ص$   $250 = ٣س + ٢ص$

(١٥): مصفوفة المعاملات الفنية، مصفوفة: (أ) متماثلة (ب) متطيلة (ج) مربعه (د) لاشئ مما سبق

(١٦): مصفوفة المعاملات الفنية المظلة لهذا السؤال، هي:

(أ)  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  (ب)  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  (ج)  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$  (د)  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$

ملاحظة هامة: اعتبر أن أرقام عناصر المصفوفة أرقام "عربية"، أي أن اتجاهنا من اليمين إلى اليسار.

(١٧): محدد مصفوفة المعاملات الفنية يساوي: (أ) -٢ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) صفر

(١٨): بديل "متقول" مصفوفة المعاملات الفنية:

(أ)  $\begin{pmatrix} 3- & 2 \\ 2 & 2- \end{pmatrix}$  (ب)  $\begin{pmatrix} 3- & 2 \\ 3 & 2- \end{pmatrix}$  (ج)  $\begin{pmatrix} 2- & 2 \\ 3 & 2- \end{pmatrix}$  (د)  $\begin{pmatrix} 2- & 3 \\ 2 & 2- \end{pmatrix}$

ملاحظة هامة: بافتراض أن عناصر المصفوفة أرقام "عربية"، لذلك كتب الإشارات بالشكل الموضح.

(١٩): بتطبيق أي طريقة من طرق حل مجموعة المعادلات الخطية، فإن هذا المصنع يستطيع يوماً إنتاج:

(أ) س = ٢٠ / ص = ٣٠ (ب) س = ٢٠ / ص = ٤٠ (ج) س = ٤٠ / ص = ٣٠ (د) س = ٥٠ / ص = ٥٠

(٢٠): شرط وجود معكوس "مقلوب" المصفوفة:

(أ) أن لا يساوي محدد المصفوفة الصفر

(ب) أن يكون محدد المصفوفة أكبر من الصفر

(ج) أن يكون محدد المصفوفة أصغر من الصفر

(د) أن يساوي محدد المصفوفة الصفر

(٢١): عند ضرب مصفوفتين رتبة "أبعاد" الأولى ٣ X ٤ ورتبة "أبعاد" الثانية ٤ X ٤ فإن مصفوفة الناتج تكون رتبة "أبعادها":

(أ) ٤ X ٤ (ب) ٤ X ٣ (ج) ٣ X ٣ (د) ٣ X ٤



السؤال الرابع: دين قيمته ٢٥٠٠٠ ريال يستحق السداد بعد ٤ سنوات من الآن، فإذا كانت نسبة الفائدة ١٢٪ وتُحسب كل شهر (تلاشعرات في السنة)، فإن هذا يعني أن:  
 (٢٢): نسبة الفائدة الفعلية، تساوي: (أ) ٠,٤٥ : (ب) ٠,٤٥ : (ج) ٠,٤٥ : (د) ٠,٤٥

(٢٣): عدد مرات احتساب نسبة الفائدة: (أ) ٤ : (ب) ٨ : (ج) ١٢ : (د) ١٦  
 (٢٤): بالفرض أن الفائدة بسيطة، لو أراد تسديد الدين في الوقت الحاضر، فهذا يعني أن عليه أن يسدد مبلغ: (أ) ١٥٦١٤,٩٢٦ ريال : (ب) ٢٨٩١,٨٩٢ ريال : (ج) ١٥٦١٠,٩٢٦ ريال : (د) ٢٦٩٨١,٨٩٢ ريال

(٢٥): بالفرض أن الفائدة مركبة، لو أراد تسديد الدين في الوقت الحاضر، فهذا يعني أن عليه أن يسدد مبلغ: (أ) ١٥٦١٤,٩٢٦ ريال : (ب) ١٥٦١٦,٩٢٦ ريال : (ج) ١٥٦١٠,٩٢٦ ريال : (د) ١٥٦١٢,٩٢٦ ريال

السؤال الخامس: إقترض شخص مبلغ ٢٥٠٠٠ ريال لمدة ٦ سنوات بمعدل فائدة مركبة ٩% سنوياً، تضاف كل نصف سنة، فهذا يعني أن:

(٢٦): نسبة الفائدة الفعلية تساوي: (أ) ٠,٩ : (ب) ٠,٩٩ : (ج) ٠,٤٥ : (د) ٠,٤٥  
 (٢٧): عدد مرات احتساب نسبة الفائدة: (أ) ٤ : (ب) ٨ : (ج) ١٢ : (د) ١٦

(٢٨): فإن جملة المستحق على هذا الشخص في نهاية المدة:

(أ) ٤٢٣٦٧,٠٣٦ ريال : (ب) ٤٢٣٧٧,٠٣٦ ريال : (ج) ٤٢٣٩٧,٠٣٦ ريال : (د) ٤٢٣٨٧,٠٣٦ ريال

القرآن في حادة (أساسيات) لتسجيل الأسماء (للإحصاء المعمول) لعام ١٤٢٩-١٤٣٠  
 الفصل الثاني (كامل)  
 الفصل الثالث (كامل)  
 الفصل الرابع (كامل)  
 الفصل الخامس (كامل)  
 الفصل السادس (كامل)  
 الفصل السابع (الطريقة) بيان في حل مشاكل البرمجة الخطية  
 الفصل الثامن (كامل)  
 الفصل التاسع (كامل)



اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ظلل إجابتك في نموذج الإجابة : (3 درجات لكل عبارة)

٦) إذا علمت أن ثمن سلعة ما (ت) يتحدد وفقاً للمعادلة التالية :

$$72 = [3 + (3 - 2)ت] 3$$

فإن الثمن = ..... ريال

(أ) 5 (ب) 6 (ج) 8 (د) 9

$$9ت = 81$$

$$ت = 9$$

$$72 = [3 + (3 - 2)ت] 3$$

$$72 = 3 + 3ت - 2ت$$

$$72 = 3 + ت$$

@@@ الأسئلة من 2-3 تعتمد على المعومات التالية:

إذا كان دالتى الإنتاج لملعقتين هما :

$$2 من 5 ص = 15$$

$$3 من 3 ص = 10$$

فإن :

$$(1 \times 5) - (2 \times 3) = \Delta \begin{vmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 1 \end{vmatrix}$$

$$5 - 6 = \Delta$$

$$\Delta = -1$$

(2) محدد المعاملات =  $\Delta = \dots$

(أ) 4 (ب) -3 (ج) 3 (د) -4

$$(1 \times 10) - (1 \times 3) = \Delta \begin{vmatrix} 10 & 3 \\ 3 & 1 \end{vmatrix}$$

$$10 - 9 = \Delta = 1$$

(أ) 13 (ب) 26 (ج) 10 (د) 1

(3) محدد من  $\Delta = \dots$

(أ) 8 (ب) -5 (ج) 5 (د) -8

٧) بالقرائن أو قيمة محدد من  $\Delta = 5$  من  $\Delta = 6$  ر محدد المعاملات  $\Delta = 3$  فإن قيمة من  $\Delta = 3$

$$3 = \frac{7}{\Delta} = \frac{5\Delta}{\Delta}$$

(أ) خطأ

٨) إذا كان راتب موظف (س) يتلاف الرواتب لغير طه ثلاثة التالي:

$$(2 من 3) = 8$$

فإن راتب هذا الموظف هو :

- (أ) 5000 ريال (ب) 10000 ريال (ج) 3000 ريال (د) 6000 ريال

٩) إذا كانت (ت) تمثل عدد الأجيال تكبيرات المنتج في مصنع ما بالمليون وحدة وفقاً لجدول التالي:

$$ت = 20 - 2ت$$

فإن عدد الأجيال = ك = ... مليون وحدة

(أ) 40

(ب) 5

(ج) 6

(د) 7

(7) إذا كان لديك جدول التشابك القطاعي التالي:

الإنتاج الكلي	المخرجات		قطاعات مستخدمة
	الطلب النهائي	الطلب الوسيط	
		الزراعة	الصناعة
1000	500	300	200
1200	160	540	500

التمويل ←

فإن مصفوفة المعاملات الفنية هي =

(د) لا شيء مما سبق  $\begin{pmatrix} 0.25 & 0.2 \\ 0.45 & 0.5 \end{pmatrix}$  (ب)  $\begin{pmatrix} 0.3 & 0.2 \\ 0.54 & 0.5 \end{pmatrix}$  (أ)  $\begin{pmatrix} 0.3 & 0.2 \\ 0.45 & 0.416 \end{pmatrix}$

$$\begin{bmatrix} 1.25 & 0.2 \\ 0.45 & 1.5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1.25}{1.25} & \frac{0.2}{1.25} \\ \frac{0.45}{1.25} & \frac{1.5}{1.25} \end{bmatrix}$$

(8) إذا كنت العائدات تتأثر بالعرض والطلب لسعة ما...

ع = 5 + 10 = 15  
 ط = 68 - 2 = 66

حيث: ع = السعر، ط = العرض، طلب = الطلب

فإن سعر وكمية التوازن هما في التالي:

(أ) 10 و 30 (ب) 2 و 44 (ج) 12 و 26 (د) 14 و 60

(9) إذا كانت مصفوفة المعاملات الفنية هي =

$$\begin{pmatrix} 0.3 & 0.2 \\ 0.5 & 0.4 \end{pmatrix}$$

فإن مصفوفة التوازن هي =

$$\begin{pmatrix} -0.3 & 0.8 \\ 0.5 & -0.4 \end{pmatrix}$$

(ب)  $\begin{pmatrix} 0.3 & 0.8 \\ 0.5 & 0.6 \end{pmatrix}$  (ج)  $\begin{pmatrix} -0.7 & 0.8 \\ 0.5 & -0.6 \end{pmatrix}$  (د) لا شيء مما سبق

(10) إذا كانت دالة العرض مستقيمة هي: ع = 5 - 2 ك فإن مرونة العرض السعرية عند الك = 20 هي: (أ) 1/5 (ب) -1/5 (ج) 1/2 (د) -1/2

فإن مرونة العرض =  $\frac{ع}{ك} \times \frac{ك}{ع} = \frac{5}{20} \times \frac{20}{5} = 1$

المصفوفة المقلوبة =

(11) مقلوب المصفوفة =  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$  هو المصفوفة :  $(\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 8 & 7 \end{pmatrix})^{-1} = (\begin{pmatrix} 7 & -5 \\ -8 & 6 \end{pmatrix})^{-1}$

(أ)  $\begin{pmatrix} 3.5 & -2.5 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$  (ب)  $\begin{pmatrix} -6 & 8 \\ 5 & -7 \end{pmatrix}$  (ج)  $\begin{pmatrix} 3 & -4 \\ -2.5 & 3.5 \end{pmatrix}$  لا شيء مما سبق

$\frac{1}{\det A} = \frac{1}{\det A} = \frac{1}{\det A} = \frac{1}{\det A}$

$\begin{bmatrix} 7 & -5 \\ -8 & 6 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} 7 & -5 \\ -8 & 6 \end{bmatrix}$

$\begin{bmatrix} 7 & -5 \\ -8 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & -5 \\ -8 & 6 \end{bmatrix}$

@@@ الأسئلة من 12 إلى 15 تعتمد على المعلومات التالية:

إذا كانت التكاليف الكلية لإنتاج الكيلو غرام من سعة ما يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

$ك = 5 + 100$

ويمكن تحديد الأيراد الكلي بدالة التالية:

$و = 50 ك - 2 ك^2$

حيث: ك = التكاليف المتغيرة، و = الأيراد الكلي بالريال، ك: الكميات المنتجة والمباعة بالكمغم

(12) يمكن تفسير المقدار (100) في دالة التكاليف بأنه:

- (أ) التكاليف الثابتة (ب) التكاليف الكلية (ج) التكاليف المتغيرة (د) التكاليف الثابتة

(13) التكاليف الكلية تساوي:

- (أ) 2 (ب) 5 (ج) 100 (د) 5 ك

(14) دالة الأرباح هي:

- (أ) الأرباح =  $ك^2 - 50 ك - 50$  (ب) الأرباح =  $ك^2 + 50 ك - 50$   
 (ج) الأرباح =  $ك^2 + 55 ك - 100$  (د) الأرباح =  $ك^2 + 45 ك - 100$

(15) متوسط التكلفة المتغيرة عند إنتاج 100 وحدة =

- (أ) 20 (ب) 5 (ج) 100 (د) 6

إذا كانت دالة الإنتاج  $ك = 3 + 2ل + 5$  حيث (ل) العمل و (ك) الإنتاج الكلي.

- (أ)  $ك = 3 + 2ل$  (ب)  $ك = 3 + 2ل + 5$  (ج)  $ك = 2 + 3ل$  (د)  $ك = 5 + 2ل$

@@@ الأسئلة من 17 - 18 تعتمد على المعلومات التالية:

عندما كان سعر البرتنال 2 ريال، كانت الكمية 6 كغم. وعندما ارتفع السعر إلى 3 ريال، أصبحت الكمية 4 كغم. بناءً عليه، فإن:

(17) بتطبيق القانون المناسب على هذه البيانات، فإن معادلة الدالة الخطية التي تمثلها هي:

(أ)  $ص = 4 - 28 س$  (ب)  $ص = 3 - 15 س$  (ج)  $ص = 2 - 10 س$  (د)  $ص = - س + 10$

$$\frac{ص - 6}{6 - 2} = \frac{ص - 4}{4 - 2}$$

$$\frac{ص - 6}{4} = \frac{ص - 4}{2}$$

$$2(ص - 6) = 4(ص - 4)$$

$$2ص - 12 = 4ص - 16$$

$$-2ص = -4$$

$$ص = 2$$

(18) بناءً على إشارة معامل السعر، فإن هذه الدالة:

(أ) دالة طلب (ب) دالة عرض (ج) دالة تكاليف (د) لا يمكن تحديد نوع الدالة

(19) من خصائص المتعدد أن قيمته لا تتغير إذا تم تبديل كل الأضددة بكل الصفوف أو العكس.

(أ) صح (ب) خطأ

(20) إذا كانت دالة الاستهلاك هي  $ك = 800 + 0.8 ل$  حيث (ك) الاستهلاك و (ل) الدخل، فإن الميل الحدي للاستهلاك =

(أ) 0.8 (ب) 0.2 (ج) 800 (د) 720

@@@ الأسئلة من 20 إلى 22 تعتمد على المعلومات التالية:

دالة الأرباح الخاصة بأحد المخاليز يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

$$الأرباح = ر = - 3 ك^2 + 24 ك - 10$$

بناءً عليه، فإن:

(21) دالة الربح الحدي هي:

(أ)  $24 + 3 ك$  (ب)  $24 + 3 ك$  (ج)  $24 + 6 ك$  (د)  $24 + 6 ك$

(22) الكمية المثلى التي تحقق أعلى الأرباح هي:

(أ) 8 (ب) 4 (ج) 8 (د) 4

(23) دالة الأرباح عند تعظيمها إنعطى لأن:

(أ) المشتقة الثانية = صفر (ب) المشتقة الثانية = قيمة موجبة (ج) المشتقة الثانية = قيمة موجبة (د) المشتقة الثانية = قيمة موجبة

(24) بخلاف نظرية مصافرين أن يكون عدد صفوف المصفوفة الأولى في ترتيب الضرب مساوياً عدد أعمدة المصفوفة

تالية في ترتيب الضرب.

(أ) صح (ب) خطأ



البرهان الثالث

@@@ الأسئلة من 25 - 27 تعتمد على المعلومات التالية:

أستثمر أحد الأشخاص مبلغ 5000 ريال لمدة 5 سنوات في صندوق استثماري يعطي فوائد نسبتها 11% سنوياً، بناءً عليه، فإن:

(25) بافتراض أن الفوائد "بسيطة"، يصبح الرصيد (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار:

(أ) 5750 ريال (ب) 7750 ريال (ج) 5550 ريال (د) 7550 ريال

حاضرة الفائدة بسيطة = المبلغ (1 + المدة × المعدل)

$$5000(1 + 0.11 \times 5) =$$

$$7750 =$$

(26) بافتراض أن الفوائد "مركبة"، يصبح الرصيد (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار حوالي:

(أ) 7750 ريال (ب) 9324.3 ريال (ج) 8425.3 ريال (د) لا شيء مما سبق

حاضرة الفائدة المركبة = المبلغ × المعدل<sup>المدّة</sup>

$$5000(1.11)^5 =$$

$$8425.3 =$$

(27) أيهما أفضل استثمار (تفرّد):

(أ) الاقتراض بخدمة بسيطة (ب) الاقتراض بخدمة مركبة

(البرهان الخطي)

(28) من الممكن أن يكون عدد صفوف المخطط أكبر من عدد الأعمدة فيه، وفي هذه الحالة تكون رتبة أعلى من رتبة الثانية.

(أ) صح (ب) خطأ

@@@ الأسئلة من 29 - 32 تعتمد على المعلومات التالية:

مصنع ينتج نوعين من الأجهزة: التليفزيون (ت) والكمبيوتر (ك)، وتشارك السلعتان في عدد من مراحل الإنتاج، ويمكن صياغة القيود على ساعات العمل المتاحة في كل مرحلة إنتاجية على الصورة الرياضية التالية:

$$\text{في المرحلة الإنتاجية الأولى: } 4\text{ك} + 4\text{ت} \geq 100$$

$$\text{في المرحلة الإنتاجية الثانية: } 3\text{ك} + 2\text{ت} \geq 60$$

وبشرط أن ك صفر، ت صفر، ك صفر، ت صفر

ويجب للمصنع الحصول على إيرادات مستقلة (د) ويحتاج التليفزيون بـ 4 آلاف ريال ويحتاج الكمبيوتر بـ 5 آلاف ريال، وعلى ذلك:

(29) يمكن صياغة دالة الهدف كما يلي:

$$\text{أ) } \text{ك} = 3\text{ك} + 5\text{ت}$$

$$\text{ب) } \text{ك} = 4\text{ك} + 5\text{ت}$$

$$\text{ج) } \text{ك} = 2\text{ك} + 4\text{ت}$$

$$\text{د) } \text{ك} = 4\text{ك} + 2\text{ت}$$

30) نقاط الحلول الممكنة هي:

- (أ) (25 ، صفر) ، ( صفر ، 25 ) ، ( 25 ، 25 ) ، ( صفر ، صفر )  
 (ب) ( صفر ، 25 ) ، ( 10 ، 15 ) ، ( 20 ، صفر ) ، ( صفر ، صفر ) ✓  
 (ج) ( 25 ، صفر ) ، ( 10 ، 15 ) ، ( 20 ، 25 ) ، ( صفر ، صفر )  
 (د) ( 25 ، صفر ) ، ( صفر ، 25 ) ، ( 20 ، صفر ) ، ( صفر ، 30 )

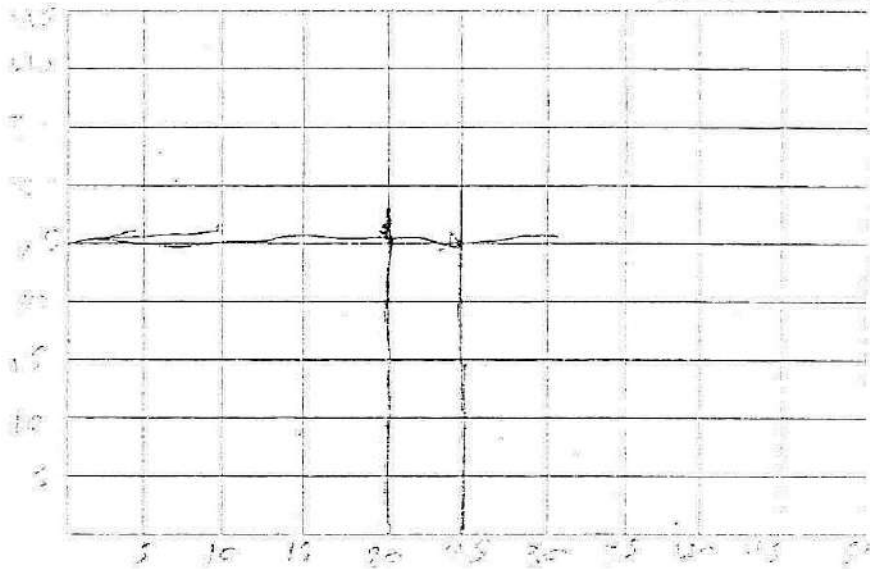
31) عدد الوحدات المنتجة من (س ، ص) التي تحقق الهدف هي : س = .....

- (أ) 15 ، 10 (ب) 20 ، صفر (ج) صفر ، 25 (د) 25 ، 20

32) قيمة دالة الهدف عند النقطة المثلى = .....

- (أ) 80 (ب) 100 (ج) 225 (د) 125 ✓

تمثيل البياني للمنطقة ( القيود ) ( 4 درجات )



الاسم: .....

رقم الجامعي: .....

مع أطيب التمنيات بالتوفيق



كلية الاقتصاد والإدارة  
قسم الاقتصاد

جامعة الملك عبد العزيز  
طلاب انتساب - جده

رقم التسجيل:

اسم الطالب:

ورقة الأسئلة  
الإختبار النهائي لمادة الطرق الكمية ( قصد 206 )  
الفصل الدراسي الثاني 1435/1436 هـ  
مدة الإختبار ساعة ونصف

نموذج ( AAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAA )

تعليمات أداء الإختبار

على كل طالب مراعاة التعليمات الآتية وقراءتها قبل البدء في الإجابة

• لا يسمح للطالب أداء الإختبار إن لم يكن حاملاً لما يثبت هويته ( بطاقة الجامعة )

• أظهر بطاقة هويتك للأستاذ الذي يطلب منك ذلك

• أغلق جوالك أثناء وجودك في مبنى الإختبار، وخاصة في قاعة الإختبار

• لا يسمح باستخدام جهاز الجوال كآلة حاسبة

• ضرورة كتابة اسمك ورقم تسجيلك الجامعي في المكان المخصص لذلك.

• المطلوب الإجابة على كل الأسئلة (30 سؤال صح وخطأ واختيار متعدد)

• يمكنك الكتابة على هوامش ورقة الأسئلة ولا يسمح باستخدام أوراق خارجية

• الإلتزام بالتوقف عن الإجابة عند إعلان المسنول عن إنتهاء الوقت

• عند إنتهاء الإختبار سلم ورقتي الإجابة والأسئلة للمسنول

• سم الله تعالى وقل: اللهم لا سهل إلا ما جعلته سهلاً، وأنت تجعل الحزن إذا شئت سهلاً

AAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAAA

اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ظلل اجابتك : نموذج الاجابة :

الأسئلة من 1 الى 4 تعتمد على المعلومات التالية:

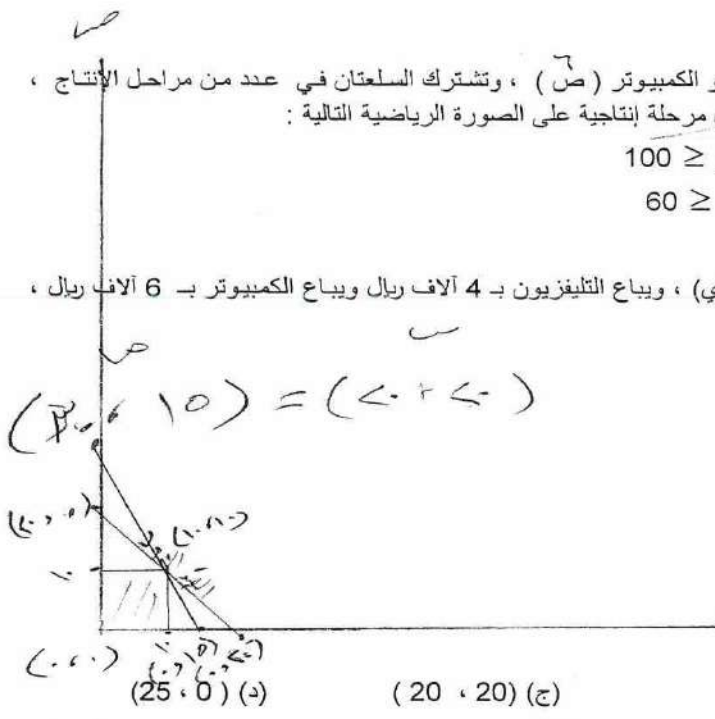
مصنع ينتج نوعين من الأجهزة : التلفزيون (س) و الكمبيوتر (ص) ، وتشارك السلعتان في عدد من مراحل الإنتاج ، وأمكن صياغة القيود على ساعات العمل المتاحة في كل مرحلة إنتاجية على الصورة الرياضية التالية :

قيود المرحلة الانتاجية الاولى:  $5س + 5ص \geq 100$

قيود المرحلة الانتاجية الثانية:  $4س + 2ص \geq 60$

وبشرط أن س ≤ صفر ، ص ≤ صفر

ويهدف المصنع الحصول على أعلى إيرادات ممكنة (ي) ، ويبيع التلفزيون بـ 4 آلاف ريال ويبيع الكمبيوتر بـ 6 آلاف ريال ، وعلى ذلك :



1- يمكن صياغة دالة الهدف كما يلي:

(أ)  $ي = د(س، ص) = 3س + 5ص$

(ب)  $ي = د(س، ص) = 4س + 5ص$

(ج)  $ي = د(س، ص) = 3س + 4ص$

(د)  $ي = د(س، ص) = 4س + 6ص$

2- خط القيد الاول يقطع المحور الصادي عند النقطة:

(أ) (0 ، 20) (ب) (20 ، 0) (ج) (20 ، 20) (د) (25 ، 0)

3- نقاط الحلول الممكنة هي :

(أ) (25 ، صفر) ، (صفر ، صفر) ، (25 ، صفر) ، (25 ، 25) ، (صفر ، صفر)

(ب) (25 ، صفر) ، (25 ، 10) ، (15 ، 10) ، (20 ، صفر) ، (صفر ، صفر)

(ج) (15 ، صفر) ، (10 ، 10) ، (10 ، 0) ، (20 ، صفر) ، (صفر ، صفر)

(د) (25 ، صفر) ، (صفر ، 20) ، (25 ، صفر) ، (30 ، صفر)

4- عدد الوحدات المنتجة من (س ، ص) التي تحقق الهدف هي : س = .....

(أ) (15 ، 10) (ب) (10 ، 10) (ج) (25 ، 20) (د) لا شيء مما سبق

5- إذا علمت أن ثمن سلعة ما (ث) يتحدد وفقاً للمعادلة التالية :

$72 = [ 2(ث - 3) + 2 ] 3$  ، فإن الثمن = ..... ريال

(أ) 5 (ب) 6 (ج) 8 (د) 9

2

$ث = 6 + 6 = 12$

$72 = [ 4ث - 6 + 6 ] 3$

$12ث - 18 = 72$   
 $12ث = 72 + 18$   
 $12ث = 90$   
 $ث = \frac{90}{12} = 7.5$

$$\begin{aligned} & (0 \times 10) - (4 \times 10) \\ & = 0 - 40 \\ & = -40 \\ & (0 \times 9) - (3 \times 2) \\ & = 0 - 6 \\ & = -6 \end{aligned}$$

@@@ الأسئلة من (6-7) تعتمد على المعلومات التالية:

إذا كان دالتي الإنتاج لسلعتين هما:

$$15 = 5 \text{ ص} + 2 \text{ س} \quad | \quad 5$$

$$10 = 3 \text{ ص} + 4 \text{ س} \quad | \quad 10$$

فإن:

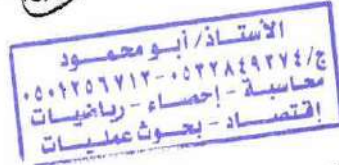
6- محدد المعاملات =  $\Delta$  = .....

1 (د)

14 (ج)

3 - (ب)

14 - (أ)



7- محدد س = .....

13 - (د)

26 - (ج)

5 - (ب)

6 - (أ)

\*\*\*\*\*

8- بافتراض أن قيمة محدد ص =  $\Delta$  ص = 6 و محدد المعاملات =  $\Delta$  = 3 فإن قيمة ص = 3

(أ) صح (ب) خطأ

9) إذا كان راتب موظف (س) بالآلاف الريالات تعبر عنه الدالة التالية:

$$27 = 3(8 - 2) \text{ س}$$

فإن راتب هذا الموظف هو:

6000 ريال (د)

5500 ريال (ج)

10000 ريال (ب)

5000 ريال (أ)

10- إذا كانت (ك) تمثل عدد الأجهزة الكهربائية المنتجة في مصنع ما بالمليون وحدة وفقاً للدالة التالية:

$$0 = 30 - 2 \text{ ك}$$

فإن عدد الأجهزة = ك = ..... مليون جهاز

8 (د)

7 (ج)

6 (ب)

5 (أ)

11- إذا كانت العلاقة بين طلب سلعة معينه (ط) و سعرها (س) هي  $100 - 5 \text{ س}$

وارتفع سعرها من 10 الي 25 ريال فإن مرونة الطلب = م ط =

2 (د)

2 - (ج)

1 - (ب)

1 (أ)

12- المصفوفة المستطيلة يمكن أن تكون مصفوفة المتجه الصفي او العمودي.

(ب) خطأ

(أ) صح

13- المحدد لا يختلف عن المرافق الا في قاعده الاشارات.

(ب) خطأ

(أ) صح

14- اذا كان راتب ابو عمر ( س ) الف ريال حيث ( س ) تتحدد بالداله اللوغاريتميه التاليه:

لو  $5 = 625 = س$  فان قيمه الراتب (س) تساوي :

(د) 3

(ج) 4

(ب) 6

(أ) 5

15- معكوس المصفوفة  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$  هو المصفوفة :

(د) لا شيء مما سبق

(ج)  $\begin{pmatrix} 3 & -4 \\ -2.5 & 3.5 \end{pmatrix}$

(ب)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$

(أ)  $\begin{pmatrix} 8 & 7 \\ 6 & 5 \end{pmatrix}$

@@@ الأسئلة من 16 انى 18 تعتمد على المعلومات التاليه:

اذا كانت التكاليف الكليه لإنتاج الكيلو غرام من سلعة ما يمكن كتابتها على الصيغه التاليه:

$$ت = 5 + 100 ك$$

ويمكن تحديد الايراد الكلي بالداله التاليه:  $50 ك - 2 ك^2$

ك: الكميات المنتجة والمباعه بالكغم

ى: الايراد الكلي بالريال

ت: التكاليف بالريال

بناءً على ذلك:

16- يمكن تفسير المقدار (100) في داله التكاليف بأنه:

(د) التكاليف الثابته

(ج) التكاليف المتغيرة

(ب) التكاليف الكليه

(أ) التكاليف الحديه

17- التكاليف الحديه تساوي:

(د) 5 ك

(ج) 100

(ب) 5

(أ) 2

الايراد = الكمية × السعر  
4

100 - 50 = 50  
50 - 50 = 0



18- دالة (الأرباح) هي :

- (أ) الأرباح =  $50 - 2ك - 50$   
 (ب) الأرباح =  $50 + 2ك - 50$   
 (ج) الأرباح =  $2ك + 55 - 100$   
 (د) الأرباح =  $2ك + 45 - 100$

\*\*\*\*\*

19- إذا كانت دالة الإنتاج لمنشأة ما هي  $ج = 3ل^2 + 4ل + 9$  حيث (ل) العمل و (ج) الإنتاج الكلي ، فان دالة الإنتاج الحدي للعمل لهذه المنشأة هي :

- (أ)  $6ل + 9$  (ب)  $6ل + 4$  (ج)  $3ل + 2$  (د)  $2ل + 5$

@@@ الأسئلة من 20 الى 21 تعتمد على المعلومات التالية:

عندما كان سعر البرتقال 2 ريال، كانت الكمية 6 كغم. وعندما ارتفع السعر إلى 3 ريال، أصبحت الكمية 4 كغم. بناءً عليه، فان:

20- بتطبيق القانون المناسب على هذه البيانات ، فإن معادلة الدالة الخطية التي تمثلها هي:

- (أ)  $ص = 28 - 4س$  (ب)  $ص = 15 - 3س$  (ج)  $ص = 10 - 2س$  (د)  $ص = 10 + س$

$$\frac{28 - 4(0)}{10 - 2(0)} = \frac{28}{10} = 2.8$$
  

$$\frac{15 - 3(0)}{10 - 2(0)} = \frac{15}{10} = 1.5$$
  

$$\frac{10 - 2(0)}{10 - 2(0)} = \frac{10}{10} = 1$$
  

$$\frac{10 + 0}{10 - 2(0)} = \frac{10}{10} = 1$$

21- بناءً على إشارة معامل السعر ، فإن هذه الدالة :

- (أ) دالة طلب (ب) دالة عرض (ج) دالة تكاليف (د) لا يمكن تحديد نوع الدالة

$$\frac{28 - 4(0)}{10 - 2(0)} = \frac{28}{10} = 2.8$$
  

$$\frac{15 - 3(0)}{10 - 2(0)} = \frac{15}{10} = 1.5$$
  

$$\frac{10 - 2(0)}{10 - 2(0)} = \frac{10}{10} = 1$$
  

$$\frac{10 + 0}{10 - 2(0)} = \frac{10}{10} = 1$$

22- من خصائص المصفوفه المتماثله أن قيمتها لا تتغير إذا تم تبديل كل الأعمدة بكل الصفوف أو العكس.

- (أ) صح (ب) خطأ

23- إذا كانت دالة الاستهلاك هي  $ك = 800 + 0.8ل$  حيث (ك) الاستهلاك و (ل) الدخل ، فان الميل الحدي للإستهلاك =

- (أ) 0.8 (ب) 0.2 (ج) 800 (د) 720

\*\*\*\*\*

@@@ الأسئلة من 24 الى 26 تعتمد على المعلومات التالية:

إذا دالة الأرباح الخاصة بأحد المخابز يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

الأرباح =  $ر = 3ك - 24 + 10$  حيث ك : تمثل الكمية المنتجة و المباعه

بناءً عليه، فان:

24- دالة الربح الحدي هي:

- (أ)  $3ك + 15$  (ب)  $3ك - 24$  (ج)  $6ك + 24$  (د)  $6ك + 25$

د

6

25- الكمية المتلى التي تحقق أعلى الأرباح هي:

- (أ) 4 (ب) 6 (ج) 6 (د) 4

26- دالة الأرباح عند نهايتها العظمى لأن :

- (أ) المشتقة الثانية = صفر (ب) المشتقة الثانية = قيمة سالبة (ج) المشتقة الثانية = قيمة موجبة

\*\*\*\*\*

27- يشترط لضرب مصفوفتين أن يكون عدد أعمدة المصفوفة الأولى (في ترتيب الضرب) مساويا عدد صفوف المصفوفة الثانية (في ترتيب الضرب).

- (أ) صحيح (ب) خطأ

28- إذا أودع شخص 10000 ريال في أحد قنوات الاستثمار ، لمدة 5 سنوات على أساس فائدة بسيطة بمعدل 8% سنوياً ، فإن

مقدار ما يستحق لهذا الشخص من فوائد = ..... ريال

- (أ) 4000 (ب) 4100 (ج) 4200 (د) 5000

29- استثمر شخص مبلغ 50000 ريال في أحد المصارف التجارية بمعدل فائده مركبه ولمده سبعة سنوات، و كان معدل الفائده

المتخذ كأساس للاستثمار = 8% سنوياً، وعليه فإن جملة المستحق له = 51912 ريال

- (أ) صحيح (ب) خطأ

30- شرط وجود معكوس المصفوفة هو :

- أ- أن تكون قيمة محدد المصفوفة يساوى صفر.  
ب- أن تكون قيمة محدد المصفوفة أكبر من الصفر.  
ج- أن تكون قيمة محدد المصفوفة أقل من الصفر.  
د- أن تكون قيمة محدد المصفوفة لا يساوى الصفر.

مع أطيب التمنيات بالنوفيق

جامعة الملك عبد العزيز	كلية الاقتصاد والادارة
طلاب الانتساب – جدة	قسم الاقتصاد

اسم الطالب : رقم التسجيل :

ورقة الاسئلة  
الإختبار النهائي لمادة الطرق الكمية ( قصد 206 )  
الفصل الدراسي الثاني 1435/1436 هـ  
مدة الاختبار ساعة ونصف  
( نموذج BBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBB )

- تعليمات أداء الاختبار
- على كل طالب مراعاة التعليمات الآتية وقراءتها قبل البدء في الإجابة
  - لا يسمح للطالب أداء الاختبار إن لم يكن حاملاً لما يثبت هويته ( بطاقة جامعية )
  - أظهر بطاقة هويتك للأستاذ الذي يطلب منك ذلك
  - أغلق جوالك أثناء وجودك في مبنى الاختبار , وخاصة في قاعة الاختبار
  - لا يسمح باستخدام الجوال كألة حاسبة
  - ضرورة كتابة اسمك ورقم تسجيلك الجامعي في المكان المخصص لذلك
  - المطلوب الإجابة على كل الاسئلة ( 30 سؤال صح وخطأ واختيار متعدد )
  - يمكنك الكتابة على هوامش ورقة الاسئلة ولا يسمح باستخدام أوراق خارجية
  - الإلتزام بالتوقف عن الإجابة عند إعلان المسؤل عن انتهاء الوقت
  - عند انتهاء الاختبار سلم ورقتي الإجابة والاسئلة للمسؤل
  - سم الله وقل : اللهم لا سهل الا ما جعلته سهلا , وانت تجعل الحزن إذا شئت سهلا

BBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBBB

**اختر الاجابة الصحيحة , ثم ظلل إجابتك في نموذج الاجابة**

**الاسئلة من 1 الى 4 تعتمد على المعلومات الاتية :**

مصنع ينتج نوعين من الاجهزة : التلفزيون ( س ) والكمبيوتر ( ص ) وتشتري السلعتين في عدد من مراحل الانتاج , وأمكن صياغة القيود على ساعات العمل المتاحة في كل مرحلة انتاجية على الصورة الرياضية التالية :  
قيد المرحلة الانتاجية الاولى :  $4س + 4ص \geq 100$   
قيد المرحلة الانتاجية الثانية :  $3س + 2ص \geq 60$   
وبشرط  $س \leq ص$  ,  $ص \leq صفر$   
ويهدف المصنع الحصول على أعلى إيرادات ممكنة ( ي ) وبيع التلفزيون بـ 4 آلاف ريال وبيع الكمبيوتر بـ 5 آلاف ريال , وعلى ذلك :

**1 ( يمكن صياغة دالة الهدف كما يلي :**

- (أ)  $ى = د (س , ص) = 3س + 5ص$   
(ب)  $ى = د (س , ص) = 4س + 5ص$   
(ج)  $ى = د (س , ص) = 3س + 4ص$   
(د)  $ى = د (س , ص) = 4س + 2ص$

**2 ( نقاط الحلول الممكنة هي :**

- (أ) ( 25 , صفر ) , ( صفر , 25 ) , ( 25 , 25 ) , ( صفر , صفر )  
(ب) ( صفر , 25 ) , ( 10 , 15 ) , ( 20 , صفر ) , ( صفر , صفر )  
(ج) ( 25 , صفر ) , ( 10 , 15 ) , ( 20 , 25 ) , ( صفر , صفر )  
(د) ( 25 , صفر ) , ( صفر , 25 ) , ( 20 , صفر ) , ( صفر , 30 )

**3 ( عدد الوحدات المنتجة من ( س ؛ ص ) التي تحقق الهدف هي : س = .....**

- (أ) 15 & 10  
(ب) 10 & 15  
(ج) 25 & 20  
(د) لا شيء مما سبق

**4 ( قيمة دالة الهدف عند النقطة المثلى = .....**

- (أ) 115000  
(ب) 250000  
(ج) 205000  
(د) لا شيء مما سبق



## ECON 206

5 ( إذا علمت أن ثمن سلعة ما ( ث ) يتحدد وفقاً للمعادلة التالية :

$$72 = [ ( 3 - \text{ث} ) + \text{ث} ] \text{ ريال}$$

(أ) 5 (ب) 6 (ج) 8 (د) 9

@@@ الاسئلة من ( 6 - 7 ) تعتمد على المعلومات التالية :

إذا كانت دالتي الإنتاج لسلعتين هما :

$$2 \text{ س} + 5 \text{ ص} = 15$$

$$3 \text{ س} + 10 \text{ ص} = 10$$

فإن :

6 ( محدد المعاملات  $\Delta =$  ..... )

(أ) 4- (ب) 3- (ج) 2 (د) 1

7 ( محدد  $\Delta$  س = ..... )

(أ) 6- (ب) 5- (ج) 25- (د) 13-

\*\*\*\*\*

8 ( بافتراض أن قيمة محدد س  $\Delta$  س = 6- ومحدد المعاملات  $\Delta = 3-$  فإن قيمة س = 2

(أ) صح (ب) خطأ

9 ( إذا كان راتب موظف (س) بألاف الريالات تعبر عنه الدالة التالية :

$$2 \text{ س} - 8 = 8^3 \text{ فإن راتب هذا الموظف هو :}$$

(أ) 5000 ريال (ب) 10000 ريال (ج) 3000 ريال (د) 6000 ريال

10 ( إذا كانت ( ك ) تمثل عدد الاجهزة الكهربائية المنتجة في مصنع ما بالمليون وحدة وفقاً للدالة التالية :

$$0 = 20 - ك$$

فإن عدد الاجهزة = ك = ..... مليون جهاز

(أ) 5 (ب) 6 (ج) 7 (د) 8

11 ( إذا كانت العلاقة بين طلب سلعة معينة (ط) وسعرها (س) هي  $100 - 5 = ط$  س

وارتفع سعرها من 10 الى 15 ريال فإن مرونة الطلب = م ط

(أ) 1 (ب) 1- (ج) 2 (د) 2-

12 ( المصفوفة المستطيلة يمكن أن تكون مصفوفة المتجه الصفي وليس العمودي

(أ) صح (ب) خطأ

## ECON 206

13) إذا كان راتب ابو فهد يتحدد بالمقدار س الف ريال , حيث تتحدد بالدالة اللوغاريتمية التالية :

$$\text{لو } 7 = 343 = \text{س} , \text{ فإن هذا الراتب س} =$$

(أ) ثلاثة الاف (ب) خمسة الاف (ج) اربعة الاف (د) لا شيء مما سبق

14) إذا كانت دالة العرض لسلعة ما هي : ض = 20 + 5 ث<sup>2</sup> فإن الكمية المعروضة عند الثمن = 4 ريال هي

(أ) 200 (ب) 500 (ج) 100 (د) 5 ث

15) معكوس المصفوفة =  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$  هو المصفوفة :

(أ)  $\begin{pmatrix} 8 & 7 \\ 6 & 5 \end{pmatrix}$  (ب)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$  (ج)  $\begin{pmatrix} 3 & -4 \\ -2.5 & 3.5 \end{pmatrix}$  (د) لا شيء مما سبق

@@@ الاسئلة من 16 الى 18 تعتمد على المعلومات التالية :

إذا كانت التكاليف لإنتاج الكيلو غرام من سلعة ما يمكن كتابتها على الصيغة التالية

$$\text{ت} = 500 + 5 \text{ك}$$

ويمكن تحديد الإيراد الكلي بالدالة التالية :  $\text{ى} = 50 \text{ك} - 2 \text{ك}^2$

حيث : - ت : التكاليف بالريال &  $\text{ى}$  : الإيراد الكلي بالريال &  $\text{ك}$  : الكميات المنتجة والمباعة بالكغم

بناء على ذلك :

16) يمكن تفسير المقدار (500) في دالة التكاليف بأنه :

(أ) التكاليف الحدية (ب) التكاليف الكلية (ج) التكاليف المتغيرة (د) التكاليف الثابتة

17) التكاليف الحدية تساوي :

(أ) 2 (ب) 5 (ج) 100 (د) 5 ك

18) دالة ( الأرباح ) هي :

(أ) الأرباح =  $2 \text{ك} - 50 \text{ك} - 50$  (ب) الأرباح =  $2 \text{ك} + 50 \text{ك} - 50$

(ج) الأرباح =  $2 \text{ك} + 55 \text{ك} - 500$  (د) الأرباح =  $2 \text{ك} + 55 \text{ك} - 500$

19) إذا كانت دالة الانتاج لمنشأة ما هي  $\text{ج} = 3 \text{ل} + 2 \text{ل} + 5$  حيث (ل) العمل و(ج) الانتاج الكلي ,

فإن دالة الانتاج الحدي للعمل لهذه المنشأة هي :

(أ)  $6 \text{ل} + 2$  (ب)  $6 \text{ل} + 5$  (ج)  $3 \text{ل} + 2$  (د)  $2 \text{ل} + 5$

## ECON 206

@@@ الاسئلة من 20 الى 21 تعتمد على المعلومات التالية :

عندما كان سعر البرتقال 2 ريال , كانت الكمية 6 كغم , وعندما ارتفع السعر الى 3 ريال , أصبحت الكمية 4 كغم بناء عليه فإن :

(20) بتطبيق القانون المناسب على هذه البيانات , فإن معادلة الدالة الخطية التي تمثلها هي :

(أ) ص = 28 - 4 س (ب) ص = 15 - 3 س (ج) ص = 10 - 2 س (د) ص = - س + 10

(21) بناء على اشارة معامل السعر فإن هذه الدالة :

(أ) دالة طلب (ب) دالة عرض (ج) دالة تكاليف (د) لا يمكن تحديد نوع الدالة

(22) من خصائص المحدد أن قيمته لا تتغير اذا تم تبديل كل الأعمدة بكل الصفوف أو العكس .

(أ) صح (ب) خطأ

(23) إذا كانت دالة الاستهلاك هي  $ك = 800 + 0.8 ل$  حيث (ك) الاستهلاك و (ل) الدخل ,

فإن الميل الحدي للاستهلاك =

(أ) 0.8 (ب) 0.2 (ج) 800 (د) 720

@@@ الاسئلة من 24 الى 26 تعتمد على المعلومات التالية :

إذا كانت دالة الارباح الخاصة بأحد المخازن يمكن كتابتها على الصيغة التالية :

الارباح = ر = الارباح = 3-ك + 2 + 24ك - 10 حيث ك : تمثل الكمية المنتجة والمباعة

بناء عليه فإن :

(24) دالة الربح الحدي هي :

(أ) 3-ك + 15 (ب) 3-ك + 24 (ج) 6-ك + 24 (د) 6 ك + 24

(25) الكمية المثلى التي تحقق أعلى الارباح هي :

(أ) 6- (ب) 7- (ج) 7 (د) 4

(26) دالة الارباح عند نهايتها العظمى لأن :

(أ) المشتقة الثانية = صفر (ب) المشتقة الثانية = قيمة سالبة (ج) المشتقة الثانية = قيمة موجبة

\*\*\*\*\*

(27) يشترط لضرب مصفوفتين أن يكون عدد أعمدة المصفوفة الاولى ( في ترتيب الضرب ) مساويا عدد صفوف المصفوفة الثانية ( في ترتيب الضرب )

(أ) صح (ب) خطأ

## **ECON 206**

**@@@** الاسئلة من 28 الى 29 تعتمد على المعلومات التالية :

استثمر أحد الأشخاص مبلغ 5000 ريال لمدة 5 سنوات في صندوق استثماري يعطي فوائد نسبتها 11% سنويا , بناء عليه فإن :

**(28) بافتراض أن الفوائد " بسيطة " يصبح الرصيد ( إجمالي المبلغ ) مع نهاية مدة الاستثمار :**

(أ) 5750 ريال (ب) 7750 ريال (ج) 5550 ريال (د) 7550 ريال

**(29) بافتراض أن الفوائد " مركبة " يصبح الرصيد ( إجمالي المبلغ ) مع نهاية مدة الاستثمار حوالي :**

(أ) 7750 ريال (ب) 9324.3 ريال (ج) 8425.3 ريال (د) لا شيء مما سبق

\*\*\*\*\*

**(30) من الممكن أن يكون عدد صفوف المحدد أكبر من عدد الأعمدة فيه**

(أ) صح (ب) خطأ

مع أطيب التمنيات بالتوفيق

الاختبار النهائي  
لطلاب [الانتساب]  
الفصل الاول 1436-1437 هـ  
الزمن : [ 90 دقيقة ]



وزارة التعليم العالي  
جامعة الملك عبد العزيز  
كلية الاقتصاد والإدارة

**نموذج ( أ )**

اسم المادة :	طرق كمية Econ 206	رقم الشعبة	
اسم الطالب		رقم التسجيل	

**فضلاً اقرأ التعليمات قبل البدء بالإجابة**

**تعليمات عامة :**

1. تأكد من رمز نموذج الإجابة بحيث يكون مطابقاً لرمز نموذج الأسئلة
2. اكتب وظل اسمك كاملاً ورقمك الجامعي بدقة من واقع بطاقتك الجامعية على ورقة الأسئلة والإجابة
3. الإجابة في نموذج الإجابة
4. لا تظلل أكثر من دائرة للإجابة الواحدة
5. ظلل بالقلم الرصاص
6. تسليم ورقة الأسئلة مع ورقة الإجابة
7. إذا رغبت في تغيير الإجابة يجب مسح الدائرة كاملة
8. [ يسمح باستخدام الآلة الحاسبة (المطورة أو العادية) ]

اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ظلل الحرف المقابل لها في نموذج الإجابة المرفق:

عندما كان سعر الكمشري 4 ريال/كغم، كانت الكمية 7 كغم، وادى ارتفاع السعر الى 5 ريال، إلى زيادة الكمية لتصبح 9 كغم، بناءً على البيانات السابقة، اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرتين (1) و (2)

(1): معادلة الدالة الخطية التي توضح العلاقة بين الكمية والأسعار هي:  
 (أ): ص = د - 1 = 2 س  
 (ب): ص = د + 1 = 2 س  
 (ج): ص = د + 1 = 2 س  
 (د): ص = د - 1 = 2 س

(2): بناءً على معادلة الدالة الخطية التي أوجدتها في الفقرة السابقة، يمكن القول بأن هذه الدالة تمثل دالة:  
 (أ): إنتاج  
 (ب): عرض  
 (ج): استهلاك  
 (د): تكاليف

إحدى الشركات المنتجة للألبان تواجه يومياً دالتي التكاليف والإيرادات التاليتين:  
 دالة التكاليف:  $ت = د(ك) = 2ك^2 + ك + 1.8$   
 دالة الإيرادات:  $ي = د(ك) = 5ك$   
 حيث: ت: تكلفة إنتاج اللبن وتقاس بالريال لكل لتر. ي: الإيرادات من بيع اللبن وتقاس بالريال لكل لتر أيضاً.  
 ك: كمية الألبان المنتجة باللترات (بالنسبة لدالة التكاليف)، والكميات المباعة باللترات (بالنسبة لدالة الإيرادات).  
 بناءً على البيانات السابقة، اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرات من (3) إلى (5):

(3): من البيانات التي لدينا يمكن القول بأن سعر بيع لتر اللبن يساوي:  
 (أ): 2 ريال/لتر. (ب): 1 ريال/لتر. (ج): 1.8 ريال/لتر. (د): 5 ريال/لتر.

(4): دالة التكاليف المتغيرة الخاصة بهذه الشركة هي:  
 (أ):  $ت = د(ك) = 2ك^2 - ك$   
 (ب):  $ت = د(ك) = 2ك^2 + ك$   
 (ج):  $ت = د(ك) = 2ك^2 + 4ك - 1.8$   
 (د):  $ت = د(ك) = 2ك^2 + 4ك - 1.8$

(5): معادلة (الأرباح/الخصائر) الخاصة بهذه الشركة هي:  
 (أ):  $2ك^2 - ك = \text{صفر}$   
 (ب):  $2ك^2 + ك = \text{صفر}$   
 (ج):  $2ك^2 + 4ك - 1.8 = \text{صفر}$   
 (د):  $2ك^2 + 4ك - 1.8 = \text{صفر}$

بافتراض دالة العرض التالية:  
 حيث: ك: ع: الكمية المعروضة من السلعة  
 وبافتراض أن السعر = 4 ريال، فإن:  
 (6): معامل المرونة الخاص بهذه الدالة يمثل معامل مرونة:  
 (أ): الطلب السعرية = -1.6  
 (ب): الطلب النخيلية = 1.6  
 (ج): الطلب التبادلية = -1.2  
 (د): العرض السعرية = 1.2

استثمر جورج مبلغ 150 ألف ريال في بنك يعطي فوائد ربوية نسبتها 9% سنوياً لمدة 5 سنوات. بناءً على البيانات السابقة، اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرات من (7) إلى (9):

(7): بافتراض أن الفوائد مركبة، يصبح رصيده (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار:  
 (أ): 271500.59 ريال (ب): 320793.59 ريال (ج): 230793.59 ريال (د): 217500.59 ريال

(8): بافتراض أن الفوائد مركبة، مقدار الفوائد التي سيحصل عليها مع نهاية مدة الاستثمار يساوي:  
 (أ): 50893.59 ريال (ب): 60893.59 ريال (ج): 70793.59 ريال (د): 80793.59 ريال



(9) بافتراض أن الفوائد بسيطة، مقدار الفوائد التي سيحصل عليها جورج مع نهاية مدة الاستثمار يساوي:  
 (أ): 75500 ريال (ب): 50500 ريال (ج): 76500 ريال (د): 67500 ريال

إذا كان هدف أحد أقسام المستشفيات الحكومية تعظيم منفعة الوجبات التي يأكلها المريض، حيث تعطي الوجبة الأولى (250 وحدة منفعة)، بينما الوجبة الثانية تعطي (300 وحدة منفعة)، وإذا أمكن كتابة بيانات هذه الوجبات على شكل مجموعة قيود على النحو التالي:

$$\begin{aligned} 4س + 6ص &\leq 36 && \text{سعات حرارية} \dots\dots\dots (1) \\ 3س + 4ص &\geq 24 && \text{فيتامينات} \dots\dots\dots (2) \\ 6ص &\leq 30 && \text{معادن} \dots\dots\dots (3) \end{aligned}$$

بناءً على المعطيات السابقة، المطلوب اختيار الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرات من (10) إلى (13):

- (10) يمكن كتابة دالة الهدف على النحو التالي:  
 (أ) تخفيض  $م = د(س، ص) = 250س - 300ص$   
 (ب) تخفيض  $م = د(س، ص) = 300س + 250ص$   
 (ج) تعظيم  $م = د(س، ص) = 250س + 300ص$   
 (د) تعظيم  $م = د(س، ص) = 300س - 250ص$

(11) يتقاطع الخط المستقيم الممثل للقيود الثالث (3) مع المحور الأفقي "السيني" عند النقطة:  
 (أ) لا يتقاطع مع المحور العمودي (ب): (9، 0) (ج) لا يتقاطع مع المحور الأفقي (د): (0، 6)

(12) يتقاطع الخطين المستقيمين الممثلين للقيدين الأول (1) والثالث (3) عند النقطة:  
 (أ) (5، 1.5) (ب): (5، 1.5) (ج): (5، 2.25) (د): (2.25، 5)

(13) نقاط الحلول الممكنة هي:  
 (أ) (1.5، 5)، (5، 2.25)، (0، 8)، (0، 6) (ب): (1.5، 5)، (5، 2.25)، (5، 1.5)، (4، 3)  
 (ج): (1.5، 5)، (2.25، 2)، (3، 4) (د): (5، 1.5)، (5، 2.25)، (8، 0)، (6، 0)

$$\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} = [A]$$

إذا كانت لديك المصفوفة: اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرتين (14) و (15):

(14) محدد المصفوفة [A] يساوي:  
 (أ) لا يمكن إيجاده (ب):  $8 = ||A||$  (ج):  $6 = ||A||$  (د):  $4 = ||A||$

(15) مقلوب (معكوس) المصفوفة [A] =  $[A]^{-1}$ :

$$\begin{pmatrix} 1- & 3 \\ 2 & 2- \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0.25 & 0.75- \\ 0.5- & 0.5 \end{pmatrix} \text{ (ج) } \begin{pmatrix} 2- & 3 \\ 2 & 1- \end{pmatrix} \text{ (ب) } \begin{pmatrix} 0.25- & 0.75 \\ 0.5 & 0.5- \end{pmatrix} \text{ (د)}$$





إذا كان لديك المصفورتان:  $[A] = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  و  $[B] = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 3 \\ 6 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  اختتر الحرف الذي يمثل حاصل جمع المصفورتين:  
بناءً على المصفورتين السابقتين، اختتر الحرف الذي يمثل حاصل جمع المصفورتين:

(16) (أ):  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 11 & 2 \end{pmatrix}$ ; (ب):  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ ; (ج):  $\begin{pmatrix} 3 & 9 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$ ; (د): لا شيء مما سبق

(17) لو كانت:  $(2)^{1+m} = 128$  فهذا يعني أن:  
(أ)  $m = 4$  (ب)  $m = 7$  (ج)  $m = 5$  (د)  $m = 6$

(18) المصفوفة المتماثلة هي المصفوفة التي:  
(أ) لو حولت صفوفها إلى أعمدة وأعمدتها إلى صفوف وبفس الترتيب لحصلنا على نفس المصفوفة  
(ب) يتحقق فيها شرط أن: [العنصر  $a_{rr} \neq$  العنصر  $a_{rr}$ ]  
(ج) جميع عناصرها (1)  
(د) جميع عناصرها (أصفار)

بافتراض معادلتى العرض والطلب التاليتين:  
ض  $2 = 2 - 3 - 15$  و ط  $3 = 2 - 2 - 3$   
اختتر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للقرتين (19) و (20):

(19) سعر التوازن = ريال  
(أ) 3 (ب) 4 (ج) 5 (د) 6

(20) كمية التوازن = وحدة  
(أ) 18 (ب) 12 (ج) 5 (د) 9

إذا كانت دالة الاستهلاك الكلى هي:  $س = 0.75 + 250 ل$   
حيث (س) الاستهلاك الكلى (ل) الدخل القومى  
اختتر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للقرتين (21) و (22):

(21) حد الكفاف (الحد الأدنى للاستهلاك) = 250.75  
(أ) صح (ب) خطأ

(22) الميل الحدى للاستهلاك = 0.25  
(أ) صح (ب) خطأ





إذا كان دالتي الإنتاج للسلعتين (س & ص) هما :

$$س + ص = 10$$

$$س + 6ص = 50$$

اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرات من (23) إلى (25):

(23) قيمة محدد المعاملات =

(أ) 1 (ب) 1 - (ب) (ج) 2 - (ج) (د) 2 ✓

(24) قيمة محدد  $\Delta = ص =$

(أ) 10 ✓ (ب) 10 - (ب) (ج) 5 - (ج) (د) 5 ✓

(25) قيمة س =

(أ) 10 ✓ (ب) 10 - (ب) (ج) 5 - (ج) (د) 5 ✓

إذا كانت دالة الأرباح الخاصة بأحد المخازن يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

الأرباح =  $r = 4 - 4ك + 32 + ك - 40$  حيث ك: تمثل الكمية المنتجة و المبيعة بناء عليه، اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرتين (26) و (27):

(26) دالة الربح الحدي هي:

(أ)  $4 - ك - 40$  (ب)  $8 - ك - 32$  (ج)  $4 + ك - 32$  (د)  $4 - ك - 40$  ✓

(27) الكمية المثلى التي تحقق أعلى الأرباح هي:

(أ) 8 (ب) 4 ✓ (ج) 5 (د) 6

(28) يمكن إيجاد الدالة الخطية بمطومية نقطتين أو بمطومية الميل ونقطة واحدة:

(أ) صح (ب) خطأ ✓

(29) إذا كان لديك الصيغة اللوغاريتمية:

لرب  $4 = 81$  فهذا يعني أن:

(أ) ب = 3 ✓ (ب) ب = 4 (ج) ب = 20.25 (د) ب = 9

(30) يشترط لضرب مصفوفتين أن يكون:

(أ) عدد صفوف المصفوفتين متساويين.  
 (ب) عدد صفوف المصفوفة الأولى = عدد أعمدة المصفوفة الثانية ✓  
 (ج) عدد أعمدة المصفوفتين متساويين.  
 (د) عدد أعمدة المصفوفة الأولى = عدد صفوف المصفوفة الثانية



الاختبار النهائي  
لطلاب [الانتساب]  
الفصل الاول 1436-1437 هـ  
الزمن : [ 90 دقيقة ]



وزارة التعليم العالي  
جامعة الملك عبد العزيز  
كلية الاقتصاد والإدارة

**نموذج ( ب )**

اسم المادة :	طرق كمية	Ecom 206	رقم الشعبة
اسم الطالب			رقم التسجيل

**فضلاً اقرأ التعليمات قبل البدء بالإجابة**

**تعليمات عامة :**

1. تأكد من رمز نموذج الإجابة بحيث يكون مطابقاً لرمز نموذج الاسئلة
2. اكتب وظلل اسمك كاملاً ورقمك الجامعي بدقة من واقع بطاقتك الجامعية على ورقة الأسئلة والإجابة
3. الإجابة في نموذج الإجابة
4. لا تظلل أكثر من دائرة للإجابة الواحدة
5. ظلل بالقلم الرصاص
6. تسليم ورقة الأسئلة مع ورقة الإجابة
7. إذا رغبت في تغيير الإجابة يجب مسح الدائرة كاملة
8. [ يسمح باستخدام الآلة الحاسبة (المطورة أو العادية) ]



اختر الإجابة الصحيحة ، ثم ظلل الحرف المقابل لها في نموذج الإجابة المرفق:

عندما كان سعر الكمثرى 4 ريال/كغم، كانت الكمية 7 كغم، وادى ارتفاع السعر الى 5 ريال، إلى زيادة الكمية لتصبح 9 كغم، بناءً على البيانات السابقة، اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للقرتين (1) و (2)

(1): معادلة الدالة الخطية التي توضح العلاقة بين الكميات والأسعار هي:  
 (أ) ص = د - 1 = 2 س  
 (ب) ص = د + 1 = 2 س  
 (ج) ص = د - 1 = 2 س  
 (د) ص = د + 1 = 2 س

(2): بناءً على معادلة الدالة الخطية التي أوجدتها في الفقرة السابقة، يمكن القول بأن هذه الدالة تمثل دالة:  
 (أ) إنتاج (ب) تكاليف (ج) استهلاك (د) عرض

إحدى الشركات المنتجة للألبان تراجع يومياً دالتي التكاليف والإيرادات التاليين:  
 دالة التكاليف:  $ت = د + 2ك + 1.8$   
 دالة الإيرادات:  $ي = د + 5ك$   
 حيث: ت: تكلفة إنتاج اللبن وتقاس بالريال لكل لتر. ي: الإيرادات من بيع اللبن وتقاس بالريال لكل لتر أيضاً.  
 ك: كمية الألبان المنتجة باللترات (بالنسبة لدالة التكاليف)، والكميات المباعة باللترات (بالنسبة لدالة الإيرادات).  
 بناءً على البيانات السابقة، اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للقرات من (3) إلى (5):

(3): من البيانات التي لدينا يمكن القول بأن سعر بيع لتر اللبن يساوي:  
 (أ) 2 ريال/لتر. (ب) 1 ريال/لتر. (ج) 5 ريال/لتر. (د) 1.8 ريال/لتر.

(4): دالة التكاليف المتغيرة الخاصة بهذه الشركة هي:  
 (أ)  $ت = د + 2ك - 2$   
 (ب)  $ت = د + 2ك + 1.8$   
 (ج)  $ت = د + 2ك - 4$   
 (د)  $ت = د + 2ك + 1.8$

(5): معادلة (الأرباح/ الخسائر) الخاصة بهذه الشركة هي:  
 (أ)  $2ك - 2 = ك = \text{صفر}$   
 (ب)  $2ك + 2 = ك = \text{صفر}$   
 (ج)  $2ك + 4 - 1.8 = \text{صفر}$   
 (د)  $2ك + 2 - 1.8 = \text{صفر}$

بافتراض دالة العرض التالية:  
 حيث: ك: الكمية المعروضة من السلعة  
 س: سعر السلعة  
 ويفترض أن السعر = 4 ريال، فإن:

(6): معامل المرونة الخاص بهذه الدالة يمثل معامل مرونة:  
 (أ) العرض السعرية = 1.2  
 (ب) الطلب الدخلية = 1.6  
 (ج) الطلب التبادلية = -1.2  
 (د) الطلب السعرية = -1.6

استثمر جورج مبلغ 150 ألف ريال في بنك يعطي فوائد ربوية نسبتها 9% سنوياً لمدة 5 سنوات بناءً على البيانات السابقة، اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للقرات من (7) إلى (9):

(7): بافتراض أن الفوائد مركبة، يصبح رصيده (إجمالي المبلغ) مع نهاية مدة الاستثمار:  
 (أ) 230793.59 ريال (ب) 320793.59 ريال (ج) 271500.59 ريال (د) 217500.59 ريال

(8): بافتراض أن الفوائد مركبة، مقدار الفوائد التي سيحصل عليها مع نهاية مدة الاستثمار يساوي:  
 (أ) 50893.59 ريال (ب) 60893.59 ريال (ج) 70793.59 ريال (د) 80793.59 ريال



(9): بافتراض أن الفوائد بسيطة، مقدار الفوائد التي سيحصل عليها جورج مع نهاية مدة الاستثمار يساوي:  
 (أ): 75500 ريال (ب): 67500 ريال (ج): 76500 ريال (د): 50500 ريال

إذا كان هدف أحد أقسام المستشفيات الحكومية تعظيم منفعة الوجبات التي يأكلها المريض، حيث تعطي الوجبة الأولى (250 وحدة منفعة)، بينما الوجبة الثانية تعطي (300 وحدة منفعة)، وإذا أمكن كتابة بيانات هذه الوجبات على شكل مجموعة قيود على النحو التالي:

$$\begin{aligned} 4 \text{ س} + 6 \text{ ص} &\leq 36 && \text{سعرات حرارية} \dots\dots\dots (1) \\ 4 \text{ س} + 3 \text{ ص} &\geq 24 && \text{فيتامينات} \dots\dots\dots (2) \\ 6 \text{ س} &\leq 30 && \text{معادن} \dots\dots\dots (3) \end{aligned}$$

بناءً على المعطيات السابقة، المطلوب اختيار الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرات من (10) إلى (13):

(10): يمكن كتابة دالة الهدف على النحو التالي:

$$\begin{aligned} \text{(أ): تخفيض } M &= D \text{ (س، ص)} = 250 \text{ س} - 300 \text{ ص} \\ \text{(ب): تخفيض } M &= D \text{ (س، ص)} = 300 \text{ س} + 250 \text{ ص} \\ \text{(ج): تعظيم } M &= D \text{ (س، ص)} = 250 \text{ س} + 300 \text{ ص} \\ \text{(د): تعظيم } M &= D \text{ (س، ص)} = 300 \text{ س} - 250 \text{ ص} \end{aligned}$$

(11): يتقاطع الخط المستقيم الممثل للقيود الثالث (3) مع المحور الأفقي "السيني" عند النقطة:

$$\text{(أ): لا يتقاطع مع المحور الأفقي} \quad \text{(ب): (0، 9)} \quad \text{(ج): لا يتقاطع مع المحور العمودي} \quad \text{(د): (0، 6)}$$

(12): يتقاطع الخطين المستقيمين الممثلين للقيود الأول (1) والثالث (3) عند النقطة:

$$\text{(أ): (5، 2.25)} \quad \text{(ب): (5، 1.5)} \quad \text{(ج): (5، 2.25)} \quad \text{(د): (1.5، 5)}$$

(13): نقاط الحلول الممكنة هي:

$$\begin{aligned} \text{(أ): (0، 6)، (0، 8)، (2.25، 5)، (1.5، 5)} \\ \text{(ب): (5، 1.5)، (5، 2.25)، (5، 2)، (1.5، 5)} \\ \text{(ج): (0، 6)، (0، 8)، (5، 2.25)، (5، 1.5)} \\ \text{(د): (4، 3)، (5، 2.25)، (5، 1.5)، (3، 4)} \end{aligned}$$

إذا كانت لديك المصفوفة:  $\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} = [A]$

اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرتين (14) و (15):

(14): محدد المصفوفة [A] يساوي:

$$\text{(أ): لا يمكن إيجاده} \quad \text{(ب): } 8 \quad \text{(ج): } 4 \quad \text{(د): } 6$$

(15): مقرب (معكوس) المصفوفة [A] =  $A^{-1}$ :

$$\begin{aligned} \text{(أ): } \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} & \quad \text{(ب): } \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} & \quad \text{(ج): } \begin{pmatrix} 0.25 & 0.75 \\ 0.5 & 0.5 \end{pmatrix} & \quad \text{(د): } \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} \end{aligned}$$





إذا كان لديك المصفوفتان:  $[A] = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  &  $[B] = \begin{pmatrix} 0 & 5 & 3 \\ 6 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  بناءً على المصفوفتين السابقتين، اختر الحرف الذي يمثل حاصل جمع المصفوفتين:

(16) (أ):  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 11 & 2 \end{pmatrix}$  (ب):  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$  (ج):  $\begin{pmatrix} 3 & 9 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$  (د): لا شيء مما سبق

(17) لو كانت:  $1 + m(2) = 128$  فهذا يعني أن: (أ)  $m = 4$  (ب)  $m = 6$  (ج)  $m = 5$  (د)  $m = 7$

(18) المصفوفة المتماثلة هي المصفوفة التي: (أ) لو حولت صفوفها إلى أعمدة وأعمدتها إلى صفوف وبنفس الترتيب حصلنا على نفس المصفوفة (ب) يتحقق فيها شرط أن: [العنصر  $a_{rr} \neq$  العنصر  $a_{rn}$ ] (ج) جميع عناصرها (1) (د) جميع عناصرها (أصفار)

بافتراض معادلتى العرض والطلب التاليتين:  
 عرض:  $2 = 2\text{ ث} - 3\text{ ث} - 15$  & طلب:  $3 = 2\text{ ث} - 2\text{ ث} - 3$   
 اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرتين (19) و (20):

(19) سعر التوازن = ريال (أ) 3 (ب) 6 (ج) 5 (د) 4

(20) كمية التوازن = وحدة (أ) 18 (ب) 5 (ج) 12 (د) 9

إذا كانت دالة الاستهلاك الكلى هي:  $S = 0.75 + 250$  حيث (س) الاستهلاك الكلى (ل) الدخل القومى اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرتين (21) و (22):

(21) حد الكفاف (الحد الأدنى للاستهلاك) = 250 (أ) صح (ب) خطأ

(22) الميل الحدى للدخار = 0.25 (أ) صح (ب) خطأ



إذا كان دالتي الإنتاج للسلعتين (س & ص) هما :

$$S + V = 10$$

$$6S + V = 50$$

اختر الحرف الذي يمثل الاجابة الصحيحة للفقرات من (23) الى (25):

(23) قيمة محدد المعاملات =

(أ) 1 (ب) 1 - (ج) 2 (د) 2 -

(24) قيمة محدد  $\Delta$  ص =

(أ) 10 - (ب) 10 (ج) 5 - (د) 5 -

(25) قيمة س =

(أ) 10 (ب) 10 - (ج) 5 (د) 5 -

إذا كانت دالة الأرباح الخاصة بأحد المخازن يمكن كتابتها على الصيغة التالية:

$$R = 4K - 2K^2 + 32K - 40$$

حيث ك : تمثل الكمية المنتجة و المباعة

بناءً عليه، اختر الحرف الذي يمثل الإجابة الصحيحة للفقرتين (26) و (27):

(26) دالة الربح الحدي هي:

(أ) 4 - ك (ب) 4 + ك (ج) 8 - ك (د) 8 - ك

(27) الكمية المثلى التي تحقق أعلى الأرباح هي:

(أ) 4 (ب) 8 (ج) 5 (د) 6

(28) يمكن ايجاد الدالة الخطية بمعلومية نقطتين أو بمعلومية الميل ونقطة واحدة.

(ب) خطأ

(29) إذا كان لديك الصيغة اللوغاريتمية:

$$\log 81 = 4$$

فهذا يعني أن:

(أ) ب = 9 (ب) ب = 4 (ج) ب = 20.25 (د) ب = 3

(30) يشترط لضرب مصفوفتين أن يكون:

(أ) عدد صفوف المصفوفتين متساويين.

(ب) عدد صفوف المصفوفة الأولى = عدد أعمدة المصفوفة الثانية

(ج) عدد أعمدة المصفوفتين متساويين.

(د) عدد أعمدة المصفوفة الأولى = عدد صفوف المصفوفة الثانية



جامعة الملك عبد العزيز	كلية الاقتصاد والادارة
طلاب الانتساب – جدة	قسم الاقتصاد
اسم الطالب :	رقم التسجيل :

ورقة الاسئلة

الاختبار النهائي لمادة الطرق الكمية ( قصد 206 )

الفصل الدراسي الثاني 1437/1436 هـ

مدة الاختبار ساعة ونصف

نموذج ( أ )

تعليمات أداء الاختبار

على كل طالب مراعاة التعليمات الاتية وقراءتها قبل البدء في الاجابة

- لا يسمح للطالب أداء الاختبار إن لم يكن حاملا لما يثبت هويته ( بطاقة جامعية )
- أظهر بطاقة هويتك للأستاذ الذي يطلب منك ذلك
- أغلق جوالك أثناء وجودك في مبنى الاختبار , وخاصة في قاعة الاختبار
- لا يسمح باستخدام الجوال كألة حاسبة
- ضرورة كتابة اسمك ورقم تسجيلك الجامعي في المكان المخصص لذلك
- المطلوب الاجابة على كل الاسئلة ( 30 سؤال صح وخطأ واختيار متعدد )
- يمكنك الكتابة على هوامش ورقة الاسئلة ولا يسمح باستخدام أوراق خارجية
- الالتزام بالتوقف عن الاجابة عند إعلان المسؤول عن انتهاء الوقت
- عند انتهاء الاختبار سلم ورقتي الاجابة والاسئلة للمسؤول
- سم الله وقل : اللهم لا سهل الا ما جعلته سهلا , وانت تجعل الحزن إذا شئت سهلا

|||||||

## ECON 206

ظل (أ) للإجابة الصحيحة و(ب) للعبارة غير الصحيحة فيما يلي :

- 1 ( ) اذا كانت (س) متغير يشير الى تكاليف الحملة الانتخابية في اليوم الواحد بالألف ريال ويأخذ شكل الدالة اللوغاريتمية : لوس  $625 = 4$  فإن تكاليف حملة الانتخابية لليوم الواحد تساوي 5000 ريال أ
- 2 ( ) اذا كان السكان يتزايدون بمعدل سنويا 4% وكان عدد السكان عام 2010 يساوي 50 مليون فسيكون عددهم عام 2020 م يساوي 85 مليون نسمة ب
- 3 ( ) اذا كانت العلاقة بين كمية الانتاج (ج) وتكلفة الانتاج (ت) بأحد المصانع علاقة خطية بحيث أنه عند انتاج (30) وحدة تكون التكلفة الكلية (200) ريال وعند انتاج 50 وحدة تكون التكلفة الكلية (300) ريال فإن الدالة الخطية التي تصف العلاقة بين كمية الانتاج وتكلفة الانتاج تساوي  $ت = 50 + 5ج$  ب
- 4 ( ) استثمر شخص مبلغ ما في احدى قنوات الاستثمار بمعدل (فائدة) عائد بسيط 9% سنويا وكان العائد المستحق له في نهاية 3 سنوات 1350 ريال , فإن أصل المبلغ المستثمر = 6000 ريال ب
- 5 ( ) اذا كانت دالة الاستهلاك هي :  $س = 0.80 + 50ل$  حيث (ل = الدخل ) فإن الميل الحدي للاستهلاك = 0.20 ب
- 6 ( ) اذا كانت دالتي انتاج سلعتين (س) و (ص) في الاسبوع بالمئات لمصنع ما كالتالي :  
 $2س + ص = 8$   
س - 2ص = 6 فإذا كان محدد س :  $\Delta س = 10$  أ
- 7 ( ) اذا كانت معادلتى العرض والطلب لسلعة تتمثل فيما يلي :  
معادلة الطلب :  $ط = 25 - 3ث$   
معادلة العرض :  $ض = 10 + 2ث$  فإن السعر التوازني = 5 ريال للوحدة أ
- 8 ( ) يستثمر شخص بإحدى شركات الاستثمار مبلغ 5000 ريال بنظام العوائد البسيطة قدره 10% وفي نهاية 5 سنوات وجد أن القيمة المستقبلية المستحقة له بلغ 7500 ريال أ
- اذا كانت التكلفة الكلية لسلعة ما يمكن تمثيلها بالدالة الاتية :  
 $ت = 2س - 10س + 400$   
حيث (ت) = التكلفة الكلية بألاف الريالات و (س) = عدد الوحدات المنتجة بالألف وحدة (استنادا الى البيانات أعلاه أجب عن الاسئلة من (9 - 11) )
- 9 ( ) ستكون التكلفة الحدية ( المشتقة الاولى لدالة التكلفة الكلية ) =  $2س - 10$  أ
- 10 ( ) المشتقة الثانية لدالة التكلفة الكلية هي = 2 أ
- 11 ( ) نوع النهاية لهذه الدالة = نهاية عظمى ب



## ECON 206

12) اذا كانت الكمية التي تحقق أقصى ربح هي 10 وحدة من سلعة ما وكان سعر هذه السلعة (ث) بالريال بدلالة المبيعات (س) كالتالي :

ث = 50 - 2س فسيكون السعر الذي يحقق أكبر ربح = 30 ريال للوحدة ب

13) اذا كانت التكلفة الكلية لمنتج ما دالة خطية في كمية الانتاج كالتالي ( القيم بالآلاف ريال )

ت = 50 + 20ج فإن التكلفة الثابتة = 50 الف ريال أ

14) اذا كانت مرونة العرض السعرية لسلعة ما تساوي 1.6 فإننا يمكننا وصف عرض

هذه السلعة بأنه غير مرن ب

15) اذا كان الايراد الحدي لسلعة ما ممثلا بالدالة :  $Y = 6 - 0.2س$

حيث س تمثل عدد الوحدات المباعة بالآلاف وحدة ,

فإن عدد الوحدات المباعة (س) التي تحقق أكبر ايراد = 30 الف وحدة أ

16) استثمر شخص مبلغ 15000 ريال بمعدل (عائد) 7% فستكون العوائد (الفوائد) المستحقة

بعد 5 سنوات = 8400 ريال ب

17) اذا كانت لدين المصفوفة  $\begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$  فإن مبدل المصفوفة =  $\begin{bmatrix} 5 & 1 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$  ب

18) اذا كان المرتب الشهري لموظف هو (س) بالآلاف ريال وكان المتغير (س) يتحدد وفقا للمعادلة التالية

$64 = 1 + س^2$  فإن المرتب الشهري للموظف = 1000 ريال أ

19) اذا كانت (س) تمثل عدد الثلاثات المنتجة في مصنع ما بالمليون وفقا للدالة التالية

س - 2 - س = 12 = صفر فإن (س) = 4 مليون ثلاجة أ

20) اذا كان سعر بيع الوحدة من منتج معين (ث) بالريال يتحدد بالمعادلة التالية :

5ث - 3 = [ 4ث - 4 (ث - 4) ] - 4

اذا يكون سعر بيع الوحد (ث) = 6 ريال ب

اذا كانت الطاقة التشغيلية بالساعات لقسمي الانتاج في مصنع ما كالتالي

2س + 3ص = 250

س + ص = 100

استنادا الى هذه البيانات اجب عن الاسئلة من 21 - 23

21) ان محدد س :  $\Delta س = 50$  - أ

## ECON 206

(22) ان محدد ص :  $\Delta = 50 =$  ص ب

(23) تكون الكمية المنتجة من السلعتين (س . ص ) هي : س = 50 ص = 50 أ

(24) اذا كان مصنع ما ينتج نوعان من السلع بألاف الوحدات تمثلها المصفوفة

$$(2) \quad (5) \quad \text{وكانت أسعار تلك السلع} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} \text{ريال للوحدة الواحدة فإن إيرادات المصنع من}$$

انتاج تلك السلعة = 16000 ريال أ

(25) اذا كانت دالة الطلب =  $6 - 0.5$  ث فإن القيمة المطلقة لمعامل مرونة الطلب السعرية عند السعر 4 ريال

لهذه السلعة = -0.2 ب

(26) اذا كانت العلاقة بين الكمية المطلوبة (ك) والسعر (ث) علاقة خطية فعند السعر 20 ريال يكون الطلب 300

وحدة وكان معدل التغير في الكمية = -6 فإن معادلة الخط المستقيم التي تصف العلاقة بين الطلب والسعر هي

ط =  $420 - 6$  ث أ

❖ اذا كان لدينا المصفوفتين أ و ب التاليتان (أجب عن الاسئلة من 27 - 29)

$$\begin{bmatrix} 4 & 3 & 1- \\ 2 & 1 & 2 \\ 1 & 2- & 5 \end{bmatrix} = \text{ب} \quad \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 5 & 4 \\ 0 & 2 & 1 \end{bmatrix} = \text{أ}$$

$$(27) \quad \text{فإن} \quad \begin{bmatrix} 5 & 5 & 2 \\ 5 & 6 & 6 \\ 1 & 4 & 6 \end{bmatrix} = \text{ب}^* + \text{أ}^* \quad \text{ب}$$

$$(28) \quad \text{فإن} \quad \begin{bmatrix} 3- & 1- & 4 \\ 1 & 4 & 2 \\ 1- & 4 & 4- \end{bmatrix} = \text{ب}^* - \text{أ}^* \quad \text{ب}$$

$$(29) \quad \text{إن} \quad \begin{bmatrix} 5 & 10 & 15 \\ 15 & 25 & 20 \\ 5 & 10 & 5 \end{bmatrix} = \text{أ} \times 5 \quad \text{ب}$$

(30) اذا كانت دالة الاستهلاك هي : س =  $0.75 + 25$  ل

حيث (ل) هي الدخل و (س) هي الاستهلاك فإن مضاعف الاستثمار = 5 ب

(31) اذا كانت دالة الطلب هي : ط =  $0.25 - 77$  ث

فإن ميل دالة الطلب = -0.25 أ

## ECON 206

بافتراض اقتصاد مكون من قطاعين للإنتاج , الجدول التالي يبين المنتج والمستخدم (القيم بملايين الريالات )

الى قطاع من قطاع	الزراعة	الصناعة	الطلب النهائي	الإنتاج الكلي
الزراعة	50	100	350	500
الصناعة	150	200	650	1000

بناء على البيانات بالجدول أعلاه من الاسئلة ( 32 : 34 )

ب (32) مصفوفة المعاملات الفنية =  $\begin{bmatrix} 0.1 & 0.1 \\ 0.09 & 0.05 \end{bmatrix}$

(33) طبقاً لمصفوفة المعاملات الفنية المحسوبة في السؤال 32

أ فإن مصفوفة اليونتيف =  $\begin{bmatrix} 0.1- & 0.9 \\ 0.8 & 0.3- \end{bmatrix}$

ب (34) مقلوب مصفوف اليونتيف =  $\begin{bmatrix} 1.45 & 1.16 \\ 1.3 & 0.43 \end{bmatrix}$

(35) مصفوفة المتجه العمودي تتكون من صف أو عمود واحد فقط ب

كلية الاقتصاد والادارة  
قسم الاقتصاد

جامعة الملك عبد العزيز  
طلاب الانتساب - جدة

رقم التسجيل :

اسم الطالب :

ورقة الاسئلة

الاختبار النهائي لمادة الطرق الكمية ( قصد 206 )

الفصل الدراسي الثاني 1436/1437 هـ

مدة الاختبار ساعة ونصف

نموذج ( ب )

تعليمات أداء الاختبار

على كل طالب مراعاة التعليمات الآتية وقراءتها قبل البدء في الإجابة

لا يسمح للطالب أداء الاختبار إن لم يكن حاملاً لما يثبت هويته ( بطاقة جامعية )

أظهر بطاقة هويتك للأستاذ الذي يطلب منك ذلك

أغلق جوالك أثناء وجودك في مبنى الاختبار , وخاصة في قاعة الاختبار

لا يسمح باستخدام الجوال كأداة حاسبة

ضرورة كتابة اسمك ورقم تسجيلك الجامعي في المكان المخصص لذلك

المطلوب الإجابة على كل الاسئلة ( 30 سؤال صح وخطأ واختيار متعدد )

يمكنك الكتابة على هوامش ورقة الاسئلة ولا يسمح باستخدام أوراق خارجية

الالتزام بالتوقف عن الإجابة عند إعلان المسؤول عن انتهاء الوقت

عند انتهاء الاختبار سلم ورقتي الإجابة والاسئلة للمسؤول

سم الله وقل : اللهم لا سهل الا ما جعلته سهلا , وانت تجعل الحزن اذا شئت سهلا

ب - ب - ب - ب - ب

ظل (أ) للإجابة الصحيحة و(ب) للعبارة غير الصحيحة فيما يلي :

- (1) يستثمر شخص بإحدى شركات الاستثمار مبلغ 5000 ريال بنظام العوائد البسيطة قدره 10% وفي نهاية 5 سنوات وجد أن القيمة المستقبلية المستحقة له بلغ 7500 ريال أ
- (2) اذا كانت الكمية التي تحقق أقصى ربح هي 10 وحدة من سلعة ما وكان سعر هذه السلعة (ث) بالريال بدلالة المبيعات (س) كالتالي :

ث = 50 - 2 س فسيكون السعر الذي يحقق أكبر ربح = 30 ريال للوحدة أ

(3) اذا كانت التكلفة الكلية لمنتج ما دالة خطية في كمية الانتاج كالتالي ( القيم بالألف ريال )

ت = 50 + 20 ج فإن التكلفة الثابتة = 50 الف ريال أ

(4) اذا كانت مرونة العرض السعرية لسلعة ما تساوي 1.6 فإننا يمكننا وصف عرض هذه السلعة بأنه غير مرن ب

(5) اذا كان الايراد الحدي لسلعة ما ممثلا بالدالة :  $Y = 6 - 0.2S$  حيث س تمثل عدد الوحدات المباعة بالألف وحدة ,

فإن عدد الوحدات المباعة (س) التي تحقق أكبر ايراد = 30 الف وحدة أ

(6) استثمر شخص مبلغ 15000 ريال بمعدل (عائد) 7% فستكون العوائد (الفوائد) المستحقة بعد 5 سنوات = 8400 ريال ب

اذا كانت التكلفة الكلية لسلعة ما يمكن تمثيلها بالدالة الاتية :

$$T = 2S - 10S + 400$$

حيث (ت) = التكلفة الكلية بألاف الريالات و (س) = عدد الوحدات المنتجة بالألف وحدة (استنادا الى البيانات أعلاه أجب عن الاسئلة من (9 - 11) )

(7) ستكون التكلفة الحدية ( المشتقة الاولى لدالة التكلفة الكلية ) = 2 س - 10 أ

(8) المشتقة الثانية لدالة التكلفة الكلية هي = 2 أ

(9) نوع النهاية لهذه الدالة = نهاية عظمى ب

(10) اذا كانت (س) متغير يشير الى تكاليف الحملة الانتخابية في اليوم الواحد بالألف ريال ويأخذ شكل الدالة

اللوغاريتمية : لوس  $625 = 4$  فإن تكاليف حملة الانتخابية لليوم الواحد تساوي 5000 ريال أ

(11) اذا كان السكان يتزايدون بمعدل سنويا 4% وكان عدد السكان عام 2010 يساوي 50 مليون فسيكون عددهم عام 2020 م يساوي 85 مليون نسمة ب

## ECON 206

- 12) إذا كانت العلاقة بين كمية الانتاج (ج) وتكلفة الانتاج (ت) بأحد المصانع علاقة خطية بحيث أنه عند انتاج (30) وحدة تكون التكلفة الكلية (200) ريال وعند انتاج 50 وحدة تكون التكلفة الكلية (300) ريال فإن الدالة الخطية التي تصف العلاقة بين كمية الانتاج وتكلفة الانتاج تساوي ت = 50 + 5 ج ب
- 13) استثمر شخص مبلغ ما في احدى قنوات الاستثمار بمعدل (فائدة) عائد بسيط 9% سنويا وكان العائد المستحق له في نهاية 3 سنوات 1350 ريال , فإن أصل المبلغ المستثمر = 6000 ريال ب
- 14) إذا كانت دالة الاستهلاك هي : س = 0.80 + 50 ل حيث (ل = الدخل) فإن الميل الحدي للاستهلاك = 0.20 ب
- 15) إذا كانت دالتي انتاج سلعتين (س) و (ص) في الاسبوع بالمئات لمصنع ما كالتالي :
- $$2س + ص = 8$$
- س - 2ص = 6 فإذا كان محدد س :  $\Delta$  س = -10 أ
- فإن الكمية المنتجة من السلعة س في الاسبوع = 200 وحدة أ
- 16) إذا كانت معادلتى العرض والطلب لسلعة تتمثل فيما يلي :
- معادلة الطلب : ط = 25 - 3 ث
- معادلة العرض : ض = 10 + 2 ث
- فإن السعر التوازني = 5 ريال للوحدة أ
- 17) إذا كانت لديين المصفوفة  $\begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 5 \end{bmatrix}$  فإن مبدل المصفوفة =  $\begin{bmatrix} 5 & 1 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$  ب
- إذا يكون سعر بيع الوحد (ث) = 6 ريال ب
- 
- إذا كانت الطاقة التشغيلية بالساعات لقسمي الانتاج في مصنع ما كالتالي
- $$2س + 3ص = 250$$
- $$س + ص = 100$$
- استنادا الى هذه البيانات اجب عن الاسئلة من 21 - 23
- 18) ان محدد س :  $\Delta$  س = -50 أ
- 19) ان محدد ص :  $\Delta$  ص = 50 ب
- 20) تكون الكمية المنتجة من السلعتين (س . ص) هي : س = 50 ص = 50 أ
- 
- 21) إذا كان المرتب الشهري لموظف هو (س) بالآلف ريال وكان المتغير (س) يتحدد وفقا للمعادلة التالية

## ECON 206

64  $s^1 + s^2 = 16$  فإن المرتب الشهري للموظف = 1000 ريال أ

(22) إذا كانت (س) تمثل عدد الثلاثات المنتجة في مصنع ما بالمليون وفقاً للدالة التالية

س2 - س - 12 = صفر فإن (س) = 4 مليون ثلجة أ

(23) إذا كان سعر بيع الوحدة من منتج معين (ث) بالريال يتحدد بالمعادلة التالية :

$$5\text{ث} - 3 = [4\text{ث} - 4] \text{ (ث) } 4 - 4 =$$

ب إذا يكون سعر بيع الوحدة (ث) = 6 ريال

(24) إذا كانت العلاقة بين الكمية المطلوبة (ك) والسعر (ث) علاقة خطية فعند السعر 20 ريال يكون الطلب 300

وحدة وكان معدل التغير في الكمية = -6 فإن معادلة الخط المستقيم التي تصف العلاقة بين الطلب والسعر هي

ط = 420 - 6ث أ

(25) إذا كان مصنع ما ينتج نوعان من السلع بألاف الوحدات تمثلها المصفوفة

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} \text{ ريال للوحدة الواحدة فإن إيرادات المصنع من (5 2) وكانت أسعار تلك السلع = } \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$$

انتاج تلك السلعة = 16000 ريال أ

إذا كان لدينا المصفوفتين أ و ب التاليتان (أجب عن الاسئلة من 27 - 29)

$$\begin{bmatrix} 4 & 3 & 1- \\ 2 & 1 & 2 \\ 1 & 2- & 5 \end{bmatrix} = \text{ب} \quad \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 5 & 4 \\ 0 & 2 & 1 \end{bmatrix} = \text{أ}$$

$$\text{ب} \begin{bmatrix} 5 & 5 & 2 \\ 5 & 6 & 6 \\ 1 & 4 & 6 \end{bmatrix} = \text{ب}^* + \text{أ}^* \text{ فإن (26)}$$

$$\text{ب} \begin{bmatrix} 3- & 1- & 4 \\ 1 & 4 & 2 \\ 1- & 4 & 4- \end{bmatrix} = \text{ب}^* - \text{أ}^* \text{ فإن (27)}$$

$$\text{ب} \begin{bmatrix} 5 & 10 & 15 \\ 15 & 25 & 20 \\ 5 & 10 & 5 \end{bmatrix} = \text{أ} \times 5 \text{ (28)}$$

(29) إذا كانت دالة الطلب = 6 - 0.5ث فإن القيمة المطلقة لمعامل مرونة الطلب السعرية عند السعر 4 ريال

لهذه السلعة = -0.2 ب

## ECON 206

30) إذا كانت دالة الطلب هي :  $P = 77 - 0.25Q$

فإن ميل دالة الطلب =  $-0.25$  أ

31) مصفوفة المتجه العمودي تتكون من صف أو عمود واحد فقط ب

32) إذا كانت دالة الاستهلاك هي :  $S = 25 + 0.75L$

حيث (L) هي الدخل و (S) هي الاستهلاك فإن مضاعف الاستثمار = 5 ب

بافتراض اقتصاد مكون من قطاعين للإنتاج , الجدول التالي يبين المنتج والمستخدم (القيم بملايين الريالات )

الى قطاع من قطاع	الزراعة	الصناعة	الطلب النهائي	الإنتاج الكلي
الزراعة	50	100	350	500
الصناعة	150	200	650	1000

بناء على البيانات بالجدول أعلاه من الأسئلة (32 : 34 )

33) مصفوفة المعاملات الفنية =  $\begin{bmatrix} 0.1 & 0.1 \\ 0.09 & 0.05 \end{bmatrix}$  ب

34) طبقاً لمصفوفة المعاملات الفنية المحسوبة في السؤال 32

فإن مصفوفة اليونتيف =  $\begin{bmatrix} 0.1- & 0.9 \\ 0.8 & 0.3- \end{bmatrix}$  أ

35) مقلوب مصفوف اليونتيف =  $\begin{bmatrix} 1.45 & 1.16 \\ 1.3 & 0.43 \end{bmatrix}$  ب



قسم الاقتصاد  
الرقم الجامعي:

طلاب الانتساب (ج)  
اسم الطالب:

ورقة الأسئلة  
الاختبار النهائي لمادة طرق كمية [ قصد 206 ]  
الفصل الدراسي الأول 1438 هـ  
مدة الاختبار ساعة ونصفاً

نموذج ( أ )

تعليمات أداء الاختبار

- على كل طالب مراعاة التعليمات الآتية وقراءتها قبل البدء في الإجابة
- لا يسمح للطالب أداء الاختبار إن لم يكن حاملاً لما يثبت هويته ( بطاقة الجامعة )
- أظهر بطاقة هويتك للأستاذ الذي يطلب منك ذلك
- أغلق جوالك أثناء وجودك في مبنى الاختبار وخاصة في قاعة الاختبار
- لا يسمح باستخدام جهاز الجوال كآلة حاسبة
- ضرورة كتابة اسمك ورقم تسجيلك الجامعي في المكان المخصص على الورقة
- ورقة الأسئلة مكونة من 6 صفحات بما فيها هذه الصفحة
- المطلوب الإجابة على كل الأسئلة
- يمكنك الكتابة على هوامش الورقة فقط، ولا يسمح باستخدام أوراق خارجية
- الالتزام بالتوقف عن الإجابة عند إعلان المسنول عن انتهاء الوقت
- عند انتهاء الاختبار سلم كل من ورقة الأسئلة وورقة الإجابة
- سم الله تعالى وقل: اللهم لا سهل إلا ما جعلته سهلاً، وأنت تجعل الحزن إذا شئت سهلاً

أ - أ - أ - أ - أ - أ

ظل (أ) للعبارة الصحيحة و (ب) للعبارة غير الصحيحة

(1) إذا كانت (س) متغير يشير الى تكاليف الحملة الانتخابية في اليوم الواحد بالآلاف ريال ، ويأخذ شكل الدالة اللوغاريتمية :  $\log 625 = 4$  ، فإن تكاليف الحملة الانتخابية في اليوم الواحد تساوي 3000 ريال

(2) إذا كان السكان يتزايدون بمعدل سنوي 4% ، وكان عدد السكان عام 2010 م يساوي 50 مليون فسيكون عددهم عام 2020 م يساوي 74 مليون نسمة

(3) إذا كانت العلاقة بين كمية الإنتاج (ج) وتكلفة الإنتاج (ت) بأحد المصانع علاقة خطية ، بحيث أنه عند إنتاج (30) وحدة تكون التكلفة الكلية (200) ريال ، وعند إنتاج (50) وحدة تكون التكلفة الكلية (300) ريال. فإن الدالة الخطية التي تصف العلاقة بين كمية الإنتاج وتكلفة الإنتاج تساوي  $t = 50 - 5$

(4) استثمر شخص مبلغ ما في احدى قنوات الاستثمار بمعدل (فائدة) عائد بسيط 9% سنوياً، وكان جملة المستحق له في نهاية 3 سنوات 1350 ريال ، فإن اصل المبلغ المستثمر = 6000 ريال .

(5) إذا كانت دالة الاستهلاك هي :  $s = 0.80 + 50l$  (حيث  $l =$  الدخل) فإن الميل الحدي للاستهلاك = 0.80

(6) إذا كانت دالتي إنتاج سلعتين (س) ، (ص) في الاسبوع بالمئات ، لمصنع ما كالتالي:  
 $2s + 8v = 8$

س - 2 = ص - 6 ، فإذا كان محدد س :  $\Delta s = 10$  فإن الكميات المنتجة من السلعة (س) في الاسبوع = 100 وحدة

(7) إذا كانت معادلتى الطلب والعرض لسلعة ما تتمثل فيما يلي :  
معادلة الطلب :  $3 - 25p = 3$   
معادلة العرض :  $2 + 10p = 2$  ، فإن السعر التوازني = 3 ريال للوحدة

(8) يستثمر شخص بإحدى شركات الاستثمار مبلغ 5000 ريال بنظام العوائد البسيطة قدره 10% ، وفي نهاية 5 سنوات وجد أن القيمة المستقبلية المستحقة له بلغت 7500 ريال

❖ إذا كانت دالة التكلفة الكلية لسلعة ما يمكن تمثيلها بالدالة التالية :

$$t = s^2 - 10s + 400$$

حيث (ت) = التكلفة الكلية بالآلاف الريالات، و (س) = عدد الوحدات المنتجة بالآلاف وحدة (استناداً الى البيانات اعلاه أجب عن الأسئلة (9 - 11))

(9) ستكون التكلفة الحدية (المشتقة الأولى لدالة التكلفة الكلية) =  $2s - 10$

(10) وتكون المشتقة الثانية لدالة التكلفة الكلية هي =  $-10$

(11) نوع النهاية لهذه الدالة = نهاية صغرى

12 \ إذا كانت الكمية التي تحقق أقصى ربح هي 10 وحدة من سلعة ما وكان سعر هذه السلعة (ث بالريال) بدلالة المبيعات (ك) كالتالي:

ج  $2 - 50 = ك$  ، فسيكون السعر الذي يحقق أكبر ربح = 10 ريال للوحدة

13 \ إذا كانت التكلفة الكلية (ت) لمنتج ما دالة خطية في كمية الإنتاج (ج) كالتالي (القيم بالآلاف الريال):

ج  $20 + 50 = ت$  ، فإن التكلفة الثابتة = 50 ألف ريال

14 \ إذا كانت مرونة العرض السعرية لسلعة ما تساوي 1.6 ، فإنه يمكننا وصف عرض السلعة بأنه مرن

ب 15 \ إذا كان الإيراد الحدي لسلعة ما ممثلاً بالدالة:  $0.2 - 6 = ي$  ، حيث تمثل (ك) عدد الوحدات المباعة بالآلاف وحدة ، فإن عدد الوحدات المباعة (ك) الذي يحقق أكبر إيراد = 10 ألف وحدة

16 \ استثمر شخص مبلغ 15000 ريال بمعدل (فائدة) عائد سنوي بسيط 8 % فسكون العوائد (الفوائد) المستحقة بعد 7 سنوات = 8400 ريال

17 \ إذا كان لدينا المصفوفة  $\begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$  فإن مبدول هذه المصفوفة  $\begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$

18 \ إذا كان المرتب الشهري لموظف هو (س) الف ريال ، وكان المتغير (س) يتحدد وفقاً للمعادلة التالية  $64 = 1 + س^2 = 16 = 1 + س^2$  ، فإن المرتب الشهري للموظف = 5000 ريال

19 \ إذا كانت (س) تمثل عدد الدرجات المنتجة في مصنع ما بالمليون وفقاً للدالة التالية:  $س^2 - 12س = 0$  ، فإن (س) = 4 مليون دراجة

20 \ إذا كان سعر بيع الوحدة من منتج معين (ث) بالريال، يتحدد بالمعادلة التالية:

ج  $5 - 3 = 3 - 3$  |  $3 - 3 = 4 - 4$  |  $4 - 4 = 4 - 4$

فإذاً يكون سعر البيع للوحدة (ث) = 6 ريال

21 \ إذا كانت الطاقة التشغيلية بالساعات لقسمي الإنتاج في مصنع ما كالتالي:

$2س + 3ص = 250$

$س + ص = 100$

(إستناداً إلى هذه البيانات أجب على الأسئلة التالية من 21 إلى 23)

21 \ إن محدد س :  $\Delta = 50$

22 \ إن محدد ص :  $\Delta = 50$

23 \ تكون الكميات المنتجة من السلعتين (س ، ص) هي :  $س = 50$  ،  $ص = 50$

- (24) إذا كان مصنع ما ينتج نوعان من السلع بآلاف الوحدات تمثلها المصفوفة
- $$\begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 2 \end{pmatrix}$$
- وكانت أسعار تلك السلع ريالاً للوحدة الواحدة، فإن إيرادات المصنع من إنتاج تلك السلع = 19000 ريال.
- $\rho$
- (25) إذا كانت دالة الطلب:  $ط = 6 - 0.5 ث$
- فإن القيمة المطلقة لمعامل مرونة الطلب السعرية عند السعر 4 ريال لهذه السلعة = -0.2  $\rho$
- (26) إذا كانت العلاقة بين الكمية المطلوبة (ك) والسعر (ث) علاقة خطية. فعند السعر 20 ريال يكون الطلب 300 وحدة وكان معدل التغير في الكمية = -6 فإن معادلة الخط المستقيم التي يصف العلاقة بين الطلب والسعر هي:  $ط = 420 - 6 ث$   $\rho$

❖ إذا كان لدينا المصفوفتان أ و ب التاليتان ( أجب عن الأسئلة من 27 - 29 )

$$\begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 5 \end{pmatrix} = \text{ب} \quad \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ \text{صفر} & 1 \end{pmatrix} = \text{أ}$$

$$\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 1 & 6 \end{pmatrix} = \text{ب} * \text{أ} + * \text{ب} \quad (27)$$

$$\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} = \text{ب} * \text{أ} - * \text{ب} \quad (28)$$

$$\begin{pmatrix} 5 & 15 \\ 5 & 5 \end{pmatrix} = \text{أ} * 5 \quad (29)$$

(30) إذا كانت دالة الاستهلاك هي:  $س = 0.50 + 25 ل$  حيث أن:  $ل =$  الدخل و  $س =$  الاستهلاك ريالاً فإن مضاعف الاستثمار = 4  $\rho$

(31) إذا كانت دالة الطلب هي:  $ط = 77 - 0.25 ث$  فإن ميل دالة الطلب = -0.25  $\rho$

## ECON 206

٥٠٠٠٠ ريال باحدى البنوك ، لمدة ٤ سنوات ، وبمعدل (فائدة) عائد مركب  
9% سنوياً ، يدفع كل ٤ شهور .

( استناداً الى هذه البيانات ، اجب على الاسئلة من 38 الى 40 )

٣٨ ( فان عدد الفترات الزمنية التي سيتم الحساب على أساسها : = 12 ✓

٣٩ ( وسيكون المعدل الذي سيتم الحساب على أساسه = 2% ✓

٤٠

10693 ريال

(40) فان جملة الم



ظلل (أ) للإجابة الصحيحة و(ب) للعبارة غير الصحيحة فيما يلي :

أودع عميل مبلغ 10000 ريال , لمدة 4 سنوات وبمعدل فائدة (عائد) مركب 9% يدفع كل 4 شهور .

(استنادا الى هذه البيانات , أجب على الاسئلة من 1 الى 3 )

(1) فإن عدد الفترات الزمنية التي سيتم الحساب على أساسها : = 12 أ

(2) وسيكون المعدل الذي سيتم الحساب على أساسه = 2% ب

(3) فإن جملة المبلغ في نهاية المدة ( التقريب لأقرب رقم صحيح) = 10693 ريال ب

(4) اذا كانت مرونة العرض السعرية لسلعة ما تساوي 1.6 فإننا يمكننا وصف عرض هذه

السلعة بأنه غير مرن ب

(5) اذا كانت قيمة الآلة وقت الشراء (50000) ريال وتقرر استهلاكها بطريقة القسط المتناقص

بواقع (8%) فإن قيمة الآلة في بداية السنة الخامسة هي 31000 ريال ب

(6) اذا كانت (س) متغير يشير الى تكاليف الحملة الانتخابية في اليوم الواحد بالألف ريال

ويأخذ شكل الدالة اللوغاريتمية : لوس 625 = 4 فإن تكاليف لحملة الانتخابية لليوم الواحد

تساوي 5000 ريال أ

(7) اذا كان السكان يتزايدون بمعدل سنويا 4% وكان عدد السكان عام 2010 يساوي 50 مليون

فسيكون عددهم عام 2020 م يساوي 85 مليون نسمة ب

(8) اذا كانت العلاقة بين كمية الانتاج (ج) وتكلفة الانتاج (ت) بأحد المصانع علاقة خطية بحيث

أنه عند انتاج (30) وحدة تكون التكلفة الكلية (200) ريال وعند انتاج 50 وحدة تكون التكلفة

الكلية (300) ريال فإن الدالة الخطية التي تصف العلاقة بين كمية الانتاج وتكلفة الانتاج

تساوي ت = 50 - 5 ج ب

(9) استثمر شخص مبلغ ما في احدى قنوات الاستثمار بمعدل (فائدة) عائد بسيط 9% سنويا

وكان العائد المستحق له في نهاية 3 سنوات 1350 ريال , فإن أصل المبلغ المستثمر = 5000

ريال أ

(10) اذا كانت دالة الاستهلاك هي : س = 0.80 + 50 ل حيث (ل = الدخل)

فإن الميل الحدي للادخار = 0.20 أ

## ECON 206

إذا كانت الطاقة التشغيلية بالساعات لقسمي الإنتاج في مصنع ما كالتالي

$$250 = 3 \text{ ص} + 2 \text{ س}$$

$$100 = \text{ص} + \text{س}$$

استنادا الى هذه البيانات اجب عن الاسئلة من 21 – 23

(11) ان محدد س :  $\Delta = 50 -$  أ

(12) ان محدد ص :  $\Delta = 50 =$  ب

(13) تكون الكمية المنتجة من السلعتين (س . ص) هي :  $50 = \text{ص}$   $50 = \text{س}$  أ  
بافتراض اقتصاد مكون من قطاعين للإنتاج , الجدول التالي يبين المنتج والمستخدم (القيم  
بملايين الريالات )

من قطاع	الى قطاع	الزراعة	الصناعة	الطلب النهائي	الإنتاج الكلي
الزراعة		50	100	350	500
الصناعة		150	200	650	1000

بناء على البيانات بالجدول أعلاه من الاسئلة ( 14 : 17 )

(14) مصفوفة المعاملات الفنية =  $\begin{bmatrix} 0.1 & 0.1 \\ 0.09 & 0.05 \end{bmatrix}$  ب

(15) طبقا لمصفوفة المعاملات الفنية المحسوبة في السؤال 32

أ فإن مصفوفة اليونتيف =  $\begin{bmatrix} 0.1 - & 0.9 \\ 0.8 & 0.3 - \end{bmatrix}$

ب مقلوب مصفوف اليونتيف =  $\begin{bmatrix} 1.45 & 1.16 \\ 1.3 & 0.43 \end{bmatrix}$

(17) الإنتاج الكلي للقطاعين الزراعي والصناعي على التوالي =

$$\begin{bmatrix} 3000 \\ 1000 \end{bmatrix}$$

(18) إذا كانت دالة الاستهلاك هي :  $0.75 + 25 = \text{س}$  ل



## ECON 206

حيث (ل) هي الدخل و (س) هي الاستهلاك فإن مضاعف الاستثمار = 5 ب

(19) اذا كانت دالة الطلب هي : ط = 77 - 0.25 ث

فإن ميل دالة الطلب = -0.25 أ

(20) اذا كانت دالتي انتاج سلعتين (س) و (ص) في الاسبوع بالمئات لمصنع ما كالتالي :

$$2س + ص = 8$$

س - 2ص = 6 فإذا كان محدد س :  $\Delta$  س = -10

فإن الكمية المنتجة من السلعة س في الاسبوع = 200 وحدة ب

(21) اذا كانت معادلتى العرض والطلب لسلعة تتمثل فيما يلي :

$$\text{معادلة الطلب : } ط = 25 - 3 \text{ ث}$$

معادلة العرض : ص = 10 + 2 ث فإن السعر التوازني = 5 ريال للوحدة ب

(22) يستثمر شخص بإحدى شركات الاستثمار مبلغ 5000 ريال بنظام العوائد البسيطة قدره

10% وفي نهاية 5 سنوات وجد أن القيمة المستقبلية المستحقة له بلغ 7500 ريال أ

(23) اذا كان مصنع ما ينتج نوعان من السلع بألاف الوحدات تمثلها المصفوفة

(2 5) وكانت أسعار تلك السلع =  $\begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix}$  ريال للوحدة الواحدة فإن إيرادات المصنع من

انتاج تلك السلعة = 16000 ريال أ

(24) اذا كانت دالة الطلب = 6 - 0.5 ث فإن القيمة المطلقة لمعامل مرونة الطلب السعرية

عند السعر 4 ريال لهذه السلعة = -0.2 ب

(25) اذا كانت العلاقة بين الكمية المطلوبة (ك) والسعر (ث) علاقة خطية فعند السعر 20 ريال

يكون الطلب 300 وحدة وكان معدل التغير في الكمية = -6 فإن معادلة الخط المستقيم التي

تصف العلاقة بين الطلب والسعر هي

$$ط = 420 - 6 \text{ ث} \quad \text{أ}$$

(26) اذا كان الايراد الحدي لسلعة ما ممثلًا بالدالة : ي = 6 - 0.2 س

حيث س تمثل عدد الوحدات المباعة بالألف وحدة ,

فإن عدد الوحدات المباعة (س) التي تحقق أكبر ايراد = 30 الف وحدة أ

(27) استثمر شخص مبلغ 15000 ريال بمعدل (عائد) 7% فستكون العوائد (الفوائد) المستحقة

## ECON 206

ب بعد 5 سنوات = 8400 ريال

(28) إذا كانت لدين المصفوفة  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$  فإن مبدل المصفوفة =  $\begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$  أ

(29) إذا كان المرتب الشهري لموظف هو (س) بالألف ريال وكان المتغير (س) يتحدد وفقاً للمعادلة التالية

أ  $64 = 1 + س^2$  فإن المرتب الشهري للموظف = 1000 ريال

(30) إذا كان قانون باريتو لتوزيع دخل مجتمع ما هو  $U = \frac{10 \times 300}{U^2}$  ب

إن عدد الافراد الذين يزيد دخلهم عن 1000 ريال يساوي 2000 فرد

(31) إذا كانت (س) تمثل عدد الثلجات المنتجة في مصنع ما بالمليون وفقاً للدالة التالية

أ  $س^2 - س - 12 =$  صفر فإن (س) = 4 مليون ثلاجة

(32)  $س^5 - 3س^3 - 2س^2 - 4س - 4 =$  ب

إذا يكون سعر بيع الوحدة (ث) = 4 ريال

■ إذا كانت التكلفة الكلية لسلعة ما يمكن تمثيلها بالدالة الآتية :

ت =  $س^2 - 10س + 400$

حيث (ت) = التكلفة الكلية بألاف الريالات و (س) = عدد الوحدات المنتجة بالألف وحدة

(استناداً الى البيانات أعلاه أجب عن الاسئلة من (9 - 11))

أ (33) ستكون التكلفة الحدية (المشتقة الاولى لدالة التكلفة الكلية) =  $2س - 10$

أ (34) المشتقة الثانية لدالة التكلفة الكلية هي = 2

ب (35) نوع النهاية لهذه الدالة = نهاية عظمى

(36) إذا كانت الكمية التي تحقق أقصى ربح هي 10 وحدة من سلعة ما وكان سعر هذه السلعة

(ث) بالريال بدلالة المبيعات (س) كالتالي :

أ  $س^2 - 50س$  فسيكون السعر الذي يحقق أكبر ربح = 30 ريال للوحدة

(37) إذا كانت التكلفة الكلية لمنتج ما دالة خطية في كمية الانتاج كالتالي (القيم بالألف ريال)

ت =  $س^2 + 20س$  فإن التكلفة الثابتة = 50 الف ريال أ

## ECON 206

❖ اذا كان لدينا المصفوفتين أ و ب التاليتان (أجب عن الاسئلة من 27 - 29)

$$\begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 5 \end{bmatrix} = \text{ب} \quad \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \text{أ}$$

$$\text{ب} \quad \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 1 & 4 \end{bmatrix} = \text{ب}^* - \text{أ}^* \quad \text{فإن (38)}$$

$$\text{أ} \quad \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 1 & 6 \end{bmatrix} = \text{ب}^* + \text{أ}^* \quad \text{فإن (39)}$$

$$\text{ب} \quad \begin{bmatrix} 48 & 12 \\ 12 & 60 \end{bmatrix} = \text{ب}^* \times 12 \quad \text{إن (40)}$$

ظلّل (أ) للعبارة الصحيحة و (ب) للعبارة غير

(1) إذا كانت (س) متغير يشير الى تكاليف الحملة الانتخابية في اليوم الواحد بالالف ريال ، ويأخذ شكل الدالة اللوغاريتمية :  $\log P = 625 = 4$  ، فإن تكاليف الحملة الانتخابية في اليوم الواحد تساوي 3000 ريال  $P$

(2) إذا كان السكان يتزايدون بمعدل سنوي 4% ، وكان عدد السكان عام 2010 م يساوي 50 مليون فسيكون عددهم عام 2020 م يساوي 74 مليون نسمة  $C$

(3) إذا كانت العلاقة بين كمية الإنتاج (ج) وتكلفة الإنتاج (ت) بأحد المصانع علاقة خطية ، بحيث أنه عند إنتاج (30) وحدة تكون التكلفة الكلية (200) ريال ، وعند إنتاج (50) وحدة تكون التكلفة الكلية (300) ريال. فإن الدالة الخطية التي تصف العلاقة بين كمية الإنتاج وتكلفة الإنتاج تساوي  $ت = 50 - 5 ج$   $B$

(4) استثمر شخص مبلغ ما في احدي قنوات الاستثمار بمعدل (فائدة) عائد بسيط 9% سنوياً، وكان جملة المستحق له في نهاية 3 سنوات 1350 ريال ، فإن اصل المبلغ المستثمر = 6000 ريال  $B$

(5) إذا كانت دالة الاستهلاك هي :  $س = 0.80 + 50 ل$  (حيث ل = الدخل) فإن الميل الحدي للاستهلاك = 0.80  $P$

(6) إذا كانت دالتي انتاج سلعتين (س) ، (ص) في الاسبوع بالمئات ، لمصنع ما كالتالي:  
 $س + 2 ص = 8$

س - 2 ص = 6 ، فإذا كان محدد س :  $\Delta س = -10$

فإن الكميات المنتجة من السلعة (س) في الاسبوع = 100 وحدة  $B$

(7) إذا كانت معادلتى الطلب والعرض لسلعة ما تتمثل فيما يلي :

معادلة الطلب :  $ط = 25 - 3 ث$

معادلة العرض :  $ض = 10 + 2 ث$  ، فإن السعر التوازني = 3 ريال للوحدة  $P$

(8) يستثمر شخص بإحدي شركات الاستثمار مبلغ 5000 ريال بنظام العوائد البسيطة قدره 10% ، وفي نهاية 5 سنوات وجد أن القيمة المستقبلية المستحقة له بلغت 7500 ريال  $P$

❖ إذا كانت دالة التكلفة الكلية لسلعة ما يمكن تمثيلها بالدالة التالية :

$$ت = س^2 - 10 س + 400$$

حيث (ت) = التكلفة الكلية بالآلاف الريالات، و (س) = عدد الوحدات المنتجة بالآلاف وحدة

(استنادا الى البيانات اعلاه أجب عن الأسئلة (9-11) )

(9) ستكون التكلفة الحدية (المشتقة الأولى لدالة التكلفة الكلية) =  $س - 20$   $P$

(10) وتكون المشتقة الثانية لدالة التكلفة الكلية هي =  $-10$   $P$

(11) نوع النهاية لهذه الدالة = نهاية صغرى  $P$

12 \ إذا كانت الكمية التي تحقق أقصى ربح هي 10 وحدة من سلعة ما وكان سعر هذه السلعة (ث بالريال) بدلالة المبيعات (ك) كالتالي :

ث = 50 - 2 ك ، فسيكون السعر الذي يحقق أكبر ربح = 10 ريال للوحدة ج

13 \ إذا كانت التكلفة الكلية (ت) لمنتج ما دالة خطية في كمية الإنتاج (ج) كالتالي (القيم بالآلاف الريال):  
ت = 20 + 50 ج ، فإن التكلفة الثابتة = 50 ألف ريال .

14 \ إذا كانت مرونة العرض السعرية لسلعة ما تساوي 1.6 ، فإنه يمكننا وصف عرض السلعة بأنه مرن .

15 \ إذا كان الإيراد الحدي لسلعة ما ممثلاً بالدالة :  $y = 6 - 0.2x$  حيث تمثل (ك) عدد الوحدات المباعة بالآلاف وحدة ، فإن عدد الوحدات المباعة (ك) الذي يحقق أكبر إيراد = 10 ألف وحدة ج

16 \ استثمر شخص مبلغ 15000 ريال بمعدل (فائدة) عائد سنوي بسيط 8% فستكون العوائد (الفوائد) المستحقة بعد 7 سنوات = 8400 ريال .

17 \ إذا كان لدينا المصفوفة  $\begin{pmatrix} 4 & 1- \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$  فإن مبدول هذه المصفوفة  $\begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 1- & 4 \end{pmatrix}$  ج

18 \ إذا كان المرتب الشهري لموظف هو (س) الف ريال ، وكان المتغير (س) يتحدد وفقاً للمعادلة التالية  $64 = 1 + s^2$  ، فإن المرتب الشهري للموظف = 5000 ريال .

19 \ إذا كانت (س) تمثل عدد الدراجات المنتجة في مصنع ما بالمليون وفقاً للدالة التالية:  
 $s^2 - s - 12 = 0$  ، فإن (س) = 4 مليون دراجة .

20 \ إذا كان سعر بيع الوحدة من منتج معين (ث) بالريال، يتحدد بالمعادلة التالية:  
 $5 - 3 = [2 - 4] - 4 = 4 -$  فإذا يكون سعر البيع للوحدة (ث) = 6 ريال .

❖ إذا كانت الطاقة التشغيلية بالساعات لقسمي الإنتاج في مصنع ما كالتالي:

$$250 = 3س + ص$$

$$100 = س + ص$$

(إستناداً إلى هذه البيانات أجب على الأسئلة التالية من 21 إلى 23)

21 \ إن محدد س :  $\Delta س = 50$  .

22 \ إن محدد ص :  $\Delta ص = 50$  .

23 \ تكون الكميات المنتجة من السلعتين (س ، ص) هي :  $س = 50$  ،  $ص = 50$  .

## ECON 206

24 ✎ إذا كان مصنع ما ينتج نوعان من السلع بآلاف الوحدات تمثلها المصفوفة  

$$\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$
 وكانت أسعار تلك السلع = ريال للوحدة الواحدة، فإن إيرادات المصنع من

إنتاج تلك السلع = 19000 ريال .  $\rho$

25 ✎ إذا كانت دالة الطلب :  $ط = 6 - 0.5$  ث  
 فإن القيمة المطلقة لمعامل مرونة الطلب السعرية عند السعر 4 ريال لهذه السلعة = - 0.2  $\rho$

26 ✎ إذا كانت العلاقة بين الكمية المطلوبة (ك) والسعر (ث) علاقة خطية . فعند السعر 20 ريال يكون  
 الطلب 300 وحدة وكان معدل التغير في الكمية = - 6 فإن معادلة الخط المستقيم التي يصف  
 العلاقة بين الطلب والسعر هي :  $ط = 420 - 6$  ث  $\rho$

✎ إذا كان لدينا المصفوفتان أ و ب التاليتان ( أجب عن الأسئلة من 27 - 29 )

$$\begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 5 \end{pmatrix} = \text{ب} \quad \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ \text{صفر} & 1 \end{pmatrix} = \text{أ}$$

$$\text{ب} \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 1 & 6 \end{pmatrix} = \text{أ} + \text{ب} \quad (27)$$

$$\rho \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 4 \end{pmatrix} = \text{أ} - \text{ب} \quad (28)$$

$$\text{ب} \begin{pmatrix} 5 & 15 \\ 5 & 5 \end{pmatrix} = \text{أ} \times 5 \quad (29)$$

30 ✎ إذا كانت دالة الاستهلاك هي :  $س = 25 + 0.50$  ل  
 حيث أن : ل = الدخل و س = الاستهلاك ريال فإن مضاعف الاستثمار = 4  $\rho$

31 ✎ إذا كانت دالة الطلب هي :  $ط = 77 - 0.25$  ث  
 فإن ميل دالة الطلب = - 0.25  $\rho$

## ECON 206

بافتراض اقتصاد مكون من قطاعين للانتاج ، الجدول التالي يبين المنتج والمستخدم ( القيم بملايين الريالات )

الانتاج الكلي	الطلب النهائي	الصناعة	الزراعة	إلى قطاع من قطاع
500	350	100	50	الزراعة
1000	650	200	150	الصناعة

(بناءً على البيانات بالجدول اعلاه اجب عن الاسئلة من 32 إلى 35)

32 \ مصفوفة المعاملات الفنية =  $\begin{pmatrix} 0.1 & 0.1 \\ 0.2 & 0.03 \end{pmatrix}$  ب

33 \ طبقاً لمصفوفة المعاملات الفنية المحسوبة في السؤال رقم (37) ، فإن مصفوفة ليونتيف =

$\begin{pmatrix} 0.1- & 0.9 \\ 0.8 & 0.3- \end{pmatrix}$  ب

34 \ مقلوب مصفوفة ليونتيف =

$\begin{pmatrix} 1.45 & 1.16 \\ 1.3 & 0.43 \end{pmatrix}$  ب

35 \ الانتاج الكلي للقطاعين الزراعي والصناعي على التوالي =

$\begin{pmatrix} 1000 \\ 3000 \end{pmatrix}$  ب

36 \ إذا كان قانون باريتو لتوزيع دخل مجتمع ما هو:

$$n = \frac{710 \times 300}{2}$$

فإن عدد الأفراد الذين يزيد دخلهم عن 1000 ريال يساوي 2000 فرد. ب

37 \ مصنع ينتج السلعتين س و ص بآلاف الوحدات وفقاً للمعادلة التاليه:

$$ص^2 + س + 8 ص - 20 = \text{صفر}$$

أقصى ما يمكن انتاجه من السلعتين هو 2 وحدة من س و 20 وحدة من ص. ب



## ECON 206

❖ اودع عميل مبلغ 10000 ريال بأحدى البنوك ، لمدة 4 سنوات ، وبمعدل (فائدة) عائد مركب 9% سنوياً، يدفع كل 4 شهور .

( استناداً الى هذه البيانات ، اجب على الاسئلة من 38 إلى 40 )

أ ( 38 ) فإن عدد الفترات الزمنية التي سيتم الحساب على أساسها : = 12

ب ( 39 ) وسيكون المعدل الذي سيتم الحساب على أساسه = 2%

ج ( 40 ) فإن جملة المبلغ في نهاية المدة ( التقريب لأقرب رقم صحيح ) = 10693 ريال





ظلل (أ) للإجابة الصحيحة و(ب) للعبارة غير الصحيحة فيما يلي :

أودع عميل مبلغ 10000 ريال , لمدة 4 سنوات وبمعدل فائدة (عائد) مركب 9% يدفع كل 4 شهور .

(استنادا الى هذه البيانات , أجب على الاسئلة من 1 الى 3 )

1) فإن عدد الفترات الزمنية التي سيتم الحساب على أساسها : = 12 أ

2) وسيكون المعدل الذي سيتم الحساب على أساسه = 2% ب

3) فإن جملة المبلغ في نهاية المدة ( التقريب لأقرب رقم صحيح) = 10693 ريال ب

4) اذا كانت مرونة العرض السعرية لسلعة ما تساوي 1.6 فإننا يمكننا وصف عرض هذه السلعة بأنه غير مرن ب

5) اذا كانت قيمة العلة وقت الشراء (50000) ريال وتقرر استهلاكها بطريقة القسط المتناقص بواقع (8%) فإن قيمة الآلة في بداية السنة الخامسة هي 31000 ريال ب

6) ( اذا كانت (س) متغير يشير الى تكاليف الحملة الانتخابية في اليوم الواحد بالألف ريال ويأخذ شكل الدالة اللوغاريتمية :  $لوس = 625 = 4$  فإن تكاليف لحملة الانتخابية لليوم الواحد تساوي 5000 ريال أ

7) اذا كان السكان يتزايدون بمعدل سنويا 4% وكان عدد السكان عام 2010 يساوي 50 مليون فسيكون عددهم عام 2020 م يساوي 85 مليون نسمة ب

8) اذا كانت العلاقة بين كمية الانتاج (ج) وتكلفة الانتاج (ت) بأحد المصانع علاقة خطية بحيث أنه عند انتاج (30) وحدة تكون التكلفة الكلية (200) ريال وعند انتاج 50 وحدة تكون التكلفة الكلية (300) ريال فإن الدالة الخطية التي تصف العلاقة بين كمية الانتاج وتكلفة الانتاج تساوي  $ت = 50 - 5 ج$  ب

9) استثمر شخص مبلغ ما في احدى قنوات الاستثمار بمعدل (فائدة) عائد بسيط 9% سنويا وكان العائد المستحق له في نهاية 3 سنوات 1350 ريال , فإن أصل المبلغ المستثمر = 5000 ريال أ

10) اذا كانت دالة الاستهلاك هي :  $س = 0.80 + 50 ل$  حيث (ل = الدخل )

فإن الميل الحدي للادخار = 0.20 أ

=====

اذا كانت الطاقة التشغيلية بالساعات لقسمي الانتاج في مصنع ما كالتالي

$$250 = 3س + 2ص$$

$$100 = 3ص + 2س$$

## ECON 206

استنادا الى هذه البيانات اجب عن الاسئلة من 21 – 23

(11) ان محدد س :  $\Delta$  س = -50 أ

(12) ان محدد ص :  $\Delta$  ص = 50 ب

(13) تكون الكمية المنتجة من السلعتين (س . ص) هي : س = 50 ص = 50 أ  
بافتراض اقتصاد مكون من قطاعين للإنتاج , الجدول التالي يبين المنتج والمستخدم (القيم بملايين الريالات )

من قطاع	الى قطاع	الزراعة	الصناعة	الطلب النهائي	الإنتاج الكلي
الزراعة	الزراعة	50	100	350	500
الصناعة	الزراعة	150	200	650	1000

بناء على البيانات بالجدول أعلاه من الاسئلة ( 14 : 17 )

(14) مصفوفة المعاملات الفنية =  $\begin{bmatrix} 0.1 & 0.1 \\ 0.09 & 0.05 \end{bmatrix}$  ب

(15) طبقا لمصفوفة المعاملات الفنية المحسوبة في السؤال 32

أ فإن مصفوفة اليونتيف =  $\begin{bmatrix} 0.1- & 0.9 \\ 0.8 & 0.3- \end{bmatrix}$

(16) مقلوب مصفوف اليونتيف =  $\begin{bmatrix} 1.45 & 1.16 \\ 1.3 & 0.43 \end{bmatrix}$  ب

(17) الإنتاج الكلي للقطاعين الزراعي والصناعي على التوالي =  $\begin{bmatrix} 3000 \\ 1000 \end{bmatrix}$

=====

(18) اذا كانت دالة الاستهلاك هي : س = 25 + 0.75 ل

حيث (ل) هي الدخل و (س) هي الاستهلاك فإن مضاعف الاستثمار = 5 ب

(19) اذا كانت دالة الطلب هي : ط = 77 - 0.25 ث

أ فإن ميل دالة الطلب = -0.25

(20) اذا كانت دالتي انتاج سلعتين (س) و (ص) في الاسبوع بالمئات لمصنع ما كالتالي :

## ECON 206

$$2 \text{ س} + \text{ص} = 8$$

$$\text{س} - 2\text{ص} = 6 \quad \text{فإذا كان محدد س: } \Delta = 10$$

فإن الكمية المنتجة من السلعة س في الاسبوع = 200 وحدة ب

(21) إذا كانت معادلتى العرض والطلب لسلعة تتمثل فيما يلي :

$$\text{معادلة الطلب: } \text{ط} = 25 - 3 \text{ ث}$$

$$\text{معادلة العرض: } \text{ض} = 10 + 2 \text{ ث} \quad \text{فإن السعر التوازني} = 5 \text{ ريال للوحدة ب}$$

(22) يستثمر شخص بإحدى شركات الاستثمار مبلغ 5000 ريال بنظام العوائد البسيطة قدره 10% وفي نهاية 5 سنوات وجد أن القيمة المستقبلية المستحقة له بلغ 7500 ريال أ

=====

(23) إذا كان مصنع ما ينتج نوعان من السلع بألاف الوحدات تمثلها المصفوفة

$$\begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} = \text{ريال للوحدة الواحدة فإن إيرادات المصنع من (2 5) وكانت أسعار تلك السلع}$$

$$\text{انتاج تلك السلعة} = 16000 \text{ ريال أ}$$

(24) إذا كانت دالة الطلب = 6 - 0.5 ث فإن القيمة المطلقة لمعامل مرونة الطلب السعرية عند السعر 4 ريال لهذه السلعة = -0.2 ب

(25) إذا كانت العلاقة بين الكمية المطلوبة (ك) والسعر (ث) علاقة خطية فعند السعر 20 ريال يكون الطلب 300 وحدة وكان معدل التغير في الكمية = -6 فإن معادلة الخط المستقيم التي تصف العلاقة بين الطلب والسعر هي

$$\text{ط} = 420 - 6 \text{ ث أ}$$

(26) إذا كان الأيراد الحدي لسلعة ما ممثلًا بالدالة :  $6 - 0.2 \text{ س}$

حيث س تمثل عدد الوحدات المباعة بالألف وحدة ,

فإن عدد الوحدات المباعة (س) التي تحقق أكبر إيراد = 30 الف وحدة أ

(27) استثمر شخص مبلغ 15000 ريال بمعدل (عائد) 7% فستكون العوائد (الفوائد) المستحقة

$$\text{بعد 5 سنوات} = 8400 \text{ ريال ب}$$

$$(28) \text{ إذا كانت لديين المصفوفة } \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \text{ فإن مبدل المصفوفة} = \begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} \text{ أ}$$

(29) إذا كان المرتب الشهري لموظف هو (س) بالألف ريال وكان المتغير (س) يتحدد وفقًا للمعادلة التالية

## ECON 206

64 س + 1 = 16 س + 2 1 فإن المرتب الشهري للموظف = 1000 ريال أ

$$(30) \text{ اذا كان قانون باريتو لتوزيع دخل مجتمع ما هو } = \frac{7 \times 10 \times 300}{2} =$$

ب إن عدد الافراد الذين يزيد دخلهم عن 1000 ريال يساوي 2000 فرد

(31) اذا كانت (س) تمثل عدد الثلجات المنتجة في مصنع ما بالمليون وفقا للدالة التالية

س - 2 - س - 12 = صفر فإن (س) = 4 مليون ثلاجة أ

$$(32) \text{ 5ث - 3 } = [2\text{ث} - 4\text{ث} - 4] = 4 -$$

ب اذا يكون سعر بيع الواحد (ث) = 4 ريال

=====

■ اذا كانت التكلفة الكلية لسلعة ما يمكن تمثيلها بالدالة الاتية :

$$ت = 2س - 10س + 400$$

حيث (ت) = التكلفة الكلية بألاف الريالات و (س) = عدد الوحدات المنتجة بالألف وحدة (استنادا الى البيانات أعلاه  
أجب عن الاسئلة من (9 - 11)

أ (33) ستكون التكلفة الحدية ( المشتقة الاولى لدالة التكلفة الكلية ) = 2س - 10

أ (34) المشتقة الثانية لدالة التكلفة الكلية هي = 2

ب (35) نوع النهاية لهذه الدالة = نهاية عظمى

(36) اذا كانت الكمية التي تحقق أقصى ربح هي 10 وحدة من سلعة ما وكان سعر هذه السلعة (ث) بالريال بدلالة  
المبيعات (س) كالتالي :

$$ث = 50 - 2س \text{ فسيكون السعر الذي يحقق أكبر ربح } = 30 \text{ ريال للوحدة أ}$$

(37) اذا كانت التكلفة الكلية لمنتج ما دالة خطية في كمية الانتاج كالتالي ( القيم بالألف ريال )

$$ت = 50 + 20ج \text{ فإن التكلفة الثابتة } = 50 \text{ الف ريال أ}$$

=====

❖ اذا كان لدينا المصفوفتين أ و ب التاليتان (أجب عن الاسئلة من 27 - 29)

## ECON 206

$$\begin{bmatrix} 4 & 1- \\ 1 & 5 \end{bmatrix} = \text{ب} \quad \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \text{أ}$$

$$\text{ب} \quad \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 1- & 4 \end{bmatrix} = \text{ب}^* - \text{ف}^* \quad (38) \text{ فإن}$$

$$\text{أ} \quad \begin{bmatrix} 5 & 2 \\ 1 & 6 \end{bmatrix} = \text{ب}^* + \text{ف}^* \quad (39) \text{ فإن}$$

$$\text{ب} \quad \begin{bmatrix} 48 & 12 \\ 12 & 60 \end{bmatrix} = \text{ب}^* \times 12 \quad (40) \text{ إن}$$