

مذاكرة نهايات

السؤال الأول: f هو التابع المعرف على المجال $]1, +\infty[$ وفق $f(x) = \frac{2x+\sin x}{x-1}$

$$(1) \text{ أثبت أن } \frac{2x-1}{x-1} \leq f(x) \leq \frac{2x+1}{x-1}$$

$$(2) \text{ استنتج نهاية } f \text{ عند } +\infty$$

السؤال الثاني: ليكن g التابع المعرف على \mathbb{R} وفق $g(x) = \frac{1}{3+2\sin x}$

(1) أثبت أن g محدود

$$(2) \text{ استنتج كلا من النهايتين } \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2}{3+2\sin x} \right) \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x+\sin x}{3+2\sin x} \right)$$

السؤال الثالث: ليكن c الخط البياني للتابع f المعرف بالعلاقة $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-d}$ ، جد الأعداد الحقيقية d و c و b و a علماً أن الخواص الآتية محققة :

- (1) المستقيم الذي معادلته $x = 3$ مقارب للخط c
- (2) المستقيم المائل الذي معادلته $y = 2x - 5$ مقارب للخط c عند $+\infty$ و $-\infty$ تنتمي النقطة $A(1,2)$ إلى الخط c

السؤال الرابع: ليكن c الخط البياني للتابع f المعرف على \mathbb{R} وفق $f(x) = x + \sqrt{x^2 + 1}$

- (1) ادرس نهاية f عند $-\infty$ - اشرح التأويل الهندسي لهذه النتيجة.
- (2) أثبت أن المستقيم Δ الذي معادلته $y = 2x$ مقارب للخط c في جوار $+\infty$
- (3) ادرس الوضع النسبي للمقارب Δ والخط c

السؤال الخامس: ليكن f تابعاً مستمراً ومعرفاً على المجال $I = [0,1]$ ويحقق $f(x) \in I$ أيأ يكن x من I نرمز

بالرمز k إلى التابع المعرف على I وفق $k(x) = f(x) - x$ وتطبيق مبرهنة القيمة الوسطى على التابع k ، أثبت وجود عدد حقيقي a من I يحقق $f(a) = a$

السؤال السادس: ليكن c الخط البياني للتابع $f(x) = |x + 1| + \frac{x}{x^2-1}$ المعرفة على $\mathbb{R} \setminus -1, +1$

- (1) اكتب $f(x)$ بصيغة لاتحوي قيمة مطلقة
- (2) ادرس نهاية f وأوجد $f'(x)$ وادرس اشارته وادرس تغيرات f ونظم جدول بها
- (3) تحقق أن المستقيمين $y = x + 1$ و $y = -x - 1$ بالترتيب مقاربان مائلان للخط البياني c عند $+\infty$ و $-\infty$. ادرس وضع c بالنسبة إلى هذين المقاربين.

انتهت الأسئلة

مدرس (الماوة): أحمد طرفي

0955 420 349