



المضلعان المتشابهة

هي مضلعان التي لها الشكل نفسه ولكن ليس بالضرورة أن يكون لها نفس القياس ..

مما تشابه المضلعان ؟

□ إذا كانت الزوايا المتناظرة في المضلعان متطابقة

□ إذا كانت أطوال الأضلاع المتناظرة في المضلعان متناسبة

في الشكل أدناه ABCD يشابه WXYZ

التناسب

$$\frac{AB}{WX} = \frac{BC}{XY} = \frac{CD}{YZ} = \frac{DA}{ZW}$$

معامل التشابه

طول أضلاع الشكل الأول

طول أضلاع المتناظرة من الشكل الثاني

$$\frac{3}{1} = \frac{AB}{WX} =$$

عبارة التشابه

$$ABCD \sim WXYZ$$

رمز التشابه

ترتيب الرؤوس المتطابقة مهم

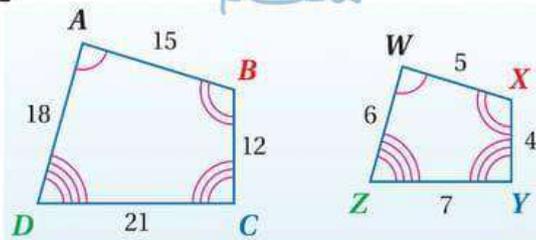
الزوايا المتطابقة

$$\angle A \cong \angle W$$

$$\angle B \cong \angle X$$

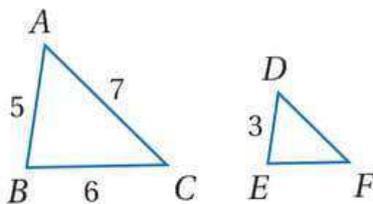
$$\angle C \cong \angle Y$$

$$\angle D \cong \angle Z$$



* علاقة المحيط ومعامل التشابه *

$$\text{معامل التشابه} = \frac{\text{محيط المضلع الأول}}{\text{محيط المضلع الثاني}}$$

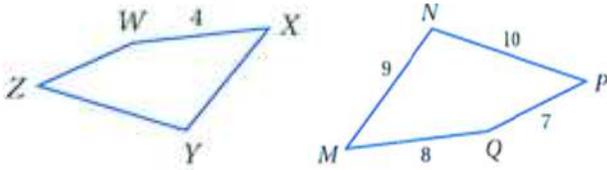


$$18 = 5 + 6 + 7 = \text{محيط } \triangle ABC$$

$$\frac{5}{3} = \frac{18}{\text{محيط } \triangle DEF}$$

$$108 = \text{محيط } \triangle DEF$$

$$MNPQ \sim XYZW$$



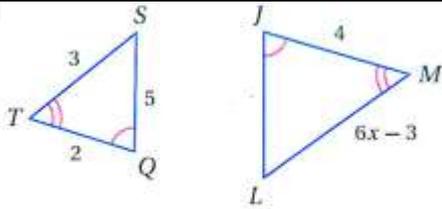
4

5

2

3

$$x \quad \Delta JLM \sim \Delta QST$$



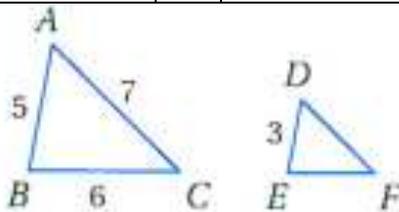
3

2.5

2

1.5

$$\Delta DEF \quad \Delta ABC \sim \Delta DEF$$



13

11

10.8

9

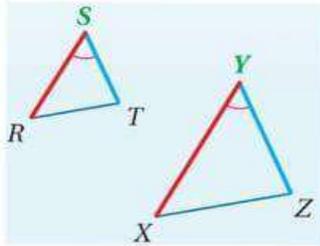


المثلثان المتشابهة

حالات تشابه المثلثان

نظرية التشابه SAS

إذا تناسب طولاً ضلعين في مثلث مع طول الأضلاع المناظرين لها في مثلث آخر و تطابق الزوايا المحصورة بينهما فإن المثلثان متشابهان

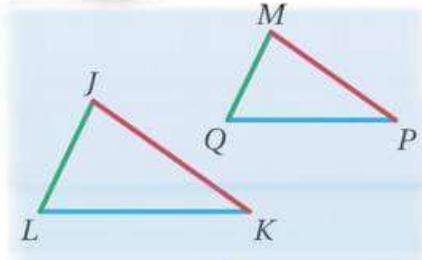


$$\angle S \cong \angle X$$

$$\frac{SR}{YX} = \frac{ST}{YZ}$$

نظرية التشابه SSS

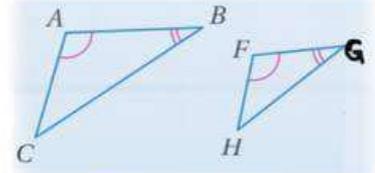
إذا تناسب أطوال الأضلاع المتناظرة لمثلثين فإن المثلثان متشابهان



$$\frac{MQ}{JL} = \frac{MP}{JK} = \frac{QP}{LK}$$

مسألة التشابه AA

إذا تطابقت زاويتان من مثلث مع زاويتان في مثلث آخر فالمثلثان متشابهان



$$\begin{aligned} \angle A &\cong \angle F \\ \angle B &\cong \angle G \end{aligned}$$

خصائص المثلثات المتشابهة:

□ خاصية الانعكاس للتشابه .. $\triangle ABC \sim \triangle ABC$

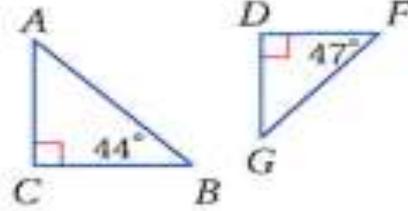
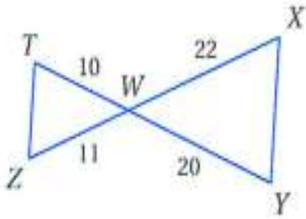
□ خاصية التماثل للتشابه .. إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ فإن $\triangle DEF \sim \triangle ABC$

□ خاصية التعدي للتشابه ..

إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ و $\triangle DEF \sim \triangle XYZ$ فإن $\triangle ABC \sim \triangle XYZ$

القياس الغير مباشر

$$\frac{\text{طول الشكل الأول}}{\text{طول الشكل الثاني}} = \frac{\text{طول ظل الشكل الأول}}{\text{طول ظل الشكل الثاني}}$$



322.5 ft

9 ft

6 ft



المستقيمت المتوازية و الأجزاء المتناسبة

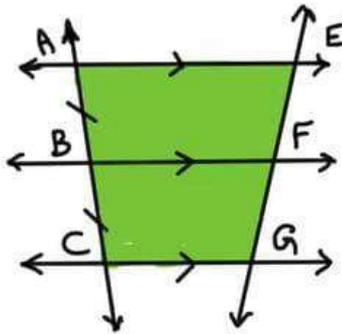
نظريه التناسب

إذا قطع قاطع
ثلاثة مستقيمت
متوازية أو أكثر
وكانت أجزاءه
متطابقه فإن أجزاء
أي قاطع آخر لها
تكون متطابقه =

$$AB = BC$$

$$EF = FG$$

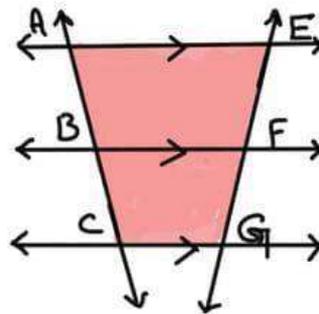
لابد أن تكون المستقيمت متوازية



إذا قطع قاطعان ثلاثة
مستقيمت متوازيه أو
أكثر فإن أطوال
أجزاء القاطعين تكون
متناسبه أي أن ..

$$\frac{AB}{BC} = \frac{EF}{FG} \text{ أو } \frac{AB}{EF} = \frac{BC}{FG}$$

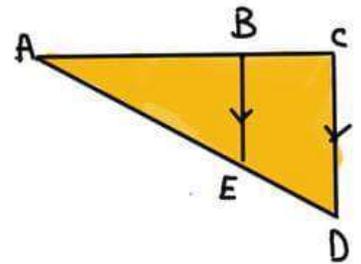
(لابد أن تكون المستقيمت متوازية)



إذا وازى مستقيمتا
منهلاً من اضلاع
المثلث وقطع ضلعيه
الآخرين فإنه
يقسمهما إلى أجزاء
متناسبه أي أن ..

$$\frac{AB}{BC} = \frac{AE}{ED}$$

$$\frac{AB}{AE} = \frac{BC}{ED} \text{ أو}$$

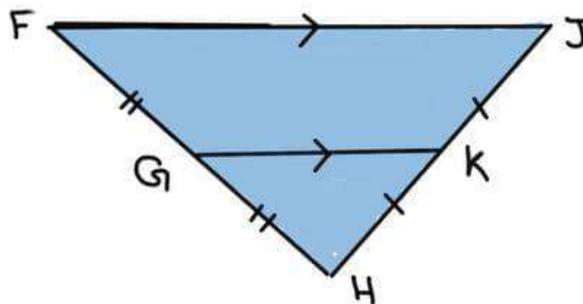


* عكس نظريه التناسب :

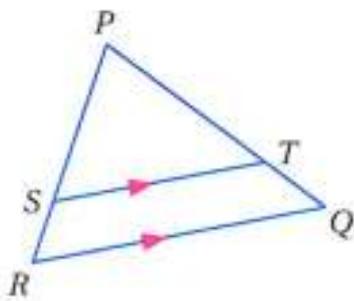
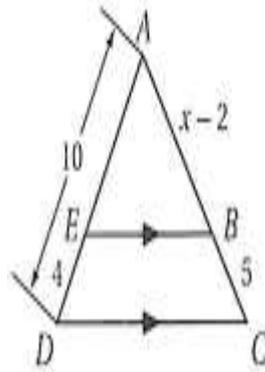
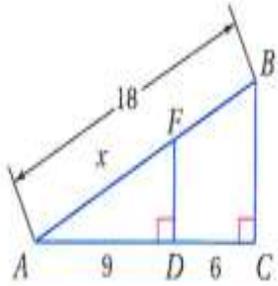
إذا قطع مستقيمت منهلين في مثلث وقسمهما إلى قطع مستقيمه
متناظرة أطولها متناسبه فإن المستقيمت يوازي الضلع الثالث
من المثلث ..

القطعة المنصبة في المثلث

توازي أحد
اضلاع المثلث
وطولها يساوي
نصف ذلك الضلع
 $|GK| = \frac{1}{2} FJ$



قطعة مستقيمه
تصل بين منتصفي
منهلين في مثلث
 $FG = GH$
 $JK = KH$



$\triangle PQR$

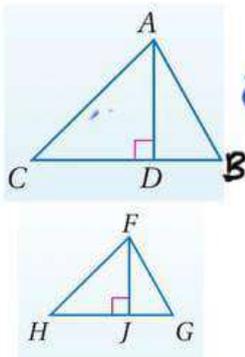
$\overline{ST} \parallel \overline{RQ}$ $PT = 7.5$, $TQ = 3$, $SR = 2.5$

PS



عناصر المثلثات المتشابهة

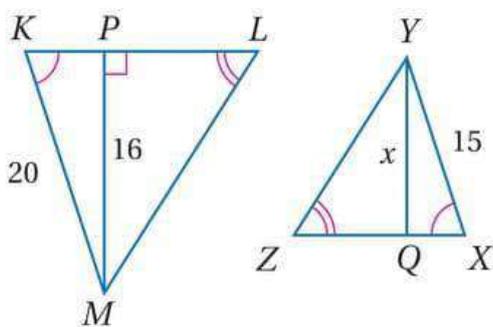
قطع مستقيمه خاصه في مثلثين المتشابهين ..



إذا تشابه مثلثان فإن النسبة بين طولي كل ارتفاعين متناظرين تساوي النسبة بين طولي كل ضلعين متناظرين ..

$$\frac{AD}{FJ} = \frac{AB}{FG} \text{ فإن } \Delta ABC \sim \Delta FGH$$

مثال: أوجد قيمة x ؟!



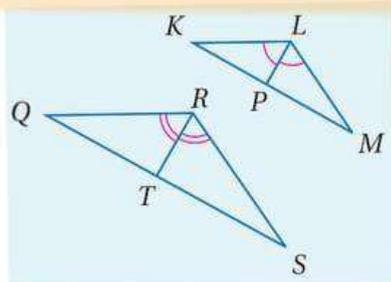
$$\Delta KLM \sim \Delta ZYX$$

$$\frac{YQ}{PM} = \frac{YX}{KM}$$
$$\frac{x}{16} = \frac{15}{20}$$

$$20x = 15 \times 16 \rightarrow x = 12$$

إذا تشابه مثلثان فإن النسبة بين طولي المقطعين المصنفين

لكل زاويتين متناظرتين تساوي النسبة بين طولي كل ضلعين متناظرين



$$\frac{LP}{RT} = \frac{LM}{RS} \text{ فإن } \Delta KLM \sim \Delta QRS$$

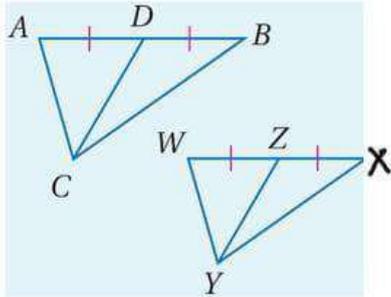
مثال: أوجد قيمة x ؟!

$$\Delta WVU \sim \Delta TSR$$

$$\frac{WQ}{TP} = \frac{VU}{SR} \quad \left| \quad x = \frac{3 \times 13,5}{9} \right.$$
$$\frac{9}{13,5} = \frac{6}{2x} \quad \left| \quad x = 4,5 \right.$$

عناصر المثلثات المتشابهة

إذا تشابه مثلثان فإن النسبة بين أي طولي كل قطعتين متوسطتين متناظرتين تساوي النسبة بين طولي كل ضلعين متناظرين -

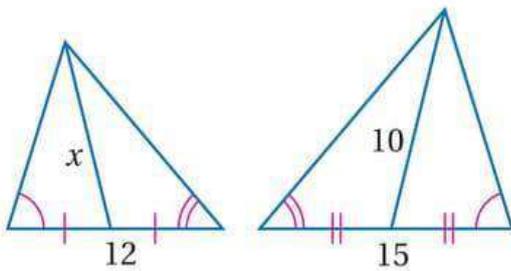


إذا كان $\Delta ABC \sim \Delta WXYZ$

$$\frac{CD}{YZ} = \frac{AB}{WX} \quad \text{حين}$$

مثال : أوجد قيمة x ؟

المثلثان متشابهان من مسلة SSS



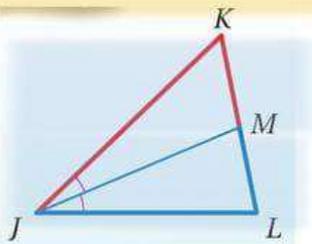
$$\frac{10}{x} = \frac{15}{12}$$

$$x = \frac{10 \times 12}{15} = 8$$

$$x = 8$$

منصف زاوية في مثلث يقسم الضلع المقابل إلى قطعتين مستقيمتين

النسبة بين طوليهما تساوي النسبة بين طولي الضلعين الآخرين -

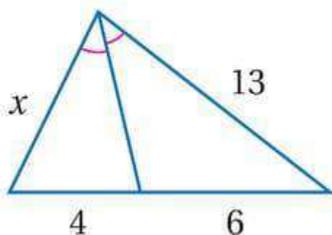


إذا كانت JM منصف زاوية في مثلث ΔJKL

القضبان المشتركة بال رأس $K \rightarrow \frac{KM}{LM} = \frac{KJ}{LJ}$ فإن

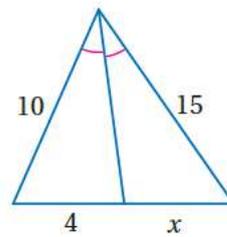
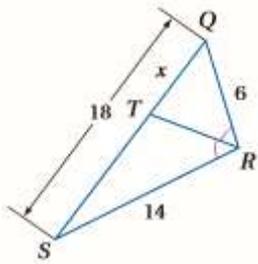
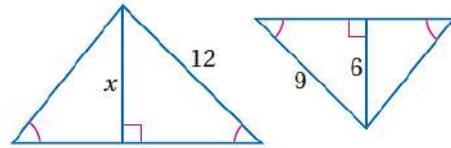
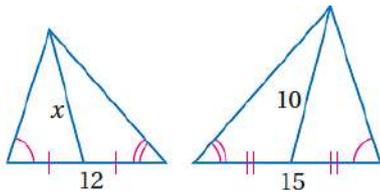
القضبان المشتركة بال رأس $L \rightarrow \frac{LM}{LJ} = \frac{KM}{KJ}$

مثال : أوجد قيمة x ؟



$$\frac{6}{4} = \frac{13}{x} \quad \Bigg| \quad x = \frac{13 \times 4}{6}$$

$$\text{كلون بتادي} \quad \Bigg| \quad x = 8.7$$



[Redacted Title]

[Redacted]



الانوكاس

تعريفه: تحويل هندسي يقرب السلك حول مستقيم ..

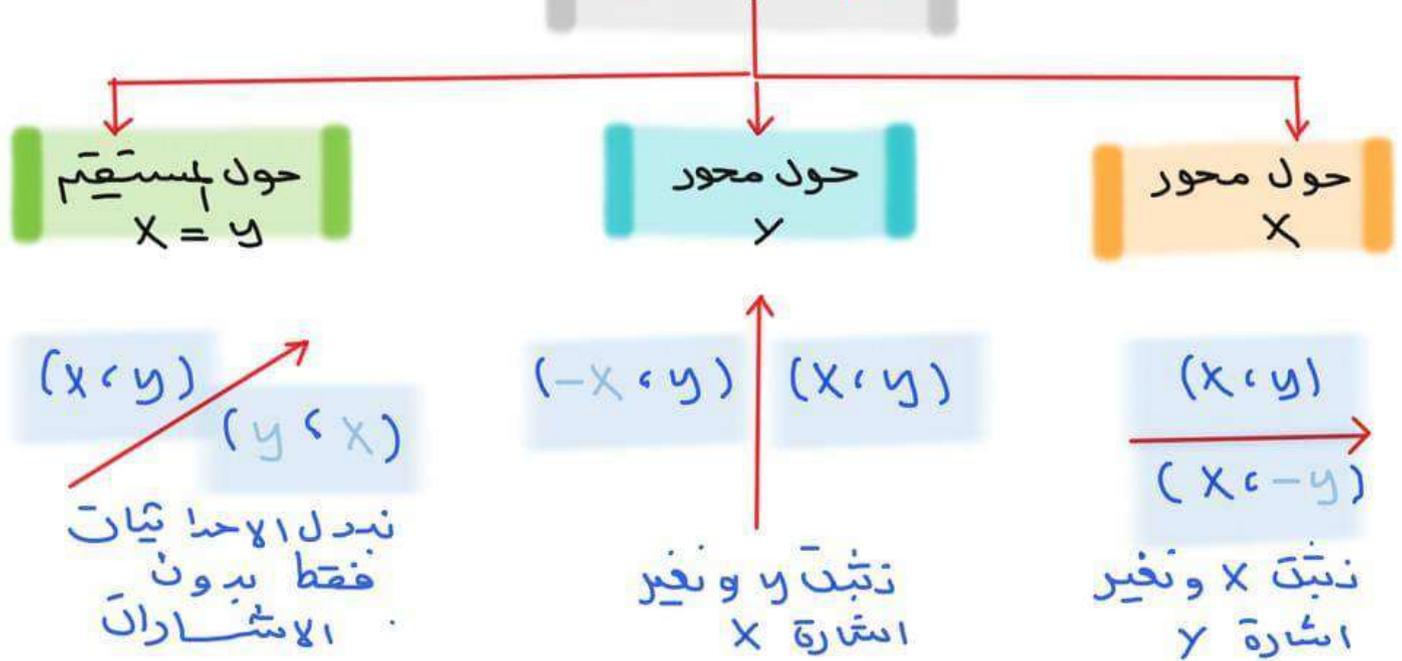
خصائصه: يحافظ على قياسات الأضلاع والزوايا وأماكن النقاط

والاستقامة .. لكنه لا يحافظ على الاتجاه ..

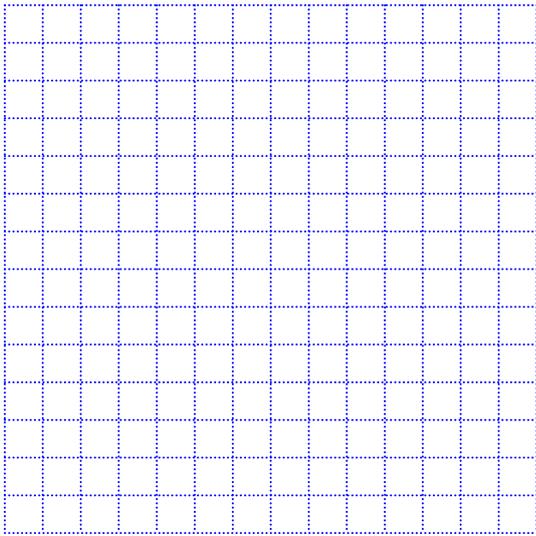
عناصره: محور الانعكاس ..

تصنيفه: يصنف من تحويلات التطابق ..

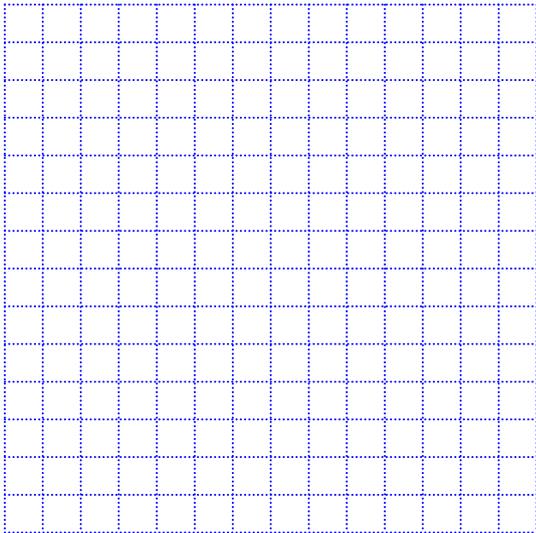
أنواعه



x $A(-5, 3), B(2, 0), C(1, 2)$ ΔABC



y $PQRS$
 $P(-4, 1), Q(2, 3), R(2, -1), S(-4, -3)$



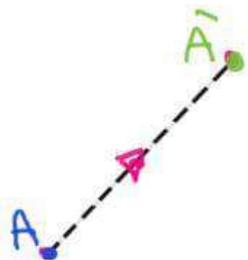


الإزاحة

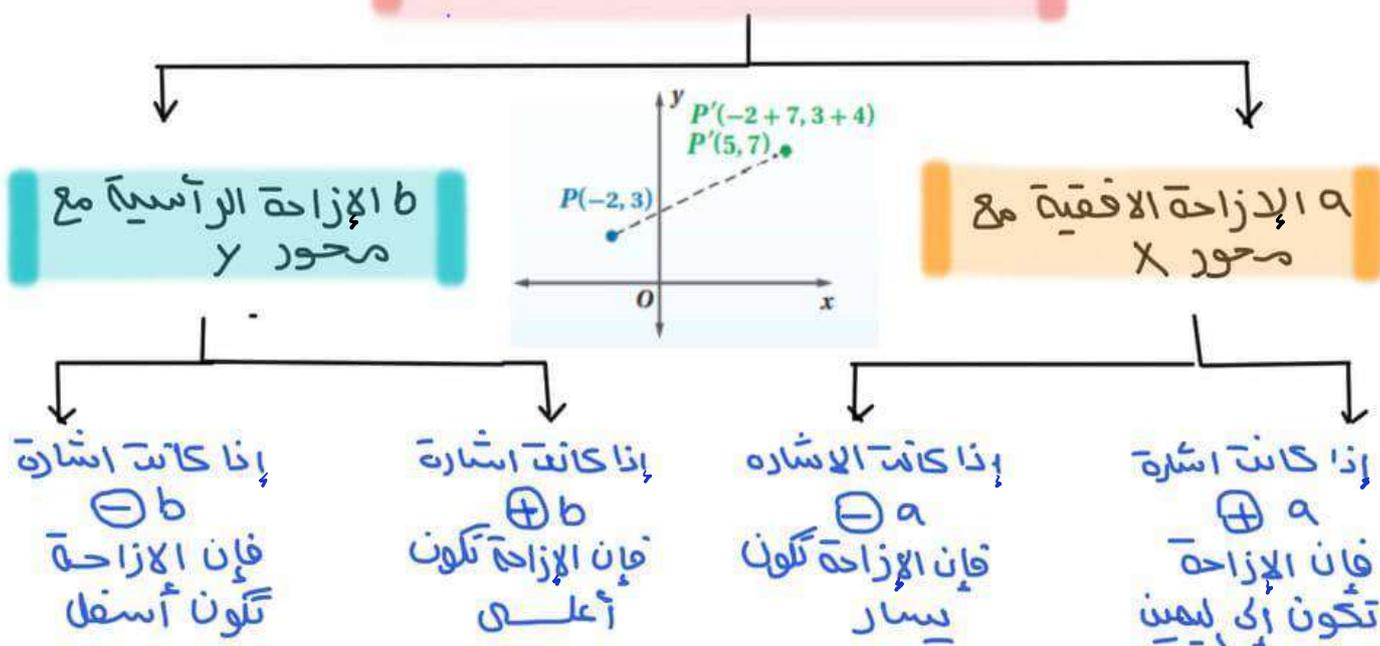
هو تحويل هندسي ينقل الشكل من مكان إلى آخر بدون دوران أو تغير في قياساته.. حيث ينقل جميع نقاط الشكل المسافة نفسها

والالاتجاه نفسه وهو أيضا من تحويلات التطابق..

صورة النقطة A الناتجة عن إزاحة يرمز لها بـ \bar{A}



الإزاحة في المستوى الإحداثي



الإزاحة الأفقية والإزاحة الرأسية

- عندما تكون $b=0$ تكون الإزاحة أفقية فقط.
- عندما تكون $a=0$ تكون الإزاحة رأسية فقط.

[Redacted]

[Redacted]

[Redacted]

[Redacted]

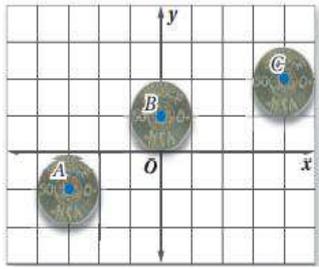
[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]
------------	------------	------------	------------	------------	------------

$H(1,0), J(0,4), L(3,1), K(2,5)$ **HJLK**

K' **5** **4** **HJLK**

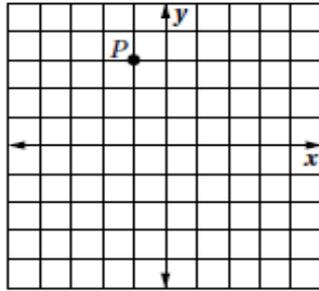
$(7,9)$	[Redacted]	$(-2,-10)$	[Redacted]	$(2,5)$	[Redacted]	$(6,10)$	[Redacted]
---------	------------	------------	------------	---------	------------	----------	------------

C **A**



$(x,y) \rightarrow (x+7,y-3)$	[Redacted]	$(x,y) \rightarrow (x+7,y+3)$	[Redacted]	$(x,y) \rightarrow (x-7,y+3)$	[Redacted]	$(x,y) \rightarrow (x-7,y-3)$	[Redacted]
-------------------------------	------------	-------------------------------	------------	-------------------------------	------------	-------------------------------	------------

P



$(x,y) \rightarrow (x+3,y+1)$

$(2,4)$	[Redacted]	$(2,-4)$	[Redacted]	$(0,3)$	[Redacted]	$(0,6)$	[Redacted]
---------	------------	----------	------------	---------	------------	---------	------------

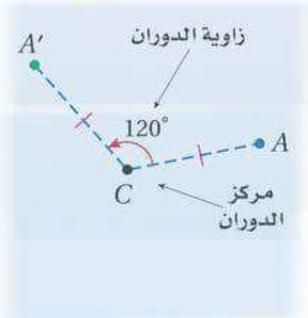
$(x,y) \rightarrow (x+5,y-2)$ **G(-7,6)**

$(-2,-8)$	[Redacted]	$(2,-4)$	[Redacted]	$(-2,4)$	[Redacted]	$(2,8)$	[Redacted]
-----------	------------	----------	------------	----------	------------	---------	------------



الدوران

لهو دوران نقاط الشكل الأصلي حول نقطة ثابتة (مركز الدوران) بزاوية معينة بقياسها X وباتجاه معين وهو تحويل تطابق لا يتغير فيه قياسات الشكل الأصلي ..



صورة النقطة A الناتجة عن دورانها بزاوية معينة يرمز له بالرمز A'

ملحوظات

- القياس السالب لزاوية الدوران يشير إلى أن الدوران باتجاه حركة عقارب الساعة
- الدوران بقياس 360° يعيد الشكل إلى موضعه الأصلي

- إذا كانت النقطة هي مركز الدوران فإن صورتها نفسها
- إذا كانت النقطة غير مركز الدوران فإن النقطة والصورة تبعدان البعد نفسه عن مركز الدوران

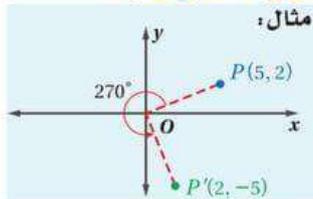
اتجاه الدوران المعتاد يكون عكس عقارب الساعة إلا إذا ذكر عكس ذلك ..

مع عقارب الساعة
عكس عقارب الساعة

الدوران في المستوى إحداثي

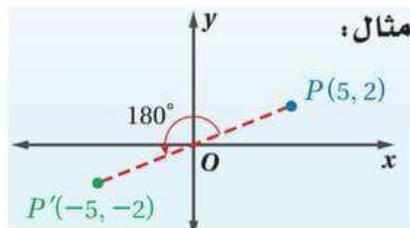
دوران بزاوية 270°

تبدل بين موقعي x, y تغير إشارة x



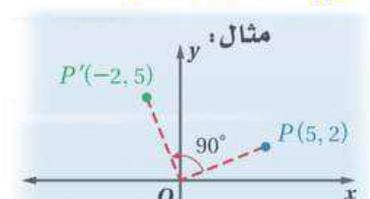
دوران بزاوية 180°

تغير إشارة x, y فقط



دوران بزاوية 90°

تبدل بين موقعي x, y تغير إشارة y





[Redacted]				
[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]
[Redacted]		0°	[Redacted]	$F(2, 3)$
$(3, 2)$	[Redacted]	$(-3, 2)$	[Redacted]	$(-2, -3)$
[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]
[Redacted]		$ABCD$	[Redacted]	$A'B'C'D'$
360°	[Redacted]	270°	[Redacted]	180°
[Redacted]	[Redacted]	80°	[Redacted]	$H(6, -3)$
$(-6, 3)$	[Redacted]	$(3, -6)$	[Redacted]	$(6, 3)$
[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]
[Redacted]		70°	[Redacted]	$D(-2, 6)$
$(6, 2)$	[Redacted]	$(2, 6)$	[Redacted]	$(-2, -6)$
[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]	[Redacted]



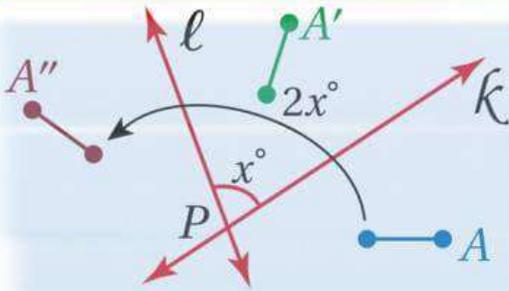
تركيب التحويلات الهندسية

تعريفه : اجراء تحويلين او أكثر على الشكل -

خصائصه : تركيب تحويلين تطابق أو أكثر هو تحويل تطابق أيضاً

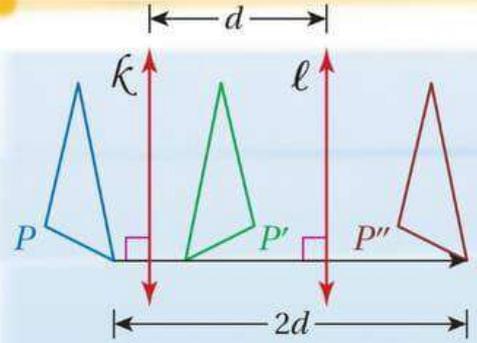
تركيب انوكاسين حول مستقيمين

إذا كان المستقيمان متقاطعين



ينتج عنه دوران مركزه
نقطة تقاطع المستقيمين
قياس زاوية ضعف قياس
الزاوية بين المستقيمين

إذا كان المستقيمان متوازيين

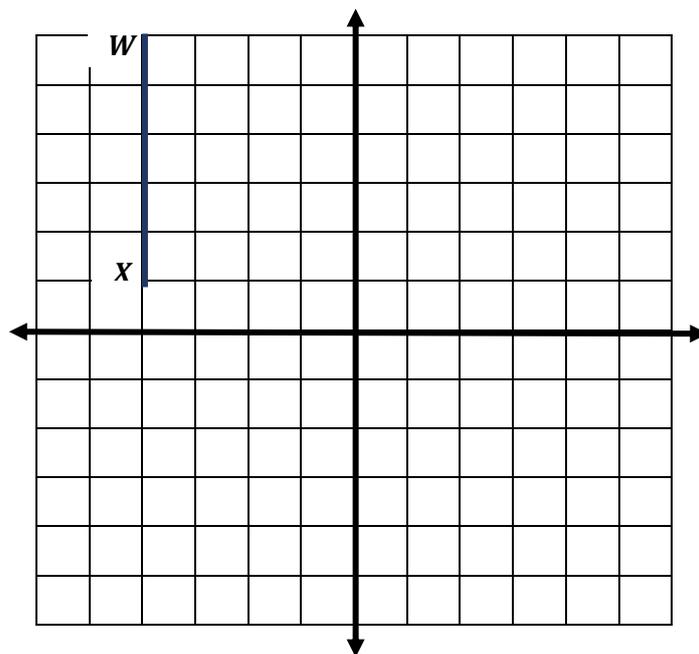


ينتج عنه إزاحة مقدارها
ضعف المسافة بين المستقيمين
اتجاهها عمودي على اتجاه
المستقيمين ..

$W(-4, 6), X(-4, 1)$

WX

x





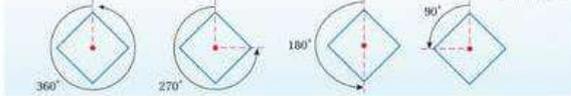
التماثل

التماثل في الأشكال الثنائية الأبعاد : يكون الشكل متماثلاً إذا وجد انعكاس أو إزاحة أو دوران أو تركيب إزاحة وانعكاس ينتج عنه صورة منطبقه على الشكل نفسه . أحد أنواع التماثل هو التماثل حول محور ..

التماثل الدوراني

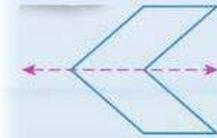
يكون الشكل الثنائي الأبعاد تماثل دوراني (أو تماثل قطري) إذا كانت صورته الناتجة عن دوران بين 0° و 360° حول مركزه هي الشكل نفسه وبمركزه مركز التماثل

أمثلة: المربع الآتي له تماثل دوراني، لأن الدوران بكل من الزوايا $90^\circ, 180^\circ, 270^\circ, 360^\circ$ ينتج عنه الشكل نفسه.



التماثل حول محور

يكون الشكل الثنائي الأبعاد تماثلاً حول محور إذا كانت صورته الناتجة عن انعكاس حول مستقيم ما هي الشكل نفسه ويسمى المستقيم هذا محور التماثل



رتبة التماثل ومقدار التماثل :

يلتق على عدد لرات التي تنطبق فيها صورة الشكل نفسه في أثناء دورانه مرة 0 إلى 360° اسم رتبة التماثل ..

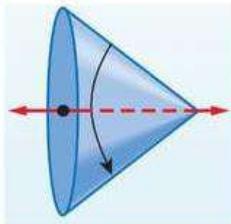
مقدار التماثل : (أو زاوية الدوران) فهو قياس أصغر زاوية يدورها الشكل حتى ينطبق على نفسه ويرتبط مقدار التماثل ورتبته بالعلاقة ..

مقدار التماثل يساوي ناتج قسمة 360° على رتبة التماثل

التماثل في الأشكال ثلاثية الأبعاد

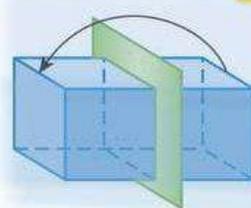
التماثل حول محور

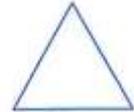
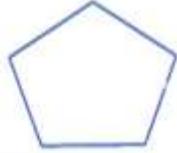
يكون الشكل متماثلاً حول محور إذا أمكن تدويره حول هذا المحور بزوايا بين 0° و 360° ليصبح كما كان و ضعه الأصلي



التماثل حول مستوى

يكون الشكل متماثلاً حول مستوى إذا أمكن تقسيمه بهذا المستوى إلى شكلين متطابقين







التمدد

هو تحويل هندسي يكبر الشكل أو يصغره بنسبة محددة
هذه نسبة أحد أطوال الصورة إلى أطوال المناظر لها في الشكل
الأصلي .. تسمى هذه النسبة معامل مقياس التمدد

مركزه: مركزه C و معامل تمدد عدد موجب K

$$|K| < 1$$

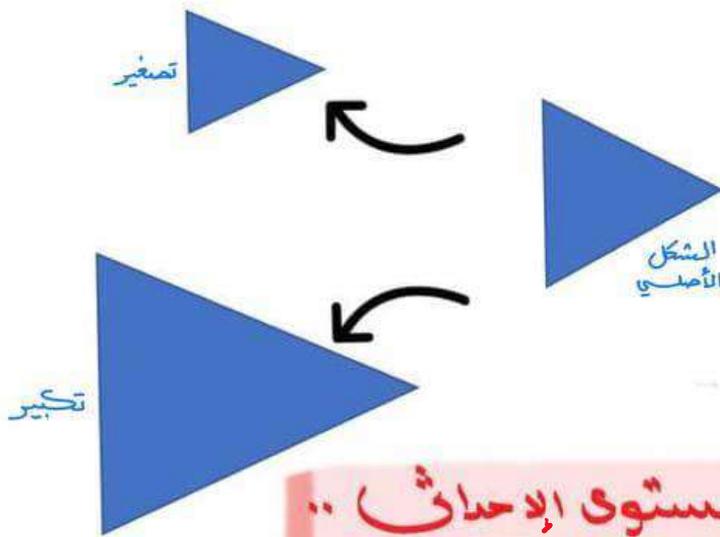
في هذه الحالة يسمى
التمدد تصغيراً

$$|K| = 1$$

في هذه الحالة يسمى
التمدد تحويل تطابقاً

$$|K| > 1$$

في هذه الحالة يسمى
التمدد تكبيراً

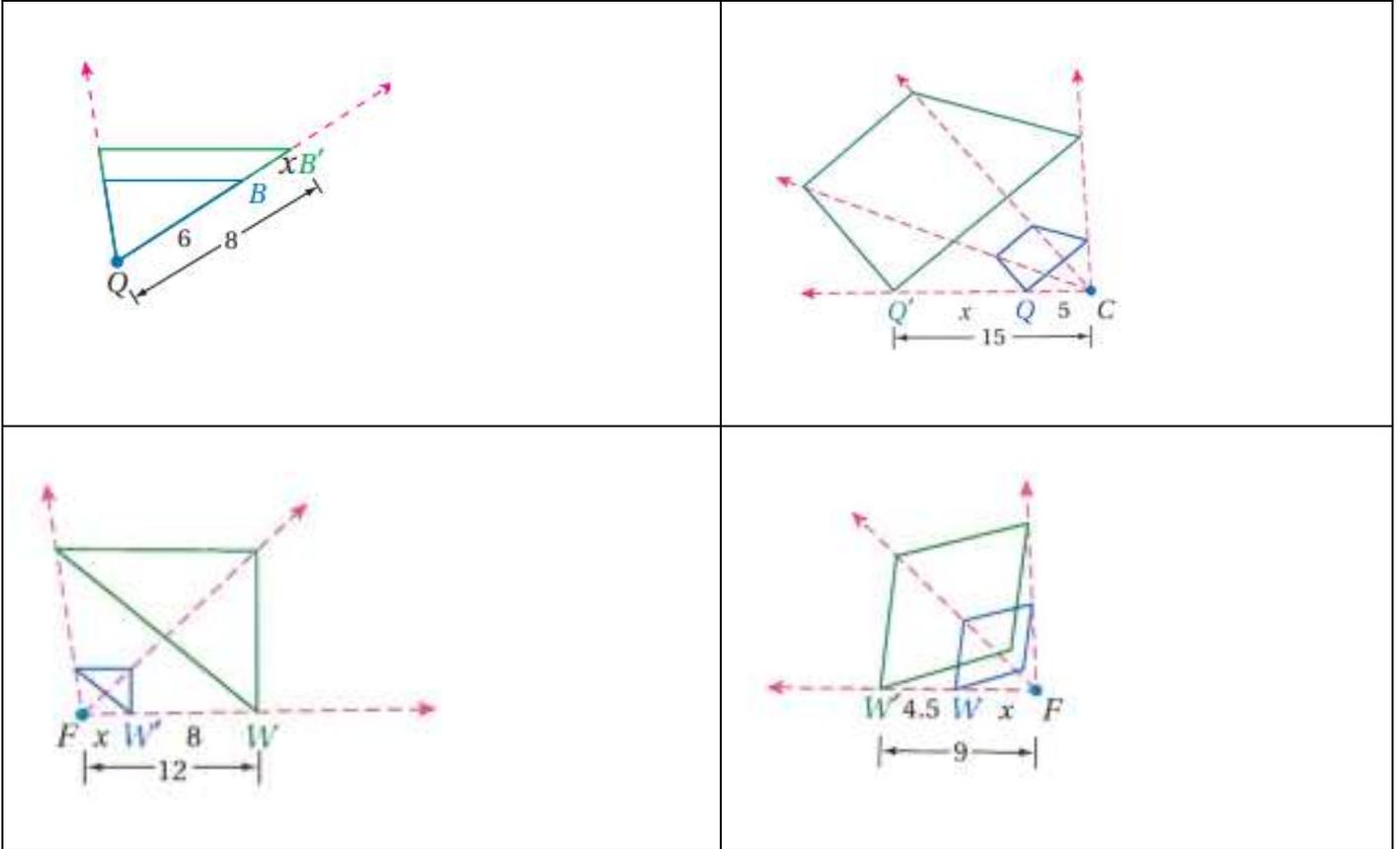


التمدد في المستوى الإحداثي ..

نضرب معامل التمدد في الإحداثي x, y

$$(x, y) \rightarrow (Kx, Ky)$$

x

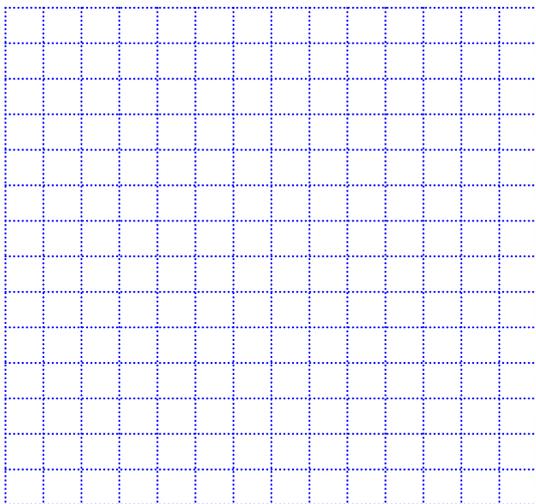


$J(-2, 4), K(-2, -2), L(-4, -2), M(-4, 4)$

KLM

1.5

KLM

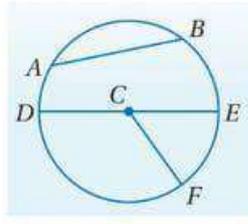


[Redacted]



الدائرة ومحيطها

الدائرة: هي المحل الهندسي لمجموعة نقاط تبعد بعد ثابتة عن نقطة معلومة تسمى المركز (وتسمى الدائرة بمركزها)



مثال: تسمى الدائرة $\odot C$

قطع خاصة في الدائرة

القطر

هو وتر يمر بمركز الدائرة وتكون من نصفي قطرين يقعان على استقامة واحدة

مثال: \overline{DE}

نصف القطر

قطعة مستقيمة يقع أحد طرفيها على المركز والطرف الآخر على الدائرة

مثال: $\overline{CD}, \overline{CE}, \overline{CF}$

العلاقة بينهما

يرمز للقطر d
 $d = 2r$

يرمز لنصف قطر r
 $r = \frac{d}{2}$

الوتر

قطعة مستقيمة طرفيها على الدائرة

مثال: $\overline{AB}, \overline{DE}$

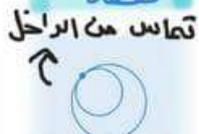
الدوائر قد تكون

دوائر متقاطعة

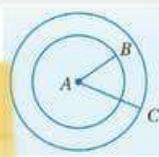
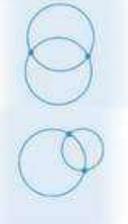
لا يتقاطع



تقاطع في نقطة

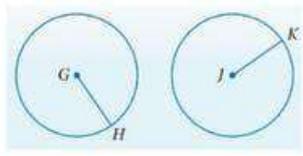


تقاطع في نقطتين



دائرتان متحدتان في مركز

دائرتان متطابقتان



الدائرة ومحيطها

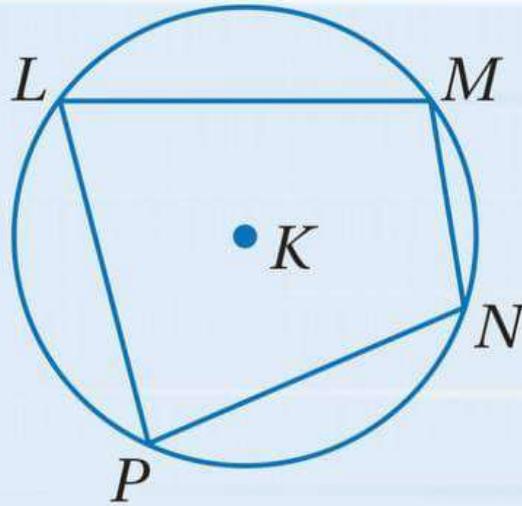
محيط دائرة:

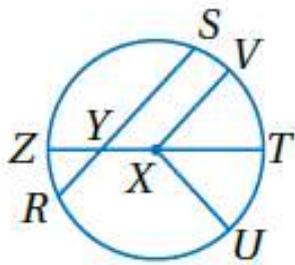
$$C = 2\pi r \quad \text{أو} \quad C = \pi d$$

حيث r نصف القطر و d القطر و $\pi = 3.14$

* متى يكون المضلع محاط بالدائرة؟

إذا كانت رؤوسه جميعها على الدائرة ..





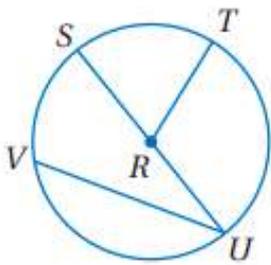
$\odot X$

\overline{XV}

\overline{ZT}

\overline{XT}

\overline{SR}



RT

$SU = 16.2 \text{ cm}$

$\odot R$

12 cm

11.2 cm

10 cm

8.1 cm

2.5 cm

17.5 cm

16 cm

15.7 cm

7.8 cm

18 in

18 in

28.2 in

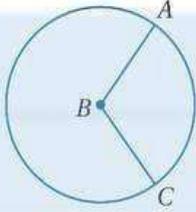
8 in

5.7 in



قياس الزوايا والأقواس

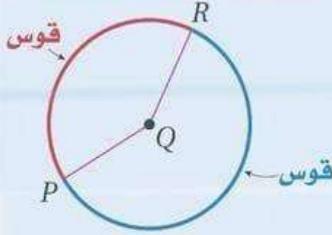
الزاوية المركزية: هي زاوية رأسها مركز الدائرة و ضلعاها نصفان طرفين في الدائرة



مثل: $\angle ABC$

القوس:

جزء من الدائرة يحدد بنقطتي طرفيه

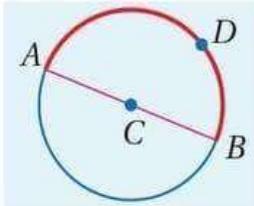


أنواع الأقواس

نصف دائرة

قياسه يساوي 180°

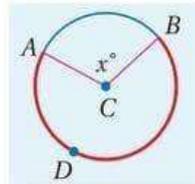
$$m \widehat{ADB} = 180^\circ$$



قوس أكبر

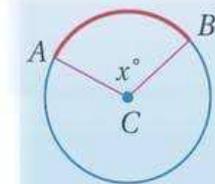
قياسه أكبر من 180°
قياسه يساوي $360^\circ -$ قياس القوس الأصغر

$$m \widehat{ADB} = 360^\circ - m \widehat{AB} = 360^\circ - x^\circ$$



قوس صغير

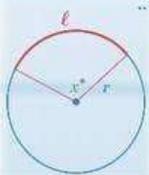
قياسه أقل من 180°
ويساوي قياس الزاوية المركزية المقابلة له
 $m \widehat{AB} = m \angle ACB = x^\circ$



قياسات الزوايا والأقواس

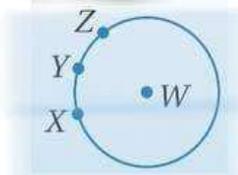
طول القوس

$$L = \frac{x^\circ}{360^\circ} \cdot 2\pi r \quad \text{أو} \quad L = \frac{x^\circ}{180^\circ} \pi r$$

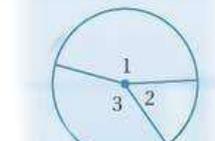


x° قياس الزاوية
 r نصف قطر

مساحة مجموع الأقواس المتجاورة
 $m \widehat{XZ} = m \widehat{XY} + m \widehat{YZ}$



مجموع قياسات الزوايا المركزية
 $360^\circ =$
 $m \angle 1 + m \angle 2 + m \angle 3 = 360^\circ$



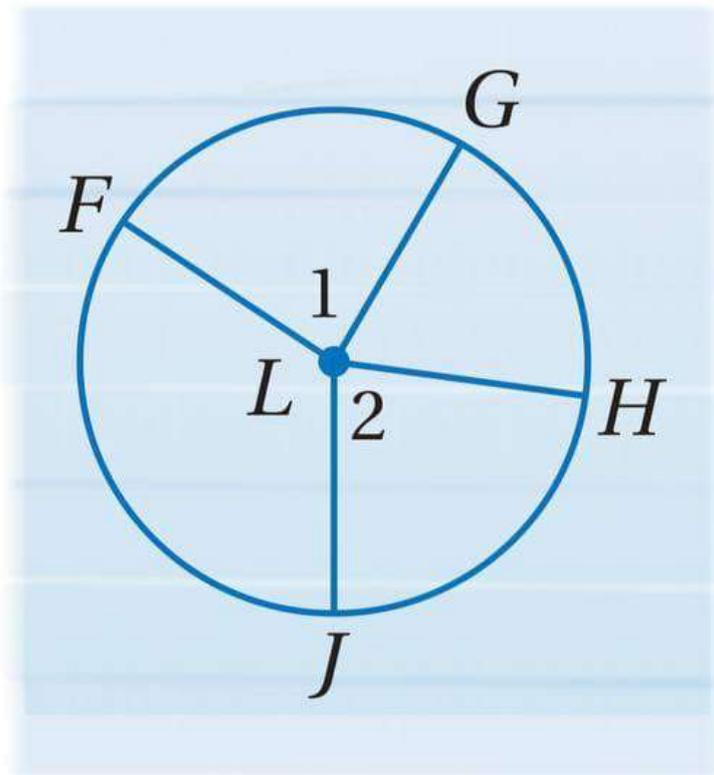
قياس الزوايا و الأقواس

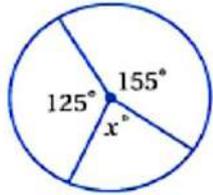
الأقواس المتطابقة : الأقواس التي لها نفس المقياس

* متى تكون الأقواس متطابقة؟!

إذا كانت الزاويتان المرکزيتان المقابلتان \widehat{m} متطابقتان

إذا كان $\angle 1 \cong \angle 2$ ، فإن $\widehat{FG} \cong \widehat{HJ}$





40°

80°

280°

360°

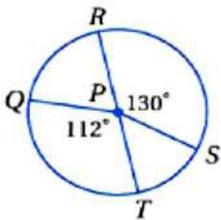
٢

\widehat{QT}

9cm

$\odot P$

\widehat{RT}



٣

9.5 cm

د

7.50 cm

ج

8.80 cm

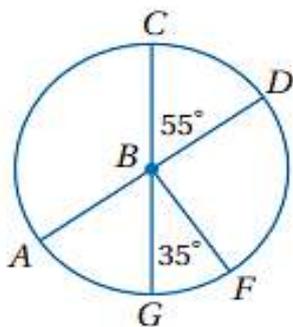
ب

10 cm

أ

$\odot B$

$\overline{AD}, \overline{CG}$



\widehat{CD}

\widehat{CG}

\widehat{GCF}



الأقواس والأوتار

في الدائرة نفسها

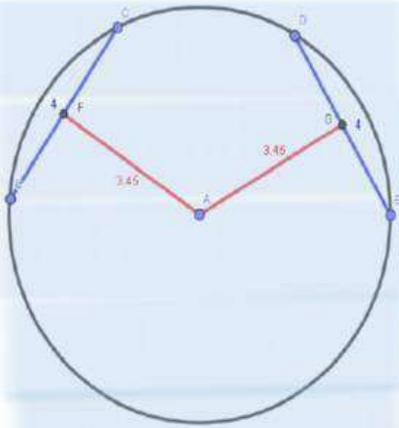
أو في دائرتين متطابقتين

يكون الوتران

متطابقين إذا وقفه

إذا كان بعداهما عن

مركز الدائرة متساويين



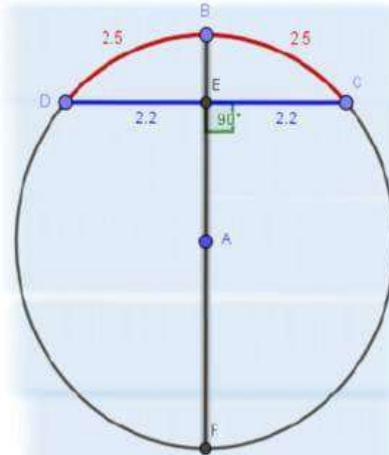
يكون العمود المنصف

لوتر في دائرة قطراً أو نصف قطر

إذا وقفاً إذا نصف

ذلك الوتر ونصف

قوسه



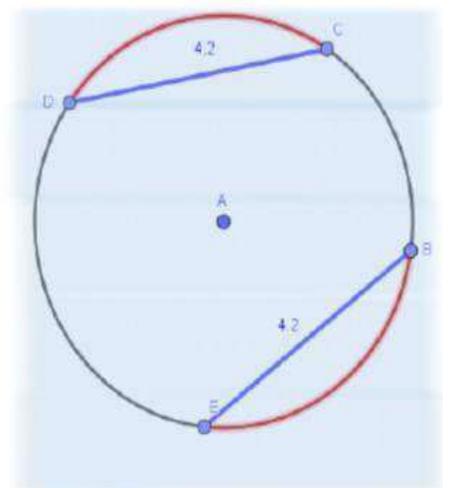
يكون القوسان

الأضغران متطابقان

إذا وقفاً إذا كان

الوتران المقابلان

لهما متطابقان



$DF = CW = WF, ED = 30$

15		30		45		60	
----	--	----	--	----	--	----	--

$E \overline{CD} \overline{AB} \odot O$

$AE = 2 \quad OB = 10$

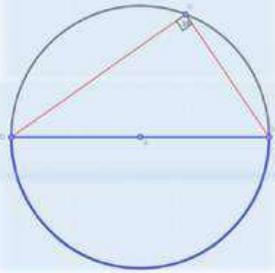
12		8		6		4	
----	--	---	--	---	--	---	--



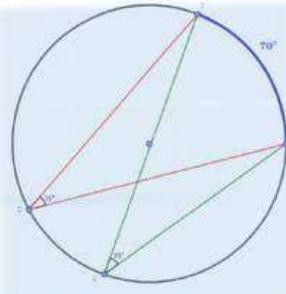
الزوايا المحيطية

الزوايا المحيطية رأسها على محيط الدائرة و ضلعيها وتران في الدائرة .

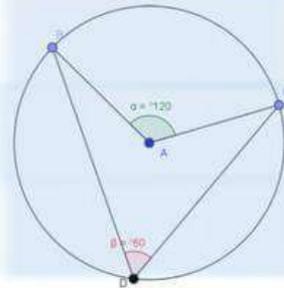
تقابل الزاوية المحيطية
المحيطة قطراً
أو نصف دائرة
إذا فقط إذا
كانت الزاوية
قائمة



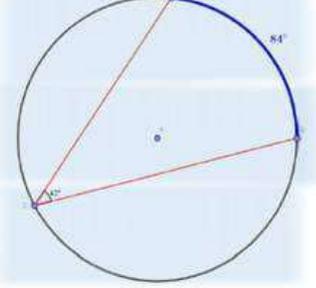
إذا قابلتا زويتان
محيطتان القوس
نفسه أو قوسين
متطابقين فإنهما
متطابقتان



قياس الزاوية
المحيطة يساوي
نصف قياس الزاوية
المركزية المتراكمة
معها في القوس
نفسه



قياس الزاوية
المحيطة يساوي
نصف قياس
القوس المقابل
لها

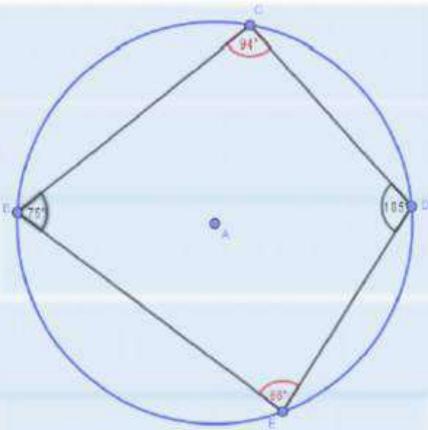


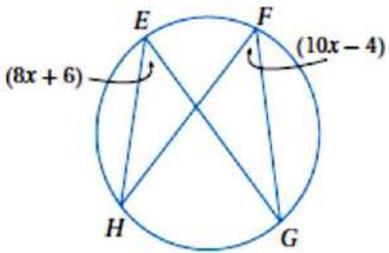
الرباعي الدائري :

شكل رباعي تقع رؤوسه على محيط الدائرة

إذا كان الشكل الرباعي محالاً بجائزته فإن كل زاويتين متقابلتين

متكاملتين -



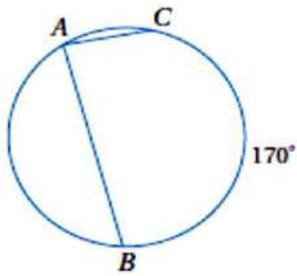


46

5

90

1.8

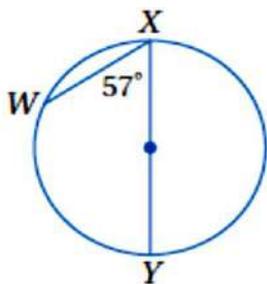


90°

85°

10°

170°



180

114

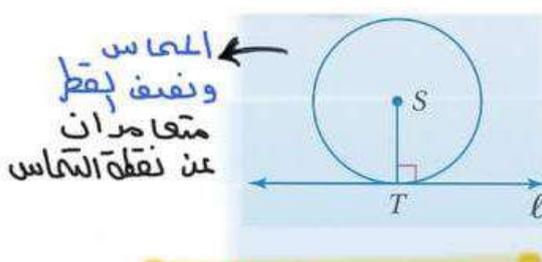
57

66



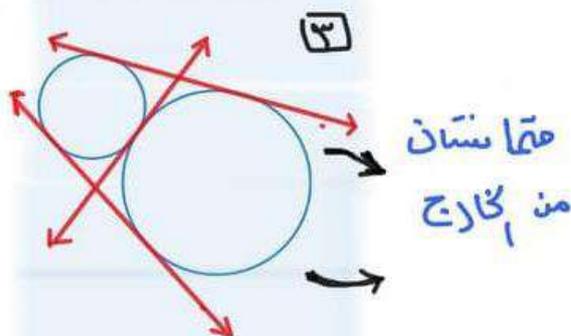
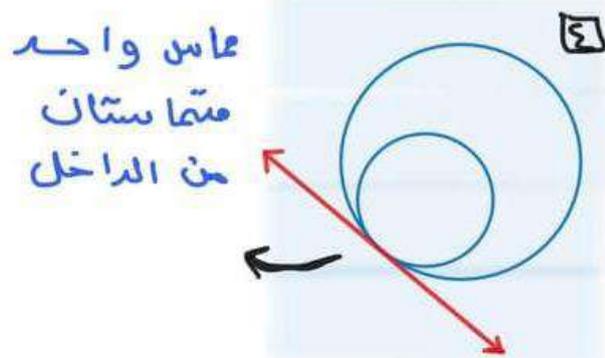
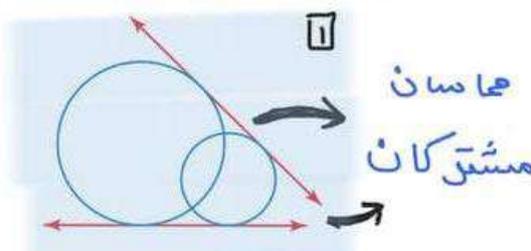
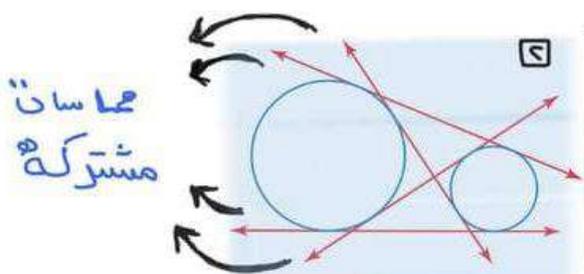
المماسات

المماس هو مستقيم يقع في المستوى نفسه الذي يقع فيه الدائرة ويقطعها في نقطة واحدة فقط تسمى نقطة التماس.



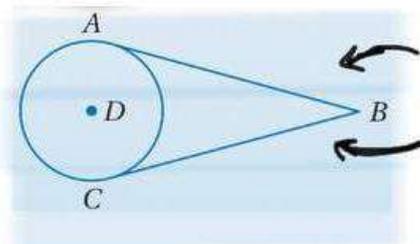
المماس المشترك

هو مستقيم أو نصف مستقيم أو قطعة مستقيمة تقع على الدائرة في المستوى نفسه



إذا رسمت قطعتان مستقيمتان

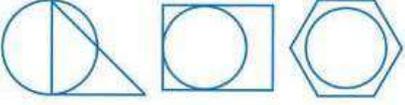
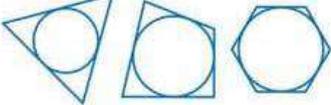
عسان لدائرة من نقطة خارجها فإنهما متطابقتان



قطعتان مستقيمتان لها بداية ونهاية وأيضاً يمسان الدائرة في نقطة واحدة

المضلعات المحيطة بدائره :

يحيط المضلع بالدائره ، اذا كان كل ضلع من اضلاعه مماساً لدائره ..

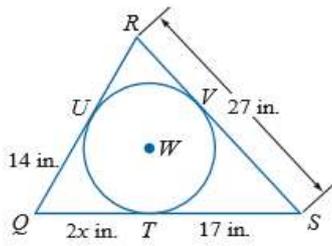
مضلعات ليست محيطة بدائره	مضلعات محيطة بدائره
	



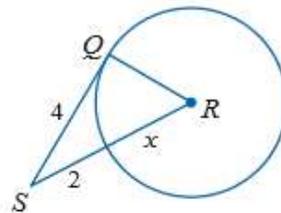
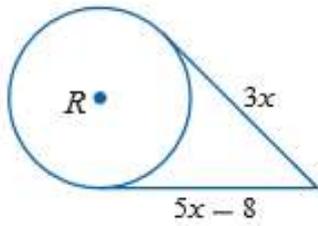
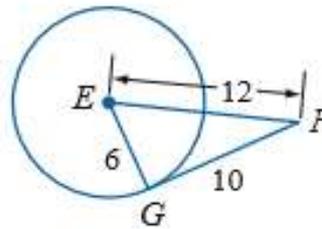
ليست مرسومه داخله دائره

مرسومه داخله الدائره

اما خارجها او جزء داخل الدائره
و جزء خارجيه



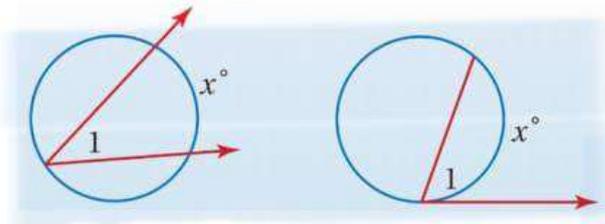
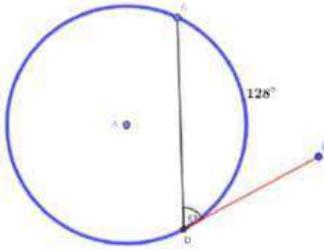
E \overline{FG}





القاطع ولهما مقياسات الزوايا

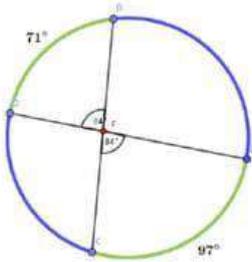
الرأس على الدائرة : قياس الزاوية = نصف القوس المقابل لها



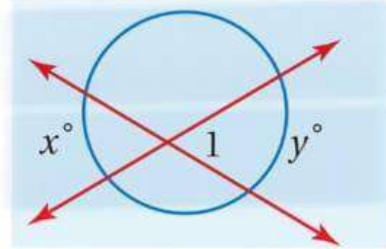
$$m\angle 1 = \frac{1}{2}(x)$$

الرأس داخل الدائرة : قياس الزاوية = نصف مجموع قياسي لقوس

المقابل للزاوية والقوس المقابل للزاوية المقابلة لها بالرأس ..

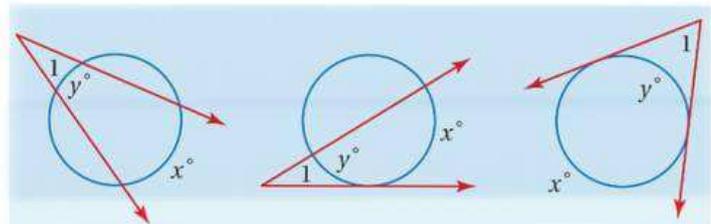
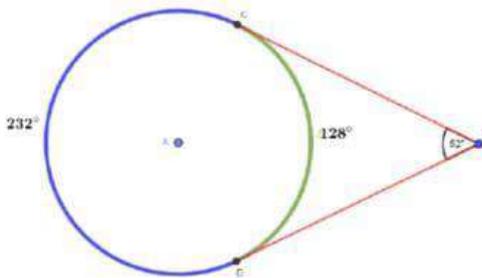


$$m\angle 1 = \frac{1}{2}(x+y)$$

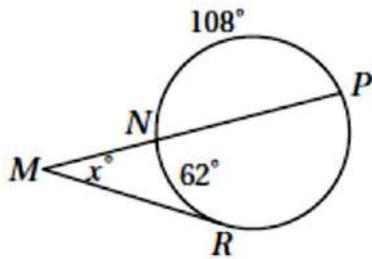


الرأس خارج الدائرة : قياس الزاوية = نصف الفرق الموجب بين

قياسي القوسين المقابلين لها ..



$$m\angle 1 = \frac{1}{2}(x-y)$$

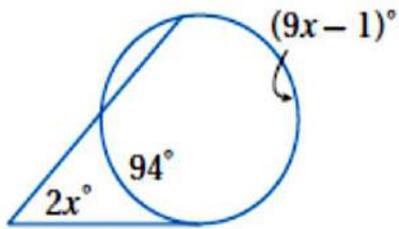


170

128

64

62

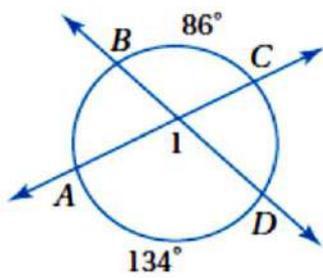


95

19

38

10



134

86

110

220



قطع مستقيمة خاصة في الدائرة

قطع مستقيمة تتقاطع خارج الدائرة

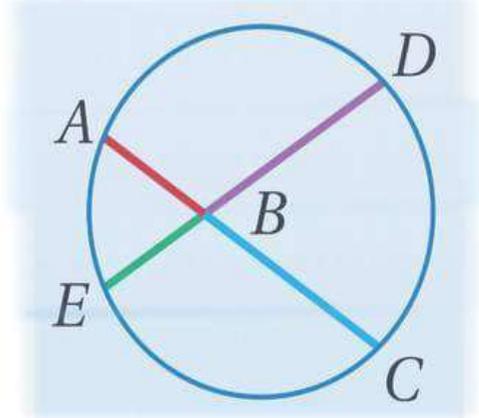
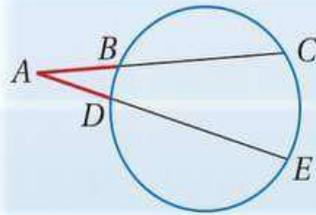
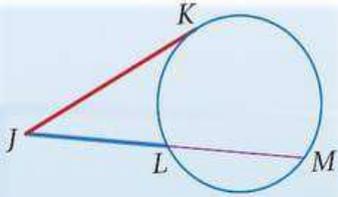
قطع مستقيمة تتقاطع داخل الدائرة

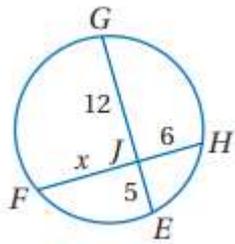
ماس وقاطع
إذا تقاطع المماس JK والقاطع JM خارج الدائرة فإن:
 $JK^2 = JL \cdot JM$

قاطعان
إذا تقاطع القاطعان AC, AE خارج الدائرة فإن:
 $AC \cdot AB = AE \cdot AD$

وتران
إذا تقاطع وتران AC, ED داخل الدائرة فإن:

$$AB \cdot BC = DB \cdot BE$$





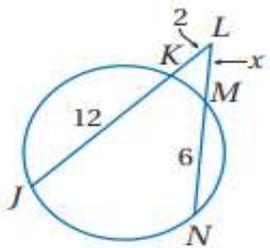
_____ x _____

6

8

9

10



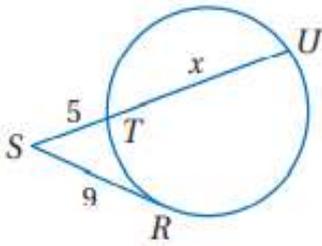
_____ x _____

5

3.1

4.2

2.3



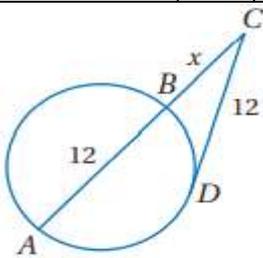
_____ x _____

17.5 cm

16 cm

11.2 cm

7.8 cm



_____ x _____

7.4

6.5

4

3.7

1

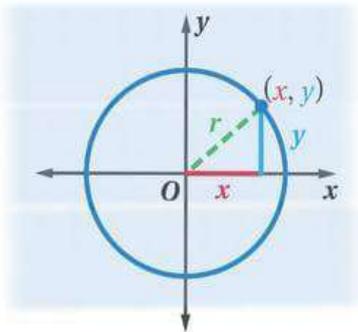
2

3

4



معادلة الدائرة



معادلة دائره مركزها نقطة الأصل

مركزها (0,0) ونصف قطرها r

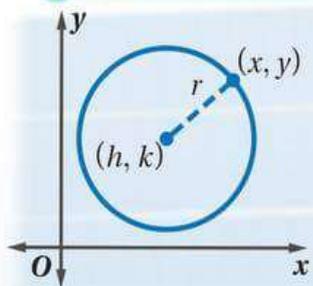
$$x^2 + y^2 = r^2$$

* مثال :

مركزها نقطة الأصل ونصف قطرها $\sqrt{10}$ ؟

$$x^2 + y^2 = (\sqrt{10})^2 \rightarrow x^2 + y^2 = 10$$

معادلة الدائرة في الصورة القياسية مركزها (h, k)



مركزها (h, k) ونصف قطرها r ..

$$(x-h)^2 + (y-k)^2 = r^2$$

* مثال :

مركزها عند (1, -8) وطول نصف قطرها 7 ؟

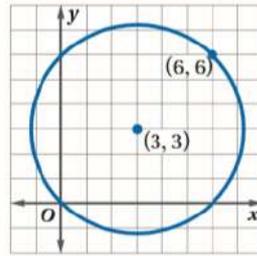
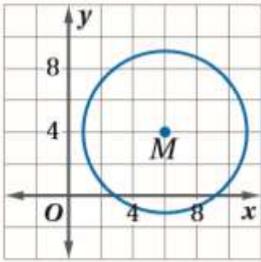
معادلة الدائرة $(x-h)^2 + (y-k)^2 = r^2$

$$(h, k) = (1, -8) \text{ , } r = 7 \quad (x-1)^2 + (y-(-8))^2 = 7^2$$

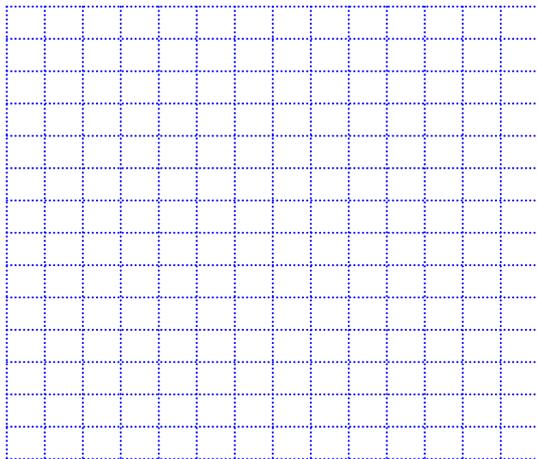
بالتبسيط $(x-1)^2 + (y+8)^2 = 49$

(2, 2)

5 (9, 0)



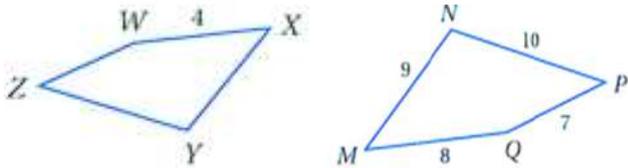
$$x^2 + (y + 1)^2 = 4$$



ملحق الإجابات

الفصل الأول

$$MNPQ \sim XYZW$$



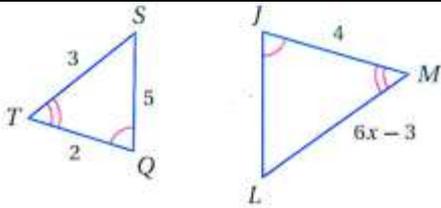
4

5

2

3

$$\Delta JLM \sim \Delta QST$$



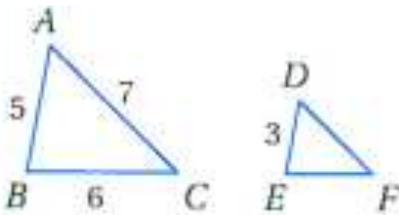
3

2.5

2

1.5

$$\Delta DEF \sim \Delta ABC \sim \Delta DEF$$

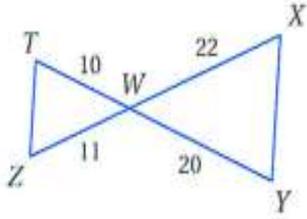


13

11

10.8

9

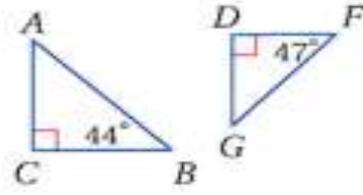


نعم،

$\Delta TWZ \sim \Delta YWX$ وفق نظرية التشابه SAS

حيث أن :

$$\angle W \cong \angle W, \frac{TW}{YW} = \frac{WZ}{WX} = \frac{1}{2}$$



في المثلث ΔDFG :

$$m\angle G = 180 - 90 - 47$$

$$m\angle G = 43$$

$$m\angle A = 180 - 90 - 44$$

$$m\angle A = 46$$

المثلثان غير متشابهان لأنه لا يوجد زاويتان في أحد المثلثين مطابقتان لزاويتين في المثلث الآخر

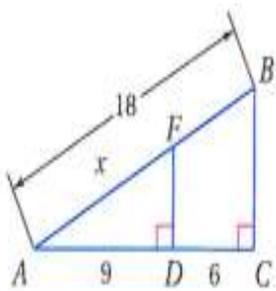
$$322.5 \text{ ft} \quad 9 \text{ ft}$$

$$6 \text{ ft}$$

$$\frac{6}{x} = \frac{9}{322.5}$$

$$9x = 6(322.5)$$

$$x = 215 \text{ ft}$$



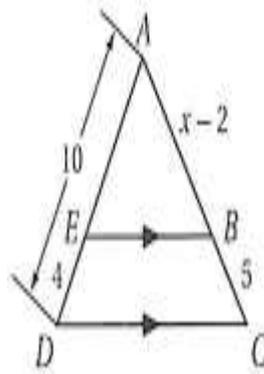
x

$$\frac{18 - x}{x} = \frac{6}{9}$$

$$162 - 9x = 6x$$

$$-15x = -162$$

$$x = 10.8$$



x

$$\frac{AB}{BC} = \frac{AE}{ED}$$

$$\frac{x - 2}{5} = \frac{10 - 4}{4}$$

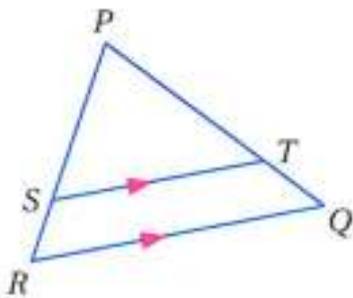
$$\frac{x - 2}{5} = \frac{6}{4}$$

وسطين في طرفين

$$4x - 8 = 30$$

$$4x = 38$$

$$x = 9.5$$



ΔPQR

$$\overline{ST} \parallel \overline{RQ} \quad PT = 7.5, TQ = 3, SR = 2.5$$

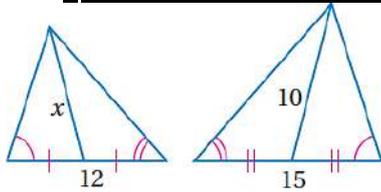
$$\frac{PT}{TQ} = \frac{PS}{SR}$$

PS

$$\frac{7.5}{3} = \frac{PS}{2.5}$$

$$3PS = 18.75$$

$$PS = 6.25$$



المثلثان متشابهين حسب مسلمة AA

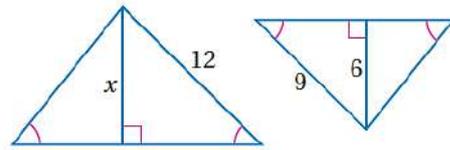
إذا تشابه مثلثان فإن النسبة بين طولي قطعتين متوسطتين المتناظرين

تساوي النسبة بين أطوال الأضلاع المتناظرة

$$\frac{10}{x} = \frac{15}{12}$$

$$x = \frac{10(12)}{15}$$

$$x = 8$$



المثلثان متشابهين حسب مسلمة AA

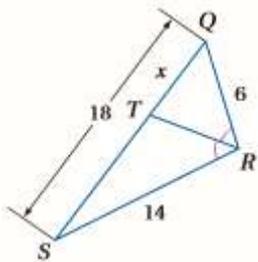
إذا تشابه مثلثان فإن النسبة بين كل ارتفاعين

متناظرين تساوي النسبة بين أطوال الأضلاع المتناظرة

$$\frac{x}{6} = \frac{12}{9}$$

$$x = \frac{6(12)}{9}$$

$$x = 8$$

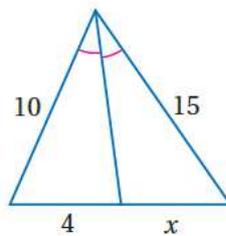


استعمال نظرية مصف زاوية

$$\frac{x}{18-x} = \frac{6}{14}$$

خاصية الضرب التبادلي

$$x = 5.4$$



إذا تشابه مثلثان فإن النسبة

بين طولي القطعتين المنصفتين لكل زاويتين

متناظرين تساوي النسبة بين أطوال الأضلاع المتناظرة

$$\frac{15}{x} = \frac{10}{4}$$

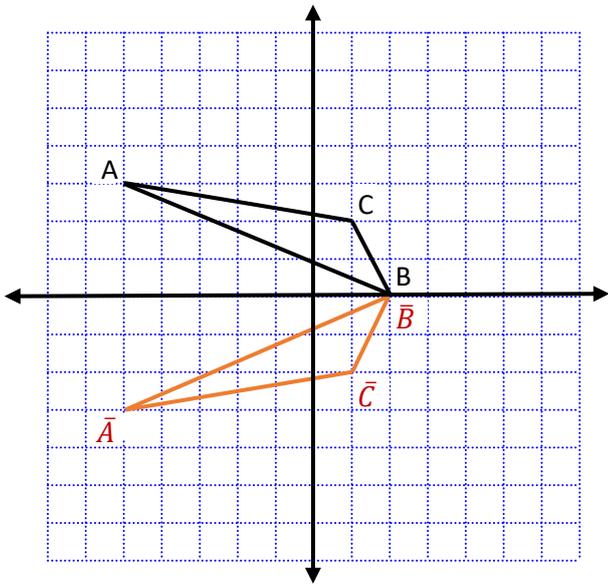
$$x = \frac{15(4)}{10}$$

$$x = 6$$

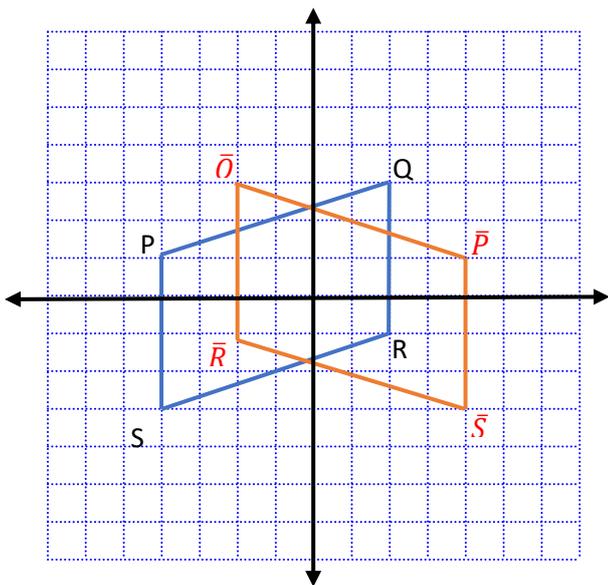
ملحق الإجابات

الفصل الثاني

x $A(-5, 3), B(2, 0), C(1, 2)$ ΔABC



y $PQRS$
 $P(-4, 1), Q(2, 3), R(2, -1), S(-4, -3)$

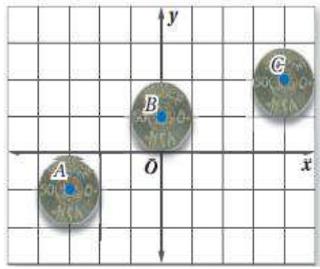




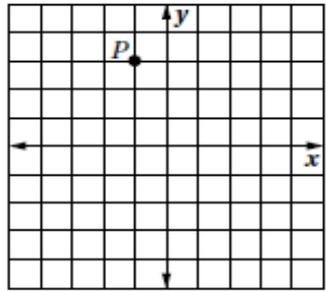
--	--	--	--	--	--	--	--

$H(1,0), J(0,4), L(3,1), K(2,5)$	$HJLK$
K'	$HJLK$

$(7,9)$	$(-2,-10)$	$(2,5)$	$(6,10)$
---------	------------	---------	----------



$(x,y) \rightarrow (x+7, y-3)$	$(x,y) \rightarrow (x+7, y+3)$	$(x,y) \rightarrow (x-7, y+3)$	$(x,y) \rightarrow (x-7, y-3)$
--------------------------------	--------------------------------	--------------------------------	--------------------------------

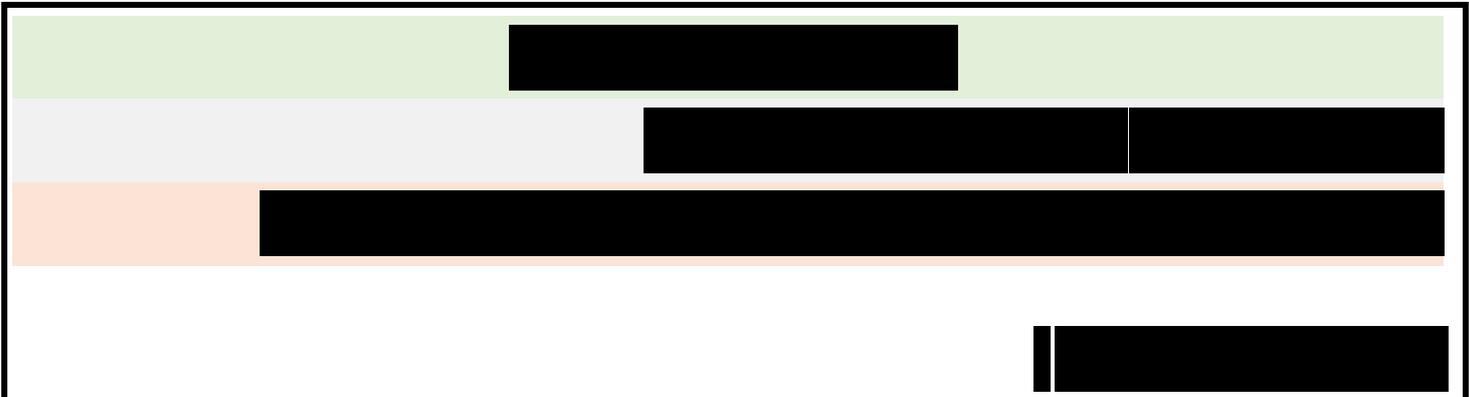


$$(x,y) \rightarrow (x+3, y+1)$$

$(2,4)$	$(2,-4)$	$(0,3)$	$(0,6)$
---------	----------	---------	---------

$(x,y) \rightarrow (x+5, y-2)$	$G(-7,6)$
--------------------------------	-----------

$(-2,-8)$	$(2,-4)$	$(-2,4)$	$(2,8)$
-----------	----------	----------	---------



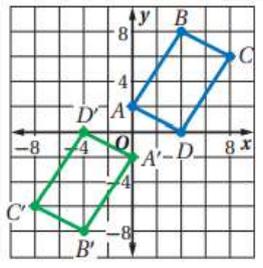
[Redacted]

[Redacted]

[Redacted] 0° [Redacted] $G(2, 3)$ [Redacted]

$(3, 2)$ [Redacted] $(-3, 2)$ [Redacted] $(-2, -3)$ [Redacted] $(-2, 3)$ [Redacted]

[Redacted] $ABCD$ [Redacted] $A'B'C'D'$ [Redacted]



360° [Redacted] 270° [Redacted] 180° [Redacted] 90° [Redacted]

[Redacted] 80° [Redacted] $H(6, -3)$ [Redacted]

$(-6, 3)$ [Redacted] $(3, -6)$ [Redacted] $(6, 3)$ [Redacted] $(-3, 6)$ [Redacted]

[Redacted] 70° [Redacted] $D(-2, 6)$ [Redacted]

$(6, 2)$ [Redacted] $(2, 6)$ [Redacted] $(-2, -6)$ [Redacted] $(-6, -2)$ [Redacted]

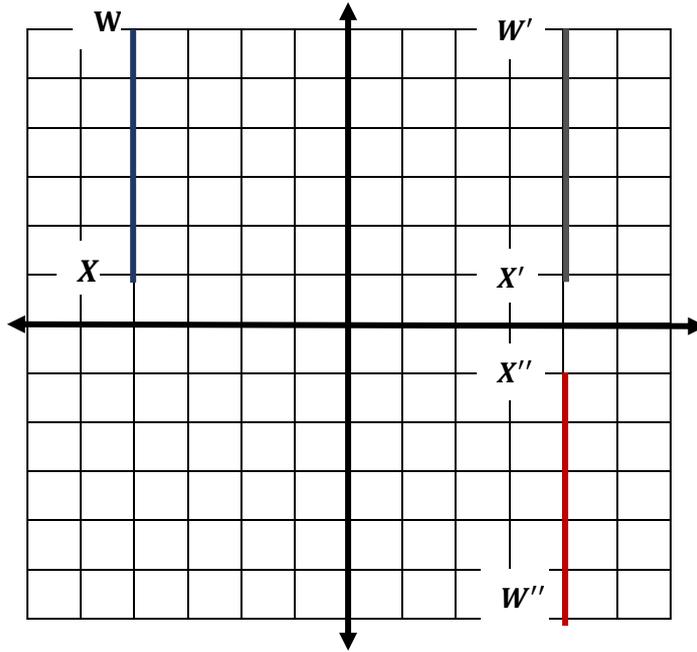
إزاحة

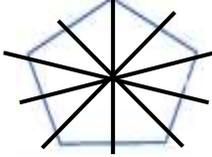
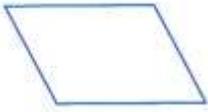
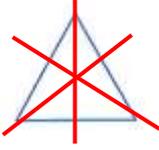
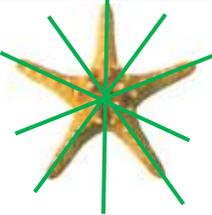
دوران

$W(-4, 6)$ $X(-4, 1)$

WX

x



٥ محور تماثل		<input type="checkbox"/>	ليس له محور تماثل		<input type="checkbox"/>
ليس له محور تماثل		<input type="checkbox"/>	٣ محور تماثل		<input type="checkbox"/>
له محور تماثل واحد		<input type="checkbox"/>	٥ محور تماثل		<input type="checkbox"/>

٤ محور تماثل	<input type="checkbox"/>	٣ محور تماثل	<input type="checkbox"/>
اثنان من محاور التماثل	<input type="checkbox"/>	٤ محور تماثل	<input type="checkbox"/>
محور تماثل واحد	<input type="checkbox"/>	محور تماثل واحد	<input type="checkbox"/>
٣٦٠ محور تماثل	<input type="checkbox"/>	محور تماثل واحد	<input type="checkbox"/>
محور تماثل واحد	<input type="checkbox"/>	ليس له محور تماثل	<input type="checkbox"/>

x

تكبير
مقياس التمدد = $\frac{4}{3}$
قيمة $x = 2$

تكبير
مقياس التمدد = 3
قيمة $x = 10$

تصغير
مقياس التمدد = $\frac{1}{3}$
قيمة $x = 4$

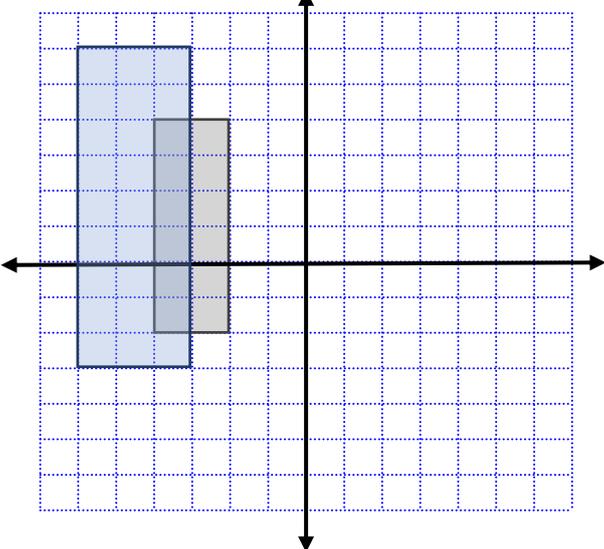
تكبير
مقياس التمدد = 2
قيمة $x = 4.5$

$J(-2, 4), K(-2, -2), L(-4, -2), M(-4, 4)$

KLM

1.5

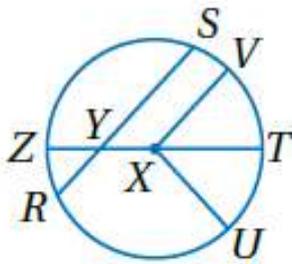
KLM



- $(x, y) \longrightarrow (1.5x, 1.5y)$
- $J(-2, 4) \longrightarrow J'(-3, 6)$
- $K(-2, -2) \longrightarrow K'(-3, -3)$
- $L(-4, -2) \longrightarrow L'(-6, -3)$
- $M(-4, 4) \longrightarrow M'(-6, 6)$

ملحق الإجابات

الفصل الثالث



\overline{XV}

\overline{ZT}

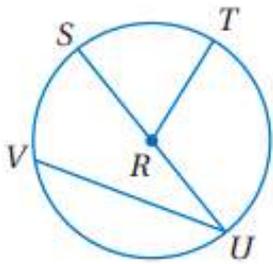
\overline{XT}

\overline{SR}

RT

$SU = 16.2 \text{ cm}$

$\odot R$



12 cm

11.2 cm

10 cm

8.1 cm

2.5 cm

17.5 cm

16 cm

15.7 cm

7.8 cm

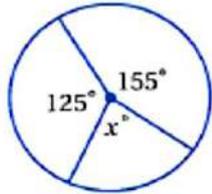
18 in

18 in

28.2 in

8 in

5.7 in

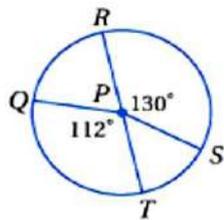


40°

80°

280°

360°

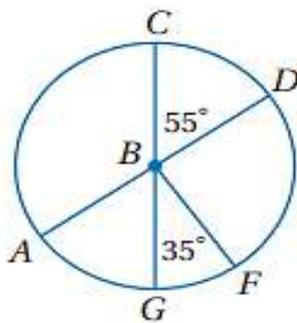


9.5 cm

7.50 cm

8.80 cm

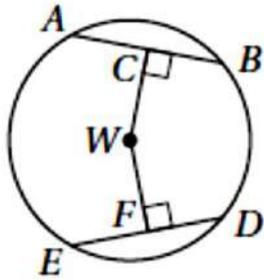
10 cm



قوس أصغر قياسه 55° \widehat{CD}

نصف دائرة قياسه 180° \widehat{CG}

قوس أكبر قياسه $360^\circ - 35^\circ = 325^\circ$ \widehat{GCF}



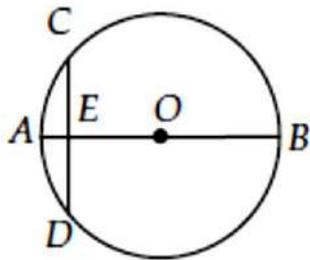
$DF = CW = WF, ED = 30$

15

30

45

60



E CD AB $\odot O$

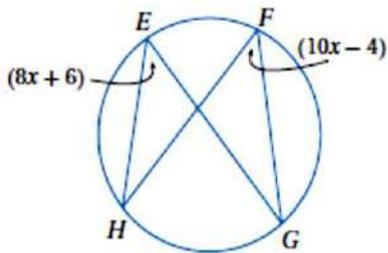
CD $AE = 2$ $OB = 10$

12

8

6

4



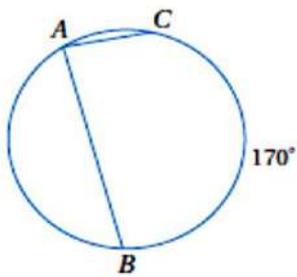
x

46

5

90

1.8



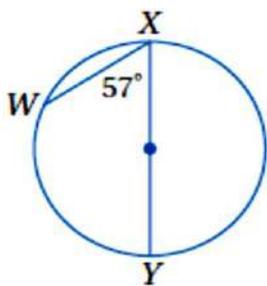
$n\angle A$

90°

85°

10°

170°



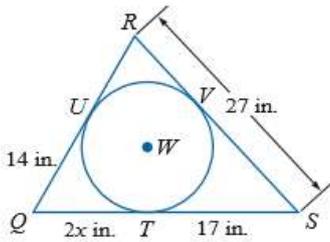
$m\widehat{wx}$

180

114

57

66



$$2x = 14$$

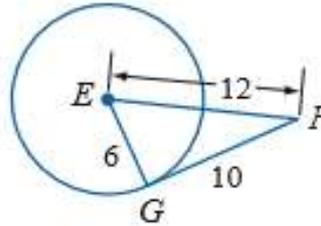
$$x = 7$$

محيط المثلث

$$31 + 24 + 27 = 82$$

إذا محيط ΔQRS يساوي 82 in

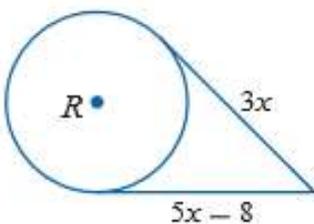
E \overline{FG}



$$10^2 + 6^2 \neq 12^2$$

$$136 \neq 144$$

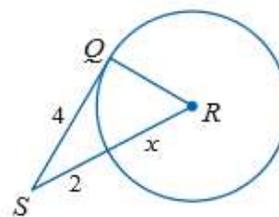
إذا ليس مماس



$$5x - 8 = 3x$$

$$2x = 8$$

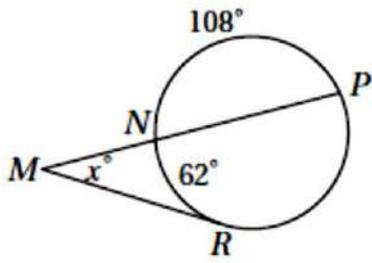
$$x = 4$$



$$x^2 + 4^2 = (2 + x)^2$$

$$x^2 + 16 = 4 + 4x + x^2$$

$$x = 3$$



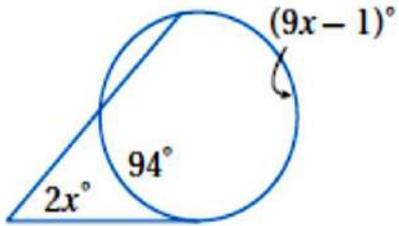
_____ x

170

128

64

62



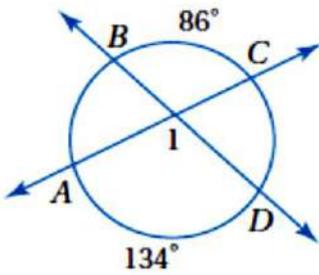
_____ x

95

19

38

10



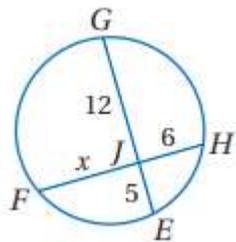
_____ $n < 1$

134°

86°

110°

220

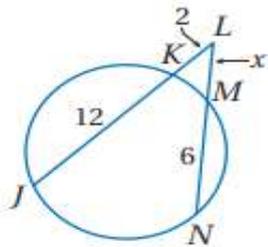


6

8

9

10

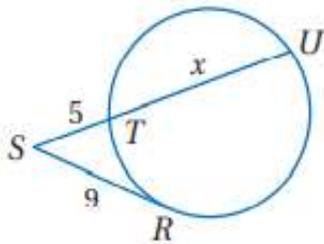


5

3.1

4.2

2.3

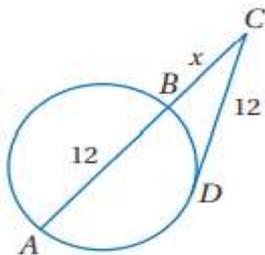


17.5 cm

16 cm

11.2 cm

7.8 cm



7.4

6.5

4

3.7

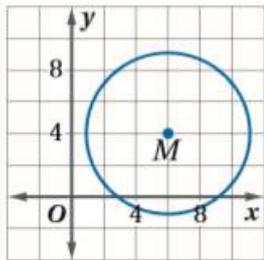
(2, 2)

$$\begin{aligned} r &= \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} \\ &= \sqrt{(2 - 0)^2 + (2 - 0)^2} \\ r &= \sqrt{8}, \quad r^2 = 8 \\ x^2 + y^2 &= 8 \end{aligned}$$

5

(9, 0)

$$(x - 9)^2 + y^2 = 25$$

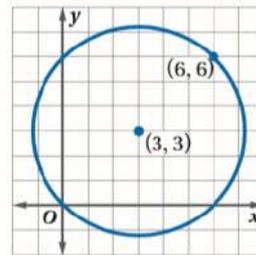


$$r = 5$$

مركز الدائرة عند النقطة

(4, 6)

$$(x - 6)^2 + (y - 4)^2 = 25$$



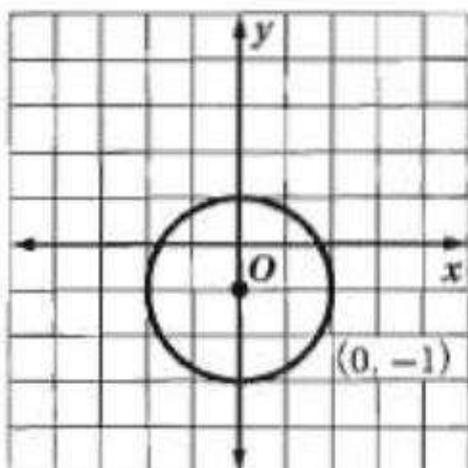
$$r = 4.2$$

مركز الدائرة عند النقطة

(3, 3)

$$(x - 3)^2 + (y - 3)^2 = 18$$

$$x^2 + (y + 1)^2 = 4$$

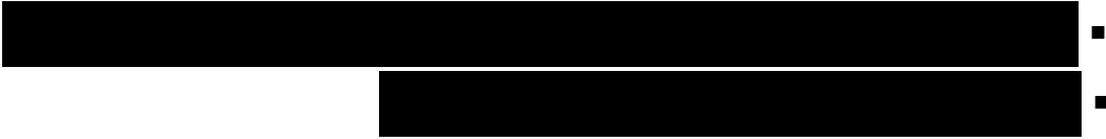


$$x^2 + (y + 1)^2 = 4$$

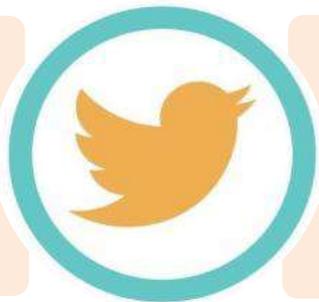
$$r = 2$$

مركز الدائرة عند النقطة

(-1, 0)



أ/ سارة سليمان الجهني



أ/ خولتة حميد العمراني

أ/ حميدة مزهي الشمراني

أ/ عواطف محسن العتيبي



أ/ محمد علي الشواف

أ/ ابتسام عاتق الظاهري

أ/ خولتة حميد العمراني



الفصل الأول /

الفصل الثاني /

الفصل الثالث /

العودة إلى الفصول