

الحالة السابعة من حالات كتابة معادلات المستوي:

● حالة نقطة+يوازي مستوي:

يكون ناظم المستوي المطلوب هو ناظم المستوي
المعلوم

اكتب معادلة المستوي Q المار من $A(0,3,0)$ والموازي
للمستوي

$$p: x + y = 5$$

● يجب ان نتذكر أن معادلة اي مستوي تحتاج لنقطة
وناظم

- نوجد ناظم المستوي المعلوم
- نكتب الشكل العام لمعادلة المستوي المطلوب
- نعوض مركبات الناظم
- لحساب d نعوض النقطة المعطاة

الحل:

من معادلة المستوي p نلاحظ أن

$$n_p = n_Q (1,1,0)$$

$$Q: ax + by + cz + d = 0$$

$$Q: x + y + d = 0$$

$$0 + 3 + d = 0$$

$$d = -3$$

$$Q: x + y - 3 = 0$$

الحالة السابعة من معادلات المستوي :

● حالة نقطة+شعاعي توجيه:

نفرض الناظم $\vec{n}(a, b, c)$ ويكون عمودي على شعاعي التوجيه الغير مرتبطين خطيا وتتشكل معادلتين نوجد من خلالهما الناظم

لدينا النقطة $A(2,5,3)$ ولدينا المستوي p الذي يقبل

$\vec{u}(1,1-2)$ و $\vec{v}(3;-1,-1)$ شعاعين

موجهين اكتب معادلة هذا المستوي

خطوات الحل:

- نكتب الشكل العام لمعادلة المستوي
- نحتاج في اي معادلة مستوي الى نقطة وناظم
- نفرض الناظم $\vec{n}(a, b, c)$
- نضرب سلميا الناظم بشعاعي التوجيه
- تتشكل معادلتين نوجد من خلالهما مركبات الناظم
- نعوض مركبات الناظم في الشكل العام لمعادلة المستوي المطلوب
- لحساب d نعوض النقطة المعطاة

الحل:

$$Q: ax + by + cz + d = 0$$

نفرض الناظم $n(a,b,c)$

$$n^{\rightarrow} \cdot u^{\rightarrow} = 0$$

$$a + b - 2c = 0 \dots (1)$$

$$n^{\rightarrow} \cdot v^{\rightarrow} = 0$$

$$3a - b - c = 0 \dots (2)$$

بجمع المعادلتين نجد أن

$$4a - 3c = 0$$

نفرض $c=1$ ونعوّضها في العلاقة السابقة

$$4a - 3(1) = 0 \rightarrow 4a = 3 \rightarrow a = \frac{3}{4}$$

نعوض كل من a و c في (1)

$$4\left(\frac{3}{4}\right) + b - 2(1) = 0$$

$$b = -1$$

ومنه مركبات الناظم $n^{\rightarrow} \left(\frac{3}{4}, -1, 0\right)$

$$Q: \frac{3}{4}x - y + z + d = 0$$

لحساب d نعوض A(2,5,3)

$$\frac{3}{4}(2) - 5 + 3 + d = 0$$

$$d = \frac{1}{2}$$

$$Q: \frac{3}{4}x - y + z + \frac{1}{2} = 0$$

<https://t.me/AlkariMath>