

محاضرات في مقرر الكهرومغناطيسية

٢٢١ فيز

جامعة الملك سعود . قسم الفيزياء

د. أسعد عبد الخالق

موقع الفريد في الفيزياء

٢٢١ فيز

المحاضرة الأولى

الكهرومغناطيسية

الكهرومغناطيسية – باختصار- تصف التفاعل الذي يتم بين الجسيمات المشحونة وبين مجالات كهربية ومجالات مغناطيسية . ويمكن تقسيم الكهرومغناطيسية إلى ؛ (١) الإليكتروستاتيكا التي تدرس الشحنات الكهربائية في حالة السكون ، (٢) والإليكتروديناميكا التي تدرس التفاعل بين الشحنات المتحركة والإشعاع .
**النظرية الكلاسيكية للكهرومغناطيسية: تعتمد علي قانون قوي لورنتز ومعادلات ماكسويل

* بالنسبة للإليكتروستاتيكا: فهي دراسة الظواهر المرتبطة بالأجسام المشحونة في حالة السكون ، وهذه الأجسام بالتأكد تبذل قوي باتجاه بعضها البعض ، كما وصفها قانون كولوم . وسلوك هذه الأجسام يمكن تحليلها ومعرفتها من خلال مفهوم أن أي جسم مشحون يكون محاطا بمجال كهربى بحيث إذا كان هناك جسم مشحون آخر يقع في مجال الجسم الأول فإنه بدوره يقع تحت تأثير قوي تتناسب مع مقدار الشحنة والقطبية التي تسبب حدوث تجاذب أو تنافر بين الجسيمات المشحونة . الإليكتروستاتيكا لها تطبيقات كثيرة، بدءا من تحليل الظواهر مثل العواصف الرعدية إلي دراسة سلوك أنابيب الإلكترولون

* الإليكتروديناميكا: هو دراسة الظواهر المرتبطة بالأجسام المشحونة المتحركة . حيث أن الشحنات الكهربائية المتحركة تنتج مجال كهربى يحيط بها، فإن الإليكتروديناميكا تختص بالآثار الناتجة عن ذلك مثل؛ المغناطيسية و الإشعاع الكهرومغناطيسى و الحث الكهرومغناطيسى. هذه المواضيع من الإليكتروديناميكا

تعرف بالإليكتروديناميكا الكلاسيكية ، وكانت قد شرحت لأول مرة بواسطة جيمس ماكسويل، ومعادلات ماكسويل تصف ظواهر هذا المجال أي الإليكتروديناميكا الكلاسيكية بطريقة جيدة وعامة . الآن هناك تطور حديث لمجال الإليكتروديناميكا الكمومية الذي يتضمن قوانين نظرية الكم لشرح تأثير الإشعاع الكهرومغناطيسي علي المادة . ديراك و هايسينبيرج و باولي كانوا روادا في صياغة الإليكتروديناميكا الكمية . الإليكتروديناميكا النسبية - من جهة أخرى - تفسر التصحيحات التي تجريها نظرية النسبية علي سرعة الجسيمات المشحونة عندما تقترب من سرعة الضوء . وهي تنطبق علي الظواهر المتضمنة في معجلات الجسيمات ، و أنابيب الإلكترون التي تحمل فروق جهد وتيارات عالية . الكهرومغناطيسية تشمل عديد من ظواهر العالم الحقيقي التي في ذاتها تعتبر ظواهر ذات خواص كهرومغناطيسية . فعلى سبيل المثال ، الضوء عبارة عن مجال كهرومغناطيسي متذبذب الذي يُشع من جسيمات مشحونة معجلة . مبادئ الكهرومغناطيسية تجد العديد من التطبيقات في مختلف المجالات مثل موجات الميكروويف ، والهوائيات ، والآلات الكهربائية ، والاتصالات الفضائية، والكهرومغناطيسية الحيوية ، البلازما ، والأبحاث النووية ، والألياف البصرية، والتداخل والتوافق الكهرومغناطيسي، وتحويل الطاقة الكهروميكانيكية، ومعرفة الأرصاد من خلال الرادار ، والإستشعار عن بعد.

**وتشمل الأجهزة الكهرومغناطيسية : المحولات الكهربائية ، والمبادلات ، وأجهزة الراديو والتلفاز ، والهاتف ، والمحركات الكهربائيه ، وخطوط الإرسال ، وموجهات الموجات ، والألياف البصرية ، وأجهزة الليزر.

مقدمة عن المجال الكهربى

١ - الشحنات الكهربائية نوعان:

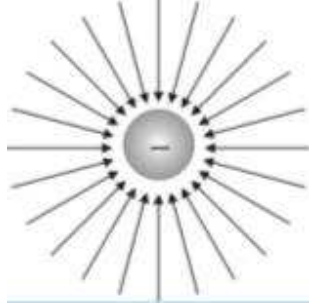
ولوحظ ما يلي:

(أ) حول الشحنات الكهربائية خطوط مجال كهربى يختلف اتجاهها بنوع الشحنة

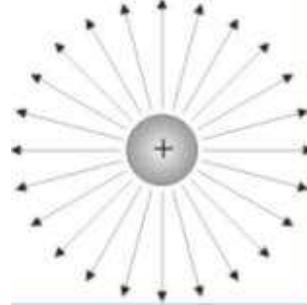
(ب) الشحنات المتشابهة تتنافر والمختلفة تتجاذب

(ج) أقل شحنة كهربىة هى شحنة الإلكترون أو البروتون

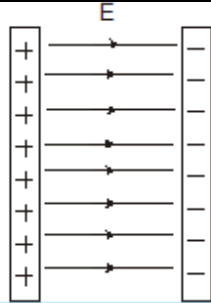
(د) شحنة الإلكترون = 1.6×10^{-19} كولوم



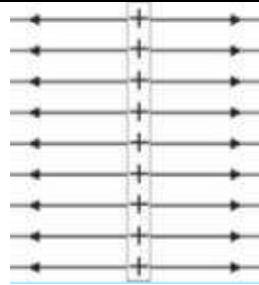
Electric field lines due to -ve charge



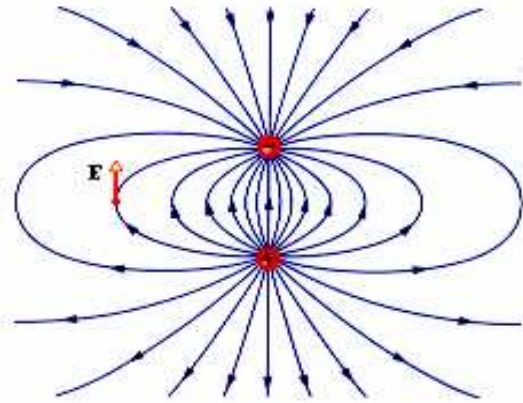
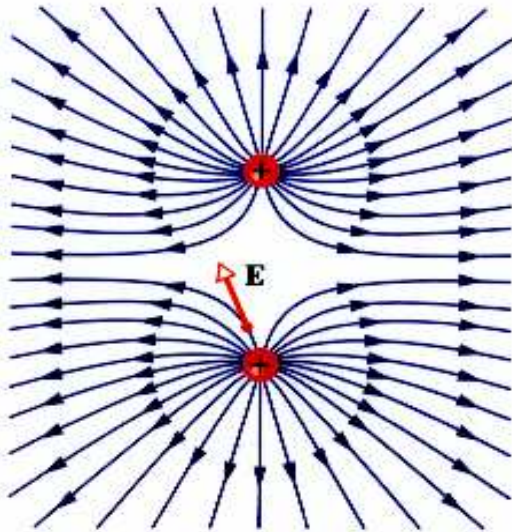
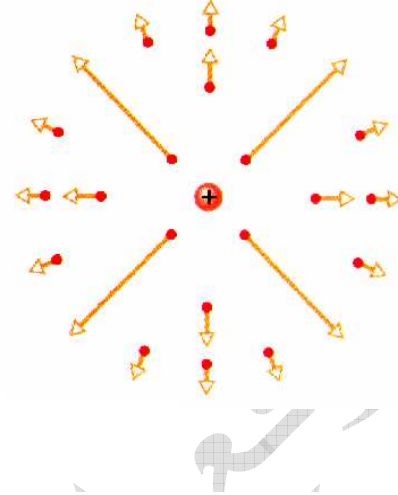
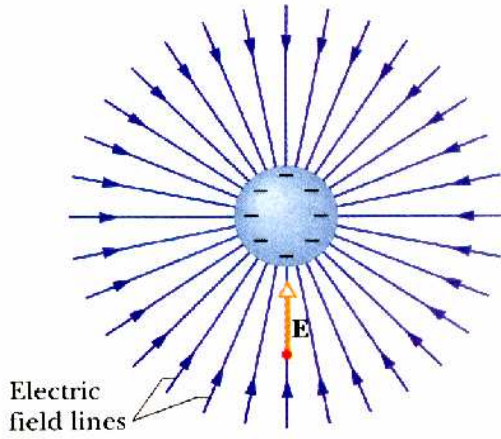
Electric field lines due to +ve charge



Electric field lines due two surface charge



Electric field lines due to +ve line charge

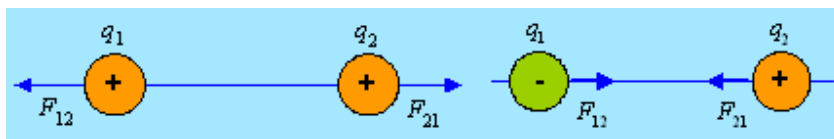


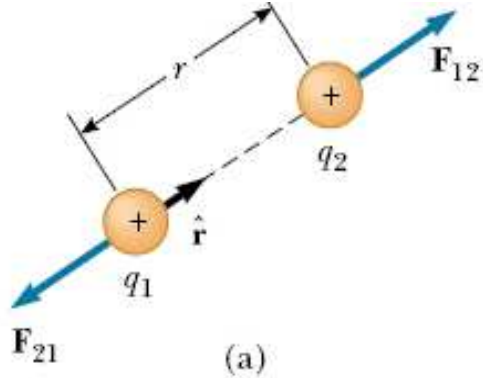
٢. قانون كولوم

عندما تتقارب شحنتين يحدث بينهما احد احتمالين (تجاذب أو تنافر) وكلاهما قوى كهربية يحكمها

قانون كولوم وينص على " تتناسب قوى التجاذب أو التنافر بين جسمين مشحونين تناسباً طردياً مع

حاصل ضرب شحنتيهما وعكسياً مع مربع المسافة بينهما "



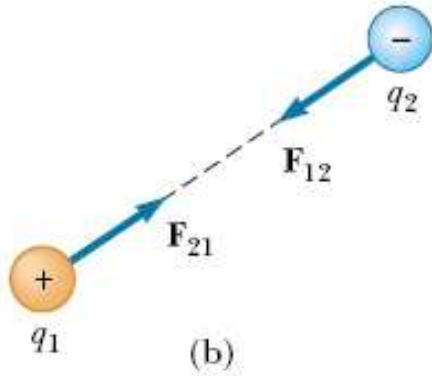


$$F = K_c \frac{q_1 q_2}{r^2} \quad \text{القانون هو:}$$

حيث: q_1, q_2 هما قيمة الشحنتين،
 r المسافة بينهما، K_c هو ثابت التناسب يساوي

$$(K_c = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2)$$

وهو يعتمد نفاذية الوسط ($\epsilon_0 = 8,85 \times 10^{-12}$)



$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

** القوة الكهربائية هي:

٣- المجال الكهربائي:

هي منطقة محيطة بالشحنة الكهربائية يمكن التعرف على منطقة المجال الكهربائي بوضع شحنة موجبة في هذه المنطقة وملاحظة تأثير المجال.
 • المجال يؤثر بقوة كهربائية على أي شحنة كهربائية

** شدة المجال الكهربائي (E) :

هي القوة الكهربائية المؤثرة على وحدة الشحنتات الموضوعة في هذا المجال.

$$E = \frac{F}{q} \quad \rightarrow \quad E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$$

** المجال الكهربائي كمية متجهة تعتمد على اتجاه خطوط القوى الكهربائية أو خطوط الفيض الكهربائي

قانون جاوس : Gauss` s low

من المعروف إن خطوط القوى الكهربائية يمكن استخدامها في:

(أ) معرفة اتجاه المجال الكهربائي

(ب) حساب شدة المجال الكهربائي

ويمكن معرفة المجال الكهربائي بمعرفة:

** **الفيض الكهربائي** Φ (التدفق Flux) " وهو العدد الكلي لخطوط الفيض الكهربائي "

بمعنى أن : **شدة المجال الكهربائي** عند نقطة تمثل

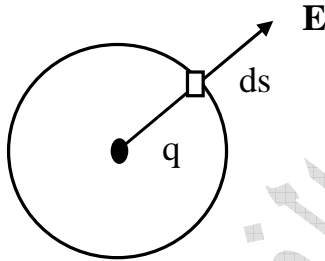
" عدد خطوط القوى الكهربائية (الفيض الكهربائي) التي تقطع وحدة المساحات عموديا عند هذه النقطة "

وتكون شدة المجال الكهربائي (E) هي: $E = \frac{\phi}{S}$

ويمكن تمثيل الفيض الكهربائي بالعلاقة $\phi = E.S$ او $\phi = E.S \cos\theta$

حيث: E هي شدة المجال الكهربائي ، S المساحة

أولا: في حالة السطح الكروي المنتظم:



نأخذ عنصر صغير من سطح الكرة المحيطة بالشحنة وليكن (dS)

التي يمر بها فيض ($d\phi$) فتكون العلاقة هي: $d\phi = E.dS$

وحيث ان شدة المجال مما سبق هي: $E = \frac{1}{\epsilon \pi \epsilon_0} \frac{q}{r^2}$

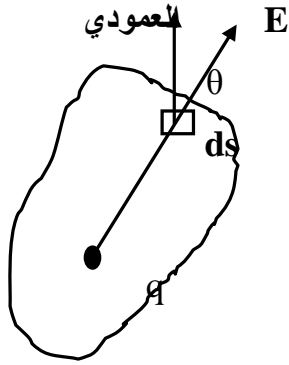
ومنها يكون $d\phi = \frac{1}{\epsilon \pi \epsilon_0} \frac{q}{r^2} dS$

ويكون الفيض الكلي على السطح الكروي هو:

$$\phi = \frac{1}{\epsilon \pi \epsilon_0} \frac{q}{r^2} \int dS = \frac{1}{\epsilon \pi \epsilon_0} \frac{q}{r^2} \times \epsilon \pi r^2$$

فيكون الفيض الكلي هو: $\phi = \frac{q}{\epsilon_0}$ او هو: $\phi = \frac{1}{\epsilon_0} \sum q$ (١)

- وهذا التدفق (الفيض) يكون موجبا عندما تكون خطوط الفيض خارجة من السطح ويكون سالبا عندما تكون خطوط المجال الكهربائي داخلية الى السطح.



ثانيا: في حالة السطح الغير منتظم:

إذا فرض وجود سطح غير منتظم حول شحنة كهربية q فتكون خطوط المجال غير عمودية على السطح لذلك نفرض عنصر من السطح (dS) فيكون الفيض الكهربى (dφ) هو:

$$d\phi = E \cdot \cos\theta \cdot dS$$

وبالتكامل على السطح كله ينتج: $\phi = \oint E \cdot \cos\theta \cdot dS$ (٢)

وبربط المعادلتين ١ ، ٢ ينتج قانون جاوس:

$$\oint E \cdot \cos\theta \cdot dS = \frac{1}{\epsilon_0} \sum q$$

** في النهاية من العلاقة السابقة يقول جاوس:

" إذا تعرض أى سطح مقفل لمجال كهربى فان الفيض الكهربى الذى ينفذ منه

للخارج يساوي ($\frac{1}{\epsilon_0}$) مضروبا في المجموع الجبرى للشحنات المحصورة داخل هذا السطح"

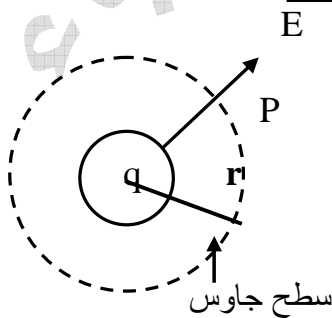
** وتعتمد سهولة حساب شدة المجال الكهربى باستخدام قانون جاوس على حسن اختيار السطح المغلق المناسب حول الشحنة الكهربائية.

س: ما هي شروط اختيار سطح جاوس ؟

- ج: أربعة شروط هي: ١- أن يمر السطح المغلق بالنقطة المراد إيجاد شدة المجال عندها
- ٢- أن يكون السطح مغلق ومنتظم قدر الامكان
- ٣- أن تكون خطوط الفيض عمودية أو موازية للسطح أو تصنع زاوية ثابتة
- ٤- أن تكون شدة المجال ثابتة على أجزاء السطح

تطبيقات على قانون جاوس:

أ) شدة المجال حول كرة مشحونة:



نفرض سطح جاوس هو كرة حول الكرة المشحونة

بحيث سطح جاوس يمر بالنقطة (P) ونصف قطرها (r)

وحيث أن خطوط المجال عمودية على سطح جاوس

فيمكن تطبيق قانون جاوس كما يلي:

$$\oint \mathbf{E} \cdot \cos \theta \cdot d\mathbf{S} = \frac{q}{\epsilon_0} \quad \text{قانون جاوس:}$$

** وحيث ان اتجاه المجال عمودي على سطح جاوس الكروي ومنها يكون الزاوية بين اتجاه المجال والعمودي على السطح θ هي صفر وهذا يعنى أن $(\cos \theta = 1)$

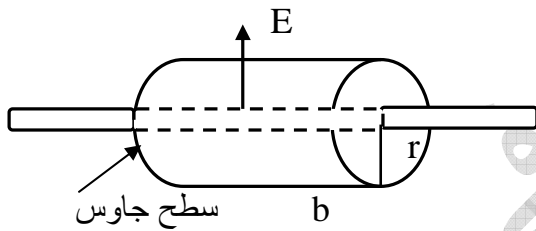
$$\text{فتكون معادلة جاوس:} \quad E \int d\mathbf{S} = \frac{q}{\epsilon_0} \quad \text{فتصبح} \quad E \cdot \epsilon \pi r^2 = \frac{q}{\epsilon_0}$$

ومنها يكون شدة المجال الكهربائي هي:

$$E = \frac{1}{\epsilon \pi r^2} \frac{q}{\epsilon_0} \quad \text{... أو هو ...} \quad E = \frac{1}{\epsilon \pi r^2} \frac{q}{\epsilon_0}$$

(ب) شدة المجال الناشء عن سلك طويل مشحون:

سنفرض سطح جاوس حول السلك على شكل غلاف



اسطواني حول السلك طوله (b) ونصف قطره (r)

وإذا كانت الشحنة لوحدة الأطوال هي (λ)

فتكون الشحنة الكلية للاسطوانة هي ($q = \lambda b$)

وحيث أن خطوط القوى الكهربائية عمودية على

سطح جاوس فيمكن تطبيق قانون جاوس كما يلي:

$$\oint \mathbf{E} \cdot \cos \theta \cdot d\mathbf{S} = \frac{q}{\epsilon_0} \quad \text{وحيث } (\theta = \text{صفر}) \quad \text{.....}$$

بمعنى ان $(\cos \theta = 1)$ ومساحة الاسطوانة ($2\pi r b$)

$$\text{فتكون معادلة جاوس:} \quad E \int d\mathbf{S} = \frac{\lambda b}{\epsilon_0}$$

$$\text{وبعد إجراء التكامل تصبح المعادلة:} \quad E \cdot 2\pi r b = \frac{\lambda b}{\epsilon_0}$$

$$\text{وتكون شدة المجال الكهربائي هي:} \quad E = \frac{1}{2\pi \epsilon_0} \frac{\lambda}{r}$$

(ج) شدة المجال خارج موصل مستوى لانهائي الأبعاد مشحون:

لدينا سطح مستوى عليه شحنة موزعة وسنفرض سطح جاوس حول اللوح المشحون ويكون سطح جاوس على شكل اسطوانة تخترق اللوح بحيث نصفها أمامه ونصفها الآخر خلفه ويكون اتجاه المجال عمودي على قاعدتي الاسطوانة والشحنة الكلية على قاعدة الاسطوانة (سطح جاوس) هي (q).

وتكون شحنة قاعدة الاسطوانة هي (q = σ S)

حيث (σ) هي الشحنة لوحدة المساحات ، (S) مساحة قاعدة الاسطوانة.

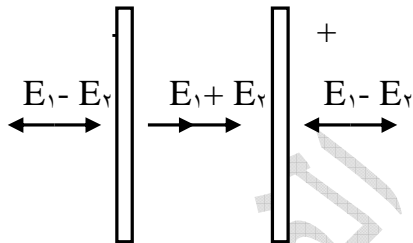
ولان (θ = صفر) لان اتجاه خطوط المجال عمودية على قاعدة الاسطوانة (سطح جاوس) ومساحة قاعدة الاسطوانة (S) فبتطبيق قانون جاوس على قاعدتي الاسطوانة يصبح القانون كما يلي:

$$2E.S = \frac{\sigma.S}{\epsilon_0} \text{ ومنها } \dots \dots E.S + E.S = \frac{q}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

ويكون شدة المجال الكهربائي هي:..... $E = \frac{1}{2\epsilon_0} \frac{\sigma.S}{S} = \frac{1}{2} \frac{\sigma}{\epsilon_0}$ أو

(د) المجال بين صفيحتين متوازيتين مشحونتين:



لان الصفيحتين متساويتين الأبعاد والشحنة واحدهما موجبة

والأخرى سالبة فتكون شدة المجال عند كل نقطة من النقط

الخارجية يكون صفر (E = 0) بينما شدة المجال بينهما هي

المحصلة لمجالي الصفيحتين.

* فمما سبق نجد ان شدة المجال للصفيحة الواحدة هي:..... $(E = \frac{1}{2} \frac{\sigma}{\epsilon_0})$

وتكون شدة المجال بين اللوحين هي: $E = E_1 + E_2$

وحيث أن (E1 = E2) وأيضا مما سبق $E = \frac{1}{2} \frac{\sigma}{\epsilon_0}$

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

فتكون شدة المجال الكلية هي: $E = 2 \times \frac{1}{2} \frac{\sigma}{\epsilon_0}$ أو

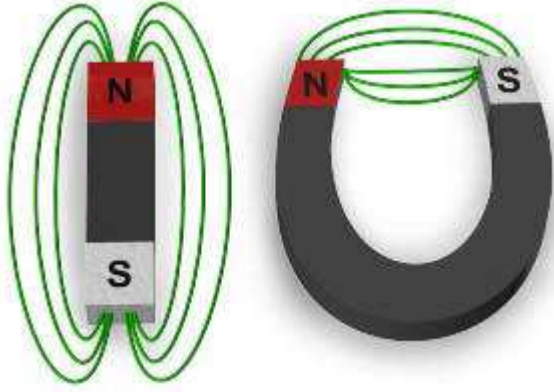
* ونلاحظ أن المجال بين الصفيحتين هو مجال منتظم عبارة عن خطوط متوازية.

==== أتمنى لكم التوفيق إن شاء الله ==== **د. أسعد عبد الخالق**

٢٢١ فيزياء

المحاضرة الثانية

المجالات المغناطيسية للتيار الكهربائي



في البداية نتذكر خواص المغناطيس الدائم وهي معلومات سابقة ولكنها مفيدة في هذه المحاضرة

** معلومات خاصة بالمغناطيس الدائم:

- ١- له قطبان شمالي وجنوبي
- ٢- الأقطاب المتشابهة تتنافر والمختلفة تتجاذب بقوة تبعا لقانون نيوتن وهو يشبه قانون كولوم
- ٣- يحيط بالمغناطيس منطقة تسمى بالمجال المغناطيسي وتحتوي على خطوط المجال المغناطيسي
- ٤- المجال المغناطيسي نوعان غير منتظم (مغناطيس مستقيم) و منتظم (مغناطيس حرف U)
- ٥- شدة المجال المغناطيسي (H) لها علاقة بكثافة الفيض المغناطيسي (B) والعلاقة هي:
$$B = \mu_0 \cdot H \rightarrow \text{Tesla}$$
 حيث μ_0 نفاذية الفراغ أو الهواء

** كثافة الفيض المغناطيسي (B):

هو عدد خطوط الفيض المغناطيسي (Φ) التي تنفذ عموديا على سطح مساحته (S)

$$B = \frac{\Phi}{S} \rightarrow \text{Tesla} = \text{Wb/m}^2$$

ومنه يكون $\Phi = B.S \rightarrow \text{Wb}$

أما إذا كان السطح غير عمودي (يميل بزاوية θ)

تصبح العلاقة: $\Phi = B.S.\cos \theta$

* ملاحظة :

استمر العلماء لسنوات طويلة يدرسون المجال المغناطيسي منفصل تماما عن المجال الكهربائي حتى استطاع العالم اورستد (١٨٢٠م) أن يؤكد العلاقة الوثيقة بين المجالين الكهربائي والمغناطيسي عندما اكتشف انحراف إبرة مغناطيسية عندما تقترب من سلك يمر به تيار كهربائي.

*** الخلاصة :** المجال المغناطيسي يحدث نتيجة مرور التيار الكهربائي.

ويمكن الآن استنتاج قانون لحساب الحث المغناطيسي لاي دائرة كهربية او لحساب كثافة الفيض



المغناطيسي الناشيء عن مرور التيار الكهربى في موصل.

** وجد العلماء أن الحث المغناطيسي حول سلك مستقيم يمر به

تيار كهربى هو على شكل دوائر مركزها السلك ويمكن تعيين

اتجاه المجال بقاعدة إبهام اليد اليمنى وهي تنص على:

" عندما يشير إبهام اليد اليمنى لاتجاه التيار في السلك

يصبح اتجاه الأصابع الباقية يمثل اتجاه المجال حول السلك"

أ. الحث المغناطيسي او كثافة الفيض المغناطيسي (B) بالقرب من موصل مستقيم:

إذا كان لدينا سلك مستقيم يمر به تيار كهربى (I)

والمطلوب إيجاد الحث المغناطيسي (B) على

بعد عمودي على السلك (a) ومنها يمكن إيجاد

شدة المجال المغناطيسي (H)

** بداية ندرس العوامل المؤثرة على

الحث المغناطيسي فى هذه الحالة وهي:

١. شدة التيار الكهربى فى السلك (I) $(B \propto I)$

٢. بعد النقطة عن السلك (a) $(B \propto \frac{1}{a})$

$$B = \text{const.} \frac{I}{a} \rightarrow B = \gamma \times 10^{-7} \frac{I}{a} \rightarrow$$

$$B = \gamma K_m \frac{I}{a} = \frac{\mu_0 I}{\gamma \pi a}$$

حيث (K_m) ثابت التناسب وتساوي ($K_m = \frac{\mu_0}{\Sigma \pi} = 10^{-7} \text{ Wb/A.m}$)

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{1}{\gamma \pi a} I \leftarrow \leftarrow \text{وتكون شدة المجال المغناطيسي:}$$

*** مثال (١):**

يمر تيار كهربى قيمته ٥ A فى موصل طويل. احسب شدة المجال المغناطيسي عند نقطة تبعد ١٠ cm

من منتصف السلك ثم احسب الحث المغناطيسي.

*** الحل:**

$$H = \frac{1}{2\pi a} I = \frac{1}{2\pi \times 10^{-2}} \times 10 = 79,6 \quad \text{A/m}$$

$$B = \mu_0 .H = 4\pi \times 10^{-7} \times 7,96 = 10^{-6} \text{ Wb/m}^2 \quad (\text{T})$$

• مثال (٢):

يمر تيار في سلك رفيع نتج عنه مجال مغناطيسي قيمة حثه 10^{-4} T عند نقطة تبعد 5 cm من منتصف السلك: (أ) ما قيمة هذا التيار الكهربائي
(ب) ما قيمة شدة المجال المغناطيسي
(ج) إذا كانت قيمة التيار 10 A فما هو بعد النقطة التي يكون عندها الحث المغناطيسي مساويا 10^{-4} Wb/m^2 .

*** الحل:**

$$B = 10^{-4} \text{ T} \quad , \quad a = 5 \text{ cm} \quad , \quad I = ?? \quad , \quad H = ??? \quad (\text{أ})$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$$

$$I = \frac{2\pi B a}{\mu_0} = \frac{2\pi \times 10^{-4} \times 5 \times 10^{-2}}{4\pi \times 10^{-7}} = 25 \text{ A}$$

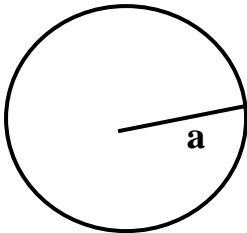
$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{10^{-4}}{4\pi \times 10^{-7}} = 79,6 \text{ A/m} \quad (\text{ب})$$

$$B = 10^{-4} \text{ Wb/m}^2 \quad , \quad I = 10 \text{ A} \quad , \quad a = ?? \quad (\text{ج})$$

$$a = \frac{\mu_0 I}{2\pi B} = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 10}{2\pi \times 10^{-4}} = 2 \times 10^{-2} \text{ m}$$

ب - الحث المغناطيسي أو كثافة الفيض عند مركز ملف دائري يمر به تيار كهربائي:

**** لتعيين الحث المغناطيسي عند مركز ملف دائري نبحث عن العوامل المؤثر وهي:**



١. شدة التيار الكهربائي (I) حيث: $(B \propto I)$

٢. نصف قطر الملف (a) حيث: $(B \propto \frac{1}{a})$

٣. عدد لفات الملف (N) حيث: $(B \propto N)$

$$\boxed{B = \frac{\mu_0 N.I}{r a}} \leftarrow B = \text{const.} \frac{N.I}{a} \leftarrow B a \frac{N.I}{a} : \text{وهذا يعني ان:}$$

$$\boxed{H = \frac{N.I}{r a}} \text{ وتكون شدة المجال المغناطيسي:}$$

• مثال (٣):

ملف دائري عدد لفاته ٢٠٠ لفة ومتوسط نصف قطر اللفة ٢٠ cm احسب شدة المجال المغناطيسي في مركز الملف اذا كان التيار المار به ٣,٥ A ثم احسب الحث المغناطيسي.

• الحل:

$$H = \frac{N.I}{r a} = \frac{200 \times 3,5}{2 \times 20 \times 10^{-2}} = 1,75 \times 10^3 \text{ A/m}$$

$$B = \mu_0 .H = 4 \times 10^{-7} \times 1,75 \times 10^3 = 7,0 \times 10^{-4} \text{ Wb/m}^2$$

• الواجب:

(١) احسب قيمة شدة المجال المغناطيسي عند نقطة تبعد ١٠٠ cm عن موصل طويل ورفيع ويحمل تيار شدته ١ أمبير.

(٢) يحمل سلك طويل ورفيع تيارا قيمته ١٠ A احسب المسافة من هذا السلك الى النقطة التي يكون فيها الحث المغناطيسي مساويا ١٠^{-٤} تسلا.

(٣) ملف دائري نصف قطره ١٠ cm ويمر به تيار شدته ١٠ A فإذا كان التيار ينتج مجالا مغناطيسيا كثافة فيضه ٠,٠٠٣ T في مركز الملف احسب عدد لفات الملف.

(٤) سلك طويل يصنع تحديبا نصف دائري ويمر به تيار كهربى شدته I احسب الحث المغناطيسي B في مركز نصف الدائرة.

أتمنى لكم التوفيق والتفوق إن شاء الله

د / أسعد عبد الخالق

المحاضرة الثالثة

ج) الحث المغناطيسي لملف حلزوني:

الملف الحلزوني عبارة عن ملف لفاته متقاربة وعدد لفاته (N) وطوله (ℓ) ويمر به تيار كهربى شدته (I) ففي هذه الحالة يكون الملف الحلزوني وكأنه مغناطيس طويل له قطبان احدهما شمالي والاخر جنوبي ويتوقف نوع القطب واتجاه المجال على اتجاه التيار فى الملف .

والمطلوب تعيين الحث المغناطيسي (B) على محور الملف الحلزوني:

١- يتناسب الحث المغناطيسي (B) طرديا مع كل من شدة التيار (I) وعدد لفات الملف (N)

٢- يتناسب الحث المغناطيسي (B) عكسيا مع ظل الملف (ℓ)

وهذا يمكن تمثيل ذلك رياضيا:

حيث ان: $B \propto I$

وايضا $B \propto N$

وكذلك $B \propto \frac{1}{\ell}$

فتكون العلاقة هي: $B \propto \frac{N \cdot I}{\ell}$

ومنها تكون $B = \mu_0 \frac{N \cdot I}{\ell}$

ويمكن الاشارة الى ان النسبة بين عدد اللفات الى طول الملف تسمى عدد اللفات لوحدة الاطوال (n)

حيث: $n = \frac{N}{\ell}$

فتكون العلاقة بالشكل: $B = \mu_0 n \cdot I$

**** ملحوظة هامة:**

يختلف حساب الحث المغناطيسي (B) باختلاف موقع النقطة على محور (او طول) الملف

الحلزوني:

١- الحث المغناطيسي عند منتصف الملف هو: $B = \mu_0 \frac{N \cdot I}{\ell}$

٢- الحث المغناطيسي عند احد طرفي الملف هو: $B = \mu_0 \frac{N \cdot I}{2 \times \ell}$

• مثال:

ملف حلزوني طويل عدد لفاته ٢٠٠ لفة في السنتمتر يحمل تيارا مقداره A ١,٥ احسب الحث المغناطيسي وشدة المجال المغناطيسي: (أ) عند منتصف الملف (ب) عند احد طرفي الملف.

**** الحل:**

$$N = 200, \quad \ell = 1 \times 10^{-2} \text{ m}, \quad I = 1,5 \text{ A}$$

$$H = \frac{B}{\mu_0} \quad \text{من المعروف ان شدة المجال المغناطيسي هي:}$$

(أ) عند منتصف الملف:

$$B = \mu_0 \frac{N \cdot I}{\ell} = 4\pi \times 10^{-7} \frac{200 \times 1,5}{1 \times 10^{-2}} = 3,769 \times 10^{-2} \text{ Tesla}$$

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{N \cdot I}{\ell} = \frac{200 \times 1,5}{1 \times 10^{-2}} = 300 \times 10^2 \text{ Am}$$

(ب) عند احد الطرفين:

$$B = \mu_0 \frac{N \cdot I}{2 \times \ell} = 4\pi \times 10^{-7} \frac{200 \times 1,5}{2 \times 1 \times 10^{-2}} = 1,88 \times 10^{-2} \text{ Tesla}$$

$$H = \frac{B}{\mu_0} = \frac{N \cdot I}{2 \times \ell} = \frac{200 \times 1,5}{2 \times 1 \times 10^{-2}} = 150 \times 10^2 \text{ Am}$$

قانون أمبير (Ampere's Law)

قانون أمبير هو صياغة أخرى للعلاقة بين التيار والمجال المغناطيسي الناشئ عنه في صورته التكاملية ويستخدم في حل المسائل التي تحتوي على درجة عالية من التماثل ويأخذ قانون أمبير الصورة التالية:

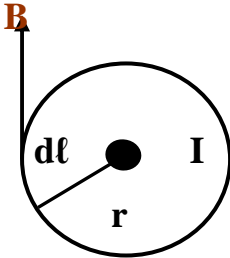
$$\oint \mathbf{B} \cdot \cos\theta \cdot d\ell = \mu_0 \sum I$$

وهذا يعني أن التكامل على مسار مغلق يحيط بالسلك للحث المغناطيسي (B) يساوي مجموع قيمة التيارات داخل هذا المسار مضروباً في معامل نفاذية الفراغ μ_0 .

** ملاحظه هامه :

يستخدم قانون أمبير في حساب المجال المغناطيسي الناشئ عن مرور تيارات كهربائية في موصلات ذات تماثل هندسي ، يسمح بإختيار مسارات مغلقة حولها، بحيث يكون المجال المغناطيسي في كل نقطة من نقاطها معلومة المقدار والاتجاه .

** تفسير قانون أمبير:



إذا اعتبرنا وجود سلك مستقيم يمر به تيار

كهربي في اتجاه ما فتولد حوله خطوط مجال

مغناطيسي على شكل دوائر مركزها السلك (مسار مغلق)

كما بالشكل ويكون الحث المغناطيسي (B) على بعد (r)

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$$

مماساً لحد المسارات المغلقة للمجال هي:

ونفرض طول قدره (dl) من المسار المغلق عند النقطة (P) وحيث ان اجاه الحث في نفس

اتجاه العنصر (dl) لذلك تكون الزاوية ($\theta = 0$) وبالتعويض في معادلة أمبير ينتج:

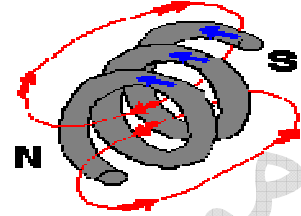
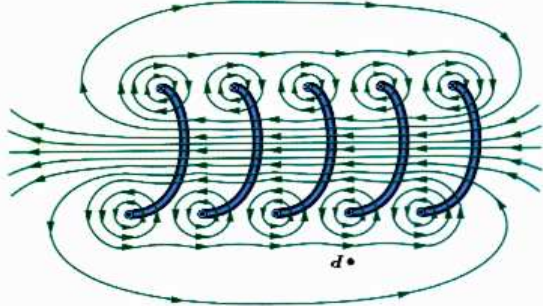
$$\oint \mathbf{B} \cdot \cos\theta \cdot c \ell = \int_0^{2\pi} \frac{\mu_0 I}{2\pi r} d\ell = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi r} \int_0^{2\pi} d\ell = \frac{\mu_0 \cdot I}{2\pi r} \times 2\pi r = \mu_0 \cdot I$$

ومنها يكون الشكل العام لقانون أمبير:

$$\oint \mathbf{B} \cdot \cos\theta \cdot d\ell = \mu_0 \cdot I$$

** تطبيقات على قانون أمبير

(1) الحث المغناطيسي لملف حلزوني:



نفرض وجود ملف حلزوني طوله (l) وعدد لفاته (N) ويمر به تيار شدته (I) والمطلوب

حساب الحث المغناطيسي (B) داخل الملف.

لذلك يرسم مسار مغلق على شكل مستطيل

كما بالشكل بحيث يكون ضلعه (ab) داخل

الملف ومنطبق على محوره وموازي لطوله

بينما الضلع (dc) خارج الملف أما الضلعين

(cd ، ad) فهما متعامدان على المجال

بمعنى ($\theta = 90^\circ$) وبتطبيق قانون أمبير على الاضلاع الاربعه يمكن الحصول على:

$$\int_a^b B \cdot \cos 0^\circ dl + \int_b^c B \cdot \cos 90^\circ dl + \int_c^d B \cdot \cos 180^\circ dl + \int_d^a B \cdot \cos 90^\circ dl = \int_a^b B \cdot dl - \int_c^d B \cdot dl = \mu_0 \sum I$$

ويمكن اهمال حد التكامل ($\int_c^d B \cdot dl$) لصغر قيمته فتصبح المعادلة:

$$\therefore \int_a^b B \cdot dl = \int_c^d B \cdot dl = \mu_0 \sum I$$

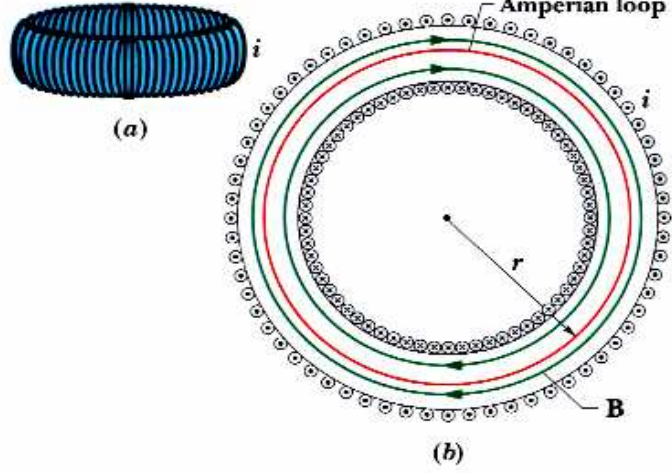
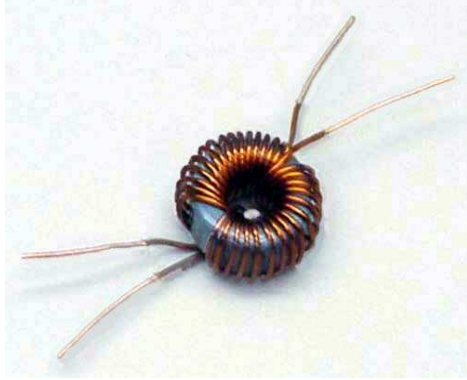
$$\therefore B \cdot l = \mu_0 \cdot n \cdot l \cdot I$$

$$\therefore B = \mu_0 \cdot n \cdot I = \frac{\mu_0 \cdot N \cdot I}{l}$$

حيث (n) هي عدد اللفات لوحدة الاطوال لذلك القيمة ($n \cdot I$) تمثل مجموع شدة التيارات

الكهربية داخل المسار المغلق.

٢) الحث المغناطيسي لملف حلزوني حلقي:



نفترض مرور تيار كهربائي في هذا الملف الذي طوله الدائري (ℓ) وعدد لفاته في وحدة الأطوال (n) ولحساب الحث المغناطيسي نستخدم قانون أمبير:

$$\oint \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = \mu_0 \sum \mathbf{I}$$

$$\therefore \mathbf{B} \cdot \ell = \mu_0 n \cdot \ell \cdot \mathbf{I}$$

$$\therefore \mathbf{B} = \mu_0 n \cdot \mathbf{I}$$

$$\therefore \mathbf{B} = \frac{\mu_0 N \cdot \mathbf{I}}{2\pi r} \quad \text{ومن المعروف ان: } (n = \frac{N}{\ell} = \frac{N}{2\pi r}) \text{ وبالتعويض ينتج:}$$

والمهم ان المجال لمثل هذا الملف الحلزوني الحلقي يوجد فقط في داخل المنطقة الملفوف عليها الملف.

أتمنى لكم التوفيق والتفوق إن شاء الله

د/ أسعد عبد الخالق

المحاضرة الرابعة

الحث الكهرومغناطيسي

* مقدمة:

- * استطاع أورستد اكتشاف أن: التيار الكهربائي يولد مجالا مغناطيسيا
- حاول فاراداي إثبات عكس ما قاله اورستد وحقق ذلك فعلا عام ١٨٣١ ونجح في : "توليد تيار كهربائي من مجال مغناطيسي" وسميت هذه الظاهرة: (الحث الكهرومغناطيسي)
ويسمى التيار الناتج : تيار كهربائي حثي (I) والقوة الدافعة الكهربائية حثية (E)

* تعريف الظاهرة:

" إذا قطع سلك فيضا مغناطيسيا يتولد في السلك قوة دافعة كهربائية مستحثة وكذلك تيار مستحث "

* هذا يعني أن: [شرط تولد قوة دافعة مستحثة

هو قطع خطوط الفيض المغناطيسي]

* الاستنتاج:

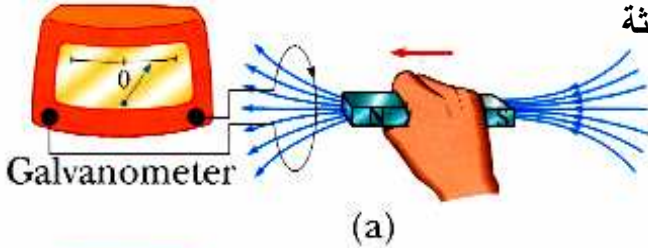
* حركة مؤشر الجلفانومتر تعني تولد قوة

دافعة مستحثة والتيار مستحث

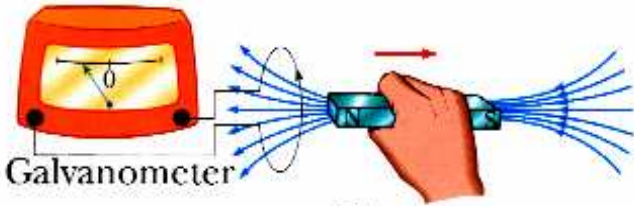
• اتجاه حركة مؤشر الجلفانومتر تعتمد

على اتجاه حركة المغناطيس

* الحقيقة هي:



(a)



(b)

أنه عند قطع خطوط الفيض المغناطيسي بواسطة موصل (سلك أو ملف) يحدث إثارة للإلكترونات الحرة في الموصل فتتحرك هذه الإلكترونات في اتجاه ما في الموصل فتسبب فرق في الجهد بين طرفيه وبالتالي تولد تيار مستحث.

- يضيف هذا الاكتشاف نوعا جديدا ومهما لإنتاج الطاقة الكهربائية وهو تحويل الطاقة الميكانيكية إلى طاقة كهربائية.

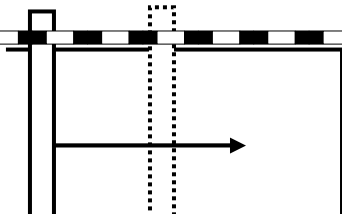
* حركة موصل في مجال مغناطيسي:

من المعروف سابقا انه عند وضع سلك مستقيم طوله (l) يمر به تيار كهربائي (I) في مجال مغناطيسي عمودي حثه (B) فإنه يتولد قوة مغناطيسية تحركه (F) قيمتها:

$$F = I \cdot l \cdot B$$

B

اما الآن نعكس التجربة:



× × × × × ×

بتحريك سلك مستقيم طوله (l) عمودي على مجال

× × × × × ×

مغناطيسي حثه (B) وليكن تحرك مسافة (dx)

× × × × × ×

في زمن (dt) فإنه يتولد في السلك قوة

× × × × × ×

دافعة حثية (ϵ) وكذلك تيار حثي (I)

× × × × × ×

* نلاحظ ان الشغل المبذول لتحريك السلك هو:

$$dW = F \cdot dx$$

ومعلوم ان: $F = I \cdot l \cdot B$ & $dx = v \cdot dt$ بالتعويض في الشغل نجد ان:

$$dW = F \cdot v \cdot dt = I \cdot l \cdot B \cdot v \cdot dt$$

وحيث ان الشحنة التأثيرية التي تولدت خلال زمن (dt) هي: $dq = I \cdot dt$

فيكون المعادلة هي: $dW = B \cdot l \cdot v \cdot dq$

ومن المعروف ان القوة الدافعة الكهربائية هي الشغل المبذول (dW) لنقل شحنة كهربائية (dq):

$$\epsilon = \frac{dw}{dq} = B \cdot l \cdot v$$

حيث ان (v) هي سرعة حركة السلك في المجال المغناطيسي وهنا ملحوظة هامة:

١. اذا كان اتجاه حركة السلك عمودية على اتجاه المجال تكون القوة الدافعة الحثية هي:

$$\epsilon = B \cdot l \cdot v$$

٢. عندما يكون اتجاه حركة السلك يميل بزاوية (θ) مع المجال المغناطيسي فتصبح العلاقة:

$$\epsilon = B \cdot l \cdot v \cdot \sin \theta$$

$$I = \frac{\epsilon}{R} = \frac{B \cdot l \cdot v}{R}$$

ولايجاد شدة التيار الكهربائي المستحث نستخدم العلاقة:

$$P = \epsilon \cdot I$$

والقدرة الكهربائية المستنفذة تكون:

. قاعدة فلمنج لليد اليمنى :

هي قاعدة لمعرفة اتجاه التيار الحثي المتولد في سلك مستقيم يتحرك عمودي على مجال المغناطيسي وهي تنص على أنه:

[عند تعامد أصابع اليد اليمنى الثلاثة الإبهام والسبابة والوسطى فإذا كان الإبهام يشير لاتجاه

الحركة والسبابة لاتجاه المجال المغناطيسي فيكون الوسطى يشير إلى اتجاه التيار الحثي الناتج.]

**** مثال:**

تتحرك سلك طوله 1,2 m على موصل به مقاومة 6Ω في مجال مغناطيسي عمودي على سطح الموصل حثه المغناطيسي $2,5 \text{ Wb/m}^2$ احسب سرعة حركة السلك التي تعطي تيارا مقداره $0,3 \text{ A}$ ثم احسب القوة الدافعة الكهربية الحثية وكذلك القدرة الضائعة في المقاومة.

**** الحل:**

$$\ell = 1,2 \text{ m}, \quad R = 6 \Omega, \quad B = 2,5 \text{ Wb/m}^2, \quad I = 0,3 \text{ A}, \quad \varepsilon = ??, \quad P = ??$$

$$\varepsilon = B \cdot \ell \cdot v = I \cdot R$$

$$\therefore v = \frac{I \cdot R}{B \cdot \ell} = \frac{0,3 \times 6}{2,5 \times 1,2} = 0,6 \text{ m/s}$$

$$\varepsilon = 2,5 \times 1,2 \times 0,6 = 1,8 \text{ V}$$

$$P = \varepsilon \cdot I = 1,8 \times 0,3 = 0,54 \text{ W}$$

*** تجربة فاراداي لتوليد قوة دافعة مستحثة في ملف:**

1. وصل فاراداي طرفي ملف حلزوني بجلفانومتر حساس مؤشره في المنتصف
2. عند إدخال مغناطيس في الملف لاحظ انحراف مؤشر الجلفانومتر (لحظيا) في اتجاه ما.
3. وعند لحظة إخراج المغناطيس من الملف ينحرف مؤشر الجلفانومتر في اتجاه مضاد.
4. وعند توقف المغناطيس عن الحركة يعود المؤشر للصفر ويتوقف التيار.

قانون فاراداي:

القوة الدافعة المستحثة في ملف تتناسب طرديا مع معدل التغير في الفيض المغناطيسي

السؤال الآن: ما هي العوامل المؤثرة في القوة الدافعة الكهربية المستحثة؟؟

الإجابة: 1- معدل التغير الزمني لقطع خطوط الفيض المغناطيسي: أي أن: $(\varepsilon \propto \frac{d\phi}{dt})$

2- عدد لفات الملف: $(\varepsilon \propto N)$

فتكون الصورة النهائية لقانون فاراداي هي: $\varepsilon = -N \frac{d\phi}{dt}$

وعندما تكون مقاومة الملف هي (R) فتكون شدة التيار الحثي هي: $I = \frac{\varepsilon}{R} = -\frac{N}{R} \frac{d\phi}{dt}$

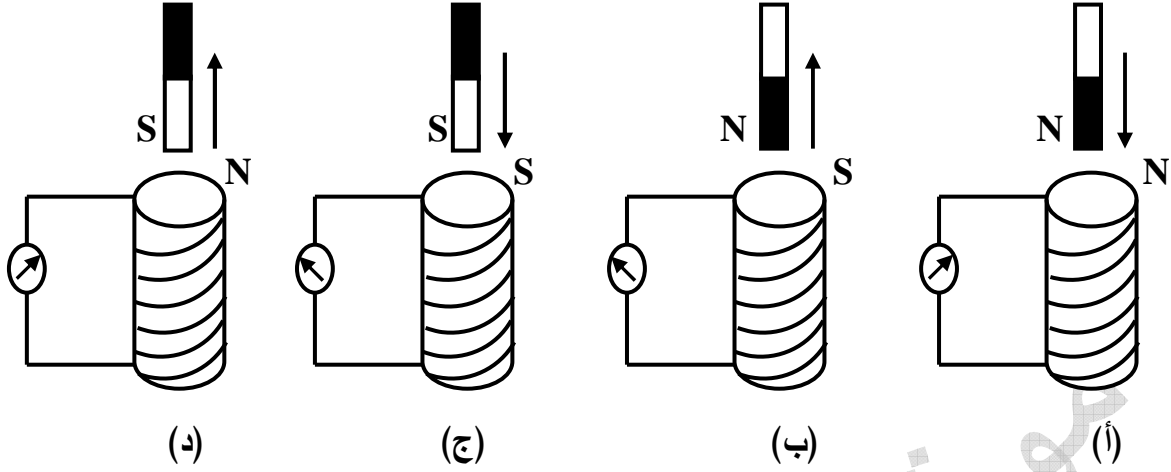
*** يبقى سؤال:** ما سبب وجود الإشارة السالبة في قانون فاراداي؟؟؟

ج: الإشارة السالبة تدل على أن:

" اتجاه القوة الدافعة الحثية (او التيار المستحث) بحيث يعطي فيضا مغناطيسيا يعاكس أو يضاعف

دائما مقدار التغير في الفيض المغناطيسي المسبب له " وتسمى هذه (**قاعدة لنز**)

**** تفسير قاعدة لنز:**



* من الرسم لاحظ في حالة (أ ، ب) :-

أ . عند تقريب القطب الشمالي لمغناطيس من الملف يتولد به قوة دافعة حثية تجعل اللفة العليا تمثل قطب شمالي فتقاوم (تتنافر مع) إدخال المغناطيس من جهة قطبه الشمالي.

ب . عند إخراج المغناطيس من الملف يتولد قوة دافعة كهربية حثية في اتجاه مضاد للحالة الأولى فتجعل اللفة العليا تمثل قطب جنوبي فتعوق خروج المغناطيس من الملف (يحدث تجاذب).

* يحدث نفس الشيء في حالة (ج ، د) ولكن من جهة القطب الجنوبي ونلاحظ ذلك من انحراف

مؤشر الجلفانومتر

***الاستنتاج:**

قاعدة لنز ... تنص على أن:

" اتجاه القوة الدافعة الكهربية المستحثة بحيث يعطي فيضا مغناطيسيا يعاكس التغير في الفيض المغناطيسي المسبب له "

مثال ١:

ملف حلزوني عدد لفاته ٢٠٠ لفة في السنتمتر ويحمل تيارا شدته A ١,٥ وقطر الملف ٢ cm وضع عند مركزه ملف مكون من عشر لفات لها نفس القطر بحيث يكون المجال المغناطيسي موازيا لمحور الملف الاخير فاذا انقص التيار في الملف الحلزوني الى الصفر ثم زيد في الاتجاه المضاد ليصل الى A ١,٥ بمعدل مرة كل ٠,٠٥ من الثانية فما مقدار القوة الدافعة الكهربية التأثيرية في الملف الصغير اثناء تغير التيار؟

**** الحل:**

$$n = 200, I = 1,5 \text{ A}, r = 1 \times 10^{-2} \text{ m}, N = 10$$

نحسب اولاً قيمة الحث المغناطيسي داخل الملف الحلزوني (B):

$$B = \mu_0 \cdot n \cdot I = 4\pi \times 10^{-7} \times 200 \times 1,5 = 3,8 \times 10^{-2} \text{ Wb/m}^2$$

ثم نحسب مساحة مقطع الملف (S):

$$S = \pi r^2 = \pi (1 \times 10^{-2})^2 = 3,14 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$\phi = B \cdot S = 3,8 \times 10^{-2} \times 3,14 \times 10^{-4} = 1,2 \times 10^{-5} \text{ Wb}$$

هذا الفيض يتغير الى $(-1,2 \times 10^{-5} \text{ Wb})$ خلال $0,05$ ثانية وبالتالي يكون:

$$\frac{d\phi}{dt} = \frac{1,2 \times 10^{-5} - (-1,2 \times 10^{-5})}{0,05} = 4,8 \times 10^{-4} \text{ V}$$

$$\varepsilon = -N \frac{d\phi}{dt} = -10 \times (4,8 \times 10^{-4}) = -4,8 \times 10^{-3} \text{ V}$$

الواجب

١. سلك مستقيم طوله ١٠ سم يتحرك في مستوى أفقي بسرعة ٢ م/ث خلال مجال مغناطيسي رأسي فإذا كانت كثافة الفيض ٠,١ تسلا فاحسب القوة الدافعة الكهربية المستحثة.

٢. ملف مكون من ١٠٠٠ لفة يتصل طرفاه بجلفانومتر مقاومته ٤ اوم وضع الملف داخل فيض مغناطيسي عمودياً عليه قيمته ٠,٠٠٥ ويبرر. احسب متوسط شدة التيار الكهربي الحثي المار في الجلفانومتر إذا زاد الفيض المغناطيسي إلى ٠,٠٠٧٥ ويبرر في زمن قدره ٠,٢٥ ثانية علماً بان مقاومة الملف ٦ اوم

٣. ملف عدد لفاته ١٠٠ لفة موضوع عمودياً على مجال مغناطيسي منتظم فيضه المغناطيسي ٠,٠٠٢ ويبرر فإذا قلب الملف في زمن قدره ٠,٢ ثانية. أوجد متوسط القوة الدافعة الكهربية المستحثة المتولدة في الملف.

=====**أتمنى لكم التوفيق والتفوق إن شاء الله**=====

د/ أسعد عبد الخالق

Phys ٢٢١

المحاضرة الخامسة

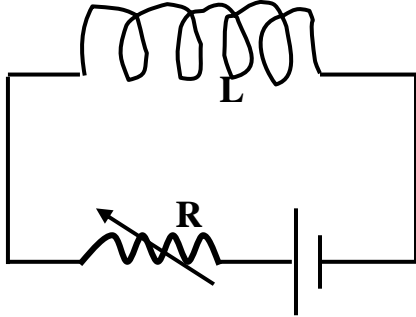
الحث الذاتي لملف

**** تعريف:**

[هو التأثير الكهرومغناطيسي الحادث في نفس الملف عند تغير شدة التيار به.]

**** التفسير:**

إذا مر تيار شدته (I) في ملف عدد لفاته (N) لفة وكان التيار ثابتا ثم تغيرت شدته بواسطة مقاومة متغيرة كما بالشكل فإن التغير في التيار يؤدي الى تغير الفيض المغناطيسي (Φ) داخل هذا الملف نفسه وبهذا تتولد في الملف ذاته قوة دافعة كهربية تأثيرية (حثية) ذاتية عكسية (\mathcal{E}) تقاوم التغير المسبب لها طبقا لقاعدة لنز.....



**** بمعنى ان كل لفة تؤثر على اللفة المجاورة في**

في نفس الملف فتكون المحصلة قوة دافعة حثية

تعتمد على تغير التيار في الملف.

*** فإذا زاد التيار الاصيلي فيكون القوة الدافعة الحثية**

عكسية بينما عند تناقص التيار يتولد قوة دافعة حثية طردية في الملف

**** الخلاصة:**

القوة الدافعة الحثية العكسية او الطردية المتولدة بالحث الذاتي تعمل على تأخير نمو واضمحلال

التيار الكهربائي في الملف

*** وايضا يمكن التأكد من ان الفيض المغناطيسي المتولد يتناسب طرديا مع شدة التيار الكهربائي ...**

$$\text{اي ان: } \Phi \propto I \quad \text{ومنها يكون: } \Phi = K \cdot I \quad \text{ويمكن تكون: } \frac{d\Phi}{dI} = K$$

حيث (K) ثابت ، (N) عدد لفات الملف

والقوة الدافعة الكهربية التأثيرية تبعا لقانون فاراداي تعطى بالعلاقة التالية:

$$\mathcal{E} = -N \cdot \frac{d\Phi}{dt} = -N \cdot \frac{d\Phi}{dI} \cdot \frac{dI}{dt} = -N \cdot K \cdot \frac{dI}{dt}$$

والقيمة (N.K) تسمى معامل الحث الذاتي (L)

وله وحدة قياس تسمى (هنرى = فولت. ثانية / أمبير)

$$\mathcal{E} = -L \frac{dI}{dt}$$

اي ان العلاقة تصبح:.....

والمقارنة هذه المعادلة بمعادلة فاراداي ينتج ما يلي:....

$$N \frac{d\phi}{dt} = L \frac{dI}{dt}$$

وباجراء التكامل ينتج: $N \int d\phi = L \int dI$ ومنها يكون: $N \cdot \phi = L \cdot I + \text{const.}$

والثابت يساوي صفر عند الشروط الاولية فتكون العلاقة هي:....

$$L = \frac{N \cdot \phi}{I}$$

** معامل الحث الذاتي لملف حلزوني طويل

من المعروف ان قيمة الحث المغناطيسي على محور ملف حلزوني مساحة مقطعه (S) هي:

$$B = \mu_0 \frac{N \cdot I}{\ell}$$

ويكون الفيض المغناطيسي (ϕ) الناتج للتيار هو:

$$S \phi = B \cdot S = \frac{\mu_0 N \cdot I}{\ell}$$

وبالتعويض في معادلة معامل الحث الذاتي نحصل على:

$$L = \frac{\mu_0 N^2 \cdot S}{\ell}$$

• مثال ١:

يتكون ملف من ٥٠ لفة ومعامل الحث الذاتي له ٦ mH احسب:

(أ) الفيض المغناطيسي اذا كان التيار المار فيه قيمته ١٢ mA

(ب) القوة الدافعة الحثية إذا كان معدل تغير التيار يساوي ١٠ mA/s

* الحل:

(أ) الفيض المغناطيسي (ϕ) يحسب من المعادلة:....

$$L = \frac{N \cdot \phi}{I} \text{ ومنها يكون:}$$

$$\therefore \phi = \frac{I \cdot L}{N} = \frac{(12 \times 10^{-3}) \times (6 \times 10^{-3})}{50} = 1.44 \times 10^{-6} \text{ Wb}$$

(ب) القوة الدافعة الحثية:

$$\varepsilon = -L \frac{dI}{dt} = -(6 \times 10^{-3}) \times (10 \times 10^{-3}) = -60 \times 10^{-6} = -60 \mu V$$

• مثال ٢:

مر تيار كهربي مقداره 2A في ملف عدد لفاته 400 لفة فحصل على فيض مغناطيسي مقداره 10^{-4} Wb احسب:

(أ) القوة الدافعة الكهربية المستحثة إذا انقطع التيار وتوقف تماما في زمن مقداره 0.08 s
(ب) الحث الذاتي للملف

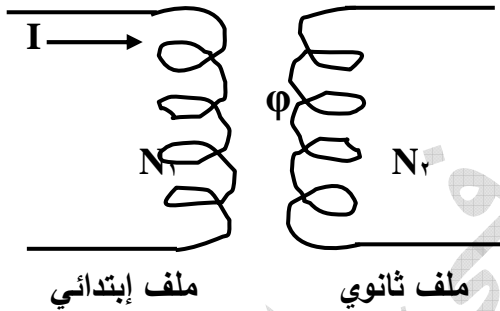
* الحل:

$$\varepsilon = -N \frac{d\phi}{dt} = \frac{-400(10^{-4} - 0)}{0.08} = -0.5V \quad (\text{أ})$$

$$L = \frac{N \cdot \phi}{I} = \frac{400 \times 10^{-4}}{2} = 0.02H \quad (\text{ب})$$

الحث المتبادل

* طريقة أخرى لتوليد قوة دافعة كهربية مستحثة وتيار كهربي مستحث في ملف وذلك باستخدام ملف آخر يمر به تيار كهربي متغير.



* عند تجاور ملفين لهما الشكل الحلزوني الملف

الاول متصل بمصدر لتيار كهربي متغير ويسمى

ملف ابتدائي والملف الآخر تغلق دائرته بجهاز

لقياس القوة الدافعة الحثية ويسمى ملف ثانوي

وعند تغير التيار في الملف الابتدائي يتولد

به فيض مغناطيسي يقطع الملف الثانوي ويتولد به قوة دافعة حثية تبعا لقانون فاراداي.

* وايضا يمكن التأكد من ان الفيض المغناطيسي المتولد في الملف الابتدائي ينتقل الى الملف الثانوي ويقطعه وهذا الفيض يتناسب طرديا مع شدة التيار الكهربي

$$\text{اي ان: } \phi \propto I \quad \text{ومنها يكون: } \phi = K \cdot I \quad \text{ويمكن تكون: } \frac{d\phi}{dI} = K$$

حيث (K) ثابت ، (N_2) عدد لفات الملف الثانوي

والقوة الدافعة الكهربية التاثيرية المتولدة بالحث المتبادل في الملف الثانوي وتبعا لقانون فاراداي

تعطى بالعلاقة التالية:

$$\varepsilon = -N_2 \cdot \frac{d\phi}{dt} = -N_2 \cdot \frac{d\phi}{dI} \cdot \frac{dI}{dt} = -N_2 \cdot K \cdot \frac{dI}{dt}$$

والقيمة $(N \cdot K)$ تسمى معامل الحث المتبادل (M)

وله وحدة قياس تسمى (هنرى = فولت. ثانية / أمبير)

$$\varepsilon = -M \frac{dI}{dt}$$

اي ان العلاقة تصبح:.....

تعريف الحث المتبادل:

[وهو التأثير الكهرومغناطيسي الحادث بين ملفين متجاورين أو متداخلين يمر في أحدهما تيار متغير الشدة فيتأثر به الآخر ويقاوم التغير الحادث في الملف الأول.]

** مثال:

ملفان حلزونيان متجاوران (B , A) عدد لفاتهما ٢٠٠ , ٨٠٠ لفة على الترتيب إذا أمر تيار شدته ٢ أمبير في (A) فإنه ينتج فيضا مغناطيسيا قدره $٢,٥ \times 10^{-٤}$ وبر يمر خلال (A) وفيضا قدره $١,٨ \times 10^{-٤}$ وبر يمر خلال الملف (B). أوجد: أ . معامل الحث الذاتي للملف (A) ب . معامل الحث المتبادل بين (B , A) ج . متوسط القوة الدافعة الحثية في الملف (B) عندما يتوقف التيار المار في الملف (A) لمدة ٠,٣ ث .

** الحل

$$N_1 = 200, N_2 = 800, I = 2 \text{ A}, \phi_1 = 2,5 \times 10^{-4} \text{ Wb}, \phi_2 = 1,8 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

$$\text{(أ) حيث ان: } \varepsilon = -L \frac{dI}{dt} \text{ , } \varepsilon = -N_1 \frac{d\phi_1}{dt} \text{ ومنها يكون:}$$

$$L \cdot I = N_1 \cdot \phi_1 \text{ ومنه يكون: } -L \frac{dI}{dt} = -N_1 \frac{d\phi_1}{dt}$$

$$L \times 2 = 200 \times 2,5 \times 10^{-4} \text{ بالتعويض نوجد معامل الحث الذاتي (L):}$$

$$L = 2,5 \times 10^{-2} \text{ H}$$

$$\text{(ب) بالمثل يمكن الحصول على: } -M \frac{dI}{dt} = -N_2 \frac{d\phi_2}{dt} \text{ ومنها: } M \cdot I = N_2 \cdot \phi_2$$

$$\text{بالتعويض نحصل على معامل الحث المتبادل (M): } M \times 2 = 800 \times 1,8 \times 10^{-4}$$

$$M = 7,2 \times 10^{-2} \text{ H}$$

$$\text{(ج) } \varepsilon = -N_2 \frac{d\phi_2}{dt} = -800 \cdot \frac{1,8 \times 10^{-4}}{0,3} = -48 \times 10^{-2} \text{ V}$$

==== أتمنى لكم التوفيق والتفوق إن شاء الله =====

د/ أسعد عبد الخالق