

الاشتقاق

تذكر قواعد الاشتقاق:

1- الثابت لا يتغير!

① $a \rightarrow 0$ / $3^1 \rightarrow 0$ / $4^1 \rightarrow 0$

② $ax \rightarrow a$ / $5x^1 \rightarrow 5$ / $11x^1 \rightarrow 11$

③ $x^n \rightarrow nx^{n-1}$ / $3x^2 \rightarrow 6x^1$ / $4x^5 \rightarrow 20x^4$

تدريب! أوجد مشتق كل ما يلي:

① $f(x) = 3x^2 - 5x + 7 \rightarrow f'(x) = 6x - 5$

② $f(x) = 5x^3 - 7x^2 + 7 \rightarrow f'(x) = 15x^2 - 14x$

2- مشتق التابوع الكسري

$$\frac{(u)^n \cdot (v) - (u)^n \cdot (v)'}{(v)^2}$$

تدريب!

① $f(x) = \frac{x^2}{x+1} \Rightarrow f'(x) = \frac{(x^2)' \cdot (x+1) - (x^2) \cdot (x+1)'}{(x+1)^2}$

$$= \frac{2x(x+1) - 1(x^2)}{(x+1)^2} = \frac{2x^2 + 2x - x^2}{(x+1)^2} = \frac{x^2 + 2x}{(x+1)^2}$$

② $f(x) = \frac{1-x}{1+x}$

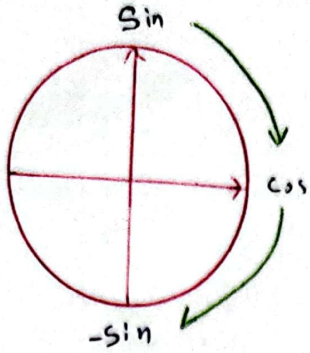
3- مشتق تابوع الجذر

$$\frac{\text{مشتق ما داخل الجذر} \cdot \text{الجذر}}{\text{ضعف الجذر}}$$

تدريب!

① $f(x) = \sqrt{x} \Rightarrow f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$

② $f(x) = \sqrt{x^2 - 2x}$



المشتق تابعاً مثلثياً

$\sin(x) \rightarrow \cos(x)$ *
مثالاً:

$\sin 3x \rightarrow 3 \cos 3x$

$\cos(x) \rightarrow -\sin(x)$ *

$\cos 2x \rightarrow -2 \sin x$

$\tan x \xrightarrow{\text{مشتق}} 1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$

note

$\cot x \rightarrow -1(1 + \cot^2 x)$

5- مشتق $(\quad)^n$

$= n(\text{داخل القوس})^{n-1} \cdot (\text{مشتق باقوس})$

① $f(x) = (x^3 - 3x)^5 \rightarrow f'(x) = 5(3x^2 - 3) \cdot (x^3 - 3x)^4$

② $f(x) = \sin^4 x \Rightarrow f'(x) = 4 \cos x \cdot (\sin^3 x)$

تدريب

6- مشتق جد اول
(الاولى مشتق) + (الثاني مشتق) * مشتق الاول

① $f(x) = x \cdot \sin x \rightarrow f'(x) = 1 \cdot \sin x + \cos x(x)$

تدريب

② $f(x) = (6x-1)(3x+2) \rightarrow f'(x) = 6(3x+2) + 3(6x-1)$

1- $f(x) = \sqrt{x-2}$

2- $f(x) = \frac{x-1}{x}$

وظيفة

3- $(6x-1) \cdot \sin x$

تدريبات عامة:

ليكن لدينا المتباينة التالية $f(x) > 0$ واطلب:

- 1- اوجد مجموعة تعريف D_f .
- 2- اوجد النهايات عند الاطراف المقنونة.
- 3- اكتب معادلات كل مقام افقي و عمودي.
- 4- اوجد مشتق كل تابع.

① $f(x) = \sqrt{x-3}$

1- جردانه تابع جزري فترينه

$D_f = x-2 \geq 0 \Rightarrow x \geq 2 \Rightarrow D_f = [2, \infty[$

2- $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \sqrt{x-3} = +\infty$

3- لا يوجد مقامات افقيه و عمودية

4- $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x-3}}$

② $f(x) = \sqrt{\frac{x-1}{x+1}}$

1- $\frac{x-1}{x+1} > 0$ فلا عدلان ما ان كان مزاجية + \leftarrow دراسة اشارة

نضع $\frac{x-1}{x+1} = 0$

البسط $x-1=0 \Rightarrow x=1$

المقام $x+1=0 \Rightarrow x=-1$

نقسي جدول

x	$-\infty$	-1	$+1$	$+\infty$
البسط	—	—	0	+
المقام	—	0	+	+
رئيسي $f(x)$	+	-	0	+
المتراجحة	مقبول	ممنوع	مقبول	مقبول

$D_f =]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$

$\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \sqrt{\frac{-2}{0^-}} = \sqrt{+\infty} = \infty$

$\lim_{x \rightarrow +1} f(x) = \sqrt{\frac{0}{2}} = 0$

$x=1$ لا مقام افقي في جوار $+\infty$
 $x=-1$ مقام عمودي في جوار $+\infty$

$$f'(x) = \frac{\left(\frac{x-1}{x+1}\right)'}{2\sqrt{\frac{x-1}{x+1}}} = \frac{\frac{1-(x+1)-(x-1)}{(x+1)^2}}{2\sqrt{\frac{x-1}{x+1}}} = \frac{2}{2(x+1)^2 \cdot \sqrt{\frac{x-1}{x+1}}}$$