



**فريق رواد الإبداع التعليمي**

وَمَا أَنْزَلَ الْجِسْمَ سَاكِنًا:

$$\sum \vec{F} = \vec{0}$$

$$\vec{W} + \vec{F}_{S_0} = \vec{0}$$

بالإسقاط على محور شاقوليٍّ موجه نحو الأسفل:

$$W - F_{S_0} = 0$$

$$\textcircled{1} \quad W = F_{S_0}$$

تؤثر في النابض قوة شد  $\vec{F}'_{S_0}$  التي تسبب له الاستطالة  $x_0$

$$F'_{S_0} = kx_0$$

لكن  $F_{S_0} = F'_{S_0}$  (لأنهما قوتان داخليتان)

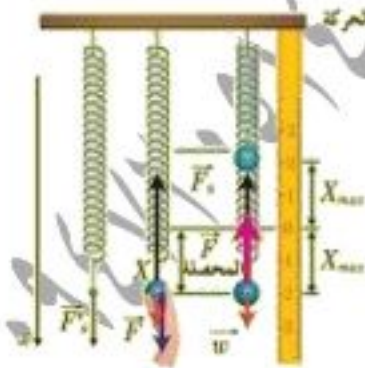
بالتعويض بـ  $\textcircled{1}$  نجد أن:  $W = kx_0$

حيث  $x_0$  الاستطالة السكونية للنابض.

2) حالة الحركة: القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة

الجسم: قوة الثقل  $\vec{W}$  وقوة توتر النابض  $\vec{F}_S$

بتطبيق قانون نيوتن الثاني:



$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\sum \vec{F} = \vec{W} + \vec{F}_S = m\vec{a}$$

بالإسقاط على محور شاقوليٍّ موجه نحو الأسفل:

$$\textcircled{2} \quad \sum F = W - F_S = ma$$

## النواس المرن

تعريفه: نابض مرني شاقوليٍّ مهمل الكتلة حلقاته متباعدة ثابت

صلابته  $K$  يتصل به جسم صلب كتلته  $m$  يقوم بحركة اهتزازية على

جانبي نقطة ثابتة تدعى **مركز الاهتزاز**.

• عند وصل النهاية السفلية للنابض بجسم صلب نلاحظ أن

النابض يستطيل بمقدار  $x_0$  ومن ثم يصبح مركز العطالة  $C$  ساكنًا

في **مركز الاهتزاز (التوازن)  $O$** .

•  $x_0$  **استطالة سكونية**: وهي بعد مركز عطالة الجسم

الصلب عن مركز الاهتزاز (التوازن) عند **سكون** مركز

العطالة.

• تؤثر على النهاية السفلية للنابض بقوة شد وضمن حدود مرونة

النابض بحيث يستطيل النابض مسافة  $\vec{x}$  (المطال) ثم تترك النابض يهتز

فندلاحظ أن النابض يهتز على جانبي مركز التوازن

لهذا نقول إن حركة الجسم الصلب **حركة اهتزازية**.

• **المطال  $\vec{x}$** : هو البعد الجبري لمركز عطالة الجسم الصلب

عن مركز التوازن.

**دراسة تحريكية**: برهن أن محصلة القوى المؤثرة

في مركز عطالة الجسم الصلب في النواس المرن هي قوة

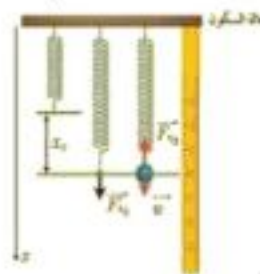
إرجاع تعطى بالعلاقة  $F = -KX$ .

1) **حالة السكون**: يستطيل النابض مسافة  $x_0$  بعد تعليق الجسم

فيه ثم يتوازن الجسم بتأثير

قوتين:

قوة ثقله  $\vec{W}$  وقوة توتر النابض  $\vec{F}_{S_0}$



$$(\omega_0 t + \bar{\varphi}) \text{ طور الحركة في اللحظة } t.$$

$\bar{\varphi}$  الطور الابتدائي في اللحظة  $t=0$  ويُعَدَّرُ بالـ rad وهو مقدار ثابت

للتحق من صحة الحل نستحق نأخذ المطال مرتين بالنسبة للزمن

$$(\dot{x})_t = \dot{v} = -\omega_0 X_{\max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\ddot{x})_t = \ddot{a} = -\omega_0^2 X_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\ddot{x})_t = -\omega_0^2 \bar{x} \dots\dots\dots \textcircled{3}$$

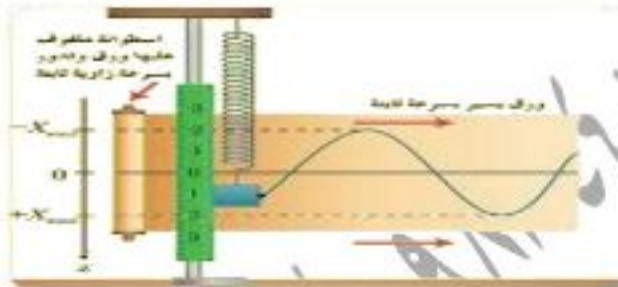
بالمقارنة بين (1) و (3) نجد أن:

$$\omega_0^2 = \frac{k}{m}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} > 0$$

وهذا محقق لأن  $k, m$  موجبان.

**نتيجة:** إن حركة النواس المرن هي هزازة جيبية توافقية انسحابية بسيطة.



استنتاج علاقة الدور الخاص للنواس المرن:

$$\text{بما أن: } \omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} \text{ و } \omega_0 = \frac{2\pi}{T_0}$$

$$\text{بالمساواة نجد: } \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{k}{m}} \text{ بالتالي:}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

وهي علاقة الدور الخاص للنواس المرن غير المتخامد.

من العلاقة السابقة نستنتج أن الدور الخاص:

$$(1) \text{ لا يتعلّق بسعة الاهتزاز } X_{\max}.$$

$$(2) \text{ يتناسب طردياً مع الجذر التربيعي لكتلة الجسم المهتز } m.$$

$$(3) \text{ يتناسب عكساً مع الجذر التربيعي لثابت صلابة النابض } k.$$

تؤثر في النابض قوة شد  $F'_S$  التي تسبب له الاستطالة

$$F'_S = k(x_0 + \bar{x}) \text{ إذا: } x_0 + \bar{x}$$

$$\text{لكن } F_S = F'_S \text{ (أثما قوى داخلية)}$$

بالتعويض بـ (2) نجد:  $\Sigma F = kx_0 - k(x_0 + \bar{x}) = m\bar{a}$

$$\Sigma F = kx_0 - kx_0 - k\bar{x} = m\bar{a}$$

$$F = -k\bar{x} = m\bar{a}$$

**نتيجة:** إن محصلة القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الجسم في كل لحظة هي **قوة إرجاع** لأنها **تعيد** الجسم إلى **مركز الاهتزاز** دوماً، وهي تتناسب **طردياً** مع المطال  $x$  و**تعاكسه** بالإشارة.

استنتاج طبيعة حركة النواس المرن:

يرهن أن حركة الجسم الصلب المعلق بالنابض في النواس المرن غير المتخامد حركة جيبية انسحابية توافقية بسيطة ثم استنتج الدور الخاص لهذا النواس.

**البرهان:** إن محصلة القوى الخارجية التي يخضع لها مركز عطالة الجسم تعطى بالعلاقة:

$$\bar{F} = m\bar{a} = -K\bar{x}$$

$$\bar{a} = -\frac{k}{m}\bar{x}$$

$$\textcircled{1} \dots\dots\dots (\ddot{\bar{x}})_t = -\frac{k}{m}\bar{x} \text{ وهي}$$

**معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية** تحل **حلاً جيبياً** من

$$\text{الشكل: } \textcircled{2} \dots\dots \bar{x} = X_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

وهو الشكل العام للتابع الزمني للمطال (الموضع) حيث:

$\bar{x}$  المطال أو موضع الجسم في اللحظة  $t$  ويقدر بالمتر  $m$ .

$X_{\max}$  سعة الحركة وتقدر بالمتر  $m$  مقدار ثابت وموجب.

$\omega_0$  النبض الخاص للحركة ويقدر بالـ  $\text{rad.s}^{-1}$  مقدار ثابت وموجب

1) توابغ المطال: الشكل العام لتابع المطال

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

لكي يفرض أن الجسم كان في مطاله الأعظمي الموجب  $x = +X_{max}$  في اللحظة  $t=0$  بالتالي:

$$X_{max} = X_{max} \cos(\varphi)$$

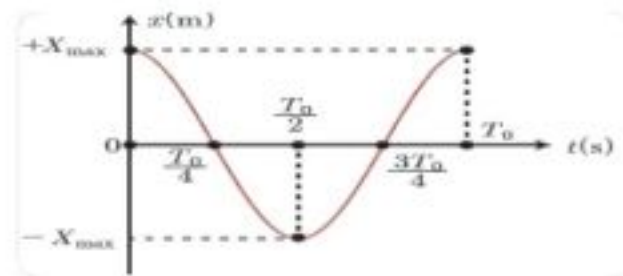
$$\cos(\varphi) = 1 \Rightarrow \varphi = 0 \text{ rad}$$

بالتالي:  $\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t)$

• أكمل الجدول التالي:

t	0	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{3T_0}{4}$	$T_0$
x	$+X_{max}$	0	$-X_{max}$	0	$+X_{max}$

• ارسم المنحنى البياني لتغيرات المطال بدلالة الزمن خلال دور.



• أخذت مطال الجسم في اللحظة  $t = \frac{3T_0}{2}$

$$x = X_{max} \cos \omega_0 t = X_{max} \cos \frac{2\pi}{T_0} \cdot \frac{3T_0}{2}$$

$$x = X_{max} \cos 3\pi = -X_{max}$$

استنتج: المطال أعظمي (طويلة) في الموضعين الطرفين

$$x = |^+ X_{max}|$$

المطال معدوم في مركز الاهتزاز  $x = 0$ .

2) توابغ السرعة:

إن توابغ السرعة هو المشتق الأول لتابع المطال بالنسبة للزمن.

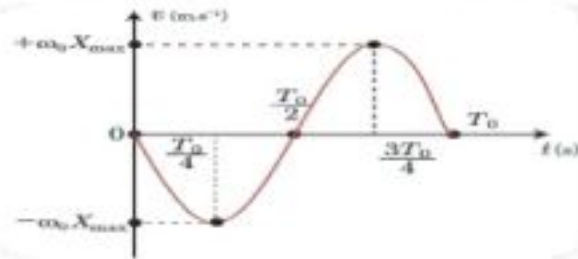
$$\bar{v} = (\bar{x})'_t$$

$$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t)$$

• أكمل الجدول الآتي:

t	0	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{3T_0}{4}$	$T_0$
v	0	$-\omega_0 X_{max}$	0	$+\omega_0 X_{max}$	0

• ارسم المنحنى البياني لتغيرات السرعة بدلالة الزمن خلال دور.



• أخذت قيمة سرعة الجسم، وجهة حركته في اللحظة  $t = \frac{5T_0}{4}$ .

$$v = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t) = -\omega_0 X_{max} \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot \frac{5T_0}{4}\right)$$

$$v = -\omega_0 X_{max} \sin\left(\frac{5\pi}{2}\right) = -\omega_0 X_{max}$$

الجسم الصلب يتحرك بعكس الاتجاه الموجب المحور الشاقولي الموجة نحو الأسفل

استنتج: السرعة أعظمية (طويلة)  $v = |^+ \omega_0 X_{max}|$  لحظة المرور

في مركز الاهتزاز.

- السرعة معدومة  $v = 0$  لحظة المرور في المطالين

الأعظمين (الموضعين الطرفين).

3) توابغ التسارع:

إن توابغ التسارع هو المشتق الأول لتابع السرعة بالنسبة للزمن.

وهو المشتق الثاني لتابع المطال بالنسبة للزمن.

$$E_p = \frac{1}{2} K x^2$$

الطاقة الكامنة المرنة للنابض هي

نعوض تابع المطال:

$$E_p = \frac{1}{2} k X_{max}^2 \cos^2(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$E_k = \frac{1}{2} m v^2$$

الطاقة الحركية للجسم هي

$$E_k = \frac{1}{2} m \omega_0^2 X_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

نعوض في (1):

$$E_{tot} = \frac{1}{2} k X_{max}^2 \cos^2(\omega_0 t + \bar{\varphi}) + \frac{1}{2} m \omega_0^2 X_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

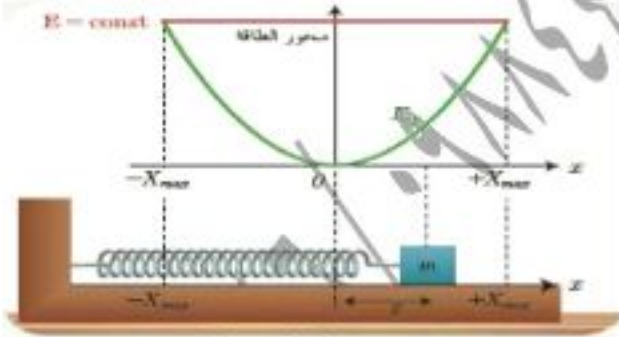
$$k = m \omega_0^2$$

لكن:

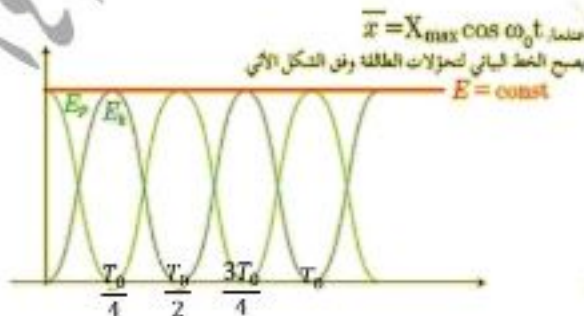
$$E_{tot} = \frac{1}{2} k X_{max}^2 \cos^2(\omega_0 t + \bar{\varphi}) + \frac{1}{2} k X_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$E_{tot} = \frac{1}{2} k X_{max}^2 [\cos^2(\omega_0 t + \bar{\varphi}) + \sin^2(\omega_0 t + \bar{\varphi})]$$

$$E_{tot} = \frac{1}{2} k X_{max}^2 = const$$



تمثل الطاقة الكامنة المرنة بقطع مكافئ ذروته 0 بينما تمثل الطاقة الميكانيكية بنحط مستقيم يوازي محور المطالات.



$$\bar{a} = (v)'_t = (x)''_t$$

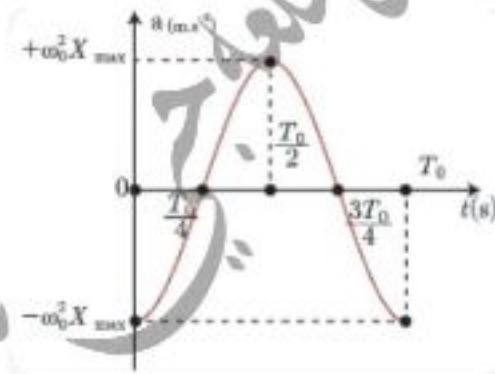
$$\bar{a} = -\omega_0^2 X_{max} \cos(\omega_0 t)$$

$$\bar{a} = -\omega_0^2 \bar{x}$$

أكمل الجدول التالي:

t	0	$\frac{T_0}{4}$	$\frac{T_0}{2}$	$\frac{3T_0}{4}$	$T_0$
a	$-\omega_0^2 X_{max}$	0	$+\omega_0^2 X_{max}$	0	$-\omega_0^2 X_{max}$

ارسم المنحنى البياني لتغيرات التسارع بدلالة الزمن خلال دور.



أخذ قيمة تسارع الجسم في اللحظة  $t = \frac{5T_0}{2}$ :

$$a = -\omega_0^2 X_{max} \cos(\omega_0 t) = -\omega_0^2 X_{max} \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} \cdot \frac{5T_0}{2}\right)$$

$$a = -\omega_0^2 X_{max} \cos(5\pi) = +\omega_0^2 X_{max}$$

استنتج: التسارع أعظمي (طويلة)  $a_{max} = |+\omega_0^2 X_{max}|$

عند المرور في المطالين الأعظميين (الموضعين الطرفين).

- التسارع معدوم  $a = 0$  عند المرور في مركز الاهتزاز.

- التسارع غير ثابت يتغير قيمته بتغير المطال.

الطاقة في الحركة التوافقية البسيطة:

إن الطاقة الميكانيكية للنواس المرن هي مجموع الطاقين الكامنة والحركية:

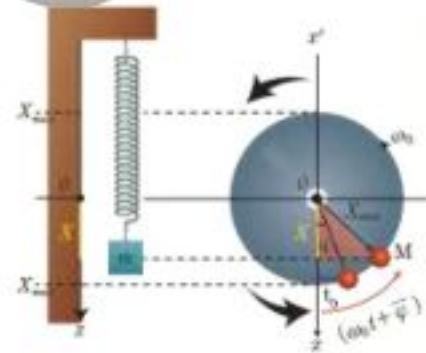
$$E_{tot} = E_p + E_k \dots\dots\dots (1)$$

- أحد الموضع التي تكون فيها كل من **الطاقين الحركية والكامنة المرونية**: عظمى ومعدومة.

**الجواب:** تنعدم الطاقة الحركية في الوضعين الطرفين بسبب انعدام السرعة وتكون عظمى في مركز الاهتزاز وذلك لأن السرعة عظمى عندئذ .

كما تنعدم الطاقة الكامنة المرونية في وضع التوازن بسبب انعدام المطال وتكون عظمى في الوضعين المتطرفين وذلك لأن المطال أعظمى عندئذ .

**العلاقة بين الحركة الدائرية والحركة التوافقية البسيطة (تمثيل فرينل):**



مثل فرينل الحركة الجيبية التوافقية البسيطة بشعاع:

- **الطور الابتدائي** للحركة  $\bar{\varphi}$  هو الزاوية بين الشعاع  $\overrightarrow{OM}$  والمحور  $x'x$  في اللحظة  $t = 0$

- **طور الحركة**  $(\omega_0 t + \bar{\varphi})$  هو الزاوية بين الشعاع  $\overrightarrow{OM}$  والمحور  $x'x$  في اللحظة  $t$ .

- **النبض الخاص للحركة**  $\omega_0$  يقابل السرعة الزاوية الثابتة التي تدور بها النقطة M.

- **سعة الحركة**  $X_{max}$  هي طول الشعاع  $\overrightarrow{OM}$  الثابتة عند الدوران .

- **مطال الحركة**  $\bar{x}$  هو مسقط الشعاع  $\overrightarrow{OM}$  على المحور  $x'x$  وهو متغير بغير الزمن .

$$\text{النسبة } \frac{\bar{x}}{X_{max}} = \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

- **التابع الزمني** لحركة المسقط تابع جيبى من الشكل  $x = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$  لذلك تسمى الحركة جيبية انسحابية (توافقية بسيطة) .

**تطبيق:** نواس مرز أفقي مؤلف من جسم ونابض مرز تابعه الزمني  $x = 0.1 \cos(\pi t + \pi)$

المطلوب:

- 1) حدّد ثوابت الحركة لهذا النواس .
- 2) احسب دوره  $T_0$
- 3) حدد موضع المتحرك (الجسم) ووجهة حركته في لحظة بدء الزمن .

**الحل: 1)** نكتب التابع الزمني للنواس المرز

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$\bar{x} = 0.1 \cos(\pi t + \pi)$$

بالمقارنة نجد: المطال الأعظمى:  $X_{max} = 0.1m$

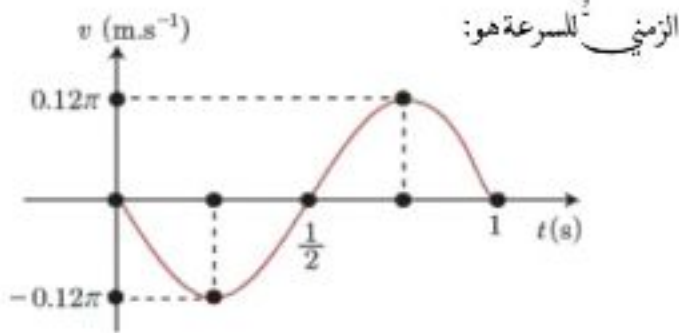
النبض  $\omega_0 = \pi \text{ rad.s}^{-1}$  والطور الابتدائي للحركة

(عند اللحظة  $t = 0$ ) هو  $\bar{\varphi} = +\pi \text{ rad}$

**2)** حساب الدور الخاص: من العلاقة:

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2\pi}{\pi} = 2s$$

2. الرسم البياني بجانباً يمثل تغيرات السرعة مع الزمن لجسم مرتبط بنابض مرن يتحرك بحركة توافقية بسيطة، فيكون التابع الزمني للسرعة هو:



- A.  $\bar{v} = 0.06\pi \cos \pi t$   
 B.  $\bar{v} = -0.06\pi \cos 2\pi t$   
 C.  $\bar{v} = -0.12\pi \sin 2\pi t$   
 D.  $\bar{v} = 0.12\pi \sin \pi t$

الإجابة الصحيحة: (C)  $\bar{v} = -0.12\pi \sin 2\pi t$

$T_0 = 1s, \omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{1} = 2\pi \text{ rad s}^{-1}$

$v_{max} = \omega_0 X_{max} \Rightarrow$

$X_{max} = \frac{v_{max}}{\omega_0} = \frac{0.12\pi}{2\pi} = 0.06m$

• نبدل في التابع الزمني للسرعة ( $t = 0, v = 0$ )

ف نجد:  $\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$

$0 = -2\pi \times 0.06 \sin(0 + \bar{\varphi}) \Rightarrow$

$-0.12\pi \sin(\bar{\varphi}) = 0$

إما:  $\bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$  الحل مقبول لأنه يحقق السرعة سالبة

في اللحظة  $t = \frac{T_0}{4} = \frac{1}{4} S$

$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi}) \Rightarrow$

$\bar{v} = -2\pi \times 0.06 \sin\left(2\pi \frac{1}{4} + 0\right) = -0.12\pi \text{ m.s}^{-1}$

أو:  $\bar{\varphi} = \pi \text{ rad}$  الحل مرفوض لأنه يحقق السرعة موجبة

في اللحظة  $t = \frac{T_0}{4} = \frac{1}{4} S$

$t = 0 \Rightarrow x = 0.1 \cos \pi = -0.1m$  (3)

أي المتحرك في مطاله الأعظمي السالب في لحظة بدء الزمن.

- تحديد جهة الحركة بحسب المطال في اللحظة  $t = \frac{T_0}{4} = \frac{1}{2} S$

$\bar{x} = 0.1 \cos\left(\frac{\pi}{2} + \pi\right) = 0.1 \cos\left(\frac{3\pi}{2}\right) = 0m$

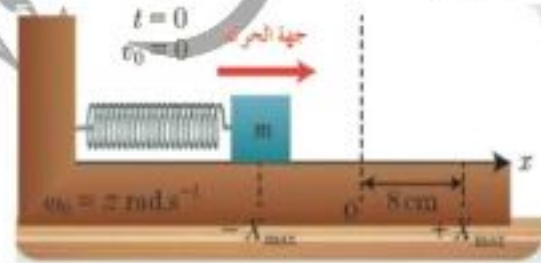
أي أن الجسم الصلب يتحرك من المطال الأعظمي

السالب إلى وضع التوازن.

اختبر نفسك:

أولاً- اختر الإجابة الصحيحة فيما يأتي:

1. تابع المطال الذي يصف حركة الموزانة الجيبية في الشكل



الجاور هو:

A.  $\bar{x} = 0.08 \cos(\pi t + \pi)$

B.  $\bar{x} = 8 \cos(\pi t + \pi)$

C.  $\bar{x} = 0.008 \cos(\pi t + \frac{\pi}{2})$

D.  $\bar{x} = 0.8 \cos(\pi t)$

الإجابة الصحيحة: (A)  $\bar{x} = 0.08 \cos(\pi t + \pi)$

توضيح اختيار الإجابة: شروط البدء:

$v_0 = 0, x = -X_{max}, t = 0$

نبدل في التابع الزمني للمطال:

$-0.08 = 0.08 \cos \bar{\varphi} \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = -1 \Rightarrow \bar{\varphi} = \pi \text{ rad}$

$\omega_0 = \pi \text{ rad.s}^{-1}$

$\Rightarrow \bar{x} = 0.08 \cos(\pi t + \pi)$

$$x_1 = X_{max} \cos(\omega_{01} t) \Rightarrow x_1 = X_{max} \cos 3\pi = -X_{max} \quad (1)$$

$$x_2 = X_{max} \cos(\omega_{02} t) \Rightarrow x_2 = X_{max} \cos 6\pi = +X_{max} \quad (2)$$

ثانياً: أجب عن الأسئلة الآتية:

(1) أثبت صحة العلاقة  $v = \omega_0 \sqrt{X_{max}^2 - x^2}$  في

الحركة التوافقية البسيطة.

البرهان:  $E_K = E - E_P$

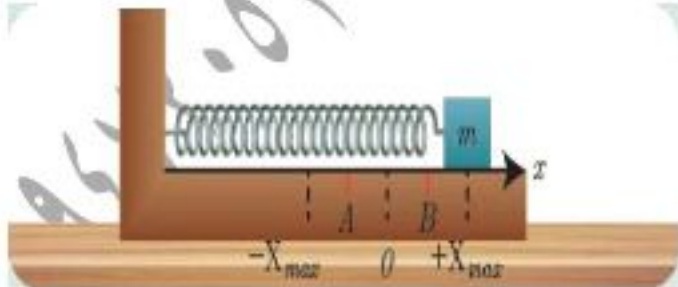
$$\frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} k X_{max}^2 - \frac{1}{2} k x^2$$

$$v^2 = \frac{k}{m} (X_{max}^2 - x^2)$$

$$v = \sqrt{\frac{k}{m}} \cdot \sqrt{(X_{max}^2 - x^2)}$$

$$v = \omega_0 \sqrt{X_{max}^2 - x^2}$$

12) فاض مراد مهمل الكتلة حلقائه متباعدة ثابت صلابته  $k$ ، مثبت من أحد طرفيه، ويربط بطرفه الآخر جسم صلب كتلته  $m$  يتكته أن يتحرك على سطح أفقي أملس، كما في الشكل المجاور



تشد الجسم مسافة أفقية مناسبة، وتتركه دون سرعة ابتدائية. المطلوب:

a. ادرس حركة الجسم، واستنتج التابع الزمني للمطال.

$$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega t + \varphi) \Rightarrow$$

$$\bar{v} = -2\pi \times 0.06 \sin\left(2\pi \frac{1}{4} + \pi\right) = -0.12\pi \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)$$

$$= +0.12\pi \text{ m.s}^{-1}$$

3. يمثل الشكل 1 هزازتان توافقيتان (1) و (2)

تطلقان من الموضع نفسه وفي اللحظة نفسها، فإنهما بعد مضي 3s من بدء حركتهما:

A. تلتقيان في مركز التوازن.

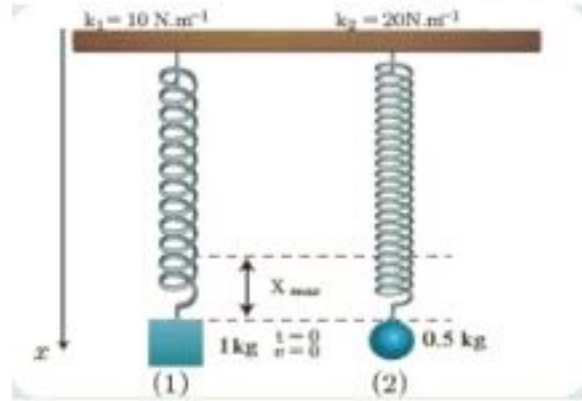
B. تلتقيان في الموضع  $+X_{max}$ .

C. لا تلتقيان لأن مطال الأولى  $+X_{max}$

ومطال الثانية  $-X_{max}$ .

D. لا تلتقيان لأن مطال الأولى  $-X_{max}$

ومطال الثانية  $+X_{max}$ .



الشكل 1

الإجابة الصحيحة: (D)

لهزازتين  $(x = \pm X_{max}, v = 0, t = 0)$  بالتالي فإن  $\varphi = 0$

$$\omega_{01} = \sqrt{\frac{k_1}{m_1}} = \sqrt{\frac{10}{1}} = \pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\omega_{02} = \sqrt{\frac{k_2}{m_2}} = \sqrt{\frac{20}{0.5}} = \sqrt{40} = 2\pi \text{ rad.s}^{-1}$$



بالمقارنة بين (1) و (2) نجد أن:  $\omega_0^2 = \frac{k}{m}$  ومنه:

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} > 0$$

وهذا محقق لأن  $k, m$  موجبان.

حركة الجسم هي حركة جيبية انسحابية توافقية بسيطة التابع الزمني للمطال يعطى بالعلاقة:

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

b. استنتاج علاقة الطاقة الحركية للجسم بدلالة  $X_{max}$ :

$$E_{tot} = E_p + E_k \Rightarrow E_k = E_{tot} - E_p$$

$$E_k = \frac{1}{2} k X_{max}^2 - \frac{1}{2} k x^2 \Rightarrow$$

$$E_k = \frac{1}{2} k (X_{max}^2 - x^2)$$

عندما  $x_A = -\frac{X_{max}}{2}$  فإن:

$$E_{k_a} = \frac{1}{2} k (X_{max}^2 - x^2) = \frac{1}{2} k \left( X_{max}^2 - \frac{X_{max}^2}{4} \right)$$

$$= \frac{1}{2} \left( \frac{3}{4} k X_{max}^2 \right) = \frac{3}{8} k X_{max}^2$$

أي:  $E_{k_a} = \frac{3}{4} E_{tot}$

عندما  $x_B = +\frac{X_{max}}{\sqrt{2}}$  فإن:

$$E_{k_b} = \frac{1}{2} k (X_{max}^2 - x^2) = \frac{1}{2} k \left( X_{max}^2 - \frac{X_{max}^2}{2} \right)$$

$$= \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} k X_{max}^2 \right) = \frac{1}{4} k X_{max}^2$$

أي:  $E_{k_b} = \frac{1}{2} E_{tot}$

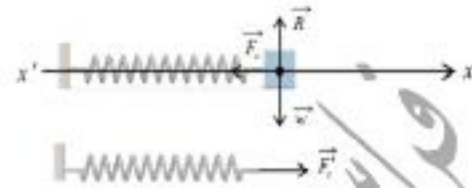
النتيجة: بزيادة القيمة المطلقة للمطال تزداد الطاقة الكامنة المرنة

ونقل الطاقة الحركية.

b. استنتاج علاقة الطاقة الحركية للجسم بدلالة  $X_{max}$  في كل

من الموضعين A و B

$$x_B = +\frac{X_{max}}{\sqrt{2}} \text{ و } x_A = -\frac{X_{max}}{2}$$



a. القوى الخارجة المؤثرة في مركز عتالة الجسم:

قوة الثقل:  $\vec{W}$  - قوة رد فعل السطح:  $\vec{R}$  - قوة توتر الناخض:  $\vec{F}_s$

بتطبيق قانون نيوتن الثاني:

$$\sum \vec{F} = m \vec{a}$$

$$\vec{W} + \vec{R} + \vec{F}_s = m \vec{a}$$

بالإسقاط على محور أفقي موجه كما في الشكل:

$$-F_s = ma$$

تؤثر على الناخض قوة شد  $\vec{F}_s'$  التي تسبب له الأسطالة  $x$

حيث:  $F_s' = F_s = k\bar{x}$  (لأنهما قوى داخلية)

بالتعويض نجد:

$$x_t'' = -\frac{k}{m} (\bar{x}) \dots \dots (1)$$

معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية تقبل حلاً جيبياً من الشكل:

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

نشق التابع مرتين بالنسبة للزمن نجد:

$$(\bar{x})'_t = \bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{x})''_t = \bar{a} = -\omega_0^2 X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{x})''_t = -\omega_0^2 \bar{x} \dots \dots (2)$$

**المسألة الأولى:** تتألف هزازة جيبية انسحابية من نابض مرنب شاقولي مهمل الكتلة حلقائه متباعدة يهتز بدوره الخاص، ما نوع حركة الجسم بعد انفصاله عن النابض في كل من الموضعين الآتيين، ولماذا؟

$k = 10N.m^{-1}$ ، مثبت من أحد طرفيه، ويحمل في طرفه الآخر جسماً كتلته  $m$ .

ويعطى التابع الزمني لمطال حركتها بالعلاقة:

$$\bar{x} = 0.1 \cos(\pi t + \frac{\pi}{2})$$

(المطلوب: 1) أوجد قيم ثابت الحركة ودورها الخاص.

(2) احسب كتلة الجسم  $m$ .

(3) احسب قيمة السرعة في موضع مطاله  $x = 6cm$ ، والجسم يتحرك بالاتجاه الموجب المحور.

**الحل: (1)**  $\bar{x} = 0.1(\cos \pi t + \frac{\pi}{2})$

بالمطابقة مع الشكل العام:  $\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$

نجد:  $\bar{\varphi} = \frac{\pi}{2} rad$ ،  $\omega_0 = \pi rad s^{-1}$ ،  $X_{max} = 0.1m$

حساب  $T_0$ :  $\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} \Rightarrow T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2\pi}{\pi} = 2S$

(2)  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} \Rightarrow \omega_0^2 = \frac{k}{m} \Rightarrow m = \frac{k}{\omega_0^2} = \frac{10}{\pi^2} = \frac{10}{10}$   
 $\Rightarrow m = 1 kg$

(3)  $v = \omega_0 \sqrt{X_{max}^2 - x^2}$

$v = \pi \sqrt{(0.1)^2 - (0.06)^2} = \pi \sqrt{10^{-2} - 36 \times 10^{-4}}$

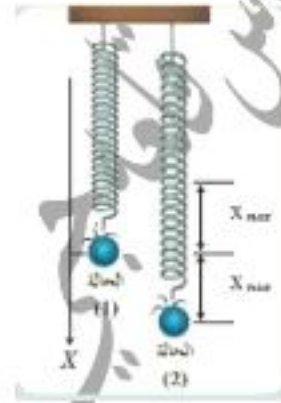
$= \pi \sqrt{100 \times 10^{-4} - 36 \times 10^{-4}} = \pi \sqrt{64 \times 10^{-4}}$

$v = 8\pi \times 10^{-2} = 0.25m.s^{-1}$

(3) جسم معلق بنابض مرنب شاقولي مهمل الكتلة حلقائه متباعدة يهتز بدوره الخاص، ما نوع حركة الجسم بعد انفصاله عن النابض في كل من الموضعين الآتيين، ولماذا؟

a- مركز الاهتزاز، وهو يتحرك بالاتجاه السالب؟

b- المطال الأعظمي الموجب؟



لحظة انفصال الجسم يخضع لقوة ثقله فقط  $\vec{W} = m\vec{g}$

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$$

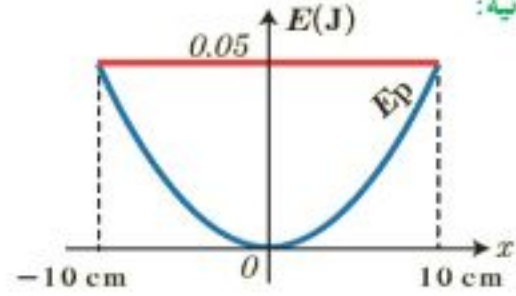
$$m\vec{g} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{a} = \vec{g} = const$$

- **الاتصال في مركز الاهتزاز: قذف شاقولي نحو الأعلى**  
 لأن الجسم مزود بسرعة ابتدائية شاقولية للأعلى والحركة مستقيمة متغيرة بانتظام وهذه الحركة طوران: طور صعود متباطئة بانتظام وطور هبوط متسارعة بانتظام.

- **الاتصال في المطال الأعظمي الموجب: سقوط حر**  
 لأن السرعة الابتدائية للجسم معدومة والحركة مستقيمة متسارعة بانتظام.

ثالثاً: حل المسائل الآتية:

في جميع المسائل: ( $4\pi = 12.5$ ،  $\pi^2 = 10$ ،  $g = 10m s^{-1}$ )



بوضوح الرسم البياني تغيرات الطاقة الكامنة المرورية بتغير الموضع لهزازة توافقية بسيطة مؤلفة من نابض مرن مهمل الكتلة حلقاته متباعدة ثابت صلابته  $k$  معلق به جسم كتلته  $0.4 \text{ kg}$

(1) استنتج قيمة ثابت صلابته النابض .

(2) احسب الدور الخاص للحركة .

(3) احسب قيمة السرعة عند المرور في مركز الاهتزاز .

الحل: (1)  $E_{tot} = \frac{1}{2} k X_{max}^2 \Rightarrow k = \frac{2E}{X_{max}^2}$

$$k = \frac{2(0.05)}{(10 \times 10^{-2})^2} \Rightarrow k = 10 \text{ N.m}^{-1}$$

(2)  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{0.4}{10}} = \frac{4\pi}{10} = 0.4\pi$

$$T_0 = \frac{12.5}{10} = 1.25 \text{ S}$$

(3) في مركز الاهتزاز ينعدم المطال  $x=0$  بالتالي:

$$v = \omega_0 \sqrt{X_{max}^2 - x^2} = \omega_0 X_{max}$$

نكن  $\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{1.25} = \frac{8\pi}{5} = \frac{25}{5} = 5 \text{ rad.s}^{-1}$

$$\Rightarrow v = 5 \times 0.1 = 0.5 \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة الثالثة: تشكل هزازة توافقية بسيطة من جسم كتلته

$m = 1 \text{ kg}$  معلق بطرف نابض مرن شاقوليه مهمل الكتلة

حلقاته متباعدة فينجز  $10$  هزات في  $8 \text{ s}$ ، ويرسم في أثناء

حركته قطعة مستقيمة طولها  $24 \text{ cm}$ . المطلوب:

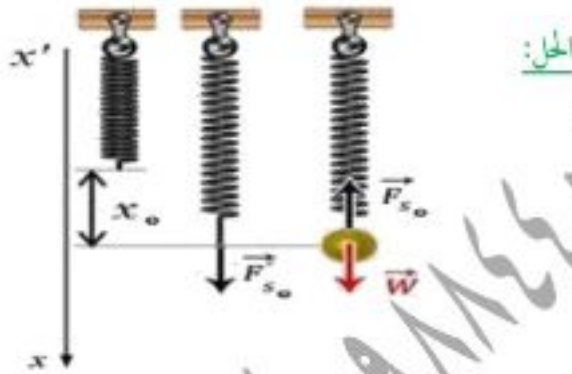
(1) استنتج قيمة الاستطالة السكونية لهذا النابض، ثم احسب قيمتها .

(2) احسب قيمة السرعة العظمى (طويلة).

(3) احسب قيمة التسارع في مطال  $x = 10 \text{ cm}$ .

(4) احسب الطاقة الكامنة المرورية في موضع مطاله

$x = -4 \text{ cm}$  واحسب الطاقة الحركية عندئذ.



(1) القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الجسم في حالة

السكون: قوة الثقل:  $\vec{W}$  وقوة توتر النابض:  $\vec{F}_{s_0}$

$$\sum \vec{F} = \vec{0}$$

$$\vec{W} + \vec{F}_{s_0} = \vec{0}$$

بالإسقاط على محور شاقوليه موجه نحو الأسفل كما في الشكل:

$$W - F_{s_0} = 0$$

$$W = F_{s_0} \dots \dots (1)$$

تؤثر على النابض القوة  $\vec{F}'_{s_0}$  التي تسبب له الاستطالة  $x_0$  حيث:

$$F'_{s_0} = F_{s_0} = kx_0$$

بالتعويض في (1) نجد:  $mg = kx_0$

$$x_0 = \frac{mg}{k}$$

$$T_0 = \frac{\text{زمن الميزان}}{\text{عدد الميزان}} = \frac{8}{10} \Rightarrow T_0 = 0.8 \text{ s}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \Rightarrow k = \frac{4\pi^2 m}{(T_0)^2} = \frac{40 \times 1}{0.64} = 62.5 \text{ N.m}^{-1}$$

نويه: يمكن حساب  $k$  من القانون  $k = \omega_0^2 m$

$$x_0 = \frac{1 \times 10}{62.5} = 0.16 \text{ m}$$

(2) حساب قيمة السرعة العظمى (طولية):

$$v_{max} = |\pm \omega_0 X_{max}|$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{0.8} = \frac{5\pi}{2} \text{ rad.s}^{-1}$$

$$X_{max} = \frac{\text{طول القطعة المستقيمة التي يرسمها مركز عصابة الصاب}}{2} = \frac{0.24}{2} = 0.12 \text{ m}$$

$$v_{max} = \frac{5\pi}{2} \times 0.12 = 0.3\pi \text{ m.s}^{-1}$$

(3) قيمة التسارع في مطال  $x = +10 \text{ cm} = +10^{-1} \text{ m}$

$$\bar{a} = -\omega_0^2 \bar{x} = -\left(\frac{5\pi}{2}\right)^2 \times 10^{-1} = -6.25 \text{ m.s}^{-2}$$

$$E_p = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} \times 62.5 \times (-0.04)^2 = 0.05 \text{ J} \quad (4)$$

$$E_{tot} = \frac{1}{2} kX_{max}^2 = \frac{1}{2} (62.5)(0.12)^2 = 0.45 \text{ J}$$

$$E = E_p + E_k \Rightarrow E_k = E - E_p = 0.45 - 0.05 = 0.4 \text{ J}$$

المسألة الرابعة: تهتز كرة معدنية كتلتها  $m$  بمرونة نابض شاقولي

مهملي الكتلة، حلقائه متباعدة، ثابت صلابته  $k = 16 \text{ N.m}^{-1}$

بحركة توافقية بسيطة دورها الخاص  $1 \text{ s}$ ، وسعة اهتزاز

$X_{max} = 0.1 \text{ m}$ ، وبفرض مبدأ الزمن لحظة مرور الكرة

بنقطة مطالها  $\frac{X_{max}}{2}$  وهي تتحرك بالاتجاه السالب. المطلوب:

(1) استنتاج التابع الزمني لمطال حركة الكرة انطلاقاً من شكله العام.

(2) عتق لحظتي المرور الأول والثالث للكرة في موضع

التوازن، ثم احسب شدة قوة الإرجاع في نقطة مطالها

$$x = +0.1 \text{ m}$$

(3) احسب كتلة الكرة.

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi}) \quad (\text{الحل: 1})$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{1} = 2\pi \text{ rad.s}^{-1}$$

$$X_{max} = 0.1 \text{ m}$$

نعوض شروط البدء ( $x = \frac{X_{max}}{2}$ ,  $t = 0$ ) في التابع الزمني:

$$\frac{X_{max}}{2} = X_{max} \cos(0 + \bar{\varphi}) \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = \frac{1}{2} \Rightarrow$$

$$\bar{\varphi} = -\frac{\pi}{3} \text{ rad} \text{ أو } \bar{\varphi} = +\frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

نختار الحل الذي يجعل السرعة سالبة:

$$\bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

في اللحظة ( $t=0$ ) السرعة:

$$\bar{v}_0 = -\omega_0 X_{max} \sin(\bar{\varphi})$$

$$\varphi = +\frac{\pi}{3} \text{ rad}: v_0 = -\omega_0 X_{max} \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) < 0$$

مقبول يوافق شروط البدء بحقق سرعة سالب

$\rho_{H_2O} > \rho_{wood}$  ومساحة سطحه A فيظفو وهو بحالة

توازن وقد برز جزء منه فوق سطح الماء. عند التأثير بقوة شاقولية على المكعب الخشبي ليغمر كلياً بالماء ثم يترك فجأة. ما نوع حركة المكعب الخشبي؟

**الجواب:** في حالة السكون تساوي شدة قوة ثقل

المكعب الخشبي مع شدة دافعة أرخميدس المؤثرة عليه

فتكون محصلة القوى المؤثرة معدومة. وعند التأثير

على المكعب الخشبي بقوة شاقولية جهتها نحو الأسفل يتغير

الحجم المغمور من المكعب الخشبي فتتغير شدة دافعة

أرخميدس لتصبح محصلة القوى متناسبة مع الإزاحة X

ومعاكسة لها بالجهة وهي ما تسمى قوة الإرجاع

فتكون الحركة: حركة جيبية انسحابية.

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام لقناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

$$\varphi = -\frac{\pi}{3} \text{ rad} : v_0 = +\omega_0 X_{max} \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) > 0$$

الحل مرفوض بخالف شروط البدء يحقق سرعة موجبة

نعوض ثوابت الحركة في التابع الزمني:

$$\bar{x} = 0.1 \cos\left(2\pi t + \frac{\pi}{3}\right)$$

(2) في موضع التوازن  $x=0$ :

$$0 = 0.1 \cos\left(2\pi t + \frac{\pi}{3}\right) \Rightarrow$$

$$\cos\left(2\pi t + \frac{\pi}{3}\right) = 0$$

$$\left(2\pi t + \frac{\pi}{3}\right) = \left(\frac{\pi}{2} + k\pi\right) \Rightarrow \left(2t + \frac{1}{3}\right) = \left(\frac{1}{2} + k\right)$$

$$2t = \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + k = \frac{1}{6} + k \Rightarrow t = \frac{1}{12} + \frac{k}{2}$$

المرور الأول:  $k=0$  بالتالي:  $t = \frac{1}{12} \text{ s}$

المرور الثالث:  $k=2$  بالتالي:  $t = \frac{13}{12} \text{ s}$

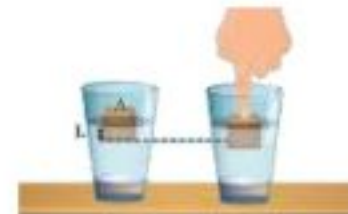
$$F = -kx = -16 \times 0.1 = -1.6 \text{ N} \text{ شدة قوة الإرجاع}$$

وشدتها:  $F=1.6 \text{ N}$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{K}{m}} \Rightarrow \omega_0^2 = \frac{k}{m} \Rightarrow m = \frac{k}{\omega_0^2} = \frac{16}{4\pi^2} = \frac{16}{40} \quad (3)$$

$$\Rightarrow m = 0.4 \text{ kg}$$

التذكير الناقد:



ندينا كأس فيه ماء كتله الحجمية  $\rho_{H_2O}$  يوضع فيه مكعب

خشبي كتله  $m_{wood}$  وكتله الحجميه  $\rho_{wood}$  حيث

## نواس القتل غير المتخامد

تعريفه: جسم صلب متجانس (ساق أو قرص) معلق من مركزه بهز في مستواً أفقي حول سلك قتل شاقولي ثابت قتلته  $k$  بتأثير عزم مزدوجة القتل.

### دراسة حركة نواس القتل:

القوى الخارجة المؤثرة في الساق: قوة القتل  $\vec{W}$ ، قوة التوتر  $\vec{T}$ .

عندما ندير الساق زاوية  $\theta$  عن وضع توازنها في مستواً أفقي تنشأ في السلك مزدوجة قتل  $\vec{\Gamma}$  تقاوم عملية القتل

تعمل على إعادة الساق إلى وضع توازنها عزمها هو عزم إرجاع يتناسب طردياً مع زاوية القتل  $\theta$  وبعاكسها بالإشارة

$$\Gamma_{\vec{w}/\Delta} = -k\theta$$

ملاحظة: يُعطى ثابت قتل السلك بالعلاقة:  $K = K' \frac{(2r)^2}{l}$

$k'$  ثابت يتعلق بنوع مادة السلك،  $2r$  قطر السلك،  $l$  طول السلك.

حيث  $k$  ثابت قتل السلك تقاس بـ:  $m.N.rad^{-1}$

بتطبيق العلاقة الأساسية في التحريك الدوراني

حول محور  $\Delta$  منطبق على سلك القتل الشاقولي:

$$\sum \Gamma_{\Delta} = I_{\Delta} \bar{\alpha}$$

حيث  $I_{\Delta}$  عزم عطالة الساق حول محور الدوران  $\Delta$  (السلك)

$\bar{\alpha}$  التسارع الزاوي

$$\Gamma_{\vec{w}/\Delta} + \Gamma_{\vec{T}/\Delta} + \Gamma_{\vec{w}/\Delta} = I_{\Delta} \alpha \dots \dots (1)$$

إن عزم كل من قوة القتل  $\vec{W}$  وقوة التوتر  $\vec{T}$  معدوم لأن:

حامل كل منهما منطبق على محور الدوران  $\Delta$ .

$$عزم مزدوجة القتل: \Gamma_{\vec{w}/\Delta} = -K\theta$$

$$0 + 0 = -k\bar{\theta} = I_{\Delta} \bar{\alpha}$$

$$-k\bar{\theta} = I_{\Delta} (\bar{\theta})''$$

$$(\bar{\theta})'' = -\frac{k}{I_{\Delta}} \bar{\theta} \dots \dots (2)$$

المعادلة (2) هي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية تقبل حل جيبياً من الشكل:

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

ولتحقق من صحة الحل نشق مرتين بالنسبة بالزمن:

$$\bar{\omega} = (\bar{\theta})' = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \varphi)$$

$$\alpha = (\bar{\omega})' = -\omega_0^2 \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$(\bar{\theta})'' = -\omega_0^2 \bar{\theta} \dots \dots (3)$$

$$\omega_0^2 = \frac{k}{I_{\Delta}} \dots \dots (4)$$

بموازنة العلاقتين (2) و (3) نجد:  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{I_{\Delta}}} > 0$

وهذا ممكن لأن:  $k, I_{\Delta}$  موجبان أي أن

حركة نواس القتل جيبية دورانية توافقية بسيطة باتجاه الزماني من الشكل:

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$\bar{\theta}$ : المطال الزاوي في اللحظة  $t$  واحدته rad

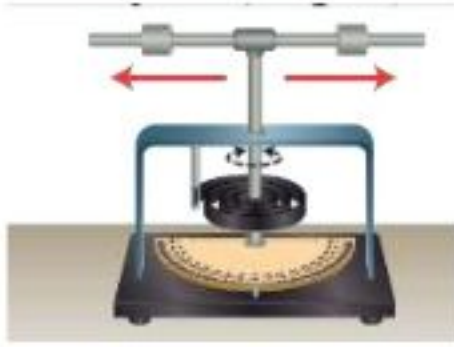
$\theta_{\max}$ : المطال الزاوي الأعظمي (السعة الزاوية) واحدته rad

$\omega_0$ : النبض الخاص بالحركة واحدته  $rad.s^{-1}$

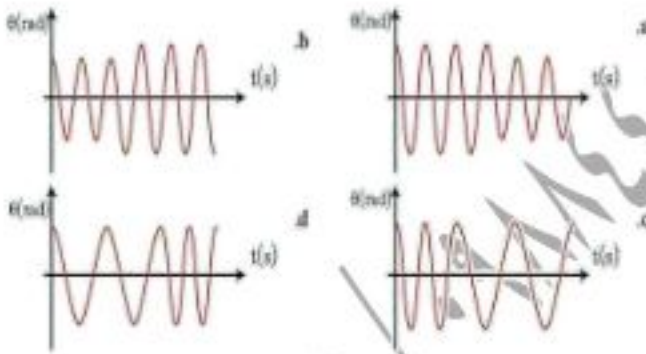
$\bar{\varphi}$ : الطور الابتدائي للحركة واحدته rad

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة فيما يأتي:

1- يهتز نواس قتل بدور خاص  $T_0$  في لحظة ما أثناء حركته ابتعدت الكتلتان عن محور الدوران بالمقدار نفسه كما هو موضح بالشكل



فالرسم البياني الذي يعبر عن تغير المطال مع الزمن



في هذه الحالة هو: الإجابة الصحيحة: (C)

التوضيح: بزيادة البعد بين الكتلتين يزداد عزم عطالة جملة النواس وبالتالي سيزداد الدور (أي ينقص التواتر).

2- ميعاينة تعتمد في عملها على نواس قتل كما في الشكل



$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{I_\Delta}} \Rightarrow \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{k}{I_\Delta}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{k}}$$

استنتج دور نواس القتل:

- لا يتعلق بالسعة الزاوية للحركة  $\theta_{max}$ .
- يتناسب طروداً مع الجذر التربيعي لعزم عطالة جملة النواس حول محور الدوران (سلك القتل).
- يتناسب عكساً مع الجذر التربيعي لتأثير قتل السلك.

أجرب واستنتج:

- لا تتغير قيمة الدور الخاص لنواس القتل بتغير السعة الزاوية للحركة.
- يزداد الدور الخاص لنواس القتل بزيادة عزم عطالة الجملة.
- ينقص الدور الخاص لنواس القتل بتقصير طول سلك القتل.

التشابه الشكلي بين النواس المرن ونواس القتل:

نواس قتل	نواس مرن
حركة جيبية دورانية	حركة جيبية لخطية
مطال زاوي $\bar{\theta}$	المطال $\bar{x}$
السرعة الزاوية: $\omega = (\dot{\bar{\theta}})$	السرعة $v = (\dot{\bar{x}})$
التسارع الزاوي: $\bar{\alpha} = (\ddot{\bar{\theta}})$	التسارع $\bar{a} = (\ddot{\bar{x}})$
ثابت القتل $k$	ثابت الصلابة $k$
عزم الإرجاع $\Gamma$	قوة الإرجاع $F$
الطاقة الكامنة المرنة: $E_p = \frac{1}{2} k \theta^2$	الطاقة الكامنة المرنة: $E_p = \frac{1}{2} k x^2$
الطاقة الحركية: $E_k = \frac{1}{2} I_\Delta \omega^2$	الطاقة الحركية: $E_k = \frac{1}{2} m v^2$
الطاقة الميكانيكية: $E = \frac{1}{2} k \theta_{max}^2$	الطاقة الميكانيكية: $E = \frac{1}{2} k x_{max}^2$

التوضيح: من الشكل نجد:  $\omega_{\max} = \frac{\pi^2}{8} \text{ rad. s}^{-1}$

$$2T_0 = 8 \Rightarrow T_0 = 4 \text{ s}$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2} \text{ rad. s}^{-1}$$

نعوض شروط البدء ( $t = 0, \omega = 0$ ) في التابع

الزمني للسرعة الزاوية:

$$\bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega t + \bar{\varphi})$$

$$0 = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(0 + \bar{\varphi})$$

$$\sin(\bar{\varphi}) = 0 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0, \pi \text{ rad}$$

نختار الحل الذي يجعل السرعة سالبة من أجل زمن  $t = \frac{T_0}{4}$

إما:  $\bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$  الحل مقبول لأنه يحقق السرعة سالبة في

$$t = \frac{T_0}{4} = 1 \text{ s}$$

$$\omega = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi}) \Rightarrow$$

$$\bar{\omega} = -\frac{\pi}{2} \times \frac{\pi}{4} \sin\left(\frac{\pi}{2} \cdot 1 + 0\right) = -\frac{\pi^2}{8} \text{ rad. s}^{-1}$$

أو:  $\bar{\varphi} = \pi \text{ rad}$  الحل مرفوض لأنه يحقق السرعة موجبة

$$t = \frac{T_0}{4} = 1 \text{ s}$$

$$\bar{\omega} = -\frac{\pi}{2} \times \frac{\pi}{4} \sin\left(\frac{\pi}{2} \cdot 1 + \pi\right) = +\frac{\pi^2}{8} \text{ rad. s}^{-1}$$

$$\Rightarrow \bar{\omega} = -\frac{\pi^2}{8} \sin \frac{\pi}{2} t$$

ثانياً أجب عن الأسئلة الآتية:

1\_ انطلاقاً من مصوئية الطاقة الميكانيكية برهن أن

حركة نواس القفل حركة جيئية دورانية.

$$E_{\text{tot}} = E_p + E_k = \text{const}$$

والتصحيح التأخير الحاصل بالوقت فيها، قدم الطاب مقترحاتهم،

فإن الاقتراح الصحيح هو:

a. زيادة طول سلك القفل بمقدار ضئيل.

b. زيادة كتلة القرص مع المحافظة على قطره.

c. إنقاص طول سلك القفل بمقدار ضئيل.

d. زيادة قطر القرص مع المحافظة على كتلته.

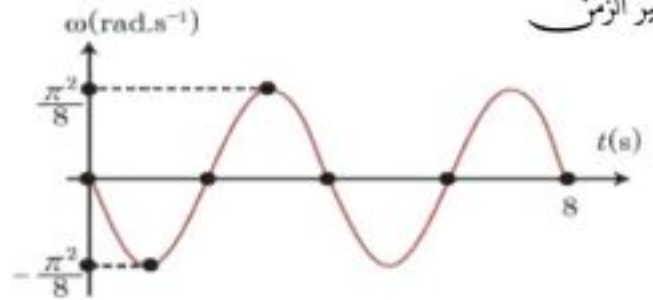
الإجابة الصحيحة: (C) إنقاص طول سلك القفل بمقدار ضئيل.

التوضيح: التأخير بالوقت يعني الدور الأكبر من 2s ويجب

إنقاصه لذا يجب إنقاص طول سلك القفل بمقدار ضئيل.

3- يُمثل الرسم البياني المجاور تغيرات السرعة الزاوية لنواس قفل

بتغير الزمن



فإن تابع السرعة الزاوية الذي يُمثله هذا المنحنى هو:

$$\bar{\omega} = \frac{\pi^2}{8} \sin 3\pi t \quad .a$$

$$\bar{\omega} = -\frac{\pi^2}{8} \sin 2\pi t \quad .b$$

$$\bar{\omega} = +\frac{\pi^2}{8} \sin \frac{\pi}{2} t \quad .c$$

$$\bar{\omega} = -\frac{\pi^2}{8} \sin \frac{\pi}{2} t \quad .d$$

الإجابة الصحيحة: (d)



$$\frac{2T_{0_2}}{T_{0_1}} = \sqrt{\frac{l_1}{l_2}} \text{ (بالتريع)} \Rightarrow \frac{4}{1} = \frac{l_1}{l_2} \Rightarrow l_1 = 4l_2$$

ثالثاً: حل المسائل الآتية:

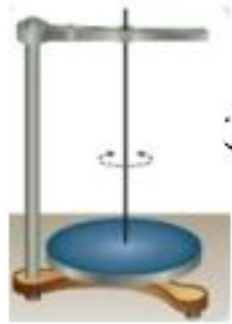
المسألة الأولى: يتألف نواس قتل من قرص متجانس كتلته  $m = 2 \text{ kg}$ ، نصف قطره  $r = 4 \text{ cm}$  معلق من مركزه إلى

سلك قتل شاقولي ثابت فتله  $k = 16 \times 10^{-3} \text{ m. N. rad}^{-1}$

تدير القرص في مستو أفقي زاوية  $\theta = +\frac{\pi}{4} \text{ rad}$  عن

وضع توازنه، وتركه دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$ .

المطلوب:



(1) احسب الدور الحاصل للنواس.

(2) استخرج التابع الزمني للمطال الزاوي

الاطلاقاً من شكله العام.

(3) احسب الطاقة الكامنة في وضع

مطاله الزاوي  $\theta = \frac{\pi}{8} \text{ rad}$ ، ثم احسب الطاقة الحركية

عندئذ.

(عزم عطالة قرص حول محور عمودي على مستويه

ومار من مركزه  $I_{\Delta} = \frac{1}{2}mr^2$ )

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{K}} \quad \text{(الحل: 1)}$$

$$I_{\Delta} = \frac{1}{2}mr^2 = \frac{1}{2} \times 2(4 \times 10^{-2})^2$$

$$= 16 \times 10^{-4} \text{ Kg. m}^2$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{16 \times 10^{-4}}{16 \times 10^{-3}}} \Rightarrow T_0 = 2 \text{ s}$$

$$E_{\text{tot}} = \frac{1}{2}k\theta^2 + \frac{1}{2}I_{\Delta}\omega^2$$

نشتق طرفي العلاقة بالنسبة للزمن:

$$0 = \frac{1}{2}k 2(\bar{\theta} \cdot \bar{\omega}) + \frac{1}{2}I_{\Delta}2(\bar{\omega} \cdot \bar{\alpha})$$

$$\omega \neq 0 \quad 0 = \omega (k\bar{\theta} + I_{\Delta}\bar{\alpha})$$

$$0 = k(\bar{\theta}) + I_{\Delta}(\bar{\theta})''_t$$

$$(\bar{\theta})''_t = -\frac{K}{I_{\Delta}}(\bar{\theta}) \dots \dots \dots (1)$$

نشتق التابع مرتين بالنسبة للزمن:

$$(\bar{\theta})'_t = \bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{\text{max}} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{\theta})''_t = \bar{\alpha} = -\omega_0^2 \theta_{\text{max}} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{\theta})''_t = -\omega_0^2 \bar{\theta} \dots \dots \dots (2)$$

بالمقارنة بين (1) و (2) نجد أن:  $\omega_0^2 = \frac{k}{I_{\Delta}}$

ومنه:  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{I_{\Delta}}}$  وهذا محقق لأن  $k, I_{\Delta}$  موجبان

ودوره  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}}$  وبالتالي حركة نواس القتل حركة

جيبية دورانية توافقية بسيطة.

2- نعلق ساقين متماثلتين بسلكي قتل متماثلين

طول الأول  $l_1$  وطول الثاني  $l_2$  فإذا علمت أن:

$T_{0_1} = 2T_{0_2}$ ، أوجد العلاقة بين طولَي السلكين.

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k' \frac{(2r)^4}{l}}} = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta} l}{k' (2r)^4}}$$

$$T_0 = \text{const} \sqrt{l}$$

$$\frac{T_{0_1}}{T_{0_2}} = \frac{\text{const} \sqrt{l_1}}{\text{const} \sqrt{l_2}}$$

(2) استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام لإيجاد ثوابت الحركة  $(\bar{\varphi}, \theta_{\max}, \omega_0)$ :

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

السعة الزاوية:  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$  لأن الساق تترك دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$ .

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad.s}^{-1}$$

لإيجاد الطور الابتدائي نعوض شروط البدء في التابع الزمني:

$$(\theta = +\frac{\pi}{4} \text{ rad}, t = 0)$$

$$\frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} \cos(0 + \bar{\varphi}) \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$$

نعوض ثوابت الحركة في التابع الزمني للمطال الزاوي:

$$\bar{\theta} = \frac{\pi}{4} \cos(\pi t)$$

(2) حساب الطاقة الكامنة والطاقة الحركية في وضع مطاله

$$\theta = \frac{\pi}{8} \text{ rad}$$

$$E_p = \frac{1}{2} k \theta^2 = \frac{1}{2} \times 16 \times 10^{-3} \times \left(\frac{\pi}{8}\right)^2$$

$$E_p = \frac{1}{8} \times 10^{-2} \text{ J}$$

$$E_{\text{tot}} = E_p + E_k \Rightarrow E_k = E_{\text{tot}} - E_p$$

$$E_{\text{tot}} = \frac{1}{2} k \theta_{\max}^2 = \frac{1}{2} \times 16 \times 10^{-3} \left(\frac{\pi}{4}\right)^2$$

$$E_{\text{tot}} = \frac{1}{2} \times 10^{-2} \text{ J}$$

$$E_k = \frac{1}{2} \times 10^{-2} - \frac{1}{8} \times 10^{-2} = \frac{3}{8} \times 10^{-2}$$

$$E_k = 375 \times 10^{-5} \text{ J}$$

المسألة الثانية: ساق مهملة الكتلة طولها  $l$ ، تثبت في كل من طرفيها كتلة تقطية  $125 \text{ g}$ ، وتعلق الجملة من منتصفها إلى سلك قتل شاقولي ثابت فتله  $16 \times 10^{-3} \text{ m.N.rad}^{-1}$

لثرف الجملة نواس قتل، نزع الساق عن وضع توازنها في مستوى أفقي بزاوية  $\theta = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$  وتترك دون سرعة ابتدائية لحظة بدء الزمن، فتتهز بجزءية دورانية، دورها الخاص  $2.5 \text{ s}$ .

المطلوب:

(1) استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام

شكله العام

(2) احسب قيمة السرعة الزاوية للساق لحظة مرورها الأول بوضع التوازن.

مرورها الأول بوضع التوازن

(3) احسب طول الساق.



الحل: (1) استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام لإيجاد ثوابت الحركة  $(\bar{\varphi}, \theta_{\max}, \omega_0)$ :

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

السعة الزاوية:  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$  لأن الساق تترك دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$ .

السعة الزاوية:  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$  لأن الساق تترك دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$ .

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2.5} = \frac{4\pi}{5} \text{ rad.s}^{-1}$$

لإيجاد الطور الابتدائي نعوض شروط البدء في التابع الزمني:

$$(\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}, t = 0)$$

$$\frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{3} \cos(0 + \bar{\varphi}) \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$$

$$\bar{\theta} = \frac{\pi}{3} \cos\left(\frac{4\pi}{5} t\right)$$

بالتالي:

(2) حساب قيمة السرعة الزاوية للساق لحظة مروره الأول بوضع التوازن:

$$\bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$\bar{\omega} = -\frac{4\pi}{5} \times \frac{\pi}{3} \sin\left(\frac{4\pi}{5} t\right)$$

$$\bar{\omega} = -\frac{8}{3} \sin\left(\frac{4\pi}{5} t\right)$$

لحظة المرور الأول بوضع التوازن يوافق ربع دورة أي:

$$t = \frac{T_0}{4} = \frac{2.5}{4} = \frac{5}{8} \text{ s}$$

$$\bar{\omega} = -\frac{8}{3} \sin\left(\frac{4\pi}{5} \times \frac{5}{8}\right) = -\frac{8}{3} \sin\left(\frac{\pi}{2}\right) = -\frac{8}{3} \text{ rad. s}^{-1}$$

(3) حساب طول الساق:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{2m_1 r_1^2}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{2m_1 \left(\frac{\ell}{2}\right)^2}{k}}$$

$$2.5 = 2\pi \sqrt{\frac{2 \times 125 \times 10^{-3} \times \frac{\ell^2}{4}}{16 \times 10^{-3}}}$$

$$\Rightarrow 6.25 = 40 \times \frac{2 \times 125 \times 10^{-3} \times \frac{\ell^2}{4}}{16 \times 10^{-3}}$$

$$\ell = \sqrt{\frac{4 \times 6.25 \times 16}{40 \times 2 \times 125}} \Rightarrow \ell = 0.2 \text{ m}$$

المسألة الثالثة: ساق أفقية متجانسة طولها  $\ell = ab = 40 \text{ cm}$

معلقة بسلك قتل شاقولي يمر من منتصفها

(a) ندير الساق في مسو أفقي بزاوية  $\theta = 60^\circ$  انطلاقاً

من وضع توازنها، وتركها دون سرعة ابتدائية في

اللحظة  $t=0$ ، فتهتز بحركة جيبية دورانية دورها الخاص  $T_0 = 1 \text{ s}$

فإذا علمت أن عزم عطالة الساق بالنسبة لسلك

$$I_{\Delta/C} = 2 \times 10^{-3} \text{ Kg. m}^2$$

(1) استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام.

(2) احسب قيمة السرعة الزاوية للساق لحظة مرورها الثاني بوضع التوازن.

(3) احسب قيمة التسارع الزاوي للساق عندما تصنع زاوية  $30^\circ$  مع وضع توازنها.

(b) ثبت بالطرفين a, b كتلتين تقطبتين

$m_1 = m_2 = 75 \text{ g}$ ، استنتاج قيمة الدور الخاص الجديد للجملة المهتزة، ثم احسب قيمة ثابت قتل السلك.

(c) تقسم سلك القتل قسمين متساويين، وتعلق الساق

بعدئذ بنصفي السلك معاً؛ أحدهما من الأعلى،

والآخر من الأسفل ومن منتصفها، وبثت طرف هذا السلك

من الأسفل بحيث يكون شاقولياً. استنتاج قيمة الدور الخاص الجديد للساق دون وجود كتل تقطبية).

الحل: 1- استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً

من شكله العام: إيجاد ثابت الحركة  $\{\omega_0, \theta_{\max}, \bar{\varphi}\}$ :

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

السعة الزاوية:  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$  لأن الساق تركت

دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t=0$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{1} = 2\pi \text{ rad. s}^{-1}$$

لإيجاد الطور الابتدائي نعوض شروط البدء في التابع

$$\text{الزمني: } (\theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad, } t = 0)$$

$$(k_2 = k' \frac{(2r)^4}{\frac{1}{2}l'} = 2k' \frac{(2r)^4}{l'}) \Rightarrow k_2 = 2k$$

$$K^* = 2K + 2K = 4K$$

$$T'_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{K^*}} = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{4k}} = \frac{1}{2} \times 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{k}}$$

$$T'_0 = \frac{1}{2} T_0 = \frac{1}{2} \times 1 \Rightarrow T'_0 = \frac{1}{2} \text{ s}$$

### التفكير الناقد:



نواس قتل مؤلف من سلك

قتل ثابت قتلته  $k$  وفرد

معدني عزم عطائه

$I_\Delta = \frac{1}{2} m r^2$  وقد ثبت على

محيطه كأسان متماثلان بحويان نفس الكمية من الماء

وقد جهز كل منهما بصمام ينجه نحو مركز القرص. تراج الجملة عن

موضع توازنها زاوية  $\theta_{\max} = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$  وتترك دون سرعة ابتدائية

في اللحظة  $t = 0$  وفي إحدى النوسات تم فتح

الصمامين هل تزداد السرعة الزاوية أم تنقص ولماذا؟ الجواب:

سوف ينقص عزم عطالة الجملة فينتص الدور ويزداد النبض الخاص

بزيادة السرعة الزاوية العظمى.

### النتهي البحث

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

$$\frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{3} \cos(0 + \bar{\varphi}) \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow \bar{\varphi} = 0 \text{ rad}$$

نعوض ثوابت الحركة في التابع الزمني للمطال الزاوي:

$$\bar{\theta} = \frac{\pi}{3} \cos(2\pi t)$$

2- حساب قيمة السرعة الزاوية للساق لحظة مرورها الثاني

بوضع التوازن:  $\bar{\omega} = -\omega_0 \theta_{\max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$

$$\bar{\omega} = -2\pi \times \frac{\pi}{3} \sin(2\pi t) = -\frac{20}{3} \sin(2\pi t)$$

لحظة المرور الثاني بوضع التوازن يوافق ثلاث أرباع دورة

$$t = \frac{3T_0}{4} = \frac{3 \times 1}{4} = \frac{3}{4} \text{ s}$$

$$\bar{\omega} = -\frac{20}{3} \sin(2\pi \frac{3}{4}) = +\frac{20}{3} \text{ rad. s}^{-1}$$

$$\alpha = -\omega_0^2 \theta \quad -3$$

$$\bar{\alpha} = -40 \times \left(\frac{-\pi}{6}\right) \Rightarrow \bar{\alpha} = \frac{20\pi}{3} \text{ rad. s}^{-2}$$

$$T'_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I'_\Delta}{K}} \quad T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_\Delta}{K}} \quad (b)$$

$$\frac{T'_0}{T_0} = \frac{\sqrt{I_\Delta + 2m_1 r_1^2}}{\sqrt{I_\Delta}} = \frac{\sqrt{I_\Delta + 2m_1 \left(\frac{\ell}{2}\right)^2}}{\sqrt{I_\Delta}}$$

$$\frac{T'_0}{T_0} = \frac{\sqrt{2 \times 10^{-3} + 2 \times 75 \times 10^{-3} \times 400 \times 10^{-4}}}{\sqrt{2 \times 10^{-3}}}$$

$$\frac{T'_0}{1} = \sqrt{\frac{8 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-3}}} = 2 \Rightarrow T'_0 = 2 \text{ s}$$

$$\omega_0^2 = \frac{k}{I_\Delta} \Rightarrow k = \omega_0^2 I_\Delta = 40 \times 2 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow k = 8 \times 10^{-2} \text{ m. N. rad}^{-1}$$

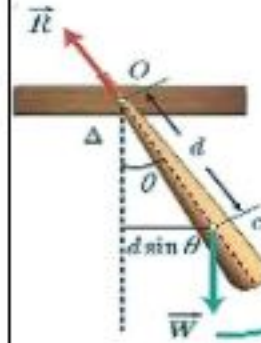
$$(k_1 = k' \frac{(2r)^4}{\frac{1}{2}l'} = 2k' \frac{(2r)^4}{l'}) \Rightarrow k_1 = 2k \quad (c)$$

## النواس الثقلي المركب

تعريفه: هو كل جسم صلب يهتز بتأثير عزم قوة ثقله في مسو شاقولي حول محور دوران أفقي عمودي على

مستويه، ولا يمر من مركز عطائه.

الدراسة التحريكية للنواس الثقلي:



نعلق جسماً صلباً كتلته  $m$ ، مركز عطائه  $C$  إلى محور دوران أفقي  $\Delta$ ، مار من النقطة  $O$  من الجسم حيث البعد  $d = Oc$

نزع الجسم عن موضع توازنه الشاقولي زاوية  $\theta$  وتركه دون سرعة ابتدائية ليهتز في مسو شاقولي.

تؤثر في الجسم قوتان هما:

قوة ثقله  $\vec{W}$  وقوة رد فعل محور الدوران على الجسم  $\vec{R}$ .

بتطبيق العلاقة الأساسية في التحريك الدوراني

(نظرية التسارع الزاوي):

$$\sum \bar{\Gamma}_{\Delta} = I_{\Delta} \bar{\alpha}$$

وباختيار الجهة الموجبة للدوران عكس جهة دوران عقارب الساعة نجد:

$$\bar{\Gamma}_{\vec{W}/\Delta} + \bar{\Gamma}_{\vec{R}/\Delta} = I_{\Delta} \bar{\alpha}$$

$$\bar{\Gamma}_{\vec{R}/\Delta} = 0$$

لأن حامل القوة يمر من محور الدوران

$$\bar{\Gamma}_{\vec{W}/\Delta} = -(d \sin \theta) W$$

$$-(d \sin \theta) W + 0 = I_{\Delta} \bar{\alpha}$$

$$-mgd \sin \theta = I_{\Delta} \bar{\alpha}$$

لكن: 
$$\bar{\alpha} = (\theta)''_t$$

$$(\theta)''_t = -\frac{mgd}{I_{\Delta}} \sin \bar{\theta} \dots \dots \dots (1)$$

وهي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية تحتوي  $\sin \bar{\theta}$

بدلاً من  $\theta$  فحلها ليس جيبياً، ومن ذلك فإن حركة

النواس الثقلي هي حركة اهتزازية غير توافقية.

ومن أجل السعات الزاوية الصغيرة ( $\theta \leq 0.24 \text{ rad} = 14^\circ$ )

في هذه الحالة يكون  $\sin \bar{\theta} \approx \theta$ .

نعوض في العلاقة (1) فنجد:

$$(\theta)''_t = -\frac{mgd}{I_{\Delta}} \bar{\theta} \dots \dots \dots (2)$$

وهي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية تقبل حل جيبياً

من الشكل:

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

للتحقق من صحة الحل نشق تابع المطال الزاوي مرتين

بالنسبة للزمن نجد:

$$\bar{\alpha} = (\theta)''_t = -\omega_0^2 \bar{\theta} \dots \dots \dots (3)$$

بالمطابقة بين (2) و (3) نجد:

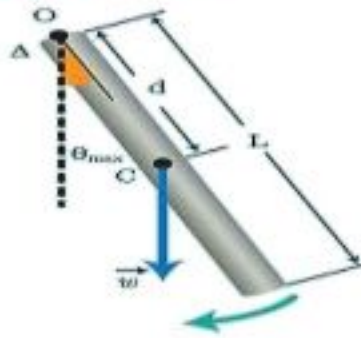
$$\omega_0^2 = \frac{mgd}{I_{\Delta}} \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{mgd}{I_{\Delta}}} > 0$$

وهذا محقق لأن المقادير ( $m, g, d, I_{\Delta}$ ) موجبة، فحركة

النواس الثقلي من أجل السعات الزاوية الصغيرة هي

حركة جيبيّة دورانية توافقية بسيطة.

الحل:



$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{mgd}{I_{\Delta}}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

وهي العلاقة العامة للدور الخاص للنواس الثقلي في

حالة الاهتزازات صغيرة السعة.

يُعطى دور النواس الثقلي بالعلاقة:  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$

$T_0$  دور النواس الثقلي الخاص بسعة زاوية صغيرة، واحدته s

لإيجاد عزم عطالة الساق حول المحور المار من O نطبق نظرية هايننز:

$I_{\Delta}$  عزم عطالة الجسم الصلب، واحدته  $\text{Kg} \cdot \text{m}^2$

$$I_{\Delta/O} = I_{\Delta/C} + Md^2 \quad d = \frac{L}{2}$$

d بعدُ محور الدوران عن مركز عطالة الجسم الصلب واحدته m

$$I_{\Delta} = \frac{1}{12} ML^2 + M\left(\frac{L}{2}\right)^2 = \frac{4}{12} ML^2 = \frac{1}{3} ML^2$$

ويكفي حسابها:

نعوض في علاقة الدور:

$$d = OC = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots + m_i \vec{r}_i}{m_1 + m_2 + \dots + m_i}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{1}{3} M \cdot L^2}{Mg \frac{L}{2}}} = 2\pi \sqrt{\frac{2L}{3g}} = 2\pi \sqrt{\frac{2 \times 0.375}{3 \times 10}} = 1 \text{ s}$$

$\vec{r}$  مقدار جبري نعدّه موجباً إذا كان مركز عطالة الكتلة

المهترّة تحت محور الدوران، وسالباً إذا كان مركز عطالة

الكتلة المهترّة فوق محور الدوران.

النواس الضلي السيط:

تطبيق: نواس ثقلي مؤلف من ساق متجانسة طولها

نظرياً: نقطة مادّية تهتزّ بتأثير ثقلها على بعد ثابت من محور

أفقي ثابت.

$L = 0.375 \text{ m}$  وكتلتها M معلقة من طرفها العلوي

بمحور أفقي عمودي على مسوئها الشاقولي،

عملياً: كرة صغيرة كتلتها m كتلتها النسبية كبيرة معلقة بجنيط مهمل

الكتلة لا يمتط طولها كبير بالنسبة لنصف قطر الكرة.

نريح الساق عن موضع توازنها الشاقولي زاوية صغيرة

( $\theta \leq 14^\circ$ ) وترتكها دون سرعة ابتدائية. نستنج بالرموز

العلاقة المحددة للدور الخاص انطلاقاً من العلاقة العامة للدور

الخاص للنواس الثقلي المركب ثم احسب قيمتها .

علماً أنّ عزم عطالة الساق حول محور عمودي على مسوئها ومار

$$\text{من مركز عطالتها } (I_{\Delta/C} = \frac{1}{12} M \cdot L^2)$$



الدراسة التحريكية:

طريقة ثانية: القوى الخارجية المؤثرة في الكرة:

$$\vec{w} = m\vec{g} \text{ و توتر الخيط } \vec{T}$$

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{w} + \vec{T} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور المماس للموجه بجهة إزاحة الكرة:

$$-mg \sin \theta + 0 = ma_t$$

$$a_t = -g \sin \theta$$

$$\vec{a}_t = r\vec{\alpha} = l\vec{\alpha} = l(\bar{\theta})_t'' \text{ لكن}$$

$$(\bar{\theta})_t'' = -\frac{g}{l} \sin \theta \text{ عوض في العلاقة السابقة فنجد:}$$

وفي حالة السعات الزاوية الصغيرة:  $\theta \leq 0.24 \text{ rad}$  فإن  $\sin \theta \approx \theta$

$$(\bar{\theta})_t'' = -\frac{g}{l} \bar{\theta} \dots \dots \dots (1)$$

معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية قابل حلاً جيبيًا من الشكل:

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

للتحقق من صحة الحل نشتق تابع المطال مرتين بالنسبة للزمن

$$(\theta)_t'' = -\omega_0^2 \bar{\theta} \dots \dots \dots (2)$$

بالمطابقة بين (1) و (2) نجدُ

$$\omega_0^2 = \frac{g}{l} \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{g}{l}} > 0$$

وهذا محقق لأن  $g, l$  مقداران موجبان، فحركة

النواس الثقلية البسيط من أجل السعات الزاوية الصغيرة

هي حركة جيبيّة توافقية بسيطة.

الدراسة التحريكية:

القوى الخارجية المؤثرة في الكرة:

$$\vec{w} = m\vec{g} \text{ ثقل الكرة.}$$

$\vec{T}$  تؤثر الخيط.

لنطبق العلاقة الأساسية في التحريك الدوراني:

$$\Sigma \bar{\Gamma}_\Delta = I_\Delta \bar{\alpha}$$

$$\bar{\Gamma}_{w/\Delta} + \bar{\Gamma}_{T/\Delta} = I_\Delta \bar{\alpha}$$

$$\bar{\Gamma}_{T/\Delta} = 0$$

لأن حامل  $T$  يمر من محور الدوران  $\Delta$ .

$$0 - mg \ell \sin \theta = m \ell^2 (\bar{\theta})_t''$$

$$-g \sin \theta = \ell (\bar{\theta})_t''$$

$$(\bar{\theta})_t'' = -\frac{g}{\ell} \sin \theta$$

$$(\bar{\theta})_t'' = -\frac{g}{l} \sin \theta \text{ عوض في العلاقة السابقة:}$$

وفي حالة السعات الزاوية الصغيرة:  $\theta \leq 0.24 \text{ rad}$  فإن  $\sin \theta \approx \theta$

$$(\bar{\theta})_t'' = -\frac{g}{l} \bar{\theta} \dots \dots \dots (1)$$

معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية قابل حلاً جيبيًا من الشكل:

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

للتحقق من صحة الحل نشتق تابع المطال مرتين بالنسبة للزمن

$$(\theta)_t'' = -\omega_0^2 \bar{\theta} \dots \dots \dots (2)$$

بالمطابقة بين (1) و (2) نجدُ

$$\omega_0^2 = \frac{g}{l} \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{g}{l}} > 0$$

وهذا محقق لأن  $g, l$  مقداران موجبان، فحركة

النواس الثقلية البسيط من أجل السعات الزاوية الصغيرة

هي حركة جيبيّة انسحابية (دائرية) توافقية بسيطة.

استنتاج علاقة الدور الخاص للاهتزاز:

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} \Rightarrow \omega_0 = \sqrt{\frac{g}{l}} \Rightarrow \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{g}{l}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

وهي علاقة الدور الخاص للنواس الثقلي البسيط في

السعات الزاوية الصغيرة.

ملاحظة: يمكن الوصول لعلاقة الدور الخاص للنواس البسيط

انطلاقاً من العلاقة العامة للدور الخاص للنواس الثقلي المركب

في حالة السعات الزاوية الصغيرة، وذلك بتعويض كل من:

$$d = l, \quad I_{\Delta} = mr^2 = ml^2$$

في علاقة الدور:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{ml^2}{mgl}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

استنتاج:

1- لا يتعلق دور النواس البسيط بكتلته، ولا بنوع المادة كونه.

2- النوسات صغيرة السعة لها الدور نفسه (متوافقة فيما بينها).

3- يتناسب دور النواس البسيط من أجل السعات الزاوية الصغيرة:

طرداً مع الجذر التربيعي لطول الخيط.

عكساً مع الجذر التربيعي لتسارع الجاذبية الأرضية.

يعطى دور النواس الثقلي في حال السعات الزاوية الكبيرة

$$T'_0 \approx T_0 \left[ 1 + \frac{\theta_{\max}^2}{16} \right] \text{ بالعلاقة:}$$

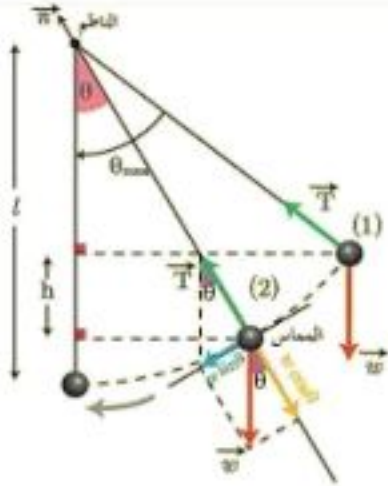
استنتاج العلاقة المحددة لسرعة كرة النواس وعلاقة

توتر خيط التعليق في نقطة من مسارها:

نزع كرة النواس عن موضع توازنها الشاقولي بزاوية  $\theta_{\max}$

وتركها دون سرعة ابتدائية: لإيجاد العلاقة المحددة لسرعة الكرة

في الوضع (2)



القوى الخارجية المؤثرة:

ثقل الكرة  $\vec{W}$ ، وتوتر الخيط  $\vec{T}$ .

نطبق نظرية الطاقة الحركية بين وضعين:

الأول: حيث يصنع الخيط مع الشاقول الزاوية  $\theta_{\max}$  ويترك

بدون سرعة ابتدائية.

الثاني: حيث يصنع الخيط مع الشاقول الزاوية  $\theta$ .

$$\Delta \bar{E}_K(1 \rightarrow 2) = \sum \bar{W}_F$$

$$E_{K2} - E_{K1} = \bar{W}_W + \bar{W}_T$$

$$W_W = mgh$$

$\bar{W}_T = 0$  لأن حامل  $\vec{T}$  يعامد الانتقال في كل لحظة

$$\frac{1}{2}mv^2 - 0 = mgh + 0$$

وملاحظة الشكل نجد:



القوى المبددة للطاقة، إذ تهتز بسعة زاوية ثابتة  $\theta_{max}$  إلى جانبي موضع توازنه الشاقولي.

إن الطاقة الميكانيكية هي مجموع الطاقين الكامنة الثقالية، والحركية حيث أن مبدأ قياس الطاقة الكامنة الثقالية هو المستوي الأفقي المار من مركز عطالة الكرة عند مرور النواس في وضع توازنه الشاقولي.

اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة فيما يأتي:

1- قمت بزيارة بيت جدك، وطلبت إليك جدتك تصحيح الميقاتية



المعلقة على الجدار، وهي مؤلفة

من ساق منتهية بقرص قابل للحركة صعوداً

أو هبوطاً، فارتبطت بالساعة الناطقة فأشارت

إلى السادسة تماماً عندما كانت الميقاتية

تشير إلى السادسة وخمسة دقائق، وتصحيح الوقت يجب:

(a) إيقاف الميقاتية، وخفض القرص بمقدار ضئيل ثم إعادة تشغيلها

(b) إيقاف الميقاتية، ورفع القرص بمقدار ضئيل ثم إعادة تشغيلها

(c) تصحيح عقرب الدقائق، وإعادة تشغيل الوقت إلى السادسة تماماً.

(d) إيقاف الميقاتية مدة خمس دقائق، ثم إعادة تشغيلها مرة أخرى.

الإجابة الصحيحة: (a)

التوضيح: الميقاتية تقدم لذا يجب إبطاؤها بتكبير دورها

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_0}{mgd}}$$

يؤدي لزيادة عزم العطالة وتكبير الدور.

$$h = l \cos \theta - l \cos \theta_{max}$$

$$h = l (\cos \theta - \cos \theta_{max})$$

$$\frac{1}{2}mv^2 = mgl (\cos \theta - \cos \theta_{max})$$

$$v^2 = 2gl (\cos \theta - \cos \theta_{max})$$

$$v = \sqrt{2gl (\cos \theta - \cos \theta_{max})}$$

حالة خاصة: عند المرور بالشاقول:  $\theta = 0$  تصبح:

$$v = \sqrt{2gl (1 - \cos \theta_{max})}$$

لإيجاد العلاقة المحددة لقوة تؤثر الخيط في الوضع

(2) نطبق العلاقة الأساسية في التحريك:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{w} + \vec{T} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور الناظم الذي له نفس حامل  $\vec{T}$  وبجته:

$$-W \cos \theta + T = ma_c$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{v^2}{l}$$

$$T = m \frac{v^2}{l} + mg \cos \theta$$

$$T = 2mg(\cos \theta - \cos \theta_{max}) + mg \cos \theta$$

$$T = 2mg \cos \theta - 2mg \cos \theta_{max} + mg \cos \theta$$

$$T = 3mg \cos \theta - 2mg \cos \theta_{max}$$

$$T = mg(3 \cos \theta - 2 \cos \theta_{max})$$

حالة خاصة: عند المرور بالشاقول

$$T = mg(3 - 2 \cos \theta_{max})$$

الطاقة الميكانيكية للنواس الثقلي البسيط:

إن الطاقة الميكانيكية للنواس الثقلي البسيط ثابتة باهمال

2- ميقاتيان متماثلتان مضبوطتان عند سطح

الأرض بالتوقيت المحلي، نضع الأولى بالطابق الأرضي

لناطحة سحاب، بينما نضع الثانية في الطابق الأخير، فإنه بعد شهر

مع ثبات درجة الحرارة.

(a) تشيران إلى التوقيت نفسه.

(b) تقدم الثانية، ويجب تعديلها.

(c) تؤخر الثانية، ويجب تعديلها.

(d) تؤخر الأولى، ويجب تعديلها.

الإجابة الصحيحة: تؤخر الثانية، ويجب تعديلها.

التوضيح: في الطابق الأخير تنقص قيمة الجاذبية الأرضية

وبالتالي تزداد قيمة الدور.

ثانياً: حل المسائل الآتية:

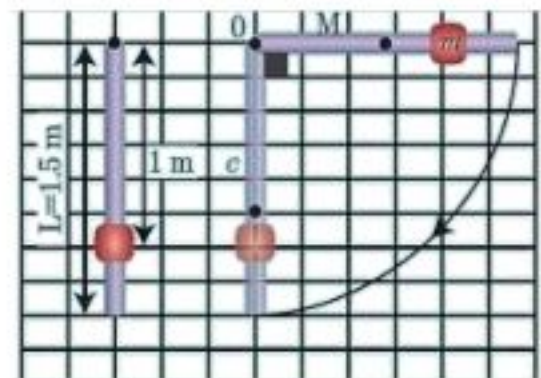
المسألة الأولى: يتألف نواس قلبي مركب من ساق شاقولية

متجانسة كتلتها  $M = 0.5 \text{ kg}$ ، طولها  $1.5 \text{ m}$ ، يمكن أن

تنوس حول محور أفقي مار من طرفها العلوي، ومثبت عليها

كتلة قطبية  $m' = 0.5 \text{ kg}$  على بعد  $1 \text{ m}$  من هذا

الطرف العلوي كما في الشكل المجاور



1- احسب دور هذا النواس في حالة الساعات الزاوية الصغيرة.

2- نزع جملة النواس عن موضع توازنها الشاقولي بزاوية

$\frac{\pi}{2} \text{ rad}$  وتركها دون سرعة ابتدائية احسب الطاقة

الحركية للنواس لحظة مروره بالشاقول، ثم احسب السرعة الخطية

للكلة النقطية  $m'$  عندئذ.

(عزم عطالة ساق حول محور عمودي على مسوئها ومار من مركز

$$\text{عطالتها } I_{\Delta/c} = \frac{1}{12} ML^2$$

الحل: 1) حساب دور هذا النواس في حالة الساعات الزاوية

$$\text{الصغيرة: } T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

حساب عزم عطالة النواس:

• عزم عطالة الساق: حسب نظرية هايننز:

$$I_{\Delta/o} = I_{\Delta/c} + Md^2$$

$$I_{\Delta/o} = \frac{1}{12} ML^2 + M\left(\frac{L}{2}\right)^2 = \frac{1}{3} ML^2$$

$$I_{\Delta/o} = \frac{1}{3} \times 0.5 \times (1.5)^2 = \frac{3}{8} \text{ Kg. m}^2$$

• عزم عطالة الكلة النقطية:

$$I_{\Delta/m'} = m' r'^2 = 0.5 \times (1)^2 = \frac{1}{2} \text{ Kg. m}^2$$

$$\text{• عزم عطالة جملة النواس: } I_{\Delta/\text{محلة}} = \frac{3}{8} + \frac{1}{2} = \frac{7}{8} \text{ Kg. m}^2$$

$$\text{حساب } d = \frac{Mr_1 + m'r_2}{M + m'}$$

$$d = \frac{M \frac{L}{2} + m'r'}{M + m'} = \frac{\frac{1}{2} \times \frac{3}{4} + \frac{1}{2} \times 1}{0.5 + 0.5} = \frac{7}{8} \text{ m}$$

$$m_{\text{جملة}} = (m' + M) = 0.5 + 0.5 = 1 \text{ kg}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{7}{8}}{1 \times 10 \times \frac{7}{8}}} = 2 \text{ S}$$

1\_ يحرف الخيط عن وضع التوازن بزاوية  $\theta_{max}$ ، وتترك الكرة بدون سرعة ابتدائية فتكون سرعتها لحظة مرورها بالشاقول  $v = 2m.s^{-1}$  استنتج قيمة الزاوية  $\theta_{max}$ .

2\_ استنتج بالرموز علاقة توتر خيط النواس لحظة مروره بوضع الشاقول ثم احسب قيمتها.

الحل: (1) نطبق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين:

الأول: المطال الزاوي الأعظمي  $\theta_1 = \theta_{max}$

وبدون سرعة ابتدائية الثاني: المرور بالشاقول  $\theta_2 = 0$

$$\Delta E_K = \sum \bar{W}_F$$

$$E_{K_2} - E_{K_1} = \bar{W}_W + \bar{W}_T$$

$$\frac{1}{2}mv^2 - 0 = mgh + 0$$

$$h = l(1 - \cos \theta_{max})$$

$\bar{W}_T = 0$  لأن حامل  $T$  يعامد الانتقال في كل لحظة

$$v^2 = 2gl(1 - \cos \theta_{max})$$

$$\cos \theta_{max} = 1 - \frac{v^2}{2gl}$$

$$\cos \theta_{max} = 1 - \frac{(2)^2}{2(10)(0.4)}$$

$$\cos \theta_{max} = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta_{max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

(2) طريقة أول للحل:  $\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$

$$\vec{w} + \vec{T} = m\vec{a}$$

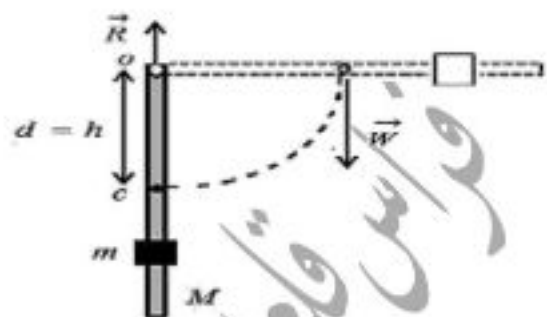
بالإسقاط على المحور الناظم الذي له نفس حامل  $T$  وبجته:

$$-W + T = ma_c$$

(2) نطبق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين:

الأول: المطال الزاوي الأعظمي  $\theta_1 = \theta_{max}$  وبدون

سرعة ابتدائية الثاني: المرور بالشاقول  $\theta_2 = 0$



$$\Delta E_K = \sum W_{\vec{F}}$$

$$E_{K_2} - E_{K_1} = \bar{W}_W + \bar{W}_R$$

$$E_k - 0 = (M + m')gh + 0$$

$\bar{W}_R = 0$  لأن نقطة تأثير  $R$  لا تتحرك

$$E_k = (M + m')gh$$

$$h = d \Rightarrow E_k = (M + m')gd$$

$$E_k = (0.5 + 0.5) \times 10 \times \frac{7}{8} = \frac{70}{8} \text{ J}$$

• السرعة الزاوية عند المرور بالشاقول:

$$E_k = \frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2 \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2E_k}{I_{\Delta}}} = \sqrt{\frac{2 \times \frac{70}{8}}{\frac{7}{8}}}$$

$$\omega = \sqrt{20} = 2\sqrt{5} \text{ rad.s}^{-1}$$

• السرعة الخطية عند المرور بالشاقول:

$$v = \omega r = 2\sqrt{5} \times 1 = 2\sqrt{5} \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة الثانية: خيط مهمل الكتلة لا يمتد طوله  $l = 40 \text{ cm}$ ، نعلق

في نهايته كرة صغيرة نعددها نقطة مادية كتلتها  $m = 100 \text{ g}$

المطلوب:

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{v^2}{l}$$

$$T = m \frac{v^2}{l} + mg$$

$$T = 2mg(1 - \cos \theta_{max}) + mg$$

$$T = 2mg - 2mg \cos \theta_{max} + mg$$

$$T = 3mg - 2mg \cos \theta_{max}$$

$$T = mg(3 - 2 \cos \theta_{max})$$

$$T = 0.1 \times 10(3 - 2 \times 0.5) = 2N$$

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a} \quad \text{طريقة ثانية للحل:}$$

$$\vec{W} + \vec{T} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور الناظم الذي له نفس حامل  $\vec{T}$  وبجته:

$$-W + T = ma_c$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{v^2}{l}$$

$$T = mg + m \frac{v^2}{l} = m(g + \frac{v^2}{l})$$

$$T = 0.1(10 + \frac{4}{0.4}) \Rightarrow T = 2N$$

المسألة الثالثة: نعلق كرة صغيرة نعدّها نقطة مادية، كتلتها

$m=0.5kg$ ، بجيّد مهمل الكتلة، لا يمتد، طوله  $l = 1.6 m$ ،

تؤلف نواساً ثقلياً بسيطاً، ثم نزيح الكرة إلى مستوى أفقي يرتفع،

$h = 0.8m$  عن المستوى الأفقي المارّ منها وهي

في موضع توازنها الشاقولي، ليصنع خيط النواس مع الشاقول

زاوية  $\theta_{max}$ ، وتركها دون سرعة ابتدائية والمطلوب:

1- استنتج بالرموز العلاقة المحددة لسرعة الكرة عند مرورها بالشاقول، ثم احسب قيمتها موضحاً بالرسم.

2- استنتج قيمة الزاوية  $\theta_{max}$  ثم احسب قيمتها.

3- احسب دور هذا النواس.

4- استنتج بالرموز العلاقة المحددة لشدة قوة توتر الخيط عند المرور بالشاقول، ثم احسب قيمته

الحل: 1) نطبق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين:

الأول: المطال الزاوي الأعظمي  $\theta_1 = \theta_{max}$  وبدون

سرعة ابتدائية الثاني: المرور بالشاقول  $\theta_2 = 0$

$$\Delta E_K = \Sigma W_{\vec{F}}$$

$$E_{K_2} - E_{K_1} = \bar{W}_{\vec{W}} + \bar{W}_{\vec{T}}$$

$$\frac{1}{2}mv^2 - 0 = mgh + 0$$

$$\bar{W}_{\vec{T}} = 0 \quad \text{لأن حامل } \vec{T} \text{ يعامد الانتقال في كل لحظة}$$

$$v^2 = 2gh \Rightarrow v = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \times 10 \times 0.8}$$

$$v = 4 m \cdot s^{-1}$$

$$h = l(1 - \cos \theta_{max}) \quad (2)$$

$$\cos \theta_{max} = 1 - \frac{h}{l} = 1 - \frac{0.8}{1.6}$$

$$\cos \theta_{max} = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta_{max} = \frac{\pi}{3} rad$$

$$(3) \text{ حساب دور النواس: } T'_0 \approx T_0 \left[ 1 + \frac{\theta_{max}^2}{16} \right]$$

$$T'_0 \approx T_0 \left[ 1 + \frac{\theta_{max}^2}{16} \right] \approx 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \left[ 1 + \frac{\theta_{max}^2}{16} \right] \Rightarrow$$

المسألة الرابعة: ثبت ساق شاقولية، مهملة الكتلة، طولها  $l = 1m$

ثبت في منتصفها كتلة نقطية  $m_1 = 0.4 \text{ kg}$  و ثبت في طرفها السفلي كتلة نقطية  $m_2 = 0.2 \text{ kg}$  تؤلف الجملة نواساً ثقلياً مركباً يمكنه أن ينوس في مسو شاقولياً حول محور أفقي مار من الطرف العلوي.

والمطلوب: 1- احسب دور نواسها صغيرة السعة.

2- نزع الجملة عن موضع توازنها بزاوية  $\theta_{\max} > 0.24 \text{ rad}$

وتركها دون سرعة ابتدائية، فتكون السرعة الخطية لمركز

عطالة جملة النواس لحظة مرورها بالشاقول  $v = \frac{4\pi}{3\sqrt{3}} \text{ m.s}^{-1}$

المطلوب: a- احسب السرعة الخطية للكتلة النقطية  $m_2$

b- استنتج قيمة الزاوية  $\theta_{\max}$ .

الحل: 1 حساب دور هذا النواس في حالة السعات الزاوية الصغيرة:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

حساب عزم عطالة النواس: (الساق مهملة الكتلة)

$$I_{\Delta/0} = m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 = m_1 \left(\frac{L}{2}\right)^2 + m_2 L^2$$

$$= 0.4 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 0.2(1)^2 = 0.3 \text{ Kg.m}^2$$

$$d = \frac{m_1 r_1 + m_2 r_2}{m_1 + m_2} \quad \text{حساب d}$$

$$d = \frac{m_1 \left(\frac{L}{2}\right) + m_2 L}{m_1 + m_2} = \frac{0.4 \times \frac{1}{2} + 0.2 \times 1}{0.4 + 0.2} = \frac{2}{3} \text{ m}$$

$$m_{\text{جم}} = (m_1 + m_2) = 0.4 + 0.2 = 0.6 \text{ kg}$$

$$\Rightarrow T_0' \approx 2\pi \sqrt{\frac{1.6}{10} \left[1 + \frac{\left(\frac{\pi}{3}\right)^2}{16}\right]} \approx 0.8\pi \left[1 + \frac{\left(\frac{10}{9}\right)}{16}\right]$$

$$T_0' \approx 2.5 \left[1 + \frac{10}{144}\right] \approx 2.5 \left(\frac{154}{144}\right) \approx 2.67 \text{ S}$$

(4) طريقة أولى للحل:  $\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$

$$\vec{w} + \vec{T} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور الناظم الذي له نفس حامل  $\vec{T}$  وبجته:

$$-W + T = ma_c$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{v^2}{l} \quad \text{نكن التسارع الناظم}$$

$$T = m \frac{v^2}{l} + mg$$

$$T = 2mg(1 - \cos \theta_{\max}) + mg$$

$$T = 2mg - 2mg \cos \theta_{\max} + mg$$

$$T = 3mg - 2mg \cos \theta_{\max}$$

$$T = mg(3 - 2 \cos \theta_{\max})$$

$$T = 0.5 \times 10(3 - 2 \times 0.5) = 10 \text{ N}$$

طريقة ثانية للحل:  $\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$

$$\vec{W} + \vec{T} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على المحور الناظم الذي له نفس حامل  $\vec{T}$  وبجته:

$$-W + T = ma_c$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{v^2}{l} \quad \text{نكن التسارع الناظم}$$

$$T = mg + m \frac{v^2}{l} = m \left(g + \frac{v^2}{l}\right)$$

$$T = 0.5 \left(10 + \frac{16}{1.6}\right) \Rightarrow T = 10 \text{ N}$$

المسألة الخامسة: يتألف نواس تلقائي من ساق شاقولية، مهملية الكتلة طولها  $L$ ، تحمل في كل من طرفيها كتلة تقطعية  $m'$  نعلق الجملة بمحور دوران أفقي يبعد عن طرف الساق العلوي  $\frac{L}{4}$ ، نزع الجملة عن وضع توازنها الشاقولي بزاوية  $\frac{1}{2\pi} \text{rad}$  وتركها دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t = 0$  فتهتز بدور خاص  $T_0 = 2.5 \text{ s}$ . المطلوب:

1- استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي لحركة هذا النواس انطلاقاً من شكله العام.

2- استنتاج بالرموز العلاقة المحددة لطول الساق، ثم احسب قيمته.

3- احسب قيمة السرعة الزاوية العظمى للحركة (طويلة).

4- لنفرض أنه في إحدى التوسات انفصلت الكتلة السفلية عن الساق، استنتاج الدور الخاص الجديد للجملة في حالة السعات الزاوية الصغيرة.

الحل: (1) استنتاج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام:  
إيجاد ثوابت الحركة  $\omega_0$ ،  $\theta_{\max}$ ،  $\varphi$ :

$$\bar{\theta} = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2.5} = \frac{4\pi}{5} \text{ rad.s}^{-1} \text{ : النبض الخاص}$$

$$\text{السعة الزاوية: } \theta_{\max} = \frac{1}{2\pi} \text{ rad لأن الساق توكت}$$

دون سرعة ابتدائية لحظة بدء الحركة.

حساب  $\varphi$ : لإيجاد الطور الابتدائي نعوض شروط البدء في

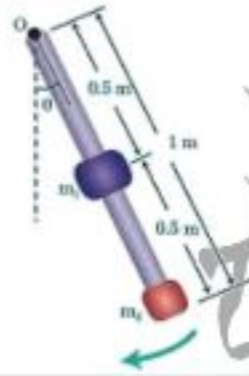
$$\text{التابع الزمني: } t=0 \text{ كانت } \theta = \theta_{\max}$$

$$\frac{1}{2\pi} = \frac{1}{2\pi} \cos(0 + \varphi) \Rightarrow \cos \varphi = 1 \Rightarrow \varphi = 0 \text{ rad}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{0.3}{(0.6) \times 10 \times \frac{2}{3}}} \Rightarrow T_0 = \sqrt{3} \text{ s}$$

$$v_c = \omega r_c \Rightarrow \omega = \frac{v_c}{r_c} = \frac{\frac{3\sqrt{3}}{2}}{\frac{2}{3}} = \frac{2\pi}{\sqrt{3}} \text{ rad.s}^{-1} \text{ (a)}$$

$$v_{m2} = \omega r_{m2} = \frac{2\pi}{\sqrt{3}} \times 1 = \frac{2\pi}{\sqrt{3}} \text{ m.s}^{-1}$$



(b) نطبق نظرية الطاقة الحركية

بين الوضعين:

الأول: المطال الزاوي

$$\bar{\theta}_1 = \theta_{\max} \text{ الأعظمي}$$

و بدون سرعة ابتدائية.

الثاني: المرور بالشاقول  $\bar{\theta}_2 = 0$

$$\Delta E_K = \sum \bar{W}_{\bar{F}}$$

$$E_{K2} - E_{K1} = \bar{W}_{\bar{W}} + \bar{W}_{\bar{R}}$$

$$E_k - 0 = (m_1 + m_2)gh + 0$$

$$W_{\bar{R}} = 0 \text{ لأن نقطة تأثير } \bar{R} \text{ لا تتقل}$$

$$\frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2 - 0 = (m_1 + m_2)gd(1 - \cos \theta_{\max})$$

$$\cos \theta_{\max} = 1 - \frac{\frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2}{(m_1 + m_2)gd} =$$

$$\cos \theta_{\max} = 1 - \frac{0.5 \times 0.3 \times \left(\frac{2\pi}{\sqrt{3}}\right)^2}{0.6 \times 10 \times \frac{2}{3}} = 1 - \frac{1}{2}$$

$$\cos \theta_{\max} = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta_{\max} = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$$



**التفكير الناقد:** عند انعدام الثقل

الظاهري ضمن المحطة الفضائية:

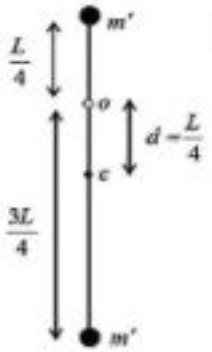
1\_ لدينا كرة كتلتها  $m$  معلقة بجيظ

مهمل الكتلة طوله  $l$  كما هو موضح

بالشكل جانبياً تشكل نواساً بسيطاً عند

سطح الأرض ما قيمة الدور على متن

المحطة الفضائية مع التعليل.



2\_ كيف يمكن جعله يهتز بجمركة

جيبية توافقية بسيطة؟

**الجواب:** 1- في محطة الفضاء تكون

قوة الثقل مساوية بالقيمة ومعاكسة بالجهة قوة العطالة النابذة

الناجمة عن الدوران فيحدث ما يسنى انعدام الثقل

الظاهري فيصبح الدور لانهاثي.

2\_ لجعل الكرة تهتز بجمركة جيبية توافقية نصل الكرة بناض

مرن فتصبح الحركة انسحابية توافقية بسيطة.

انتهى البحث

ندعوكم للانضمام الى قناتنا على التليغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

نعوض ثوابت الحركة في التابع الزمني للمطال الزاوي:

$$\theta = \frac{1}{2\pi} \cos\left(\frac{4\pi}{5}t\right)$$

2) يعطى دور هذا النواس في حالة السعات الزاوية الصغيرة:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

حساب عزم عطالة النواس.

$$I_{\Delta/o} = m' \left(\frac{L}{4}\right)^2 + m' \left(\frac{3L}{4}\right)^2 = \frac{5}{8} m' L^2$$

$$d = \frac{-m' \frac{L}{4} + m' \frac{3L}{4}}{m' + m'} = \frac{m' \frac{L}{2}}{2m'} = \frac{L}{4} \quad m \quad \text{حساب } d:$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{5}{8} m' L^2}{2m' g \frac{L}{4}}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{5L}{4g}}$$

$$\Rightarrow L = \frac{T_0^2 g}{5\pi^2} = \frac{(2.5)^2 \times 10}{5 \times 10} = 1.25 \text{ m}$$

$$\omega_{\max} = |\pm \omega_0 \theta_{\max}| \Rightarrow \omega_{\max} = \frac{4\pi}{5} \times \frac{1}{2\pi} \quad (3)$$

$$\omega_{\max} = 0.4 \text{ rad. s}^{-1}$$

4) بعد انفصال الكتلة السفلية يصبح النواس في حالة توازن

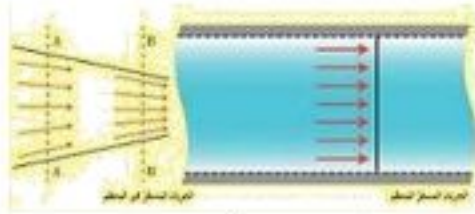
فلق فيهتز ليصبح في حالة توازن مستقر وتصبح كتلة النواس

$$m' \text{ عزم عطالته, } I_{\Delta/c} = m' \left(\frac{L}{4}\right)^2, \quad d = \frac{L}{4}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{m' g d}} \Rightarrow T_0 = \sqrt{\frac{m' \left(\frac{L}{4}\right)^2}{m' g \frac{L}{4}}}$$

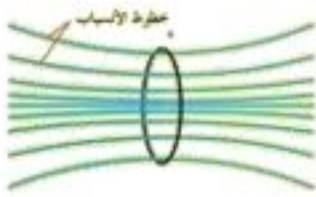
$$\Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{L}{4g}} \Rightarrow T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{1.25}{4 \times 10}} = \frac{\sqrt{5}}{2} \text{ s}$$

وإذا تغيرت السرعة من نقطة إلى أخرى بمرور الزمن كان الجريان المستقر غير منتظم.



**أنبوب التدفق:** إذا أخذنا مساحة صغيرة عمودية على اتجاه

جريان سائل جريانه مستقر، ورسمنا على محيط هذه المساحة خطوط الانسياب نحصل على أنبوب وهمي يحتوي السائل يُدعى أنبوب التدفق.



**مميزات السائل المثالي:**

1. غير قابل للانضغاط: كتلته الحجمية ثابتة مع مرور الزمن.
2. عديم اللزوجة: قوى الاحتكاك الداخلي بين مكوناته مهملة عندما تتحرك بالنسبة لبعضها البعض، وبالتالي لا يوجد ضياع للطاقة.
3. جريانه مستقر: أي أن حركة جسيماته لها خطوط انسياب محددة وسرعة جسيماته عند نقطة معينة تكون ثابتة بمرور الزمن.
4. جريانه غير دوراني: لا تتحرك جسيمات السائل حركة دورانية حول أي نقطة في الجريان.

## ميكانيك السوائل المتحركة

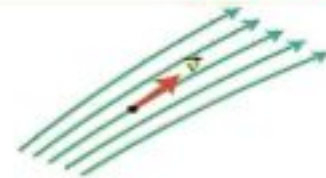


تتميز السوائل والغازات بقوى تماسك ضعيفة نسبياً بين جزيئاتها، فهي لا تحافظ على شكل معين، وتتحرك جزيئاتها بحيث تأخذ شكل الوعاء الذي توضع فيه، وهي تستجيب بسهولة للقوى الخارجية التي تحاول تغيير شكلها.

**تعريف جسيم السائل:** وهو جزء من السائل بأبعاد صغيرة جداً بالنسبة لأبعاد السائل وكبيرة بالنسبة لأبعاد جزيئات السائل.

**تعريف أساسية:**

**خط الانسياب (خط الجريان):**



خط وهمي يبين المسار الذي يسلكه جسيم السائل أثناء جريانه ويمس في كل نقطة من تقاطع شعاع السرعة في تلك النقطة.

**الجريان المستقر:** هو الجريان الذي تكون فيه سرعة جسيمات السائل ثابتة مع مرور الزمن في النقطة نفسها من خط الانسياب.

وإذا كانت السرعة ثابتة في جميع تقاطع السائل بمرور الزمن فإن الجريان المستقر يكون منتظماً.



معدل التدفق الكتلي  $Q$ : هو كمية السائل التي تعبر مقطع الأنبوب في واحدة الزمن.

وتعبر عنه بالعلاقة:  $Q = \frac{m}{\Delta t}$ ، وتقدر بوحدة  $kg \cdot s^{-1}$

معدل التدفق الحجمي  $Q'$ : هو حجم كمية السائل التي تعبر مقطع الأنبوب في واحدة الزمن.

وتعبر عنه بالعلاقة:  $Q' = \frac{V}{\Delta t}$ ، وتقدر بوحدة  $m^3 \cdot s^{-1}$ .

الاستنتاج الرياضي لمعادلة الاستمرارية:



لدينا سائل يتحرك داخل أنبوب مساحة كل من مقطعي طرفيه تختلف عن الأخرى  $S_1, S_2$ .

وبفرض أن:  $v_1$  سرعة السائل عبر المقطع  $S_1$

$v_2$  سرعة السائل عبر المقطع  $S_2$

إن حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $S_1$  لمسافة  $x_1$

في الزمن  $\Delta t$  يكون:  $V_1 = S_1 x_1$

نكن:  $x_1 = v_1 \Delta t$  وبالتالي:  $V_1 = S_1 v_1 \Delta t$

إن حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $S_2$  لمسافة  $x_2$

في الزمن  $\Delta t$  يكون:  $V_2 = S_2 x_2$

نكن:  $x_2 = v_2 \Delta t$  بالمثل:  $V_2 = S_2 v_2 \Delta t$

وبما أن: حجم كمية السائل التي عبرت المقطع  $S_1$  تساوي

حجم كمية السائل التي عبرت المقطع  $S_2$  المدة الزمنية نفسها

فإن:  $Q'_1 = Q'_2$

$$\frac{V_1}{\Delta t} = \frac{V_2}{\Delta t}$$

$$\frac{S_1 v_1 \Delta t}{\Delta t} = \frac{S_2 v_2 \Delta t}{\Delta t}$$

$$S_1 v_1 = S_2 v_2$$

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{S_1}{S_2}$$

أي أن: سرعة تدفق السائل تناسب عكساً مع مساحة

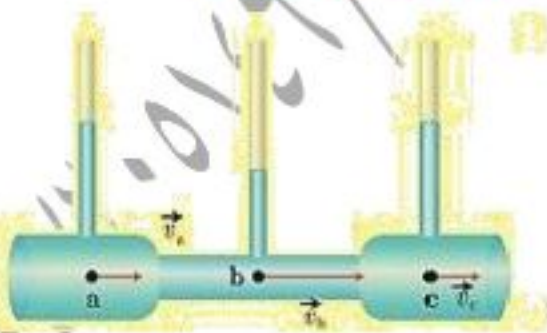
مقطع الأنبوب الذي يتدفق منه السائل.

نتيجة: تزداد سرعة تدفق السائل في أنبوب بتقصان مساحة

مقطع الأنبوب.

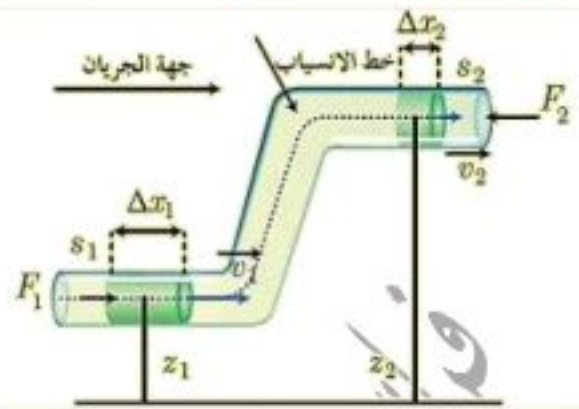
وبالتالي:  $Q' = S_1 v_1 = S_2 v_2 = const$

معادلة برنولي في الجريان المستقر:



في الشكل المجاور: سائل جريانه مستقر عبر انبوب أفقي

ذي مقاطع مختلفة.



عندما تمر كمية صغيرة من السائل بين مقطعين

حيث مساحة المقطع الأول  $s_1$  والضغط عنده  $p_1$ ، وسرعة

الجريان فيه  $v_1$ ، والارتفاع عن مستوى مرجعي  $z_1$

ومساحة المقطع الثاني  $s_2$ ، والضغط عنده  $p_2$ ، وسرعة

الجريان فيه  $v_2$ ، والارتفاع عن مستوى مرجعي  $z_2$ .

إن **العمل الكلي** المبذول لتحريك كتلة السائل من المقطع

الأول إلى المقطع الثاني يساوي مجموع عمل قوة الثقل، وعمل

قوة ضغط السائل.

$$W_w = -mg(z_2 - z_1) \text{ عمل قوة الثقل}$$

**عمل قوة ضغط السائل:** يتأثر سطح المقطع  $s_1$  بقوة  $F_1$  لها جهة

الجريان، وتنقل نقطة تأثيرها مسافة قدرها  $\Delta x_1$ ، في مدة

زمنية  $\Delta t$ ، فتقوم بعمل محريك (موجب).

$$W_1 = F_1 \Delta x_1$$

$$F_1 = p_1 s_1 \Rightarrow W_1 = p_1 s_1 \Delta x_1 \text{ لكن}$$

$$\Delta V = s_1 \Delta x_1 \Rightarrow W_1 = p_1 \Delta V \text{ لكن}$$

حيث  $\Delta V$  حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $s_1$  في المدة الزمنية  $\Delta t$

يتأثر سطح المقطع  $s_2$  بقوة  $F_2$  معيقة لجريان السائل، أي

تعاكس جهة الجريان، وتنقل نقطة تأثيرها مسافة قدرها  $\Delta x_2$

في المدة الزمنية  $\Delta t$  (فتقوم بعمل مقاوم سالب).

$$W_2 = -F_2 \Delta x_2$$

$$F_2 = p_2 s_2 \Rightarrow W_2 = -p_2 s_2 \Delta x_2 \text{ لكن}$$

$$\Delta V = s_2 \Delta x_2 \Rightarrow W_2 = -p_2 \Delta V \text{ لكن}$$

حيث  $\Delta V$  حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $s_2$  في المدة الزمنية  $\Delta t$  نفسها.

وهي **تساوي** حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $s_1$

في المدة الزمنية  $\Delta t$  وذلك لأن السائل غير قابل للانضغاط.

ويصبح العمل الكلي  $W_T = W_w + W_1 + W_2$

$$W_T = p_1 \Delta V - p_2 \Delta V - mg(z_2 - z_1)$$

وبحسب مصوئية الطاقة (أو نظرية الطاقة الحركية) فإن:

$$W_T = E_{k_2} - E_{k_1} = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$

بمساواة العلاقتين نجد:

$$p_1 \Delta V - p_2 \Delta V - mg(z_2 - z_1) = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$

$$p_1 \Delta V + \frac{1}{2} m v_1^2 + mg z_1 = p_2 \Delta V + \frac{1}{2} m v_2^2 + mg z_2$$

نقسم الطرفين على  $\Delta V$  علماً أن:

$$\rho = \frac{m}{\Delta V} \quad p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$p + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g z = \text{const} \text{ معادلة برنولي}$$

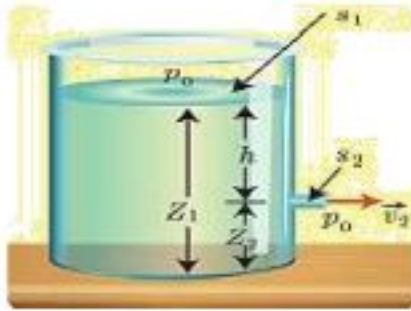
وتصنُ نظرية برنولي على ما يلي: إن مجموع الضغط

والطاقة الحركية لواحدة الحجم، والطاقة الكامنة العالية لواحدة الحجم

تساوي مقداراً ثابتاً عند أي نقطة من نقاط خط الانسياب

لسائل جريانه مستقر.

(2) نظرية تورشيللي:



يحتوي خزان على سائل كثافته الحجمية  $\rho$  مساحة سطح مقطعه  $S_1$  كبيرة بالنسبة إلى فتحة جانبية مساحة مقطعها صغيرة  $S_2$  تقع قرب قعره وعلى عمق  $z_1 - z_2 = h$  من السطح الحر للسائل.

فما السرعة التي يخرج بها السائل من الفتحة الجانبية؟

نطبق معادلة برنولي على جزء صغير من السائل انتقل من سطح الخزان بسرعة  $v_1 \approx 0$  ليخرج من الفتحة  $S_2$  إلى الوسط الخارجي بسرعة  $v_2$ :

$$p_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g z_1 = p_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g z_2$$

إن السطح المفتوح، والفتحة معرضان للضغط الجوي النظامي، ولذلك  $p_1 = p_2 = p_0$

$$\rho g z_1 = \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$\frac{1}{2}v_2^2 = g z_1 - g z_2$$

$$v_2^2 = 2g(z_1 - z_2) \Rightarrow v_2 = \sqrt{2gh}$$

إن سرعة خروج السائل تساوي السرعة التي يسقط بها جسم مائع سقوطاً حراً من ارتفاع  $h$ .

تدعى العلاقة السابقة بنظرية تورشيللي، وتطبق على أي فتحة في الوعاء، سواء في قعره كانت أم في جدارها الجانبي.

فالمقدار  $\rho g z$  يمثل الطاقة الكامنة الثقالية لوحدة الحجم من السائل ويمثل المقدار  $\frac{1}{2}\rho v^2$  الطاقة الحركية لوحدة الحجم من السائل.

والضغط  $p$  طاقة واحدة الحجم ويمكن أن تتحقق من ذلك لو كتبنا وحدات الضغط إذ نجد:

$$1 \text{ Pa} = 1 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} = 1 \frac{\text{N} \cdot \text{m}}{\text{m}^3} = 1 \frac{\text{J}}{\text{m}^3}$$

حالة خاصة: إذا كان الأنبوب أفقياً:

$$z_1 = z_2$$

$$p_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2}\rho(v_2^2 - v_1^2)$$

ونستنتج: أنه يتنقص ضغط السائل كلما ازدادت سرعته.

تطبيقات على معادلة برنولي:

(1) سكون السوائل ومعادلة المانومتر:

يمكن أن نحصل على معادلة المانومتر من معادلة برنولي بفرض أن المائع ساكن في الأنبوب أي  $v_1 = v_2 = 0$

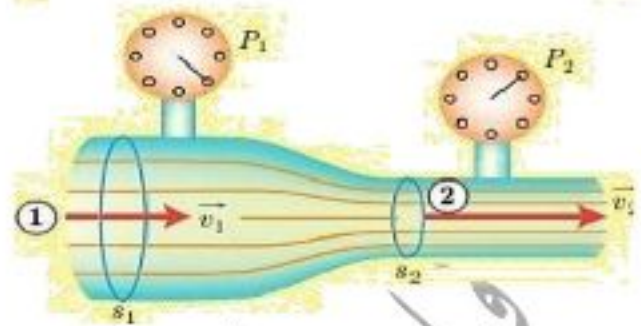
نعوض في معادلة برنولي فنجد:

$$p_1 - p_2 = \rho g z_2 - \rho g z_1 = \rho g(z_2 - z_1) = \rho g h$$

$$p_1 - p_2 = \rho g h$$

وهذه معادلة المانومتر: قانون الضغط في الموائع الساكنة.

(3) أنبوب فنطوري:



يتألف أنبوب فنطوري من أنبوب مساحة مقطعه  $S_1$  يجري فيه سائل بسرعة  $v_1$  في منطقة ضغطها  $P_1$ ، فيصل لاختناق مساحته  $S_2$ ، ولمعرفة فرق الضغط بين الجذع الرئيس والاختناق نستعمل أنبوب فنطوري.

نطبق معادلة برنولي بين النقطتين 1, 2 اللتين تقعان في المستوي الأفقي نفسه.

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$z_1 = z_2$$

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2)$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho \left[ \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^2 - 1 \right] v_1^2$$

$$\text{نكتب: } \frac{v_2}{v_1} = \frac{S_1}{S_2}$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho \left[ \left( \frac{S_1}{S_2} \right)^2 - 1 \right] v_1^2$$

ونقيس فرق الضغط بين نقطتين باستخدام جهاز قياس الضغط

لدينا:  $S_1 > S_2$  إذا:  $P_1 > P_2$  أي أن الضغط في

الاختناق أقل من الضغط في الجذع الرئيس للأنبوب. يُستفاد

من هذه الخاصية في الطب، فقد تناقص مساحة مقطع الشرايين في منطقة ما نتيجة تراكم الدهون والشحوم، وهذا يعيق جريان الدم في هذه الشرايين، ويتناقص ضغط الدم في المقاطع المتضيقة عن قيمتها الطبيعية اللازمة لمقاومة الضغوط الخارجية.

ونستنتج: أنه يتناقص ضغط السائل كلما نقصت مساحة المقطع.

اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة مما يأتي:

(1) عندما تهب رياح أفقية عند فوهة مدخنة شاقولية فإن سرعة خروج الدخان من فوهة المدخنة:

(a) تزداد. (b) تنقص.

(c) تبقى دون تغيير. (d) تنعدم.

ويمكن تفسير النتيجة وفق:

(a) مبدأ باسكال. (b) مبدأ برنولي.  
(c) قاعدة أرخميدس. (d) معادلة الاستمرارية.

الإجابة الصحيحة: (a) تزداد وفق (b) مبدأ برنولي.

(2) يتصف السائل المثالي بأنه:

(a) قابل للانضغاط وبعديم اللزوجة.

(b) غير قابل للانضغاط ولزوجته غير مهملة.

(c) غير قابل للانضغاط وبعديم اللزوجة.

(d) قابل للانضغاط ولزوجته غير مهملة.

الإجابة الصحيحة: (c) غير قابل للانضغاط وبعديم اللزوجة.

3) خرطوم مساحة مقطعه عند فوهة دخول الماء فيه  $S_1$  وسرعة

جريان الماء عند تلك الفوهة  $v_1$  فتكون سرعة خروج الماء

$v_2$  من نهاية الخرطوم حيث أن  $S_2 = \frac{1}{4} S_1$  مساوية:

$v_1$  (a)  $\frac{v_1}{4}$  (b)  $4v_1$  (c)  $16v_1$  (d)

الإجابة الصحيحة: (c)  $4v_1$

$$S_1 v_1 = S_2 v_2 \Rightarrow S_1 v_1 = \frac{1}{4} S_1 v_2 \Rightarrow v_2 = 4v_1$$

ثانياً: أعط تفسيراً علمياً باستخدام العلاقات الرياضية المناسبة لكل مما يأتي:

س1\_ اختلاف سرعة جريان الماء عبر مقاطع مختلفة المساحة في مجرى نهر جريانه أفقي.

الجواب: حسب معادلة الاستمرارية  $S_1 v_1 = S_2 v_2$  السرعة تناسب

عكساً مع مساحة مقطع مجرى النهر ، لذلك تزداد سرعة الماء

عندما تنقص مساحة مقطع مجرى النهر وتنقص سرعة الماء

عندما تزداد مساحة مقطع مجرى النهر .

س2\_ عدم تقاطع خطوط الانسياب لسائل.

الجواب: خط الانسياب يمر في كل نقطة شعاع سرعة جسيم

السائل في تلك النقطة وتقاطع خطوط الانسياب يعني وجود

أكثر من سرعة للجسيم بالمكان نفسه وباتجاهات مختلفة

وباللحظة ذاتها وهذا غير ممكن .

س3\_ ينقص مقطع عمود الماء المتدفق من الخرطوم عندما

توجه فوهته للأسفل، ويزداد مقطعه عندما توجه فوهته رأسياً

للأعلى.

الجواب: عندما توجه فوهة الخرطوم للأسفل تزداد سرعة

جريان الماء كلما اقترب الماء من سطح الأرض فينقص

سطح مقطع الماء المتدفق حسب معادلة الاستمرارية وعندما

توجه فوهة الخرطوم للأعلى تنقص سرعة جريان الماء كلما

ابتعد الماء عن سطح الأرض فيزداد سطح مقطع الماء المتدفق

س4\_ يندفع الماء بسرعة كبيرة من ثقب صغير حدث في

جدار خرطوم ينقل الماء.

الجواب: سرعة اندفاع الماء من ثقب صغير هي سرعة كبيرة

حسب معادلة الاستمرارية  $S_a v_a = S_b v_b$  فإن:

$$S_b > S_a \Rightarrow v_b < v_a$$

س5\_ تستطيع خراطيم سيارات الإطفاء إيصال الماء لارتفاعات

ومسافات كبيرة.

الجواب: فوهة الخرطوم ضيقة لذا تزداد سرعة اندفاع الماء فتزداد

طاقته الحركية فيصل الماء إلى ارتفاعات أعلى ومسافات

أطول.

س6\_ تكون مساحة فتحات الغاز في موقد الغاز صغيرة؟

الجواب: لكي يندفع الغاز منها بسرعة كبيرة.

س7\_ لجعل الماء المتدفق من فتحة خرطوم يصل إلى

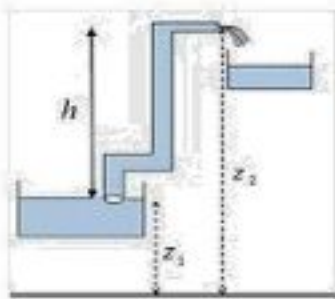
مسافات أبعد نغلق جزءاً من فتحة الخرطوم.

الجواب: نغلق جزءاً من فتحة الخرطوم لكي تزداد سرعة

جريان الماء فتزداد طاقته الحركية لذا يصل إلى ارتفاعات

أعلى ومسافات أطول.

(3) احسب العمل الميكانيكي اللازم لضخ 100 L من الماء إلى الخزان العلوي.



الحل:

مستوى مرجعي لقياس الطاقة الكامنة الثقالية

$$Q' = s_1 v_1 \Rightarrow v_1 = \frac{Q'}{s} = \frac{5 \times 10^{-3}}{10 \times 10^{-4}} = 5 \text{ m.s}^{-1} \quad (1)$$

$$Q' = s_2 v_2 \Rightarrow v_2 = \frac{Q'}{s} = \frac{5 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-4}} = 10 \text{ m.s}^{-1}$$

(2) نطبق نظرية برنولي بين الوضعين:

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$p_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2) + \rho g (z_2 - z_1)$$

$$p_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2) + \rho g h$$

$$p_1 = 10^5 + \frac{1}{2} 1000 (100 - 25) + 1000 \times 10 \times 20$$

$$p_1 = 100000 + 37500 + 200000 = 337500 \text{ pa}$$

$$W = \Delta E_k = E_{k2} - E_{k1} = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = \quad (3)$$

$$W = \frac{1}{2} \rho v (v_2^2 - v_1^2) =$$

$$W = \frac{1}{2} (1000) (100 \times 10^{-3}) (100 - 25) = 3750 \text{ J}$$

المسألة الأولى: ليه خزان حجمه 600 L بالماء استعمل

خرطوم مساحة مقطعه  $5 \text{ cm}^2$  فاستغرقت العملية 300 S.

(المطلوب: 1) احسب معدل التدفق الحجمي  $Q'$ .

(2) احسب سرعة تدفق الماء من فتحة الخرطوم.

(3) كم تصبح سرعة تدفق الماء من فتحة الخرطوم إذا نقص مقطعها

ليصبح ربع ما كان عليه؟

الحل:

$$Q' = \frac{V}{\Delta t} = \frac{0.6}{300} = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1} \quad (1)$$

$$Q' = s v \Rightarrow v = \frac{Q'}{s} = \frac{2 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-4}} = 4 \text{ m.s}^{-1} \quad (2)$$

$$s_1 v_1 = s_2 v_2 \Rightarrow s_1 v_1 = \frac{1}{4} s_1 v_2 \Rightarrow \quad (3)$$

$$v_2 = 4 v_1 = 4 \times 4 = 16 \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة الثانية: ترفع مضخة الماء من خزان أرضي

عبر أنبوب مساحة مقطعه  $S_1 = 10 \text{ cm}^2$  إلى خزان

يقع على سطح بناء، فإذا علمت أن مساحة مقطع الأنبوب

الذي يصب في الخزان العلوي

$$S_2 = 5 \text{ cm}^2 \text{ وأن معدل الضخ } Q' = 0.005 \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$$

(المطلوب: 1) احسب سرعة الماء عند دخوله الأنبوب وعند

فتحة خروجه من الأنبوب.

(2) احسب قيمة ضغط الماء عند دخوله الأنبوب علماً بأن الضغط

الجوي  $1 \times 10^5 \text{ Pa}$  والارتفاع بين الفوهتين 20m.

**التفكير الناقد:** أيهما أكثر تقوساً السطح العلوي أم السطح

السفلي لجناح الطائرة؟

**الجواب:** السطح العلوي لجناح الطائرة أكثر تقوساً من السطح

السفلي ، فعندما تحرك الطائرة بسرعة ما تكون سرعة

جريان الهواء من الأعلى أكبر منها من الأسفل،

وبالتالي يكون الضغط من الأعلى أقل منه من

الأسفل فترفع الطائرة.

انتهى البحث

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

**المسألة الثالثة:** ينتهي أنبوب ماء مساحة مقطعه  $10\text{cm}^2$  إلى

رشاش الاستحمام فيه 25 ثقباً متماثلاً مساحة مقطع كل

ثقب  $0.1\text{cm}^2$  فإذا علمت أن سرعة تدفق الماء عبر الأنابيب

$50\text{ cm. s}^{-1}$  المطلوب:

(1) احسب معدل التدفق الحجمي للماء .

(2) احسب سرعة تدفق الماء من كل ثقب .

**الحل:**

$$Q' = s_1 v_1 = 10 \times 10^{-4} \times 0.5 = 5 \times 10^{-4} \text{m}^3 \cdot \text{s}^{-1} \quad (1)$$

$$Q' = 25 s_2 v_2 \Rightarrow v_2 = \frac{Q'}{25 s_2} = \frac{5 \times 10^{-4}}{25 \times 0.1 \times 10^{-4}} \quad (2)$$

$$\Rightarrow v_2 = 2\text{m. s}^{-1}$$

**المسألة الرابعة:** يحقن أسطوانتي الشكل مساحة

مقطعه  $1.25\text{cm}^2$  مركب عليه إبروة معدنية مساحة مقطعهما

$4 \times 10^{-4}\text{cm}^2$  المطلوب:

(1) احسب سرعة تدفق المحلول عبر مقطع الحقن عندما

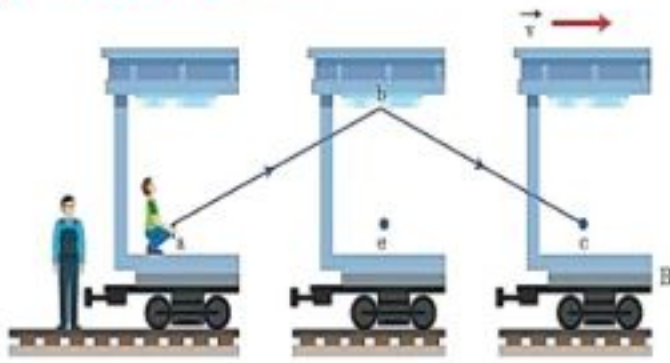
يكون معدل التدفق  $5 \times 10^{-5}\text{m}^3\text{s}^{-1}$  .

(2) احسب سرعة تدفق المحلول لحظة خروجه من فوهة الإبرة.

**الحل:**

$$v_1 = \frac{Q'}{s_1} = \frac{5 \times 10^{-5}}{1.25 \times 10^{-4}} = 0.4\text{m. s}^{-1} \quad (1)$$

$$v_2 = \frac{Q'}{s_2} = \frac{5 \times 10^{-5}}{4 \times 10^{-8}} = 1250\text{m. s}^{-1} \quad (2)$$



إن المسافة التي تقطعها الومضة الضوئية للعودة إلى المنبع بالنسبة للمراقب الخارجي هي:  $ab+bc$  بالتالي:

$$c = \frac{ab+bc}{t} = \frac{2ab}{t} \Rightarrow ab = \frac{ct}{2} \dots (2)$$

لكن المنبع انتقل من النقطة  $a$  إلى النقطة  $c$ :

$$v = \frac{ac}{t} = \frac{2ae}{t} \Rightarrow ae = \frac{vt}{2} \dots (3)$$

بتطبيق نظرية فيثاغورث في المثلث القائم  $abe$  وباستخدام

العلاقين (2) (3) نجد:



$$\left(\frac{vt}{2}\right)^2 + d^2 = \left(\frac{ct}{2}\right)^2 \Rightarrow \left(\frac{vt}{2}\right)^2 - \left(\frac{ct}{2}\right)^2 = d^2$$

$$\frac{1}{4}t^2(v^2 - c^2) = d^2 \Rightarrow t^2 = \frac{4d^2}{c^2 - v^2} \Rightarrow$$

$$t = \frac{2d}{\sqrt{c^2 - v^2}} \dots (4)$$

ومن العلاقة (1):

$$t_0 = \frac{2d}{c} \dots (5)$$

نسب العلاقتين (4) و(5):

$$\frac{t}{t_0} = \frac{c}{\sqrt{c^2 - v^2}} = \frac{c}{\sqrt{c^2 \left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)}}$$

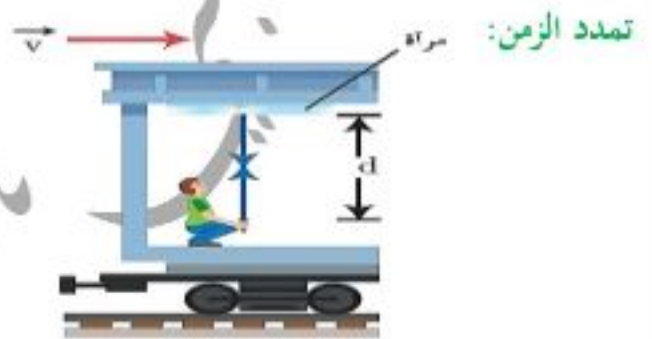
## النسبية الخاصة

- السرعة مفهوم نسبي يختلف باختلاف جملة المقارنة.

- سرعة انتشار الضوء ثابتة في الوسط نفسه مهما اختلفت سرعة المنبع الضوئي، أو سرعة المراقب.

**فرضيتا أينشتاين:** الفرضية الأولى: سرعة انتشار الضوء في الخلاء هي نفسها  $c = 3 \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$  في جميع جمل المقارنة.

الفرضية الثانية: القوانين الفيزيائية تبقى نفسها في جميع جمل المقارنة العطالية.



لدينا قطار يسير بسرعة ثابتة  $v_1$ ، مثبت على سقف إحدى عرباته امرأة مسوية ترتفع مسافة  $d$  عن منبع ضوئي بيد مراقب يقف ساكناً في العربة ذاتها، يرسل المراقب ومضة ضوئية باتجاه المرأة، ويسجل الزمن  $t_0$  الذي تستغرقه الومضة الضوئية للعودة إلى المنبع بالتالي يكون:

$$c = \frac{2d}{t_0} \Rightarrow d = \frac{ct_0}{2} \dots (1)$$

أما بالنسبة للمراقب الخارجي يقف ساكناً خارج القطار على استقامة واحدة مع المنبع الضوئي لحظة إصدار الومضة الضوئية فإن الزمن الذي تستغرقه الومضة الضوئية للعودة إلى المنبع هو  $t$ .



أي أن الأخ التوأم انتظر ثلاثين عاماً حتى انتهت رحلة أخيه التوأم التي استغرقت بالنسبة له عاماً واحداً.

### تقلص الأطوال:

تخيل مراقبين: الأول في محطة إطلاق على الأرض

والثاني روبرت في مركبة فضاء انطلقت من محطة الفضاء نحو الشمس بسرعة ثابتة بالنسبة للمراقب الأول.

تسجل العدادات في المحطة على الأرض الآتي:

المسافة بين الأرض والشمس  $L_0$  والزمن الذي استغرقته

مركبة الفضاء في رحلتها  $t$  وبالتالي:  $L_0 = vt$

وتسجل عدادات مركبة الفضاء المعطيات الآتية:

المسافة المقطوعة بين الأرض والشمس  $L$ ، وزمن الرحلة  $t_0$ :

فيكون:  $L = vt_0$

$$\frac{L_0}{L} = \frac{t}{t_0} = \frac{vt_0}{t_0}$$

$$L = \frac{L_0}{\gamma} \Rightarrow L < L_0$$

أما بالنسبة لطول المركبة الفضائية (وفق منحى سرعتها) فيعد  $L$  بالنسبة للمراقب الأرضي لأن المركبة الفضائية متحركة بالنسبة له.

ويعبر  $L_0$  بالنسبة للمراقب في المركبة الفضائية.

فيكون طول المركبة بالنسبة للمراقب الأرضي أقصر مما هو عليه بالنسبة لمراقب في المركبة.

استنتاج: يتقلص (ينكمش) الطول عند الحركة نسبياً.

$$\frac{t}{t_0} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \gamma$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}, \quad t = \gamma t_0$$

$$\gamma = \frac{t}{t_0} > 1 \Rightarrow t > t_0$$

استنتاج: يتمدد (تباطأ) الزمن عند الحركة نسبياً.

تطبيق (مفارقة التوأمين):



بفرض أن أخوين توأمين أحدهما رائد فضاء طار بسرعة

قريبة من سرعة الضوء في الحلاء  $v = \frac{\sqrt{899}}{30} c$  وبقي

رائد الفضاء في رحلته سنة واحدة وفق مقياسه يحملها، فما

الزمن الذي انتظره أخوه التوأم على الأرض ليعود رائد

الفضاء من رحلته؟

الحل: الزمن الذي سجلته المقياسية التي يحملها رائد الفضاء:

$t_0 = 1 \text{ year}$  (الزمن الذي سجلته المراقب الخارجي)

الأخ التوأم الذي بقي على الأرض  $t$ : حيث  $t = \gamma t_0$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(\frac{\sqrt{899}}{30} c)^2}{c^2}}}$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{899}{900}}} = 30$$

$$t = 30 \times 1 = 30 \text{ year}$$



لدينا روبوت رياضي يحمل سارية أفقية طولها وهي ساكنة 15m يتحرك بسرعة أفقية 0.75c وأمامه حجرة لها بابان أمامي وخلفي البعد بينهما 10m يمكن التحكم بفتحها وإغلاقها آتياً بالنسبة لمراقب ساكن هل يمكن أن تُعبر السارية الحجرة بأمان إذا أغلق المراقب الساكن البابين وفتحها آتياً (بالنسبة له) عند عبور الروبوت مع السارية للحجرة؟ (عد  $\sqrt{0.4375} = 0.66$ )

الحل: يعد المراقب الساكن طول السارية المتحركة L وطولها وهي ساكنة  $L_0$  فيكون:

$$L = \frac{L_0}{\gamma} \dots (1)$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(0.75c)^2}{c^2}}}$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{0.4375}} = \frac{1}{0.66}$$

$$L = \frac{15}{\frac{1}{0.66}} = 9.9 < 10 \text{ m} \quad \text{نعوضه (1) فنجد:}$$

لذلك يمكن أن تُعبر السارية بأمان.

الطاقة الكلية في الميكانيك النسبي:

هي مجموع طاقتين حركية وسكونية.

$$E = E_0 + E_K$$

استنتج: إن الطاقة الكلية في الميكانيك النسبي هي مجموع الطاقة السكونية والطاقة الحركية.

الطاقة السكونية	الطاقة الحركية	الطاقة الكلية
$E_0 = m_0 c^2$	$E_K = E - E_0$	$E = mc^2$

تكافؤ الكتلة - الطاقة:

الكتلة ثابتة في الميكانيك الكلاسيكي حيث السرعات صغيرة أمام سرعة انتشار الضوء في الخلاء، أما وفق الميكانيك النسبي فإن الكتلة تزداد بزيادة السرعة حيث السرعات قريبة من سرعة الضوء وتُعطى بالعلاقة:

$$m = \gamma m_0$$

حيث:  $m$  الكتلة عند الحركة،  $m_0$  الكتلة عند السكون.

فن أن أتأ هذه الزيادة في الكتلة؟

$$E = E_0 + E_K \Rightarrow E_K = E - E_0$$

$$E_K = mc^2 - m_0 c^2 = (m - m_0) c^2$$

$$\Rightarrow \Delta m = \frac{E_K}{c^2}$$

استنتج: عندما يتحرك الجسم تزداد كتلته بمقدار يساوي طاقته

الحركية مقسومة على رقم ثابت  $c^2$  أي أن الكتلة

تكافئ الطاقة.

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = (1 - \frac{v^2}{c^2})^{-\frac{1}{2}}$$

وحسب دستور التقريب  $(1+\epsilon)^n \approx 1+n\epsilon$  بشرط  $\epsilon \ll 1$

ومن أجل السرعات الصغيرة أمام سرعة الضوء في الخلاء

أي  $v \ll c$  فإن:  $\frac{v^2}{c^2} \ll 1$  ومنه:

يكون:  $\gamma = 1 + \frac{v^2}{2c^2}$  نغوض عن  $\gamma$  فنجد:

$$E_k = (1 + \frac{v^2}{2c^2} - 1)m_0c^2$$

$$E_k = \frac{1}{2}m_0v^2$$

وهي علاقة الطاقة الحركية في الميكانيك الكلاسيكي.

(2) انطلاقاً من الميكانيك النسبي استنتج العلاقة المحددة

لكنية الحركة في الميكانيك الكلاسيكي.

$$P = mv = \gamma m_0v = \left[ \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \right] m_0v \dots (1)$$

لكن من أجل السرعات الصغيرة أمام سرعة الضوء في

الخلاء أي  $v \ll c$  فإن:  $\frac{v^2}{c^2} \ll 1$  ومنه:

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = (1 - \frac{v^2}{c^2})^{-\frac{1}{2}}$$

وحسب دستور التقريب يكون:  $\gamma = 1 + \frac{v^2}{2c^2}$

$$P = \left[ 1 + \frac{v^2}{2c^2} \right] m_0v \dots (1)$$

لكن  $1 \ll \frac{v^2}{2c^2}$  فنهمل أمام الواحد بالتالي:

$$P_0 = m_0v$$

تطبيق: يتحرك إلكترون في أنبوبة تلامز بطاقة حركية

$27 \times 10^{-16} \text{J}$  والمطلوب:

(1) احسب النسبة المئوية للزيادة في كتلة الإلكترون نتيجة

طاقته الحركية.

(2) احسب طاقته السكونية علماً أن:

$$m_e = 9 \times 10^{-31} \text{Kg}, \quad c = 3 \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$$

الحل:

$$\Delta m = m - m_0 = \frac{E_k}{c^2} = \frac{27 \times 10^{-16}}{(3 \times 10^8)^2} \quad (1)$$

$$\Delta m = 3 \times 10^{-32} \text{kg}$$

$$\text{النسبة المئوية للزيادة في الكتلة} = \frac{3 \times 10^{-32}}{9 \times 10^{-31}} \times 100$$

$$= 3.33\%$$

(2) طاقة الإلكترون السكونية:

$$E_0 = m_0c^2 \Rightarrow E_0 = 9 \times 10^{-31} \times (3 \times 10^8)^2$$

$$= 81 \times 10^{-15} \text{J}$$

تنويه مهم: إن أثر النظرية النسبية الخاصة يُهمل من أجل

السرعات الصغيرة بالنسبة إلى سرعة انتشار الضوء في الخلاء،

وتؤول عندها العلاقات الفيزيائية إلى شكلها الكلاسيكي.

(1) انطلاقاً من الميكانيك النسبي استنتج العلاقة المحددة

للطاقة الحركية في الميكانيك الكلاسيكي.

$$E_k = E - E_0 = mc^2 - m_0c^2$$

$$E_k = \gamma m_0c^2 - m_0c^2 = (\gamma - 1)m_0c^2$$

لكن من أجل السرعات الصغيرة أمام سرعة الضوء في

الخلاء أي  $v \ll c$  فإن:  $\frac{v^2}{c^2} \ll 1$  ومنه:

اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

1) افترض أن صاروخين في الخلاء يتحرك كل منهما نحو الآخر بسرعة قريبة من سرعة انتشار الضوء في الخلاء وفي لحظة ما أضاء الصاروخ الأول مصابحه إن سرعة ضوء الصاروخ الأول بالنسبة للصاروخ الثاني هي:

(a) تساوي c (b) أكبر من c .

(c) أصغر من c . (d) معدومة .

الإجابة الصحيحة: (a) تساوي c .

توضيح الإجابة: سرعة انتشار الضوء ثابتة في الوسط نفسه لا تتغير عند حركة المنبع الضوئي أو حركة المراقب .

2) افترض أن طاقة سفينة فضاء تطير بسرعة قريبة من

سرعة انتشار الضوء في الخلاء يشاهدون تسجيلاً لمباراة كرة قدم مدتها ساعة ونصف، ويتابعهم مراقب أرضي بتلسكوب دقيق جداً، فيرى مدة المباراة:

(a) هي نفسها (b) أكبر

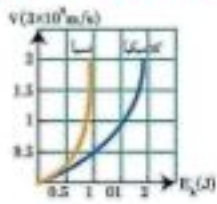
(c) أصغر (d) معدومة

الإجابة الصحيحة: (b) أكبر .

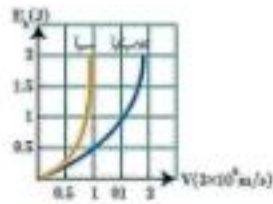
توضيح الإجابة: بسبب تمدد الزمن عند الحركة .

3) المنحني البياني الذي يمثل العلاقة بين الطاقة

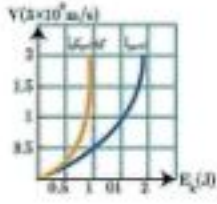
الحركية لجسم ما، وسرعته هو:



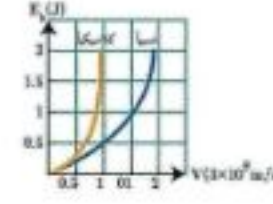
b.



a.



d.



c.

الإجابة الصحيحة: a

توضيح الإجابة: نختار الشكل الذي لا يتجاوز السرعة فيه نسبياً سرعة الضوء في الخلاء وتكون السرعة على المحور الأفقي .

ثانياً: أجب عن السؤالين الآتيين:

1) يحاول العلماء عند دراستهم خصائص الجسيمات تحريكها بسرعات كبيرة جداً باستخدام المسرعات، هل يمكن أن تصل سرعة هذه الجسيمات إلى سرعة انتشار الضوء في الخلاء تماماً؟ لماذا؟

الحل: لا، بما أن الجسم يمتلك كتلة سكونية فكلما اقتربت سرعته من سرعة الضوء في الخلاء زادت كتلته فإذا تناهت سرعته إلى سرعة الضوء في الخلاء يحتاج إلى إعطاء قوة لانهاية لدفعه وهذا غير ممكن .

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

وعندما تصبح سرعة الجسم مساوية لسرعة الضوء  $v=c$  بالتالي:

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{c^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - 1}} = \frac{1}{0} = \infty$$

لكن:  $F = ma = \gamma m_0 a = \infty$

المسألة الثانية: يتحرك إلكترون بسرعة  $\frac{2\sqrt{2}}{3}c$  المطلوب:

احسب كمية حركة الإلكترون وفق قوانين الميكانيك

الكلاسيكي، ثم وفق الميكانيك النسبي.

$$(m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg})$$

الحل: كلاسيكياً: لا تتغير الكتلة بين حالتَي السكون

$$p_0 = m_0 v$$

$$p_0 = 9 \times 10^{-31} \times \frac{2\sqrt{2}}{3} \times 3 \times 10^8 \\ = 18\sqrt{2} \times 10^{-23} \text{ Kg.m.s}^{-1}$$

نسبياً: تزداد كتلة الإلكترون عند تحركه ونصبح:  $\gamma m_0$

تكون كمية حركته:  $p = \gamma m_0 v = \gamma p_0$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(\frac{2\sqrt{2}c}{3})^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{8}{9}}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{9}}}$$

$$\Rightarrow \gamma = 3$$

$$p = 3 \times 18\sqrt{2} \times 10^{-23} = 54\sqrt{2} \times 10^{-23} \text{ Kg.m.s}^{-1}$$

المسألة الثالثة: تبلغ الكتلة السكونية لبروتون

$$m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

ثلاثة

أضعاف طاقته السكونية والمطلوب:

(1) احسب طاقته السكونية.

(2) احسب طاقته الحركية في الميكانيك النسبي.

(3) احسب كتلته في الميكانيك النسبي.

(2) يقف جسم ساكن عند مستوي مرجعي (سطح الأرض) ما

قيمة طاقته الحركية عندئذ وما قيمة طاقته الكامنة الثقالية بالنسبة

للمستوي المرجعي وهل طاقته الكلية النسبية معدومة ولماذا؟

الحل: طاقته الحركية معدومة لانعدام سرعته (ساكن).

طاقته الكامنة الثقالية معدومة بالنسبة للمستوي المرجعي

(الأرض) لأن ارتفاع الجسم عن الأرض معدوم.

طاقته الكلية النسبية غير معدومة لأنها مجموع الطاقة الحركية والطاقة

السكونية، وطاقته السكونية غير معدومة فما يزال يمتلك كتلة سكونية.

$$E = E_0 + E_k = m_0 c^2 + 0 = m_0 c^2$$

ثالثاً: حل المسائل الآتية:

المسألة الأولى: جسم مستطيل الشكل طوله وهو ساكن  $b_0$

يساوي ضعف عرضة  $a$  يتحرك هذا الجسم بحيث يكون

طوله موازياً لشعاع سرعته  $v$  بالنسبة لمراقب في الجملة الساكنة،

فيبدو له مرتعاً، احسب قيمة سرعة الجسم.

الحل: طول الجسم وهو ساكن:  $b_0 = 2a$

طول الجسم وهو متحرك:  $b = a$

$$b = \frac{b_0}{\gamma} \Rightarrow a = \frac{2a}{\gamma} \Rightarrow \gamma = 2$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \Rightarrow 2 = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \Rightarrow$$

$$4 = \frac{1}{1 - \frac{v^2}{c^2}} \Rightarrow 1 - \frac{v^2}{c^2} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{v^2}{c^2} = \frac{3}{4} \Rightarrow$$

$$v^2 = \frac{3}{4} c^2 \Rightarrow v = \frac{\sqrt{3}}{2} c = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 3 \times 10^8$$

$$v = 1.5\sqrt{3} \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$$

$$E_0 = m_0 c^2 = m_p c^2 \quad \text{(الحل:1)}$$

$$E_0 = 1.67 \times 10^{-27} \times 9 \times 10^{16}$$

$$E_0 = 15.03 \times 10^{-11} \text{ J}$$

$$E_k = E - E_0 = 3E_0 - E_0 = 2E_0 \quad \text{(2)}$$

$$E_k = 2 \times 15.03 \times 10^{-11} = 30.06 \times 10^{-11} \text{ J}$$

$$E = mc^2 = \gamma m_0 c^2 \Rightarrow \quad \text{(3)}$$

$$E = \gamma E_0 = 3E_0 \Rightarrow \gamma = 3$$

$$m = \gamma m_0 = 3(1.67 \times 10^{-27})$$

$$m = 5.01 \times 10^{-27} \text{ Kg}$$

التفكير الناقد:

في الميكانيك الكلاسيكي إذا تضاعفت كمية حركة جسيم ما فإن طاقته الحركية تزداد أربعة أضعاف، فهل يتحقق ذلك في الميكانيك النسبي؟ وضح ذلك.

**الجواب:** في الميكانيك الكلاسيكي تضاعف كمية حركة جسيم ما مرتين يعني بالضرورة تضاعف سرعته مرتين لأن كتلته ثابتة فتزداد عندئذ طاقته الحركية أربعة أضعاف أما في الميكانيك النسبي فهذا غير محقق لأن الكتلة تزداد بزيادة السرعة.

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

## كيف يمكن تحديد عناصر شعاع الحقل المغناطيسي $\vec{B}$ في نقطة من الحقل؟

يمكن تحديد عناصر شعاع الحقل المغناطيسي لمغناطيس بواسطة **إبرة مغناطيسية** موضوعة في النقطة المراد تعيين شعاع الحقل المغناطيسي  $\vec{B}$  فيها بعد استقرارها:

**الحامل:** المستقيم الواصل بين قطبي الإبرة المغناطيسية.

**الجهة:** من القطب الجنوبي للإبرة إلى قطبها الشمالي.

**الشدة:** يستدل عليها من خلال **سرعة اهتزاز** الإبرة المغناطيسية في تلك النقطة فيازدياد شدة الحقل المغناطيسي تزداد سرعة اهتزاز الإبرة وتقدر في الجملة الدولية بوحدة **التسلا T**.

## الحقل المغناطيسي بوجود الحديد:



عند وضع نواة حديدية بين قطبي مغناطيس نصوي نلاحظ:

- تتقارب برادة الحديد عند طرفي النواة الحديدية وتكثف خطوط الحقل المغناطيسي ضمن النواة الحديدية.
- التعليل:** تـمـغـنـط نواة الحديد، وتولد منها حقلاً مغناطيسياً  $\vec{B}_1$  إضافياً يضاف إلى الحقل المغناطيسي الأصلي.
- المغـنـط  $\vec{B}$  فيشكل حقلاً مغناطيسياً كلياً  $\vec{B}_2$ .
- يُستقـاد من وضع النواة الحديدية بين قطبي المغناطيس النصوي في **زيادة** شدة الحقل المغناطيسي.

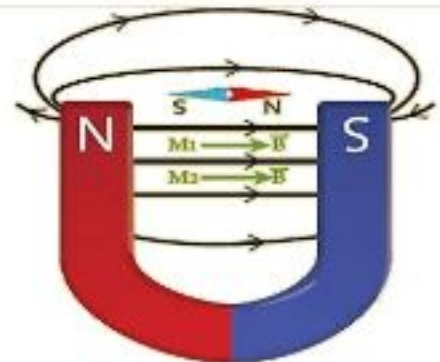
## المغناطيسية

**الحقل المغناطيسي:** هو منطقة إذا وضعت فيها إبرة مغناطيسية حرّة الحركة، فإنها تخضع لأفعال مغناطيسية وتأخذ الإبرة المغناطيسية منحى واتجاهاً معينين بتأثير الحقل المغناطيسي.

- خطوط الحقل المغناطيسي هي خطوط وهمية مماسية في كل نقطة من تقاطع شعاع الحقل المغناطيسي في تلك النقطة.
- تجّه خطوط الحقل المغناطيسي خارج المغناطيس من قطبه الشمالي إلى قطبه الجنوبي، وتكمل دورتها داخل المغناطيس من القطب الجنوبي إلى القطب الشمالي.



- تأخذ خطوط الحقل المغناطيسي بين قطبي المغناطيس النصوي شكل خطوط مستقيمة متوازية، ولها الجهة نفسها، ثم تنحني خارج قطبي المغناطيس.
- يكون الحقل المغناطيسي منتظماً إذا كانت أشعة الحقل متوازية، ولها الشدة نفسها، والجهة ذاتها (متسايرة فيما بينها).



عامل النفاذية المغناطيسي  $\mu$ :

نسبي النسبة بين قيمة الحقل الكلي  $B_T$  بوجود التواء الحديدية بين قطبي المغناطيس إلى قيمة الحقل المغناطيسي الأصلي (المعنت)  $B$  بعامل النفاذية المغناطيسي أي:  $\mu = \frac{B_T}{B}$

$\mu$ : عامل النفاذية المغناطيسي لا وحدة قياس له.

$B_T$ : شدة الحقل المغناطيسي الكلي يقاس بالتسلا T.

$B$ : شدة الحقل المغناطيسي المعنت يقاس بالتسلا T.

• يتعلق عامل النفاذية المغناطيسي بعاملين هما:

a- طبيعة المادة من حيث قابليتها للمعنت.

b- شدة الحقل المغناطيسي المعنت  $B$ .

الحقل المغناطيسي الأرضي:

- اعتقد العلماء بداية أن المواد المغناطيسية في الأرض مسؤولة

عن مغناطيسية الأرض، لكن درجات الحرارة العالية جداً

في جوف الأرض تجعل من الصعب الحفاظ على

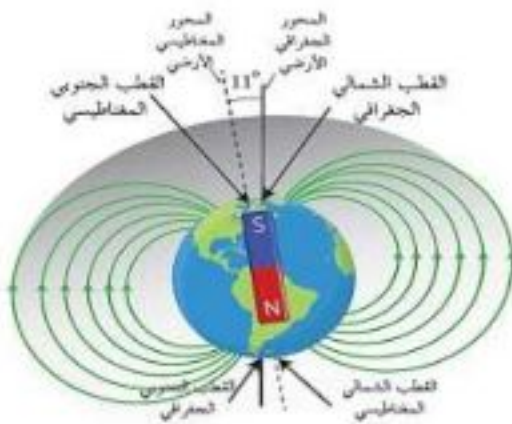
مغناطيسية دائمة للمواد الحديدية في باطن الأرض.

- ويعزو العلماء مغناطيسية الأرض إلى الشحنات المتحركة في

سوائل جوف الأرض (أيونات موجبة، وإلكترونات سالبة) التي تولد

بمركتها تيارات كهربائية داخل الأرض ينشأ عنها حقول مغناطيسية.

عناصر شعاع الحقل المغناطيسي الأرضي في نقطة:



• تسلك الأرض سلوك مغناطيس مستقيم كبير، منتصفه في مركزها.

• يميل محور الأقطاب المغناطيسية قرابة  $11^\circ$  عن محور

دوران الأرض المنطبق على (الشمال - الجنوب) الجغرافي.

• قطباها المغناطيسيان لا يتطابقان قطبيها الجغرافيين

أي أن القطب المغناطيسي الجنوبي للأرض يقع

بالقرب من القطب الشمالي الجغرافي، والقطب

المغناطيسي الشمالي للأرض يقع قرب القطب الجنوبي

الجغرافي لأرض.

• تُسمى الزاوية بين مستوى الإبرة وخط الأفق زاوية الميل  $\theta$ .

• عند وضع إبرة مغناطيسية محور دورانها أفقي عند أحد

القطبين الجغرافيين فإنها تستقر بوضع شاقولي أي

تصنع مع خط الأفق زاوية ميل قياسها  $90^\circ$  تقريباً.

• وعند نقل الإبرة إلى خط الاستواء فإنها تنطبق على الأفق،

أي أن قياس زاوية ميل الإبرة مع خط الأفق يساوي

الصفر.



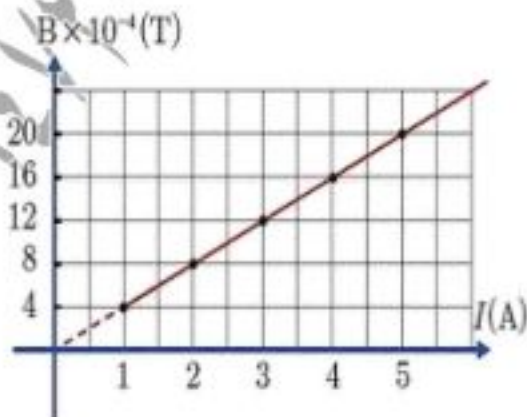
- تأخذ الإبرة المغناطيسية ليوصله محور دورانها شاقولي
- منحى المركبة الأفقية للحقل المغناطيسي الأرضي  $\vec{B}_H$ ، في مستوى الزوال المغناطيسي.
- في حين تأخذ الإبرة حرة الحركة منحى الحقل المغناطيسي الكلي  $\vec{B}$ .



### الحقول المغناطيسية للتيارات الكهربائية:

- إن شدة الحقل المغناطيسي المتولد عن تيار كهربائي تتناسب طردياً وشدة التيار المار في الدارة.
- الخط البياني الممثل تغيرات شدة الحقل المغناطيسي بدلالة شدة التيار مستقيم يمر من المبدأ، ميله  $K$  يساوي:

$$K = \frac{B}{I} \Rightarrow B = kI$$



- وعند وضع إبرة مغناطيسية محور دورانها شاقولي بعيدة عن أي تأثير مغناطيسي يمكنها الدوران بحرية في مستوى أفقي فإنها تستقر موازية لخط أفقي يسمى خط الزوال المغناطيسي.
- تسمى الزاوية المحصورة بين خط مسو الزوال المغناطيسي وخط مسو الزوال الجغرافي للأرض زاوية الانحراف المغناطيسي، ويتغير مقدارها بين  $(0^\circ - 180^\circ)$ .



- تتغير شدة الحقل المغناطيسي الأرضي من منطقة لأخرى على سطح الأرض حسب موقعها الجغرافي.
- ويقع شعاع الحقل المغناطيسي الأرضي في مستوى الزوال المغناطيسي (وهو المستوى المعروف بخط الزوال المغناطيسي ومركز الأرض).
- يُعين شعاع الحقل المغناطيسي الأرضي بواسطة زاويتي الميل والانحراف لتحديد منحى واتجاه الإبرة المغناطيسية.

- يمكن تحليل شعاع الحقل المغناطيسي إلى مركبتين:

(1) مركبة أفقية  $\vec{B}_H$ : شدتها  $B_H = B \cos i$

(2) مركبة شاقولية  $\vec{B}_V$ : شدتها  $B_V = B \sin i$

• بينت الدراسات أن قيمة  $k$  تتأثر بعاملين:

الأول: الطبيعة الهندسية للدائرة  $k'$ : شكل الدارة، وموضع النقطة المعبرة بالنسبة للدائرة.

الثاني: عامل التفاضية المغناطيسي  $\mu_0$ : وقيمته في الخلاء

في جملة الوحدات الدولية:  $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} T \cdot m \cdot A^{-1}$

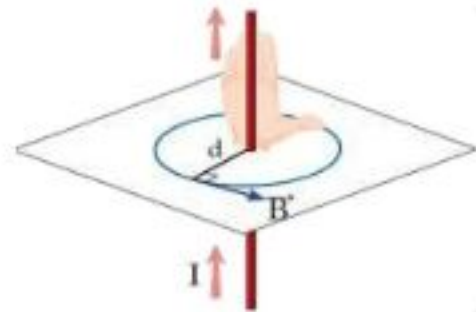
• بناءً على ما سبق يمكن أن نكتب علاقة شدة الحقل المغناطيسي المتولد عن تيار كهربائي بالشكل:

$$B = 4\pi \times 10^{-7} k' I$$

B شدة الحقل المغناطيسي (T) - I شدة التيار (A)

$k'$  ثابت يعلق بالطبيعة الهندسية للدائرة.

الحقل المغناطيسي لتيار مستقيم طويل:



عناصر شعاع الحقل المغناطيسي في نقطة n تبعد مسافة d

عن محور السلك:

الحامل: عمودي على المستوى المعين بالسلك والنقطة

المعبرة.

الجهة: تحدد عملياً بواسطة إبرة مغناطيسية صغيرة نضعها في

النقطة المعبرة، وتكون جهة شعاع الحقل  $\vec{B}$  من القطب

الجنوبي إلى القطب الشمالي للإبرة بعد أن تستقر.

أما نظرياً فإنها تحدد بقاعدة اليد اليمنى:

نضع ساعد اليد اليمنى وازي السلك ويدخل التيار من

الساعد ويخرج من نهايات الأصابع ونوجه باطن الكف نحو

النقطة المدروسة فتشير إبهام اليد اليمنى إلى جهة شعاع الحقل

المغناطيسي.

الشدة: إن شدة الحقل المغناطيسي لتيار مستقيم طويل

تناسب طردياً مع شدة التيار الكهربائي المار فيه I، وعكساً مع

بعد النقطة المعبرة عن محور السلك d، ويُعطى بالعلاقة:

$$B = 4\pi \times 10^{-7} K' I \quad \text{لكن} \quad K' = \frac{1}{2\pi d}$$

$$B = 2 \times 10^{-7} \frac{I}{d} \quad \text{نعوض:}$$

I شدة التيار الكهربائي (A) - B شدة الحقل المغناطيسي (T)

d بعد النقطة المعبرة عن محور السلك (m).

تطبيق (1): نمرر تياراً كهربائياً مواصلاً شدته 10 A في سلك

طويل مستقيم موضوع أفقياً في مستوى الزوال المغناطيسي

الأرضي المار من مركز إبرة مغناطيسية صغيرة يمكنها أن

تدور حول محور شاقولي موضوع تحت السلك على بعد

50 cm من محوره:

(1) شدة الحقل المغناطيسي عند مركز الإبرة المغناطيسية الناتج

عن مرور التيار.

(2) قيمة زاوية انحراف الإبرة المغناطيسية باعتبار أن قيمة المركبة

الأفقية للحقل المغناطيسي الأرضي  $2 \times 10^{-5} T$ .

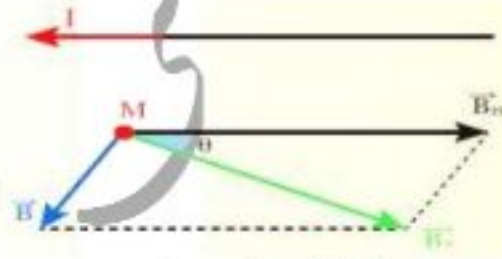
الحل:

$$B = 2 \times 10^{-7} \frac{I}{d} = 2 \times 10^{-7} \frac{10}{0.5} \quad (1)$$

$$B = 4 \times 10^{-6} T$$

(2) قبل إمرار التيار تستقر الإبرة فوق منحى المركبة الأفقية للحقل المغناطيسي الأرضي  $\vec{B}_H$ .

بعد مرور التيار يتولد حقل مغناطيسي  $\vec{B}$ ، يتلف مع  $\vec{B}_H$  حقلًا محصلًا  $\vec{B}_T$  تدور الإبرة المغناطيسية بزاوية  $\theta$  وتستقر فوق منحاه.

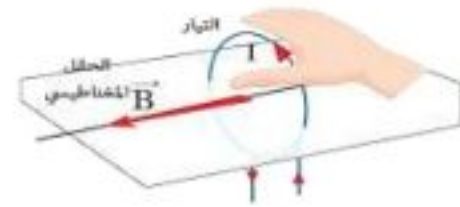


$$\tan \theta = \frac{B}{B_H} = \frac{4 \times 10^{-6}}{2 \times 10^{-5}} = 0.2$$

نكن  $\theta$  صغيرة بالتالي:

$$\tan \theta \approx \theta \Rightarrow \theta \approx 0.2 \text{ rad}$$

الحقل المغناطيسي لتيار كهربائي متواصل في ملف دائري:



عناصر شعاع الحقل المغناطيسي لتيار دائري:

الحامل: العمود على مستوى الملف الدائري.

الجهة: عملياً من القطب الجنوبي إلى القطب الشمالي.

الإبرة مغناطيسية نضعها عند مركز الملف الدائري بعد استقرارها.

نظراً حسب قاعدة اليد اليمنى: نضعها فوق الملف حيث يدخل التيار من الساعد، ويخرج من أطراف الأصابع، ونتجه باطن الكف نحو مركز الملف، فيشير الإبهام إلى جهة شعاع الحقل المغناطيسي.

الشدة: وجد تجريبياً أن شدة الحقل المغناطيسي لتيار

دائري تتناسب: طرداً مع شدة التيار الكهربائي المار فيه  $I$ .

و طرداً مع عدد لفات الملف  $N$  وعكساً مع نصف قطر الملف

الوسطي  $r$ .

$$B = 4\pi \times 10^{-7} K' I$$

لكن:  $k' = \frac{N}{2r}$  بالتالي:

$$B = 2\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{r}$$

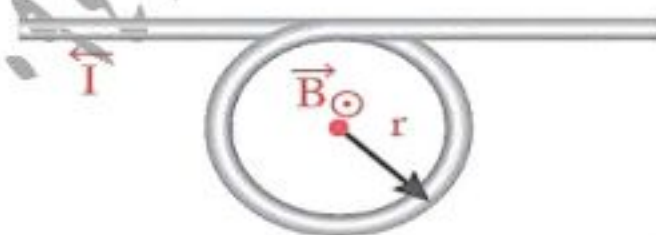
تطبيق (2):

نمرر تياراً كهربائياً شدة  $6A$  في سلك مستقيم طويل معزول، ثم

نلف جزءاً منه على شكل حلقة دائرية كما في الشكل بلفة

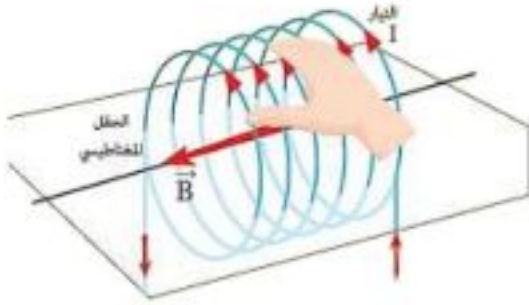
واحدة نصف قطرها  $3cm$  احسب شدة الحقل المغناطيسي

الحصل في مركز الحلقة، ثم حدد بنية عناصره.



الحقل المغناطيسي لتيار كهربائي متواصل يمر في ملف حلزوني (وشية):

عناصر شعاع الحقل المغناطيسي المتولد عن تيار حلزوني:



الحامل: محور الوشية.

الجهة: عملياً: من القطب الجنوبي إلى القطب الشمالي لإبرة مغناطيسية نضعها عند مركز الوشية بعد استقرارها.

نظرياً: تحدد بقاعدة اليد اليمنى نضعها فوق الوشية بحيث توائج أصابعها إحدى الحلقات وتصور أن التيار يدخل من الساعد، ويخرج من رؤوس الأصابع، فيشير الإبهام الذي يُعاهد الأصابع إلى جهة شعاع الحقل المغناطيسي. الشدة: وجد تجريبياً أن شدة الحقل المغناطيسي لتيار حلزوني داخل الوشية تتناسب طردياً مع:

(1) شدة التيار الكهربائي المتواصل المار فيها I.

(2) النسبة  $n_1 = \frac{N}{l}$  أي عدد اللفات في واحدة الأطوال وتُعطى الشدة بالعلاقة:

$$B = 4\pi \times 10^{-7} k' I$$

الحل: نعد السلك جزأين الأولى حلقة والثاني مستقيم فينشأ في مركز الحلقة الدائرية حقلان يمكن تحديد جهة كل منهما حسب قاعدة اليد اليمنى.

(1) الحقل المغناطيسي المتولد عن التيار المار في الحلقة الدائرية:

$$B_1 = 2\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{r}$$

$$B_1 = 2\pi \times 10^{-7} \frac{1 \times 6}{3 \times 10^{-2}} = 12.5 \times 10^{-6} T$$

(2) الحقل المغناطيسي المتولد عن التيار المار في السلك المستقيم:

$$B_2 = 2 \times 10^{-7} \frac{I}{d} = 2 \times 10^{-7} \frac{6}{3 \times 10^{-2}}$$

$$B_2 = 4 \times 10^{-6} T$$

الحقلان على حامل واحد، وبالجهة نفسها، فتكون شدة الحقل المحصل:

$$B_T = B_1 + B_2$$

$$B_T = 12.5 \times 10^{-6} + 4 \times 10^{-6} = 16.5 \times 10^{-6} T$$

الحامل: العمود على مسو الحلقة الدائرية.

الجهة: أمام مسو الحلقة الدائرية.

عناصر شعاع السطح:

الحامل: الناظم - الجهة: بجهة الناظم دوماً - الشدة: مساحة سطح الدارة واحدة قياسها  $m^2$ .

يعطى التدفق المغناطيسي  $\Phi$  الذي يجتاز دارة كهربائية في الخلاء بالعلاقة:

$$\Phi = \vec{B} \cdot \vec{S} \Rightarrow \Phi = BS \cos \alpha$$

ومن أجل دارة تحوي  $N$  لفة تصبح العلاقة:

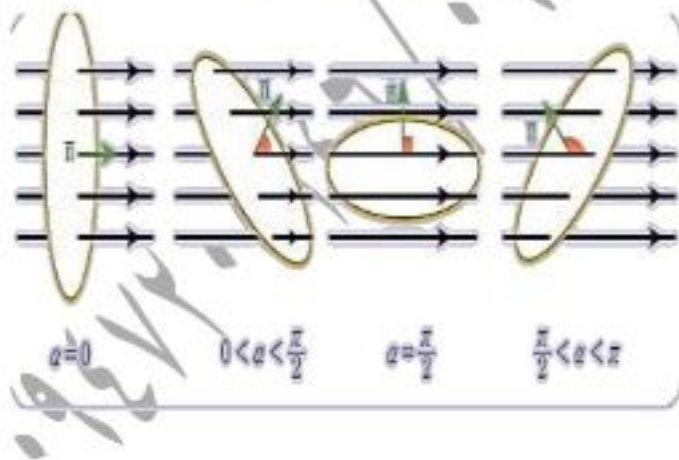
$$\Phi = NBS \cos \alpha$$

$\Phi$  التدفق المغناطيسي ويقاس *Weber*.

$B$  شدة الحقل المغناطيسي الذي يجتاز الدارة ويقاس  $T$ .

$\alpha$  هي الزاوية الكائنة بين شعاع الحقل المغناطيسي  $\vec{B}$

والناظم على السطح  $\alpha = (\vec{B} \cdot \vec{n})$



بحث المغناطيسية

نكن:  $k' = \frac{N}{l}$  بالتالي:

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{l}$$

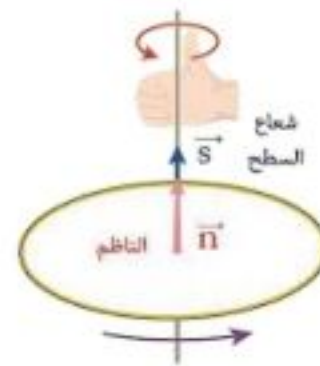
نتيجة: إن الملفات والوشاخ الكهربائية تكافئ مغناطاً إذ يُطلق اسم الوجه الشمالي على وجه الملف الذي تكون فيه جهة التيار بعكس جهة دوران عقارب الساعة، أما الوجه الآخر للملف فهو الوجه الجنوبي حيث تكون فيه جهة التيار بنفس جهة دوران عقارب الساعة.



التدفق المغناطيسي: يُعبّر عن عدد خطوط الحقل

المغناطيسي التي تجتاز سطح دارة كهربائية مُستوية مُغلقة.

شعاع السطح  $\vec{S}$ :



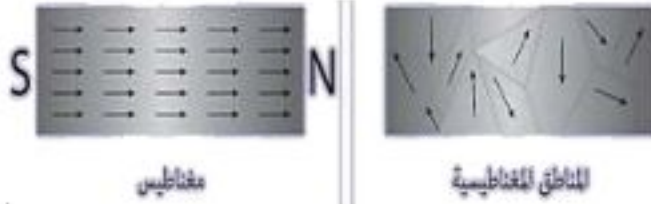
نرسم الناظم  $\vec{n}$  العمودي على مُستوي سطح الدارة

الذي يتجه من وجهها الجنوبي، ويخرج من وجهها

الشمالي وتعرف شعاع السطح بالعلاقة:  $\vec{S} = s \cdot \vec{n}$

المغناطيسي الخارجي بحيث تكون مُحصلَة هذه الخصائص المغناطيسية معدومة.

- لكن إذا وجدت قطعة الحديد في مجال مغناطيسي خارجي توجه ثنائيات الأقطاب المغناطيسية داخل القطعة باتجاه المجال المغناطيسي الخارجي أي تكون أقطابها الشمالية المغناطيسية باتجاه المجال المغناطيسي الخارجي، وتصبح مُحصلتها غير معدومة لذا تصبح قطعة الحديد ممغنطة.



اختبر نفسي

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

- 1) نمرز ثباتاً كهربائياً مواصلاً في ملف دائري، فيولد عند مركزه حقل مغناطيسي شدته  $B$ ، تضاعف عدد لفاته، ونجعل نصف قطر الملف الوسطي نصف ما كان عليه فتصبح شدة الحقل المغناطيسي عند مركزه:

(a) B (b) 2B (c) 4B (d) 0.5B

الإجابة الصحيحة: (c)

توضيح اختيار الإجابة:

$$B = 2\pi \times 10^{-7} \frac{N}{r} I \Rightarrow B' = 2\pi \times 10^{-7} \frac{2N}{\frac{r}{2}} I$$

$$B' = 4 \left( 2\pi \times 10^{-7} \frac{N}{r} I \right) = 4B$$

- يشبه دوران الإلكترونات حول النواة مرور تيار كهربائي في حلقة مغلقة، فيولد حقلًا مغناطيسيًا، إذ تتغير جهة هذا الحقل بتغير جهة دوران الإلكترون.

- فإذا دار إلكترونات حول النواة في الذرة بسرعتين زاويتين متساويتين وطولهما واتجاهين متعاكسين وينصف قطر مدار واحد تولد عن أحدهما خاصية مغناطيسية تُلغى خاصية المغناطيسية المتولدة عن الآخر.
- أما إذا افرد أحد إلكترونات الذرة بدورانه حول النواة أكسبها صفة مغناطيسية جاعلاً من الذرة مغناطيساً صغيراً ثنائي القطب.

- إن دوران الإلكترون حول محوره يعد تياراً متناهيًا في الصغير يولد حقلًا مغناطيسيًا كما لو كان مغناطيساً صغيراً.

- فإذا دار إلكترونات حول محورهما باتجاهين متعاكسين يلغى أحدهما الخصائص المغناطيسية للآخر.
- أما إذا افرد الإلكترون بدورانه حول نفسه أكسب الذرة صفة مغناطيسية.

- إن حركة بعض الشحنات داخل النواة تولد خصيصاً مغناطيسية صغيرة جداً مقارنة بالخصيصية المتولدة عن الدورانين السابقين للإلكترونات.
- لقد أظهرت الدراسة للمواد الحديدية العادية أنها تتكون من ثنائيات أقطاب مغناطيسية موزعة عشوائياً في غياب المجال

وفي نقطة ثانية تبعد  $2d$  عن محور السلك، وبعد أن تجعل شدة التيار ربع ما كانت عليه تصبح شدة الحقل المغناطيسي:

$$\frac{1}{8}B \text{ (d)} \quad 8B \text{ (c)} \quad 4B \text{ (B)} \quad 2B \text{ (a)}$$

الإجابة الصحيحة: (d)

توضيح اختيار الإجابة:

$$B_1 = 2 \times 10^{-7} \frac{I}{d} \Rightarrow B_2 = 2 \times 10^{-7} \frac{I}{2d}$$

$$B_2 = \frac{B_1}{8}$$

(5) تمرر تياراً كهربائياً متواصلاً في وشيعة عدد طبقاتها طبقة واحدة فيتولد في مركزها حقل مغناطيسي شدته  $B$ ، تقسم الوشيعة

إلى قسمين متساويين، فتصبح شدة الحقل المغناطيسي عند مركز الوشيعة مع ثبات التوتر المطبق:

$$\frac{B}{4} \text{ (d)} \quad \frac{B}{2} \text{ (c)} \quad 2B \text{ (B)} \quad B \text{ (a)}$$

الإجابة الصحيحة: (B) توضيح اختيار الإجابة: بتقسيم الوشيعة

ينقص طول سلكها إلى النصف، فيتنقص مقاومتها الأومية إلى

النصف، فتزداد شدة التيار مرتين، مما يزيد شدة الحقل

المغناطيسي مرتين  $B' = 2B$  علماً أن النسبة  $\frac{N}{l}$  ثابتة.

(2) إن التدفق المغناطيسي الذي يجتاز دائرة مستوية في الحلال يكون مساوياً لنصف قيمته العظمى عندما:

$$\alpha = \pi \text{ rad (b)} \quad \alpha = \frac{\pi}{2} \text{ rad (a)}$$

$$\alpha = \frac{\pi}{3} \text{ rad (d)} \quad \alpha = \frac{\pi}{6} \text{ rad (c)}$$

الإجابة الصحيحة: (d)

توضيح اختيار الإجابة:

$$\Phi = NBS \cos \alpha = \Phi_{max} \cos \alpha$$

$$\Phi = \Phi_{max} \cos \frac{\pi}{3} = \frac{1}{2} \Phi_{max}$$

(3) إن شدة شعاع الحقل المغناطيسي في مركز وشيعة يتناسب طردياً مع:

(a) مقاومة سلك الوشيعة .

(b) طول الوشيعة .

(c) التوتر الكهربائي المطبق بين طرفي الوشيعة .

(d) مساحة سطح مقطع الوشيعة .

الإجابة الصحيحة: (c)

توضيح اختيار الإجابة:

$$B_1 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{l} = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N}{l} \times \frac{U_{ab}}{R} = \text{const } U_{ab}$$

(4) تمرر تياراً كهربائياً متواصلاً في سلك مستقيم، فيتولد حقل

مغناطيسي شدته  $B$  في نقطة تبعد  $d$  عن محور السلك،

ثانياً: أعطِ تفسيراً علمياً لكل مما يلي:

(1) تقارب خطوط الحقل المغناطيسي عند قطبي المغناطيس.

الجواب: لأن شدة الحقل المغناطيسي عند قطبي المغناطيس تكون أكبر منها في النقاط الأبعد عن القطبين.

(2) لا يمكن لخطوط الحقل المغناطيسي أن تقاطع.

الجواب: إن خطوط الحقل المغناطيسي مماسة في كل نقطة من تقاطع شعاع الحقل المغناطيسي في تلك النقطة وإن تقاطع خطين يعني أن  $\vec{B}$  يس كل من الخطين وهذا غير صحيح. أو لأن شعاع الحقل المغناطيسي يصبح له في نفس النقطة أكثر من حامل واتجاه وهذا غير ممكن.

(3) لا تولد الأجسام المشحونة الساكنة أي حقل مغناطيسي.

الجواب: لأن الأجسام المشحونة الساكنة لا تولد تيار كهربائي.

ثالثاً: ضع كلمة "صح" أمام العبارة الصحيحة، وكلمة "خطأ" أمام العبارة الخاطئة، ثم صححها فيما يأتي:

(1) لكل مغناطيس قطبان مغناطيسيان مختلفان في شدتهما.

(خطأ) والصح: لكل مغناطيس قطبان مغناطيسيان متساويان في شدتهما.

(2) خطوط الحقل المغناطيسي لا ترى بالعين المجردة.

صح.

(3) تزداد شدة الحقل المغناطيسي لتيار كهربائي متواصل

في سلك مستقيم كلما ابتعدنا عن السلك.

(خطأ) والصح: تنقص شدة الحقل المغناطيسي لتيار كهربائي

متواصل في سلك مستقيم كلما ابتعدنا عن السلك.

(4) تنقص شدة الحقل المغناطيسي في مركز وشيعة لفاتها

متلاصقة عدد طبقاتها طبقة واحدة إلى نصف شدته في

حالة إقص طول الوشيعة إلى النصف مع بقاء شدة التيار ثابتة.

(خطأ) والصح: النسبة  $\frac{N}{l}$  هي نسبة ثابتة، بتقسيم الوشيعة بتقص

طول سلكها إلى النصف، فتتقص عدد اللفات إلى النصف

وتبقى شدة الحقل المغناطيسي ثابتة.

رابعاً: أجب عما يأتي:

أضع إبرة مغناطيسية محوراً لها شاقول على طاولة أفقية تستقر،

أبين كيف يجب وضع سلك مستقيم أفقياً فوق البوصلة بحيث

لا تنحرف الإبرة عند إمرار تيار كهربائي في السلك؟

الحل: لا تنحرف الإبرة عند مرور تيار كهربائي في السلك إذا

كان الحقل المغناطيسي المتولد عن التيار منطبق

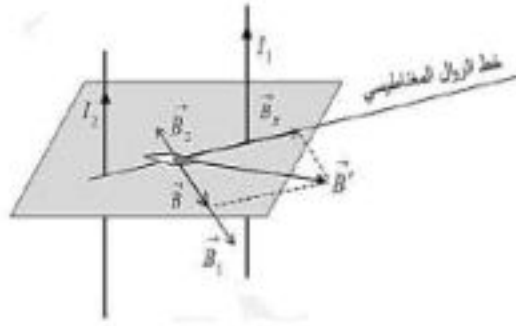
على استقامة الإبرة وينفس جهة  $\vec{B}_H$  أي يجب وضع

السلك المستقيم عمودياً على المستوى الحاروي

على الإبرة.



## خامساً: حل المسائل الآتية:



$\vec{B}_1, \vec{B}_2$  على حامل واحد وبجهتين متعاكستين

$$B = B_1 - B_2 \text{ شدة محصلتهما}$$

شدة الحقل المحصل في النقطة C:

$$B = 3 \times 10^{-6} - 1 \times 10^{-6} = 2 \times 10^{-6} T$$

(2) قبل إمرار التيارين تستقر الإبرة المغناطيسية وفق منحى

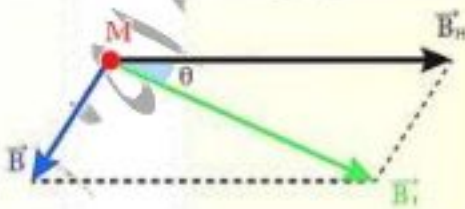
المركبة الأفقية للحقل المغناطيسي الأرضي  $\vec{B}_H$  بعد إمرار

التيارين تستقر الإبرة المغناطيسية وفق منحى  $\vec{B}'$  محصلة

( $\vec{B}, \vec{B}_H$ ) علماً أن:

$$(\vec{B}_1 \perp \vec{B}_H), (\vec{B}_2 \perp \vec{B}_H) \Rightarrow B \perp B_H$$

من الشكل نجد:



$$\tan \theta = \frac{B}{B_H} = \frac{2 \times 10^{-6}}{2 \times 10^{-5}} = 0.1 < 0.24$$

$$\tan \theta \approx \theta \Rightarrow \theta \approx 0.1 \text{ rad}$$

(3) حتى نتعدم محصلة الحقلين يجب أن يكون

$B_1, B_2$  متساويان بالشدة ومتعاكسان بالجهة.

المسألة الأولى: نضع في مستوى الزوال المغناطيسي

الأرضي سلكين طوليين متوازيين بحيث يبعد

منتصفاهما ( $C_1, C_2$ ) عن بعضهما البعض مسافة

$d = 40 \text{ cm}$  ونضع إبرة بوصلة صغيرة في النقطة C منتصف

المسافة ( $C_1, C_2$ ) نخرز في السلك الأول تياراً كهربائياً شدته

$I_1 = 3A$  وفي السلك الثاني تياراً كهربائياً شدته

$I_2 = 1A$  وبجهة واحدة والمطلوب:

(1) حساب شدة الحقل المغناطيسي المتولد عن التيارين

في النقطة C موضحاً ذلك بالرسم.

(2) حساب الزاوية التي تنحرف فيها إبرة البوصلة عن منحاهما

الأصلي بفرض أن قيمة المركبة الأفقية للحقل المغناطيسي

الأرضي  $B_H = 2 \times 10^{-5} T$ .

(3) حدد النقطة الواقعة بين السلكين التي نتعدم فيها شدة

محصلة الحقلين.

(4) هل يمكن أن نتعدم شدة محصلة الحقلين في نقطة

واقعة خارج السلكين؟ وضح أجبائك.

(الحل: 1)

$$B_1 = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d_1} = 2 \times 10^{-7} \frac{3}{20 \times 10^{-2}}$$

$$B_1 = 3 \times 10^{-6} T$$

$$B_2 = 2 \times 10^{-7} \frac{I_2}{d_2} = 2 \times 10^{-7} \frac{1}{20 \times 10^{-2}}$$

$$B_2 = 1 \times 10^{-6} T$$

(b) تقطع التيار السابق عن الملف، احسب التغيير الحاصل في قيمة التدفق المغناطيسي الذي يجتاز الملف ذاته.

$$B = 2\pi \times 10^{-7} \frac{N}{r} I \quad (\text{الحل: a})$$

$$B = 2\pi \times 10^{-7} \frac{N U}{r R}$$

$$B = 2\pi \times 10^{-7} \frac{400}{2 \times 10^{-2}} \times \frac{10}{20}$$

$$B = 2\pi \times 10^{-3} T$$

$$\Delta\Phi = N\Delta BS \cos \alpha \quad (B)$$

$$\Delta\Phi = N(B_2 - B_1)S \cos \alpha$$

$$\Delta\Phi = 400 \times (0 - 2\pi \times 10^{-3}) \times \pi \times 4 \times 10^{-4} \times 1$$

$$\Delta\Phi = -32 \times 10^{-4} \text{ Weber}$$

المسألة الثالثة: نضع سلكين شاقوليين متوازيين بحيث

يعدّ منتصفاهما  $M_1, M_2$ ، أحدهما عن الآخر  $4 \text{ cm}$

نمرز في السلك الأول تياراً كهربائياً شدته  $I_1$ ، نمرز في السلك

الأول تياراً كهربائياً شدته  $I_2$ ، وأتجاهين متعاكسين

فتكون شدة الحقل المغناطيسي المحصل لحقل

التيارين  $4 \times 10^{-7} T$  عند النقطة  $M$  منتصف المسافة

$M_2, M_1$ ، وعند ما يكون التياران بجهة واحدة تكون

شدة الحقل المغناطيسي المحصل عند  $M$   $2 \times 10^{-7} T$  فإذا

كان:  $I_1 > I_2$ ، احسب كلاً من:  $I_1, I_2$ .

$$2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d_1} = 2 \times 10^{-7} \frac{I_2}{d_2}$$

$$\frac{I_1}{d_1} = \frac{I_2}{d_2} \Rightarrow \frac{I_1}{d_1} = \frac{I_2}{(d - d_1)}$$

$$\frac{3}{d_1} = \frac{1}{(40 - d_1)} \Rightarrow 120 - 3d_1 = d_1$$

$$4d_1 = 120 \Rightarrow d_1 = 30 \text{ cm} = 0.3 \text{ m}$$

(4) لا تتعدم شدة محصلة الحقلين في نقطة واقعة خارج

السلكين في النقاط التي تقع على استقامة  $C_1, C_2$

للحقلين المغناطيسين الناتجين عن التيارين ذو

الجهة نفسها لكن يمكن أن تتعدم محصلة الحقلين

في نقطة واقعة خارج السلكين في النقاط التي تقع

على استقامة  $C_1, C_2$  للحقلين المغناطيسين

الناتجين عن التيارين مختلفين بالجهة ومن طرف

السلك الذي يجتازه تيار أقل.

$$2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d_1} = 2 \times 10^{-7} \frac{I_2}{d_2}$$

$$\frac{I_1}{d_1} = \frac{I_2}{d_2} \Rightarrow \frac{I_1}{d_1} = \frac{I_2}{(d_1 - d)}$$

$$\frac{3}{d_1} = \frac{1}{(d_1 - 40)} \Rightarrow 3d_1 - 120 = d_1$$

$$2d_1 = 120 \Rightarrow d_1 = 60 \text{ cm} = 0.6 \text{ m}$$

المسألة الثانية: (a) ملف دائري في مكبر صوت عدد

لفاته 400 لفة ونصف قطره  $2 \text{ cm}$  يعلّق بين طرفيه فرقاً

في الكُمون  $10 \text{ V}$  فإذا علمت أن مقاومته  $20 \Omega$

احسب شدة الحقل المغناطيسي المتولد عند مركز الملف.

$$2 \times 10^{-7} = \frac{2 \times 10^{-7}}{2 \times 10^{-2}} (I_1 - I_2)$$

$$I_1 - I_2 = 2 \times 10^{-2} \dots \dots \dots (2)$$

بجمع المعادلتين (1) و(2) نجد:  $I_1 = 3 \times 10^{-2} A$

ثم نعوض قيمة  $I_1$  في إحدى المعادلتين نجد:

$$I_2 = 1 \times 10^{-2} A$$

المسألة الرابعة: نضع ملفين دائريين لهما المركز ذاته في

مستويين متوازيين واحد، عدد لفات كل منهما 200 لفة ونصف قطر

الأول 10cm ونصف قطر الثاني 4cm، نمرر في الملف

الأول تياراً كهربائياً شدته 8A، بعكس جهة دوران عقارب

الساعة والمطلوب: حدد جهة التيار الواجب إمراره في الملف

الثاني وشدته؛ لتكون شدة الحقل المغناطيسي المحصل

عند المركز المشترك للملفين:

(1)  $5 \times 10^{-2} T$  أمام مستوى الرسم.

(2)  $3 \times 10^{-2} T$  خلف مستوى الرسم.

(3) معدومة.

الحل:  $B_1 = 2\pi \times 10^{-7} \frac{N_1}{r_1} I_1$

$$B_1 = 2\pi \times 10^{-7} \frac{200}{10 \times 10^{-2}} \times 8 = 1 \times 10^{-2} T$$

وجهة  $\vec{B}_1$  أمام مستوى الرسم.

(1) حتى تكون محصلة الحقلين  $\vec{B}$  أمام مستوى الرسم

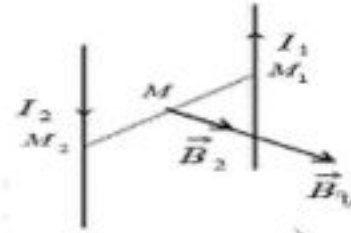
يجب أن يكون  $\vec{B}_2, \vec{B}_1$  بجهة واحدة أمام مستوى الرسم.

$$B = B_1 + B_2$$

الحل: عندما يكون التياران باتجاهين متعاكسين

يكون  $\vec{B}_2, \vec{B}_1$  بجهة واحدة لهما محصلة شدتها حاصل جمع

الشدتين:



$$B = B_1 + B_2$$

$$B = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d_1} + 2 \times 10^{-7} \frac{I_2}{d_2}$$

نكن:  $d_1 = d_2$  بالتالي:

$$B = 2 \times 10^{-7} \left( \frac{I_1}{d_1} + \frac{I_2}{d_2} \right)$$

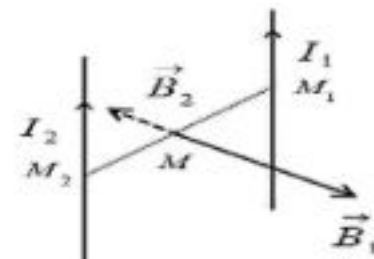
$$4 \times 10^{-7} = \frac{2 \times 10^{-7}}{2 \times 10^{-2}} (I_1 + I_2)$$

$$I_1 + I_2 = 4 \times 10^{-2} \dots \dots \dots (1)$$

عندما يكون التياران بجهة واحدة يكون

بجهتين متعاكسين لهما محصلة شدتها حاصل طرح

الشدتين:



$$B = B_1 - B_2$$

$$B = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d_1} - 2 \times 10^{-7} \frac{I_2}{d_2}$$

نكن:  $d_1 = d_2$  بالتالي:

$$B = 2 \times 10^{-7} \left( \frac{I_1}{d_1} - \frac{I_2}{d_2} \right)$$

$$2\pi \times 10^{-7} \frac{N_1}{r_1} I_1 = 2\pi \times 10^{-7} \frac{N_2}{r_2} I_2$$

$$\frac{I_1}{r_1} = \frac{I_2}{r_2} \Rightarrow \frac{8}{10 \times 10^{-2}} = \frac{I_2}{4 \times 10^{-2}}$$

$$I_2 = 3.2 A$$

جهة  $I_2$  بجهة دوران عقارب الساعة.

المسألة الخامسة: ملف دائري نصف قطره الوسطي  $5 \text{ cm}$

يولد عند مركزه حقلاً مغناطيسياً، قيمة تساوي قيمة الحقل

المغناطيسي الذي تولده وشبعة عند مركزها عندما يمر بهما

التيار نفسه، فإذا علمت أن عدد لفات الشبعة  $100$  لفة وطولها

$20 \text{ cm}$  احسب عدد لفات الملف الدائري.

$$B = B'$$

الحل:

$$2\pi \times 10^{-7} \frac{N}{r} I = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N'}{l} I$$

$$\frac{N}{r} = \frac{2N'}{l}$$

$$N = \frac{2N' r}{l} = \frac{2 \times 100 \times 5 \times 10^{-2}}{20 \times 10^{-2}}$$

$$N = 50$$

التفكير الناقد:

تأبض معدني مرتب مهمل الكتلة حلقاته متباعدة، يعلق

من إحدى طرفيه ويترك ليبدل شاقولياً، يمر فيه

تياراً كهربائياً شدته كبيرة نسبياً. أنتقارب حلقات التأبض، أم

تتباعد عن بعضها البعض؟ مع التعليل

$$5 \times 10^{-2} = 1 \times 10^{-2} + B_2 \Rightarrow$$

$$B_2 = 4 \times 10^{-2} T$$

$$B_2 = 2\pi \times 10^{-7} \frac{N_2}{r_2} I_2$$

$$4 \times 10^{-2} = 2\pi \times 10^{-7} \frac{200}{4 \times 10^{-2}} I_2$$

$$I_2 = \frac{4 \times 10^{-2} \times 4 \times 10^{-2}}{2\pi \times 10^{-7} \times 200}$$

$$\Rightarrow I_2 = 12.8 A$$

جهة  $I_2$  بعكس جهة دوران عقارب الساعة.

(2) حتى تكون محصلة الحقلين  $\vec{B}$  خلف مسوي

الرسم يجب أن يكون  $\vec{B}_2, \vec{B}_1$  بجهتين متعاكسين

و  $\vec{B}_2$  خلف مسوي الرسم.

$$B = B_2 - B_1$$

$$3 \times 10^{-2} = B_2 - 1 \times 10^{-2}$$

$$B_2 = 4 \times 10^{-2} T$$

$$B_2 = 2\pi \times 10^{-7} \frac{N_2}{r_2} I_2$$

$$4 \times 10^{-2} = 2\pi \times 10^{-7} \frac{200}{4 \times 10^{-2}} I_2$$

$$I_2 = \frac{4 \times 10^{-2} \times 4 \times 10^{-2}}{2\pi \times 10^{-7} \times 200}$$

$$\Rightarrow I_2 = 12.8 A$$

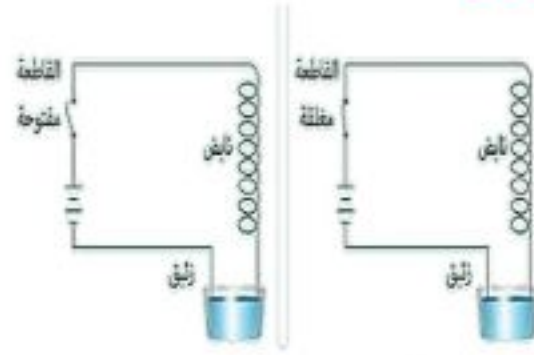
جهة  $I_2$  بجهة دوران عقارب الساعة.

(3) حتى **تعدم** محصلة الحقلين يجب أن يكون

$B_1, B_2$  متساويان بالشدّة ومتعاكسان بالجهة.

$$B_1 = B_2$$

الجواب:



تتقارب حلقات التابض وذلك لأن جهة التيار الكهربائي في كل حلقة هي ذاتها فمرور التيار بحول كل حلقة إلى مغناطيس وبصبح كل وجهين متقابلين لحلقتين متجاورتين قطبي مغناطيس متعاكسين في النوع مما يسبب تجاذبهما إلى بعضهما البعض.

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناةنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

## فعل الحقل المغناطيسي في التيار الكهربائي

القوة المغناطيسية: (قوة لورنر المغناطيسية)

- يؤثر الحقل المغناطيسي في الجسيمات المشحونة المتحركة ضمن المنطقة التي يسودها الحقل بقوة مغناطيسية، حيث تُغيّر هذه القوة من مسار حركة هذه الجسيمات.
- تُغيّر جهة انحراف مسار الجسيمات المشحونة بتغير جهة الحقل المغناطيسي المؤثر.

العوامل المؤثرة في شدة القوة المغناطيسية:

أثبتت التجارب أن شدة القوة المغناطيسية تناسب طردياً مع

- (1) مقدار الشحنة المتحركة  $q$ .
- (2) شدة الحقل المغناطيسي المؤثرة  $B$ .
- (3) سرعة الشحنة  $v$ .
- (4)  $\sin \theta$  هي الزاوية بين شعاع سرعة الشحنة وشعاع الحقل المغناطيسي.

$$F = qvB \sin \theta$$

وتكون العبارة الشعاعية للقوة المغناطيسية:

$$\vec{F} = q\vec{v} \wedge \vec{B}$$

عناصر شعاع القوة المغناطيسية:

- (1) نقطة التأثير: الشحنة المتحركة.
- (2) الحامل: عمودي على المستوى المحدد بشعاع السرعة وشعاع الحقل المغناطيسي.

(3) الجهة: تُحدّد بقاعدة اليد اليمنى وفق الآتي: نجعل

الساعد يوازي شعاع سرعة الشحنة المتحركة والأصابع

بعكس جهة شعاع السرعة للشحنات السالبة وبجهة شعاع السرعة

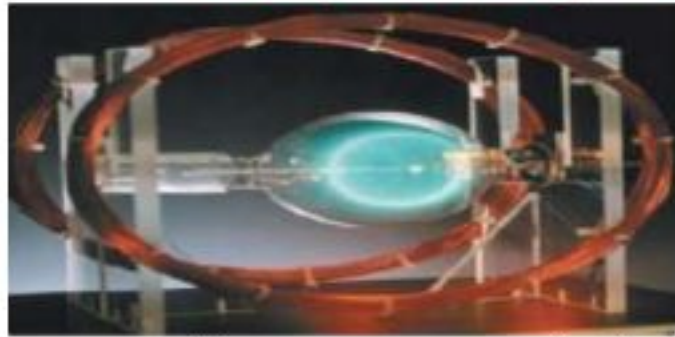
للشحنات الموجبة ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من

راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة المغناطيسية.

$$F = qvB \sin \theta$$

دراسة حركة جسيم مشحون (الكرون) في حقل

مغناطيسي منتظم (تجربة ملقي هلمهولتز):



• يتولد حقل مغناطيسي منتظم بين ملفين دائريين متوازيين يمر فيهما التيار ذاته.

• تتحرك الحزمة الإلكترونية ضمن الحقل المغناطيسي المنتظم وبحيث  $\vec{v}_0 \perp \vec{B}$ .

• يؤثر الحقل المغناطيسي المنتظم في الحزمة الإلكترونية بقوة

مغناطيسية تكون دائماً عمودية على شعاع سرعتها

وتكسب الحزمة الإلكترونية تسارعاً ثابتاً يعاين شعاع السرعة

فيكون التسارع جاذباً مركزي وحركتها دائرية منتظمة

بالتالي يحدث تغير في حامل وجهة شعاع السرعة فقط لا

في قيمتها.

## بحث فعل الحقل المغناطيسي في التيار الكهربائي

استنتاج علاقة نصف قطر المسار الدائري لأحد الإلكترونات المتحركة ضمن المنطقة التي يسودها الحقل المغناطيسي المنتظم حيث  $\vec{v}_0 \perp \vec{B}$ :

يخضع الإلكترون لتأثير القوة المغناطيسية فقط بإهمال قوة ثقله:

$$\sum \vec{F} = m_e \vec{a}$$

$$\vec{F} = m_e \vec{a}$$

$$e\vec{v} \wedge \vec{B} = m_e \vec{a}$$

$$\vec{a} = \frac{e}{m_e} \vec{v} \wedge \vec{B}$$

وبحسب خواص الجداء الشعاعي فإن:  $\vec{a} \perp \vec{v}$

وبالتالي الحركة دائرية منتظمة:

$$F = F_c$$

$$evB = m_e a_c$$

$$evB = m_e \frac{v^2}{r}$$

$$r = \frac{m_e v}{eB}$$

حيث:  $m_e$  كتلة الإلكترون، و  $v$  سرعة الإلكترون،

$e$  القيمة المطلقة لشحنة الإلكترون،  $B$  شدة شعاع الحقل

المغناطيسي.

ويكون دور حركة الإلكترون:

$$v = \omega \cdot r \Rightarrow v = \frac{2\pi}{T} r \Rightarrow T = \frac{2\pi r}{v}$$

نعوض قيمة  $r$  فنجد أن:

القوة الكهرومغناطيسية (قوة لابلاس الكهرومغناطيسية):



• يؤثر الحقل المغناطيسي في السلك الناقل الذي يجازيه

تيار كهربائي بقوة ثابتة تسمى القوة الكهرومغناطيسية.

إعداد المدرس: فراس قلعه جي

• تتغير جهة القوة الكهرومغناطيسية بتغير جهة التيار، أو بتغير جهة شعاع

الحقل المغناطيسي المؤثر.

• تزداد شدة القوة الكهرومغناطيسية بزيادة كل من:

(1) شدة التيار المار بالسلك.

(2) شدة الحقل المغناطيسي المؤثر.

(3) طول الجزء من الناقل المستقيم الخاضع للحقل المغناطيسي.

(4) وتعلق بـ  $\sin \theta$  حيث  $\theta$  الزاوية المحصورة بين الناقل

المستقيم، وشعاع الحقل المغناطيسي المؤثر.

استنتاج عبارة القوة الكهرومغناطيسية:

بفرض لدينا سلك طوله  $L$ ، ومساحة مقطعه  $S$ ، والكثافة الحجمية

للإلكترونات الحرة فيه  $n$  فيكون عدد الإلكترونات الحرة الكلية

$N = nsL$  وعند تطبيق فرق كمول بين طرفي

السلك فإن الإلكترونات الحرة تتحرك بسرعة ثابتة  $v$  (فينشأ تيار)

ويؤثر على السلك بحقل مغناطيسي فتخضع هذه الإلكترونات

إلى تأثير القوة المغناطيسية بينما يخضع السلك لتأثير قوة كهرومغناطيسية

تساوي محصلة القوى المغناطيسية المؤثرة في الشحنات

المتحركة (الإلكترونات) داخل السلك أي تساوي جداء عدد

الإلكترونات في القوة المغناطيسية أي:

$$F = nsLevB \sin \theta$$

لكن:  $v = \frac{L}{\Delta t}$ ،  $N = nsl$

$$F = \frac{Ne}{\Delta t} (LB \sin \theta)$$

ولكن:  $q = Ne$  وبالتالي:  $I = \frac{q}{\Delta t}$  ومنه:

$$F = ILB \sin \theta$$

وهي العلاقة المعبرة عن شدة القوة الكهرومغناطيسية.

## بحث فعل الحقل المغناطيسي في التيار الكهربائي

حيث  $\theta$  الزاوية المحصورة بين  $\vec{B}$  و  $I\vec{L}$  ويسمى الشعاع  $I\vec{L}$  بشعاع التيار الذي حامله السلك ووجهه بجهة التيار.

وتكتب العبارة الشعاعية للقوة الكهربائية بالشكل:

$$\vec{F} = I\vec{L} \wedge \vec{B}$$

عناصر شعاع القوة الكهربائية:

(1) نقطة التأثير: منتصف الجزء من الناقل المستقيم الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم.

(2) الحامل: عمودي على المستوى المحدد بالناقل المستقيم وشعاع الحقل المغناطيسي المنتظم.

(3) الجهة: تحقق الأشعة  $(I\vec{L}, \vec{B}, \vec{F})$  ثلاثية مباشرة وفق قاعدة اليد اليمنى.

(3) الجهة: تحقق الأشعة  $(I\vec{L}, \vec{B}, \vec{F})$  ثلاثية مباشرة وفق قاعدة اليد اليمنى.



تجعل اليد منبسطة على الناقل بحيث يدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

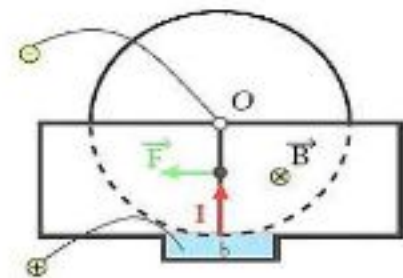
تجعل اليد منبسطة على الناقل بحيث يدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد منبسطة على الناقل بحيث يدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد منبسطة على الناقل بحيث يدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

(4) الشدة: تعطى بالعلاقة:  $F = ILB \sin \theta$

تجربة دولا ب بارلو:



• عند إغلاق دائرة الدولا ب فإنه يدور بتأثير عزم القوة الكهربائية.

## إعداد المدرس: فراس قلعه جي

• تنعكس جهة دوران الدولا ب عندما تنعكس جهة التيار أو جهة شعاع الحقل المغناطيسي.

عناصر شعاع القوة الكهربائية التي يخضع لها الدولا ب:

(1) نقطة التأثير: منتصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم.

(2) الحامل: عمودي على المستوى المحدد بنصف القطر الشاقولي السفلي وشعاع الحقل المغناطيسي المنتظم.

(3) الجهة: تحقق الأشعة  $(I\vec{r}, \vec{B}, \vec{F})$  ثلاثية مباشرة وفق قاعدة اليد اليمنى.

تجعل اليد اليمنى منبسطة على نصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم ويدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد اليمنى منبسطة على نصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم ويدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد اليمنى منبسطة على نصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم ويدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد اليمنى منبسطة على نصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم ويدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد اليمنى منبسطة على نصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم ويدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد اليمنى منبسطة على نصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم ويدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد اليمنى منبسطة على نصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم ويدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

تجعل اليد اليمنى منبسطة على نصف القطر الشاقولي السفلي الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم ويدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع ويخرج شعاع الحقل المغناطيسي من راحة الكف فيشير الإبهام إلى جهة القوة الكهربائية.

(4) الشدة: تعطى بالعلاقة:  $F = IrB \sin \theta$

حيث:  $\theta = (I\vec{r} \wedge \vec{B}) = \frac{\pi}{2} \text{ rad} \Rightarrow \sin \theta = 1$

عمل القوة الكهربائية (نظرية مكسويل):

تجربة السكتين الكهربائية:

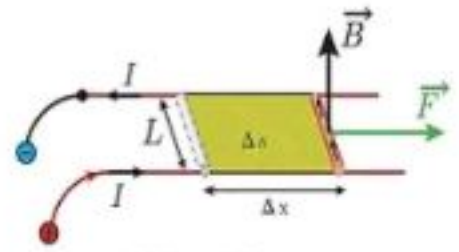


تنقل الساق الأفقية موازية لنفسها مسافة  $\Delta x$ ، فتسمح سطحاً

حيث تنقل نقطة تأثير القوة الكهربائية على حاملها وبجهد مسافة  $\Delta x$ .

حيث  $\Delta S = L \Delta x$





$$W = F \Delta x$$

$$W = ILB \Delta x$$

$$W = IB \Delta S$$

نكن:  $\Delta \Phi = B \Delta S > 0$  يميل تزايد التدفق المغناطيسي

نعوض فنجد:  $W = I \Delta \Phi > 0$  والعمل موجب محرك.

نصن نظرية مكسويل:

عندما تنقل دائرة كهربية أو جزء من دائرة كهربية في منطقة

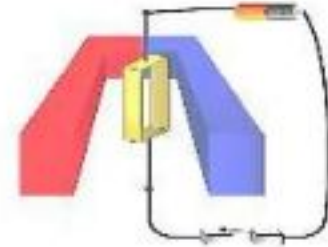
يسودها حقل مغناطيسي فإن عمل القوة الكهرومغناطيسية المسببة

لذلك الانتقال يساوي جداء شدة التيار المار في الدائرة في

تزايد التدفق المغناطيسي الذي يجازها.

تأثير الحقل المغناطيسي على إطار مستطيل يمر فيه

تيار كهربائي:



عند إمرار التيار الكهربائي في الإطار المعلق بسلك عديم الفتل

والذي خطوط الحقل المغناطيسي موازية لسطحه يدور

ويستقر عندما تصبح خطوط الحقل المغناطيسي عمودية على

مستوي الإطار (تدفق أعظمي).

أفسر سبب دوران الإطار:

يؤثر الحقل المغناطيسي المنتظم في الإطار بمزدوجة كهرومغناطيسية

تتشأ عن القوتين الكهرومغناطيسيتين المؤثرتين في

الضلعين الشاقوليين، وتعمل على تدوير الإطار حول محور

دورانه من وضعه الأصلي حيث التدفق المغناطيسي

معدوم إلى وضع توازنه المستقر حيث يكون التدفق

المغناطيسي الذي يجازها أعظمياً.

قاعدة التدفق الأعظمي:

إذا أثر حقل مغناطيسي في دائرة كهربية مغلقة حرة الحركة

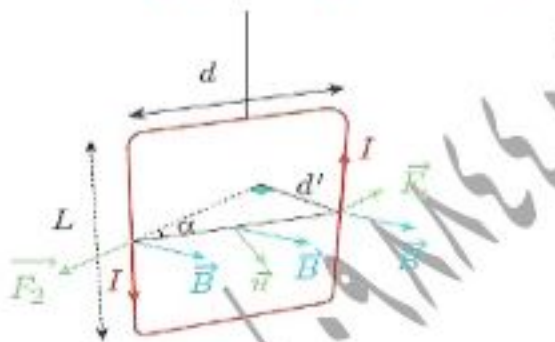
تحركت بحيث يزداد التدفق المغناطيسي الذي يجازها

من وجهها الجنوبي وتستقر في وضع يكون التدفق

المغناطيسي أعظمياً.

استنتاج عزم المزدوجة الكهرومغناطيسية المؤثرة في إطار

طول ضلعه الأفقي d والشاقولي L:



$$\Gamma_{\Delta} = d' F$$

d': طول ذراع المزدوجة الكهرومغناطيسية.

$$d' = d \sin \alpha \text{ حيث } \alpha = (\vec{B}, \vec{n})$$

إن شدة القوة الكهرومغناطيسية من أجل N لفة معزولة ومتماثلة:

$$F = N L B \sin \frac{\pi}{2}$$

نعوض فنجد:

$$\Gamma_{\Delta} = N I L B d \sin \alpha$$

لكن:  $S = L d$  مساحة سطح الإطار.

$$\Gamma_{\Delta} = N I S B \sin \alpha$$

وهي عبارة عزم المزدوجة الكهرومغناطيسية.

## بحث فعل الحقل المغناطيسي في التيار الكهربائي

**ملاحظة:** يُسمى الجداء  $NIS$  بالعزم المغناطيسي  $M$ .

$$\vec{M} = NIS\vec{\Delta}$$

وبالتالي علاقة عزم المزدوجة الكهروستاتيكية شعاعياً بالشكل:

$$\vec{\Gamma}_{\Delta} = \vec{M} \wedge \vec{B}$$

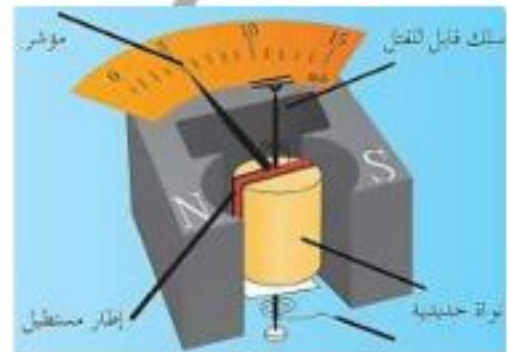
$\vec{M}$  شعاع العزم المغناطيسي **تأظمي** على مستوى الإطار، وجهته بجهة إبهام يد يميني تلف أصابعها بجهة التيار.

أي شعاع العزم المغناطيسي يتجه من الوجه الجنوبي نحو الوجه الشمالي (للدائرة).

**المقياس الغلفاني ذو الإطار المتحرك:**

هو جهاز يُستخدم لقياس التيارات الكهربائية الصغيرة الشدة وقياسها.

**مم يتكوّن المقياس الغلفاني؟**



يتألف من ملف على شكل إطار مستطيل يحتوي  $N$

لفة معزولة متماثلة يتصل أحد طرفيه بسلك قابل للفعل أما الطرف الآخر

من الملف فيتصل بسلك آخر شاقولي **لن** **عديم الفعل**

ويمكن للإطار أن يدور حول محوره الشاقولي المار بمركزه

بين قطبي مغناطيس نضوي محيطاً بنواة أسطوانية من

الحديد اللين، بحيث يكون مستوى الإطار **بوازي**

الخطوط الأفقية للحقل المغناطيسي للمغناطيس قبل إمرار التيار.

إعداد المدرس: فراس قلعه جي

**مبدأ عمله:** عندما يمر تيار كهربائي في الإطار فإنه يدور

بزوايا صغيرة  $\theta'$  فيشير مؤشر المقياس إلى قراءة معينة عندما

يتوازن الإطار بالأعلى قيمة شدة التيار المار.

**استنتاج العلاقة بين زاوية دوران الإطار  $\theta'$  والتيار المار فيه  $I$ :**

عند إمرار التيار الكهربائي المراد قياس شدته  $I$  في إطار

المقياس فإن الحقل المغناطيسي المنتظم يؤثر في الإطار

**بمزدوجة كهروستاتيكية** تسبب دوران الإطار حول محوره فينشأ

في سلك الفعل **مزدوجة قتل تمنع** استمرار الدوران

ويتوازن الإطار بعد أن يدور بزوايا صغيرة  $\theta'$  وعندئها

يتحقق شرط التوازن الدوراني:

$$\sum \vec{\Gamma}_{\Delta} = 0$$

$$\sum \vec{\Gamma}_{\Delta} + \vec{\Gamma}_{\text{كهروستاتيكية}} = 0$$

$$NISB \sin \alpha - k\theta' = 0$$

$$\alpha + \theta' = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$\sin \alpha = \cos \theta'$$

$$NISB \cos \theta' - k\theta' = 0$$

لكن  $\theta'$  زاوية صغيرة بالتالي:  $\cos \theta' \approx 1$

$$\theta' = \frac{NSB}{k} I$$

$$\theta' = GI$$

حيث  $G = \frac{NSB}{k}$  ثابت المقياس الغلفاني: يعبر عن

**حساسية المقياس الغلفاني** ويقاس بـ  $\text{rad.A}^{-1}$  وتزداد حساسية

المقياس الغلفاني كلما زادت قيمة  $G$  ويتم ذلك عملياً باستبدال

سلك الفعل بسلك أرفع منه من المادة نفسها (لتصغير ثابت الفعل  $k$ ).

**جهاز المقياس متعدد الأغراض (آفومتر):**

يستخدم هذا الجهاز لاستخدامات عدة مثل قياس:

التوتر المستوي DC - التوتر المتناوب AC - شدة التيار المستوي والمتناوب - المقاومات.

اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة في كلِّ ممَّا يأتي:

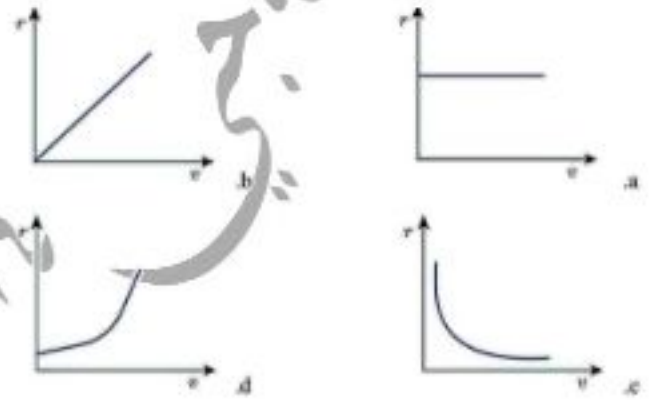
1) جسيمات مشحونة لها الكتلة نفسها والشحنة نفسها أدخلت

في منطقة يسودها حقل مغناطيسي مُنظَّم بسرعة تعامد

خطوط الحقل فإنَّ الشكل الذي يُمثِّل العلاقة بين نصف

قطر المسار الدائري  $r$  وسرعة الجسيمات المشحونة الجسيمات

المشحونة  $v$ :



الإجابة الصحيحة: (b)

توضيح اختيار الإجابة:  $r = \frac{m}{qB} v \Rightarrow r = \text{const.} \cdot v$

وبالتالي الخط البياني المثل لنصف القطر بدلالة سرعة

الجسيمات هو: خط مستقيم يمر بالمبدأ ميله  $\frac{m}{qB}$

2) إنَّ واحدة قياس النسبة  $\frac{E}{B}$  هي:

(a)  $m \cdot s^{-1}$  (b)  $m \cdot s^{-2}$  (c)  $m$  (d)  $s$

الإجابة الصحيحة: (a)

$$\frac{E}{B} = \frac{\frac{F}{q}}{\frac{F}{qv}} = \frac{\frac{N}{C}}{\frac{N}{C \cdot m \cdot s^{-1}}} = m \cdot s^{-1}$$

3) عندما يدخل الإلكترون في منطقة يسودها حقل

مغناطيسي مُنظَّم بسرعة  $v$  تعامد خطوط الحقل المغناطيسي

(بإهمال ثقل الإلكترون) فإنَّ حركة الإلكترون داخل

الحقل هي:

(a) دائرية مُعَيَّرة بانتظام. (b) دائرية منتظمة.

(c) مستقيمة منتظمة. (d) تبقى شدته ثابتة.

الإجابة الصحيحة: (b)

توضيح اختيار الإجابة:

$$\vec{a} = \frac{e}{m_e} \vec{v} \wedge \vec{B} \Rightarrow \vec{a} \perp \vec{v} \Rightarrow a_c = a$$

4) عندما يدخل جسم مشحون في منطقة يسودها حقل

مغناطيسي مُنظَّم، فإنَّ شعاعاً سرعته  $v$ :

(a) يتغير حامله وشدته. (b) يتغير حامله فقط.

(c) تتغير شدته فقط. (d) تبقى شدته ثابتة.

الإجابة الصحيحة: (d)

توضيح اختيار الإجابة: لأنَّ الحركة دائرية منتظمة.

5) عندما تدحرج السَّاق في تجربة السكين الكهربائية

تحت تأثير القوة الكهربائية، فإنَّ التدفق المغناطيسي:

(a) يبقى ثابتاً. (b) يزداد. (c) يتناقص. (d) يتعدم.

الإجابة الصحيحة: (b)

توضيح اختيار الإجابة:

$$w = I \Delta \Phi, \quad w > 0 \Rightarrow \Delta \Phi > 0$$

ثانياً: أجب عن الأسئلة الآتية:

1) ادرس التأثير المتبادل بين سلكين نحاسيين

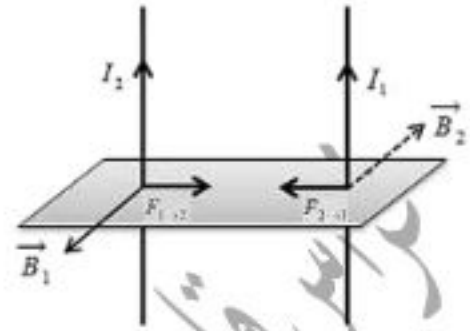
شاقوليين طولين يمرُّ بهما تياران متوازيان لهما

الجهة نفسها واستنسخ عبارة القوة الكهربائية المؤثرة في أحد

السلكين نتيجة وجود السلك الآخر.

## بحث فعل الحقل المغناطيسي في التيار الكهربائي

**الحل:** التأثير المتبادل بين سلكين نحاسيين شاقوليين طوليين يمر بهما تياران متواصلان لهما الجهة نفسها:



يولد التيار المستقيم  $I_1$  في كل نقطة من الجزء  $L_1$  من السلك المستقيم الثاني حقلًا مغناطيسيًا شدته:

$$B_1 = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d}$$

يؤثر هذا الحقل في الجزء  $L_2$  بقوة كهربية شدتها:

$$F_{1 \rightarrow 2} = I_2 L_2 B_1 \sin \frac{\pi}{2}$$

$$F_{1 \rightarrow 2} = I_2 L_2 (2 \times 10^{-7} \frac{I_1}{d}) \sin \frac{\pi}{2}$$

$$F_{1 \rightarrow 2} = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1 I_2}{d} L_2$$

وبدراسة جملة مماثلة نجد:

$$F_{2 \rightarrow 1} = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1 I_2}{d} L_1$$

(2) استنتج عبارة شدة الحقل المغناطيسي المؤثرة في شحنة كهربائية تتحرك في حقل مغناطيسي منظم بسرعة تعامد شعاع الحقل المغناطيسي ثم عرف السلا  $T$ .

**الحل:** جملة المقارنة: خارجية - الجملة المدروسة: الشحنة الكهربائية المتحركة.

القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{F}$  قوة لورنتز (بإهمال ثقل الشحنة).

$$\vec{F} = q\vec{v} \wedge \vec{B}$$

$$F = qvB \sin \frac{\pi}{2} \Rightarrow B = \frac{F}{qv}$$

## إعداد المدرس: فراس قلعه جي

**السلا:** شدة حقل مغناطيسي منظم إذا تحركت ضمنه شحنة كهربائية مقداره كولوم واحد بسرعة  $1m \cdot s^{-1}$  تعامد خطوط الحقل تأثرت بقوة مغناطيسية تساوي نيوتن واحد.

(3) بين كيف يتم قياس شدة التيار في المقياس الغلفاني ثم استنتج العلاقة بين شدة التيار  $I$  وزاوية دوران الإطار ( $\theta$ ) وكيف تتم زيادة حساسية المقياس الغلفاني عملياً من أجل التيار نفسه.

**الحل:** عند إمرار التيار الكهربائي المراد قياس شدته في إطار

المقياس فإن الحقل المغناطيسي المنظم يؤثر فيه بمزدوجة

كهربية تنشأ عن القوتين الكهريستيتين

المؤثرتين في الضامعين الشاقوليين تعمل هذه المزدوجة

على تدوير الإطار حول محور الدوران فينشأ في سلك

الفصل مزدوجة قتل تمنع استمرار الدوران ويستقر الإطار بعد

أن يدور زاوية  $\theta'$  تتناسب طردياً مع  $I$  شدة التيار الكهربائي.

$$\sum \vec{\Gamma}_{\Delta \text{ كهربية}} + \sum \vec{\Gamma}_{\text{ قتل}} = 0$$

• عزم المزدوجة الكهريستية:

$$F = NISB \sin \alpha$$

$$\alpha + \theta' = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \sin \alpha = \cos \theta'$$

$$\theta' \text{ صغيرة} \Rightarrow \cos \theta' = 1$$

$$\Gamma = NISB$$

$$\Gamma = -k\theta' \quad \bullet \text{ عزم مزدوجة القتل:}$$

نعوض في شرط التوازن الدوراني:

$$NISB - k\theta' = 0$$

## بحث فعل الحقل المغناطيسي في التيار الكهربائي

$$\theta' = \frac{NSB}{k} I = GI$$

$$\theta' = GI$$

$G = \frac{NSB}{k}$  ثابت المقياس الغلفاني لزيادة حساسية المقياس عملياً نستخدم سلك تعليق رفيع جداً من الفضة.

ثالثاً: حل المسائل الآتية:

**المسألة الأولى:** في تجربة السكين الكهروستاتيكية، تستند ساق نحاسية كتلتها  $16 \text{ g}$ ، إلى سكين أفقيين حيث يؤثر على  $4 \text{ cm}$  من الجزء المتوسط منها حقل مغناطيسي منتظم شاقول شدة  $0.1 \text{ T}$  ويمر بها تيار شدته  $40 \text{ A}$  والمطلوب:

(1) حدد بالكاتب والرسم عناصر شعاع القوة الكهروستاتيكية، ثم احسب شدتها.

(2) احسب قيمة العمل الذي تنجزه القوة الكهروستاتيكية عندما تنقل الساق مسافة  $15 \text{ cm}$ .

(3) احسب قيمة الزاوية التي يجب إمالة السكين بها عن الأفق حتى تتوازن الساق والذارة مغلقة (امال قوى الاحتكاك).

الحل: (1) عناصر القوة الكهروستاتيكية:

**نقطة التأثير:** منتصف الجزء من الناقل المستقيم  $ab$  الخاضع للحقل المغناطيسي المنتظم.

**الحامل:** عمودي على المستوى المحدد بالناقل المستقيم وشعاع الحقل المغناطيسي.

**الجهة:** تحدد وفق قاعدة اليد اليمنى:

يدخل التيار من الساعد ويخرج من رؤوس الأصابع

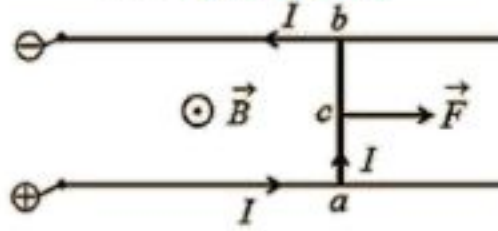
وشعاع الحقل المغناطيسي يخرج من راحة الكف فتشير جهة الإنهام لجهة القوة الكهروستاتيكية.

الشدة: تعطى بالعلاقة:  $F = ILB \sin \theta$

إعداد المدرس: فراس قلعه جي

$$F = 40 \times 4 \times 10^{-2} \times 10^{-1} \times 1$$

$$F = 16 \times 10^{-2} \text{ N}$$



$$W = F \Delta x = 16 \times 10^{-2} \times 15 \times 10^{-2} \quad (2)$$

$$W = 24 \times 10^{-3} \text{ J}$$

(3) جملة المقارنة: خارجية

الجملة المدروسة: الساق المتوازنة

القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{W}$  ثقل الساق.

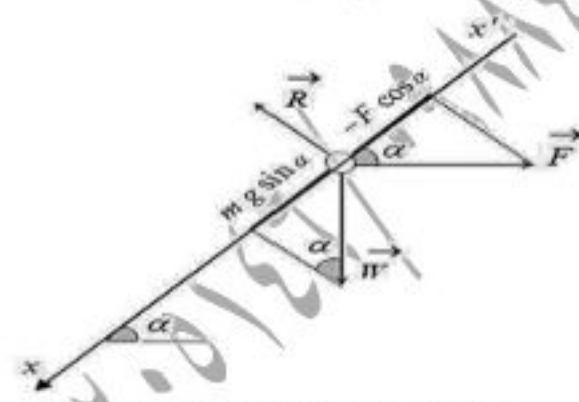
$\vec{F}$  القوة الكهروستاتيكية.

$\vec{R}$  رد فعل السكين.

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{W} + \vec{F} + \vec{R} = \vec{0} \quad \text{بالإسقاط على المحور } x'x$$

الذي يوازي السكين:



$$mg \sin \alpha - F \cos \alpha + 0 = 0$$

$$mg \sin \alpha = F \cos \alpha$$

$$mg \tan \alpha = ILB \sin \theta$$

$$\tan \alpha = \frac{ILB \sin \theta}{mg}$$

$$\tan \alpha = \frac{40 \times 4 \times 10^{-2} \times 10^{-1} \times 1}{16 \times 10^{-3} \times 10}$$

$$\tan \alpha = 1 \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$$

## بحث فعل الحقل المغناطيسي في التيار الكهربائي

**المسألة الثانية:** نعلق سلكاً نحاسياً نَحِيناً طوله  $60 \text{ cm}$  وكتلته

$50 \text{ g}$  من طرفه العلوي شاقولياً ونعس طرفه

السفلي في حوضٍ يحتوي الزئبق ثم نمرر تياراً كهربائياً متواصلاً شدته  $10 \text{ A}$  حيث يؤثر حقل مغناطيسي منتظم

أفقي شدته  $B = 3 \times 10^{-2} \text{ T}$  على قطعة منه طولها

$4 \text{ cm}$ ، بعد مُنْقَصَتِهَا عن نقطة التعليق  $50 \text{ cm}$  استنج

العلاقة المحددة لزاوية انحراف السلك عن الشاقول بدلالة أحد نسيها المتبقيّة ثم احسبها.

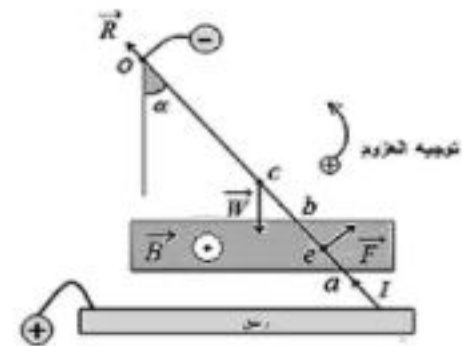
**الحل:** جملة المقارنة: خارجية.

الجملة المدروسة: الساق الموازنة.

القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{W}$  ثقل الساق.

$\vec{F}$  الكهروطيسية.

$\vec{R}$  رد فعل السكين.



$\sum \bar{\Gamma}_{\Delta} = 0$  شرط التوازن الدوراني.

$$\sum \bar{\Gamma}_{\vec{W}/\Delta} + \bar{\Gamma}_{\vec{F}/\Delta} + \bar{\Gamma}_{\vec{R}/\Delta} = 0$$

$\bar{\Gamma}_{\vec{R} \rightarrow \Delta} = 0$  لأن حامل  $\vec{R}$  يلاقي  $\Delta$ .

$$-(0c \sin \alpha)mg + (0e)F + 0 = 0$$

$$(0c \sin \alpha)mg = (0e)ILB \sin \frac{\pi}{2}$$

$$\sin \alpha = \frac{(oe)ILB}{(oc)mg}$$

إعداد المدرس: فراس قلعه جي

$$\sin \alpha = \frac{50 \times 10^{-2} \times 10 \times 4 \times 10^{-2} \times 3 \times 10^{-2}}{30 \times 10^{-2} \times 50 \times 10^{-3} \times 10}$$

$$\sin \alpha = 4 \times 10^{-2} < 0.24$$

$$\sin \alpha \approx \alpha = 4 \times 10^{-2} \text{ rad}$$

**المسألة الثالثة:** إطار مُسَطَّيِل الشكل يحتوي  $100$  لفة من

سلك نحاسي معزول مساحته  $4\pi \text{ cm}^2$ .

(a) نعلق الإطار بسلكٍ عديم الثقل شاقولياً، ونخضعه لحقل

مغناطيسي منتظم أفقي شدته  $B = 4 \times 10^{-2} \text{ T}$

خطوطه توازي مستوى الإطار الشاقولياً، نمرر في

الإطار تياراً شدته  $\frac{1}{10\pi} \text{ A}$  والمطلوب:

(1) عزم المزدوجة الكهروطيسية التي يخضع لها الإطار لحظة إمرار التيار.

(2) عمل المزدوجة الكهروطيسية عندما يدور الإطار من وضعه

السابق إلى وضع التوازن المستقر.

(b) نقطع التيار ونسبّل سلك التعليق بسلكٍ قتلٍ شاقولياً ثابتٍ قتل

$K$  بحيث يكون مستوى الإطار توازي خطوط الحقل

المغناطيسي السابق، ونمرر تياراً شدته  $2 \text{ mA}$  فيدور الإطار

بزاوية  $30^\circ$  ثم يتوازن والمطلوب:

(1) احسب التدفق المغناطيسي في الإطار عندما يتوازن.

(2) استنج العلاقة المحددة لثابت قتل سلك التعليق انطلاقاً من

شرط التوازن الدوراني، ثم احسب قيمته.

(إهمل تأثير الحقل المغناطيسي الأرضي).

$$\bar{\Gamma}_{\Delta} = NISB \sin \alpha \quad (1) \quad \text{الحل: (a)}$$

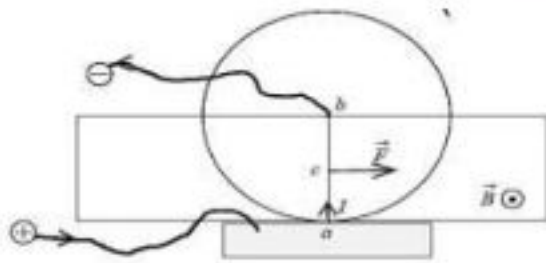
$$\bar{\Gamma}_{\Delta} = 100 \times \frac{1}{10\pi} \times 4\pi \times 10^{-4} \times 4 \times 10^{-2} \times 1$$

$$\bar{\Gamma}_{\Delta} = 16 \times 10^{-5} \text{ m.N}$$

$$W = I\Delta\Phi \quad (2)$$

$$W = INSB\Delta \cos \alpha$$

(الحل: 1)



$$F = IrB \sin \theta \quad (2)$$

$$0.04 = I \times 10 \times 10^{-2} \times 10^{-2} \times 1$$

$$I = \frac{4 \times 10^{-2}}{10 \times 10^{-2} \times 10^{-2}} = 40 \text{ A}$$

$$\Gamma = \frac{r}{2} F = \frac{10}{2} \times 10^{-2} \times 0.04 \quad (3)$$

$$\Gamma = 2 \times 10^{-3} \text{ m.N}$$

(4) جملة المقارنة: خارجية.

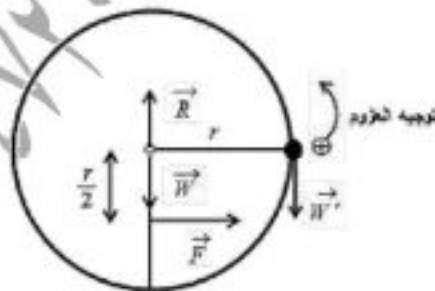
الجملة المدروسة: الدولاب المتوازن.

القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{W}$  ثقل القرص.

$\vec{F}$  الكهروستاتيكية.

$\vec{R}$  رد فعل محور الدوران.

$\vec{W}'$  ثقل الكتلة المضافة.



$$\Sigma \bar{\Gamma}_{\Delta} = 0 \text{ شرط التوازن الدوراني}$$

$$\bar{\Gamma}_{\vec{W}'\Delta} + \bar{\Gamma}_{\vec{F}\Delta} + \bar{\Gamma}_{\vec{R}\Delta} + \bar{\Gamma}_{\vec{W}\Delta} = 0$$

$$\bar{\Gamma}_{\vec{R}\Delta} = \bar{\Gamma}_{\vec{W}\Delta} = 0 \text{ لأن حامل كل قوة يلاقي } \Delta$$

$$W = INSB(\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1)$$

$$W = \frac{1}{10\pi} \times 100 \times 4\pi \times 10^{-4} \times 4 \times 10^{-2} \times (1 - 0)$$

$$W = 16 \times 10^{-5} \text{ J}$$

$$(4\pi = 12.5) \quad \Phi = NSB \cos \alpha \quad (1) \text{ (B)}$$

$$\alpha + \theta' = 90 \Rightarrow \alpha = 90 - \theta' = 90 - 30 = 60^\circ$$

$$\Phi = 100 \times 4\pi \times 10^{-4} \times 4 \times 10^{-2} \times \frac{1}{2}$$

$$\Phi = 25 \times 10^{-4} \text{ weber}$$

$$\Sigma \bar{\Gamma}_{\Delta} = 0 \quad (2)$$

$$\Sigma \bar{\Gamma}_{\Delta \text{ كهرطيسية}} + \Sigma \bar{\Gamma}_{\Delta \text{ ثقل}} = 0$$

$$NISB \sin \alpha - k \theta' = 0$$

$$\alpha + \theta' = \frac{\pi}{2}$$

$$\sin \alpha = \cos \theta'$$

$$NISB \cos \theta' - k \theta' = 0$$

$$NISB \cos \theta' = k \theta'$$

$$k = \frac{NISB \cos \theta'}{\theta'}$$

$$k = \frac{100 \times 2 \times 10^{-3} \times 4\pi \times 10^{-4} \times 4 \times 10^{-2} \times \frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{\pi}{6}}$$

$$k = 96 \sqrt{3} \times 10^{-7} \text{ m.N.rad}^{-1}$$

المسألة الرابعة: دولاب بارلو قطره 20cm، يمر فيه تيار كهربائي

متواصل I، ويخضع نصف القرص السفلي لحقل مغناطيسي

أفقي منتظم شدته  $B = 10^{-2} \text{ T}$ ، فينأثر الدولاب بقوة

كهرطيسية شدتها  $F = 0.04 \text{ N}$  والمطلوب:

(1) بين بالرسم جهة كل من  $(\vec{F}, \vec{B}, I\vec{L})$ .

(2) احسب شدة التيار المار في الدولاب.

(3) احسب عزم القوة الكهرطيسية المؤثرة في الدولاب.

(4) احسب قيمة الكتلة الواجب تعليقها على طرف نصف القطر

الأفقي للدولاب لمبعه عن الدوران.

$$-(r)m'g + \left(\frac{r}{2}\right)F + 0 = 0$$

$$\left(\frac{r}{2}\right)F = (r)m'g$$

$$m' = \frac{F}{2g} = \frac{4 \times 10^{-2}}{2 \times 10} = 2 \times 10^{-3} \text{ Kg}$$

التفكير الناقد:

جسم مشحون يتحرك في منطقة يسودها حقل مغناطيسي منتظم يعامد حقلًا كهربائيًا منتظمًا بسرعة تعامد كل منهما، بين متى يصبح مساره مستقيمًا، ومتى يكون دائريًا.

**الجواب:** بإهمال ثقل الجسم المشحون وعند مرور الجسم المشحون ضمن منطقة الحقل المغناطيسي المنتظم فإنه يتأثر بقوة مغناطيسية  $\vec{F} = q\vec{v} \wedge \vec{B}$  وعند مروره ضمن منطقة الحقل الكهربائي فإنه يتأثر بقوة كهربائية  $\vec{F}' = q\vec{E}$  إن  $\vec{F}'$  و  $\vec{F}$  على حامل واحد وهنا نميز حالتين: **1-**  $\vec{F}'$  و  $\vec{F}$  بجهة واحدة ومحصلتها قوة جاذبة مركزية فسوف يكون المسار دائري. **2-**  $\vec{F}'$  و  $\vec{F}$  بجهتين متعاكستين ومتساويتان بالشدة سوف تنعدم محصلة القوى فيصبح المسار مستقيم.

----- انتهى البحث -----

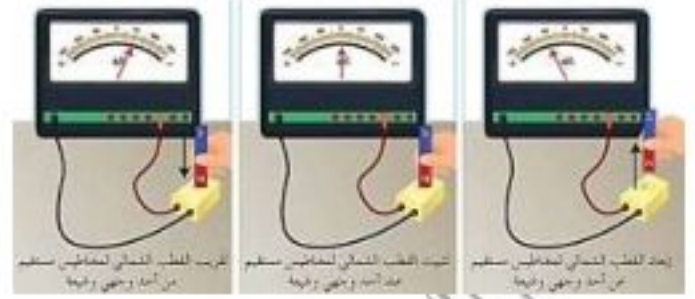
ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء



## التحريض الكهروضي

قانون فارداي: تجربة (1):

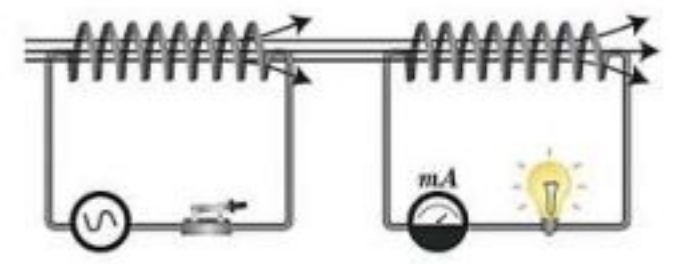


عند اقتراب أو ابتعاد القطب الشمالي لمغناطيس مستقيم من وجه الوشيعه يزداد (عند الاقتراب) أو ينقص (عند الابتعاد) التدفق المغناطيسي في الوشيعه (دائرة مغلقة) فتنشأ قوة محرّكة كهربائية مُحَرِّضَة تعمل على توليد تيار مُحَرِّض .

يسمى التيار المتولد عن تغير التدفق المغناطيسي عبر الدارة بالتيار المُحَرِّض ويسمى المغناطيس المتحرك بالمحرّض وتسمى حادثة توليد التيار المُحَرِّض بواسطة المغناطيس المحرض بحادثة التحريض الكهروضي .

وعند توقف المغناطيس المحرض عن الحركة يصبح التدفق المغناطيسي عبر الدارة ثابتاً فينعدم التيار المُحَرِّض .

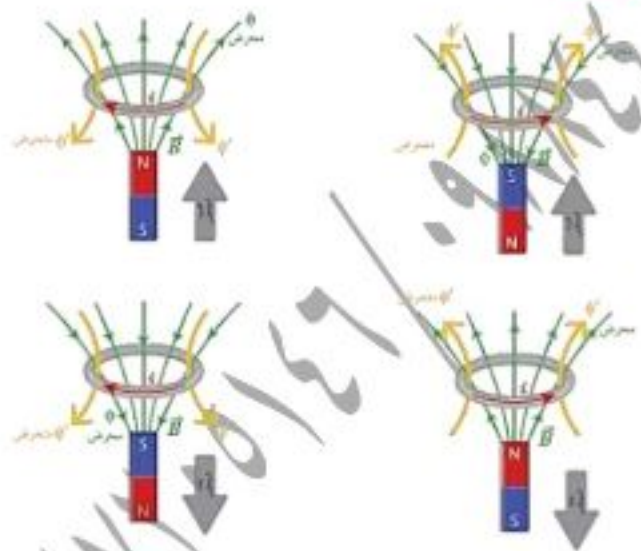
تجربة (2):



نصل طرفي الوشيعه الأولى بماخذ مولد تيار كهربائي متناوب جيبى ثم نضع الوشيعه الثانية ليكون محورها منطبقاً على محور الوشيعه الأولى وأصل طرفيها بواسطة أسلاك التوصيل إلى المصباح الكهربائي ومقياس ميكرو أمبير نغلق دائرة

الوشيعه الأولى ونراقب المصباح الكهربائي ومقياس الميلي أمبير في الدارة الثانية فيولد تيار كهربائي في الدارة الثانية على الرغم من عدم وجود مولد فيها، وهو ناتج عن التحريض الكهروضي ويدعى بالتيار الكهربائي المُحَرِّض ويعلل ذلك أن الوشيعه الأولى تولد حقلاً مغناطيسياً متناوباً جيبياً فيغيّر التدفق المغناطيسي الذي يجاز الوشيعه الثانية، وتولد قوة محرّكة كهربائية مُحَرِّضَة تسبب مرور التيار الكهربائي المُحَرِّض .

نص قانون فارداي: يتولد تيار كهربائي مُحَرِّض في دائرة مغلقة إذا تغير التدفق المغناطيسي الذي يجازها وبدوم هذا التيار بدوام تغير التدفق ليعدم عند ثبات التدفق المغناطيسي المحرض .  
قانون لنز:



(1) إن تقرب القطب الشمالي من أحد وجهي الوشيعه يولد فيها تياراً كهربائياً مُحَرِّضاً فيولد بدوره حقلاً مغناطيسياً مُحَرِّضاً، جهته بعكس جهة الحقل الناجم عن المغناطيس المحرض الذي قربناه من وجه الوشيعه، وكذلك الأمر بالنسبة إلى تقرب القطب الجنوبي .

تناسب القوة المحركة الكهربائية المَحْرُضَة  $\mathcal{E}$ :

(1) طرداً مع تغير التدفق المغناطيسي المَحْرُض  $d\Phi$ .

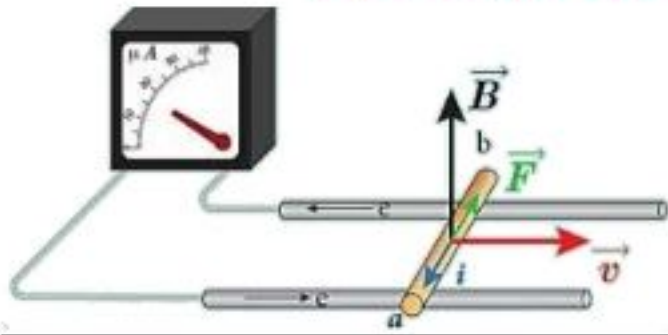
(2) عكساً مع زمن تغير التدفق المغناطيسي المَحْرُض  $dt$ .

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt}$$

حيث تتسجم الإشارة السالبة مع قانون لنز.

التعليل الإلكتروني لنشوء التيار المَحْرُض والقوة

المَحْرُضَة الكهربية المَحْرُضَة:



ندرج الساق الناقلة على السكين فيتحرك مؤشر مقياس

الميكرو أمبير دليل مرور تيار كهربائي مَحْرُض نعل ذلك بأنه:

عند تحريك الساق بسرعة ثابتة عمودياً على خطوط الحقل

المغناطيسي فإن الإلكترونات الحرة في الساق ستتحرك

بهذه السرعة وسطياً ومع خضوعها لتأثير الحقل المغناطيسي المنظم

$$\vec{F} = e\vec{v} \wedge \vec{B}$$

وبتأثير هذه القوة تتحرك الإلكترونات الحرة في الساق وتولد قوة

مَحْرُضَة كهربائية مَحْرُضَة تسبب مرور تيار كهربائي مَحْرُض عبر

الدائرة المغلقة جهته الاصطلاحية بعكس جهة حركة الإلكترونات الحرة

أي بعكس جهة القوة المغناطيسية.

(2) إن إبعاد القطب الشمالي للمغناطيس المَحْرُض عن

أحد وجهي الوشعة يؤدي إلى تولد تيار مَحْرُض في

الوشعة يولد بدوره حقلًا مغناطيسيًا مَحْرُضًا تنفق جهته مع جهة الحقل

الناجم عن المغناطيس المَحْرُض، وكذلك الأمر بالنسبة إلى

إبعاد القطب الجنوبي.

(3) تسمى الوشعة لإتقاص التدفق المغناطيسي الذي

يجازها في حال تزايد التدفق المغناطيسي المَحْرُض الناجم

عن تقرب المغناطيس.

(4) تسمى الوشعة لزيادة التدفق المغناطيسي الذي

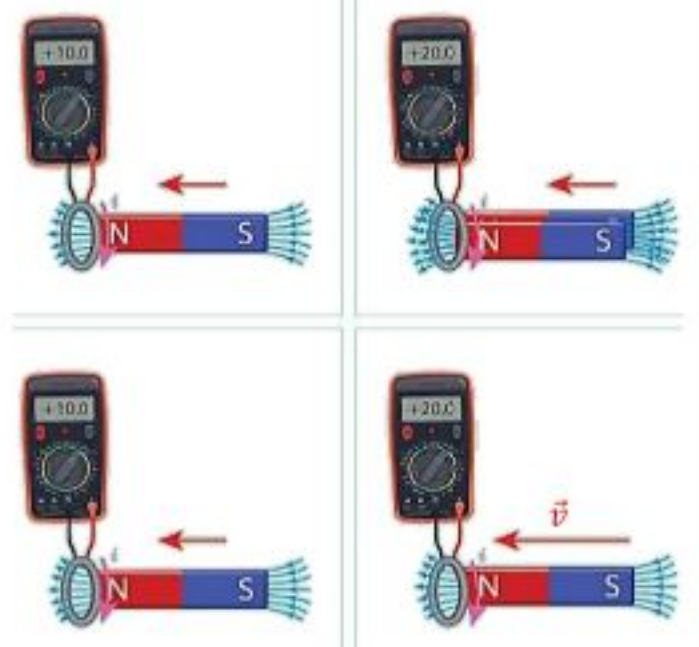
يجازها في حالة إتقاص التدفق المغناطيسي المَحْرُض الناجم

عن إبعاد المغناطيس.

نص قانون لنز: إن جهة التيار المَحْرُض في دائرة مغلقة تكون

بجانب نتيج أفعالاً تعاكس السبب الذي أدى إلى حدوثه.

القوة المَحْرُضَة الكهربية المَحْرُضَة:



هي فرق الكمون بين طرفي الدائرة والناجم عن

تغير التدفق المغناطيسي خلال تغير الزمن.

$$i = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{BLv}{R}$$

فتكون الاستطاعة الكهربائية الناتجة:

$$P = \varepsilon i$$

$$P = (BLv) \times \left(\frac{BLv}{R}\right)$$

$$P = \frac{B^2 L^2 v^2}{R}$$

ولكن عند تحريك الساق بسرعة  $v$  تنشأ قوة كهروضية، جهتها

بعكس جهة حركة الساق المسيية لشوء التيار المتحرض، ولاستمرار

تولد التيار يجب التغلب على هذه القوة الكهروضية بصرف

استطاعة ميكانيكية  $P'$ .

$$P' = Fv$$

$$F = iLB \sin \frac{\pi}{2} \Rightarrow F = iLB$$

$$i = \frac{BLv}{R}$$

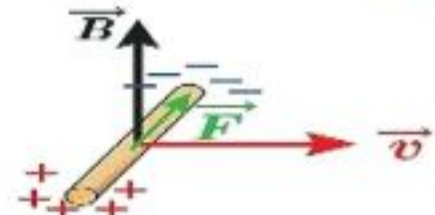
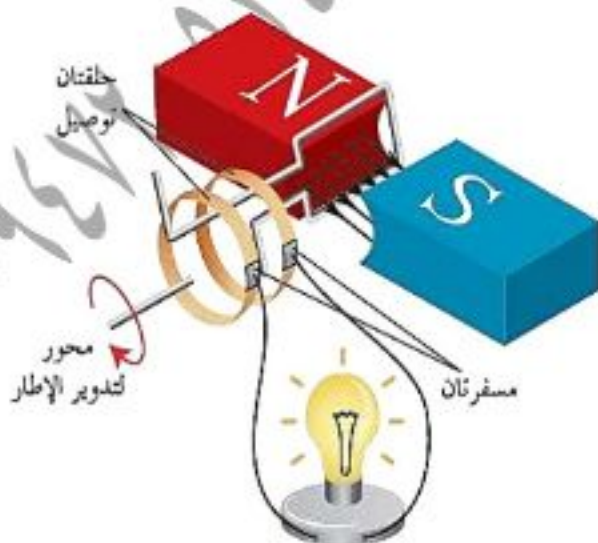
$$P' = Fv = iLBv = \frac{BLv}{R} LBv$$

$$P' = \frac{B^2 L^2 v^2}{R}$$

$$P' = P$$

وبهذا تكون قد تحولت الطاقة الميكانيكية إلى طاقة كهربائية.

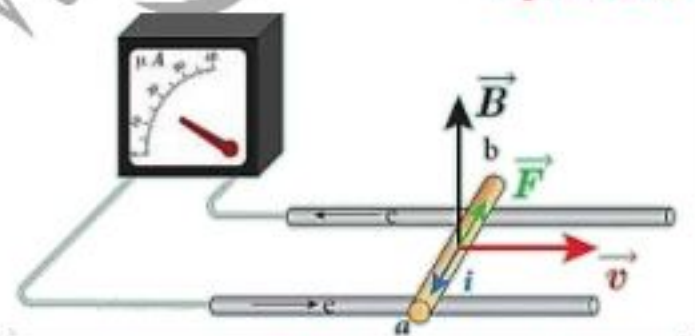
2. مولد التيار المتناوب الجيبي:



عند تحريك الساق بسرعة  $v$  على سكتين معزولتين في منطقة سودها حقل مغناطيسي تنشأ القوة المغناطيسية وبأثير هذه القوة تنقل الإلكترونات الحرة من أحد طرفي الساق الذي يكسب شحنة موجبة، وتتراكم في الطرف الآخر الذي يكسب شحنة سالبة فينشأ بين طرفي الساق فرقاً في الكمون يمثل القوة المحركة الكهربائية المتحرضة.

تطبيقات التحريض الكهروضي

1. مبدأ المولد:



لندرس نظرياً تحول الطاقة الميكانيكية إلى طاقة كهربائية:

عند تحريك الساق بسرعة ثابتة  $v$  عمودية على شعاع الحقل المغناطيسي المنتظم  $B$  خلال فاصل زمني  $\Delta t$  تنقل الساق

مسافة:  $\Delta x = v \Delta t$  فيتغير السطح بالمقدار:

$$\Delta S = L \Delta x = Lv \Delta t$$

فيتغير التدفق المغناطيسي بالمقدار:

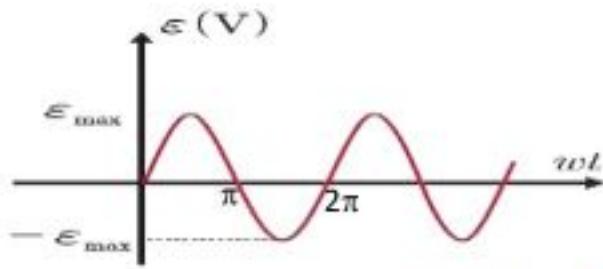
$$\Delta \Phi = B \Delta S = BLv \Delta t$$

فتولد قوة محركة كهربائية متحرضة قيمتها المطلقة:

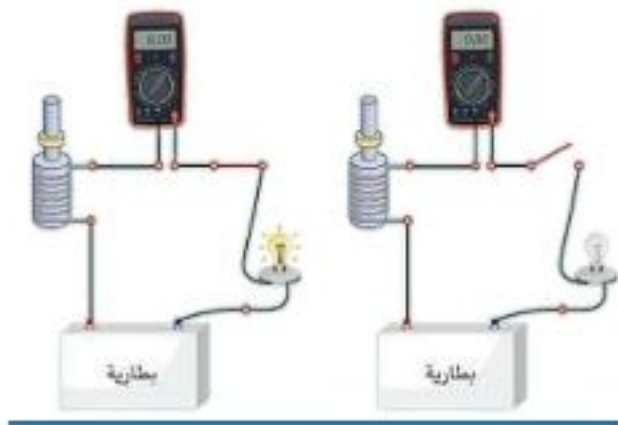
$$\varepsilon = \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \frac{BLv \Delta t}{\Delta t} = BLv$$

وبما أن الدارة مغلقة يمر تيار كهربائي متحرض شدة:

عند رسم تغيرات  $\varepsilon$  بدلالة  $\omega t$  نحصل على المنحني البياني الآتي:



### 3. مبدأ المحرك:



- عند إغلاق القاطعة ومنع المحرك من الدوران يتوهج المصباح ويبدل المقياس على مرور تيار كهربائي له شدة معينة.
- عند السماح للمحرك بالدوران تبدأ سرعته بالازدياد فيقل توهج المصباح وتنقص دلالة المقياس مما يدل على مرور تيار كهربائي شدته أصغر.
- تولد في المحرك قوة محركة كهربائية تحرضية عكسية مضادة للقوة المحركة الكهربائية المطبقة بين قطبي المولد، وتزيد بازدياد سرعة دوران المحرك.
- يوجد في المحرك وشيعة، يمر فيها تيار كهربائي تدور بتأثير حقل مغناطيسي وبسبب هذا الدوران يتغير التدفق المغناطيسي من خلال الوشيعة مما يسبب تولد قوة محركة تحرضية عكسية توقف على سرعة دوران المحرك.

وصفه: يتكون من إطار مؤلف من  $N$  لفة متعائلة مساحة كل منها  $S$  أسلاكه ناقله ومعزولة وملفوفة بالاتجاه ذاته يدور حول محور في منطقة يسودها حقل مغناطيسي منتظم  $\vec{B}$  وتصل طرفا الملف بحلقين  $R_1, R_2$  بحيث يمر محور الدوران بمركز هاتين الحلقين، وتدور الحلقان بدوران الملف ويس كل حلقة مسطرة معدنية (ناقلة)  $(k_1, k_2)$ ، وتصل هاتان المسطرتان الملف بالذراع والخارجية كما في الشكل السابق.

استنتاج العلاقة المحددة للقوة المحركة الكهربائية المتحرضة:

بفرض أنه في لحظة ما أثناء الدوران كان الناظم على مستوى الإطار يصنع مع شعاع الحقل المغناطيسي  $\vec{B}$  زاوية قدرها  $\alpha$ ، فيكون التدفق المغناطيسي  $\Phi$  الذي يجتاز

$$\Phi = NBS \cos \alpha$$

فيكونت السرعة الزاوية لدوران الإطار  $\omega$  ثابتة، فإن الزاوية

$\alpha$  التي يدورها الملف في زمن قدره  $t$ :

$$\alpha = \theta' = \omega t$$

$$\Phi = NBS \cos \omega t$$

وتكون القوة المحركة الكهربائية المتحرضة  $\varepsilon$ :

$$\bar{\varepsilon} = -\frac{d\Phi}{dt}$$

$$\bar{\varepsilon} = NSB\omega \sin \omega t$$

تكون  $\varepsilon$  عظمى عندما:  $\sin \omega t = 1$

نعوض:  $\varepsilon_{max} = NSB\omega$  فنجد أن:

$$\bar{\varepsilon} = \varepsilon_{max} \sin \omega t$$

وبذلك نحصل على التيار المتناوب الجيبي لأن:

القوة المحركة الكهربائية المتحرضة  $\varepsilon$  متساوية جيبيية لحظية.

لندرس نظرياً تحوّل الطاقة الكهربائية إلى طاقة ميكانيكية في المُحرِّك:

عند مرور التيار الكهربائي في الساق الخاضعة لتأثير الحقل المغناطيسي المنتظم  $\vec{B}$ ، فإنها تتأثر بقوة كهروضويسية شدتها:

$$F = ILB$$

تعمل القوة الكهروضويسية على تحريك الساق بسرعة ثابتة  $v$ ،

$$P' = Fv$$

$$P' = ILBv$$

نكن عند انتقال الساق مسافة  $\Delta x$ ، فإن التدفق المغناطيسي

$$\Delta\Phi = BLv\Delta t$$

فتولد في الساق قوة مُحركة كهربائية مُحركة عكسية تعاكس مرور

تيار المولد فيها تُعطى قيمتها المطلقة بالعلاقة:

$$\varepsilon' = \left| \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| = BLv$$

ولاستمرار مرور تيار المولد يجب تقديم استطاعة كهربائية:

$$P = \varepsilon' I$$

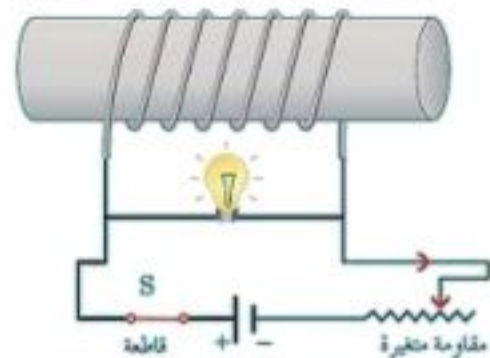
$$P = BLvI$$

$$P' = P$$

وبهذا الشكل تحوّل الطاقة الكهربائية إلى طاقة ميكانيكية.

التحريض الذاتي:

لدينا دائرة موضحة بالشكل تتألف من وشيعة ومصباح وأببال كهربائية ومقاومة متغيرة معزلة (معدّلة) وقاطعة وأسلاك توصيل يغلّق القاطعة، وحرك الزائفة حتى تصبح إضاءة المصباح خافتة.



• عند فتح القاطعة يتوهج المصباح بشدة قبل أن ينطفئ، ثمّ يدل على حصول المصباح على الطاقة من مصدر آخر غير المولد؛ لأن دارته مفتوحة ولا يوجد في الدارة إلا الوشيعة، ويحدث هذا نتيجة التحريض الذاتي في الوشيعة، حيث أن فتح القاطعة يؤدي إلى تناقص شدة التيار المار في الوشيعة، فيتناقص تدفق الحقل المغناطيسي المولد في الوشيعة خلال الوشيعة ذاتها، الأمر الذي يولد قوة كهربائية مُحركة مُحركة في الوشيعة أكبر من القوة المُحرَّكة الكهربائية للمولد، لأن زمن تناقص الشدة متناهية الصغر حيث تكون قيمة  $\frac{di}{dt}$  أعلى مما يمكن لحظة فتح القاطعة.

• عند إغلاق القاطعة من جديد يتوهج المصباح ثم يعود إلى ضوئه الخافت، حيث تزايد شدة التيار وبالتالي تزايد تدفق الحقل المغناطيسي المولد عن الوشيعة عبر الوشيعة ذاتها، فيتولد فيها قوة مُحركة كهربائية مُحركة تمنع مرور التيار المولد فيها، ويمر تيار المحرض في المصباح فقط نسبياً توفّجه قبل أن تخوّل إضاءته بسبب تناقص قيمة  $\frac{di}{dt}$  للتيار المحرض وازدياد مرور تيار المولد تدريجياً في الوشيعة حتى ثابت الشدة فتندم القوة المُحرَّكة الكهربائية المُحرَّضة في الوشيعة.

إن الوشيعة قامت بدور مُحرض ومُحرض في آن واحد، لذلك ندعو الدارة بالدائرة المُحرَّضة الذاتية وندعو الحادثه تحريضاً ذاتياً.

ذاتية الوشيعة: تُعطى شدة الحقل المغناطيسي المولد

عن مرور تيار في الوشيعة بالعلاقة:

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{Ni}{\ell}$$

$$\bar{E} = Ri + L \frac{di}{dt}$$

نضرب طرفي العلاقة ب  $idt$  فنجد:

$$Eidt = Ri^2 dt + Lidi$$

يمثل المقدار  $Eidt$  الطاقة التي يقدمها المولد خلال الزمن  $dt$

وهذه الطاقة تنقسم إلى قسمين:

**القسم الأول:**  $Ri^2 dt$  يمثل الطاقة الضائعة حرارياً بفعل جول في

المقاومة خلال الزمن  $dt$ .

**القسم الثاني:**  $Lidi$  يمثل الطاقة الكهروستاتيكية المخزنة في

الوشية خلال الزمن  $dt$ .

وتخزن الوشية طاقة كهروستاتيكية  $E_L$  في لحظة  $t$  عندما تزداد

شدة التيار المارة في الدارة من الصفر إلى قيمتها النهائية  $I$ .

$$E_L = \int_0^I Lidi$$

$$E_L = \frac{1}{2} LI^2$$

وهي العلاقة المحددة للطاقة الكهروستاتيكية المخزنة في الوشية

ويمكن أن نكتب بالشكل:

$$\Phi = LI \Rightarrow L = \frac{\Phi}{I}$$

$$E_L = \frac{1}{2} \Phi I$$

**تطبيق:** وشية طولها  $20 \text{ cm}$  وطول سلكها  $40 \text{ m}$  بطبقة

واحدة ومقاومتها الأومية مهملة والمطلوب:

(1) احسب ذاتية الوشية.

(2) إذا كان نصف قطر النغمة الواحدة  $4 \text{ cm}$  فاحسب عدد لفات الوشية.

(3) نمّرر في الوشية تياراً كهربائياً تزداد شدته بانتظام من الصفر

إلى  $10 \text{ A}$  خلال  $0.5 \text{ S}$  احسب القوة المحركة الكهربائية

المولدة داخل الوشية محدداً جهة التيار المتحرض.

ويكون تدفق هذا الحقل من خلال الوشية ذاتها:

$$\bar{\Phi} = NSB$$

$$\Phi = NS(4\pi \times 10^{-7} \frac{Ni}{\ell})$$

$$\bar{\Phi} = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2 S}{\ell} i$$

نلاحظ أن أمثال شدة التيار مقدار ثابت يميز الوشية، يدعى

ذاتية الوشية  $L$  وأحد قياسها في الجملة الدولية هي

الهنري  $H$  وهو: ذاتية دائرة مغلقة يجازها تدفق مغناطيسي

قدره وبير واحد عندما يمر فيها تيار، قدره أمبير واحد.

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2 S}{\ell}$$

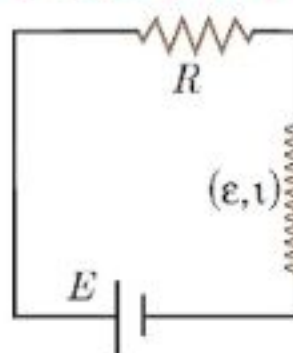
نعوض فنجد:  $\bar{\Phi} = Li$

فتصبح علاقة القوة المحركة الكهربائية المتحرضة الذاتية بدلالة شدة

التيار المتغير الذي يجازها:  $\bar{\varepsilon} = -\frac{d\bar{\Phi}}{dt}$

$$\bar{\varepsilon} = -L \frac{di}{dt}$$

الطاقة الكهروستاتيكية المخزنة في وشية:



نرط وشية ذاتيتها  $L$ ، على التسلسل مع مقاومة أومية  $R$  ومولد

قوته المحركة الكهربائية  $E$ ، كما في الدائرة الموضحة بالشكل:

بحسب قانون كيرشوف الثاني:

$$\sum \bar{E} = Ri$$

$$\bar{E} + \bar{\varepsilon} = Ri$$

$$\bar{E} - L \frac{di}{dt} = Ri$$

(2) في تجربة السكين التحريضية حيث الدارة مغلقة تكون القيمة المطلقة لشدة التيار المحرض:

$$BLv \quad (a) \quad \frac{BLv}{R} \quad (b)$$

$$0 \quad (c) \quad -\frac{BLv}{R} \quad (d)$$

ثانياً: ماذا تتوقع أن يحدث في كل من الحالات الآتية مُعللاً إجابتك:

(1) في تجربة السكين التحريضية حيث الدارة مغلقة، نزيد سرعة تدحرج السكين على السكين.

الحديث: تزداد شدة التيار المحرض.

التعليل: لأن شدة التيار المحرض تتناسب طردياً مع سرعة

$$i = \frac{BLv}{R} = \text{const} \quad v \text{ تزداد}$$

(2) تقرب القطب الشمالي لمغناطيس من أحد وجهي وشيعة يتصل طرفاها ببعضهما البعض.

الحديث: يتولد تيار محرض في الوشيعة بحيث يصبح وجه الوشيعة المقابل للقطب الشمالي وجهاً شمالياً.

التعليل: تقرب القطب الشمالي للمغناطيس بسبب تزايد التدفق المغناطيسي المحرض الذي يحفز حلقاً الوشيعة فحسب

قانون لنز تكون جهة التيار المحرض بحيث تنتج أفعالاً تعاكس السبب الذي أدى إلى حدوثه لهذا فالوجه الشمالي يتنافر مع القطب الشمالي ليمنع عملية التقرب.

(3) تقرب القطب الشمالي لمغناطيس من أحد وجهي حلقة نحاسية دارتها مفتوحة.

الحديث: يتولد قوة محركة كهربائية متحيزة مساوية لفرق الكون بين طرفي الحلقة.

(4) احسب الطاقة الكهروطيسية المخزنة في الوشيعة.

$$\text{الحل: (1)} \quad L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2 S}{\ell}$$

نكن عدد اللغات يعطى بالعلاقة:  $N = \frac{\ell'}{2\pi r}$

وسطح الوشيعة يعطى بالعلاقة:  $S = \pi r^2$

نعوض:  $L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{(\frac{\ell'}{2\pi r})^2 \pi r^2}{\ell}$  فنجد بعد الاختصار:

$$L = 10^{-7} \frac{\ell'^2}{\ell} = 10^{-7} \times \frac{1600}{0.2}$$

$$L = 8 \times 10^{-4} \text{ H}$$

$$(2) \quad N = \frac{\ell'}{2\pi r} = \frac{40}{2\pi \times 4 \times 10^{-2}} = \frac{4000}{25} = 160$$

$$(3) \quad \varepsilon = -L \frac{di}{dt} = -8 \times 10^{-4} \frac{10}{0.5}$$

$$\bar{\varepsilon} = -16 \times 10^{-3} \text{ V}$$

بالتالي  $\vec{B}$  محرض،  $\vec{B}'$  متحرض على حامل واحد ومجهتين متعاكستين.

$$(4) \quad E_L = \frac{1}{2} LI^2$$

$$E_L = \frac{1}{2} \times 8 \times 10^{-4} \times 100 = 4 \times 10^{-2} \text{ J}$$

اختبر نفسك:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة في كل مما يأتي:

(1) وشيعة طولها  $\ell = 10 \text{ cm}$  وطول سلكها  $\ell' = 10 \text{ m}$  فقيمة ذاتيتها:

$$10^{-4} \text{ H} \quad (a) \quad 10^{-6} \text{ H} \quad (b)$$

$$10^{-8} \text{ H} \quad (c) \quad 10^{-7} \text{ H} \quad (d)$$

الإجابة الصحيحة: (a)  $L = 10^{-4} \text{ H}$

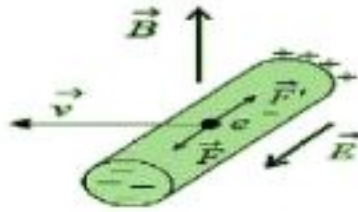
توضيح اختيار الإجابة:  $L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2 S}{\ell}$

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{(\frac{\ell'}{2\pi r})^2 \pi r^2}{\ell} = 10^{-7} \frac{(\ell')^2}{\ell}$$

$$L = 10^{-7} \frac{(10^2)}{10 \times 10^{-2}} = 10^{-4} \text{ H}$$

السالبة في طرف آخر، ويستمر التراكم إلى أن يصل إلى قيمة حدية يتوقف عندها. فسّر ذلك.

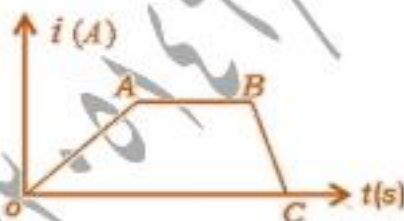
الحل:



لأن تراكم الشحنات الكهربائية على طرفي الساق يولد حقلاً كهربائياً  $E$  يتجه من الطرف الذي يحمل شحنات كهربائية موجبة إلى الطرف الذي يحمل شحنات كهربائية سالبة يؤثر هذا الحقل الكهربائي في الإلكترونات الحرة بقوة كهربائية  $F^E$  جهاها تعاكس جهة القوة المغناطيسية  $F^B$  (قوة لورنتز) المؤثرة في هذا الإلكترون ثم تزداد شدة الحقل الكهربائي بازدياد تراكم الشحنات الكهربائية مما يزيد من شدة هذه القوة الكهربائية لتصبح

متساوية لشدة القوة المغناطيسية (قوة لورنتز) فتتوقف حركة الإلكترونات.

(3) يبين الخط البياني المرسوم جانياً تغيرات تيار المولد المار في الوشعة في حادثة التحريض الذاتي.

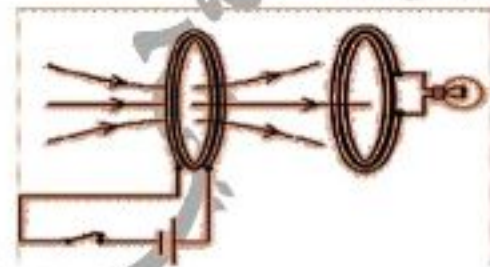


- (a) ماذا تمثل كل من المراحل: (BC, AB, OA).
- (b) أيهما أكبر القوة المحركة الكهربائية المتحصلة عند إغلاق أو فتح الدارة
- (c) في أي المراحل تزداد الطاقة الكهربائية المخزنة في الوشعة؟ وفي أي المراحل تكون ثابتة؟ وفي أي المراحل تنقص الطاقة الكهربائية المخزنة في الوشعة.

التعليل: تثار الإلكترونات الحرة بقوة لورنتز المغناطيسية فتنتقل وتتراكم شحنات سالبة عند طرف الحلقة وشحنات موجبة عند الطرف الآخر للحلقة فينشأ فرق في الكمون بين طرفي الحلقة.

ثالثاً: أجب عن الأسئلة الآتية:

- (1) ملفان متقابلان الأول موصول إلى بيل كهربائي والثاني إلى مصباح هل يضيء المصباح إذا كان الملفان ساكنين؟ في حال التغير ماذا تفعل يضيء المصباح؟ ولماذا؟



الحل: لا يضيء المصباح إذا كان الملفان ساكنين

لأن التدفق المغناطيسي للحقل المغناطيسي الناجم عن الملف الأول لا يتغير من خلال الملف الثاني.

يضيء المصباح يجب أن يتغير التدفق المغناطيسي للحقل المغناطيسي الناجم عن الملف الأول ويمكن تحقيق ذلك:

- بفتح وغلق القاطعة باستمرار في دائرة الملف الأول فتتغير شدة الحقل المغناطيسي الناجم عن الملف الأول وبالتالي يتغير التدفق المغناطيسي لهذا الحقل من خلال الملف الثاني فيتولد تيار كهربائي متحرض بسبب إضاءة المصباح.
- تحريك أحد الملفين نحو الآخر.
- استبدال البيل الكهربائي بمنبع تيار كهربائي متناوب.

(2) في تجربة الساق المتحركة بوجود الحقل المغناطيسي المنتظم في دائرة مغلقة، تراكم الشحنات الموجبة في طرف والشحنات



$$\alpha = 0 \Rightarrow \cos \alpha = 1 \Rightarrow \Phi = NBS$$

$$\Phi = N \left( 4\pi \times 10^{-7} \frac{N}{\ell} I \right) S \quad (C)$$

$$\Phi = N \left( 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2}{\ell} S \right) I$$

$$\Phi = LI$$

$$\varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt} = -L \frac{di}{dt}$$

تتعدم قيمة هذه القوة المحركة الكهرومائية المتحرضة الآتية عند ثبات قيمة التيار .

(5) في الشكل المجاور ملف دائري نُحركه بسرعة ثابتة عمودية على السلك المستقيم المطلوب:

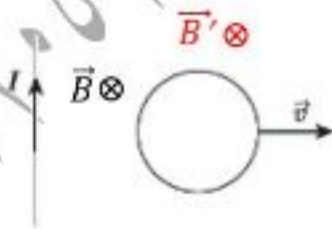


(a) حدد على الرسم جهة الحقل المغناطيسي المتولد عن مرور التيار الكهربائي في السلك المستقيم عند مركز الملف الدائري .

(b) حدد على الرسم جهة الحقل المغناطيسي المتحرض المتولد في الملف، ووجه التيار الكهربائي المتحرض .

(c) صف ما يحدث إذا أوقفنا الملف عن الحركة، معللاً إجابتك؟

(الحل: a + b) جهة التيار المتحرض بنفس جهة دوران عقارب الساعة



(c) إذا أوقفنا الملف الدائري عن الحركة ثبتت شدة الحقل

المغناطيسي الحرض وبالتالي يصبح تغير التدفق المغناطيسي

الحرض معدوم فتتعدم القوة المحركة الكهرومائية المتحرضة وتتعدم شدة

التيار المتحرض .

(الحل: a) المرحلة OA تزايد شدة التيار الكهربائي المار في الوشعة فيتوجه المصباح نسبياً ثم يعود لإضاءةه الخافتة .

المرحلة AB ثبات شدة التيار الكهربائي المار في الوشعة فتثبت شدة إضاءة المصباح .

المرحلة BC تناقص شدة التيار الكهربائي المار في الوشعة فيتوجه المصباح بشدة ثم يتطفئ .

(b) عند فتح الدارة تكون القوة المحركة الكهرومائية المتحرضة أكبر من القوة المحركة الكهرومائية المتحرضة عند غلق الفاطعة لأن القيمة المطلقة للقوة المحركة الكهرومائية المتحرضة  $\bar{\varepsilon} = -L \frac{di}{dt}$

تناسب عكساً مع  $dt$  وزمن تناقص شدة التيار في المرحلة

BC أصغر من زمن تزايد التيار في المرحلة OA لذا تكون القوة المحركة الكهرومائية المتحرضة أكبر عند فتح الدارة .

(c) تزداد الطاقة الكهروضوئية المخزنة في الوشعة في المرحلة

OA وتكون الطاقة الكهروضوئية المخزنة في الوشعة ثابتة

في المرحلة AB وتتناقص الطاقة الكهروضوئية المخزنة في

ذاتية الوشعة في المرحلة وتتحول BC إلى طاقة كهرومائية .

(4) وشعة يمر فيها تيار كهربائي متغير شدته  $\bar{I}$ :

(a) أكتب عبارة شدة الحقل المغناطيسي المتولد داخلها نتيجة مرور التيار .

(b) أكتب عبارة التدفق المغناطيسي للحقل المغناطيسي .

(c) استنتج العلاقة المحددة للقيمة الجبرية للقوة المحركة الكهرومائية

المتحرضة الآتية المتحرضة فيها موضعاً متى تتعدم قيمة هذه القوة .

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N}{\ell} I \quad (a) \text{ الحل}$$

$$\Phi = NBS \cos \alpha \quad (b) \text{ لكن}$$

**المسألة الأولى:** ملف دائري، يتألف من 100 لفة متساوية، نصف قطره الوسطي 4 cm، فصل طرفيه بمقياس أمبير موصولاً على التسلسل مع مقاومة أومية قيمتها 20Ω، تقرب من أحد وجهي الملف القطب الشمالي لمغناطيس مستقيم وفق محوره، فتزداد شدة الحقل المغناطيسي الذي يخترق لفات الملف الدائري بانتظام من الصفر إلى 0.08T خلال 2S والمطلوب:

- 1] احسب قيمة القوة المحركة الكهربائية المتحصلة المتولدة في الملف الدائري مُحدداً جهة التيار الكهربائي المتحصّل.
- 2] ما نوع الوجه المقابل للقطب الشمالي؟
- 3] احسب شدة التيار المارّة في الملف.

4] احسب الاستطاعة الكهربائية المتولدة عن الملف الدائري ثم الاستطاعة الحرارية المصروفة في المقاومة الأومية وماذا تستج.

$$\bar{\epsilon} = -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \quad (\text{الحل: 1})$$

$$\bar{\epsilon} = -\frac{N(\Delta B)S \cos \alpha}{\Delta t}$$

$$\epsilon = -\frac{100 \times (0.08 - 0) \times 16\pi \times 10^{-4} \times 1}{2}$$

$$\epsilon = -2 \times 10^{-2} V$$

بما أن  $\bar{\epsilon} < 0$  وحسب لنز  $\vec{B}$  مُحرض،  $\vec{B}'$  مُحرض بجهتين متعاكستين أي  $\Phi$  مُحرض يعاكس  $\Phi'$  مُحرض.

2] الوجه المقابل للقطب الشمالي وجه شمالي يدور فيه التيار المتحصّل بعكس دوران عقارب الساعة.

$$i = \frac{\bar{\epsilon}}{R} = -\frac{2 \times 10^{-2}}{20} = -10^{-3} A \quad (3)$$

$$P = \epsilon i = -2 \times 10^{-2} \times -10^{-3} \quad (4)$$

$$P = 2 \times 10^{-5} \text{ Watt}$$

$$P' = Ri^2 = 20 \times 10^{-6} = 2 \times 10^{-5} \text{ Watt}$$

أي أن الاستطاعة الكهربائية تحولت إلى استطاعة حرارية.

**المسألة الثانية: 1]** لدينا وشيعة، طولها 30cm، قطرها 4 cm،

تحتوي 1200 لفة، تمرر فيها تياراً شدته 4A احسب شدة الحقل المغناطيسي في مركز الوشيعة.

2] ملف حول القسم المتوسط من الوشيعة ملفاً مجوي

100 لفة معزولة، ونصل طرفيه بمقياس غلفانمي، بحيث تكون

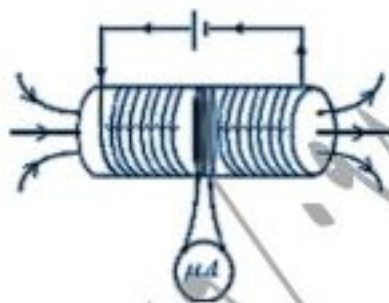
المقاومة الكلية للدائرة الجديدة 16Ω عال نشوء التيار المتحصّل في

الملف الدائري وما دلالة المقياس عند قطع التيار عن الوشيعة

خلال 0.5 S تكون المقاومة الكلية للدائرة الجديدة تناقص فيها

الشدّة بانتظام؟

الحل:



$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N}{l} I \quad (1)$$

$$B = 12.5 \times 10^{-7} \frac{1200}{30 \times 10^{-2}} \times 4$$

$$B = 2 \times 10^{-2} T$$

2] تلعب الوشيعة دور جملة مُحرضة والملف جملة مُحرضة وعند قطع

التيار عن الوشيعة يتناقص التدفق المغناطيسي المُحصّل الناتج

عن الوشيعة الذي يجاز الملف وهذا يؤدي حسب

قانون فارداي إلى نشوء تيار مُحرض في الملف.

$$i = \frac{\bar{\epsilon}}{R} = -\frac{\Delta\Phi}{R \Delta t} = -\frac{N \Delta B S \cos \alpha}{R \Delta t}$$

$$F = ILB \sin \theta$$

$$1.2 = 20 \times 30 \times 10^{-2} \times B \times 1$$

$$B = \frac{1.2}{20 \times 30 \times 10^{-2} \times 1} = 0.2T$$

$$W = F \Delta x = F v t \quad (2) \text{ طريقة (1)}$$

$$W = 1.2 \times 0.4 \times 2 = 0.96 J$$

$$W = I \Delta \Phi \quad (2) \text{ طريقة (2)}$$

$$W = IB \Delta S = IBL \Delta x = IBL v \Delta t$$

$$W = 20 \times 0.2 \times 30 \times 10^{-2} \times 0.4 \times 2$$

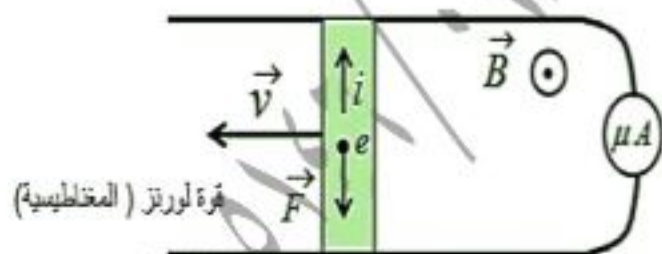
$$W = 0.96 J$$

$$\varepsilon = \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \left| \frac{B \Delta S}{\Delta t} \right| = \left| \frac{B L \Delta x}{\Delta t} \right| = \quad (3)$$

$$\varepsilon = \left| \frac{B L v \Delta t}{\Delta t} \right| = B L v =$$

$$\varepsilon = 0.2 \times 30 \times 10^{-2} \times 5 = 0.3 V$$

$$i = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{0.3}{5} = 0.06 A$$



$$P = \varepsilon i \quad (4)$$

$$P = 0.3 \times 0.06 = 18 \times 10^{-3} \text{ Watt}$$

$$F = i L B \sin \theta$$

$$F = 0.06 \times 30 \times 10^{-2} \times 0.2 \times 1$$

$$F = 36 \times 10^{-4} N$$

$$i = - \frac{100 (0 - 2 \times 10^{-2}) \pi (2 \times 10^{-2})^2 \times 1}{16 \times 0.5}$$

$$i = \frac{8\pi \times 10^{-4}}{8} = \pi \times 10^{-4} A$$

المسألة الثالثة: في تجربة السكين الكهروضويسي يبلغ طول الساق

التحاسية المستندة عمودياً عليها 30 cm وكتلتها 60g والمطلوب:

(1) احسب شدة الحقل المغناطيسي المنتظم المؤثرة عمودياً في

السكين لتكون شدة القوة الكهروضويسي مساوية لمثلي ثقل

الساق وذلك عند إمرار تيار كهربي شدته 20A.

(2) احسب عمل القوة الكهروضويسي المؤثرة في الساق إذا تدرجت

بسرعة ثابتة قدرها  $0.4 m \cdot s^{-1}$  لمدة ثانيتين.

(3) نرفع الموصل من الدارة السابقة، ونستبدله بمقياس غلفاني

ونخرج الساق بسرعة وسطية ثابتة  $5 m \cdot s^{-1}$  ضمن الحقل

السابق استخرج عبارة القوة المحركة الكهروضويسي المتحرصة ثم احسب

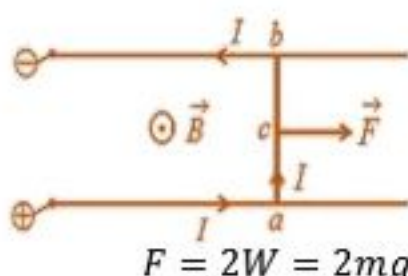
قيمها ثم احسب شدة التيار المتحرص بافتراض أن المقاومة الكلية

للدارة ثابتة وتساوي  $5 \Omega$  ثم ارسم شكلاً توضيحياً بين جهة

كل من  $(\vec{v}, \vec{B})$  وجهة التيار المتحرص.

(4) احسب الاستطاعة الكهروضويسي الناتجة، ثم احسب شدة القوة

الكهروضويسي المؤثرة في الساق في أثناء تدرجها.



(الحل: 1)

$$F = 2W = 2mg$$

$$F = 2 \times 60 \times 10^{-3} \times 10$$

$$F = 1.2 N$$

$$\Delta\Phi = B \Delta S \cos \alpha = B L v \Delta t \cos \alpha$$

فتولد قوة محرّكة كهربائية متحرّضة قيمتها المطلقة:

$$\varepsilon = \left| \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} \right| = BLv \cos \alpha$$

فيتولد تيار كهربائي متحرّض:

$$i = \frac{\varepsilon}{R} = BLv \cos \alpha$$

$$\Rightarrow R = \frac{BLv \cos \alpha}{i}$$

$$R = \frac{0.8 \times 40 \times 10^{-2} \times 2 \times \frac{1}{\sqrt{2}}}{\sqrt{2}}$$

$$R = 32 \times 10^{-2} \Omega$$

(3) جملة المقارنة: خارجية .

الجملة المدروسة: الساق المتوازنة.

القوى الخارجيّة المؤثرة:  $\vec{W}$  ثقل الساق -  $\vec{F}$  القوة الكهربائيّة  
- رد فعل السكين  $\vec{R}$ .

$$\sum \vec{F} = \vec{0} \Rightarrow \vec{W} + \vec{F} + \vec{R} = \vec{0}$$

بالإسقاط على  $xx'$  يوازي السكين:



$$mg \sin \alpha - F \cos \alpha + 0 = 0$$

$$mg \sin \alpha = F \cos \alpha$$

$$\Rightarrow m = \frac{F}{g \tan \alpha} = \frac{iLB \sin \frac{\pi}{2}}{g \tan \alpha}$$

المسألة الرابعة: سلكان نحاسيان متوازيان، تميل كل منهما على الأفق بزاوية  $45^\circ$ ، تستند إليهما ساق نحاسية طولها  $L = 40 \text{ cm}$ ، تخضع بكاملها لتأثير حقل مغناطيسي منتظم شاقولي شدته  $0.8 \text{ T}$  تغلق الدارة، ثم تترك لتتراق دون احتكاك بسرعة ثابتة، قيمتها  $2 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  والمطلوب:

- (1) بين أنه تنشأ قوة كهربائية تعيق حركة الساق.
- (2) استنتج العلاقة المحددة للمقاومة الكلية للدارة ثم احسب قيمتها إذا كانت شدة التيار المتحرّض المتولد فيها  $\sqrt{2} \text{ A}$ .
- (3) استنتج العلاقة المحددة لكثافة الساق، ثم احسب قيمتها.

**الحل: (1)** عند تحريك الساق بسرعة ثابتة، عمودي على خطوط الحقل المغناطيسي فإن كل إلكترون حرّفي الساق سيتحرك بهذه السرعة وسطياً، ومع خضوعه لتأثير الحقل المغناطيسي المنتظم فإنه يخضع لتأثير القوة المغناطيسية  $\vec{F} = e\vec{v} \wedge \vec{B}$  وتأثير هذه القوة تحرك الإلكترونات الحرة عبر الدارة فيتولد تيار كهربائي متحرّض ينتج أفعالاً تعاكس السبب الذي أدى إلى حدوثه تنشأ قوة كهربائية معاكسة لجهة حركة الساق.

(2) عند حركة الساق بسرعة ثابتة  $\vec{v}$  خلال الفاصل الزمني  $\Delta t$  تنقل مسافة  $\Delta x = v \Delta t$  فتغير مساحة السطح الذي تخترقه خطوط الحقل المغناطيسي بالمقدار:

$$\Delta S = L \Delta x = L v \Delta t$$

فيغير التدفق المغناطيسي الذي يجاز الدارة بمقدار:

$$\sin 20t = 0 \Rightarrow 20t = \pi k \Rightarrow t = \frac{\pi k}{20}$$

لحظة الانعدام الأولى:  $k = 0 \Rightarrow t = 0 \text{ s}$

لحظة الانعدام الثانية:  $k = 1 \Rightarrow t = \frac{\pi}{20} \text{ s}$

$$i = \frac{\bar{\varepsilon}}{R} = \frac{16 \times 10^{-2} \times \sin 20t}{4} \quad (3)$$

$$i = 4 \times 10^{-2} \sin 20t \text{ A}$$

**التفكير الناقد:** تعطى القوة المحركة الكهربائية المتحرضة

$$\text{الذاتية بالعلاقة } \varepsilon = -L \frac{di}{dt} \text{ ناقش العلاقة عندما:}$$

(1) عندما تزداد شدة التيار المحرض المار في الوشعة.

(2) عندما تناقص شدة التيار المحرض المار في الوشعة.

**الجواب: (1)** عندما تزداد شدة التيار المحرض المار في الوشعة

تزداد الحقل المغناطيسي المحرض المولد من قبل الوشعة

ذاتها فيزداد التدفق المغناطيسي المحرض وتصبح القوة المحركة

الكهربائية المتحرضة أصغر من الصفر ويكون  $\vec{B}$  محرض

و  $\vec{B}$  متحرض على حامل واحد ويجهين متعاكسين.

(2) عندما تناقص شدة التيار المحرض المار في الوشعة

تناقص الحقل المغناطيسي المحرض المولد من قبل الوشعة

ذاتها فيتناقص التدفق المغناطيسي المحرض وتصبح القوة

المحركة الكهربائية المتحرضة أكبر من الصفر ويكون

$\vec{B}$  محرض و  $\vec{B}$  متحرض على حامل واحد وبجهة واحدة.

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

$$m = \frac{\sqrt{2} \times 40 \times 10^{-2} \times 0.8 \times 1}{10 \times 1}$$

$$m = 32\sqrt{2} \times 10^{-3} \text{ Kg}$$

**المسألة الخامسة:** إطار مربع الشكل طول ضلعه  $4 \text{ cm}$ ، مؤلف من

**100** لفة متماثلة من سلك نحاسي معزول، تدبر الإطار حول

محور شاقولي مار من مركزه ويضعين أفقيين

متقابلين بحركة دائرية منتظمة تقابل  $\frac{10}{\pi} \text{ Hz}$  ضمن حقل

مغناطيسي منتظم أفقي شدته  $5 \times 10^{-2} \text{ T}$  خطوطه

ناظمية على سطح الإطار قبل الدوران حيث الدارة مغلقة

ومقاومتها  $R = 4 \Omega$  والمطلوب:

(1) أكبر التابع الزمني للقوة المحركة الكهربائية المتحرضة الآتية

الناشئة في الإطار.

(2) عيّن اللحظتين الأولى والثانية التي تكون فيها

قيمة القوة المحركة الكهربائية المتحرضة الآتية الناشئة معدومة.

(3) أكبر التابع الزمني للتيار الكهربائي المتحرض اللحظي

المار في الإطار. (نهل تأثير الحقل المغناطيسي الأرضي)

$$\bar{\varepsilon} = \varepsilon_{\max} \sin \omega t \quad (\text{الحل: 1})$$

$$\omega = 2\pi f = 2\pi \times \frac{10}{\pi} = 20 \text{ rad. s}^{-1}$$

$$\varepsilon_{\max} = N B S \omega$$

$$\varepsilon_{\max} = 100 \times 5 \times 10^{-2} \times 16 \times 10^{-4} \times 20$$

$$\varepsilon_{\max} = 16 \times 10^{-2} \text{ V}$$

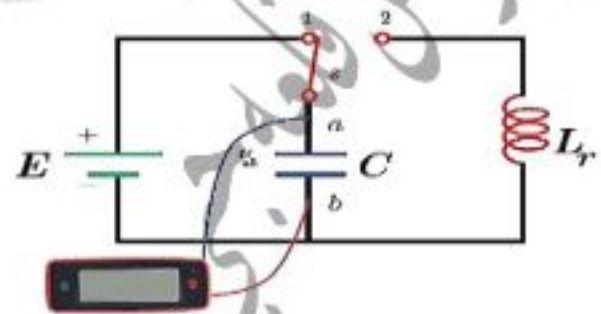
$$\bar{\varepsilon} = 16 \times 10^{-2} \sin 20t$$

$$\bar{\varepsilon} = 16 \times 10^{-2} \sin 20t = 0 \quad (2)$$

## الدوائر المهتزة والتيارات عالية التواتر

دارة الاهتزاز الكهربائي:

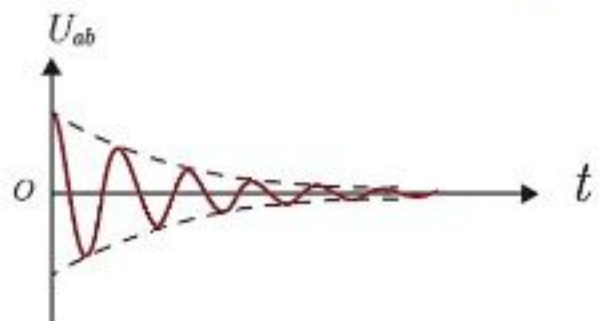
نشكل دائرة من مولد قوته المحركة الكهربائية  $E$ ، ومكثفة سعتها  $C$  ووشية ذاتيتها  $L$ ، ومقاومتها  $r$  صغيرة، وقاطعة دوارة  $S$  كما في الشكل، ونصل لبوسي المكثفة براسم اهتزاز مبهطي.



• نشحن المكثفة عندما تلامس القاطعة الدوارة الوضع (1) فتخزن طاقة كهربائية.

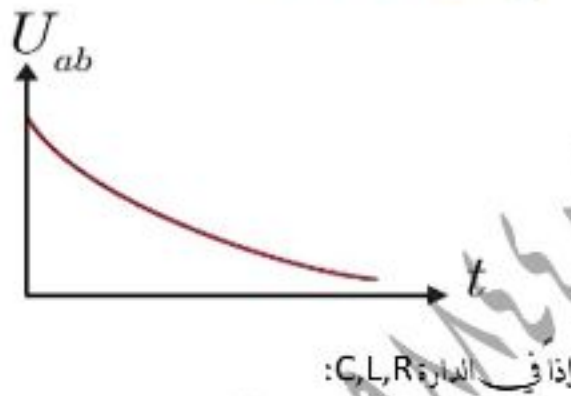
• تفرغ شحنة المكثفة عبر الوشية عندما تلامس القاطعة الوضع (2) يظهر على شاشة راسم الاهتزاز المنحني البياني

للوتر بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن في أثناء تفرغ شحنها على شكل تفرغ دوري متناوب متخامد تناقص فيه سعة الاهتزاز حتى تبلغ الصفر، لذا تحول إن الاهتزازات الحاصلة هي اهتزازات حرة متخامدة لأنها لا تتلقى طاقة من المولد.



• نسمي الدارة المولفة من مكثفة ووشية ذات المقاومة الصغيرة بالدائرة المهتزة الحرة المتخامدة، ويكون زمن الاهتزاز  $T_0$  ثابتاً، وبما أن سعة الاهتزاز متناقصة نسمي هذا الزمن بشبه الدور.

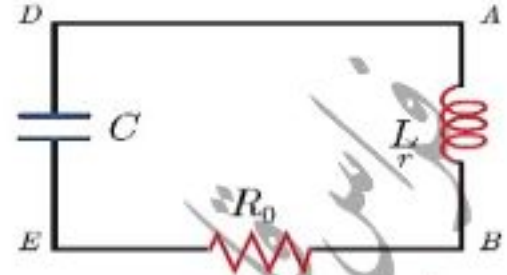
• عندما نصل مع الوشية في دارة الاهتزاز الكهربائي على التسلسل مقاومة متغيرة، نجد أنه كلما زدنا قيمة المقاومة أصبح تخامد الاهتزاز أشد، وإذا بلغت المقاومة قيمة كبيرة يظهر على شاشة الراسم المنحني البياني الموضح في الشكل جانباً، حيث التفرغ لادوري باتجاه واحد.



إذا في الدارة C, L, R:

- (1) المقاومة كبيرة بشكل كافٍ يكون التفرغ لادورياً باتجاه واحد.
- (2) المقاومة صغيرة يكون التفرغ دورياً متخامداً باتجاهين بشبه الدور.
- (3) إذا أهملنا المقاومات أو عوضنا عن الطاقات الضائعة يصبح التفرغ جيئياً، سعة الاهتزاز فيه ثابتة، ودوره الخاص  $T_0$ ، وهذه حالة مثالية.

نشكل دائرة كهربائية تحتوي على التسلسل وشيعة (L, r) ومكثفة مشحونة سعتها C ومقاومة R<sub>0</sub>, كما في الشكل:



أكتب عبارة التوتر بين طرفي كل جزء في الدارة ثم

استخرج المعادلة التي نصف اهتزاز الشحنة فيها؟

نختار اتجاهها موجبا للتيار الكهربائي فيكون:

$$\bar{u}_{AB} + \bar{u}_{BE} + \bar{u}_{ED} + \bar{u}_{DA} = 0$$

ولكن:  $\bar{u}_{DA} = 0$  لإهمال مقاومة سلك التوصيل.

$$\bar{u}_{ED} = \frac{q}{C} \text{ طرفي المكثفة}$$

$$\bar{u}_{BE} = R_0 i \text{ طرفي المقاومة}$$

$$\bar{u}_{AB} = L(i)_t + ri \text{ طرفي الوشيعة}$$

$$L(i)_t + ri + R_0 i + \frac{q}{C} = 0 \text{ نعوض:}$$

$$i = (\bar{q})_t \text{ لكن}$$

$$L(\bar{q})_t + R(\bar{q})_t + \frac{1}{C}\bar{q} = 0$$

وهي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية نصف اهتزاز الشحنة

الكهربائية في دائرة كهربائية تحتوي على C, L, R.

الاهتزازات الحرة في الدارة الكهربائية (L, C):

يمكن إيجاد المعادلة التفاضلية في دائرة مهتزة (L, C)

بموضع R = 0 نجد:

$$L(\bar{q})_t + \frac{1}{C}\bar{q} = 0$$

$$(\bar{q})_t = -\frac{1}{LC}\bar{q} \dots (1)$$

وهي معادلة تفاضلية من المرتبة الثانية بالنسبة لـ q تقبل حل جيبياً من الشكل:

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

حيث: q<sub>max</sub>: الشحنة العظمى للمكثفة.

ω<sub>0</sub>: النبض الخاص.

φ: الطور الابتدائي في اللحظة t = 0.

(ω<sub>0</sub>t + φ): طور الحركة في اللحظة t.

عبارة الدور الخاص للاهتزازات الحرة غير المتخامدة:

تسحق تابع الشحنة مرتين بالنسبة للزمن نجد:

$$(\bar{q})_t = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{q})_t = -\omega_0^2 q_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

$$(\bar{q})_t = -\omega_0^2 \bar{q}$$

بالموازاة مع المعادلة (1):

$$(\bar{q})_t = -\frac{1}{LC}\bar{q}$$

$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} > 0 \text{ نجد:}$$

وذلك لأن: L, C موجبان دوماً.

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \text{ ولكن: } T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} \text{ نعوض فنجد:}$$

وهي عبارة الدور الخاص للاهتزازات الكهربائية الحرة غير المتخامدة

وتسمى علاقة طومسون حيث:

T<sub>0</sub> دور الاهتزازات الكهربائية ويقدر بالثانية S.

L ذاتية الوشيعة وتقدر بوحدة الهنري H.

C سعة المكثفة وحدتها في الجملة الدولية الفاراد F.

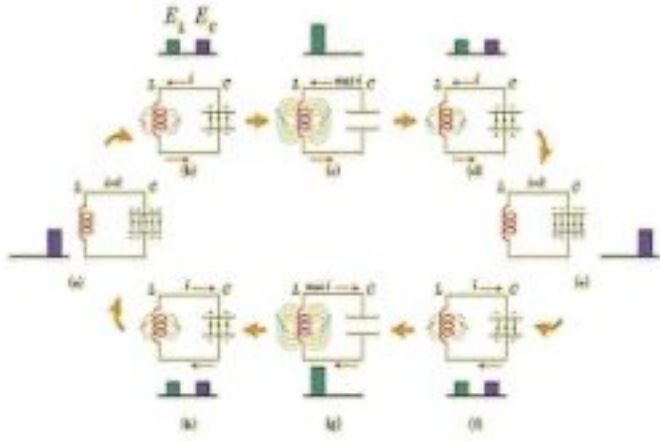
عبارة شدة التيار الكهربائي في الدارة المهتزة:

يعطى تابع الشحنة بالعلاقة:

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t + \bar{\varphi})$$

الطاقة في الدارة الكهربائية المهتزة:

كيف يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والشحنة في الدارة المهتزة؟



تبدأ المكثفة بتفريغ شحناتها في الشحنة فيزداد تيار الشحنة ببطء

حتى يصل إلى قيمة عظمى نهاية ربع الدور الأول

من التفريغ عندها تفقد المكثفة كامل شحناتها فتخزن

الشحنة طاقة كهربائية عظمى  $E_L = \frac{1}{2} LI_{max}^2$

ثم يقوم تيار الشحنة بشحن المكثفة حتى يصبح تيارها

صفرًا، وتصبح شحنة المكثفة عظمى، فتخزن

المكثفة طاقة كهربائية عظمى  $E_C = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C}$ ، وهذا

يحدث في نهاية نصف الدور الأول.

أما في نصف الدور الثاني **تكرر** عملية الشحن

والتفريغ في الاتجاه المعاكس نظرًا لغير شحنة اللوسين،

وهكذا يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والشحنة.

عندما تكون مقاومة الشحنة صغيرة فإن الطاقة تتبدد

تدريجياً على شكل طاقة حرارية بفعل جول مما يؤدي

إلى تخامد الاهتزاز.



بما أن مبدأ الزمن لحظة إغلاق الدارة فإن:  $\varphi = 0$

وبالتالي:  $\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t)$

وهو تابع الشحنة بشكله المخزن.

إن تابع الشدة هو مشتق تابع الشحنة بالنسبة للزمن،

أي:  $i = (\bar{q})'_t$

$i = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t + \varphi)$

$i = \omega_0 q_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$

$i = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$

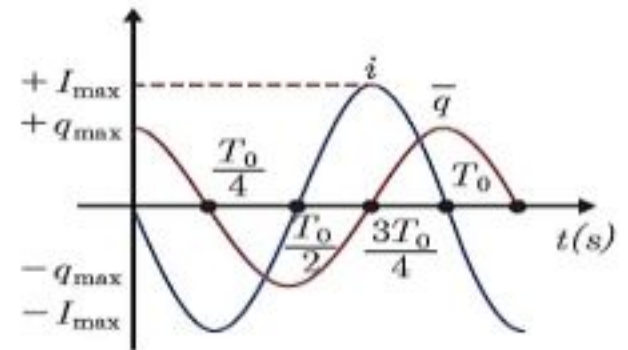
حيث:  $I_{max} = \omega_0 q_{max}$

بمقارنة تابع الشدة مع تابع الشحنة نلاحظ أن الشدة على

تتابع متقدم بالطور على تابع الشحنة.

وبالتنظر إلى الرسم البياني للتابعين (الشحنة والشدة بدلالة

الزمن) نستنتج:



عندما تكون شحنة المكثفة عظمى تنعدم شدة التيار

في الشحنة.

عندما تكون الشدة عظمى في الشحنة تنعدم

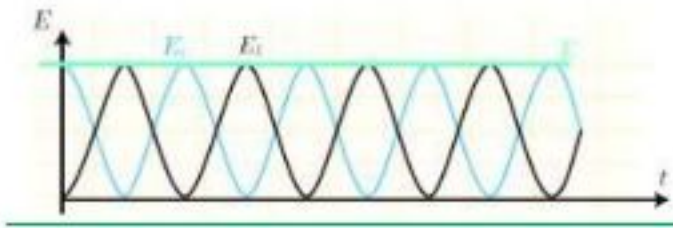
شحنة المكثفة.

تابع الشدة على تتابع متقدم بالطور مع تابع الشحنة.



الطاقة الكلية لدارة تحتوي مكثفة وذاتية صرفة (ليس لها مقاومة) ثابتة وتساوي الطاقة العظمى للمكثفة المشحونة أو تساوي الطاقة العظمى للوشعة أي أنه في دارة مهتزة في أثناء التفريغ تتحول الطاقة بشكل دوري من طاقة كهربائية في المكثفة إلى طاقة كهرومغناطيسية في الوشعة وبالعكس، ولكن المجموع يبقى ثابتاً.

نتيجة: الطاقة الكلية للدارة المهتزة  $(L, C)$  مقدار ثابت في كل لحظة وتمثل بخط مستقيم يوازي محور الزمن.



مسألة محلولة: نشحن مكثفة سعتها  $C = 1 \mu F$  تحت توتر كهربائي  $U_{ab} = 100 V$ ، ثم نصلها في اللحظة  $t = 0$  بين طرفي وشعة ذاتيتها  $L = 10^{-3} H$  ومقاومتها مهملة والمطلوب حساب:

- الشحنة الكهربائية للمكثفة والطاقة الكهربائية المخزنة فيها عند اللحظة.
- تواتر الاهتزازات الكهربائية المارة فيها
- شدة التيار الأعظمي  $I_{max}$  المار في الدارة.

الحل: (1)  $q_{max} = CU_{max}$

$$q_{max} = 1 \times 10^{-6} \times 100$$

$$q_{max} = 1 \times 10^{-4} C$$

$$E = \frac{1}{2} CU_{max}^2 = \frac{1}{2} \times 1 \times 10^{-6} \times (100)^2$$

$$E = 5 \times 10^{-3} J$$

• عند وجود مقاومة كبيرة في الدارة فإن الطاقة التي تعطىها المكثفة إلى الوشعة والمقاومة تتحول إلى حرارة بفعل جول في المقاومة، ونسمى عندئذ التفريغ لادورياً حيث تبدد طاقة المكثفة بالكامل دفعة واحدة في أثناء تفريغ شحنتها الأولى عبر الوشعة ومقاومة الدارة.

الطاقة الكلية في الدارة المهتزة  $(L, C)$ :

الطاقة الكلية في دارة مهتزة هي مجموع طاقة المكثفة وطاقة الوشعة.

$$E_C = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \text{ الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثفة.}$$

$$E_L = \frac{1}{2} Li^2 \text{ الطاقة الكهربائية المخزنة في الوشعة.}$$

الطاقة الكلية في الدارة المهتزة:

$$E = E_C + E_L$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} + \frac{1}{2} Li^2 \text{ نعوض:}$$

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t) \text{ ولكن:}$$

$$i = (\bar{q})'_t = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t)$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2} L \omega_0^2 q_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t)$$

$$\text{ولكن: } \omega_0^2 = \frac{1}{LC}$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2} C q_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t)$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} [\cos^2(\omega_0 t) + \sin^2(\omega_0 t)]$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} = \text{const} \text{ بالتالي:}$$

$$E = \frac{1}{2} LI_{max}^2 \text{ وبالطريقة نفسها نصل إلى العلاقة:}$$

فإذا كانت المقاومة مهملة تتحول المعادلة إلى رتبة الوشيعة:

$$X_L = \omega L = 2\pi fL$$

إن المعادلة تتناسب طردياً مع تواتر التيار وفي حالة التيارات عالية التواتر فإن معاينة الوشيعة تكون كبيرة جداً فيمر فيها تيار شدته المنبجعة ضعيفة جداً.

## 2- تبدي المكثفة ممانعة صغيرة للتيارات عالية التواتر:

تعطى العلاقة التي تمثل ممانعة المكثفة (الأنساعية) بالشكل:

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi fC}$$

إن المعادلة تتناسب عكساً مع تواتر التيار وفي التيارات عالية التواتر تبدي المكثفة ممانعة صغيرة جداً للتيارات عالية التواتر فيمر فيها تيار شدته المنبجعة كبيرة.

اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة:

(1) تتألف دائرة مهتزة من مكثفة سعتها  $C$ ، ووشيعة ذاتيتها  $L$  دورها الخاص  $T_0$ ، استبدلنا المكثفة  $C$  بمكثفة أخرى سعتها  $C' = 2C$  يصبح دورها الخاص  $T_0'$  فتكون العلاقة بين الدورين:

$$T_0 = \sqrt{2} T_0' \quad (b) \quad T_0' = \sqrt{2} T_0 \quad (a)$$

$$T_0' = 2 T_0 \quad (d) \quad T_0 = 2 T_0' \quad (c)$$

الإجابة الصحيحة: (b)

$$T_0' = 2\pi\sqrt{L2C} = \sqrt{2} 2\pi\sqrt{LC} = \sqrt{2}T_0$$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \quad (2)$$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{10^{-3} \times 1 \times 10^{-6}}$$

$$T_0 = 2 \times 10^{-4} S$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2 \times 10^{-4}} = 5000 Hz$$

$$I_{max} = \omega_0 q_{max} \quad (3)$$

$$I_{max} = 2\pi f_0 q_{max}$$

$$I_{max} = 2\pi \times 5000 \times 10^{-4} = \pi A$$

التيارات عالية التواتر:

تتألف دائرة اهتزاز كهربائي عالية التواتر من مكثفة سعتها صغيرة من رتبة  $F 10^{-8}$  موصولة مع وشيعة مهملة المقاومة ذاتيتها صغيرة من رتبة  $H 10^{-4}$  احسب دور التفرغ وتواتره ماذا نسعى التيار الموافق لهذا التواتر؟

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} = 2\pi\sqrt{10^{-8} \times 10^{-4}} \quad \text{الحل:}$$

$$T_0 = 2\pi \times 10^{-6} S$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi \times 10^{-6}} = \frac{1}{2\pi} \times 10^6 Hz$$

نحصل على تيار عالي التواتر.

خصائص التيارات عالية التواتر:

## 1- تبدي الوشيعة ممانعة كبيرة للتيارات عالية التواتر:

عند تمرير تيار عالي التواتر في دائرة وشيعة، فإن الوشيعة تبدي ممانعة كبيرة لهذا التيار.

تعطى العلاقة التي تمثل ممانعة الوشيعة بالشكل:

$$Z_L = \sqrt{r^2 + \omega^2 L^2}$$

$$E_C = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \quad \text{الطاقة الكهربائية المخزنة في المكثف.}$$

$$E_L = \frac{1}{2} Li^2 \quad \text{الطاقة الكهربائية المخزنة في الوشعة.}$$

الطاقة الكلية في الدارة المهتزة:

$$E = E_C + E_L$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} + \frac{1}{2} Li^2 \quad \text{نعوض:}$$

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t) \quad \text{ولكن:}$$

$$i = (\bar{q})' = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t) \quad \text{بالتالي:}$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2} L \omega_0^2 q_{max}^2 \sin^2(\omega_0 t)$$

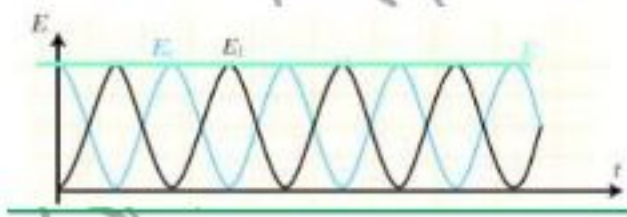
$$\text{ولكن: } \omega_0^2 = \frac{1}{LC} \quad \text{بالتالي:}$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \cos^2(\omega_0 t) + \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} \sin^2(\omega_0 t)$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} [\cos^2(\omega_0 t) + \sin^2(\omega_0 t)]$$

$$E = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C} = \text{const.} \quad \text{بالتالي:}$$

$$\text{وبالطريقة نفسها نصل إلى العلاقة: } E = \frac{1}{2} Li_{max}^2$$



(4) كيف يتم تبادل الطاقة بين المكثف والوشعة في دائرة مهتزة

خلال دور واحد؟

الحل:

• تبدأ المكثف بتفريغ شحناتها في الوشعة فيزداد تيار الوشعة ببطء

حتى يصل إلى قيمة عظمى نهاية ربع الدور الأول

(2) تتألف دائرة مهتزة من مكثف سعتهما C، وذاتية L، وتواترها

الخاص  $f_0$ ، نستبدل الذاتية بذاتية أخرى حيث  $L' = 2L$  والمكثف

بمكثف أخرى سعتهما  $C' = \frac{1}{2}C$  فيصبح تواترها الخاص:

$$f_0' = 2f_0 \quad (B) \quad f_0' = f_0 \quad (A)$$

$$f_0' = \frac{1}{4}f_0 \quad (D) \quad f_0' = \frac{1}{2}f_0 \quad (C)$$

الإجابة الصحيحة: (A)

$$f_0' = \frac{1}{T_0'} = \frac{1}{2\pi \sqrt{2L \frac{C}{2}}} = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} = f_0$$

ثانياً: أجب عن الأسئلة الآتية:

(1) تتألف دائرة من مقاومة أومية ومكثف فهل يمكن اعتبارها

دائرة مهتزة؟ ولماذا؟

الحل: لا يمكن اعتبارها دائرة مهتزة لعدم وجود وشعة تحتزن

الطاقة التي تعطىها المكثف.

(2) متى يكون التفريغ المكثف في وشعة لا دورياً؟ ولماذا؟

الحل: يكون التفريغ لا دورياً إذا بلغت المقاومة قيمة كبيرة نسبياً وذلك

لأن الطاقة التي تعطىها المكثف للوشعة والمقاومة تحول إلى

حرارة بفعل جول في المقاومة وتبدد كامل طاقة المكثف دفعة

واحدة أثناء تفريغ شحناتها الأولى عبر الوشعة ومقاومة الدارة.

(3) استنتج أن طاقة دائرة (L, C) مقدار ثابت في كل لحظة

مع رسم الخطوط البيانية.

الحل: الطاقة الكلية في دائرة مهتزة هي مجموع طاقة المكثف وطاقة

الوشعة.

**ثالثاً:** اعطِ تفسيراً علمياً مع كتابة العلاقات المناسبة عند اللزوم:

(1) تبدي المكثفة ممانعة كبيرة للتيارات منخفضة التواتر.

**الحل:** ممانعة المكثفة (اتساعية المكثفة) تعطى بالعلاقة:

$$X_c = \frac{1}{\omega c} = \frac{1}{2\pi f c}$$

نجد أن اتساعية المكثفة تناسب عكساً مع تواتر التيار ففي حالة التيارات منخفضة التواتر تكون ممانعة المكثفة كبيرة.

(2) تبدي الوشعبة ممانعة كبيرة للتيارات عالية التواتر.

**الحل:** ممانعة الوشعبة مهملة المقاومة (ردية الوشعبة) تعطى بالعلاقة:

$$X_L = \omega L = 2\pi f L$$

نجد أن ردية الوشعبة تناسب طردياً مع تواتر التيار ففي حالة التيارات عالية التواتر تكون ممانعة الوشعبة كبيرة.

**رابعاً:** حل المسائل الآتية:

**المسألة الأولى:** تألف دائرة مهتزة من مكثفة إذا طبق بين

لبوسيتها فرق ككون  $50 V$ ، شحنت كل من لبوسيتها

$0.5 \mu C$  ووشعبة طولها  $10 cm$  وطول سلكها  $16 m$  بطبقة

واحدة مقاومتها مهملة والمطلوب:

(1) احسب تواتر الاهتزازات الكهربائية المار فيها.

(2) احسب شدة التيار الأعظمي المار في الدارة.

**الحل: (1)**

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

$$C = \frac{q_{max}}{U_{max}} = \frac{0.5 \times 10^{-6}}{50} = 10^{-8} F$$

من التفرغ عندها تفقد المكثفة كامل شحنتها فتخزن

الوشعبة طاقة كهربائية عظمى  $E_L = \frac{1}{2} LI_{max}^2$ .

• ثم يقوم تيار الوشعبة بشحن المكثفة حتى يصبح تيارها

معدوماً، وتصبح شحنة المكثفة عظمى، فتخزن

المكثفة طاقة كهربائية عظمى  $E_C = \frac{1}{2} \frac{q_{max}^2}{C}$ ، وهذا

يتحقق في نهاية نصف الدور الأول.

• أما في نصف الدور الثاني **تكرر** عملياً الشحن

والتفرغ في الاتجاه المعاكس نظراً لغير شحنة اللبوسين،

وهكذا يتم تبادل الطاقة بين المكثفة والوشعبة.

(5) لماذا تنقص الطاقة الكلية في دائرة مهتزة تحوي

(مقاومة، ذاتية، مكثفة) في أثناء التفرغ؟

**الحل:** تنقص الطاقة الكلية في دائرة مهتزة تحوي (مقاومة، ذاتية،

مكثفة) في أثناء التفرغ بسبب تبدد الطاقة بفعل جول في

المقاومة الأومية.

(6) أكب التابع الزمني للشحنة اللحظية مُعبراً مبدأ الزمن

عندما تكون  $\varphi = 0$ ، ثم استنجِ عبارة الشدة اللحظية

ووازن بينهما من حيث الطور.

**الحل:**

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t)$$

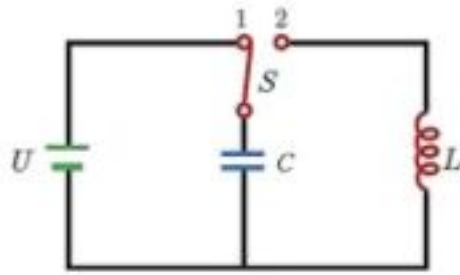
$$i = (\bar{q})' = -\omega_0 q_{max} \sin(\omega_0 t)$$

$$i = I_{max} \cos(\omega_0 t + \frac{\pi}{2})$$

تابع شدة التيار الكهربائي متقدّم بالطور عن تابع شحنة المكثفة

بالمقدار  $\frac{\pi}{2}$ .

المسألة الثالثة: نكوّن دارة كما في الشكل المجاور:



مكثفة سعتها  $C = 2 \times 10^{-5} F$  ووشبيعة مقاومتها  $r$  وذاتيتها  $L$  ومولد يعطي توتراً ثابتاً قيمته  $U_{max} = 6 V$  وقاطعة.

(1) نغلق القاطعة في الوضع (1) لنشحن المكثفة احسب الشحنة المخزنة في المكثفة عند نهاية الشحن.

(2) نغلق القاطعة في الوضع (2) فسراً يحدث في الدارة.

الحل: (1)  $q_{max} = CU_{max}$

$q_{max} = 2 \times 10^{-5} \times 6 = 12 \times 10^{-5} C$

(2) عندما تلامس القاطعة الوضع (2) تتفرغ شحنة المكثفة عبر الوشبيعة على شكل تفرغ دوري متناوب متخامد تناقص فيه سعة الاهتزاز حتى **تعدم** بسبب تبديد الطاقة تدريجياً على شكل طاقة حرارية بفعل جول مما يسبب تخامد الاهتزاز.

المسألة الرابعة: مكثفة سعتها  $C = 10^{-12} F$  تُشحن

بوساطة مولد تيار متواصل فرق الكون بين طرفيه

$U_{max} = 10^{+3} V$  ومقاومته مهملة والمطلوب:

(1) احسب شحنة المكثفة والطاقة المخزنة فيها.

(2) بعد شحن المكثفة توصل بوشبيعة ذاتيتها  $L = 16 mH$

مقاومتها الأومية مهملة. المطلوب:

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2}{\ell} S$$

$$N = \frac{\ell'}{2\pi r}, S = \pi r^2$$

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{(\frac{\ell'}{2\pi r})^2}{\ell} \pi r^2$$

$$L = 10^{-7} \frac{(\ell')^2}{\ell}$$

$$L = 10^{-7} \frac{(16)^2}{10 \times 10^{-2}} = 256 \times 10^{-6} H$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{256 \times 10^{-6} \times 10^{-8}}}$$

$$f_0 = 10^5 \text{ HZ}$$

$$I_{max} = q_{max}\omega_0 = q_{max} \times 2\pi f_0 \quad (2)$$

$$I_{max} = 0.5 \times 10^{-6} \times 2\pi \times 10^5 = 0.1\pi A$$

المسألة الثانية: نريد أن نحقق دارة مهتزة مفتوحة، طول موجة

الاهتزاز الذي تشعّه  $200m$ ، فنؤلفها من ذاتية قيمتها

$0.1 \mu H$  ومن مكثفة متغيرة السعة والمطلوب احسب سعة

المكثفة اللازمة لذلك علماً أن سرعة انتشار الاهتزاز

$$3 \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$$

الحل: (1)  $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$  لكن:

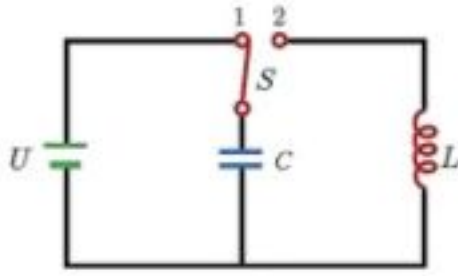
$$C = \frac{\lambda}{T_0} \Rightarrow T_0 = \frac{\lambda}{C} = \frac{200}{3 \times 10^8} = \frac{2}{3} \times 10^{-6} \text{ s}$$

بالتعويض في علاقة الدور:  $\frac{2}{3} \times 10^{-6} = 2\pi\sqrt{0.1 \times 10^{-6} C}$

بتربيع طرفي العلاقة:  $40 \times 10^{-7} C = \frac{4}{9} \times 10^{-12}$  ومنه:

$$C = \frac{\frac{4}{9} \times 10^{-12}}{40 \times 10^{-7}} = \frac{1}{9} \times 10^{-12} F$$

المسألة الخامسة: نركب الدارة الموضحة بالشكل:



حيث:  $C = 10^{-12} F$  ,  $L = 10^{-3} H$

$U_{max} = 10^3 V$  ونصل القاطعة إلى الوضع (1)

(1) احسب القيمة العظمى لشحنة المكثف.

(2) نحول القاطعة إلى الوضع (2) احسب تواتر التيار المهتز المار

من الوشبة ونضه وأكب التابع الزمني للشدة اللحظية.

(الحل: 1)  $q_{max} = CU_{max} = 10^{-12} \times 10^3$

$$q_{max} = 10^{-9} C$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{10^{-3} \times 10^{-12}}} = 5 \times 10^6 Hz$$

$$\omega_0 = 2\pi f_0 = 2\pi \times 5 \times 10^6$$

$$\omega_0 = \pi \times 10^7 rad$$

$$I_{max} = q_{max}\omega_0 = 10^{-9} \times \pi \times 10^7$$

$$I_{max} = \pi \times 10^{-2} A$$

$$i = \pi \times 10^{-2} \cos(\pi \times 10^7 t + \frac{\pi}{2}) A$$

(a) صف ما يحدث.

(b) احسب تواتر الاهتزازات الكهربائية.

(c) أكتب التابع الزمني لكل من الشحنة وشدة التيار بدءاً

من الشكل العام معيّراً مبدأ الزمن لحظة وصل المكثف

المشحونة بالوشبة.

(الحل: 1)  $q_{max} = CU_{max} = 10^{-12} \times 10^3$

$$q_{max} = 10^{-9} C$$

$$E = \frac{1}{2} q_{max} U_{max} = \frac{1}{2} \times 10^{-9} \times 10^3$$

$$E = 5 \times 10^{-7} J$$

(2) (a) تفريغ المكثف عبر الوشبة ويكون التفريغ دوري

متناوب جيبي سعة الاهتزاز ثابتة لعدم وجود ضياع في الطاقة.

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \quad (b)$$

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{16 \times 10^{-3} \times 10^{-12}}}$$

$$f_0 = 125 \times 10^4 Hz$$

$$\bar{q} = q_{max} \cos(\omega_0 t) \quad (c)$$

$$\omega_0 = 2\pi f_0 = 2\pi \times 125 \times 10^4$$

$$\omega_0 = 25\pi \times 10^5 rad.s^{-1}$$

$$\bar{q} = 10^{-9} \cos(25\pi \times 10^5 t)$$

$$I_{max} = q_{max}\omega_0 = 10^{-9} \times 25\pi \times 10^5$$

$$I_{max} = 25\pi \times 10^{-4} A$$

$$i = 25\pi \times 10^{-4} \cos(25\pi \times 10^5 t + \frac{\pi}{2}) A$$

**التفكير الناقد:** كيف تفصل التيارات عالية التواتر عن التيارات منخفضة التواتر.

**الجواب:** فصل بين طرفي وشيعة مهملة المقاومة مكثفة (على التفرع) فلا يمر في فرعها إلا التيار عالي التواتر لأن ممانعة المكثفة صغيرة  $X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C}$  بينما يمر في فرع الوشيعة المهملة المقاومة التيار منخفض التواتر لأن ممانعة الذاتية صغيرة  $X_L = \omega L = 2\pi f L$

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

0988440574 / 0947205146

## التيار المتناوب الجيبي

- التيار المستمر تياراً ثابت الشدة واتجاهه مع الزمن .
- التيار المتناوب الجيبي تياراً تتغير فيه الشدة، والتوتر تغيراً جيبياً خلال تغير الزمن .

تابع الشدة اللحظية وتابع التوتر اللحظي:

- تابع الشدة اللحظية:

$$i = I_{max} \cos(\omega t + \bar{\varphi}_1)$$

تمثل  $\bar{\varphi}_1$  الطور الابتدائي لشدة التيار .

- تابع التوتر اللحظي:

$$u = U_{max} \cos(\omega t + \bar{\varphi}_2)$$

تمثل  $\bar{\varphi}_2$  الطور الابتدائي للتوتر .

- $\bar{\varphi} = \bar{\varphi}_2 - \bar{\varphi}_1$  تمثل فرق الطور بين الشدة والتوتر وتتغير بتغير مكونات الدارة .

القيم المنتجة (الفعالة):

- الشدة المنتجة للتيار المتناوب الجيبي: هي شدة تيار مواصل يعطي الطاقة الحرارية نفسها التي يعطيها التيار المتناوب الجيبي عند مرورهما في الناقل الأومي نفسه خلال الزمن نفسه .  $I_{eff} = \frac{I_{max}}{\sqrt{2}}$

- التوتر المنتج للتيار المتناوب الجيبي: يكافئ التوتر المستمر الذي يقدم الطاقة نفسها التي يقدمها التوتر المتناوب الجيبي في الناقل الأومي نفسه خلال الزمن نفسه والتي تصرف بشكل حراري .  $U_{eff} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}}$

## التفسير الإلكتروني للتيار الكهربائي:

- ينشأ التيار المتواصل من حركة الإلكترونات الحرة بحيث تكون الحركة الإجمالية وفق اتجاه واحد، من الكمون المنخفض إلى الكمون المرتفع بسبب وجود حقل كهربائي ناتج عن التوتر المطبق .
- ينشأ التيار المتناوب من الحركة الاهتزازية للإلكترونات الحرة حول مواضع وسطية بصفة صغيرة من مرتبة الميكرومتر، ويكون تواتر هذه الحركة مساو لتواتر التيار، وتنتج الحركة الاهتزازية للإلكترونات عن الحقل الكهربائي المتغير بالقيمة والاتجاه والذي ينتشر بسرعة الضوء بجوار الناقل، وينتج هذا التغير في الحقل الكهربائي من تغير قيمة وإشارة التوتر بين قطبي المنبع الكهربائي .

- يعطى طول موجة الاهتزاز  $\lambda$  للإلكترونات في التيار المتناوب بالعلاقة:  $\lambda = \frac{c}{f}$  حيث  $c$  سرعة انتشار الضوء في الخلاء و  $f$  تواتر التيار . ومن أجل تيار المدينة الذي تواتره في معظم دول العالم هو  $f = 50 \text{ Hz}$ ، نجد أن:

$$\lambda = \frac{3 \times 10^8}{50} = 6 \times 10^6 \text{ m}$$

- وهذا طول موجة كبير مغارة مع أبعاد الدارات المستخدمة في الأجهزة الكهربائية والإلكترونية، فإذا أخذنا دائرة أبعادها من رتبة عدة أمتار نجد أن الإلكترونات تتحرك بالاتجاه نفسه في كامل الدارة في لحظة ما، ويجاز مقطع السلك العدد نفسه من الإلكترونات في كل نقاط الدارة .



### (3) الاستطاعة الظاهرية:

وهي تمثل أكبر قيمة للاستطاعة المتوسطة عندما:

$$\bar{\varphi} = 0 \Rightarrow \cos \bar{\varphi} = 1 \Rightarrow P_A = I_{eff} U_{eff}$$

عامل الاستطاعة:

تسمى  $\cos \bar{\varphi}$  بعامل الاستطاعة: وهو النسبة بين

الاستطاعة المتوسطة  $P_{avg}$  والاستطاعة الظاهرية  $P_A$ .

$$\text{عامل الاستطاعة} = \cos \varphi = \frac{P_{avg}}{P_A}$$

**تذكرة:** إن الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في جملة

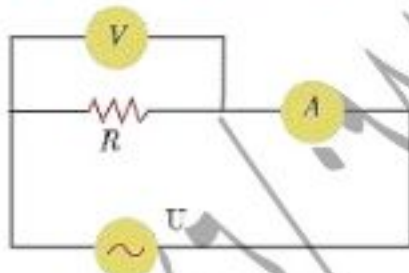
ثنائتي قطب موصولين على السلسل أو على التفرع

تساوي مجموع الاستطاعتين المستهلكين في

$$P_{avg} = P_{avg 1} + P_{avg 2} \text{ : ثنائتي القطب: أي:}$$

قانون أوم:

### (1) مقاومة أومية في دائرة تيار متناوب جيبي:



نطبق توتراً لحظياً  $u$  على مقاومة أومية صرفة  $R$  في دائرة تيار

متناوب جيبي مغلق، فيمر تيار تابع شدته اللحظية

$$i = I_{max} \cos \omega t$$

إت تابع التوتراً اللحظي بين طرفي المقاومة:

$$U = Ri$$

$$u = RI_{max} \cos \omega t \text{ : نعوض فنجد:}$$

لكن:  $X_R = R$  تدعى بممانعة المقاومة

$$U_{max} = RI_{max} \dots (1) \text{ : حيث:}$$

إذا يكون تابع التوتريين طرفي المقاومة الصريف:

### الاهتزازات الكهربائية القسرية بحث التيار المتناوب الجيبي

وهذا ما يسمح بتطبيق قوانين أوم في التيار المتواصل على

دائرة التيار المتناوب في كل لحظة عندما يتحقق الشرطان

الآتيان:

(1) الدائرة قصيرة بالنسبة لطول الموجة.

(2) تواتر التيار المتناوب الجيبي صغير.

تهتز الإلكترونات الحرة في الدائرة بالنض الذي يفرضه المولد

والذي يختلف عن النض الخاص، لذلك فالاهتزازات

الكهربائية الحاصلة تسمى بالاهتزازات القسرية، وبشكل المولد فيها

جملة محرصة وبقية الدائرة جملة مجاوية.

### الاستطاعات في التيار المتناوب الجيبي:

#### (1) الاستطاعة اللحظية:

تعرف الاستطاعة اللحظية  $P$  للتيار المتناوب الجيبي: بأنها جداء

التوتر اللحظي  $u$  في الشدة اللحظية للتيار  $i$ ، ويُعطى

بالعلاقة:  $P = ui$  وتغير هذه الاستطاعة من لحظة إلى

أخرى تبعاً لتغيرات كل من  $u$  و  $i$  مع الزمن.

#### (2) الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في دائرة:

تعرف الاستطاعة المتوسطة: بأنها الاستطاعة الثابتة التي تقدم

في الزمن  $t$  الطاقة الكهربائية  $E$  نفسها التي يقدمها التيار

المتناوب الجيبي للدائرة.

وهي معدل الطاقة الكهربائية المقدمة نتيجة مرور التيار المتناوب

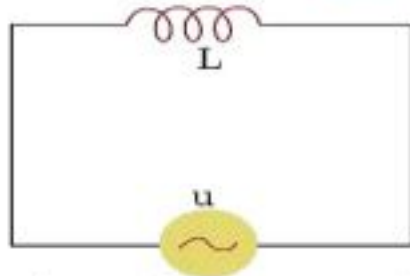
خلال الزمن  $t$ ، وتُعطى بالعلاقة:

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi$$

$\varphi$ : هو فرق الطور بين الشدة اللحظية والتوتر اللحظي للتيار.

نتيجة: يسلك الناقل الأومي السلوك نفسه في التيارين المتواصل والمتناوب.

(2) وشيعة مُهملة المقاومة (ذاتية صرفة) في دائرة تيار متناوب جيبي:



نطبق توتراً لحظياً  $u$  على وشيعة ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الأومية مهملة في دائرة تيار متناوب جيبي مغلقة، فيمر تيار تابع شدته اللحظية:

$$i = I_{max} \cos \omega t$$

تابع التوتراً اللحظي بين طرفي الشبيعة:

$$u = L \frac{di}{dt} \dots (1)$$

$$\frac{di}{dt} = -\omega I_{max} \sin \omega t \quad \text{لكي}$$

$$\frac{di}{dt} = \omega I_{max} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2}) \quad \text{أي:}$$

$$u = \omega L I_{max} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2}) \quad \text{نعوض بـ (1):}$$

نسمي المقدار  $X_L = \omega L$  بمقاومة الشبيعة مهملة المقاومة وتسمى **ردية الشبيعة**.

$$u = X_L I_{max} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2}) \quad \text{فتصبح العلاقة:}$$

$$U_{max_L} = X_L I_{max} \quad \text{بالتالي:}$$

يصبح تابع التوتراً بين طرفي الشبيعة:

$$\bar{u}_L = U_{max_L} \cos(\omega t + \frac{\pi}{2})$$

بالمقارنة بين تابعي الشدة والتوتراً نجد أن الشبيعة مهملة

المقاومة تجعل التوتراً اللحظي يتقدم بالطور على الشدة اللحظية

بمقدار  $\frac{\pi}{2}$  (تراجع متقدم).

$$\bar{u} = U_{max} \cos \omega t$$

بالمقارنة بين تابعي الشدة والتوتراً نجد أن:  $\bar{\varphi} = 0$  أي أن المقاومة تجعل التوتراً المطبق بين طرفيها على توافق بالطور مع الشدة.

للحصول على القيم المنتجة نسّم طرفي العلاقة (1) على  $\sqrt{2}$ :

$$\frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = X_R \frac{I_{max}}{\sqrt{2}}$$

$$U_{eff} = R I_{eff}$$

ويمثل التوتراً المنتج بين طرفي المقاومة بواسطة شعاع فريزل:



تعطى الاستطاعة المتوسطة المستهلكة بالعلاقة:

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi$$

نكت في حالة المقاومة الصرفة:

$$\varphi = 0 \Rightarrow \cos \varphi = 1 \Rightarrow$$

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff}$$

نكت:  $U_{eff} = R I_{eff}$  بالتالي:

$$P_{avg} = R I_{eff}^2$$

وهذا يدل على أن الطاقة تصرف في المقاومة حرارياً بفعل جول.

ملاحظة: (1) نسبة التوتراً المطبق بين طرفي ناقل أومي

إلى شدة التيار المتواصل المار فيه تساوي مقدار ثابت

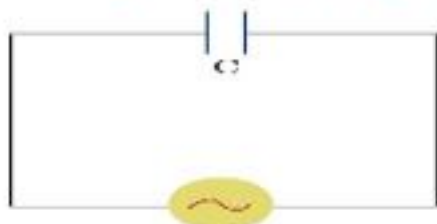
$$\frac{U}{I} = R$$

(2) نسبة التوتراً المنتج المطبق بين طرفي ناقل أومي إلى

الشدة المنتجة للتيار المتناوب المار فيه تساوي مقدار ثابت

$$\frac{U_{eff}}{I_{eff}} = R$$

## (3) مكثفة في دائرة تيار متناوب جيبي:



نطبق توتراً لحظياً  $\bar{u}$  على مكثفة غير مشحونة  $C$  فيمر تياراً تابع

$$i = I_{max} \cos \omega t \quad \text{شدته اللحظية:}$$

التوتر اللحظي بين لوسى المكثفة يعطى بالعلاقة:

$$\bar{u} = \frac{\bar{q}}{C}$$

باعتبار أن  $C$  سعة المكثفة ثابتة  $\bar{q}$  شحنتها المتغيرة مع الزمن

فإنه خلال فاصل زمني  $dt$  تتغير شحنة المكثفة بمقدار  $dq$

$$\text{ولدينا: } d\bar{q} = i dt$$

ولحساب شحنة المكثفة في اللحظة  $t$  تكامل فنجد:

$$\bar{q} = \int i dt = \int I_{max} \cos(\omega t) dt$$

$$\bar{q} = \frac{1}{\omega} I_{max} \sin \omega t$$

$$\bar{u} = \frac{1}{\omega C} I_{max} \sin \omega t \quad \text{نعوض بـ } \bar{u} \text{ فنجد:}$$

$$\bar{u} = \frac{1}{\omega C} I_{max} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

ندعو المقدار  $X_C = \frac{1}{\omega C}$  بمداعة المكثفة ونسمى **اتساعية**

**المكثفة** وتقدر بوحدة الأوم في الجملة الدولية.

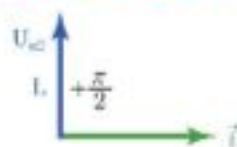
$$\bar{u} = X_C I_{max} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$U_{max} = X_C I_{max}$$

$$\bar{u}_c = U_{max_c} \cos\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right) \quad \text{إذا:}$$

بمقارنة تابع التوتر مع تابع الشدة نجد أن التوتر متأخر عن التيار

بمقدار  $\frac{\pi}{2} \text{ rad}$  (تابع متأخر).



للحصول على القيم المنتجة تقسم طرفي العلاقة (2) على  $\sqrt{2}$ :

$$\frac{U_{max_L}}{\sqrt{2}} = X_L \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} \Rightarrow U_{eff_L} = X_L I_{eff_L}$$

تعطى **الاستطاعة المتوسطة المستهلكة:**

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi$$

نكن في حالة الوشعبة مهملة المقاومة تكون:

$$\varphi = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \cos \varphi_L = 0 \Rightarrow P_{avg_L} = 0$$

أي أن الاستطاعة المتوسطة في الوشعبة مهملة المقاومة

**معدومة، التعليل:** فالوشعبة مهملة المقاومة تختزن طاقة كهروستاتيكية

خلال ربع دور لتعيدها كهربائياً إلى الدائرة الخارجية خلال ربع الدور

الذي يليه، أي أن الوشعبة لا تسهل الطاقة.

**ملاحظة: 1** إذا كان للوشعبة مقاومة أومية  $r$ ، فإن ممانعتها

تعطى بالعلاقة:

$$Z_L = \sqrt{r^2 + X_L^2}$$

ويكون عامل استطاعة الوشعبة في هذه الحالة:

$$\cos \varphi_L = \frac{r}{Z_L}$$

وتابع التوتر اللحظي يصبح:

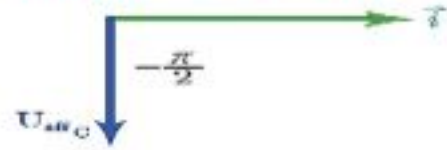
$$\bar{u}_L = U_{max} \cos(\omega t + \varphi_L)$$

وبالتالي فإن الوشعبة التي مقاومتها الأومية  $r$  تجعل التوتر

**يتقدم** بمقدار  $\varphi_L$  على الشدة.

**2** تقوم الوشعبة بدور مقاومة أومية في التيار المتناوب وتقوم بدور

مقاومة وذاتية في التيار المتناوب.



للحصول على القيم المنتجة (الفعالة) تقسم طرفي علاقة التوتر الأعظمي على  $\sqrt{2}$ :

$$\frac{U_{maxc}}{\sqrt{2}} = X_C \frac{I_{max}}{\sqrt{2}} \Rightarrow U_{effc} = X_C I_{effL}$$

وهذا هو قانون أوم في دائرة المكثفة.

تعطى **الاستطاعة المصروفة بالعلاقة:**

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi$$

ولكن من أجل المكثفة:

$$\varphi_C = -\frac{\pi}{2} \text{ rad} \Rightarrow \cos \varphi_C = 0$$

$$\Rightarrow P_{avgc} = 0$$

الاستطاعة المتوسطة في المكثفة معدومة، **التعليل:** فالمكثفة لا تستهلك أية طاقة، لأنها تخزن الطاقة كهربائياً خلال ربع دور، وتعيدها كهربائياً في ربع الدور الذي يليه.

**ملاحظة: (1)** لا تسمح المكثفة بمرور التيار المتواصل بسبب وجود العازل بين لبوسيتها.

**(2)** تسمح المكثفة بمرور التيار المتناوب لأنه:

عند وصل لبوسية مكثفة بماخذ تيار متناوب، فإن مجموعة الالكترونات الحرة التي بسبب ماخذ التيار المتناوب اهتزازها **تشحن لبوسية المكثفة خلال ربع دور** بشحنتين متساويتين ومن نوعين مختلفين دون أن تخترق عازلها ثم تنفرغان في ربع الدور الثاني، وفي النوبة الثانية (الربعين الثالث والرابع) تتكرر عمليتا الشحن والتفريغ مع تغير شحنة كل من اللبوسين.

**(3)** تبدي المكثفة مُمانعة للتيار المتناوب بسبب الحقل الكهربائي الناتج عن شحنتها.

**(4) الحالة العامة:** دائرة تيار متناوب تحوي على التسلسل مُقاومة وذاتية صرفة ومكثفة:

تؤلف دائرة تحوي على التسلسل الأجهزة الآتية: مُقاومة أومية  $R$ ، وشيعة ذاتيتها  $L$  مُقاومتها الأومية مهملة، ومكثفة سعتها  $C$ ، ويمرُّ

في هذه الدائرة تيار متناوب جيبي تابع شدته اللحظية

$$i = I_{max} \cos \omega t$$

عندما نطبق بين طرفي الدائرة توتراً متناوباً جيبياً، تابعه

$$\bar{u} = U_{max} \cos(\omega t + \varphi)$$

إن تواج التوترات اللحظية الجزئية مُختلفة في الطور، أي:

$$\bar{u} = \bar{u}_R + \bar{u}_L + \bar{u}_C$$

بينما التوترات المنتجة تجمع هندسياً:

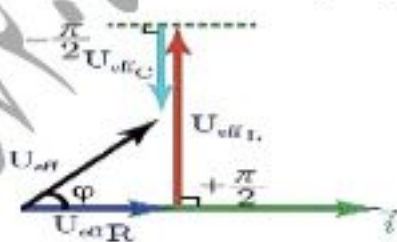
$$\vec{U}_{eff} = \vec{U}_{effR} + \vec{U}_{effL} + \vec{U}_{effC}$$

ونعلم أن:

$$\varphi_C = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}, \varphi_L = +\frac{\pi}{2} \text{ rad}, \varphi_R = 0 \text{ rad}$$

باستخدام إنشاء فرنيل يمكننا حساب  $U_{eff}$  و  $\varphi$ :

من الرسم بحسب فيثاغورث:



فرض  $I_{effL} > I_{effC}$  نجد:  $U_{effL} > U_{effC}$ :

$$U_{eff}^2 = U_{effR}^2 + (U_{effL} - U_{effC})^2$$

$$U_{eff}^2 = R^2 I_{eff}^2 + (X_L - X_C)^2 I_{eff}^2$$

$$U_{eff} = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} I_{eff}$$

$$U_{eff} = Z I_{eff}$$

وهو قانون أوم في الحالة العامة.

$$Z = \sqrt{R^2 + (\omega L - \frac{1}{\omega C})^2}$$

ولحساب  $\bar{\varphi}$  من الشكل نجد:

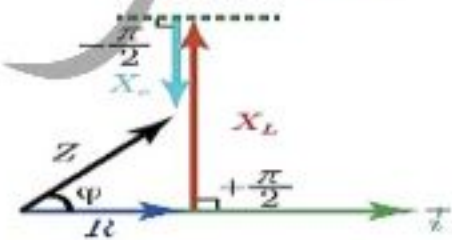
$$\cos \bar{\varphi} = \frac{U_{effR}}{U_{eff}} = \frac{R I_{eff}}{Z I_{eff}}$$

$$\cos \bar{\varphi} = \frac{R}{Z}$$

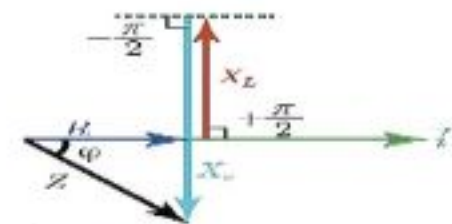
يمكننا أن نقل المعادلات بمثل كما في الشكل.

مناقشة:

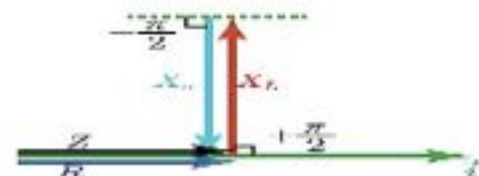
- عندما تكون رتبة الوشيعة  $X_L$  أكبر من اتساعية المكثفة  $X_C$  يكون التوتر متقدماً بالطور على الشدة، وتكون الدائرة ذات مُمانعة ذاتية.



- عندما تكون رتبة الوشيعة  $X_L$  أصغر من اتساعية المكثفة  $X_C$  يكون التوتر متأخراً بالطور عن الشدة وتكون الدائرة ذات مُمانعة سعوية.



- عندما تكون رتبة الوشيعة  $X_L$  تساوي اتساعية المكثفة  $X_C$  يكون التوتر متفقاً بالطور مع الشدة، وتسمى هذه الحالة الطنين الكهربائي أو التجاوب الكهربائي.



ظاهرة الطنين:

تحدث حالة التجاوب الكهربائي في دائرة تحوي على التسلسل مقاومة  $R$ ، ووشيعة ذاتيتها  $L$ ، ومكثفة سعيتها  $C$  ويتحقق

في حالة الطنين:

$$(1) \text{ رتبة الوشيعة تساوي اتساعية المكثفة } X_L = X_C$$

$$(2) \text{ مُمانعة الدائرة أصغر ما يمكن } Z = R$$

$$(3) \text{ شدة التيار المنتجة أكبر ما يمكن } I_{eff} = \frac{U_{eff}}{R}$$

$$(4) \text{ التوتر المُطبق على توافق بالطور مع الشدة } \varphi = 0 \text{ rad}$$

$$(5) \text{ عامل استطاعة الدائرة يساوي الواحد.}$$

$$(6) \text{ الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في الدائرة أكبر ما يمكن.}$$

$$(7) \text{ التوتر المنتج بين طرفي المقاومة يساوي التوتر المنتج بين طرفي المنبع } U_{effR} = U_{eff} \text{ وذلك:}$$

$$\text{لأن التوتر المنتج بين طرفي الوشيعة يساوي بالقيمة}$$

$$\text{التوتر المنتج بين طرفي المكثفة } U_{effL} = U_{effC}$$

وعاكسه بالجهة.

$$(8) \text{ التذبذب الخاص لاهتزاز الإلكترونات الحرة } \omega_0 \text{ يساوي التذبذب}$$

القسري  $\omega_r$  الذي يفرضه المولد.

دور وتواتر الرنين: في حالة الطنين الكهربائي:

$$X_L = X_C \text{ بالتالي:}$$

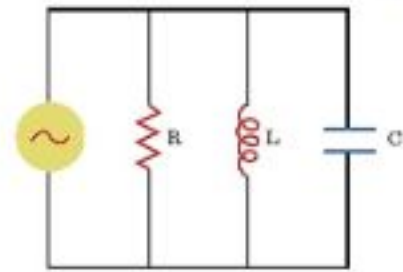
$$\omega_r L = \frac{1}{\omega_r C} \Rightarrow \omega_r^2 = \frac{1}{LC}$$

$$\omega_r = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$\frac{2\pi}{T_r} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \Rightarrow T_r = 2\pi\sqrt{LC}$$

وهي العلاقة المحددة لدور التيار في حالة الطنين تُستخدم

خاصية الطنين في عملية التوليف في أجهزة الاستقبال.



نطبق توتراً متناوباً جيبيًا يعطى بالتابع:

$$\bar{u} = U_{max} \cos \omega t$$

بين طرفي دائرة تحوي على التفرع مقاوم  $R$  وشيعة مهملة المقاومة ذاتيتها  $L$ ، ومكثفة سعتها  $C$  فيدور في الدارة تيار متناوب جيبي، المطلوب: أكتب تابع الشدة اللحظية في الدارة، وأستخرج العلاقات اللازمة لحساب  $I_{eff}$  باستخدام إنشاء فرنل.

إن تابع الشدة اللحظية للتيار في الدارة المكتبة:

$$i = I_{max} \cos(\omega t + \bar{\varphi})$$

الشدات اللحظية تجمع جبرياً:  $\bar{i} = \bar{i}_1 + \bar{i}_2 + \bar{i}_3$

في فرع المقاومة، الشدة على توافق بالطور مع التوتر المطبق

$$\bar{\varphi}_R = 0 \text{ rad}$$

في فرع الوشيعة مهملية المقاومة، الشدة على توافق متأخر بالطور

$$\bar{\varphi}_L = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

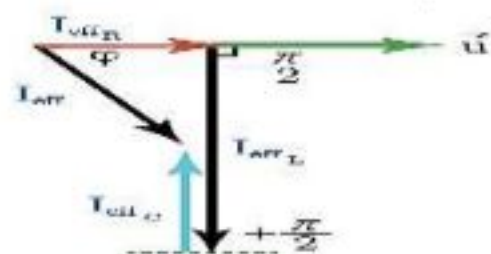
في فرع المكثفة الشدة على توافق متقدم بالطور على التوت

$$\bar{\varphi}_C = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

الشدة المنتجة تجمع هندسياً:

$$\bar{I}_{eff} = \bar{I}_{effR} + \bar{I}_{effL} + \bar{I}_{effC}$$

بانشاء تمثيل فرنل:  $I_{effL} > I_{effC}$  نجد:



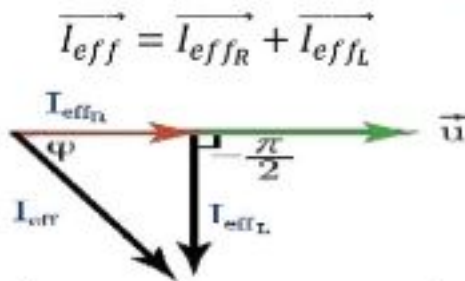
$$I_{eff}^2 = I_{effR}^2 + (I_{effL} - I_{effC})^2$$

حساب  $\bar{\varphi}$  من الشكل نجد:

$$\cos \bar{\varphi} = \frac{I_{effR}}{I_{eff}}$$

حالات خاصة:

(1) فرعان يحوي أحدهما مقاوم، والآخر وشيعة مهملية المقاومة:



في فرع المقاومة، الشدة على توافق بالطور مع التوت المطبق:

$$\bar{\varphi}_R = 0 \text{ rad}$$

في فرع الذاتية، الشدة على توافق متأخر بالطور عن

$$\bar{\varphi}_L = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$I_{eff}^2 = I_{effR}^2 + I_{effL}^2$$

(2) فرعان يحوي أحدهما مقاوم، والآخر وشيعة ذات مقاوم:

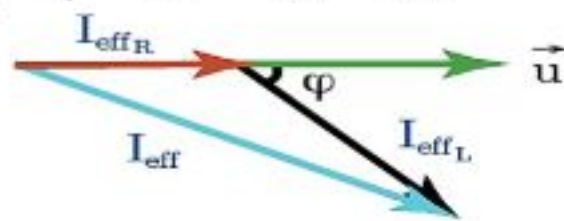
في فرع المقاومة، الشدة على توافق بالطور مع التوت المطبق

$$\bar{\varphi}_R = 0 \text{ rad}$$

في فرع الوشيعة، الشدة متأخرة بالطور عن التوت المطبق

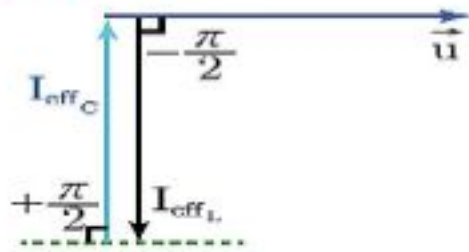
بمقدار:  $\bar{\varphi}_L$

$$\bar{I}_{eff} = \bar{I}_{effR} + \bar{I}_{effL}$$



بالتربيع نجد:

$$I_{eff}^2 = I_{effR}^2 + I_{effL}^2 + 2I_{effR}I_{effL} \cos(\bar{\varphi}_L - \bar{\varphi}_R)$$



وتتعدم الشدة في الدارة الخارجية، وتسمى الدارة في هذه

الحالة بالدارة الحاققة للتيار، ويكون عندها:  $\omega_r = \omega$

$$X_L = X_C$$

$$\omega_r L = \frac{1}{\omega_r C}$$

$$\omega_r^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow \omega_r = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$\Rightarrow f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

حيث  $f_r$  هو تواتر الدارة والذي يكون التيار المحصل عنده

معدوماً، أي لا يبر بالدارة الأصلية التيار الذي دوره يحقق

$$T_r = 2\pi\sqrt{LC}$$

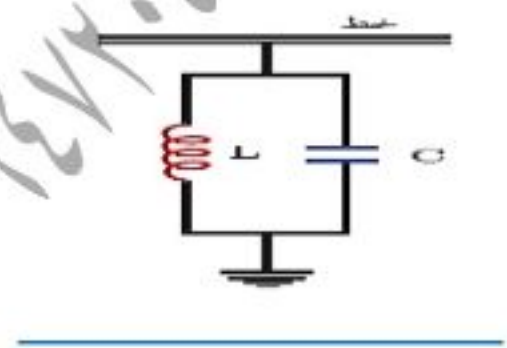
**ملاحظة:** تستخدم الدارة الحاققة في وصل خطوط نقل الطاقة

الكهربائية مع الأرض بهدف ترشيح التواترات التي يلتقطها الخط

من الجو وذلك يجعل تواتر تحاوب الدارة المهتزة مساوياً لتواتر تيار

خط النقل، فتكون كمانعتها لانهاية بالنسبة لهذا التواتر بينما تمر بعتبة

التواترات الملتصقة من الجو عبر الدارة المهتزة إلى الأرض.



(3) فرع المكثفة يحوي أحدهما مكثفة، والآخر وشيعة مهملة

المقاومة:

في فرع المكثفة، الشدة متقدمة بالطور عن التوتر المطبق:

$$\varphi_C = +\frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

في فرع الوشيعة مهملة المقاومة الشدة على تراج متأخر

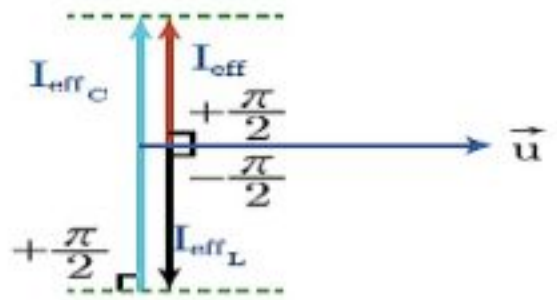
بالطور عن التوتر المطبق:  $\varphi_L = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$

$$\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{effC} + \vec{I}_{effL}$$

نميز الحالات الآتية:

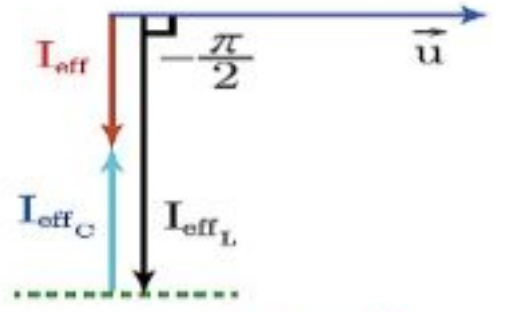
(1) إذا كان  $X_C < X_L$  فإن  $I_{effC} > I_{effL}$

وبالتالي:  $I_{eff} = I_{effC} - I_{effL}$



(2) إذا كان  $X_L < X_C$  فإن  $I_{effL} > I_{effC}$

وبالتالي:  $I_{eff} = I_{effL} - I_{effC}$



(3) إذا كان  $X_L = X_C$  فإن  $I_{effL} = I_{effC}$

وبالتالي:  $I_{eff} = I_{effL} - I_{effC}$

$$I_{eff} = 0$$

اختبر نفسي:

أولاً: أعط تفسيراً علمياً موضحاً بالعلاقات المناسبة:

(1) لا تستهلك الوشيعية مُهْمَلَةُ المَقَاوِمَةِ طاقةً كهربائيةً.

الجواب: لأنها تخزن طاقةً كهربائيةً خلال ربع الدور الأول

تعيدها كهربائياً إلى الدارة الخارجية خلال ربع الدور الذي يليه.

$$\varphi_L = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \cos \varphi = 0$$

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi = 0 \quad \text{نعوض:}$$

(2) لا تستهلك المكثفة طاقةً كهربائيةً.

الجواب: لأنها تخزن طاقةً كهربائيةً خلال ربع الدور الأول لتعيدها

كهربائياً إلى الدارة الخارجية خلال ربع الدور الذي يليه.

$$\varphi_C = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \cos \varphi = 0$$

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi = 0 \quad \text{نعوض:}$$

(3) لا تمرر المكثفة تياراً متواصلاً عند وصل لبوسيتها بأخذ تيار متواصل.

الجواب: بسبب وجود العازل بين لبوسيتها الذي يسبب انقطاع

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f}$$

$$f = 0 \Rightarrow X_C = \infty$$

(4) تسمح المكثفة بمرور تيار متناوب جيبي عند وصل لبوسيتها

بأخذ هذا التيار المتناوب ولكنها تعرقل هذا المرور.

الجواب: عند وصل لبوسيتها مكثفة بأخذ تيار متناوب فإن

مجموعة الإلكترونات الحرة التي بسبب أخذ التيار المتناوب

اهتزازها تشحن لبوسية المكثفة خلال ربع دور بشحنتين

مساويتين ومن نوعين مختلفين دون أن

تخترق عازلها، ثم تفرغان في ربع الدور الثاني، وفي

النوبة الثانية (الرابع والثالث والرابع) تتكرر عملياً الشحن

والفريغ مع تغير شحنة كل من اللبوسين .

تبدى المكثفة ممانعة للتيار المتناوب بسبب الحقل الكهربائي

الناتج عن شحنها .

(5) تكون الشدة المنتجة واحدة في عدة أجهزة موصولة

على التسلسل مهما اختلفت قيم ممانعتها .

الجواب: لأن الإلكترونات الحرة في دارة قصيرة يجازها تيار

تواتره صغير تكاد تهتز بتوافق كامل قبده ومقاطع الدارة في كل لحظة

وكان تياراً متواصلاً يجازها شدته هي الشدة اللحظية

للمتناوب وجهته هي جهة التيار المتناوب في هذه اللحظة .

(6) تستعمل الوشيعية ذات النواة الحديدية كعدلة في التيار المتناوب .

الجواب: لأن  $L$  ذاتية الدارة تتغير بتغير وضع النواة داخل الوشيعية

$L' = \mu L$  وبالتالي تتغير ممانعتها  $X_L' = \mu X_L$  فتتغير الشدة

$$I_{eff}' = \frac{U_{eff}}{X_L'} = \frac{U_{eff}}{\mu \omega L}$$

(7) توصف الاهتزازات الكهربائية في التيار المتناوب بالقسرية .

الجواب: تهتز الإلكترونات في الدارة بالنبض الذي يفرضه المولد

لذلك تسمى الاهتزازات الكهربائية الحاصلة بالاهتزازات القسرية

وشكل المولد فيها جملة محرصة وبقية الدارة جملة مجاوبة .

ثانياً: أهمية عامل الاستطاعة في نقل الطاقة الكهربائية

من مولد التيار إلى الجهاز الكهربائي:

يطلب من أصحاب التجهيزات الكهربائية الصناعية ألا ينقص عامل

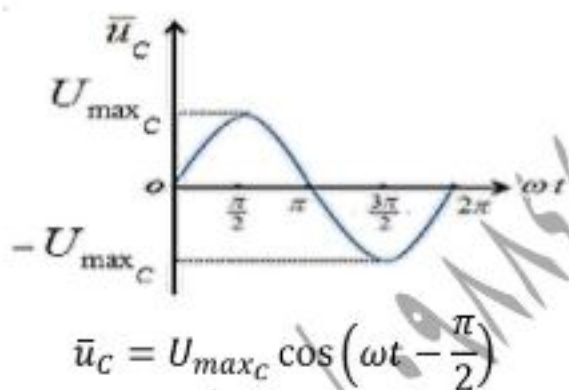
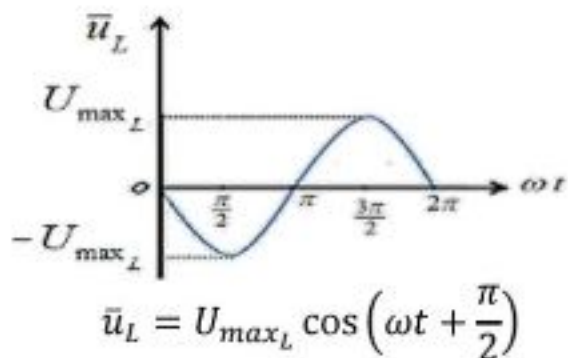
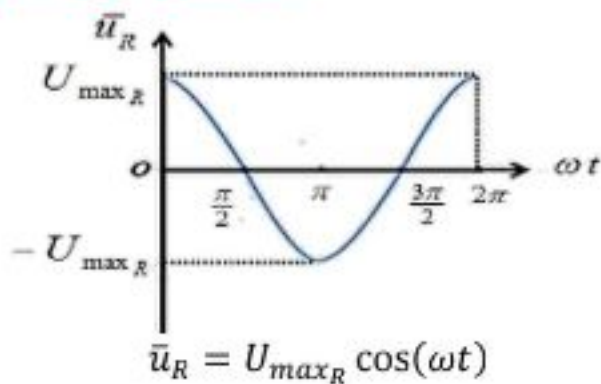
الاستطاعة في تجهيزاتهم عن 0.86، كي لا تخسر

مؤسسة الكهرباء طاقة إضافية كبيرة نسبياً بفعل جول في خطوط

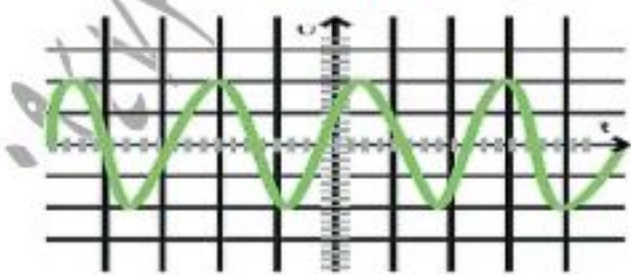
نقلها، وهي طاقة لا يسجلها العداد ولا يدفع المستهلك ثمنها .



إعداد المدرس: فراس قلعه جي



**رابعاً:** يُعطي راسم الاهتزاز إشارة التوتّر المطبق في مدخلة مع حساسية المدخل عند 500 mV لكل تدريجة (500 mV/div) وقاعدة الزمن عند: 0.2 ms/div المطلوب:



- (1) أحدد التوتّر المشاهد، أهو مُستقيم أم متغير أم متناوب جيبّي؟
- (2) عيّن دور وتواتر هذه الإشارة.
- (3) احسب القيمة المنجّحة للتوتّر.

الاهتزازات الكهربائية القسرية بحث التيار المتناوب الجيبّي

المطلوب: استنتج العلاقة التي تربط الاستطاعة الضائعة في خطوط النقل، والتي مقاومتها R بدلالة عامل الاستطاعة بفرض ثبات التوتّر المنبع والاستطاعة المُوسّطة للدائرة.

**الجواب:**  $P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi$

$$I_{eff} = \frac{P_{avg}}{U_{eff} \cos \varphi}$$

تصرف الاستطاعة في المقاومة حرارياً بفعل الجول:

$$P' = R I_{eff}^2$$

$$P' = R \left( \frac{P_{avg}}{U_{eff} \cos \varphi} \right)^2$$

$$P' = R \left( \frac{P_{avg}^2}{U_{eff}^2 \cos^2 \varphi} \right)$$

الاستطاعة الحرارية الضائعة تناسب عكساً مع مربع عامل الاستطاعة

فعدما تصبح قيمة عامل الاستطاعة كبيرة تنقص الاستطاعة الضائعة.

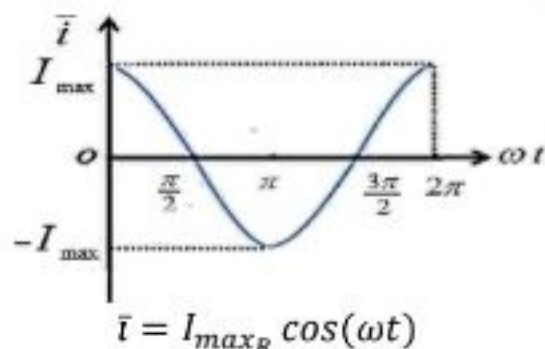
**ثالثاً:** دائرة تيار متناوب جيبّي تابع، شدته:

$$\bar{i} = I_{max} \cos \omega t$$

ارسم المنحنى البياني الممثل لكل من الشدّة اللحظية والتوتّر اللحظي بدلالة  $\omega t$  (مخطط ضابط الطور) في كل من الحالات الآتية:

مقاومة أومية فقط \_ وشيعة مُهملة المقاومة فقط \_ مكثفة فقط.

**الجواب:**



$$U_{eff} = Z I_{eff} \Rightarrow 130 = 65 \times I_{eff}$$

$$I_{eff} = \frac{130}{65} = 2A$$

$$\cos \varphi = \frac{r}{Z} = \frac{25}{65} = \frac{5}{13}$$

حساب عامل الاستطاعة: حساب الاستطاعة المتوسطة المستهلكة:

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi = 130 \times 2 \times \frac{5}{13}$$

$$P_{avg} = 100 \text{ w}$$

(2) حالة تجاوب كهربائي:

$$L\omega = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow L = \frac{1}{\omega^2 C}$$

$$L = \frac{1}{(100\pi)^2 \frac{1}{4000\pi}} = \frac{2}{5\pi} \text{ H}$$

$$I_{eff} = \frac{U_{eff}}{Z} = \frac{U_{eff}}{R} = \frac{130}{30} = \frac{13}{3} = 4.3 \text{ A}$$

المسألة الثانية: نطبق توتراً متواصلاً  $6 \text{ V}$  على طرفي وشيعة،

فيعرف فيها تيار شدته  $0.5 \text{ A}$ ، وعندما نطبق توتراً متناوباً جيبياً

بين طرفي الوشيعة نفسها قيمته المنتجة  $130 \text{ V}$ ، توتره

$50 \text{ Hz}$  يمر فيها تيار شدته المنتجة  $10 \text{ A}$  المطلوب:

(1) احسب مقاومة الوشيعة وذاتها.

(2) احسب عدد لفات الوشيعة إذا علمت أن مساحة مقطعها

$$\frac{1}{80} \text{ m}^2$$
، وطولها  $1 \text{ m}$ .

(3) احسب سعة المكثفة التي يجب ضمها على السلسل مع

الوشيعة السابقة حتى يصبح عامل استطاعة الدارة يساوي

الواحد ثم حساب الشدة المنتجة للتيار، والاستطاعة المتوسطة

المستهلكة في الدارة عند ذلك.

الحل: (1) في حالة التيار المتواصل تعمل الوشيعة تعمل عمل مقاومة

$$U = rI \Rightarrow 6 = r \times 0.5 \Rightarrow r = \frac{6}{0.5} = 12 \Omega$$

الجواب: (1) متناوب جيبى.

$$500 \frac{\text{mV}}{\text{div}} = 0.5 \text{ V/div} \quad (2)$$

$$T = 12 \times 0.2 = 2.4 \text{ m.s} = 24 \times 10^{-4} \text{ s}$$

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{24 \times 10^{-4}} = 614.66 \text{ Hz}$$

$$U_{max} = 10 \times 0.5 = 5 \text{ V} \quad (3)$$

$$U_{eff} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{5}{\sqrt{2}} \text{ V}$$

خاصاً: خلال المسائل الآتية:

المسألة الأولى: يُعطى تابع التور اللحظي بين

نقطتين  $a$  و  $b$  بالعلاقة:

$$\bar{u} = 130\sqrt{2} \cos 100\pi t \text{ (Volt)}$$

المطلوب: (1) احسب التور المنتج للتيار وتوتره.

(2) فصل بين النقطتين  $a$  و  $b$  وشيعة، مقاومتها

$r = 25 \Omega$ ، وذاتها  $L = \frac{3}{5\pi} \text{ H}$  احسب الشدة المنتجة

وعامل استطاعة الدارة، والاستطاعة المتوسطة المستهلكة فيها.

(3) نرفع الوشيعة ثم نصل النقطتين  $a$  و  $b$  بمقاومة  $R = 30 \Omega$

موصولة على السلسل مع مكثفة سعتها  $C = \frac{1}{4000\pi} \text{ F}$

ووشيعة ذاتيتها  $L$  مقاومتها مهملة، فتصبح الشدة المنتجة للتيار بأكبر

قيمة ممكنة لها احسب قيمة ذاتية الوشيعة، والشدة المنتجة للتيار

في هذه الحالة.

$$U_{eff} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{130\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 130 \text{ V} \quad (1) \text{ الحل}$$

$$\omega = 100\pi = 2\pi f \Rightarrow f = 50 \text{ Hz}$$

$$X_L = \omega L = 100\pi \times \frac{3}{5\pi} = 60 \Omega \quad (2)$$

$$Z = \sqrt{r^2 + (X_L)^2}$$

$$Z = \sqrt{(25)^2 + (60)^2} = 65 \Omega$$

فيها تيار شدته المنتجة  $5A$ ، فيمر في الدارة الخارجية تيار شدته المنتجة  $7A$  المطلوب:

(1) احسب التوتر المنتج بين طرفي المأخذ، وتواتر التيار.

(2) احسب قيمة المقاومة الصرفة، وممانعة الوشيعية.

(3) احسب عامل استطاعة الوشيعية ثم احسب مقاومتها.

(4) احسب الاستطاعة الكلية المستهلكة في الدارة، وعامل

استطاعة الدارة.

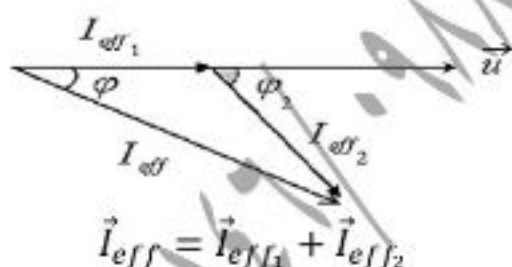
$$U_{eff} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{200\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 200 V \quad \text{الحل: (1)}$$

$$\omega = 2\pi f \Rightarrow 100\pi = 2\pi f \Rightarrow f = 50 \text{ HZ}$$

$$U_{eff} = R I_{eff1} \Rightarrow R = \frac{U_{eff}}{I_{eff1}} \quad (2)$$

$$R = \frac{200}{4} = 50 \Omega$$

$$U_{eff} = Z_2 I_{eff2} \Rightarrow Z_2 = \frac{U_{eff}}{I_{eff2}} = \frac{200}{5} = 40 \Omega \quad (3)$$



$$\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{eff1} + \vec{I}_{eff2}$$

$$I_{eff}^2 = I_{eff1}^2 + I_{eff2}^2 + 2I_{eff1}I_{eff2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

$$49 = 16 + 25 + 2 \times 4 \times 5 \cos(\varphi_2 - 0)$$

$$49 = 41 + 40 \cos \varphi_2$$

$$8 = 40 \cos \varphi_2 \Rightarrow \cos \varphi_2 = \frac{8}{40} = \frac{1}{5} = 0.2$$

$$\cos \varphi_2 = \frac{r}{Z_2} \Rightarrow 0.2 = \frac{r}{40} \Rightarrow r = 8 \Omega$$

$$P_{avg1} = U_{eff} I_{eff1} \cos \varphi_1 \quad (4)$$

$$P_{avg1} = 200 \times 4 \times 1 = 800 W$$

$$P_{avg2} = U_{eff} I_{eff2} \cos \varphi_2$$

$$P_{avg2} = 200 \times 5 \times 0.2 = 200 W$$

في حالة تيار متناوب: تقوم الوشيعية بعمل مقاومة أومية وذاتية معاً

$$U_{eff} = Z I_{eff}$$

$$130 = Z \times 10$$

$$Z = 13 \Omega$$

$$Z = \sqrt{r^2 + (X_L)^2} \Rightarrow Z^2 = r^2 + (X_L)^2$$

$$(13)^2 = (12)^2 + (X_L)^2$$

$$X_L = \sqrt{(13)^2 - (12)^2} = \sqrt{25} = 5 \Omega$$

$$X_L = L\omega \Rightarrow 5 = L(100\pi) \Rightarrow L = \frac{1}{20\pi} H$$

$$L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2}{\rho} S \quad (2)$$

$$\frac{1}{20\pi} = 4\pi \times 10^{-7} \frac{N^2}{1 \cdot 80}$$

$$N = \sqrt{\frac{80}{4\pi \times 10^{-7}}} = \sqrt{\frac{80}{4\pi \times 10^{-7}}}$$

$$N = 1000 \text{ لفة}$$

(3) حالة التجاوب الكهربائي:  $X_C = X_L$

$$X_L = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow 5 = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow$$

$$C = \frac{1}{500\pi} F$$

$$I_{eff} = \frac{U_{eff}}{R} = \frac{130}{12} = \frac{65}{6} \approx 10.83 A$$

$$P_{avg} = 130 \times \frac{65}{6} \times 1 \approx 1408.33 W$$

المسألة الثالثة: مأخذ تيار متناوب جيبي بين طرفيه توتر

لحظي يعطى بالعلاقة:

$$\bar{u} = 200\sqrt{2} \cos 100\pi t (V)$$

نصلهما لدارة تحوي فرعين يحوي الأول مقاومة صرفة

تير فيها تيار شدته المنتجة  $4A$ ، ويحوي الفرع الثاني وشيعية تير

إعداد المدرس: فراس قلعه جي

$$\bar{i} = 6\sqrt{2} \cos(120\pi t) \text{ A}$$

$$U_{\text{eff}} = Z_2 \cdot I_{\text{eff}_1} \Rightarrow Z_2 = \frac{U_{\text{eff}}}{I_{\text{eff}_1}} \quad (3)$$

$$Z_2 = \frac{120}{10} = 12\Omega$$

$$P_{\text{avg}_2} = U_{\text{eff}} I_{\text{eff}_2} \cos \varphi_2$$

$$P_{\text{avg}_2} = 120 \times 10 \times \frac{1}{2} = 600 \text{ W}$$

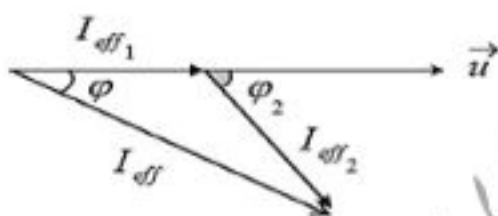
$$\bar{i} = I_{\text{max}_2} \cos(\omega t + \varphi_2)$$

$$I_{\text{max}_2} = I_{\text{eff}_2} \sqrt{2} = 10\sqrt{2} \text{ A}$$

$$\cos \varphi = \frac{1}{2} \Rightarrow \varphi = -\frac{\pi}{3} \text{ rad}$$

لأن التيار متأخر بالطور عن التواتر

$$\bar{i} = 10\sqrt{2} \cos(120\pi t - \frac{\pi}{3}) \text{ (A)}$$



$$\vec{I}_{\text{eff}} = \vec{I}_{\text{eff}_1} + \vec{I}_{\text{eff}_2}$$

$$I_{\text{eff}}^2 = I_{\text{eff}_1}^2 + I_{\text{eff}_2}^2 + 2I_{\text{eff}_1} I_{\text{eff}_2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

$$I_{\text{eff}}^2 = 36 + 100 + 2 \times 6 \times 10 \cos(\frac{\pi}{3} - 0)$$

$$I_{\text{eff}}^2 = 196 \Rightarrow I_{\text{eff}} = 14 \text{ A}$$

$$P_{\text{avg}_1} = U_{\text{eff}} I_{\text{eff}_1} \cos \varphi_1 \quad (5)$$

$$P_{\text{avg}_1} = 120 \times 6 \times 1 = 720 \text{ W}$$

$$P_{\text{avg}_2} = 600 \text{ W}$$

$$P_{\text{avg}} = P_{\text{avg}_1} + P_{\text{avg}_2}$$

$$P_{\text{avg}} = 720 + 600 = 1320 \text{ W}$$

$$P_{\text{avg}} = U_{\text{eff}} I_{\text{eff}} \cos \varphi$$

$$\cos \varphi = \frac{P_{\text{avg}}}{U_{\text{eff}} I_{\text{eff}}} = \frac{1320}{120 \times 14} = \frac{11}{14} \approx 0.78$$

الاهتزازات الكهربائية القسرية بحث التيار المتناوب الجيبي

$$P_{\text{avg}} = P_{\text{avg}_1} + P_{\text{avg}_2} = 800 + 200$$

$$P_{\text{avg}} = 1000 \text{ W}$$

$$P_{\text{avg}} = U_{\text{eff}} I_{\text{eff}} \cos \varphi$$

$$1000 = 200 \times 7 \cos \varphi \Rightarrow \cos \varphi = \frac{5}{7}$$

المسألة الرابعة: يُعطى تابع التوتّر اللحظي بين طرفي

$$\bar{u} = 120\sqrt{2} \cos 120\pi t \text{ (V)}$$

والمطلوب:

(1) احسب التوتّر المنتج بين طرفي المأخذ وتواتر التيار.

(2) نضع بين طرفي المأخذ مصباحاً كهربائياً ذاتية مهملة، فيمرّ

فيها تيار شدته المنتجة 6A احسب قيمة المقاومة أومية للمصباح

وأكتب تابع الشدّة اللحظية المارة فيها .

(3) نصل بين طرفي المصباح في الدائرة السابقة وشيعة

عامل استطاعتها  $\frac{1}{2}$ ، فيمرّ في الوشيعة تيار شدته المنتجة 10 A

احسب ممانعة الوشيعة، والاستطاعة المستهلكة فيها، ثم أكتب تابع

الشدّة اللحظية المارة فيها .

(4) احسب قيمة الشدّة المنتجة في الدائرة الأصلية باستخدام إنشَاء فربل .

(5) احسب الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في جملة الفرعين،

وعامل استطاعة الدائرة .

(6) احسب سعة المكثفة الواجب ربطها على التفرّع بين

طرفي المأخذ لتصبح شدّة التيار الأصلية الجديدة على وفاق

بالطور مع التوتّر المطبق عندما تعمل الفروع الثلاثة معاً .

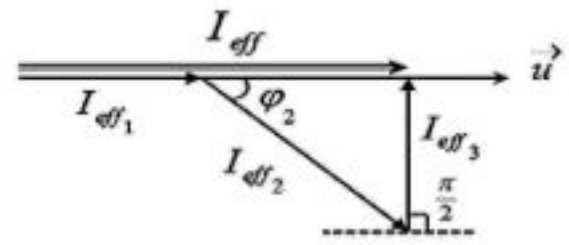
$$U_{\text{eff}} = \frac{U_{\text{max}}}{\sqrt{2}} = \frac{120\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 120 \text{ V} \quad \text{الحل: (1)}$$

$$\omega = 2\pi f \Rightarrow 120\pi = 2\pi f \Rightarrow f = \frac{120\pi}{2\pi} = 60 \text{ Hz}$$

$$U_{\text{eff}} = R \cdot I_{\text{eff}_1} \Rightarrow R = \frac{U_{\text{eff}}}{I_{\text{eff}_1}} = \frac{120}{6} = 20 \Omega \quad (2)$$

$$\bar{i} = I_{\text{max}_1} \cos(\omega t + \varphi)$$

(6) من تمثيل فريبل:



$$I_{eff3} = I_{eff2} \sin \phi_2 = 10 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3} \text{ A}$$

$$U_{eff} = X_C \cdot I_{eff3} \Rightarrow X_C = \frac{U_{eff}}{I_{eff3}}$$

$$X_C = \frac{120}{5\sqrt{3}} = 8\sqrt{3} \Omega \approx 13.85 \Omega$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} \Rightarrow 13.85 = \frac{1}{100\pi C}$$

$$C = \frac{1}{1385\pi} \text{ F}$$

المسألة الخامسة: مأخذ تيار متناوب جيبي تواتره  $50 \text{ Hz}$

نربط بين طرفيه الأجهزة الآتية على التسلسل: مقاومة

أومية  $R$  وشيعة مقاومتها الأومية مهملة ذاتيتها  $L$  مكثفة سعتها

$C = \frac{1}{2000\pi} \text{ F}$  فيكون التوتر الناتج بين طرفي كل

من أجزاء الدارة هو على الترتيب:

$$U_{eff1} = 30 \text{ V}, U_{eff2} = 80 \text{ V}, U_{eff3} = 40 \text{ V}$$

المطلوب:

(1) استنتج قيمة التوتر الناتج الكلي بين طرفي المأخذ

باستخدام إنشاء فريبل.

(2) احسب قيمة الشدة المنتجة المارة في الدارة، ثم أكب التابع

الزمني لتلك الشدة.

(3) احسب المعاوقة الكلية للدارة.

(4) احسب ذاتية الوشيعة، وأكب التابع الزمني للتوتر بين طرفيها

(5) احسب عامل استطاعة الدارة.

(6) نضيف إلى المكثف في الدارة السابقة مكثف  $C$  مناسبة،

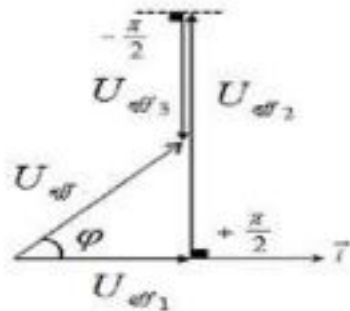
فتصبح الشدة المنتجة للتيار بأكبر قيمة لها، المطلوب:

(a) حدد الطريقة التي يتم بها ضم المكثفين.

(b) احسب سعة المكثف المضمومة  $C$ .

(c) احسب الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في الدارة في هذه الحالة

(الحل: 1)



$$U_{eff} = \sqrt{(U_{eff1})^2 + (U_{eff2} - U_{eff3})^2}$$

$$U_{eff} = \sqrt{(30)^2 + (80 - 40)^2}$$

$$U_{eff} = \sqrt{900 + 1600} = \sqrt{2500}$$

$$U_{eff} = 50 \text{ V}$$

(2) تطبيق قانون أوم على المكثف لأننا نستطيع حساب ممانعتها

$$\omega = 2\pi f \quad (\text{اتساعيتها}):$$

$$\omega = 2\pi \times 50 = 100\pi \text{ rad. s}^{-1}$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{100\pi \times \frac{1}{2000\pi}} = 20\pi$$

$$U_{eff3} = X_C I_{eff} \Rightarrow 40 = 20 \times I_{eff}$$

$$I_{eff} = \frac{40}{20} = 2 \text{ A}$$

$$\bar{i} = I_{max} \cos(\omega t)$$

$$I_{max} = I_{eff} \sqrt{2} = 2\sqrt{2} \text{ A}$$

$$\bar{i} = 2\sqrt{2} \cos(100\pi t) \text{ A}$$

$$U_{eff} = Z I_{eff} \Rightarrow 50 = Z \times 2 \quad (3)$$

$$Z = \frac{50}{2} = 25 \Omega$$

المسألة السادسة: نصل طرفي مأخذ تيار متناوب جيبي توتره

المنج  $U_{eff} = 100 V$  وتوتره  $50Hz$  إلى دائرة

تحتوي على التسلسل مقاومة  $R$  ومكثفة سعتها

$$C = \frac{1}{4000\pi} F \text{ المطلوب:}$$

(1) احسب قيمة المقاومة إذا كان فرق الكونج المنج بين طرفيها  $60 V$ .

(2) نضيف على التسلسل إلى الدائرة السابقة وشبعة مناسبة

مقاومتها مهملة بحيث تبقى الشدة المنجة نفسها، احسب ذاتية هذه الوشبعة.

(3) نغير تواتر التيار في الدائرة الأخيرة بحيث يحصل توافق بالطور

بين شدة التيار والتوتر المطبق، احسب قيمة التواتر الجديد.

(4) تحذف المقاومة الصرّف من الدائرة ويعاد ربط المكثفة على

الفرع مع الوشبعة بين طرفي مأخذ التيار احسب قيمة الشدة المنجة الأصلية للدائرة في هذه الحالة باستخدام إنشاء فرنل.

$$U_{eff2} = \sqrt{U_{eff}^2 - U_{eff1}^2} \text{ (الحل: 1)}$$

$$U_{eff2} = \sqrt{10000 - 3600}$$

$$U_{eff2} = \sqrt{64000} = 80V$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{100\pi \times \frac{1}{4000\pi}} = 40\Omega$$

$$U_{eff2} = X_C I_{eff} \Rightarrow 80 = 40 \times I_{eff}$$

$$\Rightarrow I_{eff} = \frac{80}{40} = 2A$$

$$U_{eff1} = R I_{eff} \Rightarrow 60 = R \times 2$$

$$R = \frac{60}{2} = 30\Omega$$

$$U_{eff2} = X_L I_{eff} = \omega L \cdot I_{eff} \quad (4)$$

$$80 = 100\pi L \times 2$$

$$L = \frac{80}{200\pi} = \frac{2}{5\pi} H$$

$$U_{max} = U_{eff} \sqrt{2} = 80\sqrt{2}V$$

$$\varphi_2 = +\frac{\pi}{2} rad$$

$$\bar{u}_2 = 80\sqrt{2} \cos(100\pi t + \frac{\pi}{2}) V$$

$$\cos \varphi = \frac{U_{eff1}}{U_{eff}} = \frac{30}{50} = 0.6 \quad (5)$$

طريقة ثانية:

$$U_{eff1} = R I_{eff} \Rightarrow 30 = R \times 2 \Rightarrow R = \frac{30}{2} = 15\Omega$$

$$\cos \varphi = \frac{R}{Z} = \frac{15}{25} = \frac{3}{5} = 0.6$$

$$X_L = X_{C_{eq}} \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C_{eq}} \quad (a) \quad (6)$$

$$C_{eq} = \frac{1}{\omega^2 L} = \frac{1}{10000\pi^2 \frac{2}{5\pi}} = \frac{1}{4000\pi} F$$

$$C_{eq} < C \text{ الضم على التسلسل}$$

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C} + \frac{1}{C'} \quad (b)$$

$$4000\pi = 2000\pi + \frac{1}{C'} \Rightarrow$$

$$C' = \frac{1}{2000\pi} F$$

$$P_{avg} = U_{eff} I_{eff} \cos \varphi' \quad (c)$$

حساب الشدة المنجة للتيار في حالة التجاوب:

$$I_{eff} = \frac{U_{eff}}{Z} = \frac{U_{eff}}{R} = \frac{50}{15} = \frac{10}{3} A$$

$$\varphi' = 0 rad$$

$$P_{avg} = 50 \times \frac{10}{3} \times 1 = \frac{500}{3} \approx 166.6 w$$

(2) عندما تبقى الشدة المنتجة نفسها

$$I_{eff} = I_{eff} \Rightarrow \frac{U_{eff}}{Z'} = \frac{U_{eff}}{Z}$$

قبل الإضافة  $Z' = Z$  بعد الإضافة

$$\sqrt{(R)^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{(R)^2 + (X_C)^2}$$

$$(X_L - X_C)^2 = (X_C)^2$$

تجذر الطرفين فنجد:  $X_L - X_C = \pm X_C$

إما: مرفوض  $X_L - X_C = -X_C \Rightarrow X_L = 0 \Rightarrow L=0$

أو:  $X_L - X_C = X_C \Rightarrow 2X_C = X_L = \omega L$

$$\Rightarrow L = \frac{2X_C}{\omega} = \frac{80}{100\pi} = \frac{2}{5\pi} Hz$$

(3) حالة طنين (تجاوب كهربائي):

$$X_L = X_C \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C}$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} \Rightarrow 2\pi f' = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

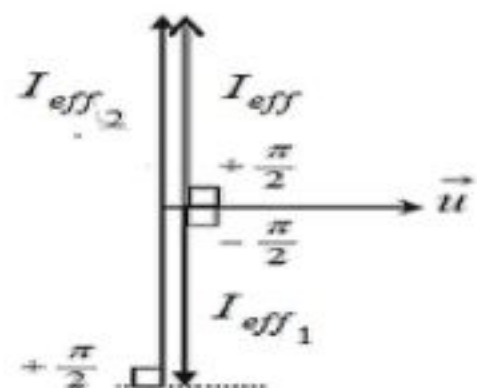
$$f' = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

$$f' = \frac{1}{2\pi\sqrt{\frac{4}{5\pi} \times \frac{1}{4000\pi}}}$$

$$f' = \frac{\sqrt{5000}}{2} = 35.35 Hz$$

$$I_{eff1} = \frac{U_{eff}}{X_L} = \frac{100}{80} = 1.25 A \quad (4)$$

$$I_{eff2} = \frac{U_{eff}}{X_C} = \frac{100}{40} = 2.5 A$$



$$I_{eff} = I_{eff2} - I_{eff1}$$

$$I_{eff} = 2.5 - 1.25 = 1.25A$$

حل التفكير الناقد:

1- ماهي مخاطر التيار الكهربائي المنزلي، وكيف

نحمي أنفسنا والتجهيزات المنزلية منه.

الجواب: قد يسبب حرائق في المنزل أو يسبب الموت أو

يسبب عطل في الأجهزة الكهربائية حيث يتم حماية

الإنسان منه باستخدام دارات كهربائية جيدة وقواطع تفاضلية

جيدة النوع بالإضافة إلى منظم كهربائي يحافظ على

قيمة ثابتة للتوتر.

2- تزود المآخذ الخاصة بالبراد والغسالة وبعض الأجهزة

الأخرى بمأخذ ثالث.

الجواب: لكي يقوم بتفريغ التوتر عند يزداد إلى قيمة غير

ملائمة لعمل الجهاز.

3- نشعر أحياناً بهزة خفيفة عند لمس هيكل بعض الأجهزة

الكهربائية الموصولة بالتيار.

الجواب: بسبب تراكم الشحنات الكهربائية.

4- يزود مأخذ التيار في الحمام بغطاء بلاستيكي.

الجواب: لأن الغطاء البلاستيكي عازل للتيار الكهربائي.

5- ينصح بعدم لمس الأجهزة الكهربائية بيد مبللة.

الجواب: لأن المياه تنقل التيار الكهربائي.

6- ما دور الفاصمة، ولماذا تركب مباشرة وراء العداد في بداية الشبكة المنزلية؟

**الجواب:** لكي تقوم بقطع التيار الكهربائي عن المنزل عندما تزداد قيمة التوتر عن الحد الملائم لعمل الأجهزة الكهربائية في المنزل وذلك لضمان سلامة الأجهزة الكهربائية.

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التليغرام:

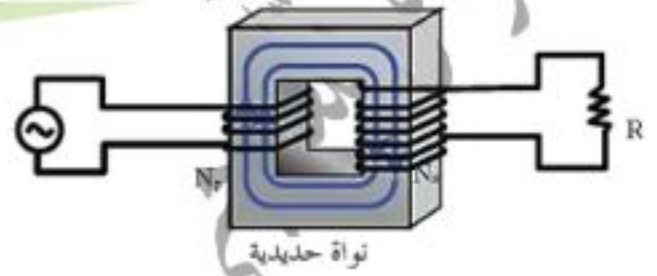
قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء



## المحولة الكهربائية

تعريف المحولة الكهربائية:

المُحوِّلَةُ جِهَازٌ كَهْرَبَائِيٌّ يُعْمَدُ عَلَى حَادِثَةِ التَّحْرِيضِ الكَهْرَطَبِيِّ بِعَمَلٍ عَلَى تَغْيِيرِ التَّوْتَرِ المُنْتِجِ، وَالشَّدَّةِ المُنْتِجَةِ لِلتَّيَّارِ المُنْتَابِ، **دون أن يغيّر تقريباً من الاستطاعة** المُنقولة، أَوْ مِنْ تَوَاتُرِ التَّيَّارِ، أَوْ شَكْلِ اهْتِزَازِ التَّيَّارِ.



• نَسْمِي دَاوْرَةَ الوَشِيْعَةِ الَّتِي تَتَلَقَّى التَّيَّارَ المُنْتَابِ بِالْوَشِيْعَةِ **الأولى**، وَبُرْمُزُ لَعْدَدِ لَفَاتِهَا  $N_p$ ، وَالتَّوْتَرِ المُنْتِجِ المَطْبُوقِ بَيْنَ طَرَفَيْهَا  $U_{effp}$  وَالشَّدَّةِ المُنْتِجَةِ المَارَّةِ فِيهَا  $I_{effp}$ .

• نَسْمِي دَاوْرَةَ الوَشِيْعَةِ الَّتِي تَتَلَقَّى مِنْهَا التَّيَّارَ المُنْتَابِ (الَّتِي تَطْبُوقُ عَلَيْهَا الحَمُولَةُ) بِ**الثانوية**، وَبُرْمُزُ لَعْدَدِ لَفَاتِهَا  $N_s$  وَالتَّوْتَرِ المُنْتِجِ بَيْنَ طَرَفَيْهَا  $U_{effs}$  وَالشَّدَّةِ المُنْتِجَةِ المَارَّةِ فِيهَا  $I_{effs}$ .

• يَخْتَلِفُ دَائِماً عَدَدُ اللَفَاتِ بَيْنَ الوَشِيْعَتَيْنِ الأُولَى وَالثانويةِ لِلْمُحوِّلَةِ حَيْثُ تُصَنِّعُ الوَشِيْعَةُ ذَاتُ عَدَدِ اللَفَاتِ **الأقل** مِنْ سَلْكٍ ذِي مَقَطْعٍ **أكبر** مِنْ مَقَطْعِ سَلْكِ الوَشِيْعَةِ الأُخْرَى.

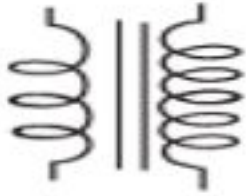
• تَسْمَى النِّسْبَةُ  $\frac{N_s}{N_p}$  نِسْبَةَ التَّحْوِيلِ وَبُرْمُزُهَا بِالرَّمْزِ  $\mu$ :

$$\mu = \frac{U_{effs}}{U_{effp}} = \frac{I_{effp}}{I_{effs}} = \frac{N_s}{N_p}$$

• تَكُونُ المُحوِّلَةُ رَافِعَةً لِلتَّوْتَرِ خَافِضَةً لِلشَّدَّةِ إِذَا كَانَتْ:  $\mu > 1$

• تَكُونُ المُحوِّلَةُ خَافِضَةً لِلتَّوْتَرِ رَافِعَةً لِلشَّدَّةِ إِذَا كَانَتْ  $\mu < 1$

• يُرْمَزُ لِلْمُحوِّلَةِ فِي الدَّائِرَاتِ الكَهْرَبَائِيَّةِ بِالرَّمْزِ:



• لَا تَعْمَلُ المُحوِّلَاتُ الكَهْرَبَائِيَّةُ عِنْدَ تَطْبِيقِ تَوْتَرٍ كَهْرَبَائِيٍّ مُتَوَاصِلٍ بَيْنَ طَرَفَيْ دَائِرَتِهَا الأُولَى.

**عمل المُحوِّلَةِ: كَيْفَ تَفَسِّرُ عَمَلِ المُحوِّلَةِ عِنْدَ تَطْبِيقِ تَوْتَرٍ مُتَوَاصِلٍ جَيْبِيٍّ؟**

عِنْدَ تَطْبِيقِ تَوْتَرٍ مُتَوَاصِلٍ جَيْبِيٍّ بَيْنَ طَرَفَيْ الدَّائِرَةِ الأُولَى يَبْدَأُ فِيهَا تَيَّارٌ مُتَوَاصِلٌ جَيْبِيٌّ، فَيَتَوَلَّدُ دَاخِلَ الوَشِيْعَةِ الأُولَى حَقْلٌ مَغْنَطَطَبِيٌّ مُتَوَاصِلٌ، تَعْمَلُ التَّوَاةُ الحَدِيدِيَّةُ عَلَى تَمْرِيرِ كَامِلِ تَدْفُوعِهِ إِلَى الدَّائِرَةِ **الثانوية** تَقْرِيباً، فَتَتَوَلَّدُ فِيهَا قُوَّةٌ مُحرِّكَةٌ كَهْرَبَائِيَّةٌ تَسَاوِي التَّوْتَرِ المُنْتَابِ الجَيْبِيَّ بَيْنَ طَرَفَيْهَا بِإِهْمَالِ مَقَاوِمَةِ أَسْلَاكِ الوَشِيْعَاتِ فِي المُحوِّلَةِ، فَيَمْرُقُ فِيهَا تَيَّارٌ كَهْرَبَائِيٌّ مُتَوَاصِلٌ لَهُ تَوَاتُرُ التَّيَّارِ المَارِّ فِي الأُولَى.

**الاستطاعات الضائعة في المُحوِّلَةِ الكَهْرَبَائِيَّةِ:**

عِنْدَ تَمْرِيرِ تَيَّارٍ كَهْرَبَائِيٍّ فِي نَاقِلٍ أَوْ مِمٍّ **يَضِيْعُ** قِسمٌ مِنَ الطَّاقَةِ الكَهْرَبَائِيَّةِ **حرارياً** بِفِعْلِ جُولِ.

تَصْنَفُ الاستطَاعَةُ الضَّائِعَةُ فِي المُحوِّلَةِ الكَهْرَبَائِيَّةِ إِلَى:

(1) **استطاعة ضائعة حرارياً:**

استطاعة ضائعة حرارياً فِي الدَّائِرَةِ الأُولَى:  $P_p = R_p I_{effp}^2$

استطاعة ضائعة حرارياً فِي الدَّائِرَةِ الثَّانَوِيَّةِ:  $P_s = R_s I_{effs}^2$

استطاعة **كلية** ضائعة حرارياً:  $P_k = P_p + P_s$

(2) استطاعة كهربائية ضائعة مغناطيسياً: نتيجة هروب جزء

من خطوط الحقل المغناطيسي خارج النواة الحديدية  $P_M$ .

ملاحظة: عند إهمال مقاومة أسلاك الوشيعية الأولية فإن التيار

يعاني فيها فقط من الممانعة التحريضية، وبالمقابل يعاني

التيار المار في الوشيعية الثانوية من المقاومة الكهربائية للمحمولة و

الممانعة التحريضية للوشيعية ذاتها.

مردود نقل الطاقة الكهربائية

يُعطى مردود النقل بالعلاقة:  $\eta = \frac{P-P'}{P}$

حيث  $P$ : الاستطاعة المُولدة من منبع التيار المتناوب (المتوية).

$P'$ : الاستطاعة الضائعة حرارياً في أسلاك النقل بفعل جول.

$$\eta = 1 - \frac{P'}{P}$$

وباعتبار عامل الاستطاعة قريباً جداً من الواحد فإن:

$$P = U_{eff} I_{eff}$$

حيث  $U_{eff}$  التوتر المنتج بين طرفي المنبع.

$$P' = R I_{eff}^2$$

حيث  $R$  مقاومة أسلاك الناقل.

نعوض في علاقة المردود:

$$\eta = 1 - \frac{R I_{eff}^2}{U_{eff} I_{eff}}$$

$$\eta = 1 - R \frac{I_{eff}}{U_{eff}}$$

لكي يترتب المردود من الواحد ينبغي تصغير مقاومة

أسلاك النقل  $R$  أو تكبير  $U_{eff}$  يتم ذلك باستعمال محولات رافعة

لتوتر عند مركز توليد التيار ثم خفضه على مراحل عند

الاستخدام.

المحولات الخافضة للتوتر: لها استخدامات عديدة نذكر منها:

(1) شحن بعض الأجهزة الكهربائية.

(2) ألعاب الأطفال التي يخفض فيها التوتر ثلاث من 220V إلى 12V أو أقل.

(3) عدليات اللحام الكهربائي حيث تحتاج لتيار شدته من مرتبة مئات الأمبيرات.

(4) أفران الصهر.

اختبر نفسي

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة:

(1) مُحولة كهربائية نسبة تحويلها  $\mu = 3$ . وقيمة الشدة المنتجة

في ثانيتها  $I_{effs} = 6A$  فإن الشدة المنتجة في أوليتها:

$$I_{effp} = 2A \text{ (b)} \quad I_{effp} = 18A \text{ (a)}$$

$$I_{effp} = 3A \text{ (d)} \quad I_{effp} = 9A \text{ (c)}$$

الإجابة الصحيحة: (a)

$$\mu = \frac{I_{effp}}{I_{effs}} \Rightarrow I_{effp} = \mu \cdot I_{effs} = 3 \times 6 = 18A$$

(2) مُحولة كهربائية قيمة التوتر المنتج بين طرفي أوليتها

$U_{effp} \cong 20V$  وقيمة التوتر المنتج بين طرفي ثانيتها

$U_{effs} = 40V$  فإن نسبة تحويلها  $\mu$  تساوي:

$$60 \text{ (d)} \quad 20 \text{ (c)} \quad 0.5 \text{ (b)} \quad 2 \text{ (a)}$$

الإجابة الصحيحة: (a)

$$\mu = \frac{U_{effs}}{U_{effp}} = \frac{40}{20} = 2$$

ثانياً: أعط تفسيراً علمياً لكل مما يأتي:

(1) لا تنقل الطاقة الكهربائية عبر المسافات البعيدة بواسطة تيار متناوب؟

لأن التيار المتواصل تيار ثابت في الشدة وعندئذ لا يمكن

تخفيض الطاقة الضائعة حرارياً بفعل جول.

## بحث المحولة الكهربائية

إعداد المدرس: فراس قلعه جي

$$\mu = \frac{U_{effs}}{U_{effp}} \Rightarrow 3 = \frac{120}{U_{effp}} \Rightarrow U_{effp} = \frac{120}{3} = 40V$$

$$U_{effs} = R I_{effs} \quad (3)$$

$$120 = 30 \times I_{effs} \Rightarrow I_{effs} = \frac{120}{30} = 4A$$

$$U_{effs} = X_L I_{effs2} \quad (4)$$

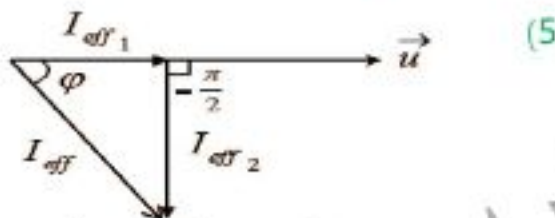
$$120 = X_L \times 3 \Rightarrow X_L = \frac{120}{3} = 40\Omega$$

$$i_2 = I_{max2} \cos(\omega t + \bar{\varphi}_2)$$

$$I_{max2} = I_{eff2} \sqrt{2} = 3\sqrt{2} A$$

$$\bar{\varphi}_2 = -\frac{\pi}{2} rad$$

$$i_2 = 3\sqrt{2} \cos(100\pi t - \frac{\pi}{2}) (A)$$



$$\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{eff1} + \vec{I}_{eff2}$$

$$I_{eff}^2 = I_{eff1}^2 + I_{eff2}^2 = 16 + 9 = 25$$

$$I_{effs} = 5A$$

$$P_{avg} = P_{avg1} + P_{avg2} \quad (6)$$

$$P_{avg} = U_{eff} \cdot I_{eff1} \cdot \cos\varphi_1 + U_{eff} \cdot I_{eff2} \cdot \cos\varphi_2$$

$$P_{avg} = 120 \times 4 \times 1 + 120 \times 3 \times 0 = 480W$$

$$P_{avg} = U_{eff} \cdot I_{eff} \cdot \cos\varphi \Rightarrow \cos\varphi = \frac{P_{avg}}{U_{eff} I_{eff}}$$

$$\cos\varphi = \frac{480}{120 \times 5} = 0.8$$

المسألة الثانية: محولة كهربائية مثالية عدد لفاتها ثانويتها 480 لفة يطبق

بين طرفي أوليتها توتراً منتجاً 240 V ويوصل بين

طرفي ثانويتها مصباح كهربائي استطاعته 24W يعمل بتوتر

منج 2V والمطلوب:

(1) احسب الشدة المنتجة في الدارة الثانوية.

(2) تتغل الطاقة الكهربائية بتوتر عدة آلاف من الفولتات ثم تخفض

إلى 220 V عند الاستهلاك؟

للتقليل من الطاقة الضائعة بفعل جول ثم تخفض إلى 220 عند

الاستهلاك لتوافق عمل الأجهزة الكهربائية.

ثالثاً: حل المسائل الآتية:

المسألة الأولى: يبلغ عدد لفات أولية محولة كهربائية

لفة  $N_p = 125$  وعدد لفات ثانويتها

لفة  $N_s = 375$  والتوتر اللحظي بين طرفي الثانوية

يُعطى بالمعادلة:  $u_s = 120 \sqrt{2} \cos 100\pi t (V)$

(1) احسب نسبة التحويل، ثم بين إن كانت المحولة رافعة للتوتر

أم خافضة له.

(2) احسب قيمة التوتر المنتج بين طرفي كل من الدارة

الثانوية والأولية.

(3) نصل طرفي الدارة الثانوية بمقاومة  $R = 30\Omega$ ،

احسب قيمة الشدة المنتجة للتيار المار في الدارة الثانوية.

(4) نصل على التفرع مع المقاومة السابعة وشبعة مهنمة المقاومة، فيمر

في فرع الوشبعة تيار شدته المنتجة  $I_{eff} = 3A$ ، احسب رذية

الوشبعة، ثم أكب التابع الزمني لشدة التيار المار في الوشبعة.

(5) احسب قيمة الشدة المنتجة الكلية في الدارة الثانوية باستخدام

إنشاء فريتل.

(6) احسب قيمة الاستطاعة المتوسطة المستهلكة في الدارة، وعامل

استطاعة الدارة.

الحل: (1)  $\mu > 1, \mu = \frac{N_s}{N_p} = \frac{375}{125} = 3$

$$U_{effs} = \frac{U_{max}}{\sqrt{2}} = \frac{120\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 120 V \quad (2)$$

$$\frac{U_{effs}}{U_{effp}} = \frac{N_s}{N_p} \quad \text{(الحل: 1)}$$

$$U_{effs} = \frac{U_{effp} N_s}{N_p} = \frac{3000 \times 125}{3750} = 100 \text{ V}$$

$$P_{avg1} = U_{effs} I_{effs1}$$

$$1000 = 100 \times I_{effs1} \Rightarrow I_{effs1} = \frac{1000}{100}$$

$$I_{effs1} = 10 \text{ A}$$

$$P_{avg2} = U_{effs} I_{effs2} \cos \varphi_2 \quad (2)$$

$$1000 = 100 \times I_{effs2} \times \frac{1}{2} \Rightarrow$$

$$I_{effs2} = \frac{2000}{100} = 20 \text{ A}$$

$$\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{eff1} + \vec{I}_{eff2} \quad (3)$$

$$I_{eff}^2 = I_{eff1}^2 + I_{eff2}^2 + 2I_{eff1}I_{eff2} \cos(\varphi_2 - \varphi_1)$$

$$I_{eff}^2 = (10)^2 + (20)^2 + 2(10)(20) \cos\left(\frac{\pi}{3} - 0\right)$$

$$I_{effs} = 10\sqrt{7} \text{ A}$$

$$\frac{N_s}{N_p} = \frac{I_{effp}}{I_{effs}} \quad (4)$$

$$\frac{125}{3750} = \frac{I_{effp}}{10\sqrt{7}} \Rightarrow I_{effp} = \frac{125 \times 10\sqrt{7}}{3750}$$

$$I_{effp} = \frac{\sqrt{7}}{3} \text{ A}$$

المسألة الرابعة: بلغ عدد لفات وشيعة أولية محولة 125 لفه، وفي

ثانيتها 375 لفه، نطبق بين طرفي الدارة الأولية فرق

كمون منتجاً 10 V، ونصل طرفي الثانوية بمقاومة صرف R

مغموسة في مسعر يحوي 600 g من الماء. معادله

المائي مهملاً، فترتفع حرارته °C 2.14 خلال دقيقة واحدة

والمطلوب:

(1) احسب قيمة المقاومة R.

(2) احسب الشدة المنتجة في الدارة الأولية.

(3) عدد لفات الأولية ونسبة التحويل.

(4) المقاومة الأومية للمصباح الكهربائي.

$$P_{avgS} = U_{effs} I_{effR} \cos \varphi \quad \text{(الحل: 1)}$$

$$24 = 2 \times I_{effSR} \times 1 \Rightarrow I_{effSR} = \frac{24}{2} = 2 \text{ A}$$

$$\frac{U_{effs}}{U_{effp}} = \frac{I_{effp}}{I_{effs/R}} \quad (2)$$

$$\frac{2}{240} = \frac{I_{effp}}{12} \Rightarrow I_{effp} = \frac{24}{240} = 0.1 \text{ A}$$

$$\frac{N_s}{N_p} = \frac{U_{effs}}{U_{effp}} \Rightarrow \frac{480}{N_p} = \frac{2}{240} \quad (3)$$

$$N_p = \frac{480 \times 240}{2} = 57600 \text{ لفه}$$

$$\mu = \frac{N_s}{N_p} = \frac{480}{57600} \approx 0.008$$

$$U_{effs} = R I_{effs} \quad (4)$$

$$2 = R \times 12 \Rightarrow R = \frac{1}{6} \approx 0.17 \Omega$$

المسألة الثالثة: بلغ عدد لفات أولية محولة 3750 لفه، وعدد لفات

ثانيتها 125 لفه، نطبق بين طرفي الأولية توتراً منتجاً

$U_{effp} = 3000 \text{ V}$ ، ونربط بين طرفي الثانوية دارة

تحتوي على التفرع: مقاومة صرف، الاستطاعة المستهلكة فيها

$P_{avg1} = 1000 \text{ W}$  وشيعة لها مقاومة أومية، الاستطاعة

المستهلكة فيها  $P_{avg2} = 1000 \text{ W}$  يمر فيها تياراً آخر بالطور

التوتر المطبق بمقدار  $\frac{\pi}{3} \text{ rad}$  المطلوب حساب:

(1) قيمة الشدة المنتجة للتيار المار في المقاومة.

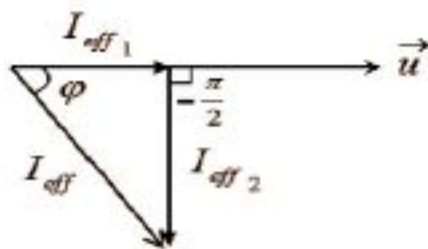
(2) قيمة الشدة المنتجة للتيار المار في الوشيعة.

(3) قيمة الشدة المنتجة للتيار المار في ثانوية المحولة.

(4) الشدة المنتجة للتيار المار في الدارة الأولية للمحولة.

$$I_{effP} = \frac{375 \times 3}{125} = 9 \text{ A}$$

(a) (3)



$$\vec{I}_{eff} = \vec{I}_{eff1} + \vec{I}_{eff2}$$

$$I_{eff}^2 = I_{eff1}^2 + I_{eff2}^2 \Rightarrow 25 = 9 + I_{eff2}^2$$

$$I_{eff2}^2 = 25 - 9 = 16 \Rightarrow$$

$$I_{eff2} = 4 \text{ A}$$

$$i_2 = I_{max2} \cos(\omega t) + \bar{\varphi}_2$$

$$I_{max2} = I_{eff2} \sqrt{2} = 4\sqrt{2} \text{ A}$$

$$\bar{\varphi}_2 = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$i_2 = 4\sqrt{2} \cos(100\pi t - \frac{\pi}{2})$$

$$X_L = \frac{U_{effs}}{I_{eff2}} = \frac{30}{4} \Omega \quad (b)$$

$$X_L = \omega L \Rightarrow \frac{30}{4} = 100\pi L \Rightarrow$$

$$L = \frac{3}{40\pi} \text{ H}$$

$$P_{avg} = P_{avg1} + P_{avg2} \quad (c)$$

$$P_{avg} = U_{effs} I_{eff1} \cos \varphi_1 + U_{effs} I_{eff2} \cos \varphi_2$$

$$P_{avg} = 30 \times 3 \times 1 + 30 \times 4 \times 0$$

$$P_{avg} = 90 \text{ W}$$

التفكير الناقد:

عملياً يوجد حد أعلى للتيارات التي يمكن تحملها عبر

خطوط التوتر، فما العوامل التي تمنع من تجاوز هذا الحد

في خطوط النقل البعيد للطاقة الكهربائية؟

الجواب: لأن التيارات العالية جداً تؤدي الى تأثير

في جزرات الهواء المحيط بخطوط النقل الى درجة يصبح

(2) احسب الشدتين المنتجتين في دارتي المحولة

باعتبار مردودها يساوي الواحد .

(3) نصل على التفرعين طرفي المقاومة وشعبة مهملية

المقاومة فتصبح الشدة المنتجة الكلية في الدارة الثانوية 5A .

المطلوب حساب:

(a) الشدة المنتجة للتيار في فرع الوشعبة باستخدام إنشاء فرينل، ثم

اكتب تابع الشدة اللحظية.

(b) ذاتية الوشعبة.

(c) الاستطاعة المتوسطة في جملة الفرعين .

$$\frac{U_{effs}}{U_{effP}} = \frac{N_s}{N_p} \Rightarrow \frac{U_{effs}}{10} = \frac{375}{125} \quad (\text{الحل: 1})$$

$$U_{effs} = \frac{375 \times 10}{125} = 30 \text{ V}$$

حسب مبدأ مصونية الطاقة:

الطاقة الحرارية التي يمتصها ماء المسعر خلال الفاصل الزمني  $\Delta t$

تساوي الطاقة الحرارية المنتشرة بفعل جول في المقاومة خلال

الفاصل الزمني  $\Delta t$  .

$$mc_0 \Delta t = R I_{eff}^2 t$$

$$mc_0 \Delta t = R \left( \frac{U_{effs}}{R} \right)^2 . t$$

$$mc_0 \Delta t = \frac{U_{effs}^2}{R} . t$$

$$0.6 \times 4200 \times 2.14 = \frac{(30)^2}{R} \times 60$$

$$R = \frac{(30)^2 \times 60}{0.6 \times 4200 \times 2.14} \approx 10 \Omega$$

$$U_{effs} = R I_{effs} \Rightarrow 30 = 10 \times I_{effs} \quad (2)$$

$$I_{effs} = \frac{30}{10} = 3 \text{ A}$$

$$\frac{N_s}{N_p} = \frac{I_{effP}}{I_{effs}} \Rightarrow \frac{375}{125} = \frac{I_{effP}}{3}$$

فيها الهواء ناقلاً للتيار إلى الأرض أو المنشآت المجاورة  
وسيؤدي ذلك إلى أذية أي كائن حي.

----- انتهى البحث -----

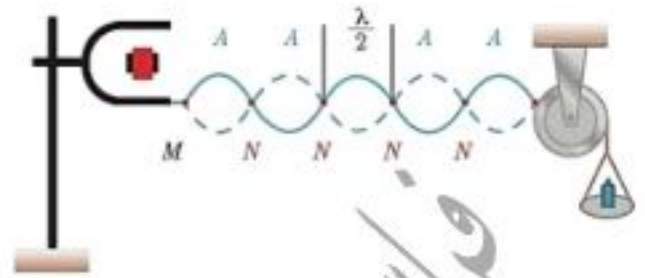
ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

0947205146 / 0988440574

## الأمواج المستقرة العرضية

الدراسة التجريبية للأمواج المستقرة العرضية في وتر:



• عندما تعمل الهزازة (الزنانة) تشكل على طول الوتر أمواج

عرضية جيئية متقدمة، وتكون معادلة مطال موجة واردة

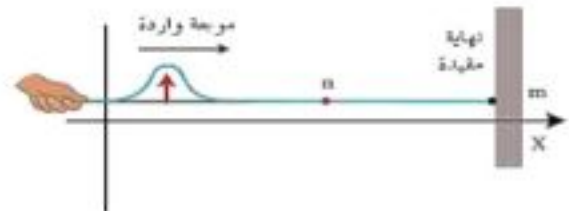
متقدمة جيئية بالاتجاه الموجب للمحور  $\bar{x}$  عندما تصل

إلى  $n$  من وسط الانتشار والتي فاصلتها  $\bar{x}$  عن

النهاية المقيدة  $m$  في اللحظة  $t$  معطاً بالعلاقة:

$$\bar{y}_{1(t)} = Y_{max} \cos(\omega t - 2\pi \frac{\bar{x}}{\lambda}) \dots (1)$$

• عندما تصل الأمواج الجيئية إلى النهاية المقيدة  $m$  للوتر تنعكس



فتولد الموجة المنعكسة المتقدمة الجيئية بالاتجاه السالب للمحور

$\bar{x}$  في النقط  $n$  في اللحظة  $t$  مطالاً يعطى بالعلاقة:

$$\bar{y}_{2(t)} = Y_{max} \cos(\omega t + 2\pi \frac{\bar{x}}{\lambda} + \varphi) \dots (2)$$

تعرض لفرق في الطور  $\varphi$  بسبب الانعكاس، وهو متأخر في

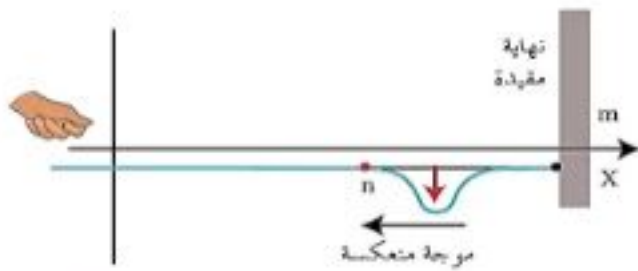
الطور عن الموجة الواردة إلى  $n$ .

• تنعكس الإشارة عن النهاية المقيدة أو عن النهاية الطليقة

بسرعة الانتشار نفسها والتوتر نفسه وبالسعة نفسها

(عند إهمال الضياع في الطاقة) وينشأ فرق في الطور  $\bar{\varphi}$

بين الموجة الواردة والموجة المنعكسة في الوسط (الوتر):



(1) إذا كانت النهاية المقيدة فإن جهة الإشارة المنعكسة تعاكس جهة

الإشارة الواردة أي يتولد بالانعكاس فرق طور  $\bar{\varphi} = \pi rad$

(تعاكس بالطور).

(2) إذا كانت النهاية طليقة، فإن جهة الإشارة المنعكسة نفسها

للإشارة الواردة: أي فرق الطور  $\bar{\varphi} = 0 rad$  (توافق بالطور).

• تشكل الأمواج المستقرة العرضية نتيجة التداخل بين موجة

جيئية واردة مع موجة جيئية منعكسة على نهاية مقيدة

تعاكسها بجهة الانتشار ولها التوتر نفسه والسعة نفسها، وينتج

عن تداخلهما:

- قاطع تهتز سعة عظيمة تسمى بطولب الاهتزاز، يرمز لها

بالرمز  $A$  حيث تلقي فيها الأمواج الواردة والمنعكسة على

توافق دائم.

- قاطع تتعدم فيها سعة الاهتزاز تسمى عقد الاهتزاز، يرمز لها ب

$N$  حيث تلقي فيها الأمواج الواردة والمنعكسة على تعاكس

دائم.

$$\bar{y}_{n(t)} = 2Y_{max} \left[ \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} \bar{x} + \frac{\pi}{2}\right) \cos(\omega t + \frac{\pi}{2}) \right]$$

وبما أن:  $\cos(\theta + \frac{\pi}{2}) = -\sin \theta$  تصبح العلاقة:

$$\bar{y}_{n(t)} = 2Y_{max} \sin \frac{2\pi}{\lambda} \bar{x} \cdot \sin \omega t$$

$$\bar{y}_{n(t)} = Y_{max/n} \sin \omega t$$

باعتبار  $Y_{max/n}$  سعة الموجة المستقرة في النقطة  $n$ :

$$Y_{max/n} = 2Y_{max} \left| \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} \bar{x}\right) \right|$$

**عقد الاهتزاز  $N$ :** نقاط سعة اهتزازها معدومة دوماً، تُحدد أبعادها

$\bar{x}$  عن النهاية المقيدة بالعلاقة:

$$Y_{max/n} = 0 \Rightarrow \sin \frac{2\pi}{\lambda} \bar{x} = 0$$

$$\frac{2\pi}{\lambda} \bar{x} = n\pi \Rightarrow$$

$$x = n \frac{\lambda}{2}$$

حيث:  $n = 0, 1, 2, 3 \dots$

أي أن النقاط التي تبعد عن النهاية المقيدة (التي

يحصل عندها انعكاسٌ وحيدٌ) أعداداً صحيحة موجبة من نصف

طول الموجة، يصلها اهتزازٌ واردٌ واهتزازٌ منعكسٌ على تعاكسٍ

دائم، فتكون ساكنةً دوماً، وتولفُ عقد اهتزاز  $N$  وتكون

المسافة بين كل عقدتين متتاليتين  $\frac{\lambda}{2}$ .

**بطون الاهتزاز  $A$ :** نقاط سعة اهتزازها عظمى دوماً، تُحدد

أبعادها  $\bar{x}$  عن النهاية المقيدة بالعلاقة:

$$Y_{max/n} = 2Y_{max} \Rightarrow \left| \sin\left(\frac{2\pi}{\lambda} \bar{x}\right) \right| = 1$$

$$\frac{2\pi}{\lambda} \bar{x} = (2n + 1) \frac{\pi}{2}$$

$$x = (2n + 1) \frac{\lambda}{4}$$

حيث:  $n = 0, 1, 2, 3 \dots$

تكون المسافة الفاصلة بين كل عقدتين متتاليتين

$\frac{\lambda}{2}$ ، وبشكل الاهتزاز ما بين عقدتين متجاورتين ما

يشبه المغزل، وتهتز جميع نقاط المغزل الواحد على توافقٍ بالطور

فيما بينها، بينما تهتز نقاط مغزليين متجاورين على

تعاكسٍ بالطور فيما بينها، وتبدو الموجة وكأنها تهتزُ مراوحةً في

مكانها، فتأخذ شكلاً ثابتاً، لذلك سُميت بالأمواج المستقرة.

الموجة المستقرة: هي نمط اهتزازٍ مستقرٍ نحوي على

عقدٍ بينها بطونٌ تنشأ نتيجة الداخل بين موجتين

متساويتين في التواتر والسعة وتنتشران في

اتجاهين متعاكسين.



الدراسة النظرية للأمواج المستقرة العرضية:

يمكن استنتاج المطال المحصل لاهتزاز النقطة  $n$  التي تخضع

لتأثير الموجتين الواردة والمنعكسة معاً بجمع المعادلتين (1) مع

(2) فيصبح مطالها المحصل  $\bar{y}_{n(t)}$ :

$$\bar{y}_{n(t)} = \bar{y}_{1(t)} + \bar{y}_{2(t)}$$

$$\bar{y}_{n(t)} = Y_{max} \left[ \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{\lambda} \bar{x}\right) + \cos\left(\omega t + \frac{2\pi}{\lambda} \bar{x} + \varphi\right) \right]$$

وبما أن:  $\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos \frac{\alpha - \beta}{2} \cos \frac{\alpha + \beta}{2}$ :

نجد وبعد تطبيق القانون السابق:

$$\bar{y}_{n(t)} = 2Y_{max} \left[ \cos\left(\frac{2\pi}{\lambda} \bar{x} + \frac{\varphi}{2}\right) \cos\left(\omega t + \frac{\varphi}{2}\right) \right]$$

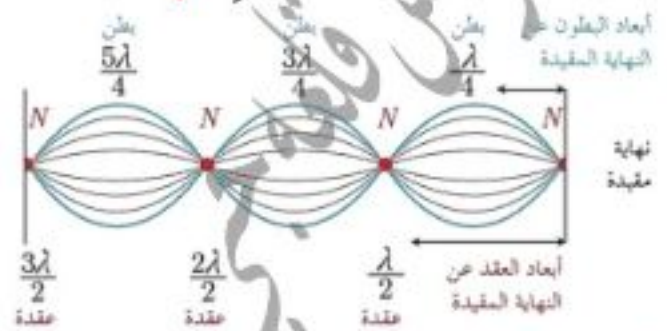
الأمواج المستقرة العرضية المنعكسة على نهاية مقيدة:

في الانعكاس على نهاية مقيدة يكون فرق الطور

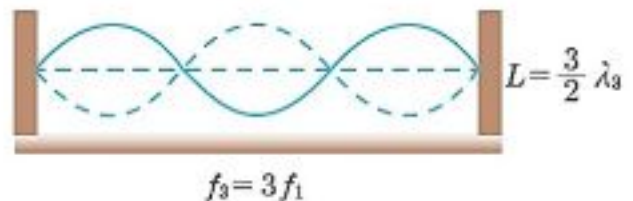
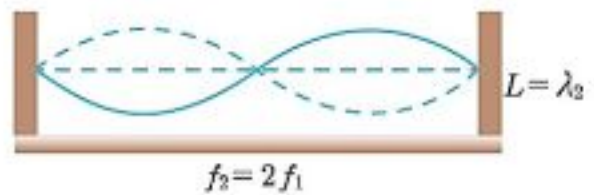
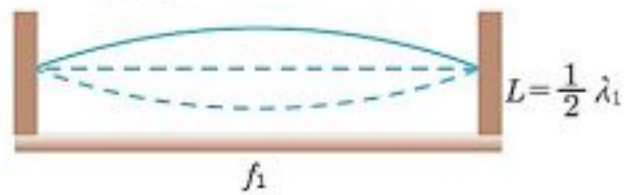
$\varphi = \pi \text{ rad}$



أي أن النقاط التي تبعد عن النهاية المقيدة (التي يحصل عندها انعكاسٌ وحيدٌ) أعداداً فردية من ربع طول الموجة، يصلها اهتزازٌ واردٌ واهتزازٌ متعكسٌ على توافقٍ دائم، فتكون سعة الاهتزاز فيها عظيمةً دوماً، وتوقف بطول اهتزاز  $A$  وتكون المسافة بين كلِّ خطين متساويين  $\frac{\lambda}{2}$  والمسافة بين كلِّ عقدةٍ وخطٍ يليه  $\frac{\lambda}{4}$ .



الاهتزازات الحرة في وتر مرن:



- عندما تنقر الوتر المرين المشدود من رُبعه وألمس منتصفه برأس قلم يهتز الوتر بمغزليين.
- عندما تنقر الوتر المرين المشدود من سدسه وألمسه من ثلثه برأس قلم يهتز الوتر بثلاثة مغازل.
- يمكن أن يهتز الوتر المرين اهتزازات حرة بتواترات خاصة مختلفة عندما تتغير شروط التجربة فيشكل فيه مغزلاف أو أكثر، وتسمى الأصوات الناتجة بالمردوجات.
- الوتر المرين المثبت من طرفيه يمكن أن يوقف اهتزازة ذات تواترات خاصة متعددة، تعطى بالعلاقة:  $f = n f_1$

حيث:  $n = 1, 2, 3, 4 \dots$

- تولد الاهتزاز العرضي بإزاحة الوتر عن وضع توازنه.
- يمكن توليد الاهتزاز العرضي فيزيائياً باستخدام سلك نحاسي مشدود بقوة شد مناسبة، بأن تمرر فيه تياراً جيبياً متناوباً مناسباً، ونحيط الوتر بمغناطيس نفوي خطوط حقله عمودية على السلك وفي وضع مناسب (في المنتصف مثلاً) ليهتز بالتجاوب مكوناً مغزلاً واحداً، ويكون تواتر الوتر النحاسي مساوياً لتواتر التيار المتناوب.

الاهتزازات القسرية في وتر مرين:

(1) تجربة ملد على نهاية مقيدة:

- لدينا اهتزازة جيبيية مُغذّاة (رنانة) سعتها العظمى  $Y_{max}$  صغيرة، يمكن تغيير تواترها  $f$  تصل بوتر مرين طوله  $L$  تمرر الوتر على محور البكرة لتشكيل عقدة ثابتة، وأعلق بطرفه المتدلي كفة الأتقال ليشد الوتر بوضع أفقي ويجعل تواتر صوته الأساسي

- عندما نرّج الوتر المرين المشدود من منتصفه وتركه، فإنه يهتز اهتزازات حرة بتواتره الخاص  $f_1$  مولداً موجة مستقرة نتيجة انعكاسها بالتقطين الثابتين وبشكل مغزلاً واحداً، وتسمى الصوت الناتج بالصوت الأساسي  $f_1$ .

بِتَابَا  $f_1 = 10 \text{ Hz}$  ثم نزيد تواتر الرنانة بالتدرج بدءاً من القيمة صفر فنلاحظ:

نتيجة: يحدث التجاوب عندما يكون تواتر الهزازة مساوياً

مضاعفات صحيحة لتواتر الصوت الأساسي للوتر  $f = n f_1$ .

الدراسة النظرية: يتلقى الوتر اهتزازات قسرية فرضت عليه

من الهزازة، فتكون على طولها أمواج مستقرة عرضية

متجاوية في مغزل، ويحدث التجاوب بين الهزازة كجملة

محرّضة، والوتر كجملة متجاوية إذا تحقق الشرط:  $f = n f_1$

وبدراسة مماثلة لدراسة الأمواج المستقرة العرضية المنعكسة على

نهاية مقيّدة نجد:  $L = n \frac{\lambda}{2}$  لكن  $\lambda = \frac{v}{f}$  بالتالي:

$$L = n \frac{v}{2f}$$

حيث:  $n = 1, 2, 3, 4 \dots$  عدد صحيح موجب

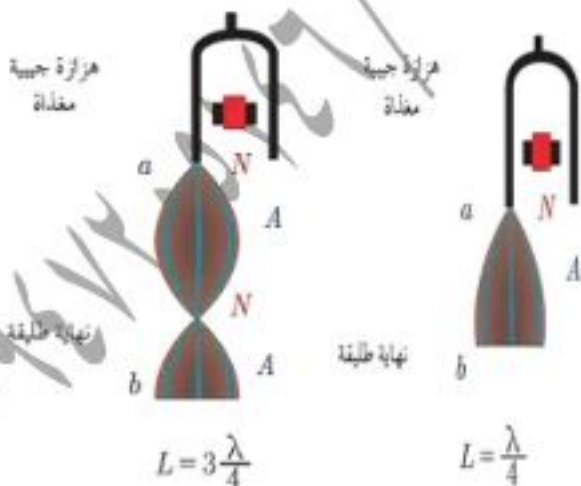
يسمى أول تواتر يولد مغزلاً واحداً بالتواتر الأساسي

$n = 1 \Rightarrow f_1 = \frac{v}{2L}$  المدروج الأول (الأساسي).

وتسمى بقية التواترات من أجل  $n = 1, 2, 3, 4 \dots$

تواترات المدروجات  $f = n \frac{v}{2L} = n f_1$

تجربة ملد على نهاية طليحة:



عندما تعمل الهزازة تولد أمواج مستقرة في حالة التجاوب

على طول الوتر.

تولد أمواج في الوتر مهما كانت قيمة تواتر الهزازة  $f$ .

إذا كان تواتر الهزازة لا يساوي مضاعفات صحيحة للتواتر

الأساسي للوتر  $f \neq n f_1$  يحدث اهتزازات قسرية في

الوتر بسعة اهتزاز صغيرة نسبياً من رتبة سعة اهتزاز الهزازة.



إذا كان تواتر الهزازة يساوي مضاعفات صحيحة

للتواتر الأساسي للوتر  $f = n f_1$  فإن الوتر يكون

بجالة تجاوب (طين) وتكون سعة الاهتزاز عند

البطن أكبر بكثير من السعة العظمى للهزازة وفي

هذه الحالة تتكون الأمواج المستقرة.



يولف الوتر (في التجربة السابقة) متجاوباً متعدد التواتر فيحدث

التجاوب من أجل سلسلة محددة تماماً من تواترات

الهزازة  $f = 10, 20, 30, 40 \dots \text{ Hz}$ ، ويكون

عندها عدد من المغازل  $n = 1, 2, 3, 4 \dots$  على

الترتيب.



• **يزداد** عدد المغازل عندما **يزداد** طول الوتر أو **تواتر** الاهتزاز، و**ينقص** بزيادة قوة الشد.

• تدل نتائج التجارب المخيفة على أن سرعة انتشار الاهتزاز العرضي في الوتر المهتز تناسب:

(1) طرداً مع الجذر التربيعي لقوة الشد  $F_T$ .

(2) عكساً مع الجذر التربيعي لكثافة وحدة الطول من الوتر

المجانس، وتسمى **الكثافة الخطية  $\mu$** :  $v = \text{const} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$

لكن  $(\text{const} = 1)$  باللي:

$$v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$$

حيث إن الكثافة الخطية للوتر  $\mu = \frac{m(\text{Kg})}{l(\text{m})}$ ، وواحدتها

في الجملة الدولية:  $\text{Kg} \cdot \text{m}^{-1}$

• نعوض عن سرعة انتشار الاهتزاز في الوتر، وعن الكثافة الخطية للوتر في علاقة تواتر الوتر المشدود فنجد:

$$f = n \frac{v}{2L} = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$$

$f$ : تواتر الصوت البسيط الصادر عن الوتر، ويُقدَّر بالهرتز  $\text{HZ}$ .

$F_T$ : قوة شد الوتر، ويُقدَّر بالنيوتن  $N$ .

$L$ : طول الوتر، ويُقدَّر بالمتر  $m$ .

$\mu$ : الكثافة الخطية للوتر، ويُقدَّر  $\text{Kg} \cdot \text{m}^{-1}$ .

$n$ : عدد صحيح يُسَمَّى عدد المغازل المتكوّنة في الوتر أو رتبة الصوت الصادر عنه (المدرج).

• يتكوّن في النقطة  $a$  عقدة اهتزاز، وفي النقطة  $b$  بطن اهتزاز.

• عندما يكون طول الوتر  $L = \frac{\lambda}{4}$  فإنه يصدر صوتاً أساسياً تواتره:  $f_1 = \frac{v}{4L}$ .

• عندما يكون طول الوتر  $L = 3 \frac{\lambda}{4}$  فإنه يصدر مدرجاً الثالث تواتره:  $f_1 = 3 \frac{v}{4L}$ .

• تُحدّد المدرجات انطلاقاً من العلاقة المحددة لطول الوتر:

$$L = (2n - 1) \frac{\lambda}{4}$$

$$L = (2n - 1) \frac{v}{4f}$$

تُحدّد التواترات الخاصة من العلاقة:  $f = (2n - 1) \frac{v}{4L}$

حيث  $n$  عدد صحيح موجب  $n = 1, 2, 3, 4, \dots$  ويُسمّى

$(2n - 1)$  مدرج الصوت الصادر.

### تطبيقات الأمواج المستقرة:

قياس سرعة انتشار الاهتزاز العرضي في وتر مشدود:

**الوتر المشدود:** هو جسم صلب مرزب أسطواني، طوله كبير بالنسبة لنصف قطر مقطعه، مشدود بين نقطتين ثابتتين. تولّد اهتزاز اهتزاز في جملة أمواج مستقرة عرضية.

• يحدث **التجاوب** عندما يكون تواتر الهزازة المعلوم  $f$  **مساوياً**

التواتر الأساسي للوتر المهتز  $f_1$  وتسمى الصوت الناتج

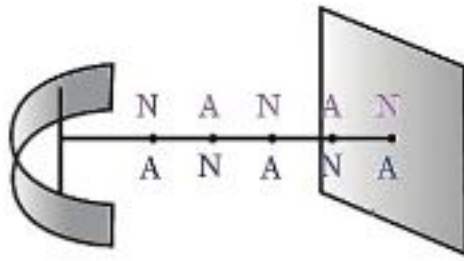
بالصوت **الأساسي** ويكون طول الوتر المهتز مساوياً

$L = \frac{\lambda}{2}$ ، وتُحسب سرعة الانتشار من العلاقة:

$v = \lambda f$  أو **مساوياً مضاعفات** صحيحة منه  $f = n f_1$

وتسمى الأصوات الناتجة بالمدرجات.

- تتألف الموجة الكهرومغناطيسية المستوية من **حقلين**
- **مُعَامِدَتَيْن**: حقل كهربائي  $\vec{E}$  وحقل مغناطيسي  $\vec{B}$ .
- عندما تُلَاقِي الأمواج الكهرومغناطيسية الواردة حاجزاً معدنياً ناقلاً **مُسَوِّباً عمودياً على سَمْحَى الانتشار**، وبعدُ عن الهوائي المرسل **بُعداً مُناسِيباً**، تنعكس عنه وتداخل الأمواج الكهرومغناطيسية الواردة مع الأمواج الكهرومغناطيسية المنعكسة لتؤلف أمواجاً كهرومغناطيسية **مُسْتَقِرَّة**.



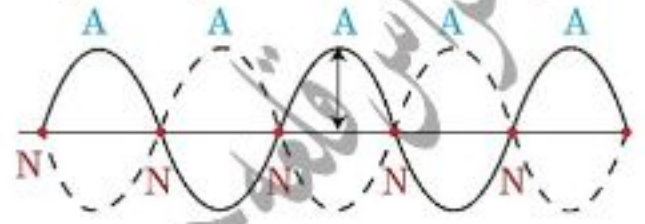
تشكل للأمواج المستقرة الكهرومغناطيسية

- نكتشف عن الحقل الكهربائي  $\vec{E}$  بواسطة **هوائي** **مُسْتَقْبِل** نضعه موازاً للهوائي المرسل، يمكن تغيير طوله وعند وصل طرفي الهوائي المستقبِل براسم اهتزاز **مَهْطِلِي**، وتغيير طول الهوائي حتى يرسم على شاشة راسم الاهتزاز خطاً يماثل **سَعَةً عَظْمَى** فيكون أصغر طول للهوائي المستقبِل مساوياً  $\frac{\lambda}{2}$ .
- نكتشف عن الحقل المغناطيسي  $\vec{B}$  بواسطة **حلقة نحاسية عمودية على  $\vec{B}$**  فيولد فيها توتراً نتيجة تغير التدفق المغناطيسي الذي يجازها.
- عندما نتقل كل من الكاشفين بين الهوائي المرسل والحاجز نجد الآتي:

- إذا فرضنا أن وتر طولهُ  $L$ ، كتلته  $m$ ، ومساحة مقطعه  $S$  وكتلته الحجمية  $\rho$  فتكون كتلته الخطية:

$$\mu = \frac{m}{L} = \frac{\rho \cdot V}{L} = \frac{\rho \cdot S \cdot L}{L} \Rightarrow \mu = \rho \pi r^2$$

**تطبيق:** وتر مشدود، طولهُ  $1m$ ، كتلته  $6g$ ، مشدود بقوة  $F_T$  يهتز بالتجاوب مع رنانة تواترها  $f = 50Hz$  مكوناً خمسة معاوِل المطلوب:



(1) الكتلة الخطية للوتر.

(2) قوة شد الوتر  $F_T$  المطبقة على الوتر.

(3) سرعة انتشار الاهتزاز العرضي على طول الوتر.

(4) عدد أطوال الموجة المتكوّنة.

(الحل: 1)  $\mu = \frac{m}{L} = \frac{6 \times 10^{-3}}{1} = 6 \times 10^{-3} \text{ Kg. m}^{-1}$

(2) عندما يهتز الوتر بالتجاوب يكون: تواتر التيار **يساوي** تواتر

السلك  $f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$  بالتالي:

$$F_T = \frac{4L^2 f^2 \mu}{n^2} \Rightarrow$$

$$F_T = \frac{4 \times (1)^2 \times (50)^2 \times 6 \times 10^{-3}}{(5)^2} = 2.4 \text{ N}$$

$$v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} = \sqrt{\frac{2.4}{6 \times 10^{-3}}} = 20 \text{ m. s}^{-1} \quad (3)$$

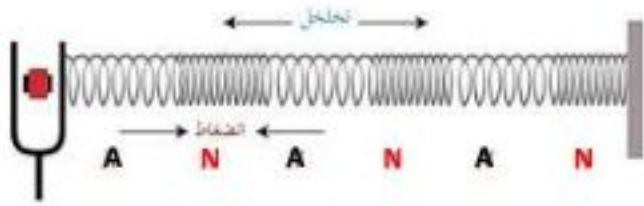
$$\text{عدد أطوال الموجة} = \frac{L}{\lambda} = \frac{L f}{v} = \frac{1 \times 50}{20} = 2.5 \quad (4)$$

الأمواج الكهرومغناطيسية المستقرة:

- تولد الأمواج الكهرومغناطيسية المستوية بواسطة **هوائي مرسل** يوضع في **محرق عاكس** بشكل **قطع مكافئ** دوراني.

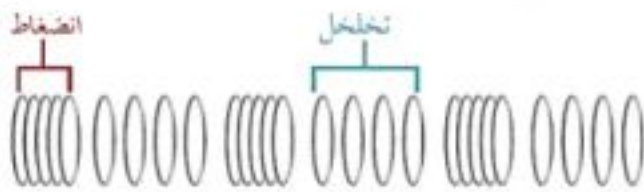
## الأمواج المستقيمة الطولية

الأمواج المستقيمة الطولية في نابض:



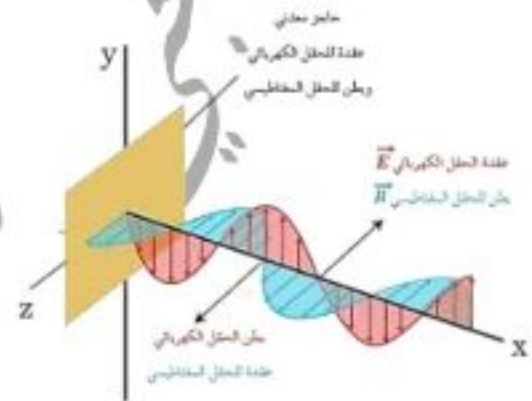
- عندما تعمل الهزازة تنتشر الأمواج الطولية الواردة من المنبع (الزناة) وفق استقامة النابض لتصل إلى النهاية الثابتة وتنعكس عنها، فتدخل الأمواج الطولية المنعكسة مع الأمواج الطولية الواردة، ونشاهد على طول النابض حلقات تبدو ساكنة وحلقات أخرى تهتز بسعات متفاوتة فلا تتضح معالمها.
- نسمي الحلقات الساكنة عقد اهتزاز حيث تكون سعة الاهتزاز معدومة، وتصلها الموجة الطولية الواردة والموجة الطولية المنعكسة على ناكس دائم، بينما الحلقات الأوسع اهتزازاً تسمى بطول الاهتزاز حيث تكون سعة الاهتزاز عظمى، وتصلها الموجة الطولية الواردة والموجة الطولية المنعكسة على توافق دائم.
- نسمي الموجة الناتجة عن تداخل الأمواج الطولية الواردة والأمواج الطولية المنعكسة: الأمواج المستقيمة الطولية.

الدراسة النظرية:



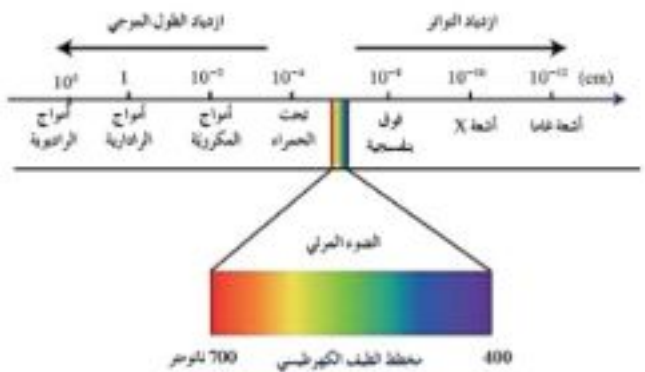
## بحث الأمواج المستقيمة العرضية والطولية

- (1) تأتي مستويات العقد  $N$  يدل فيها الكاشف على دلالة صغرى ومستويات البطون  $A$  يدل فيها الكاشف على دلالة عظمى. مساوية الأبعاد عن بعضها، قيمتها  $\frac{\lambda}{2}$ ، بين كل مستويين لهما الحالة الاهتزازية نفسها.
- (2) مستويات عقد الحقل الكهربائي هي مستويات بطون للحقل المغناطيسي وبالعكس.
- (3) الحاجز الناقل المستوي عقدة للحقل الكهربائي ووطن للحقل المغناطيسي.



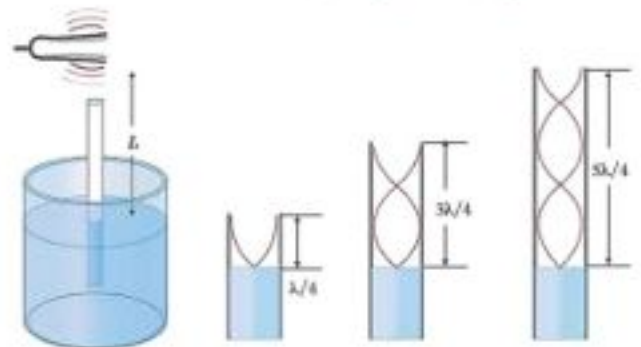
- تنبع هذه الأمواج لطيف واسع من التواترات يشمل الأمواج الطولية مثل الأمواج الزايدونية والرادارية والمكونية إلى الأمواج الصغيرة مثل الضوء المرئي والأشعة السينية وأشعة غاما والأشعة الكونية.

يُمثل الشكل الآتي مخططاً يعرف بالطيف الكهرومغناطيسي



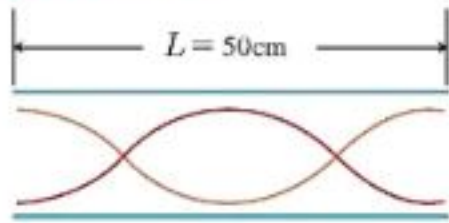
- إن بطن الاهتزاز والحلقات المجاورة له تترافق دوماً في الاهتزاز إلى إحدى الجهتين وتكاد تبدو والمسافات بينها ثابتة فنلاحظ تضاعفاً بين حلقات التماس أو تحللاً فيها أي يبقى الضغط ثابتاً، أي أن بطون الاهتزاز هي عقد للضغط.
- إن عقد الاهتزاز تبقى في مكانها وتحرك الحلقات المجاورة على الجانبين في جهتين متعاكستين دوماً فتتأرجح خلال نصف دور ثم تكاد عد خلال نصف الدور الآخر، وبذلك نلاحظ تضاعفاً بله تحلل، أي أن عقد الاهتزاز التي عندها تغير في الضغط هي بطون للضغط.
- المسافة بين عقدتي اهتزاز متاليتين أو بطنتي اهتزاز متاليتين يساوي نصف طول الموجة  $\frac{\lambda}{2}$  والمسافة بين عقدة اهتزاز وبطن اهتزاز تال يساوي ربع طول الموجة  $\frac{\lambda}{4}$ .

الأعمدة الهوائية المفتوحة والمغلقة:



- يحدث تضخيم وتقوية للصوت في أثناء انتقاله عبر الأنابيب نتيجة حدوث انعكاسات مكررة داخله، فيتولد عنها أمواج مستقرة ذات نغمات صوتية واضحة، وتزداد وضوحاً في الأنابيب الضيقة.

- تتولد أمواج مستقرة طولية في هواء الأنبوب ونسمع صوتاً شديداً عالياً عندما يكون تواتر الرنانة يساوي تواتر الهواء في عمود الأنبوب.
- تتكون عقدة اهتزاز عند سطح الماء الساكن لأنه يمنع الحركة الطولية للهواء (نهاية مغلقة)، وبطن اهتزاز تقريباً عند قوهية الأنبوب (نهاية مفتوحة).
- طول أقصر عمود هوائي فوق سطح الماء يحدث عنده التجاوب (الرتين الأول) يساوي  $L_1 = \frac{\lambda}{4}$ .
- طول العمود الهوائي فوق سطح الماء الذي يحدث عنده التجاوب (الرتين الثاني) يساوي  $L_2 = \frac{3\lambda}{4}$ .
- ملاحظة: يمكن إجراء التجربة باستخدام أنبوب أسطوانية رجاجية (أو بلاستيكية) مغلقة من أحد طرفيه مع رنانة مهتزة حيث يمكن تغيير طولها بإضافة الماء إليه تدريجياً حتى يصدر الصوت الشديد.
- المسافة بين مستويي الماء المواقفين للصوتيين الشديدين المتاليين:  $\Delta L = \frac{\lambda}{2}$
- في العمود الهوائي مفتوح الطرفين يتشكل عند كل طرف مفتوح بطن للاهتزاز وفي منتصف العمود عقدة للاهتزاز فيكون طول العمود الهوائي في هذه الحالة  $L = \frac{\lambda}{2}$ .
- عند استخدام رنانة تواترها كبير نحصل على عمود هوائي طوله قصير.
- يتناسب تواتر الرنانة المستخدم عكساً مع طول العمود الهوائي.
- تشابه الأعمدة الهوائية المفتوحة بأفاق عبور السيارات.



**الحل:**  $L = n \frac{\lambda}{2} = 2 \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = L = 0.5 \text{ m}$

$v = \lambda f \Rightarrow f = \frac{v}{\lambda} = \frac{340}{0.5} = 680 \text{ Hz}$

**تطبيق: 1** يبلغ طول القناة السمعية في الأذن البشرية  $3 \text{ cm}$

والتي تؤدي إلى غشاء الطبل وهي عبارة عن عمود هوائي مغلق، فإذا علمت أن سرعة انتشار الصوت في القناة  $348 \text{ m.s}^{-1}$  أوجد قيمة أصغر تواتر يحدث عنده التجاوب (الرتين الأول).

**2** إذا علمت أن الضغط الناتج عن مُحادثة عادية

$0.02 \text{ Pa}$  ومساحة غشاء الطبل  $0.5 \text{ cm}^2$  أوجد القوة

الضاغطة المؤثرة في غشاء الطبل. **الحل:**

$L = \frac{\lambda}{4} \Rightarrow \lambda = 4L = 4 \times 0.03 = 0.12 \text{ m}$  (1)

$v = \lambda f \Rightarrow f = \frac{v}{\lambda} = \frac{348}{0.12} = 2900 \text{ Hz}$

وهذا أول تواتر لحدوث السمع، ويسمى التواتر الأساسي للقناة السمعية.

$F = P \cdot S = 0.02 \times 0.5 \times 10^{-4} = 10^{-6} \text{ N}$  (2)

**تعريف: العمود الهوائي المفتوح:** هو أنبوب أسطواناني

الشكل، مفتوح الطرفين والمملوء بمجزيئات الهواء الساكنة يمكن

تغيير طوله بإضافة أنبوب آخر قطره أقل، وطول هذا الأنبوب عند

التجاوب يساوي عدداً صحيحاً من نصف طول الموجة.

$L = n \frac{\lambda}{2}$  حيث:  $n = 1, 2, 3, \dots$

وتواتر اهتزاز الهواء فيه:  $f = n \frac{v}{2L}$

• تعطى سرعة الصوت في هواء الأنبوب بالعلاقة  $v = \lambda f$ .

• في العمود الهوائي المغلق لا يمكن الحصول على

المدرجات ذات العدد الزوجي.

• تعمل القناة السمعية في أذن الإنسان التي تنتهي

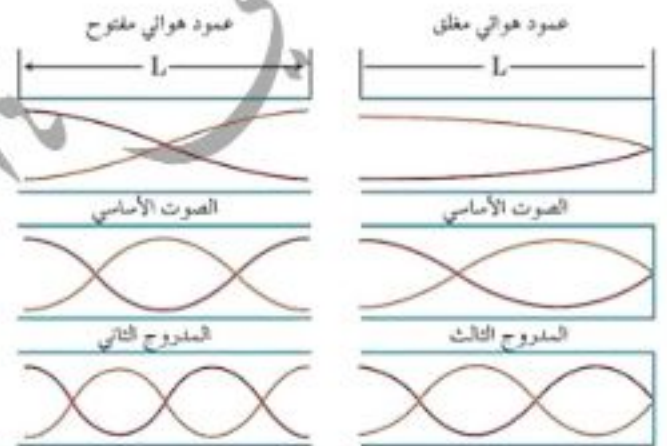
بغشاء الطبل كأنها عمود هوائي مغلق في حالة رنين

(تجاوب) يؤدي إلى زيادة حساسية الأذن للتواترات

من  $2000 \text{ Hz}$  إلى  $5000 \text{ Hz}$  في حين

يتم المدى الكامل لتواترات الصوت التي تسمعها الأذن

البشرية من  $20 \text{ Hz}$  إلى  $20000 \text{ Hz}$ .



**تطبيق:** نستخدم رنانة تواترها  $250 \text{ Hz}$  لقياس سرعة انتشار

الصوت في الهواء داخل أنبوب هوائي مغلق، فسمع أعلى

صوت عندما كان طول أقصر عمود هوائي مساو  $35 \text{ cm}$ ,

احسب سرعة انتشار الصوت في هواء الأنبوب ضمن شروط التجربة.

**الحل:**  $L = \frac{\lambda}{4} \Rightarrow \lambda = 4L = 4 \times 0.35 = 1.4 \text{ m}$

$v = \lambda f = 1.4 \times 250 = 350 \text{ m.s}^{-1}$

**تطبيق:** انبوب هوائي مفتوح الطرفين، طوله  $50 \text{ cm}$

يصدر الرتين الثاني باستخدام رنانة تواترها غير معلوم فإذا

كانت سرعة انتشار الصوت في شروط التجربة  $340 \text{ m.s}^{-1}$

احسب تواتر الرنانة.

**تعليل الأمواج المستقرة الطولية في أنبوب هواء الميزمار:**  
عندما تهتز طبقة الهواء المجاورة للمنع ينشأ هذا الاهتزاز **طولياً** في هواء الميزمار كله **ينعكس** على نهاية الميزمار.

**تداخل** الأمواج الواردة مع الأمواج المنعكسة داخل الأنبوب لتولف جملة أمواج مستقرة طولية، ويتكوّن عند النهاية **المغلقة عقدة للاهتزاز**، أما

عند النهاية **المفتوحة** يتكوّن **بطن** للاهتزاز. **ونعلم ذلك:**

بأن الانضغاط الوارد إلى طبقة الهواء الأخيرة **ينحرف** إلى

الهواء الخارجي، فتسبب **انضغاطاً** فيه، وتخلخل وراءها

يستدعي **تفاوت** هواء الميزمار ليملا الفراغ، وينشأ عن ذلك

تخلخل ينشأ من **نهاية الميزمار إلى بدايته**، وهو **منعكس**

الانضغاط الوارد.

**قوانين الميزمار:** تُقسّم الميزمار من الناحية الاهتزازية إلى نوعين:

**(1) متشابهة الطرفين:** منبع ذو فم يشكّل عنده **بطن** اهتزاز

ونهايته **مفتوحة** تشكّل عندها **بطن** اهتزاز، أو **منبع ذو لسان**

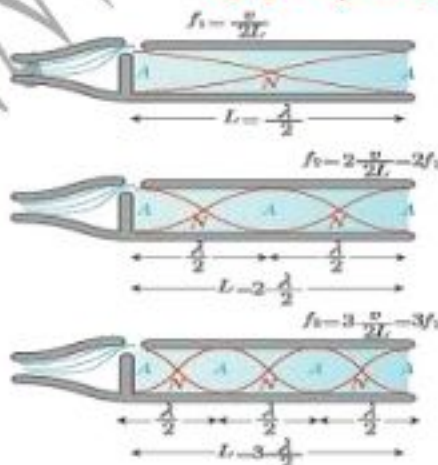
تشكّل عنده **عقدة اهتزاز** ونهايته **مغلقة** تشكّل عندها **عقدة اهتزاز**.

**(2) مختلفة الطرفين:** منبع ذو فم يشكّل عنده **بطن** اهتزاز

ونهايته **مغلقة** تشكّل عندها **عقدة اهتزاز**، أو **منبع ذو لسان**

تشكّل عنده **عقدة اهتزاز** ونهايته **مفتوحة** تشكّل عندها **بطن** اهتزاز

**أولاً: الميزمار متشابهة الطرفين:**



**العمود الهوائي المغلق:** هو أنبوب أسطواني الشكل، مفتوح من طرف ومغلق من الطرف الآخر والمملوء بخبرات الهواء الساكنة يمكن تغيير طوله بإضافة الماء، وطول هذا الأنبوب عند التجاوب يساوي عدداً فردياً من ربع طول الموجة.

$$L = (2n - 1) \frac{\lambda}{4} \quad \text{حيث: } n = 1, 2, 3, \dots$$

$$f = (2n - 1) \frac{v}{4L}$$

**الميزمار:** أنبوب أسطواني أو مشوري، مقصّعه ثابت وصغير

بالنسبة إلى طوله، جدرانه خشبية أو معدنية تخينة لكي لا

تشارك في الاهتزاز، يحتوي غازاً (الهواء غالباً) **يهتز بالتجاوب**

مع المنبع الصوتي للميزمار.

تصنّف المنابع الصوتية إلى نوعين:

**(1) المنبع ذو الفم:** وهو نهاية غرفة صغيرة مفتوحة يدفع فيها

الهواء وينساق ليخرج من شق ضيق، ويشكّل عند الفم **بطن**

اهتزاز (عقدة ضغط).



منبع ذو فم

**(2) المنبع ذو لسان:** يتألف من صفيحة مرنة تدعى

اللسان قابلة للاهتزاز، مثبتة من أحد طرفيها تقطع

جريان الهواء، لها تواتر المنبع، ويشكّل عند اللسان **عقدة**

اهتزاز (بطن ضغط).



منبع ذو لسان



يُبين الشكل عقداً وخطوطاً اهتزازية في مزمار مختلف الطرفين، وفيه يكون طول المزمار  $L$  يساوي عدداً فردياً من ربع طول الموجة.

تلاحظ من الشكل أن طول المزمار  $L$  يساوي تقريباً:

$$L = (2n - 1) \frac{\lambda}{4} : \dots, 3 \frac{\lambda}{4}, 5 \frac{\lambda}{4}, \dots$$

حيث:  $n = 1, 2, 3, \dots$  عدد صحيح موجب.

ولكن:  $\lambda = \frac{v}{f}$  نعوض فنجد:  $L = (2n - 1) \frac{v}{4f}$

$$f = (2n - 1) \frac{v}{4L}$$

$f$ : تواتر الصوت البسيط الصادر عن المزمار (HZ).

$L$ : طول المزمار (m).

$v$ : سرعة انتشار الصوت في غاز المزمار ( $m \cdot s^{-1}$ ).

(2n - 1) يمثل رتبة صوت المزمار (مدرجات الصوت).

**ملاحظات: 1** تواتر الصوت الأساسي الذي يصدره مزمار يتناسب طردياً مع سرعة انتشار الصوت في غاز المزمار.

ويمكن تغيير هذه السرعة بزيادة درجة حرارة الغاز أو تغيير طبيعته.

**2** تدل التجارب على أن سرعة انتشار صوت في الغازات:

**a** تتناسب سرعة انتشار الصوت في غاز معين طردياً مع

الجذر التربيعي لدرجة حرارته المطلقة  $T$  (كلفن).

$$\frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{T_1}{T_2}}$$

حيث:  $T(k) = t(^{\circ}C) + 273$

**b** تتناسب سرعة انتشار الصوت في غازين مختلفين

عكساً مع الجذر التربيعي لكثافتهما  $D_1, D_2$  بالنسبة للهواء، إذا

كان الغازان في درجة حرارة واحدة، ولهما رتبة ذرّة واحدة

يُبين الشكل عقداً وخطوطاً اهتزازية في مزمار متشابه الطرفين، وفيه يكون طول المزمار  $L$  يساوي عدداً صحيحاً من نصف طول الموجة.

تلاحظ من الشكل أن طول المزمار  $L$  يساوي تقريباً:

$$L = n \frac{\lambda}{2} : \dots, 2 \frac{\lambda}{2}, 3 \frac{\lambda}{2}, \dots$$

حيث:  $n = 1, 2, 3, \dots$  عدد صحيح موجب.

ولكن:  $\lambda = \frac{v}{f}$  نعوض فنجد:  $L = n \frac{v}{2f}$

$$f = n \frac{v}{2L}$$

$f$ : تواتر الصوت البسيط الصادر عن المزمار (HZ).

$L$ : طول المزمار (m).

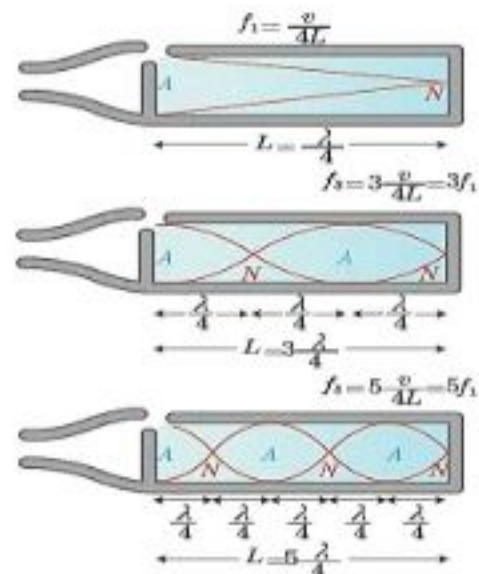
$v$ : سرعة انتشار الصوت في غاز المزمار ( $m \cdot s^{-1}$ ).

$n$ : عدد صحيح موجب يمثل رتبة صوت المزمار (مدرجات الصوت).

ولكن يصدر المزمار مدرجاته المختلفة بزيادة سرعة نفخ الهواء فيه تدريجياً، كما يمكن إصدار مدرجات المزمار ذي اللسان

بتغيير طول اللسان.

ثانياً: المزمار مختلف الطرفين:



3) في تجربة ملد مع نهاية طليقة يُصدر وترًا طولُه  $L$  صوتاً أساسياً، طول موجته  $\lambda$  تساوي:

$\frac{L}{2}$  (d)       $L$  (c)       $2L$  (b)       $4L$  (a)

الإجابة الصحيحة:  $4L$  (a) توضيح اختيار الإجابة:

$$L = (2n - 1) \frac{\lambda}{4} = (2 \times 1 - 1) \frac{\lambda}{4} \Rightarrow \lambda = 4L$$

4) وتر مهتز طولُه  $L$ ، وسرعة انتشار الموجة العرضية على طولُه  $v$ ، وقوة شدته  $F_T$  فإذا زدنا قوة شدته أربع مراتٍ لتصبح سرعة انتشاره  $v'$  تساوي:

$4v$  (d)       $2v$  (c)       $\frac{v}{2}$  (b)       $\frac{v}{4}$  (a)

الإجابة الصحيحة:  $2v$  (c) توضيح اختيار الإجابة:

$$v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}, \quad v' = \sqrt{\frac{4F_T}{\mu}} = 2 \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} = 2v$$

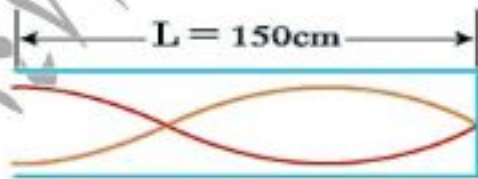
5) وتر مهتز طولُه  $L$ ، وكتلته  $m$ ، وكتلته الخطية  $\mu$ ، قسمه إلى قسمين متساويين، فإن الكتلة الخطية لكل قسم تساوي:

$4\mu$  (d)       $\frac{\mu}{2}$  (c)       $\mu$  (b)       $2\mu$  (a)

الإجابة الصحيحة:  $\mu$  (b) توضيح اختيار الإجابة:

$$\mu = \frac{m}{L}, \quad \mu' = \frac{\frac{m}{2}}{\frac{L}{2}} = \frac{m}{L} = \mu$$

6) يُمثل الشكل أنبوباً هوائياً مغلقاً طولُه  $150\text{ cm}$  فإن طول الموجة الصوتية  $\lambda$  تساوي:



$250\text{ cm}$  (b)       $50\text{ cm}$  (a)

$150\text{ cm}$  (d)       $200\text{ cm}$  (c)

(أي عدد الذرات التي تُؤلف جُزئته هي نفسها) أي:

$$\frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{D_2}{D_1}} = \sqrt{\frac{M_2}{M_1}}$$

$M$  الكتلة المولية للغاز (الكتلة الجزيئية الغرامية).

تعطى كثافة غاز بالنسبة للهواء بالعلاقة:  $D = \frac{M}{29}$

اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة في كلٍ مما يأتي:

1) في الأمواج المستقرة العرضية المسافة بين عقدتين متاليتين تساوي:

$2\lambda$  (d)       $\lambda$  (c)       $\frac{\lambda}{2}$  (b)       $\frac{\lambda}{4}$  (a)

الإجابة الصحيحة:  $\frac{\lambda}{2}$  (b) توضيح اختيار الإجابة:

$$x_1 = \frac{\lambda}{2}, \quad x_2 = 2 \frac{\lambda}{2}$$

$$\Rightarrow \Delta x = (x_2 - x_1) = \frac{\lambda}{2}$$

2) فرق الطور  $\phi$  بين الموجة الواردة والموجة المنعكسة على نهاية مُقيدة تساوي بالزادان:

$\phi = \frac{\pi}{3}$  (b)       $\phi = 0$  (a)

$\phi = \pi$  (d)       $\phi = \frac{\pi}{2}$  (c)

الإجابة الصحيحة:  $\phi = \pi$  (d) توضيح اختيار الإجابة:

توضيح اختيار الإجابة: جهة الإشارة المنعكسة **تعاكس** جهة الإشارة

الواردة  $\bar{y}_{2(t)} = -\bar{y}_{1(t)}$

الواردة  $\bar{y}_{1(t)} = Y_{max} \cos(\omega t - 2\pi \frac{\bar{x}}{\lambda})$

المنعكسة  $\bar{y}_{2(t)} = Y_{max} \cos(\omega t + 2\pi \frac{\bar{x}}{\lambda} + \phi)$

فرق الطور بينهما:

$$\left[ (\omega t + 2\pi \frac{\bar{x}}{\lambda} + \phi) - (\omega t - 2\pi \frac{\bar{x}}{\lambda}) \right] = \pi \Rightarrow \phi = \pi$$

الإجابة الصحيحة: C) 200 cm

$$L = 3 \frac{\lambda}{4} = 150 \Rightarrow \lambda = \frac{4L}{3} = \frac{600}{3} = 200 \text{ cm}$$

(7) طول العمود الهوائي المفتوح الذي يُصدر نغمته الأساسية

يُعطى بالعلاقة:

$$L = \frac{\lambda}{4} \text{ (a)} \quad L = \frac{\lambda}{2} \text{ (b)}$$

$$L = \lambda \text{ (c)} \quad L = 2\lambda \text{ (d)}$$

الإجابة الصحيحة: b)  $L = \frac{\lambda}{2}$

$$L = n \frac{\lambda}{2} = 1 \times \frac{\lambda}{2} = \frac{\lambda}{2}$$

(8) طول العمود الهوائي المغلق الذي يُصدر نغمته الأساسية

يُعطى بالعلاقة:

$$L = \frac{\lambda}{4} \text{ (a)} \quad L = \frac{\lambda}{2} \text{ (b)}$$

$$L = \lambda \text{ (c)} \quad L = 2\lambda \text{ (d)}$$

الإجابة الصحيحة: a)  $L = \frac{\lambda}{4}$  توضيح اختيار الإجابة:

$$L = (2n - 1) \frac{\lambda}{4} = (2 \times 1 - 1) \frac{\lambda}{4} = \frac{\lambda}{4}$$

(9) وتران متجانسان من المعدن نفسه

مشدودان بقوة الشد نفسها، قطر الوتر الأول 1mm وقطر الوتر

الثاني 2mm، فإذا كانت سرعة انتشار اهتزاز عرضي

في الوترين  $v_1, v_2$  على الترتيب فإن:

$$v_1 = v_2 \text{ (a)} \quad v_1 = 2v_2 \text{ (b)}$$

$$v_1 = 4v_2 \text{ (c)} \quad 2v_1 = v_2 \text{ (d)}$$

الإجابة الصحيحة: b)  $v_1 = 2v_2$  توضيح اختيار الإجابة:

$$v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} = \sqrt{\frac{F_T}{\frac{m}{L}}} = \sqrt{\frac{F_T L}{m}} = \sqrt{\frac{F_T L}{\rho V}} = \sqrt{\frac{F_T L}{\rho \pi r^2}}$$

$$v = \text{const} \frac{1}{r}$$

لكن قطر الثاني ضِعْفِي قطر الأول بالتالي:  $v_1 = 2v_2$

(10) ميزمارٌ مُشابه الطرفين طولُه  $L$  وسرعة انتشار الصوت

في هوائه  $v$  فتواترُ صوته البسيط الأساسي الذي يصدره

يُعطى بالعلاقة:

$$f = \frac{v}{2L} \text{ (a)} \quad f = \frac{v}{4L} \text{ (b)}$$

$$f = \frac{4v}{L} \text{ (c)} \quad f = \frac{2v}{L} \text{ (d)}$$

الإجابة الصحيحة: a)  $f = \frac{v}{2L}$  توضيح اختيار الإجابة:

$$L = n \frac{\lambda}{2} = n \frac{v}{2f} \Rightarrow f = n \frac{v}{2L}, n = 1$$

$$\Rightarrow f = \frac{v}{2L}$$

(11) ميزمارٌ ذو فم، نهايته مفتوحة، عندما يهتز هوائه بالتجاوب

يكون عند نهايته المفتوحة:

a) بطن ضغط. b) بطن اهتزاز.

c) عقدة اهتزاز. d) جميع ما سبق صحيح.

الإجابة الصحيحة: b) بطن اهتزاز.

(12) ميزمارٌ مُشابه الطرفين طولُه  $L$  يصدر صوتاً أساسياً موقفاً

للصوت الأساسي لميزمارٍ آخر مُختلف الطرفين طولُه  $L'$

في الشروط نفسها، فإن:

$$L = L' \text{ (a)} \quad L = 2L' \text{ (b)}$$

$$L = 3L' \text{ (c)} \quad L = 4L' \text{ (d)}$$

الإجابة الصحيحة: b)  $L = 2L'$  توضيح اختيار الإجابة:

$$f_1 = \frac{v}{2L} \text{ مُشابه الطرفين، } f_1' = \frac{v}{4L'} \text{ مختلف الطرفين}$$

$$f_1 = f_1' \Rightarrow \frac{v}{2L} = \frac{v}{4L'}$$

بما أن الشروط نفسها أي:  $v = v'$  ومنه:

$$2L = 4L' \Rightarrow L = 2L'$$

- 16) طول الموجة المستقيمة هو:
- (a) المسافة بين بطنين متاليين أو عقدتين متاليتين .
- (b) مِثْلِي المسافة بين بطنين متاليين أو عقدتين متاليتين .
- (c) نصف المسافة بين بطنين متاليين أو عقدتين متاليتين .
- (d) نصف المسافة بين بطنين وعقدة تليه مباشرة .

الإجابة الصحيحة: (b)

ثانياً: أجب عن الأسئلة الآتية:

- 1) في تجربة أمواج مستقيمة عرضية تعطى معادلة اهتزاز نقطة  $n$  من وتر مرزب تبعد  $x$  عن نهاية المقيدة:

$$\bar{y}_{n(t)} = 2Y_{max} \sin \frac{2\pi}{\lambda} x \sin(\omega t)$$

استخرج العلاقة المحددة لكل من مواضع بطون وعقد الاهتزاز، ما بعد البطن الثاني عن النهاية المقيدة؟

الحل: معادلة اهتزاز نقطة  $n$  من وتر مرزب تبعد  $x$  عن

نهاية المقيدة يعطى بالعلاقة:

$$\bar{y}_{n(t)} = 2Y_{max} \sin \frac{2\pi}{\lambda} x \sin(\omega t)$$

$$Y_{max/n} = 2Y_{max} \left| \sin \frac{2\pi}{\lambda} x \right|$$

$$Y_{max/n} = 2Y_{max} \text{ بطون الاهتزاز}$$

$$\left| \sin \frac{2\pi}{\lambda} x \right| = 1 \Rightarrow \frac{2\pi}{\lambda} x = (2n + 1) \frac{\pi}{2}$$

$$x = (2n + 1) \frac{\lambda}{4} \quad (n = 0, 1, 2 \dots \dots)$$

$$Y_{max/n} = 0 \text{ عقد الاهتزاز}$$

$$\sin \frac{2\pi}{\lambda} x = 0 \Rightarrow \frac{2\pi}{\lambda} x = n\pi$$

$$x = n \frac{\lambda}{2} \quad (n = 0, 1, 2 \dots \dots)$$

- 13) يصدر أنبوب صوتي مختلف الطرفين صوتاً أساسياً تواتره  $435 \text{ Hz}$ ، فإن تواتر الصوت التالي الذي يمكن أن يصدره يساوي:

$$145 \text{ Hz (a)} \quad 217.5 \text{ Hz (b)}$$

$$870 \text{ Hz (c)} \quad 1305 \text{ Hz (d)}$$

الإجابة الصحيحة: (d)  $1305 \text{ Hz}$ 

توضيح اختيار الإجابة:

$$f = (2n - 1) \frac{v}{4L} = (2n - 1) f_1$$

$$f = (2 \times 2 - 1) \times 435 = 1305 \text{ Hz}$$

- 14) في تجربة ملد مع نهاية مقيدة تكون أربعة مغازل عند

استخدام وتر طوله  $2m$ ، وهزازة تواترها  $435 \text{ Hz}$  فتكون

سرعة انتشار الاهتزاز  $v$  مقدرة  $m \cdot s^{-1}$  تساوي:

$$435 \text{ (a)} \quad 290 \text{ (b)} \quad 1742 \text{ (c)} \quad 870 \text{ (d)}$$

الإجابة الصحيحة: (a)  $435$  توضيح اختيار الإجابة:

$$L = n \frac{\lambda}{2} \Rightarrow 2 = 4 \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = 1m$$

$$v = \lambda f = 1 \times 435 = 435 m \cdot s^{-1}$$

- 15) إذا كانت  $v_1$  سرعة انتشار الصوت في غاز الهيدروجين

و  $v_2$  سرعة انتشار الصوت في غاز الأكسجين فإن:

$$v_1 = v_2 \text{ (a)} \quad v_1 = 4v_2 \text{ (b)}$$

$$v_1 = 8v_2 \text{ (c)} \quad v_1 = 16v_2 \text{ (d)}$$

الإجابة الصحيحة: (b)  $v_1 = 4v_2$ 

توضيح اختيار الإجابة:

$$\frac{v_{H_2}}{v_{O_2}} = \frac{\sqrt{D_{O_2}}}{\sqrt{D_{H_2}}} = \frac{\sqrt{\frac{M_{O_2}}{29}}}{\sqrt{\frac{M_{H_2}}{29}}} = \frac{\sqrt{\frac{32}{29}}}{\sqrt{\frac{2}{29}}} = \sqrt{\frac{32}{2}} = \frac{4}{1}$$

$$v_{H_2} = 4v_{O_2}$$

بعد البطن الثاني عن النهاية المقيدة:

$$x = (2n + 1) \frac{\lambda}{4}$$

$$n = 1 \Rightarrow x = 3 \frac{\lambda}{4}$$

(2) كيف نجعل مزمارة ذا لسان مختلف الطرفين من

الناحية الاهتزازية؟ استنتج العلاقة المحددة لتواتر الصوت البسيط

الذي يصدره هذا المزمارة بدلالة طولها.

الحل: نجعل مزمارة ذا لسان مختلف الطرفين من

الناحية الاهتزازية بجعل نهايته مفتوحة.

طول المزمارة  $L$  يساوي عدداً فردياً من ربع طول الموجة.

$$L = (2n - 1) \frac{\lambda}{4}, \quad (n = 1, 2, 3 \dots)$$

نكن:  $\lambda = \frac{v}{f}$  ،  $L = (2n - 1) \frac{v}{4f}$

$$\Rightarrow f = (2n - 1) \frac{v}{4L}$$

(3) ثبت بإحدى شعبي رنانة كهربية تواترها  $f$  طرف وتره

طول مناسب ومشدود بقل مناسب كتله  $m$  تتكون أمواج

مستقرة عرضية بثلاثة مغازل، ولكي نحصل على مغزلات

نجري التجريتين الآتيتين:

(a) نستبدل الرنانة السابقة برنانة أخرى  $f'$  مع الكتلة السابقة نفسها

$m$  استنتج العلاقة بين التواترين  $f, f'$ .

$$f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \quad \text{نكن بما أن المقادير } (F_T, L, \mu) \text{ ثابتة}$$

فعدد المغازل يتناسب طردياً مع تواتر الرنانة.

$$f' = \text{const } n' \quad f = \text{const } n$$

$$\frac{f'}{f} = \frac{n'}{n} = \frac{3}{5} \Rightarrow f' = \frac{2}{3} f$$

(b) نستبدل الكتلة السابقة  $m$  بكتلة أخرى  $m'$  مع الرنانة السابقة

نفسها  $f$  استنتج العلاقة بين الكتلتين  $m, m'$ .

$$f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \quad \text{نكن بما أن المقادير } (f, L, \mu) \text{ ثابتة}$$

فعدد المغازل يتناسب عكساً مع الجذر التربيعي لقوة شد الوتر.

$$n' \sqrt{F_T'} = \text{const} \quad n \sqrt{F_T} = \text{const}$$

$$\frac{n}{n'} = \frac{\sqrt{F_T'}}{\sqrt{F_T}} = \frac{\sqrt{m'g}}{\sqrt{mg}}$$

$$\frac{3}{2} = \frac{\sqrt{m'}}{\sqrt{m}} \Rightarrow \frac{9}{4} = \frac{m'}{m} \Rightarrow m' = \frac{9}{4} m$$

(4) كيف يتم عملياً الكشف عن الحقل الكهربائي  $\vec{E}$  والحقل

المغناطيسي  $\vec{B}$  في الأمواج الكهرومغناطيسية المنتشرة في الهواء؟

الحل: نكشف عن الحقل الكهربائي  $\vec{E}$  بهوائي مستقبل

نضعه موازياً للهوائي المرسل ويتم ذلك بوصل طرفي الهوائي

المستقبل براسم اهتزاز مبهطي وتغيير طول الهوائي حتى

يرسم على الشاشة خط بياني بسعة عظمى فيكون

أصغر طول للهوائي المستقبل مساوياً  $\frac{\lambda}{2}$ .

نكشف عن الحقل المغناطيسي  $\vec{B}$  بحلقة نحاسية عمودية على

$\vec{B}$  فيولد فيها توتراً نتيجة تغير التدفق المغناطيسي الذي يجازها.

(5) إذا تكوّنت ثلاثة مغازل لأمواج مستقرة عرضية في وتر مشدود

بقوة مناسبة، وأردنا الحصول على خمسة مغازل بتغيير قوة الشد

فقط، فهل نزيد تلك القوة أم نقصها؟ ولماذا؟

الحل: عدد المغازل يتناسب عكساً مع الجذر التربيعي لقوة شد الوتر

$$n' \sqrt{F_T'} = \text{const}, \quad n \sqrt{F_T} = \text{const}$$

$$\frac{n}{n'} = \frac{\sqrt{F_T'}}{\sqrt{F_T}} \Rightarrow \frac{3}{5} = \frac{\sqrt{F_T'}}{\sqrt{F_T}}$$

$$\Rightarrow \frac{9}{25} = \frac{F_T'}{F_T} \Rightarrow F_T' = \frac{9}{25} F_T$$

أي يجب أن نقص قوة الشد.

ثالثاً: علل ما يأتي:

(a) لا يحدث انتقال للطاقة في الأمواج المستقرة كما في الأمواج المنتشرة.

الحل: لأن الأمواج الواردة والأمواج المنعكسة تنقل الطاقة في

اتجاهين متعاكسين .

(b) تُسمى الأمواج المستقرة بهذا الاسم .

الحل: لأن تقاطع الوسيط تهتز مراوحة في مكانها فتأخذ شكلاً

ثابتاً وتظهر ساكنة .

(c) في الأمواج المستقرة العرضية هل يهتز البطن الأول والبطن

الثالث التالي على توافق أم على تعاكس فيما بينهما ؟

يهتز البطن الأول والبطن الثالث التالي على توافق فيما

بينهما لأن فرق المسير بينهما  $\lambda$  .

رابعاً: حل المسائل الآتية: ( $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ ):

المسألة الأولى: إذا كانت سرعة انتشار الصوت في الهواء

$331 \text{ m.s}^{-1}$  في الدرجة  $0^\circ\text{C}$  . احسب سرعة انتشار

الصوت في الدرجة  $t = 27^\circ\text{C}$  .

الحل:  $\frac{v_1}{v_2} = \frac{\sqrt{T_1}}{\sqrt{T_2}} \Rightarrow \frac{331}{v_2} = \frac{\sqrt{0+273}}{\sqrt{27+273}} = 0.953$

$$\Rightarrow v_2 = \frac{331}{0.953} = 347.32 \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة الثانية: يُصدر أنبوب صوتي مختلف الطرفين صوتاً

أساسياً تواتره  $435 \text{ Hz}$  فما تواترات الأصوات الثلاثة التي

تليه؟

الحل:  $f = (2n - 1) \frac{v}{4L}$  نكن من أجل الصوت الأساسي:

$$n = 1 \Rightarrow f_1 = \frac{v}{4L} = 435 \text{ Hz}$$

المدرج الثالث:

$$n = 2 \Rightarrow f_3 = 3f_1 = 3 \times 435 = 1305 \text{ Hz}$$

المدرج الخامس:

$$n = 3 \Rightarrow f_5 = 5f_1 = 5 \times 435 = 2175 \text{ Hz}$$

المدرج السابع:

$$n = 4 \Rightarrow f_7 = 7f_1 = 7 \times 435 = 3045 \text{ Hz}$$

المسألة الثالثة: يُصدر وترٌ صوتاً أساسياً تواتره  $250 \text{ Hz}$  . كم يصبح

تواترُ صوته الأساسي إذا قصَّ طول الوتر حتى النصف

$$L' = \frac{L}{2} \text{ وازدادت قوة الشد حتى مثلها } F_T' = 2F_T$$

$$\text{الحل: } f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$$

الصوت الأساسي:  $n = 1$  بالتالي:

$$f_1 = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$$

$$f_1' = \frac{1}{2L'} \sqrt{\frac{F_T'}{\mu}} = \frac{1}{2 \cdot \frac{L}{2}} \sqrt{\frac{2F_T}{\mu}} = 2\sqrt{2} \times \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$$

$$f_1' = 2\sqrt{2}f_1 = 2\sqrt{2} \times 250 \approx 707 \text{ Hz}$$

المسألة الرابعة: تهتز رنانة تواترها  $f = 440 \text{ Hz}$  فوق عمود

هوائي مغلق، حذية البعد الذي يحدث عنده الرنين الأول

عندما تكون درجة حرارة الهواء في العمود  $20^\circ\text{C}$  .

حيث سرعة انتشار الصوت في هذه الحالة  $340 \text{ m.s}^{-1}$  .

$$\text{الحل: } L_1 = \frac{\lambda}{4} = \frac{v}{4f}$$

$$L_1 = \frac{340}{4 \times 440} = 0.193 \text{ m}$$

المسألة الخامسة: استعملت رنانة تواترها  $445 \text{ Hz}$  فوق عمود

ريني مغلق لتحديد سرعة انتشار الصوت في غاز الهيليوم . فإذا

كان البعد بين صوتين شديدين متتاليين

$110 \text{ cm}$  احسب سرعة انتشار الصوت في غاز الهيليوم .

$$\text{الحل: } L = \frac{\lambda}{2} = \frac{v}{2f} \Rightarrow v = 2Lf$$

$$v = 2 \times 1.1 \times 445 = 979 \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة السادسة: احسب تواتر الصوت الأساسي لوتر مشدود طوله  $0.7m$  وكتلته  $7g$ ، شد بقوة قدرها  $49N$ .

الحل:  $f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$

الصوت الأساسي:  $n = 1$ ،  $f_1 = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}}$

$f_1 = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{F_T L}{m}} = \frac{1}{2 \times 0.7} \sqrt{\frac{49 \times 0.7}{7 \times 10^{-3}}}$

$f_1 = 50Hz$

المسألة السابعة: تهتز شعبتا رنانة كهربائية بتواتر  $30 Hz$ ، نصل

إحدى الشعبتين بجهد مرزب طوله  $2m$ .

(1) يشد الخيط بقوة شدتها  $7.2N$  فيهتز مكوناً مغزلاً واحداً استخرج كتلة الخيط؟

(2) احسب قوتى الشد التي تجعل الخيط يهتز بمغزليين ثم

بثلاثة مغازل مع الرنانة نفسها؟

الحل: (1)  $f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \Rightarrow f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\frac{m}{L}}}$

$m = \frac{n^2 F_T}{4L f^2} \Rightarrow m = \frac{1}{8} \times \frac{7.2}{900}$

$m = \frac{7.2}{7200} = 10^{-3} kg$

(2) يهتز بمغزليين  $n = 2$

$f = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \Rightarrow 30 = \frac{2}{4} \sqrt{\frac{F_T \times 2}{10^{-3}}}$

$F_T = \frac{3600 \times 10^{-3}}{2} = 1.8N$

يهتز بثلاثة مغازل  $n = 3$

$30 = \frac{3}{4} \sqrt{\frac{F_T \times 2}{10^{-3}}} \Rightarrow F_T = \frac{1600 \times 10^{-3}}{2} = 0.8N$

المسألة الثامنة: احسب سرعة انتشار اهتزاز عرضي في وتر

قطر مقطعها  $0.1mm$ ، وكثافته  $0.8$ ، مشدود بقوة شدتها

$100\pi N$ .

الحل:  $v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} = \sqrt{\frac{F_T}{\frac{m}{L}}} = \sqrt{\frac{F_T L}{m}} = \sqrt{\frac{F_T L}{\rho V}} = \sqrt{\frac{F_T L}{\rho L S}}$

$v = \sqrt{\frac{F_T}{\rho \pi r^2}} = \sqrt{\frac{100\pi}{800\pi (5 \times 10^{-5})^2}}$

$v = 5\sqrt{2} \times 10^3 m.s^{-1}$

المسألة التاسعة: إذا كانت سرعة انتشار الصوت في الهواء

$330m.s^{-1}$  فاحسب:

(1) احسب تواتر الصوت الأساسي الذي يصدره عمود

هوائي طوله  $2m$  إذا كان مغلقاً، ثم إذا كان مفتوحاً.

(2) احسب تواتر المدرج الثالث في كل حالة.

الحل: (1) العمود الهوائي مغلق: للصوت الأساسي  $(2n-1)\lambda = 4L$

$L = (2n-1)\frac{\lambda}{4} = 1 \times \frac{\lambda}{4} \Rightarrow \lambda = 4L = 4 \times 2 = 8m$

$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{330}{8} = 41.25 Hz$

العمود الهوائي مفتوح: للصوت الأساسي  $n\lambda = 2L$

$L = n\frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = 2L = 2 \times 2 = 4m$

$f = \frac{v}{\lambda} = \frac{330}{4} = 82.5 Hz$

(2) تواتر المدرج الثالث: العمود الهوائي مغلق:

$f = (2n-1)\frac{v}{4L} = 3 \times \frac{330}{4 \times 2} = 125.25 Hz$

تواتر المدرج الثالث: العمود الهوائي مفتوح:

$f = n\frac{v}{2L} = 3 \times \frac{330}{2 \times 2} = 247.5 Hz$

$$L' = (2n - 1) \frac{\lambda}{4} \quad (2)$$

$$L' = (2n - 1) \frac{v}{4f} = (2 \times 1 - 1) \frac{340}{4 \times 170} = 0.5 \text{ m}$$

التفكير الناقد:

استنتج قوة الشد  $F_T$  في وتر كمان كتلته  $m$  وطوله  $L$  عندما يهتز بالتواتر الأساسي الذي يساوي التواتر الأساسي لعمود هوائي مغلق طوله  $L$  وسرعة انتشار الصوت في الهواء  $v$ .

$$f = f' \Rightarrow (2n-1) \frac{v}{4L} = \frac{n}{2L} \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \quad \text{الحل:}$$

$$\Rightarrow v = 2 \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} \Rightarrow F_T = \frac{1}{4} \mu v^2$$

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

المسألة العاشرة: وتر آلة موسيقية، طوله  $1 \text{ m}$ ، وكتلته  $20 \text{ g}$ ، مثبت من طرفيه ومشدود بقوة  $2 \text{ N}$  والمطلوب:

- سرعة انتشار الاهتزاز على طول الوتر.
- تواتر الصوت الأساسي الذي يمكن أن يصدر عنه.
- التواترات الخاصة لمدرجاته الثلاثة الأولى.

$$v = \sqrt{\frac{F_T}{\mu}} = \sqrt{\frac{F_T}{\frac{m}{L}}} \quad \text{الحل: (1)}$$

$$v = \sqrt{\frac{F_T L}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 1}{20 \times 10^{-3}}} = 10 \text{ m.s}^{-1}$$

$$f_1 = n \frac{v}{2L} = 1 \times \frac{10}{2 \times 1} = 5 \text{ Hz} \quad (2)$$

(3) المدرج الثاني  $n = 2$ 

$$f_2 = 2 \frac{v}{2L} = 2 \frac{10}{2 \times 1} = 10 \text{ Hz}$$

المدرج الثالث  $n = 3$ 

$$f_3 = 3 \frac{v}{2L} = 3 \frac{10}{2 \times 1} = 15 \text{ Hz}$$

المدرج الرابع  $n = 4$ 

$$f_3 = 4 \frac{v}{2L} = 4 \frac{10}{2 \times 1} = 20 \text{ Hz}$$

المسألة الحادية عشرة: ميزمارٌ متشابه الطرفين طوله  $1 \text{ m}$  يصدر صوتاً تواتره  $170 \text{ Hz}$ ، يحوي هواءً في درجة حرارة معينة حيث سرعة انتشار الصوت  $340 \text{ m.s}^{-1}$  والمطلوب:

- احسب عدد أطوال الموجة التي يحويها الميزمار.
- احسب طول ميزمار آخر مختلف الطرفين يحوي الهواء يصدر صوتاً أساسياً موقفاً للصوت السابق في درجة الحرارة نفسها.

(الحل: 1)

$$\text{عدد أطوال الموجة} = \frac{L}{\lambda} = \frac{Lf}{v} = \frac{1 \times 170}{340} = 0.5$$



## الإلكترونيات والجسم الصلب النماذج الذرية والظيوف

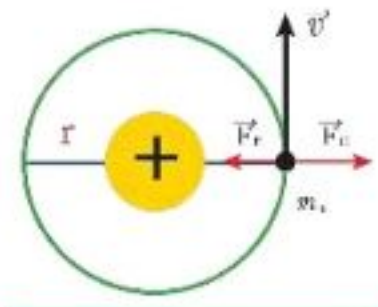
نكل عنصر كيميائي طيف كهطيسي يميزه عن غيره [مجموعة خطوط متسلسلة] ويسمى هذا الطيف "طيف انبعاث" نموذج بور: استخدم بور تكيم الضوء لشرح الظيوف الذرية، ووضع المبادئ الآتية:

- (1) إن تغير طاقة الذرة ممكن.
- (2) لا يمكن للذرة أن تتواجد إلا في حالات طاقة محددة، كل حالة منها تتميز بسوية طاقة محددة.
- (3) عندما ينتقل الإلكترون في ذرة متأثرة من سوية طاقة  $E_2$  إلى سوية طاقة  $E_1$  فإن الذرة تصدر فوتونا طاقته

تساوي فرق الطاقة بين السويتين، أي:

$$\Delta E = E_2 - E_1 = h \cdot f$$

التكيم في ذرة الهيدروجين:



في الشكل تمثيل لأبسط ذرة في الطبيعة وهي ذرة الهيدروجين، التي تتكون من إلكترون واحد يتحرك في الحقل الكهربائي لبروتون واحد، يخضع الإلكترون لتأثير قوتين باهمال قوة التجاذب الكلي بين البروتون والإلكترون لصغرهما، هما:

(1) القوة الكهربائية الناجمة عن جذب النواة (بروتون) له، تعطى شدتها بالعلاقة:

$$F_E = k \frac{e^2}{r^2} \dots \dots (1)$$

حيث:  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$  سماحية الخلاء الكهربائية و  $r$  نصف قطر المدار الذي يتحرك عليه الإلكترون.

(2) قوة العطالة النابذة ناجمة عن الدوران، تعطى شدتها

$$F_C = m_e \frac{v^2}{r} \dots \dots (2)$$

• حركة إلكترون ذرة الهيدروجين حول النواة هي حركة دائرية منتظمة، لأن القوة الكهربائية الناجمة عن جذب النواة له مساوية لقوة العطالة النابذة.

فرضيات بور: الفرضية الأولى:

حركة الإلكترون حول النواة دائرية منتظمة، أي:

$$F_E = F_C$$

$$k \frac{e^2}{r^2} = m_e \frac{v^2}{r}$$

$$v^2 = k \frac{e^2}{m_e r} \dots \dots (3)$$

الطاقة الميكانيكية (الكليّة) للإلكترون:

$$E = E_K + E_P \dots \dots (4)$$

حيث:  $E_P$  الطاقة الكامنة الكهربائية:  $E_P = -k \frac{e^2}{r}$

$E_K$  الطاقة الحركية:  $E_K = \frac{1}{2} m_e v^2 = \frac{1}{2} k \frac{e^2}{r}$

$$E = -\frac{1}{2} k \frac{e^2}{r} \dots \dots (5)$$

وهي علاقة الطاقة الميكانيكية للإلكترون ذرة الهيدروجين في مداره.

$$\text{أي: } r = n^2 r_0 \text{ مع: } r_0 = \frac{h^2}{4\pi^2 m_e k e^2}$$

وهو نصف قطر بور الذي نحصل عليه عندما  $n = 1$ .

بالعوض في علاقة الطاقة الكلية (5) نجد:

$$E_n = -\frac{2\pi^2 e^4 k^2 m_e}{n^2 h^2}$$

وطاقة الحالة الأساسية للهيدروجين ( $n = 1$ ):

$$E_0 = -\frac{2\pi^2 e^4 k^2 m_e}{h^2} = -13.6 \text{ eV}$$

$$E_n = \frac{E_0}{n^2} = \frac{-13.6}{n^2}$$

وبالتالي:

طاقة تايين ذرة الهيدروجين:

لكي **تأين** ذرة الهيدروجين يجب إعطاؤها طاقة

تكفي لنقل الإلكترون من السوية الأساسية إلى حالة

عدم الارتباط أي إلى طاقة معدومة، أي يلزم إعطاء طاقة

أكبر أو تساوي  $-13.6 \text{ eV}$ .

طاقة الإلكترون في مداره:

إن الطاقة الكلية للإلكترون في مداره في جملة

(الإلكترون - نواة) تتألف من قسمين:

(1) قسم سالب هو الطاقة الكامنة نتيجة تأثيره بالحقل الكهربائي

الناتج عن النواة.

(2) قسم موجب هو الطاقة الحركية الناتجة عن دورانه حول النواة

$$\text{أي أن: } E_n = E_k + E_p = -\frac{13.6}{n^2}$$

وهي طاقة سالبة لأنها طاقة ارتباط تشكل طاقة التجاذب

الكهرمائية الجزء الأكبر منها، والقيمة المطلقة لهذه الطاقة تناسب عكساً

مع مربع رتبة المدار  $n$  الذي يدور فيه الإلكترون، وتزداد طاقة

الإلكترون بازدياد رتبة المدار  $n$  أي مع ابتعاد الإلكترون

عن النواة.

الفرضية الثانية: اقترح بور أن هناك مدارات محددة ذات

أنصاف أقطار مختلفة يمكن للإلكترون ذرة الهيدروجين

أن يدور فيها حول النواة، وفيها يكون عزم كمية الحركة

لإلكترون من المضاعفات الصحيحة  $\frac{h}{2\pi}$  أي أن

العزم الحركي للإلكترون يعطى بالعلاقة:

$$m_e v r = n \frac{h}{2\pi} \dots \dots (6)$$

حيث  $h = 6.6 \times 10^{-34}$  ثابت بلانك

$n = 1, 2, 3, \dots$  رقم المدار.

الفرضية الثالثة: لا يصدر الإلكترون طاقة طالما بقي متحركاً

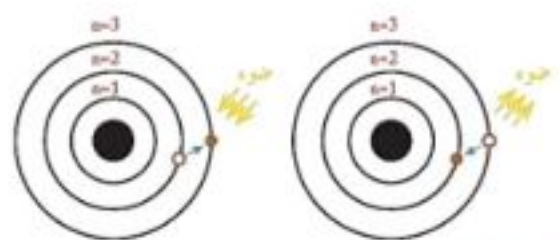
في أحد مداراته حول النواة، لكنه يمتص طاقة بكميات محددة

عندما ينتقل من مداره إلى مدار أبعد عن النواة، ويصدر

طاقة بكميات محددة عندما ينتقل من مداره إلى مدار أقرب

إلى النواة تحسب بالعلاقة:  $\Delta E = h \cdot f$

حيث:  $f$  تواتر الإشعاع،  $h$  ثابت بلانك.



سويات الطاقة في ذرة الهيدروجين:

من العلاقة (6) نجد:

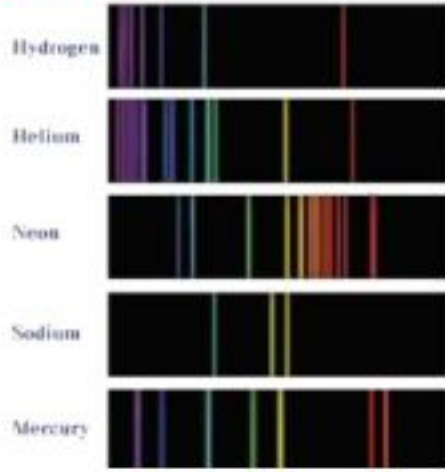
$$v^2 = \frac{n^2 h^2}{4\pi^2 m_e^2 r^2} \dots \dots (7)$$

بالعوض في علاقة الطاقة الحركية نجد:

$$\frac{1}{2} m_e \frac{n^2 h^2}{4\pi^2 m_e^2 r^2} = \frac{1}{2} k \frac{e^2}{r}$$

$$r_n = \frac{n^2 h^2}{4\pi^2 m_e k e^2}$$

نستنتج:



**أنواع الطيوف:** الطيوف نوعان:

(a) الطيوف المستمرة: هي الطيوف التي تظهر فيها جميع

ألوان الطيف على هيئة مناطق متجاورة من

دون وجود فواصل بينها وهذا ما نلاحظه عند تحلل ضوء

الشمس بالهواء المشبع بالرطوبة وتكون قوس قزح.

ومن الأمثلة على ذلك طيف مصباح الكهلاء ذو مقاومة

التفصيلين وطيوف إصدارات الأجسام الصلبة الساخنة.

(b) طيوف المنقطعة: يتكون طيف الإصدار من خطوط

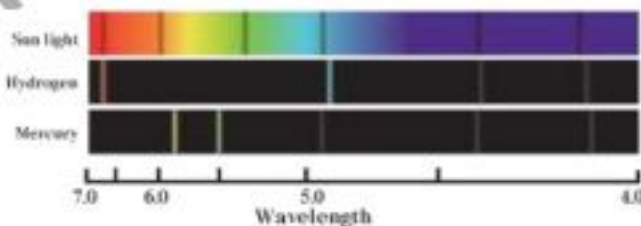
طيفية أو عصابات طيفية منفصلة كطيف مصباح بخار الزئبق وطيف

إصدار ذرات الهيدروجين. وبشكل عام تكون طيوف

المصابيح الغازية منقطعة.

في الشكل الآتي لدينا ثلاثة طيوف: الأول مستمر وهو طيف

الإصدار الشمسي، والآخران منقطعات.



• توجد مستويات طاقة متارة كثيرة في ذرة الهيدروجين يمكن للإلكترون أن يشغل أي مستوى من هذه المستويات.

• وإن انتقال الإلكترون من مستوى طاقة إلى مستوى طاقة أدنى يؤدي إلى إصدار طاقة (إشعاع)

تساوي فرق الطاقة بين المستويين، عند حصول انتقال مختلفة بين مستويات الطاقة سوف نحصل على

إصدارات بواترات مختلفة تعطى بالعلاقة:

$$\Delta E = E_2 - E_1 = h \cdot f$$

ويوضح الشكل التالي بعض الخطوط الطيفية لذرة الهيدروجين

في المجال المرئي وكل من هذه الخطوط يمثل انتقال

الإلكترون بين مستويين طاقيين في ذرة

الهيدروجين.



• يتكون طيف الهيدروجين المرئي بالانقراض الكهربائي

من عدد من الخطوط الطيفية وتغير الطيف المشكل

بتغير نوع الغاز داخل المصباح.

• عند تسخين قطعة الحديد يظهر أولاً اللون الأحمر وكلما

زادت درجة الحرارة ظهر اللون البرتقالي فالأصفر

وهكذا، حتى يصل الجسم المسخن إلى درجة

البياض فتظهر جميع ألوان الطيف.

• تلوّن لبب الصوديوم باللون الأصفر الذهبي، وعند

فحصه بالمطياف أشاهد وجود خطين أصفرين

مقارنين جداً.

وحيد أو مجموعة من الإشعاعات المتساوية، وتعدُّ تواترات هذه الإشعاعات، أو أطوالها الموجية **مُتَمَيِّزة للعنصر المعني** ويمكن استخدامها للتعرف عليه.

اختبر نفسي:

**أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكلِّ ممَّا يأتي:**

(1) عندما ينتقل الإلكترون من سوية طاقة أقرب للنواة إلى سوية طاقة أبعد عن النواة فإنه:

(a) يمتصُّ طاقة. (b) يُصدرُ طاقة.

(c) يحافظ على طاقته. (d) تنعدم طاقته.

**الإجابة الصحيحة: (a) يمتصُّ طاقة.**

(2) عندما ينتقل الإلكترون من سوية طاقة ما في الذرة إلى اللانهاية فإنه:

(a) يقترب من النواة. (b) يُصدرُ طاقة.

(c) يحافظ على طاقته. (d) يصبح ذو طاقة معدومة.

**الإجابة الصحيحة: (d) يصبح ذو طاقة معدومة.**

(3) بابتعاد الإلكترون عن النواة فإن طاقته:

(a) تنقص. (b) تزداد.

(c) لا تتغير. (d) تنقص ثم تنعدم.

**الإجابة الصحيحة: (b) تزداد.**

(4) تنشأ الطيف الذرية نتيجة انتقال:

(a) الإلكترون من سوية طاقة إلى سوية طاقة أخفض.

(b) الإلكترون من سوية طاقة إلى سوية طاقة أعلى.

(c) البروتون خارج الذرة.

(d) الإلكترون إلى النواة.

**الطيف الذرية:** الطيف الذري لعنصر هو سلسلة التواترات الضوئية الصادرة عن ذرات هذا العنصر، وأبسط أنواع الطيف الذرية هو طيف ذرة الهيدروجين.

يحتوي الطيف الخطي للهيدروجين على عدد من السلاسل هي:

(1) سلسلة ليمان (أكبر سلاسل الطيف طاقة):

نحصل عليها عند عودة إلكترون ذرة الهيدروجين من السويات العليا أي ( $n = 2, 3, 4, 5, 6 \dots$ ) إلى السوية الأولى.

(2) سلسلة بالمر: نحصل عليها عند عودة إلكترون ذرة

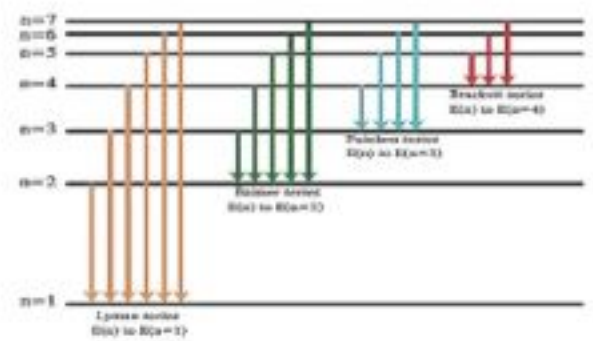
الهيدروجين من السويات العليا أي

( $n = 2, 3, 4, 5, 6 \dots$ ) إلى السوية المتارة الثانية.

(3) سلسلة باشن: نحصل عليها عند عودة إلكترون ذرة

الهيدروجين من السويات العليا أي

( $n = 4, 5, 6 \dots$ ) إلى السوية المتارة الثالثة.



**التحليل الطيفي:** يُعزى تشكُّل طيف العنصر إلى حركة

الإلكترونات الخارجية في الذرات التي تمتصُّ طاقة تتأثر بها

فترقى إلى سويات طاقة أعلى من التي كانت

تشغلها، إلا أنها لا تلبث أن تعود إلى السويات الطاقية الأساسية

التي كانت تشغلها، مُصدرةً فائض طاقتها على شكل إشعاع

$$F_E = F_C \quad (2)$$

$$F_E = ma_c = m \frac{v^2}{r}$$

$$v = \sqrt{\frac{F_E r}{m}} = \sqrt{\frac{81 \times 10^{-9} \times 0.53 \times 10^{-10}}{9.1 \times 10^{-31}}}$$

$$v = \sqrt{4.72 \times 10^{12}} = 2.17 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$$

وهي سرعة قريبة من سرعة الضوء في الخلاء فيجب

أن تؤخذ زيادة الكتلة للإلكترون بعين الاعتبار.

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi r} = \frac{v}{2\pi r} \quad (3)$$

$$f = \frac{2.17 \times 10^6}{2\pi \times 0.53 \times 10^{-10}} = 65.5 \times 10^{-6} \text{ Hz}$$

المسألة الثانية: احسب الطاقة المنحجرة وطول موجة الإشعاع الصادر

عندما يهبط إلكترون من السوية الثالثة ذات الطاقة

$-1.51 \text{ eV}$  إلى السوية الثانية ذات الطاقة  $-3.4 \text{ eV}$

ثابت بلانك  $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}$

$$\Delta E = E_3 - E_2 \quad \text{الحل:}$$

$$\Delta E = (-1.51) - (-3.4) = 1.89 \text{ eV}$$

$$\Delta E = 1.89 \times 1.6 \times 10^{-19} = 3 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$\Delta E = h \cdot f$$

$$f = \frac{\Delta E}{h} = \frac{3 \times 10^{-19}}{6.63 \times 10^{-34}} = 0.45 \times 10^{15} \text{ Hz}$$

المسألة الثالثة: تألف ذرة الهيدروجين من بروتون

والكترون، تعطى سويات الطاقة لذرة الهيدروجين

بالعلاقة:  $E_n = -\frac{13.6}{n^2} \text{ eV}$  حيث  $n$  هو عدد صحيح موجب.

في السوية ذات الطاقة الأخفض لدينا  $n = 1$ ، وفي سوية

الطاقة المتارة الأولى لدينا  $n = 2$  وعندما نسمى  $n$  إلى

اللانهاية نجد الحالة المتأينة التي نحسب فيها ذرة الهيدروجين

إلكترونها والمطلوب:

الإجابة الصحيحة: (a) الإلكترون من سوية طاقة

إلى سوية طاقة أخفض.

(5) تقدم طاقة للذرة على شكل إشعاع متواصل فتتأثر الذرة لأنها:

(a) تمتص كامل الطاقة المقدمة.

(b) لا تمتص أية طاقة.

(c) تمتص جزءاً من طاقة الإشعاع مطابقاً لفرق الطاقة بين

سويتين مختلفتين.

(d) تمتص جزءاً من طاقة الإشعاع.

الإجابة الصحيحة: (c) تمتص جزءاً من طاقة الإشعاع مطابقاً

لفرق الطاقة بين سويتين مختلفتين.

ثانياً: حل المسائل الآتية:

المسألة الأولى: بفرض أن نصف قطر الإلكترون على

مداره في ذرة الهيدروجين  $(r = 0.53 \times 10^{-10} \text{ m})$ ,

(وبإهمال قوى التجاذب الكلي بين البروتون و

الإلكترون) المطلوب:

(1) احسب قوة التجاذب الكهربائي بين البروتون

والإلكترون.

(2) احسب سرعة دوران الإلكترون الخطية على مداره

السابق، هل يجب أن نأخذ في الاعتبار تغير كتلة الإلكترون

وفق النظرية النسبية؟

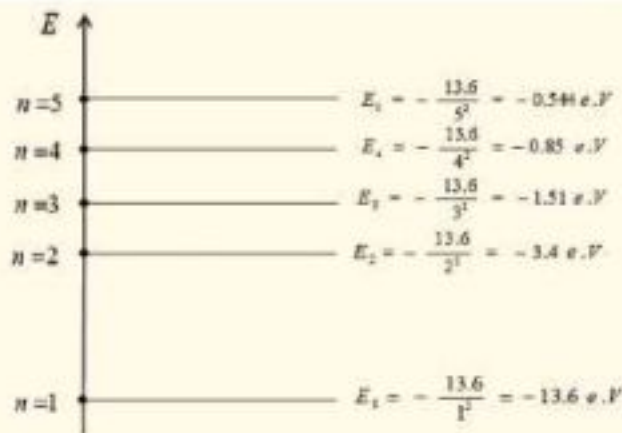
(3) احسب تواتر دوران الإلكترون.

$$e = -1.6 \times 10^{-19} \text{ C}, m_e = 9.1 \times 10^{-31} \text{ Kg}$$

$$F_E = k \frac{e^2}{r^2} \quad \text{الحل: (1)}$$

$$F_E = 9 \times 10^9 \left( \frac{1.6 \times 10^{-19}}{0.53 \times 10^{-10}} \right)^2 = 81 \times 10^{-9} \text{ N}$$

(3)



$$\Delta E = h \cdot f = 6.6 \times 10^{-34} \times 2.91 \times 10^{15} \quad (4)$$

$$\Delta E = 19.2 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 \Rightarrow E_2 = E_1 + \Delta E$$

$$E_2 = \left(-\frac{13.6}{1^2} \times 1.6 \times 10^{-19}\right) + 19.2 \times 10^{-19}$$

$$\Rightarrow E_2 = -2.56 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$E_2 = \left(-\frac{13.6}{n^2} \times 1.6 \times 10^{-19}\right) = -2.56 \times 10^{-19}$$

$$\Rightarrow n \approx 3$$

**العكس الناقد:** إننا جميعاً نشاهد الألوان الجميلة في

قوس قزح الذي يتكون من الألوان نفسها

التي يحويها الطيف المرئي للضوء الأبيض، كيف تفسر ذلك؟

**الجواب:** تعمل قطرات المطر عمل منشور فينكسر الضوء ويتحلل

إلى ألوان الطيف المرئي وتتميز كل لون بطول

موجة معين.

(1) احسب النسبة بين قوة الجذب الكلي بين

الالكترون والبروتون، وقوة الجذب الكهربائي بين

الالكترون والبروتون في ذرة الهيدروجين علماً

أن المسافة بين الإلكترون والبروتون هي:

$a = 5.9 \times 10^{-11} \text{ m}$ ، ماذا تستنتج؟ علماً أن:

$$k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2.\text{C}^{-2}, e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{Kg}^{-2}$$

$$m_e = 9.1 \times 10^{-31} \text{ Kg}, m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ Kg}$$

$$c = 3 \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$$

(2) ما قيمة الطاقة في السنوية الأساسية؟

(3) ارسم مخططاً لطاقة السنوات الخمس الأولى.

(4) تواجد الذرة في البداية في حالتها الأساسية، تمتص هذه

الذرة فوتون بتواتر  $2.91 \times 10^{15} \text{ Hz}$ ، احسب الرقم n

للسنوية التي تواجد فيها الذرة بعد الامتصاص.

$$F_1 = G \frac{m_e m_p}{a^2} \quad (\text{الحل: 1})$$

$$F_2 = K \frac{e^2}{a^2}$$

$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{G m_e m_p}{K e^2}$$

$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 9.1 \times 10^{-31} \times 1.67 \times 10^{-27}}{9 \times 10^9 \times (1.6 \times 10^{-19})^2}$$

$$\frac{F_1}{F_2} \approx \frac{1}{10^{39}} \Rightarrow F_2 = 10^{39} F_1$$

نستنتج أن:  $F_2 \gg F_1$  لهذا نهمل قوة الجذب الكلي أمام

قوة الجذب الكهربائي.

$$E_n = -\frac{13.6}{n^2} \quad (2)$$

$$E_n = -\frac{13.6}{1^2} = -13.6 \text{ e.V}$$

$$E_1 = -13.6 \times 1.6 \times 10^{-19} = -21.76 \times 10^{-19} \text{ J}$$

## انتزاع الالكترونات وتسريعها

توجد الالكترونات في الذرة في حالة حركة دائمة حول نواتها، ولكن لا يمكن تحديد موضع أو سرعة أي من هذه الالكترونات في لحظة ما بدقة، وإنما يمكن تحديد احتمال وجود الالكترون في لحظة ما في موضع معين.

طاقة انتزاع الالكترون من سطح معدن:

• يتحرك الالكترون المراد داخل المعدن بسرعة وسطية تعلق بدرجة حرارة المعدن، ويكون خاضعاً لقوى جذب كهربائية، مُحصلتها قريبة من الصفر لأنها تنبع عن الأيونات الموجبة المبعثرة حوله بعشوائية.

• أما من أجل الالكترون واقع على سطح المعدن يصبح لهذه القوى الجاذبة مُحصلة لا تساوي الصفر وجهتها دوماً نحو داخل المعدن، لأن الأيونات الموجبة بالنسبة لهذه الالكترونات أصبحت في الجهة الداخلية من المعدن.

• وعليه فإن انتزاع الالكترون من سطح معدن يحتاج إلى صرف طاقة، تسمى الطاقة الدنيا اللازمة لانتزاع الالكترون من سطح معدن بطاقة الانتزاع لهذا المعدن، يرمز لطاقة الانتزاع بالرمز  $W_S$ ، تعلق قيمة طاقة الانتزاع بالعدد الذري  $Z$  للمعدن وكافته وطبيعة الروابط.

• ونتيجة اختلاف هذه المتحولات من معدن لآخر، تختلف قيمة طاقة الانتزاع من معدن لآخر بحيث يمكن اعتبار قيمته خاصية مميزة للمعدن.

• لانتزاع الالكترون حر من سطح معدن ونقله مسافة

غيره  $dl$  خارج المعدن يجب تقديم طاقة أكبر من عمل

القوة الكهربائية التي تجذب الالكترون نحو داخل المعدن.

وبالتالي:  $W_S = F \cdot dl$  لكن  $F = e \cdot E$

نعوض فنجد:  $W_S = e \cdot E \cdot dl$  لكن  $E \cdot dl = U_S$

وبالتالي يكون:  $E_S = W_S = eU_S$

$E_S$ : طاقة الانتزاع.  $W_S$ : عمل الانتزاع.

$U_S$ : فرق كلف الانتزاع بين سطح المعدن والسطح الخارجي

$E$ : الحقل الكهربائي المتولد عن الأيونات الموجبة عند

سطح المعدن.

مناقشة: بفرض  $E$  الطاقة التي يمتصها الالكترون (الطاقة

المقنعة للالكترون) عندئذ نميز الحالات الآتية:

1)  $E < E_S$  لا ينتزع الالكترون ويبقى مُنجذباً نحو داخل

الكتلة المعدنية.

2)  $E = E_S$  ينحرف الالكترون من سطح المعدن

بسرعة ابتدائية معدومة.

3)  $E > E_S$  ينحرف الالكترون من سطح المعدن

ومعه سرعة ابتدائية تحسب من العلاقة:

$$E_K = E - E_S \Rightarrow \frac{1}{2} m_e v^2 = E - E_S$$

$$v = \sqrt{\frac{2(E - E_S)}{m_e}}$$

(1) الفعل الكهروضوئي: تقدم الطاقة اللازمة لانتزاع الإلكترون

من سطح المعدن على شكل طاقة ضوئية تواترها كافٍ

$$E = h \cdot f$$

(2) الفعل الكهحراري: تقدم الطاقة اللازمة لانتزاع الإلكترون

على شكل طاقة حرارية حيث يسخن المعدن فتكسب

بعض إلكتروناته السطحية قدراً كافياً من الطاقة تزيد من سرعتها

وحركتها وتنبعث خارج المعدن.

(3) مفعول الحث: يذف سطح المعدن بحزمة من الجسيمات

ذات الطاقة الكافية فتصطدم بعض جسيمات هذه الحزمة مع

الإلكترونات الحرة في السطح المعدني فتنتقل جزء من

طاقة الجسيم الصادم إلى الإلكترون، وعندما يكون هذا

الجزء المنقول أكبر أو يساوي طاقة الانتزاع يمكن للإلكترون

الحر الواقع عند سطح المعدن أن يتلع من هذا المعدن.

تمرين: يذف سطح معدن له طاقة انتزاع  $W_s = 2ev$

بحزمة من الإلكترونات فيؤدي ذلك إلى إصدار إلكترونات

من سطح المعدن بسرعة ابتدائية مقدارها

$$5.9 \times 10^5 m \cdot s^{-1}$$

السطحي قد امتص كامل طاقة الإلكترون الساقط. احسب

طاقة كل من إلكترون الحزمة الساقطة وسرعته علماً:

$$e = 1.6 \times 10^{-19} C, m_e = 9 \times 10^{-31} Kg$$

الحل: يجب أن تكون طاقة كل من هذه الإلكترونات

الساقطة مساوية للطاقة الحركية الابتدائية للإلكترون المقطع مضافاً

$$E_k = \frac{1}{2} m_e v^2 + W_s$$

$$W_d = 2ev = 2 \times 1.6 \times 10^{-19} = 3.2 \times 10^{-19} J$$

$$E_k = \frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-31} \times (5.9 \times 10^5)^2 + 3.2 \times 10^{-19}$$

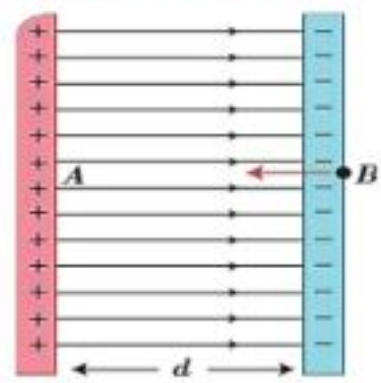
وهي طاقة الإلكترون الساقط:  $E_k = 4.8 \times 10^{-19} J$

$$E_k = \frac{1}{2} m_e v^2$$

$$v = \sqrt{\frac{2E_k}{m_e}} = \sqrt{\frac{2 \times 4.8 \times 10^{-19}}{9 \times 10^{-31}}}$$

$$v = 1.04 \times 10^6 m \cdot s^{-1}$$

تسريع الإلكترونات في منطقة حقل كهربائي منظم:



تسريع الإلكترون في حقل كهربائي منظم

فترض إلكترون، شحنته  $e$  وكتلته  $m_e$ ، ساكناً في نقطة من

منطقة سودها حقل كهربائي منظم بين لبوسين مكثفة

مساوية مشحونة، لبوساها شاقوليان.

تخضع الشحنة الكهربائية النقطية  $q$  عند وضعها في حقل

كهربائي ساكن  $\vec{E}$  القوة كهربائية  $\vec{F}$  تعطى بالعلاقة:

$$\vec{F} = q\vec{E} = m\vec{a}$$

لنستخرج العلاقة المعددة لسرعة خروج الإلكترون من نافذة

مقابلة في اللبوس الموجب؟

جملة المقارنة: خارجية

الجملة المدروسة: الإلكترون داخل منطقة الحقل الكهربائي:

القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{F}$  القوة الكهربائية حيث لها حامل  $\vec{E}$

وتعاكسه بالجهة وشدتها ثابتة  $F = eE$  (مثل الإلكترون مهمل)

$$F = e \frac{U}{d} \quad E = \frac{U}{d}$$

بحسب قانون نيوتن الثاني:  $F = m_e a$



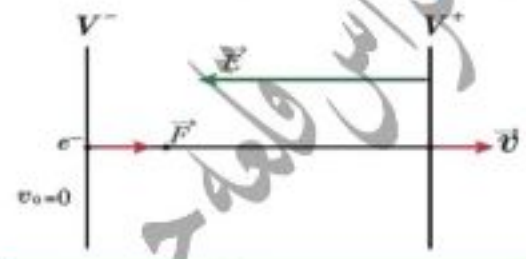
بمساواة العلاقتين السابقتين:

$$a = \frac{F}{m_e} = \frac{eU}{m_e d} = \text{const}$$

فالحركة مستقيمة مُتسارعة بانتظام نعوض في القانون:

$$v^2 - v_0^2 = 2ax$$

$$v^2 - 0 = 2 \frac{eU}{m_e d} d \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2eU}{m_e}}$$



نتائج: (1) يمكن زيادة سرعة خروج الإلكترون من

نافذة البوس الموجب بزيادة فرق الكمون بين البوسين.

(2) تصلح العلاقة السابقة من أجل السرعات الصغيرة

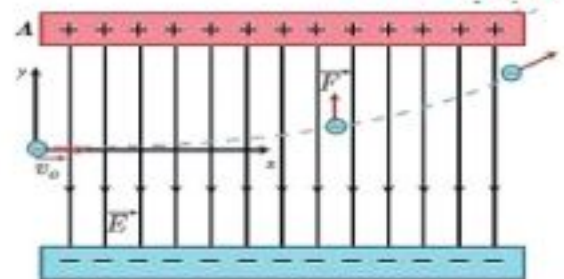
لإلكترون بالنسبة لسرعة الضوء لأن الكتلة ثابتة ولا تصلح

للسرعات الكبيرة القريبة من سرعة الضوء لأن كتلة

الإلكترون تزداد كما مر معنا في درس النسبية الخاصة.

تأثير حقل كهربائي منتظم على إلكترون يدخل منطقة

الحقل بسرعة  $\vec{v} \perp \vec{E}$ :



جملة المقارنة: خارجية.

الجملة المدروسة: الإلكترون داخل منطقة الحقل الكهربائي

المنتظم بإهمال ثقله.

القوى الخارجية المؤثرة:  $\vec{F} = e\vec{E}$  حيث القوة الكهربائية حيث

$\vec{F}$  لها حامل  $\vec{E}$  وتعاكسه بالجهة وشدتها ثابتة.

$$\sum \vec{F} = m_e \vec{a}$$

نطبق العلاقة الأساسية في التحريك الانسحابي:

$$\vec{F} = e\vec{E} = m_e \vec{a}$$

باعتبار مبدأ الفواصل: نقطة دخول الإلكترون منطقة الحقل

الكهربائي المنتظم.

مبدأ الزمن: لحظة دخول الإلكترون منطقة الحقل

الكهربائي المنتظم.

بالإسقاط على محورين متعامدين  $x$  و  $y$  أفقياً و  $y$  شاقولياً موجهة نحو الأعلى:

$$F_x = 0 \Rightarrow a_x = 0 \Rightarrow v_x = \text{const}$$

إن حركة الإسقاط على  $x$  هي:

$$x = v_x t + x_0$$

لكي  $x_0 = 0$

$$\vec{oy} \begin{cases} x = vt \dots \dots (1) \\ v_{oy} = 0 \\ F_y = F \Rightarrow m_e a_y = e \frac{U}{d} \\ \Rightarrow a_y = \frac{eU}{m_e d} = \text{const} \end{cases}$$

حركة الإسقاط على  $y$  هي:

حركة مستقيمة مُتسارعة بانتظام.

$$y = \frac{1}{2} a_y t^2 + v_{oy} t + y_0$$

$$y_0 = 0 \Rightarrow y = \frac{eU}{2m_e d} t^2 \dots \dots (2)$$

استنتاج معادلة حامل المسار: من (1)  $t = \frac{x}{v}$ :

$$y = \frac{eU}{2m_e d v^2} x^2 \quad (2)$$

المسار محمول على جزء من قطع مكافئ.

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة في كل ما يأتي:

(1) يمتص الإلكترون طاقة عندما:

(a) ينتقل من مدار إلى آخر ضمن نفس السوية.

(b) يهبط إلى سوية أقرب إلى النواة.

(c) يقفز من سوية أدنى إلى سوية أعلى.

(d) عندما يسقط على النواة.

الإجابة الصحيحة: (c) يقفز من سوية أدنى إلى سوية

أعلى.

(2) يتحرر الإلكترون من سطح معدن بشكل مؤكد عند:

(a) حصوله على طاقة أكبر أو تساوي طاقة الانتزاع لهذا

المعدن.

(b) رفع درجة حرارة المعدن إلى درجة أعلى أو

تساوي تلك المكافئة لطاقة الانتزاع لهذا المعدن.

(c) حصوله على طاقة أكبر أو تساوي طاقة الانتزاع بشكل

متزامن مع كون جهة حركته نحو الخارج.

(d) تحقق C بالإضافة لعدم اصطدامه بأي جسيم أثناء خروجه

من السطح.

الإجابة الصحيحة: (d) تحقق C بالإضافة لعدم اصطدامه بأي

جسيم أثناء خروجه من السطح.

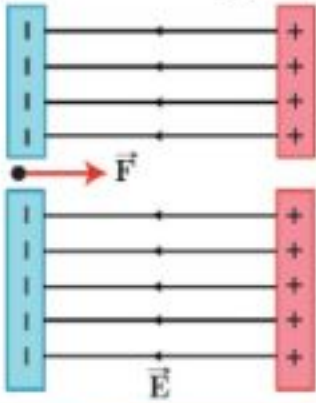
ثانياً: حل المسألتين الآتيتين:

المسألة الأولى: يتطلق إلكترون بسرعة ابتدائية معدومة

من فتحة في اللبوس السالب المكثفة ليخرج من الفتحة

المقابلة في اللبوس الموجب كما في الشكل فإذا علمت أن

فوق الكون بين لبوسى المكثفة هو  $v \times 10^3$  والمسافة بينهما  $1 \text{ cm}$  والمطلوب: استنتج سرعة وتساوع هذا الإلكترون لحظة خروجه من المكثفة.



$$e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}, m_e = 9.1 \times 10^{-31} \text{ Kg}$$

الحل: نطبق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين الأول: نافذة

اللبوس السالب والثاني: نافذة اللبوس الموجب.

$$\Delta E = \sum W_{\vec{F}}$$

$$E_{k_2} - E_{k_1} = W_{\vec{F}}$$

$$\frac{1}{2} m_e v^2 - 0 = eU$$

$$\frac{1}{2} \times 9.1 \times 10^{-31} \times v^2 = 1.6 \times 10^{-19} \times 10^3$$

$$v = \sqrt{0.35 \times 10^{15}} = \sqrt{3.5 \times 10^{14}} \text{ m.s}^{-1}$$

$$v^2 - v_0^2 = 2ad$$

$$3.5 \times 10^{14} - 0 = 2a \times 10^{-2} \Rightarrow$$

$$a = 1.75 \times 10^{16} \text{ m.s}^{-2}$$

المسألة الثانية: يدخل إلكترون بسرعة ابتدائية  $3 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$

إلى منطقة يسودها حقل كهربائي منظم بشكل تعامد فيه

سرعة هذا الإلكترون مع خطوط الحقل فإذا علمت أن شدة

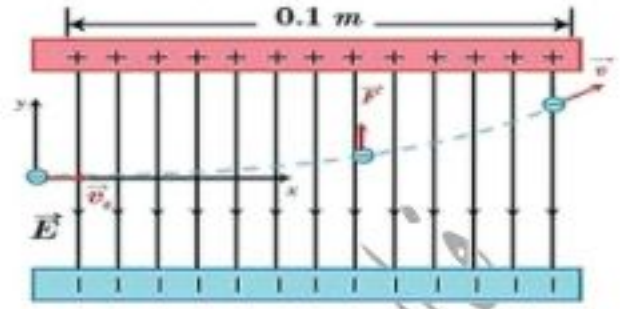
هذا الحقل هي  $200 \text{ V.m}^{-1}$  وطول كل لبوسى

المكثفة المستوية الموندة لهذا الحقل هو  $0.1 \text{ m}$  والمطلوب:

(1) احسب تسارع الإلكترون أثناء تواجده ضمن المنطقة

التي يسودها الحقل الكهربائي.

(2) احسب الزمن الذي يستغرقه الإلكترون للخروج من المنطقة التي يسودها الحقل الكهربائي.



(الحل: 1) يخضع الإلكترون لتأثير قوة كهربائية  $\vec{F}$  لها حامل  $\vec{E}$  وتعاكسه بالجهة.  $\sum \vec{F} = m\vec{a}$

• الحركة على المحور  $\vec{Ox}$ :  $F_x = ma_x = 0$

الحركة مستقيمة منتظمة  $\Rightarrow a_x = 0$

$$x = v_0 t$$

• الحركة على المحور  $\vec{Oy}$ :  $F = F_y = ma_y$

$$eE = m_e a_y$$

الحركة مستقيمة متسارعة بانتظام  $\Rightarrow a_y = \frac{eE}{m_e} = \text{const}$

$$a = a_y = \frac{eE}{m} = \frac{1.6 \times 10^{-19} \times 200}{9 \times 10^{-31}}$$

$$a = 3.51 \times 10^{13} \text{ m.s}^{-2}$$

(2) من (1) نجد:

$$t = \frac{x}{v_0} = \frac{0.1}{3 \times 10^6} = 3.33 \times 10^{-8} \text{ s}$$

حل التفكير الناقد: أي شحنة تتحرك بسرعة غير ثابتة،

من حيث القيمة أو الاتجاه، تصدر طاقة كهرومغناطيسية، فهل

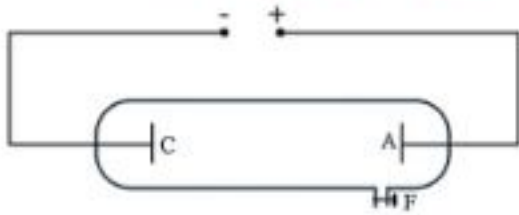
ينطبق ذلك على الإلكترونات في الذرة؟

الجواب: لا ينطبق ذلك على الالكترونات في الذرة، فوفق

نموذج بور لا يصدر الالكترونات طاقة طالما بقي متحركا

في مداره.

## انبوب التفريغ الكهربائي في الغازات:



هو عبارة عن أنبوب زجاجي ممتين ومغلق تماماً بطول **50cm** وقطر **4 cm** مملوء بالغاز المطلوب دراسته.

يثبت في الطرفين قطبين كهربائيين أحدهما المهبط والثاني المصعد وفي أحد الجانبين توجد فتحة توصل إلى محمية ضغط يمكن بواسطتها التحكم بضغط الغاز داخل الأنبوب. يتم توصيل القطبين إلى دائرة تيار **AC** عالي التردد من رتبة **50Kv**.

من خلال التجربة وجد أن:

(1) إن مظهر الانفراغ الكهربائي يتغير بتغير ضغط الغاز داخل الأنبوب.  
(2) من أجل الضغط حوالي **110 mm Hg** لا نلاحظ انقراضاً في الأنبوب.

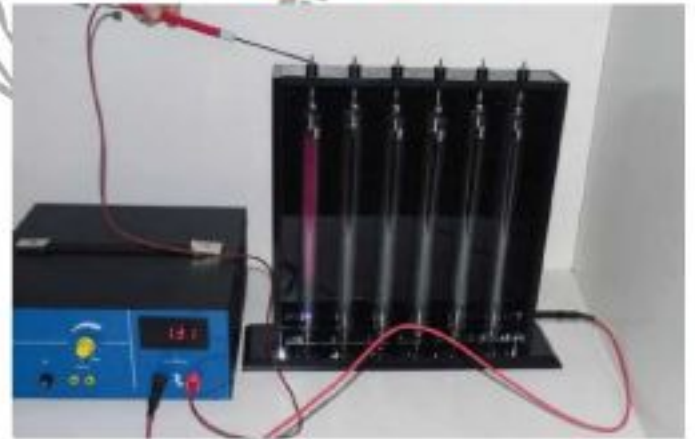
(3) عندما يصبح الضغط داخل الأنبوب حوالي **100 mm Hg** نسمع طقطقات تدل على حدوث تفريغ كهربائي في الأنبوب.  
(4) عند الضغط **10mmHg** نحتمي الطقطقات، ونلاحظ عموداً ضوئياً متجانساً يمتد من المهبط إلى المصعد.

(5) بمتابعة تخفيض الضغط داخل الأنبوب إلى قيمة قريبة من **0.01 mm Hg** يخفئ الضوء كلياً ويحل محله ظلام حالك داخل الأنبوب، عند هذه المرحلة تتألق جدران الأنبوب بلون أخضر، وهذا ناتج عن أشعة غير مرئية صادرة عن المهبط ولذلك سميت بالأشعة المهبطية.

## الأشعة المهبطية

الانفراغ الكهربائي: هو شرارة كهربائية تحدث عبر العازل (هواء، غازات) الفاصل بين جسمين مشحونين بفرق جهود كبير.

لا تنقل الغازات التيار الكهربائي ما لم يتم تأينها، فعند تطبيق حقل كهربائي خارجي على الغاز المتأين تتحرك الجسيمات المشحونة باتجاهين متعاكسين، إذ تتحرك الإلكترونات والأيونات السالبة باتجاه معاكس للحقل المطبق، وتتحرك الأيونات الموجبة باتجاه الحقل فتحدث الناقلية ضمن الغاز والتيار المتولد في الغازات يدعى تيار الانفراغ الكهربائي.



نتائج:

- لا يظهر الضوء في أنابيب الانفراغ عند تطبيق توتر بقيمة أقل من **500V**.
- تظهر في أنابيب الانفراغ أضواءً بألوان مختلفة عند تطبيق توتر **500V** مع سماع صوت طقطقة، فإذا كان الغاز هو النيون يكون اللون أحمر بورتالياً، وإذا كان الغاز هو بخار الزئبق يكون اللون أزرق مخضر.
- تزداد شدة الحزمة الضوئية في الأنابيب، ولا يتغير لونها بزيادة التوتر عن القيمة **500V**.

شرطا توليد الأشعة المهبطية:

(1) فراغ كبير في الأنبوب بتراوح الضغط فيه بين  
(0.01 - 0.001 mm Hg).

(2) توتر كبير نسبياً بين قطبي الأنبوب حيث يولد حقلاً كهربائياً شديداً بجوار المهبط.

آلية توليد الأشعة وطبيعتها:

• يحتوي الأنبوب الأشعة المهبطية على كتلة غازية تتكوّن من ذرات غازية وأيونات موجبة.

• وعند تطبيق توتر كهربائي كبير بين قطبي الأنبوب تتجه هذه الأيونات الموجبة نحو المهبط بسرعة كبيرة وتكون ما تلاقيه في طريقها من ذرات غازية حتى تصل إلى المهبط وتصدمه.

• يساعد هذا الصدم على التزاع بعض من الإلكترونات الحرة

من سطح معدن المهبط الذي يقوم بدفعها لتبتعد عنه نظراً لشحنتها السالبة وسرعتها الحقل الكهربائي لتصدم

من جديد، في أثناء توجيهها نحو المصعد، ذرات غازية جديدة وتُسبب تأينها، وتشكل أيونات موجبة جديدة تتجه نحو

المهبط لتولد إلكترونات جديدة وهكذا.

• تتكوّن الأشعة المهبطية من إلكترونات مُنزعّة من مادة

المهبط ومن إلكترونات تأين الذرات الغازية بجوار المهبط بسرعتها الحقل الكهربائي الشديد الناتج عن التوتر المطبق

بين قطبي الأنبوب.

خواص الأشعة المهبطية:

(1) تنتشر وفق خطوط مستقيمة داخلية على سطح المهبط: لذا يختلف شكل حزمة الأشعة بحسب شكل المهبط.

فإذا كان المهبط مستوياً فالحزمة مُوازية وإذا كان مُقعراً فالحزمة مُقاربة وإذا كان مُحدّباً فالحزمة مُباعدة.

(2) تسبب تألق بعض الاجسام: تهبّج الأشعة المهبطية ذرات بعض المواد

التي تسقط عليها فتألق بألوان مُعيّنة. فالزجاج العادي يتألق بالأخضر، وكبريتات الكالسيوم بالأصفر البرتقالي ويُستفاد

من هذه الخاصية في الكشف عن الأشعة المهبطية.

(3) ضعيفة النفوذ: لا تنفذ من خلال صفيحة من المعدن

وتكوّن ظل على الزجاج المتألق خلفها.



(4) تحمل طاقة حركية: سرعة الأشعة المهبطية تقترب من سرعة

انتشار الضوء في الخلاء إذا تزاوح سرعتها بين

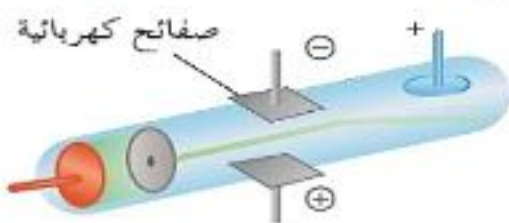
$2 \rightarrow 6 \times 10^7 \text{ m.s}^{-1}$  لذلك يمكنها أن تدير دولاباً

خفيفاً، وهذه الطاقة الحركية يمكن أن تتحول إلى أشكال

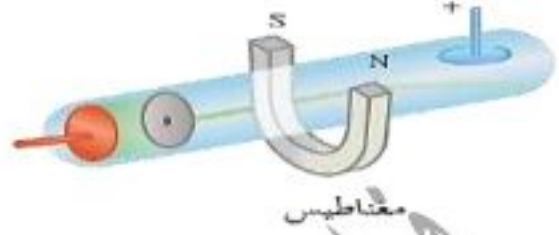
أخرى مثل طاقة كيميائية، حرارية، إشعاعية.

(5) تتأثر بالحقل الكهربائي: تنحرف نحو اللبوس الموجب لمكثفة

مشحونة تماماً يدل على أنها مشحونة بشحنة سالبة.



(6) تتأثر بالحقل المغناطيسي: تنحرف بتأثير قوة لورنز المغناطيسية عمودياً على خطوط الحقل المغناطيسي الذي يؤثر عليها.



مغناطيس

(7) تنبع أشعة سينية: إذا صدمت صفيحة مصنوعة من معدن ثقيل.

(8) تأين الغازات: عندما تنتشر الأشعة المهبطية في غاز ما فإنها تقوم بتأيينه؛ أي تنزع إلكترونات من الذرة الغازية وتحول إلى أيون مما يؤدي إلى توهج الغاز.

(9) تعمل عمل الأشعة الضوئية في تأثيرها بالأواح التصوير الضوئي الحساسة للضوء.

اختبر نفسي:

أولاً: علل ما يأتي:

- 1) الأشعة المهبطية تتأثر بالمجالات الكهربائية والمغناطيسية لأنها تمتلك شحنة كهربائية.
- 2) إذا سقطت الأشعة المهبطية على دوائر خفيف تسطيع تدويره لأنها تمتلك طاقة حركية.

ثانياً: حل المسائل التالية:

المسألة الأولى: احسب السرعة التي يغادرها الإلكترون المهبط المعدني إذا كانت طاقته الحركية تساوي  $18 \times 10^{-19} J$  لحظة خروجه من المهبط .  
 $e = 1.6 \times 10^{19} C$  ,  $m_e = 9 \times 10^{-31} Kg$

الحل:

$$E_k = \frac{1}{2} m_e v^2$$

$$v = \sqrt{\frac{2E_k}{m_e}} = \sqrt{\frac{2 \times 18 \times 10^{-19}}{9 \times 10^{-31}}}$$

$$v = 2 \times 10^6 m. s^{-1}$$

حل التفكير الناقد: نصح جميعاً ألا نلمس جهاز التلفاز من الخلف، ونحذر من رفع أية أداة ناقلة للتيار باتجاه الأعلى

حيث تمر خطوط التوتر الكهربائي، وعند تديد خطوط التوتر العالي نلاحظ اتساع المسافات الفاصلة بينها علل ذلك.

الجواب: في انبوبة التفريغ في التلفاز يطبق توتر عالي، وبشكل خطر كبير على الإنسان كذلك الأمر بالنسبة لخطوط التوتر العالي.

انتهى البحث

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

## الفعل الكهر حراري

الفعل الكهر حراري: هو انتزاع إلكترونات حرارة من سطح

معدن بتسخينه إلى درجة حرارة مناسبة.

عند تسخين معدن إلى درجة حرارة معينة تكسب

بعض الإلكترونات الحرارة السطح المعدني قدرًا من الطاقة

تزيد من سرعتها وحركتها العشوائية.

وباستمرار التسخين تكسب بعض الإلكترونات الحرارة طاقة

كافية لتتطلق من ذرات السطح المعدني ويكسب سطح

المعدن شحنة موجبة.

باستمرار التسخين يزداد خروج الإلكترونات من ذرات

سطح المعدن (الذرات) ويزداد شحنة المعدن

ثما يزداد من قوة جذب المعدن للإلكترونات المنطلقة

وفي لحظة ما يتساوى عدد الإلكترونات المنطلقة مع عدد

الإلكترونات العائدة لسطح المعدن، فتشكل سحابة

إلكترونية، كآفتها ثابتة حول سطح المعدن.

تسمى هذه الظاهرة الفعل الكهر حراري والتي اكتشفها

توماس أديسون خلال تجاربه حيث لاحظ تحول الهواء

المحيط بسلك المعدن المتوهج إلى وسط ناقل.

وعند تطبيق حقل كهربي، فإن الإلكترونات الخارجة

من سطح المعدن تتحرك في الحقل نحو المصدر

ويساعد هذا على إصدار إلكترونات جديدة وتسرّع

الإلكترونات مكونة حزمة إلكترونية.

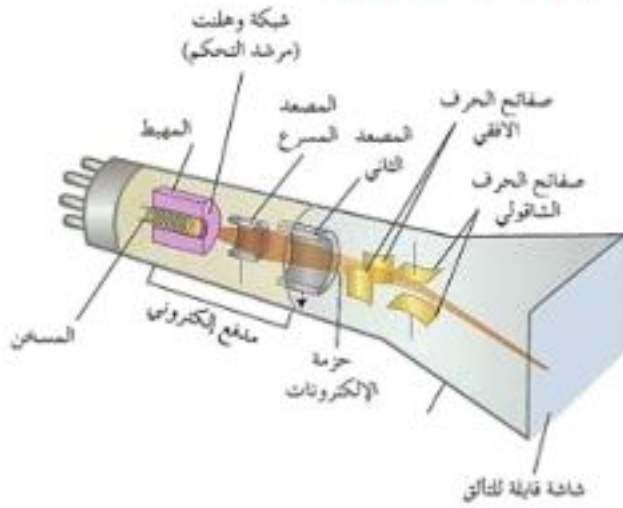
• يزداد عدد الإلكترونات المنزعة في الثانية الواحدة من سطح

المعدن كلما:

(1) قل الضغط المحيط بسطحه.

(2) ارتفعت درجة حرارة المعدن.

رسم الاهتزاز الإلكتروني:



أجزائه الرئيسية: المدفع الإلكتروني - الجملة الحارفة - الشاشة المتأينة.

يتألف رأس الاهتزاز الإلكتروني من أنبوب زجاجي

متين يجعل الضغط، أسطوانتي ضيق في بدايته،

ومخروطي متسع في نهايته ومُخلّي من الهواء.

ويحتوي على الأقسام الثلاثة الآتية:

(1) المدفع الإلكتروني: يتألف من الأجزاء الآتية:

(a) المهبط: صفيحة معدنية يطبق عليها توتر سالب، يصدر إلكترونات بالفعل

الكهر حراري عن طريق تسخينه تسخينًا غير مباشرًا وساحة سلك

تسخين من التسخين حيث يمرر فيه تيار متواصل.

(b) شبكة وهنت: وهي أسطوانة تحيط بالمهبط في قاعدتها

تُب ضيق، وتوصل بتوتر سالب قابل للتغير، ولها دور مزدوج لضبط

الحزمة الإلكترونية:

استخدامات راسم الاهتزاز: يُمكن للجهاز قياس فرق الكهولن المستير أو المتناوب حيث يُظهر على الشاشة المقسمة إلى تدريجات مناسبة تغيرات التوتر بتغير الزمن على شكل منحني بياني له تواتر الحركة المدروسة نفسه ويمكن التحكم بقيمة كل تدريجة بواسطة مفاتيح خاص.



اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

(1) الفعل الكهروحراري هو ارتفاع:

(a) النيوترونات من سطح المعدن بتسخينه.

(b) الإلكترونات الحرة من سطح المعدن بتسخينه لدرجة حرارة مناسبة.

(c) البروتونات من سطح المعدن بتسخينه.

(d) الفوتونات عند اصطدام الإلكترونات بسطح مادة مفلورة.

الإجابة الصحيحة: (b)

(2) يتم التحكم بشدة إضاءة شاشة راسم الاهتزاز بواسطة التحكم:

(a) بتوتر الجملة الحارفة.

(b) بدرجة حرارة المهبط.

(c) بالتوتر المطبق على المصعد.

(d) بالتوتر السالب المطبق على الشبكة.

الإجابة الصحيحة: (d)

- جميع الإلكترونات الصادرة عن المهبط في نقطة تقع على محور الأنبوب.

- التحكم بعدد الإلكترونات النافذة من قبتها من خلال تغيير التوتر السالب المطبق على الشبكة مما يغير من شدة إضاءة الشاشة.

(c) مصعدان: لتسريع الحزمة الإلكترونية على مرحلتين:

- بين الشبكة والمصعد الأول بتطبيق توتر عال موجب قابل للتغير.

- بين المصعدين بتطبيق توتر عال موجب ثابت.

(2) الجملة الحارفة: تتألف من:

- مكثفة، لبوساها أفقيتان حقلها الكهربائي شاقولي تحرف الحزمة الإلكترونية شاقولياً.

- مكثفة لبوساها شاقوليات حقلها الكهربائي أفقي.

تحرف الحزمة الإلكترونية أفقياً. (يمكن استخدام وشاح بدلاً من الصفائح)

(3) الشاشة المتألقة: تتألف من:

- طبقة سميكة من الزجاج.

- طبقة رقيقة باقلة من الغرافيت.

- طبقة رقيقة من مادة متألقة (كبريت الزنك).

• تغطي الشاشة من الداخل بورق من الألمنيوم لا يتجاوز

ثخنها بضعة ميكرونات وتسمح الورقة للإلكترونات المسرعة

بالعبور فتصطدم بالمادة القابلة للتألق وينعكس التألق على

ورق الألمنيوم الذي تعكسه بدورها خارج الأنبوب.

• يطل الأنبوب الزجاجي من الداخل بطبقة من

الغرافيت تعمل دور الواقعي للحزمة الإلكترونية من الحقل

الخارجية كما أنها تعيد الإلكترونات التي سببت التألق إلى

المصعد وتغلق الدارة.



## بحث الالكترنيات والجسم الصلب

(3) مهمة شبكة وهنت هي:

(a) ضبط الحزمة الإلكترونية.

(b) تسخين السلك (الفيل).

(c) اصدار الإلكترونات.

(d) حرف الحزمة الإلكترونية.

الإجابة الصحيحة: (a)

(4) تُعَلَى شاشة راسم الاهتزاز الإلكتروني طبقة من الغرافيت:

(a) لحماية الشاشة من الحقول الخارجية.

(b) لالتقاط الفوتونات.

(c) لامتصاص النيوترونات.

(d) لإصدار البروتونات الزائدة.

الإجابة الصحيحة: (a)

ثانياً: اشرح الدور المزدوج لشبكة وهنت في جهاز راسم الاهتزاز الإلكتروني.

(1) تجميع الإلكترونات الحرة الصادرة عن المهبط في نقطة تقع على محور الأنبوب.

(2) من خلال تغيير التوتر السالب المطبق على الشبكة بتغير

عدد الإلكترونات النافذة من ثقب الشبكة مما يغير من شدة إضاءة الشاشة.

ثالثاً: حل المسألة الآتية:

تبلغ الطاقة الحركية لحزمة من الإلكترونات المُنزعة  $9.6 \times 10^{-16} \text{ J}$  وشدتها  $10 \mu\text{A}$  والمطلوب:

(1) احسب سرعة الإلكترونات في هذه الحزمة.

إعداد المدرس: فراس قلعه جي

(2) احسب عدد الإلكترونات التي تصل الصفحة المعدنية في الثانية الواحدة.

(3) احسب كمية الحرارة المنتشرة خلال  $30 \text{ s}$  ثانية عند اصطدام هذه الحزمة بصفحة معدنية وتحوّل طاقتها الحركية بالكامل إلى طاقة حرارية.

$$E_k = \frac{1}{2} m_e v^2 \quad \text{(الحل: 1)}$$

$$9.6 \times 10^{-16} = \frac{1}{2} \times 9 \times 10^{-31} v^2$$

$$v = \sqrt{21.3 \times 10^{15}} = 14.6 \times 10^7 \text{ m.s}^{-1}$$

$$I = \frac{q}{t} = \frac{Ne}{t} \Rightarrow N = \frac{I.t}{e} \quad \text{(2)}$$

$$N = 1875 \times 10^{12} \text{ إلكترون}$$

(3) الطاقة الحرارية = عدد الإلكترونات  $\times$  الطاقة الحركية للإلكترون الواحد

$$Q = N \cdot E_k$$

$$Q = 1875 \times 10^{12} \times 9.6 \times 10^{-16}$$

$$Q = 18 \times 10^{-2} \text{ J}$$

حل التفكير الناقد: ينصح بعدم تقرب المغناط من شاشة التلفزيون أثناء تشغيلها.

الجواب: لأن الحزم الإلكترونية الصادرة عن المدفع

الإلكتروني تتأثر بالحقل المغناطيسي فتحرف عن مسارها فتشوه الصورة.

انتهى البحث

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

## نظرية الكم والفعل الكهرضوئي

تقوم نظرية الكم على الأسس الآتية:

(1) **فرضية بلانك**: افترض بلانك أن الضوء والمادة يمكنهما تبادل الطاقة من خلال **كميات منفصلة** من الطاقة تعطى طاقتها بالعلاقة:

$$E = h \cdot f = \frac{hc}{\lambda}$$

(2) **فرضية أينشتاين**: افترض أينشتاين أن الحزمة الضوئية مكونة من **فوتونات** (كمات الطاقة) يحمل كل منها طاقة تساوي  $E = h \cdot f$  ويحصل تبادل للطاقة مع المادة من خلال امتصاص أو إصدار فوتونات.

وتمتع الفوتون بالخواص الآتية:

- (1) الفوتون هو جسيم يواكبه **موجة كهرومغناطيسية** ذات التواتر  $f$ .
- (2) شحنته الكهربائية **معدومة**.
- (3) يتحرك بسرعة انتشار الضوء.
- (4) طاقته تساوي  $E = h \cdot f$  حيث:

$$h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$$

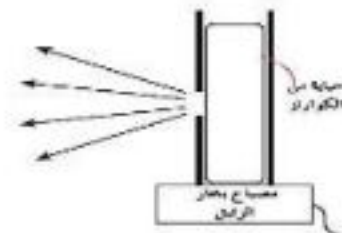
(5) يمتلك كمية حركة  $P = m \cdot c$  لكن  $E = m \cdot c^2$

$$\text{ومنه: } m = \frac{E}{c^2} \text{ بالتالي:}$$

$$P = \frac{E}{c^2} c = \frac{E}{c} = \frac{hf}{\lambda f} \Rightarrow p = \frac{h}{\lambda}$$

**الفعل الكهرضوئي**: هو انتزاع الإلكترونات الحرة من المادة عند تعرضها لإشعاعات كهرومغناطيسية مناسبة.

**تجربة هرتز**: وصف التجربة:



ثبتت صفيحة من التوتياء فوق كاشف كهربائي ونعرض الصفيحة للأشعة الصادرة عن مصباح بخار الزئبق.

(1) نقوم بشحن الصفيحة بشحنة سالبة: فنفرج ورقنا الكاشف دالة على شحن الصفيحة.

(2) نسلط ضوء المصباح على صفيحة التوتياء: نرغ بعض

الإلكترونات من صفيحة التوتياء **بالفعل الكهرضوئي**، وتدفعهم شحنة الصفيحة السالبة فتبتعد الإلكترونات عن الصفيحة مما يؤدي إلى **فقدانها** تدريجياً لشحنتها السالبة حتى تعادل، فتقارب ورقنا الكاشف حتى تنطبقا.

(3) نعيد التجربة السابقة بعد أن نضع بين المصباح وصفيحة

التوتياء لوحاً زجاجياً: لا يتغير انقراج ورقتي الكاشف

الكهربائي لأن اللوح الزجاجي **يمتص** الأشعة فوق البنفسجية المسؤولة عن انتزاع الإلكترونات، ويمنعها من

الوصول إلى الصفيحة بينما **يسمح** بمرور الأشعة المرئية والأشعة تحت الحمراء التي **لا تمتلك** الطاقة الكافية لانتزاع الإلكترونات.

(4) نشحن الصفيحة بشحنة موجبة، ثم نعرضها لضوء مصباح

الزئبق: إن الإلكترونات التي **يجري** نزوحها **يعاد جذبها**

إلى الصفيحة بسبب شحنتها الموجبة، فنجد أن ورقتي الكاشف لا يتغير انقراجها.

**شرح الفعل الكهرضوئي بالاستناد إلى فرضية أينشتاين:**

الفعل الكهرضوئي غير محقق

الفعل الكهرضوئي محقق

$E < W_0$	$W_0$	$E > W_0$	→ E
$f < f_0$	$f_0$	$f > f_0$	
$\lambda > \lambda_0$		$\lambda < \lambda_0$	
	$f_0$		
			← f

أطوال الموجات والتواترات وطاقات الانتزاع التي يتحقق عندها الفعل الكهرضوئي

من تواتر العتبة  $f_s$  الذي تتعلق قيمته بطبيعة المعدن، أما النظرية الموجية فتعتبر أن الفعل الكهرضوئي يحدث عند جميع التواترات بحسب شدة الضوء الوارد.

(2) لا تزداد الطاقة الحركية العظمى للإلكترون المنسرع  $E_k$

بزيادة شدة الضوء لأن الإلكترون لا يمتص سوى

فوتون واحد من الفوتونات الواردة، بينما اعتبرت النظرية

الموجية أن الضوء ذا الشدة العالية يحمل طاقة أكبر للمعدن

وبالتالي تزداد الطاقة الحركية للإلكترون المنسرع بزيادة شدة

الضوء الوارد.

(3) تزداد الطاقة الحركية العظمى للإلكترون المنسرع بزيادة تواتر

الضوء الوارد، بينما اعتبرت النظرية الموجية أنه لا علاقة بين طاقة

الإلكترون وتواتر الضوء الوارد.

(4) يحدث انزعج للإلكترونات من سطح المعدن آتياً مهما

كانت قيمة شدة الضوء الوارد وبحسب النظرية الموجية يحتاج

الإلكترون لزمن امتصاص الفوتون الوارد حتى ينسرع.

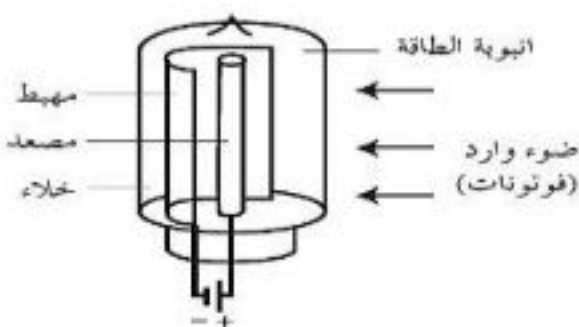
الخلية الكهرضوئية: تتألف الخلية الكهرضوئية من حبابة

زجاجية من الكوارتز مخلوفاً من الهواء، تحتوي

مسرى معدنياً يغطي سطحه طبقة رقيقة من معدن

قلوي تتلقى الضوء، يسمى المهبط كما تحتوي

على مسرى آخر يسمى المصعد.



عندما يسقط فوتون على معدن فإن الفوتون يتدمر للإلكترون له كامل طاقته، والفوتون يكون بذلك قد جرى امتصاصه، وهنا لدينا ثلاث احتمالات:

(1) إذا كانت طاقة الفوتون مساوية لعمل الانزعج  $E_s = h \cdot f$

فإن ذلك يؤدي إلى انزعج الإلكترون، وخروجه

من المعدن، ولكن بطاقة حركية معدومة، وتواتر الموجة

عندئذ يمثل تواتر العتبة اللازمة لانزعج الإلكترون.

(2) إذا كانت طاقة الفوتون أكبر من عمل الانزعج، فإنه

يجري انزعج الإلكترون من المعدن باستهلاك جزء

من طاقة الفوتون يساوي  $E_s$ ، والجزء الآخر يبقى مع

الإلكترون على شكل طاقة حركية تساوي:

$$E_k = h \cdot f - E_s$$

(3) إذا كانت طاقة الفوتون أصغر من طاقة الانزعج يكسب

الإلكترون طاقة حركية، ويبقى مرتبطاً بالمعدن.

النتيجة: يجري انزعج للإلكترونات من المعدن إذا كان

طول موجة الحزمة الضوئية الواردة على المعدن أصغر أو مساوياً

لطول موجة العتبة اللازمة لانزعج.

معادلة أينشتاين في الفعل الكهرضوئي:

وجدنا أن الإلكترون ينسرع بطاقة حركية عظمى من

أجل:  $E_k = h \cdot f - E_s = h \cdot f - hf_s$

$$E_k = hc \cdot \left( \frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda_s} \right)$$

فسرت معادلة أينشتاين ما عجزت النظرية الموجية الكلاسيكية

عن تفسيره وهي:

(1) لا يحدث الفعل الكهرضوئي إذا كان تواتر الضوء الوارد أقل

وعند هذه القيمة تصل جميع الإلكترونات المنتزعة من المهبط إلى المصعد وتقول إن التيار وصل إلى حالة الإشباع.

• **توتر الإنفاف:** أقل توتر كهربائي عكسي يكفي لمنع وصول الإلكترونات الضوئية من المهبط إلى المصعد أي لجعل التيار الكهروضوئي معدوماً.

• تزداد شدة تيار الإشباع بزيادة الاستطاعة الضوئية وتعطى

استطاعة موجة كهروضوئية تسقط على سطح بالعلاقة

$$P = Nh\nu$$

في واحدة الزمن .

**تطبيق:** تبلغ شدة التيار في خلية كهروضوئية  $16 \text{ mA}$  المطلوب:

(1) عدد الإلكترونات الصادرة عن المهبط كل ثانية.

(2) الطاقة الحركية لأحد الإلكترونات المنتزعة لحظة وصولها المصعد

باعتبار أنه ترك المهبط دون سرعة ابتدائية. وأن التوتر

الكهربائي بين المصعد والمهبط  $180 \text{ V}$ .

$$n = \frac{q}{e} = \frac{It}{e} = \frac{16 \times 10^{-3} \times 1}{1.6 \times 10^{-19}} = 1 \times 10^{17} \quad \text{(الحل: 1)}$$

$$E_K = eU_{AC} = 1.6 \times 10^{-19} \times 180 \quad \text{(2)}$$

$$E_K = 288 \times 10^{-19} \text{ J}$$

اختبر نفسي

**أولاً:** اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

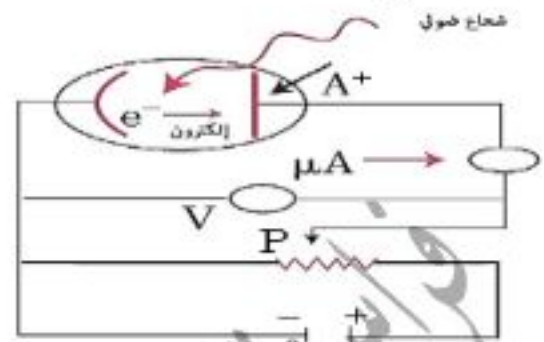
(1) الحزمة الضوئية حزمة من الجسيمات غير المرئية تسمى:

(a) نوتونات. (b) فوتونات.

(c) إلكترونات. (d) بروتونات.

الإجابة الصحيحة: (b)

في إحدى التجارب أسقطنا على دائرة خلية كهروضوئية ضوءاً وحيد اللون على مهبط الخلية.



• عند تعرض المهبط للحزمة الضوئية تنتزع بعض الإلكترونات من الصفيحة، وتطلق بسرعة غير معدومة.

• عندما يكون كموث المهبط أعلى من كموث

$$U_{AC} \leq -U_0$$

المصعد، وتكون قيمة فرق الكموث

تخضع الإلكترونات لقوة كهربائية **عكس** جهة الحقل الكهربائي

(الذي يتجه من المهبط إلى المصعد)، وتعمل هذه القوة على

إعادة الإلكترونات إلى المهبط، ولا يمر تيار كهربائي في الخلية.

• بتخفيض التوتر بالقيمة المطلقة والوصول إلى  $U_{AC} = -U_0$

(حيث  $U_0$  كموث الإنفاف)، تبدأ بعض الإلكترونات

بالوصول إلى المصعد على الرغم من إبطاء الحقل

الكهربائي لحركتها باتجاه المصعد، فيمر تيار، وكلما صغر فرق

الكموث بقيمته المطلقة ازداد عدد الإلكترونات التي تصل

إلى المصعد، فتزداد شدة التيار.

• عندما يصبح كموث المصعد أعلى من كموث المهبط

تعمل القوة الكهربائية على تسريع الإلكترونات المتجهة إلى

المصعد، وتزداد بذلك عدد الإلكترونات التي تصل إليه وتزداد

شدة التيار نتيجة لذلك حتى تصل قيمتها العظمى  $I_s$

## بحث الإلكترونات والجسم الصلب

(2) يزداد عدد الإلكترونات المتقلعة من مهبط الحجرة الكهروضوئية بازدياد:

(a) تواتر الضوء الوارد .

(b) شدة الضوء الوارد .

(c) كتلة صفيحة مهبط الحجرة .

(d) تواتر العتبة .

الإجابة الصحيحة: (b)

(3) تزداد الطاقة الحركية العظمى للإلكترونات لحظة مغادرته

مهبط الحجرة الكهروضوئية بازدياد:

(a) تواتر الضوء الوارد .

(b) شدة الضوء الوارد .

(c) كتلة صفيحة مهبط الحجرة .

(d) تواتر العتبة  $f_s$  .

الإجابة الصحيحة: (a)

(4) يحدث الفعل الكهروضوئي بإشعاع ضوئي وحيد اللون تواتره:

(a)  $f = 0$

(b)  $f < f_s$

(c)  $f = f_s$

(d)  $f > f_s$

الإجابة الصحيحة: (d)

(5) يجري انزعاج الإلكترونات من سطح معدن ما إذا

كانت طاقة الفوتون:

(a) معدومة

(b) تساوي طاقة الانزعاج .

(c) أكبر من طاقة الانزعاج .

(d) أصغر من طاقة الانزعاج .

الإجابة الصحيحة: (c)

ثانياً: يسقط فوتون طاقته  $E$  على معدن وبصاف

إلكتروناً طاقة انزعاجه  $E_s$  ويقدم له كامل طاقته والمطلوب:

(1) اشرح ما يحدث للإلكترون إذا كانت:

(a) طاقة الفوتون أقل من طاقة الانزعاج .

(b) طاقة الفوتون أكبر من طاقة الانزعاج .

## إعداد المدرس: فراس قلعه جي

(2) ما الشرط الذي يجب أن يحققه طول موجة الضوء الوارد

لتعمل الحجرة الكهروضوئية؟

(الحل: 1) (a) الطاقة الحركية للإلكترون تزداد ويبقى مرتبطاً

بالمعدن .

(b) يجري انزعاج الإلكترونات من المعدن باستهلاك

جزء من طاقة الفوتون تساوي  $E_s$  ويبقى الجزء الآخر

مع الإلكترون على شكل طاقة حركية تساوي:

$$E_k = hf - E_s$$

(2) طول موجة الضوء الوارد أصغر من طول موجة العتبة

$$\lambda \leq \lambda_s$$

ثالثاً: حل المسائل الآتية:

المسألة الأولى: يسقط ضوء بتواتر  $7.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$

على معدن، طاقة الانزعاج لديه  $3.2 \times 10^{-19} \text{ J}$

(1) هل تنتزع الإلكترونات من سطح المعدن أم لا (بين

بالحساب)؟

(2) احسب طاقتها الحركية في حال انزعاجها .

$$E = h \cdot f = 6.6 \times 10^{-34} \times 7.3 \times 10^{14}$$

$$E = 4.818 \times 10^{-19} \text{ J}$$

تنتزع الإلكترونات من سطح المعدن لأن طاقة

الفوتون الوارد أكبر من طاقة انزعاج الإلكترونات

$$E_k = E - E_s \quad (2)$$

$$E_k = 4.818 \times 10^{-19} - 3.2 \times 10^{-19}$$

$$E_k = 1.618 \times 10^{-19} \text{ J}$$

المسألة الثانية: يُضيئ منبع ضوئيٌ وحيد اللون طول موجته  $0.5\mu m$  حجيرة كهروضوئية، طاقة انتزاع الإلكترون فيها  $E_S = 33 \times 10^{-20} J$  والمطلوب:

(1) احسب تواتر العتبة.

(2) احسب طول موجة عتبة الإصدار.

(3) احسب الطاقة الحركية العظمى للإلكترون لحظة خروجه من مهبط الحجيرة وسرعته.

الحل: (1)  $E_S = hf_s \Rightarrow f_s = \frac{E_S}{h} = \frac{33 \times 10^{-20}}{6.6 \times 10^{-34}}$

$$f_s = 5 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

(2)  $E_S = hf_s = h \frac{c}{\lambda_s} \Rightarrow \lambda_s = \frac{h.c}{E_S}$

$$\lambda_s = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{33 \times 10^{-20}}$$

$$E = 39.6 \times 10^{-20} J$$

(3)  $E_K = E - E_S = 39.6 \times 10^{-20} - 33 \times 10^{-20}$

$$E_K = 6.6 \times 10^{-20} J$$

$$E_K = \frac{1}{2} mv^2 \Rightarrow$$

$$v = \sqrt{\frac{2E_K}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 6.6 \times 10^{-20}}{9 \times 10^{-31}}}$$

$$v = \sqrt{1.47 \times 10^{11}} = 1.21 \times 10^5 \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة الثالثة: إذا كان أكبر طول موجة يلزم لانتزاع الإلكترون من سطح مهبط حجيرة كهروضوئية يساوي  $66 \times 10^{-8} m$  والمطلوب:

(1) طاقة انتزاع الإلكترون من مادة المهبط.

(2) كمية حركة الفوتون الوارد عندما يضاء سطح صفيحة المهبط بضوء وحيد اللون، طول موجته  $44 \times 10^{-8} m$

(3) احسب الطاقة الحركية العظمى للإلكترون لحظة خروجه من مهبط الحجيرة وسرعته.

(4) احسب الطاقة الحركية العظمى للإلكترون لحظة خروجه من مهبط الحجيرة وسرعته.

(5) احسب الطاقة الحركية العظمى للإلكترون لحظة خروجه من مهبط الحجيرة وسرعته.

(3) الطاقة الحركية للإلكترون لحظة خروجه من مهبط الحجيرة الكهروضوئية.

(4) قيمة كمون الإنفاف.

(5) احسب الطاقة الحركية العظمى للإلكترون لحظة خروجه من مهبط الحجيرة وسرعته.

الحل: (1)  $E_S = hf_s = h \frac{c}{\lambda_s}$

$$E_S = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{66 \times 10^{-8}}$$

$$\Rightarrow E_S = 3 \times 10^{-19} J$$

$$P = \frac{h}{\lambda} = \frac{6.6 \times 10^{-34}}{44 \times 10^{-8}} =$$

$$P = 1.5 \times 10^{-27} \text{ Kg.m.s}^{-1}$$

(2)  $E = h.f = h \frac{c}{\lambda}$

$$E = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{44 \times 10^{-8}}$$

$$\Rightarrow E = 4.5 \times 10^{-19} J$$

$$E_K = E - E_S = 4.5 \times 10^{-19} - 3 \times 10^{-19}$$

$$E_K = 1.5 \times 10^{-19} J$$

(4) تطبيق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين:

الأول المهبط - الثاني: المصدر.

$$\overline{\Delta E_K} = \sum W_F$$

$$E_{K_2} - E_{K_1} = W_F$$

بحقق كمون الإنفاف وصول الإلكترون إلى المصدر بسرعة معدومة  $E_{K_2} = 0$

$$0 - E_{K_1} = -eV_0$$

$$V_0 = \frac{E_{K_1}}{e} = \frac{1.5 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}} = 0.94 V$$

المسألة الرابعة: احسب تواتر العتبة لخلية كهروضوئية تحوي صفيحة من معدن السيزيوم عندما يرد عليها ضوء وحيد اللون، طول موجته  $5 \times 10^{-7} m$ ، علماً أن طاقة الانتزاع لدى السيزيوم تساوي  $3 \times 10^{-19} m$  ثم احسب الطاقة الحركية للإلكترون المنترق وسرعته.

(1) احسب تواتر العتبة لخلية كهروضوئية تحوي صفيحة من معدن السيزيوم عندما يرد عليها ضوء وحيد اللون، طول موجته  $5 \times 10^{-7} m$ ، علماً أن طاقة الانتزاع لدى السيزيوم تساوي  $3 \times 10^{-19} m$  ثم احسب الطاقة الحركية للإلكترون المنترق وسرعته.

(2) احسب تواتر العتبة لخلية كهروضوئية تحوي صفيحة من معدن السيزيوم عندما يرد عليها ضوء وحيد اللون، طول موجته  $5 \times 10^{-7} m$ ، علماً أن طاقة الانتزاع لدى السيزيوم تساوي  $3 \times 10^{-19} m$  ثم احسب الطاقة الحركية للإلكترون المنترق وسرعته.

(3) احسب تواتر العتبة لخلية كهروضوئية تحوي صفيحة من معدن السيزيوم عندما يرد عليها ضوء وحيد اللون، طول موجته  $5 \times 10^{-7} m$ ، علماً أن طاقة الانتزاع لدى السيزيوم تساوي  $3 \times 10^{-19} m$  ثم احسب الطاقة الحركية للإلكترون المنترق وسرعته.

(4) احسب تواتر العتبة لخلية كهروضوئية تحوي صفيحة من معدن السيزيوم عندما يرد عليها ضوء وحيد اللون، طول موجته  $5 \times 10^{-7} m$ ، علماً أن طاقة الانتزاع لدى السيزيوم تساوي  $3 \times 10^{-19} m$  ثم احسب الطاقة الحركية للإلكترون المنترق وسرعته.

وتكون الفترة الزمنية الفاصلة بين سقوط الفوتون وانبعث الإلكترون هي فترة زمنية قليلة جداً.

$$E_S = hf_s \Rightarrow f_s = \frac{E_S}{h} = \frac{3 \times 10^{-19}}{6.6 \times 10^{-34}} \quad (\text{الحل: 1})$$

$$\approx 4.5 \times 10^{16} \text{ Hz}$$

$$E = hf = h \frac{c}{\lambda} \quad (2)$$

$$E = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{5 \times 10^{-7}}$$

$$E = 3.96 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$E_K = E - E_S = 3.96 \times 10^{-19} - 3 \times 10^{-19}$$

$$E_K = 0.96 \times 10^{-19} \text{ J}$$

حل التفكير الناقد: ابحث عن ظاهرة الإصدار

الكهروضوئي باستخدام نموذج بر الكون.

الجواب: نظرية التأثير الكهروضوئي تشرح الملاحظات التجريبية

لانبعث الإلكترونات من سطح معدني معرض لضوء

مناسب حيث يوجد حد أدنى للتواتر لانبعث الإلكترونات

وعند تعرض سطح المعدن لتواتر أقل منه فلا يوجد

إلكترونات ضوئية منبعثة ويسمى هذا التواتر تواتر العتبة.

وعند زيادة تواتر الشعاع الساقط، وإبقاء عدد الفوتونات الساقطة

ثابتاً، سيؤدي هذا إلى زيادة طاقة للإلكترونات الضوئية

المنبعثة وبالتالي زيادة كمون الإيقاف كما يسبب كل

فوتون في انبعث إلكترون مقترن بطاقة

الفوتون وتعتمد الطاقة الحركية العظمى للإلكترون

على تواتر الضوء الساقط، ولكنها لا تعتمد نهائياً على

شدة الضوء الساقط ويتناسب عدد الإلكترونات المنبعثة تناسباً

طردياً مع شدة الضوء الساقط، على سطح معدني

معين وتواتر مناسب. تؤدي زيادة شدة الضوء (مع إبقاء

التواتر ثابتاً) إلى زيادة قيمة شدة التيار الكهروضوئي

ويبقى توتر الإيقاف ثابتاً.

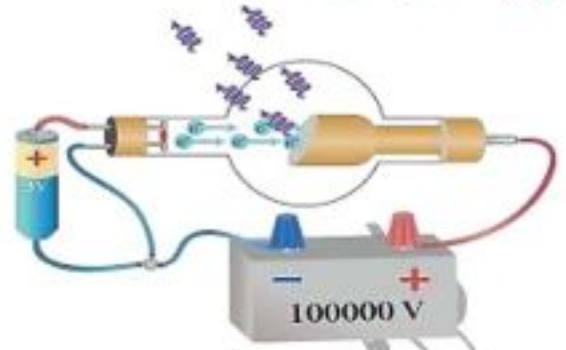
----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

## الأشعة السينية

آلية توليد الأشعة السينية:



- يستخدم توليدها البوب كوليديرج وهو أنبوب زجاجي محلى من الهواء تحلية شديدة، حيث يصل الضغط داخله إلى  $10^{-6}$  mm.Hg تقريباً .
- يحوي الأنبوب سلكاً مصنوعاً من التنغستن يسخن لدرجة التوهج بواسطة تيار كهربائي وذلك بوصله بمجموعة من المولدات .
- يحيط بالسلك مهبط معدني مقعر عمل على تمكين حزمة الإلكترونات المنبعثة من السلك وتجميعها على الهدف الموصول بالمصعد (مقابل المهبط) .
- يصنع الهدف من معدن ثقيل درجة حرارة انصهاره مرتفعة جداً مثل الموليبدنيم يوضع بحيث يميل بزاوية  $45^0$  على محور الأنبوب، ويثبت على أسطوانة نحاسية أكبر حجماً منه متصلة بمبرد .



إعداد المدرس: فراس قلعه جي

- تنتزع إلكترونات من سلك التنغستن نتيجة تسخينه لدرجة مناسبة.
  - تسرع الإلكترونات المنتزعة بالحقل الكهربائي الشديد المطبق بين المصعد والمهبط.
  - تصطدم الإلكترونات المسرعة بذرّات الهدف، يؤدي جزء منها إلى انتزاع إلكترون من إلكترونات الطبقة الداخلية في ذرات الهدف، ويخلف وراءه ثقباً .
  - ينتقل أحد إلكترونات من الطبقات الأعلى لذرات مادة الهدف بسرعة ليحل في الثقب، ويترافق ذلك بإصدار فوتونات ذات طاقة عالية جداً وهي أمواج كهرومغناطيسية تمثل الأشعة السينية.
  - يؤدي اصطدام الجزء الأكبر من الإلكترونات المسرعة بذرّات الهدف إلى تحويل كامل طاقتها الحركية إلى طاقة حرارية في مادة الهدف فترتفع حرارتها، مما يستدعي تبريدها .
  - يمكن حساب أقصر طول موجة  $\lambda_{min}$  لفوتونات الأشعة السينية الصادرة اعتماداً على أن طاقة هذه الفوتونات تساوي بقيمة العظمى الطاقة الحركية للإلكترونات المسرعة، التي تسبب إصدارها أي:
- $$E = E_k \Rightarrow hf_{max} = eU_{AC}$$
- $$h \frac{c}{\lambda_{min}} = eU_{AC} \Rightarrow$$
- $$\lambda_{min} = \frac{hc}{eU_{AC}}$$
- وهي علاقة طول الموجة الأصغري للأشعة السينية.



حيث  $U_{AC}$  فرق الكمون الكهربائي المطبق بين طرفي الأنبوب،  $c$  سرعة انتشار الضوء في الخلاء.

• يتوقف أقصر طول موجة لفوتونات الأشعة السينية على التوتر المطبق بين المصعد والمهبط.

• يمكن تغيير قيمة فرق الكمون الكهربائي بين المصعد والمهبط بتغيير طاقة تسريع الإلكترونات، فتتغير الطبقة الذرية التي يقلع منها إلكترونات في ذرات صفيحة الهدف وتتغير بالتالي الطاقة أشعة  $X$  الصادرة.

• أما تغير درجة حرارة سلك التسخين يغير من عدد الإلكترونات التي يصدرها، فتتغير شدة (كافة) الأشعة المهبطية وتتغير بالتالي شدة أشعة  $X$ .

• يظهر تحليل طيف أشعة  $X$  الصادرة عن أنبوب انقراضه عبارة عن طيفين أحدهما مستمر تسمى بأشعة الكبح الإلكتروني، وتنتج عن فقدان الإلكترونات المسرعة لطاقتها عندما تكبح (تبطئ) عند اصطدامها بصفيحة الهدف والآخر متقطع وهو خطوط ساطعة ومنفصلة عن بعضها وتنتج عن الانتقالات الإلكترونية لملء الثوب الداخلية في الذرات المهيجة في صفيحة الهدف.

### خواص الأشعة السينية:

• ذات طبيعة موجية، فهي أمواج كهرومغناطيسية، أطوال موجاتها قصيرة جداً، تتراوح بين  $13.6 \text{ nm}$  و  $0.001 \text{ nm}$  لذلك تكون طاقتها عالية جداً وهي أقصر بكثير من أطوال الأمواج الضوئية.

• ذات قدرة عالية على النفاذ بسبب قصر طول موجتها.  
• لا يمكن أن تصدر أشعة  $X$  إلا من ذرات العناصر الثقيلة نسبياً بعد تهيجها بطريقة مناسبة، أو من الإلكترونات المسرعة بعد كبحها ضمن وسط مادي.  
• تشبه الضوء المرئي من حيث الانتشار المستقيم والانعكاس والتداخل والانعراج، وسرعة انتشارها تساوي سرعة انتشار الضوء في الخلاء.  
• لا تملك شحنة كهربائية، فلا تتأثر بالمجالات الكهربائية والمغناطيسية.

• تسبب تألق المواد التي تسقط عليها: بسبب قدرتها على إثارة ذرات هذه المواد، وتؤثر في أفلام التصوير.  
• تؤثر في الأنسجة الحية: تتخرب الخلايا الحية إذا استمر تعرضها لهذه الأشعة، لذا تستعمل الأبيسة التي يدخل في تركيبها الرصاص للوقاية من الحروق التي تسببها هذه الأشعة.

• تؤين الغازات: فوتونات الأشعة السينية ذات طاقة كبيرة تكفي لتأيين الغاز الذي تخترقه.

قابلية امتصاص ونفاذ الأشعة السينية:

توقف قابلية امتصاصها ونفاذها على:

**نخس المادة:** تزداد نسبة الأشعة الممتصة وتقل نسبة النافذة منها كلما ازداد نخس المادة.

**كثافة المادة:** تزداد نسبة الأشعة الممتصة بزيادة كثافة المادة،

كالرصاص والذهب والعظام، وتزداد نسبة النافذة منها بتقصان

كثافة المادة، كالخشب والبلاستيك وجلد الإنسان

نذلك يستخدم نوع منها في تشخيص الكسور .

**طاقة الأشعة:** تتعلق فوذية أشعة X بطاقتها المرتبطة بقيمة فري

الكوب المطبق على أنبوب توليدها.

نميز نوعين من الأشعة المستخدمة من حيث الطاقة:

الأشعة اللينة: أطوال موجاتها  $1 \text{ nm} < \lambda < 13.6 \text{ nm}$

طاقاتها منخفضة نسبياً وامتصاصها كبير ونفوذها قليل.

الأشعة القاسية: أطوال موجاتها  $0.01 \text{ nm} \leq \lambda \leq 1 \text{ nm}$

طاقاتها عالية وامتصاصها قليل ونفوذها كبير.

اختبر نفسي

**أولاً:** اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

(1) في أنبوب الأشعة السينية يمكن تسريع الإلكترونات

بين المهبط والمصدر:

(a) بزيادة درجة حرارة سلك التسخين .

(b) بزيادة التوتر المطبق على دائرة تسخين السلك .

(c) بزيادة التوتر المطبق بين المصدر والمهبط .

(d) بانقاص التوتر المطبق بين المصدر والمهبط .

**الإجابة الصحيحة: (c)**

(2) يزداد امتصاص المادة للأشعة السينية:

(a) بزيادة طاقة الأشعة السينية.

(b) بزيادة كثافة المادة.

(c) بتقصان كثافة المادة.

(d) بتقصان نخاسة المادة.

**الإجابة الصحيحة: (b)**

(3) الأشعة السينية أمواج كهربية:

(a) أطوال موجاتها قصيرة وطاقاتها صغيرة.

(b) أطوال موجاتها قصيرة وطاقاتها كبيرة.

(c) أطوال موجاتها كبيرة وطاقاتها كبيرة.

(d) أطوال موجاتها كبيرة وطاقاتها صغيرة.

**الإجابة الصحيحة: (b)**

(4) تصدر الأشعة السينية عن ذرات:

(a) الهيدروجين

(b) الكربون

(c) الهليوم

(d) العناصر الثقيلة.

**الإجابة الصحيحة: (d)**

**ثانياً:** فسر ما يلي: الأشعة السينية ذات قدرة عالية على النفاذ؟

**الجواب:** بسبب قصر طول موجاتها .

**ثالثاً:** أكب ثلاثاً من خواص الأشعة السينية.

(1) ذات قدرة عالية على النفاذ.

(2) تصدر عن ذرات العناصر الثقيلة.

(3) تسبب التألق لبعض الأجسام التي تسقط عليها .

**المسألة الأولى:** يعدل أنبوب توليد الأشعة السينية بتوتر

$8 \times 10^4 \text{ V}$  حيث يصدر الإلكترون عن المهبط بسرعة

معدومة عملياً والمطلوب:

(1) استنتج بالرموز الطاقة الحركية للإلكترون عند اصطدامه

بمقابل المهبط (الهدف) ثم احسب قيمها .

انتهى البحث

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

(2) احسب سرعة الإلكترون لحظة اصطدامه بالهدف.

(3) احسب أقصر طول موجة للأشعة السينية الصادرة.

الحل: (1) تطبق نظرية الطاقة الحركية بين الوضعين

الأول: المهبط. والثاني: مقابل المهبط.

$$\overline{\Delta E_K} = \sum \bar{w}_F$$

$$E_{K_2} - E_{K_1} = \bar{w}_F$$

$$E_{K_2} - 0 = eU$$

$$E_{K_2} = 1.6 \times 10^{-19} \times 8 \times 10^4 \\ = 128 \times 10^{-16} J$$

$$E_K = \frac{1}{2} mv^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2E_K}{m}} \quad (2)$$

$$v = \sqrt{\frac{2 \times 128 \times 10^{-16}}{9 \times 10^{-31}}} = \sqrt{28.44 \times 10^{15}} \\ = 16.86 \times 10^7 m.s^{-1}$$

$$E = E_K \Rightarrow hf_{max} = eU_{AC} \quad (3)$$

$$h \frac{c}{\lambda_{min}} = eU_{AC} \Rightarrow \lambda_{min} = \frac{h.c}{eU_{AC}}$$

$$\lambda_{min} = \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{1.6 \times 10^{-19} \times 8 \times 10^4}$$

$$\lambda_{min} = 0.1547 \times 10^{-10} m$$

حل التفكير الناقد: للأشعة السينية طيفين خطي

ومستمر كيف يتم توليد كل منهما؟

الجواب: ينشأ الطيف المستمر للأشعة السينية عن الكبح

الانكروني حيث تفقد الالكترونات المسرعة طاقة نتيجة الكبح

على شكل أشعة سينية، أما الطيف الخطي فينشأ عن

الانتقالات الالكترونية ملء القلوب الداخلية في الذرات المهيجة

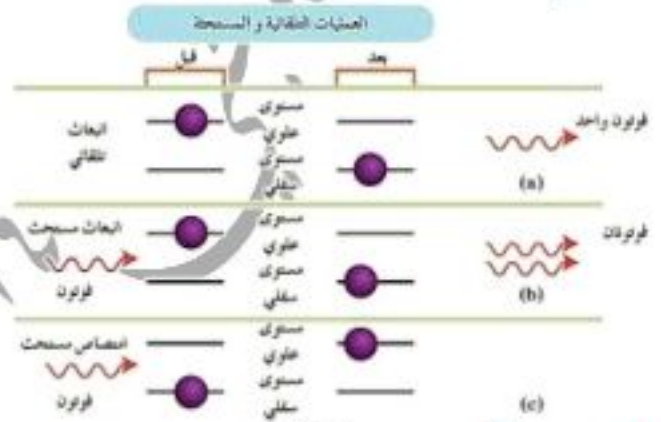
في صفيحة الهدف.

## أشعة الليزر

الليزر: تضخيم الضوء بالإصدار المحث للأشعة .

وهو عبارة عن موجات كهرومغناطيسية تتكوّن من فوتونات عالية الطاقة متساوية في التواتر ومتمّقة في التطور والاتجاه يرسل كمّيات متساوية من الضوء من حيث التواتر والتطور، تندمج مع بعضها البعض لتصبح على هيئة حزمة ضوئية تسمّى بالطاقة العالية، وذات تماسك شديد .

آلية عمل الليزر:



(1) امتصاص الضوء: يحدث انتقال الذرة من مستوى طاقة

أدنى  $E_1$  إلى مستوى طاقة مُثار  $E_2$  وذلك بامتصاص فوتون طاقته تساوي فرق الطاقة بين هذين

المستويين أي:  $\Delta E = E_2 - E_1 = h \cdot f$  .

(2) الإصدار التلقائي: إذا كانت الذرة مثارة فهي تميل دائماً

إلى حالة الاستقرار، فتعود تلقائياً بعد مُدة زمنية قصيرة إلى المستوى الأدنى، وهذا يصاحبه إصدار فوتون طاقته تساوي فرق الطاقة بين المستويين:

$\Delta E = E_2 - E_1 = h \cdot f$  يكون اتجاه الإصدار

التلقائي عشوائياً، وتكون الفوتونات الصادرة غير مترابطة،

أي فرق التطور بين الأمواج الكهرومغناطيسية الناتجة غير ثابت .

(3) الإصدار المحث: يحدث عند تعرّض الذرة المثارة لحزمة ضوئية

يحقق تواترها العلاقة  $\Delta E = h \cdot f$  فرق الطاقة بين السوية المثارة

والسوية الأساسية، في هذه الحالة يؤدي مرور فوتون بجوار

الذرة المثارة إلى تحفيز إلكترون الذرة المثارة للعودة إلى السوية

الأساسية، فيصدر فوتون آخر يمتع بالخواص الآتية:

(a) طاقته تساوي طاقة الفوتون الوارد أي لهما التواتر ذاته .

(b) جهة حركته تنطبق على جهة حركة الفوتون الوارد .

(c) طوره يطابق طول الفوتون الوارد .

الفرق بين الإصدار المحث والإصدار التلقائي:

الإصدار التلقائي:

(1) يحدث بوجود حزمة ضوئية وارِدَة أو بعدم وجودها .

(2) يحدث في جميع الاتجاهات .

(3) طول الفوتون الصادر يمكن أن يأخذ أي قيمة .

الإصدار المحث:

(1) يحدث بوجود حزمة ضوئية يحقق تواترها العلاقة:

$$\Delta E = E_2 - E_1 = h \cdot f$$

حيث  $(\Delta E)$  هي فرق الطاقة بين السوية المثارة والأساسية .

(2) جهة الفوتون الصادر هي نفس جهة الفوتون الوارد .

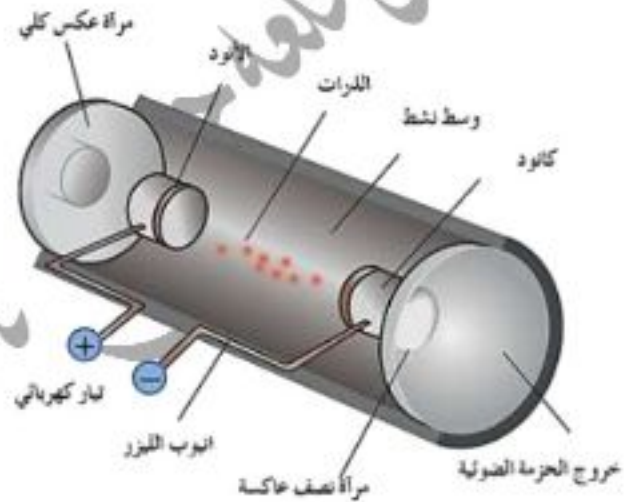
(3) طول الفوتون الصادر يطابق طول الفوتون الوارد .

(1) وحدة اللون: أي لها ذات التواتر.

(2) مترابطة بالطور: فوتونات الإصدار المحث لها طور الفوتون الذي حثها نفسه.

(3) انقراج حزمة الليزر صغير: أي لا يتوسع مقطع الحزمة كثيراً عند الابتعاد عن منبع الليزر.

مكونات جهاز الليزر:



(1) الوسط الفعال: يحوي عدداً كبيراً من الذرات تكون بعضها في السوية الأساسية وعددها  $N$ ، وبعضها الآخر في السوية المثارة وعددها  $N^*$ .

إذا عبرت حزمة ضوئية تواترها  $f$  بحيث  $\Delta E = hf$ ، فإن

امتصاص الفوتونات يتناسب طردياً مع  $N$  وإن إصدار الفوتونات بالإصدار المحث يتناسب طردياً مع  $N^*$ .

إذا كان  $N < N^*$  فإن عدد الفوتونات الناتجة عن

طريق الإصدار المحث سيكون أكبر من عدد الفوتونات

التي تم امتصاصها، وهذا يؤدي إلى زيادة شدة الحزمة

الضوئية بعد عبورها الوسط، ونقول عن الوسط أنه وسط مضخم يصلح لتوليد الليزر.

إذا كان  $N > N^*$  فإن عدد الفوتونات الناتجة عن

طريق الإصدار المحث سيكون أصغر من عدد الفوتونات

التي جرى امتصاصها، ومن ثم سوف تنقص شدة الحزمة

بعد عبورها الوسط، ولا يمكن للوسط أن يولد الليزر.

(2) حجرة التضخم: تتكون من مرآتين مستويتين

توضع المادة الفعالة (الوسط المضخم) بينهما والتي تسمح لكل منهما

للحزمة الضوئية بالانعكاس من جديد باتجاه الوسط المضخم.

نجعل عاكسية إحدى المرآتين كاملة بينما تكون عاكسية

الثانية غير كاملة مما يسمح بخروج جزء من الحزمة الضوئية إلى

الوسط الخارجي الذي يشكل الليزر جزءاً منه.

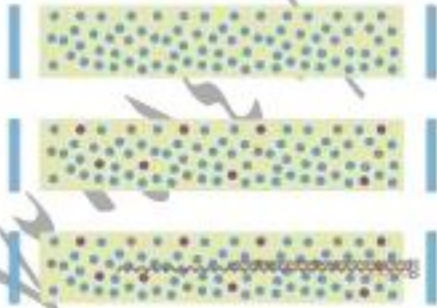
توليد أشعة الليزر يعتمد على إعادة تمرير الحزمة الضوئية في

الوسط المضخم مرات عديدة ووفق المنحنى نفسه، وكلما ازداد

عدد الحزم الضوئية المارة في الوسط ازداد عدد الإصدارات المحثية

التي تنفق مع الحزمة بالاتجاه ومع الفوتونات بالتواتر والطور، مما يزيد

من طاقة الحزمة أي بضعها.



(2) جملة الضخ: الإصدار المحث بعيد الذرات إلى السوية

الأساسية، فلا بد من مؤثر خارجي (مصدر ضوئي

مناسب) على الوسط المضخم يقوم بتقديم طاقة للوسط المضخم،

الذي يعمل على إثارة الذرات للتعويض عن انتقال الذرات

إلى الحالة الأساسية نتيجة الإصدار المحث.

اختبر نفسي:

**أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكلّ مما يأتي:**

1) تشعّ حزمة الليزر بإحدى الخواص الآتية:

- (a) مترابطة في الطور .  
(b) انقراج حزمة الليزر يضيق عند الابتعاد عن منبع الليزر .  
(c) لها أطوار مختلفة .

(d) طول موجتها أكبر من طول موجة الضوء الوارد .

**الإجابة الصحيحة: (a) مترابطة في الطور .**

2) الإصدار التلقائي:

- (a) لا يحدث إلا بوجود حزمة ضوئية واردة .  
(b) يحدث بوجود حزمة ضوئية واردة على الذرة المارة أم لم

يكن هناك حزمة .

(c) يحدث باتجاه محدد .

(d) فوتونات تطابق فوتونات الأشعة الواردة على الذرة .

**الإجابة الصحيحة: (b)**

3) إذا عبرت حزمة ضوئية تشعّ بواتر مناسب الوسط المضخم

فإنّ أمصاص الفوتونات يتناسب طردياً مع:

- (a) عدد الذرات في السوية غير المثارة .  
(b) عدد الفوتونات .  
(c) درجة الحرارة .  
(d) عدد الذرات في السوية المثارة .

**الإجابة الصحيحة: (a)**

وهناك ثلاثة أنواع من طرق الضخ:

(a) الضخ الضوئي: تستعمل مصابيح (ومناضبة) للحصول على ليزرات تعمل ضمن الطيف المرئي أو طيف تحت الحمراء القريب منه مثل الليزر البياقوتي .

(b) الضخ الكهربائي: عن طريق التفريغ الكهربائي للغاز داخل الأنابيب، وتعمل هذه الطريقة في الليزرات الغازية والليزر شبه الناقل .

(c) الضخ الكيميائي: يكون التفاعل الكيميائي بين مكونات الوسط الفعال أساس توليد الطاقة لتوليد الليزر ولا تحتاج لمصدر طاقة خارجية .

**بعض أنواع الليزر:**

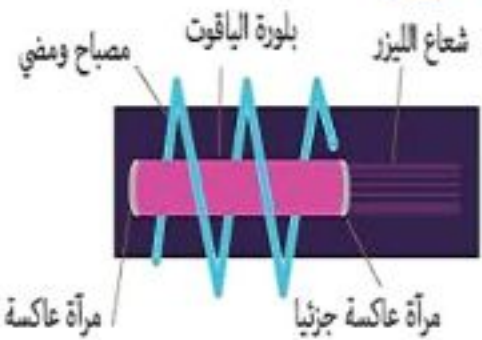
الليزرات الغازية: يكون الوسط المضخم غازياً . مثل ليزر

(هليوم - نيون) يُستخدم في المحابر يستخدم هذا الليزر

الانقراج الكهربائي لإثارة الذرات .

الليزرات الصلبة: ليزر نصف الناقل: وفيه يكون الوسط المضخم من مادة نصف ناقلة، يُستخدم في الاتصالات .

الليزر البياقوتي: هو ليزر يكون فيه الوسط الفعال مادة البياقوت .



الليزرات السائلة: يُستخدم فيه كوريد الألمنيوم المذاب في الكحول الإيثيلي كوسط فعال .

**الجواب:** في الليزر الغازية المادة المستخدمة يكون الوسط المضخم غازاً .

في الليزر نصف الناقل : المادة المستخدمة مادة نصف ناقلة

في الليزر الياقوتي : المادة المستخدمة هي الياقوت

في الليزر السائلة : المادة المستخدمة كلوريد الأمونيوم

المذاب في الكحول الإيثيلي .

انتهى البحث

ندعوكم للانضمام الى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

(4) إذا عبرت حزمة ضوئية تتمتع بتواتر مناسب الوسط المضخم

فإن إصدار الفوتونات بالإصدار المحثوث يتناسب طردياً مع:

(a) عدد الذرات في السوية غير المثارة .

(b) عدد الفوتونات .

(c) درجة الحرارة .

(d) عدد الذرات في السوية المثارة .

**الإجابة الصحيحة: (d)**

**ثانياً: فسر ما يأتي:**

(1) لا يمكن الحصول على وسط مضخم من دون

استخدام مؤثر خارجي؟

لأن الإصدار المحثوث يعيد الذرات الى السوية الأساسية

فتخسر طاقة، فلا بد من مؤثر خارجي يقدم الطاقة للوسط

المضخم لإثارة الذرات من جديد ويعوض عن انتقال الذرات

الى الحالة الطاقية الأساسية .

(2) لا تتحلل حزمة الليزر عند إمرارها عبر موشور زجاجي؟

لأن حزمة الليزر وحيدة اللون .

**ثالثاً: أكتب خواص حزمة الليزر .**

(1) وحيدة اللون، أي لها التواتر ذاته .

(2) مترابطة بالطور .

(3) انقراج حزمة الليزر صغير .

**حل التفكير الناقد:** تصم في الوقت الراهن أنواع

عديدة من أجهزة الليزر، ويكسب الليزر الناتج اسمه

من المواد المستخدمة عدداً بعضاً منها .

## الفيزياء الفلكية

• إشعاع الكواكب يبدو أكثر ثباتاً من إشعاع النجوم.

• مواقع الكواكب متغيرة أما النجوم فتبقى في تشكيلات تبدو ثابتة.

• تحرك الكواكب في مجال معين بالنسبة لمراقب على

الأرض أما النجوم فهي تنتشر على امتداد القبة السماوية.

• باستخدام التلسكوب تبدو الكواكب أكثر وضوحاً، أما النجوم

فتبقى نقاطاً مضيئة.

**المجموعة الشمسية:** كواكب المجموعة الشمسية ثمانية، أربعة منها

غازية وهي الأبعد عن الشمس (المشتري - زحل -

أورانوس - نبتون) والباقي صخرية وهي الأقرب إلى

الشمس (عطارد - الزهرة - الأرض - المريخ).

والشمس كما النجوم الأخرى تحوي بشكل رئيسي

الهيدروجين والهيليوم، ومع مرور الزمن تزداد كمية الهليوم و

تقل كمية الهيدروجين، وتقل كتلة الشمس مع مرور الزمن.

وفي النجوم يندمج الهيدروجين ليعطي الهليوم، ويحول

التقص في الكتلة نتيجة ذلك إلى طاقة وفق علاقة آينشتاين

في النسبية الخاصة  $\Delta E = \Delta m \cdot c^2$ .

تطبيق: يلقى كل  $1m^2$  من سطح الأرض وسطياً

$6.3 \times 10^4 J$  في كل ثانية عند التعرض لأشعة الشمس، باعتبار

أن 47% من أشعة الشمس تصل إلى سطح الأرض

والباقي يمتصه الغلاف الجوي أو يرتد عنه إلى الفضاء

والمطلوب: احسب التقص في كتلة الشمس في كل ثانية، إذا

علمت أن بعدها عن الأرض 150 مليون كيلومتر (تُهمل  
بعد الغلاف الجوي عن سطح الأرض).

الحل:

الطاقة المقدّمة لكل  $1m^2$  من الأرض:

$$E_1 = 6.3 \times 10^4 \times \frac{100}{47} \Rightarrow$$

$$E_1 = 13.4 \times 10^4 J$$

تكون الطاقة الكلية الصادرة عن الشمس خلال ثانية هي:

$$\Delta E = 4\pi r^2 \cdot E_1$$

$$\Delta E = 4\pi (150 \times 10^6 \times 10^3)^2 \cdot (13.4 \times 10^4)$$

$$\Delta E \approx 38 \times 10^{27} J$$

هذه الطاقة ناتجة عن التقص في كتلة الشمس وفق علاقة

$$\Delta E = \Delta m c^2$$

$$\Delta m = \frac{\Delta E}{c^2} = \frac{38 \times 10^{27}}{(3 \times 10^8)^2} = 4.22 \times 10^{11} Kg$$

وهو مقدار التقص في كتلة الشمس في كل ثانية واحدة.

**تحول الهيدروجين إلى هليوم في النجوم (الشمس مثلاً):**

يفسر العلماء توليد النجوم للطاقة من فكرة نشأتها وفق نظرية

السديم التي تنص: يبدأ التفاعل النووي داخل النجم عندما

تنهار سحابة مكونة من الغاز والجسيمات تحت تأثير الضغط الناتج

عن جاذبيتها فيولد هذا الانهيار كرة كبيرة من الضوء ويبدأ

الاندماج بين الذرات تحت تأثير الضغط والحرارة المرتفعين،

فيندمج الهيدروجين الذي يشكل النسبة الأكبر من النجم

ليتحول إلى هليوم، وتصدر الطاقة نتيجة التقص في الكتلة وفق

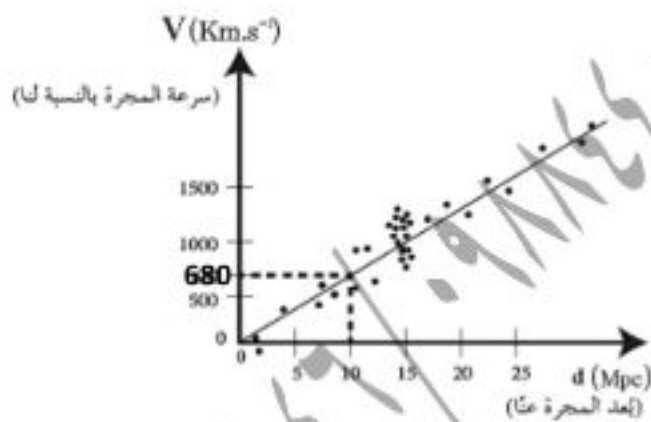
علاقة آينشتاين.



**استنتج:** عندما يبتعد منبع موجي عن مراقب فإن الطول الموجي يزداد، وبما أن الضوء ذا الطول الموجي الأكبر هو الأحمر، فعندما يبتعد المنبع الضوئي عن المراقب ينزاح الطيف نحو الأحمر.

**ثابت هابل:** لاحظ هابل انزياح طيف المجرات الأحمر بعداً عنا نحو الأحمر؛ أي ازدياد في الطول الموجي، وهذا يعني وفق دوبلر زيادة في سرعة الابتعاد عنا، وتوصل هابل إلى أن المجرة كلما كانت أبعد كانت سرعة ابتعادها أكبر وفق العلاقة:  $v' = H_0 d$  حيث  $v'$  سرعة المجرة بالنسبة لنا،  $H_0$  ثابت هابل،  $d$  بعد المجرة عنا.

تطبيق:

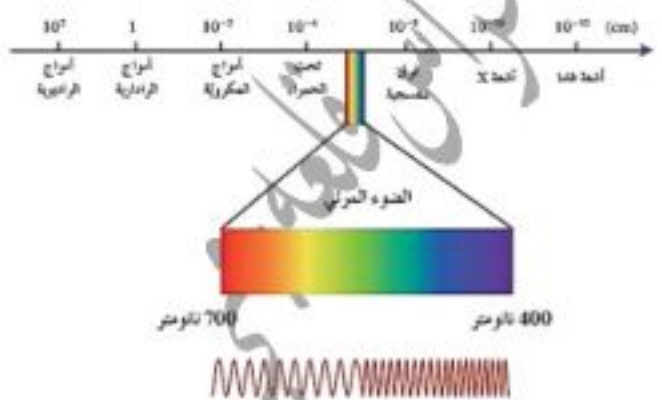


- 1) أحسب ثابت هابل بدلالة الواحدات المستخدمة في التمثيل البياني السابق، ثم بدلالة الواحدات الدولية علماً أن  $PC$  هو الفرسخ الفلكي، ويساوي  $3.26$  سنة ضوئية.
- 2) أحسب بعد مجرة رصيدة خط طيف الهيدروجين فيها فكانت نسبة انزياح طول الموجة إلى الطول الأصلي  $1/3$ .
- 3) كم سنة يستغرق الضوء للوصول إلينا من تلك المجرة؟.

الحل:

**الإشعاع النجمي:** يمكن تحديد كتلة النجم، وعمره، وتركيبه الكيميائي، وعدة خصائص أخرى بملاحظة ودراسة طيفه وشدة إضاءته وحركته.

**الانزياح نحو الأحمر:** لاحظ العالم هابل خلال رصد المجرات البعيدة انزياح طيف المجرات نحو الأحمر كلما كانت أبعد فما دلالة ذلك؟



الضوء هو الطيف المرئي من الأمواج الكهرومغناطيسية، تتدرج ألوانه من البنفسجي إلى الأحمر وكلما زاد الطول الموجي اقترب اللون من الأحمر.

**تأثير دوبلر:** بما أن الصوت موجة، فماذا يحدث عندما يبتعد المنبع المولد للموجة (منبع الاهتزاز) عن المراقب؟ عندما يكون المنبع ساكناً بالنسبة للمراقب تشغل الموجة مسافة  $\lambda$ .

$$\lambda = \frac{v}{f}$$

عندما يتحرك المنبع مبعداً عن المراقب بسرعة  $v$  تشغل الموجة مسافة  $\lambda'$ :

$$\lambda' = \frac{v + v'}{f} = \frac{v + v'}{\frac{v}{\lambda}}$$

$$\lambda' = \left(1 + \frac{v'}{v}\right) \lambda$$

هذا يعني أن أكبر من  $\lambda$ .

**نظرية الانفجار الأعظم:** تقول النظرية أن الكون نشأ قبل حوالي 13.8 مليار سنة. حيث كان الكون عبارة عن نقطة متفردة صغيرة جداً، ذات كثافة عالية جداً من المادة والحرارة التي تفوق الخيال. ثم حدث الانفجار العظيم. وبدأت المادة تأخذ أشكالها، فتشكلت في البداية الجسيمات الأولية، ثم الذرات والجزيئات والغاز الكوني، فالنجوم والمجرات، واستمر توسع الكون إلى يومنا هذا.

### الأسس الفيزيائية لنظرية الانفجار الأعظم:

- الانزياح نحو الأحمر لطيف المجرات.
- وجود تشويش ضعيف لموجات راديوية قادمة بشكل منظم تماماً من جميع اتجاهات الكون، وبالشدّة نفسها المتوقعة في وقتنا الحاضر لإشعاع الانفجار الأعظم.
- وجود كميات هائلة من الهيدروجين والهيليوم في النجوم، فكمية الهيليوم التي تحويها شمسنا أكبر بثلاثة أضعاف من الكمية التي يمكن أن تولد نتيجة اندماج الهيدروجين في قلب الشمس، وهذا يستدعي وجود مصدر هائل آخر درجة حرارته أعلى بكثير من درجة حرارة الشمس، إنها الدقائق الأولى من بدء الانفجار الأعظم.

(1) نأخذ البعد بين الصفر و 10Mpc نجد أن السرعة المقابلة هي بين الصفر و  $680 \text{ Km. s}^{-1}$ .

$$H_0 = \frac{v'}{d}$$

$$H_0 = \frac{680}{10} = 68 \text{ Km. s}^{-1} / \text{Mpc}$$

(2) لتحسب السنة الضوئية وهي المسافة التي يقطعها الضوء في الخلاء خلال سنة:

$$\text{Light year} = 3 \times 10^8 \times 60 \times 60 \times 24 \times 365.25 = 9.46728 \times 10^{15} \text{ m}$$

$$\text{pc} = 3.26 \times 9.4678 \times 10^{15} \approx 3 \times 10^{16} \text{ m}$$

$$H_0 = \frac{68 \times 10^3 \text{ m. s}^{-1}}{10^6 (3 \times 10^{16}) \text{ m}} = \frac{68}{3} \times 10^{-19} \text{ s}^{-1}$$

$$\lambda' = \left(1 + \frac{v'}{c}\right) \lambda = \lambda + \frac{v'}{c} \lambda \quad (3)$$

$$\lambda' - \lambda = \frac{v'}{c} \lambda \Rightarrow$$

$$\frac{\Delta \lambda}{\lambda} = \frac{v'}{c} \Rightarrow \frac{1}{30} = \frac{v'}{3 \times 10^8} \Rightarrow v' = 10^7 \text{ m. s}^{-1}$$

ومن قانون هابل:  $v' = H_0 \cdot d$

$$10^7 = \frac{68}{3} \times 10^{-19} d \Rightarrow d = \frac{3}{68} \times 10^{26} \text{ m}$$

$$c = \frac{d}{t} \text{ لكن}$$

$$3 \times 10^8 = \frac{\frac{3}{68} \times 10^{26}}{t} \Rightarrow t = \frac{1}{68} \times 10^{18} \text{ s}$$

فيكون هذا الزمن مقاساً بالسنوات:

$$t = \frac{1}{68} \times 10^{18} = 0.466 \times 10^9 \text{ years}$$

وهذا يعني أن ما نراه في تلك المجرة اليوم قد حدث منذ 0.466 مليار سنة.

**أنواع النجوم:** يحوي نظامنا الشمسي نجماً واحداً مفرداً هو الشمس لكن التلسكوبات أظهرت لنا أن الكثير من النجوم ثنائية تدور حول بعضها البعض.

تطبيق: احسب عمر الكون التقريبي اعتماداً على

قانون هابل، باعتبار ثابت هابل تقريباً:  $H_0 = \frac{68}{3} \times 10^{-19} s^{-1}$

الحل:  $d$  هي بُعد مجرة ما عنا، وهي المسافة التي قطعها

المجرة منذ حدوث الانفجار الأعظم و  $t$  الزمن الذي

مضى على حدوث الانفجار الأعظم.

عمر الكون  $v' = \frac{d}{t}$  لكن:  $v' = H_0 \cdot d$

$$\frac{d}{t} = H_0 \cdot d$$

$$t = \frac{1}{H_0} = \frac{1}{\frac{68}{3} \times 10^{-19}} = \frac{3}{68} \times 10^{19} S$$

فيكون عمر الكون التقريبي بالسنوات:

$$t = \frac{\frac{1}{68} \times 10^{19}}{60 \times 60 \times 24 \times 365.25} \approx 14 \times 10^9 \text{ years}$$

توزع المجرات في الكون:

المجرة: هي نظام كوني مكون من تجمع هائل من

النجوم والغاز والغبار التي ترتبط معا بقوى تجاذب متبادلة،

وتدور حول مركز مشترك وتسمى مجرتنا درب التبانة، ويوجد فيها

أكثر من  $2 \times 10^{11}$  نجم ويقدر العلماء أن هناك

حوالي  $10^{10}$  إلى  $10^{12}$  مجرة تقريبا في الكون

المنظور.

السرعة الكونية الأولى و الثانية:

• قوة التجاذب الكلي بين جسمين تتناسب طردياً مع

كثتهما، وعكساً مع مربع البعد بينهما، فتصبح القوة لانهاية عندما

يتناهي البعد بين الكتلتين إلى الصفر.

• إذا افترضنا أن مراقب على سطح الأرض، وأراد إلقاء

جسم للأعلى حتى يفلت من جذب الأرض وينطلق

في الفضاء، فيجب إعطاؤه طاقة حركية أكبر من طاقة

الجذب الكامنة له:

$$E_K = E_P$$

$$\frac{1}{2}mv^2 = F_E r \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 = G \frac{mM}{r^2} r$$

$$v = \sqrt{\frac{2GM}{r}}$$

حيث:  $v$  سرعة الإفلات من الأرض (السرعة الكونية الثانية).

$G$  ثابت التجاذب العالمي.

$M$  كتلة الأرض (الجسم الجاذب).

$r$  نصف قطر الأرض.

• السرعة الكونية الأولى هي السرعة المدارية التي تجعل الجسم

يدور ضمن مدار حول الجسم الجاذب بحركة دائرية منتظمة.

تطبيق: احسب السرعة الكونية الثانية لأرض، علماً أن نصف

قطر الأرض يُعتبر  $6400 \text{ Km}$  وتساوي الجاذبية الأرضية على

سطح الأرض  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$ .

الحل: بما أن ثقل الجسم هو قوة جذب الأرض للجسم فإن:

$$F_E = W$$

$$G \frac{mM}{r^2} = m \cdot g$$

$$g = G \frac{M}{r^2} \Rightarrow r \cdot g = G \frac{M}{r}$$

فتكون سرعة الإفلات (السرعة الكونية الثانية):

$$v = \sqrt{\frac{2GM}{r}} = \sqrt{2gr}$$

$$v = \sqrt{2gr} = \sqrt{2 \times 10 \times 6400 \times 1000}$$

$$v = 8\sqrt{2} \times 10^6 m.s^{-1}$$

• كلما نقص نصف قطر الجسم الجاذب وزادت كثافته سوف تزداد سرعة الإفلات اللازمة لتحرر من سطحه.

• بما أنه لا يمكن لأي جسم أن يتجاوز سرعته سرعة الضوء في الخلاء، فيكفي أن يكون نصف قطر الجسم الجاذب يعطى بالعلاقة:

$$c = \sqrt{\frac{2GM}{r}} \Rightarrow r = \frac{2GM}{c^2}$$

وهي علاقة نصف قطر سفار ترشيد.

**الثقب الأسود:** حيز كثافته هائلة بحيث لا يمكن لشيء الإفلات من جاذبيته حتى الضوء وله قوة جاذبية جبارة يستحيل على أي شيء الإفلات من جاذبيته بما في ذلك أشعة الضوء. لذا تبدو هذه المنطقة غير مرئية في الفضاء.

**رصد الثقوب السوداء:** كيف يمكن رصد الثقوب السوداء على الرغم من أنه لا يمكن رؤيتها فهي تبتلع الضوء؟

1) سلوك الأجسام المجاورة للثقوب السوداء: إذا توقعت وجود شخص في غرفة مظلمة تماماً ولا تمتلك أي أداة للرؤية الليلية فكيف يمكن أن تتأكد من وجوده وتحدد مكانه؟ إن سلوك الأشياء المحيطة يمكن أن تدلّك كحركة الباب وصوته أو أي حركة غير اعتيادية في الغرفة.

هذا ما اعتمده العلماء في رصد الثقوب السوداء من خلال دراسة الحركات غير المتوقعة للنجوم أو الغبار أو الغازات المحيطة بالأماكن غير المرئية.

2) الانبعاث الإشعاعي: تدور النجوم المجاورة والأجسام

الأخرى حول الثقب الأسود، وترتفع درجة حرارة هذه الأجسام لملايين الدرجات المئوية وتنبعث منها أشعة سينية. ويمكن رصد هذه الأشعة بواسطة مرصد الأشعة السينية.

3) تأثير عدسة الجاذبية: وفق النظرية النسبية العامة تحدث الجاذبية

انحناء في الفضاء، فضوء النجوم أو المجرات الذي يمر بجوار ثقب أسود ينحني فتبدو تلك النجوم أو المجرات في غير أماكنها بالنسبة للتلسكوبات الأرضية تعرف هذه الظاهرة باسم عدسة الجاذبية.

اختبر نفسي:

**أولاً: اختر الإجابة الصحيحة:**

1) خلال فترة حياة نجم تغير نسبة الهيدروجين فيه، فعند ولادته كانت 70%، ثم انتهت حياته بمحدث فلكي يعرف بالمستعر الأعظم حيث كانت نسبة الهيدروجين فيه:

(a) 70% (b) أكثر من 70%.

(c) أقل من 70% (d) قد تكون أكثر أو أقل من 70%.

**الإجابة الصحيحة: c**

2) نجحت الجمعية الفلكية السورية في إطلاق اسم تدمر على

الكوكب الذي يدور حول نجم الزاعمي. إذا علمت أن كوكب تدمر يبعد عن نجم الزاعمي مسافة تعادل تقريباً

2 وحدة فلكية أي ضعف المسافة بين الأرض والشمس،

وأن السرعة الخطية المدارية لكوكب تدمر تلك السرعة الخطية

المدارية للأرض، فالسنة على كوكب تدمر تساوي:

(a) 4 سنة أرضية. (b) 2 سنة أرضية.

(c) 3 سنة أرضية. (d) سنة أرضية واحدة.

$t = \frac{2\pi r}{v}$  زمن دورة كاملة للأرض = سنة أرضية.

$t' = \frac{2\pi r'}{v'}$  زمن دورة كاملة لكوكب تدمر حول نجم الراجعي.

نسب العلاقتين:  $\frac{t'}{t} = \frac{\frac{2\pi r'}{v'}}{\frac{2\pi r}{v}}$  بالتالي  $\frac{t'}{t} = \frac{v \cdot r'}{v' \cdot r}$

بالتالي  $\frac{t'}{t} = \frac{v \cdot 2r}{\frac{2}{3}v \cdot r} \Rightarrow \frac{t'}{t} = 3$

سنة ضوئية  $t' = 3t = 3 \times 1 = 3$

(3) إذا علمت أن مجرة المرأة المسلسلة الأقرب إلى مجرتنا درب التبانة تقرب من مجرتنا مخالفة بذلك أغلب المجرات الأخرى، فالطيف الآتي من مجرة المرأة المسلسلة هو بالنسبة لنا:

(a) ينزاح نحو الأحمر. (b) ينزاح نحو الأزرق.

(c) لا يتغير. (d) يزداد طول موجته.

الإجابة الصحيحة: (b)

(4) إن ثابت هابل هو:

(a) معدل تغير سرعة تمدد الكون مع الزمن.

(b) معدل تغير سرعة تمدد الكون مع المسافة.

(c) معدل تغير المسافة بين المجرات مع الزمن.

(d) معدل تغير تسارع تمدد الكون مع المسافة.

الإجابة الصحيحة: (b)

(5) تبعد مجرة a عنا عشرة أمثال بعد مجرة b فنسبة سرعة المجرة b إلى سرعة المجرة a:

(a) 10 (b) 1 (c) 0.1 (d) 0.01

$v'_a = H_a \cdot d_a$  و  $v'_b = H_b \cdot d_b$  نسبة العلاقتين:

بالتالي  $\frac{v'_a}{v'_b} = \frac{d_b}{10d_b}$  بالتالي  $\frac{v'_a}{v'_b} = \frac{d_b}{10d_b}$

$\frac{v'_a}{v'_b} = \frac{1}{10} = 0.1$

الإجابة الصحيحة: (c)

(6) الثقب السوداء هي بالضرورة:

(a) ذات كتلة هائلة. (b) ذات كثافة هائلة.

(c) ذات حجم هائل. (d) ذات نصف قطر هائل.

الإجابة الصحيحة: (b)

ثانياً: أجب عن الأسئلة التالية:

(1) يُمكن أن تُرسل رحلات علمية غير مأهولة لتحط

على سطح أحد أقمار المشتري، لكن لا يُمكن لها

أن تحط على المشتري نفسه، لماذا برأيك؟

الحل: لأنه كوكب غازي أما أقماره فهي صخرية.

(2) عندما يكون المنبع الموجي ساكناً بالنسبة للمراقب

فإن  $\lambda = \lambda_0$ ، وعندما يقترب المنبع الموجي من المراقب

بسرعة  $v$  تشغل الموجة المسافة  $\lambda'$ ، أوجد العلاقة بين  $\lambda'$  و  $\lambda$

ولماذا تسمى هذه الظاهرة في الطيف المرئي: الانزياح نحو

الأزرق؟

الحل:  $\lambda' = \frac{v-v}{f} = \frac{v-v}{v} = (1 - \frac{v}{v})\lambda$

أي أن  $\lambda'$  أصغر من  $\lambda$  لذلك تسمى هذه الظاهرة

الانزياح نحو الأزرق.

(3) إذا علمت أن السرعة الكونية الأولى هي السرعة

المدارية التي تجعل قوة العطالة النابذة للجسم تساوي قوة جذب

الأرض له، وأن السرعة الكونية الثانية هي السرعة التي

تجعل الطاقة الحركية للجسم المبتعد عن الأرض تساوي طاقة

لكن بما أن ثقل الجسم هو قوة جذب الأرض للجسم فإن:

$$F_E = W$$

$$G \frac{mM}{R^2} = m \cdot g$$

$$g = \frac{GM}{R^2} \Rightarrow GM = gR^2$$

$$r = \frac{2gR^2}{c^2}$$

ومنه:

$$r = \frac{2 \times 10 \times (6400 \times 10^3)^2}{(3 \times 10^8)^2}$$

$$r \approx 9 \times 10^{-3} m$$

لن يتلغ الأرض القمر عندئذ لأن جاذبيتها للقمر لن تتغير فكتلة الأرض لم تتغير والبعد بينهما لم يتغير (لاعتبارهما نقطتين قياسا بالبعد بينهما).

المسألة الثانية: احسب نسبة انزياح الطول الموجي إلى الطول

الأصلي لمجرة تبعد عنا  $932 \times 10^6$  سنة ضوئية، إذا

كان طول الموجة الأصلي  $500nm$ ، ثم احسب طول

الموجة بعد الانزياح، علماً أن ثابت هابل  $H_0 = \frac{68}{3} \times 10^{-19} s^{-1}$

والفرسخ الفلكي  $pc = 3.26 \text{ Light year}$

الحل:  $\lambda' = \left(1 + \frac{v}{c}\right) \lambda = \lambda + \frac{v}{c} \lambda$

$$\lambda' - \lambda = \frac{v}{c} \lambda$$

نسبة انزياح الطول الموجي إلى الطول الأصلي:

$$\frac{\Delta \lambda}{\lambda} = \frac{v}{c} \dots (1)$$

حساب  $v$  من قانون هابل:  $v = H_0 \cdot d$

$$\text{Light year} = 3 \times 10^8 \times 3600 \times 24 \times 365.25$$

$$\text{Light year} = 9.46728 \times 10^{15} m$$

سرعة ابتعاد المجرة عنا:

$$v = \frac{68}{3} \times 10^{-19} \times 923 \times 10^6 (9.46728 \times 10^{15})$$

$$v = 2 \times 10^7 m \cdot s^{-1}$$

نسبة انزياح الطول الموجي إلى الطول الأصلي:

الجذب الكامنة، فاستنتاج العلاقة بين السرعة الكونية الثانية والسرعة الكونية الأولى.

الحل: استنتاج علاقة السرعة الكونية الأولى: وهي السرعة

المدارية التي تجعل الجسم يدور ضمن مدار حول الجسم الجاذب بحركة دائرية منتظمة.

$$F_c = F_E$$

$$m a_c = G \frac{mM}{r^2}$$

$$m \frac{v_1^2}{r} = G \frac{mM}{r^2}$$

$$v_1 = \sqrt{G \frac{M}{r}}$$

استنتاج علاقة السرعة الكونية الثانية:

$$E_k = E_p$$

$$\frac{1}{2} m v_2^2 = F_E r$$

$$\frac{1}{2} m v_2^2 = G \frac{mM}{r^2} r$$

$$v_2 = \sqrt{\frac{2GM}{r}}$$

العلاقة بين سرعتين الكونيتين الأولى والثانية:

$$v_2 = \sqrt{2} v_1$$

ثالثاً: حل المسائل التالية:

المسألة الأولى: افترض أن الأرض انكشفت حتى

أصبحت تقياً أسوداً، كم يجب أن يكون نصف قطرها؟

علماً أن نصف قطر الأرض الحالي يساوي  $6400 \text{ Km}$

هل سبتلغ الأرض عندئذ القمر إذا تجمعت كتلة الأرض حول مركزها؟

لماذا برأيتك؟

الحل: نصف قطر سفارتر شيلد:  $r = \frac{2GM}{c^2}$

**التفكير الناقد:** إذا راقبت القبة السماوية في ليلة واحدة

لعدة ساعات أجد أن جميع الأجرام المتيرة قد غيرت مكانها

وتحركت في مسار دائري، إلا نجم القطب يبدو ثابتاً، ما

تفسير ذلك؟

**الجواب:** لأن محور دوران الأرض حول نفسها يمر من

نجم القطب فتبدو جميع الأجرام السماوية تدور إلا نجم القطب.

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{2 \times 10^7}{3 \times 10^8} = \frac{1}{15}$$

حساب طول موجة الطيف بعد الازاحة:

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{\lambda' - \lambda}{\lambda} = \frac{1}{15} = \frac{\lambda' - 500 \times 10^{-9}}{500 \times 10^{-9}}$$

$$\lambda' = \left( \frac{500 \times 10^{-9}}{15} \right) + 500 \times 10^{-9}$$

$$\lambda' = 533 \times 10^{-9} \text{m}$$

**المسألة الثالثة:** بعد المريخ عن الشمس وسطيًا 1.25AU

وتصل سطحه تقريبا 100% من أشعة الشمس الموجهة إليه،

فإذا علمت أن النقص في كتلة الشمس

4.22 × 10<sup>11</sup> Kg.s<sup>-1</sup> فاحسب الطاقة التي يتلقاها

1(Km)<sup>2</sup> من سطح المريخ خلال دقيقة واحدة.

[الوحدة الفلكية AU هي المسافة بين الأرض والشمس

وسطيًا وتعتبر 150 مليون كيلومتر].

**الحل:** الطاقة الصادرة عن الشمس خلال ثانية:

$$\Delta E = \Delta m \cdot c^2 = 4.22 \times 10^{11} \times 9 \times 10^{16}$$

$$\Delta E = 37.98 \times 10^{27} \text{J}$$

الطاقة الصادرة عن الشمس خلال دقيقة:

$$\Delta E = 60 \times 37.98 \times 10^{27} = 2278.8 \times 10^{27} \text{J}$$

لنحسب الطاقة المقدمة لكل 1Km<sup>2</sup>:

$$R = 1.52 \text{AU} = 1.52 \times 150 \times 10^6$$

$$R = 76 \times 10^6 \text{Km}$$

خلال دقيقة هي:

$$E = \frac{\Delta E}{4\pi R^2} = \frac{2278.8 \times 10^{27}}{4\pi \times 76 \times 10^6} = \frac{2278.8 \times 10^{27}}{12.5 \times 76 \times 10^6}$$

$$= \frac{2278.8 \times 10^{27}}{190 \times 10^6} \approx 12 \times 10^{21} \text{J} \cdot \text{Km}^2$$

وهي الطاقة التي يتلقاها 1Km<sup>2</sup> من سطح المريخ خلال دقيقة.

انتهى البحث

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء