

مذاكرة نهايات + اشتقاق

اجب عن التمارين الآتية :

التمرين الأول: ليكن لدينا  $c$  الخط البياني للتابع  $f$  المعروف بالعلاقة

$$f(x) = \frac{3x^2 + 6x}{x^2 - x - 29}$$

(1) عين  $Df$  مجموعة تعريف  $f$ (2) اوجد الاعداد  $a, b, c$  التي تحقق

$$f(x) = a + \frac{b}{x+1} + \frac{c}{x-2}$$

التمرين الثاني: ليكن لدينا التابع  $f$  المعروف وفق :

$$f(x) = \begin{cases} 0 & : x = 0 \\ x^2 \cos \frac{1}{x} & : x \neq 0 \end{cases}$$

1 هل  $f$  اشتقاقي عند الصفر علل اجابتك؟(2) اوجد مشتق التابع  $f$ التمرين الثالث:  $a, b$  عدنان حقيقيان  $c$  هو الخط البياني للتابع  $f$  المعروف على  $R$  وفق

$$f(x) = \frac{3x^2 + ax + b}{x^2 + 1}$$

عين  $a, b$  لتكون  $y=4x+3$  معادلة للماس للخط  $c$  في النقطة التي فاصلتها  $x=3$ 

التمرين الرابع :

$$|f(x)-3| \leq \frac{E(x)}{x^2+4} \quad \text{ليكن لدينا :}$$

اوجد نهاية التابع  $f$  عند  $+\infty$

حل المسألة الآتية:

ليكن التابع  $f$  المعرف على المجال  $]3, +\infty[$  وفق:

$$f(x) = x - 4 + \sqrt{x - 3}$$

1 ادرس تغيرات التابع عند اطراف مجموعة التعريف

2 اثبت ان المعادلة  $f(x)=0$  تقبل حلا " وحيدا"

3 اكتب معادلة المماس للخط  $c$  في النقطة التي فاصلتها  $x=4$

سؤال إضافي : هل التابع  $f(x)=\tan(x)$  تابع زوجي ام فردي كع التعليل؟

انتهت الأسئلة

مع التمنيات بالتوفيق والنجاح



احمد عجان الحديد

$$f(4) = 1$$

$$f'(4) = m = 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

$$y - y_0 = m(x - x_0)$$

$$y - 1 = \frac{3}{2}(x - 4)$$

$$y = \frac{3}{2}x - \frac{12}{2} + 1$$

$$y = \frac{3}{2}x - 5$$

السؤال البديهي .

$$f(x) = \tan(x)$$

$$f(x) = \frac{\sin x}{\cos x}$$

$$\forall x \in D_f \Rightarrow x \in D_f$$

$$f(-x) = \frac{\sin(-x)}{\cos(-x)}$$

$$= \frac{-\sin x}{\cos x}$$

$$f(-x) = -f(x)$$

Mr: Ahmad Aljani  
All Hadid

0956546519

③

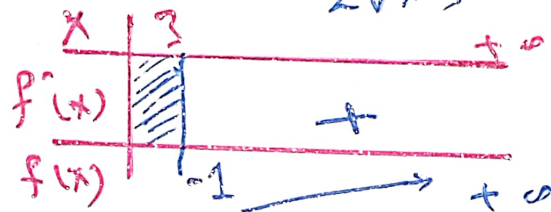
$$\lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) = -1$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

النتيجة عرف واستنتاجي من البرهان

$$] 3, +\infty[$$

$$f(x) = 1 + \frac{1}{2\sqrt{x-3}} > 0$$



f مستمرة وصارفة من البرهان

$$] 3, +\infty[$$

$$f(] 3, +\infty[) = ] -1, +\infty[$$

$$0 \in ] -1, +\infty[$$

$$f(x) = 0$$

$$x \in ] 3, +\infty[$$

حل المسألة الثانية

التمرين الثالث: هدف

$$|f(x) - 3| < \frac{\epsilon(x)}{x^2 + 4}$$

$$x - 1 < \epsilon(x) < x$$

$$\frac{x-1}{x^2+4} < \frac{\epsilon(x)}{x^2+4} < \frac{x}{x^2+4}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x-1}{x^2+4} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x}{x^2+4} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\epsilon(x)}{x^2+4} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\epsilon(x)}{x^2+4} = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = 3$$

$$-3 = -3b = 2 \quad \boxed{b=1}$$

$$f(x) = 3 + \frac{8}{x-2} + \frac{1}{x+1}$$

$$c=8 \quad b=1 \quad a=3$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 0 \quad \cos(\infty)$$

$$-1 \leq \cos \frac{1}{x} \leq 1 \quad x \in \mathbb{R}^*$$

$$-x^2 \leq x^2 \cos \frac{1}{x} \leq x^2$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} -x^2 = 0 \quad \lim_{x \rightarrow 0} x^2 = 0 \quad \lim_{x \rightarrow 0} x^2 \cos \left(\frac{1}{x}\right) = 0$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = f(0)$$

بالتالي  $f$  مستمر على  $\mathbb{R}$  لأنه متوحد من جهة وبتالي

ذلك منها مستمر على المجال  $]-\infty, +\infty[ \cup ]0, +\infty[$

هل مذاكرة نهايات + استنتاج

«أكاديمية الرياضيات التقليدية»

السؤال الأول

$$x^2 - x - 2 \neq 0 \quad f \text{ طرف شرط}$$

$$(x-2)(x+1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x=2 \\ x=-1 \end{cases}$$

$$D_f = \mathbb{R} \setminus \{2, -1\} = ]-\infty, -1[ \cup ]-1, 2[ \cup ]2, +\infty[$$

$$f(x) = \frac{x^2 - x - 2}{3x^2 + 6x} = \frac{x^2 - x - 2}{3x(x+2)}$$

$$f(x) = 3 + \frac{9x+6}{x^2-x-2}$$

$$\frac{9x+6}{x^2-x-2} = \frac{b}{x+1} + \frac{c}{x-2}$$

نوجد المقامات ونضرب

$$9x+6 = b(x-2) + c(x+1)$$

$$24 = 3c = 2 \quad \boxed{c=8} \quad x \rightarrow 2$$