

أولاً: أجب عن الأسئلة الأربعة الآتية :

**السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي :**

1) الدور الخاص لنواس ثقلي بسيط يهتز بسعة زاوية صغيرة يساوي  $2s$ ، نجعل طول خيطه ربع ما كان عليه في الشروط ذاتها فيصبح دوره :

4s (a) 1s (b) 0.5 s (c) 8s (d)

2) ميقاتية ذات نواس ثقلي تدق الثانية في مستوي سطح البحر ، ننقلها إلى قمة جبل فإنها :

(a) تبقى تدق الثانية (b) تقدم (c) تؤخر (d) تقف الميقاتية عن الاهتزاز

3) تكون حركة النواس الثقلي جيبيية دورانية عندما تكون :

(a)  $\theta \leq 0.24\text{rad}$  (b)  $\theta \leq 0.14\text{rad}$  (c)  $\theta > 0.24\text{rad}$  (d) لا شيء مما سبق

4) نواس ثقلي يدق الثانية بسعة زاوية صغيرة نزيد من كتلته العطالية حتى أربعة أمثال ما كانت عليه فيصبح دوره الخاص بسعة صغيرة ( $T_0$ ) :

4s (a) 1s (b) 2s (c)  $\frac{1}{2}s$  (d)

5) إن حركة النواس الثقلي من أجل السعات الزاوية الكبيرة هي :

(a) حركة اهتزازية توافقية (b) حركة اهتزازية غير توافقية (c) توافقية غير اهتزازية (d) لا شيء مما سبق

6) نواس ثقلي مؤلف من ساق متجانسة طولها  $L = 0.375m$  وكتلتها  $M$  معلقة من طرفها العلوي بمحور أفقي عمودي على مستويها الشاقولي ، نزيح الساق عن موضع توازنها الشاقولي بزاوية صغيرة ( $\theta \leq 14^\circ$ ) ونتركها دون سرعة ابتدائية، فيكون الدور الخاص لها :

(علماً أن عزم عطالة الساق  $I_{\Delta,c} = \frac{1}{12} Ml^2$ )  
5S (a) 3S (b) 2S (c) 1S (d)

**السؤال الثاني:** انطلاقاً من العلاقة الآتية:  $\ddot{\theta} = -\frac{mgd}{I_{\Delta}} \bar{\theta}$  في النواس الثقلي المركب صغير السعة ، استنتج العلاقة المحددة لدوره الخاص .

**السؤال الثالث:** مما يتألف النواس البسيط نظرياً ؟ استنتج عبارة دوره الخاص انطلاقاً من عبارة الدور الخاص للنواس المركب من أجل النواس الصغيرة السعة.

**السؤال الرابع:** فسر لا يتعلق الدور الخاص لساق متجانسة تنوس حول محور مار من طرفها العلوي بكتلتها ويبقى الدور نفسه مهما زدنا من كتلة النواس الثقلي .

## ثانياً: حل المسائل الآتية :

**المسألة الأولى:** يتألف نواس ثقلي مركب من قرص متجانس كتلته  $m_1$  ونصف قطره  $r = \frac{2}{3}m$ ، ويمكنه أن يهتز في مستوٍ شاقولي حول محور أفقي عمودي على مستويهِ ومار من مركزه. نثبت في نقطة من محيط القرص كتلة نقطية

$$m_1 = m_2 \text{ .المطلوب:}$$

- 1) استنتج بالرموز العلاقة المحددة للدور الخاص لهذا النواس بدلالة نصف قطره  $r$  انطلاقاً من علاقة الدور الخاص للنواس الثقلي في حالة السعات الزاوية الصغيرة ، ثم احسب قيمته.
  - 2) احسب طول النواس الثقلي البسيط المواقى لهذا النواس .
  - 3) نزيح القرص عن وضع توازنه الشاقولي بزاوية  $\theta_{\max} = 60^\circ$  ونتركه دون سرعة ابتدائية ، استنتج بالرموز العلاقة المحددة للسرعة الزاوية للنواس لحظة مروره بالشاقول ، واحسب قيمتها ، ثم احسب السرعة الخطية للكتلة النقطية عندئذٍ.
- (عزم عطالة قرص حول محور مار من مركزه وعمودي على مستويهِ  $I_{\Delta C} = \frac{1}{2}m_1r^2$  ،  $\pi^2 = 10$  ،  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$  )

**المسألة الثانية:** يتألف نواس ثقلي بسيط من كرة صغيرة نعددها نقطة مادية كتلتها  $m = 100\text{g}$  معلقة بخيط مهمل الكتلة لا يمتط طوله  $l = 1\text{m}$  .المطلوب :

- 1) احسب الدور الخاص لهذا النواس في حالة السعات الصغيرة .
  - 2) يحرف الخيط عن وضع التوازن الشاقولي بزاوية  $\theta_{\max} = 60^\circ$  وتترك الكرة من دون سرعة ابتدائية : (a) استنتج بالرموز العلاقة المحددة للسرعة الخطية لكرة النواس لحظة مرور النواس بوضع توازنه الشاقولي ، ثم احسب قيمتها.
- (a) استنتج بالرموز علاقة توتر الخيط لحظة مرور النواس بوضع توازنه الشاقولي ، ثم احسب قيمته.

**المسألة الثالثة:** يتألف نواس ثقلي مركب من ساق متجانسة كتلتها  $0.5\text{Kg}$  ، طولها  $\frac{3}{2}m$  تنوس في مستوٍ شاقولي حول محور أفقي مار من طرفها العلوي، نثبت على الساق كتلة نقطية  $0.5 \text{ kg}$  على بُعد  $r$  من طرفها العلوي ( $r \neq 0$ )، نزيح الساق عن وضع توازنه الشاقولي بزاوية  $0.1\text{rad}$  ونتركها دون سرعة ابتدائية في اللحظة  $t=0$ ، فتهتز عشر هزات كل عشرين ثانية.

والمطلوب: 1) احسب قيمة  $r$  .

- 2) استنتج التابع الزمني للمطال الزاوي انطلاقاً من شكله العام .
  - 3) احسب السرعة الزاوية للساق لحظة المرور الثاني بالشاقول .
  - 4) نزيح الساق من جديد عن الشاقول بزاوية  $90^\circ$  ونتركها دون سرعة ابتدائية .احسب السرعة الخطية لمركز عطالة جملة النواس لحظة المرور بالزاوية  $60^\circ$  عن الشاقول .
- (علماً أن عزم عطالة الساق  $I_{\Delta C} = \frac{1}{12}Ml^2$  و  $\pi^2 = 10$ )

انتهت الأسئلة .. 😊

مع أطيب الامنيات لكم بالنجاح ❤️

أ.فارس جقل & أ.أمل أمهان

أ. فارس جقل .. دورات ( ر ف ك ) .. اللاذقية 0955186517

تفلم زهره (امبار فيزياء)  
 النورس اعطاني  
 مع اطيب الامنيات لكم بالنجاح  
 اولاً:

السؤال الأول: 60

- (10) (1) 1s أو (b)
- (10) (2) 20cm أو (c)
- (10) (3)  $0.24 \text{ rad} \leq \theta$  أو (a)
- (10) (4) 4s أو (a)
- (10) (5) كما مشي كما سبق أو (d)
- (10) (6) 1s أو (d)

السؤال الثاني: 25

- (10) (1) السؤال الثالث: وفي معادلة تعاضلية من الرتبة الثانية تقبل ملاً حياً من الشكل:
- (10) (2)  $\theta = \theta_{\max} \cos(\omega t + \phi)$  بالاستغاث مرتين.
- (2.5) (3)  $(\theta)_t = -\omega \theta_{\max} \sin(\omega t + \phi)$
- (2.5) (4)  $(\theta)''_t = -\omega^2 \theta_{\max} \cos(\omega t + \phi)$  بالمطابقة في:
- (5) (5)  $\omega^2 = \frac{mgd}{I_D}$
- (4) (4)  $\Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{mgd}{I_D}} > 0$  أي وهذا كصفت لأن جميع المقادير موجبة.
- (5) (5)  $\omega = \frac{2\pi}{T_0} \Rightarrow$
- (5) (5)  $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_D}{mgd}}$

السؤال الثالث: يتألف من نقطة مادية تتحرك بتأثير تخطا على بعد ثابت لا عن محور الدوران الأفقي الثابت.

النورس الحبيب:

$I_D = 2\pi \sqrt{\frac{I_D}{mgd}}$   
 $I_D = mr^2, r=l$   
 $I_D = ml^2, d=l$   
 $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$

20

السؤال الرابع: لأنه لها تغير في الطاقة فإن  $I_D$  ستغير بتغير المقدار ويتغير الدور ثانياً: المسألة الأولى

$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_D}{mgd}}$

$I_D = I_{D1} + I_{D2}$   
 $= \frac{1}{2} m_1 r^2 + m_2 r^2$   
 $= \frac{3}{2} m_1 r^2$

$m = m_1 + m_2 = 2m_1$   
 $d = \frac{m_2 r}{m_1 + m_2} = \frac{m_2 r}{2m_1} = \frac{r}{2}$

$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{3}{2} m_1 r^2}{2m_1 g \frac{r}{2}}}$   
 $= 2\pi \sqrt{\frac{3r}{2g}} = 2\pi \sqrt{\frac{3 \times \frac{2}{3}}{2 \times 10}}$

$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{3 \times \frac{2}{3}}{2 \times 10}} = 2\pi \sqrt{\frac{2}{10}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{5}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{5}}$

$2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} = 2 \Rightarrow l = 1m$

السؤال الخامس: أعطيت أو  $\theta = \frac{\pi}{3} \text{ rad}$  الثاني: المحور ثابت أو  $\theta = 0$

$$t_2 = \frac{3 \cdot 10}{4}$$

$$= \frac{3(3)}{4} = \frac{3}{2} \text{ s}$$

$$w = -w_0 \sin(\omega_0 t + \phi)$$

$$= -\pi \times 0,1 \sin(\pi(\frac{3}{2})) = 0,1 \pi \text{ rad/s}$$

(4) نظرية نظرية الطاقة الحركية بين الموضعين:

$$\theta_1 = \theta_{\max}$$

$$\theta_2 = 0$$

$$\Delta E_k = \sum \vec{W}_{F(1 \rightarrow 2)}$$

$$E_{k2} - E_{k1} = W_{\vec{W}} + W_{\vec{R}}$$

0 لأن نقطة تأثير  $\vec{R}$  لا تتغير  
0 لأن مركز ثقل الكرة لا يتحرك

$$\frac{1}{2} I_0 \omega^2 = (m+m)gh$$

$$\omega^2 = \frac{2(m+m)gh}{I_0}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{2(m+m)gh}{I_0}}$$

$$= \sqrt{\frac{2(2m)g \cdot d(\cos\theta_2 - \cos\theta_1)}{m(\frac{2}{4} + r^2)}}$$

$$= \sqrt{\frac{4g \cdot d(\cos\theta_2 - \cos\theta_1)}{\frac{2}{4} + r^2}} = \sqrt{\frac{4 \times 10 \times \frac{7}{8} (1 - \frac{1}{2})}{\frac{2}{4} + r^2}}$$

$$= 2\sqrt{5} \text{ rad/s}$$

لحساب السرعة الخطية لحافة الكرة:

$$v = \omega \cdot d$$

$$= 2\sqrt{5} \times \frac{7}{8} = \frac{7\sqrt{5}}{4} \text{ m/s}$$

$$= m(\frac{1}{3}l^2 + v^2) = m(\frac{1}{3}(\frac{2}{4}) + v^2)$$

$$= m(\frac{2}{4} + v^2)$$

$$d = \frac{m'v + m\frac{l}{2}}{m' + m} = \frac{m(v + \frac{l}{2})}{2m}$$

$$= \frac{v + \frac{l}{2}}{2}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m(\frac{2}{4} + r^2)}{2mg(\frac{v + \frac{l}{2}}{2})}}$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{\frac{2}{4} + r^2}{2 \times 10 (\frac{v + 3/4}{2})}} = 2\sqrt{\frac{\frac{2}{4} + r^2}{\frac{3}{4} + v}}$$

$$\Rightarrow 2 = 2\sqrt{\frac{\frac{2}{4} + r^2}{\frac{3}{4} + v}}$$

$$1 = \frac{\frac{2}{4} + r^2}{\frac{3}{4} + v} \Rightarrow \frac{3}{4} + v = \frac{2}{4} + r^2$$

$$v^2 - v = 0 \Rightarrow v = 0 \text{ (موقوف)} \text{ أو } v = 1 \text{ (مقبول)}$$

$$\theta = \theta_{\max} \cos(\omega_0 t + \phi)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{2} = \pi \text{ rad/s}$$

$$\theta_{\max} = 0,1 \text{ rad}$$

$$(t=0, \theta = \theta_{\max})$$

$$0,1 = 0,1 \cos(\phi) \Rightarrow$$

$$1 = \cos(\phi)$$

$$\phi = 0 \text{ rad}$$

$$\theta = 0,1 \cos(\pi t)$$

أفارس جقل .. دورات (ر ف ك) ... اللاذقية 0955186517

$$E_{K_2} - E_{K_1} = W_W + W_T$$

مع اطلب الامتداد لكم بالنجاح

$$\frac{1}{2} m v^2 - 0 = mgh + 0$$

$$v^2 = 2gh$$

$$h = l (\cos \theta_2 - \cos \theta_{max})$$

$$v = \sqrt{2gl (\cos \theta_2 - \cos \theta_{max})}$$

$$v = \sqrt{2 \times 10 \times 1 \times (1 - \frac{1}{2})}$$

$$= \sqrt{10} \text{ m.s}^{-1}$$

$$\sum \vec{F} = m \vec{a} \quad (b)$$

$$\vec{W} + \vec{T} = m \vec{a}$$

الامتداد على السطح

$$-mg \cos \theta + T = m a_c$$

$$T = m \left( \frac{v^2}{l} \right) + mg \cos \theta$$

$$= m \left[ \frac{2gl (\cos \theta_2 - \cos \theta) + g \cos \theta}{l} \right]$$

$$= mg [3 \cos \theta - 2 \cos \theta_{max}]$$

$$= 10^{-1} \times 10 (3(1) - 2(\frac{1}{2})) = 2 \text{ N}$$

المسألة الثانية

$$T_0 = \frac{2\pi \sqrt{l}}{\sqrt{g}}$$

$$= \frac{20}{10} = 2 \text{ s}$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\Delta}}{mgd}}$$

$$I_{\Delta} = I_{\Delta_{cm}} + I_{\Delta_{cm}}$$

$$= \frac{1}{12} m l^2 + m \left( \frac{l}{2} \right)^2 + m v^2$$

$$= \frac{1}{3} m l^2 + m v^2$$

$$\Delta E_K = \sum W_{F(1 \rightarrow 2)}$$

$$E_{K_2} - E_{K_1} = W_W + W_R$$

لأن نقطة تأثير R لا تنقل لأن مركز كتلة صلبة لا يتحرك

$$\frac{1}{2} I_{\Delta} \omega^2 - 0 = 2m_1 g h + 0$$

$$h = d (\cos \theta_2 - \cos \theta_{max})$$

$$= \frac{r}{2} (1 - \cos \theta_{max})$$

$$\omega = \sqrt{\frac{4m_1 g h}{I_{\Delta}}}$$

$$= \sqrt{\frac{4m_1 g \frac{r}{2} (1 - \cos \theta_{max})}{\frac{3}{2} m_1 r^2}}$$

$$= \sqrt{\frac{4 \times 10 (1 - \frac{1}{2})}{3 \times \frac{2}{3}}}$$

$$\omega = \sqrt{10} \text{ rad.s}^{-1}$$

$$v_{m_2} = \omega \cdot r$$

$$= \sqrt{10} \times \frac{2}{3}$$

$$= \frac{2}{3} \sqrt{10} \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة الثانية

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} = 2\pi \sqrt{\frac{1}{10}}$$

$$\Rightarrow T_0 = 2 \text{ s}$$

نقطة نظرية الطاقة الحركية بين الوضعتين

$$\theta_1 = \frac{\pi}{3} \text{ أو } \frac{2\pi}{3}$$

$$\theta_2 = 0 \text{ أو } \pi$$

$$\Delta E_K = \sum W_{F(1 \rightarrow 2)}$$