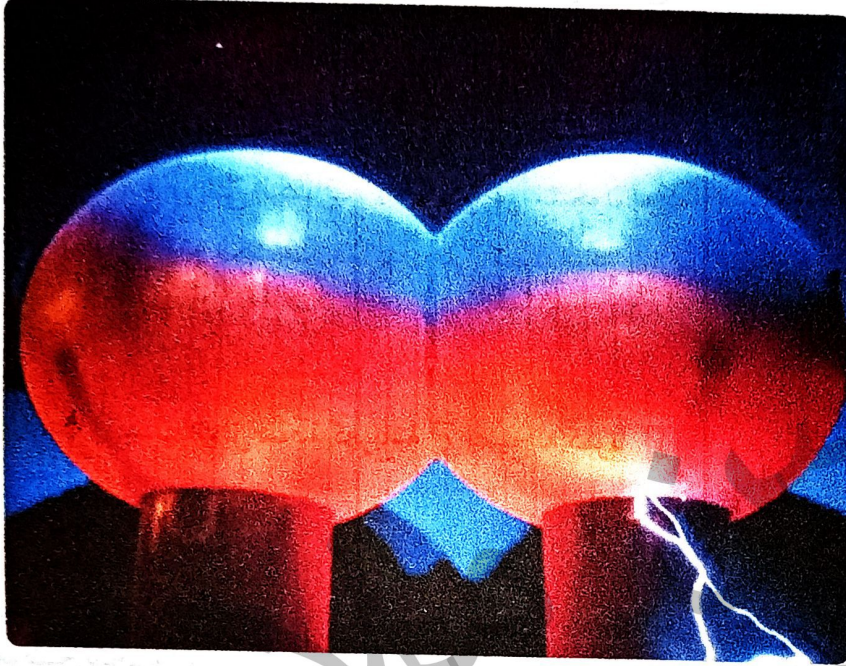
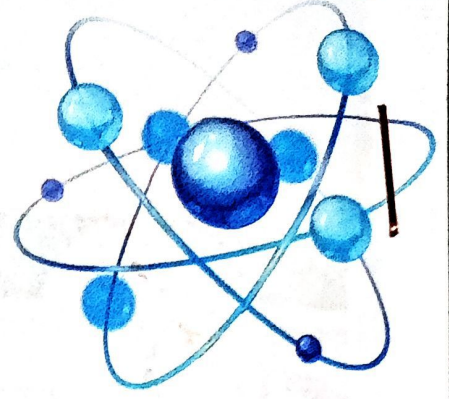


1

السعة الكهربائية



يُعتبر عن سعة وعاء بحجم السائل الذي يمكن أن يستوعبه، كما يُعتبر عن سعة ذاكرة حاسوب بحجم المعلومات التي يمكن أن تخزن فيها فهل للناقل الكهربائي سعة؟

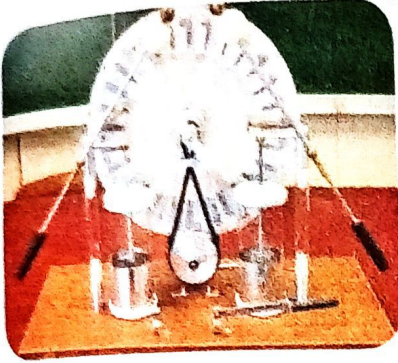
الأهداف:

- * يتعرف مفهوم السعة الكهربائية.
- * يوضح بيانياً العلاقة بين شحنة ناقل وكمونه.
- * يستنتج العلاقة التي تحدد السعة الكهربائية لناقل كروي.
- * يبين العوامل المؤثرة في سعة ناقل.
- * يوضح توزع الشحنات على سطوح النواقل المتصلة.

الكلمات المفتاحية:

- * سعة ناقل
- * الفاراد
- * كمون التوازن

مفهوم السعة الكهربائية:



أجرب وأستنتج:

أدوات التجربة:

(ناقل معدني، آلة ويمشورت، كشاف كهربائي، أسلاك توصيل)

• أضع ناقل معدني فوق قرص كشاف كهربائي مدرج بالفولط، ماذا لاحظ؟

• أشحن الناقل بواسطة آلة ويمشورت، وأصله بقرص الكشاف، ماذا لاحظ؟ ماذا أستنتج؟

– لا تنفرج وريقتي الكشاف، لأن الناقل غير مشحون، وكمونه معدوم

– تنفرج وريقتا الكشاف، مما يدل على كمون الناقل بسبب اكتسابه شحنات كهربائية.

أستنتج

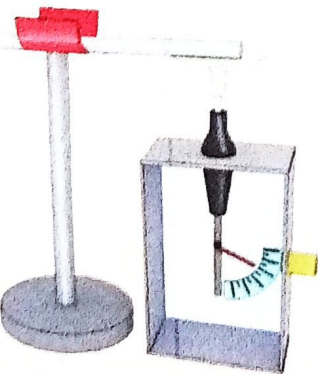
عندما يكتسب الناقل شحنة كهربائية \bar{q} يصبح له كموناً \bar{V} .

نشاط (1):

بيئت التجارب أنه عند شحن ناقل بشحنات مختلفة نحصل على الكمون الموافق لكل عملية شحن كما هو موضح بالجدول:

شحنة الناقل (\bar{q})	كمون الناقل (\bar{V})	$\frac{\bar{q}}{\bar{V}}$
$\bar{q}_1 = -6 \times 10^{-11} \text{ C}$	$\bar{V}_1 = -6 \text{ V}$	1×10^{-11}
$\bar{q}_2 = -12 \times 10^{-11} \text{ C}$	$\bar{V}_2 = -12 \text{ V}$	1×10^{-11}
$\bar{q}_3 = 12 \times 10^{-11} \text{ C}$	$\bar{V}_3 = 12 \text{ V}$	1×10^{-11}
$\bar{q}_4 = 18 \times 10^{-11} \text{ C}$	$\bar{V}_4 = 18 \text{ V}$	1×10^{-11}
$\bar{q}_5 = 24 \times 10^{-11} \text{ C}$	$\bar{V}_5 = 24 \text{ V}$	1×10^{-11}

ناقل مشحون



• أحسب النسبة $\frac{\bar{q}}{\bar{V}}$.

• أرسم الخط البياني المعبر عن شحنة الناقل بدلالة كمونه.

• أحسب ميل الخط البياني الناتج. $m = \frac{q}{V} = C$

• أقرن ميل الخط الناتج مع النسبة $\frac{\bar{q}}{\bar{V}}$.

① نسبة شحنة ناقل إلى كمونه مقدار ثابت.

$$\frac{q_1}{V_1} = \frac{q_2}{V_2} = \frac{q_3}{V_3} = \frac{q}{V} = \text{const}$$

② الخط البياني المعبر عن شحنة الناقل بدلالة كمونه مستقيم ويمر من المبدأ V .

③ تدعى النسبة الثابتة $\frac{q}{V}$ لناقل بالسعة الكهربائية C وهي عدد موجب دوماً، وتعطى

$$C = \frac{q}{V}$$

• تقدر السعة الكهربائية للناقل في الجملة الدولية بوحدة F (الفاراد).

• الفاراد هو السعة الكهربائية لناقل معزول إذا شحن بشحنة مقدارها كولوم واحد يكون كمونه فولطاً واحداً.

سعة ناقل كروي:

نشاط (2):

• أكتب عبارة سعة ناقل.

• أكتب عبارة كمون ناقل كروي نصف قطره r ومشحون بشحنة q .

$$C = \frac{q}{V}$$

• أستنتج عبارة سعة ناقل كروي: $V = 9 \times 10^9 \frac{q}{r}$ كمون الناقل الكروي

$$C = \frac{q}{9 \times 10^9 \frac{q}{r}}$$

$$C = \frac{r}{9 \times 10^9}$$

سعة ناقل كروي:

السعة الكهربائية لناقل كروي تتناسب طردياً مع نصف قطره. وتعطى بالعلاقة: $C = \frac{r}{9 \times 10^9}$

$$C = \frac{r}{9 \times 10^9} \rightarrow 1 = \frac{r}{9 \times 10^9} \rightarrow r = 9 \times 10^9 \text{ m} = 9 \times 10^6 \text{ km}$$

نشاط (3):

• احسب نصف قطر ناقل كروي سعته $1F$ ؟

• أقرن الجواب مع نصف قطر الأرض ($R_0 = 6400 \text{ km}$) بالمقارنة بين r ، نستنتج أن الفاراد

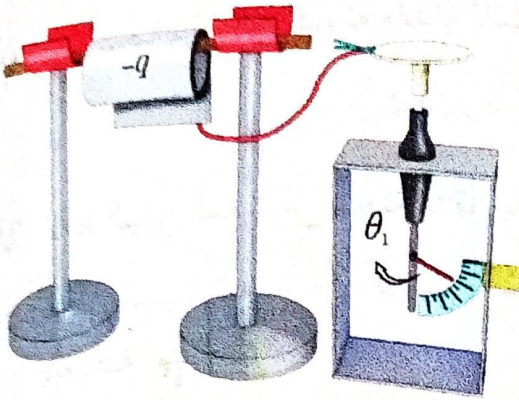
واحدة كبيرة جداً ولذلك نستخرج أجزائها

ملاحظة

الفاراد سعة كبيرة جداً لذلك نتعامل عملياً مع أجزاء الفاراد.

$$\begin{aligned} & \rightarrow 1 \text{ mF} = 10^{-6} \text{ F} \\ & \rightarrow 1 \text{ nF} = 10^{-9} \text{ F} \\ & \rightarrow 1 \text{ pF} = 10^{-12} \text{ F} \end{aligned}$$

العوامل المؤثرة في السعة الكهربائية لناقل:



أجرب وأنتج:

أدوات التجربة:

(آلة ويمشورت، ورق من الألمنيوم، قلم بلاستيكي، سلك ناقل طويل ورفيع، كشاف كهربائي، مواد ناقلة، مواد عازلة).

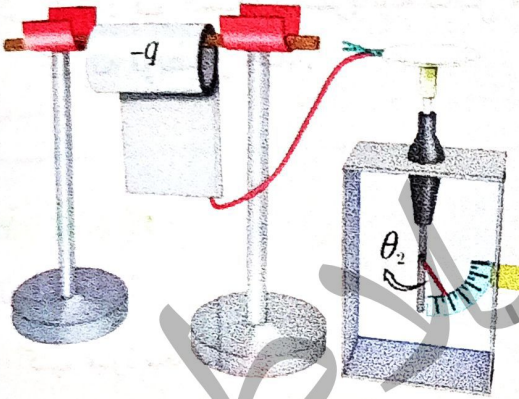
1. مساحة سطح الناقل:

• ألّف صفيحة رقيقة (ورقة) من الألمنيوم أو الزنك على قلم بلاستيكي.

• أشحن الصفيحة المعدنية عن طريق ملامستها بجسم مشحون بعد وصلها بسلك دقيق وطويل بقصر كشاف غير مشحون، **الاحظ انفراج وريقتي الكشاف.**

• أدور القلم البلاستيكي بحيث تزداد مساحة سطح الصفيحة، **ماذا لاحظ؟**

• **يتناقص انفراج وريقتي الكشاف مما يدل على تناقص كمون الصفيحة.**



أنتج

تزداد سعة ناقل بازدياد مساحة سطحه الخارجي.

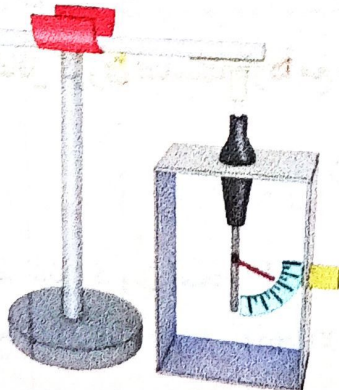
2. وجود نواقل مجاورة:

• أشحن ناقلاً معدنياً A، وأصله بقصر كشاف كهربائي، فتنفج وريقتا الكشاف.

• أقرّب منه ناقلاً معتدلاً B، **ماذا لاحظ؟**

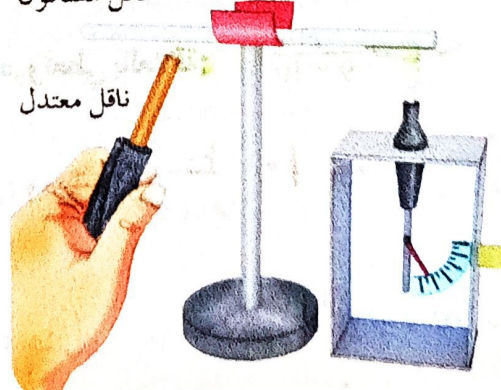
• **يتناقص انفراج وريقتي الكشاف مما يدل على تناقص كمون الصفيحة.**

ناقل مشحون



ناقل مشحون

ناقل معتدل

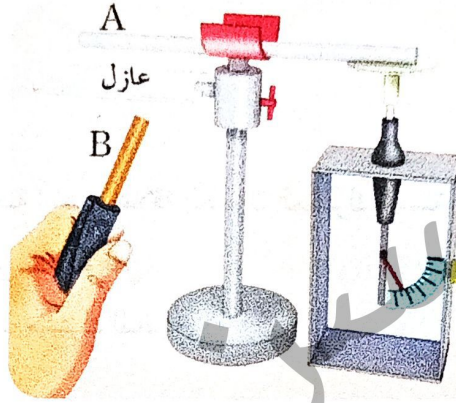


استنتج

تزداد سعة ناقل بوجود نواقل مجاورة.

3. الوسط العازل بين الناقل والنواقل المجاورة:

• أضع بين الناقلين B و A وسطاً عازلاً (صفحة من الزجاج) ماذا لاحظ؟



تناقص انفرج وريفتي الكشاف أي تناقص الكمون مع بقاء الشحنة ذاتها.

استنتج

تتوقف سعة ناقل على نوع العازل بين الناقل المشحون والنواقل المجاورة له.

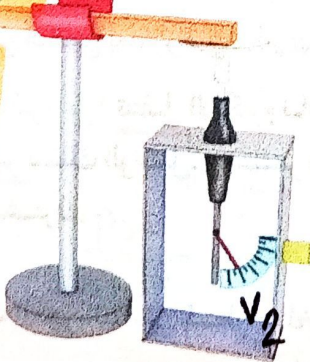
توزيع الشحنات على سطوح النواقل المتصلة

نشاط (4):

- أخذ ناقلين مشحونين ومعزولين شحنتاهما على الترتيب (\bar{q}_1, \bar{q}_2) وسعتاهما (C_1, C_2) وكموناهما (V_1, V_2)
- أضع كل منهما على قرص كشاف كهربائي، ماذا لاحظ؟

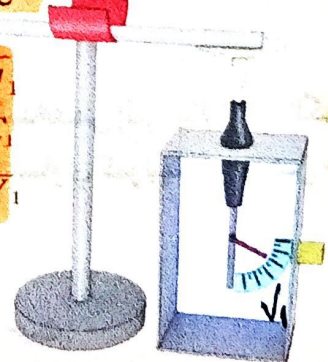
ناقل مشحون

\bar{q}_2
 C_2
 V_2



ناقل مشحون

\bar{q}_1
 C_1
 V_1

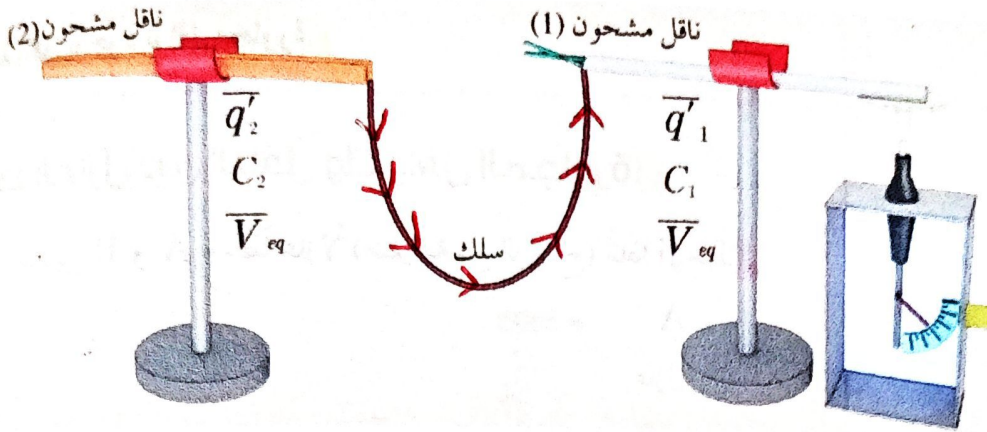


الوصيل
خارجياً
 $V_2 < V_1$

• أكتب العلاقة المعبرة عن شحنة كل منهما.

٨٨ وذلك لكي لا يؤثر أحدهما بالأخر فيبقىهما بعيدين عن بعضهما

• أصل سطحي الناقلين بسلك ناقل رفيع وطويل، ماذا لاحظ؟ ماذا أستنتج؟



- بالاعتماد على مبدأ مصونية الشحنة أستنتج علاقة الكمون المشترك لجملته الناقلين
- أكب علاقة شحنة كل من الناقلين بعد الوصل.
- أفسر إلكترونياً الوصول إلى كمون مشترك للناقلين.

• الإحظ:

– إفراج وريفنا كل كاشف بزواية تختلف عن الأخرى

$$\bar{q}_1 = \bar{V}_1 C_1 \quad \bar{q}_2 = \bar{V}_2 C_2$$

– أستنتج تساوي كمون كل من الناقلين، بعيد الوصل ندعوه الكمون المشترك \bar{V}_{eq} (كمون التوازن)

$$\bar{V}_{eq} = \frac{\bar{q}_1}{C_1} = \frac{\bar{q}_2}{C_2} = \frac{\bar{q}_1 + \bar{q}_2}{C_1 + C_2}$$

– إيجاد قانون الكمون المشترك؛ ولكن $\bar{q}_1 + \bar{q}_2 = \bar{q}_1 + \bar{q}_2$ (حسب مبدأ مصونية الشحنة)

$$\bar{V}_{eq} = \frac{\Sigma \bar{q}}{\Sigma C} \quad \bar{V}_{eq} = \frac{\bar{q}_1 + \bar{q}_2}{C_1 + C_2}$$

• أستنتج

الكمون المشترك لئواقل متصلة يساوي نسبة المجموع الجبري للشحنات الكهربائية للئواقل إلى مجموع سعاتها الكهربائية.

$$\bar{q}_1 = \bar{V}_{eq} C_1, \quad \bar{q}_2 = \bar{V}_{eq} C_2$$

• التفسير الإلكتروني: تنتقل الإلكترونات الحرة من الناقل ذي الكمون المنخفض إلى الناقل ذي الكمون المرتفع عبر سلك الوصل، ويستمر ذلك الانتقال حتى يتم التوازن بتساوي كمونيهما ونحصل على

$$\bar{V}_{eq}$$

ملاحظة:

تنوزع الشحنات الكهربائية على السطوح الخارجية للئواقل المتصلة بنسبة سعاتها حيث:

$$\left. \begin{aligned} \bar{q}_1 &= \bar{V}_{eq} \cdot C_1 \\ \bar{q}_2 &= \bar{V}_{eq} \cdot C_2 \end{aligned} \right\} \quad \frac{\bar{q}_1}{\bar{q}_2} = \frac{C_1}{C_2} = \bar{V}_{eq}$$

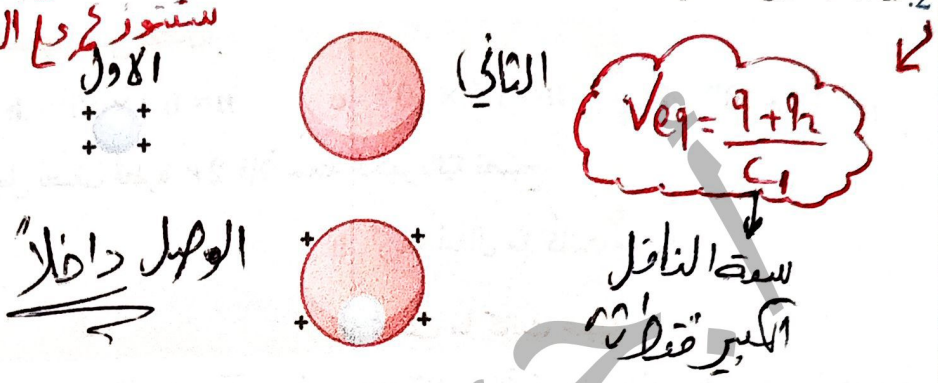
تمرين:

في الشكل ناقلان كرويّان الأول مشحون بشحنة q_1 والثاني أجوف غير مشحون، ندخل الناقل الأول داخل الناقل الثاني وفق الشكل. المطلوب:

1. ما شحنة كل من الناقلين بعد الوصل.
2. ما العلاقة بين كموني الناقلين بعد الوصل؟ فسّر إجابتك.

عنا سطح أي لن يحمل أي شحنة لأن الإلكترونات ستنتزع من السطح الخارجي للحملة أي على سطح الناقل الكبير.

أي تنتقل شحنة الناقل الصغير إلى الناقل الكبير الخارجي وبالتالي الكلية هي الناقل الكبير فقط.



تعلمت

السعة الكهربائيّة لناقل مشحون ومعزول هي النسبة الثابتة التي تقيس شحنته q إلى كمونه V وتعطى بالعلاقة $C = \frac{q}{V}$.

سعة ناقل كرويّ تتناسب طردياً مع نصف قطره وتعطى بالعلاقة: $C = \frac{r}{9 \times 10^9}$.

تزداد سعة ناقل لو ازدادت مساحة سطحه أو إذا جاور نواقل أخرى وتتنوّع السعة بتغيّر نوع الوسط العازل الفاصل بين الناقل المشحون والنواقل المجاورة.

تنوّع الشحنات الكهربائيّة على السطوح الخارجيّة للنواقل المتصلة بنسبة السعات ويدعى كمونها بالكمون المشترك أو كمون التوازن ويعطى بالعلاقة: $V_{eq} = \frac{\sum q}{\sum C}$.

عند وصل ناقلين خارجياً بسلك ناقل تنتقل الإلكترونات الحرّة من الناقل ذي الكمون المنخفض إلى الناقل ذي الكمون المرتفع، ويستمر الانتقال حتى يتم التوازن بتساوي كمونيهما. وتحقق العلامة:

$$V_{eq} = \frac{\sum q}{\sum C} = \frac{q_1}{C_1} = \frac{q_2}{C_2}$$

اختبر نفسي ص 119 توضيح حل الإختيار من متعدد آخر صفحة

اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1- ناقل مشحون و معزول سعته الكهربائية $C = 6.4 \mu F$ كمونه $V = 100 V$ فإذا علمت أنّ $e = 1.6 \times 10^{-19} C$ فإنّ عدد الإلكترونات التي يكتسبها حتى يعتدل :

$$n = 6.4 \times 10^4 \quad (b)$$

$$n = 4 \times 10^{15} \quad (a)$$

$$n = 3.2 \times 10^6 \quad (d)$$

$$n = 1.5 \times 10^6 \quad (c)$$

2- ناقل كروي نصف قطره r ، نجعل نصف قطره $2r$ فإنّ سعته الكهربائية تصبح:

(a) مثلي ما كانت عليه

(b) أربعة أمثال ما كان عليه

(c) ربع ما كانت عليه

3- ناقل كروي مشحون ومعزول شحنته $q = 3 nC$ في الهواء و قطره 27 cm ، فإنّ كمونه الكهربائي يكون:

$$1 \times 10^2 \text{ v} \quad (d)$$

$$2 \times 10^2 \text{ v} \quad (c)$$

$$3 \times 10^2 \text{ v} \quad (b)$$

$$4 \times 10^2 \text{ v} \quad (a)$$

4- ناقل كروي معزول نصف قطره $r = 9 \text{ cm}$ تكون سعته:

$$1 \times 10^{-11} \text{ F} \quad (d)$$

$$2 \times 10^{-11} \text{ F} \quad (c)$$

$$2 \times 10^{-11} \text{ F} \quad (b)$$

$$1 \times 10^{-11} \text{ F} \quad (a)$$

5- ناقل كروي مشحون ومعزول كمونه V_1 نصله بسلك دقيق و طويل بناقل كروي يمثله بنصف القطر غير مشحون، فيكون الكمون المشترك لهما:

$$3 V_1 \quad (d)$$

$$V_1 \quad (c)$$

$$2 V_1 \quad (b)$$

$$\frac{V_1}{2} \quad (a)$$

6- كرة معدنية معزولة نصف قطرها $r_1 = 9 \text{ cm}$ و شحنتها $q_1 = 4 \mu C$ وكرة معدنية أخرى غير مشحونة سعته $C_2 = 3C_1$ ، عندما نصل سطحي الكرتين بسلك رفيع و طويل فإنّ كمون التوازن هو:

$$10^5 \text{ v} \quad (d)$$

$$10^3 \text{ v} \quad (c)$$

$$10^4 \text{ v} \quad (b)$$

$$10^6 \text{ v} \quad (a)$$

7- كرة معدنية معزولة سعته C_1 و كمونها V_1 وكرة معدنية ثانية جوفاء غير مشحونة سعته $C_2 = 2C_1$ ، ندخل الكرة الأولى في الثانية حتى تلامسها من الداخل فإنّ كمون الكرة الأولى يصبح:

(a) مثلي ما كانت عليه.

(b) نصف ما كان عليه

(c) ثلاثة أمثال ما كان عليه

(d) ثلث ما كان عليه

ثانياً: أعط تفسيراً علمياً لكل مما يأتي:

1 - ازدياد سعة ناقل إذا جاور نواقل أخرى؟

الجواب: وجود ناقل آخر يسبب تجمع شحنات الناقل المشحون على الوجه المقابل له فيحدث تناقص في كثافة الشحنات على باقي أجزاء سطح الناقل المشحون. مما يسبب زيادة السعة.

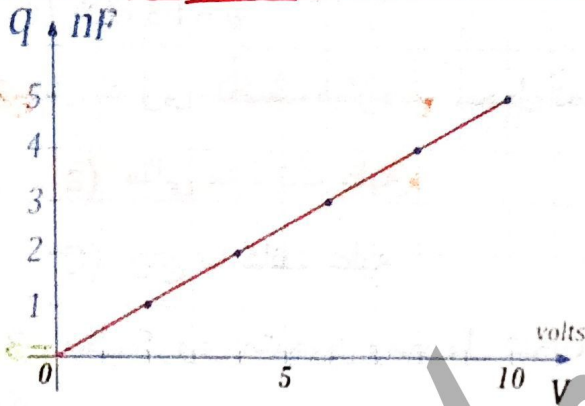
2 - تتوزع الشحنات الكهربائية على سطح ناقل مشحون و معزول بشكل متجانس؟

الجواب: بسبب تساوي التأثير المتبادل بين الشحنات الكهربائية المتوزعة على السطح من جميع الاتجاهات.

ثالثاً: حل المسائل الآتية:

المسألة الأولى:

يمثل المنحني البياني الآتي تغيرات كمون ناقل كروي بتغير شحنته، المطلوب:



1 - احسب ميل هذا المنحني البياني.

2 - احسب نصف قطر هذا الناقل المشحون.

3 - نصل هذا الناقل الكروي المشحون بناقل كروي ثاني غير مشحون فيصبح كمون الناقل المشحون ثلث ما كان عليه المطلوب حساب سعة الناقل الكروي الثاني.

الحل:

1 - من المنحني البياني نلاحظ أن الميل هو عبارة عن نسبة الشحنة إلى الكمون أي:

$$\frac{q}{V} = \frac{3 \times 10^{-9}}{6} = 0.5 \times 10^{-9}$$

2 - تعطى سعة ناقل كروي بالعلاقة:

$$C = \frac{r}{9 \times 10^9}$$

$$r = 0.5 \times 10^{-9} \times 9 \times 10^9$$

$$r = 4.5 \text{ m}$$

3 - بعد الوصل يصبح للناقلين الكمون ذاته V_{eq}

9

من نص المسألة يصبح أمون الأول ثلثه فإنا $V_{eq} = \frac{6}{3} = 2 \text{ v}$

$\rightarrow q'_1 = V_{eq} \times C_1$

$\rightarrow q'_1 = 2 \times 0.5 \times 10^{-9} = 1 \times 10^{-9} \text{ c}$

نسب بعد أمونية الشحنة $q'_2 = 3 \times 10^{-9} - 1 \times 10^{-9} = 2 \times 10^{-9} \text{ c}$

$\rightarrow C_2 = \frac{q'_2}{V_{eq}} = \frac{2 \times 10^{-9}}{2} = 1 \times 10^{-9} \text{ F}$

المسألة الثانية

يشحن ناقل كروي نصف قطره $r = 4.5 \text{ cm}$ بشحنة مقدارها $q = 0.5 \times 10^{-9} \text{ c}$ المطلوب:

1- احسب سعته الكهربائية في الهواء.

2- احسب كمون هذا الناقل.

الحل:

$C = \frac{4\pi r^2 \epsilon_0}{1} = \frac{4.5 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9} = 2.25 \times 10^{-11} \text{ F}$

$C = 0.5 \times 10^{-11} \text{ F}$

$V = \frac{q}{C} = \frac{0.5 \times 10^{-9}}{0.5 \times 10^{-11}} = 100 \text{ V}$

$V = 100 \text{ V}$

المسألة الثالثة:

ناقل سعته $1 \mu\text{F}$ وكمونه 100 V وناقل آخر سعته $1.5 \mu\text{F}$ وكمونه 75 V نصل سطحي الناقلين بسلك طويل و رفيع والمطلوب حساب:

1- شحنة كل من الناقلين بعد الوصل.

2- الشحنة التي انتقلت من أحدهما للآخر.

الحل:

1- نحسب الكمون المشترك للناقلين أولاً:

الوصل داخلي $V_{eq} = \frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2}$

$V_{eq} = \frac{100 \times 10^{-6} + 112.5 \times 10^{-6}}{1 \times 10^{-6} + 1.5 \times 10^{-6}} = 85 \text{ V}$

بالتعويض نجد:

لأننا q_1 و q_2 (الشحن قبل الوصل) لذلك نحسبهم من القانون $q = C \cdot V$

$q'_1 = V_{eq} \times C_1$

شحنة الناقل الأول بعد الوصل:

$$q_1' = 85 \times 1 \times 10^{-6} = 85 \times 10^{-6} \text{ C}$$

$$q_2' = V_{eq} \times C_2$$

$$q_2' = 85 \times 1.5 \times 10^{-6} = 127.5 \times 10^{-6} \text{ C}$$

$$\Delta q = q_2' - q_2 = 127.5 \times 10^{-6} - 112.5 \times 10^{-6} = 15 \times 10^{-6} \text{ C}$$

- 2

المسألة الرابعة:

ناقلان كرويان معزولان ومشحونان، نصف قطر الأول 9 cm و شحنته $1 \times 10^{-9} \text{ C}$ ونصف قطر الثاني 3 cm و شحنته $0.6 \times 10^{-9} \text{ C}$ ، نصل الناقلين بسلك طويل و رفيع والمطلوب:

1 - بين بالحساب إلى أي اتجاه تنتقل الإلكترونات.

2 - احسب الكمون المشترك للناقلين.

3 - احسب شحنة كل من الناقلين بعد الوصل.

الحل:

1 - لمعرفة كيفية انتقال الإلكترونات يجب حساب كمون كل من الناقلين قبل الوصل.

$$V_1 = 9 \times 10^9 \frac{q_1}{r_1} = 9 \times 10^9 \frac{1 \times 10^{-9}}{9 \times 10^{-2}} = 100 \text{ V}$$

$$V_2 = 9 \times 10^9 \frac{q_2}{r_2} = 9 \times 10^9 \frac{0.6 \times 10^{-9}}{3 \times 10^{-2}} = 180 \text{ V}$$

2- ب
حسب V_1, V_2 بالحساب C_1, C_2
من العلاقة $V = \frac{q}{C}$

نلاحظ أن: $V_2 > V_1$ إذاً تنتقل الإلكترونات من الناقل الأول إلى الناقل الثاني.

★ من الناقل ذي الكمون المنخفض إلى الناقل ذي الكمون المرتفع

الوصل داخلي $V_{eq} = \frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2}$

- 2

$$C_1 = \frac{r_1}{9 \times 10^9} = \frac{9 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9}$$

$$C_1 = 1 \times 10^{-11} \text{ F}$$

$$C_2 = \frac{r_2}{9 \times 10^9} = \frac{3 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9}$$

$$C_2 = \frac{1}{3} \times 10^{-11} \text{ F}$$

← بالتعويض في عبارة الكمون المشترك:

$$V_{eq} = \frac{1 \times 10^{-9} + 0.6 \times 10^{-9}}{1 \times 10^{-11} + \frac{1}{3} \times 10^{-11}} = 120 \text{ V}$$

- 3

شحنة الناقل الأول بعد الوصل : $q'_1 = V_{eq} \times C_1$

$$q'_1 = 120 \times 1 \times 10^{-11} = 1.2 \times 10^{-9} \text{ C}$$

شحنة الناقل الثاني بعد الوصل : $q'_2 = V_{eq} \times C_2$

$$q'_2 = 120 \times \frac{1}{3} \times 10^{-11} = 0.4 \times 10^{-9} \text{ C}$$

المسألة الخامسة:

كرة معدنية معزولة نصف قطرها $r_1 = 2 \text{ cm}$ وكمونها $V_1 = 1500 \text{ V}$ و كرة معدنية أخرى غير مشحونة جوفاء نصف قطرها $r_2 = 8 \text{ cm}$ ، المطلوب حساب كمون و شحنة كل من الكرتين في كل من الحالتين الآتيتين :

1 - بعد وصل الكرتين من الخارج بسلك طويل ورفيع.

2 - بعد أن ندخل الكرة الأولى في الكرة الثانية حتى تلامسها من الداخل بدلاً من الوصل السابق.

الحل:

1 - بعد الوصل يصبح للكرتين كموناً مشتركاً

$$V_{eq} = \frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2}$$

$$C_1 = \frac{r_1}{9 \times 10^9} = \frac{2 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9}$$

$$C_1 = \frac{2}{9} \times 10^{-11} \text{ F}$$

$$C_2 = \frac{r_2}{9 \times 10^9} = \frac{8 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9}$$

$$C_2 = \frac{8}{9} \times 10^{-11} \text{ F}$$

$$q_1 = V_1 \times C_1 = 1500 \times \frac{2}{9} \times 10^{-11} = \frac{1}{3} \times 10^{-8} \text{ C}$$

$q_2 = 0$
الكرة الأرضية
غير مشحونة

12

$$V_{eq} = \frac{\frac{1}{3} \times 10^{-8} + 0}{\frac{2}{9} \times 10^{-11} + \frac{8}{9} \times 10^{-11}} = 300V$$

$$\rightarrow q_1' = V_{eq} \times C_1 = 300 \times \frac{2}{9} \times 10^{-11} = \frac{0.2}{3} \times 10^{-8} C$$

$$\rightarrow q_2' = V_{eq} \times C_2 = 300 \times \frac{8}{9} \times 10^{-11} = \frac{0.8}{3} \times 10^{-8} C$$

2 - عند وضع الكرة الأولى داخل الكرة الثانية تنتقل الشحنة إلى السطح الخارجي للكرة الثانية وتصبح:

شحنة الكرة الجوفاء قبل الوصل

$$\rightarrow q_1'' = 0 / q_2'' = 0 + \frac{1}{3} \times 10^{-8} = \frac{1}{3} \times 10^{-8} C$$

وبما أن للنواقل المتصلة الكمون نفسه نكتب:

$$V_{eq} = \frac{q_1'' + q_2''}{C_2}$$

$$V_{eq} = V_1'' = V_2'' = \frac{q_2''}{C_2} = \frac{\frac{1}{3} \times 10^{-8}}{\frac{8}{9} \times 10^{-11}} = 375 V$$

← للكرة الناقل الأكبر فقط

المسألة السادسة:

كرة معدنية معزولة نصف قطرها $r_1 = 9 \text{ cm}$ وكمونها $V_1 = 7000 \text{ v}$ و كرة معدنية أخرى معزولة جوفاء نصف قطرها $r_2 = 18 \text{ cm}$ وكمونها $V_2 = -2000 \text{ v}$ والمطلوب:

1 - حساب سعة وشحنة كل منهما ؟

2 - نصل الكرتين بسلك طويل ورفيع والمطلوب:

a- الكمون المشترك للكرتين و شحنة كل منهما بعد الوصل

b- مقدار الشحنة التي انتقلت من إحدهما إلى الأخرى.

3 - نعيد كل من الكرتين إلى الحالة قبل الوصل ، و ندخل الكرة الأولى في الكرة الثانية حتى تلامسها من الداخل. المطلوب: 1 حساب شحنة وكمون كل منهما بعد التلامس.

الحل:

$$C_1 = \frac{r_1}{9 \times 10^9} = \frac{9 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9}$$

- 1

$$C_1 = 1 \times 10^{-11} \text{ F}$$

$$q_1 = V_1 \times C_1 = 7000 \times 1 \times 10^{-11} = 7 \times 10^{-8} C$$

$$C_2 = \frac{r_2}{9 \times 10^9} = \frac{18 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9}$$

$$C_2 = 2 \times 10^{-11} \text{ F}$$

$$q_2 = V_2 \times C_2 = -2000 \times 2 \times 10^{-11} = -4 \times 10^{-8} \text{ C}$$

(a - 2)

وصل خارجي $V_{eq} = \frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2}$

$$V_{eq} = \frac{7 \times 10^{-8} - 4 \times 10^{-8}}{1 \times 10^{-11} + 2 \times 10^{-11}} = 1000 \text{ V}$$

$$\rightarrow q_1' = V_{eq} \times C_1 = 1000 \times 1 \times 10^{-11} = 1 \times 10^{-8} \text{ C}$$

$$\rightarrow q_2' = V_{eq} \times C_2 = 1000 \times 2 \times 10^{-11} = 2 \times 10^{-8} \text{ C}$$

(B)

$$q = q_1 - q_1' = 7 \times 10^{-8} - 1 \times 10^{-8} = 6 \times 10^{-8} \text{ c}$$

$$V_{eq} = \frac{q_1 + q_2}{C_2}$$

سعة الناقل الأكبر

3- الوصل داخليا: تنتقل الشحنات الكرة الأولى إلى الكرة الثانية

$$\rightarrow q_1'' = 0 \text{ c}$$

$$\rightarrow q_2'' = q_1 + q_2 = 7 \times 10^{-8} - 4 \times 10^{-8} = 3 \times 10^{-8} \text{ c}$$

الشحنات المنتقلة من الكرة 1

شحنات الكرة الجوفاء

$$V_{eq} = V_1'' = V_2'' = \frac{q_2''}{C_2} = \frac{3 \times 10^{-8}}{2 \times 10^{-11}} = 1500 \text{ v}$$

توضيح حل الاختيارين وقد درجوا 11 و 12

الناقل الأول q_1	الناقل الثاني q_2
شحنة q_1	غير مشحون $q_2 = 0$
أمورته V_1	بمثال الناقل الأول
سعته C_1	بنصف القطر
$V_1 = \frac{q_1}{C_1}$	$C_1 = C_2$

فاردي $V_{eq} = \frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2} = \frac{q_1 + 0}{2C_1} = \frac{q_1}{2C_1}$

$V_{eq} = \frac{1}{2} V_1$ الاختيار (a)

6 الوصل فاردي هنا

$q_1, r_1 \rightarrow C_1 = \frac{r_1}{9 \cdot 10^9} = \frac{9 \cdot 10^3}{9 \cdot 10^9} = 1 \cdot 10^{-6} F$

$q_2 = 0 \quad C_2 = 3C_1 = 3 \cdot 10^{-6} F$

فاردي $V_{eq} = \frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2} = \frac{q_1}{4C_1} = \frac{4 \cdot 10^6}{4 \cdot 10^{-6}}$

$V_{eq} = 1 \cdot 10^5 V$ الاختيار (d)

7 الوصل داخلي

$C_2 = 2C_1 \quad q_2 = 0$

مشابه لتجربتين ص 118

داخلي $V_{eq} = \frac{q_1 + q_2}{C_2} = \frac{q_1 + 0}{2C_1}$

ضع سعته الناقل الكبير فقط

$V_{eq} = \frac{1}{2} \cdot \frac{q_1}{C_1} = \frac{1}{2} V_1$

الاختيار (b)

1 أو لا حسب $q = C \cdot V$

$q = 6,4 \cdot 10^6 \cdot 100 \rightarrow q = 6,4 \cdot 10^4 C$

ولكي يقدر الناقل يجب أن يكتسب لشحنة

بالية من الإلكترونات q' تساوي بالقوة المطلقة

قيمة لشحنته ((من نصف الثاني))

$q' = n \cdot e$

$-6,4 \cdot 10^4 = n \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}$

$n = \frac{6,4 \cdot 10^4}{1,6 \cdot 10^{-19}} = 4 \cdot 10^{15}$ الاختيار (a)

2 التناسب بين (b) و (c) متناسب طردي

$r' = 2r \rightarrow C' = 2C$

الاختيار (a)

3 $C = \frac{r}{9 \cdot 10^9} \quad C = \frac{q}{V}$

$\frac{q}{V} = \frac{r}{9 \cdot 10^9} \rightarrow V = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot q}{r}$

$V = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 3 \cdot 10^9}{r}$

تحويل cm $\rightarrow \frac{27}{2} \cdot 10^2$ نصف قطر

$V = 2 \cdot 10^{+2} V$ الاختيار (c)

4 $C = \frac{r}{9 \cdot 10^9}$

$= \frac{9 \cdot 10^2}{9 \cdot 10^9} = 1 \cdot 10^{-6} F$