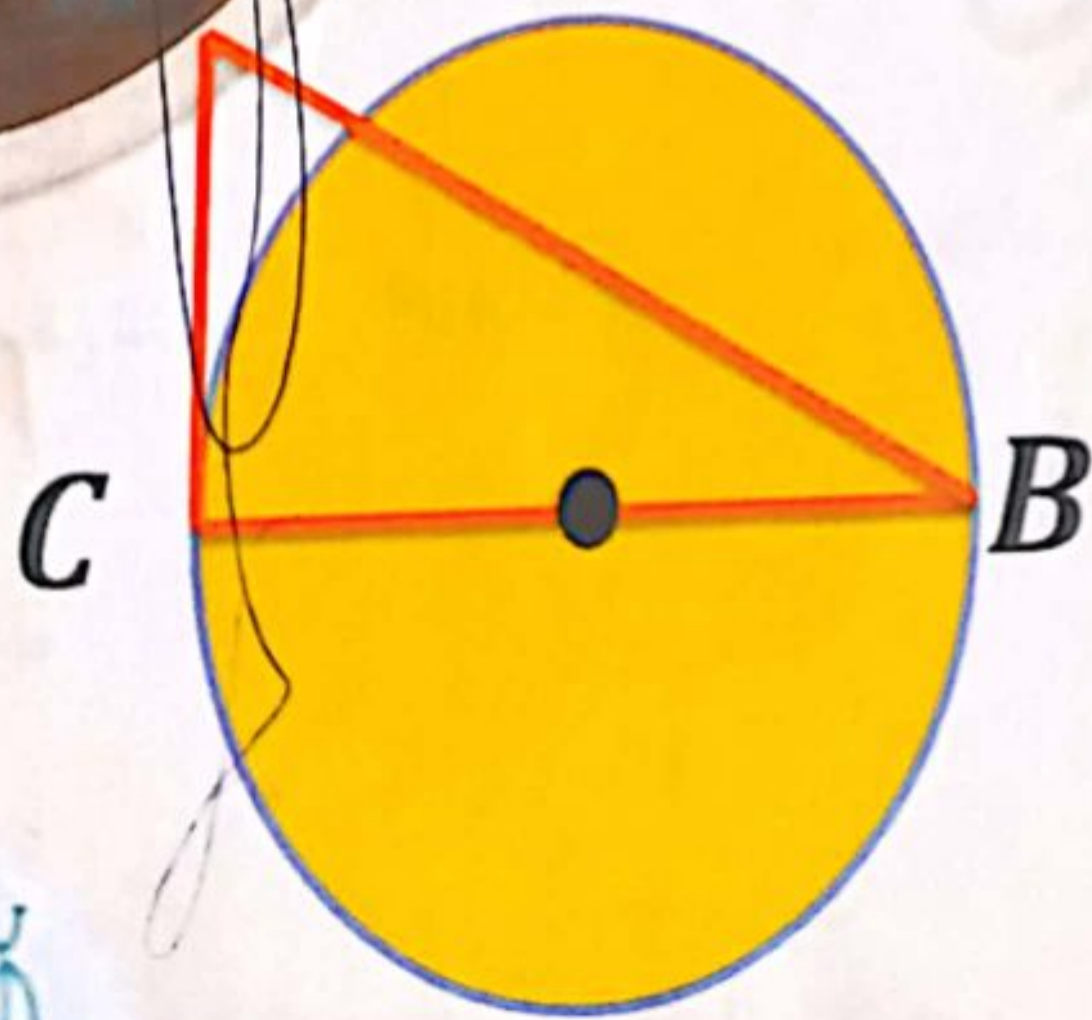
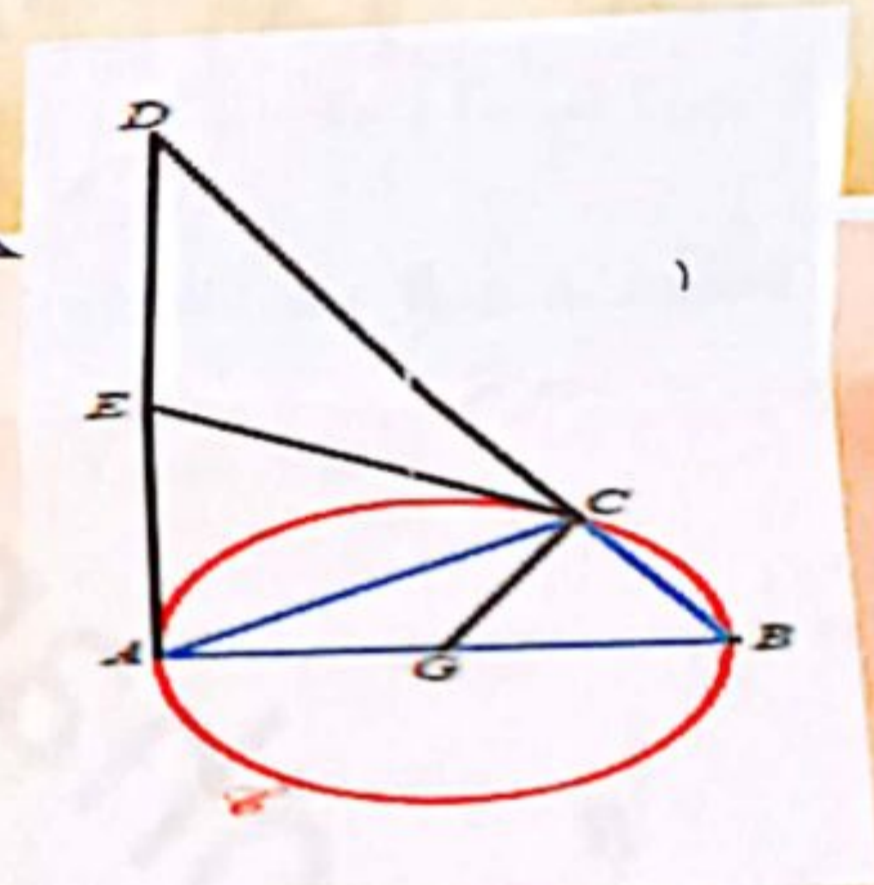


سلسلة المساعد لصف التاسع
المساعد في حل المسائل
اعداد المدرس : أمين المحمد



Amen Almohamd

عرض ملفك الشخصي

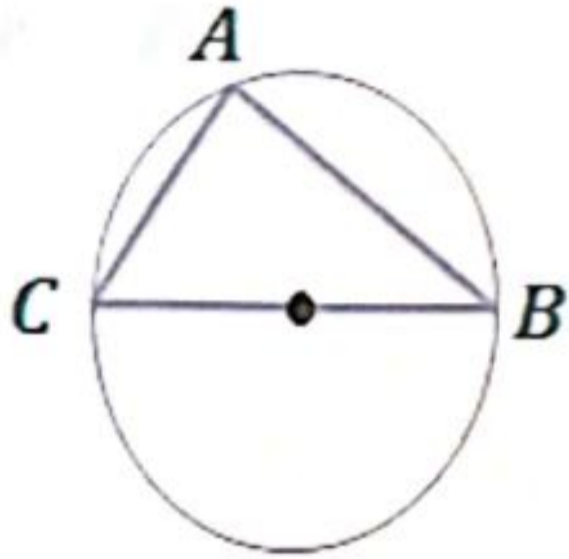


مفاتيح حل المسائل

١ (إثبات ان مثلث قائم :

١- اذا كان احد اضلاعه قطر في دائرة المارة من الرؤوس

مثال : في الشكل الجانبي ما نوع المثلث ABC مع

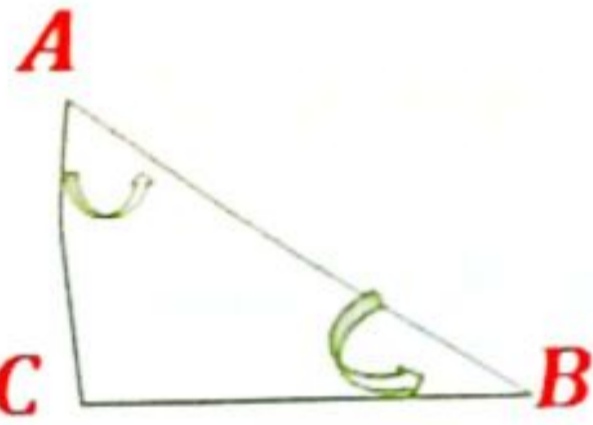


التعليق
المثلث ABC قائم في A لان أحد اضلاعه قطري
الدائرة المارة برؤوسه

٢- اذا علم زاويتان مجموعهما 90 فان الثالثة تكون 90

مثال : في الشكل الجانبي لدينا مثلث فيه

$A = 70$ و $B = 20$ ما نوع هذا المثلث



بمبدأ $A + B = 70 + 20 = 90$ ، إذن $C = 90$

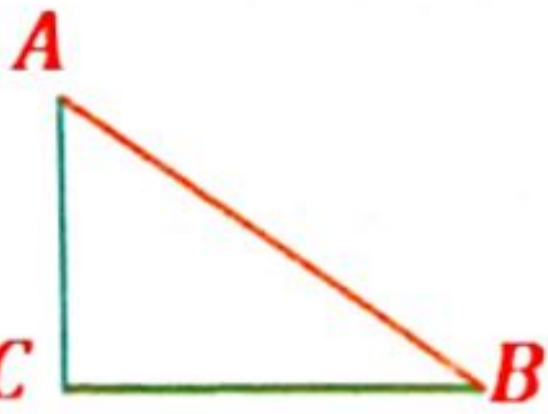
فالمثلث قائم في C

٣- اذا علم اضلاع المثلث عكس فيثاغورس

مثال : في الشكل الجانبي لدينا المثلث ABC فيه

$CB = 10$ و $AC = 5$ و $AB = 5\sqrt{5}$ اثبت ان

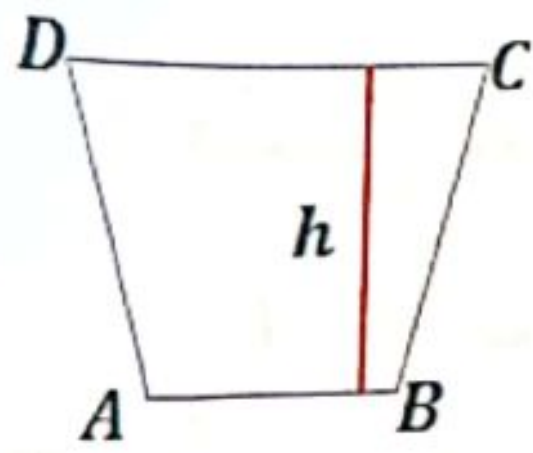
المثلث قائم واحسب مساحته



حسبنا فيثاغورس نجد : $AB^2 = AC^2 + CB^2$

$$(5\sqrt{5})^2 = (5)^2 + (10)^2$$

$$125 = 25 + 100 = 125$$



٥- شبه المنحرف :

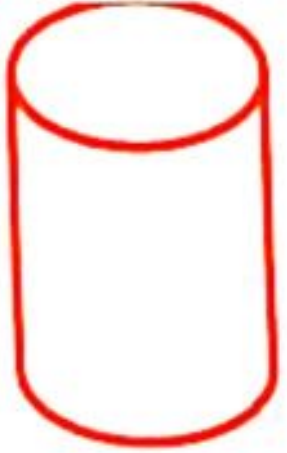
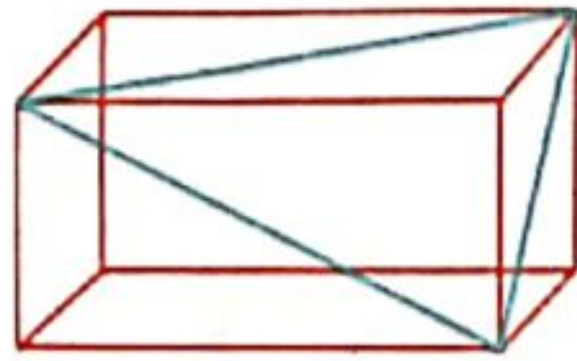
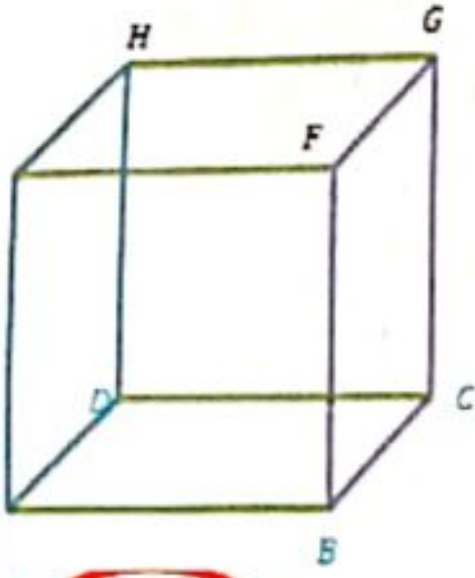
المساحة : $\frac{1}{2}(\text{القاعدة الصغرى} + \text{القاعدة الكبرى}) \times \text{الارتفاع}$

$$S = \frac{AB+DC}{2} \times h \text{ أي}$$

والمحيط : مجموع اطوال الاضلاع أي $P = AB + BC + CD + DA$

قوانين المجسمات :

١- الموشور

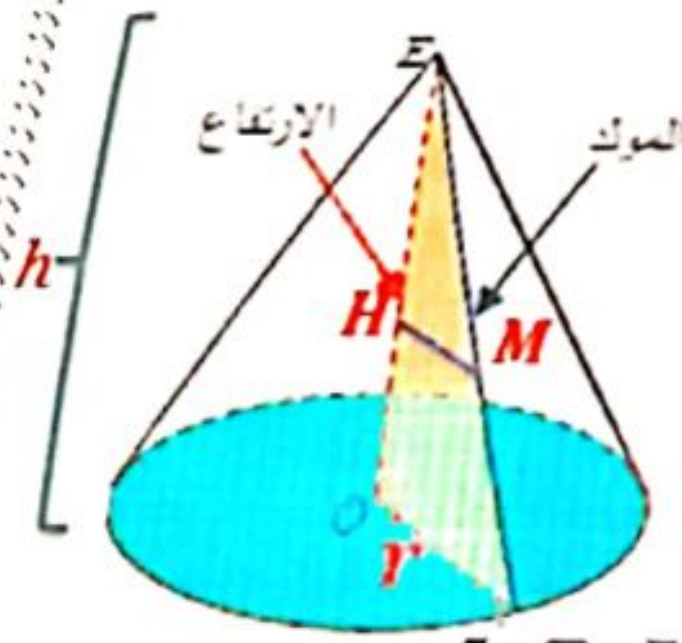


الحجم : مساحة القاعدة ضرب الارتفاع $v = s.h$

المساحة الجانبية : محيط القاعدة ضرب الارتفاع أي $s_l = P.h$

المساحة الكلية : المساحة الجانبية + مساحتي القاعدتين $S_c = S_l + 2S_b$

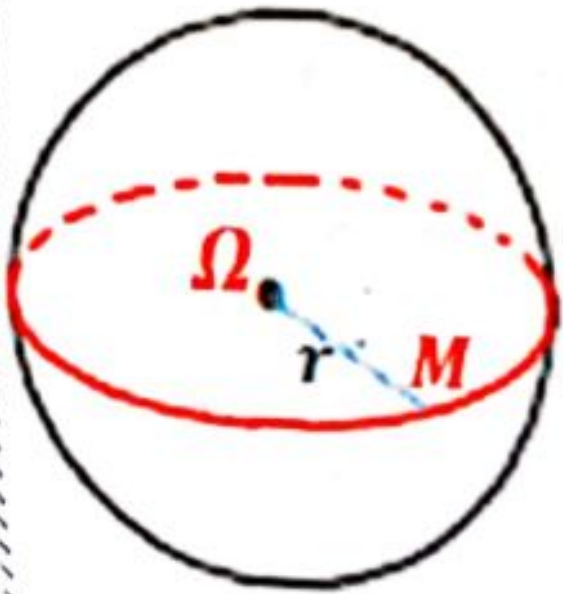
٢- الهرم والمخروط :



الحجم : ثلث مساحة القاعدة ضرب الارتفاع أي $V = \frac{1}{3}S.h$

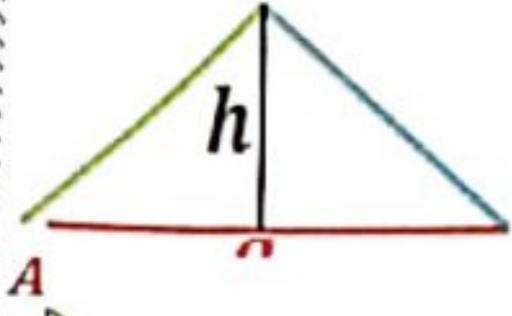
٣- الكرة والمجسم الكروي

مساحة السطح : $S = 4\pi r^2$ والحجم $V = \frac{4}{3}\pi r^3$

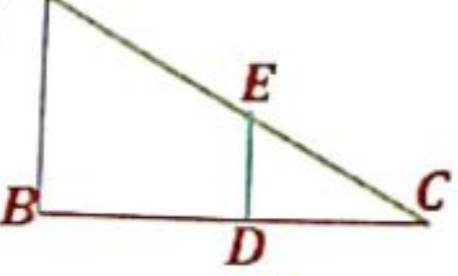


قوانين المساحة والمحيط لبعض الاشكال

١- المثلث



المساحة : القاعدة ضرب الارتفاع المتعلق بها تقسيم ٢ أي $S = \frac{a \times h}{2}$



اذا كان المثلث قائم نكتب جداء الضلعين القائمين تقسيم اثنان أي $S = \frac{AB \times BC}{2}$

اذا كان متساوي الاضلاع يكون الارتفاع $h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$ والمساحة $S = \frac{a^2\sqrt{3}}{4}$

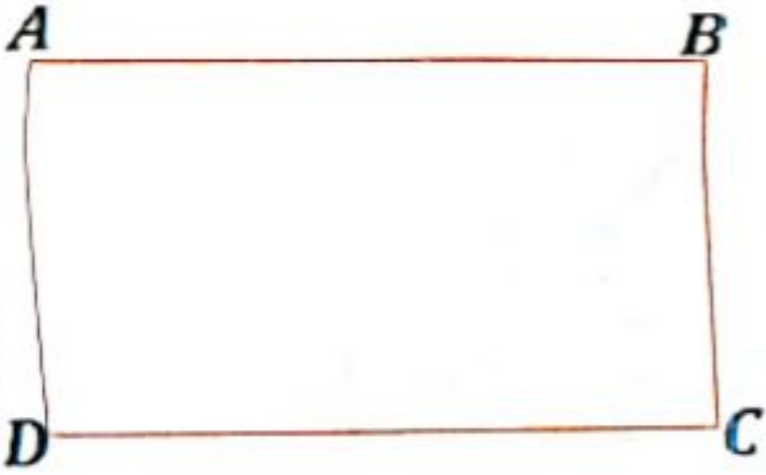
حيث a طول الضلع



او اذا علم ضلعان وجيب الزاوية بينهما فان $S = \frac{1}{2} a \cdot b \cdot \sin C$

والمحيط : مجموع اطوال الاضلاع $P = AB + BC + AC$

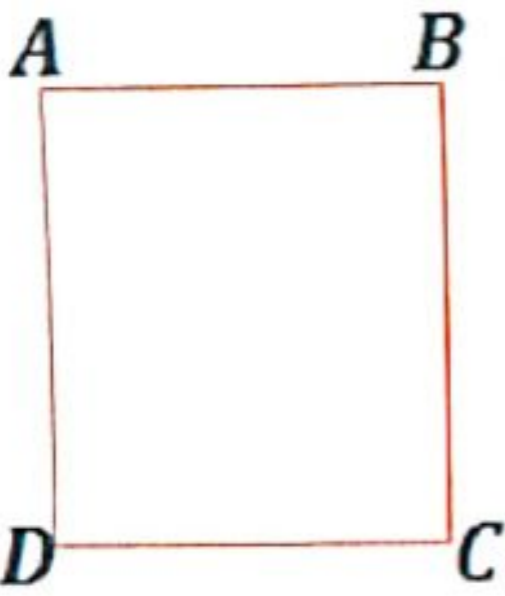
٢- المستطيل



المساحة : الطول ضرب العرض أي $S = AB \times AD$

المحيط : $2(\text{الطول} + \text{العرض})$ أي $P = 2(AB + AD)$

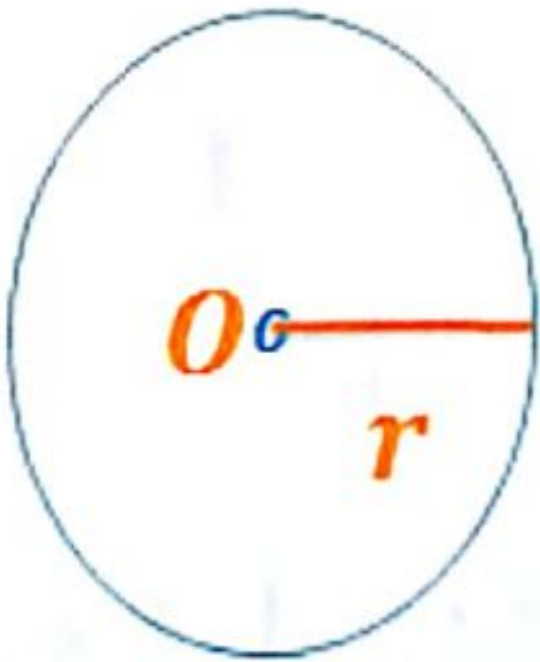
٣- المربع



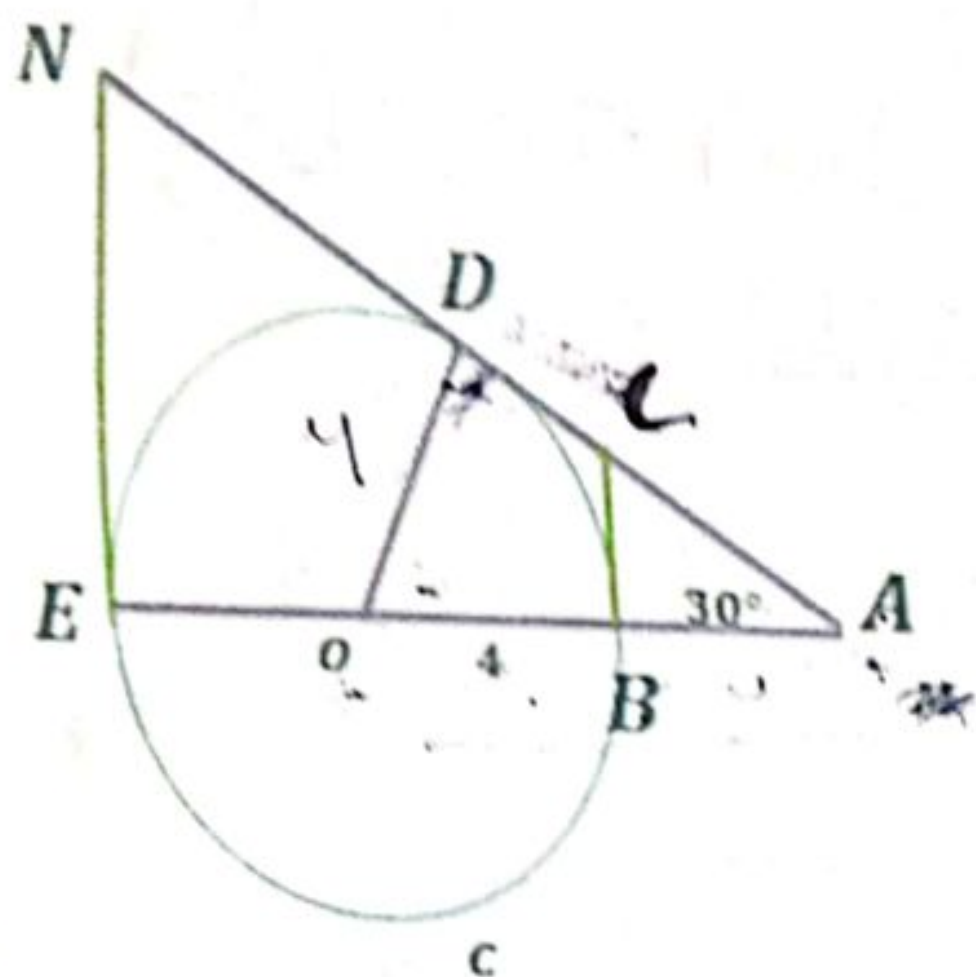
المساحة : طول الضلع للتربيع أي $S = AB^2$

المحيط : $P = 4AB$

٤- الدائرة



المساحة : $S = \pi r^2$ والمحيط : $P = 2\pi r$ حيث r نصف القطر



مسألة : في الشكل الجانبي دائرة حيث
 $OB = 4$ و BC و NA و EN ثلاث
 مماسات للدائرة و $\hat{A} = 30^\circ$

١- اثبت ان $\hat{D}OB = 60^\circ$ واستنتج ان B
 منتصف AO

٢- اثبت ان النقاط O, D, C, B تقع على دائرة
 واحدة

٣- اثبت ان $AD = 4\sqrt{3}$

٤- احسب $\cos A$ واستنتج $2EA = \sqrt{3}AN$
 AEN

٢- او تكون الاضلاع كلها معلومة تقسم الاضلاع المتقابلة (الكبير تقسيم الكبير و الوسيط تقسيم الوسيط والصغير تقسيم الصغير وتكون لها نفس الاجوية



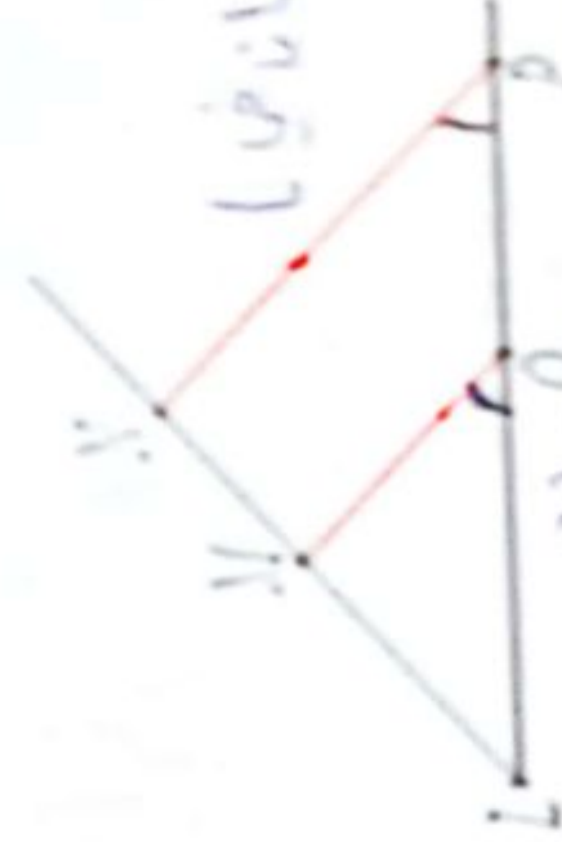
مثال: في الشكل الجانبي ادرس تشابه المثلثان



٣- اذا كانت الزوايا المتقابلة في المثلثان المتساوية

مثال في الشكل لدينا $\hat{O} = \hat{P}$

اثبت ان $MO \parallel NP$ واثبت وان $\hat{M} = \hat{N}$ واستنتج التشابه عان المتكافئ L و NL متقاطعان في L



والعقار M و N منصفه بالزوايا المتقاط

لر O و P على المستقيم LP في المستقيمان MO و NP متقاطعان في O

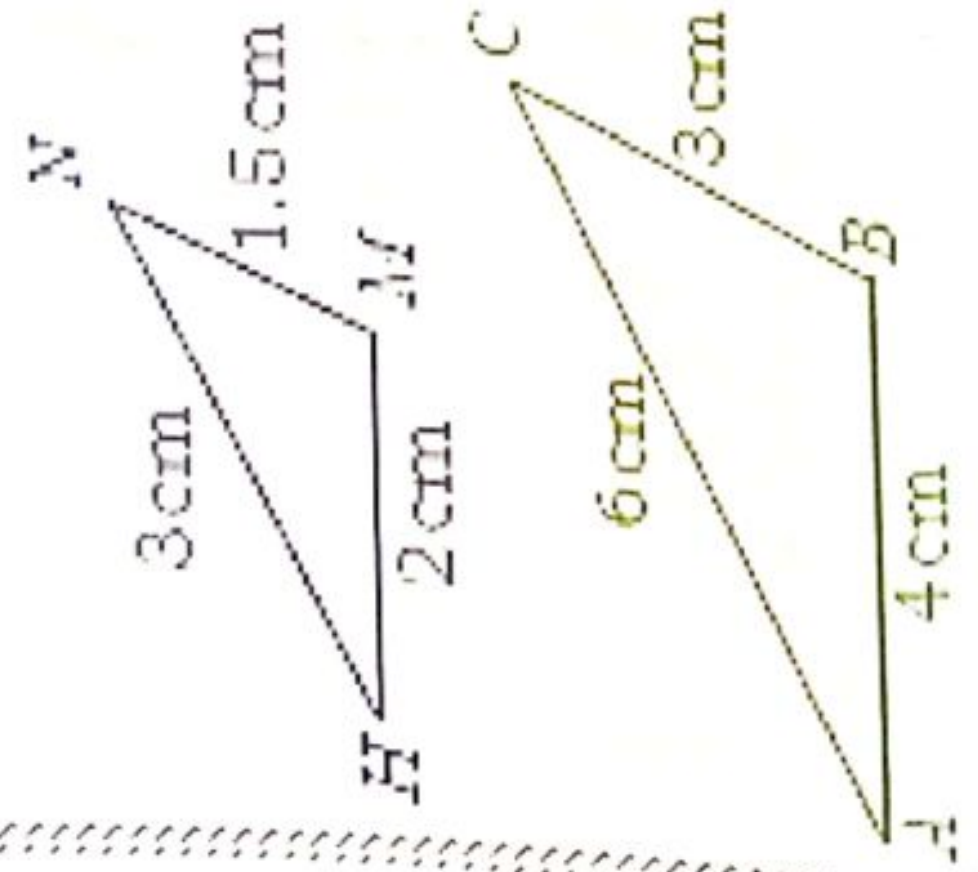
$\hat{M} = \hat{N}$ المتطابقة الزوايا المتقابلة في مثلثات متساوية

بما ان $MO \parallel NP$ يميزان حالة ضلوع المتساوية المتقابلة

(\hat{O}) لإثبات ان الرباعي $MONP$ فللمثلثان متساويان

١- نبعث عن زاويتان متقابلتان ومتكاملتان (مجموعهما 180°)

٢- او تكون الاضلاع كلها معلومة نقسم الاضلاع المتقابلة (الكبير تقسيم الكبير و الوسط تقسيم الوسيط والصغير تقسيم الصغير وتكون لها نفس الاجوية



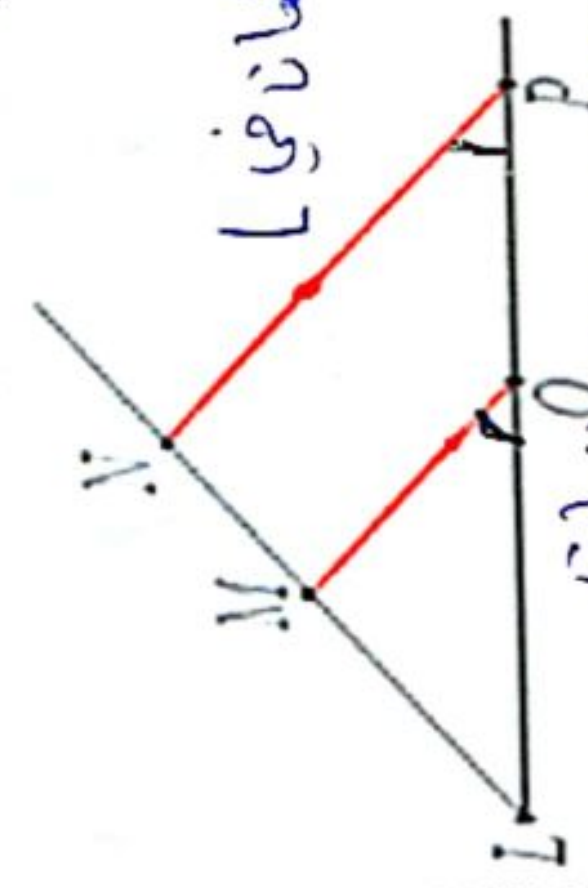
مثال: في الشكل الجانبي درس تشابه المثلثان



٣- اذا كانت الزوايا المتقابلة في المثلثان متساوية

مثال في الشكل لدينا $\hat{O} = \hat{P}$

اثبت ان $MO \parallel NP$ واثبت وان $\hat{M} = \hat{N}$ واستنتج التشابه بجائز المستقيمان LP و NL ومقاطعان في L



والنقاط M و N منضبة بالبرقي مع النقاط P و Q على المستقيمان LP و LQ المتقيمان MO و NP متوازيان $\hat{M} = \hat{N}$ خاصة الزوايا المتقابلة في مثلثات متساوية بجائز المستقيمان $NP \parallel MO$ يعذرنا حالة ضلالت التباين المتوازية لإثبات ان الرباعي دائري: فمثلثان متساويان

١- نبحث عن زاويتان متقابلتان ومتكاملتان (مجموعهما ١٨٠)

٣. حساب \sin او \cos او \tan مرتان يتبعها استخراج طول ضلع او علاقة



مثال: ليكن لدينا ABC مثلث قائم في B و

$$AB // ED$$

وفيه $AB = 3$ و $AC = 5$ و $ED = 1$ المطلوب

حساب BC $BC^2 = AC^2 - AB^2 = 25 - 9 = 16 = 4$

٢ - احسب EDC المثلثان ABC و EDC ثم استنتج EC

في المثلثين EDC و ABC $\sin \alpha = \frac{ED}{EC} = \frac{1}{EC}$ و $(ABC) \sin \alpha = \frac{AB}{AC} = \frac{3}{5}$

بما ان المثلثين EDC و ABC متشابهان $\Rightarrow \frac{ED}{EC} = \frac{AB}{AC} = \frac{3}{5}$ $\Rightarrow EC = \frac{5}{3}$

٣ - احسب $Tan C$ في المثلث EDC و ABC ثم استنتج EDC

في المثلث EDC $Tan C = \frac{ED}{DC} = \frac{1}{DC}$ و $(ABC) Tan C = \frac{AB}{BC} = \frac{3}{BC}$

بما ان المثلثين EDC و ABC متشابهان $\Rightarrow \frac{ED}{DC} = \frac{AB}{BC} = \frac{3}{BC}$ $\Rightarrow DC = \frac{BC}{3}$

$DC^2 = EC^2 - ED^2 = \left(\frac{5}{3}\right)^2 - 1^2 = \frac{25}{9} - 1 = \frac{25}{9} - \frac{9}{9} = \frac{16}{9} = \left(\frac{4}{3}\right)^2$ $\Rightarrow DC = \frac{4}{3}$

$BC^2 = AC^2 - AB^2 = 25 - 9 = 16 = 4$

$S = \frac{AB \times BC}{2} = \frac{3 \times 4}{2} = 6$

٤. الجزء المجهول هو الكل المعطى مطروح منه الجزء المعطى

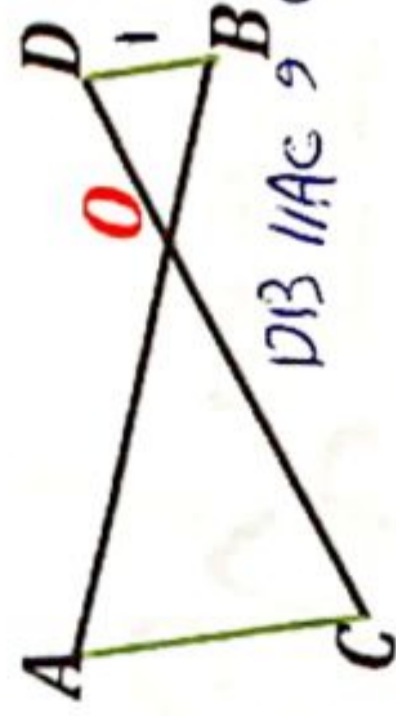
مثال: في المثال السابق استنتج طول BD و AE

بما ان المثلثين EDC و ABC متشابهان $\Rightarrow \frac{ED}{DC} = \frac{AB}{BC} = \frac{3}{4}$ $\Rightarrow DC = \frac{4}{3}$ $\Rightarrow BD = \frac{8}{3}$

$AE = AC - EC = 5 - \frac{5}{3} = \frac{30}{6} - \frac{10}{6} = \frac{20}{6} = \frac{10}{3}$

٥. إذا كان هناك مستقيمان متوازيان واثنان متقاطعان واضلاع معلومة نفكر في النسب الثلاثة

مثال : في الشكل جانبا $DB // AC$ و $DB = 1$



و $OD = 2$ و $CD = 7$ و $AO = 9$ احسب AC و AD بمآان المصغران CP و AB وقاطعان بمآان O و $DB // AC$

لذا يجب مبرهنة النسب المتكافئة : $\frac{AO}{OB} = \frac{CO}{OP} = \frac{7-2}{2} = \frac{5}{2}$ و $\frac{AO}{OB} = \frac{CO}{OP}$

هذا التشابه نجد : $\frac{AO}{OB} = \frac{5}{2}$ و $\frac{CO}{OP} = \frac{5}{2}$ $\Rightarrow OB = 2 \times 2 = 4$

فإن التناسب نجد : $\frac{CO}{OD} = \frac{AC}{DB} = \frac{5}{1} = \frac{AC}{1} \Rightarrow AC = 5$

مثال : في الشكل الجانبي ATE مثلث فيه RM يوازي

TE و $18 = AR$ و $RT = 27$ و $RM = 7$ احسب AE و AM



و المطلوب احسب AE بمآان TE و EA متقاطعان بمآان A و $RM // TE$ و $\frac{AR}{RM} = \frac{AE}{TE}$ و $\frac{AT}{TE} = \frac{AE}{TE}$

هذا التشابه نجد : $\frac{AR}{RM} = \frac{AE}{TE} \Rightarrow \frac{18}{7} = \frac{AE}{27} \Rightarrow AE = \frac{18 \times 27}{7} = \frac{50}{3}$

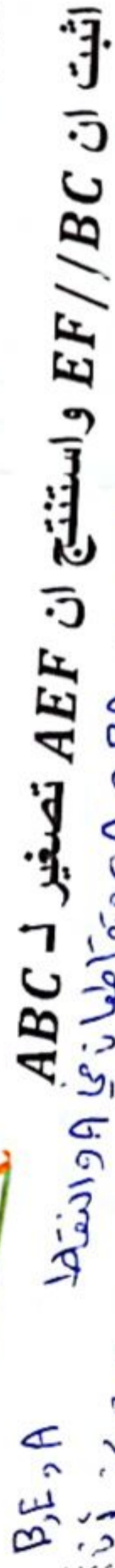
(لإثبات التشابه في المسألة :

١- اما ان تكون النسب الثلاثة حاضرة فالتشابه حاضر

حاضر

مثال : في الشكل $14 = AE$ و $EB = 7$ و $FC = 11$ و $AF = 22$

اثبت ان $EF // BC$ واستنتج ان AEF تصغير لـ ABC



وما هو معامل التصغير المتكافئ BA و CA وقاطعان بمآان A والنقط B, E, A و C, F, A على المستقيم AC على المستقيم AB بمبرهنة النسب المتكافئة نجد أن

فمحة بالترتيب مع النقاط A و F و C على المستقيم AC بمبرهنة النسب المتكافئة نجد أن $EF // BC$ بمآان E, F, A و B, C, A على المستقيم AB بمبرهنة النسب المتكافئة نجد أن AEF تصغير لـ ABC

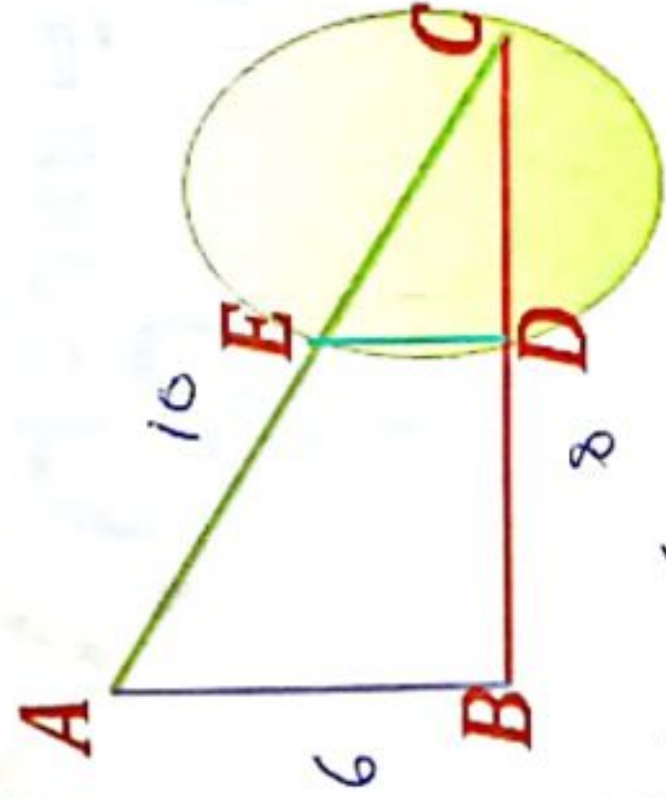
$K = \frac{AE}{AB} = \frac{14}{14+7} = \frac{2}{3}$ و $\frac{EF}{BC} = \frac{11}{22} = \frac{1}{2}$

٢) لإثبات التوازي :

١- العموديان على مستقيم واحد متوازيان

مثال : في الشكل دائرة قطرها EC والمثلث $ABC = 10$ و $AC = 6$ و $AB = 8$

$$BC = 8$$



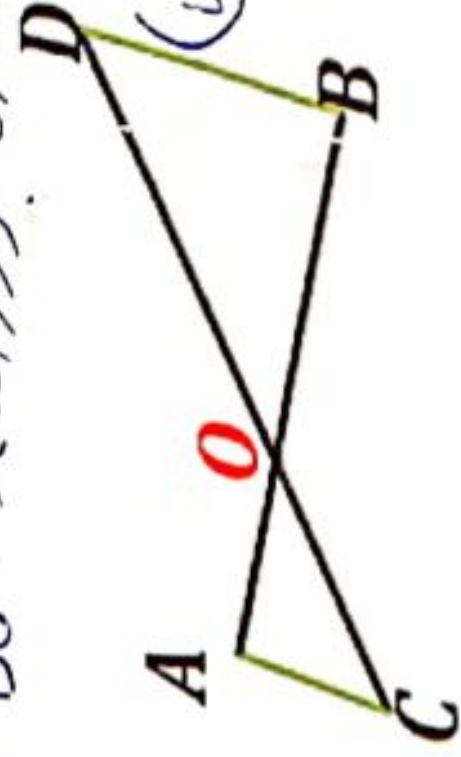
اثبت ان المثلث ABC قائم واثبت ان $ED // AB$

المثلث ABC قائم حسب عكس فيثاغورث كذا :

$$AC^2 + AB^2 + BC^2 = (10)^2 = 100$$

$$100 = 36 + 64 = 100 \quad AB \perp BC$$

والمثلث EDC قائم لأن EC قطر في الدائرة المارة بـ D و B إذ $ED \perp BC$ و $ED // AB$ حسب المماثلة (العمودان على مستقيم واحد عكس النسب الثلاثة انما علمت الاضلاع متوازيان)



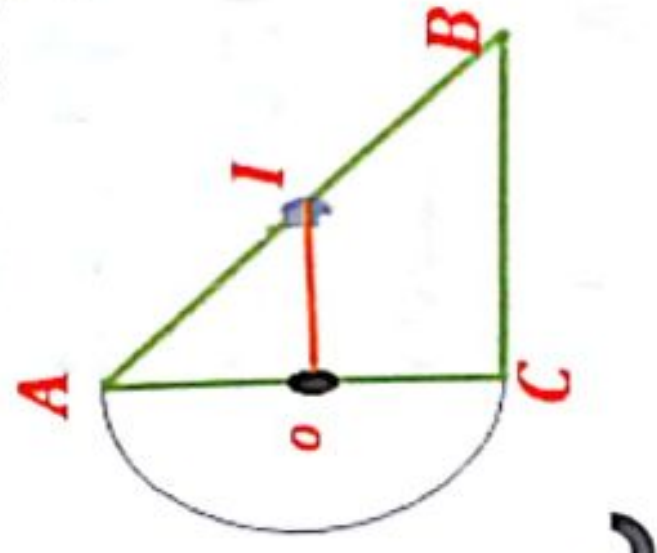
مثال : لدينا $AB = 10$ و $AC = 6$ و $CO = 3$

و اثبت ان $OD // AC$ و $OD = 14$

AB و CD متقيعان ومقاطعان في O والنقاط A و B و C و D على المستقيم AD و BC و $CO = 3$ و $AO = 6$

اذنا فالمتقيعان AB و CD متوازيان

و AC و PB متوازيان



٣- القطعة الواصلة بين منتصفي ضلعين في مثلث

توازي الثالثة وتساوي نصفها

مثال : في الشكل O مركز الدائرة التي قطرها AC و B

صورة A وفق I و I و $CB = 8$ اثبت ان $OI // CB$

واحسب طول OI

بما ان O منتصف $[AC]$ و I منتصف $[AB]$ اذنا فالمتقيعان متوازيان حسب الخاصية (القطعة الواصلة بين منتصفين ضلعين في مثلث توازي الضلع الثالثة وتساوي نصف طولها

$$OI = \frac{1}{2} CB$$

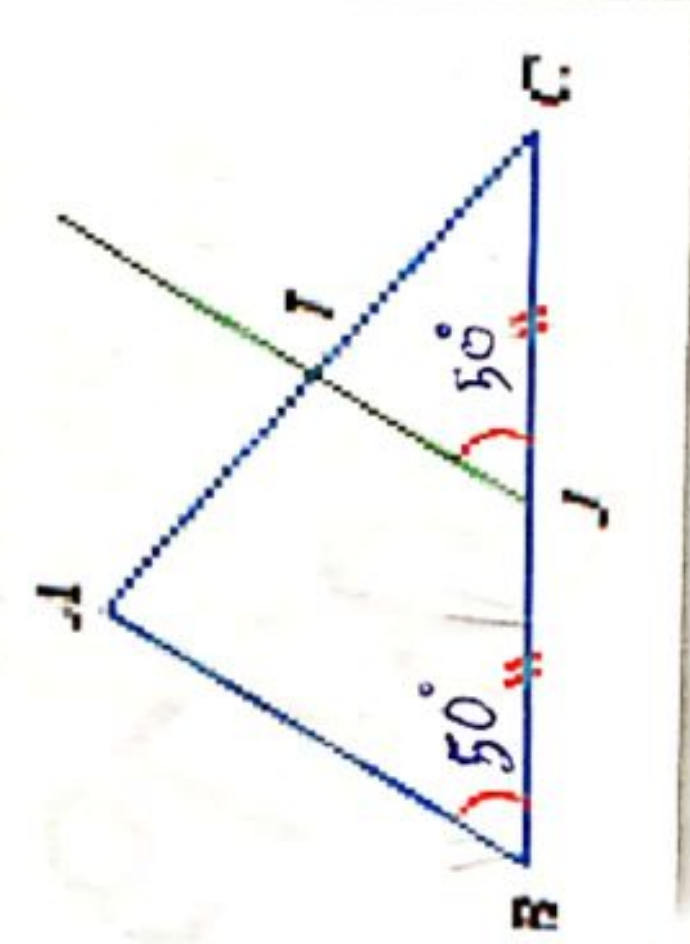
اذنا

$$OI = \frac{1}{2} \times 8 = 4$$

٤- إذا كانت الزوايا معلومة، بحيث تساوت زاويتان متبادلتان داخلاً أو خارجاً أو متناظرتان كان المستقيمان متوازيين.

مثال : في الشكل الجانبي لدينا

$$AB \parallel IJ \quad \widehat{ABC} = 50 \quad \widehat{IJC} = 50$$



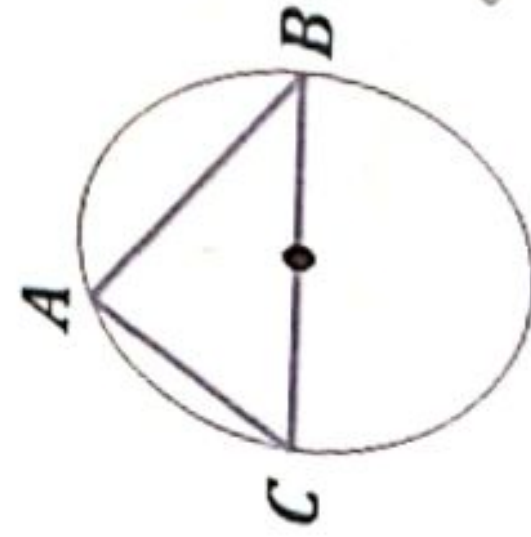
$$\widehat{IJC} = \widehat{ABC}$$

وهما يتبادلتان طاهلاً ~~مستويين~~
فالمستقيمان AB و AC متوازيان

٣) لحساب أطوال المثلث

١. إذا علم طول ضلعين في مثلث قائم نستخدم فيثاغورث لحساب الثالث

مثال : في الشكل لدينا $CB = 3\sqrt{3}$ و $AC = 3$ احسب AB واحسب مساحته

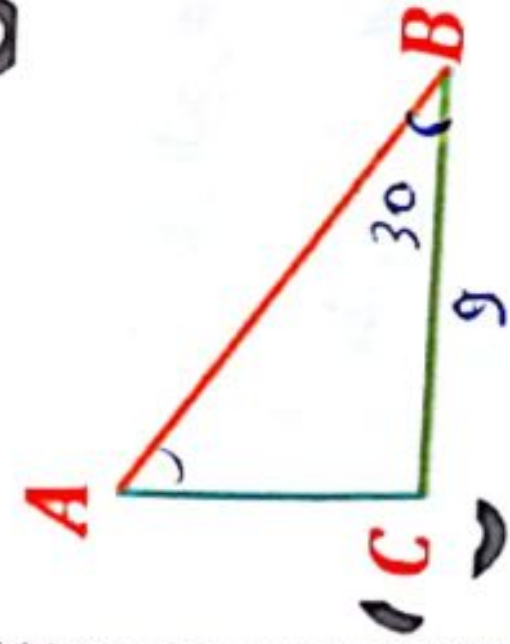


$$AB^2 = CB^2 + AC^2$$

$$AB^2 = (3\sqrt{3})^2 + 3^2 = 27 + 9 = 36$$

$$AB = \sqrt{36} = 6$$

٢. إذا كان المثلث قائم وعلمت منه ضلع وزاوية شهير نستخدم sin cos Tan

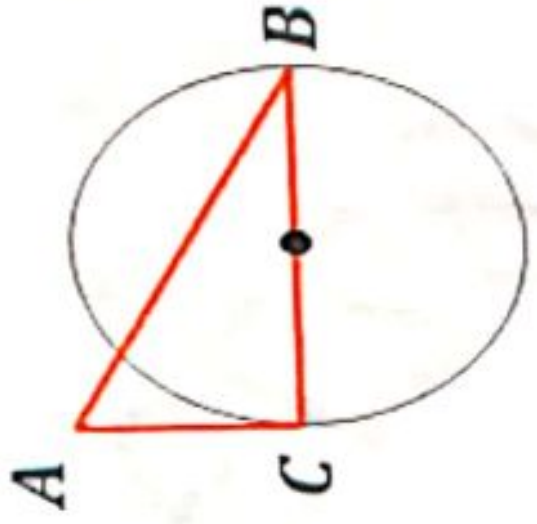


$$\tan 30 = \frac{BC}{AC} = \frac{9}{AC} \Rightarrow AC = \frac{9}{\frac{1}{\sqrt{3}}} = 9\sqrt{3}$$

$$\sin 60 = \frac{BC}{AB} = \frac{9}{AB} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow AB = \frac{2 \times 9}{\sqrt{3}} = \frac{18}{\sqrt{3}}$$

٤- اذا كان احد اضلاعه مماس والاخر قطر او نصف قطر (المماس

دوما عمودي على نصف القطر في نقطة التماس)

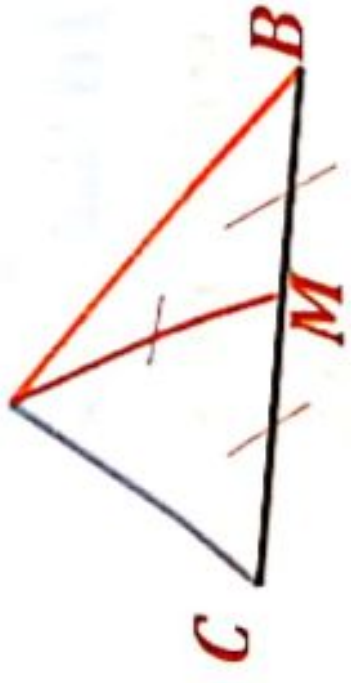


مثال : في الشكل الجانبي $C(O, r)$ و AC مماس مانوع المثلث ABC مع التعليل

المثلث ABC قائم في C لاننا نحد اضلاعه مماسي و
المحور قطر في الدائرة و المماسي عمود علما نصف القطر
في نقطة التماس C

٥- اذا كان طول المنبرسا يساوي نصف الضلع المرسوم عليه

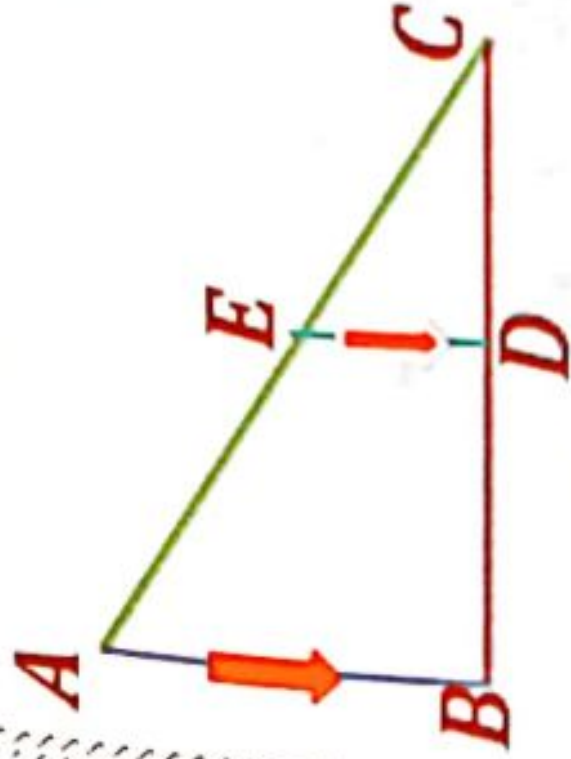
مثال : في المثلث ABC لبت M منتصف CB و
 $AM = 5$ و $CB = 10$ ما نوع ABC مع التعليل



المثلث ABC قائم في A لان AM متوسط سايويا
نصفا CB

٦- العمودي على احد مستقيمان متوازيان عمودي على الاخر

مثال : في الشكل ABC مثلث فيه $AB = 6$ و
 $BC = 8$ و $AC = 10$ يوازي ED



اثبت ان ABC مثلث قائم وما نوع المثلث EDC

واحسب مساحة ABC

المثلث ABC قائم في B لان BC عمودي على ED وبالتالي عمودي
على AB - المثلث EDC ارضاً قائم
 $S = \frac{AB \times BC}{2}$

$$S = \frac{6 \times 8}{2} = 24$$

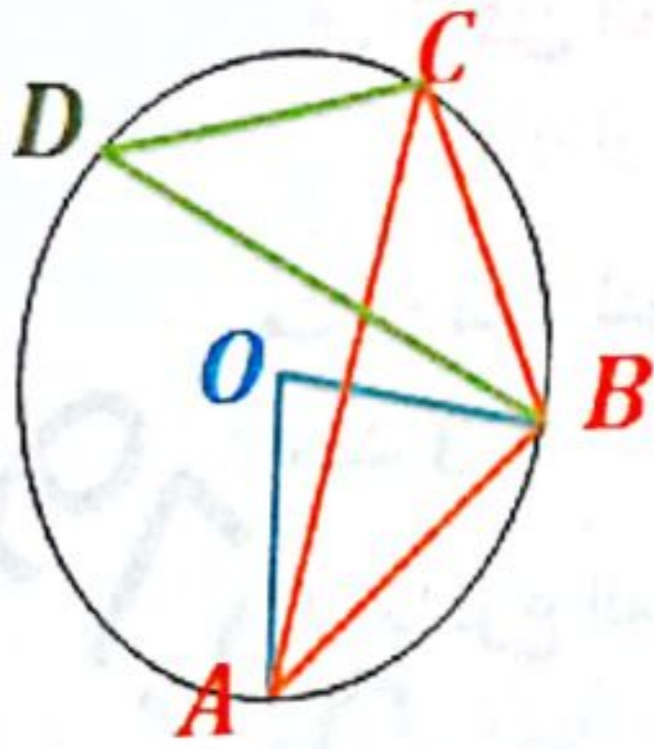


Amen Almohamd

عرض ملفك الشخصي



u-



مثال : لتكن لدينا الدائرة $C(o, r)$ كما في الشكل حيث القوس AB ربع الدائرة

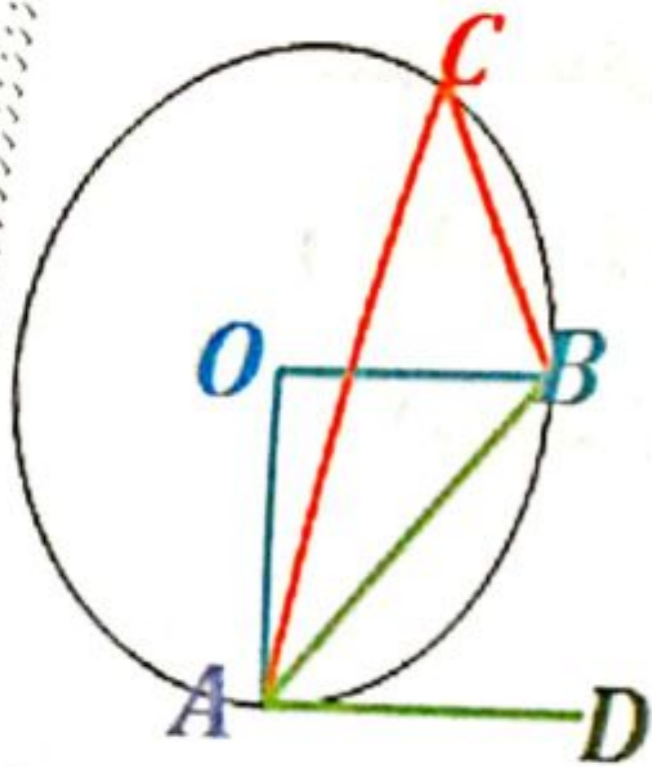
١ - احسب قياس الزاوية AOB

٢ - احسب قياس الزاوية ACB

٣ - احسب قياس الزاوية BAD

٢- اذا علم زاويتان وطلب قياس الثالثة

(قياس زاوية ثانية + قياس زاوية اولى) - ١٨٠



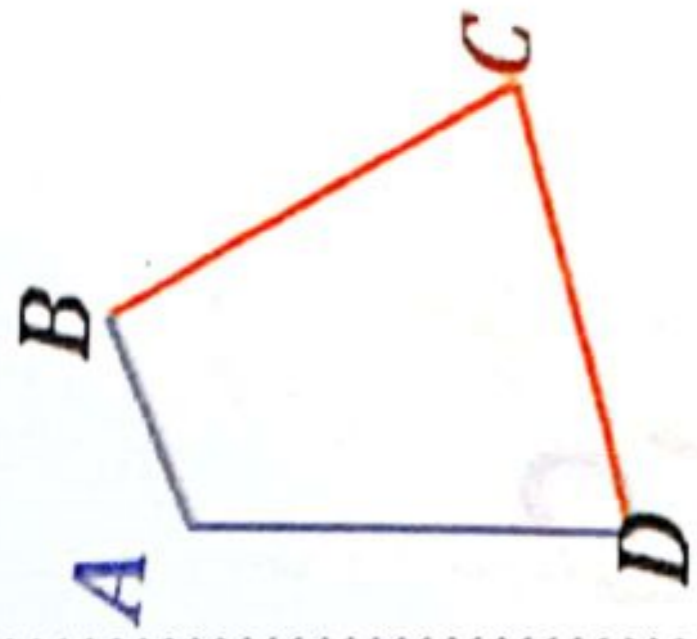
مثال : لتكن لدينا الدائرة $C(o, r)$ حيث $B\hat{D}C = 50$

و $A\hat{O}B = 60$ احسب قياس زوايا المثلث ABC

Amen Almohamd

عرض ملفك الشخصي



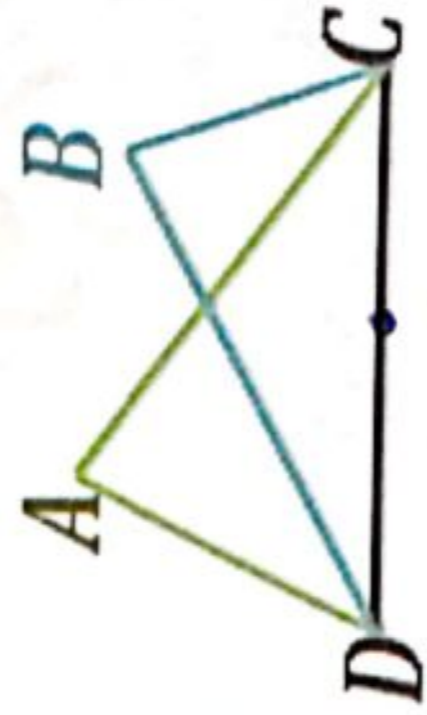


مثال : في الرباعي $ABCD$ لدينا $\hat{A} = 120$ و $\hat{C} = 60$ أثبت انه دائري

الرباعي $ABCD$ دائري لأن الزاويتان \hat{C} و \hat{A} متقابلتان
ويمكننا أن نلاحظ $\hat{A} + \hat{C} = 120 + 60 = 180^\circ$

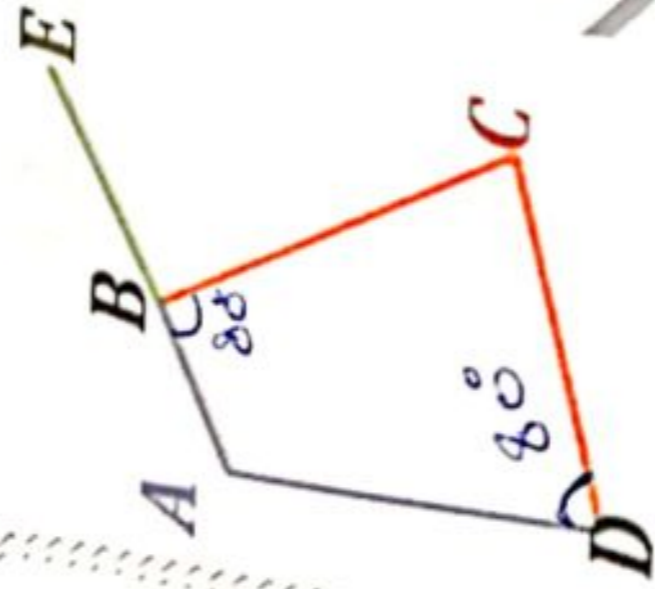
180°

٢- إذا وجد زاويتان تقابلان نفس الضلع وبفس
الجهة ومتساويتان



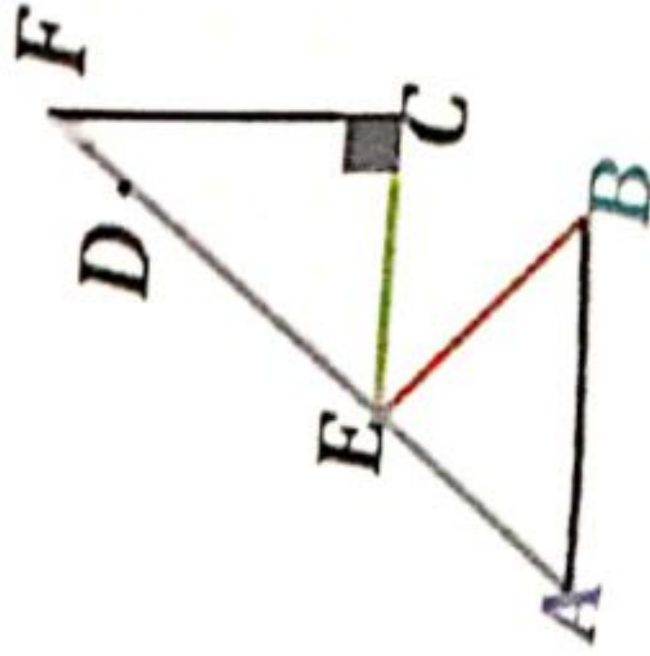
مثال : ليكن لدينا الرباعي $ABCD$ فيه $\hat{A} = 90$ و $\hat{B} = 90$ أثبت انه دائري وعين مركزه

الرباعي $ABCD$ دائري لأن فيه \hat{A} و \hat{B} تقفان بنفسا الجهة
بالنسبة لـ DC و $DAEC$ و $DBEC$ مركز الدائرة هو
عند تقاطع الموتر DC



مثال : في الشكل الجانبي رباعي فيه $\hat{A} = 80$ و $\hat{C} = 80$ أثبت انه دائري

٤- إذا كانت الرؤوس الاربعة تبعد عن نقطة نفس
البعد



مثال : في الشكل الجانبي لدينا $CF = 4$ و $EC = 3$

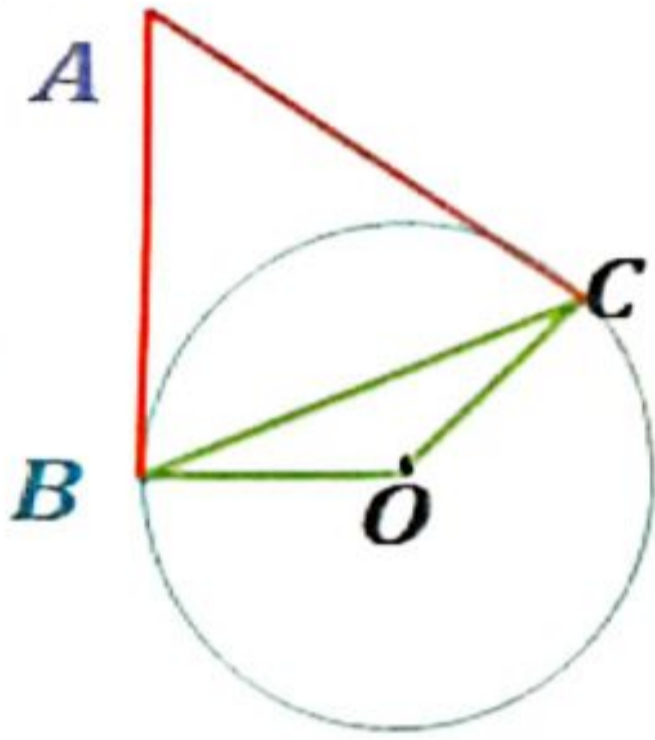
$AB = 3\sqrt{2}$ و $EB = 3$ و $AF = 8$ و $DF = 2$

١- احسب طول EF واستنتج ED و AE

٢- اثبت ان المثلث AEB قائم وعين الراس القائم

٣- اثبت ان الرباعي $ABCD$ دائري وعين المركز

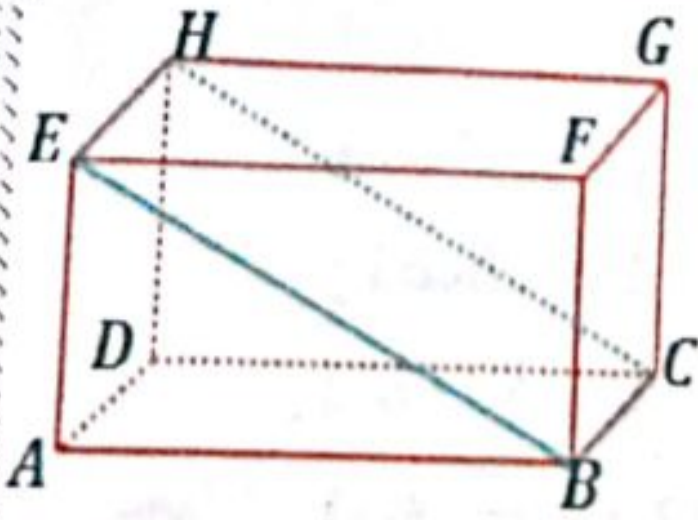
٦ (لإثبات ان مستقيم مماس : نثبت ان الزاوية بين نصف القطر والمستقيم تساوي 90°



مثال : لتكن الدائرة $C(r, r)$ فيها القوس $\widehat{BC} = 120^\circ$ والمثلث ABC مماسي الاضلاع اثبت ان AB و AC مماسين

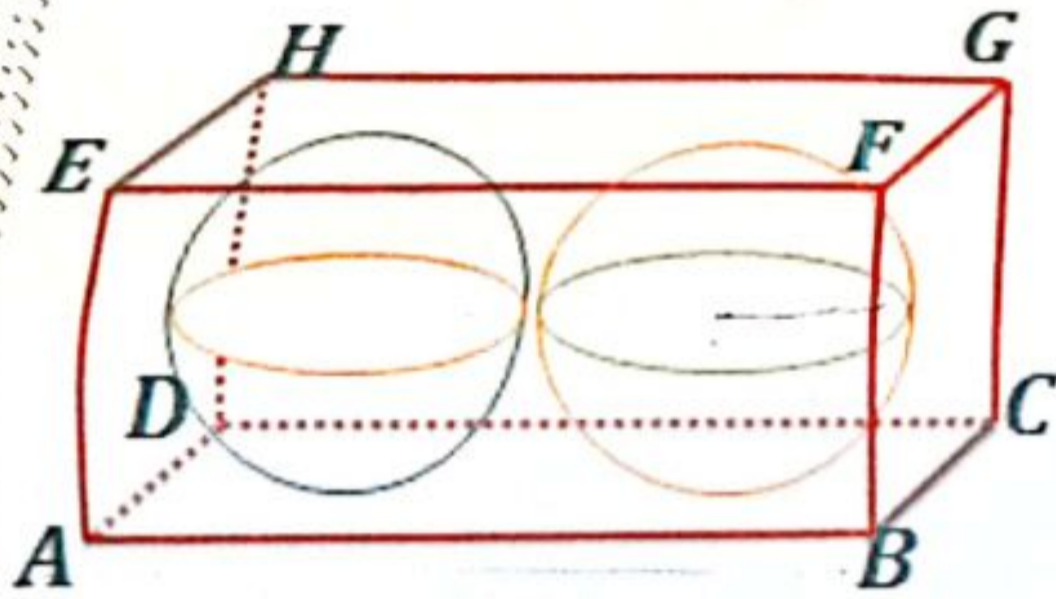
٦ (حساب زاوية

١- نبحث عن زاوية مشتركة معها بنفس القوس ومعلومة حيث ان المحيطيتين او المماسيتين او المحيطية والمماسية المشتركة بنفس القوس تكون متساوية . والمركزية ضعف (المحيطية او المماسية) المشتركة بنفس القوس .



تمرين : ليكن $ABCDEFGH$ متوازي مستطيلات ابعاده
 $AD = 2$ و $DH = 3$ و $DC = 4$ قطع بالمستوي
 $EHCB$

- ١- ما طبيعة المقطع احسبه بأبعاده
- ٢- احسب حجم متوازي المستطيلات

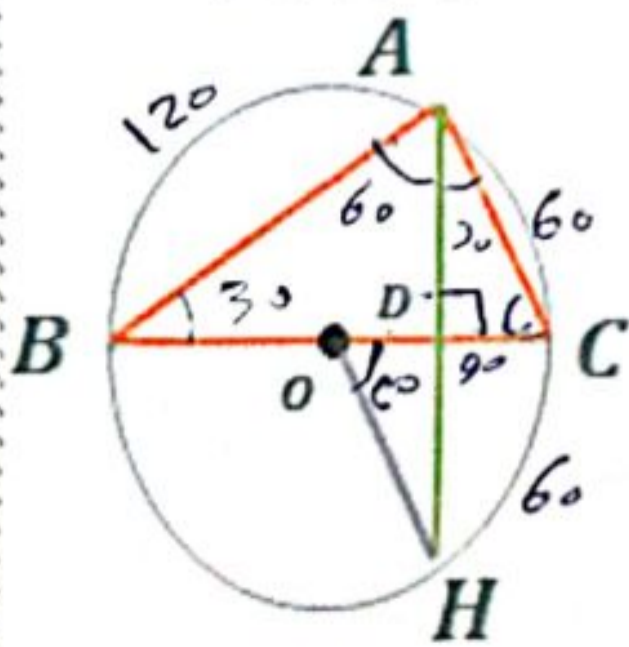


تمرين: متوازي مستطيلات ابعاده $AD = 4$ و
 $AB = 8$ و $AE = 4$

يحتوي كرتان نصف قطر كل واحدة 2

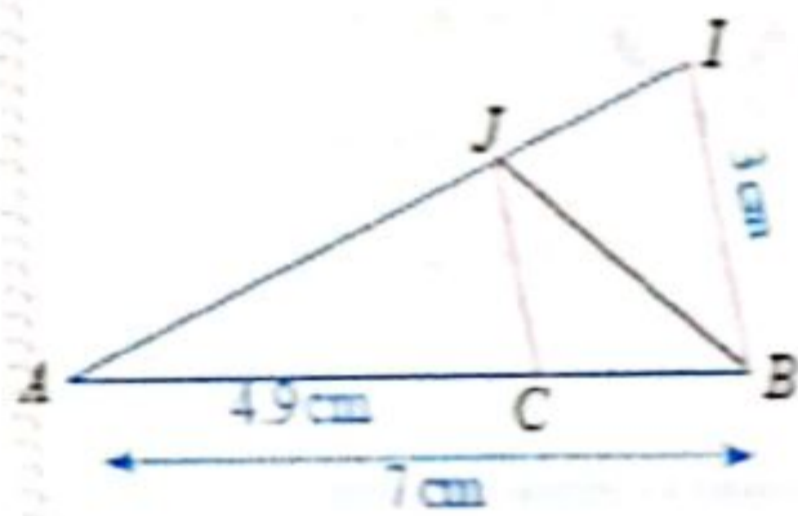
- ١- احسب v_1 حجم متوازي المستطيلات
- ٢- احسب v_2 حجم الكرتان معا
- ٣- احسب v_3 حجم المحصور بين المتوازي و الكرتان

$v_1 = \frac{4 \times 8 \times 4}{3} = \frac{128}{3}$ $v_2 = \frac{4 \times 4 \times 4}{3} = \frac{64}{3}$ $v_3 = \frac{128}{3} - \frac{64}{3} = \frac{64}{3}$



تمرين : في الشكل الجانبي لدينا $ABC = 30^\circ$
 $\angle C = 90^\circ$ و $\angle H = 60^\circ$

- ١- اثبت ان $AC \parallel OH$
- ٢- $\widehat{AB} = 2\widehat{CH}$
- ٣- اثبت ان $AH \perp OC$

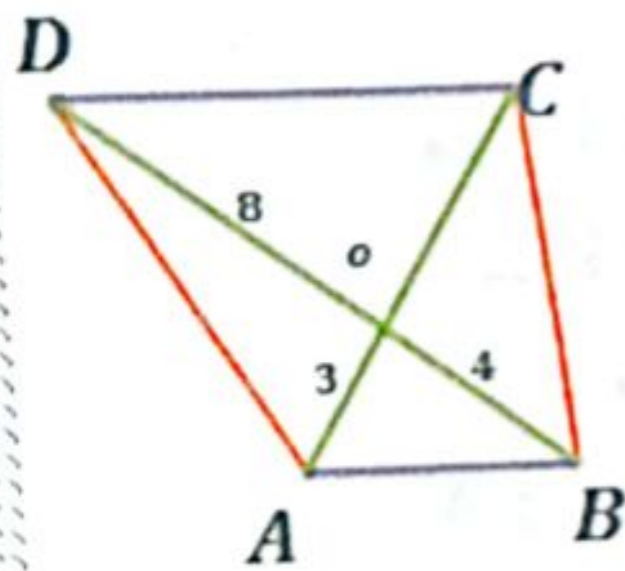


تمرين : ليكن $\triangle ABC$ مثلث فيه $JC \parallel IB$ و $AB = 7$ و $AC = 4.9$ و $IB = 3$ والمطلوب

- (١) اثبت ان المثلث JCB متساوي الساقين
- (٢) اثبت ان JOC تصغير لـ IOB واستنتج نسبة التصغير

(٣) اذا علمت ان مساحة $JOC = 4.9$ استنتج مساحة

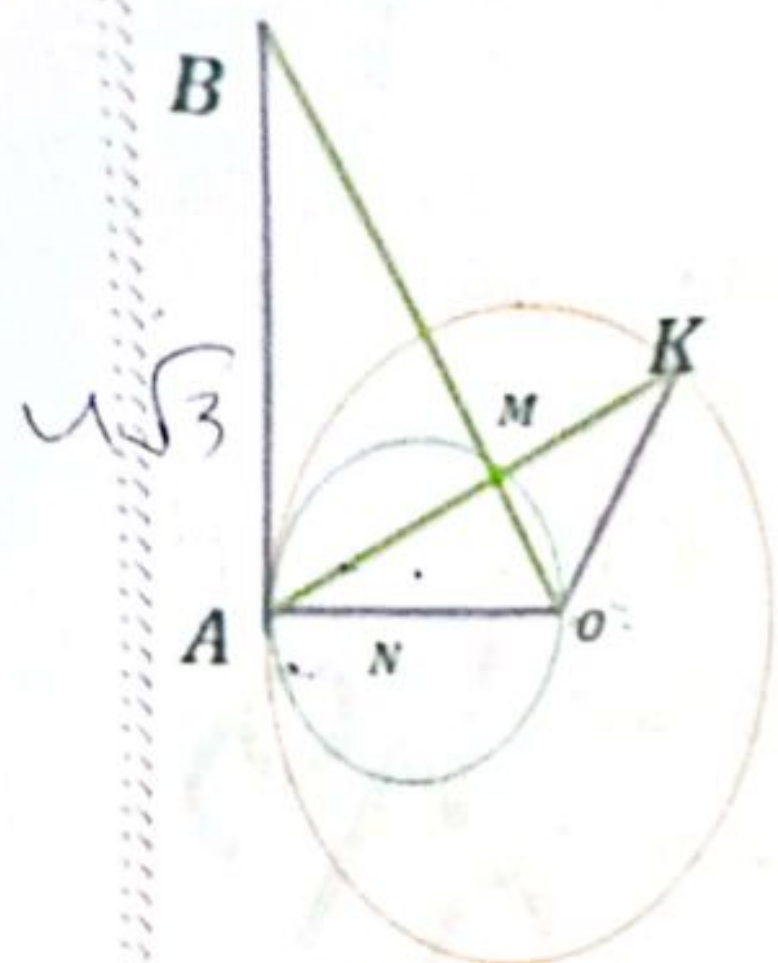
amen almohammed09493393279



تمرين دورة 2021 : في الشكل الجانبي $ABCD$ شبه منحرف قاعدته AB و DC و O نقطة تقاطع قطريه المتعامدين وفيه $OA = 3$ و $OB = 4$ و $OD = 8$ المطلوب

١- احسب AB ثم اكتب النسب الثلاثة المتساوية في المثلثان AOB و COD

٢- احب الطولين OC و CD واحسب النسبة $\frac{\text{مساحة } AOB}{\text{مساحة } COD}$



مسألة : دورة : في الشكل الجانبي C_1 دائرة مركزها O
 ونصف قطرها OA و C_2 دائرة مركزها N وهما متماستان
 داخلًا في A حيث $AO = 4$ و $OB = 8$ وقياس القوس
 $OM = 60$ و AB مماس مشترك في A

١- اثبت ان $BA = 4\sqrt{3}$

٢- احسب قياس القوس AM ثم استنتج قياس AMO

٣- احسب طول كل من OM و AM و BM

٤- اثبت ان الرباعي $BAOK$ دائري ثم عين مركز الدائرة المارة من

رووف

amen almohammad 094933219

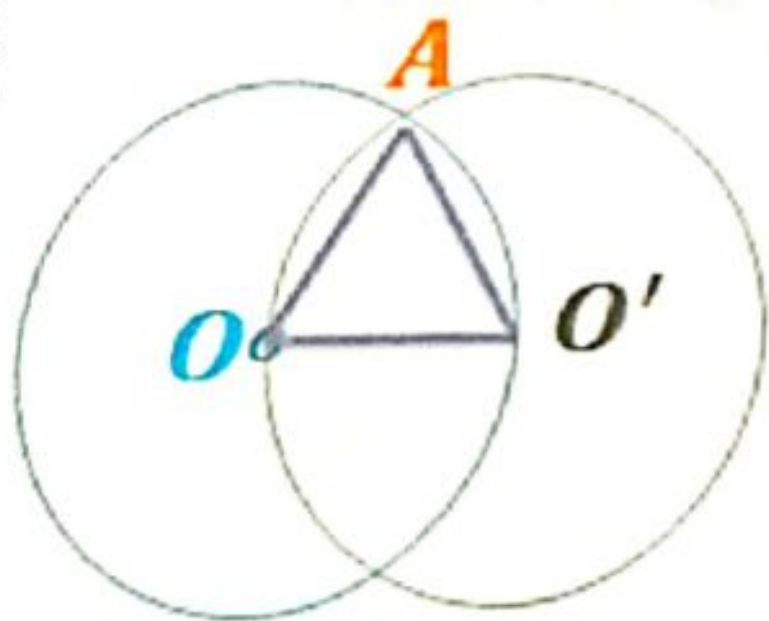
مثال : ليكن $ABCDE$ خمس منتظم مرسوم في دائرة مركزها O
احسب مجموع زوايا الخمس وقياس الزاوية \widehat{ABC} وقياس \widehat{AOC}

١. مفاتيح اثبات ان المثلث متساوي الاضلاع

١- ان تكون الاضلاع متساوية

مثال : ليكن لدينا $C(o, r)$ و $c'(o', r)$ متقاطعتان
كما في الشكل

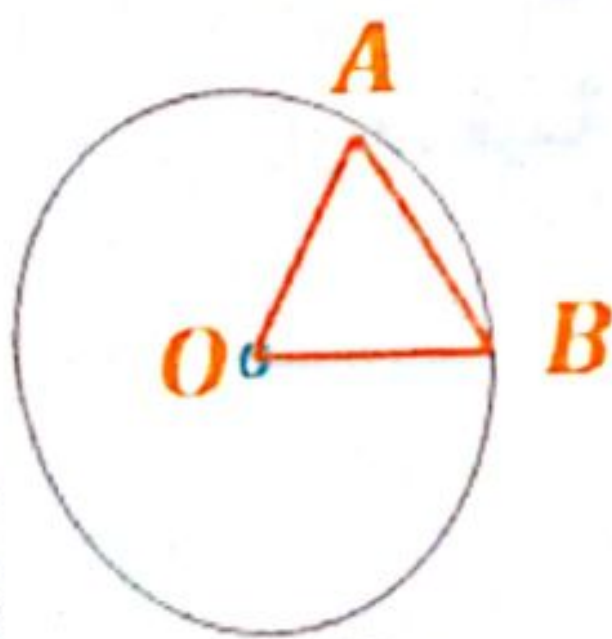
اثبت ان المثلث AOO' متساوي الاضلاع



٢- ان تكون الزوايا متساوية

٣- ان يكون المثلث متساوي الساقين فيه زاوية 60°

مثال : ليكن لدينا $C(o, 3)$ و $\widehat{OAB} = 60^\circ$ اثبت ان
المثلث OAB متساوي الاضلاع واحسب مساحته



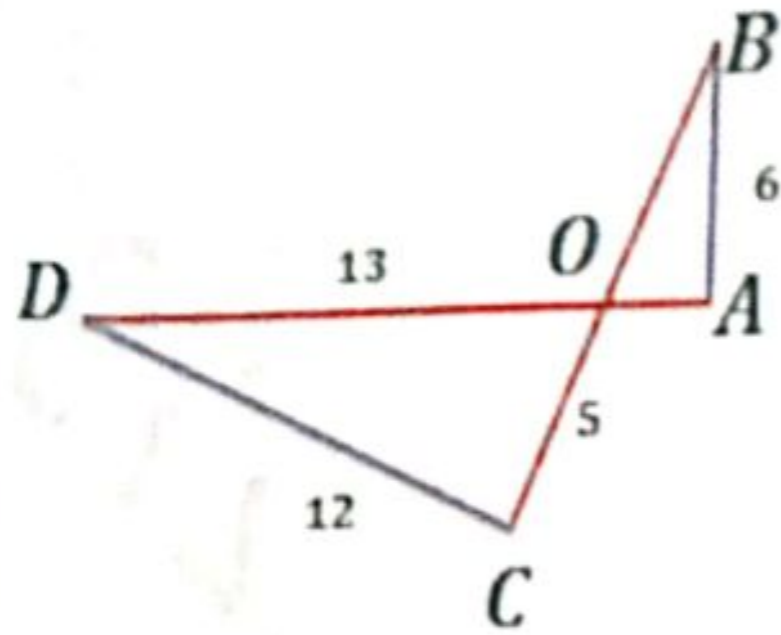
ame

اسئلة هامة و دورات

تمرين : دورة ٢٠٢١ : في الشكل الجانبي

OAB مثلث قائم و $OC = 5$ و $DC = 12$ و

$AB = 6$ و $DO = 13$

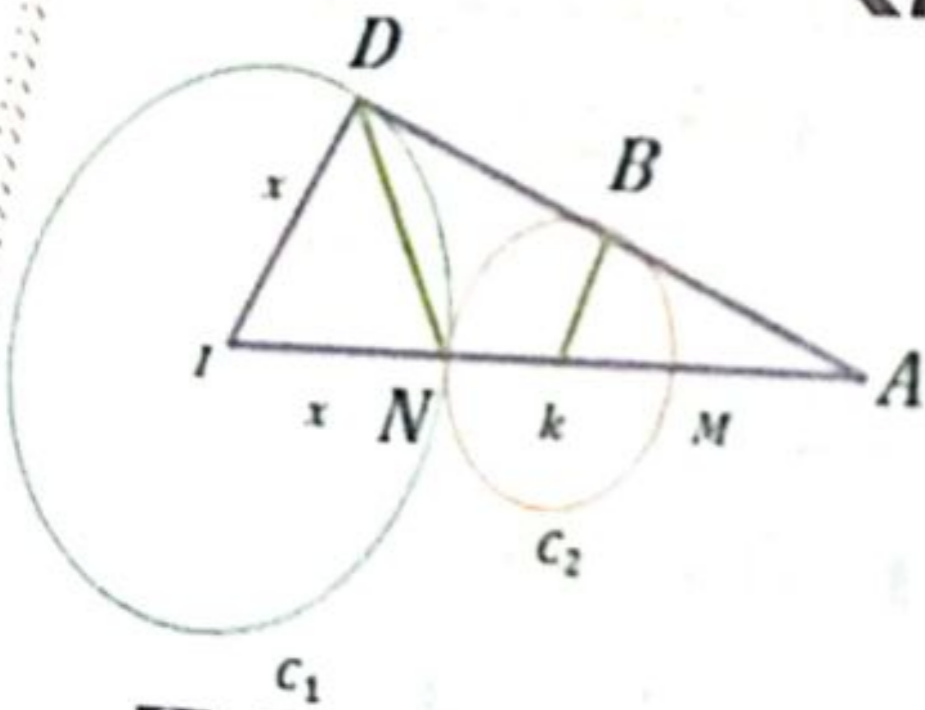


١- اثبت ان DOC مثلث قائم

٢- اثبت ان النقاط A و B و C و D تنتمي الى

دائرة واحدة عين مركزها

٣- احسب $\sin \angle C$ واستنتج الطول OB



مسالة دورة 2021 في الشكل الجانبي

داائرة مركزها I و C_2 دائرة مركزها K

وهما متماستان خارجا في N ولدينا

$AK = 10$ وقياس الزاوية $\angle AKB = 60^\circ$

والمستقيم (AB) يمس كلا من C_1 في D

والدائرة C_2 في B وبفرض $DI = x$

١- احسب قياس كل من الزاويتان $\angle ADI$ و $\angle ABK$ وبين ان

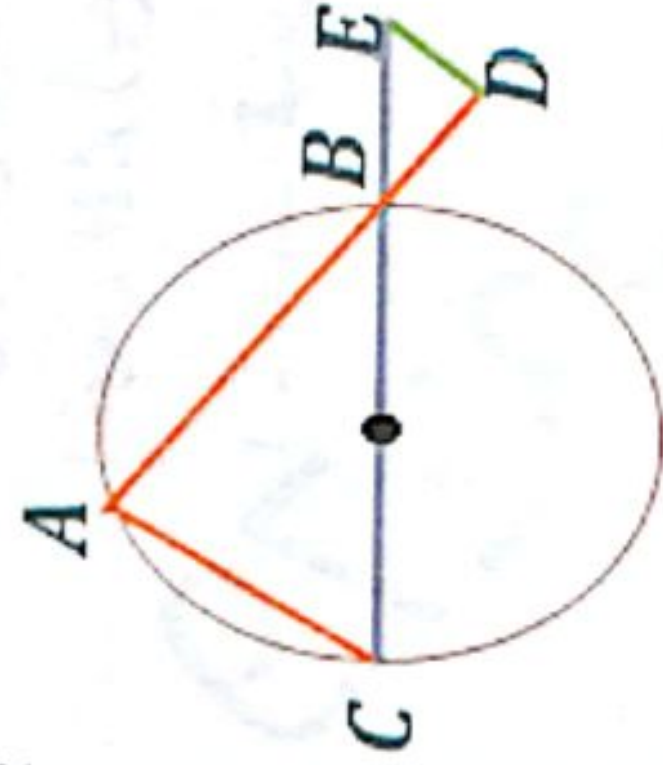
المستقيمين (BK) و (ID) متوازيان

٢- احسب قياس كل من الزاويتان $\angle ADN$ و $\angle DIA$

٣- في المثلث القائم $\angle KBA$ و احسب BK

٤- احسب الطول AN ثم احسب قيمة x

٣- اذا كان المثلث قائم و علم ضلعين تكون زاوية شهيبة ونستخدم $\sin \theta$ او $\cos \theta$ او $\tan \theta$ حسب الضلعان .



مثال : لتكن لدينا الدائرة $C(0, 2)$

حيث $AB = 2\sqrt{3}$ المطلوب

ما نوع المثلث ABC

٢ - احسب AC واستنتج قياسها

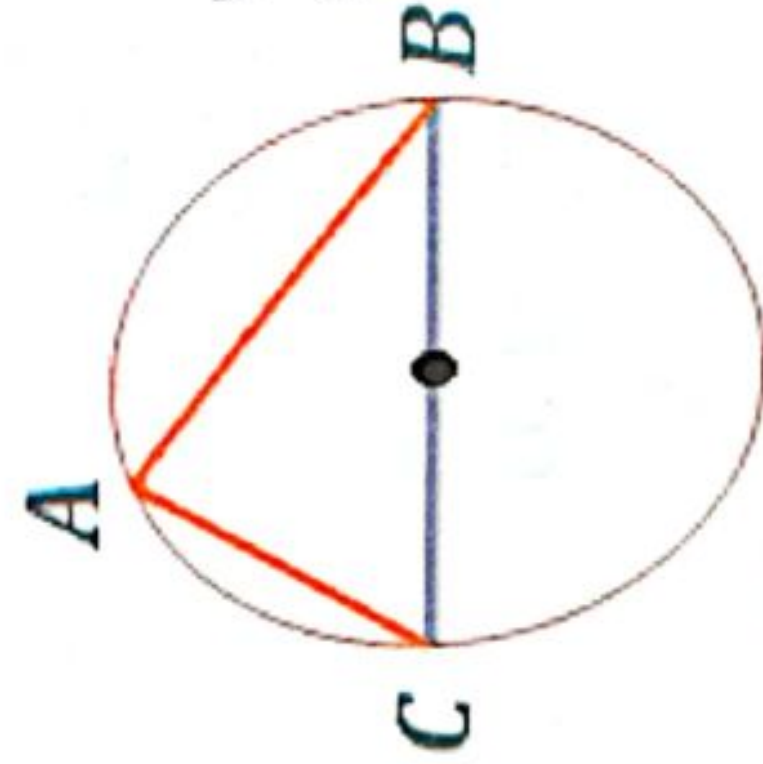
٤- ربما يكون هناك تقابل بالراس او تناظر او تبادل داخلي

مثال : في الشكل

مثال : لتكن لدينا الدائرة $C(0, 3)$ و $AC = 2\sqrt{2}$

و $DE // AC$ و $DE = 1$

١- اثبت ان المثلث ABC قائم واحسب AB



٢- اثبت ان المثلث BED قائم وان $\hat{ABC} = \hat{EBD}$ ثم استنتج

BD و BE

(٧) اذا علمت نسبة مثلثية وطلب حساب نسبة الثانية نستخدم
 $\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ او نرسم المثلث ونستخدم فيثاغورث .

مثال : لدينا ABC مثلث قائم في A اذا علمت ان $\cos B = \frac{\sqrt{7}}{4}$ احسب
 $\sin B$ و $\tan B$

(٨) اذا كانت $A + B = 90$ يكافئ $\sin A = \cos B$ في المثلث قائم

مثال : في مثلث قائم لتكن x زاوية حادة تحقق $\sin 3x = \cos 2x$
اوجد قيمة x

(٩) اذا كان المضلع منتظم (الاضلاع متساوية والزوايا متساوية) فان :

١ - مجموع الزوايا $180(n - 2)$ & ٢ - قياس زاوية بين ضلعين
متتاليين منه $180(n - 2)/n$ & وحساب زاوية مركزية التي يقابلها
ضلع من اضلاعه $360/n$

اتمنى التوفيق للجميع

ما كان من توفيق فهو من الله وما كان من خطأ او نسيان فهو مني ومن الشيطان

ملاحظة: العمل في بدايته ولم ينتهي لكن وضعته بين ايديكم لطلبكم وارجو ان تعم الفائدة

كتبه اخوكم امين المحمد

ارجو الدعاء لآخوتي خالد وبشير وياسر بالرحمة والمغفرة

Amen Almohamd

عرض ملفك الشخصي

