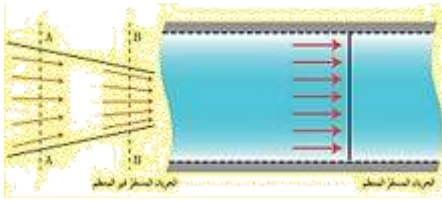
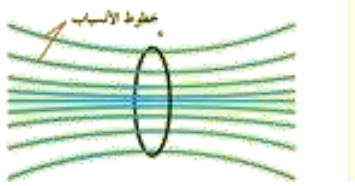


وإذا تغيرت السرعة من نقطة إلى أخرى بمرور الزمن كان الجريان المستقر غير منتظم.



**انبوب التدفق:** إذا أخذنا مساحة صغيرة عمودية على اتجاه

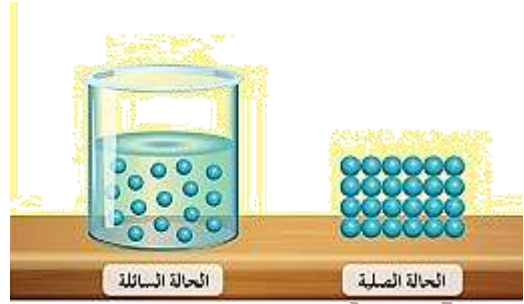
جريان سائل جريانه مستقر، ورسمنا على محيط هذه المساحة خطوط الانسياب نحصل على أنبوب وهمي يحتوي السائل يُدعى انبوب التدفق.



**مميزات السائل المثالي:**

- 1) غير قابل للانضغاط: كتلته الحجمية ثابتة مع مرور الزمن.
- 2) عديم اللزوجة: قوى الاحتكاك الداخلي بين مكوناته مهمله عندما تتحرك بالنسبة لبعضها البعض، وبالتالي لا يوجد ضياع للطاقة.
- 3) جريانه مستقر: أي أن حركة جسيماته لها خطوط انسياب محددة وسرعة جسيماته عند نقطة معينة تكون ثابتة بمرور الزمن.
- 4) جريانه غير دوراني: لا تتحرك جسيمات السائل حركة دورانية حول أي نقطة في الجريان.

## ميكانيك السوائل المتحركة

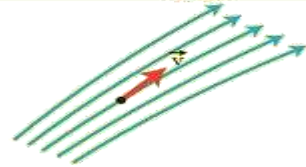


تتميز السوائل والغازات بقوى تماسك ضعيفة نسبياً بين جزيئاتها، فهي لا تحافظ على شكل معين، وتتحرك جزيئاتها بحيث تأخذ شكل الوعاء الذي توضع فيه، وهي تستجيب بسهولة للقوى الخارجية التي تحاول تغيير شكلها.

**تعريف جسيم السائل:** وهو جزء من السائل أبعاده صغيرة جداً بالنسبة لأبعاد السائل وكبيرة بالنسبة لأبعاد جزيئات السائل.

**تعريف أساسية:**

**خط الانسياب (خط الجريان):**



خط وهمي يبين المسار الذي يسلكه جسيم السائل أثناء جريانه ويمس في كل نقطة من نقاطه شعاع السرعة في تلك النقطة.

**الجريان المستقر:** هو الجريان الذي تكون فيه سرعة جسيمات السائل ثابتة مع مرور الزمن في النقطة نفسها من خط الانسياب.

وإذا كانت السرعة ثابتة في جميع نقاط السائل بمرور الزمن فإن الجريان المستقر يكون منتظماً.

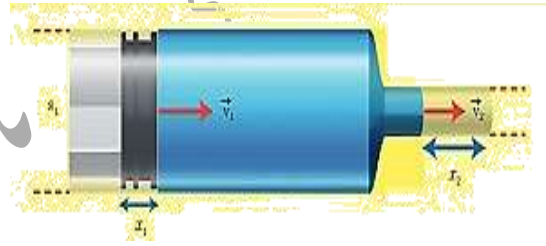
معدل التدفق الكتلي  $Q$ : هو كتلة كمية السائل التي تعبر مقطع الأنبوب في واحدة الزمن.

ونعبر عنه بالعلاقة:  $Q = \frac{m}{\Delta t}$ ، وتقدر بوحدة  $kg \cdot s^{-1}$

معدل التدفق الحجمي  $Q'$ : هو حجم كمية السائل التي تعبر مقطع الأنبوب في واحدة الزمن.

ونعبر عنه بالعلاقة:  $Q' = \frac{V}{\Delta t}$ ، وتقدر بوحدة  $m^3 \cdot s^{-1}$ .

الاستنتاج الرياضي لمعادلة الاستمرارية:



لدينا سائل يتحرك داخل أنبوب مساحة كل من مقطعي طرفيه تختلف عن الأخرى  $s_1, s_2$ .

وبفرض أن:  $v_1$  سرعة السائل عبر المقطع  $s_1$

$v_2$  سرعة السائل عبر المقطع  $s_2$

إن حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $s_1$  لمسافة  $x_1$

في الزمن  $\Delta t$  يكون:  $V_1 = s_1 x_1$

لكن:  $x_1 = v_1 \Delta t$  وبالتالي:  $V_1 = s_1 v_1 \Delta t$

إن حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $s_2$  لمسافة  $x_2$

في الزمن  $\Delta t$  يكون:  $V_2 = s_2 x_2$

لكن:  $x_2 = v_2 \Delta t$  بالتالي:  $V_2 = s_2 v_2 \Delta t$

وبما أن: حجم كمية السائل التي عبرت المقطع  $s_1$  تساوي

حجم كمية السائل التي عبرت المقطع  $s_2$  المدة الزمنية نفسها

فإن:  $Q'_1 = Q'_2$

$$\frac{v_1}{\Delta t} = \frac{v_2}{\Delta t}$$

$$\frac{s_1 v_1 \Delta t}{\Delta t} = \frac{s_2 v_2 \Delta t}{\Delta t}$$

$$s_1 v_1 = s_2 v_2$$

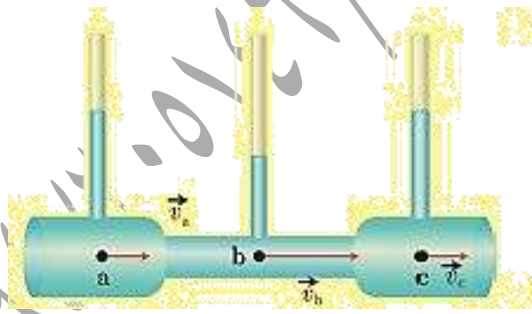
$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{s_1}{s_2}$$

أي أن: سرعة تدفق السائل تناسب عكساً مع مساحة مقطع الأنبوب الذي يتدفق منه السائل.

نتيجة: تزداد سرعة تدفق السائل في أنبوب بنقصان مساحة مقطع الأنبوب.

وبالتالي:  $Q' = s_1 v_1 = s_2 v_2 = const$

معادلة برنولي في الجريان المستقر:



في الشكل المجاور: سائل جريانه مستقر عبر أنبوب أفقي ذي مقاطع مختلفة.

يتأثر سطح المقطع  $S_2$  بقوة  $F_2$  معيقة لجريان السائل، أي  
تعاكسُ جهةَ الجريان، وتنتقل نقطة تأثيرها مسافة قدرها  $\Delta x_2$   
في المدة الزمنية  $\Delta t$  (فتقوم بعملٍ مقاومٍ سالب).

$$W_2 = -F_2 \Delta x_2$$

لكن:  $F_2 = p_2 S_2 \Rightarrow W_2 = -p_2 S_2 \Delta x_2$

لكن:  $\Delta V = S_2 \Delta x_2 \Rightarrow W_2 = -p_2 \Delta V$

حيث  $\Delta V$  حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $S_2$  في المدة الزمنية  $\Delta t$  نفسها.

وهي **تساوي** حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $S_1$   
في المدة الزمنية  $\Delta t$  وذلك لأن السائل غير قابل للانضغاط.

ويصبح العمل الكلي  $W_T = W_w + W_1 + W_2$

$$W_T = p_1 \Delta V - p_2 \Delta V - mg(z_2 - z_1)$$

وبحسب مصوئية الطاقة (أو نظرية الطاقة الحركية) فإن:

$$W_T = E_{k_2} - E_{k_1} = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$

بمساواة العلاقتين نجد:

$$p_1 \Delta V - p_2 \Delta V - mg(z_2 - z_1) = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$

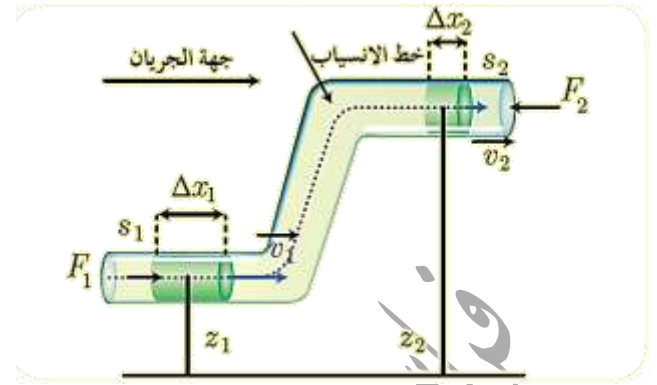
$$p_1 \Delta V + \frac{1}{2} m v_1^2 + mg z_1 = p_2 \Delta V + \frac{1}{2} m v_2^2 + mg z_2$$

نقسم الطرفين على  $\Delta V$  علماً أن:  $\rho = \frac{m}{\Delta V}$

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

معادلة برنولي:  $p + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g z = const$

وتنصُ نظرية برنولي على ما يلي: إن مجموع الضغط  
والطاقة الحركية لواحدة الحجم، والطاقة الكامنة الثقالية لواحدة الحجم  
تساوي مقداراً ثابتاً عند أي نقطة من نقاط خط الانسياب  
لسائل جريانه مستقر.



عندما تمر كمية صغيرة من السائل بين مقطعين

حيث مساحة المقطع الأول  $S_1$  والضغط عنده  $p_1$ ، وسرعة

الجريان فيه  $v_1$ ، والارتفاع عن مستو مرجعي  $z_1$

ومساحة المقطع الثاني  $S_2$ ، والضغط عنده  $p_2$ ، وسرعة

الجريان فيه  $v_2$ ، والارتفاع عن مستو مرجعي  $z_2$ .

إن العمل الكلي المبذول لتحريك كتلة السائل من المقطع

الأول إلى المقطع الثاني يساوي مجموع عمل قوة الثقل، وعمل

قوة ضغط السائل.

عمل قوة الثقل:  $W_w = -mg(z_2 - z_1)$

عمل قوة ضغط السائل: يتأثر سطح المقطع  $S_1$  بقوة  $F_1$  لها جهة

الجريان، وتنتقل نقطة تأثيرها مسافة قدرها  $\Delta x_1$ ، في مدة

زمنية  $\Delta t$ ، فتقوم بعملٍ محرّكٍ (موجب).

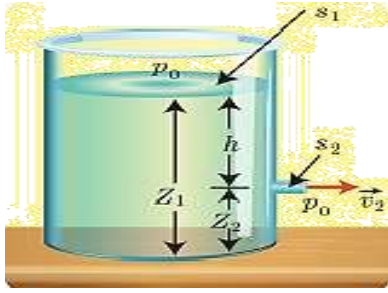
$$W_1 = F_1 \Delta x_1$$

لكن:  $F_1 = p_1 S_1 \Rightarrow W_1 = p_1 S_1 \Delta x_1$

لكن:  $\Delta V = S_1 \Delta x_1 \Rightarrow W_1 = p_1 \Delta V$

حيث  $\Delta V$  حجم كمية السائل التي تعبر المقطع  $S_1$  في المدة الزمنية  $\Delta t$

(2) نظرية تورشيللي:



يحتوي خزانٌ على سائل كتلته الحجمية  $\rho$  مساحة سطح مقطعها  $S_1$  كبيرة بالنسبة إلى فتحة جانبية مساحة مقطعها صغيرة  $S_2$  تقع قرب قعره وعلى عمق  $h = z_1 - z_2$  من السطح الحر للسائل.

فما السرعة التي يخرج بها السائل من الفتحة الجانبية؟

نطبق معادلة برنولي على جزء صغير من السائل انتقل من سطح الخزان بسرعة  $v_1 \approx 0$  ليخرج من الفتحة  $S_2$  إلى الوسط الخارجي بسرعة  $v_2$ :

$$p_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g z_1 = p_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g z_2$$

إن السطح المقنوع، والفتحة معرّضان للضغط الجوي النظامي، ولذلك  $p_1 = p_2 = p_0$

$$\rho g z_1 = \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$\frac{1}{2}v_2^2 = g z_1 - g z_2$$

$$v_2^2 = 2g(z_1 - z_2) \Rightarrow v_2 = \sqrt{2gh}$$

إن سرعة خروج السائل تساوي السرعة التي يسقط بها جسمٌ مائعٌ سقوطاً حراً من ارتفاع  $h$ .

تدعى العلاقة السابقة بنظرية تورشيللي، وتطبق على أي فتحة في الوعاء، سواء في قعره كانت أم في جدارها الجانبي.

فالمقدار  $\rho g z$  يمثل الطاقة الكامنة الثقالية لوحدة الحجم من السائل ويمثل المقدار  $\frac{1}{2}\rho v^2$  الطاقة الحركية لوحدة الحجم من السائل.

والضغط  $p$  طاقة وحدة الحجم ويمكن أن تتحقق من ذلك لو كتبنا وحدات الضغط إذ نجد:

$$1 \text{ Pa} = 1 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} = 1 \frac{\text{N} \cdot \text{m}}{\text{m}^3} = 1 \frac{\text{J}}{\text{m}^3}$$

حالة خاصة: إذا كان الأنبوب أفقياً:

$$z_1 = z_2$$

$$p_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2}\rho(v_2^2 - v_1^2)$$

ونستنتج: أنه ينقص ضغط السائل كلما ازدادت سرعته.

تطبيقات على معادلة برنولي:

(1) سكوز السوائل ومعادلة المانومتر:

يمكن أن نحصل على معادلة المانومتر من معادلة برنولي بفرض أن المائع ساكن في الأنبوب أي أن:

$$v_1 = v_2 = 0$$

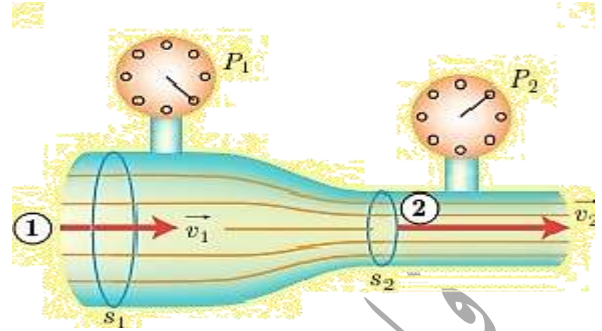
نعوض في معادلة برنولي فنجد:

$$p_1 - p_2 = \rho g z_2 - \rho g z_1 = \rho g(z_2 - z_1) = \rho g h$$

$$p_1 - p_2 = \rho g h$$

وهذه معادلة المانومتر: قانون الضغط في الموائع الساكنة.

3) أنبوب فنتوري:



يتألف أنبوب فنتوري من أنبوب مساحة مقطعه  $S_1$  يجري فيه سائل بسرعة  $v_1$  في منطقة ضغطها  $P_1$ ، فيصل لاختناق مساحته  $S_2$ ، ولمعرفة فرق الضغط بين الجذع الرئيس والاختناق نستعمل أنبوب فنتوري.

نطبق معادلة برنولي بين التقطين 1,2 اللتين تقعان في المستوي الأفقي نفسه.

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$z_1 = z_2$$

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2)$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho \left[ \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^2 - 1 \right] v_1^2$$

$$\text{لكن: } \frac{v_2}{v_1} = \frac{S_1}{S_2}$$

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2} \rho \left[ \left( \frac{S_1}{S_2} \right)^2 - 1 \right] v_1^2$$

ويُقاس فرق الضغط بين تقطين باستخدام جهاز قياس الضغط

لدينا:  $S_1 > S_2$  إذا:  $P_1 > P_2$  أي أن الضغط في

الاختناق أقل من الضغط في الجذع الرئيس للأنبوب. يُستفاد

من هذه الخاصية في الطب، فقد تناقص مساحة مقطع الشرايين في منطقة ما نتيجة تراكم الدهون والشحوم، وهذا يعيق جريان الدم في هذه الشرايين، ويتناقص ضغط الدم في المقاطع المتضيقة عن قيمتها الطبيعية اللازمة لمقاومة الضغوط الخارجية.

ونستنتج: أنه ينقص ضغط السائل كلما نقصت مساحة المقطع.

اختبر نفسي:

أولاً: اختر الإجابة الصحيحة مما يأتي:

1) عندما تهب رباح أفقية عند فوهة مدخنة شاقولية فإن سرعة خروج الدخان من فوهة المدخنة:

(a) تزداد. (b) تنقص.

(c) تبقى دون تغيير. (d) تنعدم.

ويمكن تفسير النتيجة وفق:

(a) مبدأ باسكال. (b) مبدأ برنولي.

(c) قاعدة أرخميدس. (d) معادلة الاستمرارية.

الإجابة الصحيحة: (a) تزداد وفق (b) مبدأ برنولي.

2) يتصف السائل المثالي بأنه:

(a) قابل للانضغاط وبعديم اللزوجة.

(b) غير قابل للانضغاط ولزوجته غير مهملة.

(c) غير قابل للانضغاط وبعديم اللزوجة.

(d) قابل للانضغاط ولزوجته غير مهملة.

الإجابة الصحيحة: (c) غير قابل للانضغاط وبعديم اللزوجة.

3) خرطوم مساحة مقطعه عند فوهة دخول الماء فيه  $S_1$  وسرعة

جريان الماء عند تلك الفوهة  $v_1$  فتكون سرعة خروج الماء

$v_2$  من نهاية الخرطوم حيث أن  $S_2 = \frac{1}{4} S_1$  مساوية:

$16v_1$  (d)  $4v_1$  (c)  $\frac{v_1}{4}$  (b)  $v_1$  (a)

الإجابة الصحيحة: (c)  $4v_1$

$$S_1 v_1 = S_2 v_2 \Rightarrow S_1 v_1 = \frac{1}{4} S_1 v_2 \Rightarrow v_2 = 4v_1$$

ثانياً: أعط تفسيراً علمياً باستخدام العلاقات الرياضية

المناسبة لكل مما يأتي:

س1\_ اختلاف سرعة جريان الماء عبر مقاطع مختلفة المساحة

في مجرى نهر جريانه أفقي.

الجواب: حسب معادلة الاستمرارية  $S_1 v_1 = S_2 v_2$  السرعة تتناسب

عكساً مع مساحة مقطع مجرى النهر , لذلك تزداد سرعة الماء

عندما تنقص مساحة مقطع مجرى النهر وتنقص سرعة الماء

عندما تزداد مساحة مقطع مجرى النهر .

س2\_ عدم تقاطع خطوط الانسياب لسائل.

الجواب: خط الانسياب يمر في كل نقطة شعاع سرعة جسيم

السائل في تلك النقطة وتقاطع خطوط الانسياب يعني وجود

أكثر من سرعة للجسيم بالمكان نفسه وباتجاهات مختلفة

وبالحظة ذاتها وهذا غير ممكن .

س3\_ ينقص مقطع عمود الماء المتدفق من الخرطوم عندما

توجه فوهته للأسفل، ويزداد مقطعه عندما توجه فوهته رأسياً

للأعلى .

الجواب: عندما توجه فوهة الخرطوم للأسفل تزداد سرعة

جريان الماء كلما اقترب الماء من سطح الأرض فينقص

سطح مقطع الماء المتدفق حسب معادلة الاستمرارية وعندما

توجه فوهة الخرطوم للأعلى تنقص سرعة جريان الماء كلما

ابتعد الماء عن سطح الأرض فيزداد سطح مقطع الماء المتدفق

س4\_ يندفع الماء بسرعة كبيرة من ثقب صغير حدث في

جدار خرطوم ينقل الماء.

الجواب: سرعة اندفاع الماء من ثقب صغير هي سرعة كبيرة

حسب معادلة الاستمرارية  $S_a v_a = S_b v_b$  فإن:

$$S_b > S_a \Rightarrow v_b < v_a$$

س5\_ تستطيع خراطيم سيارات الإطفاء إيصال الماء لارتفاعات

ومسافات كبيرة.

الجواب: فوهة الخرطوم ضيقة لذا تزداد سرعة اندفاع الماء فتزداد

طاقته الحركية فيصل الماء إلى ارتفاعات أعلى ومسافات

أطول.

س6\_ تكون مساحة فتحات الغاز في موقد الغاز صغيرة؟

الجواب: لكي يندفع الغاز منها بسرعة كبيرة.

س7\_ لجعل الماء المتدفق من فتحة خرطوم يصل إلى

مسافات أبعد نغلق جزءاً من فتحة الخرطوم.

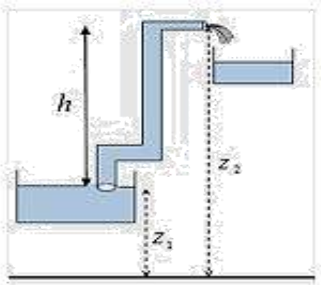
الجواب: نغلق جزءاً من فتحة الخرطوم لكي تزداد سرعة

جريان الماء فتزداد طاقته الحركية لذا يصل إلى ارتفاعات

أعلى ومسافات أطول.

(3) احسب العمل الميكانيكي اللازم لضخ 100 L من

الماء إلى الخزان العلوي.



الحل:

مستوي مرجعي لقياس الطاقة الكامنة الثقالية

$$Q' = s_1 v_1 \Rightarrow v_1 = \frac{Q'}{s} = \frac{5 \times 10^{-3}}{10 \times 10^{-4}} = 5 \text{ m.s}^{-1} \quad (1)$$

$$Q' = s_2 v_2 \Rightarrow v_2 = \frac{Q'}{s} = \frac{5 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-4}} = 10 \text{ m.s}^{-1}$$

(2) تطبيق نظرية برنولي بين الوضعين:

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g z_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g z_2$$

$$p_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2) + \rho g (z_2 - z_1)$$

$$p_1 = p_2 + \frac{1}{2} \rho (v_2^2 - v_1^2) + \rho g h$$

$$p_1 = 10^5 + \frac{1}{2} 1000 (100 - 25) + 1000 \times 10 \times 20$$

$$p_1 = 100000 + 37500 + 200000 = 337500 \text{ pa}$$

$$W = \Delta E_k = E_{k2} - E_{k1} = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2) = \quad (3)$$

$$W = \frac{1}{2} \rho v (v_2^2 - v_1^2) =$$

$$W = \frac{1}{2} (1000) (100 \times 10^{-3}) (100 - 25) = 3750 \text{ J}$$

المسألة الأولى: لماء خزان حجمه 600 L بالماء استعمل

خرطوم مساحة مقطعه  $5 \text{ cm}^2$  فاستغرقت العملية 300 s .

(المطلوب: 1) احسب معدل التدفق الحجمي  $Q'$ .

(2) احسب سرعة تدفق الماء من فتحة الخرطوم.

(3) كم تصبح سرعة تدفق الماء من فتحة الخرطوم إذا قصّ مقطعها

ليصبح ربع ما كان عليه؟

الحل:

$$Q' = \frac{V}{\Delta t} = \frac{0.6}{300} = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1} \quad (1)$$

$$Q' = s v \Rightarrow v = \frac{Q'}{s} = \frac{2 \times 10^{-3}}{5 \times 10^{-4}} = 4 \text{ m.s}^{-1} \quad (2)$$

$$s_1 v_1 = s_2 v_2 \Rightarrow s_1 v_1 = \frac{1}{4} s_1 v_2 \Rightarrow \quad (3)$$

$$v_2 = 4 v_1 = 4 \times 4 = 16 \text{ m.s}^{-1}$$

المسألة الثانية: ترفع مضخة الماء من خزان أرضي

عبر أنبوب مساحة مقطعه  $S_1 = 10 \text{ cm}^2$  إلى خزان

يقع على سطح بناء، فإذا علمت أن مساحة مقطع الأنبوب

الذي يصب في الخزان العلوي

$$S_2 = 5 \text{ cm}^2 \text{ وأن معدل الضخ } Q' = 0.005 \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$$

(المطلوب: 1) احسب سرعة الماء عند دخوله الأنبوب وعند

فتحة خروجه من الأنبوب.

(2) احسب قيمة ضغط الماء عند دخوله الأنبوب علماً بأن الضغط

الجوي  $1 \times 10^5 \text{ Pa}$  والارتفاع بين الفوهتين 20m .

**التفكير الناقد:** أيهما أكثر تقوساً السطح العلوي أم السطح

السفلي لجناح الطائرة؟

**الجواب:** السطح العلوي لجناح الطائرة أكثر تقوساً من السطح

السفلي ، فعندما تتحرك الطائرة بسرعة ما تكون سرعة

جريان الهواء من الأعلى أكبر منها من الأسفل،

وبالتالي يكون الضغط من الأعلى أقل منه من

الأسفل فترتفع الطائرة.

----- انتهى البحث -----

ندعوكم للانضمام إلى قناتنا على التيلغرام:

قناة فراس قلعه جي للفيزياء والكيمياء

**المسألة الثالثة:** ينتهي أنبوب ماء مساحة مقطعه  $10\text{cm}^2$  إلى

رشاش الاستحمام فيه 25 ثقباً متماثلاً مساحة مقطع كل

ثقب  $0.1\text{cm}^2$  فإذا علمت أن سرعة تدفق الماء عبر الأنبوب

$50\text{ cm} \cdot \text{s}^{-1}$  المطلوب:

(1) احسب معدل التدفق الحجمي للماء .

(2) احسب سرعة تدفق الماء من كل ثقب .

**الحل:**

$$Q' = s_1 v_1 = 10 \times 10^{-4} \times 0.5 = 5 \times 10^{-4} \text{m}^3 \cdot \text{s}^{-1} \quad (1)$$

$$Q' = 25 s_2 v_2 \Rightarrow v_2 = \frac{Q'}{25 s_2} = \frac{5 \times 10^{-4}}{25 \times 0.1 \times 10^{-4}} \quad (2)$$

$$\Rightarrow v_2 = 2 \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$$

**المسألة الرابعة:** محقن أسطواني الشكل مساحة

مقطعه  $1.25\text{cm}^2$  مركب عليه إبرة معدنية مساحة مقطعه

$4 \times 10^{-4} \text{cm}^2$  المطلوب:

(1) احسب سرعة تدفق المحلول عبر مقطع المحقن عندما

يكون معدل التدفق  $5 \times 10^{-5} \text{m}^3 \text{s}^{-1}$  .

(2) احسب سرعة تدفق المحلول لحظة خروجه من فوهة الإبرة .

**الحل:**

$$v_1 = \frac{Q'}{s_1} = \frac{5 \times 10^{-5}}{1.25 \times 10^{-4}} = 0.4 \text{m} \cdot \text{s}^{-1} \quad (1)$$

$$v_2 = \frac{Q'}{s_2} = \frac{5 \times 10^{-5}}{4 \times 10^{-8}} = 1250 \text{m} \cdot \text{s}^{-1} \quad (2)$$