

اجب عن الأسئلة التالية : (لكل سؤال 100 درجة)
السؤال الأول : إذا كان f, g تابعين معرفين على المجال $I = [0, +\infty)$ وفق $F(x) = -2x$, $g(x) = \frac{1}{x+1}$ والمطلوب :

- 1 - ادرس اطراد كل من f, g على المجال $I = [0, +\infty)$
- 2 - اوجد $f \circ f$, $g \circ f$ ادرس اطراد كل منهما على المجال $I = [0, +\infty)$

السؤال الثاني نتأمل في معلم متجانس $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ النقاط
 $O(0, 0), B(3, -2), A(4, 6)$
والمطلوب

- 1 - اثبت أن النقاط A, B, O لا تقع على استقامة واحدة
- 2 - عين إحداثيات I منتصف BA
- 3 - عين مركز ثقل المثلث ABO
- 4 - احسب نظيم كل من الأشعة $\|OA\|$, $\|OB\|$, $\|AB\|$ واستنتج نوع المثلث OAB
- 5 - عين G مركز أبعاد متناسبة للنقاط المثقلة $(O, 1), (B, -1), (A, 1)$

السؤال الثالث: اجب عن الأسئلة الآتية :

- 1 - بسط العبارة $\cos X + \cos(\pi + X) + \cos(2\pi - X) + \cos(\pi - X)$
- 2 - حل المعادلة $x^3 + 8x^2 + X - 42 = 0$ بعد التحقق أن 2 حل لها
- 3 - عين الأعداد الحقيقية a, b, c التي تحقق $\frac{2x^2 + 5x + 2}{x+1} = ax + b + \frac{c}{x+1}$
- 4 - اوجد قياس الزاوية الأساسية لكل من الزاويتين $\frac{27\pi}{4}$ راديان , 1200°

----->

***** انتهت الأسئلة *****
***** مع التمنيات لكم بالنجاح والتوفيق *****
مدرس المادة : نصر أبو حوية

السؤال الأول: أجب عن الأسئلة الآتية (70 درجة)

1. اوجد (وحدة التبع $f(x) = \sin x - \frac{1}{x}$)

2. ليكن دالة التبع $f(x) = 3x - 1$ ، $g(x) = \frac{1}{x-4}$

أوجد $D_{f \circ g}$ ثم لوحد أعداد رتبة التبع $f \circ g$

3. اوجد مركز التبع f على المجال I حيث $I =]0, +\infty[$: $f(x) = \frac{-3}{x} + |x|$

4. اوجد مشتق التبع f المعروف بمشتق $f(x) = (x^2 - 1) \cos 2x$

السؤال الثاني: (60 درجة)

في مستطير $OACB$ لدينا $A(2, 3)$ ، $B(-2, 0)$ ، $C(2, -3)$

والمثلث ABC هو مثلثين متطابقين

1- اوجد أطوال أضلاع المثلث ABC ثم حد توريه

2- اوجد مساحة المثلث ABC والمثلث G مركزه G

السؤال الثالث: (45 درجة)

ليكن التبع f المعروف بطورته وفق $f(x) = x^2 - 3x + 5$ والمعلوم:

1) اكتب معادلة المستقيم P المماس للمثلث f في (3)

2) اوجد من طول التبع f على \mathbb{R}

3) اوجد القيم العديدية للتبع f

السؤال الرابع: (25 درجة)

لدينا المثلث ABC فيه

G مركز الأضلاع المتوسطة للمثلث ABC ، $A(4, 2)$ ، $B(1, 1)$ ، $C(3, 3)$ و $\vec{AG} = \frac{2}{3} \vec{AC}$

المثلث ABC يقع على استقامة واحدة

السؤال الخامس: (40 درجة)

أجب عن الأسئلة الآتية

1. اكتب بشكل المتكررات اعداديات النقطة A بحيث A معطاه بالمثلث القطري $A(3; \frac{13\pi}{6})$

2. اكتب $A(-3, -3)$ بالاحداثيات القطبية

$z = 2 + 3i$

انتهت الأسئلة

سؤال الأول : اجبى بقلمه صح او خطأ بجانب كل عبارة مع ذكر السبب .

60

(1) التابع $f(x) = \cos x + \sin x$ هو تابع فردي .

(2) التابع $f(x) = \sqrt{x}$ اشتطفي عند الصفر .

(3) مشتق التابع : $f(x) = \cos \frac{\pi}{3} + \sin \frac{\pi}{3}$ يساوي الصفر .

(4) الاحداثيات القطبية للنقطة $M(\sqrt{2}, -\sqrt{6})$ التي تحقق : $\theta \in]-\pi, \pi]$ هي : $(2\sqrt{2}, \frac{5\pi}{3})$.

(5) للقياس الأساسي للزاوية $-\frac{4\pi}{3}$ هو $-\frac{\pi}{3}$.

(6) ابا كان الشعاعين غير المعومين \vec{u}, \vec{v} بحيث : $(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{\pi}{2}$ فان الزاوية المرجحة $(-\vec{u}, \vec{v})$ تساوي $\frac{3\pi}{2}$.

سؤال الثاني : ليكن لدينا التبعان : f, g بحيث : $f(x) = \frac{3}{x}, g(x) = 2x + 1$.

20

(1) عيني مجموعة تعريف $f, g, f \circ g$.

(2) احسبي $(f \circ g)(x)$ وادرسى اطرافه بالاعتماد على دراسة اطراف ناتج تركيب تابعين .

سؤال الثالث : ABC مثلث وليكن I مركز الابعاد المتناسية للنقطتين المتلفتين $(A, 2), (B, 1)$.

و J مركز الابعاد المتناسية للنقطتين المتلفتين $(B, 1), (C, -2)$.

وليكن G مركز الابعاد المتناسية للنقط المتلفة $(A, 2), (B, 1), (C, -2)$.

اثبتى ان النقط A, G, I على استقامة واحدة وكذلك الامر بالنسبة ل G, J, C ثم برهنى

توازي المستقيمين $(GB), (CA)$.

سؤال الرابع : (1) حل المعادلة : $\cos x = \sin(x + \frac{\pi}{4})$ في المجال : $I =]-\pi, \pi]$.

(2) اثبتى باسبب شكل : $f(x) = \sin(\frac{3\pi}{2} - x) + \sin(3\pi + x) + \cos(5\pi - x) + \cos(x - \frac{\pi}{2})$.

سؤال الخامس : لدينا التتابع : $f(x) = \frac{2x+1}{x^2+1}, h(x) = \frac{\sin x}{x}, g(x) = \frac{2x+1}{x-1}$.

(1) اوجدى مجموعة تعريف كل منها .

(2) اثبتى ان f اشتطفي على مجموعة تعريفه واحسبى $f(x)$.

(3) اوجدى معادلة المماس في النقطة التي فاصلتها -1 للخط البياني للتابع f .

(4) ادرسى زوجية التابع h واحسبى $h(x)$ مبينة المجموعة التي يكون عليها حساباتك صحيحة .

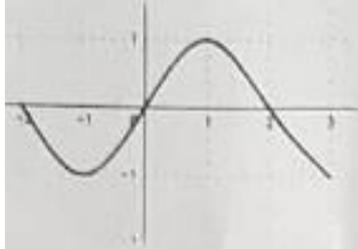
(5) اثبتى ان النقطة $I(1, 2)$ مركز تناظر للخط البياني $g(x)$.

سؤال السادس : (1) عيني $\lambda \in R$ ليكون باقي قسمة كثير الحدود : $f(x) = 2x^3 - 7x^2 + 2x + \lambda$ على

$x - 1$ يساوي الصفر .

(2) اذا كانت $\lambda = 3$ حل المعادلة $f(x) = 0$.

*****التهت البسيطة*****



السؤال الأول: يمثل الخط المرسوم جانباً C_r الخط البياني للتابع f والمطلوب:

(1) عيّن مجموعة التعريف D_f . (2) أوجد صور الأعداد: 3, -2, 1 .

(3) أوجد حلول المتراجحة $f(x) > 0$. (4) كم حلاً للمعادلة $f(x) = -\frac{3}{2}$

السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة:

(1) باقي قسمة $P(x) = 2x^3 - 4x + 5$ على $x + 2$ هو: 3, -2, -3

(2) التابع $f(x) = |x^2|$: زوجي، فردي، غير زوجي وغير فردي

(3) مجموعة تعريف التابع $f(x) = \sqrt{2-x} + \frac{x}{x-1}$ هي: $]-\infty, 2[\setminus \{1\}$, $]-\infty, 2[\setminus \{1\}$, $R \setminus \{1\}$

(4) بفرض $2\vec{NA} + 3\vec{AB} = \vec{0}$ فإن مركز الأبعاد المتناسبة للنقطتين المثقلتين:

$(A, -1), (B, 3)$. $(A, -2), (B, 3)$. $(A, 3), (B, 2)$

(5) إذا كانت $B(4, \frac{3\pi}{2})$ بالإحداثيات القطبية فإن إحداثياتها الديكارتية: $B(4, 0)$, $B(-4, 0)$, $B(0, -4)$

السؤال الثالث: تكن النقاط $A(1, 3)$, $B(2, -3)$, $C(-1, -2)$ أنشئ G مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط المثقلة $(A, -1), (B, 2), (C, 1)$. تم أوجد إحداثياتها وأثبت أن $(AC) \parallel (BG)$.

السؤال الرابع: حل المعادلة التالية في R : $\sin(2x + \frac{\pi}{4}) = \sin(x)$

السؤال الخامس: مثلث قائم ومتساوي الساقين في A . جد Δ مجموعة النقاط M في المستوى التي تحقق العلاقة:

$$\|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 3\|\vec{MA} - \vec{MB} - \vec{MC}\|$$

السؤال السادس: ليكن التابع $f(x) = \frac{1}{x^2+1}$ (1) عيّن مجموعة تعريفه D . (2) ادرس زوجية التابع f وحدد الصفة التناظرية.

(3) اكتب f بصيغة مركب تابعين مألوفين. (4) ادرس اطراد f على $]0, +\infty[$.

(5) أوجد مشتق التابع f محددًا المجموعة التي يكون الحساب عندها ممكناً.

(30 للأول، 25 للثاني، 60 للثالث، 30 للرباع، 45 للخامس، 50 للسادس)

الاسم: أ. نصر أبو حوية

اعداد الفصل الأول للعام الدراسي

لجمهورية العربية السورية

الدرجة العظمى: 240

2018-2019

وزارة التربية

الدرجة الصغرى: 96

الصف: الثاني الثانوي

تقوية: جمال عبده

المدى: 3 ساعات

المادة: رياضيات

أولاً: ليكن التابعان $f(x) = x\sqrt{1-x^2}$; $g(x) = \frac{1}{1+x^2}$ (30 علامة)

1- عين مجموعة تعريفه التبعين .

2- أثبت ان f تابع فردي واستنتج خاصية تناظرية له .

3- اوجد التابعين $f(x)$; $g(x)$

ثانياً: 1- احسب باقي قسمة $p(x) = 2x^3 - 2x^2 - 5x + 3$ على $(x-2)$; $(x+1)$ (30 علامة)

2- حل في \mathbb{R} المعادلة $2x^3 + 7x^2 + 8x + 3 = 0$

ثالثاً: ليكن التابع $f(x) = x^3 - 1$ (30 علامة)

1- ادرس قابلية اشتقاق f عند (1)

2- احسب $f'(1)$

3- اكتب معادلة المماس لمنحنى التابع f عند النقطة (1,0)

رابعاً: ليكن التابع $f(x) = 1 - x - \frac{1}{x-1}$ (30 علامة)

1- عين مجموعة تعريفه

2- احسب $f(x)$ وادرس اشارته

3- نظم جدول اطراف التابع $f(x)$ وبين اذا كان له قيم صغرى محلية او قيم كبرى مطلية

خامساً: في معلم متجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) نثمن النقط $A(4, 1)$; $B(0, 5)$; $C(-2, -1)$ (20 علامة)

1- اكتب عبارة الاشعة \vec{AB} ; \vec{AC} ; \vec{BC} واحسب نظير كل منها

2- احسب الجداء السلمي $\vec{AC} \cdot \vec{AB}$ واستنتج ان $\cos(\vec{BAC}) = \frac{1}{\sqrt{5}}$

سادساً: في المثلث ABC نعرف النقطتين I , G بالمعادلتين $\vec{AI} = \frac{1}{3}\vec{AC}$; $\vec{BG} = \frac{1}{3}\vec{BI}$ (50 علامة)

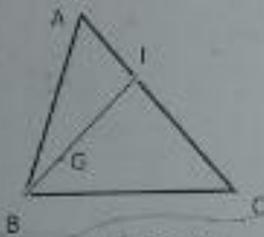
1- اثبت ان I هو مركز الابعاد المتشابهة للنقطتين

2- اخلزل المجموع $2\vec{GA} + \vec{GC}$

3- اثبت ان $2\vec{GB} + \vec{GI} = \vec{0}$

4- احسب المدار $2\vec{GA} + 6\vec{GB} + \vec{GC} = \dots$

5- استنتج ان G هو مركز الابعاد المتشابهة للنقط A, B, C بزاوية α, β, γ بطلب تعيينها



سابعاً: في معلم متجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) ليكن لدينا النقطتين $B(-1, \sqrt{3})$; $A(\sqrt{3}, 1)$ (30 علامة)

1- احسب الاحداثيات القطبية للنقطتين A, B

2- احسب قياس الزاوية (\vec{OA}, \vec{OB})

3- استنتج طبيعة المثلث (AOB)

ثامناً: اخلزل الصيغة $f = \sin\left(5\frac{\pi}{2} - x\right) + \sin(3\pi + x) + \cos(5\pi - x) + \cos\left(x - \frac{\pi}{7}\right)$ (20 علامة)

انتهت الأسئلة مع تمنياتنا لكم بالنجاح والتوفيق

36/ درجة

السؤال الأول: انقل إلى ورقة الإجابة الاختيار الصحيح:

- (1) مجموعة التعريف للتابع $f(x) = \frac{3}{x^2+2}$ هي: $R/\{3\}$, R , $R/\{2\}$, $R/\{\sqrt{2}\}$
- (2) النقطة التي تنتمي للتابع $f(x) = 2x-3$ هي: $M(0,-3)$, $M(2,-4)$, $M(1,1)$, $M(2,4)$
- (3) التابع $f(x) = \sqrt{x}$ قابل الاشتقاق على $[0, +\infty[$, $[0, +\infty[$, R , $R/\{2\}$
- (4) G منتصف القطرين A و B فهي مركز ابعاد متساوية لهما اذا كان لثقبهما (β, α) هو $(0,2)$, $(1,1)$, $(2,1)$, $(1,2)$
- (5) التابع $f(x) = \frac{1}{x}$ على المجال $[0, +\infty[$ هو تابع: متناقص, متزايد, ليس متزايد, ليس متناقص.
- (6) مشتق التابع $f(x) = \sqrt{1-x}$ هو $f(x) = \frac{x}{2\sqrt{1-x}}$, $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{1-x}}$, $f(x) = \frac{-2}{2\sqrt{1-x}}$, $f(x) = \frac{-1}{2\sqrt{1-x}}$

36/ درجة

السؤال الثاني

- ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على R وفق العلاقة $f(x) = x^2 - 4x$
- (1) ادرسي اطراف التابع وبين ماله من قيم حدية معينة.
 - (2) أثبت أن للمعادلة $f(x) = 0$ حل وحيد في المجال $[2, 5]$.
 - (3) أوجد معادلة المماس للخط C في نقطة $x = 1$.

24/ درجة

السؤال الثالث

- (1) لتكن النقطتين A, B ونعرف G بالشرط $3\overline{GA} - 2\overline{GB} = \vec{0}$ عن α, β كي تكون النقطة G مركز ابعاد متناسب للنقطتين (A, α) , (B, β) .
- (2) أنشئ مركز الأبعاد المتناسب للنقاط التي تشكل مثلث $(C, 2)$, $(B, 1)$, $(A, 1)$ مع كتابة العلاقات المناسبة.

36/ درجة

السؤال الرابع

- (1) عين القياس الأساسي للزاوية $\alpha = \frac{11\pi}{4}$ وحدد الربع الذي توجد فيه.
- (2) اختزل الصيغة: $f(x) = \cos x + \cos(\pi - x) + \cos(2\pi + x)$
- (3) حل المعادلة $2 \sin x - 1 = 0$

60/ درجة

السؤال الخامس

- ليكن لدينا التوابع التالية: $f(x) = \frac{1}{x}$, $g(x) = x^2 + 1$
- (1) أوجد كل من $(f \circ g)(x)$ مع تعيين كل من $D_{f \circ g}$, D_g , D_f .
 - (2) أثبت أن التابع $f(x)$ فردي.
 - (3) ادرسي قابلية الاشتقاق للتابع g عند $a = 2$.
 - (4) أوجد باقي قسم التركيب $p(x) = x^3 + x^2 + 3$ على $x - 1$.
 - (5) أثبت أن $(0,0)$ مركز تناظر للتابع f .

48/ درجة

السؤال السادس

- لتكن النقطتان $A(\sqrt{3}, 1)$, $B(-1, \sqrt{3})$
1. أوجد الإحداثيات القطبية للنقطتين.
 2. احسب أطوال أضلاع المثلث AOB .
 3. استنتج طبيعة المثلث.

انتهت الأسئلة

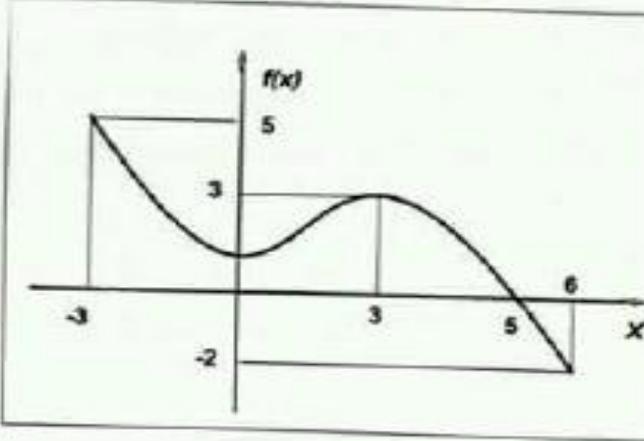
الدرجة : 600 درجة
العدد : ساعتان

الفحص التصفي لمادة الرياضيات
التمهيدى

مدرسة المستقبل الشريفة

أولى الألباب

السؤال الأول:



انظر للشكل واجب عن الأسئلة التالية :

- 1- ماهي مجموعة تعريف التابع
- 2- ماهي مجموعة مستقر التابع
- 3- ماهو عدد حلول المعادلة $f(x) = 3$
- 4- اوجد $f(-3)$, $f(3)$, $f(5)$, $f(6)$
- 5- عين المجال التي يكون فيها التابع متزايد
- 6- عين المجالات التي يكون فيها التابع متناقص
- 7- ماهو حل المتراجحة $f(x) \leq 0$
- 8- ماهو حل المتراجحة $f(x) \geq 0$
- 9- استنتج رسم الخط البياني

السؤال الثاني :

في مستو متعامد ومتجانس لدينا النقاط $A(1, 0)$, $B(-3, 3)$, $C(-1, -1)$ والمطلوب : 1- اوجد الأشعة \vec{BC} , \vec{AC} , \vec{AB} وأثبت أن النقاط تشكل رؤوس مثلث

- 2- احسب أطوال AB , BC , AC وأثبت أن المثلث قائم
- 3- اوجد إحداثيات النقطة N منتصف AB
- 4- اوجد إحداثيات النقطة M التي تحقق $AM = BC$
- 5- اوجد إحداثيات النقطة D التي تجعل الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع

السؤال الثالث : أجب عن الأسئلة التالية:

اختزل الى أبسط شكل 1- $f(x) = \sin(\pi - x) - \sin(\pi + x) + \sin(-x)$

- 2- اوجد الإحداثيات القطبية للنقطة $A(-1, \sqrt{3})$
- 3- أنشئ النقطة G مركز الأبعاد المتناسية للنقاط $(A, 1)$, $(B, 2)$, $(C, 3)$

السؤال الرابع : حل المسألة الآتية:

لدينا راميان A و B فإذا كان احتمال إصابة الهدف للرامي A هو $P_A = \frac{6}{10}$ وكان احتمال إصابة الهدف للرامي B هو $P_B = \frac{4}{10}$ يطلق كل رامي طلقة واحدة فقط والمطلوب :

- 1- ما احتمال أن يصيب الراميان الهدف
- 2- ما احتمال أن يصيب الرامي A فقط الهدف
- 3- ما احتمال أن يصيب رامي واحد فقط الهدف
- 4- ما احتمال أن لا يصاب الهدف بأية طلقة

السؤال الخامس : ليكن لدينا التابع f المعرف على R وفق العلاقة $f(x) = x^2 - 6x + 8$

والمطلوب : 1- اوجد نقاط تقاطع التابع مع محور xx

2- اوجد ثروة التابع وحدد جهة تقعره

3- ارسم التابع في جملة المحاور الإحداثية محددا نقاط تقاطعه مع محور الإحداثيات والثروة

السؤال السادس حل التمرين التالي :

ليكن لدينا النقطتان $A(-2, 4)$, $B(1, -2)$ والمطلوب :

١- اكتب معادلة المستقيم المار من النقطتين A و B

٢- عين نقاط تقاطع المستقيم مع المحاور الإحداثية.

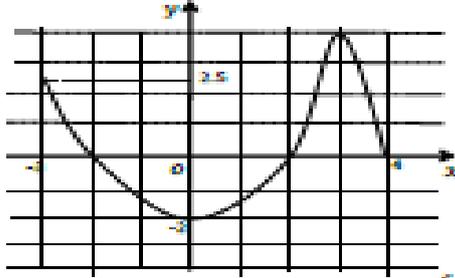
انتهت الأسئلة

السؤال الأول	110 درجة	السؤال الثاني	100 درجة	السؤال الثالث	100 درجة
السؤال الرابع	120 درجة	السؤال الخامس	90 درجة	السؤال السادس	80 درجة

انصر أبو حوية

أولاً : أجب عن الأسئلة الآتية : (لكل سؤال 32 درجة)

السؤال الأول : ليكن التابع f المعرفة على المجال $[-3,4]$



وليكن C_f خطه البياني المبين في الشكل المجاور .

(1) انظم جدول اطراد للتابع f على المجال $[-3,4]$.

(2) ماهي حلول المعادلة $f(x) = 0$ ؟

(3) ماهي مجموعة قيم x

التي تحقق المتراجحة $f(x) \geq 0$ ؟

(4) ما عدد حلول المعادلة $f(x) = 3$ ؟

السؤال الثاني : تتأمل في مستوي مزود بمعلم متجانس (O, \vec{i}, \vec{j})

النقاط A, B, C المعينة بالعلاقات :

$$\vec{OA} = 4\vec{i} + 2\vec{j}, \vec{OB} = (-2 - \sqrt{3})\vec{i} + (2\sqrt{3} - 1)\vec{j},$$

$$\vec{OC} = (-2 + \sqrt{3})\vec{i} - (2\sqrt{3} + 1)\vec{j}$$

(1) احسب نظيم كل من الأشعة \vec{AB} و \vec{AC} و \vec{BC} .

(2) استنتج طبيعة المثلث ABC .

ثالثاً : حل التمرين الآتية : (لكل تمرين 48 درجة)

التمرين الأول : ليكن f و g التابعتين المرفقتين وفق $f(x) = \frac{x+3}{x+2}$ و $g(x) = \frac{x}{x+2}$

وليكن التابع : $h = g \circ f$

(1) عين مجموعة تعريف f و g ثم h واحسب $h(x)$.

(2) ليكن k التابع المعرفة بالعلاقة $k(x) = \frac{x+3}{3x+5}$. أكون التابعتان h و k متساويتين؟

(3) عين العددين a و b يحققان : $f(x) = a + \frac{b}{x+2}$.

التمرين الثاني (50) : تنشئ خطاً مضلعاً منكسراً $ABCDE$ كما في الشكل المجاور .

(1) أعط قياساً لكل من :

$$(\vec{CD}, \vec{DE}), (\vec{BC}, \vec{CD}), (\vec{AB}, \vec{BC})$$

(2) احسب قياس الزاوية (\vec{AB}, \vec{DE}) .

(3) استنتج توازي المستقيمتين (AB) و (DE) ، ثم أثبت أن $\vec{AB} = -3\vec{DE}$.

(b) احسب القياس الأساسي لزاوية $\frac{11\pi}{6}$

ثالثاً : حل المسألة الآتية : (80 درجة)

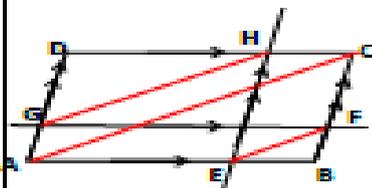
ABCD متوازي أضلاع تعرف D و E بالعلاقين :

$$\vec{AG} = \frac{1}{3}\vec{AD} \text{ و } \vec{AE} = \frac{2}{3}\vec{AB}$$

(1) أوجد إحداثيات النقاط A, C, E, F, G, H .

(2) احسب مركبات الأشعة $\vec{GH}, \vec{EF}, \vec{AC}$.

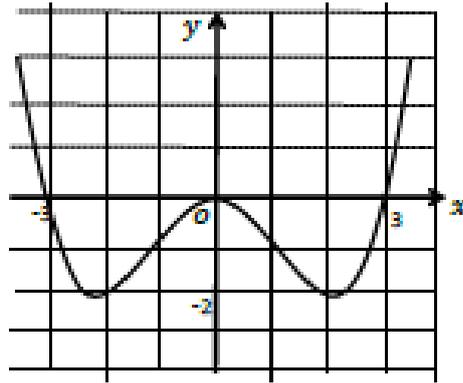
(3) اثبت أن المستقيمتين (AC) و (EF) و (GH) متوازية .



أولاً : أجب عن الأسئلة الآتية : (لكل سؤال 16 درجة)

السؤال الأول : ليكن التابع f المعرفة على R

وليكن C_f خطه البياني المبين في الشكل المجاور .



(1) هل التابع f زوجي أم فردي ؟ علل .

(2) ماهي حلول المعادلة $f(x) = 0$ ؟

(3) ماهي مجموعة قيم x

التي تحقق المتراجحة $f(x) \leq 0$ ؟

(4) ما عدد حلول المعادلة $f(x) = -1$ ؟

السؤال الثاني : ABC مثلث متساوي الساقين وقائم في A .

جد Δ مجموعة النقاط M في المستوي التي تحقق العلاقة :

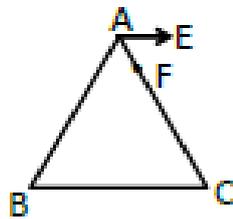
$$\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = 3\|\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}\|$$

السؤال الثالث : ليكن f و g التابعين المعرفة وفق :

$$f(x) = \frac{4}{x} \quad \text{و} \quad g(x) = \frac{1}{2x+4}$$

(1) عين مجموعة تعريف f و g ثم مجموعة تعريف التابع $g \circ f$.

(2) احسب $g \circ f$ بدلالة x .



السؤال الرابع : ABC و النقطتين E و F معرفتين بالعلاقين :

$$\overrightarrow{BC} = 4\overrightarrow{AE} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{AC} = 5\overrightarrow{AF}$$

أثبت وقوع النقاط B و E و F على استقامة واحدة .

ثانياً : حل التمارين الآتية : (لكل تمرين 24 درجة)

التمرين الأول : ليكن كثير الحدود : $p(x) = x^3 - 3x^2 - 10x + 24$

(1) تحقق أن $x = -3$ حلاً للمعادلة $p(x) = 0$. ثم حل $p(x)$ الى جداء أقواس بسيطة .

(2) حل المعادلة $p(x) = 0$.

تبرهن الصفحة التالية...

التمرين الثاني : حل في R المعادلة : $\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) = \cos x$

تم عين الحلول التي تنتمي للمجال $]-\pi, \pi[$.

التمرين الثالث : ليكن التابع $f(x) = \sqrt{x-2}$ المعرف على المجال $[2, +\infty[$.

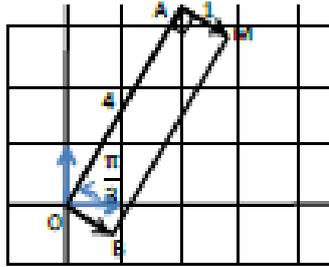
ادرس قابلية الاشتقاق عند 2 ، تم عند 6 ، واحسب قيمة المشتق في حال وجوده .

التمرين الرابع : احسب مشتق كل تابع من التوابيع الآتية :

$$g(x) = \cos\sqrt{x} + \sin\left(\pi x + \frac{\pi}{4}\right) , \quad h(x) = 3x^2 \cos x , \quad f(x) = \frac{2-2x}{x+2} + \frac{1}{x}$$

ثالثاً : حل المسألتين الآتيتين : (لكل مسألة 40 درجة)

المسألة الأولى : لتكن النقطتين $A(4, \frac{\pi}{3})$ و M المحيطتين كما بيّن الشكل المجاور:



(1) احسب إحداثيتي النقطة A الديكارتيتين .

(2) نعين النقطة B بالعلاقة $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{OB}$ ، احسب (i, \overrightarrow{OB}) .

(3) احسب الإحداثيات القطبية للنقطة B .

(4) استنتج الإحداثيات الديكارتية للنقطة M .

المسألة الثانية : ليكن الخط البياني لتابع $f(x) = \sqrt{x+3}$ المعرف على $[-3, +\infty[$.

(1) أثبت أن f استتافي على المجال $]-3, +\infty[$.

(2) احسب $f'(x)$.

(3) احسب $f(1)$ تم $f'(1)$ تم اكتب معادلة المماس ل C في النقطة التي فاصلتها $x = 1$.

(4) باستخدام التقريب التآلفي استنتج قيمة تقريبية ل $f(4)$.

مدرس المادة :

...انتهت الأسئلة...

حسن غناج

من 1) أجب بصح أو خطأ مع التطوير:

(1) تكون لدينا النقط المثلثة (A,3) و (B,4) فإن مركز ابعاد متساوية للنقط المثلثة A و B

(2) القياس الاساسي للزاوية الموجهة $\alpha = \frac{-81\pi}{4}$ هو $-\frac{\pi}{4}$

(3) ليكن لدينا التتابع المعرفان وفق ما يلي $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}}$ و $g(x) = \sqrt{-x+2}$ مجموعة تعريف f . g هي $\mathbb{R} \setminus \{-2,0\}$.

(4) مشتق التابع $f(x) = \cos \frac{\pi}{6} + \sin \frac{\pi}{6}$ هو الصفر (0)

(5) ليكن المثلث ABC ولنكن G مركز الابعاد المتساوية للنقط المثلثة (A,α), (B,β) و (C,δ) حيث ان $\alpha + \beta + \delta = 0$ المستقيم (GC) قاطع للمستقيم (AB)

من 2) ليكن التتابعان $f(x) = x^2 + 4$ و $g(x) = \sqrt{x-3}$

(أ) عني مجموعة تعريف كل منهما . (ب) برهن ان التابع $f(x)$ زوجي .

(ج) احسب $f \circ g$ ودرسي اطرافه على المجال $[-1, +\infty[$ اعتمادا على دراسة اطراف كل من f, g.

(د) اثبت ان $f(x)$ اشطقي عن $x = -1$ حسب التعريف لدالة التفرع ثم استنتج $f(-1)$

(هـ) اكتب معادلة المماس للتابع $f(x)$ عند $x = -1$

(3) اوجد مشتقات التوابع التالية مع تحديد المجموعة التي يمكن الاطلاق ضمنها

(أ) $f(x) = -\sqrt{5}x^3 - 3x^2 + \pi$ (ب) $f(x) = \sqrt{6x} + \frac{2x}{(3x-1)}$ (ج) $f(x) = x \cos 5x$ (د) $f(x) = (3x^2 - 2)^4$

(20 درجة)

(20 درجة)

(4) ليكن لدينا ثمر الحدود $p(x) = x^3 - 3x^2 - 6x + 8$ احسب $p(1)$ ثم عني اثير الحدود الى جناء عوامل بسيطة ثم حل المعادلة $p(x) = 0$

(5) يروض دائرة C نقطة بحيث $x = \vec{OM}$ حيث $\cos x = \frac{4}{5}$ بشرط $x \in [-\frac{\pi}{2}, 0]$ المطلوب: (25 درجة)

عني M على C واحسب $\sin(x + \frac{\pi}{2})$, $\cos(\pi - x)$, $\sin x$

(30 درجة)

(6) (1) احسب الاحداثيات القطبية للنقطة A (-1, 1) واحسب الاحداثيات الديكارتية للنقطة B (2, $\frac{2\pi}{3}$)

(2) حل المعادلة المثلثة $\sin(3x + \frac{\pi}{6}) = \sin(x - \frac{\pi}{3})$

(40 درجة)

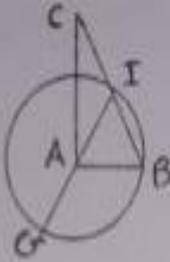
(7) ليكن المثلث قائم الزاوية في A وليكن I منتصف [BC] وليكن C الدائرة التي مركزها A وتر

بالنقطة I واخرى النقطة G التي تقابل I نظريا:

(1) اثبت ان G هو مركز الابعاد المتساوية للنقط (A, 4) و (B, -1) و (C, -1)

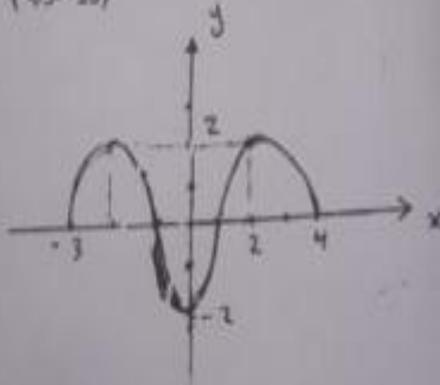
(2) عني عديدين حقيقيين δ, ϵ يجعلان A مركز الابعاد المتساوية للنقط (G, 2) و (B, β) و (C, δ)

(3) عني مجموعة نقط المستوي M التي تحقق $\|\vec{2MG} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 2\|\vec{BC}\|$



(15 درجة)

من (B) Cf الخط البياني المرسوم جنبا لتتابع f المعرف على المجال $[-3, 4]$



(أ) احسب $f(0)$ و $f(-3)$

(ب) استنتج حلول المعادلة $f(x) = 0$ ثم حلون المعادلة $f(x) < 0$

(ت) استنتج رسم Cf الخط البياني للتابع f_1 حيث $f_1(x) = |f(x)|$

..... انتهت الأسئلة

تمنى لكم التوفيق

الاسم: نصر التميمي
العدد: ثلاث ساعات
الدرجة: ٢٤٠ درجة

امتحان الفصل الدراسي الأول ٢٠١٩-٢٠٢٠
العدد: رياضيات - الثاني الثانوي العلمي

مديرية التربية في حماه
التربية ابي نر الظري
مصطفى

أولاً: (٥٠، ٢٠، ٣٠)

السؤال الأول:

ليكن f تابعاً معرفاً على $[2, +\infty)$ بالصيغة $f(x) = \sqrt{x-2}$ والمطلوب:

1- ادرس قابلية اشتقاق f عند $x = 2$.

2- جد $f'(x)$ ثم اكتب جنود اطراف f .

3- اكتب معادلة المماس للخط البياني C_f في النقطة التي فاصلتها 6.

السؤال الثاني:

ليكن C الخط البياني للتابع f المعروف على \mathbb{R} وفق $f(x) = x^3 - 3x + 1$

1- ادرس اطراف التابع f على مجموعة تعريفه ثم عين القيم الحدية محلياً.

2- أثبت أن للمعادلة $f(x) = 0$ حلاً وحيداً في المجال $]-1, 1[$.

3- اكتب معادلة المماس للخط البياني C الموازي للمستقيم $\Delta: y = -3x - 5$.

السؤال الثالث:

ادرس اطراف التابع $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - mx + 7$ تبعاً لقيم العدد الحقيقي m .

ثانياً:

السؤال الأول:

بفرض $2AB = AG$ والمطلوب عين التينين B, α

لتكون A مركز أبعاد متناسبة للقطعتين (G, α) و (B, β) ثم ارم شكلأ مناسباً

السؤال الثاني:

عين الإحداثيات القطبية للنقطة $M(\frac{3\sqrt{3}}{2}, \frac{-3}{2})$ والإحداثيات الديكارتية للنقطة $N(\frac{1}{2}, \frac{5\pi}{6})$

سؤال الثالث:

ختزل المجموع $\sin(81\pi + x) - \cos(\frac{5\pi}{2} + x) + \sin(\frac{-13\pi}{2} - x) + \cos(x - \pi)$

السؤال الرابع

إن كان $(\vec{u}, \vec{v}) = \frac{2\pi}{3}$ عين القياس الأساسي للزاوية $(\vec{v}_1 - \vec{v}_2)$

السؤال الخامس

ABC مثلث فيه I منتصف AB و J, K معرفتين بالعلاقاتين :

$$\vec{JB} + 2\vec{KJ} = \vec{0} \quad \text{و} \quad \vec{KA} + 2\vec{KI} = \vec{0} \quad \text{والمطلوب}$$

1- ارسم شكلاً توضيحياً

2- أثبت أن المستقيمين (CI) و (AJ) يتقاطعان في نقطة G

3- ليكن (A, \vec{AB}, \vec{AC}) معلماً اعط إحداثيات النقاط A, B, C, I, J, K, G ثم اثبت أن

K, G, B تقع على استقامة واحدة

السؤال السادس في الشكل المجاور AOI مثلث متساوي الأضلاع و OIJ, IBA مثلثا متساويي الساقين و قمتين والمطلوب

1- عّل صحة المساواة $(\vec{AJ}, \vec{AB}) = (\vec{AJ}, \vec{AO}) + (\vec{AO}, \vec{AI}) + (\vec{AI}, \vec{AB})$

2- احسب الزوايا (\vec{AO}, \vec{AI}) و (\vec{AI}, \vec{AO}) و (\vec{AI}, \vec{AB})

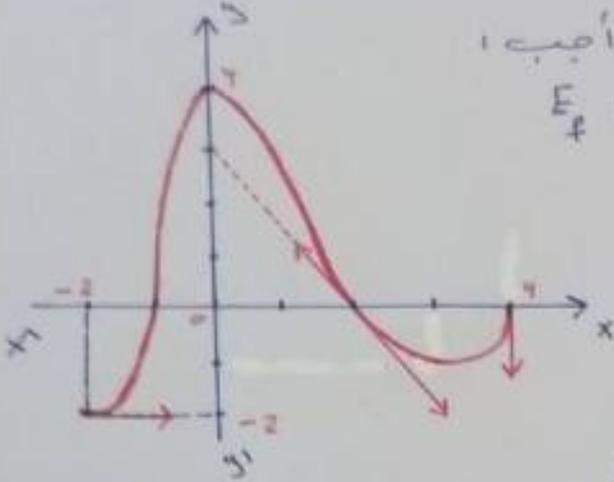
3- احسب (\vec{AJ}, \vec{AB}) ماذا نستنتج؟



(((انتهت الأسئلة)))

مذكرة الرياضيات - « البراد الأول » لطلاب الثانوية العلمية.

السؤال الأول: تأمل الخط البياني وأجب:



(1) عين مجموعة التفرع D_f والمستقر: E_f

(2) ما عدد حلول المعادلة $f(x) = 0$

(3) حل المراجحة $f(x) < 0$

(4) ناقش بسبب قيم الوسيط λ حلول

المعادلة $f(x) = \lambda$

(5) اكتب قيم $f(0)$, $f(-2)$, $f(2)$

$f(4)$, $f(2)$

(6) اكتب $f'(4)$, $f'(2)$, $f'(-2)$

(7) أكتب معادلة المماس في النقطة $A(2, 0)$ واستنتج تقريباً تأليفاً

لـ $f(2+h)$

(8) نظم جدول اطراد للتابع f

السؤال الثاني: ليكن لدينا التابع $f(x) = \sqrt{x^2 + 2}$ والمطلوب:

(1) أوجد مجموعة التفرع D_f

(2) أوجد التناحيات اللذان ركب ضمماً التابع $f(x)$

(3) ادرسيا اطراد التابع على كلا المجالين: $]-\infty, 0]$ و $[0, +\infty[$

(4) ادرسيا زوجية واسلم العنصر التناظرية للخط C

السؤال الثالث: ليكن لدينا التابع $f(x) = \frac{x+1}{x-2}$ والمطلوب:

(1) أثبت أن C تناظرية بالنقطة $A(2, 1)$

(2) ادرس قابلية الإشتقاق عند $x=1$ وأكتب معادلة المماس في $B(1, -2)$

السؤال الرابع: اوجد مشتق التوابع التالية:

$$f(x) = 2x \sin x, \quad f(x) = \frac{3x-1}{x+4}, \quad f(x) = \sqrt{2x+1}$$

$$f(x) = \sin(\cos x), \quad f(x) = \sqrt[3]{(3x+1)^2}, \quad f(x) = x\sqrt{x} + \frac{1}{x}$$

« أثبت آلة الحلب »
المصنف: زكي محمد طارعي