

سلسلة

التجمع التعليمي



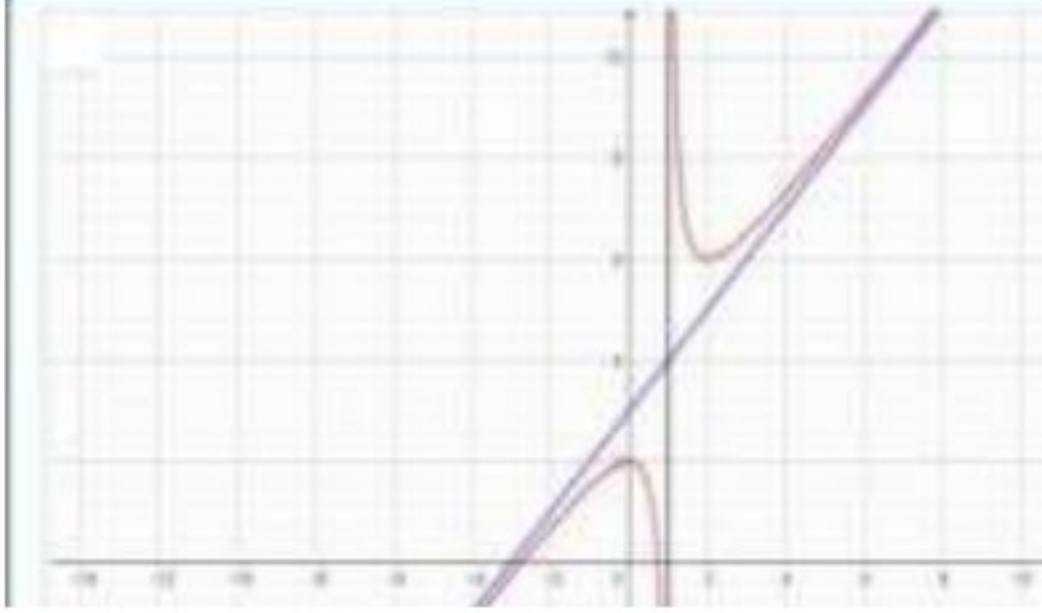
التجمع التعليمي



القناة الرئيسية: t.me/BAK111

بوت التواصل: [@BAK1117_bot](https://t.me/BAK1117_bot)

أولاً : أجب عن خمسة من الأسئلة الستة الآتية : (40 درجة لكل سؤال)



السؤال الأول :

وجد جانبا خط بياني C للتابع f المعرفة على $] -\infty, 1[\cup] 1, +\infty[$ والمطلوب :

1. اكتب معادلات المستقيمت المقاربة للخط C
2. يقبل f قيماً حدية حددها و حدد نوعها
3. عين مركز التناظر

4. جد $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$

السؤال الثاني : ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على $R \setminus \{0\}$ حيث : $f(x) = x + \frac{\sin(x)+2}{x^2}$

وليكن المستقيم $\Delta: y = x$

أثبت أن Δ مقارب مائل ل C في جوار $+\infty$ وادرس وضع C بالنسبة ل Δ

السؤال الثالث : رف يحوي 7 كتب لمؤلفين (3 كتب للمؤلف A و 4 كتب للمؤلف B) والمطلوب :

- a) بكم طريقة يمكن ترتيب الكتب على الرف إذا كانت الكتب الثلاثة الأولى للمؤلف B.
- b) بكم طريقة يمكن ترتيب الكتب على الرف إذا اشترطنا أن يكون كتاب معين للمؤلف B في بداية الرف.

السؤال الرابع : ليكن التابع $f(x) = \begin{cases} x^2(1 - \ln(x)) & ; x > 0 \\ 0 & ; x = 0 \end{cases}$

ادرس قابلية الاشتقاق عند الصفر

السؤال الخامس : يحوي صندوق ثلاث كرات سوداء وخمس كرات بيضاء . عند سحب كرة سوداء يخسر اللاعب نقطة واحدة ، وعند سحب كرة بيضاء ينال نقطتين .

يسحب اللاعب كرتين على التوالي دون إعادة . ما احتمال أن يحصل اللاعب على نقطة واحدة فقط

السؤال السادس : حل المعادلة : $9^x + 3^{x+1} - 4 = 0$ في R

ثانياً : حل التمارين الثلاثة الآتية : (75 درجة للتمارين الأول والثاني و 60 درجة للثالث)

التمرين الأول : لتكن المتتالية $(u_n)_{n \geq 0}$ معرفة تدريجياً حيث $u_0 = 1, u_{n+1} = \frac{u_n+1}{u_n+3}$

1. أثبت أن $0 \leq u_n \leq 1$
2. أثبت أن المتتالية (u_n) متناقصة ثم استنتج انها متقاربة
3. أوجد نهايتها المحتملة.

التمرين الثاني: لدينا التابع التالي : ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على $]0, +\infty[$ حيث

$$f(x) = \frac{2\ln(x) - 1}{\ln(x)}$$

1. أوجد نهاية التابع عند $+\infty$
2. عيّن قيمة A حيث $x > A$ إذا علمت أن $f(x) \in]1.9, 2.1[$

التمرين الثالث: في مجموعة الأعداد العقدية C :

1. أثبت أن $z_1 = 2i$ جذراً للمعادلة $iz^2 - 2iz - 4 + 4i = 0$ ثم أوجد الجذر الآخر .
2. أوجد صورة M_1 الممثلة ل z_1 وفق دوران مركزه O وزاويته $\frac{\pi}{4}$ واكتبها بالشكل الجبري.

ثالثاً: حل المسألتين الآتيتين : (100 درجة لكل مسألة)

المسألة الأولى: في معلم متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ لدينا النقاط :

$$C(1, 1, -2), B(1, 2, -1), A(0, -1, -2)$$

والمطلوب :

1. أثبت أن النقاط A, B, C ليست على استقامة واحدة ؟
2. أثبت أن $\vec{n}(2, -1, 1)$ ناظم على المستوي (ABC) واكتب معادلة المستوي (ABC)
3. لتكن G (م. ا. م) للنقاط $(A, 1), (B, -1), (C, 2)$ اكتب احداثيات النقطة G
4. اعطي تمثيلاً وسطياً للمستقيم (CG) .
5. جد مجموعة النقاط من الفراغ M التي تحقق $\|\vec{MB} - \vec{MC} + 2\vec{MC}\| = 12$

المسألة الثانية: ليكن C الخط البياني للتابع f المعرفة على \mathcal{R} وفق $f(x) = \frac{2x}{e^x}$ **والمطلوب :**

1. جد نهاية التابع f عند أطراف مجموعة تعريفه واكتب معادلة المقارب الأفقي
2. ادرس تغيرات التابع ونظم جدولاً بها
3. في معلم متجانس ارسم الخط البياني C
4. احسب مساحة السطح المحصور بين الخط C ومحوري الاحداثيات والمستقيم $x = 1$
5. استنتج رسم الخط C_1 للتابع g المعرفة وفق $g(x) = 2xe^x$
6. اثبت ان $f(x)$ هو حل للمعادلة التفاضلية : $y' + y = 2e^{-x}$

انتهت الأسئلة ..

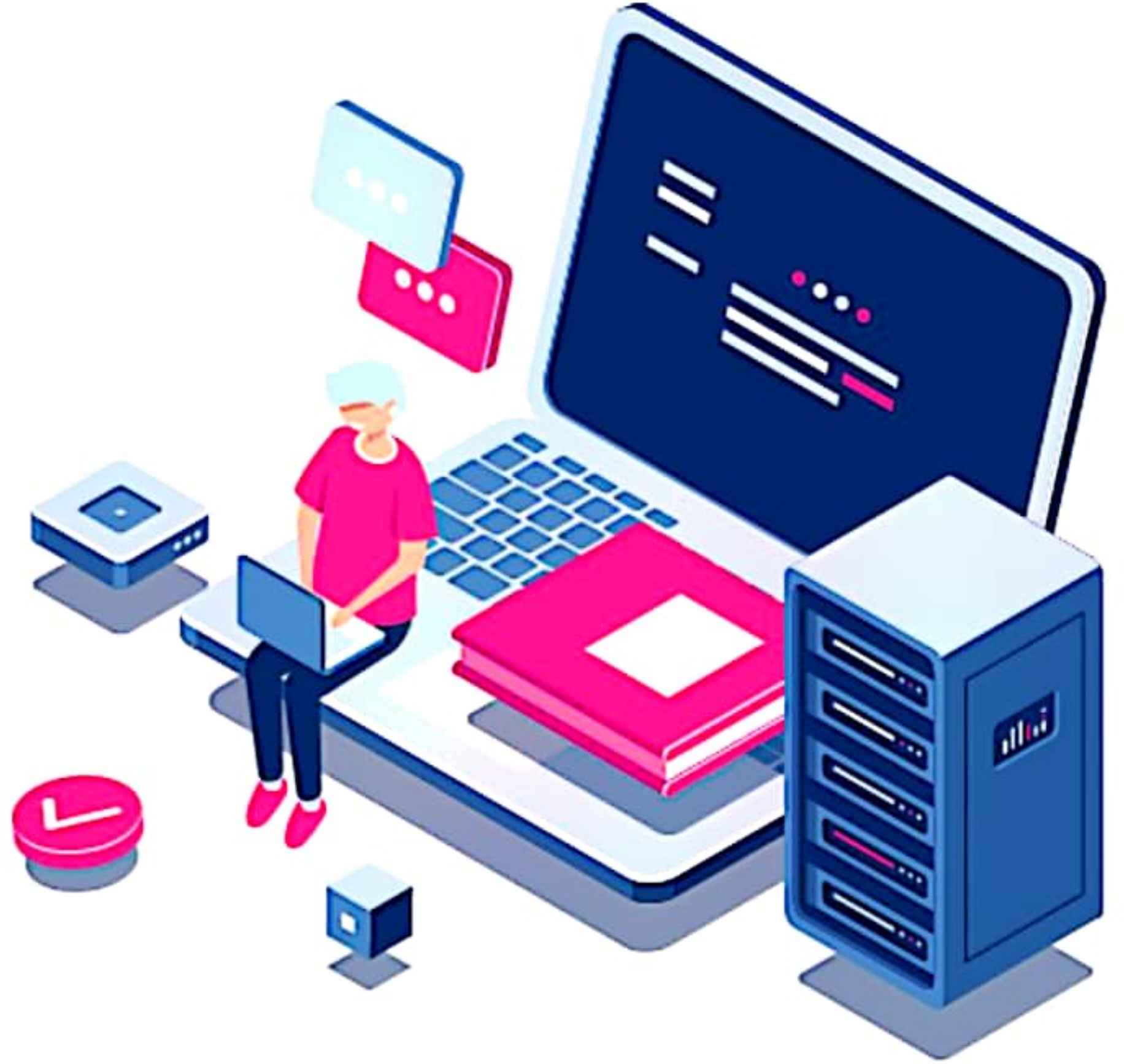
مع أطيب الأمنيات لكم بالنجاح

سلسلة

التجمع التعليمي



التجمع التعليمي



القناة الرئيسية: t.me/BAK111

بوت التواصل: [@BAK1117_bot](https://t.me/BAK1117_bot)