

أجب عن الأسئلة التالية ( 40 درجة لأول, 120 للثاني ، 40 للثالث )

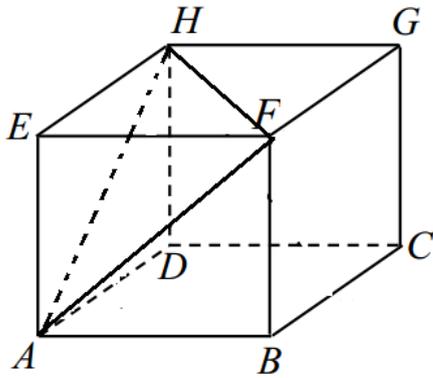
**السؤال الأول :** ليكن المستويين المعرفين بالمعادلتين كما يلي : ( 40 درجة )

$$(R) : 2x + y + 2z = 0 \quad , \quad (P) : x + y = -1$$

(1) تحقق أن المستويين يتقاطعان وفق مستقيم (d) اكتب معادلاته الوسيطة

(2) بين أن المستقيم (d) و المستوي ( P' ) الذي معادلته  $4x + 4y + z + 3 = 0$  يتقاطعان بنقطة A ثم أوجد

احداثياتها



$$\begin{cases} P : x + y = -1 \\ R : 2x + y + 2z = 0 \\ P' : 4x + 4y + z + 3 = 0 \end{cases} \quad (3) \text{ استنتج تقاطع المستويات الثلاث}$$

( 110 درجة )

**السؤال الثاني :** مكعب ABCDEFGH

في المعلم المتجانس  $(A, \vec{AB}, \vec{AD}, \vec{AE})$

1. أوجد احداثيات A, F, H, E, C ثم برهن ان المستقيم  $\vec{EC}$  ناظما على المستوي (AFH) . ثم اكتب معادلة

المستوي (AFH)

2. أوجد احداثيات J المسقط القائم للنقطة E على المستوي (AFH) . احسب بعد النقطة E عن المستوي (AFH)

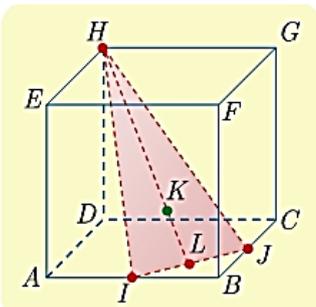
3. بين نوع المثلث AFH ثم احسب مساحته . واحسب حجم رباعي الوجوه (EAFH)

4. اذا كانت O منتصف AC . برهن ان المستقيم OG يوازي المستوي (AFH)

5. بين ان المعادلة  $F : x^2 + y^2 + z^2 - 2z = 0$  معادلة كرة مركزها E واحسب نصف قطرها .

6. برهن ان الكرة F تقطع المستوي (AFH) بدائرة E عين مركزها ونصف قطرها

احسب ارتفاع المخروط الذي رأسه C وقاعدته الدائرة E . ثم احسب حجمه



**السؤال الثالث :** مكعب ABCDEFGH ، I و J منتصفا الحرفين [AB] و [BC]

بالترتيب، و K هي مركز الأبعاد المتناسبة للنقاط (A,2) و (B,3)

و (C,1) و (H,1) . أثبت وقوع النقاط I و J و K و H في مستوي

واحد.

انتهت الأسئلة